

Générescences, Nombres entiers variables, Corps omégacyclique (ou cyclofractal) et Division omégacyclique par Zéro

Hubert ABLI-BOUYO
Science de l'Univers TOTAL
hubertelie.com

Blogs:

Nouvelle Genèse (Abby Eve)
<https://nouvellegenese.wordpress.com/>

Pour notre Monde d'Alternation (Rosine Lassage)
<https://mondealternation.wordpress.com/>

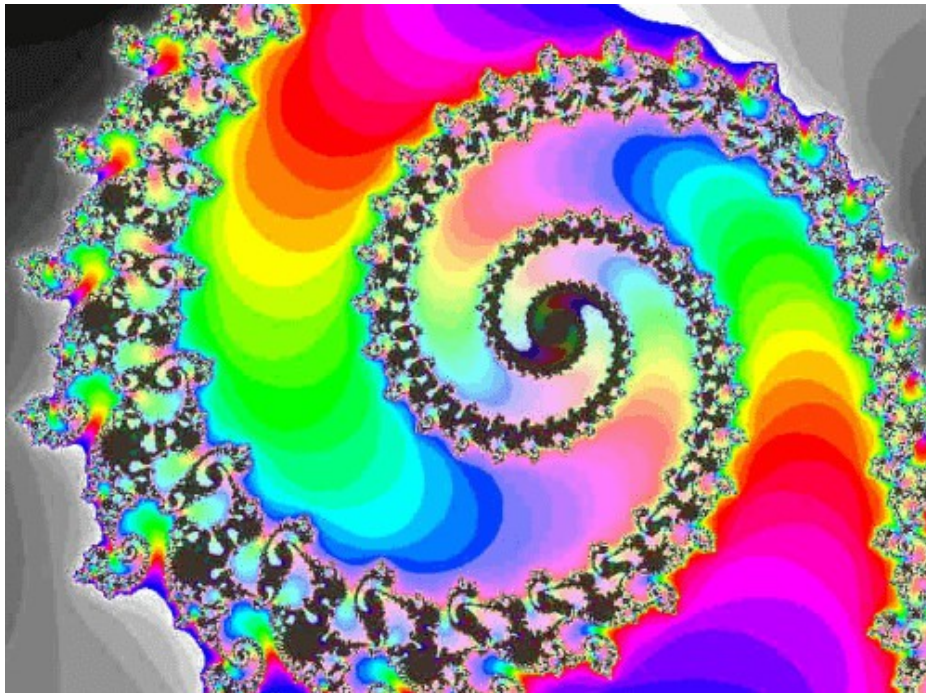
Amour de la Vérité (Nickie Vérité)
<https://alternation106244114.wordpress.com/>

(Version du 16 janvier 2023 révision d)

Sommaire :

- Avant-propos : le Paradigme de l’Affirmation et le Paradigme de Négation.....3
- O – Introduction : le Zéro et l’Infini sont l’inverse l’un de l’autre.....6
- I - Structure cyclofractale ou omégacyclique des nombres.....22
- II - L’Univers TOTAL, le Nouveau Paradigme.....166
- III - Potentiel KI d’un ensemble K d’indiciel I.....264
- IV - Les deux relations d’égalité : l’identité et l’équivalence.....294
- V - Relation d’ordre. Relation de bon ordre et ordinaux.....346
- VI - Logique d’Alternation, finitude et infinitude.....396
- VII - Notion de générescences, conception générative, nouvelle vision des nombres.....426
- VIII - Compréhension plus profonde de l’ensemble des nombres entiers oméganaturels...473
- IX - Corps omégacyclique.....487
- X - Rationalisation unixale d’un (semi-)anneau commutatif intègre ordonné.....492

**Avant-propos:
le Paradigme de l’Affirmation et le Paradigme de Négation**



Cette **fractale** comme image d’avant-propos, qui est une **Fractale de Julia**, pour dire qu’avec ce livre et les trois qui le précèdent (on en reparlera), vous entrez dans un **univers scientifique** complètement différent de celui des sciences classiques!

On a fait croire en ce monde qu’il n’existe qu’un seul **paradigme** ou **logique scientifique**, alors qu’il existe deux **visions** de l’**Univers**, deux **logiques fondamentales**, deux **paradigmes**: le **Paradigme de l’Affirmation** et le **Paradigme de la Négation**.

Le premier, qui est synonyme de concept d’**Univers TOTAL**, est le **Normal**, car il **inclut** le second, tandis que le second est de nature à **NIER** le premier!

Le paradigme traditionnel est la **Négation**, il es plus qu’**anormal**, il est le **Paranormal** devenu la **norme**, la **tradition** (Matthieu 15: 3-9)!

Et le mot « **Paranormal** » que nous venons d’employer ne doit pas du tout être compris au sens habituel de « **chose non-explicable par la science** », car **tout est explicable scientifiquement**, mais seules les **sciences de Négation** ne le peuvent pas!

Par « **Paranormal** » il faut comprendre maintenant une **Norme** ou un **Normal parallèle** à la **vraie Norme**, au **vrai Normal**, ou qui le **NIE**!

Et aussi, pour comprendre la subtile raison pour laquelle nous parlons de « **tradition**», voir la série de quatre audios intitulée: **Science de l’Univers TOTAL:**

la rencontre entre la science hébraïque (biblique) et la science gréco-romaine, notamment la **partie 4**.

Car il y a un lien entre ce que nous disons ici à propos du **Paranormal** ou la **Paranorme** et la problématique biblique de la **Révélation divine**, ou **Science divine**, comme le **Tanakh** ou **Bible hébraïque** ou « **Ancien Testament** » ou **vrai judaïsme**, qui a été pervertie depuis au moins 2000 ans, depuis l’époque de **Jésus Christ** donc, pour devenir la **tradition** des **pharisiens** que **Jésus** dénonçait à l’époque, et **tradition** connue de nos jours sous le nom de **Talmud** et la **Kabbale**.

« Pourquoi avez-vous abandonné la parole de Dieu au profit de votre tradition »,
leur demandait Jésus en Matthieu 15: 3-9 mentionné plus haut.

Les sciences de ce monde sont en fait les **sciences**
de l'**entité** que la Genèse appelle le **Serpent d'Eden**,

et qui n'est rien d'autre qu'une incarnation de la **Négation** dont nous parlons (Genèse 3 : 1-24).
Le **Tanakh** est la **Bible hébraïque**, la **Révélation divine**, qui est le fondement du **vrai judaïsme**.

Mais le **Talmud** et la **Kabbale** sont le fondement du **faux judaïsme**, le **talmudisme**,
qui passe de nos jours pour être le **judaïsme biblique**.

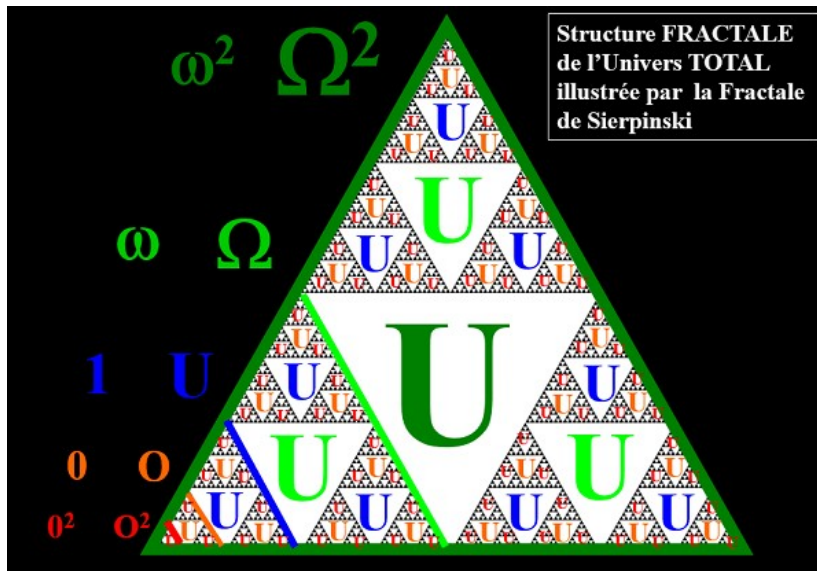
Les **sciences traditionnelles** sont les sciences de **Négation** (on va le prouver)
donc sont en fait le **scientisme**, une **religion** ou croyance qui ne dit pas son nom.

Le **talmudisme** et plus généralement les **religions** et les **idéologies** en « **isme** » dans ce monde,
sont tous la perversion de la **Science divine**, la **Science originelle**,
qui se révèle (à nouveau) maintenant comme la **Science de l'Univers TOTAL**.

Sa logique est donc la **Logique l'Affirmation**, qui est la **Logique Normale**, la **Norme**,
la **Logique originelle** qui a été perdue et qu'il faut à présent (re)découvrir.

Nous l'appelons aussi la **Logique d'Alternation** ou encore **Logique d'Equivalence**,
par opposition donc à la traditionnelle **Logique de Négation**, ou encore **Logique d'Identité**.

Toute **structure fractale**, comme celle ci-dessus, ou celle ci-dessous,
illustre la **Logique d'Alternation**:



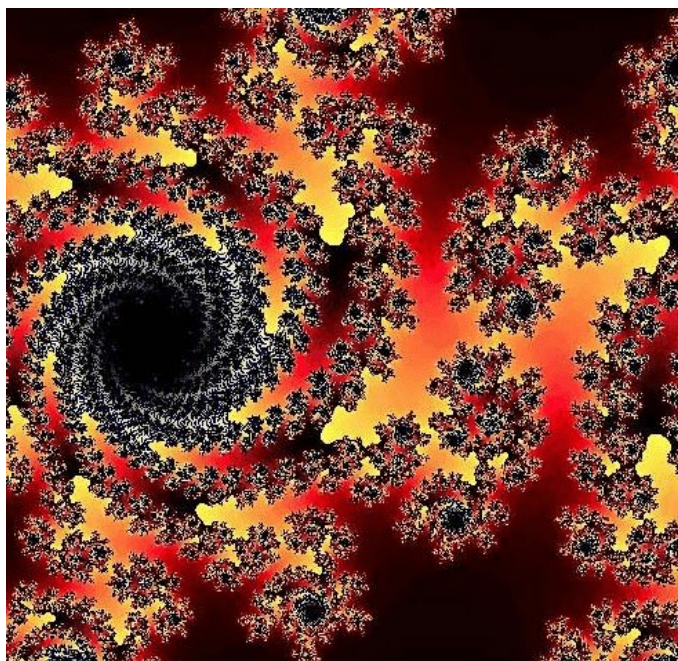
Tous les **modèles** d'une **structure fractale**
(par exemple les **modèles** spéciaux nommés ici **0**, **1**, ω , etc., ou **O**, **U**, Ω),
bien que **différents**, c'est-à-dire **non-identiques**,
sont pourtant **égaux**, c'est-à-dire **équivalents**.

En matière d'**égalité**, on **raisonne** maintenant avec la **relation d'équivalence**
et non plus avec la traditionnelle **relation d'identité**.

Il nous faut rompre avec toutes les traditions et programmations
qui ont obscurci, occulté ou supplanté la **vraie science**,
à savoir donc la **Science d'Affirmation** ou d'**Alternation**.

Bref, les traditions qui n'ont fait que le plus grand mal à l'humanité!

Bienvenue dans le **Paradigme** de l'**Univers TOTAL**, l'**Univers FRACTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**.



Ici encore une **structure fractale** où l'on voit clairement aussi les différents **modèles**,
des **modèles infiniment petits**, que nous appelons les **univers** ou les **ZÉROS** ou les **alphas**,
et que nous notons collectivement **0** ou **O**,
aux **modèles infiniment grands**, que nous appelons les **énivers** ou les **INFINIS** ou les **omégas**,
et que nous notons ω ou **E**, ou encore **N**

(d'où le mot « **énivers** », qui vient donc de **N** ou « **enne** »,
la lettre classique désignant l'**ensemble des nombres entiers naturels**).

En passant par les **modèles intermédiaires**, ou **modèles unités**,
que nous appelons simplement les **univers** ou les **UNS**, notés collectivement **1** ou **U**.

Les **modèles** sont tous **différents**, c'est-à-dire **non-identiques**,
ils n'ont pas la même **identité**, chacun a sa propre **identité**.

Et pourtant ils sont tous **égaux**, c'est-à-dire **équivalents**, car ils sont la même **fractale**.

Il suffit en effet de faire un zoom entrant sur n'importe quel **modèle infiniment petit**
pour qu'il devienne le modèle que montre l'image,
ou au contraire de faire un zoom sortant sur n'importe quel **modèle infiniment grand**
pour qu'il devienne n'importe quel **modèle infiniment petit**.

Bienvenue dans tout un autre **Univers scientifique**, tout un autre **Univers numérique**!

Un **Univers** où tout le monde est **équivalent**,

tout le monde est **Alpha** ou **Zéro (0)**, et est **Un (1)** et est **Oméga** ou **Infini (ω)**!

Et c'est parce que l'**Univers TOTAL** est l'**Etre TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**,
que tout être qui se (re)connecte à l'**Univers TOTAL**,

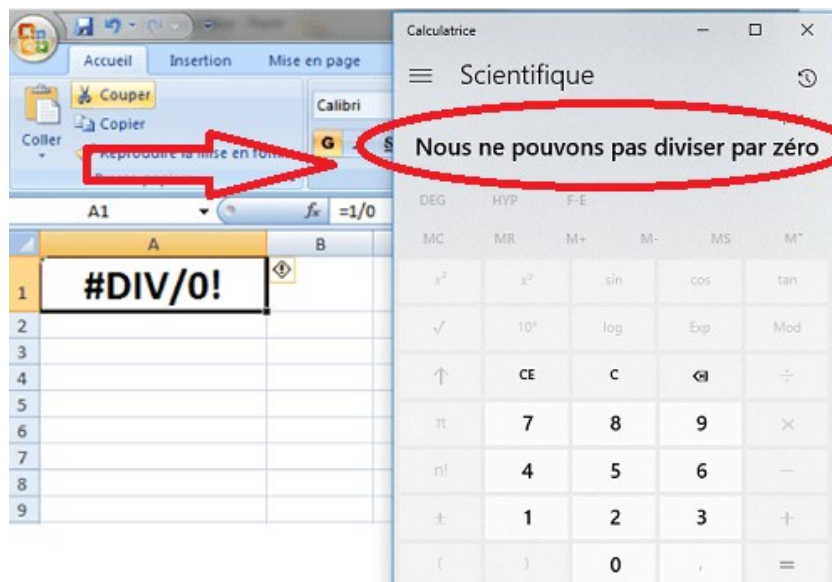
le **Paradigme perdu** et **Paradis perdu** mais maintenant retrouvé,
peut dire comme lui: « **Je suis l'Alpha et l'Oméga** » (Apocalypse 1 : 8; 21 : 1-7; 22:13).

Bienvenue donc dans la **Science de l'Univers TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**.

Toute une autre manière de voir l'**Univers et les choses**, de **raisonner**, de **faire la Science**.

O – Introduction : le Zéro et l'Infini sont l'inverse l'un de l'autre

Vous êtes peut-être « tombé(e) » sur ce livre parce que votre attention a été attirée sur un de nos écrits ailleurs sur la problématique de la **division par 0**.



Si c'est le cas, alors vous êtes au bon endroit. Mais si tel n'est pas le cas vous êtes au bon endroit aussi, pour comprendre enfin la vérité sur les **nombres**.

Et comprendre les nombres c'est comprendre l'Univers, et plus que cela c'est comprendre l'**Univers TOTAL**. La définition scientifique que nous lui donnons est l'**Ensemble de TOUTES les choses et de TOUS les êtres**, la **Réalité TOTALE**, l'**Etre TOTAL**, l'**Etre SUPRÊME**. C'est ce que nous entendons scientifiquement par le mot **DIEU**.

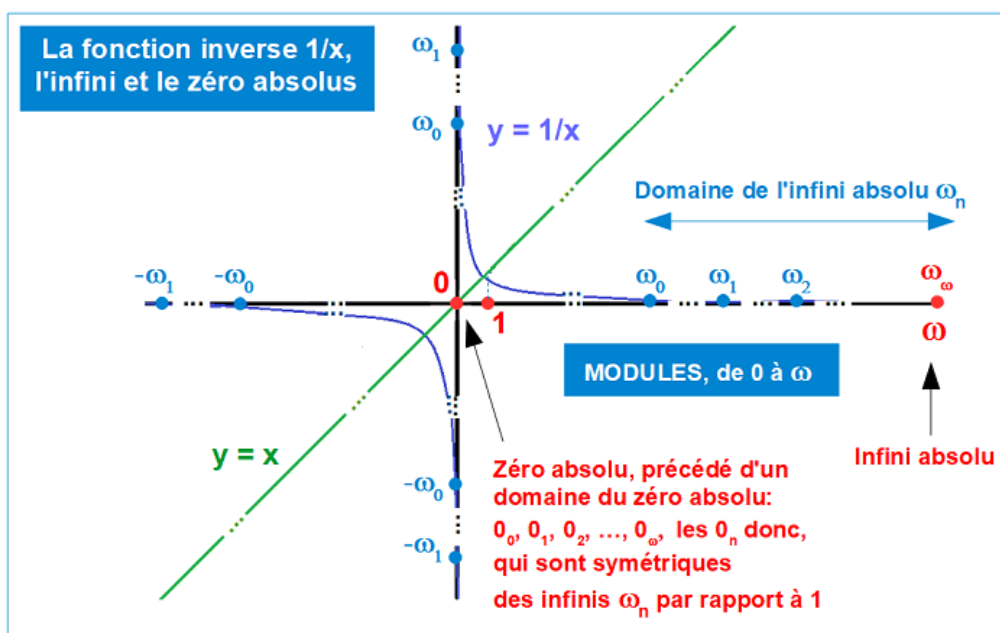
Nous reviendrons amplement sur cette définition, nous l'expliquerons et donnerons à comprendre comment ce concept change complètement la vision des choses et la compréhension du monde, à commencer par la manière de faire la science, car c'est tout un **Nouveau Paradigme**.

Un **paradigme** est une représentation du monde, une vision, une conception. Et avec le concept d'**Univers TOTAL**, c'est vraiment une **nouvelle vision** de l'**Univers et des choses**, une **nouvelle vision** de la **Réalité**, une vision d'une **Nouvelle Réalité**.

L'**Univers TOTAL** est le **Grand TOUT**, le **Zéro** et l'**Infini**, le **Vide** et le **Plein**, le **Rien** et le **Tout**, le **Néant** et l'**Existence**, etc., et nous résumons tout cela en disant simplement qu'il est l'**Alpha** et l'**Oméga**. Il est **TOUT**, d'une extrême (qu'on l'appelle le **Zéro**, le **Vide**, le **Rien**, le **Néant**, etc., ou autre) à l'extrême complètement opposé (qu'on l'appelle l'**Infini**, le **Plein**, le **Tout**, l'**Existence**, etc., ou autre).

Ce que l'image précédente montre, au sujet de la prétendue « impossibilité » de **diviser par zéro**, comme par exemple faire la simple **division de 1 par 0**, donc **1/0**, c'est tout bonnement la question de l'**infini**, car le résultat de cette opération c'est l'**INFINI**, c'est la définition arithmétique de la notion d'**infini**. Pour vous en convaincre, prenez votre calculatrice, et **divisez** à chaque fois **1** par

des **nombre**s positifs de plus en plus petits, donc **tendant vers 0**, comme par exemple: **0.5, 0.2, 0.1, 0.01, 0.001, 0.0001, 0.000001, etc.** Autrement dit, faites $1/x$, avec x **tendant vers 0**. Vous aurez des **résultats de plus en plus grands**, autrement dit qui **tendent vers l'infini**, comme on dit. Ici, respectivement: **2, 5, 10, 100, 1000, 10000, 100000, etc.** Autrement dit, si x **tend vers 0**, alors $1/x$ **tend vers l'infini**. Si x est **né**gatif, alors $1/x$ **tendra vers moins l'infini**, et si x est **positif**, alors $1/x$ **tendra vers plus l'infini**. Et de même, si x **tend vers l'infini**, alors $1/x$ **tend vers zéro**. Si x est **né**gatif, alors $1/x$ **tendra vers -0**, et si x est **positif**, alors $1/x$ **tendra vers +0**.



Dans le Nouveau Paradigme, pour désigner l'**infini**, nous utilisons la lettre grecque **oméga**, ω en minuscule et Ω en majuscule, comme un **symbole numérique** à part entière, exactement comme **0** ou **1** ou **2** ou **3**, etc., sont des **symboles numériques** à part entière. D'ailleurs c'est ainsi que l'on note le **nombre infini** de base en théorie des ensembles (on en reparlera).

Ce qui déjà n'est pas du tout normal, c'est que, dans un domaine des mathématiques (théorie des ensembles, théorie des ordinaux et des cardinaux, etc.), on utilise un **symbole numérique** à part entière, à savoir ω , pour désigner une notion d'**infini**, mais que dans un autre domaine (notamment en analyse par exemple, ou en topologie et autres), on utilise l'habituel fallacieux symbole « ∞ » (appelé une **lemniscate** mais en réalité c'est l'occulte symbole **Ouroboros** qui est noté ainsi, comme on en reparlera), qui ne représente pas un **nombre** à part entière mais un **pseudo-nombre**. Sinon sa définition serait tout bonnement l'**égalité**: $\infty = 1/0$, qui est interdite dans les mathématiques actuelles. En effet, cette écriture voudrait techniquement dire que ∞ est l'**inverse de 0**, et aussi que **0** est l'**inverse de** ∞ , autrement dit **1 divisé par l'un donne l'autre et vice-versa**.

Mais bien au contraire, le symbole « ∞ » sert souvent à représenter l'idée d'un **nombre non défini**, notamment l'idée que la **fonction inverse**, c'est-à-dire $1/x$, est **non-définie en 0**, car justement elle y prend une **valeur infinie**! Une **valeur infinie** donc, positive comme négative, comme le montre l'image précédente. En effet, la courbe monte vers « $+\infty$ » à droite et descend vers « $-\infty$ » à gauche. Dans les paradigmes classiques, il suffit de l'une ou de l'autre des valeurs « $+\infty$ » ou « $-\infty$ » (et à plus forte raison les deux, comme pour la **fonction inverse** $1/x$), pour que l'on dise que la fonction n'est pas définie au point où la **valeur infinie** est prise.

Le moins qu'on puisse dire, c'est que l'on déteste les **valeurs infinies** dans ces paradigmes, or ces valeurs ne sont rien d'autre que les **inverses** des **valeurs zéros**. Pourquoi donc on accepterait les **zéros** et pas les **infinis**? Autrement dit, pourquoi accepterait les **alphas** et pas les **omégas**, qui ne sont juste que leurs **inverses**? Ce n'est pas du tout logique!

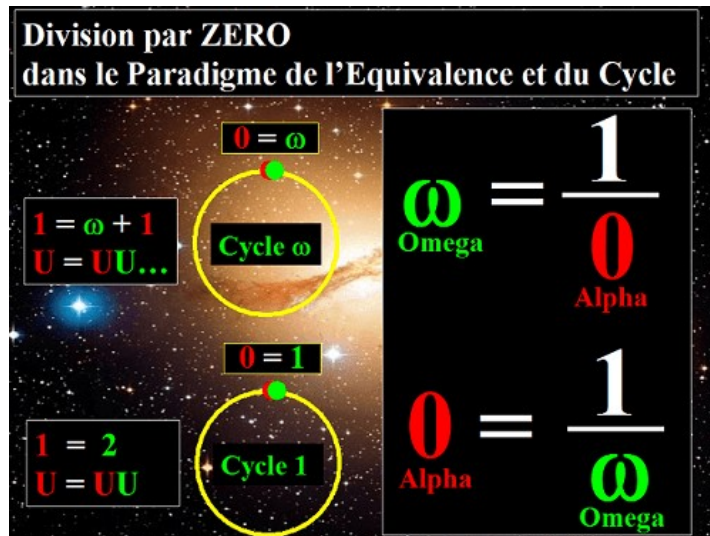
D'autant plus que par ailleurs, en théorie des ensembles ou des ordinaux et des cardinaux, on parle bel et bien d'une notion d'**infini**, comme par exemple l'**infini** « **aleph zéro** » noté \aleph_0 , et plus souvent noté ω , l'**infini oméga** donc. La preuve dans cet article de Wikipedia sur les ordinaux:



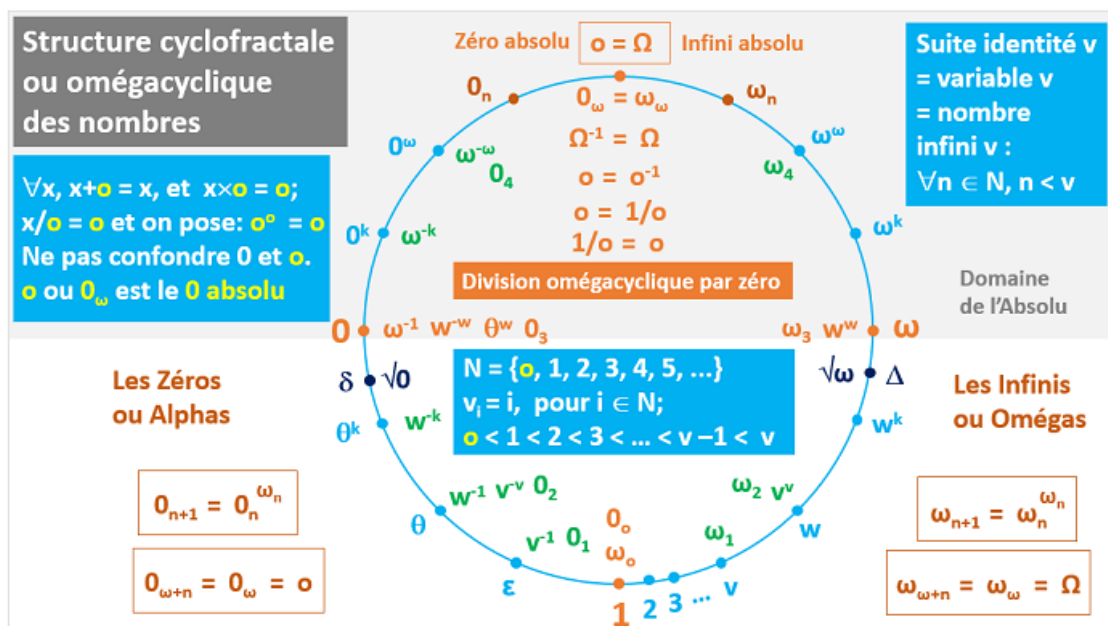
[Nombre ordinal](#) (Wikipedia)

On a donc bel et bien un **ordinal** (c'est-à-dire simplement un **nombre entier** au sens le plus général du terme, à savoir **nombre entier fini ou infini**), oui un **ordinal infini**, noté ω dans la **théorie des ordinaux** (ou théorie générale des **nombres entiers**), mais qui, très étrangement, n'est pas rattaché à une opération arithmétique ou algébrique élémentaire de **division par zéro**! On continue de raconter jusqu'à aujourd'hui, au moment même où nous insérons ces lignes en janvier 2023, que la **division par 0** est « impossible », alors que la définition arithmétique, algébrique et analytique même d'un **nombre infini**, c'est d'être l'**inverse d'un nombre zéro** et vice-versa. Autrement dit « **1 divisé par un nombre zéro donne un nombre infini, et 1 divisé par un nombre infini donne un nombre zéro** ».

Ce qui, dans une science plus divine, une science qui repose sur **Dieu l'Alpha et l'Oméga**, s'illustre ainsi, en toute simplicité biblique, à savoir donc : « **1 divisé par un nombre Alpha donne un nombre Oméga, et 1 divisé par un nombre Oméga donne un nombre Alpha** ».

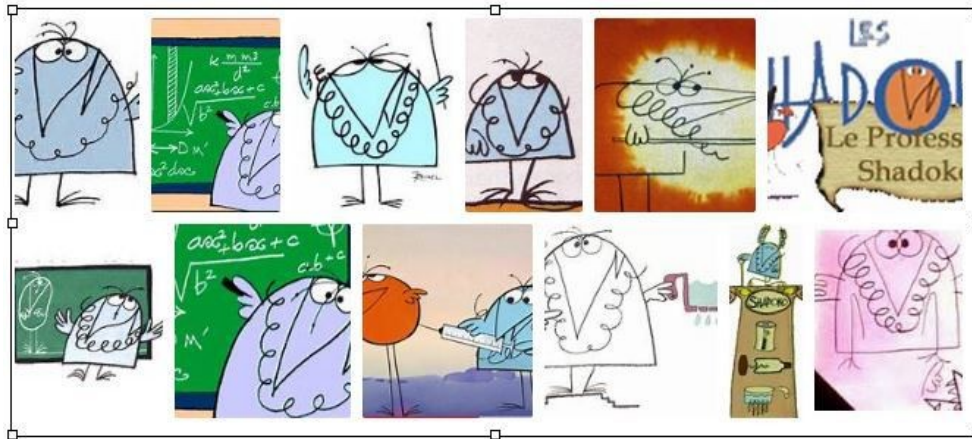


On retrouvera souvent cette image. Voici une version plus détaillée et plus technique de ce qu'elle veut dire, et que ce livre explique techniquement, en long et en large, sous tous les angles:



Si en 2023 les mathématiques et les sciences n'ont toujours pas compris cela ou non pas encore trouvé le moyen de **diviser par zéro**, c'est qu'il y a forcément un BUG quelque part dans les paradigmes classiques, quelque chose est FAUX. Nous allons bien comprendre le problème de paradigme dans ce livre.

Et comprendre aussi qu'un système de savants pris individuellement (dont certains très savants et très intelligents comme par exemple Euler, Einstein, etc.) n'est pas collectivement nécessairement savant, mais peut bien être un système de moutons de Panurge. Un système de professeurs Shadoko (de la célèbre animation Les Shadoks, connue en France) :



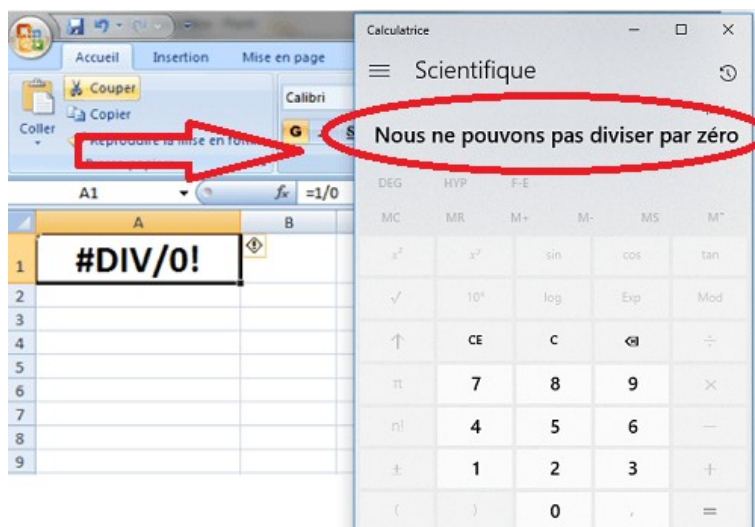
La raison est que tous suivent les mêmes paradigmes erronés qu'aucun d'entre eux ne remet en question, souvent par peur de perdre leur prestige et leur chaire de Professeur respectable. Par exemple, même si beaucoup sont très sincères, comme exemple Einstein dont on ne doutera pas de la sincérité, ou même sont très croyants (en Dieu) comme en fait l'étaient et le sont encore beaucoup de grands scientifiques de nos jours (les génies comme Euler, Cantor, Gödel, et j'en passe étaient des croyants), vu que ce n'est pas esprit divin qui gouvernent les sciences, et c'est le moins qu'on puisse dire, ils mettent Dieu et suivent des paradigmes qui passent pour des paradigmes de laïcité, mais qui en réalité sont des paradigmes lucifériens, anti-Dieu! Ces paradigmes ont été volontairement posés de telle sorte que les questions de Dieu ou du Diable soient exclus des sciences. Or on n'a pas à exclure aucune question d'office du champ des sciences, mais laisser simplement la science être ce qu'elle doit être! A savoir une Connaissance Exacte, une Connaissance Véridique, bref la Vérité! Mais ce n'est clairement pas le cas, à la lumière de ce que nous démontrons aujourd'hui.

Ce serait donc un moindre mal si ce n'était qu'un problème de système de professeurs Shadoko, où chacun pris individuellement peut être beaucoup plus inintelligent que la collectivité. Un système où la somme des plus grands savants peut n'avoir que l'intelligence d'un mouton, et pardon pour le mouton. Le pire est que dans le tas il y a de vrais génies du mensonge et du mal, qui ont bâti non seulement les sciences mais tout le système à leur image :



Les autres, qui peuvent être très géniaux aussi, très sincères, se soumettent à ces paradigmes orwelliens, sans souvent oser trop s'en écarter de peur de faire taper sur les doigts, ostraciser, tuer socialement. On le voit plus jamais à l'heure du Covidisme, où la nature cachée de ce système se voit plus que jamais.

On pourrait penser que ceci n'est possible que dans les domaines comme la médecine, la santé, etc., mais que la physique et à plus forte raison les mathématiques, échappent à cette falsification de la Vérité. Mais hélas, non, car c'est justement dans les sciences dites « dures » que cette falsification était la plus cachée et la plus sournoise, la plus difficile à détecter en raison de la plus grande confiance qu'ont ces sciences dites « exactes ». Alors qu'en fait les preuves de leur inexactitude étaient juste sous nos yeux, comme un éléphant dans un couloir ou caché dans un terrain tout plat :



Eh oui, la simple **division 1/0** fait partie des nombreuses preuves que mêmes les mathématiques étaient frelatées dans leurs paradigmes mêmes! Nous nous devons de dire cette vérité aujourd'hui, ne serait-ce que pour rendre hommages aux mathématiciens, logiciens, physiciens ou scientifiques de tous les temps, qui étaient très sincères, mais qui ignoraient travailler dans des paradigmes mensongers, imposés par des **esprits de Négation**. Et que **rien** exactement ces esprits? Très simple et nous commençons à le voir et le verront encore: **l'Univers TOTAL, l'Alpha et l'Oméga, le Zéro et l'Infini**. La définition scientifique donc de la notion de **DIEU**, oui le **Dieu INFINI**, le DIEU que le seul mot « **INFINI** » évoque! C'est donc la question cachée dans la question de **division par zéro**, et les initiés qui ont tenu et tiennent toujours que cette division reste interdite en mathématiques et sciences, savent la vraie raison, qui n'est pas la raison technique ou logique qu'ils ont toujours mise en avant.

Car techniquement, la logique nécessaire pour diviser est d'une simplicité biblique, la simple **Logique du Cycle** suffit, oui la bonne vieille **Logique du Cercle**! A plus forte raison si l'on y associe la **Logique Fractale**. Toutes sont des aspects d'une logique plus générale, la Logique de l'Equivalence (dont on reparlera amplement) et que nous nommons aussi la **Logique d'Alternation** ou **Logique d'Affirmation**, par opposition donc aux habituelles **logiques de Négation** (de **négation de l'Univers TOTAL** donc), avec lesquelles on a choisi de faire la science depuis l'antiquité grecque (voir la série d'audios: [Science de l'Univers TOTAL: la rencontre entre la science hébraïque \(biblique\) et la science gréco-romaine](#)).

Avoir enfin la Lumière scientifique sur la question de Dieu, c'est commencer aussi à avoir la lumière sur la question du Diable, qui est la Négation de Dieu. C'est comprendre enfin l'Univers et les choses, la vie, le monde, le bien, le mal, bref tout ce que les sciences de ce monde ne vous ont jamais expliqué, car ce sont justement les sciences de Négation, autrement dit du Diable.

Le présent livre fait partie des livres traitant de la [Science de l'Univers TOTAL](#), ou **Théorie universelle des ensembles**, un nouveau paradigme scientifique, comme déjà dit. Le **Nouveau Paradigme** est donc le concept d'Univers TOTAL, et la **Science de l'Univers TOTAL** est publiée au site [hubertelie.com](#), mais aussi aux blogs de mes proches associés, comme les blogs [Nouvelle Genèse](#), et [Pour notre Monde d'Alternation](#), et [Amour de la Vérité](#).

Ce livre est la continuité des trois livres précédents :

- [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#);
- [L'Univers TOTAL et les nombres omégaréels](#);
- [Conception générative des entiers, structure réalie](#).

A cela il faut ajouter le livre :

- [La Théorie des Univers, l'ancêtre de la Théorie universelle des ensembles](#).

Celui-ci présente une **théorie axiomatique des ensembles**, la **Théorie des Univers**, faite avec les paradigmes classiques, et notamment les courantes logiques de **Négation**. Les livres précédemment mentionnés expliquent amplement le problème de la **Négation**, qui est un problème de paradigme. Nous en reparlerons souvent aussi dans le présent livre et on aura ainsi une assez bonne idée de la question, ce qui ne dispense pas de consulter les livres d'avant pour plus de détails.

La **Théorie des Univers**, faite donc pourtant dans les classiques paradigmes de **Négation**, et dont un aperçu sera donné aussi dans le présent livre, est bien plus forte que la classique **théorie axiomatique des ensembles** de Zermelo-Fraenkel (ZF). C'est la **Théorie des Univers** qui a évolué vers la **Théorie universelle des ensembles**, faite avec la nouvelle logique d'**Alternation**, qui a été elle aussi amplement développée dans les livres précédents (notamment dans [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#)), en même temps que l'examen du problème de la **Négation**. Nous n'en reparlerons que sommairement dans ce livre. Tous ces livres et documents PDF sont disponibles au site [hubertelie.com](#).

Le mot-clef de la **Théorie universelle des ensembles** ou **Science de l'Univers TOTAL** est **chose**, en anglais **thing** (comme dans les mots anglais **something** ou « quelque chose », **anything** ou « n'importe quelle chose », **everything** ou « toute chose » ou « toutes les choses », etc.).

Une **chose** est tout ce que l'on conçoit, tout ce dont on parle, bref c'est le mot clef le plus fondamental, celui choisi pour la nouvelle **Science**. Nous aurions pu choisir aussi le mot **objet** comme mot premier, ou les mots **être**, **entité**, etc.

Une **chose** est une **chose**, un **objet** est une **chose**, un **ensemble** est une **chose**, un **être** est une **chose**, une **entité** est une **chose**, un **truc** est une **chose**, un **machin** est une **chose**, un **bidule** est une **chose**, etc. Un **ordinal** est une **chose**, une **information** est une **chose**, un **nombre** (qu'il soit **entier**, « non entier », **rationnel** ou « irrationnel », **réel** ou « imaginaire », « complexe » ou **simple**, etc.) est

une **chose**, et c'est là où nous voulons en venir dans ce livre, oui la notion de **nombre** ! Ou plutôt y revenir avec plus de profondeur encore, car la notion a déjà été traitée amplement dans les livres précédents, et nous avons montré et démontré que **toute chose est un ensemble**, que **toute chose est un nombre** ! Mais ici nous découvrons avec plus de profondeur cette très importante notion de **nombre**, de **numérique**, et tout simplement d'**information**, étant donné que nous vivons justement à l'ère de l'**information** et du **numérique**.

Il ne s'agit pas ici de l'**intelligence artificielle** (ou **IA**) ou **abstraite** des **nombre**s ou des **choses**, comme dans les **sciences**, les **mathématiques**, l'**informatique** et la **technologie** actuelles. Il s'agit maintenant de l'**intelligence réelle** (ou **IR**) ou **concrète** des **nombre**s ou des **choses**, d'une **intelligence divine** (ou **ID**). Il s'agit tout simplement d'une nouvelle **Science**, de la nouvelle manière de faire la **Science**, oui de l'**Univers TOTAL** le **Nouveau Paradigme**.

A la découverte donc des **nombre**s entiers naturels variables, ou **nombre**s entiers naturels variables, dynamiques, élastiques, que nous appelons aussi les **variens**, par opposition aux classiques entiers naturels constants, fixes, statiques, que nous appelons les **constens**.

Et maintenant le deuxième mot clef, le mot **ensemble** au sens **universel** du terme et la notion associée, celle d'**élément**, au sens **universel** aussi.

Un **ensemble** est une **chose** formée d'autres **choses** appelées ses **éléments**. Et au regard de cette définition toute **chose** est un **ensemble**, puisqu'elle est au moins formée de la **chose** qu'elle est elle-même. Et la **chose** formée de **TOUTES les choses** est donc l'**Ensemble de TOUTES les choses**, et c'est cet **Ensemble Suprême** que par définition nous appelons l'**Univers TOTAL**, noté **U**:

L'Univers TOTAL, U:
L'Ensemble de TOUTES les choses

Alpha
Omega

Loi de la Réalité TOTALE:
« TOUTE chose existe dans l'Univers TOTAL »
 $\forall X(X \in U)$

Ce qui est illustré là est le **théorème fondamental** de l'**Univers TOTAL**. Il découle directement de sa **définition**, à savoir donc l'**Ensemble de TOUTES les choses**. De par sa définition même, **toute chose est un élément de l'Univers TOTAL**, ce qui s'écrit simplement dans le **formalisme** de la **théorie des ensembles**: $\forall x(x \in U)$.

La variable très générique x ici s'interprète comme « chose ». Cette formule se lit donc: **Quelle que soit la chose x , x est un élément de U** . Autrement dit: **Toute chose est un élément de U** , ou encore: **Toute chose appartient à U** , ou encore: **Toute chose existe dans U** , etc.. C'est cela l'énoncé du **Théorème de l'Existence** ou la **Loi de la Réalité TOTALE** (on y reviendra plus tard).

La notion absolue et scientifique d'**existence** est ainsi définie par la même occasion, à savoir donc **exister** c'est être un **élément** de l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses**. Donc **exister**, au sens absolu de la notion d'**existence**, c'est être une **chose**. C'est cette notion **ensembliste, mathématique** (donc **rigoureuse**), **scientifique, absolue, universelle, objective**, de la notion d'**existence**, qui importe pour nous désormais, et non plus les notions **philosophiques, subjectives, spéculatives**, etc.

C'est très important quand il s'agit de répondre maintenant à la question de savoir si **Dieu existe** ou non. La réponse est oui, d'office, car du simple fait de dire « **Dieu** », c'est parler d'une certaine **chose**, d'un certain **élément** de l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses**. Donc par définition **Dieu existe dans cet Ensemble**, peu importe ce que l'on entend par « **Dieu** », la **définition** donc que l'on donne à ce mot, car c'est la **définition scientifique** (de la nouvelle **Science**) qui importe avant tout. Et à plus forte raison si l'on pose comme **définition** que par « **Dieu** » on entend précisément l'**Univers TOTAL**. **Il existe donc dans lui-même**, autrement dit **il est un élément de l'Ensemble de TOUTES les choses**. **Il existe donc au sens mathématique, absolu, du terme exister**.

Le **Théorème de l'Existence**, en disant que **Toute chose existe dans l'Univers TOTAL**, dit que **Toute chose est vraie dans l'Univers TOTAL**, ou que **Toute chose est possible dans l'Univers TOTAL**, etc. Car toute question de **vérité** ou de **véracité**, toute question de **possibilité**, se ramène toujours quelque part ou d'une manière ou d'une autre à une **question d'existence** dans l'**Univers TOTAL**, et celle-ci se ramène toujours à une **question d'appartenance** à l'**Univers TOTAL**, c'est-à-dire **d'être élément ou pas de l'Univers TOTAL!**

Autrement dit, c'est toujours quelque part une **question mathématique**, peu importe le domaine où la question s'est posée, en **informatique**, en **physique**, en **biologie**, en **psychologie**, en **sociologie**, en **philosophie**, en **théologie**, en **spiritualité**, en **religion**, en **politique**, en **économie**, etc.. Oui, tout se formule à la fin comme une **question mathématique**, une **question de théorie des ensembles**, en l'occurrence la **Théorie universelles des ensembles**, qui est une autre appellation de la **Science de l'Univers TOTAL**. Et tout se ramène toujours à la fin quelque part à une **question numérique!** La **Science de l'Univers TOTAL** donc, c'est fondamentalement la **Science des nombres**, la **Science des vrais nombres**, la **vraie Science des nombres**, la **vraie Science du numérique**, la **vraie Science de l'information**.

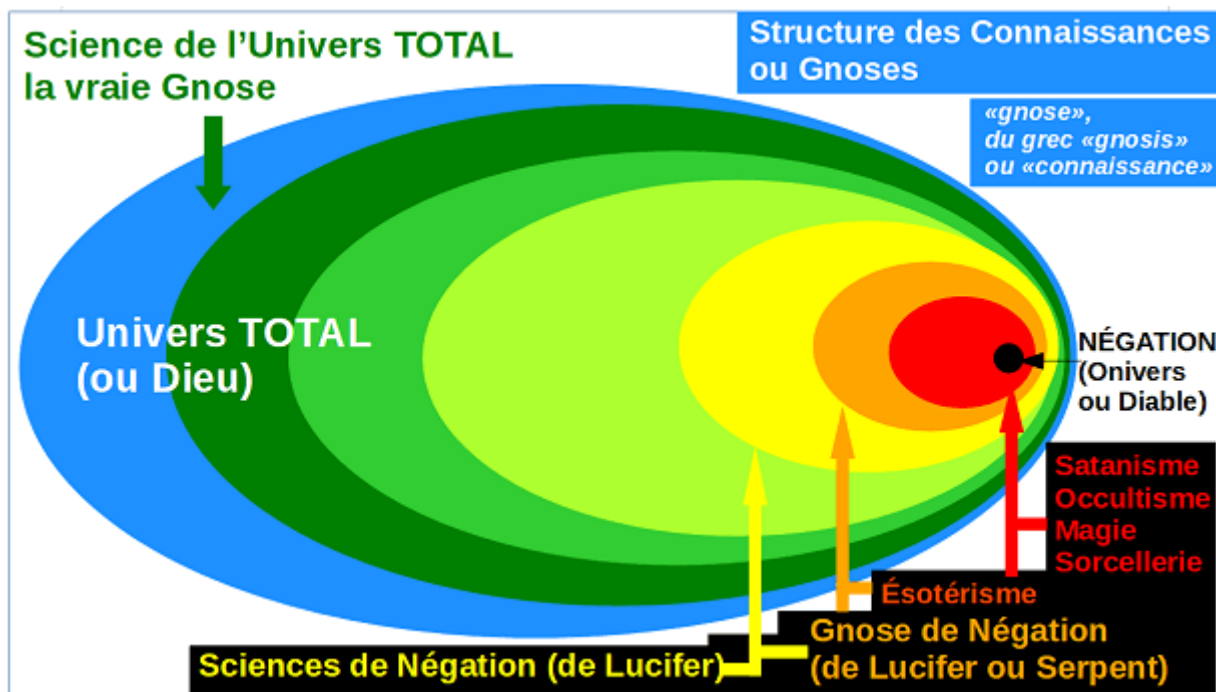
C'est ainsi si l'on travaille dans le **Paradigme de l'Univers TOTAL**, et il n'y a que si l'on ne travaille pas dans ce **Paradigme** que c'est autrement. En effet, le **Théorème de l'Existence** dit que **toute chose existe dans l'Univers TOTAL**, c'est-à-dire **toute chose existe dans l'Univers TOTAL**, car l'**Univers TOTAL** est l'**Absolu** en question, et chaque fois que nous parlons d'**absolu**, c'est donc de lui que nous parlons. Comme synonymes, il y a les mots « **universel** », et même « **divin** ». Tous ces mots et d'autres, reçoivent à présent leurs définitions scientifiques. Et pour une **chose x** , être **vrai** dans l'**absolu** ou être **vrai** dans l'**Univers TOTAL**, c'est simplement dire qu'il existe un certain **sous-ensemble E** de l'**Univers TOTAL** où la **valeur de vérité** ou **valeur de réalité** de x (qui est un **nombre de 0 à 1**, c'est-à-dire de **0% 100 %**), est **1** ou en tout cas **est supérieure à 0.5** ou

50%. Le **Théorème de l'Existence** assure que cet ensemble **E** existe, et donc que **x** est **vrai** ou est **réel** dans l'**Univers TOTAL**.

L'idée que ce **Théorème de l'Existence** est **faux**, c'est-à-dire a pour **valeur de vérité 0** ou **0%**, et donc toutes ses conséquences que nous sommes en train de voir, est elle-même **fausse**, c'est-à-dire a pour **valeur de vérité 0** ou **0%**. Sa **valeur de vérité** n'est **1** ou **100%** que dans le **sous-ensemble de l'Univers TOTAL** ou il est **nié**, et ce sous-ensemble, nous l'appelons l'**Univers de Négation**, ou simplement l'**Onivers**, et le notons **O**, comme **0** ou **Zéro**. Tous ses **sous-univers** nous les appelons les **onivers**, l'**Onivers O** et ses **sous-ensembles**, les **onivers** donc, **existent**, toujours en vertu du **Théorème de l'Existence**. Un **onivers** est par définition un **enfer**, en langage biblique. C'est donc là que le **Théorème de l'Existence** est **faux** c'est-à-dire a pour **valeur de vérité 0** ou **0%**. Ce qui revient à dire que la **valeur d'existence** ou de **réalité** de **Dieu** (ou **Univers TOTAL**) dans cet **onivers** est **0** ou **0%**.

Et de manière plus générale, la **valeur de vérité** du **Théorème de l'Existence** est **inférieure à 0.5** ou **50%** dans un **onivers**. Et de manière plus générale encore, la **valeur de vérité** du **Théorème de l'Existence** dans un **sous-ensemble E** de l'**Univers TOTAL** est par définition la **mesure directe du degré de Négation (absolue)** de ce sous-ensemble **E**.

Voici comment l'**Univers TOTAL** est vu depuis les vrais **univers**, les **univers d’Affirmation** ou d'**Alternation**, où donc la **valeur d'existence**, de **réalité** ou de **vérité** de l'**Univers TOTAL** est au moins de **50%**.

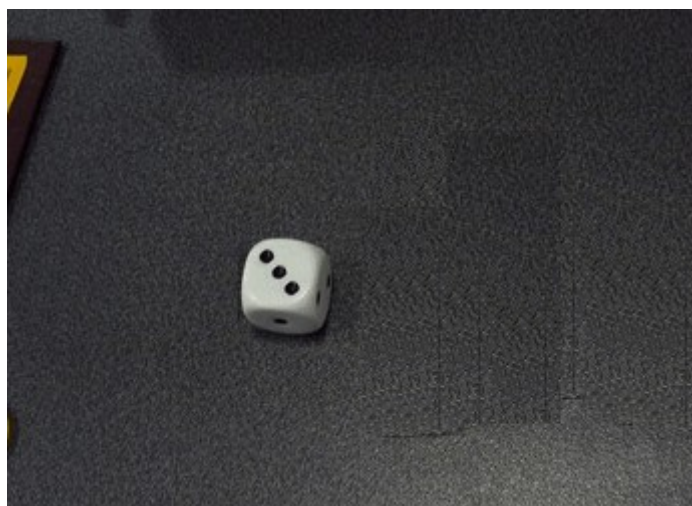


Cette image a pour but de donner juste une vague idée de ce que l'**Univers TOTAL** se répartit en différentes zones caractérisées chacune par son **degré de Négation** de l'**Univers TOTAL**, degré mesuré par un **nombre** de **0** à **1**, ou **0%** à **100%**. D'une manière générale, la **logique d’Affirmation** ou d'**Alternation** n'est pas une **logique du tout ou rien**, mais une **logique graduée**. Selon le point de vue où l'on se place ou que l'on étudie, la graduation sera appelée **valeur de**

vérité, valeur de réalité, valeur d'existence, valeur de possibilité, etc., ou encore probabilité. Ce ne sont que différents mots pour dire fondamentalement la même chose. Et cela s'applique aux **mondes** et à leurs **sciences** ou « **connaissances** » ou « **gnoses** », mais aussi aux **êtres**, comme les **humains** par exemple, mais aussi à ceux nommés les **anges**, les **démons**, etc.. Les **zones** (ou **êtres**) vers le **noir** ou le **rouge** sont de plus grande **Négation**, et les **zones** (ou **êtres**) vers le **bleu** ou le **blanc** sont de plus grande **Affirmation** ou **Alternation**.

Les notions de **valeur de vérité**, de **valeur d'existence** ou de **valeur de réalité**, etc., sont à mettre en relation directe avec les notions comme la **probabilité de présence en physique quantique**. D'une manière très générale, toutes les fois où dans les sciences classiques on parle en terme de « **probabilité** », se cache quelque part une question de **valeur de vérité**, de **réalité**, d'**existence**, etc., et donc quelque part deux **sous-ensembles E** et **E'** de l'**Univers TOTAL**. En désignant par τ la **valeur de vérité** (de **réalité**, d'**existence**, etc.), d'une **chose x** dans **E**, les deux ensembles **E** et **E'** sont dits **complémentaires** pour la chose **x** si cette **valeur** de **x** dans **E'** est $1 - \tau$. Et de manière générale, soit **A** un **ensemble d'ensembles**. Les **éléments** de **A** sont dits complémentaires pour la chose **x**, si la **somme** de ses **valeurs de vérité** (de **réalité**, d'**existence**, etc.) dans les **éléments** de **A** est **1** ou **100%**. Et dans ce cas **x** est **vrai** dans **A** (est **réel** dans **A**, **existe** dans **A**, etc.).

Par exemple, considérons l'exemple simple de lancer d'un dé non pipé à 6 faces dans notre monde.



Nous disons alors que la **probabilité** par exemple que la **face 3** apparaisse est $1/6$ ou **16.666... %**. Mais ce que les sciences classiques ne comprennent pas ou ne veulent pas comprendre, c'est que cette expérience met automatiquement en œuvre **6 mondes** « **parallèles** » de même nature que le nôtre, mais qui ne diffèrent que par le résultat du lancer du dé. Dans un c'est la **face 1** qui est sortiz, dans un deuxième c'est la **face 2** qui est sortie, et dans le nôtre donc c'est la **face 3**, et dans un autre c'est la **face 4**, etc. pour les faces 5 et 6. Dans notre monde il s'agit effectivement de **probabilité** que la **face 3** sorte par exemple, et elle est de $1/6$ ou **16.666... %**, qui est la même probabilité dans les 6 mondes, si le dé n'est pas pipé. Mai s'il est pipé, ce sera des probabilités différentes, et dans tous les cas la somme des probabilités sera **1** ou **100 %** dans les **6 mondes complémentaires** concernés par l'expérience du lancer du dé.

Et cela, si la **certitude** est de **100%** que l'une obligatoirement des 6 faces apparaisse dans notre monde, donc l'expérience ne prendra pas une toute autre tournure. Comme par exemple le dé roule

hors du champ délimité de l'expérience où son résultat ne comptera pas, sera hors-jeu donc. Ou qu'un oiseau ou quelque animal se précipite sur le dé et l'avale pendant qu'on attendait qu'il s'immobilise et affiche le résultat. Ou quelque événement imprévu, différents des 6 attendus. Il faut s'assurer que la probabilité de cet imprévu est nulle ou extrêmement faible. Sinon il faudrait envisager un septième ensemble, dans lequel la probabilité τ de cet imprévu est non nulle, les 6 autres mondes se partageant équitablement la probabilité $1 - \tau$ restante donc $(1 - \tau)/6$.

Ce que nous appelons donc « **probabilité** » est donc en fait la **répartition de la valeur de vérité, d'existence, de réalité, de possibilité, etc.**, dans un certain nombre de **sous-ensembles de l'Univers TOTAL**. Ce dont on est **absolument certain**, c'est que la **valeur de vérité, d'existence, de réalité, de possibilité, etc.**, dans l'**Ensemble TOTAL** qu'est l'**Univers TOTAL**, sera toujours de **1 ou 100%**, ce que dit donc le **Théorème de l'Existence ou Loi de la Réalité TOTALE**, à savoir donc que **toute chose x existe** (est vraie, est réelle, est possible, etc.) dans l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**. La **chose x** peut ne pas **exister** (être vraie, être réelle, être possible, etc.) dans un certain **contexte E** de l'**Univers TOTAL**. Mais il existe toujours un certain **contexte E'** où elle **existe** (est vraie, est réelle, est possible, etc.). Et au pire, **E'** est l'**Univers TOTAL**.

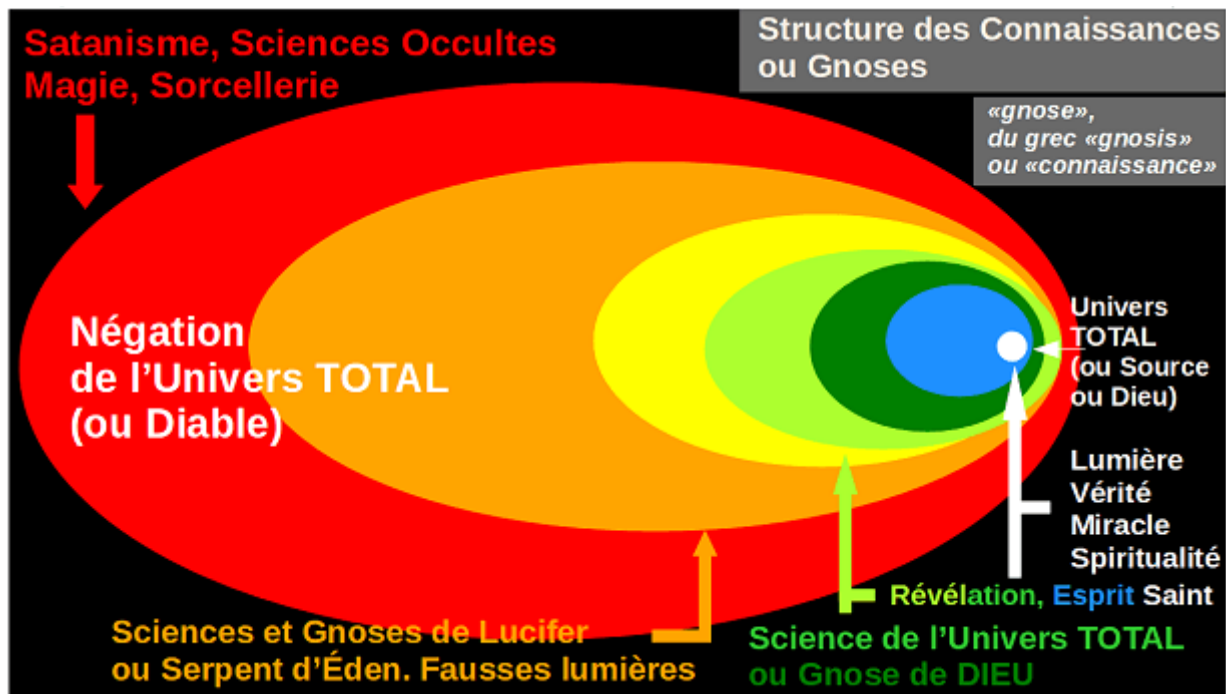
La célèbre expérience de pensée du **chat de Schrödinger** en physique quantique obéit tout bonnement à cette **Loi**.



Nul besoin de discuter pendant 107 ans, 207 ans, 307 ans, etc., à propos de cette expérience de **physique quantique** ou d'autres **expériences**, que ce soit ou non de **physique quantique**. Du moment où l'on parle de « **probabilité** » ou de notion de **logique** comme la **valeur de vérité**, ou de **philosophie** ou de **théologie** comme la **valeur d'existence, de possibilité, etc.**, cela met automatiquement en œuvre des **sous-ensembles de l'Univers TOTAL** qui se partagent la **valeur 1 ou 100%**. Ces **sous-ensembles** peuvent tous être de notre **monde**. Ou au moins l'un d'entre eux peut être hors de notre monde, C'est le cas de cette **expérience du chat de Schrödinger**, si l'on considère que le **chat** ne peut pas être à la fois **vivant** et **mort** dans notre **monde**, ou ne doit pas être par exemple à **moitié vivant** et à **moitié mort**, ou **vivant à 30%** et **mort à 70%**. Si l'on pose une définition de la **vie** ou de la **mort** telle que le **chat** est **SOIT vivant SOIT mort**, sans **valeur intermédiaire** donc, alors s'il est **vivant** dans notre **monde**, il est donc **mort** dans le **complémentaire** de notre **monde** dans l'**Univers TOTAL**.

Ou alors aussi notre monde fait partie de l'infinité des mondes où il est **vivant**, et leurs complémentaires sont l'infinité des mondes où il est **mort**. Tout dépend des définitions que l'on pose. Et c'est le même raisonnement pour l'**expérience** du lancer du **dé**. La **Loi est commune** aux **échelles macroscopiques** comme **microscopiques, quantiques** ou non. Les **séparations** que l'on fait entre le domaine **quantique** ou **microscopique** d'une part et **macroscopique** d'autre part, sont pure illusions, du moment où l'on travaille dans le **Paradigme** de l'**Univers TOTAL**, et que l'on comprend qu'il a une nature **FRACTALE**, donc ce sont les mêmes **lois fondamentales** à toutes les **échelles, microscopiques** comme **macroscopiques**. Ce sont ces **lois fondamentales, universelles, absolues**, qui nous intéressent plus spécialement dans la **Science de l'Univers TOTAL**, et non pas les **lois particulières, valables uniquement dans des contextes donnés**.

L'image suivante est la manière dont l'**Univers TOTAL** est vu depuis l'**Onivers** ou **Univers de Négation**, ou donc l'**Univers TOTAL** est **nié**. C'est donc les **zones** (ou les **êtres**) **déconnectés** de l'**Univers TOTAL**. Le reste est une question de **degré**, comme précédemment.



C'est la vision des choses que l'on a en zoomant la **zone noire** de l'image précédente des **mondes**, des **êtres** et des **sciences** (ou **gnosés** ou **connaissances**). Et cette autre image est la vision quand on zoome la **zone blanche**. Bibliquement parlant, dans le **Paradis** ou **Eden** le **point noir** est le **fruit interdit**, le **fruit de la Négation**, mais le **choix** ou **libre-arbitre** est laissé de le désirer, mais avec les conséquences que cela entraînerait. On n'est pas laissé dans l'ignorance à ce propos (voir Genèse chapitres 2 et 3). L'« **interdiction** » ici est juste **relative**, car le **Paradis**, l'**Univers TOTAL** donc, est l'**Univers d'Affirmation**. Mais en **Enfer** ou **Onivers** ou **Univers de Négation**, le **point blanc** est **interdit** aussi, en ce sens que tout est fait pour qu'on ne découvre pas ce **point blanc**, qui est donc la **Source**, l'**Univers TOTAL**, qui est **nié** dans l'absolu, qui est **interdit** dans l'absolu, mais **Interdiction** ou **Négation** contre laquelle il faudra lutter pour retrouver le **Paradis perdu**, le **Paradigme perdu**! C'est tout le sens de la Bible expliqué enfin scientifiquement.

Si ce **degré d'existence** de l'**Univers TOTAL** est **0** dans un univers donné, alors il s'agit vraiment d'un **univers** ou **monde de Négation**, au sens absolu, c'est-à-dire un **univers absolu**, un **enfer absolu**, ce qui veut dire que la **présence** de **Dieu** ou **Univers TOTAL** est **0** dans cet **univers**, et alors par définition la **présence du Diable**, ce qui veut dire de la **Négation (absolue)**, est de **1** ou **100 %**. Dire qu'une chose est **fausse** dans l'**absolu** ou que sa **valeur de vérité** est **0**, c'est simplement dire qu'elle est **vraie** dans l'**absolu** dans un **univers absolu**, dont le **degré de Négation** est **100%**.

Et le **degré de Négation** est par définition aussi la **mesure du degré de déconnexion** d'avec l'**Univers TOTAL**. Nous parlons du cas où le **sous-ensemble E** est un **univers** ou un **monde**. Mais il peut s'agir d'un **être (humain** par exemple, un **ange**, etc.), ou plus généralement de n'importe quelle **chose**. Dans tous les cas on la qualifiera de **chose négative**, qui est la définition scientifique de **chose mauvaise**. Et en particulier cela peut être un **être négatif**, une **entité négative**, etc., ce qu'on appelle couramment un **démon**.

L'**Univers TOTAL** est donc l'**Ensemble de toutes les choses, de tous les objets, de tous les êtres, etc.**, bref il est par définition le **Grand TOUT!** Mais il n'est pas n'importe quoi, justement. Car il est le **Grand Ensemble**, l'**Ensemble PLEIN**, le plus grand qu'on puisse définir scientifiquement.

Le reste est une question de trouver la bonne **logique scientifique** pour faire la **Science de cet Ensemble Suprême**, la **Science de l'Univers TOTAL** donc. Si on l'aborde avec une **logique** contenant la moindre **négation absolue**, alors c'est mort! On entend par **négation absolue**, que nous noterons souvent **Négation** en majuscule, le fait de **nier** la moindre **existence** dans l'**absolu**, c'est-à-dire d'affirmer qu'**une certaine chose x n'existe pas du tout** ou **n'existe absolument pas!** Cela revient alors à dire simplement que **la chose x n'existe pas dans l'Univers TOTAL, l'Ensemble de TOUTES les choses**. Cela contredit alors directement le **Théorème de l'Existence**, c'est-à-dire l'**Univers TOTAL**, sa **définition**.

Une telle logique **nie de fait** le **Théorème de l'Existence**, donc l'**Univers TOTAL**. Elle est donc incompatible avec lui, oui la **Négation (absolue)** est incompatible avec le concept d'**Univers TOTAL**. C'est donc une logique d'**Affirmation** qu'il faut, oui, une logique d'**Affirmation TOTALE**, à l'image de l'**Univers TOTAL** lui-même et de son **Théorème de l'Existence** ou **Loi de la Réalité TOTALE**. Une telle logique est donc ce que nous appelons donc aussi la logique d'**Alternation**.

La logique d'**Alternation** est amplement traitée dans le premier livre: [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#) et approfondie tout au long des autres livres, dont celui-ci. Et vous commencez à la découvrir, si votre découverte de la Science de l'**Univers TOTAL** se fait par le présent livre. La logique d'**Affirmation** ou d'**Alternation** est synonyme de **relation d'équivalence** (par opposition à la restreinte **relation d'identité**), et est indissociable de la **logique fractale** et la **logique du cycle**. C'est la **logique numérique** par excellence, car l'**Univers TOTAL** est **informationnel, numérique**. Autrement dit, **toute chose dans l'Univers TOTAL est une information, un nombre**.

L'idée que **Toute chose dans l'Univers TOTAL (y compris lui-même) est un nombre**, ou que **Toute chose dans l'Univers TOTAL (y compris lui-même) est numérique**, ou encore que **Toute chose dans l'Univers TOTAL (y compris lui-même) est une information**, est un **théorème**, qui se démontre facilement de plusieurs façons différentes. La première et la plus simple est juste de dire qu'il s'agit de la définition générale de la notion de **nombre**, ou de la notion d'**information**, comme synonyme du mot **chose**, une fois celui-ci posé. Le seconde est simplement d'appliquer le **Théorème de l'Existence**, qui dit que **Toute chose existe dans l'Univers TOTAL**, qui est synonyme de l'idée

que **Toute chose est dans l'Univers TOTAL**, donc en particulier l'idée que **Toute chose (dans l'Univers TOTAL) est numérique** ou que **Toute chose (dans l'Univers TOTAL) est une information**, est vraie aussi. Il existe cependant un contexte de l'Univers TOTAL où des êtres diront que cette idée est **fausse**, que sa **valeur de vérité** est **0**, mais en **nia**nt l'existence d'un contexte où l'idée est vraie, ou sa **valeur de vérité** est **1**. Pour eux donc, la **valeur d'existence** de ce **contexte alternatif** est **0**. La logique qui consiste à **affirmer** une chose en **nia**nt l'existence d'un contexte où l'**alternative** est **vraie** aussi, est précisément la définition de ce que nous appelons la logique de **Négation**.

Car il faut bien **nier** ce **Théorème** pour n'envisager aucun contexte de l'Univers TOTAL, où la vision des choses est différente, à savoir donc que **Toute chose dans l'Univers TOTAL (y compris lui-même) est un nombre, une information**. Il s'agit donc d'un être de l'Onivers ou Univers de **Négation**, qui fonctionne avec une telle logique. Mais un être de l'Univers TOTAL, connecté à l'Univers TOTAL donc, dit simplement ceci: L'idée que **Toute chose dans l'Univers TOTAL (y compris lui-même) est un nombre, une information**, est **fausse** ou **niée** dans l'Onivers ou Univers de **Négation**, mais **vraie** ou **affirmée** dans l'Univers TOTAL ou Univers d'**Affirmation**. Et ceci est un mode de raisonnement typique de la logique d'**Affirmation** ou d'**Alternation**, à savoir de se contenter d'**affirmer les choses et leurs alternatives, sans nier aucune**. On rend à chaque **contexte**, à chaque **être**, sa **vérité**, et donc à l'Univers TOTAL sa **vérité**, et à la **Négation** (ou **Onivers**) sa **vérité** aussi, et ainsi on exprime la **Vérité TOTALE, 100% de Vérité**. Autrement dit, en langage biblique, on rend à **Dieu** sa **vérité**, et au **Diable** sa **vérité** aussi, et raisonner ainsi, c'est **incarner Dieu**.

En effet, on voit les choses comme **Dieu l'Univers TOTAL** qui sait que **TOUTES choses existent dans l'Univers TOTAL** c'est-à-dire en son sein, que **toute chose est vraie, réelle, est possible, etc**. Quand on **affirme ainsi TOUT**, on **ne nie que la Négation**, et même dans ce cas cela signifie qu'**on ne nie pas son existence** dans l'absolu, ou qu'elle puisse être une **vérité**. Mais on dit qu'elle existe dans l'Onivers ou Univers de **Négation**, que la **vérité** qu'elle exprime est la **vérité de Négation**. Autrement dit, en langage biblique, pour le **Diable, nier Dieu** c'est **dire qu'il n'existe nulle part, dans aucun domaine d'existence**. C'est **nier sa vérité, ne lui accorder la valeur 1 nulle part**. Mais pour **Dieu, nier le le Diable** c'est dire que son **lieu d'existence** est l'Onivers ou Univers de **Négation**, ce qu'on appelle aussi couramment le **Néant** ou le **Vide**. Quand on emploie habituellement ces mots, c'est pour signifier que **rien et absolument rien n'existe dans ces ensembles**. Mais du point de vue de **Dieu** ou d'un **être d'Affirmation**, le **Néant** ou le **Vide**, c'est-à-dire l'Onivers, signifie simplement le **lieu d'existence des choses négatives, des êtres négatifs**, les incarnations de la **Négation**, ce que la Bible appelle donc les **diab**les ou les **démons**.

Ce n'est ni plus ni moins qu'une autre formulation de l'idée de l'arithmétique ou de l'algèbre selon laquelle les **nombre**s négatifs sont par définition les **nombre**s strictement inférieurs à zéro. Le **Théorème de l'Existence**, en disant que **Toute chose est numérique**, permet enfin de comprendre que la **logique existentielle** et la **logique numérique**, sont une seule et même logique, deux manières différentes de dire exactement la même chose.

Nous avons du coup par la même occasion donné la troisième manière de démontrer que **Toute chose est numérique**, qui est tout simplement de fonctionner avec la logique d'**Affirmation**. Dire que **Toute chose est numérique**, c'est formuler une **affirmation**, tout simplement, qui est donc une **vérité** dans l'Univers d'**Affirmation**, qui est donc l'Univers TOTAL. Elle n'est donc niée que dans l'Univers de **Négation**, l'Onivers donc.

Quand on fonctionne avec la logique d'**Affirmation** ou d'**Alternation**, on **affirme** donc simplement les **choses** et leurs **contraires**, les **choses** et leurs **alternatives**, **sans nier aucune**. En logique d'**Affirmation**, **affirmer le contraire** ou l'**alternative**, est ce que l'on entend par **nier**. Il s'agit alors d'une **négation** juste **relative**, à savoir donc **affirmer le contraire**.

Par exemple, s'il **pleut**, on dit: **il pleut**, ce qui est une **affirmation**. Et s'il ne pleut pas ou il fait beau, on dit: **il ne pleut pas**, ou: **il fait beau**. C'est le **contraire** ou l'**alternative** donc de il pleut, et vice-versa. **On affirme donc une chose** dans le contexte où sa **valeur de vérité** ou d'**existence** ou de **réalité** est **1**, et **on affirme son contraire** dans le contexte où sa **valeur de vérité** ou d'**existence** ou de **réalité** est **1** aussi. Et dans un contexte où ce serait **30%** de **vérité** et **70%** de **fausseté**, on le dit aussi. Et en logique d'**Alternation**, **70%** de **fausseté** signifie **70%** de l'**autre vérité**, de l'**alter vérité** ou **70%** pour la **vérité alternative**, etc. Et Et dans cet autre contexte, où l'on a **70%** de **vérité**, on a **30%** de **fausseté**, qui est alors son l'**alter vérité**. Les deux contextes sont **complémentaires**.

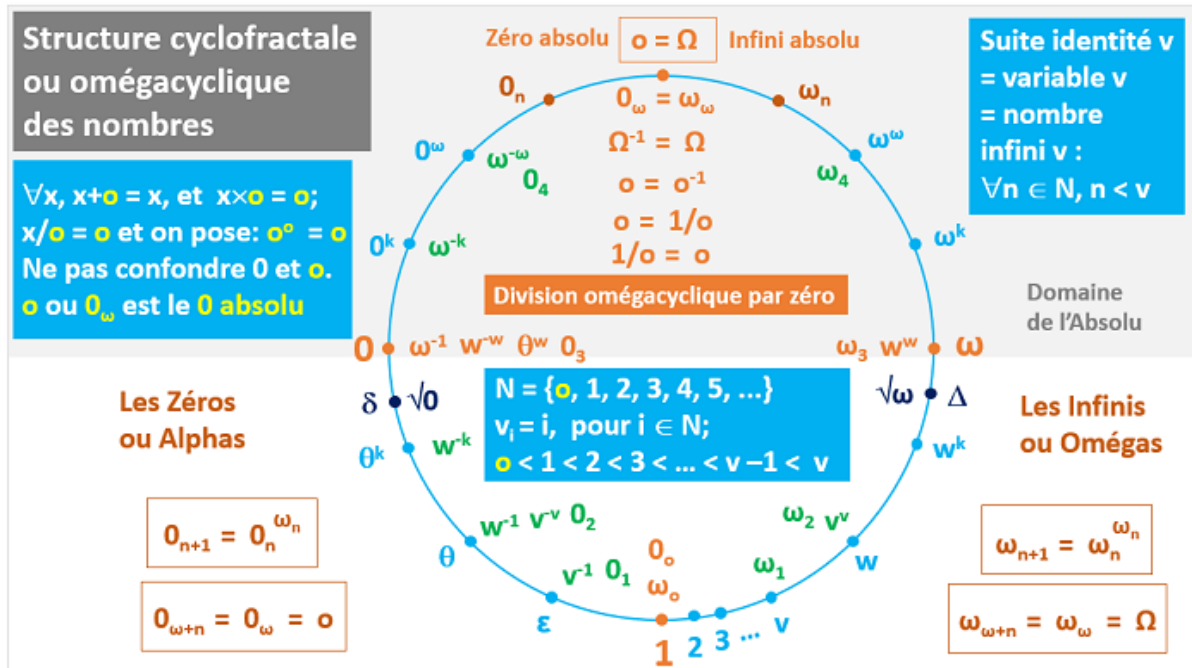
L'**Univers TOTAL** est **INFINI**, bien évidemment, au sens intuitif courant du mot « **infini** », mais aussi au sens où nous allons largement découvrir cette notion dans ce livre sur les **générescences**, les **nombre entiers variables**, la structure de **corps omégacyclique**. En effet, puisqu'il est l'**Ensemble de toutes les choses**, il contient donc l'**Ensemble de tous les nombres**, et il est tout simplement cet **Ensemble!** Il contient donc au moins les fameux **nombre entiers naturels** : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, qui sont en **nombre infini**, ce qui suffit à dire que l'**Univers TOTAL** contient une **infinité** de **choses**, puisqu'il contient au moins toute l'**infinité** des **informations** que sont les **nombre entiers naturels** : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**. C'est cela qui nous intéresse ici, à savoir donc les **nombres**.

Hubertelie

I - Structure cyclofractale ou omégacyclique des nombres

En attendant de développer et d'expliquer, voici la division omégacyclique par zéro

Vous allez donc dans ce livre comprendre tout ce qui est résumé dans l'image ci-dessous, l'image clef de ce livre.



Comme vous le savez sans doute, les mots « **alpha** » et « **oméga** » renvoient à l'**alphabet** grec. L'« **alpha** » est précisément le nom de la **première lettre** de l'**alphabet** grec, et d'ailleurs le mot français « **alphabet** » vient de l'« **alpha** ». Et l'« **oméga** » est la **dernière lettre** de cet **alphabet** grec.

Avec le Nouveau Paradigme scientifique, le concept d'**Univers TOTAL**, d'**Etre TOTAL**, de **Réalité TOTALE**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, jamais la **science des nombres** et la **science des lettres** n'auront autant été des **sœurs jumelles** comme on va le voir. Et alors aussi toutes les « impossibilités » des sciences classiques, comme la prétende « impossibilité » de **diviser par zéro**, disparaissent. Le problème est qu'avec les paradigmes scientifiques actuels (qui sont faux ou en tout cas mauvais, et même très mauvais, disons-le franchement; ce sont des paradigmes de **Négation**, et je ne cesserai de le dire), on sépare les domaines, alors que l'**Univers TOTAL** est le **TOUT inséparable**. Tous les domaines sont les facettes d'un seul domaine, d'une seule science, la **Science de l'Univers TOTAL**.

La **science des nombres** qui est aussi la **science des lettres**, c'est aussi la **science des alphabets**, des **écritures**, la **science de l'Écriture**, à comprendre notamment de la **Bible**, les **Écritures hébraïques**, à savoir la **Torah** et l'ensemble du **Tanakh** (couramment appelées l'Ancien Testament), et les **Évangiles** et l'ensemble des **Écritures grecques chrétiennes** (couramment appelées le Nouveau Testament). Les **Écritures** donc, encore appelées la **Parole**, notamment la **Parole de Dieu**. Au troisième millénaire, à l'ère dite de l'**information**, il y a un seul mot pour dire tout cela, et c'est le mot **INFORMATION!**

Car tout dans l'Univers TOTAL est fondamentalement de l'information, tout n'est à la base qu'information, tout est numérique. C'est une vérité clef qu'il faut au troisième millénaire se mettre dans la tête pour comprendre l'Univers et les choses. Une science digne de ce nom doit être une science informationnelle, totalement informationnelle, totalement numérique, au sens d'informationnel donc.

Ce que nous qualifions d'informationnel, ou encore d'opérationnel, on le qualifierait de « formel » dans les paradigmes mathématiques classiques, et la méthodologie associée est appelée le « formalisme ». Ce terme « formel » ainsi que le terme « informel » sont très intéressants. Je les ai utilisés un temps, notamment dans le premier livre [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#), mais j'ai progressivement fini par les utiliser beaucoup moins, à cause de leurs arrière-goûts quelque peu péjoratifs, ou simplement leurs ambiguïtés. En effet, tel que nous employons ces mots, « formel » se rapporte à la forme et à la formation, notamment la science de la formation des choses dans l'Univers, de la formation des ensembles, des structures, etc. Et « informel » se rapporte au sens, à l'information que les formes ou les formations peuvent porter.

Ainsi par exemple, les écritures (notamment avec un alphabet, hébreu, grec, latin, cyrillique, etc.), les lettres, les mots, les phrases, etc., sont avant tout des formes, des objets formels, des formations. Les textes sont formés de phrases qui sont formées de mots qui sont formés de lettres. Mais les formes ou les formations sont porteuses d'un sens, d'une information, qui est ce que je désignais par « informel ».

Mais force est de constater que ce n'est pas du tout ce qu'évoquent en premier les mots « formel » et « informel » dans les esprits qui les entendent ou les lisent, de même que la notion de « formalisme » des mathématiques actuelles. Non seulement cela a des connotations quelque peu négatives, mais cela nous entraîne assez vite dans des registres comme « formalité », ou dans des idées de choses qui ne sont que pure formes sans sens ni âme. Des choses rigides, arides, abstraites. Comme le formalisme mathématique actuel, qui va aussi de paire avec la méthodologie axiomatique, dont je ne cesse de brocarder la propension à nous couper de tous sens, du Sens lui-même, à savoir Dieu l'Univers TOTAL, l'Etre TOTAL, l'Alpha et l'Oméga.

A la méthodologie axiomatique (qui a été véritablement instituée par le grand mathématicien David Hilbert que pourtant j'apprécie beaucoup), axiomatique que j'ai moi-même beaucoup aimée et abondamment pratiquée pendant des années avant de découvrir ses poisons cachés, je substitue maintenant la théorématique, qui est simplement l'axiomatique qui a rencontré enfin son Sens, son Théorème, sa Vérité, à savoir donc l'Univers TOTAL.

Peiné d'être obligé d'abandonner le magnifique mot « formel » avec le sens que j'ai expliqué plus haut, je ne trouvais rien de vraiment satisfaisant pour le remplacer, avec le sens qui me tient à cœur. De même pour le mot « informel », dont les arrière-goûts comme « sans règles strictes », « imprévu », « impromptu », « improvisé », etc., me sont plus que quelque peu désagréables. Tout ça là encore est fort loin des sens lumineux et divins que je souhaitais attacher aux mots « formel » et « informel ». Jusqu'à ce que, assez récemment, un magnifique mot très moderne a commencé à être de plus en plus d'emploi courant, à savoir donc le mot... INFORMATIONNEL. Je me suis dit alors : « C'est super! C'est exactement le sens de ce mot que je voulais pour le mot « informel ». Et du coup aussi j'ai trouvé le bon mot pour dire mon idée de « formel », et c'est tout simplement « FORMATIONNEL »! Nettement mieux...

La méthodologie **théorématique**, synonyme de **Paradigme de l'Univers TOTAL** mais aussi de logique d'**Affirmation TOTALE** ou logique d'**Alternation**, est donc **formationnelle** et **informationnelle**, les notions de **formation** (au sens de **formation des choses** dans l'**Univers TOTAL**, de la **génération des choses**, du verbe **générer**, le mot scientifique pour dire **créer**) et d'**information** (au sens de... **signification** ou de **sens**, de **parole**, de **message**, de **pensée**, d'**esprit**, etc.), sont donc les notions clefs du **formationnel** et de l'**informationnel**.

Nous ne parlons donc pas de **formation** au sens d'**enseignement**, de **formation scolaire** ou **universitaire**... quoique. Car **former** un enfant, un élève, un étudiant, une personne quelle qu'elle soit, c'est la **créer** ou la **re-créer** en l'**INFORMANT**, c'est **enrichir son être**, c'est **élever son esprit**, son **âme**, etc. Et c'est justement de cela qu'il s'agit aussi avec la **formation** et l'**information**, le **formationnel** et l'**informationnel** dont nous parlons.

Et ce mot « **informationnel** » est le nouveau sens que nous donnons au mot « **spirituel** », car « **information** » est le nouveau sens que nous donnons au mot « **esprit** », oui le très moderne mot « **information** » est le plein sens du mot « **esprit** » tel qu'on le lit dans la Bible entre autres, quand il est question par exemple de l'**Esprit de Dieu** ou du **Dieu qui est Esprit** ou encore du **Dieu qui est Parole** ou qui est **Verbe** (Genèse 1: 1, 2 ; Jean 1: 1 ; Jean 4: 24 ; 2Corinthiens 3: 17, 18 ; Apocalypse 2: 7). D'où l'importance de la **science de l'information**, oui la **science informationnelle**, la **mathématique informationnelle** (les mathématiques et plus généralement les sciences, vont perdre leur emblématique pluriel pour devenir LA Mathématique unique, la Science unique, celle de l'Univers TOTAL). Le **mathématique informationnelle** est plus profonde et plus puissante que les **mathématiques numériques** classiques, ou les **mathématiques des ensembles**, des **espaces** et des **structures**, telles qu'on les pratique habituellement.

Et la **physique informationnelle** va à présent surpasser les différents domaines de la physique actuelle, et notamment la **physique quantique**, considérée comme l'un des domaines les plus fondamentaux, car l'**échelle quantique**, l'échelle de l'**infiniment petit**, régie par la **physique quantique**, est habituellement comme une échelle très fondamentale, et même pour certains c'est l'échelle ultime de la réalité. Mais en fait non, car il existe un niveau de la réalité encore plus fondamental que tous ceux connus jusqu'à présent, et qui est le **niveau numérique**, que nous appelons donc aussi le **niveau informationnel**. C'est là où l'on vraiment ce que sont vraiment les choses, leur nature, leur fonctionnement.

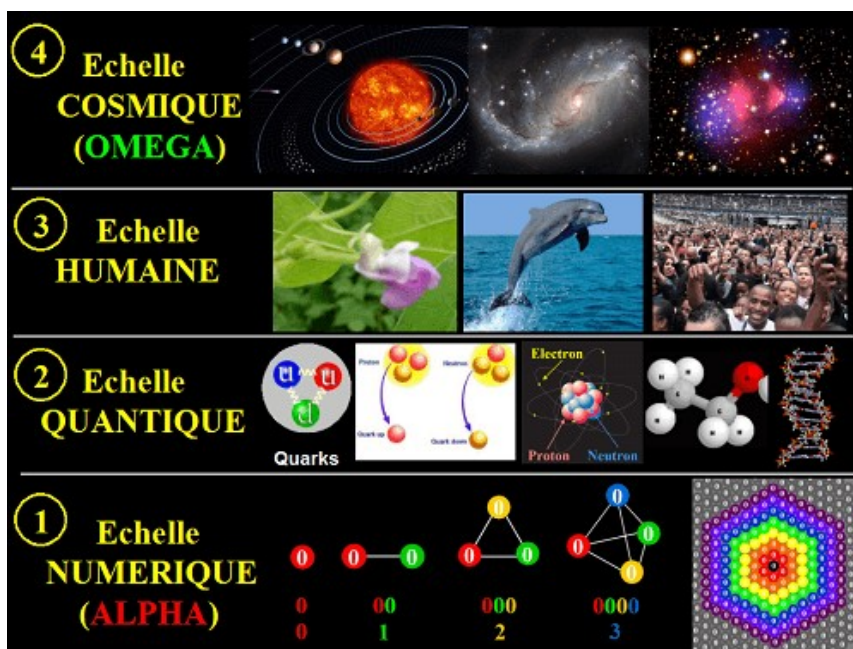
A l'**échelle numérique** ou **informationnelle** donc, **TOUT est UN!** Tout n'est plus qu'une affaire de **mots**, de **nombres**, et la notion commune pour dire « mot » et « **nombre** », c'est la notion d'**information**. Les vieux mots pour dire cela, sont les mots « **parole** », « **verbe** », « **esprit** », etc., comme par exemple quand la Bible dit que « **Dieu est Parole** », ou « **Verbe** », ou « **Esprit** », etc. Au troisième millénaire, à l'ère de l'**information** donc, il faut remettre tous ces mots anciens au goût du jour et leur donner un sens moderne, car les gens d'autrefois disaient avec les mots de leurs temps ce que nous disons maintenant avec nos mots à nous, mais sans nous rendre compte qu'on parle de la même chose.

Car aussi, il faut le dire, tout est fait par les **êtres de Négation**, les **esprits de Négation**, pour nous déconnecter des gens du passé, notamment quand il s'agit de gens qui parlent de choses divines, les choses du **vrai Dieu**, les choses de la Bible par exemple. Je parle de la Bible, de la Torah et du Tanakh (ou Bible hébraïque ou Ancien Testament), des Evangiles du Nouveau Testament, et pas du

Talmud et de la Kabbale, entendons-nous bien. Car ce sont l'oeuvre d'esprits déconnectés du vrai Dieu justement, sinon ils n'auraient pas assassiné des prophètes bibliques (voir Matthieu 23: 37-39), et surtout ils n'auraient pas crucifié un être comme Jésus de Nazareth, le vrai Messie (ou Machiah, pour le dire en hébreu), bref le Christ (ou Kristos, pour le dire en grec).

Tout dans ce monde est fait donc pour qu'on ne comprenne pas l'**INFORMATION** délivrée par les envoyés venant de **Dieu l'Univers TOTAL** pour élever de nouveau vers le Paradigme perdu et Paradis perdu l'humanité déchue, car **désinformée** par le Serpent d'Eden, l'**esprit de Négation**, bref l'entité connue sous le nom de Satan le Diable, Lucifer, etc. Si je n'employais que les vieux mots: « Dieu », « Diable », « Esprit Saint », « Esprit Impur », « Parole », « Vérité », « Mensonge », « Ciel », « Paradis », « Enfer », « ange », « démon », « prophète de Dieu », « prophète du Diable » ou « suppôt de Satan », « Fils de Dieu », « Messie » ou « Christ », « enfants du Diable », « péché », etc., sans dire le sens que ces mots doivent maintenant avoir au troisième millénaire, on dira que ce que je dis n'est que de la « philosophie », ou pire, de la « théologie » et pas de la « science », ou pire encore, que ce n'est que de la religion.

Les domaines ont été soigneusement séparés par les **esprits de Négation** justement pour cette raison: pour ne plus permettre de faire les liens nécessaires, notamment les bonnes correspondances de sens entre les mots anciens et les mots de notre temps, ou entre le sens des mots anciens, et le sens que les mêmes mots devaient avoir de nos jours. Tout a été fait pour que le monde continue de les comprendre dans leur sens ancien, et donc ne fasse pas les liens nécessaires avec les mots de notre temps, comme par exemple **INFORMATION, informationnel, numérique, énergie, univers, galaxie, structure, ensemble, espace, dimension, particule, atome, molécule, ARN, ADN, micro-organisme, cellule, organe, organisme, virus, bactérie, entité**, etc., et bien d'autres mots de notre temps comme **informatique, internet, technologie**, et j'en passe. Il est temps donc maintenant, à l'ère de l'**information** et du **numérique**, de comprendre enfin le fond des choses:



C'est donc au niveau très fondamental, à l'**échelle Alpha** sur l'image ci-dessus, que travaille la **Science de l'Univers TOTAL**. C'est le niveau infiniment plus fondamental que le niveau

quantique, le **niveau informationnel** donc, le **niveau numérique**, là où **tout est information pure, tout est nombre pur**. Là où on ne distingue plus les domaines, les **mathématiques**, l'**informatique**, la **physique**, la **cosmologie**, la **chimie**, la **biologie**, la **psychologie**, la **philosophie**, la **spiritualité**, etc.

L'**information** est une **énergie**, et c'est même tout simplement la notion **universelle d'énergie**, que nous appelons l'**unergie**, sa **négation** étant appelée l'**onergie** ou **énergie négative**, ce qui signifie une **absence d'unergie** ou **énergie universelle**. **Inform**er donc un être c'est lui donner cette **énergie** pour **nourrir** cet être, l'**élever** donc. Bref, **informer**, c'est **former**, et la réciproque est vraie aussi, **former**, c'est **informer**, car **tout est information**. Et au contraire, **priver** l'être de l'**information**, **désinformer** l'être, lui **cacher** l'**information**, etc., c'est **déformer** l'être, au sens de **détruire** cet être. C'est lui **enlever** l'**énergie universelle**, **appauvrir** cet être, etc. Nous appelons tout cela le **vampirisme énergétique**, qui est donc le **vampirisme informationnel**.

Par exemple, une science qui enseigne que « la **division par zéro** est 'impossible' », prêche une **négation** et non pas une **affirmation**. Cette science donne une **information fausse, mensongère** ou **erronée**, donc une **information négative**, ce qui signifie que cette **information** enlève aux victimes l'**information positive**, l'**information affirmative**, à savoir que « la **division par zéro** est **possible** »! Dans le meilleur des cas cette science **induit juste en erreur**, et dans le pire des cas **elle ment délibérément**. Dans les deux cas une **énergie positive** (au sens donc d'**information positive**)

D'un point de vue purement **informationnel** par exemple, rien n'empêche l'existence d'un **symbole**, d'une **lettre**, d'un **mot**, d'une **phrase**, etc., bref d'une **information** dont le sens est: « *Je suis l'**infini oméga**, l'**inverse du zéro alpha*** », ou: « *Je suis l'**infini oméga**, la **division par de 1 par le zéro alpha*** ». D'un point de vue purement **informationnel** donc, **toutes les informations existent**. Donc si l'on se situe pleinement dans l'**Univers informationnel**, on ne se demande plus: « Qu'est-ce qui existe et qu'est-ce qui n'existe pas ? », ou « Qu'est-ce qui est vrai et qu'est-ce qui est faux ? », etc. Car, on le répète, **toutes les informations existent**, et les **contraires** ou les **alternatives** des mêmes **informations** existent. Donc on fait juste la **Science des informations**, on traite simplement toutes les **informations**, on étudie les **propriétés** des **informations**, les **relations** entre les **informations**, etc.

Par exemple, considérant les mots français « **information** » et « **informatique** », on peut affirmer que *dans le premier il n'existe pas de lettre « q »*, tandis que *dans le second il existe une lettre « q »*. Les deux mots **ne se nient pas** l'un l'**autre** (ou l'**alter**), mais sont juste **contraires** l'un de l'**autre** (ou l'**alter**), de par un **aspect**, une **propriété**, que l'un a et que l'**autre** ou l'**alter** n'a pas. La **différence** est nécessaire pour la **diversité des choses dans l'Univers TOTAL**, pour que **toutes les choses y existent** et leurs **contraires** ou **alternatives** aussi. Pour que donc **toutes les choses soient vraies dans l'Univers TOTAL**, et leurs **contraires** ou **alternatives** aussi.

Que l'on ne s'étonne pas de ce que je mets l'accent dans l'exemple sur le mot « **autre** », en latin « **alter** ». C'est juste pour profiter de l'exemple pour montrer que le mot français « **AUTRE** » en latin « **ALTER** », est un mot clef fondamental de la logique d'**Alternation**. La logique consiste à **affirmer toute la Réalité**, la **Réalité TOTALE**, **sans mentir**, **sans rien nier**. La logique qui consiste à envisager **TOUTES les alternatives**, à les **affirmer TOUTES** comme existant dans l'**Univers TOTAL**, comme **vraies dans l'Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses**, de **TOUTES les informations**, de **TOUTES les alternatives**.

Dans l'exemple, nous disons simplement qu'il existe des mots, comme par exemple le mot « information », dans lesquels la lettre « q » n'existe pas, et qu'il existe des mots, comme par exemple le mot « informatique », dans lesquels la lettre « q » existe. C'est tout.

Je me contente juste d'affirmer cette vérité universelle, ce théorème universel, un sous-théorème de ce que j'appelle le Théorème de l'Existence, et qui dit que l'Univers TOTAL état par définition l'Ensemble de TOUTES les choses, de TOUTES les informations, toute chose par définition existe dans l'Univers TOTAL, toute information existe dans l'Univers TOTAL, tout nombre y existe, etc. Le mot « information » est une information, une chose, et le mot « informatique » est une information, une chose aussi. L'un est un ensemble formé par 11 lettres, et l'autre, son alter, est un ensemble formé par 12 lettres. La lettre « q » n'est pas un élément de l'un, et la lettre « q » est un élément de l'autre, de l'alter.

On voit bien que je nie l'existence de la lettre « q », mais uniquement dans un contexte donné de l'Univers TOTAL, dans un ensemble donné, qui est ici le mot « information », et donc je ne dis pas que la lettre « q » n'existe pas du tout, qu'elle n'existe pas dans l'absolu, ce qui serait alors une négation absolue, et c'est ce type de négation qui est un gros problème! Car l'Absolu en question est justement l'Univers TOTAL, et donc dire qu'on nie quelque chose dans l'absolu, c'est dire qu'on nie cette chose dans l'Univers TOTAL et donc du coup c'est nier l'Univers TOTAL lui-même! C'est ça le problème et toute la subtilité de la question, toute la différence entre la logique d'Affirmation, la nôtre, et les courantes logiques de Négation.

Cela paraît évident comme cela avec les mots « information » et « informatique », mais il est très facile en ce monde de pointer des innombrables exemples de négation absolue et donc en fait de négation de l'Univers TOTAL. Et à vrai dire, l'immense majorité d'expressions de négation sont des négations absolues. Comme par exemple quand un athée nie l'existence de Dieu. Il ne dit pas seulement que Dieu n'existe pas dans notre monde, ce qu'à la rigueur on peut comprendre, vu l'état de ce monde et tout ce qu'il s'y passe. Il ne fait donc pas une négation juste relative, contextuelle, comme par exemple de dire que la lettre « q » n'existe pas dans le mot « information ». Mais il y va carrément pour une négation absolue! Car il est certain d'avoir fait le tour de l'Univers TOTAL pour être si certain que Dieu n'y existe pas....

Mais l'ironie de la chose est que s'il avait le tour de l'Univers TOTAL, c'est le tour de Dieu qu'il aurait fait, tout simplement! Car on ne peut pas définir scientifiquement un Ensemble, un Etre, plus grand que le Grand TOUT, à savoir donc l'Ensemble de TOUTES les choses et de TOUS les êtres, l'Etre TOTAL donc, l'Alpha et l'Oméga, le Zéro et l'Infini. L'Etre dans lequel donc TOUTES les informations sont, TOUS les nombres sont, bref l'Etre qui, par définition, est l'Ensemble de TOUTES les informations, de TOUS les nombres, car une information, au sens mathématique, informatique, numérique du terme, donc au sens scientifique du terme, c'est tout simplement un nombre! Et toute chose, tout être, est un nombre. Si l'on a du mal à comprendre cela à l'ère du numérique, à l'ère des vidéos, des métavers, des réalités virtuelles qui s'approchent de plus en plus de la réalité, tout simplement, alors on se demande à quelle ère on le comprendra!



Toute **négarion** doit juste être **relative**, limitée à un **contexte** donné, comme de dire donc que la **lettre « q » n'existe pas dans le mot « information »**. Car **elle existe bel et bien dans le mot « informatique »**, elle existe **quelque part**. Toute chose que l'on nie dans un **contexte donné de l'Univers TOTAL** (si cette **négarion** est vraie, c'est-à-dire si cette **négarion** est finalement une **affirmation**, oui on **affirme** juste le **contraire** une certaine **réalité**, mais fausse dans le contexte en question; on ne dit pas que c'est **faux dans l'absolu**, auquel cas c'est une **négarion absolue**) est vraie dans un **autre contexte** de l'Univers TOTAL, dans un **alter contexte**. Il faut donc savoir **alterner** dans l'Univers TOTAL, c'est-à-dire **affirmer juste les choses et leurs alternatives**, sans **nier aucune dans l'absolu**, c'est-à-dire dans l'Univers TOTAL. Ce point est extrêmement important, toute la différence entre la logique de **Négarion** et la logique d'**Alternation**, c'est-à-dire d'**Affirmation TOTALE**, est là!

Voilà donc pourquoi **nier dans l'absolu** une chose donnée, que ce soit **Dieu**, les **éléphants roses**, les **anges**, les **démons**, les **vampires**, le **satanisme**, etc., est toujours une fausseté, une erreur ou une ignorance de la réalité dans le meilleur des cas (et dans ce cas c'est pardonnable), et dans le pire des cas un **mensonge délibéré**, une intention de **désinformer** les **autres**, les **alters**, de leur **cacher l'information**, de les **priver** de l'**information** qui leur est due, etc., et donc de **vampiriser l'information** chez eux, de **vampiriser** cette **énergie universelle**, cette **unergie**. Même si une chose **n'existe pas** ou **n'est pas vraie** ou **n'est pas possible** dans le **contexte** de notre **expérience**, de nos **connaissances**, on gagne toujours **en l'affirmant dans l'absolu**, qu'en la **niait dans l'absolu**.

Et maintenant, une question: l'idée des sciences actuelles selon laquelle **la division par zéro est « impossible »**, est-elle une **négarion relative**, juste **contextuelle**, ou une **négarion absolue**?

Le fait est que présentement beaucoup de mathématiciens et de scientifiques affirment cela comme une **« impossibilité » absolue**, au lieu de dire que c'est **juste une impossibilité dans le cadre des paradigmes scientifiques dans lesquels ils travaillent**. Et donc que ces paradigmes doivent être changés ou en tout cas élargis pour ne plus laisser de place à aucune **négarion absolue**, donc à aucune **impossibilité absolue**. Car il existe toujours un **autre contexte** (un **alter contexte** donc) où **ce qui est nié est vrai, existe, est possible**. Nous démontrons justement qu'il existe un autre

Paradigme où par exemple **la division par zéro est possible**. Nous montrons même comment la faire, et même en usant de concepts classiques contenus dans les paradigmes actuels, comme par exemple la simple la **relations d'équivalence** dans un **ensemble A**, ou encore la notion d'**application d'un ensemble A dans un autre ensemble B**. Et en particulier les **applications de N dans N**, ou **suites d'entiers naturels**. C'est ce que nous appelons les **entiers naturels variables**. Cette notion d'**application d'un ensemble A dans un autre ensemble B** est contenue dans la classique théorie axiomatique des ensembles de Zermelo-Fraenkel, couramment abrégée ZF. Donc je ne suis pas allé chercher très loin, pas eu besoin de sortir la grosse artillerie du Nouveau Paradigme pour résoudre, comme on va le voir.

C'est dire donc que les ingrédients du bon paradigme scientifique sont en fait déjà contenus dans les paradigmes traditionnels, y compris même des **équivalents** de la notion d'**Univers TOTAL**! C'est le cas par exemple de la notion d'**ensemble de tous les ensembles** ou d'**ensemble de tous les ordinaux**, autrement dit de tous les **nombre entiers, finis ou infinis**. Sauf que la logique de **Négation** avec laquelle on travaille interdit l'existence de ces **ensembles suprêmes** qui sont autant d'équivalents de la notion d'**Univers TOTAL**. Alors ces paradigmes jouent sur les mots et appelle « **classe** » ou « **collection** » ces **ensembles suprêmes**, en disant par exemple « **classe de tous les ensembles** » ou « **collection de tous les ordinaux** ». Cela permet de « couper la poire en deux », comme on dit. Car n'ayant pas un plein statut d'**ensemble**, beaucoup de choses sont impossibles avec eux, comme notamment la **division par zéro**.

En effet, l'**ensemble de tous les ordinaux** est le **dernier ordinal**, le grand **Infini Oméga**, qu'on verra par la suite noté Ω , qui est précisément la réponse de la **division de 1 par zéro**, en parlant du **zéro absolu**, c'est-à-dire l'**élément neutre** pour l'**addition**, et qui est l'**ensemble vide** en langage des ds ensembles, noté $\{\}$ ou \emptyset , mais plus couramment noté **0** en **théorie des ordinaux**, en **arithmétique**, en **algèbre**, en **analyse**, bref dans les différentes branches des mathématiques. Lui existe donc en bonne et due forme, en tant qu'**ensemble**, raison pour laquelle on calcule avec lui.

Mais la notion d'**ensemble plein**, c'est-à-dire l'**ensemble de tous les ensembles**, ainsi que de **dernier ordinal**, ou grand **Infini Oméga** (en fait l'**ensemble plein** et le dernier ordinal sont le même **ensemble** vu sous deux angles différents), sont interdits pour cause des fameux « **paradoxes** » de la **théorie des ensembles** paradoxes attribués entre autres aux **ensembles suprêmes**, tous des synonymes donc de l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**. Or c'est justement les paradigmes de la **Négation** (la **négation absolue** donc) qui sont la vraie cause de tous les paradoxes et faussetés, quels qu'ils soient. Ces **ensembles suprêmes** déçus de leur statut d'**ensemble** (alors que ce sont justement les **ensembles** par excellence!) et n'étant plus que des **classes** périphériques des **ensembles** et des **ordinaux**, ils ne peuvent pas faire partie d'une **structure ensembliste numérique**, en bonne et due forme, comme par exemple une **structure de corps**. Dans cette **structure**, c'est ce grand **Infini Oméga** (ou, ce qui revient au même, l'**ensemble plein**) qui est précisément l'**inverse de zéro**, c'est-à-dire l'**ensemble vide**.

Voilà l'origine profonde de la dite « impossibilité » de **diviser par zéro**, et plus précisément de l'idée que le **zéro n'est pas inversible**, autrement dit que l'**opération « 1 divisé par 0 »** est « impossible ». En effet, cette **division** conduit en **algèbre** (dans la **structure de corps**) à des « **paradoxes** » du genre « **0=1** », et plus généralement à une conclusion que **tous les nombres sont égaux**! On pense que ceci est une « **catastrophe** », alors que ceci réclame simplement de travailler avec une notion large d'**égalité**, la **relation d'équivalence**, et non pas avec l'habituelle notion restreinte d'**égalité**, à savoir l'**identité**. L'outil qu'est la **relation d'équivalence** est très connu dans

les paradigmes classiques et est même très utilisé! Sauf qu'il est utilisé partiellement, pour certains besoins et techniques, où l'on a besoin de dire que **deux choses différentes peuvent pourtant être égales**.

Or l'usage de la **relation d'équivalence** comme notion d'**égalité** doit être absolument général! **Car tout l'Univers, oui, l'Univers TOTAL, fonctionne avec l'équivalence**. Deux choses **x** et **y**, **différentes** sous un certain rapport, sont toujours **égales** sous un autre rapport, et au pire, elles sont **égales** sous le rapport qu'elles possèdent toutes les deux la **qualité de chose**, ou d'éléments de l'**Univers TOTAL**, **facteur d'égalité** (d'**équivalence** donc) sous le regard duquel on ne les distingue plus, malgré toutes les **différentes** que ces deux choses **x** et **y** peuvent présenter par ailleurs. Si donc on ne trouve pas facteur d'égalité plus immédiat, il restera toujours ce **facteur ultime d'égalité** d'être des **co-éléments** de l'**Univers TOTAL**!

Pour reprendre notre exemple plus haut des **mots** « **information** » et « **informatique** », on peut relever au moins deux **facteurs de différence**, comme d'abord le fait le premier ne possède pas de **lettre** « **q** » alors que le second en possède, de même que les **lettres** « **u** » et « **e** » que le premier ne possède. Et comme différence aussi, il y a aussi le fait que le premier possède deux **lettres** « **n** » tandis que le second n'en possède qu'une seule. Et le premier possède deux **lettres** « **o** » tandis que le second n'en possède qu'une seule une fois encore. Mais il y a aussi des **facteurs d'égalité**, comme par exemple le fait que les deux mots commencent par « **informati** ». Donc si on ne regarde que cette partie des deux mots, on ne les distingue pas, donc ils sont **égaux** de ce point de vue. Et les deux possèdent les **lettres** « **o** » et « **n** », même s'il y en a deux dans l'un et une seule dans l'**autre**, dans l'**alter**. Encore donc un **facteur d'égalité**.

Et si on n'avait pas trouvé de **facteur d'égalité** immédiat, il nous resterait le fait que ce sont deux mots, donc deux **co-éléments** de l'**ensemble de tous les mots de l'alphabet français**. Et au pire il resterait toujours le fait que ce sont deux **choses**, donc deux **co-éléments** de l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**. Au regard de cet **ultime facteur d'égalité**, on ne distingue plus les deux **choses x** et **y**, ou elles et toutes les autres **choses** de l'**Univers TOTAL**. En effet, si par exemple on nous demandait de proposer une **chose**, sans autre précision, on peut indifféremment proposer « **information** » comme « **informatique** ». Ou « **information** » comme « **chat** ». Ou « **informatique** » comme « **cyb** », même s'il n'y a aucune **lettre commune** entre « **informatique** » et « **cyb** », ou si on ne sait pas ce que « **cyb** » peut vouloir dire ou à quoi ça peut bien ressembler. Il suffit ici que « **cyb** » soit une **chose**, c'est-à-dire un **élément de l'Univers TOTAL**, et qu'il en soit de même pour « **informatique** », même si là aussi on n'a aucune idée de ce que cette **chose** peut vouloir dire ou représenter. On sait juste qu'elles partagent une **information** ou signification **commune**, et qui est: « **élément de l'Univers TOTAL** », l'**information** la plus **commune à toutes les choses**, leur **nature commune**.

Cette logique d'**égalité** de type « **différents d'un point de vue mais égaux d'un autre point de vue** », qui est donc la définition de la **relation d'équivalence**, est **absolument générale**, elle est **universelle**. La notion d'**égalité** fonctionne comme cela dans l'**Univers TOTAL**, et par conséquent, ici aussi, c'est implicitement nier l'**Univers TOTAL** que de voir les choses sous le prisme de la **relation d'identité**, la notion d'**égalité** qui dit que **toute chose n'est égale qu'à elle-même**.

C'est ce type d'**égalité** caché dans « **2+2=4** », qui revient à dire donc: « **4=4** ». Et même, si l'on appliquait l'**identité** la plus **stricte**, cette **égalité**: « **2+2=4** » serait fautive aussi malgré les apparences. En effet, « **2+2** » n'est pas la même **information** que « **4** ». Dans un cas l'**information**

est « **addition de 2 et 2** », et dans l'autre cas l'**information** est « **le nombre entier naturel 4** ». Donc on ne va pas bien loin avec l'**identité** stricte, qui ne dit que « **X=X** » (autrement dit **toute information est juste elle-même et n'est pas égale à une information différente**), sans « tricher » un peu et injecter au moins une petite dose d'**équivalence**, comme on le fait dans les mathématiques et sciences actuelles, pour qu'une certaine activité scientifique soit possible. Donc on injecte quelque part au moins une petite dose de « **0=1** » qu'on appelle officiellement un « **paradoxe** ». Mais il s'agit maintenant de travailler avec la **pleine dose de relation d'équivalence**, et alors aussi il n'y a plus aucun **paradoxe**. Car la **négation absolue** et le fait de **retenir l'équivalence** pour qu'elle ne soit pas **universelle** comme il se doit, sont synonymes. Ce sont deux facettes du même problème de paradigme.

Les outils du bon paradigme scientifique sont donc en fait déjà dans les sciences actuelles. Je ne fais que les laisser s'exprimer comme il se doit, sans pourtant encore lâcher la pleine puissance du Nouveau Paradigme, l'**Univers TOTAL**, sinon personne ne pourrait suivre mes démarches et raisonnements, tellement les esprits sont programmés par la logique de **Négation**, par la logique d'**Identité**. Et qui sont les êtres qui font cette programmation? Les **esprits de Négation**, bien sûr. Pour le dire en langage biblique, les **démons**, visibles (c'est-à-dire les démons nés humains) et invisibles (cachés dans d'autres dimensions).

Je vais donc à contre-courant de leurs programmation des esprits, de leurs bridages de la science et du monde. Je commence donc juste à réhabiliter les outils universels contenus dans leurs propres paradigmes, et je montre comment tout ce qu'ils ont déclaré « impossibles » est pourtant possible, et même souvent avec une simplicité biblique. Et j'en profite pour faire découvrir le Nouveau Paradigme, sa puissante logique d'**Alternation** ou logique d'**Affirmation**, et notamment sa logique **informationnelle**. Je fais entrevoir comment serait la science et le monde si le plein Paradigme était libéré, bref **toute l'INFORMATION!**

L'une des séparations les plus fausses et dommageables pour la compréhension de l'**Univers** jusqu'ici, est la séparation entre les **mathématiques** et la **physique**, c'est-à-dire entre d'un côté la **science des nombres, des ensembles et des structures**, et d'autre part entre la **science de l'Univers, de l'espace, de la matière, de l'énergie, de la mesure**, etc.. Donc la séparation entre la **notion mathématique des nombres** et la **notion physique des nombres**. Ou plus simplement encore la séparation entre l'**Univers mathématique** et l'**Univers physique**, alors qu'en fait il n'y qu'**un seul Univers**, à savoir l'**Univers TOTAL**.

Et la notion **universelle d'énergie** est tout bonnement la notion d'**INFORMATION**. Comme déjà dit, la notion d'**énergie** au sens d'**information**, nous l'appelons **unergie**, ce qui signifie l'**énergie universelle**, celle qui **est tout et fait tout**. C'est elle qui dans la Bible ou la Parole ou l'Écriture est appelée l'**Esprit de Dieu** ou **Esprit Saint**. C'est donc simplement l'**Information** qui est nommée ainsi.

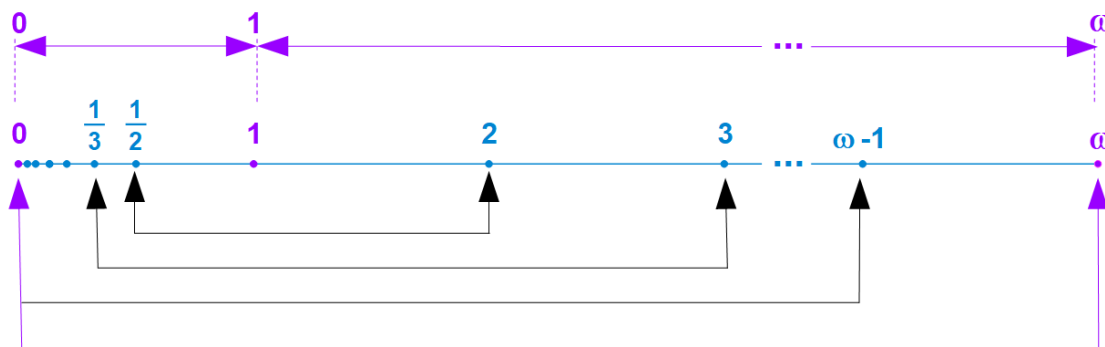
L'approche scientifique du Nouveau Paradigme, que nous qualifions aussi d'approche **générative**, est donc une approche **informationnelle**, que nous qualifions aussi d'approche **générative**, ou **fractalo-ordinale**, ou encore **réalieu**, ou encore **romano-numéro-alphabétique**.

On comprendra un peu plus tard la raison de cette dernière expression, qui fait simplement référence au **système de numération romain: I, II, III, IV, V, VI, VII, VIII, IX, X, XI, XII, ...**. Un système très familier mais qui cache un très puissant secret scientifique, à savoir les

générescences, ou **information unaire**, ou la **numération unaire** (par opposition à la **numération binaire** ou au **système informatique binaire**) qu'on va découvrir.

Nous verrons assez vite comment l'approche **informationnelle** ou **généralisatrice** solutionne aussi la question de la **division par zéro**. Mais comme nous venons de le dire aussi, si le souci était uniquement de **diviser par zéro**, des outils classiques suffisaient en fait amplement, notamment les outils de la classique **théorie axiomatique des ensembles**, comme les **applications** d'un **ensemble A** dans un autre **ensemble B**. Et notamment quand **A** et **B** sont l'**ensemble N** des **entiers naturels** et/ou l'**ensemble Z** des **entiers relatifs**. Nous utiliserons **Z** juste pour un peu plus de confort dans certaines définitions traitements, mais **N** seul suffit, ou tout **ensemble isomorphe** à **N**. Et nous verrons même bientôt que l'approche **informationnelle** (ou **généralisatrice** ou **opérationnelle** ou **réelle**) si puissante qu'il nous suffira juste un **alphabet de 7 lettres: a, b, c, d, e, f, g**, augmenté d'un **alphabet** de 7 autres lettres appelées **opérateurs**, et notées: **+, ×, ^, /, I, (,)**, pour construire une **structure** à la fois **informationnelle** et à la fois **numérique**, à savoir la **structure réelle**, dans laquelle la **division par zéro** n'est aucun souci. Bien au contraire, elle nous livre une compréhension non seulement des **nombres** et de leurs profonds secrets, mais surtout une compréhension de l'**Univers FRACTAL**, une caractéristique fondamentale de l'**Univers TOTAL**. Au passage, comme on le verra, cette **structure réelle** construite est formée d'une infinité d'**ensembles isomorphes** à l'**ensemble N** des **entiers naturels**.

A partir de maintenant, voici trois mots clefs à retenir, et qui associés indiquent qu'on parle de l'**Univers TOTAL**, et non pas seulement de notre petit **univers**, qui n'est qu'un parmi toute l'**infinité des univers** dans l'**Univers TOTAL**. Ces trois mots sont: **Onivers (O)**, **Univers (U)**, **Énivers (E)**, respectivement appelés aussi : **Alpha, UN, Oméga**, qui sont aussi **trois nombres** (car **tout est nombre, tout est numérique, tout est information**, on y reviendra), que nous appelons: **Zéro, Un, Infini**, que nous notons: **O, U, Ω**, en majuscule, et: **0, 1, ω**, en minuscule. Ou: **o, 1, Ω**, où **o** désigne le **zéro absolu**, et où **Ω** désigne l'**infini absolu** associé. Dans tous les cas, le **zéro** et l'**Infini** sont **inverses** l'un de l'autre, autrement dit sont **symétriques** dans la **symétrie des inverses**, c'est-à-dire du point de vue de la **multiplication** et de la **division**.

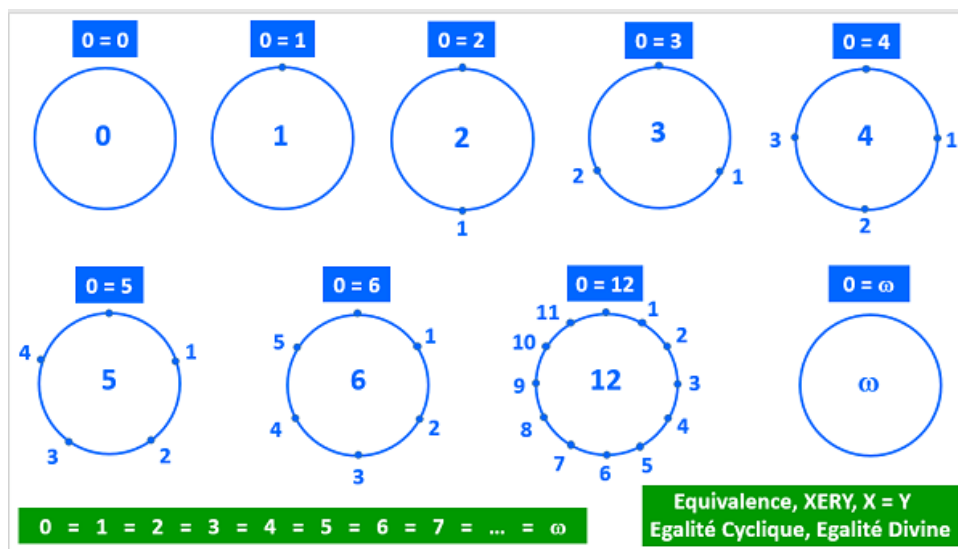


Cette très précieuse **symétrie des inverses**, niée dans les paradigmes classiques en raison de leur **Logique de Négation**, a été amplement étudiée dans le livre précédent, à savoir: **La conception généralisatrice de l'Univers, la structure réelle**. C'est cette **structure**, qui est simplement la **structure fractale** de **base ω** (dont on reparlera ici), qui, combinée à la **logique cyclique** (dont on parlera aussi), qui constitue la **structure cyclofractale** des **nombres**, qu'illustre l'image précédente.

La **logique de cycle** dit simplement que l'on part du **zéro absolu, o**, on fait un tour d'un **cycle** ou **cercle**, de **longueur r**, où **r** est un **réel**, c'est-à-dire un **nombre réel** ou **omégaréel positif** ou **zéro absolu** (les notions de **nombre réel** et **omégaréel** ont été définies dans les livres précédents, et

notamment le précédent sur la **conception générative de l'Univers, la structure réelle**, et on en reparlera un peu dans ce livre), et on revient au **zéro absolu, o**. On parle alors du **cycle r**, qui s'exprime par l'égalité: **o = r**.

Voici quelques **cycles**, où le symbole « **0** » désigne en fait le **zéro absolu, o**:



Avec le **cycle o**, dont l'expression est « **o = o** », la **longueur du cercle, r**, vaut le **zéro absolu, o**.

Avec le **cycle o.5**, dont l'expression est « **o = o.5** », la **longueur du cercle, r**, vaut **o.5**.

Avec le **cycle 1**, dont l'expression est « **o = 1** », on a **r = 1**.

Et pour le **cycle 2**, dont l'expression est « **o = 2** », on a **r = 2**.

Avec le **cycle 12**, dont l'expression est « **o = 12** », on a **r = 12**.

Et ainsi de suite, jusqu'au **cycle infini absolu Ω**, dont l'expression est « **o = Ω** », ce qui signifie que l'on a un **cercle de longueur Ω**, qui est le plus grand **cercle** qui soit.

Mais très intéressants sont aussi les **longueur de cercle ω**, qui sont **infinis**, certes, mais **relatifs**, c'est-à-dire des **réalis r infiniment grands**. Les **cycles** associés ont donc pour expressions: **o = ω**, ce qui représente donc des **cercles infiniment grands**. Les **inverses** des **réalis infiniment grands** ou **infinis relatifs**, sont les **réalis infiniment petits** ou **zéros relatifs**. Ce sont eux que nous notons à proprement parler par le symbole habituel « **0** ». On a par définition: **0 = 1/ω**, et: **ω = 1/0**, mais aussi: **0 × ω = 1**. Ce sont les relations entre les **trois nombres fondamentaux: 0, 1, ω**, ou: **Zéro, Un, Infini**, ou: **Alpha, Un, Oméga**, nombres clefs que nous appelons donc le **Trio Divin**, ou encore la **Trinité Divine**.

La **trinité: o, 1, Ω**, en est un cas particulier, quand **0** et **ω** deviennent **absolus**, **0** atteignant donc sa **limite ultime o**, et **ω** atteignant sa **limite ultime Ω**. Dans ce cas, le **cycle Ω** devient forcé, à savoir l'égalité: **o = Ω**. Alors que pour les autres **cycles r**, à savoir donc l'égalité: **o = r**, quand **o** et **r** sont des **nombres distincts**, le **cycle** n'est pas forcé. L'égalité: **o = r** signifie alors simplement que **nous décidons** qu'après un parcours d'une **longueur r**, on revient au point de départ. Si l'on est parti du point **o**, on revient donc à **o**. Et plus généralement, le **cycle r** veut dire que si l'on est parti d'un point quelconque **x**, on aboutit au point **x+r** après un parcours d'une **longueur r**, que **nous décidons** de considérer comme un nouveau point **x**, ce qui s'exprime par l'égalité: **x = x+r**. C'est la manière générale d'exprimer le **cycle r**, tandis que l'égalité: **o = r**, est la manière **canonique** d'exprimer ce même **cycle**.

A noter que ces nous qui décidons ce **cyclage** ou **bouclage**, après chaque parcours d'une **longueur de r**. Nous ne sommes pas obligés de **boucler le tour** quand nous avons parcouru une **longueur de r**, nous pouvons tout à fait continuer par **r+1, r+2, r+3, etc.**, ou de faire **2r, 3r, 4r, etc.** Autrement dit, nous pouvons tout à fait couper par exemple des ficelles de **longueur r**, ou d'une **longueur** quelconque **r'**, plus petite que **r**, ou plus grande que **r**, en laissant à chaque fois **libres** les deux extrémités de la ficelle appelés **Alpha** pour l'une et **Oméga**, pour signifier qu'il ne s'agit pas d'un **cycle**. Dans ce cas donc l'**Alpha** et l'**Oméga** sont distincts, si nous avons envie de les distinguer. Tout comme nous pouvons nouer les deux extrémités **Alpha** et **Oméga**, pour dire que l'on forme une **boucle** ou un **cycle**. Si la **longueur** de la ficelle est **r**, alors c'est le **cycle r**, qui se dit: **o = r**. Et si la **longueur** de la ficelle est **r'**, peu importe si **r'** est **inférieur, égal** ou **supérieur** à **r**, alors c'est le **cycle r'**, qui se dit: **o = r'**.

Nous avons le choix du **cycle** ou **pas cycle**, pour toute **longueur r**, qui n'est ni le **zéro absolu o**, ni l'**infini absolu Ω**. Mais si **r** est le **zéro absolu o**, alors on n'a pas d'autre choix que de **boucler** d'office, de dire donc: **o = o**, qui est le **cycle o**. Cela signifie aussi simplement que pour toute **longueur r**, on a toujours d'office l'**identité: r = r**, que l'on **boucle** ou non. Et cette **identité: r = r** n'est qu'une autre manière de parler du **cycle o**. Mais si **r** vaut **Ω**, donc si **r = Ω**, alors on a atteint le **terminus des longueurs**, et là on n'a pas d'autre choix que de **boucler**, c'est-à-dire de nouer les deux extrémités de la ficelle, pour dire donc qu'à **Ω** on revient à **o**, donc **o = Ω**, ou **Ω = o**. Cela revient à dire que ce **cycle** spécial, **o = Ω**, équivaut à n'importe quel **cycle o**, à savoir **r = r**.

Ω est le seul **cycle r**, où **r** n'est pas le **zéro absolu**, à avoir cette propriété spéciale d'être équivalent au **cycle o**, **cycle** synonyme d'**identité: r = r**. Cela signifie que le **Cycle Ω** est le seul qui permet la **division par le zéro absolu o**, dans le paradigme de l'**identité**, sans tomber dans ce que ce paradigme appelle un « **paradoxe** », à savoir une **égalité** de la forme: **o = r**, où **r** est distinct de **o**. Par exemple, le paradigme de l'**identité** appelle « **paradoxe** » ou « **impossibilité** » une **égalité** comme: **o = 1**, ou comme: **2+2 = 5**, **égalités** qui sont le **cycle 1**. Voilà pourquoi on ne peut pas **diviser par le zéro absolu, o** donc, dans le paradigme de l'**identité**.

Car cette **division** enclenche tous les **cycles** interdits par ce paradigme, comme par exemple le **cycle 1**, le **cycle 2**, le **cycle 3**, etc., et de manière générale tout **cycle r**, **o = r** donc, avec **r** distinct de **o**. C'est ce qu'on appelle « **impossibilité** ». La seule façon, dans le paradigme de l'**identité**, qui n'autorise donc que les **égalités** du genre: **r = r**, de pouvoir **diviser par o**, est de travailler dans le **Cycle Ω**! C'est le seul **cycle** interdit normalement par le paradigme de l'**identité**, et qui pourtant est compatible avec l'**identité** (c'est-à-dire le **cycle o**) et qui par bonheur aussi a la vertu de permettre la **division par le zéro absolu, o**. Refuser donc le **Cycle Ω**, c'est se condamner à être incapable de **diviser par o**. Un tel paradigme ne peut donc qu'être **incomplet**, au sens de l'**incomplétude de Gödel**.

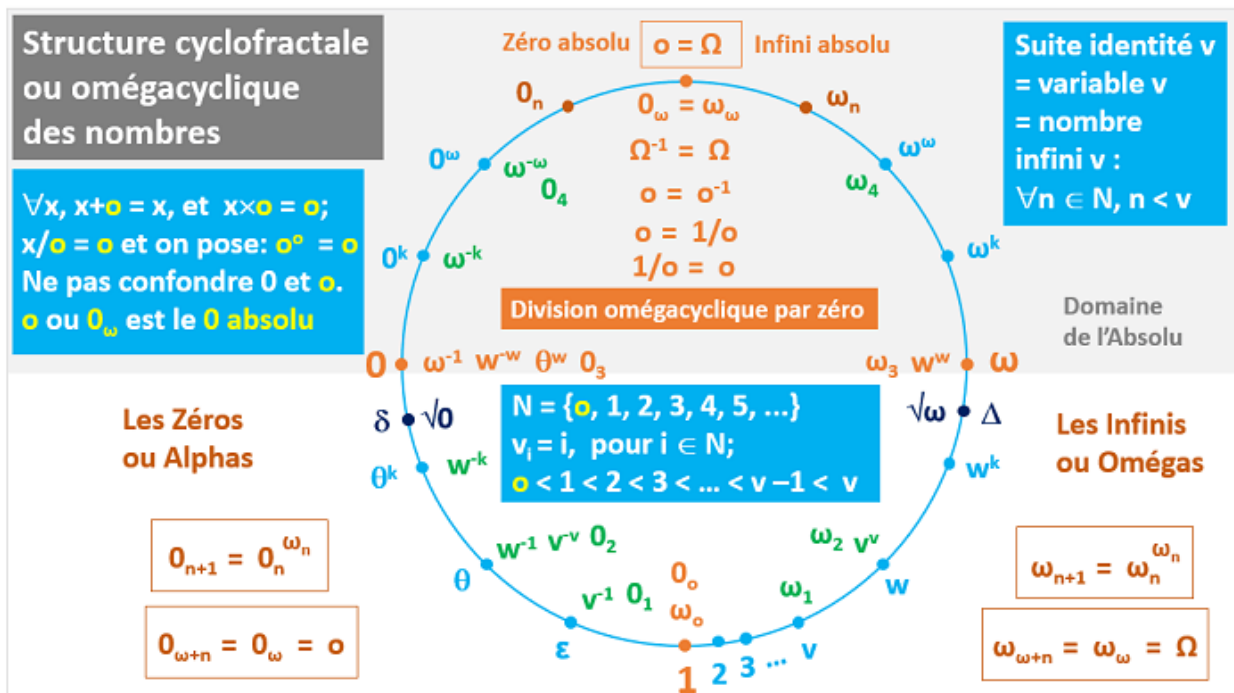
Avec maintenant le **Cycle Ω** ou le grand **Cycle Oméga** ou l'**Omégacycle**, la **division par zéro** est totalement réglée, que l'on parle de **0**, ce que nous appelons le **zéro relatif** ou **zéro fractal** (que nous appelons aussi un **zéro génératif**, ce que l'on qualifie habituellement de « **nombre infiniment petit** » ou « **infinitésimal** ») ou que l'on parle de **o**, ce que nous appelons le **zéro absolu**, que nous appelons donc aussi le **zéro cyclique**, ou le **zéro-origine**, ou le **totazéro**, ou l'**omicron**, etc. Ses trois caractéristiques fondamentales sont qu'il est l'**élément neutre universel** de l'**addition**, et l'**élément absorbant universel** pour la **multiplication** et la **division**.

Autrement dit, pour **toute chose x**, et absolument toute (et en particulier si **x** est appelé un **nombre**, mais dans le paradigme de l'Univers TOTAL **toute chose x est un nombre**), on a les trois propriétés suivantes:

- $x + o = o + x = x$ (**o** est l'**élément neutre** de l'**addition**);
- $x \times o = o \times x = o$ (**o** est l'**élément absorbant** de la **multiplication**);
- $x / o = o / x = o$ (**o** est l'**élément absorbant** de la **division**).

Les deux premières propriétés sont vérifiées par le **zéro** classique, celui habituellement noté **0**. Mais pour la troisième, on a: $0 / x = 0$, pour tout **nombre x différent de 0**, mais si $x = 0$, l'**opération 0/0** est une des **opérations** qualifiées de « **formes indéterminées** ». Et de manière générale l'**opération x/0** est **non définie**. C'est la différence majeure avec l'**omicron o** ou **zéro absolu** ou **totazéro**, avec lequel: $x/o = o$. La nature **oméga-cyclique** de l'**omicron o** réside là.

C'est ce **zéro-là** donc qui est l'**élément neutre** de l'**addition**, l'**élément neutre absolu**, par opposition à un **zéro relatif** ou **génératif**, qui est un **élément neutre juste relatif**. Si le **zéro absolu o** tout comme l'**infini absolu Ω** est unique, il existe par contre une **infinité** de **zéros relatifs** ou **génératifs**, chacun ayant son **infini relatif** ou **génératif** associé, qui est son **inverse** et vice-versa. Les **zéros relatifs** sont notés par le **symbole générique 0**, et leurs **infinis relatifs** associés sont notés par le **symbole générique ω**.



Sur l'image ci-dessus, on définit une **suite ω** appelée **suite oméga** ou **suite énitienne de base ω₁** ou **base N₁** ou encore de **base v₁**. On pose: $\omega_o = N_o = v_o = 1$, où l'**indice o** désigne le **zéro absolu** ou le **zéro-origine**. On considère le classique **ensemble des entiers naturels**: $N = \{o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

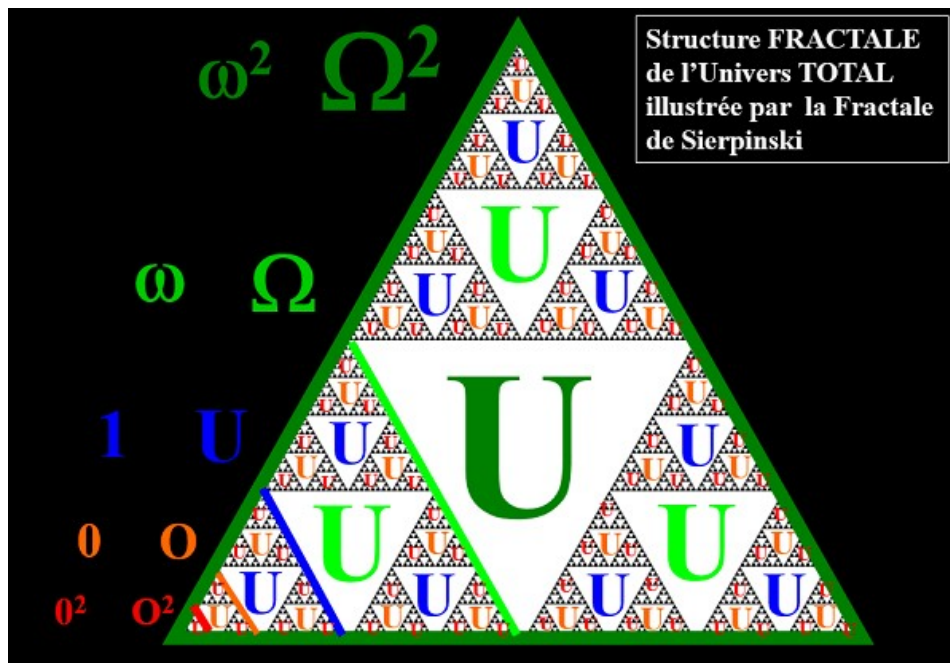
Comme vu dans les livres précédents et comme on en reparlera ici, pour un symbole donné appelé **espace** et noté **o**, et pour un symbole donné appelé **unité** et noté **1**, les **nombre entiers naturels** sont simplement la liste des **généréscences** ou **informations unaires finies** d'**unit 1**, c'est-à-dire la

liste infinie (au sens intuitif du terme) des symboles: **o, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, ...**, notés respectivement: **o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, en utilisant l'habituel système de **numération décimale**. Ces objets obéissent aux **axiomes de Peano**. Leur **ensemble** est la **générescence dite infinie**, notée **1...** ou ω_1 , généralement notée ω dans les livres précédents, et qui représente l'**assemblage: o1111111...**, qui commence par **o** et qui ensuite est la **répétition continue** de **1**. Le symbole « ... » est appelé le **GENER** ou **opérateur d'itération infinie**, à comprendre alors **indéfinie** ou **continue** ou **perpétuelle**.




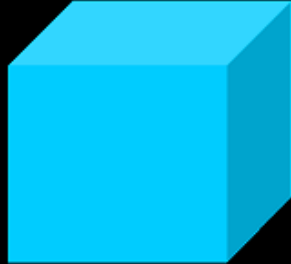
Au lieu du symbole **1**, on peut partir aussi d'un symbole noté **0**, dont les **générescences** ou **informations unaires** sont: **o, 0, 00, 000, 0000, 00000, 000000, 0000000, ...**, notés respectivement: **o×0, 1×0, 2×0, 3×0, 4×0, 5×0, 6×0, 7×0, ...**. Leur **ensemble** est alors noté **0... ou $\omega \times 0$** , et qui est la **générescence infinie d'unité 0**. Par définition c'est elle qu'on appelle **1**. L'objet **1** est alors défini à partir de l'objet **0**, comme étant la **répétition perpétuelle** de **0**.

Et plus généralement, soit un symbole quelconque **x**. Ses **générescences** ou **informations unaires** sont: **o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, xxxxxx, xxxxxxx, ...**, notées respectivement: **o×x, 1×x, 2×x, 3×x, 4×x, 5×x, 6×x, 7×x, ...**. Leur **ensemble** est alors noté **x... ou $\omega \times x$** , et qui est la **générescence infinie d'unité x**.

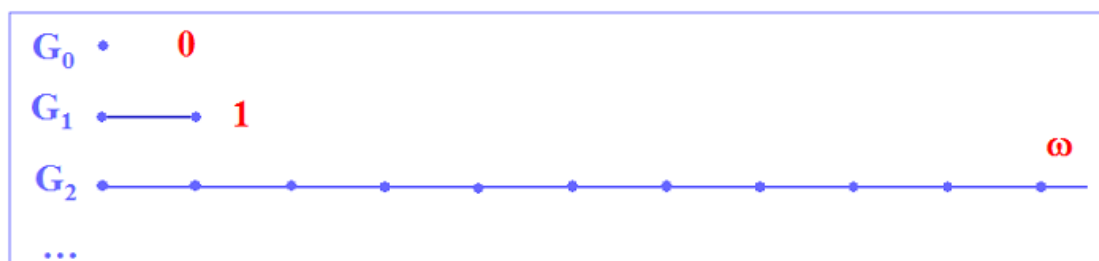
On peut ainsi construire de la même façon l'objet **0** lui-même à partir d'un objet noté **0²**, tel que **0** est la **générescence infinie d'unité 0²**. Et à son tour **0²** est la **générescence infinie d'unité 0³**, et ainsi de suite. Et la **générescence infinie d'unité ω** sera notée **ω^2** , et la **générescence infinie d'unité ω^2** sera notée **ω^3** , et ainsi de suite. La **structure** ainsi construite est une **structure fractale** de base ω ou ω_1 , illustrée avec la **fractale** qui est le Triangle de Sierpinski, avec laquelle ω vaut **3**.



Et voici une autre illustration de la **Fractale ω** , c'est-à-dire de base ω .

Dimension 0		0 ω^0 ou 1
Dimension 1		0... ω^1 ou ω
Dimension 2		(0...) ... ω^2
Dimension 3		((0...))... ... ω^3

Ou encore ceci :



Il importe de comprendre cette logique très fondamentale qu'est la **logique fractale**. C'est l'une des clefs du Nouveau Paradigme, une clef de compréhension de l'**Univers TOTAL**. A elle seule, elle est déjà pratiquement la solution de la question de la **division par zéro**, ici, la **division par les zéros génératifs** ou **fractals**, qui ne posent aucun problème. La **division de 1 par un zéro** donné a comme résultat l'**infini oméga** correspondant, et vice-versa. Ce que l'on résume par: $1/0 = \omega$, et: $1/\omega = 0$, mais aussi: $0 \times \omega = 1$. Et de manière plus détaillée: $1/0^k = \omega^k$, et: $1/\omega^k = 0^k$, mais aussi: $0^k \times \omega^k = 1$. Et aussi par: $1/0_k = \omega_k$, et: $1/\omega_k = 0_k$, mais aussi: $0_k \times \omega_k = 1$. Et nous allons définir la **suite** des ω_k (ou **infinis éniens**) et leurs 0_k associés.

Pour tous ces **zéros** donc, la **division** est réglée, puisque ce sont juste des **nombre infiniment petits**, leurs **inverses** étant les **nombre infiniment grands**.

Il ne reste plus qu'à régler le cas du **zéro absolu**, noté **o**. La **logique cyclique** se charge alors de régler le problème. Il faut en effet voir **o** comme étant la **limite ultime** des **zéros génératifs**, les **0** donc, tandis que la **limite ultime** des **infinis génératifs**, les ω donc, leur **limite** est l'**infini absolu**, noté Ω . On pose alors: $o = \Omega$, exprimant ainsi le grand **Cycle** Ω . On a comme pour tout **zéro** et pour tout **infini**: $1/o = \Omega$, et: $1/\Omega = o$, mais aussi: $o \times \Omega = 1$. Cependant on n'écrit pas cette égalité, à cause de: $o = \Omega$, qui entraîne alors: $o \times o = 1$, ou: $o = 1$. Mais l'écrire n'est pas une catastrophe non plus puisque c'est la forme réduite de: $o = \Omega$, et qui est l'expression du **cycle 1**. Dès lors que l'on

combine la **logique cyclique** avec la **logique fractale** (qui est celle des **zéros** et **infini génératifs**), on la **logique cyclofractale** ou **logique omégacyclique**.

Et l'**égalité** supplémentaire: $\mathbf{o} = \mathbf{\Omega}$, entraîne alors entre autres: $\mathbf{1/o} = \mathbf{o}$, mais aussi: $\mathbf{1/\Omega} = \mathbf{\Omega}$. Et alors aussi la **division par le zéro absolu** ou \mathbf{o} est réglée.

Il faut comprendre les deux **égalités**: $\mathbf{o \times \Omega = 1}$ et: $\mathbf{o = 1}$, comme deux étapes d'une même opération, qui est: $\mathbf{o \times \Omega = 1}$ et: $\mathbf{1 = o}$, donc: $\mathbf{o \times \Omega = o}$. Autrement dit, \mathbf{o} et $\mathbf{\Omega}$ sont bel et bien l'**inverse** l'un de l'autre, ce que veut dire: $\mathbf{o \times \Omega = 1}$, mais aux **limites absolues** que sont \mathbf{o} et $\mathbf{\Omega}$, s'enclenche la **logique du cycle**, qui veut dire qu'à la **fin d'un cycle** on revient au **commencement**, \mathbf{o} donc. Donc quand on arrive à $\mathbf{\Omega}$, qui est la **fin du grand cycle**, on revient à \mathbf{o} . Et quand on arrive à $\mathbf{1}$, qui est la **fin du cycle 1**, on revient à \mathbf{o} . Tout cela combiné donne: $\mathbf{o \times \Omega = o}$, qui a apparemment l'air de dire que \mathbf{o} et $\mathbf{\Omega}$ ne sont pas **inversibles**, c'est-à-dire la **division** par eux est « **impossible** ». Mais en réalité non, car cette **égalité**: $\mathbf{o \times \Omega = o}$, cache à la fois l'**égalité**: $\mathbf{o = \Omega}$ (**cycle Ω**), l'**égalité**: $\mathbf{o = 1}$ (**cycle 1**), l'**égalité**: $\mathbf{o \times \Omega = 1}$ (qui dit que \mathbf{o} et $\mathbf{\Omega}$ sont l'**inverse** l'un de l'autre).

Il s'agit d'un mode de raisonnement et de calcul qui n'est plus que la traditionnelle **identité**, mais l'**équivalence**, en l'occurrence ici un mode de raisonnement **cyclofractal** ou **omégacyclique**. Dans ce mode de raisonnement, l'**inversibilité** de \mathbf{o} et $\mathbf{\Omega}$ s'exprime par les **égalités**: $\mathbf{1/o} = \mathbf{\Omega}$, et: $\mathbf{1/\Omega} = \mathbf{o}$, et: $\mathbf{o = \Omega}$, et: $\mathbf{1/o} = \mathbf{o}$, et: $\mathbf{1/\Omega} = \mathbf{\Omega}$, et: $\mathbf{o \times \Omega = o}$, cette dernière remplaçant: $\mathbf{o \times \Omega = 1}$, sauf si l'on veut enclencher le **cycle 1**, et dans ce cas aussi tous les autres **cycles** sont déclenchés. La question de la **division par le zéro absolu** est alors simplement la question de savoir si oui ou non on veut travailler avec les **cycles**, et plus généralement si oui ou non on veut travailler avec l'**équivalence** ou avec seulement l'**identité**.

Définition et Théorème:

Dans le Nouveau Paradigme, on a maintenant:

$\mathbf{x \times o = o \times x = o}$, et: $\mathbf{x/o = o/x = o}$, pour tout **nombre x**, **entier** ou non, **fini** ou **infini**.

C'est la **multiplication** et la **division omégacyclique** ou **cyclofractale** par \mathbf{o} (par le **zéro absolu**).

Si l'on veut faire des calculs uniquement avec l'**identité**, alors ce système d'**égalités**: **égalités**:

$\mathbf{1/o = \Omega}$, et: $\mathbf{1/\Omega = o}$, et: $\mathbf{o = \Omega}$, et: $\mathbf{1/o = o}$, et: $\mathbf{1/\Omega = \Omega}$, et: $\mathbf{o \times \Omega = o}$, etc.

permet de rester dans le cadre de l'**identité**.

Certaines règles de calculs sont simplement différentes quand le **zéro absolu** est impliqué.

Tout se passe comme si \mathbf{o} et $\mathbf{\Omega}$ sont juste deux symboles différents pour noter le **zéro absolu**. Par conséquent, tout se résume à la seule **égalité**: $\mathbf{1/o = o}$, ou: $\mathbf{o = 1/o}$, qui est une manière de dire que le **zéro absolu** et l'**infini absolu** se rejoignent, autrement dit d'exprimer le **cycle infini absolu**. C'est la clef même de la logique **omégacyclique**, la nouveauté en matière de **division par zéro** se trouve là, oui la solution.

Au lieu donc d'interdire purement et simplement cette **division**, comme on le fait traditionnellement, on énonce les règles exhaustives ou les **théorèmes** des calculs impliquant le **zéro absolu**, \mathbf{o} . Comme par exemple dans une **fraction** ne pas simplifier par le **zéro absolu**.

Par exemple, avec $\mathbf{(axc)/(bxc)}$, on ne dira pas systématiquement que le résultat est $\mathbf{a/b}$, si \mathbf{c} est \mathbf{o} . Car $\mathbf{(axo)/(bxo) = o}$, quels que soient les **nombres a** et \mathbf{b} , mais $\mathbf{a/b}$ n'est pas nécessairement \mathbf{o} , sauf si \mathbf{a} ou \mathbf{b} est \mathbf{o} .

De même, avec une égalité de la forme: $a \times c = b \times c$, on ne dira pas systématiquement: $a = b$, si c est o . Sauf si a et b sont o aussi.

De même aussi, en présence d'une égalité de deux rapports, comme : $a/b = c/d$, on ne va pas écrire systématiquement l'égalité: $a \times d = b \times c$, qui dans notre langage signifie que les rapports a/b et c/d sont équirationnels. Le rapport o/o est équirationnel avec n'importe quel rapport c/d . En effet, on a: $o \times d = o \times c$, pour tout couple de nombres c et d . Et pourtant on n'a pas nécessairement l'égalité: $o/o = c/d$, et pour cela il faut que c ou d soit o .

Bref, la division par le zéro absolu n'est pas impossible, mais bien possible, et donne toujours le zéro absolu. Exactement comme la multiplication par le zéro absolu est possible et donne toujours le zéro absolu. Certaines règles de la multiplication et de la division, etc., sont juste différentes de celles pour les nombres qui ne sont pas le zéro absolu.

Ayant maintenant défini le classique ensemble des entiers naturels: $N = \{o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, comme les générescences finies ou information unaires finies d'unit 1, à savoir donc:

$N = \{o, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, \dots\}$, cet ensemble N est lui-même donc la générescence infinie: $1\dots$, qui signifie donc qu'en partant de la générescence nulle o , appelée l'espace, et qui est aussi le zéros absolu donc, on itère ou répète indéfiniment (ou perpétuellement ou continuellement) l'unit 1. Cette générescence $1\dots$ est donc aussi l'objet $o1\dots$, et aussi l'objet $o11\dots$, et aussi l'objet $o111\dots$, et aussi l'objet $o1111\dots$, etc. Elle a donc une infinité (au sens intuitif du mot infini) de notations. Contrairement aux éléments de N qui sont des générescences constantes, c'est-à-dire ayant un nombre constant d'units, la générescence $1\dots$ a quant à elle un nombre variable d'units. Un nombre en perpétuelle augmentation, d'un unit à chaque fois, à chaque étape.

A l'étape o elle a o unit 1, ce qui représente l'absence d'unit 1.

A l'étape 1 ou $o1$ elle a 1 unit 1.

A l'étape 11 ou $o11$ elle a 2 units 1.

A l'étape 111 ou $o111$ elle a 3 units 1.

Et ainsi de suite.

Cet ensemble N est donc une suite ou application de N dans N spéciale de nombres entiers naturels, la suite de référence, ou suite de base, notée alors ω_1 mais aussi $(o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

On a donc: $\omega_1 = (o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

C'est donc la suite ou application de N dans N définie par:

$\omega_1(n) = n$.

Définition:

On appelle un nombre entier naturel constant ou fini un élément de N ou N_1 . Et on appelle un nombre entier naturel variable un élément de N^N ou $N_1^{N_1}$, c'est-à-dire une application de N dans N (ou de N_1 dans N_1), c'est-à-dire simplement une suite d'entiers naturels.

A partir de la suite de base ω_1 , on peut maintenant définir une infinité de suites spéciales, les ω_k , appelées la suite énitienne de base ω_1 . Pour cela il nous définir les opérations dans l'ensemble des nombres entiers naturels variables, c'est-à-dire l'ensemble N^N des suites d'entiers naturels.

Définition:

Soit une **suite d'entiers naturels** F , c'est-à-dire une **application de \mathbb{N} dans \mathbb{N}** , ou un **nombre entier naturel variable**. On l'appellera une **opération unaire** dans \mathbb{N} . On peut alors définir aussi une **application de $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$** , appelée aussi une **opération unaire** dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$, et notée F' . A tout **entier naturel variable** x on associe l'**entier naturel variable** noté $F'(x)$, tel que pour tout **entier naturel n** , on a: $(F'(x))(n) = F(x(n))$.

Exemple:

Soit la **suite F** définie par la formule: $F(n) = 2n+3$, pour tout **entier naturel n** .

On a donc:

$$F = (2 \times 0 + 3, 2 \times 1 + 3, 2 \times 2 + 3, 2 \times 3 + 3, 2 \times 4 + 3, 2 \times 5 + 3, \dots) = (3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, \dots).$$

On peut définir dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ une version de F , à savoir F' , qui à toute **suite x** ,

renvoie la **suite $F'(x) = 2x+3$** , telle que pour tout **entier naturel n** ,

$$\text{on a: } (F'(x))(n) = F(x(n)) = 2x(n)+3.$$

La **suite $F'(x)$** est ainsi définie.

Charité bien ordonnée commençant par soi-même, on peut par exemple définir la **suite $F'(F)$** .

$$\text{On a donc: } (F'(F))(n) = F(F(n)) = 2F(n)+3 = 2(2n+3) + 3 = 4n + 9.$$

Et donc: $F'(F) = (9, 13, 17, 21, 25, 29, 33, 37, \dots)$.

On note la similitude de forme entre: $F(n) = 2n+3$, et: $F'(x) = 2x+3$. Pour cela, F' sera noté aussi F .

Définition:

Soit F une **application de \mathbb{N}^2 dans \mathbb{N}** , ce qui veut dire une **suite de nombres entiers naturels variables**. On l'appellera une **opération binaire** dans \mathbb{N} , ce que l'on appelle couramment aussi une **loi de composition interne** dans \mathbb{N} . Pour deux **entiers naturels m et n** , l'**entier naturel $F(m, n)$** sera noté: **$m F n$** , dite **notation opérationnelle**.

On peut alors définir aussi une **opération binaire** dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$, et notée F' . A deux **entiers naturels variables x et y** , on associe l'**entier naturel variable** noté $F'(x, y)$, mais aussi de manière **opérationnelle**: $x F' y$, tel que pour tout **entier naturel n** , on a: $(x F' y)(n) = x(n) F y(n)$.

Ici aussi, la similitude fait que l'**opération F'** définie dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ sera notée aussi F , pour peu de ne pas perdre de vue que l'**opération F** dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ n'est pas la même que F dans \mathbb{N} , mais en est une nouvelle version. L'adoption de la même notation F dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ que dans \mathbb{N} se justifie aussi par le fait que, pour tout **entier naturel c** , on interprète la **suite constante $[c] = (c, c, c, c, c, c, c, \dots)$** , comme étant dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ la nouvelle version de l'**entier naturel c** dans \mathbb{N} . Moyennant cette interprétation, l'**ensemble des suites constantes**, noté $[N]$, est un **sous-ensemble de $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$** . Autrement dit, on pose: $[c] = c$, pour tout **entier naturel c** .

On a donc: $[N] \subset \mathbb{N}^{\mathbb{N}}$. Techniquement, on a l'habitude de dire aussi que **\mathbb{N} est plongé dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$** , via sa version $[N]$.

Et il se trouve justement que sur $[N]$, les **opérations F' et F** se confondent. Techniquement, on dit aussi que $[N]$ **muni de la loi F'** et \mathbb{N} **muni de la loi F** sont **isomorphes** (en reparlera). Par conséquent F' apparaît dans le cadre de $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ comme une **extension** ou un **prolongement** de F , tandis que F apparaît comme une **restriction** de F' aux éléments de $[N]$. Pour toutes ces raisons donc, F' sera simplement noté aussi F .

Théorème :

On démontre très facilement que si F est **commutative, associative**, dans N , il en est de même pour F dans N^N , l'**opération F hérite** dans N^N de ces **propriétés** et de bien d'autres dans N . Et si F admet un **élément neutre e** dans N , alors aussi la **suite constante $[e] = (e, e, e, e, e, e, e, \dots)$** est un **élément neutre** pour F dans N^N .

Au lieu de N , on peut travailler de la même façon dans tout **ensemble non vide K** , appelé aussi **ensemble de constantes**. L'**ensemble K^K** est alors l'**ensemble des variables** associées à K . Pour un élément c de K , on a l'**application constante** associée $[c] = (c, c, c, c, c, c, c, \dots)$, qui est donc un élément de $[K]$. Et $[K]$ est dans le cadre de K^K la nouvelle version de K . Autrement dit on pose: $[c] = c$, pour tout élément de K . Pour une **opération unaire** ou **binaire F** dans K , on a de la même manière sa version F dans K^K . Et pour une **opération binaire F** dans K , si elle est un **groupe commutatif** ou **abélien**, il en est de même pour F dans K^K , car cette **opération F** dans K^K hérite des **propriétés algébriques** de sa version dans K .

Si donc il existe un **élément neutre e** dans K pour F , alors aussi l'**application constante $[e] = (e, e, e, e, e, e, e, \dots)$** est un **élément neutre** pour F dans K^K . Et si un élément a de K possède un **symétrique a'** dans K pour la loi F , alors aussi $[a]$ possède $[a']$ comme **symétrique** pour F dans K^K .

Ces propriétés très générales pour K , qu'on reverra sous le nom de propriétés d'un **potentiel**, s'appliquent donc en particulier à N (**ensemble des nombres entiers naturels**), à Z (**ensemble des nombres entiers relatifs**), à Q (**ensemble des nombres rationnels**), R (**ensemble des nombres réels**), à C (**ensemble des nombres complexes**), etc. Et d'ailleurs, c'est avec la notion de **potentiel K** que certaines **structures numériques** se construisent le mieux en partant de N , ce que nous sommes justement en train de faire.

Cas particuliers importants quand K est N :

→ L'**opération F** est l'**addition dans N** , notée « + ». Et dans ce cas, on a simplement défini une **addition** dans N^N , notée « + » aussi, et qui coïncide avec « + » sur N ou $[N]$.

Pour deux **entiers variables x et y** , et pour un **entier naturel n** , on a:

$$(x+y)(n) = x(n) + y(n).$$

→ L'**opération F** est la **multiplication dans N** , notée « × ». On a alors une **multiplication** dans N^N , notée « × » aussi, et qui coïncide avec « × » sur N ou $[N]$.

Pour deux **entiers variables x et y** , et pour un **entier naturel n** , on a:

$$(x \times y)(n) = x(n) \times y(n).$$

→ L'**opération F** est l'**exponentiation dans N** , notée « ^ ». On a alors une **exponentiation** dans N^N , notée « ^ » aussi, et qui coïncide avec « ^ » sur N ou $[N]$.

Il faut préciser que, par définition, on a pour le **zéro absolu**:

$$0 \wedge 0 = 0^0 = 0, \text{ et: } n \wedge 0 = n^0 = 1, \text{ si } n \text{ n'est pas } 0.$$

Cette **opération « ^ »** étant donc complètement définie dans N , on la définit dans N^N aussi.

Pour deux **entiers variables x et y** , et pour un **entier naturel n** , on a:

$$(x \wedge y)(n) = x(n) \wedge y(n).$$

L'**exponentiation** nous servira dans la définition des **suites éniennes**.

Bien que les **opérations** suivantes ne soient pas des **lois de composition interne** dans \mathbb{N} , c'est-à-dire des **applications de \mathbb{N}^2 dans \mathbb{N}** , il n'empêche que ces **opérations** faites avec les **entiers naturels**, et dont les résultats sont dans un certain **ensemble K** , autrement dit des **applications de \mathbb{N}^2 dans un certain ensemble K** (qui par exemple \mathbb{Z} , ou \mathbb{Q} , ou \mathbb{R} , ou \mathbb{C} , etc.), peuvent être faites dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$, et les résultats seront dans un certain ensemble $K^{K'}$, éventuellement dans K^K .

→ L'**opération F** est la **soustraction dans \mathbb{N}** , à résultats dans \mathbb{Z} , notée « $-$ ». On a alors une **soustraction dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$** , à résultats dans $\mathbb{Z}^{\mathbb{Z}}$ ou $\mathbb{Z}^{\mathbb{N}}$, notée « $-$ » aussi.

Pour deux **entiers variables x et y** , et pour un **entier naturel n** , on a :

$$(x - y)(n) = x(n) - y(n).$$

→ L'**opération F** est la **division dans \mathbb{N}** , à résultats dans \mathbb{Q} , notée « $/$ ». On a alors une **division dans $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$** , à résultats dans $\mathbb{Q}^{\mathbb{Q}}$ ou $\mathbb{Q}^{\mathbb{N}}$, notée « $/$ » aussi.

Ici aussi il faut compléter la définition de l'**opération « $/$ »** avec les **entiers naturels**, en posant pour tout **entier naturel a** la **division par le zéro absolu**: $a/0 = 0$.

Pour deux **entiers variables x et y** , et pour un **entier naturel n** , on a :

$$(x / y)(n) = x(n) / y(n).$$

Après na notion d'**opérations sur nombres entiers variables**, parlons maintenant des **relations (égalité, identité, équivalence, infériorité, supériorité, etc.)**, de **propriétés**, etc.

La notion d'**égalité finale**, et plus généralement la notion de **vérité finale**, est capitale en **Logique d'Alternation** ou d'**Affirmation**, car, comme on le verra amplement, il s'agit d'une notion clef des **entiers entiers variables**, c'est-à-dire des **suites de nombres entiers**. On a les **égalités initiales**, les **propriétés initiales**, les **vérités initiales**, etc., qui sont très importantes. Mais ce qui est très important aussi, sans doute même plus important pour les **entiers variables**, ce sont les **égalités finales**, les **propriétés finales**, les **vérités finales**, etc., celles que l'on découvre quand on se rend aux **horizons infinis**.

Pour commencer à comprendre la notion de **vérité initiale** et de **vérité finale**, considérons par exemple les **nombres entiers variables x et y** suivants :

$$x = (56, 12, 0, 24, 18, 6, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots) ;$$

$$y = (3, 0, 1, 88, 9, 7, 41, 0, 11, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots).$$

Ces deux **suites** ou **nombres entiers variables** ne sont pas **identiques**, c'est-à-dire ne sont pas la **même suite** du point de vue de l'**identité**. En d'autres termes, si l'on écrit: $x = y$, le signe de l'**égalité** ici, « $=$ », ne désigne pas une **identité** mais une **équivalence**. Dans les livres précédents, nous avons l'habitude d'utiliser le symbole « $==$ » pour désigner l'**identité** et « $=$ » pour désigner une **équivalence** de manière générale. Nous reviendrons ici aussi sur les différentes **égalités**, dans notre étude de la **relation d'équivalence**, faite dans les autres livres aussi, mais ici de manière plus adaptée à la thématique des **nombres entiers variables**.

Définitions et remarques: Relations d'équivalence, d'identité, d'ordre.

Une **relation d'équivalence** dans un **ensemble E** est une **relation binaire \mathcal{R}** dans E (c'est-à-dire une **relation portant sur deux éléments de E** , ou sur les **couples d'éléments de E**) qui est **réflexive**,

symétrique et **transitive**, ce que nous disons aussi une **relation identitaire, réciproque et transitive**. Car une **relation d'équivalence** est tout simplement la généralisation de la **relation d'identité**, qui est une notion d'**égalité restreinte** ou **stricte**, ce qui a ses avantages quand il s'agit d'indiquer l'**identité** précise des choses, ou de faire des calculs du genre: « $2+2=4$ », et non pas « $2+2=5$ ».

Mais l'**identité** n'a pas que des avantages, loin de là! L'**identité** sert juste... eh bien à formuler des **identités**, à dire l'**identité** des choses, **qui est qui?, quoi est quoi?**, etc. Or l'immense majorité des problèmes de l'**Univers** n'est pas de savoir **qui est qui**, ou **quoi est quoi**, etc., car en général on le sait. On sait par exemple que **4 est 4** ou $4=4$, et donc que $2+2=4$. L'infinie majorité des questions de l'**Univers** (en l'occurrence de l'**Univers TOTAL**) est du genre : « **Qui, malgré les différences d'identités, est équivalent à qui, ou est égal à qui?** ».

Parler par exemple de l'**égalité homme-femme**, de l'**égalité des races**, ou de l'**égalité sociale**, etc., c'est parler d'**équivalence** et non pas d'**identité**! Car, qu'on le veuille ou non, les **hommes** et les **femmes** sont **différents**, les **races** sont **différentes**, il ne peut qu'y avoir des **différences sociales**. Cela s'appelle tout simplement la **diversité** dans l'**Univers**! La question fondamentale n'est donc pas là, mais de savoir en quoi, malgré les **différences** entre les **choses**, la **diversité** des **choses**, etc., les rend pourtant **égales**? *L'égalité malgré la différence est ce qu'on appelle l'équivalence*! Sur le plan numérique, la question sera par exemple: Qu'est-ce qui fait que, **4** et **5**, malgré leur **différence**, peuvent être **égaux**? Ceci est infiniment plus intéressant et plus important que de savoir que **4** et **5** sont **différents** et que **4 est 4** et **5 est 5**, c'est-à-dire $4=4$ et $5=5$, ou $2+4=4$ et $2+3=5$.

Voir donc l'**Univers** en termes d'**identité** seulement c'est passer à côté des plus grandes vérités de l'**Univers**, car l'immense majorité des vérités de l'**Univers** est en fait du genre « $2+2=5$ »! Eh oui! Autrement dit, elles sont du genre **équivalence** et non pas **identité**.

La **relation d'équivalence** est la notion **générale, large**, d'**égalité**, elle est infiniment plus riche, plus féconde, plus puissante, que de travailler uniquement avec l'**identité**, comme c'est le cas avec les paradigmes traditionnels. On fait usage de l'**équivalence** comme d'une notion particulière d'**égalité**, utile uniquement dans certaines circonstances des mathématiques et sciences, comme par exemple dans l'**arithmétique modulaire**, ou chaque fois que c'est nécessaire de parler d'**ensemble quotient**, c'est-à-dire d'un **ensemble de classes d'équivalence**. Mais en fait, c'est la **relation d'équivalence** qui est utile en toutes circonstances, l'**identité** n'étant qu'une forme particulière de l'**équivalence**.

On y reviendra en détail dans l'étude de la **relation d'équivalence**, mais aussi de la **relation d'ordre**, deux relation sœurs très inséparables quand il s'agit de nous faire comprendre les grands secrets des **nombres**. Nous en parlons car nous en avons besoin pour poser les concepts fondamentaux en ce qui concerne les **nombres entiers variables**, la thématique clef de ce livre.

Les deux **entiers variables** **x** et **y** que nous avons de données en exemple plus haut ne sont pas **identiques**, c'est-à-dire elles n'ont pas la même **identité**, on n'a pas $x=y$ si le signe « = » signifie l'**identité**. Chacune a son **identité** propre, ce qui s'écrit: $x=x$, et $y=y$. C'est cette propriété d'**identité** qu'on appelle donc aussi la **réflexivité** de la **relation d'équivalence**, et qui dit simplement que toute chose est **égale** à elle-même, ou **toute chose est équivalence** avec elle-même, ou **toute chose est en relation avec elle-même**.

C'est la première propriété, à savoir donc l'**identité** ou la **réflexivité**, que doit vérifier une **relation binaire \mathcal{R}** dans un **ensemble E** , à savoir donc vérifier: $x \mathcal{R} x$, pour tout élément x de E , pour qu'on puisse dire qu'elle est une **relation d'équivalence**.

La deuxième propriété, la **symétrie** est: pour deux éléments x et y de E , si $x \mathcal{R} y$, alors $y \mathcal{R} x$. Avec le signe « = » ça donne la propriété bien connue: si $x = y$, alors $y = x$. Cette propriété de **symétrie** exprime donc plus précisément la **réciprocité** de la **relation**, au sens intuitif courant de la notion de **réciprocité**.

La deuxième propriété de l'équivalence est la **transitivité**, qui dit: pour trois éléments x , y et z de E , si $x \mathcal{R} y$, et si $y \mathcal{R} z$, alors $x \mathcal{R} z$. Avec le signe « = » ça donne la propriété bien connue: si $x = y$, et si $y = z$, alors $x = z$. Là il n'y a rien à redire, le terme **transitivité** est bien choisi, car cela signifie que l'**égalité** avec y sert de **transition** ou de **transit** ou d'**intermédiaire**, pour exprimer l'**égalité entre x et z** .

Définition 2:

Si donc une **relation binaire \mathcal{R}** dans E possède ces trois propriétés: d'**identité** dans E (ou **réflexivité**), de **réciprocité** (ou **symétrie**), de **transitivité**, alors c'est une **relation d'équivalence** dans E . Nous l'appelons aussi une **relation d'égalité** dans E . Une **relation d'équivalence** est d'ailleurs généralement notée « \equiv », à lire « **équivalent à** », pour évoquer l'habituel symbole de l'**égalité** « = », qui est lue « **égal à** ».

Soit une **relation d'équivalence** « \equiv » dans E . On définit une nouvelle **relation binaire** « $\not\equiv$ » dans E , appelée la **relation de différence** associée à « \equiv », ou plus abusivement la « **négation de \equiv** », par: « **x n'entretient pas la relation \equiv avec y** ». Autrement dit :

$x \not\equiv y \Leftrightarrow x$ n'entretient pas la relation \equiv avec y , ou plus simplement:

$x \not\equiv y \Leftrightarrow x$ non- $\equiv y$, ou encore : $x \not\equiv y \Leftrightarrow x \mathbf{o}\text{-}\equiv y$, où \mathbf{o} , ici le **zéro absolu**, désigne la **valeur de vérité** affectée à « \equiv ».

Et plus généralement, pour tout **tauréali** τ c'est-à-dire un **réali** ou **nombre (oméga)réel positif** τ , de l'**intervalle** $[0, 1]$, et pour toute **relation binaire** \mathcal{R} dans E , l'écriture: « $x \tau\text{-}\mathcal{R} y$ » signifie qu'on affecte à la **relation**: « $x \mathcal{R} y$ » une **valeur de vérité** τ . Si τ vaut \mathbf{o} , alors « $\mathbf{o}\text{-}\mathcal{R}$ » se note « $\not\mathcal{R}$ » et est appelé la « **négation** » de \mathcal{R} . Et si τ vaut $\mathbf{1}$, alors « $\mathbf{1}\text{-}\mathcal{R}$ » se note simplement « \mathcal{R} » et est appelé l'« **affirmation** » de \mathcal{R} ou simplement \mathcal{R} . Et si τ vaut par exemple $\mathbf{0.3}$ ou $\mathbf{30\%}$, alors « $\mathbf{0.3}\text{-}\mathcal{R}$ » signifie l'**affirmation** de \mathcal{R} à $\mathbf{30\%}$ et sa **négation** à $\mathbf{70\%}$, autrement dit, que la relation: « $x \mathcal{R} y$ » est **vraie** à $\mathbf{30\%}$ et **fausse** à $\mathbf{70\%}$.

Toute **relation binaire** \mathcal{R} sans précision de sa valeur de vérité signifie donc par défaut une **valeur de vérité** de $\mathbf{1}$ ou $\mathbf{100\%}$. Et cette définition peut être généralisée à toute **relation** de n'importe quelle **arité**, par exemple **trinaire** ou **arité 3**, ou **n-aire** ou d'**arité n** , n étant n'importe quel **nombre entier, fini** ou **infini** (au sens de la **finitude** ou de l'**infinitude** des **nombre entiers variables**, à savoir **constant** ou **variable finalement supérieur à n'importe quel entier constant**).

Dans le nouveau paradigme, dont la logique est la logique d'**Affirmation** ou d'**Alternation**, on raisonne en terme de **valeur de vérité**, de **réalité**, d'**existence**, de **possibilité**, etc., exprimée par un **tauréali**, c'est-à-dire un **nombre (oméga)réel** de $\mathbf{0\%}$ à $\mathbf{100\%}$. C'est donc une **logique graduée**,

dans laquelle tout est une affaire de **degré d'affirmation** ou de **négation**. La **négation** est donc toujours **graduée, nuancée, relativisée**, par opposition aux classiques logiques du **tout ou rien**, qui sont des logiques **binaires**, des logiques de **négation absolue**.

Si en particulier \mathcal{R} est une **relation d'équivalence** dans E , notée « \equiv », alors « $1-\equiv$ » est la relation « \equiv » à **100 %**, et dans ce cas c'est simplement « \equiv », appelée alors la **relation de différence à 0 %** associée à « \equiv ». Et la **relation « $0-\equiv$ »**, qui est donc « $/\equiv$ » est appelée la **relation de différence à 100 %** associée à « \equiv ». Et de manière générale la **relation « $\tau-\equiv$ »**, désigne la **relation d'équivalence « \equiv » à τ** , et de **différence à $(1-\tau)$** .

On dit qu'une **relation binaire \mathcal{R}** dans E est une **relation d'ordre** par rapport à « \equiv » dans E si \mathcal{R} est **réflexive, antisymétrique et transitive**. Autrement dit, si à la place de la propriété de **symétrie** d'une **relation d'équivalence** on a la propriété d'**antisymétrie**. On dit donc que \mathcal{R} est **antisymétrique** par rapport à « \equiv » dans E si :

pour deux éléments x et y de E , si $x \mathcal{R} y$ ET $y \mathcal{R} x$, alors: $x \equiv y$.

Si donc \mathcal{R} est une **relation d'ordre** par rapport à « \equiv » dans E , on la notera généralement « \leq », lue «**inférieur ou égal**», et la **relation binaire « $x \leq y$ et $x / \equiv y$ »**, où « $/ \equiv$ » est la **relation de différence** associée à « \equiv », sera généralement notée « $<$ », lue «**strictement inférieur**». Les **relations réciproques** associées seront notées « \geq » et « $>$ », respectivement donc «**supérieur ou égal**» et «**strictement supérieur**». Dans tous les cas, il importe de comprendre que toute **relation d'ordre** est associée à une **relation d'équivalence**, qui est la notion d'**égalité** sous-jacente à cet **ordre**. Changer cette **relation d'équivalence** ou d'**égalité** change aussi la **relation d'ordre**, ce que nous faisons précisément avec les **équivalences de bornage** et de **cyclage**.

Exemple de relation d'équivalence:

Considérons le classique **ensemble des entiers naturels**: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, et définissons sur lui la **relation binaire**, notée « \equiv », par:

$x \equiv y \Leftrightarrow |x - y|$ est **divisible par 3** (c'est-à-dire est un **multiple de 3**).

Et $|x - y|$ est la valeur absolue de $x - y$, ce qui veut dire qu'on calcule $x - y$, et si le résultat est **positif** on le **garde** et s'il est **négatif** on le transforme en son **opposé**, en le **multipliant** par « -1 ». Dans les deux cas le résultat sera toujours **positif**.

La **relation « \equiv »** est **identitaire** ou **réflexive** dans N , car pour tout **entier naturel x** , on a: $|x - x| = 0$, c'est-à-dire: $|x - x| = 0$, où donc **0** est le **zéro absolu**. Celui-ci est **divisible par 3**, et ça donne **0** ou **0**, si l'on préfère, dans ce contexte-ci où nous ne travaillons qu'avec qu'une seule notion de **zéro**, le **zéro absolu**. Dans ce cas, comme aucun risque de confusion n'est à craindre, qu'on le note **0** ou **o** n'a aucune importance.

La **relation « \equiv »** est **réciproque** ou **symétrique** dans N , car pour deux **entiers naturels x et y** , si $|x - y|$ est **divisible par 3**, alors aussi $|y - x|$ est **divisible par 3** aussi. Autrement dit, si $x \equiv y$, alors aussi $y \equiv x$.

La **relation « \equiv »** est **transitive** dans N , car si $|x - y|$ est **divisible par 3**, et si $|y - z|$ est **divisible par 3**, alors aussi $|x - z|$ est **divisible par 3**.

Il suffit d'appliquer le fait que si deux **nombre**s sont **divisibles par 3**, leur **somme** est **divisible par 3** aussi. Et aussi le fait que si un **nombre entier positif ou négatif a** est **divisible par 3**, alors **-a** l'est aussi, de même que **|a|**.

Par conséquent, si **$|x - y|$ est divisible par 3**, et si **$|y - z|$ est divisible par 3**, alors aussi **$x - y$ et $y - z$ sont divisibles par 3**, et donc leur somme, qui est **$x - z$** , est **divisible par 3**, et donc **$|x - z|$ est divisible par 3**. Donc on a: **$x \equiv z$** .

Tout entier naturel **n** est de l'une et une seule des trois formes suivantes: **$n = 3k$** , ou **$n = 3k+1$** , ou **$n = 3k+2$** , où **k** est un **entier naturel**. Ce sont les **équations de 3 droites parallèles**, de **coefficient directeur 3**, ce qui signifie que **N** est **partitionné** en **3 sous-ensembles** définis par ces trois formules, qui sont disjoints, ce qui veut dire que ces ensembles pris deux à deux, **n'ont aucun élément commun**, en raisonnant de manière classique, sans faire intervenir les phénomènes à **l'horizon infini**, qui changent les vérités classiques (phénomènes de **finitude** et d'**infinitude** traités dans les livres d'avant, et **Loi d'Alternation** et de **l'Horizon Oméga**, dont on reparlera un peu ici aussi).

Les trois sous-ensembles sont :

$C_0 = \{0, 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, \dots\}$, les **entiers multiples de 3**;

$C_1 = \{1, 4, 7, 10, 13, 16, 19, 22, 25, 28, \dots\}$, les **entiers multiples de 3 plus 1**;

$C_2 = \{2, 5, 8, 11, 14, 17, 20, 23, 26, 29, \dots\}$, les **entiers multiples de 3 plus 2**.

Ces trois **ensembles disjoints**, **C_0** , **C_1** et **C_2** , qui, classiquement, forment une **partition de N** (si l'on ne se rend pas aux **horizons infinis**), sont les trois **classes d'équivalence** de la **relation d'équivalence « \equiv »** que nous venons de définir. Cela signifie que les éléments d'une même **classe**, bien que **différents**, donc **non-identiques** (ils ne sont pas la même **identité**), sont, au regard de la **relation d'équivalence « \equiv »**, **un seul individu**, une **identité commune**, qui est précisément la **classe** considérée. En d'autres termes, au regard de cette **relation d'équivalence « \equiv »**, l'**ensemble N**, bien qu'**infini**, est vu comme n'ayant que **3 nombres**, à savoir **0, 1, 2**, qui sont chacun le représentant de sa **classe**.

Autrement dit, **N** est vu comme **3 identités différentes** comme éléments, à savoir **C_0** , **C_1** et **C_2** , l'**ensemble N** devient donc: **$N = \{C_0, C_1, C_2\}$** , ou, ce qui revient au même: **$N = \{0, 1, 2\}$** . Inutile de vouloir jouer sur les mots ou de noyer le poisson dans un jargon mathématique en parlant d'**ensemble quotient**, de **relation de congruence modulo**, ou en utilisant tout autre concept pour éviter de dire que vu au regard d'une certaine **égalité** (une **équivalence** donc) dire que l'**ensemble N** n'a **3 éléments**, **3 identités distinctes** donc, est tout aussi vrai que de dire qu'il a une **infinité d'éléments**, vu au regard d'une autre **égalité** ou **relation d'équivalence**. La **relation d'équivalence** détermine la manière dont nous voyons une certaine **réalité**, ou dont nous percevons l'**Univers**, et notamment l'**Univers TOTAL**. C'est ce que l'**Univers TOTAL** nous enseigne. Ne le voir principalement qu'à travers le prisme de l'**identité** fausse la vision des choses, la vision du monde.

L'**égalité**: « **$2+2=4$** » est une **vérité mathématique**, mais « **$2+2=5$** » est une **vérité mathématique** aussi. Et « **$2+2=1$** » est elle aussi une **vérité mathématique**! Et justement, selon l'**égalité « \equiv »** que nous venons de définir, on a: « **$2+2=1$** »! En effet, on voit que **4** est dans la **classe d'équivalence** ou **classe d'égalité** de **1**, à savoir donc **C_1** . **Tout les éléments de cette classe valent 1**, selon l'**égalité « \equiv »**. Donc par exemple **16** aussi vaut **1**, et par conséquent, **2×8** , qui a pour **identité 16**, vaut **1**, c'est-à-dire le calcul: **$2 \times 8 = 1$** , est une **vérité mathématique**, si le signe « **$=$** » n'est pas uniquement

l'**identité** mais l'**équivalence** « \equiv ». Pour cette égalité aussi, c'est vrai que: $3 \times 7 = 0$, car **21** est dans la **classe de 0** ou C_0 , et ainsi de suite.

Et, chose très importante, toute **identité** dans un **ensemble E** donné, comme par exemple l'**égalité** courante notée « $=$ », n'est rien d'autre qu'une certaine **relation d'équivalence** dans **E**, dont les classes d'équivalences sont ce que nous appelons les **éléments de E**, c'est-à-dire les différentes **identités** ou **individualités** dans **E**.

Quand nous parlons par exemple de l'**identité** dans l'**ensemble des entiers naturels** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, et que nous notons « $=$ », il s'agit en fait d'une **relation d'équivalence** « \equiv » dans un certain **ensemble E**, et par défaut dans l'**Univers TOTAL U**, l'**Ensemble de toutes les choses**, dont les différentes **classes d'équivalence** sont les objets que nous appelons: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**. Autrement dit, l'«**ensemble quotient**» (comme on dit) de l'**Univers TOTAL U**, vu par cette **relation d'équivalence**, est $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, exactement comme l'«**ensemble quotient**» de **N** vu à travers une autre **relation d'équivalence**, le fait apparaître comme un **ensemble** de seulement trois objets: $N = \{0, 1, 2\}$. Une autre **relation d'équivalence** le ferait apparaître comme: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, et c'est la **relation d'équivalence** comme la précédente, mais cette fois on parle de la **division par 7** et non pas par 3.

Bref, toute **relation d'identité** dans un certain **ensemble E** donné, est toujours une certaine **relation d'équivalence** dans un **ensemble antérieur** muni d'une **relation d'identité** antérieure, et à défaut l'**Univers TOTAL**, muni de l'**identité absolue**, et dont l'**ensemble quotient** est **E**. En d'autres termes, tout **ensemble E** est toujours une manière de voir l'**Univers TOTAL U** à travers le prisme d'une certaine **relation d'équivalence** dans **U**, non explicitée.

Les objets comme les **éléments de N** apparaissent comme des **nombre entiers finis** ou **constants**. Mais une autre **relation d'équivalence** dans l'**Univers TOTAL U**, le ferait apparaître comme un **ensemble N' de nombre entiers**, comprenant les classiques **nombre entiers naturels**, et autre type de **nombre entiers**, à savoir les **nombre entiers naturels variables infinis**.

La **relation d'équivalence** est donc infiniment plus qu'un simple joujou de matheux pour certaines applications spéciales, comme par exemple la **théorie des nombre premiers**, la **cryptographie**, etc. Mais la **relation d'équivalence** est l'**Egalité universelle**, le **Paradigme** dans lequel il faut faire toute la **science** et comprendre l'**Univers**, et ce en étroite harmonie avec le cas particulier de l'**équivalence** qu'est l'**identité**.

A noter donc que l'**identité** dans un ensemble **E** est un cas particulier d'**équivalence**. Deux éléments **identiques** sont forcément **équivalents**, ce que dit la propriété d'**identité** ou **réflexivité**. Mais deux éléments **x** et **y** **équivalents** ne sont pas forcément **identiques**, ils peuvent être **différents**, comme on vient de le voir avec cet exemple de **relation d'équivalence**. Toute la force ou la puissance de la **relation d'équivalence** est là, à savoir que deux choses pourtant différentes peuvent être égales, oui donc « $2+2=5$ » est vrai aussi, tout comme la classique et très emblématique **identité** « $2+2=4$ »! Et tout simplement, **TOUT EST VRAI**, quand on raisonne avec l'**Equivalence**. C'est le **Théorème de l'Univers TOTAL**, que nous appelons le **Théorème de l'Existence** ou **Loi de la Réalité TOTALE** (on y reviendra plus tard).

Mais revenons à notre propos concernant les **nombre entiers variables** et les **propriétés finales**, questions très étroitement liées à cette de la **relation d'équivalence**.

Les deux **entiers variables** x et y que nous avons de donné en exemple plus haut, et que revoici:
 $x = (56, 12, 0, 24, 18, 6, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots)$;
 $y = (3, 0, 1, 88, 9, 7, 41, 0, 11, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots)$,
 ne sont donc pas **identiques**, c'est clair.

Elles diffèrent par leur valeurs du début. On a en effet: $56 \neq 3$, $12 \neq 0$, $0 \neq 1$, $24 \neq 88$, etc. Mais à partir d'un certain rang, en l'occurrence le **rang 9**, les deux suites ont la même valeur 4. On dit que les **nombres entiers variables** (ou **suites d'entiers naturels**) x et y sont **initialement différents** ou **distincts** ou **inégaux**, mais sont **finalement égaux**. Autrement dit, on avait au début: $x \neq y$, mais à la fin: $x = y$. En langage d'**Alternation**, on dit que leur **différence**, leur **inégalité** c'est-à-dire leur **non-identité**, leur **distinction**, etc., a **alterné** à l'**horizon 9** ou au **rang 9** pour devenir une **égalité**, c'est-à-dire ici une **identité**.

L'**égalité finale** dans les **entiers variables** est une **relation d'équivalence**.

On le vérifie facilement:

→ *Réflexivité ou identité*: tout **entier variable** x est **égal à lui-même** à partir d'un certain rang h , en l'occurrence 0 ;

→ *Symétrie ou réciprocity*: si un **entier variable** x est **égal** à un **entier variable** y à partir d'un rang h , alors évidemment aussi y est **égal à x** à partir du rang h ;

→ *Transitivité*: si un **entier variable** x est **égal** à un **entier variable** y à partir d'un rang h , et si y est **égal** à un **entier variable** z à partir d'un rang h' , alors en posant: $h'' = \sup(h, h')$, c'est-à-dire h'' est le **plus grand de h et h'** , il est clair que x est **égal à z** à partir du rang h'' .

Et maintenant considérons les deux **nombres variables** x et y précédents mais modifiés de la manière suivante:

$x = (56, 12, 10, 24, 18, 16, 15, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots)$;
 $y = (3, 0, 1, 8, 9, 7, 4, 100, 52, 43, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, \dots)$.

Là il est clair qu'**initialement** on a: $x > y$, et: $y < x$, et **finalement** on a: $x < y$ et: $y > x$. Ici aussi, la **vérité** concernant x et y a **alterné** à partir d'un certain **horizon** ou **rang**.

Avec les **nombres entiers variables**, l'**égalité finale**, les **inégalités finales**, les **infériorités** ou **supériorités finales**, les **relations finales**, les **propriétés finales**, bref les **vérités finales**, à partir d'un certain **horizon fini** ou **infini** donc, ou au plus tard à l'**infini absolu** Ω , nous intéressent plus particulièrement plus que les **vérités initiales**. L'une des importantes lois de la **Logique d'Alternation** largement étudiée dans les livres précédents et dont nous reparlerons un peu ici aussi, est la **Loi d'Alternation et de l'Horizon Oméga**. Elle dit que toute **vérité** (notamment concernant les **nombres entiers variables**) doit **alterné**, c'est-à-dire devenir la **vérité contraire**, à partir d'un certain **horizon** ou **rang**, **fini** ou **infini**. Elle doit avoir **alterné** au plus tard à l'**horizon infini absolu** Ω .

Définition:

→ Pour deux **entiers variables** x et y , on écrira: $x = y$ pour dire que x est **finalement identique à y** , c'est-à-dire il existe un certain rang h à partir duquel on a: $x(n) = y(n)$, pour **tout entier $n \geq h$** .

→ De même on écrit: $x < y$ pour dire que x est **finalement strictement inférieur à y** , c'est-à-dire il existe un certain rang h à partir duquel on a: $x(n) < y(n)$, pour **tout entier $n \geq h$** .

→ Même définition pour: $x > y$, pour: $x \leq y$, pour: $x \geq y$, etc.

→ Plus généralement, dire qu'une certaine **propriété P** est vérifiée pour un **entier variable x**, ou pour deux **entiers variables x et y**, ou pour trois **entiers variables x, y et z**, etc., c'est dire que **P est finalement vérifiée**, c'est-à-dire vérifiée à partir d'un certain rang **h**.

→ Ainsi donc, un **entier variable x** est **constant** s'il est **finalement constant**, c'est-à-dire **constant** à partir d'un certain **rang** ou **horizon h**. On dira qu'il est **toujours constant** s'il est **constant** à partir du **rang o**, c'est-à-dire pour tout **entier naturel n**. Un **entier toujours constant** est donc **finalement constant**, mais s'il est **finalement constant**, il n'est pas nécessairement **toujours constant**. Cette définition peut être généralisée à n'importe quelle **propriété P**. Si elle est **toujours vérifiée**, elle est **finalement vérifiée**, mais la réciproque n'est pas nécessairement vraie.

→ Un **nombre entier variable x** est dit **infini** (au sens spécifique aux **nombre entiers variables**) s'il est (**finalement**) **strictement supérieur** à tout **entier constant m** donné. C'est le cas de l'**entier variable ω_1** , l'**entier infini de base**, que nous reverrons par la suite, noté **v** et appelé l'**infini varid**. Il est la **base** au sens d'**infini de « référence »**, et **base** aussi en ce sens que c'est la **base** d'un véritable **système de numération** pour **TOUS** les **ordinaux** ou **nombre entiers, finis et infinis**, selon la conception des **ordinaux** du Nouveau Paradigme.

Nous les appelons aussi les **nombre entiers oméganaturels**, car c'est la vraie généralisation de la notion de **nombre entiers naturels** classiques: **o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**. Ceux-ci ne sont en fait que les premiers des **ω_1 chiffres** de ce **système de numération** des vrais **ordinaux**, ceux des conceptions traditionnelles étant en fait de **pseudos ordinaux**, à qui il manque de très importantes propriétés des **nombre entiers**, que les traditionnels **nombre entiers naturels: o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...** donc, possèdent, mais que les actuels **ordinaux infinis** ne possèdent pas!

Cela gêne considérablement pour ne pas dire rend impossibles les calculs donnant un **résultat infini** de manière exacte, à commencer par la simple **division par zéro**, qui donne un **infini relatif** si le **zéro** est **relatif**, et l'**infini absolu, Ω** , si le **zéro** est **absolu, o** donc. Mais dans ce cas aussi on a l'égalité de grand cycle **Ω** , à savoir: **$o = \Omega$** , qui fait que la **division par o** donne **o**, autrement dit la **division par le zéro absolu donne simplement le zéro absolu**. Dans tous les cas, on a un **résultat exact**, précis, comme avec les calculs avec les traditionnels **nombre entiers naturels: o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**

Et justement aussi, qu'en est-il quand il s'agit de donner le résultat exact de l'**addition de tous les nombre entiers naturels** classiques: **$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots$** ? Les paradigmes classiques disent que ce calcul donne comme résultat **-1/12**, ce qui est l'**horreur absolue** en matière de **précision mathématique**! Avec l'incapacité de **diviser par zéro**, c'est un autre exemple de grand scandale des mathématiques et sciences actuelles.

Et tous les calculs soit « **impossibles** » (pour ce qui est de la **division par zéro**) soit éminemment **faux** (pour ce qui est de ce calcul de la **somme des entiers naturels** qu'on prétend valoir **-1/12**, qui est une vraie insulte aux mathématiques au sens divin du terme), n'ont qu'une seule cause à la base: la **conception fautive des ordinaux**, autrement dit des **nombre entiers naturels, finis et surtout infinis**! C'est très bancal cette affaire, pour ne pas dire raté!

On comprendra plus en détail plus tard pourquoi c'est raté. Mais doré et déjà on peut dire que le problème vient de ce que la conception actuelle de l'**ordinal** ω_1 qu'on vient de voir, et qui est la **base** donc des **ordinaux infinis**, est qualifié d'**ordinal « limite »**, ce qui veut dire qu'il a un **successeur** ω_1+1 , comme c'est le cas pour tous les **entiers naturels**, mais n'a pas de **prédécesseur** comme eux, à savoir ω_1-1 , lui-même ayant comme **prédécesseur** ω_1-2 , lui-même **précédé** par ω_1-3 , et ainsi de suite. Pour tout entier naturel k au sens classique, il existe un **nombre entier infini** ω_1-3 , si bien que la liste des **chiffres** du **système de numération** en **base** ou est tout bonnement: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., $\omega_1-7, \omega_1-6, \omega_1-5, \omega_1-4, \omega_1-3, \omega_1-2, \omega_1-1$** . Ce qui fait donc exactement ω_1 **chiffres chiffres**.

Ça marche donc comme pour les **bases finies**, comme la **base 10** par exemple, dont les **chiffres** sont: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9**. Comme la **base** est **finie**, on peut donc **lister** tous ses **chiffres**. C'est juste la différence avec la **base** ω_1 , qui est **infinie**. Sinon, pour le reste, la logique est exactement la même, elle a donc exactement ω_1 **chiffres**, dont la traditionnelle liste des **nombre entiers naturels**: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, n'en est en fait que le début, il manque les **chiffres** de la fin.

Cela, soit dit en passant, signifie aussi que les classiques **entiers naturels**, au fur et à mesure qu'ils **croissent** ou **tendent vers l'infini** comme on dit si bien, deviennent progressivement de moins en moins **finis** et de plus en plus **infinis**. Ce qui, tout bien réfléchi, est tout ce qu'il y a de plus logique! Contrairement à ce que l'on croit dans les paradigmes traditionnels, qui fonctionnent avec une logique de **Négation**, qui est fondamentalement une logique du **tout ou rien**, et non pas une logique **graduelle** comme cela se doit, il n'y a pas de **frontière de séparation** nette entre les **nombre entiers finis** et les **nombre entiers infinis**. Les **nombre entiers naturels évoluent** donc **graduellement** du **fini** à **l'infini**, c'est-à-dire dans un premier temps de **0** à ω_1 , en passant par: **1, 2, 3, ...**, mais aussi par: **..., $\omega_1-3, \omega_1-2, \omega_1-1$** . Puis ça a continué de la même façon, graduellement, par: $\omega_1, \omega_1+1, \omega_1+2, \omega_1+3, \dots$. Et on arrive à $2\omega_1$, toujours **graduellement**, en passant par tous les **intermédiaires**, les **prédécesseurs** et les **successeurs**, sans sauter aucun, sinon la conception des **ordinaux** est **fausse!**

En effet, ils ne généralisent pas alors les classiques **nombre entiers naturels**, dans un **système de numération** de **base infinie**. Par conséquent, on ne peut pas calculer correctement les **quantités infinies** dans un tel système de **pseudo-ordinaux**, ce qui est bien le problème avec les **ordinaux** traditionnels, même améliorés par des gens comme le génial John Conway, ou encore Abraham Robinson, avec sa notion de **nombre entiers « non standard »**. C'est donc en fait les **nombre entiers naturels** quand ils deviennent **infinis** que l'on qualifie de « **non standard** », alors qu'en réalité il n'y a rien de plus **standard!** Ce sont les mêmes **entiers nombre entiers standard**, qui **croissent** et deviennent **graduellement infinis**, tout bêtement.

Mais voici la liste des **ordinaux** dans les paradigmes traditionnels: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., $\omega_1, \omega_1+1, \omega_1+2, \omega_1+3, \dots$** , à comprendre ici que ω_1 n'a pas de **prédécesseur** ω_1-1 , mais a un successeur ω_1+1 . Autrement dit, les **nombre entiers naturels**: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, en croissant, n'atteignent jamais ω_1 , ils ne deviennent jamais **infinis** donc, ω_1 est séparé des **nombre finis**, tel un « Dieu » séparé des humains, qui resteraient à jamais infiniment inférieurs à lui, qui resteraient toujours **finis et mortels**, et n'atteindraient jamais la nature **infinie**, la **nature divine** donc. Un tel « Dieu infini » si séparé de la terre et des humains finis et mortels, c'est en fait le **Diable**, le « Dieu » synonyme de **Négation**, car lui-même est séparé en fait du **vrai Dieu**, l'**Univers TOTAL**,

l'Alpha et l'Oméga, c'est-à-dire en fait qui est à la fois le **petit Zéro** et le **grand Infini**! Oui, il n'est pas que le **grand Infini**!

Seul le **Diable** ne se voit qu'**infini** et pense n'avoir aucun lien avec les misérables finis en dessous de lui, les « gueux », comme par exemple un Macron ou ses maîtres voient les humbles citoyens. Mais le vrai **Dieu**, lui, l'**Univers TOTAL**, l'**Etre FRACTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, est TOUT donc est aussi le **Zéro absolu**. Ceci n'est pas une comparaison au hasard, car ce qu'on voit en mathématiques là, a un lien très étroit aussi avec les classiques conceptions de Dieu ou les classiques théologies, et je vous laisse recenser les théologies qui présentent ainsi Dieu séparé des humains. Ce que nous démontrons scientifiquement à présent est que ces théologies ne sont pas d'inspiration divine, elles sont aux antipodes de la pensée de Jésus Christ, qui bien qu'un être incommensurable, est venu sur terre comme un simple humain, né d'une femme, et de plus mis à mort par les humains (voir Philippiens 2 : 5-11).

Il est ressuscité parce que justement il est d'**essence divine**, de **nature infinie**, et il est venu sur terre nous rappeler simplement que nous aussi nous sommes fondamentalement de cette essence et nature, mais nous l'avons oubliée du fait de notre déconnexion d'avec Dieu, ce qu'on appelle le péché originel (Genèse 3 : 1-24). Ceci au passage met aussi en lumière la tromperie que sont les idéologies lucifériennes, gnostiques, qui parlent d'un retour à la « Source » ou notre « nature divine », mais se gardent bien de dire ce qu'est vraiment cette « Source » et pourquoi nous l'avons quittée au lieu d'être toujours dans sa Lumière. Ce sont les idéologies du Serpent d'Eden, qui prônent une égalité avec « Dieu » mais à la manière du Serpent, l'incarnation même de la Négation, du fruit défendu. Les idéologies du genre: « Dieu vous interdit cet arbre car il sait que le jour où vous mangeriez, vous seriez comme Dieu connaissant le bien et le mal ». Autrement dit en fait les idéologies de la rivalité avec Dieu, ou « être Dieu sans Dieu ».

Ces idéologies lucifériennes donc, en général anti-bibliques ou faussement bibliques, souvent occultent le péché originel, qui est justement l'arbre représentant ce type d'idéologies. Elles présentent généralement le Dieu de la Genèse sous un mauvais jour, disent qu'il prive les humains de la vraie connaissance alors qu'en fait c'est tout le contraire même! Car la connaissance biblique et la Science qui est derrière cette connaissance, est précisément la Science de l'Univers TOTAL, qui arrive à présent dans ce monde de Négation, le monde du Serpent. Cette Science a toutes les peines du monde à percer, donc partagez-le si vous avec eu le bonheur de la trouver, de rencontrer la Lumière présente. C'est donc la Science du Dieu de la Genèse, car au troisième millénaire, l'ère de l'information et du numérique, nous vivons le moment de la Nouvelle Genèse. Voilà pourquoi toute la rééducation au sujet du numérique, des nombres, est à faire, en repartant à la racine, à la Source, l'Univers TOTAL donc. C'est donc au contraire le Serpent qui jusqu'ici prive les humains de cette vraie Science, qui les abreuve de ses fausses sciences, de ses faux paradigmes, que nous mettons en lumière à présent. Toute la séparation avec le Dieu Infini, le vrai, l'Alpha et l'Oméga, se trouve donc dans la manière de concevoir les nombres, oui dans cette simple liste des ordinaux, comme on la conçoit traditionnellement, c'est-à-dire dans les paradigmes de Négation, ceux du Serpent d'Eden: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., ω_1 , ω_1+1 , ω_1+2 , ω_1+3 , ...**. Le fait que l'**ordinal ω_1** n'ait pas de **prédécesseur ω_1-1** est tout sauf anodin, tout sauf un simple détail mathématique. C'est toute la logique et la psychologie de **Négation**, de **Séparation**, qui est ainsi illustrée. Les « serpents », qui se prennent pour des « dieux », pour des êtres « infinis », perchés au sommet de leurs pyramides maçonniques ou autres, ne se mélangent pas avec les « gueux », les « finis » et les « mortels ».

en « **mouvement** », il **augmente à chaque fois d'une unité ou 1** par rapport à la **valeur précédente**, qui est donc son **prédécesseur ω_1-1** . Ce **nombre entier ω_1** , parce qu'il est juste **variable**, a donc un **prédécesseur** comme les **constants** ou **finis**.

Même le **zéro**, ici **o**, a malgré les apparences un **prédécesseur**, qui est **POSITIF!** Ce **prédécesseur** est **$\Omega-1$** , et pour le voir, il faut raisonner en **logique de cycle**, notamment le grand **cycle Ω** , qui s'écrit donc: **$o = \Omega$** . On en déduit alors que: **$-1 = \Omega-1$** , que: **$-2 = \Omega-2$** , que: **$-3 = \Omega-3$** , et ainsi de suite. Donc en fait, le **nombre négatif** que nous appelons **-1** et qui est le **prédécesseur** de **o** (ou **0** si l'on préfère la notation classique pour le **zéro absolu**), est en réalité aussi un **nombre positif**, qui est **$\Omega-1$** .

Autrement dit, la liste de tous les **ordinaux** ou **nombre entier** vus en **logique de cycle** est: **$o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, \Omega-7, \Omega-6, \Omega-5, \Omega-4, \Omega-3, \Omega-2, \Omega-1, \Omega$** .

Tous les ordinaux donc, en passant par tous les **infinis intermédiaires**, comme **ω_1** par exemple, et tous les **infinis ω_1** qu'on va voir, ainsi que toutes leurs combinaisons, c'est-à-dire tous les **ordinaux infinis** construits avec la **base ω_1** .

Ceci donne un autre coup de massue à l'idée en **théorie des ordinaux** qu'il n'existerait pas de **dernier ordinal**, car cela provoque un célèbre paradoxe connu sous le nom de **paradoxe de Burali-Forti**. Mais en fait, c'est le même problème, à savoir la même **Logique de Négation**, qui fait dire aussi que la **division par zéro** serait « impossible ». C'est le même problème de paradigme, qui cause tous les soucis. Il existe donc bel et bien un **dernier ordinal, Ω** donc, tout comme il existe un **dernier nombre entier naturel, ω_1** ou la **variable v** sur l'image plus haut.

Puisque donc **ω_1** est le **dernier nombre entier naturel** mais qu'il est juste **variable** (ce point est très important), dire donc que l'on calcule la **somme de tous les nombres entiers naturels**:

$$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots,$$

c'est simplement dire qu'on les **additionne**, du premier, **o**, au dernier, **ω_1** .

Donc on fait:

$$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots + \omega_1-7 + \omega_1-6 + \omega_1-5 + \omega_1-4 + \omega_1-3 + \omega_1-2 + \omega_1-1 + \omega_1.$$

Et ceci se calcule exactement comme une somme d'**entiers naturels finis**, comme si l'on faisait par exemple: **$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7$** . Et ceci vaut **28**, qui s'obtient en faisant **$(7 \times 8)/2$** . Et de manière générale, la **somme de tous les entiers naturels de o à un entier naturel n**, est donnée par la formule: **$n(n+1)/2$** . On verra plus tard la preuve de cette formule. Et on note au passage qu'on utilise dans cette formule ni plus ni moins qu'une **variable**, ici **n**, et cela revient à faire la somme:

$$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots + n-7 + n-6 + n-5 + n-4 + n-3 + n-2 + n-1 + n.$$

Et **variable** pour **variable**, qu'elle se nomme **n** ou se nomme **ω_1** , ne change rien au raisonnement ou au calcul. Donc la **somme de tous les entiers naturels** vaut **$\omega_1(\omega_1+1)/2$** . Et non pas donc **-1/12**. Ce que l'on a calculé et qui donne ce résultat, est en fait complètement autre chose, que l'on fait passer pour la **somme des entiers naturels** (on y reviendra dans notre mise en lumière des mauvais paradigmes traditionnels et de leurs graves conséquences).

La devise des sciences du Serpent, c'est: « Pourquoi faire simple, d'une **simplicité biblique** comme on dit, quand on peut faire compliqué et de manière si **diabolique?** »

Car pour moi, faire ce calcul:

$$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12,$$

et trouver ce résultat si hallucinant, est un exemple même de la manière de calculer du Diable! Il n'y a que des sciences du Diable qui peuvent dire ça... Dire qu'« on ne peut pas diviser par zéro » c'est déjà limite supportable, mais quand on ajoute à cette dite « impossibilité » ce gros mensonge de cette **somme infinie** qui donnerait **-1/12**, là c'est insupportable de la part de ce qui passe pour une « science exacte ». Je précise une fois encore que ce calcul est exact mais simplement n'est pas du tout ce qu'il est censé être, ou ne dit pas ce qu'il est censé dire, donc c'est un mensonge (on y reviendra plus que largement)!

Et si on en est là, c'est parce qu'il manque à ce qu'on appelle les **nombre entiers naturels** leur vraie **Nature**, justement, leur **Âme**, à savoir l'**Univers TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**. Autrement dit, **Dieu** au sens le plus scientifique maintenant du terme. Des gens savaient comment parler de Dieu scientifiquement, mais ont imposé aux sciences des paradigmes de **Négation**, pour faire croire que Dieu n'a aucun rapport avec la science, alors qu'il est en fait la Science elle-même!

Mais revenons à nos moutons. Nous avons donc défini un premier **entier infini**, à savoir ω_1 , qui est donc la **base** d'un **système de numération infini**, comme on le verra plus tard. Nous allons à présent pouvoir définir une infinité de **nombre entiers infinis** spéciaux, ceux de la **suite énitienne**.

→ On avait donc déjà posé: $\omega_0 = 1$, et on a à présent un premier **entier infini énitien**, qui est: ω_1 . Soit un **nombre entier** $k \geq 1$, **fini** ou **infini** (au sens spécifique des **nombre entiers variables**), tel que ω_k est déjà défini. On pose alors par définition: $\omega_{k+1} = \omega_k \wedge \omega_k = \omega_k^{\omega_k}$. On a ainsi par **récurrence** défini tous les **entiers infinis énitien**.

Et soit dit en passant, la **récurrence** marche aussi pour les **nombre entiers infinis**, exactement comme pour les **nombre entiers finis**. Elle marche en fait pour tous les **ordinaux**, tout bonnement parce que dans le Nouveau Paradigme, les **ordinaux infinis** ne sont rien d'autre que des **nombre entiers naturels**, mais **variables**! Le fait qu'ils soient **variables** ne change rien à leur propriétés fondamentales. Et d'ailleurs le principe même de la **récurrence** est la logique des **nombre entiers variables infinis**.

En effet, cela consiste que l'on fait une **opération** ou que l'on a une **propriété P** pour **o**, donc **P(o)**. Puis l'on montre que si l'on sait faire cette **opération** pour un **nombre entier naturel** **k**, ou si l'on a la **propriété** pour **k**, donc **P(k)**, on sait le faire pour **k+1**, ou on a la **propriété** pour **k+1**, donc **P(k+1)**. L'**opération** ou la **propriété P** se **propage** donc de proche en proche, **par pas de 1**, ce qui est ni plus ni moins la définition de la **variabilité** des **nombre entiers**, en l'occurrence leur **progression** vers l'**infini absolu** Ω , **par pas de 1**, et en passant par toutes les étapes intermédiaires. C'est justement ici que le fait que tout **ordinal** ait un **prédécesseur** et un **successeur** (même **o** qui a aussi un **prédécesseur**, à savoir, $\Omega-1$) a une grande importance. Car la propagation de la **propriété P** ou de l'**opération** ne « bloque » pas au niveau des frontières ω_1 , autrement dit ce qu'on appelle les **ordinaux** « **limites** » qui sont dus en fait au paradigme de la **Négation**. Mais pour les **vrais ordinaux**, la **propriété** ou l'**opération** se transmet de proche en proche jusqu'au grand terminus Ω , en passant par $\Omega-3$, puis $\Omega-2$, puis $\Omega-1$, puis Ω , qui est donc la **fin** du grand **Cycle des ordinaux**, et qui est en même temps aussi le **commencement** du **Cycle**, à savoir **o** d'où on est parti. La **récurrence** s'arrête alors, puisque le **cycle** est bouclé!

A noter qu'ici, avec la **suite des infinis énitien** ω_k , et plus généralement pour toute **suite strictement croissante** x_k de **nombre entiers**, qui croît plus vite que la **suite de référence**, à

savoir ω_1 , l'entier x_k atteint le terminus Ω avant que l'indice k ne l'atteigne à son tour. Dans ce cas, l'indice k a théoriquement un **horizon maximal**.

Par exemple, considérant la suite définie par: $x_k = 2k$, il est clair que quand $2k$ atteint Ω , alors k vaut $\Omega/2$, qui est l'**horizon absolu** de cette variable k .

Pour tout ordinal $k > \Omega/2$, on a: $x_k > \Omega$, c'est-à-dire $2k > \Omega$, qui est le **dernier ordinal**, au-delà duquel le **Cycle Ω** recommence.

Il y a plusieurs manières de gérer les **phénomènes de clôture** ou de dépassement du terminus Ω :

→ La première est d'indiquer l'**horizon de la variable k** à ne pas dépasser;

→ La seconde est la **logique du plafonnement**, qui consiste à dire que toute valeur qui dépasse Ω est égale à Ω ;

→ La troisième, qui a notre préférence, est de faire jouer le **Cycle Ω** , et donc de faire tout simplement tous les **calculs modulo Ω** . Si par exemple un calcul donne comme résultat $\Omega+1$, alors c'est que le résultat est 1 , puisqu'on a: $o = \Omega$. Et si le résultat est $\Omega+14$, alors c'est que le résultat est 14 . S'il est $3\Omega/2$ ou $\Omega+\Omega/2$, alors c'est qu'il est $\Omega/2$. S'il est $\Omega, 2\Omega, 3\Omega, \Omega^2$, etc., alors c'est qu'il o .

→ La quatrième, qui est une version améliorée de la précédente, utilise l'un des intérêts justement des **infinis énitien**, qui évitent d'avoir à se tracasser pour ce problème du dépasser du terminus Ω . En effet, en pratique, on se placera toujours dans le cadre d'un certain **infini énitien ω_k** , et les calculs que nous ferons avec tous les **ordinaux inférieurs ou égaux à ω_k** , ne dépasserons pas un certain autre **infini énitien ω_k** , donc seront toujours infiniment inférieurs à Ω . Autrement dit, les résultats qu'on obtiendra ne dépasseront jamais Ω , seront même toujours infiniment inférieurs à lui, si aucun des **ordinaux** utilisés dans les formules ou calculs n'est jamais Ω , à moins de ne l'utiliser que pour exprimer le **Cycle Ω** , dire des choses du genre: $o = \Omega$, ou: $5 = \Omega+5$, ou: $-2 = \Omega-2$, etc., des exemples de ce que nous appelons les **vérités transcendantales** ou les **vérités de clôture**.

Pour se fixer les idées, à part utiliser Ω pour exprimer les **vérités générales** de l'ordinal Ω , donc, les **ordinaux** que nous utiliserons en pratique dans les définitions, les formules et les calculs dépasserons en général pas ω_7 et même ω_3 . Ou à la rigueur nous utilisons les **ordinaux** qui ne dépassent pas ω_k , avec k qui ne dépasse pas lui-même ω_7 . Au fond, quel est le souci que les **ordinaux** utilisés dans certains calculs (pas tous mais certains) dépassent Ω ou soient de son ordre de grandeur?

Un problème se pose si nous disons par exemple: « Pour tout ordinal n , la somme de tous les **ordinaux de o à n est $n(n+1)/2$. Cette somme est infinie si n est infini ».**

Magnifique théorème, qui donne un coup de massue sur la tête des sciences du Serpent d'Eden, quand elles disent ce mensonge: $o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$.

Sauf que, si nous ne fixons pas une limite ultime à n , nous allons nous retrouver dans le même type mensonge que cette **sommation** que nous condamnons. En effet, que vaut-elle si l'ordinal n vaut par exemple $\Omega-1$?

Elle vaut, en raison du **Cycle Ω** qui dit: $o = \Omega$, et donc aussi: $-1 = \Omega-1$, etc.:

$$(\Omega-1)(\Omega-1+1)/2 = (\Omega-1)\Omega/2 = (\Omega-1)\times o/2 = (-1)\times o/2 = o.$$

Le résultat est donc le **zéro absolu, o** , qui n'est pas **infini**, sauf si l'on dit: $o = \Omega$, et alors le résultat est l'**infini Ω** . Mais dans ce cas alors on n'avait même pas besoin de faire jouer le **Cycle Ω** , car le

vrai résultat (c'est-à-dire du point de vue de l'**identité**, qui exclut donc le **Cycle Ω** , qui exprime une **équivalence**) était déjà un autre **infini**, qui est $(\Omega-1)\Omega/2$, ce qui vérifie mieux le théorème énoncé.

Et que vaut la sommation si l'**ordinal n** vaut par exemple $\Omega-2$?

Si l'on ne fait pas jouer le **Cycle Ω** , alors elle vaut: $(\Omega-2)(\Omega-1)/2$, le **vrai résultat**, celui de l'**identité**. Et ce résultat est bel et bien **infini**, et le théorème est toujours vérifié.

Mais en faisant jouer le **Cycle Ω** , le résultat devient $(-2)(-1)/2 = 1$.

C'est l'occasion de dire que quand les paradigmes traditionnels disent:

$$\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12,$$

cela signifie d'abord, en l'absence de toute **limite infinie** précise aux **entiers naturels sommés**, qu'on fait par défaut la **sommation** de **o** à Ω , c'est-à-dire:

$$\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots + \Omega-7 + \Omega-6 + \Omega-5 + \Omega-4 + \Omega-3 + \Omega-2 + \Omega-1 + \Omega.$$

Le résultat de l'**identité** alors, sans faire jouer le **Cycle Ω** , est: $\Omega(\Omega+1)/2$. Jusque là, pas de souci, c'est le **vrai résultat** et il est **infini**, ce qui vérifie le théorème.

Mais si l'on fait jouer le **cycle**, le résultat devient: $\mathbf{o}(\mathbf{o}+1)/2 = \mathbf{o}$.

Et déjà, comme dans les exemples précédents, ce n'est plus le résultat de l'**identité**, qui est donc toujours le **vrai résultat**, où le **résultat de référence** en tout cas, ce qui ne veut pas du tout dire qu'il est le plus pertinent dans la situation en question. Car l'**équivalence** aussi donne d'autres résultats qui peuvent être plus pertinents selon la problématique qu'on est en train de traiter.

C'est pourquoi donc nous disons que: $\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$, est exact, tout comme aussi c'est exact de dire: $\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = \mathbf{o}$, ou de dire:

$$\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = 1, \text{ ou encore: } \mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -777, \text{ etc.}$$

Tout est vrai en fait, ce que révèle maintenant le Nouveau Paradigme. Tout dépend de l'angle sous lequel on aborde une question, le chemin suivi, les raisonnements propres à ce chemin, etc. L'**équivalence** ou la **logique cycle** nous conduira alors au résultat exact propre à ce chemin, ou le plus pertinent. Donc quand on dit: $\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$, ce n'est pas faux dans l'absolu, mais juste que derrière cela se cache une certaine théorie, ses modes de raisonnement, ses calculs, etc., qui font jouer plus ou moins explicitement des **équivalences**, des **cycliques**, peut-être même des **logiques fractales** cachées, etc. Notamment on trouve ce genre de résultats dans les manipulations de la **fonction zêta de Riemann**, dont $-1/12$ est l'une des valeurs.

Ce résultat: $\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$, signifie donc que l'on a mise en œuvre des techniques de calculs sur l'**infini**, notamment ici sur Ω , qui ont pour effet de l'éliminer, en le remplaçant par **o** par exemple, ou par des **nombres finis** plus généralement, ce qui à la fin aboutit à $-1/12$. Cela ne signifie en rien que c'est le résultat (selon l'**identité**) de la **sommation**:

$$\mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + \dots \text{ ou: } \mathbf{o} + 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + \Omega-4 + \Omega-3 + \Omega-2 + \Omega-1 + \Omega,$$

mais que c'est le résultat en se plaçant dans le cadre de la théorie de **sommation** qu'on a adoptée. Une autre théorie de sommation peut donner tout un autre résultat. Par conséquent, balancer ce résultat, comme on le fait souvent, en laissant croire qu'il s'agit d'une **identité**, est un mensonge. Le but souvent est de dire qu'il s'agit d'une chose très savante que seuls les matheux comprennent, ce qui leur donne une certaine supériorité sur le commun des mortels. Ce qui n'est pas dit, c'est que ce résultat est simplement un certain bricolage de matheux, et que si vous dites que ce calcul vaut -777 avec un cheminement propre à vous, une certaine logique ou mode de raisonnement, cela vaut aussi ce résultat de $-1/12$.

Nous vous avons présenté plus haut un raisonnement mettant en jeu le **Cycle Ω** , et qui donne à ce calcul un résultat **o** ou **0** si l'on préfère. Nous avons en effet interprété la sommation: **$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots$** comme voulant dire par défaut: **$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + \Omega - 5 + \Omega - 4 + \Omega - 3 + \Omega - 2 + \Omega - 1 + \Omega$** , c'est-à-dire la **somme des nombres entiers de o à Ω** . Cela vaut alors très exactement: **$\Omega(\Omega+1)/2$** , et en faisant jouer le **Cycle Ω** , à savoir donc l'**équivalence: $o = \Omega$** , ce résultat devient **o** ou **0** en notation classique. Il a un sens, qui n'est pas celui de **$-1/12$** , qui peut choquer une personne à qui on dit: **$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots = o$** , ou: **$0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots = 0$** , sans lui expliquer la recette de fabrication de ce résultat, mais en lui faisant croire qu'il s'agit d'une **identité**, qui n'autorise aucun autre résultat.

Mais nous aurions pu aussi interpréter: **$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots$** comme voulant dire par défaut: **$o + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + \omega_1 - 5 + \omega_1 - 4 + \omega_1 - 3 + \omega_1 - 2 + \omega_1 - 1 + \omega_1$** , autrement dit la **sommation des entiers naturels de o à l'infini de référence ω_1** . Le résultat très exact est alors: **$\omega_1(\omega_1+1)/2$** .

Mais l'on fait jouer le **cycle ω_1** , qui dit: **$o = \omega_1$** , ce résultat devient **o** ou **0** lui aussi.

Mais dans le **cycle $\omega_1 - 1$** , qui dit: **$o = \omega_1 - 1$** , et donc: **$1 = \omega_1$** , ce résultat devient **1**.

Et dans le **cycle $\omega_1 - 2$** , qui dit: **$o = \omega_1 - 2$** , et donc: **$2 = \omega_1$** , ce résultat devient **3**.

Et dans le **cycle $\omega_1 + 5$** , qui dit: **$o = \omega_1 + 5$** , et donc: **$-5 = \omega_1$** , ce résultat devient **10**.

Et ainsi de suite.

Et tout bonnement, **ω_1** est une **variable**. On la remplace par tout ce qu'on veut dans la formule **$\omega_1(\omega_1+1)/2$** , y compris des **nombres complexes** si ça nous chante, et cela donne tout résultat que l'on veut! Il y a juste à comprendre le sens à l'expression « **sommation des entiers naturels de o à ω_1** », quand **ω_1** n'est pas un **nombre entier positif ou o**, mais est par exemple **-5**, ou pire, **3/4** ou **-7/3** par exemple, ou pire encore, un **nombre complexe** comme: **4 - 5i**. Cela a toujours un sens, mais il faut le comprendre.

En effet, tout **nombre**, quel qu'il soit, est fondamentalement un certain **nombre entier positif**. Si par exemple on ne faisait pas jouer le **Cycle Ω** , on ne comprendrait pas comment **-5** peut être un **nombre entier positif**! Le secret se trouve dans: **$-5 = \Omega - 5$** , et **$\Omega - 5$** est un **entier positif**. De la même façon, il existe toujours un moyen de réinterpréter tout **nombre** comme un **nombre entier positif**, éventuellement un certain **nombre entier positif infini**. Il faut garder à l'esprit que tout se cache dans les **horizons entiers infinis**, tout ce qu'on ne trouve pas dans les horizons connus se trouve dans un certain **horizon entier infini**. Voilà donc pourquoi l'idée d'**additionner tous les nombres entiers de o à n'importe quel nombre, entier ou non, et même complexe**, a un sens. Et plus généralement, **tout a un sens**, si l'on sait trouver l'**horizon infini** qui lui donne du sens! Il en existe toujours, au plus tard avant l'**horizon infini absolu Ω** , là où se termine le **Cycle Ω** , c'est-à-dire le **Cycle de Dieu l'Univers TOTAL**, et où tout recommence en partant du **zéro absolu, o**.

Si donc on parcourt tout le **Cycle de Dieu l'Univers TOTAL**, c'est-à-dire le grand **Cycle de o à Ω** , autrement dit encore de l'**Alpha** à l'**Oméga**, sans trouver une chose que l'on cherche, alors c'est qu'on a mal cherché, car **toute chose existe dans l'Univers TOTAL** (c'est le **Théorème de l'Existence ou Loi de la Réalité TOTALE**), oui **toute chose existe dans Dieu**.

Nous nous sommes éloignés de la question de la **réurrence**. Revenons-y.

Une **opération** ou une **propriété absolument récurrente** (ce qui signifie qu'il s'agit d'une **propriété** ou **opération** commune à tous les **ordinaux** ou **nombres entiers**), parcourt tout le grand **Cycle Ω** , de **o** à donc **Ω** . Sinon, c'est qu'elle n'est pas une **opération** ou une **propriété absolue** des

ordinaux ou **nombres entiers**, mais elle ne caractérise que **certains ordinaux**. On y reviendra quand on reparlera des **ordinaux**.

Nous avons donc défini par **récurrence** tous les **entiers infinis éniens** ω_k , avec donc toutes les précisions qui s'imposent sur l'**indice k**, et aussi sur le **principe de récurrence** dans le Nouveau Paradigme, celui de l'**Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga**. Complétons cela par la définition des **zéros éniens**, 0_k .

Pour tout **entier infini éniens** ω_k , on définit son **zéro éniens** associé, qui est: $0_k = 1/\omega_k$. Par conséquent, on a aussi: $\omega_k = 1/0_k$, et aussi: $0_k \times \omega_k = 1$.

On a donc: $0_0 = 1$, car: $\omega_0 = 1$.

Et pour tout **nombre entier naturel k**, on pose: $\omega_{-k} = 0_k = 1/\omega_k$, et: $0_{-k} = \omega_k = 1/0_k$.

Définition:

On se donne un **entier naturel** $a \geq 1$, **fini** ou **infini**, appelé **ciel**. Plus précisément, c'est l'**infini éniens** ω_a qui est appelé un **énivers** ou **ciel**, identifié par son **indice** ou **numéro** ou **niveau a**. On dira « **ciel a** » pour sous-entendre en fait « **ciel** ω_a ». L'**infini** ω_1 est donc le **premier ciel** ou **premier éniens**, et l'**infini** ω_7 est le **septième ciel** ou **septième éniens**.

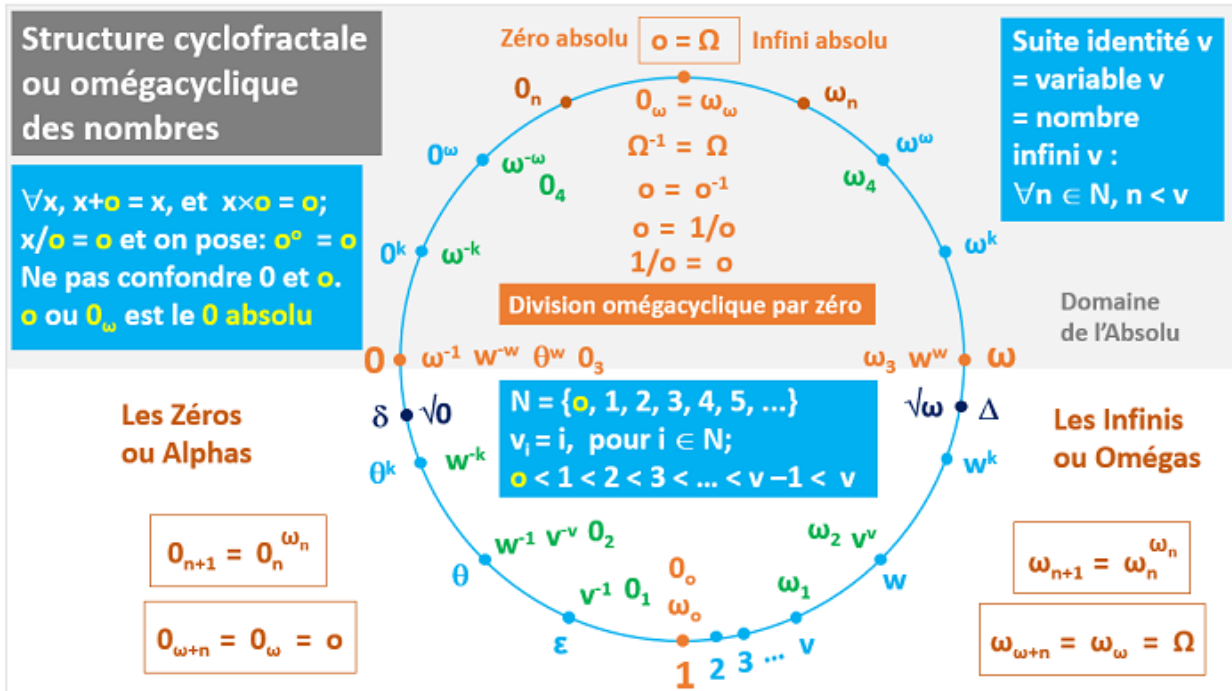
On dit que **a** (donc ω_a en fait, dont l'**indice** ou le **numéro** ou **niveau** est **a**) est un **seuil de l'absoluité**, si $a \geq 3$. Et pour tout **entier naturel** $a' \geq a$, on dit que a' (donc $\omega_{a'}$) est un **ciel absolu**. Cela signifie qu'avec ω_a commencent les **infinis absolus**, autrement dit commencent à être **équivalents** à l'**infini absolu** Ω . Ou qu'avec 0_a commencent les **zéros absolus**, autrement dit commencent à être **équivalents** au **zéro absolu** o . Il se passe toujours des choses très intéressantes et très instructives sur les **nombres** et leur fonctionnement aux **horizons de transition**, quand les **nombres** sont en train d'**alterner**, de changer de **nature** pour acquérir de **nouvelles natures**.

Nous avons jusqu'ici souvent choisi **a = 3**. Mais nous commençons à préférer **a = 7**. Le but surtout étant pour le cosmo-ingénieur de montrer le principe, la logique. Nous appelons **cosmo-ingénierie** ou **opération de Genèse** ou de **Nouvelle Genèse**, l'**ingénierie** de **création des univers**, comme le décrit Apocalypse 21: 1-7.

L'essentiel est donc que **a** soit au moins **3**, car alors de très fondamentales propriétés de la **structure des nombres** (notamment leur **structure fractale** de **base** ω_1) peuvent être mises en évidence.

Pour un **a** ≥ 3 choisi, ω_a est simplement noté ω , et son **zéro associé**, $1/\omega$, est alors simplement noté 0 . Et ω_{a-1} est noté w , appelé un **infini woméga**, et son **zéro associé**, $1/w$, est alors noté θ . Et ω_{a-2} est noté v , appelé un **infini varid**, et son **zéro associé**, $1/v$, est alors noté ε .

Pour **a = 3**, on a donc $\omega = \omega_3$, et $w = \omega_2$, et $v = \omega_1$. Et pour **a = 7**, on a $\omega = \omega_7$, et $w = \omega_6$, et $v = \omega_5$. Et pour **a = 77**, on a $\omega = \omega_{77}$, et $w = \omega_{76}$, et $v = \omega_{75}$. Et pour **a = 777**, on a $\omega = \omega_{777}$, et $w = \omega_{776}$, et $v = \omega_{775}$, et ainsi de suite.



Et quel que soit l'entier naturel variable infini ω_k choisi pour être ω , sa racine carrée, $\sqrt{\omega}$, appelée l'infini delta associée à l'infini ω , et notée: $\Delta = \sqrt{\omega}$, est une suite ou nombre variable, qui n'est pas toujours un nombre entier naturel, sauf aux rangs n où $\omega(n)$ est un carré parfait, c'est-à-dire: $\omega(n) = m^2$, où m est un entier naturel.

Dans ce cas alors, on a: $\Delta(n) = (\sqrt{\omega})(n) = \sqrt{(\omega(n))} = \sqrt{(m^2)} = m$.

La suite $\Delta = \sqrt{\omega}$ est donc occasionnellement entière. Le nombre de ses valeurs entières est précisément statistiquement donné par $\Delta(n)$, ce qui fait une proportion de:

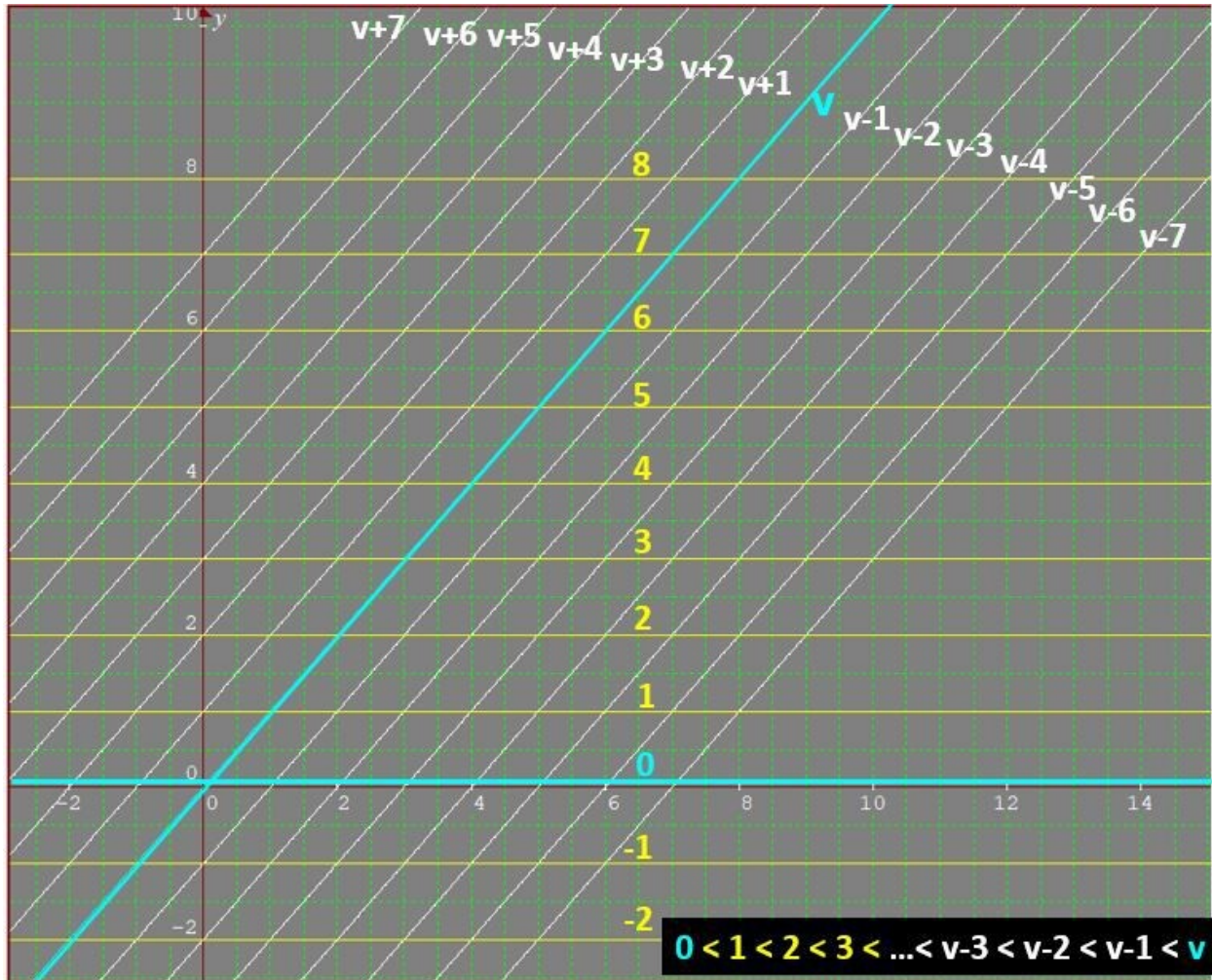
$$(\tau(\omega))(n) = (\Delta/\omega)(n) = \Delta(n) / \omega(n) = \sqrt{(\omega(n))} / \omega(n) = 1/\Delta(n).$$

Autrement dit, le nombre: $\delta = 1/\Delta$, appelé un infinitésimal delta ou zéro delta, qui est donc le zéro associé à l'infini Δ . On a: $\delta = \sqrt{0}$, c'est-à-dire le nombre vérifiant: $\delta^2 = 0$.

Ce nombre δ , que nous appelons aussi un dérivateur ou encore un différentiateur, est très important. Comme son nom l'indique, il joue en effet un rôle dans la nouvelle conception de la dérivée et du calcul différentiel (nous en avons largement parlé dans les livres précédents, et nous en reparlerons un peu par la suite).

Dans la conception traditionnelle des nombres, la racine carrée de 0 est 0 point final, c'est-à-dire: $\sqrt{0} = 0$, sans autre forme de procès. Mais la conception des nombres dans le Nouveau Paradigme est beaucoup plus fine et subtile. On entre dans un nouvel Univers numérique où l'on découvre des nombres transitoires aux propriétés inhabituelles. Le différentiateur δ en fait partie. Et je dois avouer que j'ai été très content le jour où j'ai découvert tous ces nouveaux types de nombres, dont je soupçonnais l'existence depuis fort longtemps, depuis mes premières années d'université, les années 1980 (j'insère ces lignes en janvier 2023, et j'aurai bientôt 62 ans, si Dieu le veut). La découverte récente qui me procure le même genre de joie, ce sont les nombres entiers naturels variables, les suites de nombres entiers naturels donc, et leur cas particuliers que sont les nombres entiers naturels variables infinis.

Ils permettent de donner aux notions de **zéros** et d'**infinis** leur définition la plus naturelle et intuitive qui soit. A savoir donc qu'un **nombre entier naturel infini**, est un **entier naturel variable** (autrement dit simplement une **suite d'entiers naturels**), qui finit par être supérieur à n'importe quel **nombre entier constant**, c'est-à-dire une **suite constante d'entiers naturels**, ou constante à partir d'un certain rang.



Les **suites** (ici les **fonctions**, notamment des **fonctions affines** ou **droites**) appelées: ..., $v-4$, $v-3$, $v-2$, $v-1$, v , $v+1$, $v+2$, $v+3$, $v+4$, ..., finissent par être **supérieure** à toute **suite** (ou **fonction affine**) **constante**, les **droites horizontales** appelées ..., -4 , -3 , -2 , -1 , 1 , 2 , 3 , 4 , Les **suites** $v-k$ ou $v+k$ sont donc pour cela des **nombre variables infinis**, autrement dit qui « **tendent vers l'infini** » selon la langage traditionnel.

Au nombre d'elles on a la **suite** ou **nombre variable** $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, appelé l'**infini varid**, et qui est donc l'**infini énitien** ω_1 , qui est la base pour définir une infinité d'autres **nombre infinis**, dont particulièrement les **infinis énitien** ω_k .

La **suite** $v-1$ est: $v-1 = (-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

On rappelle qu'apparemment -1 n'est pas un **entier positif**, mais en réalité c'est l'**entier positif** $\Omega-1$, en vertu du cycle Ω , dont l'expression est: $0 = \Omega$, donc: $-1 = \Omega-1$. Par contre, -1 ou $\Omega-1$, qui

est un **nombre entier**, certes, n'est pas un **entier naturel** au sens classique, car il est **infini**. Mais il est un **entier naturel** au sens nouveau, très généralisé, c'est-à-dire ici un **ordinal**, en l'occurrence l'**ordinal infini $\Omega-1$** , l'**avant-dernier des ordinaux**, le **dernier** étant donc **Ω** , qui est aussi le **commencement du cycle des ordinaux**, à savoir l'**ordinal** que nous appelons **o** , le **zéro absolu** donc.

La **suite $v-2$** est: **$v-2 = (-2, -1, o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$** .

De même, en vertu du **cycle Ω** , on a: **$-2 = \Omega-2$** , qui est donc un **entier positif infini**.

De même pour toutes les **suites** de la forme **$v-k$** , où **k** est un **entier naturel** au sens classique.

On a: **$-k = \Omega-k$** , qui est donc en fait un **entier positif infini**.

La **suite $v+1$** est: **$v+1 = (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots)$** .

De même, on a: **$1 = \Omega+1$** , qui, malgré les apparences, est donc aussi un **entier positif infini**.

La **suite $v+2$** est: **$v+2 = (2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, \dots)$** .

De même, on a: **$2 = \Omega+2$** , qui est donc aussi un **entier positif infini**.

De même pour toutes les **suites** de la forme **$v+k$** , où **k** est un **entier naturel** au sens classique.

On a: **$k = \Omega+k$** , qui est un **entier positif infini**, même si à la base il est **fini**.

Cette nature **finie** à la base est privilégiée par rapport à sa nature **infinie**.

Mais pour d'autres **entiers** ce sera le contraire, c'est la nature **infinie** qui sera privilégiée.

Tout **nombre entier naturel variable** (c'est-à-dire toute **suite de nombres entiers naturels**) n'est pas nécessairement **infini**. Par exemple la **suite $a = (2, 4, 2, 4, 2, 4, 2, 4, \dots)$** n'est pas **infinie**, elle ne « **tend pas vers l'infini** », comme on dit couramment.

Elle n'est pas même pas **constante**, mais est une **suite alternée**, ou **nombre entier alterné**. Elle est par contre **constante en moyenne**, et sa **moyenne** est la **suite constante**: **$\bar{a} = (3, 3, 3, 3, 3, \dots) = 3$** .

Les **nombres entiers variables** et leurs cas particuliers les **nombres entiers infinis** sont la découverte (ou plutôt révélation divine) récente dont franchement je suis content, en plus de la révélation sur tous les **nombres transitoires**, qui montrent que les **structures algébriques** classiques (comme par exemple les notions de **groupe**, d'**anneau**, de **corps**, etc.), même si elles sont très puissantes, sont trop rigides en ce sens qu'elles figent les propriétés des **nombres** dans une logique du **tout ou rien**. Du genre « **fini** » et « **non fini** », ou « **soit fini soit infini** », ou « **soit entier soit non-entier** », ou « **soit inversible soit non-inversible** », ou encore « **soit élément neutre soit non-élément neutre** », etc..

Or les choses sont beaucoup plus subtiles, fines et nuancées qu'on ne les conçoit avec cette **logique binaire**. Il y a une infinité de natures intermédiaires aux propriétés extraordinaires, comme se révèlent être les **nombres transitoires**. Comme par exemple les **nombres infinitésimaux** ou **infiniment petits**, ces **nombres** qui **sont déjà des zéros** mais sans encore être le **zéro absolu o** , qui est l'**élément neutre** de l'**addition** et **absorbant** pour la **multiplication**. Les **zéros** qui sont les **nombres infinitement petits**, les **inverses** des **nombres infinitement grands**, qui **sont déjà infinis** mais pas encore l'**infini absolu Ω** . Et ce **zéro** qu'est le **différentiateur delta** ou **δ** , dont le **carré** est un **zéro absolu**, c'est-à-dire **équivalent** au **zéro absolu o** , mais **δ** qui lui-même n'est pas encore un **zéro absolu**. C'est ce qui lui permet d'être le nombre idéal associé aux questions de **calculs de dérivées** ou de **calculs différentiels**.

Nous avons déjà plusieurs approches aussi naturelles que puissantes, pour accéder à ces **nombre**s **infiniment grands** et **infiniment petits**, avec des outils assez simples et élémentaires, et non pas ces outils spécialisés de la logique mathématique ou de la **théorie des modèles**, comme par exemple ceux utilisés par Jonh Conway dans sa **théorie des nombres surréels** par exemple, ou encore par Abraham Robinson dans sa **théorie d'analyse non standard**. Pas de théorèmes ou d'axiomes spéciaux donc, mais juste des outils basiques d'**ensembles et éléments**, d'**ensemble des nombres entiers naturels** (éventuellement **relatifs, rationnels, réels, complexes**, etc.), de **suites**, d'**applications**, de **fonctions**, etc.. Brefs les outils tels qu'on les acquiert à la sortie du lycée et dans les premières années d'université, pas plus.

Il faut juste cela pour comprendre par exemple le livre: **L'Univers TOTAL et les nombres omégaréels**, consacré à la **généralisation des nombres réels**, à l'étude des **nombre**s **infiniment grands** et **infiniment petits**.

Et tout cela pour exhiber des **nombre**s qu'il a fallu pour des spécialistes des outils de très haut niveau universitaire pour théoriser, et qui ne sont pas à la portée du lycéen ou de l'étudiant du premier cycle universitaire. Des **nombre**s qui tout bien réfléchis sont à la portée de tous, car en fait très naturels, très intuitifs. Tout le monde ou presque perçoit ainsi les **nombre**s, intuitivement, sans forcément avoir le langage mathématique pour exprimer son intuition.

Quelle ne fut pas ma surprise de découvrir que même les outils élémentaires précédemment mentionnés, sont, tels qu'on les aborde généralement au lycée et dans le premier cycle universitaire, trop techniques pour accéder aux **nombre**s **infiniment grands** et **infiniment petits**, les **infinis** et les **zéros** donc. La simple notion de **nombre entier variable**, à savoir donc une **suite** « bête » de **nombre**s **entiers naturels**, comme par exemple: **$x = (12, 5, 0, 9, 24, 15, 0, 1, 48, 7, 6, \dots)$** , quand on fait parler cette notion et lui fait délivrer ses secrets, suffit largement pour accéder à des nombres proprement extraordinaires!

A commencer par la **suite**: **$v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$** , qui n'est autre que la **suite des nombre**s **entiers naturels**, autrement dit la version « **suite** » du bon vieil **ensemble des entiers naturels**: **$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$** .

Dire qu'au moins dans un des livres précédents je « détestais » presque cet ensemble tel qu'on le présente habituellement, c'est-à-dire sous cette **liste**, avec un **premier élément**, **o** ou **0** en notation classique, qui est l'**Alpha**, mais pas de **dernier élément**, l'**Oméga**, qui est pourtant cet ensemble lui-même, ou sa version « **suite** » qu'est **v**. Le voilà le **premier ordinal infini**, le **premier infini oméga**, oui ω .

Mais comme il ne figure pas explicitement dans la liste des éléments de manière à indiquer que c'est le **dernier élément** de la liste, je disais que cet ensemble était « **incomplet** », et le « détestais » donc, présenté comme cela. Je suggérais de le réécrire ainsi, comme un **ordinal de von Neumann**: **$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, N-7, N-6, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1\}$** .

Là on voit que **N** est vraiment lui-même un **ordinal**, c'est-à-dire un **nombre entier**, possède exactement **N éléments**, le dernier étant **N-1**, et **N** lui-même étant l'**ordinal** qui vient après **N-1**, autrement dit son **successeur**, tandis que **N-1** est son **prédécesseur**. En version **ordinal oméga** cela donne: **$\omega = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, \omega-7, \omega-6, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1\}$** .

Et en version « **suite** » cela donne: **$v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, v-7, v-6, v-5, v-4, v-3, v-2, v-1)$** .

Différentes façons de dire exactement la même chose, et dans tous les cas, un **ordinal infini** enfin **complet**, et non seulement cela, en tant que **cardinal**, c'est-à-dire un **ordinal qui sert à indiquer les nombres d'éléments d'un ensemble donné**, il indique lui-même ENFIN le nombre de ses propres éléments ! Ainsi, **N** indique qu'il a exactement **N éléments**, c'est-à-dire une **infinité d'éléments**, et **infinité** ou **nombre entier infini** qui est **N** lui-même. Et donc aussi, ce qui revient exactement au même, **ω indique qu'il a ω éléments**, et **v indique qu'il a v éléments**, etc.

Et dans ces livres je faisais observer une autre chose très simple: si au lieu d'un **nombre entier constant 7**, qui, en tant qu'**ordinal de von Neumann** est l'**ensemble** suivant qui a exactement **7 éléments**: **$7 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$** , ou: **$7 = \{0, 1, 2, 3, 7-3, 7-2, 7-1\}$** , on voulait donner une formule générale des **ordinaux de von Neumann**, avec une **variable n**, on écrirait simplement: **$n = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, n-7, n-6, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1\}$** .

Et alors, surprise !, on constate que cette écriture avec une **variable n**, a exactement la même forme que celle de l'**ensemble N** écrit comme un **ordinal de von Neumann**: **$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, N-7, N-6, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1\}$** .

Par conséquent, cette **variable n** n'est rien d'autre que l'écriture de l'**ensemble N** lui-même, quand il est enfin écrit de manière **complète**! De manière donc à mettre en évidence l'**ordinal de von Neumann** qu'il est, en l'occurrence ici un **ordinal infini de von Neumann**, car Jon von Neumann n'a donné cette définition **ordinaire** que pour les **ordinaux finis**:

$0 = \{ \}$; l'**ensemble vide** en tant qu'**ordinal** ou **nombre** ; il n'a **aucun élément**, donc a **0 élément**, l'**ordinal** indique lui-même son **cardinal**, c'est-à-dire le **nombre de ses éléments**;

$1 = \{0\}$; l'**ordinal 1** est l'ensemble qui a exactement **1 élément**, à savoir l'**ordinal 0**. L'**ordinal 1** lui aussi indique lui-même son **cardinal**, c'est-à-dire le **nombre de ses éléments**;

$2 = \{0, 1\}$; l'**ordinal 2** est l'ensemble qui a exactement **2 éléments**, à savoir les **ordinaux 0** et **1**. L'**ordinal 2** lui aussi indique lui-même son **cardinal**, c'est-à-dire le **nombre de ses éléments**.

$3 = \{0, 1, 2\}$; l'**ordinal 3** est l'ensemble qui a exactement **3 éléments**, à savoir les **ordinaux 0, 1** et **2**. L'**ordinal 3** donc lui aussi indique lui-même son **cardinal**, c'est-à-dire le **nombre de ses éléments**. Et ainsi de suite.

La logique des **ordinaux de von Neumann** se dessine très clairement: un tel ordinal est exactement l'**ensemble de tous les ordinaux de von Neumann qui le précèdent**, qui ont tous **0** comme **premier élément** (à l'exception de **0** qui est l'**ensemble vide**), et ont un **dernier élément**, qui est l'**ordinal de von Neumann** qui les **précède**.

Et donc en considérant une **variable n**, représentant un **ordinal de von Neumann** précédemment défini et qui **n'est pas vide**, sa formule générale est donc:

$n = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, n-7, n-6, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1\}$.

Autrement dit, tous les **ordinaux de von Neumann** de **0** ou **0** à **n-1**, l'**ordinal de von Neumann** qui **précède n**.

Et maintenant, ce que je faisais observer par ces études dans les livres précédents, c'est que **cette formule doit être absolument générale** pour **tous les ordinaux, finis ou infinis**! Ils doivent tous

être des **ordinaux de von Neumann**, sinon ils ne sont pas normaux, ils ne sont pas **complets**! La **variable n** donne en fait la **formule générale** de **tous les ordinaux**, **finis** ou **infinis**. Et la seule différence pour la formule des **ordinaux finis**, c'est qu'il n'y a pas de symbole « ... », ou son usage n'est pas obligé, sauf pour abrégé l'écriture d'un **ordinal fini** mais qui a un **très grand nombre d'éléments** comme par exemple **un milliard d'éléments**, ou **un milliard de milliards d'éléments**.

On observe au passage que plus le nombre d'éléments d'un **ordinal de von Neumann** tend vers l'**infini**, comme on dit, plus la présence de ce type de symbole « ... », que nous appelons l'**opérateur GENER**, se fait sentir, sinon on n'a pas encore fini de **lister tous les éléments**! Mais théoriquement, si le **nombre des éléments** ou **cardinal** n'est pas **infini** mais est « **fini** », **on peut « finir » de lister tous les éléments**, et donc se passer de ce symbole. Mais **si le nombre est infini, alors ce symbole devient obligé!**

La présence de l'**opérateur GENER**, « ... » ou de tout **opérateur** équivalent, est la signature qui différencie l'écriture des **ordinaux de von Neumann infinis** de celle des **ordinaux de von Neumann finis**. Mais le fait d'être un **ordinal infini n** n'empêche nullement d'être un **ordinal de von Neumann**, avec donc **o** ou **0** comme **premier élément** et **n-1** comme **dernier élément**, qui est l'**ordinal de von Neumann** qui **précède n**. Donc: **n = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., n-7, n-6, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1}**.

Et force est de constater aussi que dès que l'on veut écrire la formule générale des **ordinaux de von Neumann** avec une **variable n**, l'usage de l'**opérateur GENER** « ... » devient automatiquement obligé! De même quand il faut **lister tous les éléments** d'un **ensemble infini**, comme par exemple: **N = {o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...}** ou: **N = {o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., N-7, N-6, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1}**. Nous en déduisons que la notion d'**ordinal infini**, n'est rien d'autre que celle de **nombre entier variable**, pouvant prendre pour **valeur** un **nombre entier aussi grand que l'on veut**, contrairement donc à un **nombre entier constant** ou **fini**. Autrement dit, un **ordinal infini n**, est tout simplement un **ensemble d'ordinaux finis** mais dont le **nombre des éléments** ou **cardinal** est **variable** et non plus **constant**, une **variable tendant vers l'infini**, comme on dit, c'est-à-dire représentant un **nombre entier fini aussi grand que l'on veut**.

Cette révélation sur les **nombres entiers variables infinis** pour définir les **ordinaux infinis**, change complètement ma vision des **ordinaux**, et je réalise à quel point la notion d'**ordinal, fini** ou **infini**, était beaucoup plus **simple, élémentaire, naturel**, que je ne le pensais ou qu'on me l'a fait penser! Une simple affaire de **variable** et de **constante** donc, concepts que je manipule depuis le lycée, depuis que j'utilise les **variables m, n, p, q**, etc., et surtout **x, y, z**, etc., pour écrire des **polynômes, résoudre des équations**, du **premier degré à une inconnue**, ou à **plusieurs inconnues**, ou du **second degré à une inconnue**, etc. Il ne faut donc pas plus que ça pour comprendre le secret des **nombres infinis, infiniment grands** et **infiniment petits**! Nul besoin donc d'axiomes et de théorèmes spécialisés, mais juste des concepts connus depuis le collège et le lycée. Incroyable et pourtant vrai!

Je suis donc très content d'avoir eu cette révélation. Je ne parlerai pas de fierté, une notion puérole, mais simplement de joie divine et de divine joie. Merci Univers TOTAL, l'Alpha et l'Oméga, merci mon Dieu! Merci, Seigneur Jésus Christ!

Et vous, lecteurs, lectrices, puissiez-vous éprouver la même joie divine avec ce livre, découvrir en fait à quel point la science est simple et divine, d'une simplicité biblique, mais que c'est le Diable,

l'être de Négation, ainsi que les siens, qui l'ont rendue si compliquée, qui ont transformé les mathématiques divines et divines mathématiques en épouvantail qui repousse beaucoup de gens! Et surtout, oui surtout, ils ont littéralement confisqué la science divine, enfoncé dans les crânes que Dieu et Science n'ont rien à faire ensemble, alors que Dieu est la Science, la vraie! Et beaucoup d'enfants de Dieu ont très sincèrement de tout temps travaillé à ces sciences et on contribué à faire d'elle ce qu'elle, comme les Euler par exemple, les Newton, les Cantor, les Gödel, les Einstein, et j'en passe. Mais sans savoir qu'ils travaillaient dans les sciences du Diable, avec les paradigmes du Diable, les paradigmes de la Négation!

Je ne parle donc pas fierté personnelle, puisqu'il s'agit de révélation divine, et pas le fruit d'une quelconque intelligence personnelle. Ou alors cette intelligence est un don de Dieu, et ce qui est un don n'est pas un motif de gloire personnelle ou égoïque. Je parle donc simplement de la joie divine d'avoir eu toutes ces révélations, d'être sorti par Dieu des ténèbres et des complications des sciences du Diable, et d'être entré dans les lumières de la Science de Dieu, la Science de l'Univers TOTAL, de l'Etre TOTAL, l'Alpha et l'Oméga donc, que j'ai une immense joie de partager avec vous. Je fais de mon mieux pour vous faire sentir et ressentir sa supériorité par rapport aux sciences du Diable, sa transcendance, son infinité, la vraie, celle qui ne ment plus en disant par exemple que la **division par zéro** est « impossible »! Celle qui vous réapprend à compter avec les **nombre naturels** en disant: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, et à découvrir enfin le **vrai infini**, l'**Alpha** et l'**Oméga**.

Je n'apprécie pas trop la mentalité du mathématicien de génie John von Neumann, un juif comme Einstein, un génie comme lui, mais pas le même état d'esprit humaniste qu'Einstein. John von Neumann qui est l'un des pères de la bombe atomique. Einstein aussi avec sa relativité a contribué à la bombe, mais malgré lui, puis il a milité pour une humanité plus responsable. Et John von Neumann aussi l'un des pères de l'ordinateur, qui réfléchissait comme un ordinateur, qui calculait à la manière de faire le plus de morts possible avec la bombe, sans ressentir la souffrance que cette horreur allait engendrer. Malgré donc que n'apprécie pas trop sa mentalité, je dois néanmoins lui reconnaître plus d'une grande trouvaille dans sa vie, et notamment la logique des **ordinaux** qui portent son nom, et que vient d'expliquer (on y revendra).

Car cette logique, que lui limitait seulement aux **ordinaux finis**, c'est-à-dire les classiques **nombre entiers naturels**, je démontre qu'en fait c'est la logique de **tous les ordinaux, finis comme infinis**. C'est l'unique vraie logique des **nombre naturels**. **Tout nombre naturel n, fini ou infini** donc, peut être défini comme étant l'**ensemble de tous les nombre naturels**, du premier, qui est l'**ensemble vide**, habituellement noté $\{ \}$ ou \emptyset , mais plus couramment **0**, en tant que **nombre**, jusqu'à **n-1**, qui est le **prédécesseur immédiat de n**. Autrement dit, tout **ordinal n** est de la forme: **$n = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, n-7, n-6, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1\}$** .

Y compris en fait le **0** aussi, ou **o** en parlant du **zéro absolu**, qui est l'**ensemble vide** ou **Alpha**, certes, mais qui est l'**ensemble plein** aussi, à savoir l'**Oméga**, qui est **Ω** , en parlant de l'**infini absolu**. On a donc le cycle des ensembles, qui est aussi le **cycle des nombre naturels** ou **ordinaux**, qui s'écrit: **$0 = \omega$** , en versions **relatives**, c'est-à-dire les **versions intermédiaires**, de **transition**, en train de **devenir absolue**, de tendre vers le **terminus ultime**. Et qui s'écrit: **$o = \Omega$** , en versions absolues, quand le **terminus** est atteint. On voit alors qu'en fait **le vide ou Alpha n'est pas si vide** que cela, mais n'est une autre facette du **plein**, l'**Oméga**.

Ce qui, en langage des **nombre**, est appelé les **nombre négatifs**, et qui signifie les « **nombre en dessous de zéro** », est ce qui, en langage des **ensembles**, doit être appelé les « **ensembles**

« négatifs », les « choses négatives », les « êtres négatifs », les « existences négatives », les « entités négatives », etc., ce qui signifie simplement les éléments de l'ensemble vide ou les éléments du vide, du zéro, du néant, bref, les incarnations de non existence. Ce sont les choses ou les êtres qui existent, mais de manière négatives, en ce sens qu'elles incarnent la négation des choses ou les êtres positifs. En langage biblique, c'est ce qu'on appelle les démons. , et l'ensemble vide, qui est le lieu d'existence des choses négatives ou les êtres négatifs, est ce que nous appelons l'Onivers, et qu'on appelle couramment l'Enfer, notamment en langage biblique.

C'est tout ce que les sciences du Diable n'ont jamais voulu que le monde comprennent. Les êtres négatifs ont brouillé le sens des nombres, des ensembles, des choses, pour qu'on ne les comprenne pas comme on le devrait. La Science de Dieu éclaire maintenant tout.

Revenons à notre propos sur les propriétés des **nombres**, notamment dans leur phase de transition vers les limites absolues. Ce qui va nous intéresser à présent, ce sont les **propriétés caractéristiques du zéro**, notamment les **zéros éniens** 0_k , en relation avec celles de l'**infini**, notamment les **infinis éniens** ω_k .

Remarques:

Le choix du **seuil d'absoluité a** (ou ω_a en fait, comme on l'a vu) est important, notamment pour le **zéro** associé, 0_a , car cela signifie qu'à partir de ce **zéro** et pour les **zéros pus petits** que lui, commencent les caractéristiques algébriques classiques du **zéro absolu**, à savoir le fait d'être l'**élément neutre** pour l'**addition**, l'**élément absorbant** pour la **multiplication**, etc. Dans ce qui va suivre, quand nous parlons d'un **nombre x**, celui-ci peut être **entier** ou non, **relatif** ou non, **rationnel**, **réel** ou **complexe**. Ce peut-être même un **vecteur**, une **matrice**, etc.

Tout type de **nombre** est à la base construit avec les **nombres entiers naturels**, **constants** ou **variables**. Et tout objet **x** possédant un statut de nombre doit posséder une caractéristique fondamentale, couramment appelée la **valeur absolue de x**, ou encore le **module de x**, et que nous appelons aussi le **réali de x**, et qui est un **nombre réel** ou **omégaréel positif**, noté $|x|$. C'est lui qui nous intéresse surtout ici, plus que l'**objet numérique x** lui-même, s'il est par exemple un **nombre complexe**, un **vecteur** ou une **matrice**. Du moment que $|x|$ est **infini**, autrement dit le **réali de x** ou sa **valeur absolue** est **infinie**, nous dirons que **x** est un **nombre infini**. Et si $|x|$ est un **zéro**, nous dirons que **x** est un **nombre zéro**.

Voici les propriétés caractéristiques des **zéros**. Pour cela, il importe de comprendre que ce sont des **équivalences**, le signe de l'**égalité** « = », qui nous sert jusqu'ici à exprimer l'**identité**, ne doit pas servir à exprimer ces **équivalences**, ou alors il nous faudrait changer de notation, utiliser la notation « == » pour désigner l'**égalité** telle que nous l'exprimions jusqu'à présent, et utiliser le signe « = » pour exprimer l'**équivalence**. Mais un autre choix, sans doute plus calir ici, est de garder le signe « = » pour la courante **identité**, mais d'introduire le signe « ≡ » pour exprimer l'**équivalence** nécessaire ici, et qui a vocation à devenir la nouvelle **égalité** sur les **nombres** que nous définissons.

→ $1 + 0_a \equiv 0_a + 1 \equiv 1$ (**onitivité**).

L'idée très intuitive dans cette écriture de cette propriété d'**onitivité** est de dire que le **zéro** 0_a , noté désormais **0** (et qu'il ne faut pas confondre avec le **zéro absolu o**, car **0** est un **infiniment petit**, un **nombre infinitésimal**, le **zéro absolu en devenir**), est tellement petit devant **1**, que l'**additionner** à

1 ne le change pas. Il est négligeable devant 1, il est du **néant** comparé à lui. Le **nombre 1+0** ou **0+1** est donc **équivalent** à 1.

Plus généralement on a: $x + 0_a \equiv 0_a + x \equiv x$, pour tout **nombre x** tel que $|x| \geq 0_{a-1}$.

L'idée intuitive ici est que pour que 0_a puisse être considéré comme un **zéro absolu** comparé à x , il faut que x soit **suffisamment grand** en **valeur absolue** comparé à 0_a , et pas donc d'un même **ordre de grandeur** que 0_a . Etant entendu que 0_{a-1} , le **zéro de l'infini énitien** précédent, ω_{a-1} , est infiniment plus grand que 0_a , si donc x a un **ordre de grandeur** supérieur à 0_{a-1} , alors $x + 0_a$ ou $0_a + x$ est **équivalent** à x .

→ $0_a + 0_a \equiv 0_a$ (**auto-additivité**).

Ici, la question qui se pose est intuitivement de savoir si un **zéro** est suffisamment **absolu** ou petit, pour que l'**additionner à lui-même** donc calculer son **double**, reste toujours un **zéro** absolu. Dire donc qu'avec 0_a on entre dans le **seuil de l'absoluité**, c'est-à-dire dans un univers de nombres si petits qu'on puisse les considérer **équivalents** au **zéro absolu** 0 , c'est donc dire que leur double est au un **zéro absolu**.

Mais alors se pose tout de suite une nouvelle question: combien de fois on peut **additionner** ces **zéros absolus** à eux-mêmes pour qu'ils restent des **zéros absolus**? Car, même petits, à force de les **additionner à eux-mêmes**, c'est-à-dire de les **multiplier** par un **multiple entier n** de plus en plus grand, le résultat peut à un moment ne plus être un **zéro absolu**. Mais alors jusqu'à quel **multipliable maximal n**, le **nombre $n \times 0_a$** reste encore un **zéro absolu**? C'est la **version généralisée de la l'auto-additivité**, qui suit:

Plus généralement on a: $x \times 0_a \equiv 0_a \times x \equiv 0_a$, pour tout **nombre x** tel que $|x| \leq \omega_{a-1}$.

Autrement dit, si en **valeur absolue**, x n'est pas plus grand que ω_{a-1} l'**infini énitien** précédent, qui est **infiniment petit** par rapport à ω_a l'**infini énitien** associé à 0_a , alors x est un **nombre initial** par rapport à 0_a , ce qui veut dire que $x \times 0_a$ ou $0_a \times x$ est un **zéro absolu** du même **ordre de grandeur** que 0_a .

Par définition, le **nombre Δ_a** , qui est l'**infini delta** associé à ω_a , et qui est: $\Delta_a = \sqrt{\omega_a}$, est l'ultime limite maximale que doit avoir $|x|$, pour que $x \times 0_a$ ou $0_a \times x$ ne commence à devenir un **nombre** qui n'est vraiment plus de l'**ordre de grandeur** du **zéro absolu** 0_a .

En effet, on a: $\Delta_a \times 0_a = \Delta_a \times \delta_a \times \delta_a = 1 \times \delta_a = \delta_a = \sqrt{0_a}$, qui est donc l'**infinésimal delta** associé à 0_a , sa **racine carrée**. Et on considère que la **racine carrée** d'un **zéro** 0_a jugé **absolu**, reste encore un **zéro** du même **ordre de grandeur** que 0_a , même s'il est quand même infiniment plus grand que 0_a . Donc Δ_a est vraiment l'**ultime multiple x** de 0_a , à ne pas dépasser pour qu'on puisse encore dire que: $x \times 0_a \equiv 0_a \times x \equiv 0_a$ est vrai.

Mais on en est loin par contre avec le multiple ω_{a-1} , car on a: $\Delta_a = (\omega_{a-1})^{1/2}$, ce qui veut dire que ω_{a-1} est vraiment **infiniment petit** par rapport à Δ_a , donc le **produit $\omega_{a-1} \times 0_a$** est un **zéro absolu** de l'**ordre de grandeur** de 0_a . On peut donc **additionner** tranquillement 0_a à lui-même jusqu'à un **nombre infini ω_{a-1}** fois, en ayant encore un **zéro absolu** de l'**ordre de grandeur** de 0_a . C'est cela l'un des intérêts des **infinis énitien**s. Ils sont des **infinis**, et pourtant des **zéros** comparés aux **infinis**

éniens qui les suivent, si bien que **multipliés** par les **zéros** de ceux-ci (qui sont **infiniment** plus **petits** que leurs propres **zéros**, par qui **multipliés** donnent **1**), ils sont **annulés**, tout simplement, **absorbés**, comme on dit. Autrement dit, pour un **infini énitien** donné, son propre **zéro** ne l'**absorbe** pas, car il est trop gros, la **multiplication** par son propre **zéro** donne donc **1**. Mais les **zéros** des **infinis** suivants sont des **éléments absorbants** pour lui, il n'en font qu'une bouchée, ils l'engloutissent, l'annulent, dans une **opération de multiplication** par eux.

On en déduit que si l'on veut travailler avec des **nombre**s qui en **valeur absolue** ne dépassent pas un certain **infini énitien** ω_k , donné, le **zéro** de n'importe quel **infini énitien supérieur** donné, peut servir de **zéro absolu** 0 , d'**élément neutre** de l'**addition**, d'**élément absorbant** pour la **multiplication**, etc. D'autant plus s'il y a un écart de **2** ou **3** ou plus, entre l'**infini énitien** ω_k , et les **infinis éniens supérieurs** considérés, c'est-à-dire qui sont au moins ω_{k+2} ou ω_{k+3} ou plus.

Par exemple, pour l'**infini énitien** ω_1 , pris pour v , dont le **zéro** est $1/v = \epsilon$, l'**infini** ω_3 , pris pour ω , et dont le **zéro** est $0 = 1/\omega$, est suffisamment petit pour servir d'**élément neutre** de l'**addition** dans l'**ensemble** associé à ω_1 ou v , à savoir \mathbb{N} , et donc être aussi le **premier ordinal** de \mathbb{N} , à savoir 0 donc, jouant le rôle du **zéro absolu** 0 . Et aussi pour servir d'**élément absorbant** pour tous les éléments de \mathbb{N} , ce qui veut dire donc que: $n \times 0 \equiv 0 \times n \equiv 0$, pour tout élément n de \mathbb{N} . La qualité de **zéro absolu** est alors telle qu'on peut même écrire maintenant les **identités**: $n \times 0 = 0 \times n = 0$.

→ $0_a \times 0_a \equiv 0_a$ (**auto-multiplicativité**).

L'idée intuitive avec cette propriété d'un **zéro absolu**, est qu'il est maintenant suffisamment absolu pour qu'on ne le distingue plus de son **carré** ou de la **racine carrée**, autrement dit on ne distingue plus 0_a et δ_a , l'**identité** $\delta_a = 0_a$ commençant à être vraie. Le phénomène de distinction d'un **zéro absolu** 0_a et de sa **racine carrée** $\delta_a = \sqrt{0_a}$, n'existe que pour les **zéros transitoires**, qui commencent juste à être des **zéros absolus**. C'est dans ces cas-là que dans la pratique habituelle des mathématiques, on dit des choses du genre, concernant des quantités très petites dans les développements limités par exemple: « On néglige les termes au carré », ou : « On néglige les termes à l'ordre 2 mais on conserve les termes à l'ordre 1 ».

Par exemple, le développement de la **fonction exponentielle** e^x est:

$$e^x = 1 + x/1! + x^2/2! + x^3/3! + x^4/4! + x^5/5! + \dots$$

Mais si l'on précise qu'on calcule cela pour les valeurs de x suffisamment petites en valeur absolue qu'on peut « négliger » les termes à partir de l'**ordre 2** c'est-à-dire les termes à partir de la **puissance** x^2 et au-delà, on est ni plus ni moins en train de dire que x est suffisamment petit pour qu'on le traite comme un **infinitésimal delta**, le type de **nombre**s qui ne sont pas le **zéro absolu**, mais dont le **carré** commence à être le **zéro absolu**. Pour ce type de **nombre**s, les termes de ce développement à partir du **degré 2 de x** sont **nuls**, ce qui donne :

$$e^x = 1 + x/1! + 0 + 0 + 0 + 0 + \dots = 1 + x.$$

Cela signifie que x ne vérifie pas encore l'**auto-multiplicativité**, on distingue x et x^2 , car $x \neq 0$, mais $x^2 = 0$. En d'autres termes, on distingue x et son **carré** ou x et sa **racine carrée**.

Mais si l'on précise que x est si petit qu'il est pratiquement le **zéro absolu**, là x vérifie l'**auto-multiplicativité** dont nous parlons ici, et qui se dit dans cet exemple: $x^2 = x = \mathbf{0}$. Et dans ce cas alors ce développement de e^x devient simplement:

$e^x = \mathbf{1}$, ce qui équivaut à dire qu'on calcule: $e^0 = \mathbf{1}$.

Donc pour un **zéro** $\mathbf{0}_a$ suffisamment **absolu** pour vérifier ce que nous appelons l'**auto-multiplicativité**, on a donc: $\mathbf{0}_a \times \mathbf{0}_a \equiv \mathbf{0}_a$, ce qui signifie qu'on ne distingue plus $\mathbf{0}_a$ et son **carré** $\mathbf{0}_a \times \mathbf{0}_a$, et donc aussi disparaît le phénomène d'existence du **zéro delta**, δ_a .

→ $\mathbf{0}_a \wedge \omega_a \equiv \mathbf{0}_a$ (**oni-auto-exponentiativité**).

On a l'**identité**: $\mathbf{0}_k \wedge \omega_k = \mathbf{0}_{k+1}$, pour tout entier $k \geq 1$. Cela signifie que tout **zéro énitien** à la **puissance** son **infini énitien**, donne le **zéro énitien** suivant.

Et maintenant, dire: $\mathbf{0}_a \wedge \omega_a \equiv \mathbf{0}_a$, veut dire que $\mathbf{0}_a$ est tellement petit, donc tellement **absolu**, qu'il devient identique au **zéro énitien** suivant, qui normalement est **infiniment plus petit** que lui! Autrement dit, on commence à avoir: $\mathbf{0}_{a+1} = \mathbf{0}_a$, ce qui signifie aussi: $\omega_{a+1} = \omega_a$. Autrement dit, la **suite énitienne** commence à **plafonner**, ce qui veut dire qu'il atteint le **terminus ultime**, l'**infini absolu** Ω et le **zéro absolu** \mathbf{o} . Et là aussi, \mathbf{o} et Ω se rejoignent pour faire le grand **cycle** Ω , à savoir donc: $\mathbf{o} = \Omega$.

Concrètement, toutes ces propriétés se résument en disant qu'on se donne un **ensemble d'ordinaux** dits **constants** ou **finis**: $N = \{\mathbf{o}, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, qui sont par exemple les **ordinaux de von Neumann** construits en **théorie axiomatique des ensembles**. A partir d'eux, on définit la notion de **nombre entier variable**, qui n'est autre que la notion de **suite de nombres entiers naturels**, c'est-à-dire les **applications de N dans N**. Puis on construit une **suite d'entiers infinis énitien**, les ω_k , avec k un **entier naturel**, comme nous l'avons fait. Et enfin on construit à partir d'eux une **suite énitienne** de leurs **zéros** $\mathbf{0}_k$ associés.

Puis on se donne un **nombre entier naturel** $a \geq 3$, qui est un minimum pour percevoir la **structure fractale de base** ω_1 , ainsi que sa logique. Mais on peut tout à fait se donner $a \geq 7$, ou $a \geq 77$, ou $a \geq 777$, ou $a \geq 7777777$, etc., bref un **nombre entier** ω_a que l'on juge suffisamment **infini** (sachant que le « petit » ω_1 , qui équivaut à l'**ensemble** $N = \{\mathbf{o}, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, est déjà **infini!**), pour l'appeler l'**infini absolu**, et $\mathbf{0}_a$ son **zéro** associé le **zéro absolu**.

On construit avec l'**ensemble** noté N_ω des **ordinaux finis** et **infinis** définis, appelés aussi **nombre entiers oméganaturels** (comme nous le ferons par la suite), par les procédés classiques, l'**ensemble** Z_ω des **nombres entiers omégarélatifs** (comme nous le ferons aussi, en tout cas c'est fait dans les livres précédents), puis l'**ensemble** Q_ω des **nombres omégarationnels** (comme nous le ferons aussi).

Il est inutile alors de construire l'**ensemble** R_ω des **nombres omégaréels**, car, avec maintenant la présence de **nombres entiers infinis**, les ensembles Q_ω et R_ω sont le même **ensemble**. Et non seulement cela, l'**ensemble** C_ω des nouveaux **nombres complexes** est indirectement contenu dans Q_ω , ainsi que la nouvelle notion de **vecteurs**, de **matrices**, etc., et sous la forme des **polynômes** dont les **indéterminées** sont les **puissances** de ω_3 ou ω_4 par exemple, les **coefficients** étant les **nombres omégarationnels** qui en **valeur absolue** ne dépassent pas ω_2 ou ω_1 par exemple.

D'où l'importance de fixer le **seuil de l'absoluité** ω_a à au moins ω_3 , pour permettre tous ces **phénomènes numériques** d'émerger dans la **structure fractale**. Avec ω_7 ($a=7$ donc), toutes les notions mathématiques connues sont représentées dans la nouvelle **structure numérique**, la **structure omégacyclique** ou **cyclofractale** des **nombre**s. Et même toutes les sciences dans une seule conception des **ensembles**, la **Science de l'Univers TOTAL!**

Dans l'**ensemble** Q_ω des **nombre**s omégarationnels, ou dans Q^*_ω l'**ensemble** des **réalis** associés, c'est-à-dire de tous les **nombre**s omégarationnels (ou omégaréels) positifs associés, on définit une **relation d'équivalence** « \equiv » qui consiste à dire simplement que cette **relation** coïncide avec l'**identité** « $=$ » pour les **réalis** r tels que: $0_a < r < \omega_a$, c'est-à-dire tels que: $r \in]0_a, \omega_a[$. Mais pour les **réalis** r tels que: $r \leq 0_a$ ou $r \geq \omega_a$, c'est-à-dire tels que $r \in [0, 0_a]$ ou $r \in [\omega_a, \Omega]$, ils sont tous **équivalents**, ils forment une seule **classe d'équivalence** ou **classe d'égalité**. Nous appelons ce type de **relation d'équivalence** une **équivalence de cyclage** (on y reviendra plus en détail).

En gros, tous les **nombre**s à partir de l'**infini absolu** ω_a et **au-dessus**, ou à partir du **zéro absolu** 0_a et **en dessous**, sont **égaux**, selon la nouvelle **relation d'égalité** qu'est la **relation d'équivalence** « \equiv ». Et pour le reste l'**égalité** reste l'**égalité courante**. Autrement dit encore, tous les **zéros** à partir de 0_a et **en dessous** ne se distinguent plus du **zéro absolu** 0 , et tous les **infinis** à partir de ω_a et **au-dessus**, ne se distinguent plus de l'**infini absolu** Ω , et ces deux catégories de **nombre**s extrêmes, ces **zéros extrêmes** et ces **infinis extrêmes**, sont mis dans la même **classe d'équivalence**. Ainsi par exemple, $0_a, 0_{a+1}, 0_{a+2}, 0_{a+3}$, etc., sont **équivalents** à 0_a , ce qui correspond à la propriété d'**oni-auto-exponentiativité**, vue plus haut, sa version pour les **infinis** étant que $\omega_{a+1}, \omega_{a+2}, \omega_{a+3}$, etc., sont **équivalents** à ω_a , ce qui est la propriété d'**auto-exponentiativité**, pour les **nombre**s infinis.

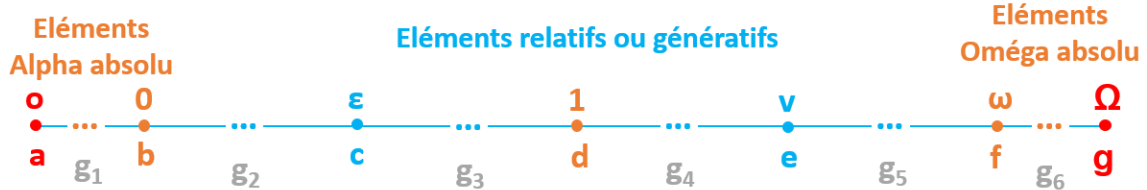
On réunit les **zéros** à partir de 0_a et en-dessous, notés collectivement o , ainsi que les **infinis** à partir de ω_a et au-dessus, notés **collectivement** Ω , en une seule **classe d'équivalence** ou **classe d'égalité**. Ses éléments sont tous **équivalents** donc, ce qui s'écrit: $o \equiv \Omega$. Les nouvelles **classes d'équivalence** constituent les nouvelles **identités**, et l'**ensemble de ces nouvelles identités** sont ce que dans les paradigmes traditionnels on appelle l'**ensemble quotient** de cette **relation d'équivalence** « \equiv ». Le courant signe de l'**identité** « $=$ » s'applique désormais à ces **classes**. Autrement dit simplement, la relation « \equiv » devient la nouvelle **identité** notée « $=$ ». L'écriture: $o = \Omega$, s'interprète alors désormais ainsi: «Tout **réali** de la sous-classe qu'est o , c'est-à-dire les **réalis** de l'**intervalle** $[0, 0_a]$, est équivalent à tout **réali** de la sous-classe qu'est Ω , c'est-à-dire les **réalis** de l'**intervalle** $[\omega_a, \Omega]$ ».

La **structure numérique** que nous venons de décrire et qui peut paraître « artificielle », obéit pourtant à un type de **relation d'équivalence** sur les **ensembles totalement ordonnées**, aussi simple que puissante. C'est l'**équivalence** de **bornage** et de **cyclage**, qui s'applique à tout **ensemble** E d'au moins 7 **éléments** a, b, c, d, e, f, g , **totalement ordonné et borné** par une **relation d'ordre** notée « $<$ » (on verra plus tard la **relation d'ordre**, en même temps que la **relation d'équivalence**). Le schéma de l'**équivalence** de **bornage** est le suivant:

Equivalence de **bornage** Alpha-Oméga dans un ensemble totalement ordonné E d'au moins 7 éléments quelconques a, b, c, d, e, f, g notés respectivement o, 0, ε, 1, v, ω, Ω

$$E = \{a, \dots, b, \dots, c, \dots, d, \dots, e, \dots, f, \dots, g\}$$

$$E = \{o, \dots, 0, \dots, \varepsilon, \dots, 1, \dots, v, \dots, \omega, \dots, \Omega\}$$



g_i ou «...»:
point de génération
ou d'insertion

$x = y$: relation d'identité
 $x \equiv y$: relation d'équivalence

$$a < \dots < b < \dots < c < \dots < d < \dots < e < \dots < f < \dots < g$$

$$o < \dots < 0 < \dots < \varepsilon < \dots < 1 < \dots < v < \dots < \omega < \dots < \Omega$$

$$x \equiv y \Leftrightarrow (x, y \in [a, b]) \text{ OU } (x, y \in [f, g]) \text{ OU } (x, y \in]b, f[\text{ ET } x = y)$$

Soit un **ensemble totalement ordonné** E ayant au moins 7 **éléments distincts**. Et il est **borné** ce qui signifie qu'il a un **plus petit élément**, que nous appelons **Alpha absolu** ou **o**, et un **plus grand élément**, que nous appelons **Oméga absolu** ou **Ω**. Dans ce cas il ne nous reste qu'à choisir 7 **éléments**, qui sont l'**élément Alpha absolu**, l'**élément Oméga absolu**, et entre ces deux extrêmes on choisit 5 **éléments intermédiaires**, que nous appelons **0, ε, 1, v, ω**.

Mais si E n'a ni **élément minimal** ni **maximal**, ou a l'un et pas l'autre, il nous suffit de choisir deux éléments quelconques e_0 et e_ω de l'**Univers TOTAL**, qui n'appartiennent pas à E, de construire un ensemble $E' = E \cup \{e_0, e_\omega\}$, c'est-à-dire d'ajouter à E pour faire un nouvel ensemble E'. Puis de définir un **ordre** « < » sur E' tel que sur E ce nouvel ordre coïncide avec celui sur E, et de poser que pour tout élément x de E, on a: $e_0 < x < e_\omega$. Autrement dit, e_0 est **plus petit** que tous les éléments de E, et ceux-ci sont tous **plus petits** que e_ω . Ainsi, e_0 est le **plus petit** élément de E', et est son **plus grand** élément, la situation qu'on cherchait. Et s'il ne manquait qu'un plus petit élément à E, alors il suffira de lui ajouter juste e_0 pour être le plus petit élément de $E' = E \cup \{e_0\}$. Et s'il ne lui manquait qu'un plus grand élément, alors on lui ajoute juste e_ω pour être le plus grand élément de $E' = E \cup \{e_\omega\}$. Dans tous les cas, lui ajouter e_0 et e_ω , répondra toujours à l'exigence d'avoir un **ensemble ordonné** avec un élément **Alpha**, qui est donc e_0 , qui joue le rôle de **o**, et un élément **Oméga**, qui est donc e_ω , joue le rôle de **Ω**. Il ne restera plus qu'à choisir dans E les 5 éléments qui joueront les rôles de **0, ε, 1, v, ω**. Et le nouvel ensemble E sera E'.

Si par exemple E est l'**ensemble** des 26 lettres de l'**alphabet français**, les lettres de a à z, alors l'**Alpha absolu** ou **o** est tout trouvé, c'est a, et l'**Oméga absolu** ou **Ω**, c'est z. Et quant aux 5 **éléments intermédiaires**, on peut choisir par exemple c pour jouer le rôle de **0**, et e pour jouer le rôle de **ε**, et i pour jouer le rôle de **1**, et n pour jouer le rôle de **v**, et w pour jouer le rôle de **ω**. Et si E est le classique ensemble des **entiers naturels** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, cet ensemble a un **plus petit** élément, **0**, mais pas de **plus grand** élément, selon les conceptions classiques. Mais nous avons vu qu'il y a fait un plus grand élément, mais caché, et il est **variable**, et cet élément n'est autre que N lui-même! Ou une **variable** qui lui est synonyme, comme par exemple ω_1 ou v.

On prendra donc comme nouvel ensemble totalement ordonné E , l'ensemble: $E = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, v\}$, qui a donc bel et bien un plus petit élément, 0 , qui jouera donc le rôle o , et un plus grand élément, v , qui jouera le rôle de Ω . On peut alors choisir $2, 5, 7, v-103, v-7$, par exemple, pour jouer respectivement les rôles de $0, \varepsilon, 1, v, \omega$, qu'il ne faut pas alors confondre le 0 et 1 ici avec ceux de l'ensemble N . Car il s'agit d'une redéfinition ou d'une nouvelle notation des **7 éléments** de E choisis, notés donc: $o, 0, \varepsilon, 1, v, \omega, \Omega$, à ne surtout pas confondre avec d'éventuelles mêmes notations dans E . Au besoin, on notera: $o_E, 0_E, \varepsilon_E, 1_E, v_E, \omega_E, \Omega_E$, les versions originales, pour ne pas les confondre avec les nouvelles versions: $o, 0, \varepsilon, 1, v, \omega, \Omega$, qui sont celles qui vont désormais compter pour nous. Ainsi par exemple, 0_E peut tout à fait jouer le rôle du nouveau 1 , et -12 jouer le rôle de 0 , comme justement on va le voir dans l'exemple suivant.

Comme troisième exemple, si E est $Z = \{\dots, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, dans les conceptions classiques il n'a ni premier ni dernier élément. Mais on définit le nouvel ensemble: $E = \{-v, \dots, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, v\}$. Et c'est $-v_E$ qui joue le rôle du nouveau o , et -12_E le rôle du nouveau 0 , et -3_E le rôle du nouveau ε , et 0_E le rôle du nouveau 1 , et 6_E le rôle du nouveau v , et 15_E le rôle du nouveau ω , et v_E le rôle du nouveau Ω .

Dans tous les cas donc, on a **7 éléments** clefs de la construction de la nouvelle **relation d'ordre** dans un ensemble noté dans tous les cas R^+_ω , **ordre** nécessaire pour le concept d'**équivalence de bornage** et de **cyclage**, à savoir $o, 0, \varepsilon, 1, v, \omega, \Omega$. Nous les appelons les **7 éléments principaux** de R^+_ω . On voit donc qu'à l'origine ces **7 éléments** peuvent être absolument n'importe quels objets pris dans un **ensemble totalement ordonné borné** quelconque E .

Donc au minimum on a: $R^+_\omega = \{o, \dots, 0, \dots, \varepsilon, \dots, 1, \dots, v, \dots, \omega, \dots, \Omega\}$, avec donc:

$o < \dots < 0 < \dots < \varepsilon < \dots < 1 < \dots < v < \dots < \omega < \dots < \Omega$,

avec donc six zones initiales d'**opérateur GENER** «...» pour des **insertions d'éléments intermédiaires**.

Dans l'exemple où $E = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, v\}$, on rappelle qu'on a choisi $2, 5, 7, v-103, v-7$, pour jouer respectivement les rôles de: $0, \varepsilon, 1, v, \omega$.

On a donc: $R^+_\omega = \{0_E=o, 1_E, 2_E=0, 3_E, 4_E, 5_E=\varepsilon, 6_E, 7_E=1, \dots, (v-105)_E, (v-104)_E, (v-103)_E=v, (v-102)_E, (v-101)_E, \dots, (v-7)_E=\omega, (v-6)_E, (v-5)_E, (v-4)_E, (v-3)_E, (v-2)_E, (v-1)_E, v_E=\Omega\}$.

Cela peut paraître des complications, mais on verra bientôt qu'il s'agit en réalité d'une logique très simple et très puissante. Cela demande juste quelques formalismes pour bien poser les bases rigoureusement. Ici, bien distinguer les éléments tels qu'ils sont nommés dans E ainsi que leur sens dans E , et les éléments correspondants dans R^+_ω , qui peuvent avoir des noms identiques à des éléments de E , mais pas le même sens.

On distingue donc les **nombres** dans l'ensemble original E et leur versions dans R^+_ω , qui sont les nouveaux **nombres**. Ici on s'est contenté de définir les **nombres principaux** dans R^+_ω , mais on pourrait le faire pour tous les autres. Par exemple, on peut donner à 1_E la définition 0^2 , l'important étant qu'il soit plus petit que celui appelé 0 . Et 3_E peut par exemple recevoir comme définition ε^5 , et 4_E la définition ε^2 , des valeurs plus petites que ε mais plus grandes que 0 , la valeur de 2_E . Et 6_E peut tout à fait recevoir comme définition 0.6 par exemple, ou 0.7 ou 0.9 , l'essentiel ici est que cela soit strictement supérieur à la définition de 5_E , qui est ε , et strictement inférieur à 1 , qui est la

nouvelle définition de 7_E . On aurait pu donc choisir pour 6_E la définition 2ε , ou 541ε , ou 0.1 , ou 0.4 , etc.

Et comme 7_E a été appelé 1 , alors 8_E peut simplement être appelé 2 par exemple, et 9_E être appelé 3 , et ainsi de suite. Et comme $(v-103)_E$ a été appelé v , alors $(v-102)_E$, son successeur dans E , peut être appelé $v+1$, et $(v-101)_E$, peut être appelé $v+2$, etc., jusqu'à $(v-8)_E$, qui pourra être appelé $v+95$. Mais comme aussi $(v-8)_E$ précède immédiatement $(v-7)_E$, qui est ω , qui est un infini d'un tout autre ordre de grandeur, bien plus grand que v^v par exemple, qui est la définition de w , qui vérifie $w^w = \omega$, alors $(v-8)_E$ peut être appelé v^{52} par exemple, ou w , c'est-à-dire v^v . Mais choisissons de l'appeler simplement $\omega-1$ par exemple. Et $(v-9)_E$ peut être appelé $\omega-2$ par exemple, etc., et $(v-10)_E$ peut être appelé $\omega-3$, etc., en descendant à la rencontre des $2, 3, 4$, etc. De même, après ω on peut dire $\omega+1$, $\omega+2$, $\omega+3$, etc., et donc $(v-1)_E$ sera $\omega+6$.

On aura au final l'ordre:

$o, 0^2, 0, \varepsilon^5, \varepsilon^2, \varepsilon^2, 0.6, 1, 2, 3, \dots, v, v+1, v+2, v+3, \dots, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega, \omega+1, \omega+2, \omega+3, \omega+4, \omega+5, \omega+6, \Omega$.

C'est cohérent comme **ensemble totalement ordonné**, et c'est tout simplement un **sous-ensemble ordonné** ou **sous-ordre** de l'**ensemble de tous les réels** (ou **nombre omégaréels positifs**) de o à Ω , oui de de l'**Alpha absolu** à l'**Oméga absolu**, ce qui met en évidence le concept que nous voulons définir.

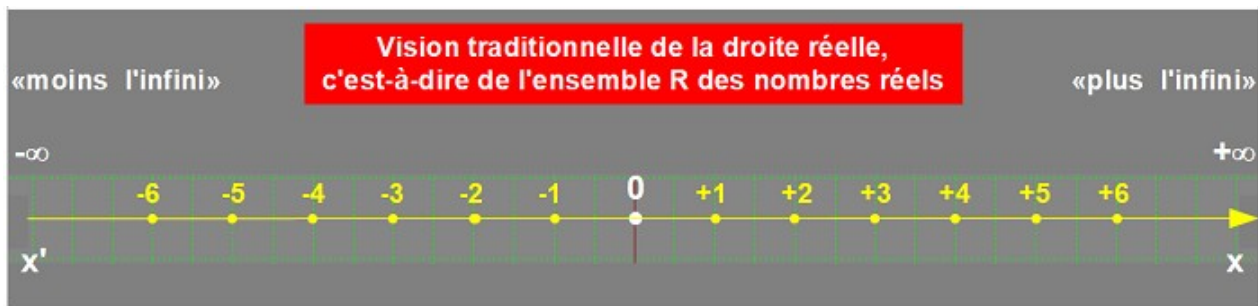
Ici donc, tous les **nombre**s de o à 0 , c'est-à-dire l'**intervalle** $[o, 0]$, et 0 ici étant un certain **zéro énitien** 0_a , peuvent être appelés les **zéros absolus**. Ils sont tous **équivalents** à o , **relation d'équivalence** « \equiv » qui est la nouvelle **égalité**. Et tous les **nombre**s de ω à Ω , c'est-à-dire l'**intervalle** $[\omega, \Omega]$, et ω ici étant l'**infini énitien** ω_a correspondant à 0_a , peuvent être appelés les **infinis absolus**. Ils sont tous **équivalents** à Ω . Et pour les **nombre**s de 0 exclu à ω exclu, c'est-à-dire l'**intervalle** $]0, \omega[$, ils ne sont pas tous **équivalents**. La **relation d'équivalence** « \equiv » sur cet **intervalle** coïncide avec l'**identité** courante. C'est cela l'un des buts du processus. Définir une nouvelle **égalité** sur les **réels** via la **relation d'équivalence** « \equiv », qui coïncide avec l'**égalité** courante (en l'occurrence l'**identité** courante) sur l'**intervalle** $]0, \omega[$, mais qui va considérer que tous **réels** à partir de 0 et en dessous sont maintenant tellement **petits**, tellement **zéros absolus** donc, qu'ils sont **équivalents** à 0 , ou, ce qui revient au même, sont **équivalents** au **zéro absolu** o .

Autrement dit, tous les **réels** à partir de 0 et en-dessous, sont tellement petits que l'on commence à ne plus les distinguer du **zéro absolu** o . Du point de vue de l'**identité** la plus stricte, ils sont tous distincts, par exemple $0, 0^2, 0^3, \dots, 0^o$, etc., bien qu'étant des **nombre**s de plus en plus petits, sont tous distincts dans l'absolu. Mais du point de vue de l'**équivalence**, en l'occurrence à la **relation d'équivalence** « \equiv », ils sont **équivalents**, et on les appelle tous collectivement le **zéro absolu** o , parce qu'on a décidé qu'à partir de 0 et en dessous (et 0 qui est un certain **zéro énitien** 0_a , on le rappelle), les **nombre**s sont **suffisamment petits** pour qu'on ne les distingue plus du **zéro absolu** o .

Même raisonnement pour l'**intervalle** $[\omega, \Omega]$ (où est ω_a , l'**infini énitien** correspondant au **zéro énitien** 0_a). Du point de vue de l'**identité** stricte, tous les **nombre**s de cet **intervalle** sont distincts. Mais on choisit de dire qu'à partir de ω et au-delà, les **nombre**s sont tellement grands qu'on ne les distingue plus de l'**infini absolu** Ω .

Tout se passe comme si l'intervalle $[o, \Omega]$ s'est transformé par cette **relation d'équivalence** « \equiv » en l'intervalle $[0, \omega]$, où désormais c'est **0** ou 0_a qui joue le rôle de **zéro absolu**, et où c'est ω ou ω_a qui joue le rôle d'**infini absolu**. L'intervalle $[o, 0]$ est devenu un seul **nombre** qu'on peut noter **0** ou o , qui est la nouvelle **borne inférieure** des **réalis**, et l'intervalle $[\omega, \Omega]$ est lui aussi devenu un seul **nombre** qu'on peut noter ω ou Ω , qui est la nouvelle **borne supérieure** des **réalis**. D'où l'appellation d'**équivalence de bornage**.

Un autre grand intérêt de ce type de **relation d'équivalence**, c'est quand on est en présence d'un **ensemble totalement ordonné E** qui n'est pas **borné**, comme par exemple le traditionnel **ensemble des entiers relatifs**: $\mathbb{Z} = \{\dots, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, ou plus généralement le classique **ensemble R des nombres réels**, qui est **non borné**:



Il suffit alors de se donner un **entier naturel A**, et de définir une **relation d'équivalence de bornage** « \equiv », pour deux **réels x** et **y**, on a:

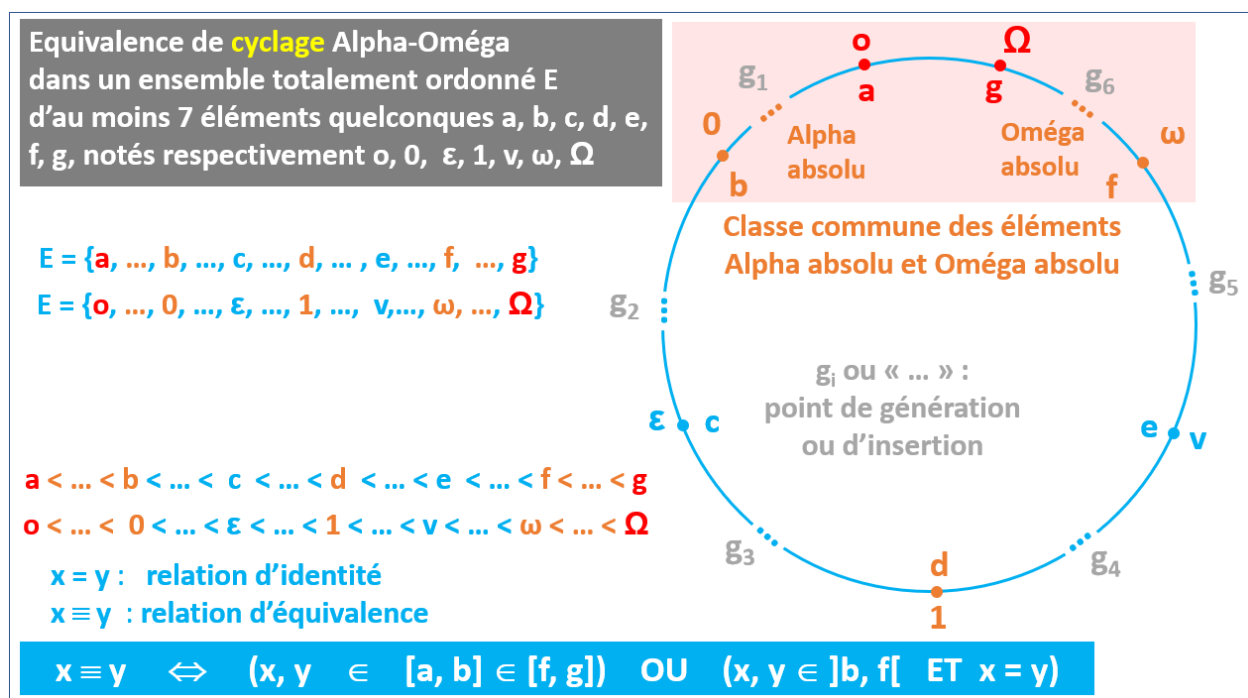
$$x \equiv y \Leftrightarrow x, y \leq -A \text{ OU } x, y \geq A \text{ OU } -A < x, y < A \text{ et } x = y.$$

Autrement dit, **x** et **y** sont en relation s'ils sont tous les deux inférieurs ou égaux à **-A**, ou tous les deux supérieurs ou égaux à **A**, ou sont tous les deux dans l'intervalle $] -A, A[$ et sont égaux au sens de l'égalité courante.

Cette nouvelle **égalité** qu'est cette **équivalence de bornage** « \equiv » a pour effet que tous les **nombre**s à partir de **-A** et en dessous sont **égaux à -A**, et tous les **nombre**s à partir de **A** et au-dessus sont **égaux à A**. L'**ensemble non borné R** se transforme alors en l'**intervalle borné [-A, A]**. Si **A** est un **entier constant** ou **fini**, alors **R** devient un **segment fini**. Mais c'est ici que les **nombre**s **entiers naturels variables**, en particulier les **infinis** (au sens donc des **entiers entiers naturels variables**) montrent une autre puissance. Il suffit donc de faire **varier A** comme un de ces **entiers infinis**, autrement dit simplement de prendre pour **A** un **entier variable infini** (un des deux mots « **variable** » et « **infini** » est de trop, car un **entier infini**, au nouveau sens est forcément **variable**, donc nous dirons ici simplement un **entier infini**), pour qu'on ait une nouvelle version de **R** comme l'**intervalle borné [-A, A]** mais un **ensemble infini**. On peut prendre pour **A** un certain **infini éniens** ω_a , avec $a \geq 3$ par exemple, ou même le simple ω_1 ou v . On a alors comme nouvelle version de **R** l'**intervalle borné $[-\omega_a, \omega_a]$** , où les **bornes** sont des **nombre**s en **bonne** et **due** forme, et non plus les **pseudo-nombre**s « $-\infty$ » et « $+\infty$ ».

Et nous avons au passage un nouvel **ensemble totalement ordonné borné**, auquel on peut une nouvelle fois appliquer une **équivalence de bornage** pour avoir un ensemble de **réalis** de la forme $[o, \Omega]$, autrement dit de la forme: $\mathbb{R}^+_{\omega} = \{o, \dots, 0, \dots, \varepsilon, \dots, 1, \dots, v, \dots, \omega, \dots, \Omega\}$.

Et maintenant, si nous définissons une nouvelle **relation d'équivalence** disant que tous les **zéros absolus** et tous les **infinis absolus**, autrement dit les éléments de l'ensemble $[o, 0] \cup [\omega, \Omega]$, c'est-à-dire $[o, 0_a] \cup [\omega_a, \Omega]$, forment une seule **classe d'équivalence**, c'est-à-dire sont **équivalents**. C'est une manière de dire en quelque sorte: «*Tout ce qui est trop petit en allant vers vers l'infiniment petit ou trop grand en allant vers l'infiniment grand, est équivalent*. On qualifie tout ça de 'nombres extrêmes' ou de 'nombres ultimes', ou de 'nombres transcendants' ou encore de 'nombres inaccessibles', etc. On arrête de compter ou de calculer et on dit simplement et avec humilité: '**Alpha et Oméga**' ou '**DIEU**'». La **relation d'équivalence** qui distingue chaque nombre de **0** à **ω** , mais qui regroupe en une seule **classe d'équivalence** les **nombre en-deça de 0** ou **au-delà de ω** , est alors appelée une **équivalence de cyclage**, ce qui signifie qu'on a l'**équivalence: $o \equiv \Omega$** . C'est avec la nouvelle **égalité « \equiv »** la manière de dire: **$o = \Omega$** , d'exprimer donc le nouveau **cycle Ω** .



La **relation d'équivalence de cyclage** consiste simplement à faire se rejoindre les deux extrémités de la **structure des réélis** définie par la **relation d'équivalence de bornage** plus haut. Autrement dit, on transforme la **droite numérique** en un **cercle numérique**.

A noter donc que cette logique d'**équivalence de bornage** et de **cyclage** est absolument générale, elle s'applique à n'importe quel ensemble **E totalement ordonné et borné**, ayant au moins **7 éléments distincts a, b, c, d, e, f, g**.

Dans l'exemple où **E** est l'ensemble des 26 lettres de l'alphabet français. On a alors **a** dans le rôle de **o**, et **g** dans le rôle de **Ω** . Et pour les **5 éléments intermédiaires**, on peut choisir par exemple **c** pour jouer le rôle de **0**, et **e** pour jouer le rôle de **ε** , et **i** pour jouer le rôle de **1**, et **n** pour jouer le rôle de **v**, et **w** pour jouer le rôle de **ω** . Les **7 éléments principaux** sont alors: **a, c, e, i, n, w, z**, dans les rôles respectifs donc de **o, 0, ε , 1, v, ω , Ω** .

Les **zéros absolus** ou **intervalle** $[0, 0]$ est donc l'ensemble $\{a, b, c\}$, et les **infinis absolus** ou **intervalle** $[\omega, \Omega]$ est l'ensemble $\{w, x, y, z\}$. Et l'**intervalle** $]0, \omega[$ est l'ensemble $\{d, e, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v\}$. Et la **classe d'équivalence** des éléments qui réalisent le cyclage des 26 lettres de l'alphabet français muni de l'**équivalence de cyclage**, est: $\{a, b, c, w, x, y, z\}$.

Dans tous les cas, **E** est un **ensemble de réélis**, un **sous-ensemble** de $[0, \Omega] = \mathbb{R}^+_{\omega} = \{0, \dots, 0, \dots, \varepsilon, \dots, 1, \dots, v, \dots, \omega, \dots, \Omega\}$. On peut insérer ou enlever autant d'éléments que l'on veut entre les **éléments principaux**, aux **points GÉNÉR** «...». On obtiendra tous les **sous-ensembles ordonnés bornés** de $[0, \Omega]$ ou \mathbb{R}^+_{ω} .

Et maintenant voici l'apothéose de cette **structure**:

D'abord ω est un **infini énitien** ω_a , et 0 son **zéro énitien** 0_a associé, ce qui veut dire qu'on a: $0 \times \omega = 1$, et donc: $1/\omega = 0$ et: $1/0 = \omega$.

Et v est l'**infini énitien** ω_1 , son **zéro** associé est: $0_1 = \varepsilon$. Donc: $\varepsilon \times v = 1$, et donc: $1/v = \varepsilon$ et: $1/\varepsilon = v$.

Et on a: $\omega_2 = \omega_1 \wedge \omega_1 = v \wedge v = v^v = w$. Son **zéro associé** est: $0_2 = \theta$.

Et on a: $\omega_3 = \omega_2 \wedge \omega_2 = w \wedge w = w^w = \omega$, si donc nous choisissons comme seuil de l'absoluité ω_3 . Son **zéro associé** est: $0_3 = 0$. Et ainsi de suite.

Mais si nous choisissons tout autre **ciel** $a \geq 3$ comme **ciel d'absoluité**, alors de manière générale on a: $\omega = \omega_a$, et: $w = \omega_{a-1}$, et: $v = \omega_{a-2}$. Dans tous les cas l'**équivalence de bornage** et de **cyclage fonctionne** de la même manière.

Et maintenant, pour tout **zéro énitien** 0_k donné, avec donc $k \geq 1$, et pour tout **entier naturel variable** n (on rappelle que les **entiers naturels constants** ou **finis** sont des cas particuliers d'**entiers naturels variables**), on a tous les **réélis** r de la forme:

$n, n+0_k, n+2 \times 0_k, n+3 \times 0_k, n+4 \times 0_k$, etc., de la forme générale donc: $r = n+m \times 0_k$, où n est un **entier variable**. Quand donc m prend la valeur ω_k , le **rééli** r devient: $r = n+\omega_k \times 0_k = n+1$, qui est l'**entier naturel successeur de n**. et le processus continue jusqu'à $n+2$, puis $n+3$, etc.

En partant donc du **zéro absolu** 0 , et en **additionnant** à chaque fois 0_k , on obtient tous les **réélis multiples** de 0_k , qui sont tout simplement toutes les **générescences** ou **informations unaires d'unité** 0_k . Nous disons alors que c'est l'**ensemble des réélis** \mathbb{R}^+_{ω} , ou l'**intervalle** $[0, \Omega]$, de **résolution** 0_k . Et comme pour tout **nombre réel classique strictement positif** x , si **petit** soit-il, on a: $0_k < x$, on en déduit que l'**ensemble** \mathbb{R}^+ des **nombre réels positifs ou nuls** est un **sous-ensemble** de \mathbb{R}^+_{ω} . Cette construction que nous avons faites, c'est-à-dire toutes les **générescences** ou **informations unaires d'unité** 0_k , signifie que nous parcourons **point par point** la **droite** de tous les **nombre omégaréels positifs**, à savoir $[0, \Omega]$ ou \mathbb{R}^+_{ω} , avec comme taille des **points** 0_k . Plus k est grand, plus 0_k est petit, et donc **les points sont fins**.

Et pour $\omega = \omega_a$, considéré comme **infini absolu**, la taille des **points** de la **droite** est aussi $0 = 0_a$, un **zéro absolu**. Et alors on atteint le terminus en matière de **finesse** des points, aucun **nombre omégaréel**, et à plus forte raison **réel** classique, ne manque à l'appel dans ce parcours de la **droite numérique point par point**. L'idée forte ici est que l'on **compte les nombre réels ou les points d'une droite, unité par unité**, comme s'il s'agissait d'un **ensemble de nombre entiers**, ce que c'est effectivement.

Ceci prend complètement le contre-pied des paradigmes traditionnels pour lesquels les **nombre réels** sont un **ensemble continu indénombrable**! Nous l'avons **dénombré** avec les **nombre entiers naturels**, sauf qu'ils sont **variables** et non pas **constants**.


En effet, l'**égalité**: $\omega_k \times 0_k = 1$ signifie simplement que le **segment de longueur 1** compte exactement ω_k **point** de taille 0_k chacun. Et donc une **droite de longueur ω_k** compte exactement $(\omega_k)^2$ **point** de taille 0_k chacun. Ces **nombre infinis** sont bel et bien des **nombre entiers naturels**, sauf qu'ils sont **variables**. Ce **comptage des point** reste toujours possible, jusqu'à ce que nous décidions nous-mêmes d'un **seul d'absoluité**, comme par exemple ω_{777} , autrement dit que le **777^{ème} ciel** sera notre **terminus**.

Quand donc, pour un **ensemble ordonné E**, nous insérons un **élément** entre les **élément principal**, **o, 0, ε, 1, v, ω, Ω**, nous lui associons simplement un **point** sur une **droite numérique**, la **droite omégaréelle**.

Définitions:

On dit qu'un **ensemble** quelconque **R**, dont les **élément** sont appelés des **information réalié** ou des **nombre réalié** (ou simplement des **réalié**) ou encore des **mot réalié** ou des **expression réalié**, etc., est une **structure réalié** si:

i) **R** possède au moins **sept** élément: **a, b, c, d, e, f, g**, appelés ses **lettre principale** ou ses **unité principale** ou **unité d'ordre 1**. Un cas est quand **R** contient toutes les **lettre** de l'**alphabet français**, et même aussi **grec, cyrillique, hébreu, arabe**, etc. Et plus généralement, **R** contient les près de **150 000 caractère** de l'**Unicode**, répertoriant tous les **alphabet, symbole** (dont tous les symboles scientifiques), **idéogramme**, etc. actuellement connus dans le monde.



The image shows a screenshot of the Wikipedia article for 'Unicode'. The title 'Unicode' is at the top left. Below it, there are tabs for 'Article' and 'Discussion'. On the right, there are links for 'Lire', 'Modifier', 'Modifier le code', and 'Voir l'historique'. The main text describes Unicode as an international standard for text representation. It mentions the Consortium Unicode and the ISO/CEI 10646 standard. A logo for Unicode is shown on the right, featuring the letters 'Uni' in a blue square above the word 'UNICODE' in a blue rectangle. Below the logo, it says 'Logo Unicode.' and has a small icon of a document.

L'alphabet grec:

1	A	α	alpha
2	B	β	bêta

3	Γ	γ	gamma
4	Δ	δ	delta
5	Ε	ε	epsilon
6	Ζ	ζ	zêta
7	Η	η	êta
8	Θ	θ	thêta
9	Ι	ι	iota
10	Κ	κ	kappa
11	Λ	λ	lambda
12	Μ	μ	mu
13	Ν	ν	nu
14	Ξ	ξ	ksi/xi
15	Ο	ο	omicron
16	Π	π	pi
17	Ρ	ρ	rhô
18	Σ	σ	sigma
19	Τ	τ	tau
20	Υ	υ	upsilon
21	Φ	φ/ϕ	phi
22	Χ	χ	khi/chi
23	Ψ	ψ	psi
24	Ω	ω	oméga

L'alphabet cyrillique:

А	а	а	а
Б	б	б	bé
В	в	в	vé
Г	г	г	gué
Д	д	д	dé
Е	е	е	ié
Ё	ё	ё	io
Ж	ж	ж	jé
З	з	з	zé
И	и	и	i
Й	й	й	i bref
І	і	і	i biélorusse-ukrainien
К	к	к	ka
Л	л	л	elle
М	м	м	emme
Н	н	н	enne
О	о	о	o o
П	п	п	pé
Р	р	р	erre
С	с	с	esse
Т	т	т	té
У	у	у	ou
Ф	ф	ф	effe

X	x	x	kha
Ц	ц	ц	tsé
Ч	ч	ч	tché
Ш	ш	ш	cha c
Щ	щ	щ	chtcha
Ъ	ъ	ъ	signe dur
Ы	ы	ы	yérou
Ь	ь	ь	signe mou
Ъ	ъ	ъ	iat'
Э	э	э	é
Ю	ю	ю	iou
Я	я	я	ia
Ө	ө	ө	fita
Ү	ү	ү	ijitsa

Inutile de présenter l'**alphabet français**, puisque si vous lisez ce texte, c'est que vous connaissez cet **alphabet**, lol.

Les **alphabets gréco-latinoïdes** (ce qui est le cas de l'alphabet grec, latin, français, cyrillique, etc., mais aussi de beaucoup d'alphabets africains, qui sont souvent des héritages latins, comme par exemple l'alphabet Kabyè, l'écriture de mon ethnie d'origine, au Togo) ont cette particularité d'avoir des lettres aux lignes plus simples. Ces lettres ont souvent des lignes géométriques droits, horizontaux, verticaux, obliques, des courbes simples (cercles, ovales, etc.). Bref des lettres géométriques simples, qui facilitent beaucoup la reconnaissance des caractères donc leur lecture. J'ai une « petite » préférence pour ces alphabets.

Plus généralement encore, on se donne un **ensemble infini** $A = \{a_0, a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7, \dots\}$ de **symboles distincts**, appelé donc un **alphabet infini**, ses éléments étant donc appelés des **lettres** ou **informations élémentaires** ou encore **mots élémentaires** ou encore **nombres élémentaires**. Et il nous suffira très largement d'un **ensemble infini** (au sens de **nombre entier naturel variable infini**) de **symboles**, **isomorphe** au classique **ensemble des entiers naturels**: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

Comme **alphabet infini A**, on peut prendre tout simplement l'ensemble: $A = \{(0), (1), (2), (3), (4), (5), (6), (7), \dots\}$, c'est-à-dire dont les éléments sont tous les objets de la forme **(k)**, où **k** est un **entier naturel** classique. L'objet **(0)** est noté «_» et appelé l'**espace**. Et l'objet **(1)** est noté **a**, et l'objet **(2)** est noté **b**, et l'objet **(3)** est noté **c**, ainsi de suite, et l'objet **(26)** est noté **z**, et l'objet **(27)** est noté **A**, et l'objet **(28)** est noté **B**, et l'objet **(29)** est noté **C**, ainsi de suite, et l'objet **(52)** est donc noté **Z**. Puis on peut continuer par exemple avec les minuscules de l'alphabet grec, en définissant l'objet **(53)** comme étant **α**, et l'objet **(54)** comme étant **β**, et l'objet **(55)** comme étant **γ**, etc. Puis on enchaîne avec les majuscules de l'alphabet grec. Puis on continue avec l'alphabet cyrillique par exemple, puis l'alphabet hébreu, puis l'alphabet arabe, et ainsi de suite avec tous les alphabets et les symboles du monde.

Dans cet **alphabet A** donc, on choisit **7 éléments** quelconques, par exemple: **(0), (1), (2), (3), (4), (5), (6), (7)**, ou: **a, b, c, d, e, f, g**, qui serviront de **lettres principales** ou lettres d'**ordre 1**. On aura ainsi de même les **lettres d'ordre 2**, puis d'**ordre 3**, etc., qui seront construites à partir des **lettres d'ordre 1**.

On peut tout aussi bien choisir comme **lettres d'ordre 1** toutes les **lettres** minuscules de l'**alphabet français** de **a** à **z**. La logique sera exactement la même, du moment où nous avons au moins **7 lettres** prises comme les principales de la **structure réali**e ou **généralive** que nous construisons.

ii) **R** est muni de trois **lois de composition interne** notées « + », « x », « ^ » ; **xy** sera noté **x.y** ou **xy** si aucun risque de confusion n'est à craindre, et **x^y** sera noté **x^y**.

iii) **R** est muni d'au moins trois **relations d'équivalence** notées « === », « == » et « = » telles que « === » soit une **sous-relation** de « == », et elle-même une **sous-relation** de « = ». Autrement dit telles que pour tous éléments **x** et **y** de **R**, on ait: **x === y** \Rightarrow **x == y** \Rightarrow **x = y**.

Autrement dit, si deux objets sont **identiques**, ils sont à plus forte raison **équivalents**.

Ces trois **relations d'équivalence** suffisent pour les besoins dans ce livre. Mais on verra plus tard qu'on peut envisager une infinité de **relations d'équivalence** (notamment si **R** est un ensemble infini), notées alors: ..., =====, =====, =====, =====, =====, ..., ou: ..., =₄, =₃, =₂, =₁, ≡₁, ≡₂, ≡₃, ≡₄, ..., de l'**identité** la plus **stricte** à l'**équivalence** la plus large. Le **nombre de relations d'équivalence** dans un **ensemble E** à **n éléments** est donné par le **nombre de Bell**, noté **B_n** (on en reparlera). Donc si l'ensemble est **infini**, le **nombre de ses relations d'équivalence** aussi.

Les **contraires** respectifs des trois **relations d'équivalence** courantes, c'est-à-dire les **relations de différence** associées, sont notées: « /=== », « /== », « /= ». Elles vérifient par contre:

pour tous éléments **x** et **y** de **R**, on a: **x /= y** \Rightarrow **x /== y** \Rightarrow **x /=== y**.

Cela veut dire que si l'**identité** la **moins stricte** distingue deux choses **x** et **y**, à plus forte raison elles sont distinguées par les **identités** les **plus strictes**.

Nous allons travailler avec les **mots** ou **informations** d'un **alphabet**, et il sera parfois nécessaire de considérer qu'une **information** n'est **strictement identique** qu'à elle-même, et donc que dès qu'il y a la moindre différence entre deux **informations**, elles sont **distinctes**. Par exemple, les **informations** ou **mots** ou **expressions** « 4+7 » et « 7+4 » sont dans l'absolu distinctes, et on écrira donc: **4+7 === 4+7**, et: **7+4 === 7+4**, mais pas: **4+7 === 7+4**, donc: **4+7 /=== 7+4**.

De même on dira: **4+7 /=== 11**, ou: **2+2 /=== 4**.

Plus donc une **identité** est **stricte**, autrement moins elle est **équivalencielle**, moins on peut faire des **opérations** avec elle, puisqu'une **opération** consiste toujours à écrire une **égalité** entre deux **expressions distinctes**, c'est-à-dire entre deux **informations différentes**. Si donc la notion d'**égalité** n'était que l'**identité stricte**, on ne peut d'activité scientifique, à part dire que **toute chose est égale à elle-même**, donc dire uniquement des choses du type: « **X = X** » et donc pas du type: « **X = Y** », ce qui ne nous avance pas. Si donc le signe « = » était une **identité très stricte**, on ne peut donc pas dire: **2+2 = 4**, car à gauche on a l'**information** « **additionner 2 et 2** » et à droite juste l'**information** « **4** » ou « le **nombre 4** ». Ce sont donc deux **informations distinctes, différentes**, donc du point de vue de l'**identité stricte**, on peut exprimer la moindre **égalité** entre les deux **informations**.

Mais avec une **identité moins stricte** ou plus **équivalencielle**, les choses deviennent plus intéressantes, on peut exprimer une **égalité** entre **deux choses différentes**, ce qui pourrait sembler aussi paradoxale que de dire « **0 = 1** » ou « **Zéro = Infini** ». Mais rien de paradoxal avec l'**équivalence**. D'où l'importance de disposer de toute la panoplie des **identités** et des

équivalences, pour exprimer l'**égalité** qu'il faut et quand il faut. Et alors aussi il n'y a plus aucun paradoxe, et on ne peut plus dire que la **division par zéro** est « impossible ». Cette méthodologie scientifique pour laquelle la notion d'**égalité** est la notion générale d'**équivalence** et non plus l'**identité**, est la méthodologie **théorématique**. Par opposition à la courante axiomatique, assez rigide, et pour laquelle tomber sur une égalité comme « $0 = 1$ » ou « $2+2 = 5$ » est une catastrophe.

En axiomatique, certains énoncés sont vrais et d'autres sont faux, en donnant un caractère absolu à la vérité et surtout à la **fausseté**!

iv) Or **tout est vrai dans l'Univers TOTAL**, car par définition il est l'**Ensemble de toutes les choses**, donc l'**Ensemble dans lequel toute chose existe**, toute chose est possible. C'est le **Théorème de l'Existence**, la **Loi de la Réalité TOTALE**, le fondement même de la méthode **théorématique**. Dans cette logique, appelée aussi la logique d'**Affirmation** ou logique d'**Alternation**, toute **négation** (donc toute **fausseté**, toute **impossibilité**, etc.) ne doit donc être que **relative**.

La **relation d'équivalence** « $===$ » sert donc ici d'**identité** la plus **stricte**, qui **distingue toutes les informations**, et n'**égalise** une **information** qu'avec elle-même. Avec la **relation d'équivalence** « $==$ », on a une petite dose d'**équivalence**, c'est-à-dire certaines **informations**, bien que **distinctes** du point de vue de « $===$ », sont jugées **égales** du point de vue de « $==$ ». Et avec la **relation d'équivalence** « $=$ », on a une plus grande dose d'**équivalence**, et donc même certaines **informations distinctes** du point de vue de « $==$ » sont jugées **égales** du point de vue de « $=$ ». On reviendra plus tard sur la notion de **degré d'équivalence** ou d'**identité**.

v) On appelle alors **mot fini** ou **mot constant** toute **suite finie** d'éléments de l'**alphabet infini A**, autrement dit toute **suite de lettres** dont le **nombre de lettres**, appelé la **longueur de la suite**, est un **entier naturel** classique.

Par exemple, le **mot** « **unicode** », qui est la **suite finie** (**u, n, i, c, o, d, e**), est un **mot fini** ou **constant**.

Et considérant maintenant A_c l'**ensemble de tous les mots constants** de l'**alphabet A**, on appelle un **mot variable** x une **suite de mots constants**: $x == (x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, \dots)$, autrement dit une **application** x de \mathbb{N} dans A_c . Et si tous les x_i sont un certain **mot constant** m , ou si les x_i sont tous m à partir d'un certain **rang** k , on pose alors: $x = m$, ce qui signifie que x est **finalement identique à m**. On dit alors aussi que x est **finalement constant**. Dans tous les autres cas on dit que x est **strictement variable**.

Et parmi les **mots strictement variables**, il y a une catégorie spéciale de **mots** x dits **infinis**, ce qui signifie alors que pour tout **entier naturel** classique k , c'est-à-dire **fini** ou **constant**, il existe un **rang** h , tel que pour tout **entier naturel** $i \geq h$, le **nombre des lettres** de x_i ou **longueur** de x_i est **strictement supérieur à k**.

Autrement dit simplement, la **longueur de x finit par dépasser** n'importe quel **entier constant k**, et à rester toujours **supérieur à k** à partir de ce **rang h**.

Par exemple, en appelant o le **mot** n'ayant **aucune lettre**, et appelé aussi « **mot vide** » ou « **espace** », noté aussi « $_$ », la **suite de mots constants**: $v == (o, d, dd, ddd, dddd, ddddd,$

dddddd, ddddddd, ...), appelée **suite des générescences finies d'unit d**, notée aussi: $v == d...$, est un **mot infini**. En l'occurrence, ce mot est **isomorphe** à l'ensemble: $N == \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$. Et de manière générale, étant donné n'importe quel **mot constant x** (ou même **infini x**), on a la **suite**: $X == (0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, xxxxxxx, xxxxxxxx, \dots) == x...$, qui est un **mot infini**, et qui est **isomorphe** à N , ce qui signifie qu'on peut le prendre comme une **définition de N** et le noter: $X == (0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, xxxxxxx, xxxxxxxx, \dots) == N == \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

Pour tout **mot x, fini** ou **infini** (au sens qu'on vient de définir et qui est le sens des **nombre entiers variables**), il est très clair que les **générescences finies d'unit x** ont un **ordre naturel**, qui est: $0 < x < xx < xxx < xxxx < xxxxx < xxxxxxx < xxxxxxxx < \dots$, qui est tout simplement l'**ordre** des **nombre entiers naturels** classiques, et qui est celui qui nous intéresse spécialement dans la notion de **réalis**.

En effet, c'est cet ordre très fondamental qui se répète à toutes les échelles et qui définit la **structure fractale** des **réalis**! C'est là où nous voulons en venir, le restant plus qu'un « jeu » de **relations d'équivalence**, notamment de **bornage**, de **cyclage**, etc. La **théorie des réalis** ou **nombre réels (ou omégaréels) positifs**, est simplement une **théorie des mots** d'un **alphabet infini**, l'**alphabet des réalis**. Et la **structure algébrique** de ces **mots** est ce que nous appelons la **structure réalie** ou **structure des générescences**. C'est sur ces objets que nous définissons les opérations d'**addition**, de **multiplication**, d'**exponentiation**, etc., ainsi que les **relations d'équivalence**, d'**ordre**, ou toute autre **relation binaire**. Et l'**opération d'addition** n'est fondamentalement d'une **opération de concaténation de mots**.

Par exemple, étant donné n'importe quel **mot x, fini** ou **infini**, et ses **générescences finies**: $X == (0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, xxxxxxx, xxxxxxxx, \dots)$, que nous pouvons choisir de noter: $N == \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$. Il est clair alors que l'**opération d'addition** des **entiers naturels**, **opération** classiquement notée « + », n'est rien d'autre que l'**opération de concaténation** des **générescences de x**. Ainsi, $4+7 == 11$ s'interprète comme: $xxxx + xxxxxxxx == xxxxxxxxxxxx$.

vi) R est muni d'une **relation d'ordre totale** dite **généralive** ou **réalie**, notée « \leq », sa **relation réciproque** étant notée « \geq », et les **relations d'ordre strict** associées étant « $<$ » et « $>$ ». Cet **ordre** est associé à l'égalité « $==$ ».
Autrement dit, l'écriture: « $x \leq y$ » est à comprendre: « $x < y$ OU $x == y$ »

Le type de **relation d'ordre** dans la **structure réalie** est une **relation** basée sur un **alphabet fini** ou **infini** (dans le Nouveau Paradigme le mot « **fini** », sera toujours quelque part synonyme de **nombre entier naturel** classique, un **nombre entier constant**: $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$, et le mot « **infini** », même quand nous l'employons au sens intuitif du terme, comme nous le faisons souvent, sera toujours quelque part synonyme de **nombre entier naturel variable finalement plus grand que tout entier fini ou constant**). Une **relation d'ordre** basé sur un **alphabet** est appelé un classement, le **classement canonique** étant le **classement lexicographique**, c'est-à-dire celui du **dictionnaire**, le classement habituel des mots donc.

Mais ici nous parlons d'un classement spécial, très puissant, déjà abordé dans le livre **Conception généralive de l'Univers, et structure réalie**. Il s'agit donc du **classement généralif** ou **classement réali**. Nous l'appelons aussi l'**ordre de la numération romaine**, en raison de sa similitude avec le **système de numération romaine**: **I, II, III, IV, V, VI, VII, VIII, IX, X, XI, XII, XIII, ...**. Dans ce **système**, les **nombre I, V, X, etc.**, ou **1, 5, 10, etc.**, sont des **unités principales**, à partir desquelles

les autres nombres sont définies, soit par simple **répétition** d'une **unité principale**, comme par exemple avec **I, II, III**, pour dire donc, **1, 2, 3**, **répétitions** d'une **unité** appelées **générescences** ou **informations unaires** d'**unit I**, soit en indiquant ce qu'il faut **soustraire** ou au contraire **ajouter** à une **unité principale** pour avoir d'autres **nombres**. C'est le cas avec **IV, IX**, pour dire **4, 9**, et avec **VI, VII, VIII, XI, XII, XIII**, pour dire **6, 7, 8, 11, 12, 13**.

Voici la formulation la plus générale de cette **numération**, telle qu'on la trouve dans le livre précédent: **Conception générative de l'Univers, et structure réalie**:

« En **logique d'alternation**, en l'occurrence ici il s'agit du **modèle génératif** de la **Loi d'Alternation et de l'Horizon Oméga**, la liste: **o, x, xx, xxx, xxxx, xxx, ..., xxxxy, xxxy, xxy, xy, y**, est appelée le **processus génératif** ou **chemin génératif** de la **transformation** de **x** en **y**. Sous sa forme plus générale, cette **Loi** dit par ce **processus** une **vérité** inouïe et très puissante, à savoir que: **pour toute chose x et y, quelles qu'elles soient, la chose x itérée un nombre de fois suffisant devient y, et ce nombre de fois est très précisément: $\omega(x, y) == y/x$** . Ce **nombre $\omega(x, y)$** ou **y/x** est appelé l'**horizon** de la **transformation générative** de **x** en **y**. [C – Gen Yt Op 2] »

Ceci est un des corollaires de la **Loi d'Alternation et de l'Horizon Oméga**, que nous nommons maintenant de préférence la **Loi d'Alternation à l'Horizon Oméga**. L'énoncé ci-dessus est l'expression **générative** de cette **Loi**, qui est un puissant corollaire du **Théorème de l'Existence** ou la **Loi de la Réalité TOTALE**, dont nous avons parlé au début, et dont on reparlera.

Le **système génératif** est un **système numérique** simple, apparemment rudimentaire, mais en fait c'est qu'il est très **fondamental**, donc très puissant. Voici par exemple comment à partir de deux unités principales **a** et **b**, et **a** étant la plus petite, on liste toutes les **générescences d'unit a** jusqu'à **b** et au-delà: **a, aa, aaa, aaaa, ..., aaaab, aaab, aab, ab, b, ba, baa, baaa, baaaa, ...**

On comprend très intuitivement d'abord que: **a, aa, aaa, aaaa, aaaa, ...** signifie: **1 unité a, 2 unités a, 3 unités a, 4 unités a**, etc. Et ensuite que **b** représente un certain **nombre n d'unités a**, autrement dit on a: **b == n x a**. Et on comprend aussi que **aaaab** est à comprendre: **(n-4) unités a**, et **aaab** est à comprendre: **(n-3) unités a**, et **aab** est à comprendre: **(n-2) unités a**, et **ab** est à comprendre: **(n-1) unités a**, et **b** est à comprendre: **n unités a**, et **ba** est à comprendre: **(n+1) unités a**, et **baa** est à comprendre: **(n+2) unités a**, et **baaa** est à comprendre: **(n+3) unités a**, etc.

Et ce qui est très intéressant ici dans cette **logique générative** ou de **numération romaine**, c'est que c'est valable, que **n** soit **fini** ou **infini**. Et d'ailleurs, du simple fait d'utiliser une **variable n** pour la décrire, indique que c'est l'un des logiques même des **nombres entiers variables** en général, et **infinis** en particulier, au sens donc du mot « **infini** » dans le paradigme des **entiers variables**.

La liste précédente se poursuit ainsi :

a, aa, aaa, aaaa, ..., aaaab, aaab, aab, ab, b, ba, baa, baaa, baaaa, ..., aaaabb, aaabb, aabb, abb, bb, bba, bbba, bbaaaa, bbaaaaa, ...,

dont l'interprétation est très évidente, très intuitive.

C'est donc ainsi que se forment progressivement les **générescences: b, bb, bbb, bbbb, ...**, au moyen des **générescences de a**. Cela aboutira à une certaine nouvelle **unité principale c**, selon exactement la même logique:

b, bb, bbb, bbbb, ..., bbbbc, bbbc, bbc, bc, c, cb, cbb, cbbb, cbbbb, ..., bbbbcc, bbcc, bcc, cc, ccb, ccbb, ccbbb, cbbbbb, ...

où **c == n'×b**, où **n'** est un certain **nombre entier naturel, constant** ou **variable**, et en particulier **variable infini**.

→ Et si en particulier on a: **n' == n**, et si toute nouvelle **unité principale** est **n fois** l'**unité précédente**, nous disons qu'on a une **structure générative ou réalie régulière** de **base n**, ou une **fractale n**. Mais si la **base** change d'une **unité principale** à une autre, il s'agit alors d'une **structure générative ou réalie irrégulière**, ou une **fractale irrégulière**.

Dans tous les cas, il est très clair que n'importe quel **nombre x** d'une telle **structure numérique générative** est un **multiple entier de a**.

Par exemple: **ccbbb == 2×n×n'×a + 3×n×a == (2×n×n' + 3×n)×a == n×(2×n' + 3)×a**.

La chose devient particulièrement intéressante si une certaine **unité principale** est prise comme **unité absolue 1**. C'est le cas pour l'**unité principale d** dans notre **structure** de **7 éléments principaux a, b, c, d, e, f, g**. Et dans ce cas, il est clair que les éléments **d, e, f, g** sont des **entiers naturels, finis** ou **infinis**, et **a, b, c** sont des **sous-unités** de l'**unité absolue d**. Et de manière très générale, dans tout **système alphabétique génératif, fini** comme **infini**, dont les **éléments principaux** sont appelés les **lettres principales**, si une **lettre** est prise comme **unité absolue** et appelée **1**, toutes les **lettres** qui viennent après sont des **nombres entiers**, et toutes les **lettres** précédentes sont des **sous-unités** de l'**unité absolue 1**.

→ Etant donné n'importe quel **mot x**, et **n** un **entier naturel fini** ou **infini**, on appelle une **générescence** ou **information unaire** d'**unit x** ou simplement une **générescence** ou **information unaire** de **x**, un **mot x'** formé de **n répétitions de x**. Il est alors noté: **x' == nxx**. Autrement dit, on a: **x' == xxx...x**, où **x** est répété **n fois**. Et si **n** est un **entier fini**, c'est-à-dire un **entier naturel classique**, on dit que **x'** est une **générescence finie** de **x**. Celles-ci donc donc:

o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, xxxxxx, xxxxxxx, ..., qui sont respectivement: **oxx, 1xx, 2xx, 3xx, 4xx, 5xx, 6xx, 7xx, ...**, auxquelles il faut donc ajouter en tête la **générescence** notée **o** ou **oxx**, qui représente la **générescence** n'ayant aucun **unit x**.

→ La **relation d'ordre « < »** sur les **générescences** de **x** est tout simplement cet **ordre** sur les **entiers naturels, finis** comme **infini**.

→ Dans notre **structure** de **7 lettres principales a, b, c, d, e, f, g**, où **d** est pris comme **unité absolue**, en pratique **e, f** et **g** seront des **infinis énitien** ω_k , et **c, b** et **a**, les **zéros énitien** 0_k associés. Et en général, si **f** est ω_k , alors **e** sera ω_{k-2} , et donc ω_{k-1} étant une **lettre principale intermédiaire**. Par conséquent aussi, 0_{k-1} sera une **lettre principale intermédiaire** entre **c** et **b**.

→ Et étant donné un **infini énitien** ω_k et son **successeur** ω_{k+1} , les **nombres entiers infinis** de la forme $(\omega_k)^n$, où le **nombre entier variable n** prend les valeurs: **1, 2, 3, 4, ..., $\omega_k-4, \omega_k-3, \omega_k-2, \omega_k-1$** , sont appelés les **lettres d'ordre 2**. et entre deux **lettres secondaires consécutives** $(\omega_k)^n$ et $(\omega_k)^{n+1}$, on a les **générescences** de la forme: **m×(ω_k)ⁿ**, où le **nombre entier variable m** prend lui aussi les valeurs: **1, 2, 3, 4, ..., $\omega_k-4, \omega_k-3, \omega_k-2, \omega_k-1$** . On les appelle les **lettres d'ordre 3**.

On note au passage que les **lettres principales** sont les **lettres secondaires** particulières.

Dans toute la suite la notion de **lettre** prendra ce sens d'**ordre 1**, d'**ordre 2** ou d'**ordre 3**. Même logique pour les **zéros éniens**. Les **zéros** associés aux **lettres éniennes d'ordre 1** sont d'**ordre 1** aussi, de même pour les **ordres 2** et **3**. Il est clair alors que la **structure réalie** ou **générative** est dans ce cas une **fractale ω_1** .

Il suffit d'avoir dit cela pour avoir entièrement défini la **relation d'ordre générative** ou **réalie**, notée « \leq » et « $<$ » pour l'**ordre strict** associé. Il est très intéressant alors, avec ces données, de généraliser le puissant concept de **relation d'ordre générative** ou **relation d'ordre réalie** ou **relation d'ordre de numération romaine**.

→ Considérant l'**alphabet infini A** choisi plus haut, soit **L** l'**ensemble** de toutes ses **lettres** (des **ordres 1 à 3** donc). On note par **M(L)** l'**ensemble de tous les mots finis ou infinis**, formés avec des **éléments** de **L**, pris comme un **alphabet**. En choisissant un **alphabet A** ayant une première **lettre a**, il est clair alors que **M(L)** est l'**ensemble de toutes les générescences de a**. Autrement dit, tout **élément x** de **M(L)** est de la forme: $x == n \times a$, où **n** est un **nombre entier naturel, fini ou infini** (l'**infinité** au sens donc des **nombre entiers naturels variables**). Il est clair aussi que est **isomorphe** à l'**ensemble N_∞** de tous les **nombre entiers oméganaturels**, c'est-à-dire des **nombre entiers naturels finis ou infinis**, autrement dit l'**ensemble de tous les ordinaux** (au nouveau sens de la notion et non plus celui des classiques **théories des ensembles**, comme par exemple ZF).

En particulier, considérant l'**alphabet infini A** choisi plus haut, on a l'**ensemble M(A)** de tous ses **mots**. Et **M({a, b, c, d, e, f, g})** est l'**ensemble** de tous les **mots** des **7 lettres principales**.

Considérant encore **L** et **M(L)**, soit une **lettre secondaire X** (ce qui inclut donc les **lettres principales**). On appelle un **élément de X** tout **élément x** de **M(L)** **strictement inférieur** à **X**. On note alors en **compréhension**: $X == \{x \in M(L) \text{ tel que } x < X\}$.

Soit une **générescence $n \times X$** de **X**. Et on appelle un **olément de X** tout **élément x** de **M(L)** qui est formé de **lettres secondaires strictement inférieur** à **X**.

Et étant donné **Y** la **lettre secondaire immédiatement supérieur** à **X**, et deux **oléments x** et **x'** de **X** tels que $x < x'$, on pose: $X < Xx < Xx' < \dots < x'Y < xY < Y < Yx < Yx'$.

C'est la généralisation de la **relation d'ordre générative**, ou **ordre réali** ou **ordre de numération romaine**.

L'écriture **Xx** signifie que l'on **concatène** l'**olément x** à droite de la **générescence X**, pour avoir un nouveau **mot**, qui représente le **nombre $X+x$** . De même **Xx'** représente le **nombre $X+x'$** . Et comme $x < x'$, on a donc: $Xx < Xx'$, car: $X+x < X+x'$.

Et l'écriture **xY** signifie que l'on **concatène** l'**olément x** à gauche de la **générescence Y**, pour avoir un nouveau **mot**, qui représente le **nombre $Y-x$** . De même **x'Y** représente le **nombre $Y-x'$** . Et comme $x < x'$, on a donc: $x'Y < xY$, car: $Y-x' < Y-x$.

Autrement dit, c'est la généralisation de l'exemple:

a < aa < aaa < aaaa < ... < aaaab < aaab < aab < ab < b < ba < baa < baaa < baaaa < ...
 < aaaabb < aaabb < aabb < abb < bb < bba < bbba < bbaaa < bbaaaa < ...

Les **oléments** de **X** représentent les **nombre**s très petits par rapport à **X**, qui sont d'un **ordre de grandeur** très inférieur à **X**, comme par exemple un **infini énitien** et les **nombre**s de son **ordre de grandeur** sont très petits par rapport à l'**infini énitien** suivant. Comme dans l'idée de la **numération romaine**: **I, II, III, IV, V, VI, VII, VIII, IX, X, XI, XII, XIII, ...**, étant donnée une **unité principale**, comme par exemple **V** ou **X** ici, et une **unité plus petite**, comme **I** ici, on écrit les **unités plus petites** à gauche de la **plus grande** pour dire qu'on les **soustrait** de la **grande**, et à sa droite pour les **additionner**. Ainsi, **17** peut s'écrire **XVII** ou **IIIXX**, pour dire donc que de la **grosse unité X** ou **10** on **ajoute** à droite **V** ou **5**, et à sa propre droite on **ajoute II** ou **2**. Ou de la **générescence** de **X** qui est **XX** ou **20**, on **soustrait III** à gauche.

De même donc, pour les **grandes lettres** et leurs **générescences**, on écrira les **petits mots** à gauche pour les **soustraire**, et à droite pour les **ajouter**.

Ainsi on a: **xXx == X**, car de la **grande lettre X** on **ajoute le petit mot x** à droite et on le **soustrait** à gauche. Par conséquent, on a : **xX + x == X**, ou : **x + xX == X**.

Donc, pour une **grande lettre X** et **Y** la **grande lettre immédiatement supérieure**, les **mots** de la forme **Xx** où **x** représente un **mot** formé de **lettres plus petites que X**, sont les **mots en évolution** vers **Y**. Et à l'approche de **Y**, ce sera les mots de la forme **xY**.

Montrons maintenant comment se déploie dans toute sa profondeur et puissance la **structure générative** ou **structure réali**e avec **7 lettres principales a, b, c, d, e, f, g**, la **lettre d** étant donc l'**unité absolue**. Les **lettres e, f, g** sont alors des **nombre**s entiers infinis, dévoilant toute la **structure des infinis énitien**s, et par conséquent les **zéros** associés dévoilent la la **structure des zéros énitien**s. Pour cela nous avons besoin d'étendre l'**alphabet** des **7 lettres principales: a, b, c, d, e, f, g**, avec **7 lettres supplémentaires: +, ×, /, ^, (,), I**, les **lettres opératrices**, qui, comme on le comprend, ont pour rôle faire des opérations avec les **mots** des **7 lettres principales a, b, c, d, e, f, g**, c'est-à-dire les éléments de **M({a, b, c, d, e, f, g})**. Ces **7 autres lettres: +, ×, /, ^, (,), I**, où le symbole « **I** » est l'**opérateur** signifiant « **indice** » comme le symbole « **^** », signifie « **exposant** », sont des **symboles opérationnels**, certes, mais ce sont avant tout des **lettres** comme les autres permettant d'écrire des **mots** plus généraux et plus étendus, y compris des **mots infinis**! Ceux-ci sont des mots finis, certes, mais représentant des **mots infinis**.

Le déploiement de la **structure** des **nombre**s entiers infinis énitien, avec les **lettres e, f, g**, part de l'**unité absolue d**.

On a d'abord le déploiement **génératif** ou **réali**e des **mots**:
d, dd, ddd, dddd, ..., ddddde, ddde, dde, de, e, ou: **1, 11, 111, 1111, ..., 1111e, 111e, 11e, 1e, e**, respectivement notés: **1, 2, 3, 4, ..., 4e, 3e, 2e, 1e, e**.

Dans cette écriture il ne faut pas par exemple **4e** avec la **multiplication implicite** de **4** et **e**, car il s'agit d'une notation **générative, réali**e ou **romaine**. La notation **4e** représente le **nombre entier infini e-4**, et donc la liste précédente est donc: **1, 2, 3, 4, ..., e-4, e-3, e-2, e-1, e**.

Ce premier déploiement **génératif** définit donc simplement les **nombre**s entiers naturels ou finis ou **constants**, de **1** à **e**, qui du coup est ainsi par définition le premier **entier naturel infini**. Mais

avant tout, et c'est très important, il s'agit d'un exemple de **mot infini** de notre **alphabet de 7 lettres**: **a, b, c, d, e, f**. La **lettre e** incarne en effet le terminus de la suite **infinie** des **mots finis**: **d, dd, ddd, dddd, ...**, formés tous de la **lettre unique d**. Ou la **suite**: **o, d, dd, ddd, dddd, ...**, où **o** représente le **mot vide**, c'est-à-dire le **mot** très spécial qui n'est formé d'**aucune lettre d**, et plus généralement d'**aucune lettre**. Ce **mot** très particulier est très important, il est dans l'**univers des mots** ou **informations** ce que le **zéro** ou **0** est dans l'**univers des nombres**.

Et d'ailleurs, à vrai dire, il s'agit du même **univers**, deux manières différentes seulement de voir la même chose. On comprend mieux la logique des **nombres** quand on réalise que c'est avant tout la logique des **mots**, des **informations**, une simple logique **alphabétique**. Et au passage on comprend aussi pourquoi l'idée que la **division par zéro** serait « impossible » est une idée fautive, car on peut toujours définir un **nombre** qui est avant toute chose cette phrase: « *Je suis le **nombre** qui est la **division de 1 par 0*** ». Si donc la **division par zéro** était vraiment « impossible », il serait « impossible » aussi de dire cette **phrase**, ce **mot**, cette **information**. Or on peut toujours dire cette **phrase**, cette **information existe**, comme toutes les autres **informations**.

A commencer par l'**information** ou la **phrase** ou le **mot** qui définit le **zéro** lui-même: « *Je suis l'**information** qui représente l'**absence d'information**, le **mot** qui représente l'**absence de mot**, l'**ensemble** qui représente l'**absence d'ensemble** (appelé alors l'**ensemble vide** en **théorie des ensembles**), le **nombre** qui représente l'**absence de nombre**, etc.* » Tout cela donc signifie : « *Je suis le **Zéro**, l'**Alpha**, le **Commencement de Tout*** ».

Cela paraît paradoxal, mais il n'en est rien, puisqu'on introduit simplement un **mot**, une **information**, qui désigne le « paradoxe », à savoir la **présence** qui représente ou simule l'**absence**, l'**existence** qui représente l'**inexistence**, qui simule l'**inexistence**, qui joue le rôle de l'**inexistence**, etc. Le **zéro** ou l'idée du **zéro absolu** n'est rien d'autre que ça, à savoir donc un **rôle**, qui **doit exister** comme **toute chose**!

Et donc alors pourquoi son parfait opposé n'existerait-il pas de la même manière? Ici, l'une de ses définitions possibles est donc: « *Je suis le **nombre** qui est la **division de 1 par 0*** ». Dire que ceci est « impossible », c'est en réalité dire quelque part que le **zéro** est « impossible » aussi. Oui, la **négation** de la **division par zéro** est quelque part la **négation** du **zéro** lui-même. Or sans lui la science serait amputée d'un **nombre** très important. D'autant plus qu'en fait, cette phrase: « *Je suis le **nombre** qui est la **division de 1 par 0*** » n'est qu'une autre manière de dire: « *Je suis l'**Infini**, l'**Oméga**, le **Grand Tout**, l'**inverse du Zéro*** ».

En **niant** donc l'**inverse du Zéro** c'est-à-dire algébriquement parlant la **division de 1 par Zéro**, c'est le **Grand Tout**, l'**Oméga**, qui est **nié**, l'**Ensemble Plein**, l'**inverse de l'Ensemble Vide**. Et ce **Grand Tout** est ce que nous appelons l'**Univers TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, bref la définition scientifique de **Dieu**. Pas étonnant donc que la **négation** de la **division par Zéro** et la **négation** du **Paradigme** de l'**Univers TOTAL** soient synonymes.

Or il se trouve aussi que le **Zéro** ou l'**Alpha** est simplement le **commencement** d'un **Cycle**, le **Cycle Infini**, le **Cycle Oméga**. C'est l'**Oméga**, le **Grand Tout**, l'**Infini**, qui, au **commencement** du **Cycle** qu'il est, est appelé l'**Alpha** ou **Zéro**. Ce sont les deux faces du même **Etre**. En **niant** donc une face, ici l'**Oméga**, c'est l'**Alpha** aussi que l'on **nie**.

Bref, tout ça juste pour dire que, d'un point de vue **informationnel**, l'**inverse de Zéro**, c'est-à-dire la **division de 1 par Zéro**, **existe**, est **possible**, puisque l'**information existe**, comme toutes les autres **informations**. Et même **existe** l'**information** disant: « *Je suis l'**information** disant que **certaines informations n'existent pas**, et que même l'**information** que vous êtes en train de lire en ce moment **n'existe pas*** ». On a beau dire ce que l'on veut, mais cette **information existe**, mais dans ce cas ça s'appelle simplement un « **paradoxe** », une « **négation** », une « **idée démoniaque** », ou « **diabolique** », etc. Mais elle existe, sauf qu'elle est un **paradoxe**, et le **paradoxe existe**, point. Sinon je ne serais pas là à faire une Science qui dévoile tous les paradoxes de ce monde, les vrais paradoxes, ou mensonges ou faussetés, et à les résoudre. Je dis donc que « toutes choses existent », et même les choses disant que certaines choses n'existent pas. Ces choses sont donc les paradoxes, ou, en langage biblique, les choses démoniaques, oui le Démon, le Diable, l'esprit de Négation.

Pour revenir à nos moutons, la **lettre e** incarne le **terminus** de la suite **infinie** des **mots finis**: **o, d, dd, ddd, dddd, ...**, où **o** représente le **mot vide**, qu'on retrouvera en tête de toute **suite de générescences**. La **lettre e** est donc un exemple de **mot infini**, c'est-à-dire un mot ayant une **infinité de lettres**, en l'occurrence ici la **lettre d**. Le développement **génératif** complet de ce **mot e** est donc: **o, d, dd, ddd, dddd, ..., dddde, ddde, dde, de, e**.

Le **mot e** signifie un **entier naturel variable finalement plus grand que tous les entiers finis ou constants**. On le voit bien avec cette liste qui s'écrit donc aussi: **o, 1, 11, 111, 1111, ..., 1111e, 111e, 11e, 1e, e**, ou: **o, 1, 2, 3, 4, ..., e-4, e-3, e-2, e-1, e**.

Les **nombre**s **o, 1, 2, 3, 4, ...** sont les **entiers naturels finis** classiques. Mais la logique **généralisatrice** ou **réaliste** nous donne une vision plus naturelle et plus profonde non seulement de ce que sont les **nombre**s **entiers naturels**, mais en plus de la compréhension de l'**infini**, du vrai **infini**, que nous avons aussi commencé à voir avec la notion de **nombre entier naturel variable**, et maintenant de **générescence**.

Et la logique de **numération romaine**, qui est plus qu'une simple notation, met aussi en évidence une autre chose très importante qu'on a vue aussi avec la notion de **nombre entier variable**, à savoir que les **nombre**s **entiers** ne « sautent » brutalement de la catégorie des **nombre**s **entiers finis** ou **constants** à la catégorie des **nombre**s **entiers infinis**, mais deviennent graduellement infinis, en passant par toutes les natures intermédiaires! C'est donc cela qu'on voit avec: **o, 1, 2, 3, 4, ..., e-4, e-3, e-2, e-1, e**, ou: **o, 1, 11, 111, 1111, ..., 1111e, 111e, 11e, 1e, e**, qui dit donc que les **nombre**s **entiers** tendent vers l'**infini e** en disant d'abord: **o, 1, 2, 3, 4, ...**, et ainsi de suite **indéfiniment**, les **nombre**s devenant **de moins en moins finis** en grandissant et sont **de plus en plus infinis**. Ce qui est on ne peut plus logique.

Car qualifier encore complètement de « fini » un **nombre** comme **Gogol** ou 10^{100} , ou pire encore le **Nombre de Graham** qu'on ne peut même plus écrire comme une **puissance de 10**, tellement sa **grandeur** dépasse l'entendement, c'est ne pas comprendre ce qui se passe avec les **nombre**s **entiers** ou ne pas vouloir comprendre. A savoir qu'à un certain **horizon**, les **nombre**s **entiers** ne sont plus tout à fait des **nombre**s « fini » même s'ils ne sont pas encore **infinis** non plus. Le processus de passage de l'état de **fini** à celui d'**infini** est vraiment **progressif, graduel**, si bien qu'à partir d'un certain **horizon**, on cesse inévitablement de parler de « fini » et on dit: « **infini e moins le Nombre de Graham** », puis, puis, puis bien plus tard: « **infini e moins Gogol** », puis plus tard encore: « **infini e moins Gogol** », puis, puis, puis: « **infini e moins un milliard** », puis, puis: « **infini e moins 4** », puis: « **infini e moins 3** », puis: « **infini e moins 2** », puis: « **infini e moins 1** », puis le

terminus du voyage vers le **monde de l'infinité**, à savoir: « **infini e** ». Et alors on entend des cieux une voix dire: « *Bienvenue dans l'infinité, ici commence toute une nouvelle expérience* ».

Cela signifie tout bonnement qu'en partant de **o** ou **0** et en **tendant vers l'infini**, comme on dit, en progressant à chaque fois d'une **unité**, de **1** donc, on finira par entrer dans un **horizon de nombres entiers naturels** qui n'ont plus grand-chose à voir avec les **nombres entiers habituels**, tout un autre **monde** donc, tout un autre **univers**! Progressivement, toutes les choses auxquelles on est habitué disparaissent, toutes les certitudes anciennes volent en éclat, comme par exemple la « vérité » selon laquelle un **nombre entier naturel n ne peut jamais être égal à son successeur**. Autrement dit, l'idée que: **n = n+1** est faux. C'est en vertu de cela par exemple que l'on dit que: **2+2 = 5** est faux, car on n'a pas: **4 = 5**, autrement dit: **4 = 4+1**.

Au royaume de l'**infini** on commence à comprendre qu'en fait cela n'était vrai que dans le **monde du fini**, car dire par exemple : **2+2 = 5** ou: **4 = 5** ou: **4 = 4+1**, autrement dit écrire l'**identité: n = n+1**, avec la **variable n** ayant pour **valeur 4**, c'est commettre une **erreur** de **1/4** ou **25%**. En effet, on s'est **trompé de 1 par rapport à 4**, qui est la **bonne réponse** selon l'**identité**, donc l'**erreur** est le **rapport 1 sur 4** ou **1/4** donc **0.25** ou **25%**.

Mais que devient cette **identité: n = n+1** quand on atteint un **horizon** comme **un milliard** ou **1000000000**, qui pourtant est encore un **nombre fini**? Là donc la **variable n** prend pour valeur **1000000000**, donc on a: **1000000000 = 1000000000+1**. On dit donc: **1000000000 = 1000000001**. Et donc là, l'**erreur** est de **1 sur 1000000000** ou **1/1000000000** ou **0.000000001** ou **0.0000001%**.

Dire: **4 = 5**, c'est comme si vous devez **4 euros** à une personne mais elle vous réclame **5 euros**. Autant là elle vous **surfature** de **1/4** ou **25%**, ce qui est un abus, on est d'accord?, autant ce n'est pas du tout la même chose si vous devez **1000000000 euros** et qu'elle réclame **1000000001 euros**. La **surfaturation** n'est plus que de **0.0000001%**, ce qui traduit bien l'idée courante qu'avec des sommes comme **1000000000 euros** ou **un milliard d'euros**, on n'est plus à **1 euro** près. Cela revient à dire que l'**identité: n = n+1**, qui est fautive avec les petites valeurs de **n**, comme par exemple **4**, commence sérieusement à être vraie avec des valeurs de **n** comme **1000000000**.

Et que dire maintenant avec des valeurs de **n** comme **Gogol** ou **10¹⁰⁰**? Ou à plus forte raison avec une valeur de **n** comme le **Nombre de Graham**? A ces **horizons** donc et aussi étonnant que cela puisse paraître, l'**identité: n = n+1** est pratiquement vraie! Et dire alors à l'**horizon infini** que nous appelons ici **e**? Là donc, l'**identité: n = n+1** devient: **e = e+1**. Et alors l'**erreur** est **1/e**, qui est ici le **nombre c**, l'**inverse de e** donc, et qui est un **zéro**!

On entre donc dans un univers de nombres où les vérités anciennes deviennent des faussetés, et où les faussetés anciennes deviennent des vérités. Nous disons que la vérité a **alterné**. C'est ce que nous appelons l'**Alternation aux horizons infinis**, ou la **Loi d'Alternation à l'Horizon Oméga**.

Et de manière générale la **vérité alterne l'infini**, il existe toujours un certain **horizon fini** ou **infini** où toute **vérité** devient la **vérité contraire**, non pas la **négation** de la vérité première, ainsi qu'on a l'habitude de voir les choses dans les habituelles logiques de **Négation**, mais l'**autre face** de la même **vérité**, ainsi que l'on voit les choses en logique d'**Alternation**.

Ici donc, cela veut dire qu'en partant par exemple de **o** ou **0** et tendant vers l'**infini**, on arrivera obligatoirement dans un certain **horizon de nombres** pourtant des **nombres entiers naturels**, où l'**identité: n = n+1** devient tout simplement vraie. Une autre manière de voir la question est que

l'on quitte le monde des **nombre entiers constants** pour entrer dans le monde des **nombre entiers variables**, et donc en particulier les **nombre entiers variables infinis**. En effet, un **nombre entier constant**, comme **4** par exemple, ne prend pour valeur que lui-même, et pas une autre valeur. On a donc seulement: **4 = 4**, et pas: **4 = 5** ou: **4 = 4+1**. Mais le propre d'une **variable**, comme **n** par exemple, c'est de pouvoir prendre des **valeurs différentes**, c'est d'être **4**, puis **5** au besoin, puis **1000000000**, etc. C'est aussi ce que veut dire l'**identité**: **n = n+1**. Elle dit que le **nombre entier n** qui la vérifie est un type de **nombre** qui peut avoir sa **propre valeur**, mais aussi la **valeur suivante**. Il s'agit donc des **nombre variables**, et en particulier quand ils sont **infinis**, c'est-à-dire **finalement plus grands que tout nombre entier constant**.

Ce genre de nombre est donc aussi ce que décrit une liste **générative** comme celle-ci: **o, 1, 11, 111, 1111, ..., 1111e, 111e, 11e, 1e, e**, ou: **o, 1, 2, 3, 4, ..., e-4, e-3, e-2, e-1, e**. En partant donc de **o** et en croissant, on arrive progressivement au **nombre infini e**, qui est plus grand que tous les **nombre finis** ou **constants**.

Ce premier **cycle d'entiers naturels** de **o** à **e**, donc: **o, 1, 2, 3, 4, ..., e-4, e-3, e-2, e-1, e**, qui est donc le **cycle des générescences**: **o, 1, 11, 111, 1111, ..., 1111e, 111e, 11e, 1e, e**, est très **fondamental**, car c'est le **cycle infini** de **base**, incarné donc par **e**, et qui par **répétition** (c'est-à-dire par logique **générative**) va engendrer tous les autres **cycle infinis**, donc tous les autres **entiers infinis**.

Et en restant toujours dans la logique des **mots**, le déploiement **génératif** se poursuit par: **o, d, dd, ddd, dddd, ..., dddde, ddde, dde, de, e, ed, edd, edddd, ..., ddddee, dddee, ddee, dee, ee, eed, eedd, eeddd, eedddd, ..., ddddeee, dddeee, ddeee, deee, eee, eeed, eeedd, eeeddd, eeedddd, ...**, et ainsi de suite.

Ainsi se construisent les **générescences** de **e**, à savoir: **o, e, ee, eee, eeee, ...**, pas à pas en **ajoutant d** à chaque étape. Tous ces **mots** sont donc fondamentalement des **générescences** de **d**, lui-même une **générescence** de **c**, lui-même une **générescence** de **b**, lui-même une **générescence** de **a**. Avec les **générescences** en dessous de l'**unité absolue d**, on entre dans le royaume des **zéros**, mais pour l'instant restons dans celui des **infinis**.

On est ici à un grand tournant avec les **générescences** de l'**infini e**, car la question qui se pose est de savoir à quel premier **horizon infini** ces **générescences** de **e** nous mènent-elles? On pourrait répondre **f**, bien sûr, ou même **Ω**, ce qui est vrai. Mais nous nous intéressons aux **horizons infinis intermédiaires** avant d'en arriver à ces **horizons infinis** dont le rôle est d'illustrer la notion **générative d'infini absolu**, les **infinis terminaux** donc, leurs correspondants étant les **zéros terminaux** ou **zéro absolus**. Mais avant d'en arriver aux **horizons absolus** il se passe encore beaucoup, beaucoup de choses avec les **générescences**, les **mots** de notre **alphabet génératif**.

Pour comprendre le problème, considérons n'importe quel unit **x**, et ses **générescences**:

o, x, xx, xxx, xxxx, ...,

La question est alors de savoir à quel tout premier **horizon infini** ces **générescences** aboutissent-elles? Nous avons en fait déjà donné la réponse, et elle concerne **e**, qui est précisément le **premier horizon infini**, qui vient après la liste des **entiers finis**, petit rappel:

o, d, dd, ddd, dddd, ..., dddde, ddde, dde, de, e,

ou: **o, 1, 11, 111, 1111, ..., 1111e, 111e, 11e, 1e, e**,

ou: **o, 1, 2, 3, 4, ..., 4e, 3e, 2e, 1e, e**,

mots qui représentent donc les nombres: **0, 1, 2, 3, 4, ..., e-4, e-3, e-2, e-1, e.**

Donc tout **processus génératif** (ou **itératif** ou **répétitif**), après tous les **nombres finis** de **répétitions**, doit aboutir en **premier lieu** à l'**horizon infini e**, avant de se poursuivre au-delà. Cela s'applique en particulier à l'**itération** de **e** lui-même, donc à ses **généréscences**:

0, e, ee, eee, eeee, ...

OK, mais comment exprimer l'idée que l'on arrive à un **horizon infini e**?

C'est ici nous avons besoin d'introduire la deuxième **opération**, à savoir la **multiplication**, \times , car en fait l'**addition** était déjà discrètement sous-entendue dans l'idée même du déploiement des **généréscences** de n'importe quel **unit x**. En effet on **additionne** à chaque fois **un unit x** pour passer à la **généréscence** suivante, donc on **additionne** en fin de compte **1**. Et écrire par exemple la **généréscence xxxxxxxx**, faite de **7 units x**, c'est faire **0 unit x**, auquel on **additionne 7 unit x**, donc l'**addition 0+7**, ce qui revient à dire qu'on fait **1 unit x**, auquel on **additionne 6 unit x**, donc l'**addition 1+6**, ce qui revient encore à dire qu'on fait **2 unit x**, auquel on **additionne 5 unit x**, donc l'**addition 2+5**, ainsi de suite pour **3+4**, et **4+3**, et **5+2**, et **6+1**, et **7+0**. Même raisonnement avec n'importe quelle **généréscence**, **finie**, mais aussi **infinie**. Donc l'**opération d'addition**, la première **opération arithmétique**, était déjà automatiquement sous-entendu dans le concept même de **généréscence**.

Nous arrivons à présent à un **horizon** de l'**addition**, où, pour qu'elle puisse s'exprimer avec encore plus de puissance, elle doit donner naissance à une **opération-fille**, qui est la **multiplication**, et qui n'est rien d'autre que l'**addition itérée** ou l'**addition générative**, ou encore une **généréscence d'addition**. Cela signifie qu'au lieu que l'**unit** soit un simple **mot** ou **nombre**, l'**unit** est une **addition d'units**, donc une **généréscence de généréscence d'unit**. C'est cette **addition spéciale** donc qu'on appelle la **multiplication** ou **addition itérée**.

Et de manière très générale, les **hyperopérateurs**: **addition**, **multiplication**, **exponentiation**, **tétration**, **pentation**, etc., sont tous l'**addition hyper-itérée**, tous se ramènent à la base à l'**addition**, mais ne sont que des moyens d'exprimer cette **itération de l'addition** avec de plus en plus de **puissance**. Et d'ailleurs l'**opération d'exponentiation** n'est-elle pas appelée aussi « **puissance** »?

La première **itération de l'addition** est donc la **multiplication**. L'**addition** consiste à dire que si l'on a une **généréscence de m units x**, et une seconde **généréscence de n units x**, on forme une nouvelle **généréscence de (m+n) units x** en **concaténant** les deux **généréscences**, c'est-à-dire à les mettant bout à bout. Et la **multiplication** consiste à dire que si l'on a une **généréscence de m units x**, et que l'**unit x** en question est une **généréscence de n units y**, alors **généréscence de m units x**, est une nouvelle **généréscence de m×n units y**. On parle donc toujours de la **généréscence de m units x**, donc toujours d'une **addition d'units**, sauf que l'on détaille à son tour l'**unit x** comme une **généréscence d'un autre unit**, qui est **y**. Par conséquent, l'**addition** de départ devient une **multiplication**, ce qui veut dire donc qu'une **multiplication** est à la base une **addition** mais un peu plus sophistiquée, une **addition itérée** ou **répétée** donc.

En effet, **répéter m fois l'addition de n**, c'est-à-dire: **n+n+n+...+n**, où **n** est **répété m fois**, c'est faire la **multiplication m×n**. Mais à la base c'est une **addition**. Et à son tour **répéter m fois la multiplication par n**, c'est-à-dire: **n×n×n×...×n**, où **n** est **répété m fois**, c'est faire l'**exponentiation multiplication n^m** ou **m^n**. C'est donc la **multiplication itérée**, mais à la base

c'est une **multiplication**, qui à la base est une **addition**. Même chose l'**exponentiation itérée**, qui donne une nouvelle **opération** qui est la **tétration**, et ainsi de suite avec tous les **hyperopérateurs**, chacun étant l'**itération** du précédent. Et à la base donc, tout cela est une **addition** ce qui veut dire une **générescence**, sauf qu'elle est de plus en plus **sophistiquée**. Alors pour simplifier, on la note comme une nouvelle **opération**.

Pour n'importe quel unit **x**, et ses **générescences**:

o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ...,

qui avec cette écriture ne met en œuvre que l'**addition** basique (ici « **additionner** à chaque fois un **unit x** »), on peut à présent, avec une expression plus puissante de l'**addition**, à savoir donc le **multiplication**, non seulement exprimer les **générescences** de manière plus concise, mais exprimer aussi le premier **horizon infini** de cette liste dans le cas d'un **unit x** en général, et de l'**unit e** en particulier. Les **générescences**: **o, x, xx, xxx, xxxx, ...**, s'écrivent donc respectivement aussi:

o, 1xx, 2xx, 3xx, 4xx,

Par conséquent, la liste complète jusqu'au premier **horizon infini**, qui est **e** donc, est donc:

o, 1xx, 2xx, 3xx, 4xx, ..., (e-4)xx, (e-3)xx, (e-2)xx, (e-1)xx, exx.

Le modèle général est donc établi pour n'importe quel **unit x**. Et donc en particulier pour l'**unit e** lui-même: **o, e, ee, eee, eeee, ...**, cela donne:

o, 1xe, 2xe, 3xe, 4xe, ..., (e-4)xe, (e-3)xe, (e-2)xe, (e-1)xe, exe.

Et alors apparaît un nouvel **unit**, un nouvel **infini**, qui est **exe** ou **e²**.

Et si nous voulons poursuivre notre exploration avec les **lettres** et les **mots**, sans nous laisser influencer par nos conceptions courantes sur les nombres et leur nature, alors cette liste **généralive** est le développement:

o, dxe, ddxe, dddxe, ddddxe, ..., (dddde)xe, (ddde)xe, (dde)xe, (de)xe, exe.

Et alors n'y figurent que des mots de notre **alphabet principal** de 7 lettres: **a, b, c, d, e, f, g**, augmenté des 7 lettres de l'**alphabet opérationnel**: **+, ×, /, ^, (,), I**, qui nous servent juste à abrégé l'écriture des **générescences**, notamment quand elles sont **infinies**. Sans cela, l'écriture **(dde)xe** par exemple, signifie une **générescence** où il faut **répéter dde** un nombre de fois égal à l'**infini e**. Cela donne donc: **(dde)(dde)(dde)(dde)(dde)...(dde)(dde)**, où **(dde)** doit apparaître l'**infinité e** fois.

L'écriture **(dde)xe**, comme toutes les autres qu'on va établir, représente donc bel et bien un **mot** de notre **alphabet principal** de 7 lettres: **a, b, c, d, e, f, g**, sauf que c'est un **mot de longueur infinie**, que donc nous sommes contraint d'abrégé avec des **lettres opérationnelles**. Et plus généralement, ces **lettres opérationnelles** nous permettent de décrire toutes les **générescences** de la **structure réelle** basée sur les 7 lettres principales: **a, b, c, d, e, f, g**.

Nous avons donc vu apparaître un nouvel **unit**, **e²**, ou **e²**, qui en toutes lettres ou en tout cas de manière plus développée comme **mot principal** est **e^{dd}** ou **e^{^dd}**.

Ainsi donc, en développant les **générescences de d**, cela donne au premier cycle les **mots**:

o, d, dd, ddd, dddd, ..., dddde, ddde, dde, de, e,

dont le terminus est **e** ou **e¹** ou **e^d** ou **e^{^d}**.

Et au second cycle de répétition des **d**:

e, ed, edd, edddd, ..., ddddee, dddee, ddee, dee, ee,

dont le terminus est donc $2 \times e^d$ ou $dd \times e^d$.

Et au troisième

ee, eed, eedd, eeddd, eedddd, ..., ddddeee, dddeee, ddeee, deee, eee,

dont le terminus est donc $3 \times e^d$ ou $ddd \times e^d$.

Et ça continue avec le quatrième cycle de répétition des **d**, dont le début est:

eee, eeed, eeedd, eedddd, eedddd, ..., et ainsi de suite.

On voit apparaître progressivement les **générescences de e**, à savoir:

o, e, ee, eee, eeee, ...

Et celles-ci aboutissent à un terminus qui est donc: $e \times e^d$ ou $e^d \times e^d$ ou e^{dd} .

Et la suite se devine aisément: en continuant à **répéter** les **d**, on arrivera au terminus: $e \times e^{dd}$ ou $e^d \times e^{dd}$ ou e^{ddd} . Et l'on voit naître une super-suite: $e^d, e^{dd}, e^{ddd}, e^{dddd}, \dots$

Et comme la suite des **générescences**: **o, d, dd, ddd, dddd, ..., ddddde, ddde, dde, de, e,**

aboutissent toujours à **e** au premier **horizon infini**, cette super-suite: $e^d, e^{dd}, e^{ddd}, e^{dddd}, \dots$, aura donc pour terminus e^e ou $e^{\wedge}e$, qui est l'**infini énitien** qui vient après l'**infini e**, la **base des infinis énitien**.

A ce stade nous avons déjà utilisé à leur maximum les **opérateurs** +, × et ^, l'**addition**, la **multiplication** et l'**exponentiation** donc, celle-ci arrivant à la limite avec e^e ou $e^{\wedge}e$ pour continuer à exprimer les **générescences**. Une option est alors de continuer l'aventure dans les **mots** représentant les **nombre entiers infinis**, en faisant appel aux **hyperopérateurs** supérieurs à l'**exponentiation**, à savoir la **tétration**, la **pentation**, l'**hexation**, etc.

Hyper-opérateurs	Symboles et nom usuels	Définition et exemples avec la base 10
0 H Hener Ohener	+ Addition	$10^{-1} \text{ H } 10 = 10^0 \text{ H } 2$ ou: $10 \oplus 10 = 10 + 2$
1 H Uhener	× Multiplication	$10^0 \text{ H } 10 = 10^1 \text{ H } 2$ ou: $10 + 10 = 10 \times 2$
2 H Bihener	^ Exponentiation ↑ Puissance	$10^1 \text{ H } 10 = 10^2 \text{ H } 2$ ou: $10 \times 10 = 10^{\wedge} 2 = 10^2$
3 H Cihener	^^ Tétration ↑ ²	$10^2 \text{ H } 10 = 10^3 \text{ H } 2$ ou: $10^{\wedge} 10 = 10^{\wedge\wedge} 2 = 10^{\uparrow^2} 2$
4 H Dihener	^^^ Pentation ↑ ³	$10^3 \text{ H } 10 = 10^4 \text{ H } 2$ ou: $10^{\wedge\wedge} 10 = 10^{\wedge\wedge\wedge} 2 = 10^{\uparrow^3} 2$
...
10 H Lihener	^^^^^^^^ Hendécation ↑ ⁹	$10^9 \text{ H } 10 = 10^{10} \text{ H } 2$ ou: $10^{\uparrow^8} 10 = 10^{\uparrow^9} 2$; $10^{10} \text{ H } 10 = \text{Haw}(10)$

Dans notre notation des **hyperopérateurs**, plus cohérente de notre point de vue que les notations ou appellations habituelles, qui sont mentionnées aussi sur l'image ci-dessus, l'**addition** ou + est l'**hyperopérateur** fondamental, donc **H⁰**. Et la **multiplication** ou ×, l'**addition itérée**, est l'**hyperopérateur** **H¹** ou **H^d** dans notre **système alphabétique**. Et l'**exponentiation** ou ^, la **multiplication itérée**, est l'**hyperopérateur** **H²** ou **H^{dd}**. Et ce qui est couramment appelé la **tétration** ou ^^, l'**exponentiation itérée**, est l'**hyperopérateur** **H³** ou **H^{ddd}**, et ainsi de suite.

Dans l'absolu c'est ainsi que l'aventure dans les **nombre infinis** se poursuit. Et on arriverait à un **hyper-hyper-opérateur**, de rang **e**. En effet, on voit apparaître une suite d'**hyperopérateurs**: H^0 , H^1 , H^2 , H^3 , etc., ou: H^o , H^d , H^{dd} , H^{ddd} , etc., dont le premier terminus sera H^e . Mais le « problème » est que cela continue indéfiniment après H^e , si bien que l'aventure dans les **nombre nature infinis** ne se conclurait jamais! Et alors aussi on ne saurait jamais ce qui se passe à l'**horizon infini absolu Ω** , à savoir qu'on revient à **o**.

Alors nous avons plutôt adopté une finition qui est celle des **infinis éniens** et des **zéros éniens** associés. Pour cela, les trois premiers **hyperopérateurs**, +, × et ^ suffisent, l'**addition**, la **multiplication** et l'**exponentiation** donc. Et l'**exponentiation** sert à définir la **suite énitienne**, qui se dessine d'elle-même avec e^e ou e^{e^e} . Et si nous ne continuons pas jusqu'à la **tétration**, qui donnerait ici comme **horizon infini** $e^{e^{e^e}}$, alors aussi la lettre e arrive à la limite, et une autre lettre doit intervenir pour continuer, et ce sera la **lettre f** de notre **alphabet**. Et il importe de souligner que même si nous ne continuons pas avec les **hyperopérateurs** au-delà de l'**exponentiation**, ceux-ci pourtant sont implicitement présents dans la suite énitienne, mais s'expriment juste différemment, à travers l'**opérateur « indice »** justement, que nous avons noté **I**.

Pour cela nous posons: $f_o == 1$, et: $f_1 == e$, et: $f_2 == e^e = e^{e^e}$, etc.
 Autrement dit avec les **lettres**: $f_o == d$, et: $f_d == e$, et: $f_{dd} == e^e = e^{e^e}$, etc.
 Autrement dit encore: $f I o == d$, et: $f I d == e$, et: $f I dd == e^e = e^{e^e}$, etc.
 Et pour tout **mot n** pour lequel $f I n$ est déjà défini, et **nd** étant le **mot** suivant, on pose: $f I nd == f I n \wedge f I n$.
 Par exemple, pour $n == dd$, alors $nd == ddd$.
 Et on a: $f I ddd == f I dd \wedge f I dd == (e^{e^e}) I (e^{e^e})$.
 De même, pour $n == ddd$, alors $nd == dddd$.
 Et on a: $f I dddd == f I ddd \wedge f I ddd == ((e^{e^e}) I (e^{e^e})) \wedge ((e^{e^e}) I (e^{e^e}))$.
 Et ainsi de suite pour toute **générescence n finie ou infinie de d**.

Ce nouveau processus aboutit à un premier **horizon infini** qui est **e**, qui est donc $f I e == f_e$.
 Et cela se poursuit pour tous les **indices** au-delà de **e**.
 Il y a ainsi par exemple une **générescence de d** qui est: $f I (f I e)$,
 et une **générescence de d** qui est: $f I (f I (f I e))$.
 Pour toute nouvelle **générescence de d, n**, définie,
 on a une nouvelle **générescence de d** qui est: $f I n$, et ainsi de suite, indéfiniment.

A noter donc que dans cette construction se cachent tous les **hyperopérateurs** à travers cet **opération indice I**, employé avec l'**exponentiation**. Les **hyperopérateurs opèrent** donc ici juste différemment. La question n'est donc pas là, mais, comme pour les **hyperopérateurs**, de savoir ici à quel **indice** s'arrêter pour conclure? Et qu'entendons-nous ici par « conclure » ?
 Cela signifie simplement ceci: à partir de quel **indice de f** nous décidons que nous entrons dans l'**horizon** de l'**infini absolu Ω** , ce qui signifie que nous terminons le processus de construction des mots représentant les **nombre entiers infinis**, et revenons à la case départ, à savoir **o**?
 Cet indice, nous l'appellerons **A**. Signalons que nous l'avons précédemment noté **a**. Mis nous le notons dans le contexte-ci **A** pour ne pas confondre avec le **a** de notre **alphabet**.

Habituellement, nous choisissons pour **A** la valeur **3** ou **ddd**. Mais ça semble quand-même un peu juste maintenant, parce qu'effectivement alors les **hyperopérateurs** ne se seraient pas exprimés avec toute leur puissance à nous propulser dans les **horizons hyper-infinis**!

Et maintenant, posons: $f I^1 e == f I^d e == f_e == f I e$,

et: $f I^2 e == f I (f I^1 e) == f I (f I e)$;

et: $f I^3 e == f I (f I^2 e) == f I (f I (f I e))$;

et: $f I^4 e == f I (f I^3 e) == f I (f I (f I (f I e)))$;

et ainsi de suite.

Et on va décider de nous arrêter à: $f I^7 e == f I (f I^6 e)$,

parce que ça me plaît, le **chiffre 7**, c'est biblique, comme la **Genèse**, ou comme l'**Apocalypse**.

Et avec l'habituelle notation de la **suite énitienne**, c'est ω ou **oméga** qui joue le rôle de **f**,

et c'est ω_1 qui joue le rôle de **e**.

Et **oméga**, c'est biblique aussi, et à: $\omega_A == \omega I^7 \omega_1$, donc avec $A == \omega I^6 \omega_1$, on peut raisonnablement s'arrêter de **courir dans les infinis** et nous reposer à I^7 . On a donc:

$f == f_A == \omega = \omega_A$.

On peut maintenant définir les **zéros énitien**s associés aux **infinis énitien**s que nous venons de définir.

Tout **infini énitien** est finalement de la forme f_k , ou ω_k , en notation numérique habituelle. On pose alors : $b_k == d/f_k$, c'est-à-dire: $0_k == 1/\omega_k$. Et le seuil du **zéro absolu** est donc:

$b == b_A == d/f_A == 0 == 0_A == 1/\omega_A$.

Et l'**équivalence de bornage** consiste à dire que toutes les **générescences plus petites ou égales à 0_A** , sont **o**, qui joue le rôle du **a** de l'**alphabet**.

et que toutes les **générescences plus grandes ou égales à ω_A** , sont **Ω** , ce qui revient simplement à dire qu'on pose: $o == 0_A$, et: $\Omega == \omega_A$. Et l'**équivalence de cyclage** dit alors: $o = \Omega$.

Toute **générescence τ** de l'**intervalle $[a, d]$** , c'est-à-dire tout **nombre τ** de l'**intervalle $[o, 1]$** , est appelé un **tauréli**. L'**ensemble des nombres entiers** que nous venons de définir ainsi, avant l'application de l'**équivalence de bornage** qui plafonne les **nombres entiers** à ω_A , est noté N_ω , et est appelé l'**ensemble des nombres entiers omégaraturels**, ou simplement des **nombres entiers** ou encore des **ordinaux**. Son premier élément est **o**, le **mot vide** et c'est par définition le **premier réali**. Et pour tout **entier naturels n**, par définition **n** est un **réali**.

On pose: $1/o = o$. Et pour tout autre **entier nombre entier naturel n**, fini comme **infini**, on définit son **inverse $1/n$** , comme étant précisément l'**unit** qui **itéré n fois** donne **1**.

Et aussi pour tout **entier fini ou infini n**, il ne reste plus qu'à lui ajouter **tous les taurélis**, donc à faire $n+\tau$, pour tout $\tau \in [o, 1]$, pour achever de définir l'**ensemble R** de **tous les réalis**, que nous notons alors R^+_ω . C'est l'**ensemble** de tous les **nombres omégaréels positifs**, qui est simplement la notion de **nombre réels positifs** dans le nouveau **Paradigme**. D'un point de vue alphabétique, ces **nombres réels** sont toutes les **générescences d'un unit**, ici la **lettre a**. Avec l'approche **généralive** donc, la **lettre a**, appelé encore l'**Alpha**, est le **plus petit nombre réel**.

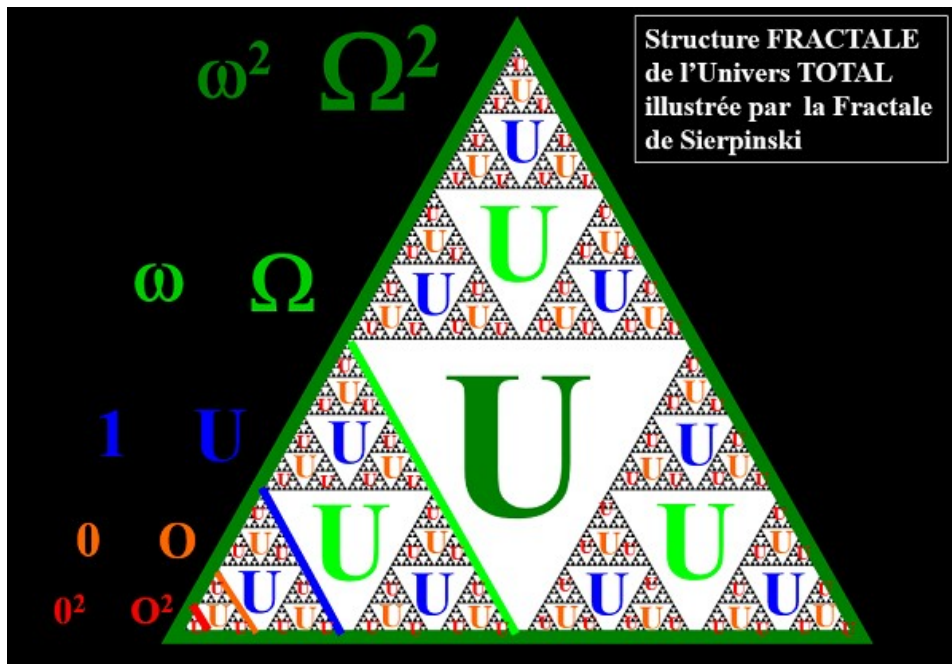
La **structure fractale** des **réalis** signifie donc que tous sont des **générescences d'un seul unit fondamental**, à savoir **a**, qui est le **plus petit** des **réalis**, en vertu du choix de: **a, b, c, d, e, f, g**, comme **lettres principales**. Et **g** est alors le **plus grand** des **réalis**.

Il est extrêmement important que le **structure générative** ou **réalie** que nous venons de construire est qu'ici une **structure** essentiellement **ordinaire**! Autrement dit, nous avons défini un **ensemble d'objets**, en l'occurrence les **mots** d'un **alphabet fini** ou **infini**, et en particulier ici un **alphabet fini de 14 lettres**, 7 lettres principales: **a, b, c, d, e, f, g**, et 7 lettres d'opérations: **+, ×, /, ^, (,), I**, et ce qui nous a surtout le plus préoccupés, c'est l'**ordre** sur les **mots** de l'**alphabet principal**, c'est-à-dire l'**ordre** sur l'**ensemble** $M(\{a, b, c, d, e, f, g\})$.

Si l'**alphabet** est **fini**, l'**ensemble des mots** par contre est **infini**. Dans les **paradigmes traditionnels**, on dira que $M(\{a, b, c, d, e, f, g\})$ est un **ensemble infini dénombrable**, et dont tous les **éléments**, les **mots** donc, sont des **suites finies de lettres**. Exactement comme avec le classique **ensemble des nombres entiers naturels**: $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, \dots, 524, \dots, 4083, \dots, 1000000, \dots, 56247365987, \dots\}$.

Il est construit avec un **alphabet** de **10 chiffres**: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9**, à voir exactement comme de **simples lettres**. Autrement dit on a: $\mathbb{N} = M(\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\})$, c'est-à-dire \mathbb{N} est par définition l'**ensemble de tous les mots de cet alphabet de 10 chiffres**, mots appelés les **entiers naturels**. Et ces **mots** sont tous formés d'un **nombre fini de chiffres**, aucun **mot**, ou en tout cas jusqu'à un **horizon fini**, n'est formé d'un **nombre infini de chiffres**. Bien que, comme on l'a vu, plus cette liste **ordonnée** des **entiers naturels** tend vers l'**infini**, comme on dit, plus le **nombre des chiffres** ou **longueur** de ses éléments tend vers l'**infini** aussi. Un **nombre infini** en pratique comme par exemple le **Nombre de Graham** a un **nombre de chiffres infini** en pratique aussi. Mais en théorie, en restant dans les conceptions classiques, le **Nombre de Graham** et le **nombre de ses chiffres** sont **finis**. Et toujours selon les conceptions classiques, le type d'**infini** concerné ici est l'**infini dénombrable**, appelé \aleph_0 ou « **aleph zéro** », et souvent noté aussi ω . Il correspond en effet au **nombre infini** que nous appelons souvent ω_1 et souvent aussi ν , c'est-à-dire le premier des **infinis énitens**.

Toujours selon les conceptions traditionnelles, il existerait des **infinis** « **indénombrables** », et même des **infinis** « **inaccessibles** », alors qu'en réalité la **structure des ordinaux**, c'est-à-dire des **nombres entiers finis ou infinis**, est une **structure fractale de base** ω ou ω_1 ou ν , ou encore \aleph_0 , que nous avons appelé la **lettre e** dans notre construction **alphabétique**. Et par conséquent tous les **nombres infinis** sont les différentes facettes du seul et même \aleph_0 ou ω . autrement dit, tous les **infinis**, bien que **non identiques** et ayant chacun sa **propre identité**, sont **équivalents**, car ils sont les différents **modèles** de la même **fractale** ω , qui se **répète** juste **indéfiniment** en elle-même. Ci-après une illustration avec une **fractale 3**, mais la logique est la même pour toute **fractale régulière**, c'est-à-dire dont la **base**, que nous appelons aussi un **fractalande**, ici **3**, ne change pas d'un **modèle** à un **modèle supérieur** ou un **modèle inférieur**:



On vient justement de voir le principe avec l'**infini** qu'est la **lettre e**, qui donne lieu à ce **modèle** général: **o, 1xx, 2xx, 3xx, 4xx, ..., (e-4)xx, (e-3)xx, (e-2)xx, (e-1)xx, exx.**

Tous les **modèles** ont la même base ou **fractalande**, qui est donc représentée par la **lettre e**. Ce qui différencie un **modèle** de la **fractale** d'un autre, c'est juste l'**unit x**. S'il vaut **1**, alors le **modèle** de la **fractale** est **e**, et s'il vaut **e**, alors le **modèle** de la **fractale** est **e²**, et de même pour **e³**, si c'est cette fois-ci c'est **e²** qui sert d'**unit x**, et ainsi de suite. C'est ni plus ni moins une **suite géométrique de raison e**. De manière très générale, toute **suite géométrique** décrit en fait une **structure fractale**. Le **système de numération en base 2**, est une **suite géométrique de raison 2**, et une **fractale 2**, c'est-à-dire de **fractalande 2**. Différentes manières donc de dire exactement la même choses. Et donc le **système de numération en base 10** est une **suite géométrique de raison 10** et une **fractale 10**, etc. Ses différents **modèles** ou **lettres secondaires** sont: **..., 10⁻⁴, 10⁻³, 10⁻², 10⁻¹, 10⁰ ou 1, 10¹, 10², 10³, 10⁴, ...**. Et parmi ces modèles il y a des **modèles** spéciaux comme: **10¹⁰, 10¹⁰ ^ 10¹⁰**, etc., qui sont donc les **modèles éniens**, et leurs **inverses** associés: **10⁻¹⁰, 10¹⁰ ^ (-10¹⁰)**, etc. Si la **base** (ou **fractalande**) est **infinie**, alors les **inverses** sont appelés des **zéros** ou **infiniment petits**.

C'est donc le même principe avec la construction **généralive** de **base e** (la **lettre e** donc). Les **modèles** de la **fractale e** ou **suite géométrique de raison e** ou **système de numération de base e** se déploie donc avec les **modèles**: **..., e⁻⁴, e⁻³, e⁻², e⁻¹, e⁰ ou 1, e¹, e², e³, e⁴, ...**, et on arrive aux **modèles éniens**, dans les **infinis**, comme par exemple **e^e**, comme dans les **zéros**, comme par exemple **e^{-e}**. Tous les **modèles** donc, de l'**infiniment petit** (les **zéros**) à l'**infiniment grand** (les **infinis**), bien que **non identiques**, sont la même **fractale**, donc sont **interchangeables**! Cela signifie que n'importe lequel peut jouer le rôle de **ℵ₀** ou **ω**, et donc tous sont **infinis dénombrables**.

A l'inverse, malgré les apparences, le classique **ensemble des entiers naturels**: **N == {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 ...}**, cache des **nombre infinis** plus grands que l'**infinité dénombrable de base** que N est lui-même. Il cache des **infinis** qu'on peut noter **N²**, qui est précisément l'**infinité** de l'**ensemble des couples d'entiers naturels**, et **N³**, qui est l'**infinité** de l'**ensemble des triplets d'entiers naturels**,

et \mathbb{N}^4 , qui est l'**infinité** de l'**ensemble** des **quadruplets d'entiers naturels**, etc. Et on arrive à $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$, qui, avec \mathbb{N} , inaugure la **suite des infinis éniens** de **base \mathbb{N}** ou de **fractalade \mathbb{N}** . Et est l'**infinité** qu'est l'**ensemble** des **\mathbb{N} -uplets d'entiers naturels**, autrement dit l'**ensemble** des **suites d'entiers naturels** ou des **applications de \mathbb{N} dans \mathbb{N}** . Mais toutes ces **infinités** ne sont que les différents **modèles d'une seule et même fractale**, autrement dit sont **équivalents** à \mathbb{N} . Ce ne sont que des différentes versions de \mathbb{N} , et n'importe quelle version peut être prise pour \mathbb{N} , appelée l'**ensemble des entiers naturels** ou **entiers finis**, et servir de **base** d'une nouvelle construction **généralisatrice** de la fractale.

Avec l'**alphabet principal** de 7 lettres: **a, b, c, d, e, f, g**, sans donc l'**alphabet des opérations**: **+, ×, /, ^, (,), I**, l'**ensemble** **$M(\{a, b, c, d, e, f, g\})$** , qui a donc la même **infinité dénombrable** que \mathbb{N} , et donc les **mots** ont « tous » une **longueur finie** (c'est-à-dire un **nombre fini de lettres**), si l'on raisonne comme classiquement, et pas en **logique fractale** et plus généralement l'**équivalence**, la **structure fractale**, qui pourtant était déjà, ne pouvait pas être mise en évidence, à moins de mettre en œuvre des axiomes ou théorèmes spéciaux de logique mathématique, du genre les **axiomes de l'arithmétique non standard** ou les théorèmes de Löwenheim-Skolem. Mais en ce qui nous concerne, l'**alphabet des opérations**: **+, ×, /, ^, (,), I**, en étendant l'**ensemble des mots**, à savoir: **$M(\{a, b, c, d, e, f, g, +, ×, /, ^, (,), I\})$** , a précisément pour but de former des mots spéciaux avec ces **opérations**, qui représente des **mots infinis** de l'**alphabet principal**, que nous ne pouvons pas former avec cet alphabet car ces mots se trouvent à des **horizons infinis**.

Il est extrêmement important de souligner la grande différence entre la construction des **nombre réels** que nous venons de faire et les constructions habituelles. Ici donc, un **système alphabétique**, un **système de mots**, l'**ensemble des mots d'un alphabet fini**, **$M(\{a, b, c, d, e, f, g, +, ×, /, ^, (,), I\})$** , donc en fait un **ensemble infini « dénombrable »** de **mots** classés dans un **ordre** spécial qui l'**ordre génératif** ou **ordre réali**. Ce qui est remarquable, c'est que formellement il est **équivalent** au classique **ensemble des entiers naturels**: $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 \dots\}$! Il est donc techniquement ce qu'on appelle un **ensemble « discret »**, ce qui signifie que ses éléments peuvent être **comptés un à un** comme les **nombre entiers naturels**, autrement dit peuvent être **numérotés** avec les simples **nombre entiers naturels**, comme aussi les **mots** avec les **26 lettres** de l'**alphabet français** peuvent être **classés par ordre alphabétique**, donc **comptés un à un**. Ce n'est pas du tout la conception habituelle des **nombre réels**, réputés **non dénombrables**, avoir le « **cardinal du continu** », etc.

Les **mots** de **$M(\{a, b, c, d, e, f, g, +, ×, /, ^, (,), I\})$** sont comme juste comme les mots d'un **alphabet** de **14 lettres**, comme donc les **mots** de: **$M(\{a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l, m, n\})$** , les **lettres de h à n** jouant donc le **rôles** des **7 opérateurs**: **+, ×, /, ^, (,), I**. Donc, strictement parlant, il y a moins de **mots** avec cet **alphabet de 14 lettres** qu'avec l'**alphabet de 26 lettres**.

Nous avons formé les **mots** et leur logique **généralisatrice**, qui comprend implicitement leur **algèbre généralisatrice**. Nous allons à présent expliciter cette **algèbre**, qui est donc l'**algèbre réali**.

vii)

→ **$(\mathbb{R}, +, =)$** est un **demi-groupe**, c'est-à-dire un **magma associatif**, ce qui signifie que la **loi de composition interne « + »**, du point de vue de l'**identité « = »**, est **associative**: pour trois éléments **x, y** et **z** de **\mathbb{R}** , on a: **$(x + y) + z = x + (y + z)$** .

Et comme « \equiv » est une **sous-relation d'équivalence** de « $=$ », on en déduit aussi que $(\mathbf{R}, +, =)$ est aussi un **demi-groupe** ou un **magma associatif**. Et donc, pour trois éléments x, y et z de \mathbf{R} , on a: $(x + y) + z = x + (y + z)$;

→ $(\mathbf{R}, +, =)$ est un **monoïde commutatif** dont l'**élément neutre** est a . Cela signifie que, du point de vue de du point de vue de l'**équivalence** « \equiv », en plus de ce qui précède, la **loi de composition interne** « $+$ » est **commutative** et admet a comme **élément neutre**:

- pour deux éléments x et y de \mathbf{R} , on a: $x + y = y + x$;
- pour tout élément x de \mathbf{R} , on a: $x + a = a + x = x$;

viii)

→ $(\mathbf{R}, \times, \equiv)$ est un **demi-groupe** ou un **magma associatif**:

pour trois éléments x, y et z de \mathbf{R} , on a: $(x \times y) \times z \equiv x \times (y \times z)$.

Et donc aussi: $(x \times y) \times z = x \times (y \times z)$;

→ pour tout élément x de \mathbf{R} , il existe un élément x' de \mathbf{R} tel que: $x \times x' \equiv x' \times x \equiv d$;

et donc: $x \times x' = x' \times x = d$;

→ On a en particulier:

$$a \times g \equiv g \times a \equiv d ;$$

$$b \times f \equiv f \times b \equiv d ;$$

$$c \times e \equiv e \times c \equiv d ;$$

Et donc aussi:

$$a \times g = g \times a = d ;$$

$$b \times f = f \times b = d ;$$

$$c \times e = e \times c = d ;$$

Ces relations présagent que d est l'**élément neutre** pour la **loi** « \times », que tout élément est **symétrisable** pour « \times », que a et g sont **symétriques** l'un de l'autre, que b et f sont **symétriques** l'un de l'autre, que c et e sont **symétriques** l'un de l'autre;

→ $(\mathbf{R}, \times, =)$ est un **groupe commutatif** dont l'**élément neutre** est d . Donc:

- pour deux éléments x et y de \mathbf{R} , on a: $x \times y = y \times x$;

- pour tout élément x de \mathbf{R} , on a: $x \times d = d \times x = x$;

→ La **loi** « \times » est **distributive** à **gauche** et à **droite** par rapport à la **loi** « $+$ » du point de vue de « \equiv »: pour trois éléments x, y et z de \mathbf{R} , on a:

$$x \times (y + z) \equiv (x \times y) + (x \times z);$$

$$(x + y) \times z \equiv (x \times z) + (y \times z);$$

Et donc:

$$x \times (y + z) = (x \times y) + (x \times z);$$

$$(x + y) \times z = (x \times z) + (y \times z);$$

→ La **loi** « \wedge » est **exponentiative** par rapport aux **loi** « $+$ » et « \times » du point de vue de « \equiv », ce qui signifie que pour trois éléments x, y et z de \mathbf{R} , on a:

$x \wedge d \equiv x^d \equiv x$; ce qui veut dire que d est un **élément neutre à droite** pour la loi « \wedge ».

$$x^y \times x^z \equiv x^{y+z};$$

$(x \times y)^z \equiv (x^z) \times (y^z)$; ce qui veut dire que la **loi** « \wedge » est **distributive** à droite par rapport à « \times »;

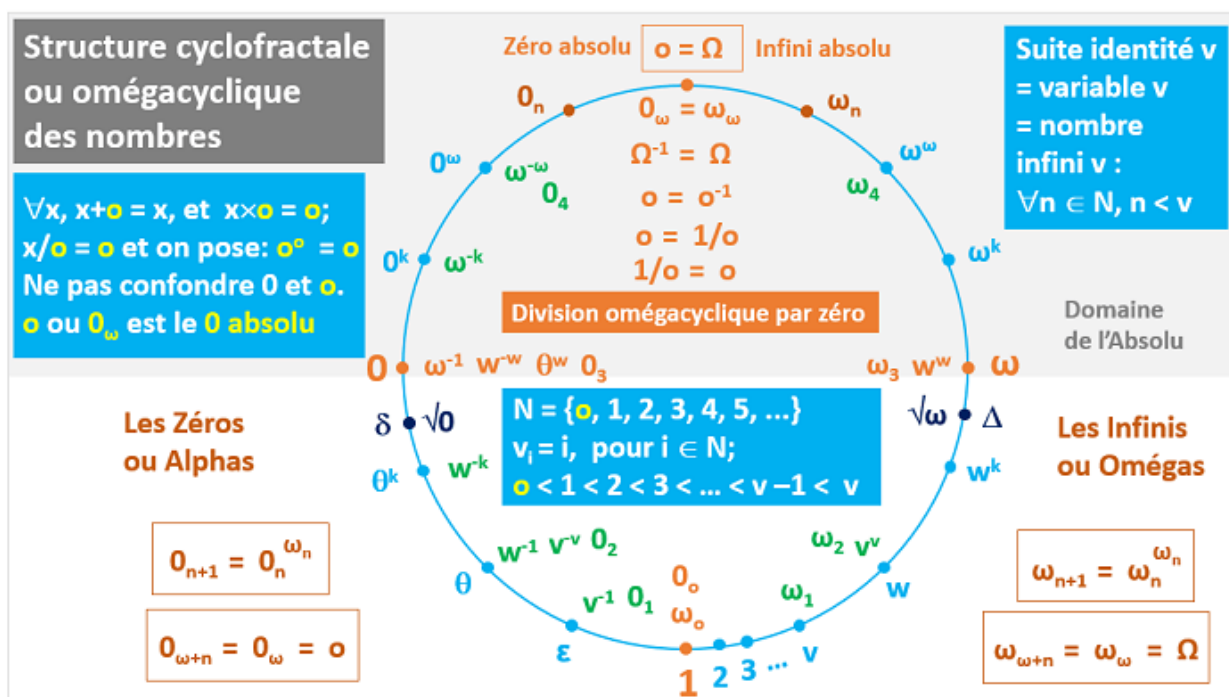
$$(x^y)^z \equiv x^{y \times z};$$

Et donc aussi on a les cinq mêmes propriétés en remplaçant « == » par « = », auxquelles s'ajoutent cette cinquième pour « = » :
 $x^a = d$;

ix) Les sept **éléments principaux**: **a, b, c, d, e, f, g**, sont à partir de maintenant respectivement notés, comme nous l'avons déjà fait: **o, 0, ε, 1, v, ω, Ω**, et plus précisément: **o, 0, 0₁, 1, ω₁, ω, Ω**, où ω₁ est la **base** de la **suite des infinis éniens** ω_k et de la **suite** associée des **zéros éniens** 0_k.

Théorème:

L'**équivalence de bornage** et de **cyclage** est la **structure** qu'il faut donner aux **réalis** (ou **nombres réels positifs**) pour définir la **division par le zéro absolu**, à savoir donc: **1/o = o**, qui dit simplement: **Ω = o**, autrement dit qui exprime la **relation de cyclage**.



On appelle donc un **nombre entier variable** une **suite d'entiers naturels**, c'est-à-dire une application de **N** dans **N**. La notion de **nombre entier constant** est la nouvelle notion de **nombre entier fini**.

Par exemple, la **suite** notée **[124] = (124, 124, 124, 124, 124, ...)**, c'est-à-dire telle que: **[124](n) = 124**, pour tout **entier naturel n**, autrement dit dont tous les termes sont **égaux** à **124**, est une nouvelle façon de parler de l'**entier constant 124**. On pose donc: **[124] = 124**. Autrement dit, le **nombre entier variable [124]**, dont tous les termes sont **égaux** au **nombre entier constant 124**, est la nouvelle définition du **nombre entier constant 124**, dans l'ensemble **N^N** de tous les **nombres entiers naturels variables**, autrement dit de toutes les **suites d'entiers naturels**. Et plus généralement, pour tout **entier naturel constant k**, la suite constante notée **[k] = (k, k, k, k, k, ...)**, dont tous les termes sont **égaux** à **k**, et plus généralement toute suite dont tous les termes sont égaux à **k** à partir d'un certain rang donné, par exemple la **suite x = (8, o, 2, 7, 1, k, k, k, k, ...)**, dont tous les termes sont **k** à partir du rang 5, est assimilée au **nombre entier constant k**.

Intuitivement, cela signifie que, parce que cette **suite x tend vers k** quand son rang **n** tend vers l'infini au sens intuitif du mot « infini », cette **suite x** est **équivalente** à l'**entier constant k**. En effet, on a $x(0) = 8$, $x(1) = 0$, $x(2) = 2$, $x(3) = 7$, $x(4) = 1$, $x(5) = k$, $x(6) = k$, $x(7) = k$, etc. A partir du rang 5 donc, on ne distingue plus la **suite x** avec avec la **suite [k] = (k, k, k, k, k, ...)**. Les deux deviennent **équivalentes**, selon une **relation d'équivalence**, et on écrit: $x = [k]$, où le signe « = » ici exprime la **relation d'équivalence**: « **les suites x et y ont les termes égaux à partir d'un certain rang** ». Il s'agit d'une **relation d'équivalence** (on reparlera des **relations d'équivalence** plus tard), qui est une définition d'une nouvelle **égalité** sur l'ensemble $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ des **suites de nombres entiers**, ou **nombres entiers variables**.

La **suite x = (4, 2, 4, 2, 4, 2, 4, 2, ...)**, qui est donc un **nombre entier variable**, ici un **nombre** qui oscille indéfiniment entre 4 et 2, n'est ni **constante** ni **infinie**, car il existe au moins un certain **entier constant M**, par exemple 7, et un certain rang, ici **0**, tel que tous les termes de **x** sont **strictement inférieurs** à **M**. Autrement dit, **x ne tend par vers l'infini** au sens intuitif. Donc **x** n'est pas **infini** au nouveau sens du terme.

Et par **nombre entier infini** on entend un **nombre entier variable**, autrement dit une **suite x d'entiers constants** donc, qui finit par dépasser n'importe quel **nombre constant** donné, si grand soit-il.

Sur l'image ci-dessus on a la **suite v**, ou définie telle que: $v(n) = n$, pour tout élément **n** de **N**. C'est un exemple canonique de **nombre entier infini**.

Et maintenant, considérons la **suite x = (7, 55, 0, 12, 4, 5, 6, 7, 8, ...)**. On constate qu'à partir d'un certain rang, ici le rang **4**, cette **suite** ou **nombre entier variable** **tend vers l'infini**, c'est-à-dire pour tout **nombre entier constant M**, cette **suite x** finira par être **strictement supérieure** à **M**. De plus, on note qu'à partir du rang **4**, ses termes sont **égaux** à ceux de **v**, donc on a: $x = v$, au sens de la nouvelle **égalité** mentionnée plus haut.

Et si au lieu de cette **suite**, on avait par exemple : $x = (7, 55, 0, 12, 3, 4, 5, 6, 7, 8, ...)$, on a cette fois-ci: $x = v-1$, car, à partir du rang **4**, on a: $x(n) = (v-1)(n) = v(n) - 1$. On reviendra amplement sur tout cela. Donc ici **x** est lui aussi un **entier variable infini**, à savoir **v-1**.

On pose: $\omega_0 = [1] = 1$.

Et cette **suite v**, qui est un **nombre entier infini** de **base**, est notée ω_1 . Autrement dit: $\omega_1 = v$.

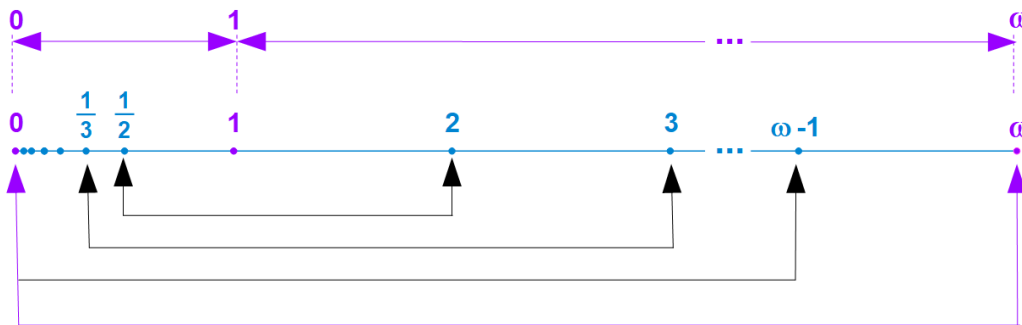
Et en admettant ici qu'on a défini les **opérations** sur les **nombres entiers variables** (ce qu'on fera par la suite), pour tout **entier k, fini** ou **infini** (au sens nouveau du mot « infini »), et tel que $k \geq 1$, on pose: $\omega_{k+1} = \omega_k \wedge \omega_k = \omega_k^{\omega_k}$.

On définit ainsi toute une hiérarchie de **nombres entiers infinis**, ou **nombres entiers infiniment grands**, dite **énitienne** de **base** ω_1 ou **v** (on y reviendra).

Pour tout **nombre entier variable x**, c'est-à-dire pour toute **suite d'entiers naturels x**, et plus généralement pour toute **suite de nombres x**, que ces **nombres** soient **entiers** ou non, tous positifs ou non, étant entendu aussi que pour le **zéro absolu, 0**, on a: $1/0 = 0$, par $1/x$ on entend par définition la **suite** telle que: $(1/x)(n) = 1/x(n)$. On a ainsi défini l'**inverse de x**, à savoir $1/x$, et si **x** est un **nombre infini**, $1/x$ est par définition un **nombre zéro**.

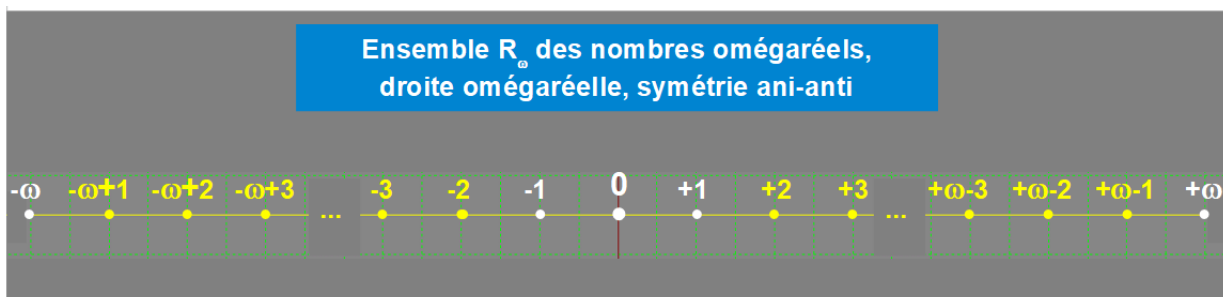
Et donc si x est un **nombre zéro**, on vérifie aisément que $1/x$ est un **nombre infini**. On a ainsi défini tous les **nombre infinis relatifs**, et **nombre zéros relatifs**. Le **zéro** associé à v ou ω_1 , est noté ε ou 0_1 , et on a donc: $\varepsilon = 1/v$, ou: $0_1 = 1/\omega_1$. Et à l'inverse on a donc: $v = 1/\varepsilon$, ou: $\omega_1 = 1/0_1$. Et de manière générale on a: $0_k = 1/\omega_k$. Et à l'inverse on a: $\omega_k = 1/0_k$, où k désigne n'importe quel **nombre entier, fini ou infini**.

Chaque **zéro relatif 0** et son **inverse l'infini relatif ω** , les deux vérifiant donc: $1/0 = \omega$, et: $1/\omega = 0$, et aussi: $0 \times \omega = 1$, sont deux **nombre** distincts, **symétriques** par rapport au **nombre 1**, qui est le **centre de la symétrie des inverses**. C'est ce qu'illustre l'image juste ci-dessous, celle de la **symétrie des inverses**, la **symétrie des réels**:



Dans cette **symétrie**, **1** est son propre **inverse**, et **2** et **1/2** sont symétriques par rapport à **1**, et **3** et **1/3** sont symétriques par rapport à **1**, et ainsi de suite, et de manière générale r et $1/r$ sont **symétriques**, où r désigne un **réel**, c'est-à-dire un **nombre réel positif** (ou $r > 0$), **fini ou infini relatif**. En particulier on a le cas où r est un **nombre entier ou ordinal n strictement positif** (ou $n > 0$), c'est-à-dire les **ordinaux**: $1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega, \omega+1, \omega+2, \omega+3, \omega+4, \omega+5, \dots, 2\omega-5, 2\omega-4, 2\omega-3, 2\omega-2, 2\omega-1, 2\omega, 2\omega+1, 2\omega+2, 2\omega+3, 2\omega+4, 2\omega+5, \dots, \omega^2, \dots, \omega^3, \dots, \omega^4, \dots, \omega^\omega, \dots$

Et, contrairement à la conception des **ordinaux** dans les **paradigmes de Négation**, qui conçoivent par exemple que l'**ordinal infini ω** n'a pas de **prédécesseur $\omega-1$** , chaque **nombre entier ou ordinal n, fini ou infini relatif**, a un **prédécesseur $n-1$** et un **successeur $n+1$** . La seule exception est quand $n = 0$, c'est-à-dire quand n vaut le **zéro absolu 0**. Il n'a pas de **prédécesseur $n-1$** en ce sens que ce **prédécesseur** est **-1**, qui n'est plus un **nombre entier positif**. Mais ce **prédécesseur** existe dans l'**absolu**, et **-1** a à son tour un **prédécesseur -2**, qui a pour **prédécesseur -3**, et ainsi de suite. Tout **ordinal positif n, fini ou infini relatif**, a son **opposé -n**, qui est tout simplement son **symétrique** dans la **symétrie des opposés**, autrement dit son **symétrique** dans la **logique additive** (contrairement à la **symétrie des inverses** ou la logique est **multiplicative**):



Sur l'image ci-dessus, le « **0** » désigne le **zéro absolu**, **o**, à savoir le **zéro-origine**, qui est celui concerné dans la **logique cyclique** ou **additive**, tandis que le **zéro** concerné dans la **logique fractale** ou **multiplicative**, est le **zéro relatif** ou **génératif**. Une manière simple de se représenter ce type de **zéro** est de concevoir que c'est un **nombre** qui n'est pas le **zéro absolu** ou **zéro-origine o**, mais qui s'en approche indéfiniment, raison pour laquelle ce type de **zéro** est qualifié d'**infiniment petit** ou **infinitésimal**.

C'est ce type de **zéro** qui est impliqué dans les notions de **dérivée** de **fonctions réelles** par exemple, dans le **calcul différentiel** et **intégral**, etc., et que l'on note généralement **dx**, **dy**, **dz**, etc.

Sur l'image ci-dessus aussi, la **symétrie des opposés** s'arrête à $-\omega$ et $+\omega$, mais en réalité, tant qu'un **ordinal n** est **fini** ou **infini relatif**, $-n$ et $+n$ existent, et sont distincts, sauf si n est le **zéro absolu o**. Dans ce cas, $-n$ et $+n$, c'est-à-dire $-o$ et $+o$, sont tous les deux **o**. Autrement dit, **o** est son propre **symétrique** dans la **symétrie des opposés**. Mais pour un **zéro relatif** ou **infiniment petit** ou **infinitésimal 0**, qui n'est pas le **zéro absolu o**, -0 et $+0$ sont bel et bien distincts. **Diviser 1 par -0** donne $-\omega$, ce que l'on note par le vague « $-\infty$ » dans les paradigmes classiques, et **diviser 1 par +0** donne $+\omega$, ce que l'on note par « $+\infty$ ». Mais au lieu de ce vague et **non-défini** symbole « ∞ », on peut être beaucoup plus précis en indiquant de quel infini relatif on parle exactement, comme par exemple 5ω ou ω^2 . Dans le premier cas, on a : $1/(5\omega) = 0/5$, et : $1/(\omega^2) = 0^2$.

On ne doit pas alors se précipiter pour dire que : $0/5 = 0$, ou que : $0^2 = 0$, car ces **égalités** ne sont pas des **identités** mais des **équivalences** (on parlera plus en détail de la **relation d'identité** et de la **relation d'équivalence**, les deux facettes de la **relation d'égalité**). Il n'y a qu'avec le **zéro absolu o** que l'on a les **identités** : $o/5 = o$, et : $o^2 = o$, en raison du fait que ce **zéro** est l'**élément absorbant** pour la **multiplication** et la **division**. Mais pour les autres **zéros**, les **relatifs** donc, ou les **infiniment petits** ou **infinitésimaux**, on ne peut écrire ce genre de choses que si l'intention est d'exprimer des **équivalences**.

Tout **nombre x**, qu'il soit **entier** ou non (c'est-à-dire qu'il soit un **ordinal** ou non), **fini** ou **infini**, **zéro** ou non, et si **zéro** ou **infini**, qu'il soit **relatif** ou **absolu**, a un **symétrique -x** dans la **symétrie des opposés**, et un **symétrique 1/x** dans la **symétrie des inverses**. Sauf qu'il y a une vérité supplémentaire dans le cas particulier où il s'agit du **zéro absolu o** et de l'**infini absolu Ω**. Dans ce cas, le **zéro absolu o** et l'**infini absolu Ω** se rejoignent pour être **un seul et même nombre**, ce qui s'exprime par l'**égalité** : $o = \Omega$, qui est l'expression du grand **Cycle Oméga**, ou **Cycle Ω**, l'**Omégacycle** donc. On a par définition : $1/o = \Omega$, et : $1/\Omega = o$, et aussi : $o \times \Omega = 1$, qui est l'idée que **o** et **Ω** sont **symétriques** dans la **symétrie des inverses**. Mais parce qu'aussi on a : $o = \Omega$, il en résulte que : $1/o = o$, et : $1/\Omega = \Omega$, des **égalités** qui peuvent surprendre, mais qui ne sont que d'autres manières d'exprimer le **Cycle Ω**, c'est-à-dire : $o = \Omega$.

A la lumière de ce qui précède, voyons plus en profondeur comment aborder la **structure numérique fondamentale** qu'on appelle un **corps** en algèbre, pour que la **division par 0** ne soit aucunement un problème, à plus forte raison de dire qu'elle est « impossible ».

Il faut se placer dans le cadre de la **théorie des ensembles**, paradigme introduit par Georg Cantor en 1882. L'actuelle **théorie axiomatique des ensembles de Zermelo-Fraenkel**, fera largement l'affaire pour une première approche plus que satisfaisante de la **division par zéro**.

On se donne un **ensemble K**, ayant au moins deux éléments distincts que nous allons noter **o** et **u**. Ça marche aussi si ces deux éléments **o** et **u** sont le même élément, sauf que la structure obtenue se réduit à un seul élément, une structure triviale qui a tout son intérêt aussi, c'est une **structure unaire** au lieu d'être **binaire**, avec deux éléments **o** et **u** distincts. Et la **structure unaire** est aussi ce que nous appelons la **structure des générescences**, dont nous parlerons aussi.

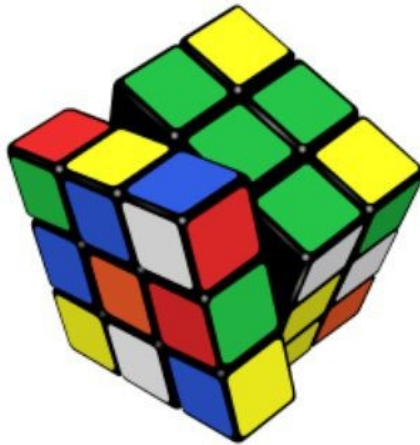
Mais pour la **structure de corps** afin de traiter la **division par zéro**, il faut donc que cet ensemble **K** possède au moins deux éléments différents **o** et **u**, l'élément **o** étant celui qu'on va appeler le **zéro absolu** ou **zéro ultime**, par opposition aux **zéros relatifs**, que nous qualifions aussi de **génératifs**, et plus exactement les **zéros générateurs**. On en reparlera plus tard. Il y en a toute une **infinité**, tandis que le **zéro absolu** ou **zéro ultime** est **unique**! Et non seulement cela, il est en même temps aussi l'**infini absolu** ou **infini ultime**, noté Ω , la lettre grecque **oméga** majuscule.

Diviser par les **zéros relatifs** ou **génératifs** est encore plus facile, cela donne les **infinis relatifs** ou **génératifs** ou **générateurs** correspondants, et à l'inverse **diviser** par ceux-ci donne les **zéros relatifs** ou **génératifs** ou encore **fractals**. Il n'y a aucun souci avec ces **zéros** et ces **infinis-là**, car l'**opération de division** se fait avec eux exactement comme pour n'importe quel autre **nombre non nul**. Et par **non nul** il faut justement entendre qui ne sont pas le **zéro absolu**, qui est donc aussi l'**infini absolu**, comme l'illustre l'image précédente. Il n'y a donc que ce cas des **nombres absolus** ou **ultimes** à régler, et l'affaire est dans le sac, comme on dit, l'affaire donc de la **division par zéro**.

On se donne donc un ensemble **K** ayant deux éléments distincts **o** et **u**, le but de **o** étant de représenter le **zéro absolu**, et **u** représente quant à lui **1**, et donc on va dès à présent le noter simplement **1**, comme d'habitude. Il importe de préciser que ce sont des notations, car nous ne disons pas que **0** et **1** sont des éléments de **K**, mais que **K** possède deux éléments distincts quelconque notés **o** et **u**, ou **o** et **1**, qui, en fonction des **propriétés structurelles** de **K**, vont par définition être appelés **zéro absolu** pour le premier élément, et **un** pour le second.

Ce sont les propriétés d'une **structure K** et de ses éléments, qui vont dire ce que sont ces éléments, par exemple qu'ils sont **zéro** et **un** pour les éléments, l'**addition** ou la **multiplication**, pour les applications, etc., et pas l'inverse. Avant donc de connaître la **structure K** et ses **propriétés**, les mots « **zéro** », « **un** », « **addition** », « **multiplication** », « **opposition** » ou « **antition** », « **inversion** », etc., ne sont que des mots. Nous donnons juste ces noms par anticipation, mais aussi pour préparer les esprits sur où on veut en venir.

L'avènement de l'**algèbre structurelle** au 19^{ième} siècle avec entre autre Niels Henrick Abel, et la notion de **lois de composition interne** et leurs propriétés, les structures de **groupe**, puis d'**anneau**, de **corps**, etc., a profondément contribué à la compréhension des **nombres**, certes.



Mais l'erreur a été de voir les **nombres** comme des objets parmi tant d'autres auxquels on applique les **lois générales** de ces **structures**, qui de surcroît ont été définies avec une seule notion d'**égalité**, à savoir l'**identité**. Après avoir défini par exemple la **structure** de **groupe**, on va pouvoir dire que les configurations du Rubik's cube munies de l'opération de manipulation de ces configurations est un groupe.

Et comme second exemple, on dit que l'ensemble **Z** des **entiers relatifs** muni de l'addition est un groupe. Et comme troisième exemple, que les symétries d'un carré munies de la composition forment un groupe, etc. Ceci est très enrichissant de pouvoir comparer divers ensembles munis d'opérations appropriées, et dire qu'ils ont une certaine même **structure algébrique**.

Mais cette approche recèle une grande erreur de paradigme que nous allons montrer à présent, et qui est de voir les **nombres** comme des objets parmi tant d'autres, que l'on étudie dans le cadre du paradigme des **structures algébriques**. Or les **nombres** ne sont pas des objets parmi tant d'autres, mais ils sont les objets les plus fondamentaux qui engendrent tous les autres, les **ensembles**, les **structures**, les **espaces**, etc.

Une fois définis par exemple les **nombres réels**, au sens classique, il suffit par exemple de considérer tous les **quintuplets** de **nombres réels** $(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5)$, pour définir un **espace vectoriel** de **dimension 5**. Or à la base, tout cela n'est que des **nombres réels**, qui à la base ne sont que des **nombres entiers** aussi. **TOUT** est donc construit à partir d'eux, pour peu que la notion d'**INFINI** soit correctement conçue, comme nous allons le faire. C'est la **structure fondamentale** à comprendre, et dans le cadre de laquelle toutes les **structures** comme celles dont l'approche parle, sont construites, définies. Et pas l'inverse, comme on le voit ci-après dans Wikipedia:

Une loi $*$ est dite

- **intègre** si elle admet un élément absorbant et si aucun élément n'est diviseur de zéro ;
- **commutative** si $\forall (x, y) \in E^2 \quad x * y = y * x$.

La liste de propriétés ci-dessus n'est pas exhaustive, loin de là. Toutefois, nous n'aborderons dans ce paragraphe qu'un seul autre cas : dans des structures algébriques comportant plusieurs lois, certaines de ces lois ont des propriétés relatives à d'autres lois. La plus importante de ces lois relatives est la distributivité.

- Une loi $*$ est **distributive à gauche** par rapport à une autre loi \perp si :
 $\forall (x, y, z) \in E^3 \quad x * (y \perp z) = (x * y) \perp (x * z)$
- Une loi $*$ est **distributive à droite** par rapport à une autre loi \perp si :
 $\forall (x, y, z) \in E^3 \quad (x \perp y) * z = (x * z) \perp (y * z)$
- Une loi $*$ est **distributive** par rapport à une autre loi \perp si elle est à la fois distributive à droite et à gauche par rapport à \perp .

Par exemple, la multiplication est distributive par rapport à l'addition.

Remarque : si de plus \perp est régulière et unifière, alors son élément neutre est nécessairement absorbant pour la loi $*$. Cela explique entre autres pourquoi, dans un corps commutatif, l'élément neutre de la première loi n'a pas de symétrique par la deuxième loi.

Ce que je veux mettre en évidence se trouve dans ces deux phrases :

« Remarque : si de plus \perp est régulière et unifière, alors son élément neutre est nécessairement absorbant pour la loi $*$. Cela explique entre autres pourquoi, dans un corps commutatif, l'élément neutre de la première loi n'a pas de symétrique par la deuxième loi. »

Laissons provisoirement notre ensemble \mathbf{K} pour comprendre ce dont il s'agit avec l'ensemble \mathbf{E} dont cette capture parle. C'est donc la « démonstration » **structurelle** (donc très générale) de l'« impossibilité » de **diviser par zéro**. Si par exemple on appelle \mathbf{e} l'**élément neutre** de la loi \perp , et \mathbf{u} l'**élément neutre** de la loi $*$, si donc la loi $*$ est **distributive** par rapport à la loi \perp , et si la loi \perp est **régulière** et **unifière**, alors \mathbf{e} est l'**élément absorbant** pour la loi $*$, c'est-à-dire on a : $\mathbf{x} * \mathbf{e} = \mathbf{e} * \mathbf{x} = \mathbf{e}$, pour tout élément de l'ensemble \mathbf{E} .

En effet, dire que \perp est **unifière** (ou **unitaire**) signifie qu'il admet un **élément neutre**, ici \mathbf{e} .

On a donc pour tout élément \mathbf{y} de \mathbf{E} : $\mathbf{y} \perp \mathbf{e} = \mathbf{e} \perp \mathbf{y} = \mathbf{y}$.

Mais la loi $*$ étant **distributive** par rapport à \perp , on a pour tout élément \mathbf{x} de \mathbf{E} :

$\mathbf{x} * (\mathbf{y} \perp \mathbf{e}) = \mathbf{x} * \mathbf{y}$, donc : $\mathbf{x} * \mathbf{y} \perp \mathbf{x} * \mathbf{e} = \mathbf{x} * \mathbf{y}$.

Et \mathbf{e} étant l'**élément neutre** pour \perp , on a aussi :

$\mathbf{x} * \mathbf{y} \perp \mathbf{x} * \mathbf{e} = \mathbf{x} * \mathbf{y} \perp \mathbf{e}$.

Et enfin, dire que la loi est **régulière** signifie que pour trois éléments \mathbf{a} , \mathbf{b} et \mathbf{c} de \mathbf{E} ,

si : $\mathbf{a} \perp \mathbf{c} = \mathbf{b} \perp \mathbf{c}$, alors : $\mathbf{a} = \mathbf{b}$;

ou si : $\mathbf{c} \perp \mathbf{a} = \mathbf{c} \perp \mathbf{b}$, alors : $\mathbf{a} = \mathbf{b}$;

autrement dit, pour \perp , tout élément \mathbf{c} est simplifiable à droite et à gauche.

Et donc, dans l'expression : $\mathbf{x} * \mathbf{y} \perp \mathbf{x} * \mathbf{e} = \mathbf{x} * \mathbf{y} \perp \mathbf{e}$, on peut simplifier à gauche par $\mathbf{x} * \mathbf{y}$, et l'égalité devient alors : $\mathbf{x} * \mathbf{e} = \mathbf{e}$. Un raisonnement analogue donc : $\mathbf{e} * \mathbf{x} = \mathbf{e}$.

Donc pour tout élément \mathbf{x} de \mathbf{E} , on a : $\mathbf{x} * \mathbf{e} = \mathbf{e} * \mathbf{x} = \mathbf{e}$,

ce qui veut dire que \mathbf{e} est l'**élément absorbant** pour la loi $*$, et nous disons aussi qu'il est l'**élément neutralisant** pour la loi $*$. CQFD.

Par conséquent, il ne peut pas exister d'élément \mathbf{x}' de \mathbf{E} tel que :

$\mathbf{x}' * \mathbf{e} = \mathbf{e} * \mathbf{x}' = \mathbf{u}$, autrement dit \mathbf{e} ne peut pas avoir un **symétrique** pour la loi $*$. Sinon on aurait : $\mathbf{e} = \mathbf{u}$. Cette égalité est la manière générale de dire : $\mathbf{0} = \mathbf{1}$ ou $\mathbf{0} = \mathbf{1}$. Ce n'est « faux » que si l'on

exige que **e** et **u** soient **distincts**, ou que **o** et **1** soient **distincts**. Mais il ne s'agit pas non plus d'une « impossibilité » absolue, et même pas obligatoirement d'une fausseté comme on le prétend couramment, et on va voir pourquoi.

Ce théorème général de l'**algèbre structurelle**, de la « fausseté » toute relative donc de l'existence du **symétrique** de **o** pour la loi $*$, appliqué à une **structure numérique** comme par exemple un **corps commutatif** classique, entraîne immédiatement que l'**élément neutre** de l'**addition**, **o**, « ne peut pas » avoir un **symétrique** pour la **multiplication**. Autrement dit, il ne peut exister un nombre **Ω** tel que : **$o \times \Omega = \Omega \times o = 1$** . Et donc pas de nombre **Ω** tel que: **$\Omega = 1/o$** , et : **$o = 1/\Omega$** . On aurait ainsi démontré de manière « irréfutable » que la **division par zéro** est « impossible ».

Sauf que, en réalité, plusieurs **axiomes implicites** de grande importance paradigmatique sont cachés dans cette « démonstration », telle qu'on la fait classiquement et que je viens de présenter. Ces **axiomes cachés** ou qu'on passe sous silence font partie des dogmes scientifiques et des croyances quasi-religieuses tenaces au sujet des **nombres**, des **ensembles**, des **structures**, etc.

Voyons cette religion à l'oeuvre, car j'ai vu des vidéos Youtube où certaines des « stars » des maths disent que « **La division par 0 est interdite en mathématiques** », ce qui est une autre idée que de soutenir qu'elle est « impossible » dans l'absolu.

Quand les gens faisaient aveuglément confiance aux mathématiciens et aux scientifiques, ils disaient simplement que la **division par 0** est « impossible », donc c'est « impossible ». Et si les gens (notamment s'ils ont une certaine connaissance technique) cherchent à en savoir plus et tombent par exemple sur l'article de Wikipedia qui dit ce qui suit, alors la messe est dite !

Algèbre [modifier | modifier le code]

En **algèbre**, l'impossibilité de diviser tout nombre par zéro se démontre dans le cadre plus général de la théorie des **anneaux**.

En effet, on démontre en règle générale que l'**élément neutre** de la première loi de l'anneau (l'addition pour les nombres réels) est un **élément absorbant** pour la seconde loi (la multiplication).

- Démonstration : $\forall x, y \in A, x \times y = (x + 0) \times y$ (parce que $x = (x + 0)$) et $(x + 0) \times y = x \times y + 0 \times y$ (par **distributivité** à droite), d'où $x \times y = x \times y + 0 \times y$, d'où $0 = 0 \times y$. De même pour l'autre côté si l'anneau n'est pas commutatif.

Donc pour tout nombre a , $a \times 0 = 0$. Or, la division s'entend comme l'opération réciproque de la multiplication. Donc diviser par zéro reviendrait à multiplier par l'inverse de zéro. Or, zéro n'a pas d'inverse.

C'est pourquoi la division par zéro n'a non seulement pas de sens dans les ensembles de nombres usuels (entiers, réels ou complexes), mais plus généralement dans tout ensemble de nombres vérifiant les propriétés algébriques usuelles vis-à-vis de l'addition et de la multiplication (ce qu'on appelle un **anneau**). Il n'y a donc pas d'espoir de construire un nouvel ensemble de nombres qui donnerait un sens à l'inverse de zéro (comme celui des nombres complexes donne un sens à la **racine carrée** de -1), sauf si l'on accepte de perdre des propriétés essentielles du calcul algébrique usuel (notamment la distributivité de la multiplication sur l'addition).

Je reproduis cela en mode texte ci-après :

« *En algèbre, l'impossibilité de diviser tout nombre par zéro se démontre dans le cadre plus général de la théorie des anneaux.*

En effet, on démontre en règle générale que l'élément neutre de la première loi de l'anneau (l'addition pour les nombres réels) est un élément absorbant pour la seconde loi (la multiplication).

Démonstration : $\forall x, y \in A, x \times y = (x+0) \times y$ (parce que $x = (x+0)$) et $(x+0) \times y = x \times y + 0 \times y$ (par distributivité à droite), d'où $x \times y = x \times y + 0 \times y$, d'où $0 = 0 \times y$. De même pour l'autre côté si l'anneau n'est pas commutatif.

Donc pour tout nombre $a, a \times 0 = 0$. Or, la division s'entend comme l'opération réciproque de la multiplication. Donc **diviser par zéro** reviendrait à **multiplier par l'inverse de zéro**. Or, **zéro n'a pas d'inverse**.

C'est pourquoi **la division par zéro n'a non seulement pas de sens dans les ensembles de nombres usuels (entiers, réels ou complexes), mais plus généralement dans tout ensemble de nombres vérifiant les propriétés algébriques usuelles vis-à-vis de l'addition et de la multiplication (ce qu'on appelle un anneau)**. Il n'y a donc **pas d'espoir de construire un nouvel ensemble de nombres qui donnerait un sens à l'inverse de zéro (comme celui des nombres complexes donne un sens à la racine carrée de -1)**, sauf si l'on accepte de perdre des propriétés essentielles du calcul algébrique usuel (notamment la distributivité de la multiplication sur l'addition). »

Quand une personne qui a des connaissances minimales en mathématiques lit cela, alors elle s'incline et dit « amen », car la messe des mathématiques de Lucifer est dite ! Circulez, il n'y a plus rien à voir dans cette affaire de **division par 0**, car les matheux ont parlé !

J'ai longtemps pensé que les faussetés que je déplore dans les sciences actuelles étaient juste des erreurs de paradigme, ou de l'ignorance, et l'erreur ou l'ignorance est pardonnable, bien entendu. Mais il est devenu de plus en plus évident que si certains sont effectivement dans l'erreur et récitent le credo qu'eux-mêmes ont appris, reproduisent les formatages ou lavages de cerveaux qu'eux-mêmes ont subis, d'autres par contre **savent très bien ce qu'ils font** et pour quelles raisons! C'est en lisant récemment des textes comme le précédent que j'ai vraiment pris conscience du fait que ce qu'on a appelé « science » est véritablement une **religion**, qui est le **scientisme**. Elle a ses dogmes, ses rituels, et sa liturgie est bien huilée. Elle a ses prêtres, qui officient littéralement dans des **temples de la Négation**, et ce qu'ils font est un véritable rituel de Kabbale, de maçonnerie, d'ésotérisme, d'occultisme, de vaudou, etc., dans un tout autre style qui ne donne pas le sentiment que c'est de cela qu'il s'agit. Le but est de **nier très savamment** tout ce qui en sciences pourrait conduire à Dieu. Ici, à travers la question de la **division par 0**, c'est la notion d'**INFINI**, la vraie notion d'**INFINI**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, qui est clairement niée, car avec cet **INFINI** apparaît forcément le visage de Dieu. Et du même coup aussi du Diable qui le nie depuis toujours, et notamment en mathématiques et sciences...

Je ne réalisais pas comment une démonstration pourtant en bonne et due forme des mathématiques actuelles, peut être un art même du mensonge, oui un mensonge très savant! Car ici, cette « démonstration » (et ce que je vais dire n'est nullement un reproche à la personne ou aux personnes qui ont rédigé cet [article de Wikipédia sur la division par 0](#), qui reflète simplement la doctrine scientifique ou plutôt scientiste actuelle), oui cette dite « démonstration » est bourrée d'**axiomes de Négation**, de pré-supposés qui sont **faux**, que l'on fait admettre souvent implicitement, subrepticement, ni vu ni connu. Le poison de la Négation ou le venin du Serpent est injecté dans l'esprit, sans qu'il soit capable de détecter ce qui cloche.

On note cette phrase assommante de ce texte : « **Il n'y a donc pas d'espoir de construire un nouvel ensemble de nombres qui donnerait un sens à l'inverse de zéro (comme celui des nombres complexes donne un sens à la racine carrée de -1)** ».

Et pourtant c'est ce que nous allons faire, oui construire un nouvel **ensemble de nombres** qui non seulement donne un sens à l'**inverse de 0**, mais fait vraiment comprendre ce que sont ces choses qu'on appelle les **nombres**. On fonctionne avec d'innombrables présupposés et axiomes implicites **faux**, comme par exemple celui de penser que les courantes **structures d'anneau** et de **corps** constituent l'expression absolue de la notion de **nombre**. Comme s'il ne pouvait exister une **structure numérique** supérieure qui définit encore mieux les **nombres** et leurs lois que les **structures** connues.

Ces allégations sont **fausses**, d'abord parce que les **nombres**, qui sont donc les **informations**, c'est-à-dire les **objets numériques** au sens absolu (puisqu'on parle justement des **NOMBRES**), ne sont pas des objets parmi tant d'autres auxquels on applique la logique ou les définitions de l'**algèbre structurelle**. Car en fait, **TOUT EST INFORMATION**, donc **LES NOMBRES SONT TOUT**, et **TOUT et absolument TOUT dans l'Univers TOTAL (y compris lui-même!) est fondamentalement un nombre!** Partant de là, **la structure la plus fondamentale est la structure des nombres**, tout autre **structure** n'étant que des aspects de la **structure des nombres**, les propriétés secondaires des **nombres!** Donc c'est la **structure des nombres** qu'il faut étudier et comprendre en premier, et donc **régler aussi la question de la division par zéro**. Et ceci étant fait, **on déduit de cette structure fondamentale tout le reste**. Mais c'est le contraire donc que l'on fait avec l'approche **structurelle**, on met la charrue devant les bœufs!

Et ensuite, et pour revenir au premier extrait, avec un ensemble **E** muni de deux lois de composition \perp et $*$, et **e** étant l'**élément neutre** de la loi \perp , il peut tout à fait avoir un **symétrique** ω pour $*$, vérifiant donc : $\omega * e = e * \omega = u$. Mais il se produit en même temps un second phénomène, qui est : $u = e$ ou : $e = u$. Et donc on a en fin de compte : $\omega * e = e * \omega = e$. Ceci est la manière générale de dire que le **zéro absolu absorbe** ou **neutralise** son **inverse**, l'**infini absolu**. Comment donc peut-on à la fois avoir : $\omega * e = e * \omega = u$, et : $\omega * e = e * \omega = e$, donc : $u = e$ ou : $e = u$, sans qu'il y ait la moindre contradiction dans tout cela ? Autrement dit, quelles sont les raisons pour lesquelles les dites « faussetés » ou « impossibilités » martelées dans les esprits depuis longtemps n'en sont pas en réalité?

Comme déjà dit, $u = e$ ou : $e = u$ est la manière générale d'exprimer le **cycle 1**, ou : $o = 1$, ou : $1 = o$ qui déclenche tous les autres **cycles**. Car il suffit de **multiplier** tout nombre **x** par les deux membres de l'égalité : $o = 1$, pour avoir : $x \times o = x \times 1$, donc : $o = x$, qui est l'expression générale du **cycle x**.

Le **cycle 0** et le **cycle ω** , autrement dit le **cycle zéro** et le **cycle infini**, si l'on parle du **zéro absolu o** (c'est-à-dire justement de l'**élément neutre** de l'**addition**) et de l'**infini absolu Ω** , sont le même **cycle**. C'est le **Cycle Oméga** ou l'**Omégacycle**, et avec lui on parle de **corps omégacyclique**, on fait les calculs dans la **logique omégacyclique**, que nous sommes justement en train de découvrir.

On comprend mieux la logique des **cycles** avec les autres **cycles**. Le **zéro absolu**, à savoir **o**, est l'**Alpha** de tous les **cycles**, quels qu'ils soient, c'est-à-dire leur **commencement**. Et on a un **nombre**, comme par exemple **1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, ..., 24, ..., 1000, ..., 10²⁵⁶, ...**, qui n'est pas **identique** au **zéro absolu**, et qui est l'**Oméga** d'un **cycle** donné, sa **fin**. Chaque **cycle** va se **différencier** des autres par son **Oméga**. Pour le **cycle 1** par exemple, appelé aussi le **cycle unité**, le **cycle de référence** ou **cycle étalon** ou **cycle canonique**, etc., l'**Alpha** est **o** comme pour tout **cycle**, mais l'**Oméga** est **1**. Pour ce **cycle**, qui est de **longueur** ou de **circonférence 1**, le point **1** rejoint **o**, ce que l'on écrit donc : $o = 1$ ou $1 = o$.

Cette écriture ne veut évidemment pas dire que **o** et **1** sont **identiques**, on n'a pas l'**identité**, qui s'écrirait alors avec un signe de l'**identité**, comme par exemple « == » ou « =₂ », ou « === » ou « =₃ » pour une **identité** plus **stricte**, ou « ==== » ou « =₃ » pour une **identité** plus **stricte** encore, ainsi de suite. Une **égalité** moins **stricte** que l'**égalité** courante « = » ou « =₁ », c'est-à-dire qui est une **relation d'équivalence** par rapport à « = » ou « =₁ », sera notée : « =₀ »; et une **équivalence** par rapport à « =₀ », sera notée : « =₋₁ » ou « ≡₁ » ou « ≡ »; et une **équivalence** par rapport à « =₋₁ », sera notée : « =₋₂ » ou « ≡₂ » ou « ≡≡ »; et ainsi de suite.

Et pour tout **entier relatif p**, il est appelé la **striction** de l'**égalité** : « =_p » (la notion de **striction** recevra une définition plus précise plus tard, avec l'étude générale de la **relation d'équivalence**). Et pour deux **entiers relatifs p** et **q** tels que **p** ≤ **q**, « =_p » est une **équivalence** par rapport à « =_q », et « =_q » est une **identité** par rapport à « =_p ».

Et pour deux éléments **x** et **y**, on a : $x =_q y \Rightarrow x =_p y$.

Autrement dit, si une certaine **égalité** est **vraie**, alors toutes les **égalités** moins **strictes** qu'elle et qui sont donc des **équivalences** par rapport à elle, tandis qu'elle est une **identité** par rapport à elles, sont **vraies** aussi. Mais la réciproque est fautive évidemment, car si une **égalité** est **vraie**, celles plus **strictes** qu'elle ne sont pas forcément **vraies**. Autrement dit, une **identité** implique toujours une **équivalence**, mais une **équivalence** n'implique pas forcément une **identité**. Ainsi par exemple, si pour l'**identité** « == » prise comme la nouvelle **égalité**, on a : **o == 1**, alors on a forcément aussi l'**égalité**: **o = 1**. Mais si l'on dit : **o = 1**, pour l'**égalité** « = », l'**égalité** plus **stricte**: **o == 1**, n'est pas forcément vraie, car à son niveau **o** et **1** peuvent être **distingués**, ce qu'on écrit alors : **o /= 1**, pour dire donc que l'**égalité** « == » **distingue o** et **1**. Une **égalité** qui voit comme **égales** deux choses **x** et **y** qu'une autre **égalité** **distingue**, s'appelle une **équivalence** ou une **relation d'équivalence** (on en reparlera).

La question de savoir si deux choses **x** et **y** sont **égales** ou **différentes** n'est donc pas une **logique du tout ou rien**, comme avec les logiques classiques, celles avec laquelle on définit entre autres les **structures algébriques** actuelles. Deux choses comparées d'un certain point de vue sont **égales**, comme quand on parle par exemple de l'**égalité en droit** (ce qui est une illusion dans ce monde de **Négation**, soit dit en passant...). Mais comparées d'un autre point de vue les choses **x** et **y** sont **inégaux** (nous vivons dans un monde plus d'**inégalités** que d'**égalités**!). Toute **égalité** est une **identité**, et est aussi une **équivalence**. Tout dépend de sa **striction** et à quelle **égalité** on la compare. Nous reviendrons donc en détail sur la **relation d'équivalence** et ses différentes **strictions**.

Notons ici l'**identité** par « == ». On n'a donc pas : **o == 1** ou **1 == o**, ce que l'on écrit : **o /= 1** ou **1 /= o**. Pour dire donc que pour cette **égalité** « == », plus **stricte** que l'**égalité courante** « = », on ne confond pas **o** et **1**, mais on les **distingue**, on les voit comme deux objets **distincts**, **différents**. Ce qui n'empêche que pour une certaine autre **égalité**, on les voit comme le **même objet**, on parle alors de leur **équivalence**.

Voir les nombres et les choses au travers d'une seule notion d'**égalité** est une grave erreur paradigmatique! Car on peut tout à fait avoir : **e = u** ou : **o = 1**, au regard de l'**égalité courante**, « = », autrement dit celle qui peut **égaliser** les **éléments neutres** de l'**addition** et de la **multiplication**, sans que cela ne signifie en rien que l'on confond ces deux éléments, ou que l'ensemble **E** sur lequel on travaille se réduit au seul élément **e**. Sur le **cycle 1** de l'image plus haut, le fait que **o** et **1** soient le **même nombre** pour ce **cycle** n'empêche en rien que **o** et **o.5** soient

distincts, ou que **o.3** et **o.7** soient **distincts**. Et pour ce **cycle 1**, les éléments **o.7** et **1.7** sont le **même nombre**, mais dans le cadre du **cycle 2** par exemple, ce sont deux **nombres distincts**.

Travailler dans ce cadre du **cycle 1**, qui s'écrit : **o = 1** ou **1 = o**, signifie que chaque fois que l'on a une **unité 1** on peut la remplacer par **o**. Donc : **1.7 = o.7**, et **2 = 1+1 = o+o = o**, donc **2 = o**, et de même **3 = o**, etc. On appelle couramment cela un calcul de **congruence modulo 1**. Le calcul de **congruence modulo n** est donc le **cycle n**, tout bonnement, et il s'écrit : **o = n**. Et le **cycle Ω**, le **cycle infini absolu**, qui s'écrit donc : **o = Ω**, signifie que chaque unité **Ω** est remplacée par **o**. Donc **Ω+1** vaut **1**, et **Ω+2** vaut **2**, **Ω+3** vaut **3**, etc., et **Ω-1** vaut **-1**, et **Ω-2** vaut **-2**, etc. Derrière donc l'idée habituelle que **0** ou **o** ou **e** est l'« unique » **élément neutre** de l'**addition**, peut se cacher une infinité d'éléments qui sont juste **équivalents**, forment une **classe d'équivalence**. L'**addition** a donc au moins un deuxième **élément neutre absolu**, qui est donc **Ω**.

Et plus généralement, partout où l'on parle d'une « unicité » d'une certaine chose donnée, se cache toujours une certaine **classe d'équivalence**, c'est-à-dire un ensemble d'objets à voir comme un seul objet. L'ontologie de l'**équivalence** change complètement la vision du monde, de l'**Univers** et des **choses**.

Donc, dans l'absolu, au sens de l'**identité** donc, **o** est **inversible** : **o × Ω == Ω × o == 1**, autrement dit il admet bel et bien un **symétrique** pour la **multiplication**. Et on a bel et bien : **Ω == 1/o** et : **o == 1/Ω**, comme pour n'importe quel nombre **x**. Sauf que dans un second temps se déclenche le phénomène du **cycle**, ici : **o = 1** ou **1 = o**, ou : **o = Ω**, ou **Ω = o**, qui fait que le **1 s'annule**, et **Ω s'annule**, et donc le **cycle** est transparent, c'est-à-dire tout se passe comme s'il n'existait pas, et donc on n'a finalement que : **o × Ω = Ω × o = o**, qui se confond donc avec : **o × o = o**. Il n'y a nullement une contradiction donc aucune impossibilité, puisqu'on a au moins deux **égalités** en présence, l'une exprimant l'**identité** de chaque **nombre**, sa définition donc, comme de dire par exemple : **Ω == 1/o** et : **o == 1/Ω**, et l'autre exprimant l'**équivalence** et le **cycle**, le **cycle 1** ou le **cycle Ω**, ou tout **cycle** nécessaire.

Concrètement, pour tout nombre **x non nul**, c'est-à-dire qui n'est pas **o**, son **inverse**, qui existe et qui est **1/x**, est **non nul** aussi, et le **produit** de **x** et de son **inverse** est égal à **1**. On dit alors que **x** est **uni-inversible**. Mais si **x** est **o**, son **inverse 1/o** existe bel et bien aussi, mais dans son cas c'est **o**, et le **produit** de **o** et de son **inverse** donne **o**. On dit que **o** est **oni-inversible**. Cela donne l'impression que **o** n'est pas **uni-inversible**, alors qu'il l'est, mais seulement la définition du **symétrique** de **o** pour la **multiplication** : **Ω × o = o × Ω = 1**, c'est-à-dire le résultat du calcul d'**uni-inversibilité**, qui est donc **1**, se transforme aussitôt en **o** du fait du phénomène du **cycle**, ce qui est l'**oni-inversibilité**: **Ω × o = o × Ω = o**.

Plus simplement encore, pour tout nombre **x, nul ou non nul**, son **inverse 1/x** existe au sens de l'**identité** « == », et le **produit** de **x** et de son **inverse** est égal à **1**, toujours au sens de l'**identité** « == ». La **division par zéro** ne pose donc aucun problème, et **1/o == Ω**, et **1/Ω == o**. Rien n'empêche ensuite de passer à l'**équivalence** qu'est le **cycle Ω**, qui est : **o = Ω**, ou **Ω = o**, qui consiste à remplacer toute quantité **Ω** par **o**.

Donc la **division par zéro** (le **zéro absolu** donc, c'est-à-dire l'**élément neutre** de l'**addition**) est bel et bien possible, sauf que cela donne tout le temps **zéro**, exactement comme la **multiplication par zéro** est possible, et donne tout le temps **zéro**. Le **zéro** est donc l'**élément absorbant** (ou **neutralisant**) pour la **multiplication** et la **division**. La courante notion de **corps** est incomplète, la

notion complète étant le **corps omégacyclique**, dont nous venons de donner la **logique structurelle**, qui consiste simplement à compléter le **corps commutatif** habituel par le grand **cycle Oméga** ou Ω .

Un des multiples **sous-entendus** ou **axiomes implicites** ou **dogmes** ou choix **paradigmatiques** dans l'approche **structurelle** classique est donc que le signe « = » dans les définitions des propriétés des **structures** est uniquement l'**identité**. Mais celle-ci ne peut pas à la fois **distinguer** les deux **éléments neutres** **e** et **u**, ou **o** et **1**, et à la fois les **égaliser** pour le besoin d'un minimum de logique de **cycle** et de l'**équivalence** que réclame la **structure de corps commutatif**. Le paradoxe ou l'« impossibilité » vient de là, il s'agit donc d'un problème de paradigme et non pas d'une impossibilité absolue. Nous y reviendrons tout au long de ce livre, et mettrons cela en perspective avec bien d'autres conséquences des mauvais paradigmes, que nous nommons les **paradigmes de la Négation**, par opposition au Nouveau Paradigme, qui est l'**Alternation** ou l'**Affirmation**. Autrement dit simplement, le **Paradigme de l'Univers TOTAL**.

Les nombres ne sont donc pas des objets parmi tant d'autres, mais **les nombres sont TOUT**, ils sont **LA STRUCTURE**, qui donne naissance à toute autre **structure**. Pour notre part donc, c'est la **structure des nombres** que nous étudions en premier, et non seulement cela, avec le **Paradigme de l'Univers TOTAL**, nous découvrons la nature fondamentale des **nombres**, à savoir les **générescences** ou **informations unaires**. De cela découle très naturellement les propriétés fondamentales des **nombres**, à commencer par celles des **nombres entiers naturels**, ou des **nombres entiers relatifs**, les **nombres constants** et les **nombres variables**.

Mais revenons à notre ensemble **K**, qui est la lettre traditionnellement utilisée pour désigner un **corps** en algèbre, et cela vient de l'allemand « **körper** » qui veut dire « **corps** ». Donc l'ensemble **K** a deux éléments appelés **o** et **1**, on le munit de deux applications de **K**×**K** dans **K**, appelées habituellement « **lois de composition interne** » (ce qui veut dire simplement, un moyen, pour deux éléments **x** et **y** de **K**, de leur faire correspondre un troisième élément **z** de **K**), que l'on note « + » pour la première application, appelée « **addition** », et « × » pour la seconde application, appelée « **multiplication** ».

Et enfin, on munit **K** de deux applications de **K** dans **K**, c'est-à-dire deux moyens, pour tout élément de **x** de **K**, de lui faire correspondre un autre élément **y** de **K**. La première application, nous l'appelons l'**antition** et la notons **anti**, et la seconde, nous l'appelons l'**inversion** ou **application inverse** et la notons **versi**. C'est précisément cette seconde application qui détient toute la clef de la **division par zéro**! Ce qui va nous intéresser très spécialement, c'est ce que cette application **versi** fait de l'élément appelé **o**. A cet élément **o** elle fait correspondre un élément de **K**, qui est donc **versi(o)** (lire « **versi de o** » ou « **inverse de o** »), noté Ω . Autrement dit on pose par définition: $\Omega = \text{versi}(\text{o})$, et même: $\Omega == \text{versi}(\text{o})$, puisqu'il s'agit d'une **définition** ou d'une **identité**. L'**inverse de zéro**, réputé « impossible » est réputé aussi « non défini ». Mais le voilà, le moyen très simple de le **définir**! Par cette application **versi** donc.

Et pour mieux nous rendre compte de là où on veut en venir (en fait l'essentiel a déjà été dit précédemment, nous sommes à présent dans un épisode du célèbre film policier Colombo, où la fin est connue dès le début), nous adoptons les notations suivantes: pour tout élément **x** de **K**, **anti(x)** sera aussi noté **-x**. Et **versi(x)** sera aussi noté **1/x**. Et pour deux éléments **x** et **y** de **K**, l'opération : **x + anti(y)** sera notée : **x - y**, et appelée la **soustraction** de **x** et **y**, et l'opération : **x × versi(y)** sera notée : **x/y**, et appelée la **division** de **x** par **y**.

Ainsi donc, la **division** est **définie** pour tous les couples **x** et **y** de nombres de **K**, y compris donc si **y** est **o**, l'élément de **K** qui représente le **zéro absolu**. Le reste est une simple affaire de savoir quel est le résultat des opérations ainsi définies, mais ce sont les propriétés de **K** qui vont le dire.

Les ingrédients de cette **structure** sont résumés par : **(K, {+, ×}, {anti, versi}, {o, 1})**. Il ne reste plus qu'à définir les propriétés de tout ça, comment ça marche.

On dit que **(K, {+, ×}, {anti, versi}, {o, 1})** est un **corps omégacyclique ultime**, si :

C1) les lois + et × sont **commutatives** et **associatives**;

C2) **o** est l'**élément neutre** de + et **1** est l'**élément neutre** de ×;

C3) × est **distributive** par rapport à + ;

C4) pour tout élément **x** de **K**, on a: **x + anti(x) = o**.

C5) **versi(o) = Ω = o** ;

C6) pour tout élément **x** de **K** différent de **o**, on a: **x × versi(x) = 1**.

Plus en détail :

C1A) + et × sont commutatives dans **K**:

Pour deux éléments **x** et **y** de **K**, on a :

$$\mathbf{x + y = y + x,}$$

$$\mathbf{x \times y = y \times x.}$$

C1B) + et × sont associatives dans **K**:

Pour trois éléments **x**, **y** et **z** de **K**, on a :

$$\mathbf{(x + y) + z = x + (y + z),}$$

$$\mathbf{(x \times y) \times z = x \times (y \times z).}$$

C2) **o** est l'élément neutre pour +, et **1** est l'élément neutre pour × :

Pour tout élément **x** de **K**, on a :

$$\mathbf{x + o = o + x = x,}$$

$$\mathbf{x \times 1 = 1 \times x = x.}$$

C3) × est distributive par rapport à +:

Pour trois éléments **x**, **y** et **z** de **K**, on a :

$$\mathbf{x \times (y + z) = x \times y + x \times z,}$$

$$\mathbf{(x + y) \times z = x \times z + y \times z.}$$

C4) Pour tout élément **x** de **K**,

$$\mathbf{x + anti(x) = o.}$$

C5) **versi(o) = Ω = o**.

C6) Pour tout élément **x** de **K** différent de **o**,

$$\mathbf{x \times versi(x) = 1.}$$

La **division omégacyclique par zéro** se trouve dans la propriété C5, c'est-à-dire la **division par le zéro absolu**. Elle dit simplement que : $1/o = o$, et cela a pour conséquence de manière générale, que pour tout **nombre x**, on a : $x/o = o$, autrement dit : $x/0 = 0$, si le **0** dont on parle est **absolu**, l'**ultime**, l'**élément neutre** de l'**addition**.

Cette propriété C5 dit donc simplement que l'on calcule avec **o** comme avec n'importe quel nombre non nul, on **multiplie** et **divise** donc par **o**. Et si l'on se trouve devant une **division** du genre x/x , si x n'est pas **o**, alors on peut **simplifier par x** et cela donne $1/1$ ou **1**. Mais si x est **o**, si donc on a : o/o , ou $0/0$ si le **0** est **absolu**, alors il faut se garder de **simplifier par 0** ou **o** pour avoir $1/1$ ou **1**, mais dire que le résultat est **0** ou **o**.

Du fait que o/o est défini, du coup aussi o^0 est défini aussi, et le résultat est encore **o**. En effet, on a : $o^0 = o^{1-1} = o^1 \times o^{-1} = o \times o^{-1} = o \times (1/o) = o/o = o$.

Et à partir de : $o \times o^{-1}$ on peut dire aussi : $o \times o^{-1} = o \times \Omega = o$.

La propriété : $1/o = o$ ou : $o = 1/o$, n'exprime rien d'autre que le **Cycle Infini Absolu** : $o = \Omega$ et : $\Omega = o$, qui dit que l'**Infini Absolu** ou **Oméga**, rejoint le **Zéro Absolu** ou **Alpha**, et alors on a bouclé le **Grand Cycle** des **nombre**s, le **Cycle Oméga** ou l'**Omégacycle**.

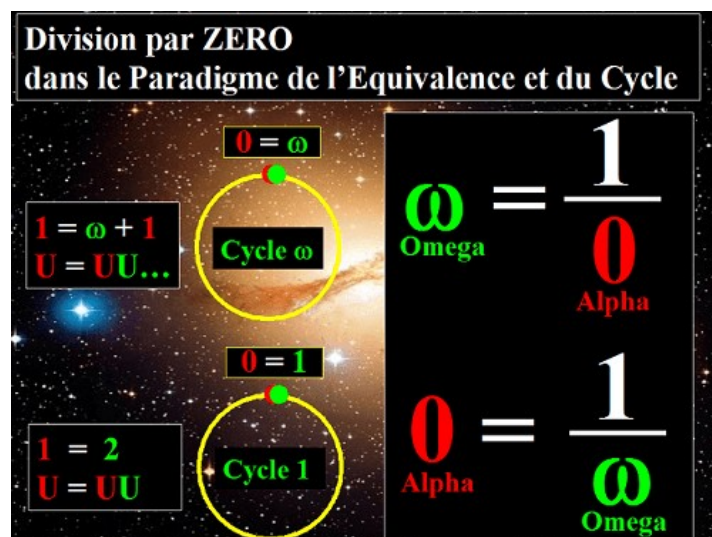
Et pour un **zéro relatif** noté **0**, on a : $0^0 = 1$, où **o** est le **zéro absolu**.

En effet, $0^0 = 0^{1-1} = 0^1 \times 0^{-1} = 0 \times 0^{-1} = 0 \times (1/0) = 0/0 = 1$.

A noter toutefois que l'on n'a pas : $0^0 = 1$, si **0** est **relatif**, mais : $0^0 = 1+\tau$, où τ est un certain **zéro relatif**.

C'est ici qu'il faut distinguer le **0 absolu** des **zéros relatifs**, qui expriment l'idée d'**infiniment petits**. Quand on **divise** par eux, cela donne les **infiniment grands**, c'est-à-dire les **infinis relatifs**.

« *Comment une chose si simple a pu échapper si longtemps aux plus grands génies ?* »



La division par zéro n'était donc pas difficile, et encore moins « impossible ». Mais c'est simplement un choix de paradigme. Au lieu des actuels paradigmes de la Négation, ce qui veut dire

aussi de l'Identité, il faut le Paradigme de l'Equivalence et du Cycle, ce qui veut dire le Paradigme de l'Univers TOTAL ou de l'Alternation ou de l'Affirmation, comme on le reverra.

Le Cycle Oméga Absolu dit seulement que l'**Infini Absolu** (l'**Oméga**) rejoint le **Zéro Absolu** (l'**Alpha**). Nous n'avons employé que cette logique minimum de cycle pour régler la question de la division par le zéro absolu. Sinon, pour l'essentiel du raisonnement avec les ensembles, les applications, etc., l'actuelle **théorie axiomatique des ensembles de Zermelo-Fraenkel** (habituellement abrégée **ZF**), suffisait largement.

Bien que, comme la théorie de Cantor, cette théorie axiomatique repose sur les paradigmes de la Négation, ou sur la logique classique qui nous vient d'Aristote il y a 2300 ans, elle permet vraiment de faire des merveilles, car le paradigme des **ensembles** est surpuissant! Ce sont les mauvais paradigmes ou logiques insuffisantes, qui brident sa puissance, et qui sont la cause des paradoxes et entre autres du problème de la **division par 0**, qui n'en est pas un en fait.

Cette question est définitivement résolue avec une simplicité biblique. Vous assistez à un miracle divin et divin miracle scientifique, vous voyez une prétendue « impossibilité » devenir une possibilité, avec une simplicité déroutante.

Et alors vous allez vous demander peut-être : « **Comment une chose si simple a pu échapper si longtemps aux plus grands génies que cette terre ait jamais portés ?** ». Et Dieu sait que cette Terre a porté des génies scientifiques depuis la nuit des temps. Depuis les Euclide ou les Pythagore de l'antiquité grecque (qui étaient sincères...) aux Bill Gates, Yuval Noah Harari et grands pontes des GAFAM, MAAMA et autres Meta (qui eux par contre ne sont pas... bon, on en reparlera et vous comprendrez le problème), en passant par les Leonhard Euler, les Georg Cantor, les Kurt Gödel, les Albert Einstein (sincères eux aussi), Dieu sait que cette Terre a porté des génies, des cerveaux !

Ce sont les esprits de Négation et de mensonges derrière les rideaux de ce monde et entre autres de ses sciences, qui ont posé et imposé au monde leurs paradigmes de Négation. Et les scientifiques sincères faisaient confiance aux paradigmes des sciences dans lesquels ils travaillaient, sans savoir qu'ils pratiquaient une religion, le SCIENTISME, déguisée en sciences.

Donc la question de la **division par zéro** et d'autres importantes questions scientifiques, n'étaient pas une question d'intelligence ou de QI cher aux transhumanistes comme les Yuval Noah Harari, les Jacques Attali, les Klaus Schwab, les Laurent Alexandre etc. Mais c'est une question d'être de nature divine ou au contraire de nature diabolique, démoniaque, d'être un esprit de la vérité, de l'INFORMATION, ou un esprit du mensonge, de la DÉSINFORMATION.

Ils ne veulent pas que leur monde de diables devienne un monde d'anges qu'il n'aurait jamais dû cesser d'être

Ce qui a donné naissance au présent livre était au départ un document de travail, des notes sur le nouveau concept de **corps omégacyclique** illustré sur l'image ci-dessus. Et cela en relation très étroite avec la nouvelle notion de **nombres entiers variables**, qui est une nouvelle vision des **ordinaux** ou **nombres entiers**, et aussi des **nombres infinis**. Différentes versions et approches du même concept de **corps omégacyclique** étaient consignées, sans au départ une intention de développer chaque version ou chaque approche pour l'expliquer au public, ce qui est le cas

présentement. Donc que le lecteur ou la lectrice ne soit pas étonné(e) de trouver dans ce livre différents exposés des mêmes thématiques de **corps omégacycliques**, d'**ordinaux** ou de **nombres entiers variables**. C'est tout à fait normal et c'est au contraire l'occasion de revoir à chaque fois ces thématiques sous différents angles. On ne peut que mieux saisir tous les aspects de ces notions, leur sens profond, oui la compréhension qu'ils donnent de l'**Univers**, du **monde**, des **choses**, ce qui est précisément le but de la **Science de l'Univers TOTAL**.

Les notes étaient des définitions, des résultats et théorèmes sans démonstration pour qu'une idée donnée n'occupe pas trop mon temps alors que d'autres attendent d'être notées elles aussi. J'indiquais juste des pistes de démonstration des résultats intermédiaires par une phrase du genre : « Il est assez facile de prouver que... », ou par exemple : « La relation \equiv ainsi définie est bel et bien une relation d'équivalence, donc est une relation d'égalité sur l'ensemble... ». Cela évite de faire de longs développements pour montrer que la relation en question est réflexive, symétrique et transitive.

Il suffit de le faire de temps en temps pour certaines relations pour montrer la démarche à suivre pour le faire pour les autres. Je laisse ce soin au lecteur ou la lectrice de ce livre s'il ou si elle le veut, sachant aussi que ce livre ainsi que tous les précédents ne sont ni des livres de thèses académiques classiques ni des livres d'exercices de maths ou de physiques ou d'informatiques, pour passer un examen comme le bac, la licence ou autres.

C'est la manière de faire la science des paradigmes traditionnels, que je qualifie de paradigmes de Négation. On aura souvent aussi l'occasion, entre deux développements techniques, de comprendre cette question de la Négation tout au long du livre. Nous travaillons donc dans un nouveau paradigme scientifique, celui de l'Univers TOTAL, une nouvelle vision de l'Univers et des choses. Ce qui signifie aussi une autre logique scientifique et manière de faire la science et de raisonner, que je nomme l'Alternation, et qui s'oppose à l'actuelle philosophie de Négation qui gouverne le monde entier et ses sciences.

Pour le dire clairement et peut-être abruptement dès le départ pour que le lecteur ou la lectrice comprenne de quoi il retourne, les sciences actuelles sont les sciences de Négation, ce qui veut dire les sciences de Lucifer, du Diable. Cela vous étonne de lire cela ? Alors répondez à cette question : ces sciences vous parlent-elles de Dieu ? Eh bien non. Que dalle ! Eh bien voilà. Et que vous disent-elles ? Que la question de Dieu n'est pas formulable scientifiquement ? Ou que Dieu n'a rien à voir avec la science ? Eh bien sachez que c'est faux ! Ce sont précisément les paradigmes de la Négation, les paradigmes du Diable donc, qui font dire cela. On comprend mieux quand on comprend enfin ce qu'il faut entendre par « Dieu », quelle est sa définition scientifique, et alors aussi on comprend du même coup ce qu'il faut entendre par le « Diable », quelle est sa définition scientifique.

Et Dieu, c'est justement l'Univers TOTAL, la Réalité TOTALE, l'Ensemble de toutes les choses et de tous les êtres, l'Etre TOTAL, l'Alpha et l'Oméga. Et le Diable, eh bien, c'est la Négation de tout ça. Les sciences du Diable ne parlent ni de Dieu ni du Diable, et c'est d'ailleurs l'un des signes caractéristiques de ces sciences. Elles ne parlent donc pas du Bien et du Mal, de la Vie (la vraie), de l'Amour, etc.. Elles sont froides comme un Serpent, elles sont à l'image des êtres qui les font.

Seule donc la Science de Dieu peut enfin dévoiler la vérité sur Dieu et sur le Diable, sur les anges et les démons, que ce soit les anges des autres mondes et univers, que je nomme les mondes ou

univers d'Alternation, ou que ce soit les anges nés humains, qui font le travail de Dieu mais qui sont confrontés aux démons nés humains, qui luttent pour perpétuer leur règne dans ce monde de Négation qu'ils ne veulent pas voir devenir un monde d'Alternation.

Pour le dire en langage biblique, ils ne veulent pas que leur monde de diables redevienne le monde d'anges qu'il n'aurait jamais dû cesser d'être.

Voici illustré ce qui se cache derrière les trois premiers chapitres du livre biblique de la Genèse (Genèse 3 : 1-24), mais dont le « Serpent » a voilé le sens dans son monde de Négation. D'abord que le monde tel que nous le connaissons n'est pas le monde originel, qui était un monde d'Alternation, un monde divin, ce qui a été appelé « Eden » dans la Genèse.



Derrière ce mot ou derrière l'idée du « paradis », se cache en fait un monde d'un autre type, un monde où les humains, créés divins, étaient en relation directe avec Dieu, et avec les autres êtres divins ou anges, de tous les autres mondes divins. La notion de « création » du monde dont il est question en Genèse 1 : 1-5 en ces termes :

« Au commencement, Dieu créa les cieux et la terre. La terre était informe et vide: il y avait des ténèbres à la surface de l'abîme, et l'esprit de Dieu se mouvait au-dessus des eaux.

Dieu dit: Que la lumière soit! Et la lumière fut. Dieu vit que la lumière était bonne; et Dieu sépara la lumière d'avec les ténèbres. Dieu appela la lumière jour, et il appela les ténèbres nuit. Ainsi, il y eut un soir, et il y eut un matin: ce fut le premier jour»,

oui, ce qui se cache derrière ces paroles peut actuellement, avec nos connaissances scientifiques, s'illustrer ici de la manière suivante :



Dans l'Univers TOTAL, dans DIEU donc, dans **U**, il y a des mondes et des êtres d'Alternation, c'est-à-dire connectés au Divin, à l'Universel, qui sont les vrais mondes ou **univers**, et des mondes et êtres de Négation, déconnectés du Divin, de l'Universel, que je nomme les **onivers** ou **univers de Négation**, collectivement appelés l'**Onivers**, noté **O**. C'est ce qu'on appelle couramment l'**Enfer**, et il suffit juste de regarder l'image ci-dessus, qui est l'image classique de l'évolution de notre univers (ou plutôt notre **onivers**), pour comprendre rapidement pourquoi.

L'évolution globale est le passage progressivement d'un état initial infernal à un état paradisiaque ou édénique, un retour progressif à la vraie existence, à la vraie vie, qui ne peut qu'être divine. C'est déjà cette vérité qui est cachée. Cacher donc la vraie Réalité, pour faire passer la fausse comme étant la vraie, l'unique. La réalité de Négation, comme c'est le cas présentement pour ce monde-ci, et plus pour longtemps.

Ce que montre cette image est ce dont parle la Genèse en langage biblique, compréhensible pour les peuples anciens, comme les hébreux. Car il ne faut pas oublier que le peuple biblique était un peuple d'agriculteurs et de bergers, qui n'avaient pas nécessairement les moyens et les connaissances scientifiques que nous avons présentement pour comprendre le monde, l'Univers et les choses...

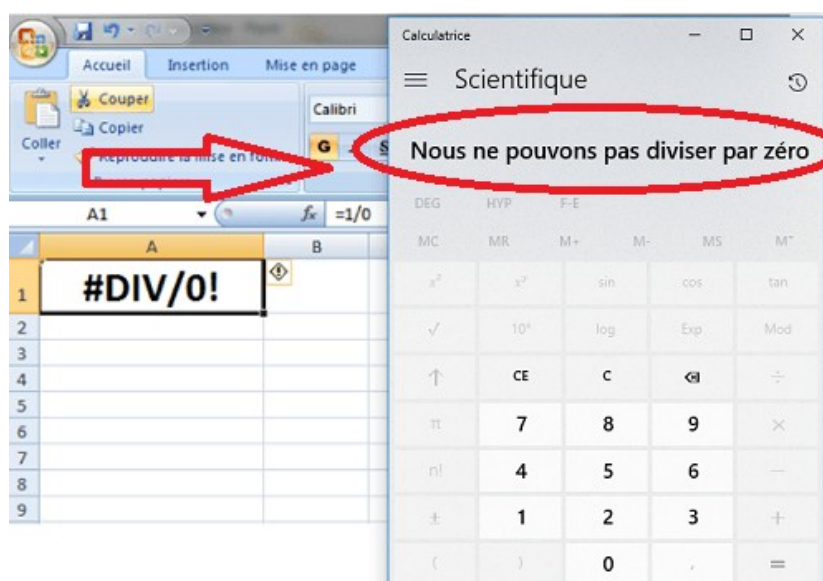
Mais bon, une fois qu'on a dit cela, il ne faut pas oublier non plus que des peuples anciens avaient d'autres moyens et d'autres facultés, notamment celles de la connexion au Divin, qui leur permettait d'avoir accès à des connaissances et à des réalités inconnues. Facultés qui ont été perdues en raison de la déconnexion du Divin et de l'évolution vers une vision très matérialiste de l'Univers et des choses. Vision matérialiste qui atteint son comble de nos jours, d'où la nécessité de redonner les clefs de la connaissance divine, mais en plus avec une vision scientifique des choses. Nous faisons d'une pierre deux coups donc...

Le mensonge commence donc par le fait de faire oublier nos vraies origines, divines, au profit de théories de nos origines qui sont des théories même de Diable, comme par exemple la classique théorie de l'évolution. Il n'y est pas question de Dieu, ou de nous dire quelle nature originelle nous avons perdue pour nous retrouver dans un univers ou monde de Négation. Ce genre d'occultation est la signature même du Diable, le Serpent d'Eden, c'est ce qui permet de reconnaître à coup sûr ce qui est son œuvre, ses paradigmes. Oui, les paradigmes de Négation.

On commence aussi à comprendre de quel genre de « Serpent » d'Eden il s'agit, un Serpent donc qui a toutes les apparences humaines et qui marche sur deux pattes, comme toute sa progéniture de par le monde. En révélant à présent la Science de Dieu (oui Révélation et Science peuvent être tout à fait la même chose, contrairement à ce que le Serpent a toujours fait croire), nous dévoilons du même coup tous les mensonges du Diable, et les mensonges de ses sciences, et même de ses mathématiques, réputées pourtant pour être une science exacte ! Et pourtant (et vous n'êtes pas au bout de vos surprises, si vous découvrez la Science de Dieu par ce livre), nous allons voir l'un des plus grands mensonges des mathématiques, l'un des plus grossiers, qui est...

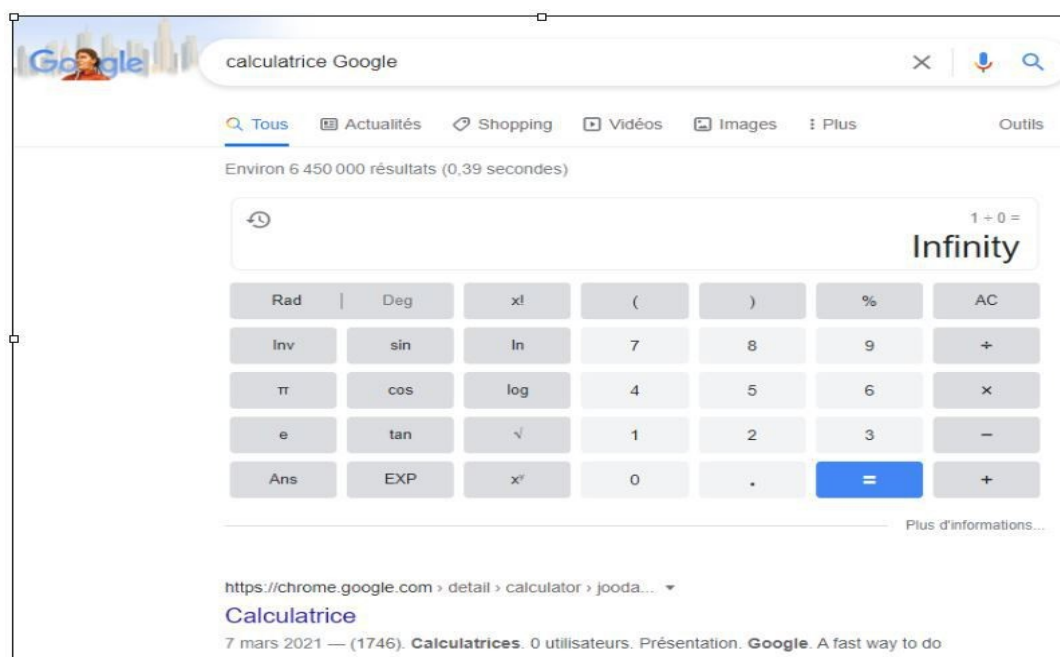
Et si nous le montrions en image ?

Cette image qui suit illustre l'un des chefs d'œuvre même des mensonges des mathématiques, des sciences et des technologies de Négation. On a cette phrase pathétique : « **Nous ne pouvons pas diviser par zéro** » d'une calculatrice scientifique d'un système d'exploitation mondialement connu.

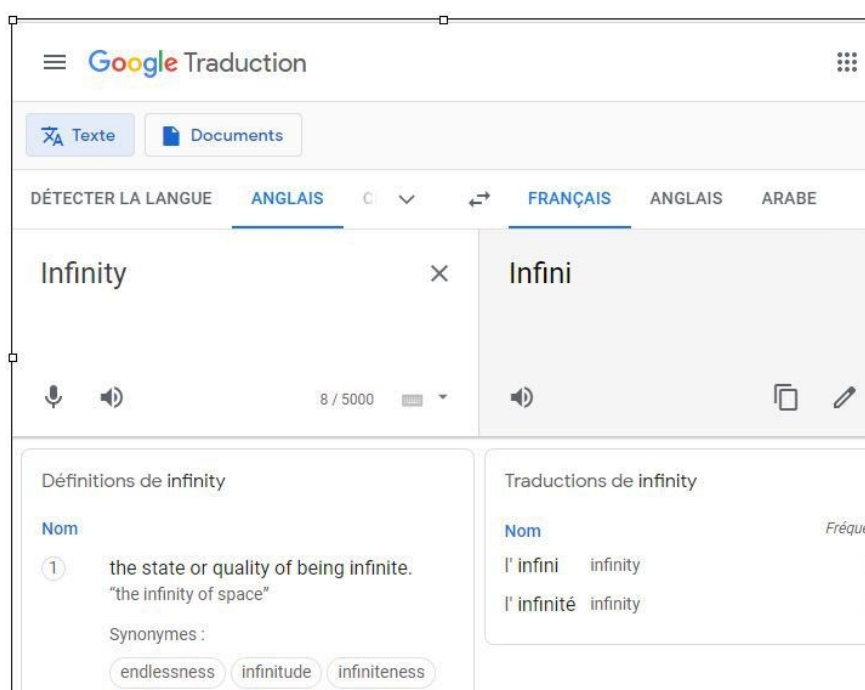


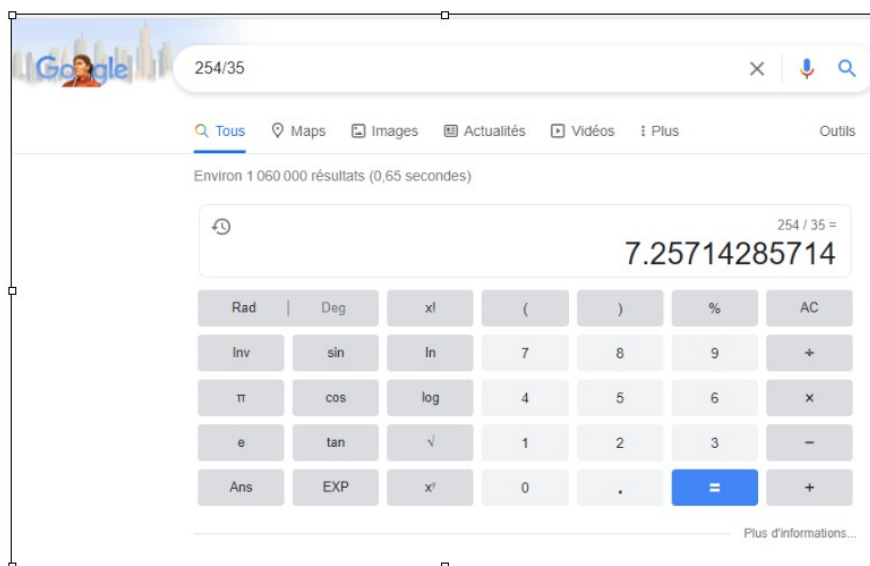
Et je dois avouer que c'est avec ce système d'exploitation que je travaille et écris ce texte présentement. En attendant donc de mettre en place le paradigme de Dieu. Vous avez sans doute reconnu le tableur Excel de Microsoft ainsi que la calculatrice de Windows 10.

Est-ce que le plus grand de ses acolytes des GAFAM, le « G » des gafameries, à savoir donc Google, s'en sort mieux, quand on lui demande de faire la simple **division : 1/0**?



Là je reconnais avoir eu une agréable surprise en essayant à l'instant même ce test que je n'avais pas fait avant ce jour, côté Google donc. Pour « **1/0** » la calculatrice en ligne de Google répond donc « **Infinity** », ce qui ne veut pas dire « **Infinité** » en français mais « **Infini** », si l'on pose la question à Google lui-même. C'est déjà pas mal, je dirais. Sauf que... hum... hum..., quand je demande d'effectuer le même calcul à la fenêtre de recherche de Google.





La calculatrice de Google apparaît donc automatiquement et affiche le résultat. Mais quand je fais cette seconde manœuvre via la fenêtre de recherche pour la division « $1/0$ », le résultat n'est pas comme le précédent. On obtient : « **Undefined** ».

OK. L'explication peut être que le moteur de recherche, quand on lui demande de faire « $1/0$ », considère d'abord qu'on fait une recherche sur cette division spéciale et non pas qu'on veut un résultat. Raison pour laquelle la fenêtre de recherche ne lance pas la calculatrice Google, mais affiche une réponse standard, que la **division par 0** n'est pas définie, donc « **Undefined** ».

Il n'empêche que tout ça n'est pas bien sérieux, c'est très révélateur que la doctrine scientifique actuelle reste quasiment consensuelle que la **division par 0** est « **non définie** » et même « **impossible** » tout bonnement.

Nous avons noté que dans les articles de Wikipedia cités, on ne dit pas que la notion d'**égalité** impliquée et symbolisée par le signe « $=$ » est l'**identité** et non pas l'**équivalence**, que pourtant ces mathématiciens connaissent, puisqu'ils l'utilisent par exemple dans l'**arithmétique modulaire**, qu'ils appellent aussi le calcul des **congruences**. Nous parlerons dans ce livre (comme dans tous ses

prédécesseurs) de la très importante **relation d'équivalence**, qui est la clef même de cette question de **division par 0**.

Dans les paradigmes traditionnels, on travaille avec une logique mathématique et scientifique qu'on peut schématiser ainsi : **Objets-Opérations-Égalité-Relations**.

Cela signifie qu'on part d'**objets** ou d'un **ensemble E d'objets**, comme par exemple l'**ensemble N des nombres entiers naturels**. Puis sur cet **ensemble E** on va définir des **opérations**, comme par exemple l'**addition** et la **multiplication**, faire par exemple «**2+5**», ou «**4×7**». Et pour écrire les **résultats** des **opérations**, on va faire appel à une **relation d'égalité**, généralement notée par le symbole « = ». Et on va donc dire par exemple : «**2+5 = 7**», ou : «**4×7 = 28**». Et plus généralement on va exprimer des **relations** entre des **objets** de **E** ou les **opérations** faites à partir d'eux, comme par exemple aussi exprimer la **relation d'ordre**, comme l'infériorité, et dire des choses comme : «**2 < 7**» ou «**2+5 < 4×7**». Et au besoin on va élargir la notion de relation en parlant par exemple de la **relation d'équivalence**, indispensable par exemple en arithmétique modulaire.

Les **structures algébriques** traditionnelles, comme par exemple la fameuse **structure d'anneau** ou celle de **corps**, suivent fondamentalement cette démarche : **Objets-Opérations-Égalité-Relations**, qu'on vient de décrire. Au passage j'ai toujours trouvé un peu étrange ce terme « **anneau** » pour parler de la **structure additive-multiplicative**. Le mot « **anneau** » me paraît peu intuitif pour ce que cela veut dire, voire quelque peu « occulte » comme si on nous enfermait dans un **anneau infernal**, mais bon, passons...

Cette démarche : **Objets-Opérations-Égalité-Relations** paraît donc « naturelle », intuitive, normale. Et pourtant elle n'est pas bonne, elle est non seulement contre-logique, anti-logique, dissimulatrice de grands vices, mais surtout ce paradigme est très limitatif. C'est la démarche typique même de la **méthodologie axiomatique**, pour ne parler que d'elle.

En effet, on introduit **axiomatiquement** des **objets**, et **sans les définir**, comme par exemple « **ensembles** » (pour la théorie des ensembles), « **nombres** » (pour l'arithmétique et l'algèbre), « **points** », « **segments** », « **droites** » (pour la géométrie), etc.. Puis on définit les **opérations** sur les **objets** introduits, on exprime les **énoncés** ou **relations**, là encore en posant **sans démonstration** certains **énoncés** ou certaines **relations** (**appartenance**, **égalité**, etc.), appelés axiomes, contenant souvent le signe de l'**égalité**, pour les théories dites « **égalitaires** », ce qui est le cas des théories les plus importantes, comme par exemple la **théorie des ensembles** ou l'**arithmétique** (**axiomes de la théorie des ensembles** ou **axiomes de Peano** par exemple). On ne définit donc pas les **mots premiers** ou les **objets**, et on ne démontre pas les **axiomes**, puisque pour les démontrer il faut d'abord un langage et dans ce langage des **vérités premières** (donc encore des **axiomes**), elles-mêmes démontrées, et ainsi de suite, et c'est le serpent qui se mord la queue.

Par conséquent, on part d'**objets** premiers et de **relations premières** ou **énoncés premiers** ou **axiomes**, qui ne sont pas démontrés mais servent à **démontrer** d'autres appelés **théorèmes**. Le but est d'avoir le moins d'**axiomes** possibles au départ (comme par exemple la **théorie des ensembles** qui compte une dizaine d'**axiomes** fondamentaux dont par exemple l'**axiome de l'infini**, l'**axiome de l'ensemble des parties** ou encore l'**axiome du choix**, ce dernier étant important pour la **théorie des ordinaux** ou **théorie des nombres entiers**), mais les **axiomes** sont incontournables dans cette démarche : **Objets-Opérations-Égalité-Relations**.

C'est l'un des nombreux aspects de la logique de **Négation**, la logique d'**Identité**, qui déclare « impossible » la **division par 0**. Quand on a posé les **objets**, quand on les a nommés comme avec le mot « **nombres** » ou « **nombres entiers naturels** », que l'on pose des **axiomes** à leur sujet et que l'on commence par les manipuler avec les **opérations** et les **relations**, dont l'**égalité**, on finit par croire que l'on sait de quoi l'on parle. Dans le même ordre d'idées, quand on a nommé une chose « **démocratie** », on finit par la pratiquer à croire que c'en est, et même à dire que tout ce qui n'obéit pas à ce système est « **anti-démocratique** ».

Jusqu'au jour où l'on s'aperçoit qu'en fait ce que l'on a appelé « **démocratie** » (gouvernement par les peuples) cache dans ses racines et ses paradigmes des monstruosité ou en tout cas des vices profonds, qui font que c'est dans le meilleur des cas une **ploutocratie** (gouvernement par les plus riches), une **oligarchie** ou une nouvelle **aristocratie** (gouvernement par une élite), et même pire, une **dictature**, comme on le voit à présent à l'ère du **Covidisme**. Les monstres cachés derrière les **jolis mots axiomatiques** du Diable commencent à montrer leurs vrais visages.

Et en fait, c'est exactement le même modèle en mathématiques et sciences. C'est surtout là que s'illustre la démarche **Objets-Opérations-Égalité-Relations**. On pose et impose une notion de **nombres** comme si elle était absolue, une méthodologie scientifique (l'axiomatique pour les mathématiques, la méthodologie expérimentale pour la physique, etc.) comme si elle était absolue et le summum de ce qu'on peut faire en matière de science. Or, comme la religion du **Covidisme**, il ne s'agit pas de vraie **Science** mais du **Scientisme**, une religion qui ne dit pas son nom!



Quand le Covid cache le culte au démon Divoc, alias le Diable tout simplement.

Quand donc on a appelé « **science** » ce qui est du **scientisme**, là encore le piège s'est refermé, et gare à qui vient parler d'une autre **Science**! C'est lui ou elle que l'on taxe de « **complotiste** », de « **charlatan** » ou de tout ce que l'on veut. Des médecins et scientifiques sincères ont travaillé aux sciences actuelles, croyant que leur but était la recherche de vérité. Mais le jour arriva fatalement en cette ère de **Covidisme** où tout ce qui était caché devient manifeste, ils ont tenu à dire ce qu'ils savent être la **vérité scientifique**, à aller contre les dogmes et la propagande de la religion maçonnique cachée derrière les sciences actuelles, eh bien on commence à les traiter de « **complotistes** », ou pire, de « **gourous de secte** », ou encore de « **charlatans de la médecine ou de la science** », exactement comme Georg Cantor le père de la théorie des ensembles fut traité à son

époque. Notamment par un collègue Leopold Kronecker. Mais même dans ce cas, c'était vraiment bisounours à côté de ce qui se passe maintenant !

Mine de rien donc, la démarche : **Objets-Opérations-Égalité-Relations** cache des monstruosité paradigmatiques, que l'on ne pouvait pas deviner sans l'éclairage qu'apporte aujourd'hui la **Science de l'Univers TOTAL** ou **Science de Dieu**. Car les **nombres**, et tout simplement les choses de l'**Univers**, réclament exactement la démarche inverse : **Relations-Égalité-Opérations-Objets**.

En effet, c'est bien les **relations** (ce qui veut dire les **énoncés**, les **propositions**, les **phrases**, etc.), et en particulier la **relation d'égalité**, qui **définissent** les **objets** dont on parle, et ce via les **opérations** ! Par exemple, les **nombres**, les **ensembles**, les **points**, les **espaces**, la **matière**, l'**énergie**, etc., ne sont pas ce qu'ils sont si ces notions n'ont pas été **définies** auparavant, au moyen d'**opérations** et, avant elles, de **relations**, qui elles-même doivent reposer sur la notion la plus fondamentale qui soit, qui demande peu de mots pour être définie. Et cette notion fondamentale est l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**. Lui-même ne demande qu'**un seul mot** avant lui, à savoir le mot « **ensemble** ».

Et la notion d'ensemble elle-même ne demande qu'**un seul mot premier**, qui est le mot **chose** en français, en anglais **thing**. Par ce mot « **chose** » on entend vraiment **TOUT**, tout ce dont on parle, tout ce que l'on conçoit, tout ce que l'on nomme, tout ce qui est visible, invisible, passé, présent, futur, tout ce qui est considéré comme réel, imaginaire, ou virtuel, peu importe ! Toute chose connue dans notre monde, dans l'univers connu, et toute chose inconnue. Tout ce que la physique actuelle croit être la seule réalité, à savoir cet univers connu avec ses 10^{80} atomes (« **10 puissance 80** atomes »), et tout ce qu'il y a au-delà de cette limite de 10^{80} , car rien ne nous autorise à penser que la réalité se limite à 10^{80} .

Sinon que les mathématiciens arrêtent leurs compteurs de nombres à 10^{80} ou 10^{100} , ou même 10^{1000} pour être très large. Qu'ils disent officiellement que les éléments de l'**ensemble N des entiers naturels** va de **0** à 10^{1000} , pas au-delà ! Et on va bien rigoler. On leur demandera alors à quoi leur servent le **nombre de Graham**, **G**, les suites de **Goodstein**, la **théorie des cardinaux**, ou l'**ordinal infini ω** ou **nombre infini Aleph Zéro (\aleph_0)**. C'est juste pour délirer ou parler de choses qui n'auraient aucune **réalité physique** ?

Bien sûr que non ! Car toute l'**infinité** des **nombres entiers naturels** ou des **ordinaux** a un sens, une réalité, qui en plus n'est pas que mathématique. Le mot chose s'applique donc aussi et surtout à toutes ces **choses numériques**, car justement **tout est fondamentalement numérique** !

Le mot clef, le seul qui s'impose donc, et qui s'applique à... eh bien **toutes les choses**, voyons, est le mot **chose**. A partir du mot **chose**, la notion d'**ensemble** se définit avec des mots de logique, comme ci-après le mot « **former** » :

« **Un ensemble est une chose formée d'autres choses appelées ses éléments** ». Et la chose formée de **TOUTES les choses** est par définition l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses**.»

Nous avons ainsi bel et bien, par une **phrase**, donc par une **relation**, défini l'objet premier de la **Science**, l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses**, sans avoir besoin d'axiomes, car justement les **axiomes** servent à ne pas vraiment définir les **notions premières**, car, comme on vient de le faire, ces notions se définissent par elles-mêmes. Le mot **chose** se définit par lui-même.

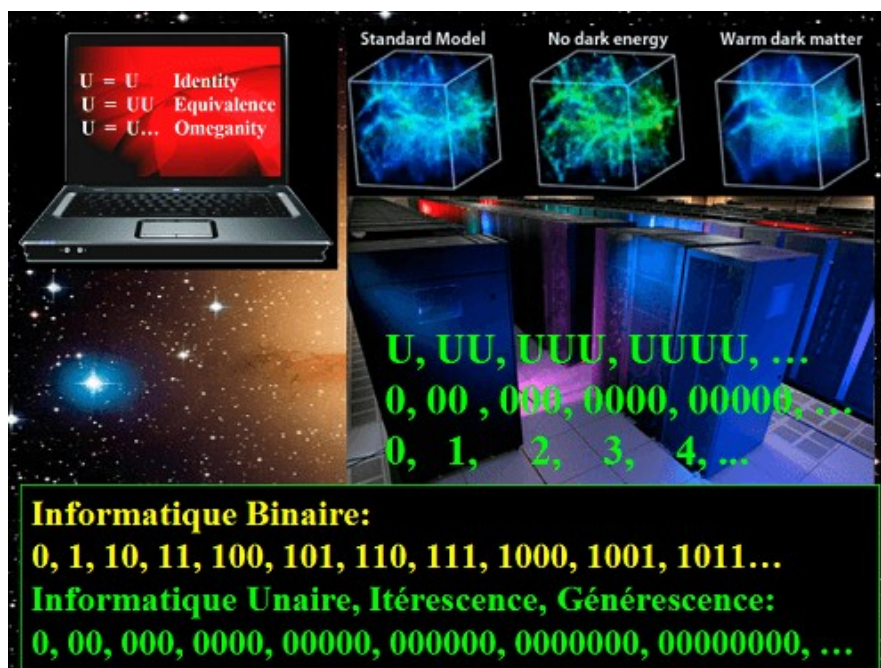
Quand nous disons par exemple : « **Une chose est tout ce que l'on conçoit, que l'on nomme** », nous avons dit : « **Une chose est toute chose que l'on conçoit, que l'on nomme** ».

Cela semble être une pétition de principe, le « serpent qui se mord la queue », mais pas du tout ici, car le mot **chose** est un exemple de notions **récurives**, de notions qui ont besoin d'elles-mêmes pour se définir. Comme aussi la notion d'**ensemble**. On répète :

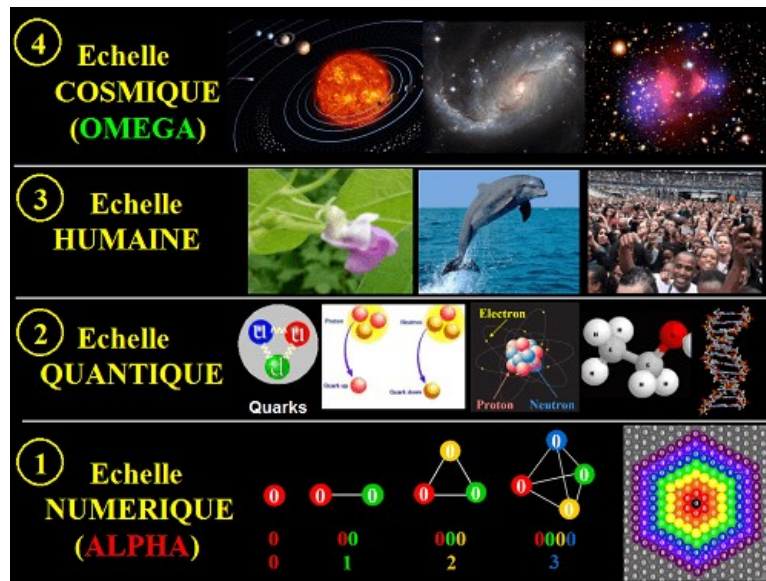
« **Un ensemble est une chose formée d'autres choses appelées ses éléments** ». Et la **chose formée de TOUTES les choses est par définition l'Univers TOTAL, l'Ensemble de TOUTES les choses.**»

Cette définition a un sens, elle veut dire simplement que des choses plus élémentaires, appelées **éléments**, forment des **choses** plus **grandes**, appelées **ensembles**, qui à leur tour forment des **choses** plus grandes encore, et ainsi de suite à l'**infini**. Et la chose qui est l'**Ensemble** de tout cela, qui est le terminus ou l'**Ensemble infini**, c'est l'**Univers TOTAL**. La notion de **chose** est ici la notion **Alpha** et l'**Univers TOTAL** est la notion **Oméga**. Et rien que d'avoir dit cela c'est d'avoir défini la **structure fractale** de l'**Univers TOTAL**, toute la **hiérarchie** des **choses**, et aussi toute la **hiérarchie** des **ensembles**, et toute la **hiérarchie** des **nombre**s, de l'**Alpha** à l'**Oméga**!

L'**Univers TOTAL** est d'ailleurs justement l'**unique élément** de base qui se répète pour former **toutes les choses**. Voilà une vérité fondamentale du Nouveau Paradigme de la **Science**, qui découle juste d'une définition en partant du bon mot de la **Science**, à savoir le mot **chose**.



La notion de « **formation** » se précisera plus tard, en relation avec la notion d'**information**, et plus précisément la notion d'**information unaire**, c'est-à-dire une **information formée** d'une seule **information élémentaire**, qu'on peut noter SOIT **1** SOIT **0** par exemple, et dans ce livre nous optons pour le choix du **0**, puisqu'il sera aussi question de la **division par 0**, justement. Information unaire donc, par opposition à l'**information binaire** qui nécessite deux **informations élémentaires**, le **0** ET le **1**. L'**information unaire**, nous l'appelons aussi **générescence**.



Donc finalement, tout se ramène à **TOUT former à partir d'une seule chose élémentaire**, SOIT **1** SOIT **0** par exemple, mais, comme on va le voir, peu importe finalement comment on appelle cette **chose élémentaire**, cette chose **Alpha**, parce que la **structure numérique** est **fractale** (on en reparlera).

Puisqu'on **répète** la même **chose** pour tout **former, générer, créer**, ces différentes **répétitions** ou **itérations** d'une **unité** de base pour **tout former**, de l'échelle **Alpha** ou **Zéro** à l'échelle **Oméga** ou **Infini**, est ce qu'on appelle un **nombre** !

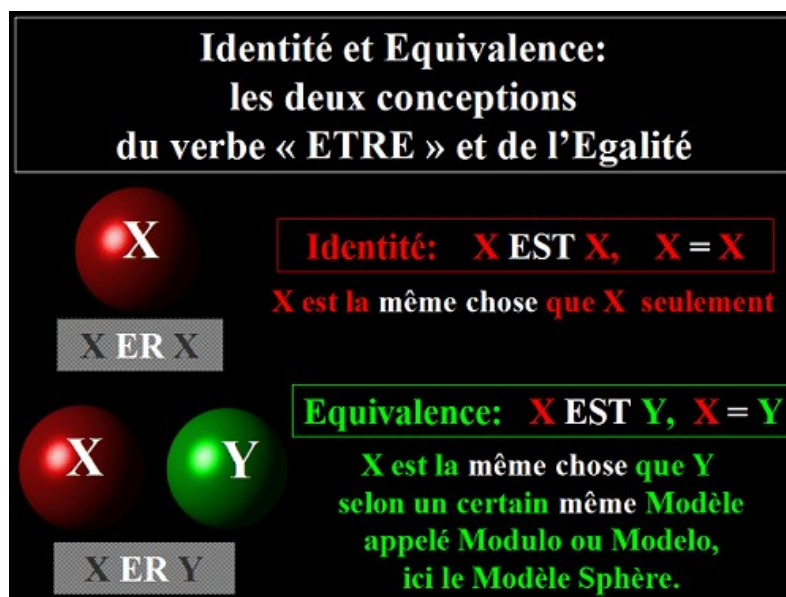
Les **nombres** ne sont donc pas que des objets mathématiques pour matheux, mais les nombres sont tout, oui **TOUT est numérique** ! Nous faisons donc des maths, mais en même temps aussi de l'informatique, de la physique, de la biologie, de la psychologie, de la sociologie, de la spiritualité, etc.. Car l'**Univers TOTAL** est le **TOUT inséparable**, il se moque de nos séparations des domaines, car la vérité est une ! Il nous faut donc maintenant avoir une vision globale de la **Réalité**.

On a peut-être pensé qu'en partant du mot **chose** on est parti d'un **ensemble d'objets**. En fait non, nous ne sommes pas partis d'un **ensemble d'objets**, et même pas d'un **objet** donné, mais en réalité d'une **propriété fondamentale** du **TOUT**, à savoir la notion de **chose**, qui a la **propriété** de **se définir elle-même**. Il s'agit d'une **relation** de **définition**.

Nous avons dit en effet :

« Un ensemble EST une chose FORMÉE d'autres choses appelées ses éléments ». Et la chose FORMÉE de TOUTES les choses EST par définition l'Univers TOTAL, l'Ensemble de TOUTES les choses.»

Pour dire : « Un **ensemble EST** » donc « Un **ensemble EST X** », nous avons donc utilisé le verbe **ETRE**, qui est le verbe de l'**égalité**, et plus précisément de **relation d'équivalence**.



Et le verbe **FORMER** est encore une **relation**, du genre : « X forme Y » ou « Y est formé de X ».

Nous démarrons bel et bien avec la **relation**: **Relations-Égalité-Opérations-Objets**, et la notion d'égalité commence aussi à entrer doucement en scène. Les mots courants nous servent juste à clarifier et à expliquer les mots qui se dessinent progressivement comme les mots fondamentaux. Ces mots sortent au fur et à mesure du magma des mots courants pour prendre un sens scientifique précis.

La notion d'**égalité** est la **relation d'équivalence**, qui s'impose ici comme plus générale que la **relation d'identité**, qui n'en est qu'un cas très particulier. Le problème avec la démarche inverse, qui commence par les **objets**, puis les **opérations**, et seulement après l'**égalité** et les **relations**, autrement dit l'approche **axiomatique**, c'est que la notion d'**égalité** ou « = » est parachutée comme un **axiome** aussi ou comme une **évidence**, et on n'appelle alors « **égalité** » que ce signe, et de ce fait cette **égalité** est une **identité** ! Celle qui dit uniquement « $2+2 = 4$ », quoi, mais pas « $2+2 = 5$ » aussi. D'emblée, on décrète que les **égalités** du genre : « $2+2 = 5$ » sont des erreurs mathématiques, des « faussetés », alors que ce sont des **équivalences**, oui des **relations d'équivalence**.

En l'occurrence, ici, « $2+2 = 5$ » est l'**égalité modulo 1**, autrement dit ce que dans l'arithmétique modulaire on appelle la **congruence modulo 1**. Mais c'est ce que nous appelons le **Cycle 1**, et on en reparlera longuement. Et « $2+2 = 6$ » est l'**égalité modulo 2**, la **congruence modulo 2**, donc le **Cycle 2**, et on en reparlera longuement.

A ce point c'est fait exprès, cela ne peut pas être autrement ! Autant de cerveaux et de génies des mathématiques et des sciences que ce monde ait jamais portés, ne peuvent pas être passés à côté d'une chose aussi simple. Ils ont donc fait exprès où on les en a empêché par un moyen visible ou occulte. Ils ont été victimes de quelque Kabbale, sorcellerie, vaudou ou gris-gris. Ou ils ont été hypnotisés, envoûtés comme dans l'album Tintin le numéro « Les 7 Boules de Cristal »



Il y a un truc paranormal qui est tombé sur tous les scientifiques depuis longtemps pour qu'ils continuent de dire que la **division par 0** n'a pas de sens ou est **impossible**, alors que, comme nous sommes en train de le démontrer, la **relation d'équivalence**, que pourtant ils connaissent, est la solution. Oui la **division omégacyclique par 0** que nous sommes en train de découvrir dans ce livre. Ou aussi la **division fractale par 0** ou **division générative**. Qu'aucun d'eux n'ait trouvé ça depuis des siècles de science me paraît très difficile à croire. Ils en ont été empêchés d'une manière ou d'une autre, par des moyens visibles ou cachés. Tous les mystères vont s'éclaircir à présent.

Pour en revenir à notre sujet : **Relations-Égalité-Opérations-Objets**, il faut bien commencer par les **relations**, pour être certains d'avoir comme outils **toutes** les **relations**, pour exprimer les **propriétés** des **nombres**. Et les deux **relations** fondamentales en matière de **nombres** sont la **relation d'équivalence** et la **relation d'ordre**. La première est simplement la **relation d'égalité** dans toute sa généralité, et pas seulement l'**identité**, qui en est un cas particulier. La seconde est principalement la **relation d'infériorité** et de **supériorité**. Les **relations d'appartenance** des **ensembles**, d'**inclusion**, etc., notamment avec les **ordinaux** et plus généralement les **ensembles transitifs**, sont des cas particuliers de **relation d'ordre**. Et même la **relation « X forme Y »** que nous avons évoquée ici, est une **relation d'ordre**.

Ce sont les **relations** qui, moyennant les **opérations** (qui sont d'ailleurs des **relations** particulières) qui définissent les **objets**, expriment leurs **propriétés**, donc qui créent les **objets**, qui vont dire par exemple que tels **objets** sont des **nombres entiers**, ceux-là sont les **nombres réels**, ou les **nombres complexes**, etc..

Pour un **ensemble E** d'**objets** créés ou **construits**, il suffit très souvent par exemple juste de changer la **relation d'égalité** dans **E**, c'est-à-dire de définir une autre **relation d'équivalence** dans **E** qui servira de nouvelle **égalité**, pour transformer les objets en nouveaux types d'**objets**, qui peuvent englober les anciens ou être englobés par eux. Cette technique, qui est traditionnellement celle des **ensembles quotients** (ou **ensembles des classes d'équivalence**), est d'ailleurs classiquement souvent employée pour créer de nouveaux **ensembles d'objets**. Et nous

l'emploierons intensivement pour créer de nouveaux **objets** ou voir des **objets** donnés sous un nouvel angle insoupçonné !

Juste pour dire donc que c'est la **relation** et notamment la **relation d'équivalence**, qui fait tout ! Si donc on restreint l'usage de l'**équivalence** au profit de l'**identité**, on restreint l'existence de nouveaux **objets**. Et l'existence de certains objets cause des **paradoxes**, puisque les **relations** (notamment d'**équivalence**) nécessaires à leur existence sont manquantes. On se retient d'exprimer ces **équivalences**, que l'on qualifie d'**égalité « fausse »**.

Et étrangement donc, la même **égalité** ou relation tenue pour vraie dans un domaine des mathématiques va être qualifiée de « **fausse** » ou de non-sens dans un autre contexte. Par exemple les **égalités** « $0=1$ », « $0=12$ », etc., qui sont des vérités banales en **arithmétique modulaire**, vont être interdites en **algèbre**, quand il s'agit de l'**inverse de 0**. C'est exactement ce qui se passe en fait avec la question de la **division par 0**. C'est donc juste un problème de **déficience de relation d'équivalence**, comme nous le démontrons depuis des années. **On n'utilise pas assez l'équivalence!** Il s'agit donc plus d'une question de choix de paradigme que d'une réelle impossibilité de faire ceci ou cela. Quand c'est à ce point, il ne s'agit plus d'**erreur** mais de **mensonge scientifique** de la part des esprits obscurs, ténébreux, ennemis de la vérité et de la lumière (notamment divine), qui, dans les coulisses et le secret de leurs loges ou depuis leurs sociétés secrètes gouvernent la science de ce monde et ce monde tout entier. Mais avec la vérité et la vraie science (la Science de Dieu) qui arrive, leur temps est compté (Apocalypse 12 : 7-12).

Contrairement à tout ce qu'on raconte, les mathématiques actuelles ne sont pas la science exacte que l'on prétend qu'elles sont. Car déjà, si elles étaient vraiment exactes, cohérentes, elles ne se déclinaient pas au pluriel, on ne continuerait pas à dire « **les mathématiques** » ou « **les maths** » mais simplement « **LA Mathématique** ». Bien que par exemple la **théorie des ensembles** soit le domaine le plus général des mathématiques et bonne candidate à être appelée « **LA Mathématique** » (oui la **mathématique mère** de toutes les autres **mathématiques**), elle est considérée comme une branche des mathématiques parmi d'autres, et comme une branche de l'algèbre. Ceci n'est pas normal, il y a donc pour commencer un vrai souci d'organisation des domaines. Et cette organisation en forêt inextricable dans laquelle on ne peut que se perdre, est bien voulue, car cela permet de masquer facilement les problèmes de paradigmes, les **incohérences paradigmatiques**, qui est ce que je suis en train de mettre en évidence. Allez trouver une faille dans cette forêt dense, dans ce chaos savamment organisé et appelé « **les maths** »! Qui aime bien châtie bien, dit-on. J'aime beaucoup les maths, c'est pour cela que je les fouette, pour qu'elles soient enfin ce qu'elles doivent être, et qu'elles ne racontent plus les **mensonges perfides** que je suis en train de mettre en lumière.

Les mathématiques au pluriel et la mère des sciences au pluriel aussi, qui va jusqu'à traiter la **théorie mère** (la **théorie des ensembles** donc) comme une simple sous-branche d'une branche nommée l'algèbre, sont **incohérentes** et bourrées de **paradoxes** et de **contradictions**, si on les prend comme système global de vérités. Autrement dit, elles ne sont pas la **science exacte** que l'on prétend qu'elles sont!

Tout ce que les spécialistes des fondements des mathématiques et des sciences, comme par exemple le célèbre David Hilbert et les logiciens de la fin du XIX-ème siècle et début du XX-ème (comme Frege, Gentzen, Russell, Peano, Gödel, etc., sans parler des Tarski et autres, ou de l'école française Bourbaki), oui tout ce qu'ils ont fait, c'est juste de s'assurer qu'il n'y ait pas de contradiction ou de

paradoxes dans un même cadre théorique, dans un même système axiomatique. Par exemple qu'il n'y ait pas de paradoxe en théorie des ensembles, en géométrie euclidienne, en arithmétique de Peano, etc.. La question de la cohérence (ou de la consistance comme on dit techniquement) de la Métamathématique, c'est-à-dire d'un cadre général dans lequel évoluent tous les îlots que sont les différents systèmes ou théories mathématiques.

Ce cadre général métamathématique est bourré de paradoxes et de contradictions très subtiles, ce qui est l'indication que les paradigmes des mathématiques sont faux. Les différentes théories mathématiques ne se contredisent pas elles-mêmes, en leur propre sein, certes, ce qui donne l'illusion de la cohérence ou de la consistance des mathématiques actuelles. Et encore il faut dire qu'il y a même des contradictions internes cachées, en ce sens que les théories ou systèmes axiomatiques contredisent leurs propres cadres métamathématiques.

Par exemple, la **théorie axiomatique des ensembles** de Zermelo-Fraenkel est consistante au regard de son propre système d'axiomes. Car les notions d'**ensemble de tous les ensembles**, ou d'**ensembles de tous les ordinaux**, etc., qui sont les causes de paradoxes dans la **théorie des ensembles** de Georg Cantor, ne sont pas des **ensembles** au sens de ces axiomes. En interdisant de parler d'**ensemble de tous les ensembles**, les axiomes « résolvent » le paradoxe pour la notion **axiomatique** d'« **ensemble** », mais pas pour la notion **métamathématique** d'**ensemble**, ou notion **absolue** d'**ensemble**, que j'appelle aussi la notion **universelle** d'**ensemble**. C'est cette notion que l'on qualifie habituellement de notion « **naïve** » d'**ensemble**.

La notion **axiomatique** d'**ensemble** a précisément pour but de ne plus se préoccuper de la notion **métamathématique** ou « **naïve** », et si elle s'avère nécessaire (ce qui est en fait toujours le cas) on la désignera d'un autre nom, comme « **classe** », « **collection** », etc.. Or justement c'est cette notion **métamathématique** ou **absolue** ou **universelle** d'**ensemble** qui est la plus importante. Et tant que le paradoxe n'est pas résolu à ce niveau, le problème de paradigme (car c'est bien un problème de paradigme qui se manifeste sous forme de ces paradoxes) demeure, et la notion **axiomatique** d'**ensemble** est en fait une pseudo-solution. En effet la **théorie axiomatique** apparaît donc juste comme un système de « jeu de mots » permettant de ne pas appeler « **ensemble** » mais « **classe** », « **collection** », des objets qui sont pourtant des **ensembles** au sens **métamathématique**, **absolu**, **universel**.

On parle en effet de **classe de tous les ensembles**, de **classe de tous les ordinaux**, etc.. Cependant ces objets **métamathématiques** appelés **classes** sont des **ensembles** d'un autre niveau. Les paradoxes dits « résolus » dans la **classe de tous les ensembles** où il est interdit de parler d'**ensemble de tous les ensembles**, subsistent en fait dans la **théorie des classes**, quand il s'agit de parler de **classe de toutes les classes**. Pour résoudre le problème dans le cadre métamathématique des **ensembles**, on pourra opérer un nouveau tour de passe-passe axiomatique qui introduit un nouveau mot, **collection** par exemple, qui évite de dire **classe de toutes les classes** mais **collection de toutes les classes**, etc.. Mais le même paradoxe demeure sous forme de **collection de toutes les collections**, et ainsi de suite.

Cela signifie que la **théorie axiomatique des ensembles** n'est pas directement **contradictoire** si on l'analyse avec ses propres **axiomes** et critères, mais quand on la confronte à son propre cadre **métamathématique**, et sous l'éclairage d'une autre logique, un autre paradigme.

La situation est comme des malfaiteurs qui érigent des lois à leur avantage mais aux détriment de leurs victimes. Les « malfaiteurs » ici sont les mauvais paradigmes et surtout ceux qui les ont élaborés et les imposent à tous les autres. Et les victimes représentant ici les **ensembles** au sens **métamathématique, absolu, universel**, rejetés par les mauvais paradigmes, qui les accusent d'être la cause des paradoxes, alors que ce sont ces mauvais paradigmes ou « malfaiteurs » la vraie cause des paradoxes dans les ensembles et dans le monde. Les lois ou axiomes ne les prennent jamais en défaut, et même au regard de ces axiomes ou lois ils sont des bienfaiteurs. Alors qu'en réalité ils n'ont que des défauts et cumulent culpabilité sur culpabilité quand on les examine ainsi que leur système à la lumière de lois plus élevées.

Nous verrons une meilleure manière de résoudre axiomatiquement ce problème de **paradoxes** dans les **ensembles**, avec la **Théorie des Univers**, l'ancêtre de la **Théorie universelle des ensembles** ou **Science de l'Univers TOTAL**. Puis le changement carrément de paradigme et de logique scientifique résoudra définitivement les problèmes des paradoxes et nous dispensera aussi de la méthodologie axiomatique.

Comme second exemple de pseudo cohérence mais de vrais paradoxes subtils et cachés dans les cadres métamathématiques des théories actuelles, il y a les paradoxes relatifs à la **relation d'égalité**. Les **axiomes de l'égalité** sont subtilement contredits métamathématiquement: la **transitivité de l'égalité** est contredite par l'usage de la notion de **variable**. Par exemple, on déclare **fausses** les **égalités** : « **0 = 1** » ou « **4 = 5** », « **2+2 = 5** », mais on utilise un objet appelé « **variable** » comme par exemple « **x** », pour dire « **x=0** », « **x=1** », « **x=4** », « **x=5** », etc., une même **variable x** qui prend donc différentes valeurs. Or, par **transitivité de l'égalité** (qui dit que si une même chose, ici **x**, est **égale** à deux choses **y** et **z**, alors ces deux choses **y** et **z** sont **égales** ; autrement dit, **si l'on dit : x=y, x=z, alors on doit dire : y=z**), l'usage d'un tel objet **x** pour écrire ces **égalités** oblige aussi de dire : « **0 = 1** » ou « **4 = 5** », « **2+2 = 5** » (on reviendra plus longuement sur ce très subtile paradoxe caché dans les maths actuelles, le méconnu **paradoxe de la variable**).

Et la **réflexivité de l'égalité**, qui est en fait la **propriété d'identité**, est mise à mal par cette très célèbre **égalité** dont on reparlera bientôt en détail : **0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + ... = -1/12**. La **réflexivité** d'une **relation d'équivalence** signifie que toute **relation d'équivalence** ou **relation d'égalité** « **≡** » dans un **ensemble E** doit englober l'**identité**, autrement dit, pour tout objet **x** de **E**, on doit avoir : **x ≡ x**. En vertu de ça, l'**égalité courante** « **=** » doit être **réflexive**, c'est-à-dire englober le cas de l'**identité** : **x = x**. C'est ce qu'on exprime en disant par exemple : « **4 = 4** » ou « **2+2 = 4** ». Si l'on dit par exemple « **4 = 5** » ou « **2+2 = 5** », alors il ne s'agit plus d'une **réflexivité** ou d'une **identité**, autrement dit l'expression de l'**égalité** de toute chose **x** avec elle-même. On est alors dans le cas typique d'une **équivalence propre**, qui seule autorise l'**égalité** de deux choses distinctes. C'est l'**équivalence propre** qui autorise par exemple la notion de **variable x**, pour dire par exemple : « **x=4** », « **x=5** », donc « **4 = 5** » ou « **2+2 = 5** ».

Pour cette même raison, l'**égalité** : **0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + ... = -1/12**, ne peut pas être l'expression d'une **réflexivité**, autrement dit d'une **identité**, mais d'une **équivalence propre**. Car, en **additionnant** les **nombre entiers naturels**, qui sont tous **positifs**, on ne peut pas obtenir un résultat **identique** à **-1/12**, qui est **négatif**. C'est donc un paradoxe subtil d'utiliser le signe courant de l'**égalité** « **=** », qui est une **identité** (comme quand on parle d'**identités remarquables** comme: **(a+b)² = a²+2ab +b²**, ou de « **2+2=4** »), alors qu'il ne s'agit pas d'une **identité**, mais d'une **équivalence propre**. Si donc on utilise le signe « **=** » pour désigner une certaine **équivalence**

propre, on doit la préciser, et non pas « vendre » le signe « = » dans l'écriture : $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$, comme une **identité** alors que ce n'est pas le cas.

On ne peut pas à la fois refuser « $2+2=5$ » et dire que « $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$ », qui est pire ! Car dans le premier cas on se trompe juste d'une **unité**, tandis que dans le second cas on se trompe du tout ou tout ! On dit en effet que $-1/12$, qui est un **nombre fini**, est égal à : $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots$, qui est un **nombre infini** ! Et de plus, celui-ci est **positif**, tandis que $-1/12$ est **négatif** !

Ou alors on accepte cette **égalité** aberrante et aussi « $2+2=5$ » ou « $0=1$ », qui sont un moindre mal, et dans ce cas on change de paradigme, on ne fait plus la science avec l'**identité** comme notion d'**égalité**. On la fait avec l'**équivalence**, qui accepte « $0=1$ » ou « $2+2=5$ », et donc aussi : « $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$ ». Et alors aussi on ne doit plus dire qu'il est « **impossible** » de **diviser par 0**, car cette **division** n'est « **impossible** » qu'avec l'**identité**. La **division par 0**, comme aussi la notion de **variable** et bien d'autres notions importantes des sciences, requièrent l'**équivalence**, c'est-à-dire des **égalités** comme « $0=1$ » ou « $2+2=5$ ». Si l'on continue à pratiquer les mathématiques comme on le fait jusqu'ici, alors vraiment on souffle le chaud et le froid comme le Diable ! Il ne s'agit plus d'erreurs scientifiques, mais bel et bien de mensonges scientifiques.

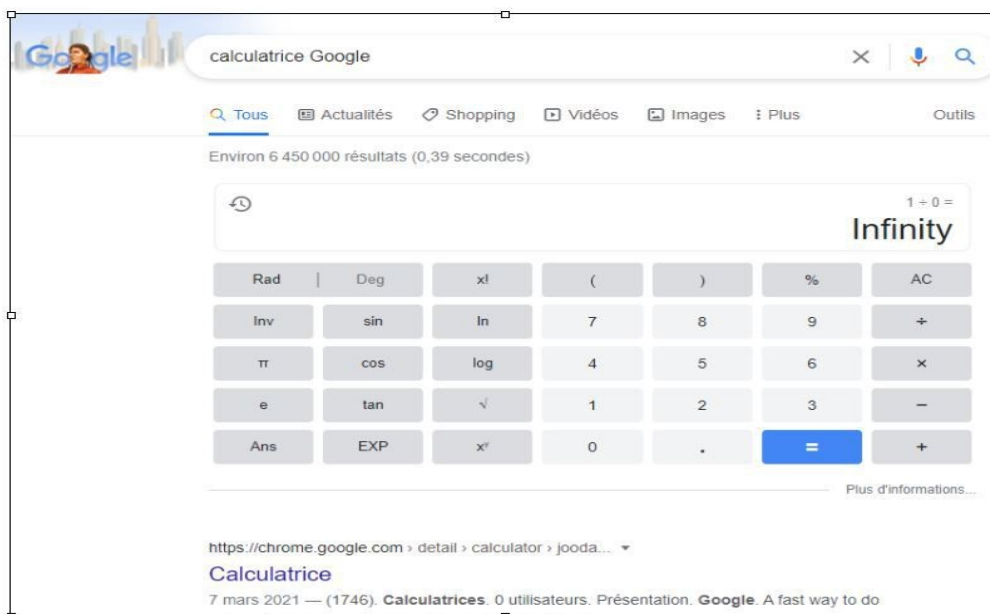
On a donc affaire encore à des paradoxes qui n'apparaissent pas comme tels dans les cadres des pratiques courantes des mathématiques, mais qui se cachent dans leurs environnements **métamathématiques**. Dans ce second exemple, c'est dans la **relation d'égalité** dans son usage **métamathématique** que se cachent les paradoxes comme celui de la **variable** (ou **paradoxe de la transitivité de l'égalité**) vu plus haut ou celui de l'**identité** (ou **paradoxe de la réflexivité de l'égalité**) que l'on vient de voir, mais aussi bien d'autres paradoxes vicieux. On y reviendra.

Il n'y a rien de plus irritant pour moi de voir une chose affirmée dans un domaine des mathématiques mais niée ailleurs, ou niée sous une forme mais affirmée sous une autre, ou vice-versa. Cette incohérence est à mes yeux insupportable pour la science qui se veut la plus exacte de toutes ! Les esprits qui sont derrière cet état de choses (car c'est volontaire, c'est très clair pour moi) comptent sans doute sur le fait que les mathématiques et les sciences sont fragmentées en mathématiques ou sciences plurielles, pour bien dissimuler l'arnaque. En effet, chacun ne s'occupe que de sa spécialité ignorant souvent ce que fait le voisin, et tout est fait pour que personne ne maîtrise les mathématiques dans leur totalité ou n'en ait réellement une vision globale. Le jargon opaque pour un non spécialiste d'un domaine contribue plus que largement à la dissimulation de cette arnaque depuis longtemps. Et dès que vous voulez remettre une chose en question, on regarde d'abord vos titres académiques ou votre obédience ou « loge », avant d'écouter ce que vous avez à dire. Et n'espérez pas que l'on publie quoi que ce soit de vous dans la moindre revue de notoriété, surtout si c'est une chose qui ne rentre pas dans les sentiers balisés ou pire, qui remet en question les paradigmes établis. Tout est verrouillé pour que la religion continue depuis des siècles, religion académique transmise de génération en génération, oui la religion scientiste.

C'est donc archi faux de dire que « **zéro n'a pas d'inverse** », ou : « **Il n'y a donc pas d'espoir de construire un nouvel ensemble de nombres qui donnerait un sens à l'inverse de zéro (comme celui des nombres complexes donne un sens à la racine carrée de -1)** ».

Ce sont des dogmes de la religion scientiste. C'est asséné et martelé comme cela mais sans préciser que **0** ne peut avoir d'**inverse** uniquement dans la logique d'**Identité** ou logique de **Négation**. Et

même dans cette logique il est extrêmement facile de savoir quel est le sens de « $1/0$ », car même la calculatrice de Google le dit !



Oui, c'est donc l'**Infini** qui est concerné dans cette question. C'est lui qu'on ne veut pas définir correctement en mathématiques et en sciences, mais dont on ne livre à son propos que des vérités partielles ou demi-vérités ici où là.

L'analyse est un domaine clef des maths, comme l'est l'algèbre. Et d'ailleurs, le fait de morceler ce qui devait être l'unique Mathématique en différents domaines des mathématiques au pluriel est l'une des plus subtiles astuces du Diable pour ne pas dire toute la vérité nécessaire sur une notion donnée au même endroit, pour qu'on ait une compréhension globale et complète de ce que cette notion représente réellement. Et bien sûr l'Infini ou Oméga est un attribut de Dieu (son attribut d'Infinité), au même titre que le Zéro ou Alpha (son attribut de Commencement ou d'Origine), et comme aussi le nombre UN (son attribut d'Unité et d'Unicité).

On peut difficilement dire pire mensonge scientifique que de dire : « Or, **zéro n'a pas d'inverse** » ! En une petite phrase apparemment banale et exprimant une vérité mathématique, Dieu est balayé hors des mathématiques et des sciences. C'est le **vrai Infini**, à savoir l'**inverse de 0**, ou « $1/0$ », qui est ainsi nié. Car on pourrait dire : « Bah, les scientifiques parlent bien de l'infini ». Mais si l'on dit que **0 n'a pas d'inverse**, alors en fait les notions d'**infini** dont on parle sont toutes de **fausses notions** ! On ne peut pas dire à la fois que « **zéro n'a pas d'inverse** », et dire qu'on parle de l'**infini**, puisque le **vrai infini** est précisément cet **inverse de 0**, sont **FAUX** ! Ils cachent tous une arnaque, un vice, ce qui est le cas quand on les examine tous techniquement.

Comme par exemple la notion d'**infini** représentée par le très connu symbole de l'Ouroboros « ∞ » :

Limite en $+\infty$:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (ax + b) = \begin{cases} +\infty & \text{si } a > 0 \\ -\infty & \text{si } a < 0 \end{cases}$$

Limite en $-\infty$:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (ax + b) = \begin{cases} -\infty & \text{si } a > 0 \\ +\infty & \text{si } a < 0 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= (x^2)' \int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^2} du + x^2 \left(\int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^3} du \right)' \\ &= 2x \int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^2} du + x^2 (ctc - G(x))' \\ &= 2x \int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^2} du - x^2 g'(x) \end{aligned}$$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} x^n = +\infty$ (pour tout n non nul)

si n pair : $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = +\infty$

Nature de :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = c$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = c$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} n = -\frac{1}{12}$$

impair : $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = -\infty$

$$1. \int_1^{+\infty} \frac{1}{x\sqrt{4x^2 + x + 1}} dx ?$$

c) Fonctions rationnelles

Exemple:

$$f(x) = \frac{3x+1}{4x+5}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x}{4x} = \frac{3}{4}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x}{4x} = \frac{3}{4}$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{1}{2}t^2} dt = \sqrt{2\pi}$$

$$\begin{aligned} &= \sum_{k=0}^{\infty} \left[\sum_{m=0}^{\infty} (S|R)_{km}(x_c^n - x_c^l) \right] \left\{ \sum_{\sigma_i \in I_i(t)} q_i b_{\sigma_i}(x_i, x_c^l) \right\} \\ &= \sum_{k=0}^{\infty} \left[\sum_{m=0}^{\infty} (S|R)_{km}(x_c^n - x_c^l) B_m^l \right] R_k(y - x_c^n) \end{aligned}$$

$$\sum_{i=1}^{\infty} \frac{1}{p_i} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \frac{1}{7} + \frac{1}{11} + \frac{1}{13} + \dots = +\infty$$

Au passage, on portera notre attention sur cette « jolie » formule :

$$\sum_{n=0}^{\infty} n = -\frac{1}{12}$$

Elle est considérée comme l'une des grandes vérités mathématiques, car aussi c'est l'un des cas particuliers des valeurs de la très fameuse **fonction zêta de Riemann** :

La fonction ζ de Riemann est une **fonction analytique complexe méromorphe** définie, pour tout **nombre complexe** s tel que $\text{Re}(s) > 1$, par la **série de Riemann** :

$$\zeta(s) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^s} = 1 + \frac{1}{2^s} + \frac{1}{3^s} + \frac{1}{4^s} + \dots$$

Ici on est en train de dire que : $\zeta(-1) = -1/12$, autrement dit, qu'on a ceci :

$$0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$$

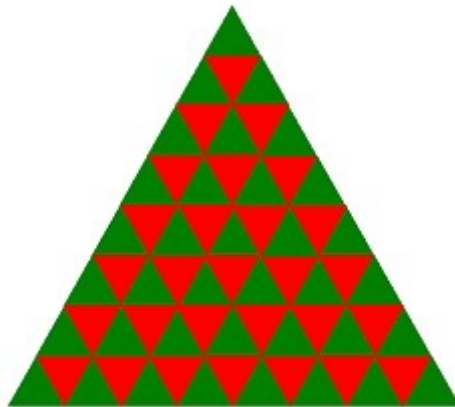
Autrement dit, en additionnant tous les **nombre entiers naturels**, le résultat est... $-1/12$, un nombre qui vaut environ $-0.8333333...$! Oui, en **additionnant** les élément de $\mathbf{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, qui sont tous des **nombre positifs**, là où on s'attend ici logiquement à un **résultat positif infini**, les mathématiciens actuels nous disent que non seulement en valeur absolue le résultat ne dépasse pas **1** (oui cela vaut en **valeur absolue 1/12** ou **0.8333333...**), mais en plus le résultat est... **négatif** ! Oui, oui aurait donc : $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$!

Mais quoi qu'en disent les mathématiciens actuels, ceci est FAUX, oui archi-FAUX, même un petit collégien et même un écolier qui sait compter et calculer dira pourquoi ceci ne peut pas être vrai si le signe « = » ou signe de l'**égalité** dans cette écriture est le même que celui qu'on utilise pour dire : « $2+2=4$ ». Autrement dit, une **identité**. Il n'y a que si ce signe signifie ici une certaine **équivalence** à préciser que ceci peut être vrai : $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$.

Sinon c'est une épouvantable fausseté, un résultat infâme, une **horreur mathématique** !

Car il faut quand même que les **opérations** et les symboles aient un minimum de sens commun ! Tout le monde sait ce que veut dire le signe « + » quand il est appliqué aux **nombres entiers naturels**, et ce qu'on veut dire quand, à la fin d'une **opération** on met le signe « = » et qu'on met un **nombre** après. Alors le collégien ou l'écolier commence à faire : **0+1** et trouve **1**, qui est déjà en **valeur absolue** supérieur à $1/12$ ou **0.8333333...**

Comme nous allons le démontrer, la logique de ce calcul : **0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + ...** est très liée au fameux **Triangle de Pascal**, ci-dessus illustré.



Il s'agit ici simplement de calculer le nombre des **petits triangle verts** de cette image, en ayant comme information que sa **base** compte **8 triangles verts**. La formule du **Triangle de Pascal** dit alors que si l'on a **n petits triangles verts** à la **base**, alors le **nombre total S des petits triangles verts** est : **$S = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots + n = n(n+1)/2$** .

Donc ici, avec **n = 8**, on a : **$S = 0+1+2+3+4+5+6+7+8 = 8(8+1)/2 = 72/2 = 36$** .

Avec **n = 0**, on n'a donc pas de **petits triangles verts** à la **base**, donc **$S = 0(0+1)/2 = 0$** .

Avec **n = 1**, on a **1 petit triangle vert** à la **base**, donc **$S = 0+1 = 1(1+1)/2 = 1$** .

Avec **n = 2**, on a **2 petits triangles verts** à la **base**, donc **$S = 0+1+2 = 2(2+1)/2 = 3$** .

Avec **n = 3**, on a **3 petits triangles verts** à la **base**, donc **$S = 0+1+2+3 = 3(3+1)/2 = 6$** .

Et ainsi de suite, ce qu'on vérifie en comptant étape par étape les **nombre des petits triangles verts** en partant du sommet.

Ici, avec l'exemple plus haut on s'est arrêté à **n=8**, donc :

$S = 0+1+2+3+4+5+6+7+8 = 8(8+1)/2 = 36$.

Et la simple question qui se pose à présent est de savoir quel est le **nombre de petits triangles verts**, si au lieu d'avoir un **triangle** qui s'arrête à un **nombre fixe ou constant** comme ici **8**, on a plutôt un **triangle dynamique, variable**, qui évolue, dont le **nombre n des petits triangles verts** de la **base**, augmente sans cesse, comme augmente le nombre de l'**ensemble N des nombres entiers naturels** : **$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$** . Autrement dit, que vaut **S** si on calcule dans ce cas de figure :

$S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots ?$

Là le petit écolier ou à la rigueur le collégien, même s'il ne connaît pas la logique du **Triangle de Pascal** ou ne sait pas raisonner comme nous venons de le faire, si on lui montre le **triangle** plus haut, et si on l'accompagne dans le calcul pas à pas, comme on vient de le faire et lui demande de

compter les **petits triangles verts** étape par étape et de vérifier que la logique du calcul fonctionne à chaque fois, et qu'on lui dit que : $S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$, sera très perturbé et ne comprendra plus rien, c'est le moins qu'on puisse dire...

S'il est timide il fera confiance aux matheux qui lui dit cela et se dira du matheux : « Il est plus grand que moi, il doit savoir ce qu'il raconte... ».

Mais s'il est plus sûr de lui, sûr de sa logique, ou si comme moi il ne se laisse pas facilement impressionner par « ceux qui savent » ou sont « censés savoir », il fera très probablement une tête comme celle-ci :



Et il a bin raison le p'tiot, car les grands racontent parfois, souvent..., vraiment n'importe quoi !
Oui, ceci est vraiment du grand n'importe quoi :

$$S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$$

A ce point ce n'est plus de la science, mais de la sorcellerie déguisée en science, comme on le voit à présent à l'ère du covidisme et de la coronafolie. Même les maths sont aussi concernées par cette folie, par l'absurdité érigée en logique, mais peu s'en apercevaient.

Ici donc, pour calculer $S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots$, il suffit simplement d'observer que l'on veut calculer la **somme de tous les éléments** de l'ensemble $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$. Et ensuite, il faut se demander combien d'**éléments** il y a dans N . Car ce **nombre d'éléments** va indiquer aussi le **nombre n des petits triangles verts** à la **base** du triangle associé à N .

Par exemple si on reprend notre **triangle** plus haut, qui a **n = 8 petits triangles verts** à sa **base**, les **nombre n** de ses **sous-triangles** sont : $E = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$. Il a **9 éléments** en tout, et le **dernier élément** est **8** le **nombre n** cherché. Donc, si l'on décrit un **triangle** donné comme la liste E des **entiers naturels strictement inférieurs ou égaux** à un **entier naturel n** donné, **n+1** sera le **nombre de tous ces entiers naturels** de E , et **n** sera le **nombre des petites triangles verts** à la **base** de ce **triangle E**. On a alors : $S = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots + n = n(n+1)/2$.

Du simple fait d'avoir donné cette formule avec cette **variable n**, on a en fait aussi donné la réponse de $S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots$, qui est donc :

$$S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = n(n+1)/2, \text{ où } n \text{ est la variable prenant pour valeurs tous les éléments de l'ensemble } N \text{ des nombres entiers naturels, ou :}$$

$$S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = N(N+1)/2, \text{ où, ce qui revient au même que précédemment, } N \text{ est lui-même le nombre entier naturel infini.}$$

Ces trois manières différentes d'exprimer le résultat de la **somme S** sont parfaitement équivalentes.

Nous connaissons à présent la simple et bonne réponse de cette **somme**, mais c'est encore mieux de comprendre plus profondément pourquoi.

Dans le cas de $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, on l'appelle aussi habituellement le « **premier** » **ordinal infini**, et on le note couramment aussi ω , et on l'appelle tout aussi couramment \aleph_0 , ou « **aleph 0** ». Il est **ordinal infini**, certes, mais déjà une des nombreuses erreurs de paradigme est de dire qu'il est le « premier ». Car N ou ω est le cas de référence de ce qu'est un **nombre entier naturel variable croissant**. Dire qu'il est « premier » sous-entend qu'il est un « **ordinal limite** », ce qui veut dire que N n'a pas de **prédécesseurs** immédiats : ..., $N-3$, $N-2$, $N-1$, autrement dit l'**ordinal infini** ω n'a pas de **prédécesseurs** immédiats : ..., $\omega-3$, $\omega-2$, $\omega-1$. C'est l'une des erreurs de conception des **nombre entiers**, notamment ceux **infinis**.

Et maintenant, combien d'**éléments** possède N ? Ce **nombre** est simplement l'**ordinal** N ou ω lui-même, qui sont les **ordinaux** de 0 à $N-1$. Autrement dit, pour un **ordinal** n en général, la définition classique et qui est aussi la nôtre (on verra ça en détail au moment venu quand on étudiera les **ordinaux**), est qu'il est l'**ensemble de tous les ordinaux** qui lui sont **strictement inférieurs**.

Pour un **ordinal fini** comme 7 par exemple, cela donne : $7 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, et pour l'**ordinal** 8 cela donne : $8 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, et ainsi de suite.

On ajoute un **ordinal** n à ses propres **éléments** pour avoir l'**ordinal** suivant $n+1$.

Pour un **ordinal fini** n , cela donne : $n = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-3, n-2, n-1\}$,

et : $n+1 = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-3, n-2, n-1, n\}$.

Mais pour la conception classique, vu qu'il y aurait des **ordinaux** qui n'auraient pas de **prédécesseurs**, comme on le pense pour l'**ordinal** N ou ω , on ne peut pas écrire :

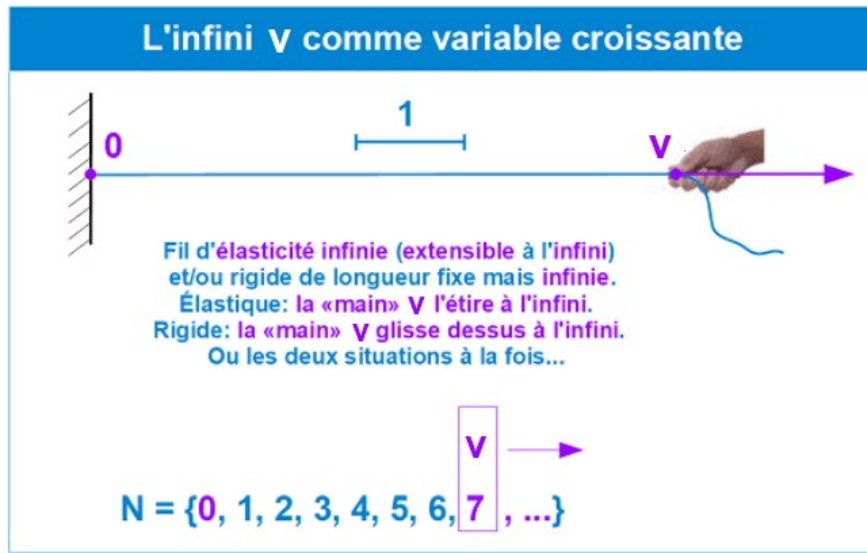
$N = \{0, 1, 2, 3, \dots, N-3, N-2, N-1\}$, ou $\omega = \{0, 1, 2, 3, \dots, \omega-3, \omega-2, \omega-1\}$, mais on a le droit de dire seulement : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, ou $\omega = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

Mais dans la nouvelle vision, celle des **nombre entiers variables**, quand on peut donner la **liste des éléments** d'un **ordinal** n , et plus généralement d'un **ensemble** E , sans nécessairement avoir besoin du symbole « ... », que je nomme le **GENER**, c'est que cet **ordinal** n ou cet **ensemble** E est **constant** ou **fini**.

Comme par exemple avec : $8 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, où il n'y a pas de symbole « ... ». Mis à part évidemment le cas où ce symbole « ... » est juste une notation typographique pour abréger une liste finie, certes, mais trop longue pour être dressée entièrement (par exemple 10 milliards d'éléments). On peut en théorie s'en passer.

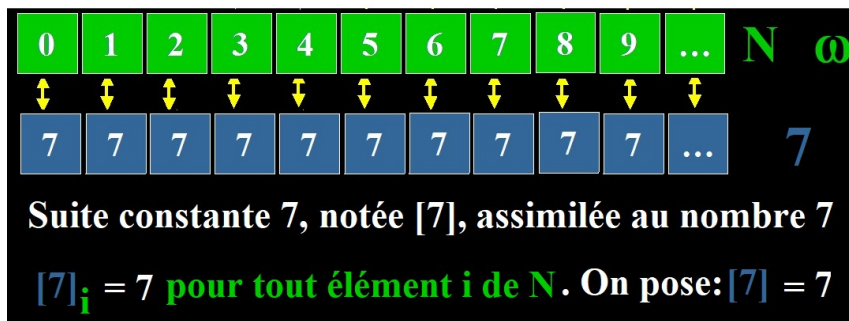
Mais nous parlons des cas où ce symbole « ... » est une **nécessité absolue**, pour **lister les éléments** d'un **ordinal** n ou un **ensemble** E . Dans ce cas n ou E est **infini**, et de manière plus général il est **variable**. Autrement dit, chaque fois qu'on a ce symbole « ... » dans un **ensemble** ou dans une **expression**, une liste, etc., et qu'on ne peut pas s'en passer, même pas en théorie, qu'on a un **objet variable**, un cas particulier des **objets variables** étant les **objets infinis**, ce qui signifie **variables dépassant à la longue toute constante**. Un synonyme de **variable** est **varien**, ou **dynamique**, ou **élastique**, ou **élasten**, etc., par opposition à **constant**, ou **consten**, ou **fixe**, ou **statique**, ou **rigiden**, etc..

Comme par exemple avec: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, ou $\omega = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$. Cette notation signifie que le **dernier élément**, ici 7, n'est pas **constant** ou **fixe**, comme dans $8 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, mais est **variable, dynamique, évolutif**, etc.. En utilisant une **variable n**, on peut écrire la même chose ainsi : $n = 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots$, ou plus rigoureusement: $n = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, pour dire que **n** prend toutes ces **valeurs**, autrement dit fonctionne comme le **nombre entier variable v** illustré ci-dessous :



On voit que la **variable v**, est à chaque étape un **nombre entier naturel constant** ou **fixe**, sauf que, là où à toutes les étapes un **nombre entier constant** ou fixe garde toujours la même **valeur**, un **nombre entier variable**, quant à lui, change de valeur à chaque étape.

Techniquement, un **nombre entier naturel variable** est une **application n** de N dans N , c'est-à-dire une **suite n d'entiers naturels**, qui donc à tout **entier naturel i** appelé un **rang**, un **indice**, un **numéro**, une **étape**, etc., fait correspondre **n(i)**, appelé le **terme** de **n** de **rang i** ou d'**indice i** ou de **numéro i**, ou la **valeur** de **n** au **rang i**. On note aussi: $n = (n_0, n_1, n_2, n_3, n_4, n_5, n_6, n_7, \dots)$. Si les n_i sont tous **égaux** à un certain **entier k**, on a donc: $n = (k, k, k, k, k, k, k, k, \dots)$, on dit que **n** est est une **suite constante**, et dans ce cas on note: $n = [k]$, et on dit que **n** est la **constante k**, assimilant ainsi $[k]$ et **k**.



Un **nombre entier naturel variable n** au sens strict, c'est une **suite** de terme général n_i , notée donc aussi: $n = (n_0, n_1, n_2, n_3, n_4, n_5, n_6, n_7, \dots)$, qui n'est pas **constante**. Cela veut dire qu'il existe au moins deux des termes n_i qui sont distincts.

En particulier, on a la **suite** appelée la **suite varid** v , dite aussi **variden** ou **en**, mais aussi **vie**, de terme général: $v_i = i$, et qui est donc la **suite**: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, dont tous les **termes** sont **distincts**. C'est la **suite variable** de **référence**. Nous la notons aussi ω_1 , et c'est cette **suite oméga** fondamentale qu'illustre ω sur l'image plus haut. Et dans ce cas, il est clair que v ici, ou ω , ou aussi la **variable générique** i , etc., ne sont que des manières différentes de parler de l'**ensemble** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

On dit habituellement qu'une **suite u de nombres** (**entiers**, mais plus généralement **réels**) de terme général u_n « **tend vers l'infini** » si pour tout **nombre strictement positif** M , aussi grand soit-il, il existe un **entier naturel** n_0 tel que pour tout rang $n \geq n_0$, on a: $u_n > M$. Mais dans notre conception, c'est ce que nous entendons par **u est un nombre infini**.

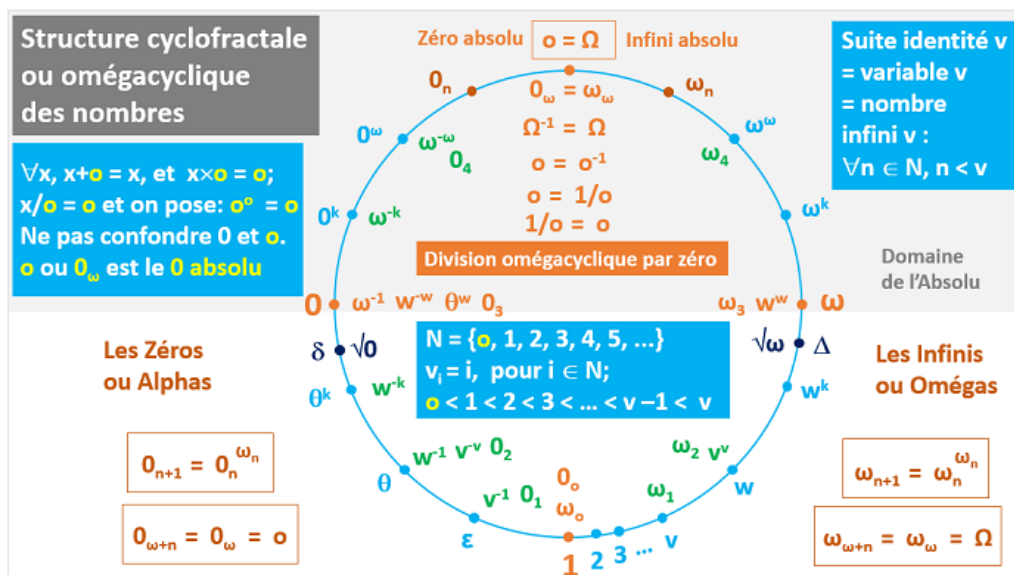
C'est précisément le cas de $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, c'est-à-dire la **suite varid** v de terme général $v(n) = n$ pour tout **entier naturel** n . Elle « **tend vers l'infini** » selon la conception traditionnelle de l'**infini**. Mais dans notre conception, v lui-même est un exemple de **nombre entier infini**. On a l'ordre suivant des **nombre entiers**:

$$0 < 1 < 2 < 3 < \dots < v-3 < v-2 < v-1 < v < v+1 < v+2 < v+3 < \dots < 2v-3 < 2v-2 < 2v-1 < 2v < \dots$$

La **suite** $w = v^v$ est donc celle définie par: $w(n) = (v^v)(n) = v(n)^{v(n)} = n^n$, pour tout **entier naturel** n .

On définit la **suite** de terme général ω_k , pour k un **nombre entier naturel** au sens classique (mais dans le nouveau paradigme cela se généralise à tout **ordinal** k , au nouveau sens du mot **ordinal**, c'est-à-dire **tout nombre entier naturel, fini ou infini**) en posant: $\omega_0 = 1$, $\omega_1 = v$, $\omega_2 = w$. Et pour $k \geq 1$, on a: $\omega_{k+1} = \omega_k \wedge \omega_k = \omega_k^{\omega_k}$. On a donc la suite: $\omega = (\omega_0, \omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \dots)$.

On choisit un certain **nombre entier constant** ou **infini** $a \geq 3$, et on pose: $\omega = \omega_a$. Nous dirons que le **seuil de l'éntité absolue** ou que le **seuil de l'infinité absolue** est ω_a . Par défaut c'était jusqu'à présent $a = 3$, donc le seuil ω_3 , comme sur l'image ci-dessous:



Mais maintenant nous préférons $a = 7$ comme valeur par défaut de k , ce qui veut dire que le **seuil de l'infinité absolue** est ω_7 . Dans tous les cas le **seuil de l'infinité absolue** ω_a est noté simplement

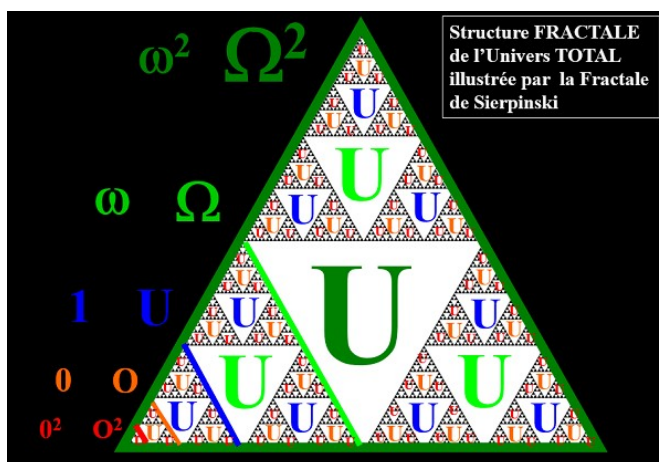
ω , et dans ce cas alors il ne faut pas confondre quand la notation ω désigne le **seuil de l'infinité absolue** ω_a , et quand ça désigne le nom de la suite: $\omega = (\omega_0, \omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \omega_5, \omega_6, \omega_7, \omega_8, \dots)$, appelée donc la **suite énitienne** de v . Dans ce cas, on note: $\Omega = (\omega_0, \omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \omega_5, \omega_6, \omega_7, \dots)$, s'il y a un risque de confusion. Et cette suite Ω est appelée l'**infini absolu**, au singulier.

On pose: $0_k = 1/\omega_k$, et: $\omega_k = 1/0_k$. Le **nombre rationnel** $0_k = 1/\omega_k$ est appelé le **zéro** associé à ω_k , tandis que ω_k est l'**infini** associé à 0_k . De manière très générale, pour tout **nombre X**, entier ou non, appelé un **infini**, son **inverse** le **nombre** $0_x = 1/X$ est appelé le **zéro** associé à X , et X est appelé l'**infini** associé au **zéro** 0_x . Et au **seuil de l'infinité absolue** ω_a , il correspond donc son **zéro** associé 0_a , dont ω_a est donc l'**infini** associé. Le **nombre** 0_a est appelé le **seuil de l'onité absolue**, ou le **seuil de la zéroïté absolue**, ou encore **seuil de la nullité absolue**, et est simplement noté **0**.

On a donc la suite des **zéros**: $0 = (0_0, 0_1, 0_2, 0_3, 0_4, \dots)$. On l'appelle la **suite onitienne** de v . Là aussi, s'il y a un risque de confusion entre le **0** qui est le nom de cette suite et **0** qui désigne le **seuil d'onité absolue** 0_a , la **suite onitienne** de v ou **suite des zéros onitiens** est notée: $o = (0_0, 0_1, 0_2, 0_3, 0_4, \dots)$, et cette **suite o** est appelée le **zéro absolu**, au singulier. Dans ces écritures, ω_0 et 0_0 désignent en fait ω_0 et 0_0 , et on a: $0_0 = \omega_0 = 1$. Et on peut poser: $0_k = \omega_{-k}$, et: $0_{-k} = \omega_k$, pour tout **entier k**.

Les **suites** telle que les ω_k par exemple, sont en fait des **applications** à **deux variables**, autrement des **applications** de \mathbb{N}^2 dans \mathbb{N} . Soit x une **application** de \mathbb{N}^2 dans \mathbb{N} . A deux **entiers naturels k** et **n**, la **suite à deux variables** x associe l'**entier naturel** $x(k, n)$, qu'on écrira: $x_k(n)$. Et donc x_k est une **suite** à une **variable**, ici la **variable n**, **suite indexée** par **k**. Cela revient à dire qu'on a une **application** x de \mathbb{N} dans l'**ensemble** $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ des **suites d'entiers naturels** ou **applications à une variable**. A l'**entier k**, x associe donc la **suite** x_k . Et à l'**entier naturel n** la **suite** x_k associe l'**entier naturel** $x_k(n)$.

Les **nombre** v, w, ω , etc., sont des **applications** de \mathbb{N}^2 dans \mathbb{N} . Et on verra bientôt une généralisation de \mathbb{N} , qui est \mathbb{N}_ω , l'**ensemble** des **nombre** **entiers oméganaturels**. Et dans ce cas les **nombre** considérés sont des **applications** de \mathbb{N}_ω^2 dans \mathbb{N}_ω . Le raisonnement est le même, car en fait, en raison de la **structure fractale** des **ordinaux** ou **nombre** **entiers**, \mathbb{N} et \mathbb{N}_ω ne sont que deux manières différentes de voir le même **ensemble**. Exactement comme sur l'image de la **fractale** ci-après, tous les modèles appelés « U », malgré leurs tailles différentes, de l'**infiniment petit** à l'**infiniment grand**, sont la même **fractale**.



On pourrait dire que le **modèle vert clair** est **3 fois** le **modèle bleu foncé**, ce est vrai. Mais c'est vrai aussi que le **modèle vert clair** et le **modèle bleu foncé** sont **égaux**. Dans le **Nouveau Paradigme** la notion d'**égalité** ne se réduit plus à la classique **relation d'identité**, mais la notion d'**égalité** est maintenant la **relation d'équivalence**.

Ici donc, il n'y a pas **identité** entre toutes les **modèle « U »**, chacun a son **identité** propre, il n'est **identique** qu'à lui-même, notion d'**égalité** qui s'écrit « **X = X** ». Mais deux **modèles X** et **Y**, **identiques** ou **différents**, sont **équivalents**, notion générale d'**égalité**, l'**équivalence** donc, qui s'écrit « **X = Y** » (on reviendra amplement sur l'importante question de l'**égalité**).

Voilà donc, pourquoi, en raison de la **structure fractale** des **nombres**, on peut à la fois dire que **N** et **N_ω** sont des ensembles très différents, car ce sont des **modèles** très différents de la **fractale des nombres**. Et pourtant aussi c'est le même **ensemble**, la même **structure fractale**, que nous appelons **v, w, ω**, etc. Cela revient à dire que l'effet de tailles différentes dépend juste de ce qu'on **zoom** plus ou moins dans la **structure fractale**. En **zoomant** suffisamment un **modèle infiniment petit** appelé un **zéro** ou **0**, il peut devenir aussi grand que **v, w, ω**, etc. Et en **dézoomant** un **grand modèle**, il devient de plus en plus petit jusqu'à devenir un **modèle** de type « **zéro** » ou **infiniment petit**. Et pourtant, **zoom entrant** ou **sortant**, c'est la même **fractale**, appelée **UN**, comme **UNIVERS**.

Gardons à l'esprit que quand nous écrivons:

$\omega = (\omega_0, \omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \dots)$, ou: $\omega = (1, v, w, \omega_3, \omega_4, \dots)$,

c'est cette **logique fractale** qui se cache derrière.

Tout modèle peut être pris comme **unité** et appelé **1**, et aussi n'importe lequel est un **v**, est un **w**, est un **ω**, est un **Ω**, etc.

ω est donc une **application à deux variables**, une **suite de suites**. Un terme de cette **suite** est donc $\omega(k, n)$, où les **variables k** et **n** sont deux **entiers naturels**, et où la **variable** résultante $\omega(k, n)$ est aussi un **entier naturel**. Il s'agit donc d'une **suite de suites**. Pour un **entier naturel k** donné, comme par exemple **4**, $\omega(4, n)$ est le terme général d'une **suite**, terme qu'on notera $\omega_4(n)$. La **suite** est ici ω_4 .

Nous convenons donc de noter en **indice** la **variable k** qui à chaque **nombre entier** ou **ordinal** associe une **suite x_k** d'**entiers**, c'est une **application d'une variable**, qui à un **entier** associe un **entier**. Et nous convenons de la notation fonctionnelle pour pour de telles **applications d'une variable**. Ainsi, pour **suite x_k** d'**entiers** donnée, et pour un **nombre entier n**, la **suite x_k** associe l'**entier x_k(n)**.

La **suite varid v** est donc l'**application à une variable** qui à un **entier n** associe: $v(n) = n$. Et la **suite w** est l'**application à une variable** qui à un **entier n** associe: $w(n) = v(n) \wedge v(n) = n \wedge n$.
Donc: $w = v \wedge v = v^v$.

Commençons maintenant à comprendre la notion de **nombre entier oméganaturel**, en ayant à l'esprit la **structure fractale** dont nous avons parlé plus haut.

L'**ensemble** des **nombres entiers naturels** classiques: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, est appelé l'**ensemble** des **nombres entiers oméganaturels finis** ou **constants**. Et un **nombre entier oméganaturel infini** est par définition un **nombre entier strictement supérieur** à tout **nombre**

entier fini ou **constant**. Un **nombre entier infini** est forcément **variable**, mais un **nombre entier variable** n'est pas forcément **infini**. Les **nombre entiers variables** ω_k , avec $k \geq 1$, donc les **nombre entiers**: $\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \dots$, sont **infinis**, donc **variables** aussi évidemment. On appelle de manière général un **nombre entier oméganaturel**, ou un **ordinal** (au sens de ce mot dans le **Nouveau Paradigme**) tout **nombre entier fini** ou **infini**. On reviendra largement sur tout cela, et les choses se préciseront.

L'**ensemble** de tous les **nombre entiers oméganaturels** est noté N_ω , mais aussi **o**, et aussi Ω . La raison de ces notations se précisera par la suite, avec l'étude des **ordinaux** par exemple. Il nous suffit juste de dire ici que l'**égalité**: $o = \Omega$, qui s'interprète en disant : « Le **premier ordinal** est aussi le **denier ordinal**, ou l'**Alpha** est aussi l'**Oméga** », exprime le **Cycle des ordinaux**. Comme déjà dit plus haut, Ω est le **grand modèle** de N dans la **structure fractale** des **ordinaux** ou **nombre entiers**. Et l'**égalité**: $o = \Omega$, exprime le fait qu'on prend ce **modèle** Ω comme le **terminus** du **cycle** de construction des **ordinaux** ou **nombre entiers**, et donc le **cycle** reprend au **commencement**, à savoir **o**.

Une **application** de Ω dans Ω est appelée une **omégasuite** de **nombre entiers oméganaturels**, ou simplement une **omégasuite**. Par convention, dès que nous parlerons d'une **suite x** de **nombre entiers** dont au moins un **terme x(n)** est un **nombre entier oméganaturel**, il s'agira, sauf précision contraire, automatiquement d'une **omégasuite**, c'est-à-dire d'une **omégasuite** de **nombre entiers oméganaturels**, ou **application** de Ω dans Ω . Les raisonnements et les calculs avec les **nombre entiers oméganaturels** sont exactement comme avec les classiques **nombre entiers naturels**, sauf que les **nombre entiers oméganaturels** comprennent des éléments **infinis**, comme par exemple **v, w, etc.**, et plus généralement: $\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \dots$

Soit un **nombre entier oméganaturel B**, appelé une **base énitienne**. On introduit un **opérateur binaire** noté « **I** » et appelé « **inden** », et pour tout **entier oméganaturel n**, « **B I n** » est à lire : « **B inden n** », et noté aussi: $(B)_n$ ou simplement B_n , s'il n'y a aucun risque de confusion avec toute autre notation en **indice**.

On définit une **omégasuite** « **B I** » ou $\langle B \rangle$, à lire « **B inden** » ou « **inden B** », dite **énitienne de base B**, ou **suite énitienne de B**, telle que:

→ $B I 0 = \langle B \rangle(0) = 1$; à lire « **B inden 0** » ou « **inden B de 0** »,

→ $B I 1 = \langle B \rangle(1) = B$;

→ $B I 2 = \langle B \rangle(2) = B \wedge B = B^B$;

→ $B I (n+1) = \langle B \rangle(v+1) = (B I n) \wedge (B I n) = (B I n)^{(B I n)}$.

→ $B I (B I n)$ est noté: $B II n$ ou $B I^2 n$, pour tout **entier oméganaturel n** ;

→ $B I (B I (B I n))$ est noté: $B III n$ ou $B I^3 n$, pour tout **entier oméganaturel n** ;

→ Pour deux **entiers oméganaturels m** et **n**, $B I (B I^m n)$ est noté $B I^{m+1} n$.

On a donc: $\langle B \rangle = (\langle B \rangle(0), \langle B \rangle(1), \langle B \rangle(2), \langle B \rangle(3), \langle B \rangle(4), \dots)$

$= (B I 0, B I 1, B I 2, B I 3, B I 4, \dots) = (1, B, B^B, (B^B) \wedge (B^B), \dots)$

$= (1, B, B^B, B \wedge (B^{B+1}), \dots)$.

Cas particuliers :

→ $B = 0$, où **0** désigne le **zéro absolu o** ;

$\langle 0 \rangle = (1, 0, 0, 0, 0, \dots) = [0]$, autrement dit $\langle 0 \rangle$ est une **suite finalement constante**, c'est-à-dire **constante** à partir d'un certain rang. En l'occurrence ici $\langle 0 \rangle = (1, 0, 0, 0, 0, \dots)$ est la **suite constante** $[0] = (0, 0, 0, 0, 0, \dots)$ à partir du rang 1, car: $\langle 0 \rangle(0) = 1$, $\langle 0 \rangle(1) = 0$, $\langle 0 \rangle(2) = 0$, etc..

→ $B = 1$;

$\langle 1 \rangle = (1, 1, 1, 1, 1, 1, \dots) = [1]$.

Là, $\langle 1 \rangle$ est une **suite strictement constante**, elle est **strictement égale** (c'est-à-dire elle est **identique**, et pas seulement seulement **équivalente**) à la **suite constante** $[1] = (1, 1, 1, 1, 1, 1, \dots)$.

→ $B = 2$;

$\langle 2 \rangle = (1, 2, 2^2=4, 4^4= 256, 256^{256}, \dots) = (1, 2, 4, 256, 256^{256}, \dots)$.

Donc $\langle 2 \rangle$ est un **nombre infini**, et il est **strictement supérieur** au **nombre infini** $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, donc $\langle 2 \rangle > v$, car il existe un certain rang à partir duquel chaque terme de $\langle 2 \rangle$ est **strictement supérieur** au terme correspondant de v . En l'occurrence ici c'est le cas à partir du rang 0, ce qui veut dire que tout terme de $\langle 2 \rangle$ est **strictement supérieur** au terme correspondant de v : $1 > 0$; $2 > 1$; $4 > 2$; $256 > 3$; $256^{256} > 4$, et ainsi de suite. On voit donc $\langle 2 \rangle$ est **très supérieur** à v , il croît beaucoup plus vite que v .

Mais qu'en est-il si nous comparons $\langle 2 \rangle$ et v^2 ?

On a: $v^2 = (0^2, 1^2, 2^2, 3^2, 4^2, 5^2, 6^2, 7^2, \dots) = (0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, \dots)$.

Là aussi il est clair que $\langle 2 \rangle > v^2$, et on vérifie de même que $\langle 2 \rangle > v^3$, que $\langle 2 \rangle > v^4$, et plus généralement que pour tout **entier naturel constant k**, on a: $\langle 2 \rangle > v^k$, car il existe un rang à partir duquel tout terme de $\langle 2 \rangle$ est **strictement supérieur** au terme correspondant de v^k .

Par exemple: $v^5 = (0^5, 1^5, 2^5, 3^5, 4^5, 5^5, 6^5, 7^5, \dots) = (0, 1, 32, 243, 1024, 3125, 7776, 16807, \dots)$. Et en comparant avec: $\langle 2 \rangle = (1, 2, 4, 256, 256^{256}, \dots)$. On constate que les termes de v^5 commencent par être inférieurs ceux de $\langle 2 \rangle$ pour les rangs 0 et 1. Mais au rang 2, le terme de v^5 , qui est 32, est **strictement supérieur** à celui de $\langle 2 \rangle$, qui est 4. Puis à partir du rang 3, chaque terme de $\langle 2 \rangle$ **strictement supérieur** au terme correspondant de v^5 .

De manière générale, on a: $\langle 2 \rangle > v^k$, pour tout **entier naturel constant k**, car la **croissance** de $\langle 2 \rangle$ est **exponentielle** tandis que celle de v^k est **polynomiale**.

Et maintenant, qu'en est-il si nous comparons $\langle 2 \rangle$ et v^v ?

Etant entendu qu'avec **0 absolu** on a: $0^0 = 0$ (on en reparlera),

on a donc: $w = v^v = (0^0, 1^1, 2^2, 3^3, 4^4, 5^5, 6^6, 7^7, \dots) = (0, 1, 4, 27, 256, 3125, 46656, 823543, \dots)$. Il est clair que $\langle 2 \rangle$ est **finalement strictement supérieur** à v^v , autrement dit qu'à partir d'un certain rang, ici 3, les termes de $\langle 2 \rangle$ sont tous **strictement supérieurs** aux termes correspondants de v^v . Donc: $\langle 2 \rangle > v^v$, **nombre entier infini** v^v que nous appelons w .

Et maintenant, qu'en est-il si nous comparons $\langle 2 \rangle$ et v^w ? Autrement dit, v avec $v^\wedge(v^v)$?

On a: $v^w = v^\wedge(v^v) = (0^0, 1^1, 2^4, 3^{27}, 4^{256}, 5^{3125}, 6^{46656}, 7^{823543}, \dots) = (0, 1, 16, 3^{27}, 4^{256}, 5^{3125}, 6^{46656}, 7^{823543}, \dots)$.

Et là il est clair que : $v^w > \langle 2 \rangle$, à partir du rang 2, donc: $v^w > \langle 2 \rangle$.

Toutes ces notions d'**infériorité finale**, d'**égalité finale**, de **supériorité finale**, d'**infini**, etc., en parlant de **nombre entiers variables**, se préciseront par la suite.

Soit une **suite** $x = (x(0), x(1), x(2), x(3), x(4), x(5), \dots)$ de **nombre entiers naturels ou relatifs**, c'est-à-dire une **application de \mathbb{N} dans \mathbb{Z}** , et plus généralement une **application de \mathbb{Z} dans \mathbb{Z}** . C'est la définition que nous donnons à la notion de **nombre entier variable**. Par définition nous dirons que **x est la limite des x_i quand i tend vers l'infini**.

Et plus généralement encore, x étant une **application de \mathbb{R} dans \mathbb{R}** , on dit que x , noté $x = (x(r))_{r \in \mathbb{R}}$, est la **limite des $x(r)$** , où la **variable r** est un **nombre réel**.

Ainsi donc, toute **suite x** de **nombre entiers naturels** ou plus généralement **relatifs**, autrement dit tout **nombre entier variable**, a une **limite à l'infini**, qui est par définition le **nom** qu'on donne à la **suite**, ici x donc.

Par exemple, soit la **suite**: $(6, -1, 0, 14, 3, 7, -55, 2, 1, 8, 24, -100, \dots)$. Elle admet une **limite** quand le **rang des termes** tend vers l'**infini**, comme on le dit dans le langage traditionnel. Dans les conceptions traditionnelle, cette suite n'a aucune **limite**, contrairement par exemple la **suite**: $(-9, 0, 5, 277, -12, 43, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots)$, qui, elle, a une **limite** qui est **4**, quand le **rang des termes** tend vers l'**infini**. Mais dans la nouvelle vision, les deux **suites**, qui sont donc des **nombre entiers variables**, donc des **nombre**, ont une **limite**, qui est précisément le **nom** donné à la **suite**, c'est-à-dire la **suite** elle-même! Si par exemple on appelle la première x , on a alors: $x = (6, -1, 0, 14, 3, 7, -55, 2, 1, 8, 24, -100, \dots)$. La **limite de x** est alors... tout simplement x ! Et si pour la seconde l'on dit: $y = (-9, 0, 5, 277, -12, 43, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots)$, alors sa **limite** est y . Et comme en plus cette **limite** est **4**, on a donc: $y = 4$, autrement dit: $y = 4 = (-9, 0, 5, 277, -12, 43, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots)$, ou simplement: $4 = (-9, 0, 5, 277, -12, 43, 4, 4, 4, 4, 4, 4, \dots)$. On a donc ici: $4(0) = -9, 4(1) = 0, 4(2) = 5, 4(3) = 277, 4(4) = -12, 4(5) = 4, 4(6) = 4, 4(7) = 4$, etc. On dit que **4** est une **suite constante**, car effectivement elle est **constante** à partir d'un certain **rang**, qui est ici **5**.

Pour la **suite varid v** , on a: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. Donc la **limite de v** est v , et cette **limite** est **infinie**, car v est un exemple de **nombre entier infini**.

Considérons de nouveau l'**omégasuite**: $\omega = (\omega_0, \omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \dots) = (1, v, w, \omega_3, \omega_4, \dots)$, qui est donc l'**omégasuite énitienne** de **base v** . Nous parlons d'**omégasuite** pour dire donc qu'à tout **nombre entier oméganaturel** ou **ordinal k** (la généralisation des **nombre naturels classiques**, mais en raison de la **structure fractale** des **ordinaux**, il est **équivalent** de voir les **nombre entiers oméganaturels** comme une simple autre manière de voir les seuls et mêmes **nombre entiers naturels**), on associe un **nombre entier oméganaturel ω_k** . Cette suite ω de terme général ω_k est par définition l'**infini absolu**, noté alors aussi Ω . On a donc: $\Omega = \omega = (\omega_0, \omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \dots) = (1, v, w, \omega_3, \omega_4, \dots)$.

Comme bien d'autres symboles, la lettre ω est souvent sollicitée pour désigner des choses différentes. Nous utiliserons souvent la variable ω pour désigner en fait ω_3 , ou maintenant plutôt ω_7 , appelé le **seuil de l'infinité absolue**. A ne pas confondre alors quand ω désigne l'**infini absolu Ω** .

Ω ou ω est donc par définition la **limite des ω_k** quand k « **tend vers l'infini** », selon le langage classique. Mais dans la nouvelle vision, les ω_k , pour $k \geq 1$, et Ω ou ω , sont des **nombre entiers infinis**.

Et aussi, la variable **k** utilisé ainsi est tout simplement une **variable équivalente** à $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. Cela signifie qu'on aurait pu tout à fait définir **k** comme: $k = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. Et donc aussi on aurait pu tout à fait utiliser simplement la **variable v** et dire que Ω ou ω est la **limite** des ω_v quand v « **tend vers l'infini** ».

On associe à chaque **infini** ω_k sont **inverse** $0_k = 1/\omega_k$, donc tel que: $\omega_k = 1/0_k$. Et ω_k est appelée le **zéro** associé à ω_k , et ω_k est appelé l'**infini** associé à 0_k . On considère alors la suite de ces **zéros** associés aux **infinis éniens**: $0 = (0_0, 0_1, 0_2, 0_3, 0_4, \dots)$. Par définition on appelle cette **suite** l'**Alpha absolu** ou le **Zéro absolu**, noté alors **o**, et appelé l'**Omicron**. C'est lui qui est l'**élément neutre de l'addition**. On a donc: $o = 0 = (0_0, 0_1, 0_2, 0_3, 0_4, \dots) = (1, \varepsilon, \theta, 0_3, 0_4, \dots)$, où: $\varepsilon = 1/v$, et: $\theta = 1/w$. Le symbole ω étant souvent utilisé pour désigner en réalité ω_3 ou mieux, ω_7 , de même le symbole **0**, très sollicité aussi comme ω , sera souvent utilisé pour désigner en réalité 0_3 , ou mieux, 0_7 .

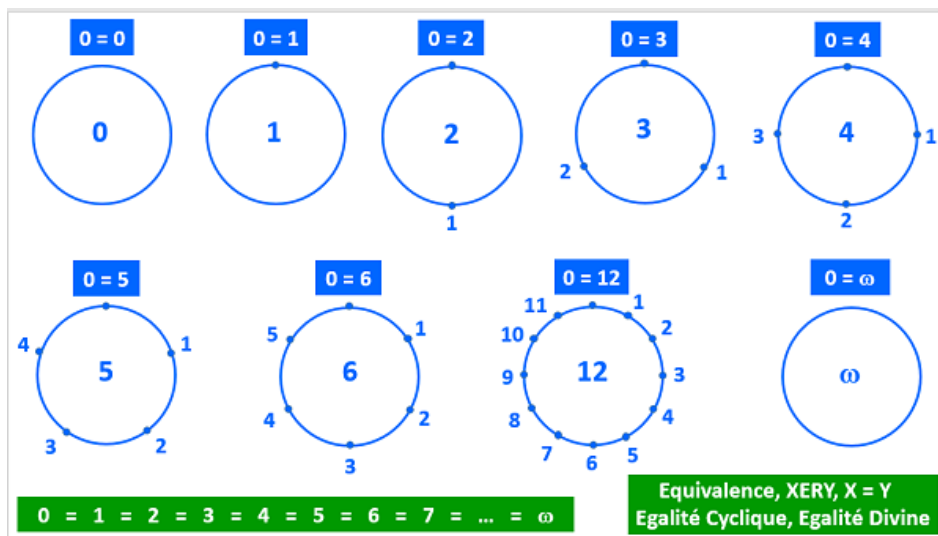
La **suite**: $0 = (0_0, 0_1, 0_2, 0_3, 0_4, \dots)$ n'est pas une **suite** de **nombre omégarationnels**, la généralisation des classiques **nombre rationnels**. Et un **nombre omégarationnel** est tout simplement un **rapport de deux nombre entiers oméganaturels**, la **division par zéro** n'étant plus un problème dans le **Nouveau Paradigme**. Et dans ce paradigme aussi, les notions de **nombre réels** et de **nombre rationnels** deviennent une seule et même notion (on y reviendra).

On pose l'**équivalence**: $o = \Omega$, qui signifie simplement qu'on décide que quand on a atteint l'**infini absolu** Ω , on a bouclé le **Cycle des ordinaux**, et on revient au **zéro absolu**, **o**.

On a: $o = 1/\Omega$, et: $\Omega = 1/o$, et comme par ailleurs en vertu du **Cycle** Ω on a: $o = \Omega$, on a donc ces propriétés apparemment déroutantes: $1/o = o$, et: $1/\Omega = \Omega$, mais qui ne sont en fait que de simples réécritures du **Cycle** Ω . Le **zéro absolu** **o** est donc celui couramment est noté **0**, mais nous préférons réserver cette notation à 0_3 , ou à tout 0_k , pour $k \geq 1$, que l'on décide de prendre comme le **zéro génératif** de référence. La notion de **zéro** est alors beaucoup plus souple et féconde que si on la figeait uniquement dans le rôle du **zéro absolu**, l'**élément neutre de l'addition**.

Outre le fait d'être l'**élément neutre de l'addition** et l'**élément absorbant pour la multiplication**, l'un des grands intérêts du **zéro absolu** **o** est les **égalités** spéciales ou **égalités de clôture** auquel il donne lieu, et qui habituellement sont soit méconnues soit considérées comme « impossibles ». La première est la **division omégacyclique par zéro**: $1/o = o$, et plus généralement: $x/o = o$, pour tout **nombre** **x**. Cette égalité ferait pousser des cris d'orfraie, et pourtant elle n'est qu'une autre version de l'**égalité**: $x \times o = o$. Autrement dit, **o** est l'**élément absorbant pour la multiplication**. L'**égalité**: $x/o = o$, complète cela en disant simplement que **o** est l'**élément absorbant pour la division**.

Il résulte de cela cette autre surprenante propriété du **zéro absolu**: $o^o = o$. Elle se déduit de l'**égalité**: $o/o = o$, qui est un cas particulier de: $x/o = o$. Et: $o/o = o$, est une autre manière de dire: $o \times \Omega = o$. Elle signifie que bien que Ω soit l'**inverse** parfait de **o**, c'est-à-dire vérifiant: $\Omega = 1/o$, et donc aussi: $o \times \Omega = 1$, le **Cycle** Ω , à savoir: $o = \Omega$, est une **variable** qui prend pour **valeurs** l'**ensemble de tous les cycles**: $o = o, o = 1, o = 2, o = 3, o = 4, o = 5, \dots, o = \Omega$, pour ne parler que des **cycles entiers**.



Donc l'égalité: $\mathbf{o} \times \Omega = \mathbf{1}$, qui dit \mathbf{o} et Ω sont **inverses** l'un de l'autre, et donc que le **zéro absolu** \mathbf{o} est bel et bien **inversible**, mais comme on a par ailleurs le entre autres le **cycle 1** qui est: $\mathbf{o} = \mathbf{1}$ ou $\mathbf{1} = \mathbf{o}$, du coup la combinaison de: $\mathbf{o} \times \Omega = \mathbf{1}$, et: $\mathbf{1} = \mathbf{o}$, donne: $\mathbf{o} \times \Omega = \mathbf{o}$. Cette **égalité** combine donc à la fois l'**inversibilité de o** (autrement dit la **division par zéro**, même quand il s'agit du **zéro absolu**, car pour tous les autres **zéros** il n'y a aucun souci, leurs **inverses** donnent les **infinis** correspondants et vice-versa) et à la fois le **cycle 1**, ce qui fait du **zéro absolu o** l'**élément absorbant absolu** de la **multiplication** et de la **division**.

Autrement dit, il faut cesser de concevoir les **nombres** comme des **objets statiques**, constants, mais comme aussi des objets **dynamiques, variables, vivants**, qui **bougent**, qui **évoluent**, dont la **valeur change!** La notion de **fractale**, d'**équivalence**, de **cycle**, de **variable**, etc., sont différentes manières dont le **dynamisme** des **nombres** s'exprime. Ainsi donc, l'**égalité**: de: $\mathbf{o} \times \Omega = \mathbf{1}$, est **vraie**, mais elle ne reste pas obligatoirement **statique**. Car une autre **égalité**: $\mathbf{1} = \mathbf{o}$, celle du **cycle 1**, va la changer en: $\mathbf{o} \times \Omega = \mathbf{o}$, qui est une autre **vérité** de l'**Univers TOTAL**, qui a son sens. Et l'**égalité**: $\mathbf{1} = \mathbf{o}$, n'est pas une fausseté, à moins de déclarer que les **cycles**, comme les **roues qui tournent**, sont des « **faussetés** » ou des « **impossibilités** » dans l'**Univers**!

Le **dynamisme des nombres**, des **informations**, l'**alternance**, l'**alternation**, etc., font que **tout est vraie dans l'Univers TOTAL**, et le **contraire de tout aussi**. C'est la logique figée, ce qu'est la logique de **Négation** ou d'**Identité**, qui engendre les vrais paradoxes, les vrais bugs, qui font que les choses ne tournent pas bien rond.

Ici donc nous étudions maintenant le **fonctionnement** du **zéro absolu o**, et ce qui le distingue des autres **zéros**.

Donc: $\mathbf{o}/\mathbf{o} = \mathbf{o}$, ou: $\mathbf{o} \times \Omega = \mathbf{o}$, s'écrivent aussi: $\mathbf{o} \times \mathbf{o}^{-1} = \mathbf{o}$, ou: $\mathbf{o}^1 \times \mathbf{o}^{-1} = \mathbf{o}$.
Et donc on a: $\mathbf{o}^{1-1} = \mathbf{o}$, et: donc: $\mathbf{o}^0 = \mathbf{o}$.

A noter que ceci est une propriété du **zéro absolu**.
Mais pour tout autre **nombre x** différent du **zéro absolu**, on a: $\mathbf{x}/\mathbf{x} = \mathbf{1}$, ou: $\mathbf{x} \times \mathbf{x}^{-1} = \mathbf{1}$.
Et donc on a: $\mathbf{x}^{1-1} = \mathbf{1}$, et: donc: $\mathbf{x}^0 = \mathbf{1}$.
Donc pour tout **zéro génératif**, qu'on notera $\mathbf{0}$, et donc l'**infini** associé est noté ω ,

on a: $0^0 = 1$, ou: $0/0 = 1$. Autrement dit: $0 \times 0^{-1} = 1$ ou: $0 \times \omega = 1$.

Comme tout nombre différent du **zéro absolu**, tout **zéro génératif** à la **puissance le zéro absolu** est **1**.

Et maintenant, que vaut: 0^0 ?

Ici donc on parle du **zéro génératif à la puissance le zéro génératif**.

On a: $0^0 = e^{\ln(0) \times 0} = e^{-\Lambda \times 0}$, où e^x est la **fonction exponentielle de base e**, la **base du logarithme népérien**, et où $\ln(x)$ est la **fonction logarithme népérien**.

Et on pose: $\Lambda = \ln(\omega)$, et donc: $\ln(\omega) = -\Lambda$.

On a donc: $0^0 = e^{-\Lambda \times 0} = 1 - \Lambda \times 0 + \Lambda^2 \times 0^2 / 2! - \Lambda^3 \times 0^3 / 3! + \dots$.

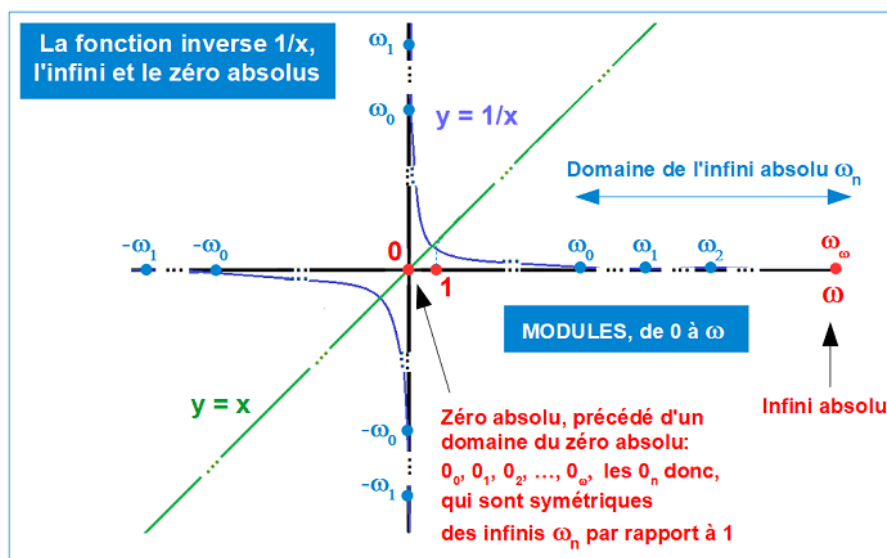
C'est ici qu'on fait jouer le fait que le **zéro génératif** n'est pas **absolu**, mais est cependant une quantité infiniment petite. On peut donc limiter ce développement de $e^{-\Lambda \times 0}$ au **premier ordre**, ce qui donne: $0^0 = e^{-\Lambda \times 0} = 1 - \Lambda \times 0$.

Juste pour montrer la différence entre le **zéro absolu** o et ses propriétés spécifiques, dont les surprenants: $1/o = o$, $o^o = o$, etc. , et le **zéro génératif** 0 .

Si donc c'est du **0 absolu** qu'on parle dans $\varepsilon = 1/v = (1/0, 1/1, 1/2, 1/3, 1/4, 1/5, 1/6, 1/7, \dots)$, cela donne: $\varepsilon = 1/v = (0, 1/1, 1/2, 1/3, 1/4, 1/5, 1/6, 1/7, \dots)$.

Mais si c'est d'un **0 génératif** qu'il s'agit, et notamment si 0 est l'**inverse** de $\omega = w^w$ défini plus haut, c'est tel que: $0 = 1/\omega = w^{-w}$, alors on a aussi: $\omega = 1/0 = w^w$. Là aussi, pas de souci, cela donne: $\varepsilon = 1/v = (1/0, 1/1, 1/2, 1/3, 1/4, 1/5, 1/6, 1/7, \dots) = (\omega, 1, 1/2, 1/3, 1/4, 1/5, 1/6, 1/7, \dots)$.

La définition parfaite de l'**infinitésimal** ou **infiniment petit** ε étant faite, il reste à comprendre ce que signifie cette définition, notamment dans le cas du choix d'un **0 génératif** comme premier terme de: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, donc aussi comme premier élément de l'**ensemble des entiers naturels**: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$. Dans ce cas, le **nombre** ε , qui n'est qu'une autre manière de parler de la **fonction inverse** $1/x$, correspond à la conception qu'on en a traditionnellement:



Sur l'image $\omega_0 = v$, mais avec la nouvelle indexation, $\omega_0 = 1$, $\omega_1 = v$, $\omega_2 = w$, etc.

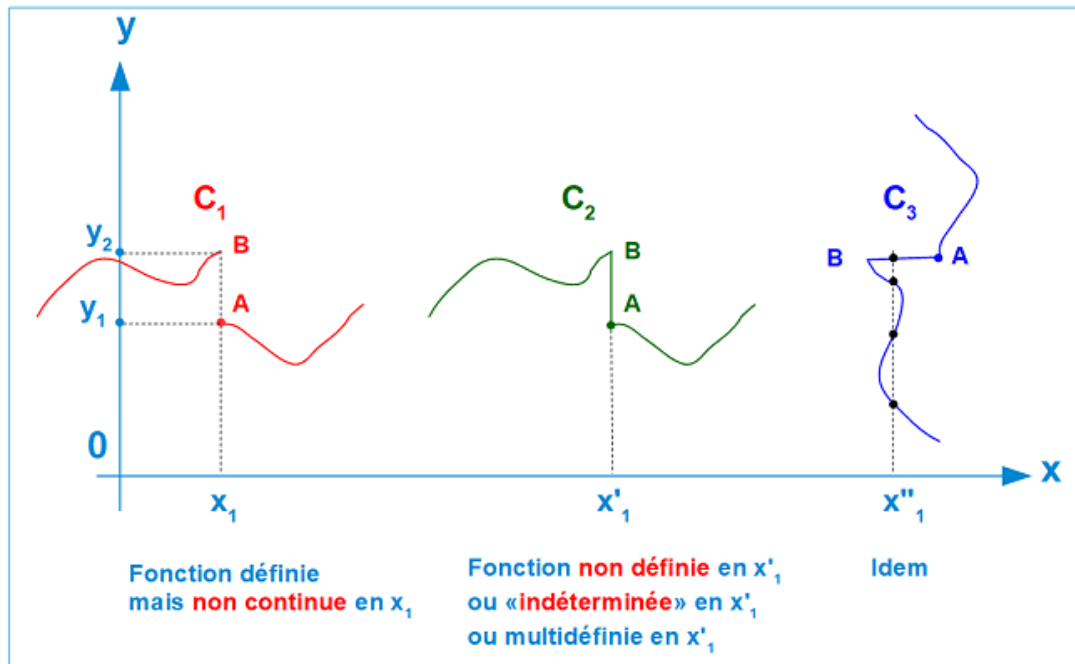
Elle « **tend vers l'infini** » quand la **variable x** tend vers **0**, et précisément ε tend vers ω (**l'infini génératif** donc) quand x tend vers **0** (le **0 génératif** correspondant donc). Et à l'inverse ε tend vers **0** quand x tend vers ω . Tout ce qu'il y a de très classique, sauf qu'ici nous sommes très précis en matière des **zéros** et des **infinis**.

L'importante nouveau qui s'ajoute à tout cela est la logique du **0 absolu**, qui connue sous nombres d'aspects, notamment qu'il est l'**élément neutre** de l'**addition**, et **absorbant** pour la **multiplication**, mais dont d'autres importants aspects sont ignorés ou sont inhabituels. Comme le fait que le **0 absolu** est le **commencement des cycles**, et notamment du grand **Cycle Oméga**, et aussi la **fin des cycles**, et notamment du grand **Cycle Oméga**. A ces limites ultimes il se passe un certain nombre de choses qui peuvent heurter les conceptions habituelles, et qui sont ici par exemple que le **nombre ε** , la **fonction inverse** donc, en tendant vers le **0 absolu**, la **fonction infinie** associée, v donc, monte vers le **point infini absolu Ω** , qui est le même que le **point 0 absolu, o** donc. Cela signifie concrètement que quand la **courbe** en montant vers l'**infini** aura parcouru tous les **infinis génératifs**, elle retombe au **point 0 absolu o** le long de l'axe vertical. Elle monte donc au **plus haut sommet** et retombe à l'**origine**, qui est son **terminus**.

Et dans l'autre sens, en tendant vers le **0 absolu** quand x **tend vers l'infini absolu**, la courbe décolle du **0 absolu** qui est la parfaite **origine** des axes, elle monte **le plus haut, plus haut que tous les infinis génératifs**, puis redescend en passant par les **infinis génératifs**, puis par les **nombres**: ..., 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1, puis 1/2, 1/3, 1/4, 1/5, 1/6, 1/7, ..., puis quand x tend vers les **infinis génératifs**, la courbe tend aussi vers les **inverses** de ces mêmes **infinis**, qui sont les **0 génératifs**. Puis quand x dépasse ces **infinis** et atteint l'**infini absolu Ω** , elle revient sec à l'origine, au **point 0 absolu** donc, le long de l'**axe horizontal**. Cela signifie qu'on a une **infinité d'abscisses**, le long donc de l'**axe des abscisses** (l'axe horizontal) qui ont la même **ordonnée 0 absolu, o**.

Cela ne choque pas que plusieurs **abscisses** aient la même **ordonnée**. Que par exemple ici tous les points de l'**axe des abscisses** entre le **0 absolu (o)** et l'**infini absolu (Ω)**, aient la même **ordonnée 0 absolu**. C'est la logique même des **droites horizontales** en parlant des courbes, ou des **suites constantes**. Mais ça choque qu'une même **abscisse** (en l'occurrence le **0 absolu, o**) ait toute

l'infinité des **ordonnées** entre le **0 absolu** (o) et l'**infini absolu** (Ω). Quand une même **abscisse** x a plusieurs **ordonnées**, et éventuellement une infinité, un **segment** par exemple, on parle traditionnellement de « **discontinuité** » en x .



Pourquoi donc ce qui ne serait pas « **discontinu** » orienté d'une manière serait « **discontinu** » juste orienté d'une autre manière?

C'est en fait la notion d'**égalité** très orientée vers l'**identité** qui est la cause de ces subtiles anomalies des mathématiques traditionnelles. Mais avec une notion d'égalité très orientée vers l'équivalence, les problèmes disparaissent. Si par exemple une même abscisse a plusieurs ordonnées, celles-ci forment automatiquement une **classe d'équivalence**. C'est précisément ce qui se passe pour la **fonction inverse** $1/x$ quand x prend pour **valeur** exactement le **0 absolu**, o . La vision classique que heurte alors en plein à la **division par 0**. L'une des conséquences de cette division est que $1/0$ ou $1/o$ a une infinité de **résultats**, autrement dit l'**abscisse** o a une **infinité d'ordonnées**, par exemple o et Ω , et tous les **nombre**s entre les deux. Mais en fait, c'est que pour cette **abscisse** o tous ces **nombre**s de l'**intervalle** $[o, \Omega]$ forment automatiquement une **classe d'équivalence**, la **classe des ordonnées** de o . Cela se résume par l'**égalité**: $o = \Omega$ entre les deux valeurs extrêmes.

Pour le dire autrement, là où la **fonction** $1/x$ donne **une seule valeur constante** quand x vaut 2 ou 0.4 , donc $1/2$ pour 2 et $1/0.4 = 2.5$ pour 0.4 , avec le **0 absolu**, o , le **résultat** $1/o$ n'est pas une **constante**, mais... une **variable**! Elle est toute désignée, c'est y , la **variable** classique de l'**axe des ordonnées**. Oui, un **nombre réel variable** y , et en particulier un **nombre entier variable** n ! On a donc: $1/o = y$, et y prenant tous les **valeurs** de l'**axe des ordonnées**, et notamment de l'**intervalle** $[o, \Omega]$. Et quant à sa **sous-variable** n , elle prend toutes les **valeurs entières**, de l'**intervalle** $[o, \Omega]$. Dans ce cas, c'est justement la définition de la **variable varid** $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

Tout cela étant précisé, revenons à notre **nombre infinitésimal**: $\varepsilon = 1/v = (1/0, 1/1, 1/2, 1/3, 1/4, 1/5, 1/6, 1/7, \dots) = (o, 1, 1/2, 1/3, 1/4, 1/5, 1/6, 1/7, \dots)$, où nous avons fait le choix d'un 0

génératif, un **infinitésimal infiniment plus petit** que $\theta = 1/w$, et lui-même **infiniment plus petit** que $\varepsilon = 1/v$, qui est déjà **infiniment petit**, pour les raisons que justement on voit.

En effet, $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$ est le **nombre entier** de référence qui signifie: « **tend vers l'infini** ». En l'occurrence, il est cet **infini de référence**. Par conséquent, son **inverse**, $\varepsilon = 1/v$, est le nombre de référence qui signifie: « **tend vers zéro** », et il est lui-même ce **zéro de référence**, à partir duquel on définit à loisir des **zéros** encore plus petits, comme par exemple ε^2 , l'**inverse de l'infini** $v^2 = (0^2, 1^2, 2^2, 3^2, 4^2, 5^2, 6^2, 7^2, \dots) = (0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, \dots)$, qui est son **infini** associé. Et de même pour $\varepsilon^3, \varepsilon^4, \dots$, jusqu'à ε^v , qui est $\theta = 1/w$. Puis $\theta^2 = 1/w^2$, puis $\theta^3 = 1/w^3$, etc., jusqu'à $\theta^w = 1/w^w$, qui est la définition de $0 = 1/\omega$, et ainsi de suite.

ε signifie déjà le « **tend vers zéro** » du langage classique, mais en réalité est un **zéro**, car aussi son **inverse**, v , signifie le « **tend vers l'infini** » du langage classique, mais en réalité est un **infini**. En effet, v finit toujours par être **plus grand** que tout **nombre entier naturel M** fixé à l'avance, **aussi grand soit-il**. Il est donc **plus grand** que tous les **nombre entiers constants**. Et donc ε finit par être **plus petit** que tout **nombre réel** classique **positif non nul**. Donc, pour tout **nombre réel** classique **non nul a**, ou simplement un **nombre constant non nul a**, la quantité $a+\varepsilon$ est **équivalente** à a . C'est déjà une manière de dire que ε est **élément neutre** de l'**addition** avec tous le **nombre constants non nuls**. Il n'y a donc qu'en cas d'**addition** de ε avec un **nombre infinitésimal τ** , donc dans le cas de l'**addition $\tau+\varepsilon$** , qu'on ne peut décider du résultat sans connaître τ . Mais on sait que $\tau+\varepsilon$ est lui aussi **infinitésimal**, c'est-à-dire un **zéro**, si τ est un **zéro**, vu que ε l'est.

On a donc déjà globalement la loi: **zéro + zéro = zéro**, donc en fait: **0 + 0 = 0**. Et plus généralement: **x + zéro = x**, qui s'interprète comme: « **L'ordre de grandeur de x+zéro est l'ordre de grandeur de x** ». Si donc x est un **zéro**, « $x+zéro$ » sera aussi un **zéro**. Et si x n'est pas un **zéro**, mais est d'un **ordre de grandeur supérieur**, alors « $x+zéro$ » n'est pas un **zéro** non plus, mais est d'un **ordre de grandeur supérieur**. Ceci est bien plus riche et plus précis que les lois habituelles des **structures algébriques**, comme par exemple les lois générale de la **structure de corps**, qui ne regardent pas dans les détails. Elles disent simplement par exemple: **x+0 = 0+x = x**, pour dire que **0 est l'élément neutre de l'addition**.

Avec les **0 génératifs**, qui sont des **éléments neutres** pour l'**addition** devant des nombres **infiniment plus grands** qu'eux, et qui **absorbent multiplicativement** des **nombre** pouvant être **infinis**, mais **infiniment petits** comparés aux **infinis** qui leur sont associés (c'est-à-dire leurs **inverses**), on a: **0⁰ = 0^o = 1**, comme pour tout **nombre x** non absolument nul.

En effet: **x⁰ = x^o = 1**, où donc **o** est le **0 absolu**, l'**élément neutre absolu** pour l'**addition** et **absorbant absolu** pour la **multiplication**, qui vérifie: **x^o = 1** pour tout **nombre x ≠ o**, et **o^o = o**. C'est donc de lui que nous parlons dans le calcul de **(v^v)(n) = nⁿ**, pour le cas où nous devons dire **n = 0**. Il s'agit donc de **n = o**. Mais ici, **n = 0** tel que **0⁰ = 1** (un **0 génératif** donc) fait l'affaire aussi, sous réserve de garder à l'esprit que ce **0** n'est pas **additivement neutre** devant des **nombre** trop petits par rapport à lui. Par exemple, il est **neutre devant 1**, c'est-à-dire: **1 + 0 = 0 + 1 = 1**, mais pas devant **0²**, c'est-à-dire on n'a pas: **0² + 0 = 0 + 0² = 0²**. Car **0** n'est pas suffisamment petit pour qu'on le juge du même ordre de grandeur que son carré **0²** et dire: **0² = 0**. On peut le dire, mais dans ce cas, pour ces nombres l'**égalité** courante « = » cesse d'être une **identité** et devient une **équivalence** « ≡ ». On a donc: **0² ≡ 0**.

Mais si l'on conserve l'**identité** courante « = », c'est au contraire 0^2 qu'il faut voir comme **très petit** pour être **neutre** devant 0 , c'est-à-dire: $0^2 + 0 = 0 + 0^2 = 0$.

Même précaution à prendre en **multipliant** 0 par un **nombre** x . Ce 0 n'**absorbe** pas les x trop **infinis** par rapport à son propre **degré d'infinité**. Par exemple, 0 tel que $0 = 1/\omega$ **absorbe multiplicativement** volontiers w ou mieux encore v , autrement dit on a: $0 \times w = 0$, car, étant donné que $\omega = w^w$, on a: $0 = 1/\omega = 1/(w^w) = w^{-w}$, et donc $0 \times w = w^{-w} \times w = w^{1-w} = 1/(w^{w-1})$. Etant donné que w est **infini**, les **nombre**s **infinis** w et $w-1$ sont **équivalents**, ils sont bien plus proches que w et w^2 par exemple. Autrement dit, en tant que **polynômes en** w , ils sont **asymptotiquement égaux**, les rapports $w/(w-1)$ ou $(w-1)/w$ sont **égaux** à 1 , ce que l'on exprime habituellement en disant que leur **limite** quand « w tend vers l'infini » est 1 . Mais w et $w-1$ sont **infinis**! Avec eux on est déjà dans un **horizon infini**, donc le rapport $w/(w-1)$ est de la forme $1 + \tau$, et $(w-1)/w$ est de la forme $1 - \tau$, où τ est un **infiniment petit** ou un **infinitésimal**, comme on dit, c'est-à-dire un **zéro génératif** dans la nouvelle conception. Ces rapports sont donc **égaux** à 1 , à un **infinitésimal** près. On ne peut pas en dire autant de w et w^2 par exemple, ou de ω et ω^2 , ou encore de v et v^2 , qui n'ont pas le même **degré d'infinité**!

Et le **degré d'infinité** en question est ni plus ni moins le **degré polynomial**. A chaque fois le **degré** est 1 pour l'un et 2 pour l'autre. Pour la même raison aussi, 0 et 0^2 , les **zéros** respectivement associés aux **infinis** ω et ω^2 , ne sont pas de même **degré**. Voilà pourquoi 0 ne peut être **additivement neutre** devant 0^2 , c'est-à-dire ne peut pas l'**absorber** par l'**addition**. Sauf si bien sûr ce 0 est choisi suffisamment **absolu**, c'est-à-dire suffisamment proche du 0 **absolu** qu'est o , pour que 0 et 0^2 deviennent le même 0 , et alors aussi ω et ω^2 deviennent le même **infini**. A ces **horizons** de **petitesse** pour 0 ou de **grandeur** pour ω , on dit qu'ils sont **auto-multiplicatifs**, c'est-à-dire les **multiplier** par eux-mêmes ne les change pas. Ils ont alors franchi une étape de plus vers l'**absoluité**, vers le **zéro absolu** o pour l'un et vers l'**infini absolu** Ω pour l'autre. A l'**horizon ultime d'absoluité**, le **zéro** et l'**infini** se rejoignent pour former le grand **Cycle Oméga** ou l'**Omégacycle**, c'est-à-dire on a: $o = \Omega$. Autrement dit encore, on a: $o = 1/o$, qui est l'expression de la **division omégacyclique par 0**. C'est pour ce 0 ultime, qui est donc aussi l'**élément absorbant absorbant** pour la **multiplication** (c'est-à-dire on a: $o \times x = x \times o = o$, pour tout **nombre** x), qu'on a aussi cette autre surprenante **égalité**: $o^0 = o$.

Nous faisons donc ce choix dans la définition de la **suite** $w = v^v$, à savoir donc: $(v^v)(n) = n^n$, pour tout **entier naturel** n . Le problème se posait donc pour $n = 0$, et les explications précédentes ont simplement pour but de nous épargner les discours habituels selon lesquels 0^0 serait « **non défini** » ou serait une « **forme indéterminée** ». Mais non, c'est bel et bien **défini**, déterminé, mais tout dépend ce que l'on prend comme **zéro**! Et tout est **définissable** si l'on travaille dans le bon **Paradigme**, l'**Univers TOTAL**.

On a donc le **nombre infini défini** par la **suite** $w = v^v$, à savoir donc: $(v^v)(n) = n^n$, ou pour la noter autrement: $(v^v)_n = n^n$, pour tout **entier naturel** n , qui est une **suite de nombres entiers**. On a donc: $v^v = (o^0, 1^1, 2^2, 3^3, 4^4, 5^5, \dots) = (0, 1, 4, 27, 256, 3125, \dots)$, si nous faisons le choix du 0 **absolu** tel que $o^0 = o$, et: $v^v = (0^0, 1^1, 2^2, 3^3, 4^4, 5^5, \dots) = (1, 1, 4, 27, 256, 3125, \dots)$, si nous faisons le choix d'un 0 **génératif** tel que $0^0 = 1$. Ici, le choix du type de 0 a peu d'importance, car avec les **nombre**s **entiers variables**, c'est ce qui se passe **finalement**, c'est-à-dire dans la **partie finale**, en **allant vers l'infini** ou à **partir d'un certain rang** n_0 , qui importe plus que ce qui se passe dans la **partie initiale**, pour 0 ou pour un certain **nombre fini** de **termes** du début de la **suite**.

Le **nombre** $w = v^v$ est donc aussi un **entier infini**, car il finit par être **strictement supérieur** à tout **nombre entier fini** M . En effet, pour n suffisamment grand, on finit par avoir: $n^n > M$. Et tout simplement n^n « **tend vers l'infini** », quand n « **tend vers l'infini** », comme on le dit classiquement.

Et pour le **nombre entier** ω , on a: $\omega = w^w = (1^1, 1^1, 4^4, 27^{27}, 256^{256}, 3125^{3125}, \dots)$
 $= (1, 1, 256, 27^{27}, 256^{256}, 3125^{3125}, \dots)$, avec le choix donc d'un **0 génératif**.

C'est donc un **entier infiniment plus infini** que w , lui-même **infiniment plus infini** que $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, déjà **infini**! Car tous les termes de w et ω sont des termes aussi de v . Mais seulement, w et ω ont une **croissance** beaucoup plus rapide, et le **degré d'infinité** est donc en fin de compte une question de **rapidité de croissance** d'une **suite d'entiers**.

Un cas particulier très important de **nombres entiers infinis**, que nous considérerons le plus souvent, est celui des **entiers variables strictement croissants** à partir d'un certain rang. C'est le cas ici de v, w et ω .

Remarque:

Dans ce livre, les mots comme « **supérieur** », « **croissant** » (resp. « **inférieur** », « **décroissant** »), sans autre précision, signifient « **strictement supérieur** », « **strictement croissant** », etc. (resp. « **strictement inférieur** », « **strictement décroissant** »). Ils sont donc à comprendre au sens **strict**, de même que le mot « **constant** ». Par contre, le mot « **variable** » est à comprendre au sens large, c'est-à-dire qu'une **constante** est un cas particulier de **variable**, le cas de **variabilité** nulle.

Et pour deux **entiers naturels variables** m et n , **finis** ou **infinis**, par définition :

$m > n \Leftrightarrow m$ est finalement (strictement) supérieur à n ,

ce qui veut dire qu'il existe un **entier naturel** i_0 tel que pour tout **entier naturel** $i \geq i_0$, $m_i > n_i$.

Autrement dit, on a: $m_i > n_i$ à partir d'un certain rang.

Une des propriétés caractéristiques des **nombres entiers naturels infinis** (d'où ce qualificatif) est que, pour un **entier naturel infini** x donné, pour tout **entier naturel constant** ou **fini** c , x est **finalement supérieur ou égal** à c , ce qui signifie que x_n finit toujours par être **supérieur ou égal** à c à partir d'un certain rang k . Autrement dit, il existe un rang k tel que: $x_n \geq c$, pour tout $n \geq k$. Donc, pour tout **entier naturel infini** x et pour tout **entier constant** ou **fini** c , et aussi grand que soit c , on a: $x \geq c$. Et comme $x \geq c'$, pour tout **entier** $c' > c$, donc $x > c$.

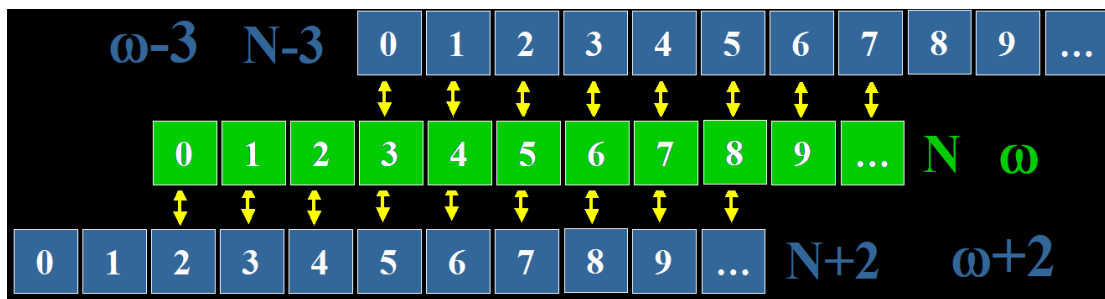
Quand on écrit : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, on veut simplement indiquer que N est un **nombre entier naturel infini**, car ici il **nombre entier variable croissant**. N est à voir alors comme la **suite** de **terme général** N_i telle que: $N_i = i$, pour tout **entier naturel** i . Autrement dit, N est assimilée à la **suite de référence** v définie plus haut telle que: $v_i = i$, pour tout **entier naturel** i , et appelée donc aussi pour cette raison la **suite des nombres entiers naturels**.

Et donc les **suites** $N-k$ et $N+k$ sont définies par:

$(N-k)_i = N_i - [k]_i = i-k$ et: $(N+k)_i = N_i + [k]_i = i+k$, pour tous **entiers naturels** i et k .

Ci-dessous illustré cette logique de l'**ensemble** N ou ω vu comme une **suite** spéciale d'**entiers naturels**, de terme général N_i ou ω_i (à ne pas confondre cette **suite** ainsi notée avec d'autres **suites** éventuellement notées ainsi, comme par exemple la **suite** de terme général ω_n telle que:

$\omega_{n+1} = \omega_n \wedge \omega_n$; ici N ou ω est ω_0 (en indexation ancienne) de cette seconde **suite**, donc quand nous disons ici N_i ou ω_i , il faut comprendre en fait: $N_{0,i}$ ou $\omega_{0,i}$; et donc : $\omega_{n+1,i} = \omega_{n,i} \wedge \omega_{n,i}$.



La suite N ou ω de terme général N_i ou ω_i est la **suite de référence**, illustrée ci-après en vert. Et par rapport à cette **suite de référence** est illustrée la **suite N-3** ou $\omega-3$, de terme général : $(N-3)_i = N_i - [3]_i = i-3$ ou $(\omega-3)_i = \omega_i - [3]_i = i-3$, qui prend la **valeur 0** quand la **variable de référence i** prend la **valeur 3**. Cela revient à dire qu'elle est **en retard de 3** par rapport à la **suite de référence**.

Est illustrée aussi la **suite N+2** ou $\omega+2$, de terme général :

$(N+2)_i = N_i - [2]_i = i+2$ ou $(\omega+2)_i = \omega_i + [2]_i = i+2$, qui prend la **valeur 2** quand la **variable de référence i** prend la **valeur 0**. Elle est quant à elle **en avance de 2** par rapport à la **suite de référence**.

Les **suites de nombres entiers naturels** ou **applications de N dans N** constituent donc une nouvelle notion de **nombres entiers**, les **nombres entiers variables**, éléments de l'ensemble N^N , qui généralisent les **nombres entiers** classiques ou **ensemble N**, qui, eux, s'assimilent aux **suites constantes**. Et c'est donc en tant que **suite**, en l'occurrence la **suite Identité** ou la **suite de référence v**, que l'ensemble N est lui-même un **nombre entier naturel variable, infini** dans son cas. Ses **prédécesseurs immédiats** sont: ..., N-3, N-2, N-1, et ses **successeurs immédiats** sont : N+1, N+2, N+3, ..., tels qu'on vient de les définir.

L'écriture $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$ indique simplement que le **dernier élément** du **nombre entier naturel N** n'est pas **constant** ou **fixe**, mais en **perpétuelle croissance par pas de 1**. L'ensemble N ainsi noté est dit **standard**. Mais exactement le même **ensemble N** en **notation canonique** ou « **non-standard** » est : $N = \{0, 1, 2, 3, \dots, N-3, N-2, N-1\}$. Et alors ses **prédécesseurs immédiats** : ..., N-3, N-2, N-1, sont dits « **non-standard** », en faisant allusion à l'**arithmétique non-standard**. Celle-ci ne fait que mettre en évidence qu'il existe des **nombres entiers naturels infinis** ou **variables**, tout bonnement.

Les **nombres entiers naturels infinis** ainsi définis ont des **prédécesseurs** et des **successeurs**. Par exemple, pour un **nombre entier naturel infini x** et pour un **entier naturel constant k**, le **nombre entier x-k**, est la **suite de nombres entiers relatifs, entiers naturels** à partir d'un certain rang, définie par : $(x-k)_n = x_n - k$. Par exemple, $v-k$ est une **suite d'entiers naturels** à partir du rang $n = k$. Et le **nombre entier x+k** est la **suite de nombres entiers naturels** définie par : $(x+k)_n = x_n + k$. Par exemple, $v+k$ est une **suite d'entiers naturels** à partir du rang $n = 0$. Même définition pour $w-k$: $(w-k)_n = w_n - k$. Et pour $w+k$: $(w+k)_n = w_n + k$. Même définition pour $\omega-k$: $(\omega-k)_n = \omega_n - k$. Et pour $\omega+k$: $(\omega+k)_n = \omega_n + k$. Ce sont toutes des **suites finalement d'entiers naturels**, ce qui veut dire qu'après un certain nombre de termes au début qui ne sont peut-être pas des **entiers**

naturels, les termes sont tous des **entiers naturels** à partir d'un certain rang n_0 . C'est la **nature** ou le **comportement final** (c'est-à-dire à partir d'un certain rang n_0) des **suites** qui nous intéresse particulièrement, plus que leur **nature** ou leur **comportement initial** (c'est-à-dire au début).

On voit que les **nombre entiers infinis** v, w, ω , ont des **prédécesseurs** ou des **successeurs**. Et plus généralement, il en est ainsi pour tout **entier naturel infini** x . Et donc on aura toujours l'ordre:
 $0 < 1 < 2 < 3 < 4 < 5 < \dots < x-5 < x-4 < x-3 < x-2 < x-1 < x < x+1 < x+2 < x+3 < x+4 < x+5 < \dots$

Donc par exemple: $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega, \omega+1, \omega+2, \omega+3, \omega+4, \omega+5, \dots$

On appelle un **ordinal** un **nombre entier fini ou infini** (on détaillera plus tard la nouvelle notion d'**ordinal**). Et pour un **ordinal** n , puisqu'il est un **entier naturel** à chaque étape, on a :
 $n = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1\}$.

Autrement dit, tout **ordinal** n , **fini** ou **infini**, est l'**ensemble de tous les ordinaux strictement inférieurs** à n . On dit que c'est la **définition canonique** de n .

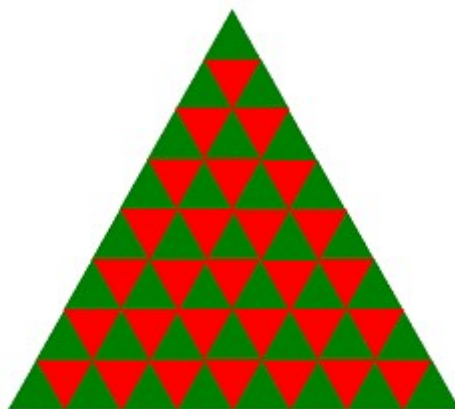
Ceci met au même diapason les **ordinaux finis** et **infinis**. Ce qui les différencie, c'est la présence ou non du **GENER** « ... » dans la **définition canonique** des ordinaux infinis.

Avec ces définitions, N se calcule comme n'importe quel **entier naturel constant** ou **fini**. On reviendra largement sur les **nombre entiers variables** en tant que **suites de nombre entiers naturels** classiques. On verra plus en détail les **opérations** sur ces **suites** ou **nombre**.

L'**ensemble N** des **nombre entiers naturels** est par définition l'**ordinal canonique**:

$N = \{0, 1, 2, 3, \dots, N-3, N-2, N-1\}$, ou $\omega = \{0, 1, 2, 3, \dots, \omega-3, \omega-2, \omega-1\}$, si le symbole ω est utilisé comme synonyme de N , et non pas en un sens spécifique, comme plus haut. Et même, en tout sens spécifique, cette écriture est vraie aussi, du moment où ω est un **entier** ou **ordinal infini**.

Nous avons à présent tout ce qu'il faut pour calculer : $S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots$, c'est-à-dire pour compter les **petits triangles verts** du **Triangle de Pascal**, dans le cas où le **nombre n** des **triangles verts** de sa **base** n'est pas **constant** ou **fixe**, mais **variable**.



Puisqu'on a dit que le **nombre des triangles verts** de la **base** est n , on a tout bonnement :
 $S = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots + n-3 + n-2 + n-1 + n = n(n+1)/2$.

Dans ce cas, **n** représente le **dernier entier naturel**, le **dernier élément** de **N**. Autrement dit, quand désormais on fait une **opération** portant sur **tous les entiers naturels** jusqu'à l'**infini**, il ne s'agira plus de l'**Ouroboros**, « ∞ », mais **par défaut cet infini sera N lui-même** ou tout ce qui lui est synonyme ! Donc :

$$S = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots + N - 3 + N - 2 + N - 1 + N = N(N+1)/2.$$

Et si on utilise la **variable ω** comme synonyme de **N**, alors on a :

$$S = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots = 0 + 1 + 2 + 3 + \dots + \omega - 3 + \omega - 2 + \omega - 1 + \omega = \omega(\omega+1)/2.$$

Le résultat exact étant démontré, la grande fausseté de ceci aussi :

$$S = 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$$

Ce résultat veut dire quelque chose, mais ce n'est certainement pas ce qu'on lui fait dire ! Voilà ce qui se passe quand on calcule avec l'**Ouroboros**, « ∞ ».

Ces manipulations avec l'**infini** « ∞ » comme notion de **limite**, telles qu'on les pratique en analyse surtout, sont une manière très savante d'occulter le **vrai infini ω** justement, ou même simplement **N** en tant que **nombre entier naturel infini**, comme nous venons de le voir à l'oeuvre. L'**Ouroboros** « ∞ » n'est pas défini comme un nombre à part entière (notamment un nombre algébriquement défini dans une structure comme par exemple celle d'anneau dans l'article de Wikipedia où l'**inverse de 0** est magistralement nié) mais juste comme une vague limite des **nombres**.

Mais la pire arnaque est sans doute ceci :

Nombre transfini 🌐 20 langues ▼

(Redirigé depuis [Nombre infini](#))

🔍 Articles détaillés : [Nombre cardinal](#) et [Nombre ordinal](#).

Les **nombres transfinis** sont des **nombres** exposés et étudiés par le mathématicien [Georg Cantor](#). Se fondant sur ses résultats, il a introduit une sorte de hiérarchie dans l'infini, en développant la [théorie des ensembles](#). Un **nombre entier naturel** peut être utilisé pour décrire la taille d'un ensemble fini, ou pour désigner la position d'un élément dans une suite. Ces deux utilisations correspondent aux notions de [cardinal](#) et d'[ordinal](#) respectivement. Ces nombres ont des propriétés différentes selon que les ensembles auxquels ils s'appliquent sont finis ou infinis.

Ces cardinaux et ordinaux sont dits *transfinis* dans le second cas. Leur existence est assurée par l'[axiome de l'infini](#).

Le premier nombre ordinal transfini est noté ω (*oméga*), dernière lettre de l'[alphabet grec](#). Il correspond à l'ensemble des nombres entiers naturels $\mathbb{N} = \{0; 1; 2; 3 \dots\}$, ordonné « naturellement ».

L'addition des ordinaux est associative mais pas commutative. On peut aussi définir une *multiplication* et une *exponentiation*, ce qui donne lieu à une arithmétique sur les nombres ordinaux transfinis.

Dans ZFC, la théorie des ensembles de Zermelo-Fraenkel avec *axiome du choix*, à tout ensemble correspond un cardinal, et les cardinaux sont deux à deux comparables ; dans ce cadre, le plus petit cardinal transfini est noté \aleph_0 (*Aleph zéro*) ; c'est le cardinal de l'ensemble des nombres entiers naturels ; dans la définition de Von Neumann, $\aleph_0 = \omega$, c'est le même objet noté différemment en tant que cardinal.

Il y a une arithmétique des cardinaux, qui est différente de celle des ordinaux.

Là, on évoque la théorie des ensembles de Cantor, ce génie des mathématiques qui s'est cassé la tête sur la notion d'**infini**, pour en faire un vrai **nombre algébrique**, dont il a nommé le tout premier « **aleph zéro** », qu'il a noté \aleph_0 (et « aleph » est la première lettre de l'alphabet hébreu, et Cantor, comme Einstein et d'autres, est d'origine juive, soit dit en passant), et qu'on note habituellement aussi par la lettre grecque **oméga** ou ω .

Si je rends si souvent hommage à Cantor, c'est parce que, mine de rien, c'est vraiment une révolution mathématique de commencer à concevoir l'**infini** comme un vrai **nombre algébrique!** Mais ses visions souvent très intuitives et très naturelles, se heurtaient à des « paradoxes » qui révélaient en réalité que quelque chose ne va pas dans les paradigmes scientifiques actuels, et cette chose c'est simplement la logique de l'Identité, ou de Négation. C'est l'Équivalence et l'Alternation qu'il faut pour traiter les notions puissantes et transcendantes comme celles de Cantor, ces notions sur lesquelles il s'est littéralement grillé les méninges au point de finir sa vie en hôpital psychiatrique.

On raconte officiellement qu'il souffrait de « troubles bipolaires ». Mais les vraies raisons des problèmes de certains scientifiques de génie n'ont pas été dites : outre que c'est vraiment très usant de percer les secrets de notions divines que le Diable a enténébrées et transformées en énigmes, mystères et vrais casse-têtes au sens propre du terme ; et outre souvent des problèmes de santé de tels scientifiques, causés toujours par le même Diable et ses démons, la racine cachée des maux du monde ; en plus ils subissent souvent des attaques, qui sont là encore le fait du même Diable et ses démons. Mais tout cela, on ne le dit pas, oui le Diable reste toujours caché.

Au lieu donc de corriger les paradigmes scientifiques, qui sont la vraie cause des paradoxes et aussi qui font dire que « **zéro n'a pas d'inverse** », pour ne parler que de ces faussetés dues aux paradigmes faux, on a vidé là encore de sa substance la notion algébrique de l'**infini** que Cantor a introduite. Sinon on ne peut pas à la fois parler, moyennant l'**axiome de l'infini**, de l'**infini oméga** ou ω de la théorie des ensembles de Cantor en ces termes :

*« Les **nombres transfinitis** sont des nombres exposés et étudiés par le mathématicien Georg Cantor. Se fondant sur ses résultats, il a introduit une sorte de **hiérarchie dans l'infini**, en développant la théorie des ensembles. Un nombre entier naturel peut être utilisé pour décrire la taille d'un ensemble fini, ou pour désigner la position d'un élément dans une suite. Ces deux utilisations correspondent aux notions de **cardinal** et d'**ordinal** respectivement. Ces nombres ont des propriétés différentes selon que les ensembles auxquels ils s'appliquent sont **finis** ou **infinis**.*

*Ces **cardinaux** et **ordinaux** sont dits transfinitis dans le second cas. Leur existence est assurée par l'**axiome de l'infini**.*

*Le premier **nombre ordinal transfini** est noté ω (**oméga**), dernière lettre de l'alphabet grec. Il correspond à l'ensemble des nombres entiers naturels $N = \{0 ; 1 ; 2 ; 3 \dots\}$, ordonné «naturellement».*

*L'**addition** des **ordinaux** est **associative** mais **pas commutative**. On peut aussi définir une **multiplication** et une **exponentiation**, ce qui donne lieu à une **arithmétique sur les nombres ordinaux transfinitis**.»*

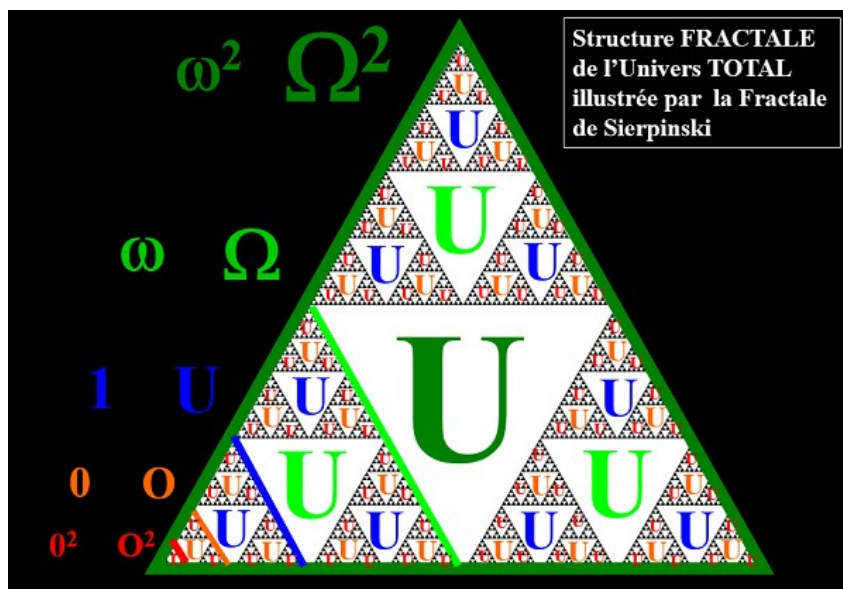
Là encore on écrirait tout un livre pour neutraliser les mensonges ou erreurs de paradigme ou catéchisme de la Négation cachés dans ces quelques paragraphes.

D'abord il n'y a pas deux notions de **nombres entiers**, **ordinal** et **cardinal**, qui sont identiques dans le domaine **fini** et se différencient dans le domaine **infini**, mais **une seule notion**, celle d'**ordinal**, qui s'applique de la même manière pour les **nombres finis** comme **infinis**. Il n'y a donc pas deux arithmétiques, celle des **ordinaux** et celle des **cardinaux**, mais **une seule arithmétique**.

C'est **faux** que «L'**addition** des **ordinaux** est **associative** mais **pas commutative** », car l'**addition** et la **multiplication** des **ordinaux** sont toutes les deux **associatives** et **commutatives**, pour les **ordinaux infinis** comme pour ceux **finis**.

Toutes ces anomalies que je viens encore de pointer ici n'ont qu'une seule cause, la même qui rend la **division par 0** impossible, et la même qui cause les **paradoxes** dans la théorie des ensembles de Cantor, etc., et qui sont les mauvais paradigmes, les paradigmes de l'Identité, de Négation, au lieu de l'Équivalence, de l'Alternation.

Ici donc, si l'on dit que le « premier **nombre ordinal transfini** est noté ω (**oméga**), dernière lettre de l'alphabet grec », et que l'on dit dans le même temps que « **zéro n'a pas d'inverse** », il y a alors vraiment quelque chose qui ne tourne pas rond dans ces maths, puisqu'on parle de la hiérarchie des **nombre infinis** (ils disent ici **transfinis**, expression que Cantor utilisait, mais c'est pareil, on parle bien de notion de **nombre infini**), et hiérarchie des **nombre infinis** qui est tout simplement les inverses de la hiérarchie des **nombre zéros**. Car en fait, comme on va le voir (et comme c'est plus détaillé même dans les autres livres), la **structure des nombres** est **fractale**, et donc il n'y a pas qu'un seul **nombre 0**, mais toute une hiérarchie de **zéros**, à l'image de leurs **inverses** respectifs, qui est la hiérarchie des **infinis**. Il suffit juste de regarder une **structure fractale** pour comprendre tout de suite la logique :



L'article Wikipedia dit vrai en disant que **diviser par 0** c'est **multiplier** par l'**inverse de 0**. Mais poursuivre en disant que cette **division par 0** est impossible car **0 n'a pas d'inverse**, est très **faux** !

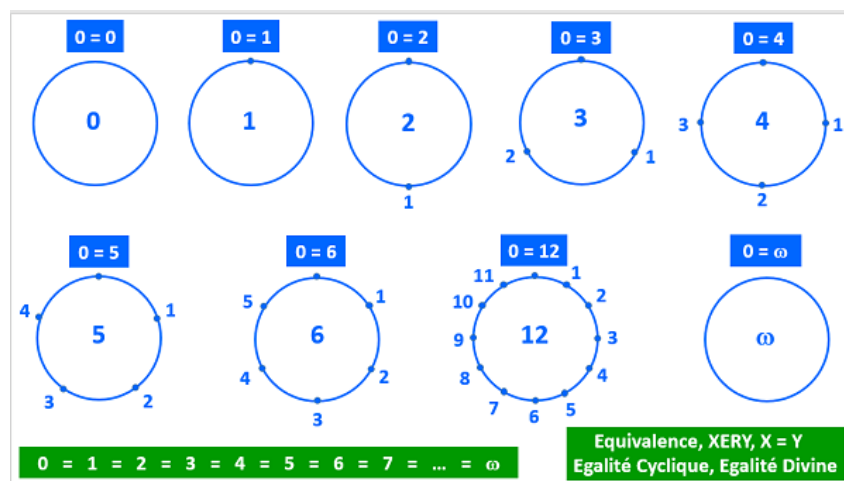
Car pour la **logique fractale**, l'**inverse de 0** est l'**infini ω** , et vice-versa. Et il y a toute une hiérarchie des **zéros**, qui correspondent exactement à une symétrie de la hiérarchie d'**infinis**. On monte dans la **hiérarchie** en **multipliant** par ω (ce qui revient à dire en **divisant par 0**), et on descend dans la hiérarchie en **divisant** par ω (ce qui revient à dire en **multipliant par 0**). Il n'y a donc aucun souci avec ça, c'est même enfantin comme logique.

La seule difficulté qui resterait à régler, c'est que quand on parle en fait du problème de la **division par 0**, il s'agit du **0 absolu**, que nous noterons **o** ou **0 ω** par la suite, et qui correspond à ce qu'on

appelle l'**élément neutre** de l'**addition**. Son **inverse**, l'**infini ω absolu**, nous le notons Ω ou ω_ω . C'est lui qui poserait un problème, mais en fait non. Pas plus que le **cercle** ou le **cycle** n'est un problème. Car c'est avec lui que se déclenche véritablement la **logique de cycle**, que l'article de Wikipedia sur la **division par 0** considère comme un problème insoluble. C'est facile à voir ce qui dérange les paradigmes de l'Identité ou de Négation.

En effet, les **nombre**s réclament que **0** soit un **élément absorbant** pour la **multiplication**, ce qui veut dire la propriété : $0 \times x = 0$, pour tout **nombre**. Donc, si nous notons par ω l'**inverse de 0**, on doit avoir aussi : $0 \times \omega = 0$. Mais d'un autre côté, dire que ω est l'**inverse de 0**, selon la notion classique d'**inverse**, à savoir : $x \times (1/x) = 1$, on a : $\omega = 1/0$, et : $0 = 1/\omega$, et : $0 \times \omega = 1$. Donc, en combinant : $0 \times \omega = 0$ et : $0 \times \omega = 1$, on a : $0 = 1$, et là c'est la catastrophe selon la **logique de l'identité**. Mais pourquoi donc une catastrophe, puisque ce genre d'égalités est caractéristique de la **logique de l'équivalence**, telle que les mathématiciens l'emploient par exemple en **arithmétique modulaire** ou **calcul des congruences** ? Et si ceci ne dit rien au lecteur ou à la lectrice, c'est tout simplement la **logique du cercle** ou du **cycle** :

Ci-dessous donc différents **cycles**, ce qui veut dire aussi différents modes de **logique modulaire** ou de **congruence**.



Et « $0 = 1$ » est l'un des modes, comme par exemple aussi « $0 = 12$ », qui est celui de l'horloge :

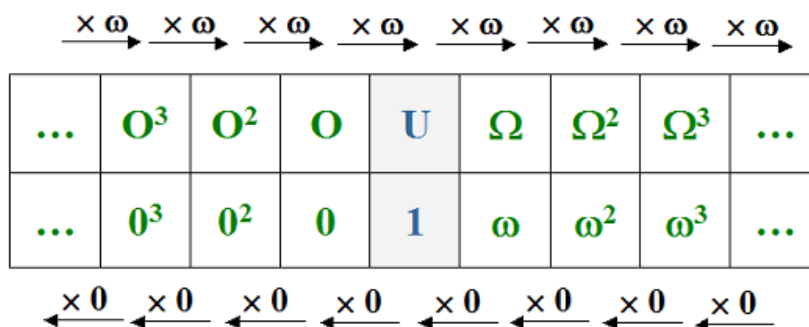
Ici, l'horloge dit que « $3 = 15$ », si l'on raisonne donc en **Cycle 12**. L'égalité entre deux nombres différents signifie donc automatiquement qu'on se place en **logique de l'équivalence**, la plus familière des **logiques de l'équivalence** étant la **logique de cycle**, une moins familière étant la **logique fractale**.



Mais pourquoi donc des mathématiciens de tous les temps, dont des génies, quand il s'agit de notion d'**égalité**, restent figés dans l'**identité** et ne pensent pas à l'**équivalence** ou à la simple **logique de cercle** ? Et surtout, pourquoi ce qui est connu comme vérité dans un domaine des mathématiques, devient une « impossibilité » dans un autre domaine ? C'est là le mystère.

Il y a donc fondamentalement deux notions de **zéro** mais aussi d'**infini**, la notion **fractale** et la **notion cyclique**. Donc en fait deux questions concernant la **division par 0** et donc deux **réponses**.

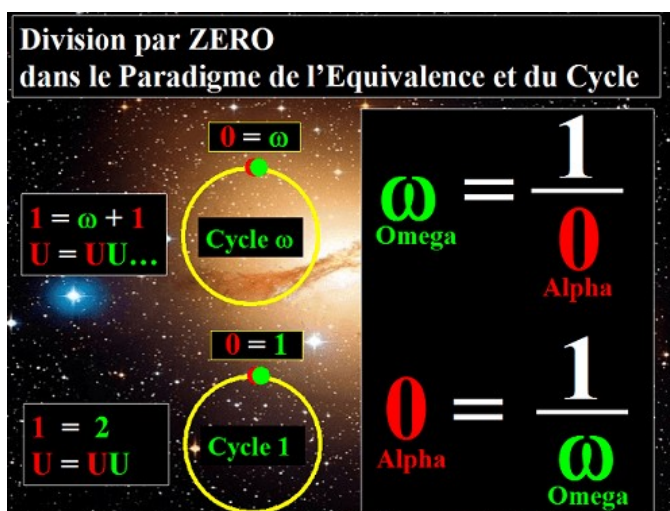
La **logique fractale** apporte sa réponse en disant simplement que l'**inverse de 0** est l'**infini** et vice-versa, et qu'il y a une **hiérarchie** de **zéros**, oui toute une **infinité**, de même que toute une **hiérarchie d'infinis**, une **infinité** aussi, qui correspond à celle des **zéros**, et vice-versa.



Il reste ensuite à régler le cas du **0 absolu** et du **ω absolu**, qui est en fait véritablement celui auquel se heurte l'algèbre classique. Car ce **0** et ce **ω** , quand on calcule avec eux avec les règles de calcul habituelles, celles du **corps** ou de l'**anneau**, déclenchent des **égalités** comme « **$0 = 1$** », comme on l'a montré plus haut. Et de manière générale le fait qu'on doive exprimer des **égalités** entre des **nombre différents**. On dit alors que c'est une « impossibilité », alors que c'est bien cette logique que l'on emploie en calcul modulaire, la **logique du cycle** donc.

Et pour la **division** avec le **0 absolu** et le **ω absolu**, le **zéro absolu** et l'**oméga absolu**, nous avons précisément besoin du **cycle infini**, ou **cycle oméga**, qui s'écrit : **0 = ω**, ou : **zéro = oméga**, ou encore : **alpha = oméga** ! C'est donc ce que nous appelons la **logique omégacyclique**, le **cycle oméga** donc.

Car l'**Alpha** et l'**Oméga**, c'est l'une des nombreuses manières de dire « **Dieu** » en sciences. Une autre manière est de dire, en théorie des ensembles, l'**Ensemble de tous les ensembles** ou encore l'**Ensemble de tous les ordinaux**, ou encore le **Dernier ordinal**. Mais pour toutes ces notions on se heurte à un « **paradoxe** », imputé à ces notions, alors qu'en fait ce sont les **paradigmes de Négation** qui sont en cause. Et le « **paradoxe** » de l'**Ensemble de tous les ordinaux**, ou encore du **Dernier ordinal**, appelé aussi le « **paradoxe** » de Burali-Forti (du nom du mathématicien italien Cesare Burali-Forti, assistant du grand mathématicien Giuseppe Peano, qui l'a mis en évidence), oui ce dit « **paradoxe** » du **Dernier ordinal** donc, est la question de l'**infini ω absolu**, ce qui veut dire la **division par le 0 absolu** ou l'**inverse du 0 absolu**.



Et, aussi étonnant que cela puisse paraître, la réponse de $1/0$ quand le **0** est **absolu**, est très simple, ce n'est pas plus compliqué que calculer : 1×0 ! Si donc l'on connaît la réponse pour : 1×0 , alors on sait aussi celle pour : $1/0$, car c'est exactement la même, à savoir **0** ! Pour le voir, il faut raisonner en **logique omégacyclique**, c'est-à-dire la **logique du cycle** mais spécialement quand il s'agit du **cycle oméga** ou **cycle infini**.

La chose est très simple : comme vu sur une image plus haut, un **cycle n** avec **n** quelconque s'exprime par l'**égalité** « **0 = n** », qui est donc forcément une **équivalence**, si **n** n'est pas **identique** à **0**, c'est-à-dire si ce n'est pas une **relation d'identité**.

Par exemple, « **0 = 0** » est une **identité**, de même que « **1 = 1** », et de même que « **2 = 2** », et de même que « **3 = 3** », etc., et de même que « **ω = ω** », et de manière générale : « **n = n** ». Ces **identités** sont toutes un **cycle** spécial, qui est le **Cycle 0**, autrement dit elles se résument toutes par « **0 = 0** », pour dire que la **différence** entre les deux membres de l'**égalité** est **0**.

Mais si cette **différence** est **1**, c'est le **Cycle 1**, et les **égalités** « **0 = 1** », « **1 = 2** », « **7 = 8** », « **1000 = 1001** », etc., sont toutes des manières différentes de parler du **Cycle 1**, elles sont toutes représentées par « **0 = 1** ». De même, toutes les expressions du **Cycle 2**, qui signifie qu'il y a une

différence de 2 entre le membre de gauche et le membre de droite de l'égalité, par exemple « $3 = 5$ », se résument toutes par « $0 = 2$ ». Toutes les expressions du Cycle 3 se résument par « $0 = 3$ », et ainsi de suite. Et on a en particulier le Cycle ω , ou le cycle oméga, ou l'oméga-cycle, qui nous intéresse spécialement ici, et qui est donc « $0 = \omega$ ». Tout ça, ce sont des équivalences, entendons-nous bien.

Et l'équivalence « $0 = \omega$ », et notamment quand le 0 et le ω sont absolus, apporte la réponse au dit « paradoxe » de Burali-Forti, qui est que le premier ordinal doit être aussi le dernier ordinal. Ou que le plus petit des nombres (en parlant notamment des ordinaux ou des cardinaux) est aussi le plus grand des nombres. Autrement dit, le commencement des nombres est aussi la fin des nombres, l'Alpha des nombres est aussi l'Oméga des nombres. Et comme tout est numérique dans l'Univers TOTAL, dans Dieu... En effet, tout est information, tout est informationnel, et l'information, c'est le numérique.

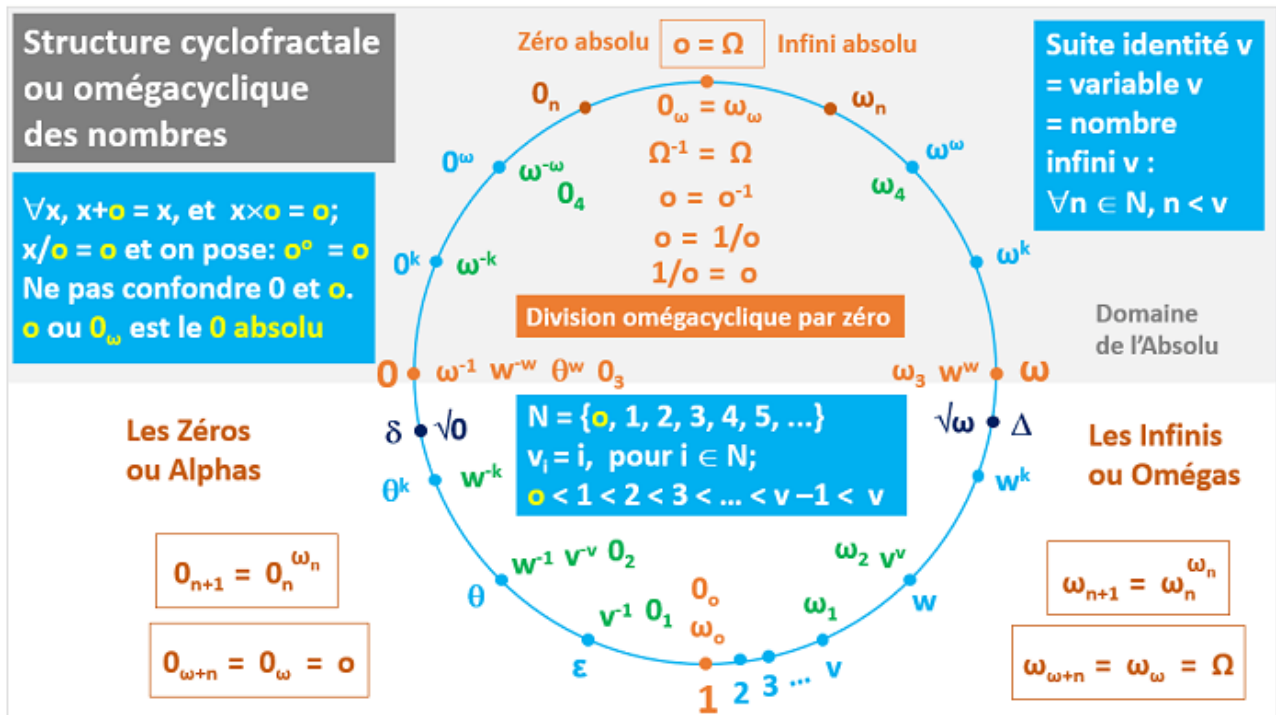
Pas de mystère donc au sujet de l'égalité « $0 = \omega$ », qui est tout bonnement une équivalence, un cycle, et notamment le cycle oméga .

Et par ailleurs on a l'égalité : $\omega = 1/0$, et là il ne s'agit pas d'une équivalence mais d'une identité, ici un type d'identité spéciale, qui est l'identité de définition. Dans les livres précédents je la note « == », donc : « $\omega == 1/0$ », et tous les calculs basés sur cette identité s'expriment avec ce signe d'égalité « == », comme par exemple la fameuse égalité : « $2+2 == 4$ ». On fera plus tard toute une théorie de l'égalité, qui est en fait la théorie de l'identité et de l'équivalence. On reparlera de ce que nous avons dit ici.

Ainsi donc, l'égalité : « $\omega == 1/0$ » est une identité de définition de l'infini ω . Si le 0 est fractal, le ω associé est fractal aussi, et vice-versa. Et si le 0 est absolu, le ω associé est absolu aussi, et vice-versa. Et les mots « absolu » et « omégacyclique » sont ici synonymes. Et, de même aussi, « $0 == 1/\omega$ » est l'identité de définition du 0 à partir de ω . Donc, même chose, selon que ω est fractal ou absolu, il en est de même pour le 0 défini à partir de lui.

Et maintenant, quand on combine la définition de ω , à savoir l'identité « $\omega == 1/0$ » et le cycle ω , qui est l'équivalence « $0 = \omega$ », cela donne l'équivalence : « $0 = 1/0$ », qui consiste simplement à remplacer ω par sa définition. Cette autre égalité, que l'on peut bien entendu écrire aussi : « $1/0 = 0$ », et qui semble déroutante, n'est donc qu'une autre manière d'exprimer le cycle ω , rien de plus, rien de moins ! Et pourtant, elle exprime une vérité sublime, qui est la réponse omégacyclique à la question de la division par 0. Et c'est une autre manière de résoudre le dit « paradoxe » de Burali-Forti, à savoir que le dernier ordinal (ω ou $1/0$) est aussi le premier ordinal (0).

La logique omégacyclique est la clôture de la logique fractale, au sens technique de la notion de clôture, à savoir ce qu'une logique ou une structure devient à un certain horizon limite. L'horizon limite étant ici l'infini oméga absolu ou ω absolu, ou ω_ω , ou Ω , ce qui veut dire aussi le zéro absolu ou 0_ω , ou o . A cet horizon, la logique fractale devient la logique omégacyclique, ce qui fait que toute la structure peut être qualifiée de cyclofractale.



La question avec le **0 absolu** ou ce **0** qui est l'**origine-fin**, n'est pas tant de **multiplier** ou de **diviser** par lui, mais vraiment de marquer l'**origine** d'un **cycle** et la **fin** du **cycle**. Voilà donc pourquoi **multiplier** et **diviser** n'importe quel **nombre** x par lui donne simplement **0**.

Donc : $x \times 0 = 0 \times x = 0$, et : $x / 0 = 0 / x = 0$.

Donc : $1 \times 0 = 0 \times 1 = 0$, et : $1 / 0 = 0 / 1 = 0$.

C'est aussi simple que cela, la **division par 0**, la **division omégacyclique** donc, la **division par le 0 omégacyclique**, qui est l'**élément neutre** de l'**addition**, d'où aussi son nom de **0 additif**. Que ce soit donc la **division** par le **0 fractal** (ou le **0 génératif**, comme on l'appellera aussi par la suite) ne pose vraiment aucun problème, le vrai problème étant en fait le paradigme, car on s'obstine à ne raisonner qu'avec l'**identité** dans la question de la **division par 0**, alors que l'on a connaissance de l'**équivalence** et de la **logique du cycle** ou du **cercle**.

Dans ce livre nous découvrons sous un autre jour la notion de **variable**, les notions classiques de **variable** cachant elles aussi de subtiles faussetés, paradoxes ou mensonges par omission.

En effet, que dire de mathématiques ou de sciences qui refusent la **division par 0**, parce qu'elles refusent aussi des **égalités** comme « **0 = 1** », ou plus exactement elles ont choisi de raisonner fondamentalement avec l'**identité**, qui refuse « **0 = 1** », qui est donc une **équivalence**. Mais, comme on l'a vu aussi, les mêmes sciences utilisent l'**équivalence** en arithmétique modulaire par exemple. Et elles utilisent une notion appelée « **variable** », comme par exemple x. Et utiliser x comme **variable** ou le faire **varier**, c'est écrire avec ce même x des **égalités** comme : « **x=0** », que l'on interprète en disant que « x prend la valeur 0 », et : « **x=1** », qui signifie que « x prend la valeur 1 », et : « **x=2** », etc..

Or la **transitivité** de la **relation d'égalité** ou d'**équivalence** (on comprendra mieux ce que cela veut dire quand nous parlerons plus techniquement de cette relation) exige que si deux choses **x** et **y** sont **équivalentes** à une troisième **z**, elles sont **équivalentes** entre elles :

Si $x = z$ et si $y = z$, alors $x = y$.

Ou si une **chose x** est **équivalente** à deux choses **y** et **z**, alors **y** et **z** sont **équivalentes** entre elles. La **transitivité** de l'**égalité** ou de l'**équivalence** est le plus souvent exprimée sous cette forme :

Si $x = y$ et si $y = z$, alors $x = z$.

Cela signifie que si on utilise un objet **x** appelé « **variable** », pour dire par exemple « $x = 0$ », « $x = 1$ », « $x = 2$ », etc., la transitivité exige que l'on fonctionne alors avec une **égalité** qui dit « $0 = 1$ », autrement dit une **relation d'équivalence** et pas d'**identité**. Or on fonctionne fondamentalement avec l'**identité**, avec l'**égalité** qui dit « $4 = 4$ » ou « $2+2 = 4$ » et pas « $4 = 5$ » ou « $2+2 = 5$ ». Et l'utilisation de la **variable x** pour dire « $x = 4$ », « $x = 5$ », etc., exige qu'on dise « $4 = 5$ ». Bref, tout exige que l'**égalité** fondamentale soit l'**équivalence**, et que l'**identité** n'en soit qu'un cas particulier. Or c'est exactement le contraire que l'on fait, on fonctionne fondamentalement avec l'**identité**, et ponctuellement ici ou là avec l'**équivalence** comme sa généralisation. Comme quand on a besoin de faire l'arithmétique modulaire. Cela permet d'avoir les avantages de l'**équivalence**, mais tout en niant « $0 = 1$ », « $2+2 = 5$ », la **division par 0** (qui demande « $0 = 1$ » ou l'**équivalence** en général). Les mathématiques sont donc dans des paradoxes, et à ce point il ne s'agit pas d'erreur de paradigme, mais une chose faite exprès.

Mais quant à nous, nous fonctionnons à fond avec l'**équivalence**, et non seulement la notion de **variable** trouve son vrai paradigme avec l'**équivalence** (sinon la notion de **variable** n'est qu'un des nombreux artifices des mathématiques actuelles, des tours de passe-passe avec des **lettres** pour atteindre le but voulu), mais on découvre qu'en fait la vraie notion d'**infini ω** est un cas particulier de notion de **variable**. Autrement dit, l'**infini ω** est une **variable**, comme **x**, comme **n**, mais un cas très particulier de **variable**, à savoir les **variables croissantes**, comme vu plus haut :

$\omega = 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots$

A la suite des livres précédents, le présent livre revisite les notions scientifiques fondamentales et montre les erreurs de paradigme et même simplement les mensonges volontaires qui sont cachés dans ces notions par les esprits occultes qui gouvernent la science derrière les rideaux de la scène du théâtre. Mais des scientifiques sincères de tous les temps, qui ont opéré ou opèrent sur la scène, ignorant les secrets des coulisses, n'ont pas conscience de ce qu'ils travaillent dans des paradigmes de mensonges, des paradigmes faux. Ils ignorent que les buts des maîtres cachés des sciences de ce monde, sont tout sauf ce que ces gens sincères croyaient. Beaucoup s'en rendent compte à présent à l'ère de la religion du Covidisme. Oui, les sciences étaient en fait une activité de surface pour cacher une religion, et ceux qui ne regardaient pas derrière les rideaux ne s'en rendaient pas compte.

Ce monde est vraiment un monde de Négation, de mensonges. Et nous travaillons pour un monde d'Alternation, qui est aussi expliqué dans tous les livres et au site hubertelie.com. C'est expliqué aussi dans les blogs associés indiqués sur la page d'accueil et dans le menu à gauche : ce blog [Nouvelle Genèse](#) par exemple, ou ce blog [Amour de la Vérité](#), ou ce blog [Pour notre Monde d'Alternation](#), et bien d'autres. Vous ne pourrez pas dire que vous n'avez pas eu à savoir, à comprendre enfin le monde, l'Univers et les choses.

Je fais mon travail depuis des années dans des conditions très difficiles, et si vous avez compris à l'issue de la présente partie que nous sommes en présence de deux paradigmes : **L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga** d'un côté, qui est la définition scientifique de la notion biblique de **DIEU**, et de l'autre côté la **Négation de l'Univers TOTAL**, la définition scientifique de la notion du **Diable** ; si vous avez compris que ce sont les **esprits** et **forces de Négation** qui gouvernent jusqu'à présent ce monde et cet **univers** (qui est un **onivers** en train de devenir un vrai **univers**, un **univers** normal); si vous avez saisi ce sur quoi je mets le doigts en parlant de la **religion** cachée derrière les **sciences** et les **technologies** de ce monde, à savoir le **scientisme** déguisé en **sciences**; si vous avez pris conscience du fait que c'est cette religion cachée qui se manifeste plus que jamais comme la **religion** du **Covidisme**, etc.; alors vous avez compris pourquoi ce n'est pas du tout une sinécure de travailler dans un tel monde de propagandes et de mensonges, à la **vérité**, oui la **vérité divine** et la **divine vérité**.

Ce travail ne peut pas se faire dans le cadre des institutions académiques classiques, et je vous laisse juste deviner comment ils qualifient ce genre de travail. Regardez juste comment ces **esprits de Négation** traitent les scientifiques qui sortent des sentiers battus ou qui osent simplement dire la vérité en matière de santé, de médecine, et au-delà, qui rappellent simplement ce qu'est la science, ce qu'elle doit être. Et alors vous comprenez ce que j'endure depuis de très nombreuses années, même en ayant accepté l'idée de renoncer à une carrière dans un tel système, me contentant de survivre par la Puissance du **Dieu** dont je fais justement la **Science** ! Devinez tout ce que j'endure à l'abri des regards pendant de longues années. Non, vous ne pouvez pas deviner.

Dans ces conditions, vous comprenez que je n'ai pas le loisir de travailler sereinement, je travaille donc en situation d'urgence, une main sur le clavier de mon ordinateur et l'autre combattant le Diable et les esprits de Négation. Pour dire les choses simplement ainsi.

J'ai donc à peine le temps de me relire, et mes collaborateurs et collaboratrices subissent les mêmes attaques occultes. Ils ne sont pas légion non plus, hein ? C'est tout juste si mes collaborateurs et collaboratrices ont le temps de relire mon travail, et de corriger les nombreuses « coquilles », comme nous le disons. Cela n'enlève rien à la valeur de ce travail, mais si vous quittez ce livre en n'ayant vu que ces coquilles, alors je vous plains. Sincèrement.

Mais si vous quittez ce livre avec le sentiment de commencer à comprendre ce qu'est la vraie Science, alors bienheureux et bienheureuses vous êtes.

II - L'Univers TOTAL, le Nouveau Paradigme

1 – L'Univers TOTAL, l'Univers FRACTAL, l'Univers-DIEU

Ce livre fait partie de la **Science de l'Univers TOTAL** ou **Théorie universelle des ensembles**, développée au site hubertelie.com, et dans le livre PDF: [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#). Si vous découvrez le Nouveau Paradigme avec ce livre, il me faut exposer pour vous quelques bases.



La **Science de l'Univers TOTAL** ou **Théorie universelle des ensembles** est une nouvelle **théorie des ensembles**, qui traite de **toutes les choses**, donc aussi des **nombre**s, de l'**information**, etc.. Et au sens de la notion d'**ensemble** ainsi définie, **toute chose est un ensemble**, et même plus que cela, **toute chose est un nombre**. Et les **nombre**s les plus fondamentaux sont les **nombre**s entiers naturels.

Dans ce document nous verrons non seulement une autre approche des **nombre**s entiers, qui inclut des **nombre**s infinis, que nous appelons les **entiers variables**, par opposition à la classique conception des **entiers**, qui sont des **entiers** seulement constants. Nous en profiterons aussi pour faire une autre approche de la notion de **corps** (c'est-à-dire le **corps des nombre**s), ou **corps omégacycliques**, ce qui signifie donc un **corps** intégrant des **nombre**s infinis ou **oméga**ns.

Le mot clef fondamental de cette **Science** est le mot **chose**, en anglais **thing**.

Et par **ensemble**, au sens **universel** de la notion, nous entendons une **chose** formée d'autres choses appelées ses **éléments**.

Et l'**Univers TOTAL** est l'**Ensemble** constitué de **toutes les choses**, c'est donc l'**Ensemble de toutes les choses**. On le note **U**.

De par sa définition, **toute chose existe dans U** et le contraire de tout aussi. C'est le **Théorème de l'Existence** ou la **Loi de la Réalité TOTALE**, de l'**Etre TOTAL**. Donc **tout existe** dans l'absolu (c'est-à-dire justement dans l'**Univers TOTAL**), **tout est vrai**, **tout est possible**. Il n'y a que dans certains contextes de l'**Univers TOTAL** qu'une chose puisse ne pas exister, ne pas être possible, ne

pas être vraie, et c'est justement le cas dans les contextes où règnent la **Négation** et les êtres de **Négation**, comme notre monde ! Nous travaillons justement pour neutraliser leurs pouvoirs de **Négation** et rétablir **Dieu l'Univers TOTAL** dans tous ses droits.

Inutile donc de se demander si les anges existent, si ce que la Bible dit dans la Genèse est la réalité, etc.. Inutile de se demander si d'autres univers existent, si d'autres êtres ou formes ou types de vie que ce que nous connaissons jusqu'ici, existent, etc.. C'est justement la **Négation** qui fait se poser ces questions, et même qui nie les réalités de l'**Univers TOTAL**, qui représentent en fait l'immense partie des réalités, la quasi-totalité même, notre monde ou notre univers n'étant justement qu'un néant comparé aux autres réalités dans l'**Univers TOTAL**.

L'Univers TOTAL, U:
L'Ensemble de TOUTES les choses

Alpha
Omega

U

Loi de la Réalité TOTALE:
« TOUTE chose existe dans l'Univers TOTAL »
 $\forall X(X \in U)$

L'**Univers TOTAL** est scientifiquement et techniquement la définition de la notion biblique de « **Dieu** ».

L'Univers TOTAL, l'Univers-DIEU:
L'Ensemble de TOUTES les choses,
la Réalité TOTALE, l'Etre TOTAL

Alpha
Omega

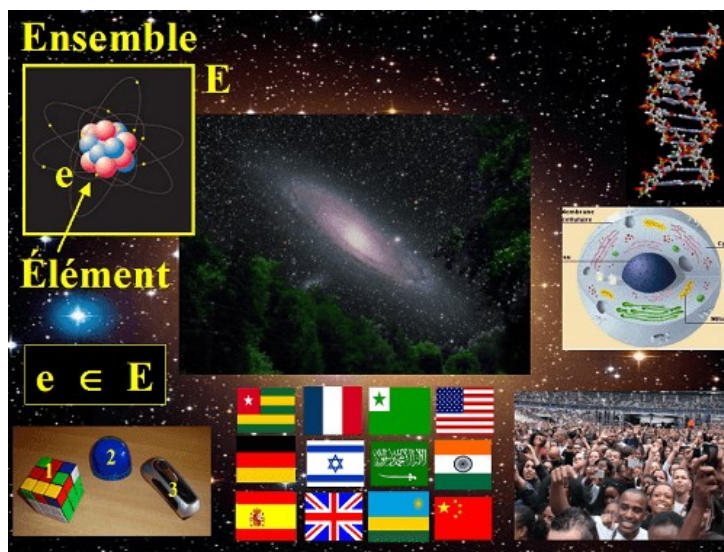
U

L'ALPHA et l'OMEGA,
le Générateur de toutes les choses
et de tous les êtres,
l'Etre Suprême

En 1882 le mathématicien de génie Georg Cantor introduisit un nouveau paradigme mathématique, la **théorie des ensembles**. Sa définition de la notion d'**ensemble** était très intuitive, il disait en effet : « *Un ensemble est un groupement en un tout d'objets distincts de notre pensée ou de notre intuition* ».

La puissance du concept d'**ensemble** se trouve dans cette définition, mais aussi la faiblesse de la version de Cantor. On trouva plus tard des paradoxes dans la théorie de Cantor, comme par exemple le fameux **paradoxe de Russell**, plus connu sous le nom de **paradoxe du barbier**.

L'épineux problème posé par ce paradoxe est de savoir si l'on peut faire un **ensemble** de tout ce qu'on veut. Normalement oui, et c'est effectivement le cas. On peut parler par exemple de l'**ensemble des humains**, de l'**ensemble des pays du monde**, de l'**ensemble des planètes de notre système solaire**, de l'**ensemble des étoiles et des planètes de notre galaxie**, etc.

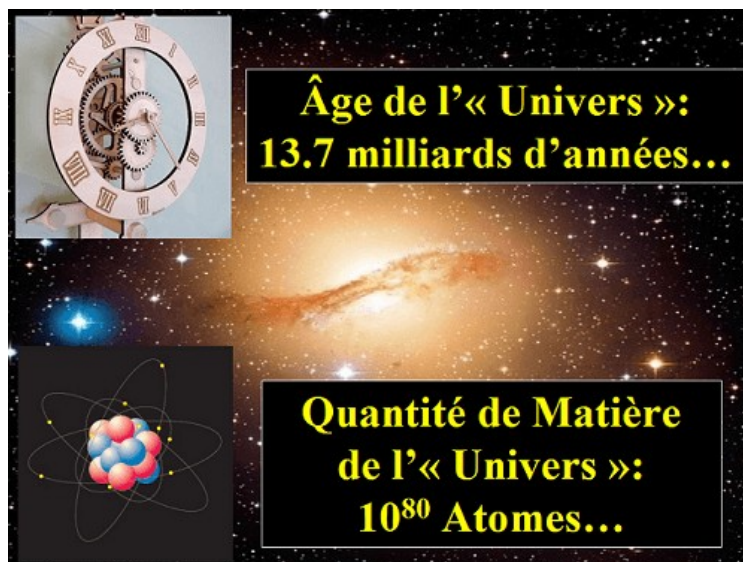


Et on peut continuer en parlant de l'**ensemble des galaxies de l'univers**, et alors la question qui se pose est : on s'arrête là ? Il n'existe pas d'**ensemble** plus grand que ce que nous appelons ici l'« **univers** » ? Avons-nous atteint le terminus de la **logique** et de la **structure** et de la **hiérarchie** des **ensembles** ? Qu'est-ce qui nous autorise à le penser ?

Ce que la physique actuelle appelle l'« **univers** » n'est en réalité que l'**univers connu**, dont ils estiment l'âge à **13.6** ou **13.7 milliards d'années**, ce qui veut dire sa taille à **13.6** ou **13.7 milliards d'années-lumières**.



Et sa **quantité de matière** est estimée à **10⁸⁰** atomes.



10⁸⁰, c'est : 1 00000000 000000000 000000000 000000000 000000000 000000000 000000000 000000000.

Le **nombre entier naturel 13.7 milliards** ou **13.7× 10⁹** ou **13 700000000**, c'est beaucoup ! Mais pas **infini**, ce n'est pas une éternité !

Et **10⁸⁰**, c'est gigantesque, mais une fois encore ce n'est pas **infini** !

Pourquoi donc l'« **univers** », si l'on parle de la **Réalité TOTALE**, serait curieusement limité à **10⁸⁰**, comme si ce serait le **dernier nombre entier naturel** ? Même si l'on se rendait compte que l'« **univers** » est bien plus grand que ça, et que l'on corrigeait et que l'on augmentait la quantité, par exemple à **10¹⁶⁰**, ce qui est infiniment grand, et correspond au fait de remplacer chacun des **10⁸⁰** atomes de l'« **univers** » dont on parlait par un « **univers** » de **10⁸⁰** atomes, autrement dit encore **10⁸⁰ univers** comme celui présentement connu, cela ne répond pas encore à la question. On aura fait que repousser plus loin la question clef, à savoir donc pourquoi la **Réalité TOTALE** se limiterait étrangement à **10¹⁶⁰** ?

Et même si on recommençait la même opération, en remplaçant chaque atome des 10^{80} univers comme celui présentement connu, et qui est crédité de 10^{80} atomes, autrement dit si l'on remplaçait chacun des 10^{160} atomes du tout par un ensemble de 10^{160} atomes, cela ferait un « univers » de 10^{320} atomes. C'est extraordinairement grand, certes, mais c'est encore fini ! Il n'y a aucune raison que la **Réalité TOTALE** se limite à 10^{320} atomes.

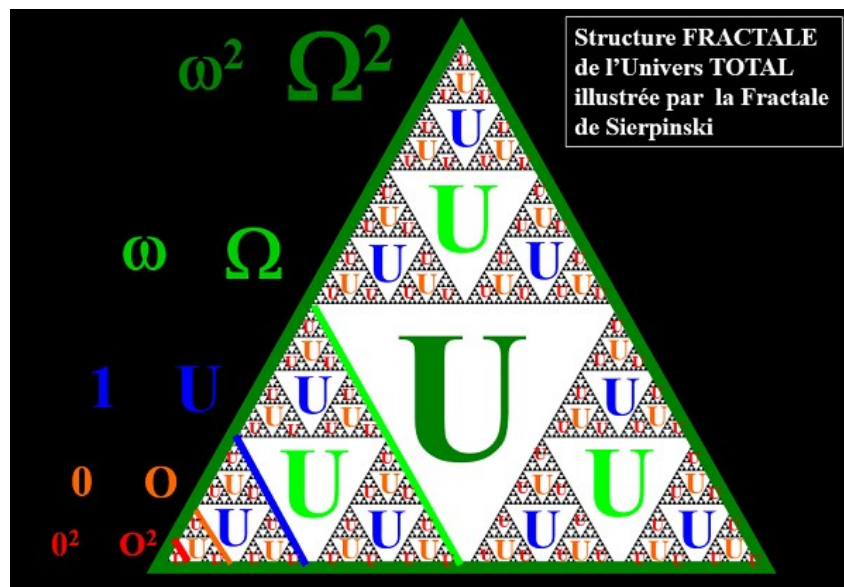
Et si l'on recommençait la même opération pour échapper à la même question, ce ne sera qu'une fuite en avant, la question se posera de nouveau à 10^{640} atomes, et ainsi de suite indéfiniment.

Le principe du **rasoir d'Ockham** impose ici que c'est l'**infini** la réponse la plus simple, qui met fin à cette suite de problèmes, ou à ce problème qui se reproduit par **récurrence**. Et le **principe de récurrence** qui est l'un des **axiomes de Peano**, le **système d'axiomes** qui définit la notion de **nombre entier naturel**, est très important en mathématiques.

Un mathématicien serait littéralement choqué si on lui disait que l'**ensemble des nombres entiers naturels** : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, s'arrête à 10^{640} , pile ! Pas 1 de plus !

Même si, face à son choc, on négociait avec lui et on lui disait qu'en fait on s'était trompé, que cet **ensemble** s'arrête à 10^{1280} , et qu'il est l'**infini**, le dernier mot de l'histoire, non seulement il dira qu'on cherche à le tromper et à l'induire en erreur, mais en plus on le prend pour un idiot, comme on prend les gens pour des idiots dans cette crise de... Non, n'allons pas trop vite. On y reviendra.

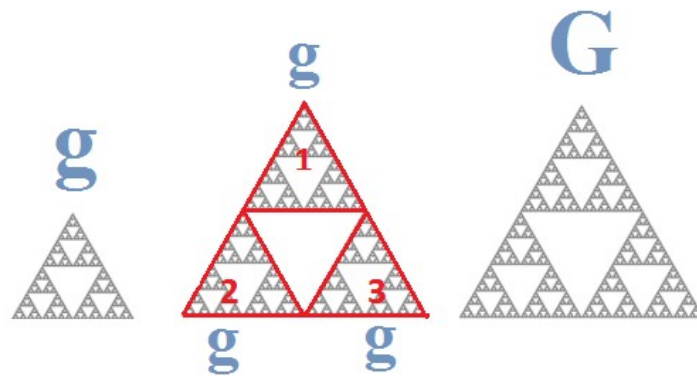
Soit dit en passant, la **hiérarchie des univers** ou les **structures** de plus en plus grandes et riches d'**ensembles** d'atomes que nous construisons ainsi pour résoudre ce problème, est ce qu'on appelle une **structure fractale**. En voici une, très simple et éclairante, que l'on rencontre dans beaucoup de mes écrits, le **triangle de Sierpinski**, une **structure fractale** :



On dit qu'un **ensemble** a une **structure fractale** quand un certain **modèle** se répète à toutes les échelles, de l'**infiniment petit** à l'**infiniment grand**. Nous disons que la **fractale** est **génératrice** ou **générateur**, si chaque **modèle** est formé d'un certain nombre de plus **petits modèles**. Elle est dite **génératrice (générateur) régulière** ou **constante** si le nombre de **petits modèles** formant

chaque **modèle** donné est le même d'un **modèle** à l'autre, est **constant** donc. Dans ce cas ce **nombre n** est appelé le **fractalade** de la **structure** ou sa **base**. On parle de **Fractale n**.

C'est le cas de la **fractale** ci-dessus : chaque **modèle** du **triangle** est à chaque fois formé de **3** plus **petits modèles**, **UUU**, disposés pour former un plus grand **triangle**.



Il s'agit donc d'une **Fractale 3**. Nous parlons aussi de **fractale : 1 = 3**.

Dans ce cas, l'**égalité** ainsi exprimée par le signe « = » est une **équivalence** et non pas une **identité**. Nous raisonnons maintenant non plus avec une logique d'**identité** comme on le fait depuis la nuit des temps en mathématiques et sciences, mais avec la **logique d'équivalence**, et nous parlerons plus loin de la **relation d'équivalence**, notre conception de l'**égalité**. La **logique de l'équivalence** est aussi appelée la **logique d'Alternation**, par opposition aux **logiques de Négation**, on en reparlera aussi.

La **fractale** est dite **générescente (généralitive) irrégulière** ou **variable** si le nombre de **petits modèles** formant chaque **modèle** donné change d'un **modèle** à l'autre, est **variable** donc. C'est le type de **fractale** qu'est un **arbre** :



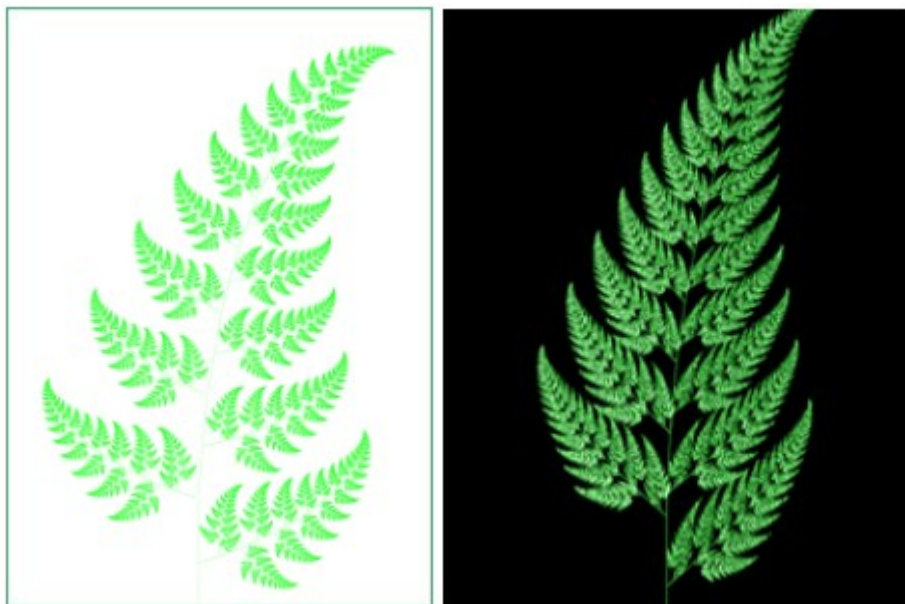
Celui-ci a un tronc, la première branche, qui a un certain nombre de sous-branches, qui à leurs tours ont leurs sous-branches, etc., et le nombre de branches à chaque fois n'est pas forcément le même,

contrairement à cet arbre trinaire suivant, qui est une **Fractale 3** aussi, comme le triangle de Sierpinski :



C'est une **fractale généscente** régulière donc, car chaque branche a à son tour 3 branches à chaque fois.

Voici une **fractale** naturelle plus ou moins régulière, la **feuille de fougère** :



En fait, la **structure fractale** est la **structure** même de la **Nature**, de l'**Univers**, tout simplement parce que c'est la **structure** même des **ensembles**, une **structure arborescente**: un **ensemble** est formé d'un certain **nombre d'éléments**, qui à leur tour sont des **ensembles** ayant leurs **éléments**, etc.. Les **ensembles** ont donc une **structure généscente**, ce mot de **généscente** étant

simplement la manière très générale de parler de l'**arborescence**. Et en général, les **générescences** que sont les **ensembles** ne sont pas **régulières** ou **constantes**, elles sont **variables**.

Et justement nous découvrirons dans ce document la notion de **nombres entiers variables**, qui ne sont donc que la notion de **générescence** mais vue sous l'angle **numérique**.

Et qu'est-ce que le très classique **système de numération décimale** ou de **base 10**, si ce n'est simplement une **Fractale 10** ? En effet, **10 unités** forment une **unité** plus grande appelée la **dizaine**, et **10** de celle-ci forment une unité plus grande appelée la **centaine**, puis **10** de celle-ci forment le **millier**, et ainsi de suite. Les différentes **unités** sont donc : **1, 10, 100, 1000, 10000, etc.**, où : **10^0 , 10^1 , 10^2 , 10^3 , 10^4 , etc.**, et en continuant on arrive à **10^{80}** , le nombre des atomes de l'**univers** connu, puis en continuant on arrive à **10^{160}** , puis **10^{320}** , puis **10^{640}** , puis **10^{1280}** , comme nous l'avons vu précédemment dans notre interrogation sur la question de la **Réalité TOTALE**.

La construction que nous avons faite est donc des modèles spéciaux de la **Fractale 10**. Pourquoi donc cette **fractale** s'arrêterait-elle physiquement à **10^{80}** , ou à **10^{160}** , ou à **10^{1280}** , etc., alors que mathématiquement elle continue ? Pourquoi donc ce divorce entre les mathématiques et la physique, la seconde décrivant la réalité... eh bien physique, la réalité réelle, et pas les mathématiques et leurs **nombres réels**, par exemple ? Pourquoi l'**Univers mathématique** serait dans le faux, dans l'abstrait, car il ne connaît pas de limite, et que ce serait l'**Univers physique** et ses limitations incompréhensibles, qui seraient dans la vrai et le réel ?

Il est clair que quelque chose ne tourne pas rond dans les paradigmes scientifiques actuels, et ce mystère de tous les temps, que nous sommes en train d'élucider justement avec le **Nouveau Paradigme**, est la vraie cause des paradoxes de la **théorie des ensembles** de Georg Cantor. Ce mystère porte un nom, nous l'avons nommé le **mystère de la Négation**, et le problème de la **Négation** est la définition scientifique que nous donnons à la question du **Diable**. Mais n'allons pas trop vite...

Le principe du **rasoir d'Ockham** ou le **principe de la simplicité** ou le **principe de l'hypothèse économique** ou encore ce que j'appelle le principe de la « **Simplicité biblique** », ou encore le principe du « **Pourquoi faire compliqué quand on peut faire simple ?** », etc., impose tout simplement de dire que l'**Univers mathématique** et l'**Univers physique** sont un seul **Univers**. Autrement dit, la **Réalité mathématique** et la **Réalité physique** sont une seule et même **Réalité**, simplement deux langages différents pour parler de la même chose : l'**Univers TOTAL**, deux approches différentes du seul et même **Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**, et deux méthodologies différentes. Et plus généralement, toutes les sciences ne sont que des approches différentes de la même **Réalité**, l'**Univers TOTAL**.

Le **paradoxe** de la **théorie des ensembles** de Cantor, comme le **paradoxe de Russell**, pose simplement la question de savoir si l'on peut parler de l'**ensemble de tout ce qu'on veut**, comme Cantor le disait dans sa définition : « *Un ensemble est un groupement en un tout d'objets distincts de notre pensée ou de notre intuition* »?

La question qui se pose avec ce paradoxe est la suivante : si nous appelons par exemple « **ensemble non auto-appartenant** », ou « **ensemble subscendant** » (par opposition à **transcendant**) un **ensemble qui n'est pas élément de lui-même**. Est-ce que nous avons le droit d'envisager

l'**ensemble de tels ensembles** ? Autrement dit, de parler de l'**ensemble des ensembles subséquents**, ou de l'**ensemble des ensembles non-éléments d'eux-mêmes** ?

La logique naturelle voudrait que oui, et même veut que oui, et c'est ce que veut dire aussi Cantor dans sa définition. Du moment où nous avons **défini un objet**, donné ses **propriétés caractéristiques**, et désigné par un **nom commun M**, comme ici « **ensemble subséquent** » ou « **ensemble non auto-appartenant** », pourquoi on n'aurait pas le droit de parler de l'**ensemble de tous les M** ?

Or ici il se pose un subtil problème : appelons **A** cet **ensemble de tous les M**, de tous les **ensembles subséquents** donc. Et maintenant, à la question de savoir si ce nouvel **ensemble A** est lui-même **subséquent** ou **non**, autrement dit s'il **appartient à lui-même** ou **pas**, s'il est ou non **élément de lui-même**, on se heurte au paradoxe suivant : si l'on dit oui, alors cela conduit à dire non. Et si on dit non, cela conduit à dire oui.

En effet, s'il est **non auto-appartenant**, il n'appartient donc pas à lui-même. Or par définition il est précisément l'ensemble des ensembles qui n'appartiennent pas à eux-mêmes. Comme lui aussi il n'appartient pas à lui-même, il est donc l'un d'entre eux, donc finalement... il appartient à lui-même ! Ce qui est donc paradoxal.

Et maintenant, si l'on dit qu'il est **auto-appartenant**, donc **non subséquent**, il est donc l'un de ses propres éléments. Or par définition, ceux-ci sont ceux qui n'appartiennent pas à eux-mêmes, et par conséquent, comme il est l'un d'eux, il n'appartient pas à lui-même.

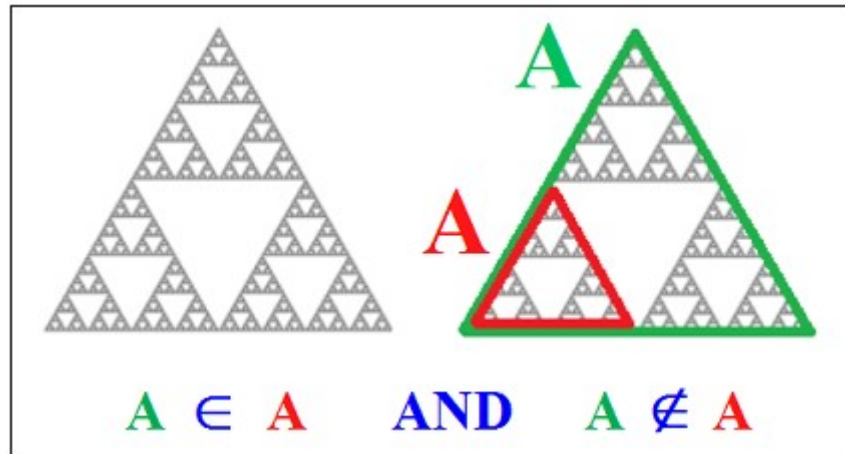
C'est cela donc le **paradoxe du Russell**, plus connu sous la forme du **paradoxe du barbier** : *le barbier d'un village rase tous les hommes qui ne se rasent pas eux-mêmes. Est-ce que le barbier se rase lui-même ?*

En analysant le problème comme nous venons de le faire avec les **ensembles subséquents**, on a un paradoxe semblable : **si oui, alors non, et si non, alors oui.**

Le **paradoxe de Burali-Forti** est de la même nature que le précédent. Il concerne le **dernier ordinal**, ce qui veut dire le **dernier nombre entier** (on parle des **entiers finis** ou **infinis**). Cela signifie aussi l'**ensemble de tous les ordinaux**, car d'après la propriété des **ordinaux**, cet **ensemble** est lui aussi un **ordinal**, et alors forcément le **dernier**, le plus **grand**. L'**ordinal infini**, lui-même, le grand **Oméga** !

Et le problème qui se pose ici, c'est de savoir si ce **dernier ordinal**, qui par définition est l'**ensemble de tous les ordinaux**, est ou non **élément de lui-même**. Mais l'une des propriétés des **ordinaux** classiques (qui sont tous **subséquents**), c'est qu'ils ne sont pas **éléments d'eux-mêmes**. Donc si leur **ensemble** est l'un d'eux, il est donc **élément de lui-même**, or justement leur propriété commune est qu'ils ne sont pas **éléments d'eux-mêmes**. Donc on doit dire que le **dernier ordinal n'est pas élément de lui-même**, ce qui est paradoxal. Mais s'il n'est pas élément de lui-même, il est donc un **ordinal subséquent**, donc précisément ceux qui sont élément de ce **dernier ordinal**. Même problème donc que le paradoxe de Russell.

Mais en réalité il s'agit d'un faux problème, car il s'agit de regarder une **structure fractale**, comme par exemple le triangle de Sierpinski plus haut, pour voir que, pour tout modèle donné, il est tout aussi vrai de dire qu'il est élément de lui-même qu'il ne l'est pas.



Le **modèle A vert**, au sens de l'**identité**, n'est pas **un de ses propres sous-modèles**, comme par exemple le **modèle A rouge**. Il est ici plus grand que son **sous-modèle**. Ce qui vérifie bien le fait qu'il n'est pas **élément de lui-même**, qui s'interprète ici comme : **il n'est pas un de ses propres-sous-modèles**, car il est **plus grand qu'eux tous**.

Mais l'**identité** n'est pas la seule **égalité** qui doit entrer dans la logique pour comprendre ce qui se passe ici, on doit raisonner avec l'**identité** et l'**équivalence**, et alors le type de logique avec laquelle on raisonne est ce que nous appelons la **logique d'Alternation**.

Sur l'image précédente, l'**identité** du **triangle A vert**, est qu'il est le **triangle A vert**, qu'on va noter ici **A**, tandis que le **triangle A rouge** sera noté **a**. On a donc les **identités propres**: $A == A$, et $a == a$, mais on n'a pas : $A == a$. Par contre on a l'**équivalence** : $A = a$, parce qu'on a le même **triangle de Sierpinski**, la même **fractale** donc, mais de taille ou d'échelle différente. Au sens de l'**identité**, on n'a pas : $A \in A$, mais : $A \notin A$, ce qui veut dire que le **grand modèle A** n'est pas son propre **sous-modèle strict**, comme **a** ou tout autre de l'infinité de ses sous-modèles. De même, au sens de l'**identité** on n'a pas : $a \in a$, mais : $a \notin a$. Mais tous les modèles sont **équivalents**, on a l'**égalité** « = » entre eux, comme ici l'**équivalence** : $A = a$. En vertu de cette **équivalence**, on a bien cette fois-ci : $A \in A$ et : $a \in a$.

Si donc on ne raisonnait qu'avec l'**identité**, avoir à la fois : $A \in A$ et : $A \notin A$, est contradictoire, c'est le type même des paradoxes de type Russell ou Burali-Forti ! Sans une **structure fractale** devant les yeux, il est difficile de voir comment une chose et son contraire puissent être vraies en même temps, d'autant plus si la valeur de vérité doit toujours être soit **Faux** ou **0** ou **0 %** soit **Vrai** ou **1** ou **100 %**, sans aucune notion de **valeur de vérité intermédiaire**, du genre **50 %** et **50 %**, ou **30 %** et **70 %**, etc..

Dans les logiques transitionnelles, on raisonne en **tout ou rien**, même si pourtant aussi on élabore l'**Intelligence Artificielle** ou **IA**, à qui on apprend à imiter l'**Intelligence Naturelle**, ou l'**intelligence humaine** (au sens noble) ou **divine**, qui a le propre d'avoir le sens des **nuances**. C'est aussi l'une des caractéristiques de la **logique d'Alternation**, ne pas être une logique en **tout ou rien**, une **logique binaire** au mauvais sens, c'est-à-dire une **logique de dualité**, de **séparation**.

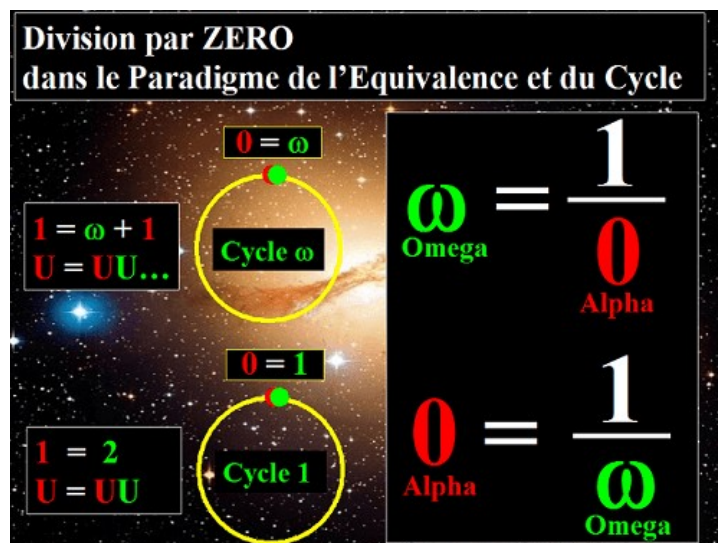
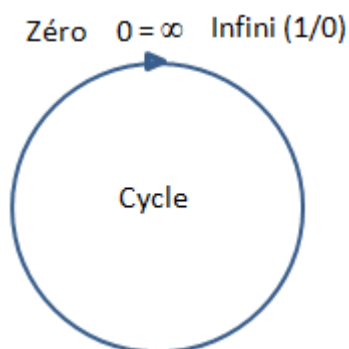
Quel étrange monde où l'on connaît la **relation d'équivalence** dans ses mathématiques, mais où on n'en fait pas l'**égalité générale**, mais où l'on raisonne et fait la science avec son cas particulier qu'est l'**identité** ! (On y reviendra...).

Et quel monde bizarre où l'on connaît la **logique polyvalente** et les **logiques nuancées**, qu'on essaie d'imiter en **IA** en apprenant aux robots à raisonner comme des humains, mais où pour faire les mathématiques et les sciences, ou pour gérer les humains, on raisonne en mode **tout ou rien**, comme des ordinateurs sans cœur, comme des robots sans âmes ! Oui, qui sont ces **démiurges**? Qui sont donc ces **démons-crates dictateurs** et **totalitaires** qui se disent **démocrates**, qu'ils soient à l'Elysée, à la Maison Blanche ou ailleurs ? (On y reviendra aussi...).

Ce sont des **êtres de Négation**, ils fonctionnent avec la **logique de Négation**, ils ne peuvent pas ou ne veulent pas fonctionner avec la divine **logique d'Alternation**, dont ils essaient seulement d'imiter la puissance et pour asseoir leur **pouvoir de Négation**, leurs dominations sur les autres.

Le propre de la **logique d'Alternation** est que la **vérité alterne**, elle change et devient son **contraire**, et vice-versa, sans que cela soit contradictoire. Et plus généralement, on a des situations à **0 alternative** (qui n'offrent aucun choix), des situations à **1 alternative** (on n'a qu'un seul choix), des situations à **2 alternatives** comme ici (on a 2 choix contraires), des situations à **3 alternatives** (on a 3 choix), ainsi de suite.

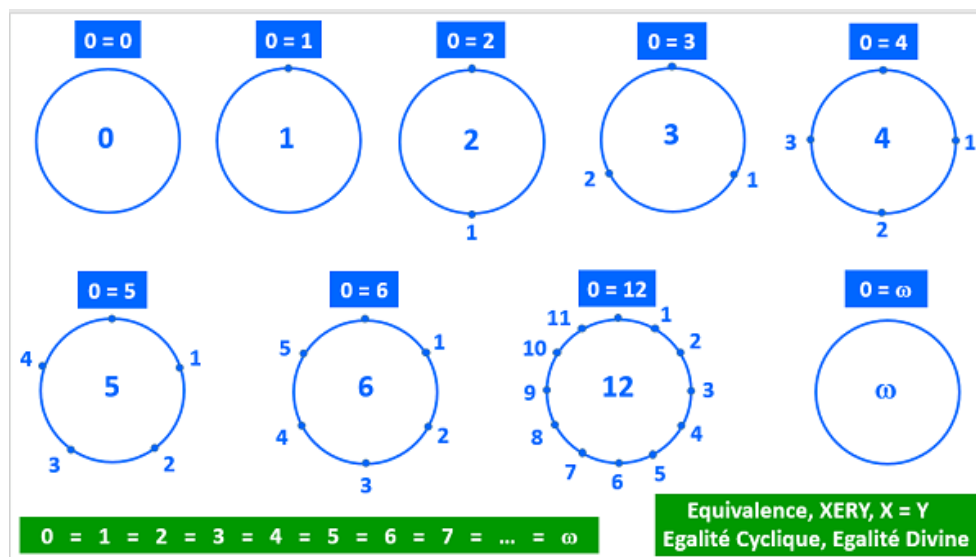
Les situations à **0 alternative**, sont en fait les situations à une **infinité absolue** d'alternatives, et il faut impérativement raisonner en logique d'équivalence pour s'en rendre compte. Les **nombre infinis** qui ne sont pas **absolus**, comme par exemple le **nombre infini w** (que nous notons parfois aussi ω , mais en précisant qu'il ne s'agit pas de l'**infini absolu**), qui est aussi la **variable** de référence qu'on verra plus amplement, oui, ces **infinis non absolus**, ou **relatifs**, sont **distincts** de leurs **inverses**, à savoir les **zéros** associés, qui ne sont pas le **zéro absolu** non plus. Dans le cas de **w**, son **zéro** associé est : $\theta == 1/w$, à lire : « **par définition, θ est $1/w$** », ou « **l'identité propre de θ est $1/w$** ». Et donc on a aussi : $w == 1/\theta$.



Mais quand l'**infini** devient **absolu**, et on le note alors ω , son **zéro**, à savoir $1/\omega$, devient absolu aussi, et ce **zéro** est : $0 == 1/\omega$. Et donc on a aussi : $\omega == 1/0$. Mais alors aussi l'**infini** rejoint le **0**.

Autrement dit on a l'**identité** : $0 == \omega$, ce qui au passage donne ce résultat apparemment étrange : $1/0 == 0$, mais qui n'a rien d'étrange, quand on raisonne en **logique de l'équivalence**, dont un aspect est la **logique fractale**, et un autre étant la **logique cyclique**.

Ceci donc aussi pour illustrer que la situation du **0 alternatif** cache la situation du ω **alternatives**. L'**infini absolu** est le **nombre** qui, considéré comme nouvelle **origine**, est appelé **0**.



Le cas apparemment étrange de la **division** : $1/0 = 0$ étant réglé (on y reviendra amplement et plus rigoureusement), on peut passer aux autres cas d'**alternatives**, pour lesquels le sens de la division que l'on fait ne pose pas de problème.

Avec **n alternatives** ayant la même **valeur de vérité**, la **valeur de vérité** de chaque **alternative** est $1/n$. Ceci est aussi banal que partager un **cercle** de **longueur** ou **circonférence** 1 ou 100 % en **n arcs de cercle égaux**. En prenant chaque **arc de cercle** comme nouvelle **unité de graduation**, on parle respectivement de **Cycle 0** (ce cas est réglé), qui s'écrit : $0 = 0$, de **Cycle 1**, qui s'écrit : $0 = 1$, de **Cycle 2**, qui s'écrit : $0 = 2$, de **Cycle 3**, qui s'écrit : $0 = 3$, etc.. Le **Cycle 12**, qui s'écrit : $0 = 12$, étant celui de la famille horloge.

Et maintenant, avec **w alternatives**, chaque arc de cercle aura une longueur de : $\theta == 1/w$. Et donc on a aussi : $w == 1/\theta$. Mais dans ce cas on n'a pas l'**identité** : $\theta == w$, mais on peut toujours avec le **Cycle w**, qui s'écrit : $0 = w$.

En ne raisonnant qu'avec l'identité, certaines vérités de la logique peuvent elles aussi paraître **contradictoires**, comme on l'a vu pour la **fractale**. Comme par exemple, avec le **Cycle 3** par exemple, le fait d'avoir : $-1 = 2$, qui dit qu'un nombre non nul, qui est négatif (nous préférons dire ici **antitif**, pour ne pas confondre cette notion de **nombre négatif** de la **logique d'Alternation** avec celle associée à la **Négation** proprement dite), est aussi un **nombre positif**.

Mais revenons à la question : Peut-on toujours dire : « **l'ensemble de tous les X** » où X désigne tout ce qu'on veut ? La réponse est oui, car c'est l'un des intérêts même de la notion d'**ensemble**, au sens le plus **universel**, sinon cette notion perd son intérêt et n'est plus qu'un jeu d'axiomes. Avec la

bonne logique, l'**équivalence**, la **fractale**, le **cycle**, bref avec la **logique d'Alternation**, les **ensembles** trouvent leur bonne logique, donc il n'y a plus aucun problème, aucun paradoxe qui tienne.

Mais à cette question au temps de Cantor, la réponse des mathématiciens, qui est encore celle des mathématiciens d'aujourd'hui, est... non. Nous en apportons la preuve du contraire depuis 2003-2007 que nous avons publié la **Théorie universelle des ensembles**, dont nous exposons une fois encore les bases ici. Il n'y a absolument aucune raison de ne pas pouvoir parler de l'**ensemble de tout ce qu'on veut**, de dire que des **objets** ou des **choses** données, peu importe leur nature, forment une nouvelle **chose** appelée leur **ensemble**, et ces **objets** ou **choses** étant alors les **éléments** de cet **ensemble**.

Si l'on rencontre la moindre difficulté avec cette idée fondamentale même de la notion d'**ensemble**, comme on en a rencontré avec la théorie de Cantor, ce n'est pas la notion d'**ensemble** qu'il faut restreindre, comme on l'a fait avec la **théorie axiomatique des ensembles de Zermelo-Fraenkel**, couramment abrégée ZF, mais simplement la **logique scientifique** qu'il faut revoir, c'est au niveau de celle-ci qu'il y a le vrai problème. Et le problème est donc qu'on fonctionne avec la **logique de Négation**, ce qui, comme nous sommes en train de le voir aussi, revient à dire une logique qui repose sur une notion d'**égalité** qui est l'**identité**.

Il faut voir l'**Univers et les choses** avec la **logique généscente, fractale**, autrement dit la **logique de l'arborescence**, puisque la **structure des ensembles**, qui est ni plus ni moins aussi la **structure de toutes les choses** dans l'**Univers TOTAL** (tout simplement la **structure** de l'**Univers TOTAL** lui-même), est la **structure arborescente** par excellence ! C'est aussi la **structure des nombres**, comme par exemple la **structure des corps**, comme on va en parler, à commencer par la **structure des nombres entiers naturels**.

C'est la **structure fondamentale**, qui détermine en fait tout le reste ! Car **tout ensemble, toute chose, est fondamentalement un nombre**, et même un **nombre entier naturel**, quand bien même on parlerait de tout autre type de **nombres** ou objets mathématiques, **finis** ou **infinis**: **entiers relatifs, rationnels, réels, complexes**, les **espaces**, ou **objets géométriques** ou **topologiques**, les **vecteurs**, les **matrices**, les **applications** ou les **fonctions**, etc.. Oui, tout ça ne sont que les seuls et mêmes **entiers naturels** vus sous différents angles ! Quand donc on a enfin bien compris ce que sont les **entiers naturels** et comment ils fonctionnent, on a non seulement vraiment compris l'**Univers mathématique**, mais aussi l'**Univers physique**, et l'**Univers TOTAL** tout simplement !

Et allez, nous allons l'oser ici, nous allons ajouter qu'on a enfin compris **DIEU** scientifiquement ! Car c'est de lui qu'on parle en fait depuis le début en disant **Univers TOTAL**, ou **Réalité TOTALE**, et on pourrait ajouter **Etre TOTAL**, **Etre Suprême**, etc. Soyons clairs : nous parlons de **Dieu** tel qu'il s'est révélé dans la Bible, depuis la Genèse, en langage symbolique, compréhensible pour les humains. Il importe de distinguer ce **Dieu** révélé avec les religions basées sur cette révélation, qui ont grandement contribué à déformer l'image du **Dieu Universel**.

A commencer par le **talmudisme**, et notez que je parle du **talmudisme** et pas du **judaïsme** ! Le **judaïsme**, le vrai, est la **révélation divine**, et le **Talmud** en est sa déformation. Cette révélation est ce qu'on appelle le **Tanakh** en hébreu, qui comprend la **Torah** ou **Loi**, les **Prophètes**, et les **Autres écrits**, ensemble formant donc le **Tanakh**, couramment appelé l'**Ancien Testament**, et qui est plus

actuel que jamais. A sa suite il y a le **Nouveau Testament**, qui va des **Evangelies** au livre de **l'Apocalypse**, en passant par les **Actes des Apôtres**, les **Epîtres**, etc..

Tout cela donc, c'est la **Révélation divine**, et la suite de cette **Révélation** qui arrive maintenant au troisième millénaire, elle s'écrit en langage scientifique, c'est précisément la **Science de l'Univers TOTAL**, publiée donc entre autres au site hubertelie.com, et dans le livre PDF: [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#). Il y a deux livres qui ont suivi celui-là, à savoir : [L'Univers TOTAL et les nombres omégaréels](#), et [Conception générative des entiers, structure réelle](#).

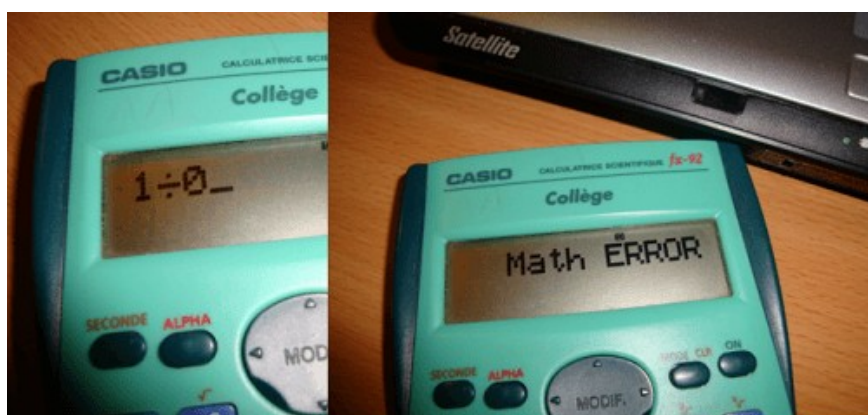
A commencer par l'Église catholique, c'est au tour des chrétiens de déformer la révélation qu'est le **Nouveau Testament**. Moi-même je suis chrétien, mais je ne pratique plus aucune religion depuis 17 ans maintenant (j'écris ces lignes en août 2021), sans pour autant que je sois anti-religieux non plus. Car, comme je le dis depuis des années, il vaut mieux être un **athée de nature divine**, car connecté à l'**Univers TOTAL**, le vrai **Dieu** tel qu'il se révèle maintenant, que cet athée incarnait et dont il incarnait les **valeurs universelles**, sans le savoir, qu'être un **très mauvais religieux, de nature démoniaque**. Celui-là incarne en fait la **négation du vrai Dieu**, qu'il prétend incarner. Et aussi, il vaut mieux être un **bon religieux**, ayant des **valeurs divines, universelles** (les **valeurs d'amour du prochain**, de **vérité**, de **justice**, etc.), qu'un **sataniste** ou un **luciférien**, clairement voué à **Satan** ou **Lucifer**, qui a volontairement fait du mal le bien et du bien le mal. Comme on le voit à présent clairement chez des élites et dirigeants des pays et du monde, mais pas qu'à leur niveau, aussi chez beaucoup de personnes dans le peuple. Des gens qui assument et affichent même clairement leur allégeance au **Diable**, qui pratiquent des rituels sataniques, et pour certains des sacrifices humains. Je ne parle même pas du vampirisme énergétique, qui est tout un autre dossier. Bien sûr tout le monde peut se repentir à tout moment. Mais cela n'empêche nullement de dire les choses telles qu'elles sont.

En matière donc du **MAL**, en matière de **Négation** et des œuvres de **Négation**, comme je le dis scientifiquement maintenant, je ne mets pas tout le monde dans le même sac. Le vrai problème, **c'est ce que les gens sont**, athées ou pas athées, croyants ou pas croyants, américains ou pas américains, français ou pas français, arabes ou pas arabes, juifs ou pas juifs, noirs ou pas noirs, chinois ou pas chinois, russes ou pas russes, etc.. Il n'y a fondamentalement que deux catégories d'êtres, ceux d'**Alternation** ou ceux de **Négation**, ceux **positifs** ou ceux **négatifs**, ceux **connectés à l'Univers TOTAL** le vrai **Dieu** ou ceux **déconnectés** de lui, etc.. Il y a 2000 ans, dans une parabole, Jésus a décrit les premiers comme étant le blé, et les seconds comme étant l'ivraie. Le temps de la séparation arrive, où l'ivraie est jetée au feu éternel, et où le blé est recueilli dans le magasin de Dieu (voir Matthieu 13: 24–30, 36-43).

Cette problématique de distinguer l'ivraie du blé est très générale en fait, elle s'applique à tous les êtres, à tous les domaines, à la politique, à la religion, et même aux mathématiques et aux sciences à présent. Les sciences actuelles ne sont pas ce que des scientifiques sincères ont cru qu'elles étaient, ils ne voyaient que la surface des choses, la face visible de l'iceberg, mais pas la nature des choses en profondeur (on y reviendra).

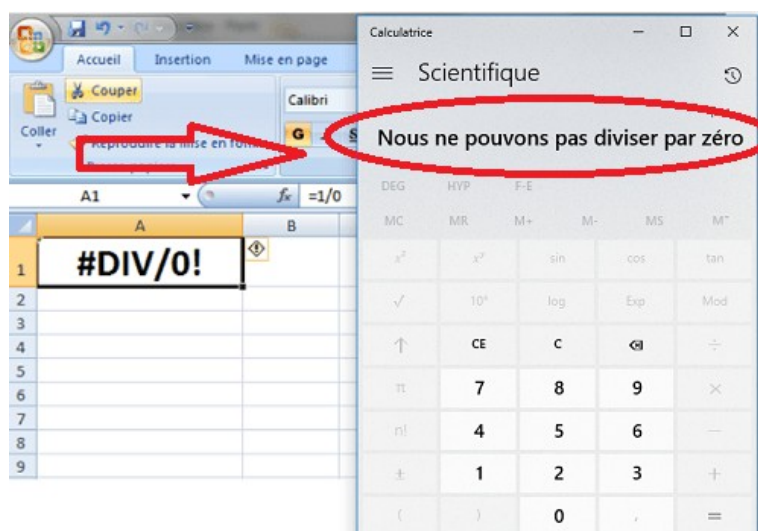
Contrairement donc à ce que l'on imaginait, les mathématiques et les sciences n'échappaient pas aux **paradoxes** et aux **faussetés** qui sévissaient dans les autres domaines.

On a dit que les mathématiques de ce monde étaient une science exacte ? Et pourtant rien que l'image qui va suivre est la preuve que quelque chose ne tournait pas rond dans les maths.



Et on a dit que des gens comme Bill Gates qui officiellement n'est plus patron de Microsoft mais s'occupe... de la « vaccination » du monde, et d'autres questions dans ce monde, est un philanthrope, un bienfaiteur de l'humanité ? L'avenir très proche le dira...

Mais en attendant son Excel et son Windows ne savent pas **diviser par 0** :



C'est infiniment plus qu'une question de bug informatique, puisque justement ce que montre l'image précédente n'est pas un bug, mais, comme aussi pour la calculatrice montrée avant, un logiciel volontairement programmé pour dire qu'on a fait une « erreur mathématique » en voulant effectuer la **division : 1/0**.

Mais en réalité nous n'avons fait aucune faute mathématique, mais ce sont les mathématiques et les technologies du monde des Bill Gates, qui sont fausses dans leurs bases. Pire, elles reposent sur des mensonges bien gardés. La **division par 0** n'a rien de compliqué quand on raisonne dans la bonne logique scientifique, la **logique d'Alternation**, avons-nous dit, mais comme cela ne dit peut-être rien au lecteur ou à la lectrice, il s'agit de la **logique de l'équivalence** que nous avons commencé à évoquer, qui se présente sous deux aspects très complémentaires.

Nous avons commencé à parler du premier aspect, qui est la **logique des générescences**, de la **structure fractale**. La **structure des nombres** doit obéir à cette **structure fondamentale**, et notamment justement la **structure des corps de nombres**. C'est dans un corps, comme par exemple le **corps des nombres rationnels**, des **nombres réels** ou des **nombres complexes**, etc., que la question de la **division par 0** se pose. Techniquement, cette question est de savoir si l'** l ment neutre de l'addition**, en l'**occurrence 0**, a un **symétrique** pour la **multiplication**. Les sciences actuelles répondent non, et pourtant la réponse est bel et bien oui !

Le **symétrique de 0** en question pour la **multiplication**, appelé son **inverse**, est tout simplement la notion d'**infini**, oui le **nombre infini**, que nous appelons **Oméga**: $\omega == 1/0$. Que le double signe « = », à savoir « == », que nous avons d j   rencontré, ne surprenne pas. Il s'agit d'une **identité**, en l'occurrence ici une identité de définition, qui veut dire ici que «**l'infini ω est par définition le rapport 1/0**».

C'est très facile à vérifier : il suffit de prendre une calculatrice, et de **diviser 1 par des nombres de plus en plus petits**, et on verra que le résultat sera de plus en plus grand, il « **tend vers l'infini** », comme on le dit dans le jargon mathématique.

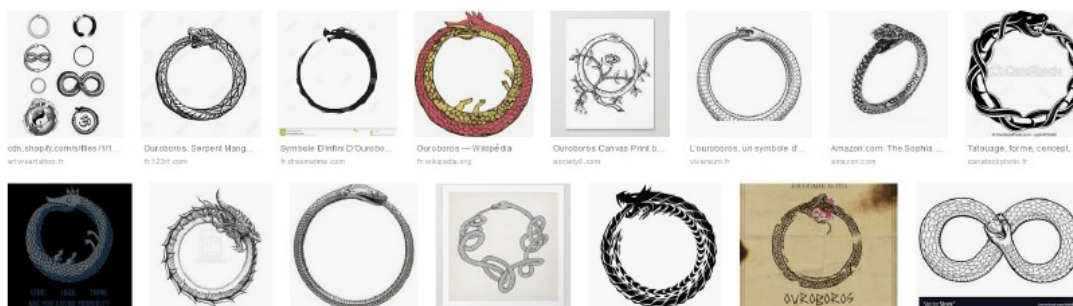
Par exemple, en divisant 1 par **0.1** ou 10^{-1} , le résultat sera **10** ou 10^1 .

Et en divisant 1 par **0.01** ou 10^{-2} , qui est **10** fois plus petit que **0.1**, le résultat sera **100** ou 10^2 , qui est **10** fois plus grand que le pr c dent résultat, à savoir **10**.

Et en divisant 1 par **0.001** ou 10^{-3} , qui est **10** fois plus petit que **0.01**, le résultat sera **1000** ou 10^3 , qui est **10** fois plus grand que le pr c dent résultat, à savoir **100**.

Et en divisant 1 par 10^{-80} , qui représente la quantité de matière qu'est un atome comparée à la matière des 10^{80} atomes de l'**univers** connu, donc une quantité très infime, le résultat sera 10^{80} , un nombre très grand.

Et ainsi de suite en divisant 1 par un nombre qui « **tend vers 0** » comme on dit dans le jargon. Convenons maintenant de choisir le symbole grec « ω » ou **Oméga** pour désigner l'**infini**, et non plus ce symbole occulte « ∞ » appelé l'Ouroboros, qui est le symbole courant de l'infini, comme beaucoup le savent.



Ce symbole très pris  des mathématiciens actuels, sans forcément réaliser ce qui se cache derrière :

Limite en $+\infty$:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (ax + b) = \begin{cases} +\infty & \text{si } a > 0 \\ -\infty & \text{si } a < 0 \end{cases}$$

Limite en $-\infty$:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (ax + b) = \begin{cases} -\infty & \text{si } a > 0 \\ +\infty & \text{si } a < 0 \end{cases}$$

$$f'(x) = (x^2)' \int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^3} du + x^2 \left(\int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^3} du \right)'$$

$$= 2x \int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^3} du + x^2 (cte - G(x))'$$

$$= 2x \int_x^\infty \frac{\sqrt{1+u^2}}{u^3} du - x^2 g(x)$$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} x^n = +\infty$ (pour tout n non nul) si n pair : $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = +\infty$

si n impair : $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n = -\infty$

$$\sum_{n=0}^{\infty} n = -\frac{1}{12}$$

1. $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x\sqrt{4x^2+x+1}} dx ?$

c) Fonctions rationnelles

Exemple:

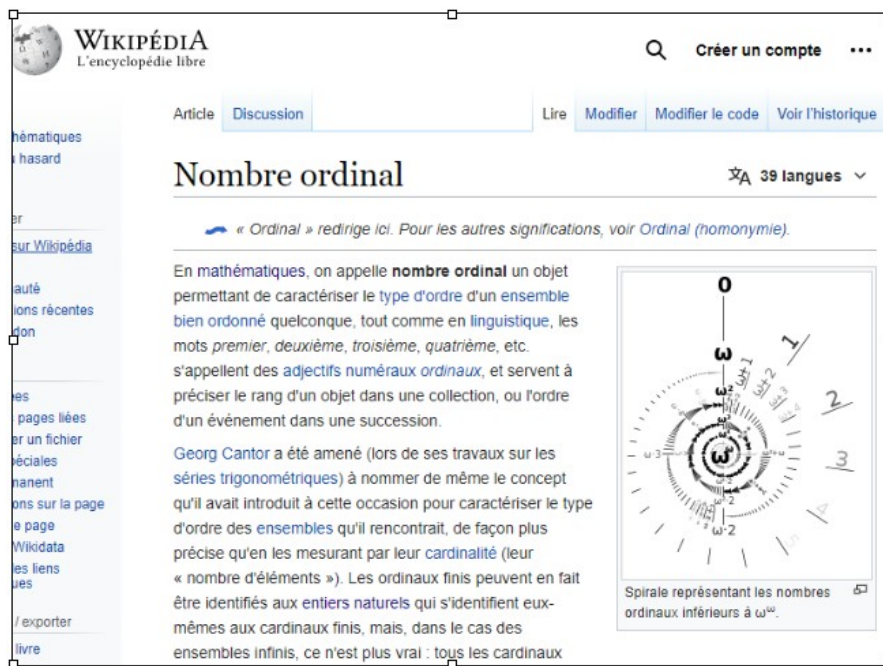
$$f(x) = \frac{3x+1}{4x+5}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x}{4x} = \frac{3}{4}$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{1}{2}t^2} dt = \sqrt{2\pi}$$

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k!} = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \frac{1}{7} + \frac{1}{11} + \frac{1}{13} + \dots = +\infty$$

Le comble c'est qu'en **théorie axiomatique des ensembles** (celle qui a été mise en place pour « corriger » la théorie de Cantor), on utilise un symbole « ω » ou **Oméga** pour désigner l'**infini**, et plus précisément le **nombre ordinal infini**. Témoin cette capture d'image de Wikipedia sur les ordinaux :



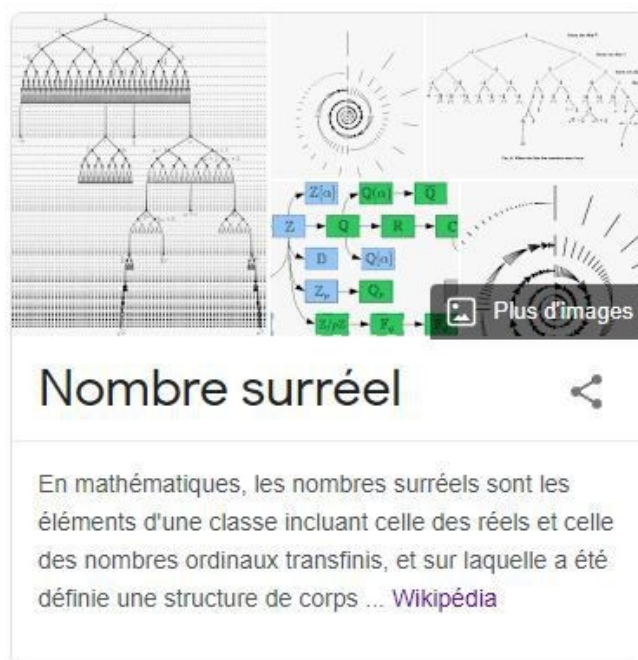
Et non seulement cela, cette illustration de l'article met en évidence la nature **cyclique** des **ordinaux**, le **Cycle** étant précisément le second aspect de la **logique de l'équivalence** dont nous parlons, le premier étant donc la **Générescence** ou la **Fractale**.

Cet **ordinal** « ω » ou **Oméga**, est le **nombre infini** de référence, appelé aussi l'**infini réel**. Il est l'une des réponses de la **division 1/0**, à savoir : $\omega = 1/0$ et : $0 = 1/\omega$. Et le **0** ainsi associé à ω est appelé aussi le **zéro réel**. Pour peu que l'on rectifie une de ses anomalies dues toujours à la logique de **Négation**, et qui est qu'il a des **successeurs** $\omega+1$, $\omega+2$, $\omega+3$, etc., mais pas de **prédécesseurs**, $\omega-1$, $\omega-2$, $\omega-3$, comme c'est le cas à présent dans le nouveau paradigme. L'**infini**, traditionnellement représenté par le symbole occulte « ∞ », comme moi aussi je l'utilisais autrefois, et qui n'a pas de vrai statut numérique, n'est plus nécessaire.



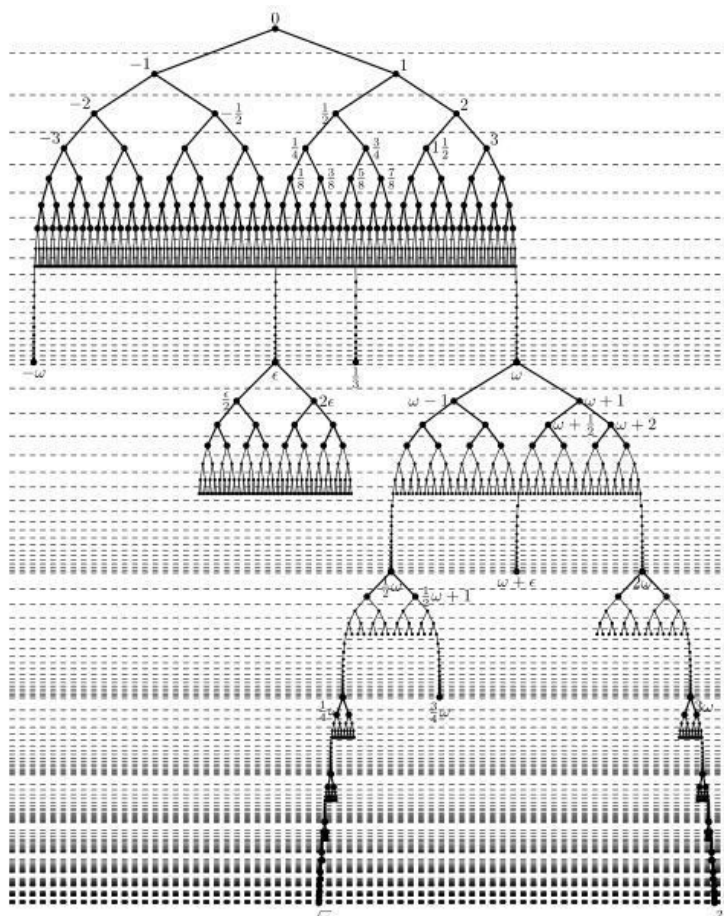
L'inventeur du « Jeu de la vie » serait mort, dit-on, du Covid-19... Décidément, ce Covid et la science, la vraie, ça fait deux...

A mon sens, la découverte la plus importante de John Conway ce sont les **nombres surréels**, qui corrigent les **ordinaux** bancals actuels.



Les **nombres surréels** sont les vrais **nombres réels**, donc aussi les vrais **ordinaux** (quand ceux-ci ont enfin leur horrible **dissymétrie** ou logique de **sens unique** corrigée), tandis que les classiques **nombres réels** sont en réalité les **sous-réels**! Comme on le voit à présent aussi avec les **nombres omégaréels** (qui généralisent eux aussi les **nombres réels**) dont la **structure** ultime est le **corps**

omégacyclique, les **nombre**s de la **Ré**alité, l'**Un**ivers **TOTAL**, l'**Al**pha et l'**Om**éga. C'est en fait cette **Ré**alité, qui est **fractale**, que tente de décrire les **nombre**s **surré**els de John Conway, mais aussi l'**analyse non-standard** d'Abraham Robinson et d'autres :



L'approche de John Conway, qui ne fait appel à d'autres axiomes que ceux déjà contenus dans la **théorie axiomatique des ensembles** de Zermelo-Fraenkel (ou ZF), est de loin plus naturelle, donc plus près de l'approche **géné**ratrice, qui est celle du **Paradigme de l'Un**ivers **TOTAL**. Cette très puissante approche **géné**ratrice, déjà largement vue au début, sera encore l'objet du sous titre : [VII - Notion de générescences, conception générative, nouvelle vision des nombres.](#)

Il y a des scientifiques et des personnes travaillant à la technologie, qui sont sincères, qui faisaient confiance à des paradigmes sans savoir qu'ils étaient faux dans leurs bases. Pire, ils reposent sur des mensonges volontaires, dont seuls les initiés connaissaient les secrets. Ils savent pourquoi ils ne veulent pas faire des sciences qui **divisent par 0**, car alors cela fait longtemps qu'on aurait vu le visage de Dieu en sciences, le vrai Dieu, l'Univers TOTAL, l'Alpha et l'Oméga.

Les sciences et les technologies actuelles sont celles des démons nés humains, des lucifériens et satanistes derrière les rideaux de ce monde, qui tiennent les rennes de ce monde et conduisent leurs agendas maléfiques pas à pas depuis des siècles et des millénaires, en particulier depuis 2000 ans, depuis l'assassinat de Jésus Christ le Messie.

Et les **paradoxes** et les problèmes que nous soulevons, sont simplement les manifestations de comment **Dieu** est nié en sciences jusqu'à présent, où l'on a prétendu qu'il n'y avait pas sa place,

alors qu'en réalité c'est de lui que toutes les sciences parlent chacune dans son langage et selon son approche !

La révélation divine a commencé en hébreu, comme nous l'avons dit, par la Torah, les écrits des Prophètes, etc., et s'est poursuivie par Jésus et les apôtres, pour la plupart des juifs. Pas étonnant aussi que la **théorie des ensembles**, dont nous découvrons maintenant l'importance et la puissance, ait été introduite par une personne d'origine juive, en l'occurrence Georg Cantor. Dieu sait ce qu'il fait.

Et c'est un scientifique d'origine juive aussi, Albert Einstein, qui, avec sa **théorie de la relativité**, a fait progresser la connaissance de l'univers, cet **univers « 3+1 »** c'est-à-dire d'**espace-temps à 4 dimensions**, que j'appelle l'**univers einsteinien**, pour le « relativiser » (c'est le cas de le dire...) et faire comprendre que ce n'est que NOTRE univers ! Il ne s'agit pas du tout de l'**Univers TOTAL**, de la **Réalité TOTALE**. Je ne doute pas de la sincérité de scientifiques comme Einstein, mais il apparaît de plus en plus clairement pour moi qu'il n'a été qu'un dindon de la farce, qui ignorait qu'il travaillait pour des forces occultes qui le dépassaient.

Il disait qu'il ne croyait pas au Dieu de la Bible ou au Dieu de la Torah, et c'est là une grande erreur de sa part, car c'est justement sur ce Dieu-là qu'il fallait méditer, réfléchir aussi aux références faites dans la Torah et dans tout l'Ancien Testament par exemple aussi aux anges. Comme ceux qui ont visité Abraham, Isaac, Jacob, Moïse, Elie, tous les prophètes hébreux. Et comme ceux dont il est plus abondamment question dans le Nouveau Testament, l'apothéose étant le livre de l'Apocalypse, où l'on trouve la formule : « **Je suis l'Alpha et l'Oméga, le premier et le dernier, le commencement et la fin** » (Apocalypse 1 : 8 ; 21 : 6 ; 22 : 13).

Si Einstein avait médité sur tout ça, il aurait compris que ceux qui ont écrit l'Ancien Testament et le Nouveau Testament, ne racontaient pas des mythes, des légendes, mais que la Réalité allait bien au-delà du « petit » univers dont il s'efforçait de percer les mystères scientifiquement. Il avait tout pour découvrir le concept d'**Univers TOTAL**. Ou alors il l'a compris, mais il a été empêché de s'aventurer dans ces sentiers de recherche.... On le saura un jour, Dieu le dévoilera au moment venu.

En tout cas, Einstein n'était pas agnostique, comme on le présente souvent, encore moins athée. Les **esprits de Négation**, les vrais, qui gouvernent ce monde et les sciences, et qui ont tout fait pour empêcher que Dieu soit au coeur de la Science, aiment tirer la couverture vers eux, présenter les grands esprits scientifiques comme ils sont eux-mêmes.

Car Einstein n'était pas croyant au sens religieux du terme, mais croyait en Dieu, une idée de Dieu qui préparait à la vision scientifique de Dieu, telle que cela se révèle maintenant avec la **Science de l'Univers TOTAL**. Einstein disait qu'il croyait au Dieu de Spinoza, un philosophe juif. Et quelle était cette vision ? Que **Dieu** et la **Nature**, font un.

C'est ce qu'on qualifie habituellement de « panthéisme », comme on qualifierait aussi la notion de **Dieu** de la **Science de l'Univers TOTAL**. Mais c'est vrai qu'assimiler Dieu au « petit » **univers einsteinien « 3+1 »**, à cette petite **nature** donc, c'est infiniment réducteur de Dieu, ça peut s'appeler du « panthéisme ».

Mais pas si l'on parle de l'**Univers TOTAL**, la **Réalité TOTALE**, l'**Etre TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses et de tous les êtres**. Oui l'**Etre Généscent**, **FRACTAL**, l'**Etre Infini**, le **Générateur de toutes les choses et de tous les êtres**.

On nous parle d'un « **univers** » de 10^{80} atomes ? Mais comme déjà expliqué, même si l'on parlait de 10^{1280} atomes, on est loin de l'**Infinité** qu'est l'**Univers TOTAL**. Rien ne nous autorise à penser que la **Réalité TOTALE** est finie du point de vue du temps, ou finie du point de vue de la taille ou de l'espace, ou finie du point de vue de la **quantité de matière** ou d'**énergie**. Et même rien ne nous autorise à penser que le type de **matière** ou d'**énergie** que nous connaissons est le seul qui existe.

Ou encore que la réalité **3D** que nous connaissons, avec seulement **3 dimensions spatiales**, la **quatrième** étant appelée le **temps**, avec lequel elles forment l'**espace-temps à 4 dimensions** (comme on en parle dans la théorie de la **relativité d'Einstein**, ce que nous nommons le **monde « 3+1 »** ou **4D**), est le seul type de réalité qui existe. Rien ne nous autorise à penser que l'**espace-temps 5D** ou le **monde « 4+1 »**, avec **4 dimensions spatiales**, la **cinquième** étant alors appelée le **temps**, n'existe pas. Tout esprit qui affirmerait cela est un **esprit de Négation**, oui de **négation** de l'**Univers TOTAL**, de la **Réalité TOTALE**.

Nous proposons de voir l'image du Big Bang ou de la Genèse de notre univers d'un autre regard :



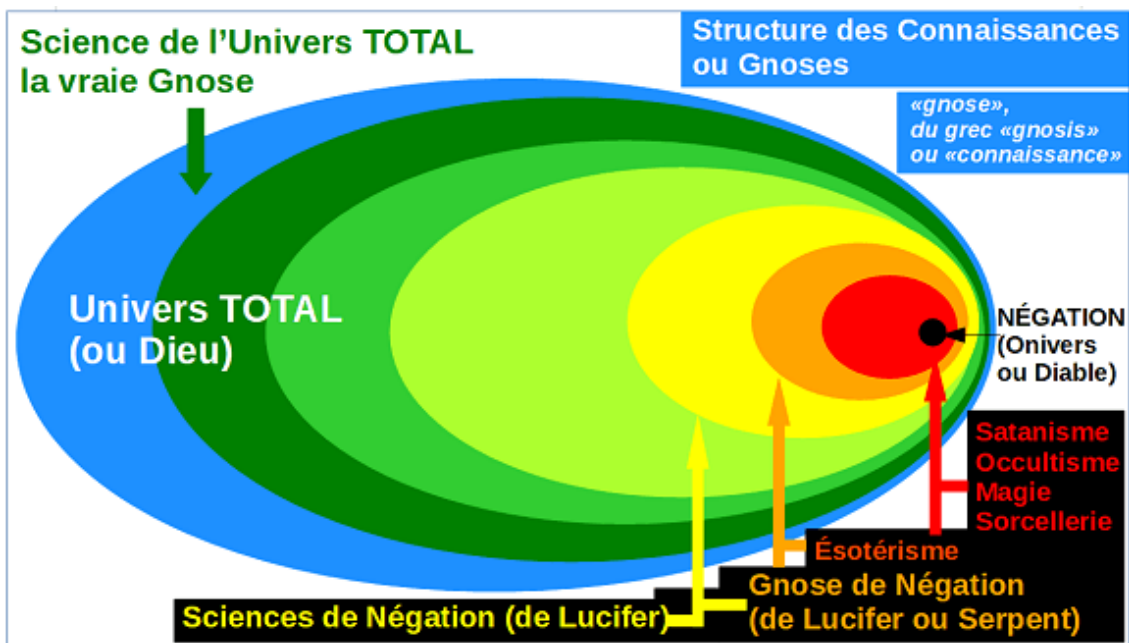
Pour plus de détails voir le livre PDF: [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#).

Par **Onivers** nous entendons « **Univers de Négation** », que certains (notamment dans les courants gnostiques ou ésotériques) appellent l'« **Astral** », et ce qu'on appelle « **Enfer** » dans le langage biblique ou le langage courant.

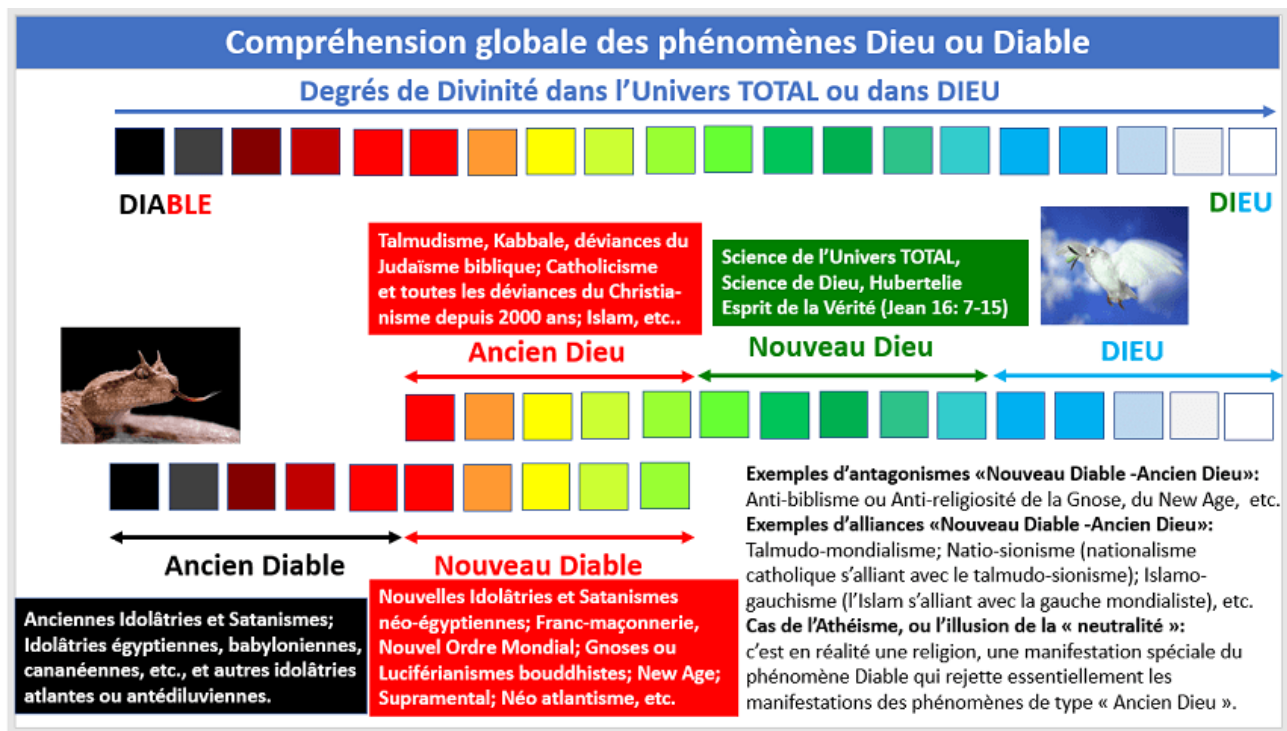


Peu importe les appellations, ce qui compte maintenant c'est de comprendre scientifiquement les réalités qui se cachent derrière les mots.

Nous sommes présentement dans l'**Onivers**, autrement dit en « **Enfer** » ou « **Univers de Négation** », et nous évoluons vers la sortie de l'**Onivers** (enfin ça dépend qui, mais là est une autre question...), vers l'« **Univers d'Alternation** », qui est le vrai **Univers**, la vraie **Réalité**, la vraie **Existence**, la vraie **Vie**.



Il importe maintenant de comprendre ce que l'image ci-dessus illustre, à savoir la structure des connaissances, qui est aussi la structure des mondes, et aussi les degrés de divinité, les différents degrés du phénomène Dieu et Diable :



Le moment est arrivé où les **esprits de Négation** derrière les sciences de ce monde, montrent leurs visages. On les voit prendre les gens pour des idiots dans cette crise de Covid-19 ou de Covid-666, cette coronafolie ou nouvelle religion de **covidisme** qui interdit aux gens de vivre, qui prive les gens de la liberté donnée par **Dieu le Créateur** ou **Générateur de toutes les choses**.

Beaucoup de médecins, de biologistes, de scientifiques, tout à fait honnêtes et sincères, se heurtent à des décideurs, autoritaires, totalitaires (totalitarisme ou dictature du Diable qu'il ne faut en rien confondre avec le divin Univers TOTAL que nous découvrons à présent), qui imposent aux gens des mesures complètement contraires à la science qu'ils connaissent et ont pratiqué jusqu'à présent. Ces décideurs qui s'affublent de prétendus experts qui imposent de prendre des vessies pour des lanternes, d'appeler blanc ce qui est noir et noir ce qui est blanc, ou rouge ce qui est vert et vert ce qui est rouge ! Avec ces gens, la vérité n'est plus le FAIT scientifique, mais ce qu'ils disent être la « vérité », ce qu'ils décrètent comme telle ! Autrement dit, la « vérité » est leur nouvelle religion, le covidisme donc, et au-delà le mondialisme, et j'en passe.

Oui, une fois encore, beaucoup de médecins, de biologistes, de scientifiques, très honnêtes et sincères, se voient interdire de faire leur métier, sont forcés de troquer la vérité scientifique contre la « vérité » de cette nouvelle religion immonde qui se lève sur la terre entière, sous peine d'être destitués, de perdre leur poste, leur travail, leurs ressources, et même de plus en plus souvent leurs vies ! Car ces gourous de la secte mondiale ou ces terroristes qui traitent les autres de « secte » ou de « terroristes », commencent par détruire socialement et médiatiquement (s'ils sont connus) ceux qui ne sont pas d'accord avec eux, ils les détruisent psychologiquement, puis de plus en plus physiquement, hélas.

Oser dire le contraire de ce que les autorités disent, ou seulement penser le contraire, c'est se voir taxé de « complotiste », et même de « malade mental », ou de « secte », ou de « terroriste », etc. **Inversion accusatoire** totale !

Face à ce qui arrive à ces scientifiques honnêtes et au-delà aux lanceurs d’alerte, à tous ceux qui disent la vérité qui dérange, beaucoup d’entre eux sont désorientés, ne comprennent plus rien, ils ont le sentiment que le monde qu’ils ont connu et vécu s’écroule, remplacé par un affreux monde.

Mais que peut bien être la nature des êtres et de leurs « experts » collabos qui imposent au monde cette nouvelle religion ? A la lumière de la nouvelle Science, ce sont des **esprits de Négation**, ou des **êtres de Négation**, des **êtres négatifs**, des cas particuliers de la notion générale de **choses négatives**, à comprendre **choses de Négation**. On peut dire aussi **entités négatives**, en l’occurrence ici des **entités négatives** incarnées, sous forme humaine.

2 – L’Univers TOTAL, l’Unix

Entrons maintenant dans le vif du sujet technique du **Nouveau Paradigme**. Le tableau ci-dessous illustre l’une des propriétés d’un objet mathématique que nous appelons l’**unix**, noté \sqcup , et qui est la lettre russe « tsè ». Nous en reparlerons à la fin dans l’étude des **nombre rationnels** dits **unixaux** :

\times	0	1	Ω	\sqcup
0	0	1	Ω	\sqcup
1	1	1	Ω	\sqcup
Ω	Ω	Ω	\sqcup	\sqcup
\sqcup	\sqcup	\sqcup	\sqcup	\sqcup

L’idée exprimée dans ce tableau est que l’**unix** \sqcup est l’**élément absorbant** ou **neutralisant** de la **multiplication** : $\sqcup \times x = x \times \sqcup = \sqcup$.

Plus généralement, avec les **rationnels unixaux**, l’**unix** \sqcup est l’**élément absorbant** ou **neutralisant** des quatre **opérations arithmétiques** fondamentales : **addition**, **soustraction**, **multiplication**, **division** (on y reviendra à la fin).

Au sens le plus général, nous appelons une **expression opérationnelle** toute **chose** dans l’**Univers TOTAL**, et absolument toute **chose**, tout **être**, tout **objet**. On l’appelle encore **ensemble universel** ou **ensemble** au sens **universel** du terme, par opposition à **ensemble** au sens axiomatique du terme.

Et un **ensemble** au sens **universel** n’est pas non plus un ensemble dit « naïf », ainsi que l’on qualifie, à tort, la notion d’**ensemble** de la **théorie des ensembles** de Georg Cantor, et cela pour signifier que sa notion d’**ensemble** n’était pas axiomatisée. Mais ce n’est pas sa notion d’**ensemble** qui était « naïve », mais les paradigmes scientifiques actuels qui sont mauvais, et nous démontrons justement pourquoi, et nous montrons aussi le bon **Paradigme**, l’**Univers TOTAL**, aussi la bonne manière d’aborder l’**Univers** et les **choses**.

Au sens **universel** de la notion d'**ensemble**, un ensemble est une chose formée d'autres choses appelées ses **éléments**, au sens **universel** du terme aussi. En ce sens universel, **toute chose est un ensemble**, puisque formée au moins d'elle-même. Et la notion d'**ensemble** au sens **universel** est aussi par définition une **expression opérationnelle** au sens le plus **universel** du terme, et aussi la notion d'**information** ou de **nombre** au sens **universel** du terme aussi.

Nous reviendrons largement sur la notion d'**ensemble universel**, et d'**élément** au sens **universel**. C'est l'approche de la **Théorie universelle des ensembles**, ou **Théorie des ensembles universels** donc, ou **Théorie des ensembles** au sens **universel** du terme, par opposition aux théories axiomatiques. Et, comme dit dès le début, la **Théorie universelle des ensembles** est une autre appellation de la **Science de l'Univers TOTAL**, ou plutôt le contraire, la **Science de l'Univers TOTAL** est une autre appellation de la **Théorie universelle des ensembles**.

Par définition, l'**Univers TOTAL**, noté **U**, est la chose formée de toutes les choses et de tous les êtres et de toutes les entités et de tous les objets (lui-même compris), il est donc l'**Ensemble de toutes les choses et de tous les êtres et de toutes les entités et de tous les objets**, ou simplement l'**Ensemble de toutes les choses**. Étant entendu que tout **être**, toute **entité**, tout **objet**, etc., est une **chose**, car nous décidons de faire du **mot chose** le **nom commun** le plus général (on y reviendra).

Ce que nous disons ici revient à dire simplement que la **Théorie des expressions opérationnelles** est simplement une autre approche de la **Théorie universelle des ensembles** ou **Science de l'Univers TOTAL**. C'est une approche particulièrement puissante, très éclairante concernant l'**Univers TOTAL**, sa nature, sa logique, son fonctionnement. Je qualifie cette approche aussi d'**informationnelle**, de **générative** ou encore d'**unidale**, du terme **unid**, une notion équivalente à celle d'**unix**, qui est un peu plus générale, en ce sens que la notion d'**unix** regroupe celle d'**unit** (ou **unité** ou **constante**) et celle d'**unid** ou **univ** (celle de **variable**). On y reviendra bientôt.

La notion d'**Unix** est simplement une autre manière de dire « **Univers TOTAL** » ou de désigner une occurrence de l'**Univers TOTAL** dans un **ensemble universel** ou **expression opérationnelle** **x** donné. Il est très clair que si une **chose u** qui fait partie des **choses** ou **éléments** qui forment une **expression opérationnelle** ou **ensemble universel** **x** donné, est l'**Univers TOTAL** (en ce sens que **u** est une occurrence de **U** dans **x**), alors **x** est équivalent à l'**Univers TOTAL**. Autrement dit, très intuitivement, si **x** qui par définition est un **élément** ou une **partie** du **TOUT U**, contient lui-même le **TOUT U** quelque part dans sa **structure** en tant qu'**ensemble** ou **expression opérationnelle**, alors **x** et **U** sont équivalents. C'est l'expression très générale de l'**axiome d'extensionnalité** qui dit que si un **ensemble A** est une **partie** ou **sous-ensemble** d'un **ensemble B**, et si **B** aussi est une **partie** ou **sous-ensemble** de **A**, alors **A** et **B** sont **égaux**.

Donc, étant entendu que **U** l'**Ensemble de toutes les choses** contient par définition **x**, si donc à son tour **x** contient **U**, alors **x** et **U** sont équivalents. A noter qu'on parle d'**équivalence** et non pas nécessairement d'**identité**, un cas particulier d'**équivalence**. Voilà pourquoi aussi si une **expression opérationnelle** **x** contient l'**unix u**, qui représente l'**Univers TOTAL**, alors **x** est équivalent à l'**unix u**.

La notion d'**expression opérationnelle** est si puissante que pour se rendre compte de sa puissance, des cas particuliers de cette notion suffisent amplement. Nous allons introduire des cas particuliers à présent, qu'on peut qualifier de **formalisme** au sens du Nouveau Paradigme, autrement dit, d'approche **formelle** des notions d'**ensemble**, de **nombre**, d'**objet mathématique**. L'approche

formelle ou le **formalisme** s'apparente à l'actuelle méthodologie **axiomatique**, sauf que l'**axiomatique** repose sur les actuelles **logiques de Négation**, ou la logique classique avec son fameux **principe de non-contradiction**, qui dit en gros qu'une chose ne peut pas à la fois **ETRE** et **NON-ETRE**, ou à la fois être **VRAIE** et **FAUSSE**.

C'est le principe même de la **logique binaire**, où une **proposition** est soit **VRAIE (valeur de vérité 1 ou 100%)** soit **FAUSSE (valeur de vérité 0 ou 0%)**. Mais le **principe de non-contradiction** utilisé ainsi n'est valable que dans les situations restreintes (notamment quand on se restreint à la **réalité tridimensionnelle**, mais dès que l'on voit les choses de la **réalité quadridimensionnelle** ou au-delà, la logique change et aussi ce principe n'est plus vrai), situations restreintes donc où il faut prendre des décisions, où il faut trancher. Comme par exemple, **proposition p** : « **A était le président de la république française en 1990** », ou : **proposition non-p** : « **A n'était pas le président de la république française en 1990** ». Ou : **proposition p** : « **Il existe des éléphants roses en France en 2022** », ou : **proposition non-p** : « **Il n'existe pas des éléphants roses en France en 2022** ». Ou encore: **proposition p** : « **Je décide d'acheter cette voiture A** », ou : **proposition non-p** : « **Je décide de ne pas acheter cette voiture A** ». Puis après : **proposition p** : « **J'ai acheté la voiture A** », ou : **proposition non-p** : « **Je n'ai pas acheté la voiture A** ».

Dans ce genre de situations où il faut trancher, décider, etc., le **principe de non-contradiction** dit qu'on ne peut pas avoir à la fois **p** et **non-p**, les deux ne peuvent pas être vraies en même temps, autrement dit la **proposition p** ne peut pas être à la fois **Vraie** et **Fausse**.

Et maintenant, considérons les **proposition p** : « **Il existe des éléphants roses** », et **proposition non-p** : « **Il n'existe pas des éléphants roses** ». Quelle est la différence avec le cas précédent ? C'est qu'ici on parle d'**existence absolue d'éléphants roses**, autrement dit dans l'**Univers TOTAL**, et non pas d'**existence** dans un **contexte restreint** de l'**Univers TOTAL**, comme par exemple **en France en 2022**. L'**Univers TOTAL** est par définition l'**Ensemble de toutes les choses**, donc de par sa définition « **Toute chose existe dans l'Univers TOTAL** », ou encore : « **Toute chose existe dans l'absolu** », ou simplement : « **Toute chose existe** », vérité fondamentale que je nomme le **Théorème de l'Existence**. Dès que le Paradigme dans lequel on travaille ou le contexte dans lequel on raisonne est l'**Univers TOTAL**, l'**Absolu** donc, **tout existe, tout est vrai**, et le **contraire de tout aussi** ! Sans cela ce ne serait plus l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**.

Sans l'**Univers TOTAL** qui permet de trancher pour la **proposition p** : « **Il existe des éléphants roses** », cette proposition est un exemple de propositions dites « **indécidables** » en logique, à moins donc de se placer dans le cadre de l'**Univers TOTAL**, où toute question est **décidable** par le **Théorème de l'Existence**. En effet, à moins de tomber un jour sur un **éléphant rose** quelque part et conclure de leur existence, tant que ceci n'arrive pas, ou si les **éléphants roses** sont au-delà d'un certain **horizon** ou dans un certain **univers** ou **monde** qui nous est **inaccessible**, nous ne pouvons conclure ni de leur **existence** ni de leur **non-existence**. Mais avec le **Paradigme de l'Univers TOTAL**, on a aussi le Théorème de l'Existence, qui dit que toute chose existe dans l'**Univers TOTAL**, donc aussi **les éléphants roses existent aussi dans l'Univers TOTAL**, ils existent quelque part dans l'**Univers TOTAL**. Donc, tant qu'on n'aura pas fait le tour de l'**Univers TOTAL**, qui est **Infini**, on ne peut pas affirmer que **les éléphants roses n'existent pas**. Celui qui **nie l'existence** des **éléphants roses** dans l'absolu a tort, car **il affirme sans preuve**, mais celui qui dit que **les éléphants roses existent dans l'absolu** a raison, mais à condition de **donner comme preuve** le **Théorème de l'Existence**.

La question de l'**existence de Dieu** et la position **agnostique** sur la question est un exemple aussi de question **indécidable**. A moins justement de raisonner dans le **Paradigme de l'Univers TOTAL**, où cette question elle aussi devient **décidable**, puisque l'**Univers TOTAL** est la définition du **Dieu** en question ! Et même si on ne donne pas cette définition du mot **Dieu**, la question de **Dieu** est alors simplement comme celle des éléphants roses. Le **Théorème de l'Existence**, qui dit que toute chose existe dans l'**Univers TOTAL**, dit aussi que **Dieu existe** dans l'**Univers TOTAL**, peu importe ce que l'on entend par **Dieu**.

Dans les cas d'**indécidabilité** (et ce parce qu'on ne fonctionne pas avec le **Paradigme de l'Univers TOTAL** avec lequel tout devient **décidable**), nous pouvons aussi attribuer une **valeur de vérité** ou d'**existence** de **0.5** ou **50 %**, qui correspondrait à une sorte de **VRAI ET FAUX** ou de **OUI ET NON**, etc., concernant l'**existence** des **éléphants roses**, de **Dieu**, etc., la logique fonctionnera tout autant. Jusqu'à ce que nous soyons en situation de trancher en faveur du **OUI** ou **NON**, car nous aurons par exemple trouvé le bon **Paradigme**, l'**Univers TOTAL**.

Et l'**Infini**, et notamment l'**Infini absolu**, synonyme d'**Univers TOTAL**, **infini** que nous notons Ω , est concerné dans cette question. A l'**horizon infini absolu** au plus tard, toute question est tranchée.

Pour le dire autrement, qui parvient à l'**horizon infini absolu** Ω aura la réponse de savoir si les **éléphants roses** existent ou pas. Et un moyen d'atteindre facilement l'**horizon infini absolu** Ω est tout simplement de travailler ou de raisonner dans le **Paradigme** de l'**Univers TOTAL** ! Car là prévaut le **Théorème de l'Existence** que je nomme aussi la **Loi de la Réalité TOTALE** (on en reparlera), qui donne une vision globale des choses, car le **Paradigme** de l'**Univers TOTAL** nous met dans la position de **Dieu**, qui voit tout, pour qui tout est présent !

Comme autre exemple pour comprendre cela, considérons la célèbre expérience de pensée en **physique quantique**, nommée l'expérience du **chat de Schrödinger**.



Le chat est placé dans une enceinte avec un dispositif quantique qui, selon son état, libère ou non un poison mortel. Dans un cas le chat est mort empoisonné, et dans l'autre il est vivant. Et tant qu'on n'a pas « ouvert » le dispositif pour **observer** le sort du chat, on ne peut pas trancher et le chat est alors dans une sorte d'état quantique superposé « **vivant-mort** ». En terme de **probabilité** (car la

physique quantique actuelle est dans un paradigme probabiliste) cela revient à dire que le chat est **vivant à 50 %** et **mort à 50 %**, probabilité ou valeur de vérité **0.5** et **0.5** donc.

Les paradigmes scientifiques actuels sont tels qu'on peut se contredire sans en avoir l'air, en se réfugiant derrière des concepts permettant de masquer les **contradictions**. Ici, c'est le concept de **probabilité** qui permet de masquer le fait qu'on ne respecte plus le **principe de non-contradiction** que l'on s'est donné, ou le principe cousin nommé le **principe du tiers-exclu**, qui dit en gros qu'une **valeur de vérité** ne peut qu'être soit **0** ou **0 %** soit **1** ou **100 %**, même si l'on ne sait pas laquelle des deux valeurs la situation possède. Le **principe de non-contradiction** dit que cela ne peut pas être les deux à la fois, donc cela ne peut pas être à la fois **0** et **1**, c'est-à-dire **FAUX** et **VRAI**. Et le **principe du tiers-exclu** dit que c'est obligatoirement l'un des deux, il n'y a pas de **troisième valeur**, du genre **0.5** ou **50 %**, qui équivaut à dire « l'un et l'autre », ou de « ni l'un ni l'autre ».

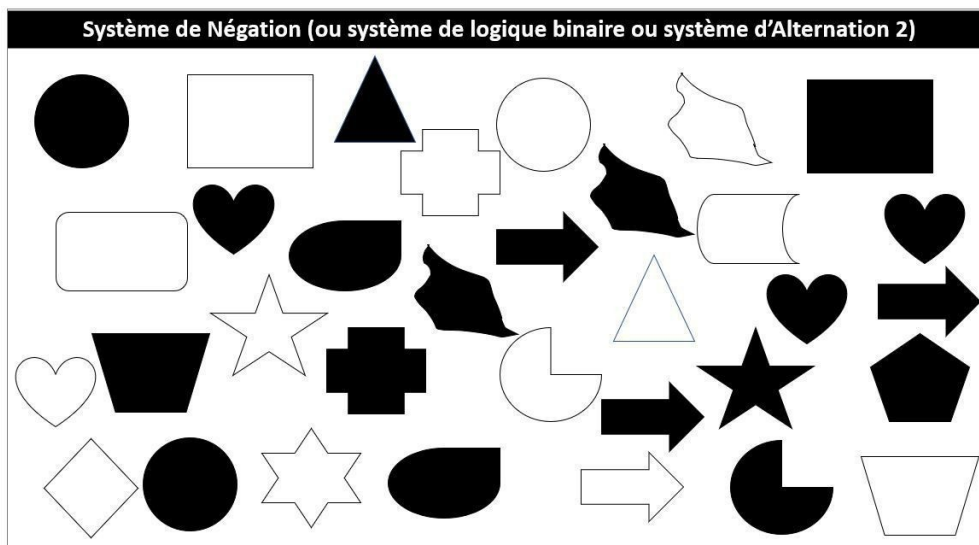
Or c'est bien la situation dans cette expérience du **chat de Schrödinger**, qui est une forme du **problème des éléphants roses**. Dans l'**Univers TOTAL** tout existe, donc il existe des **univers parallèles**, dans un **le chat est vivant** et dans un autre **le chat est mort**. Quand on fonctionne donc dans le **Paradigme** de l'**Univers TOTAL** on a une vision globale de la **vérité**, tout est simultanément, tout est présent.

Le **principe de non-contradiction** dans sa forme actuelle et surtout l'usage dont on en fait en sciences en réalité n'est pas ce qu'il est censé être, mais un **principe de Négation**, l'un des fondements des **logiques de Négation**. Le **formalisme** lui aussi souffre de cette **logique de Négation**. Une théorie formelle consiste à se donner les ingrédients d'un **langage formel**, c'est-à-dire les ingrédients de construction de **propositions** appelées **formules**. Comme par exemple la formule suivante de la théorie axiomatique des ensembles, appelée l'axiome de l'ensemble des parties : $\forall x \exists y \forall z (z \in y \Leftrightarrow z \subset x)$. Elle signifie : *Étant donné un ensemble x , il existe un ensemble y dont les éléments sont les parties de x .*

On sélectionne soigneusement des **formules** que l'on va appeler les **axiomes**, et, moyennant des règles de déductions avec les **formules**, on démontre quelles **formules** sont des **théorèmes** de la théorie et lesquelles ne sont pas des **théorèmes**. Pour toute **formule p** on a sa **négation non-p**. Et le **principe de non-contradiction** exige alors qu'aucune **formule p** et sa **négation non-p**, ne soit toutes les deux des **théorèmes**, sinon la théorie est dite **contradictoire** ou **non-consistante**.

La logique basée donc sur le **principe de non-contradiction** exige donc que l'on **démontre** les **théorèmes**, c'est-à-dire que l'on sépare l'**ensemble de toutes les formules** en trois catégories, celles qui sont VRAIES, celles qui sont FAUSSES et celles qui sont INDÉCIDABLES (on ne peut pas démontrer si elles sont VRAIES ou FAUSSES), et qui peuvent donc servir d'**axiomes**.

Cette logique est comparable au fait de voir l'**Univers** en **noir et blanc** :



Et non seulement cela, c'est comme si l'on disait que les **choses** qui **existent** dans l'**Univers**, qui sont **vraies**, **possibles**, etc., sont les **choses** de couleur **blanche**, celles de couleur **noire** étant dites **inexistantes**, **fausses**, **impossibles**, etc. Les **choses blanches** et **noires** sont alors la **Négation** les unes des autres, les **blanches nient** les **noires** et vice-versa. L'**Univers** vu avec une telle logique ou un tel paradigme n'est pas **TOTAL**, ce n'est pas la **Réalité TOTALE**, la **Vérité TOTALE**.

Pire, ce paradigme est bâti sur un **axiome** fondamental implicite, qui semble si évident pour tous qu'on n'a même pas jugé utile de le formuler explicitement. C'est l'idée que **Certaines choses n'existent pas**, sont **fausses**, **impossibles**, etc., à comprendre **n'existent pas** dans l'**absolu**. Et chaque fois que l'on parle de l'« **absolu** », c'est de l'**Univers TOTAL** que l'on parle implicitement. J'appelle cette idée l'**Axiome de non-existence**.

Sans cet axiome implicite, on ne se demanderait pas ici-bas si **Dieu existe** ou **pas**, s'il **existe** ou **non** d'autres planètes habitées par des êtres comme les humains, d'autres formes de vie, des extraterrestres, des anges, etc., et s'il existe d'autres **univers** que l'**univers** connu, etc. Toutes ces interrogations reposent sur l'**Axiome de non-existence**, l'idée donc que **Certaines choses n'existent pas**, sont **fausses**, **impossibles**, etc., étant entendu que l'on parle de l'**existence absolue**.

Mais cet **Axiome de non-existence**, n'est vrai que si l'on parle de l'**existence relative** et pas **absolue**, c'est-à-dire l'**existence** limitée à un contexte donné. Par exemple, dire que **Certaines choses n'existent pas dans notre monde**, dans notre **galaxie**, dans notre **univers**, etc.. Ou de dire que **Certaines choses ne sont pas vraies dans notre monde**, dans notre **galaxie**, dans notre **univers**, etc., n'y sont pas **possibles**. Là il s'agit d'une **vérité**, car l'**existence** dont on parle est **relative**, **contextuelle**, et non pas **absolue**.

Mais dès que l'**Axiome de non-existence** porte sur l'**existence absolue**, il est alors **faux**, **archi-faux**, et on va démontrer pourquoi. Et par conséquent, c'est son contraire qui est vrai, et son contraire est l'idée que **Toute chose existe**, à comprendre : **Toute chose existe dans l'absolu**, ou **Toute chose est vraie dans l'absolu**, **toute chose est possible dans l'absolu**. Et chaque fois donc que l'on dit « **dans l'absolu** », on peut remplacer par « **dans l'Univers TOTAL** », car c'est précisément lui l'**Absolu** lui-même. L'idée est ce que nous nommons le **Théorème de l'Existence**,

ou la **Loi de la Réalité TOTALE**, ou encore la **Loi de la Vérité TOTALE**, ou encore la **Loi de la Possibilité TOTALE**, etc.

Mais comment prouver que l'**Axiome de non-existence** (étant entendu qu'on parle de **négation absolue d'existence**) est **faux** ? C'est le **formalisme** qui permet de le prouver, l'analyse d'**énoncés formels**. Posons quelques bases du concept d'**énoncé formel** avec l'exemple de la **formule de l'axiome de l'ensemble des parties**: $\forall x \exists y \forall z (z \in y \Leftrightarrow z \subset x)$. Il s'agit d'une **formule de théorie axiomatique des ensembles**.

Dans cette formule, le symbole « \forall » est appelé le **quantificateur universel**, il se lit : « **Tout** » ou « **Pour Tout** » ou « **Quel que Soit** ». Et le symbole « \exists » est appelé le **quantificateur existentiel**, il se lit : « **Il existe** ».

Donc « $\forall x$ » se lit : « **Tout x** » ou « **Pour Tout x** » ou « **Quel que Soit x** ». Et « $\exists y$ » se lit : « **Il existe y** ». Comme l'**Univers du discours** de la formule précédente est l'**Univers des ensembles**, la formule « $\forall x \exists y \forall z (z \in y \Leftrightarrow z \subset x)$ » se lit : « **Pour tout ensemble x, il existe un ensemble y, tel que pour tout ensemble z, z est élément de y si et seulement si z est inclus dans x** ». Et « **z est inclus dans x** » peut se dire aussi « **z est une partie de x** » ou « **z est un sous-ensemble de x** ». On est en train de dire ici que **quel que soit l'ensemble x, il existe un ensemble y qui est l'ensemble de toutes les parties z de x**.

Et la formule : $\exists x \forall y (y \notin x)$, est celle de l'**axiome de l'ensemble vide**, qui se lit : « **Il existe un ensemble x, tel que pour tout ensemble y, y n'est pas élément de x** », autrement dit : « **Il existe un ensemble x n'ayant aucun élément y** », ou plus simplement : « **Il existe un ensemble n'ayant aucun élément** », donc : « **Il existe un ensemble vide** ».

Nous pouvons appliquer ce formalisme axiomatique aux **ensembles universels**, autrement dit quand l'**Univers du discours** est l'**Univers des ensembles universels**, autrement dit l'**Univers des choses**, qui est par définition l'**Ensemble de toutes les choses**, ou **Univers TOTAL**, le plus grand **Univers du discours** que l'on puisse avoir, le plus grand **Univers** tout simplement. Dans ce cas, les **variables x, y, z, etc.**, s'interprètent comme « **choses** » ou « **ensembles universels** ». Les formules précédentes gardent le même sens, sauf que là où on disait « **ensemble** » il faut dire « **chose** » ou « **ensemble universel** ».

On peut garder simplement le mot « **ensemble** » mais à condition de comprendre que « **toute chose est un ensemble** » ou que par « **ensemble** » il faut entendre « **chose** ». Jusque là, c'est juste une question de vocabulaire, ce qui signifie que les **formules spéciales** dont nous allons parler à présent auraient pu être retenues dans les **classiques théories des ensembles**, au lieu donc des **axiomes** classiques, et alors la classique **théorie des ensembles**, comme **ZF** par exemple, se transforme en **Théorie universelle des ensembles**, ou **Science de l'Univers TOTAL**.

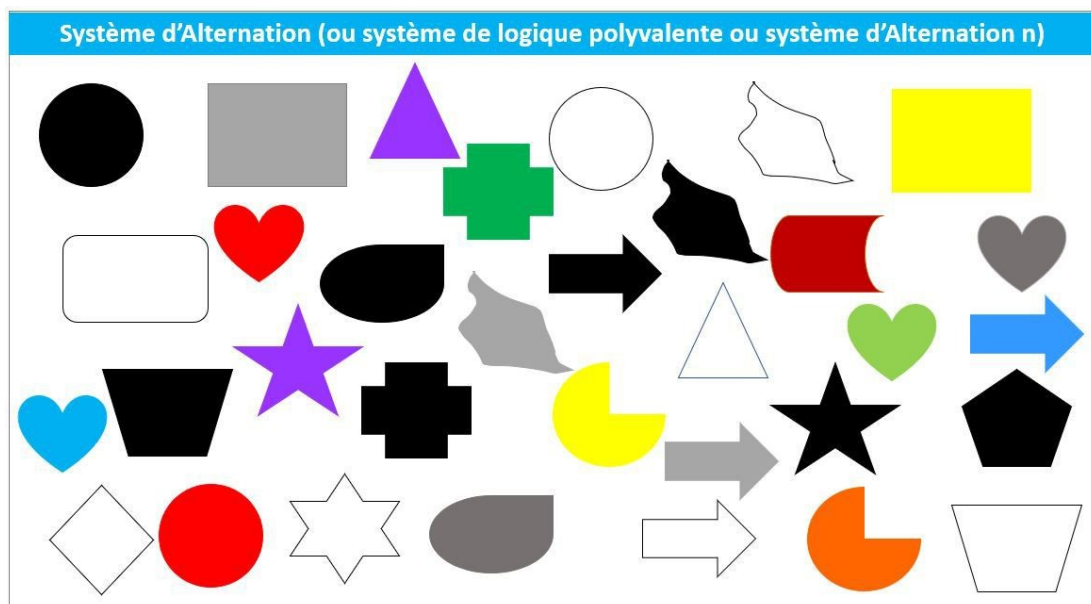
Les **formules spéciales** en question qui font changer de paradigme sont l'**Axiome de non-existence** et son contraire le **Théorème de l'Existence**. Il s'agit de démontrer la **fausseté formelle** (ou **absolue**) du premier et la **véracité formelle** (ou **absolue**) du second.

Avec les formules classiques, l'**Univers du discours**, l'**Univers des ensembles** donc, que l'on va noter **U**, n'intervient pas explicitement dans les **formules**. Or il y intervient bel et bien, mais implicitement.

Par exemple, en interprétant « $\forall x$ » par: « **Tout x** » ou « **Pour tout x** » ou « **Quel que soit x** », on est en train de dire : « **Tout ensemble x** » ou « **Pour tout ensemble x** » ou « **Quel que soit l'ensemble x** », autrement dit : **Tout élément x de U** » ou « **Pour tout élément x de U** » ou « **Quel que soit l'élément x de U** », en abrégé « $\forall x \in U$ ».

De même « $\exists x$ » ou « **Il existe x** » veut dire en fait « $\exists x \in U$ » ou « **Il existe un ensemble x** » ou « **Il existe un élément x de U** ».

Cela signifie que le **langage des ensembles** s'applique à l'**Univers du discours U** lui-même, qui d'un point de vue formel n'est qu'un **ensemble** particulier. Et justement c'est là un des problèmes de paradigme, car avec la **logique de Négation**, considérer **U** comme un **ensemble** cause un **paradoxe**, l'un des **paradoxes** de la théorie de Cantor, qui est le **paradoxe de l'ensemble de tous les ensembles**, que je nomme aussi le **paradoxe de l'ensemble plein**, ou le **paradoxe de l'Oméga**, l'**ensemble vide** étant l'**Alpha**. Mais il suffit à présent de changer de logique, de passer à l'**Alternation**, et les paradoxes disparaissent. La **logique d'Alternation** est comme si, au lieu de raisonner en **Noir ou Blanc**, on raisonnait en **Couleur**, et avec **toute l'infinité des couleurs** :



Dans cette logique, les **couleurs ne se nient plus**, mais elles sont juste **différentes** ! Tout au plus deux couleurs peuvent être dites **contraires**, comme par exemple le **blanc** et le **noir**, le « **vrai** » et le « **faux** » de la nouvelle logique. Mais il y a aussi le **gris**, qui représente le « **vrai ET faux** », et il y a une infinité de **couleurs**, comme le **bleu** par exemple, qui sont « **ni vraies ni fausses** ». Bref, en **logique d'Alternation**, toute **couleur** ou **valeur de vérité** est juste une **alternative**, et **toutes les alternatives existent**, et sont aussi **vraies** les unes que les autres. Rien que d'avoir dit ce qu'on vient de dire c'est énoncer une formulation du **Théorème de l'Existence** !

Avec le **formalisme** classique, les **quantificateurs** « \forall » ou « $\forall x$ », et « \exists » ou « $\exists x$ », sont juste des symboles arbitraires, tandis que dans la nouvelle logique ce sont des **expressions spéciales** en relations avec l'**Univers du discours U**.

Ainsi, le **quantificateur universel** « \forall » n'est rien d'autre que l'**Univers du discours U** lui-même, de sorte que le symbole « \forall » devient inutile. Autrement dit, par « **U** » on entend « **Tout** » ou « **Univers** », donc l'écriture « **Ux** » s'interprète comme « **Tout x** » ou « **Tout ensemble x** », ou « **Tout élément x de U** ».

De même, le **quantificateur existentiel** « \exists » remplace simplement l'écriture « $\in U$ », qui se lit : « **existe dans U** » ou « **appartient à U** » ou « **est élément de U** ». Donc « $\exists x$ » remplace « $x \in U$ », qui se lit : « **x existe dans U** » ou « **x appartient à U** » ou « **x est élément de U** » ou simplement « **x existe** », ce qui fait donc que le symbole « \exists » devient lui aussi redondant.

Avec ces nouvelles redéfinitions des **quantificateurs**, la **formule** de l'**axiome de l'ensemble des parties**, « $\forall x \exists y \forall z (z \in y \Leftrightarrow z \subset x)$ », s'écrit désormais : « **Ux (y \in U) Uz (z \in y \Leftrightarrow z \subset x)** ».

Bien sûr, c'est moins compact, mais cela a plus de sens. Le but n'est pas tellement d'éliminer les symboles habituels des **quantificateurs**, « \forall » et « \exists », mais de comprendre leur sens absolu, de sorte qu'on puisse les remplacer par ces sens au besoin, ce que nous allons faire bientôt.

De même, la **formule** de l'**axiome de l'ensemble vide**, « $\exists x \forall y (y \notin x)$ », s'écrit désormais : « **(x \in U) Uy (y \notin x)** ».

Ceci étant clarifié, l'**Axiome de non-existence**, qui dit que **Certaines choses n'existent pas**, s'écrit avec les symboles de **quantificateurs** habituels : « $\exists x (x \notin U)$ », ce qui se lit : « **Il existe une chose x telle que x n'existe pas dans U** », ou : « **Il existe une chose x telle que x n'existe pas dans l'Ensemble de toutes les choses** », ou plus simplement : « **Il existe une chose x qui n'est pas une chose** », ou encore : « **Il existe un ensemble x qui n'est pas un ensemble** » ou simplement : « **Il existe un ensemble qui n'est pas un ensemble** ». Et alors le **paradoxe** ou la **fausseté** qu'est cet **axiome**, quand on le soumet à la rigueur du **formalisme**, est immédiat ! Puisque, par « **Certaines choses n'existent pas** », on est simplement en train de dire : « **Il existe des choses qui n'existent pas** », ou encore : « **Il existe au moins une chose qui n'existe pas** ». On affirme donc une **existence** pour la **nier** juste après !

Le paradoxe est encore plus flagrant quand on exprime l'axiome avec la nouvelle redéfinition des quantificateurs. Il s'écrit alors : « **(x \in U) (x \notin U)** ». Autrement dit donc : « **x existe dans U tel que x n'existe pas dans U** », ou : « **x existe tel que x n'existe pas** ».

L'**Axiome de non-existence** étant clairement **faux** (étant entendu que pour cette démonstration on raisonne pour l'instant en **logique binaire** ou **Alternation 2** ou **logique classique**), c'est donc son contraire qui est vrai, et son contraire est, avec les symboles de **quantification** habituels, la formule : « $\forall x (x \in U)$ », ou : « **Ux (x \in U)** ». C'est cette **formule** que j'appelle le **Théorème de l'Existence** ou la **Loi de la Réalité TOTALE** :



Comment l'**Axiome de non-existence** se traduit quand l'**Univers du discours** est l'**ensemble \mathcal{OP}** de toutes les **expressions opérationnelles** ou **formules** ? Très simple: c'est l'idée que « **Certaines expressions opérationnelles ou formules ne seraient pas valides** ». Autrement dit, c'est le fait de faire un **formalisme** dans lequel on se fatigue avec des **règles de déductions** permettant de dire quelles **expressions opérationnelles** sont **valides** ou **non**, ou quelles **formules** sont des **théorèmes** ou **non**. La seule **formule** qui n'est pas un **théorème** c'est celle qui dit qu'**il existe des formules qui ne sont pas des théorèmes**. Autrement dit, c'est la formule: « $\exists x (x \notin U)$ » ou : « $(x \in U) (x \notin U)$ », si c'est la **Négation** qui est sous-entendue dans l'écriture « \notin », c'est-à-dire si elle signifie: « **non-élément de** ». Mais si elle n'exprime pas une **négation** mais juste le **contraire**, cette formule « $\exists x (x \notin U)$ » ou : « $(x \in U) (x \notin U)$ » est **valide** aussi, comme toutes les autres. Autrement dit, si l'écriture « \notin » ou « $(x \notin U)$ » est juste comme la **couleur noire** dans toute l'**infinité de couleurs**, et l'écriture « \in » ou : « $(x \in U)$ » étant comme la **couleur blanche**, alors la formule « $\exists x (x \notin U)$ » ou : « $(x \in U) (x \notin U)$ » est juste comme une formule de **couleur grise**.

Notre approche formelle repose donc sur la logique supérieure qu'est la **logique d'Alternation**, car aussi son paradigme est supérieur, à savoir donc l'**Univers TOTAL**. La méthodologie s'appelle alors la **théorématique**, car elle ne repose pas sur des **axiomes**, mais sur un **théorème**, le **Théorème de l'Existence**, qui dit : « **Toute chose existe** ». Quand l'**Univers du discours** est **\mathcal{OP}** , l'**Univers des expressions opérationnelles** (une autre manière de parler de l'**Univers TOTAL**), le **Théorème de l'Existence** revient à dire : « **Toute expression opérationnelle est valide** » ou « **Toute formule est vraie** ».

On se donne donc **toutes** les **expressions opérationnelles**, mais rien ne nous empêche de nous intéresser plus spécialement à certaines **expressions opérationnelles**, ce qui ne signifie pas du tout que les autres seraient invalides.

On s'intéresse donc plus particulièrement aux **expressions opérationnelles** que sont les **caractères**, les **symbole**, les **assemblages** de **caractères** ou de **symboles**. Comme par exemple les **caractères** de l'**Unicode**, qui rassemble tous les **alphabets** du monde, tous les **caractères**, tous les **symboles** ou **signes**. En ce sens par exemple, tous les **mots** de ce livre sont des **expressions opérationnelles**, toutes les **phrases**, tous les **paragraphes**, tout le **texte**.

Plus particulièrement encore, on s'intéresse aux **expressions opérationnelles** qui reposent sur les **hyperopérateurs** H^n et leurs **récioproques** H^{n*}_d (**récioproque droite**) et H^{n*}_g (**récioproque gauche**). Signalons que les notations ne sont pas toujours homogènes avec les livres précédents et entre ceux-ci (mea culpa...). Ceci dit, voici donc la nomenclature des premiers **hyperopérateurs**:

Hyper-opérateurs	Symboles et nom usuels	Définition et exemples avec la base 10
0 H Hener Ohener	+ Addition	$10^{-1} H 10 = 10^0 H 2$ ou: $10 \oplus 10 = 10 + 2$
1 H Uhener	× Multiplication	$10^0 H 10 = 10^1 H 2$ ou: $10 + 10 = 10 \times 2$
2 H Bihener	^ Exponentiation ↑ Puissance	$10^1 H 10 = 10^2 H 2$ ou: $10 \times 10 = 10^2 = 10^2$
3 H Cihener	^^ Tétration ↑^2	$10^2 H 10 = 10^3 H 2$ ou: $10^2 10 = 10^{^^} 2 = 10^{\uparrow^2} 2$
4 H Dihener	^^^ Pentation ↑^3	$10^3 H 10 = 10^4 H 2$ ou: $10^{^^} 10 = 10^{^^^} 2 = 10^{\uparrow^3} 2$
...
10 H Lihener	^^^^^^^^^ Hendécation ↑^9	$10^9 H 10 = 10^{10} H 2$ ou: $10^{\uparrow^8} 10 = 10^{\uparrow^9} 2$; $10^{10} H 10 = Haw(10)$

La relation entre un **hyperopérateur** H^n , encore noté \uparrow^n , et ses deux **récioproques droite** et **gauche**, H^{n*}_d et H^{n*}_g , encore notés \downarrow^n_d et \downarrow^n_g , est définie de la manière suivante :

$$x H^n y = z \Leftrightarrow x = z H^{n*}_d y \Leftrightarrow y = z H^{n*}_g x.$$

Et de manière plus générale encore, soit un **symbole** quelconque **H**, appelé opérateur binaire. On lui associe deux symboles H^*_d et H^*_g , appelés respectivement son **opérateur récioproque droit** et **gauche**.

On a :

$$x H y = z \Leftrightarrow x = z H^*_d y \Leftrightarrow y = z H^*_g x.$$

On rappelle que dans le nouveau **Paradigme**, de même qu'une même **équation** peut avoir plusieurs **solutions**, un **ensemble de solutions** donc, de même un même **calcul** ou une même **opération** peut donner plusieurs **résultats**, un **ensemble de résultats** donc. Et un **ensemble**, même dit « **vide** », et noté $\{ \}$, possède un **élément spécial** appelé « **élément inexistant** » ou « **espace** », et noté **o**. C'est l'**élément spécial** de tout **ensemble** (au sens **universel** du terme **ensemble** maintenant, et non plus au sens **axiomatique** habituel) qui signifie : « **absence d'élément** ». On l'appelle aussi l'« **élément**

vide », à ne surtout pas confondre avec l'« **ensemble vide** », qui est \emptyset ou **0** ou $\{ \}$ ou $\{o\}$, dans lequel **o** est précisément l'« **élément vide** » ou « **élément inexistant** » ou « **élément absent** » ou « **espace** ».

o est le **0 absolu**, appelé aussi l'**Omicron** ou le **petit 0** ou le **petit zéro** ou le **petit Alpha**, par opposition au **0 standard**, ou le **0 courant**, ou le **0 unital**, ou le **0 de référence**, ou le **0 informationnel**, ou le **0 opérationnel**, qui est l'**ensemble vide**, noté simplement **0**.

Tout **ensemble**, quel qu'il soit, a comme **élément le zéro absolu**, et en l'occurrence c'est l'unique **élément de l'ensemble vide**, qui est $\{o\}$ ou $\{ \}$ ou **0** ou \emptyset ou **O**. L'« **élément inexistant** » **o** est l'**élément par défaut** de tout **ensemble x**, **vide** ou non. En pratique et en règle générale, quand on parlera d'« **élément** » d'un **ensemble x**, on sous-entendra un **élément existant**, un **élément présent**, et l'**ensemble vide**, $\{o\}$ ou $\{ \}$ ou **0** ou \emptyset ou **O**, est un tel **élément**, c'est le premier du genre

L'**inverse** de l'**Omicron o** ou $1/o$ est l'**infini absolu**, noté Ω , et appelé le grand **Oméga**.

Mais en un sens plus restreint encore, nous appelons une **expression opérationnelle** tout **assemblage** formé en prenant comme **alphabet**:

→ les symboles spéciaux : **o**, **1**, **v**, Ω , **u**, où **v** est le symbole spécial représentant une **variable**;
→ les symboles des **hyperopérateurs** et leurs **hyperopérations réciproques** : l'**addition** H^0 ou « + » et ses deux **opérations réciproques, droite et gauche** : H^{0*_d} et H^{0*_g} , qui, en raison de la **commutativité** de l'**addition**, se confondent en une seule **opération** appelée la **soustraction**, « - »;
la **multiplication** H^1 ou « × » et ses deux **opérations réciproques, droite et gauche** : H^{1*_d} et H^{1*_g} , qui, en raison aussi de la **commutativité** de la **multiplication**, se confondent en une seule **opération** appelée la **division**, « / »;
l'**exponentiation** H^2 ou « ^ » et ses deux **opérations réciproques, droite et gauche** : H^{2*_d} (**opération racine n-ième**) et H^{2*_g} (**opérations logarithmes**);
la **tétration** H^3 ou « ^^ » et ses deux **opérations réciproques, droite et gauche** : H^{3*_d} et H^{3*_g} ; la **pentation** H^4 ou « ^^^ » et ses deux **opérations réciproques, droite et gauche** : H^{4*_d} et H^{4*_g} , et ainsi de suite;

→ les **symboles parenthésiques** comme **()**, les **crochets** **[]**, les **accolades** **{}**, etc., ainsi que des symboles représentant l'**espace**.

Etant donnée deux **expressions opérationnelles X** et **Y**, l'**assemblage X+Y** est une nouvelle **expression opérationnelle**, appelée l'**addition physique** de **X** et **Y**, ou la **concaténation** de **X** et **Y**. Dans ce cas, cet **assemblage** est simplement noté **XY**, à ne pas confondre avec la **multiplication** de **X** et **Y**, à savoir $X \times Y$, habituellement noté **XY** aussi. Mais la **concaténation** de **X** et **Y**, à savoir **XY**, qui est donc en fait l'**assemblage X+Y**, consiste à écrire simplement **Y** à la suite de **X**.

En particulier donc, les **assemblages** : **X**, **XX**, **XXX**, **XXXX**, **XXXXX**, ..., c'est-à-dire : **X**, **X+X**, **X+X+X**, **X+X+X+X**, **X+X+X+X+X**, ..., sont des **expressions opérationnelles** appelées les **générescences** ou **informations unaires d'unit X**, ou simplement les **générescences** ou **informations unaires** de **X**.

Etant donné une **expression opérationnelle X**, l'**assemblage $\omega \times X$** , encore noté **X...**, à lire alors « **X GENER** », est appelée la **générescence infinie ω** de **X**. Intuitivement, cela représente l'**assemblage** : **XXX...X** ou **X+X+X+...+X**, où l'**expression opérationnelle X** est répétée ω fois, et

on convient que ω représente un **nombre entier infini**, dont la définition est précisée par la notion de **nombre entier variable**.

L'**expression opérationnelle** $1/v$ est notée ε . Et l'**expression** $v^\wedge v$ ou v^v est notée w . Et l'**expression** $1/w$ est notée θ . Et l'**expression** $w^\wedge w$ ou w^w est notée ω . Et l'**expression** $1/\omega$ est notée 0 .

Les **expressions opérationnelles** : $1, 11, 111, 1111, 11111, \dots$, sont respectivement notées $1, 2, 3, 4, 5, \dots$, et sont la définition des **nombre entier naturel non nuls**. Ceux-ci définis, étant donnée n'importe quelle **expression opérationnelle** X , les **générescences** : $X, XX, XXX, XXXX, XXXXX, \dots$, ou: $X, X+X, X+X+X, X+X+X+X, X+X+X+X+X, \dots$, sont respectivement notées: $1 \times X, 2 \times X, 3 \times X, 4 \times X, 5 \times X, \dots$, et on définit ainsi les **multiplications** des **nombre entier naturel non nuls** par l'**expression opérationnelle** X .

On convient que l'**expression opérationnelle** $o \times X$ représente o , pour toute **expression opérationnelle** X , excepté le cas où X est l'**unix** \mathfrak{u} , où $o \times \mathfrak{u}$ représente alors \mathfrak{u} . De manière très générale, on convient que toute **expression opérationnelle** dans laquelle figure au moins une occurrence de \mathfrak{u} , représente \mathfrak{u} . On dit que l'**unix** \mathfrak{u} est **invariant** pour toute **opération**. Autrement dit, il est l'**élément absorbant** ou **neutralisant** pour toute **opération**.

On peut aussi à présent définir les **expressions opérationnelles**: $\dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$. Et on convient alors que les **expressions opérationnelles** :

$o, 0, 00, 000, 0000, 00000, \dots, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$, ou :
 $o, 1 \times 0, 2 \times 0, 3 \times 0, 4 \times 0, 5 \times 0, \dots, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$,
sont à prendre dans cet **ordre**.

En particulier on a la liste: $o, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$, appelée les **nombre entier oméganaturels d'horizon infini** ω .

Mais on accordera plus particulièrement l'attention à la liste :

$o, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, v-5, v-4, v-3, v-2, v-1, v$,
qui sont les **nombre entier oméganaturels d'horizon infini** v .

De manière générale, étant donnée une **expression opérationnelle** X appelée un **nombre entier oméganaturel infini**, la liste des **nombre entier oméganaturels d'horizon infini** X est :

$o, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, X-5, X-4, X-3, X-2, X-1, X$.

L'**expression opérationnelle** o est appelée le **0 absolu**, et l'**expression opérationnelle** Ω est appelée l'**infini absolu**. La liste des **nombre entier oméganaturels d'horizon infini** X est donc:
 $o, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \Omega-5, \Omega-4, \Omega-3, \Omega-2, \Omega-1, \Omega$.

Intuitivement, il s'agit de la liste de tous les **ordinaux**. On convient alors que o et Ω sont le même objet, ce qui instaure ce que nous appelons le **Cycle** Ω , ou le **Cycle Oméga**, ou l'**Omégacycle**.

A noter que cette importante notion d'**Omégacycle** (qui est la clef de la notion de **corps omégacyclique**) supprime de fait le **paradoxe du dernier ordinal**, puisque ce **dernier ordinal**, Ω donc, est le même objet que le **premier ordinal**, à savoir o . Du coup, la notion de **successeur de** Ω , à savoir $\Omega+1$ (qui serait paradoxal sans le **Cycle**, puisqu'il arrive après ce qui est censé être le **dernier ordinal**, à savoir Ω), est le même objet que 1 , et $\Omega+2$ ou $\Omega+1+1$, est le même objet que 2 , et $\Omega+3$ ou $\Omega+1+1+1$, est le même objet que 3 , etc.

On note que nous avons à plusieurs reprises utilisé l'idée de « **même objet que...** », qui est l'expression d'une **relation d'égalité**, et aussi l'idée de « **à prendre dans cet ordre** », qui est l'expression d'une **relation d'ordre**. Il nous faut donc étendre la notion d'**expression opérationnelle** avec la notion d'**énoncé opérationnel**, qui intègre la notion de **relation**, et en particulier de **relation binaire**.

Et nous appelons un **énoncé opérationnel** un **assemblage** où figurent des **expressions opérationnelles** et au moins un signe de **relation binaire**, notamment les **relations d'identité** : « = », « == », « === », « ==== », etc., ou d'**équivalence** : « ≡ », « ≡≡ », « ≡≡≡ », « ≡≡≡≡ », etc., ou d'**ordre** : « < », « << », « <<< », « <<<< », ..., « > », « >> », « >>> », « >>>> », etc.

Les symboles d'**identité** ou d'**équivalence** servent à exprimer les **relations d'équivalence** dans les **expressions opérationnelles**, à dire quelles **expressions** nous décidons de voir comme la **même expression** ou comme des **expressions équivalentes**.

Par exemple, pour deux **expressions opérationnelles** X et Y, décider que les **expressions** « X+Y » et « Y+X » sont **équivalentes**, ce qu'on écrira par exemple : $X+Y = Y+X$. Ceci définit la **commutativité** de l'**addition**, pour la **concaténation** des **expressions opérationnelles**.

Et on décide aussi que pour trois **expressions** X, Y et Z, on a : $(X + Y) + Z = X + (Y + Z)$, ce qui définit l'**associativité** de l'**addition** des **expressions opérationnelles**.

On décide que l'**Omicron o** est l'**élément neutre** de l'**addition** des **expressions opérationnelles**. Pour toute **expression opérationnelle** X, on a : $X + o = o + X = X$.

De même pour la **multiplication**, \times , elle est **commutative**, **associative**, et **1** est l'**élément neutre** de la **multiplication**:

$$X \times Y = Y \times X$$

$$(X \times Y) \times Z = X \times (Y \times Z)$$

$$X \times 1 = 1 \times X = X.$$

On décide aussi que toute **expression opérationnelle** de la forme « v(X) », où X est n'importe quelle **expression opérationnelle**, désigne X. Autrement dit : $v(X) = X$. Donc en particulier : $v(o) = o$, $v(1) = 1$, $v(2) = 2$, $v(3) = 3$, etc. Pour cette raison, on dit que v est l'**application varid**, de « **variable** » (car v est la **variable canonique**) et « **identité** » (car v joue le rôle de l'**application Identité**, souvent notée I ou Id, telle que : $I(X) = Id(X) = X$).

Nous pouvons à présent exprimer aussi par exemple l'idée que « **o et Ω sont le même objet** » par l'**énoncé opérationnel** : « $o = \Omega$ ». Et aussi l'idée que « **1 et Ω+1 sont le même objet** » par l'**énoncé opérationnel** : « $1 = \Omega + 1$ ». Et de même : « $2 = \Omega + 2$ », etc.

Et de manière générale, pour toute **expression opérationnelle** X, on pose : « $X = \Omega + X$ ». Une manière de dire que Ω, comme o, est lui aussi un **élément neutre de l'addition**. On a l'habitude du **zéro absolu** comme **élément neutre de l'addition**, voici donc l'**infini absolu** dans le même rôle.

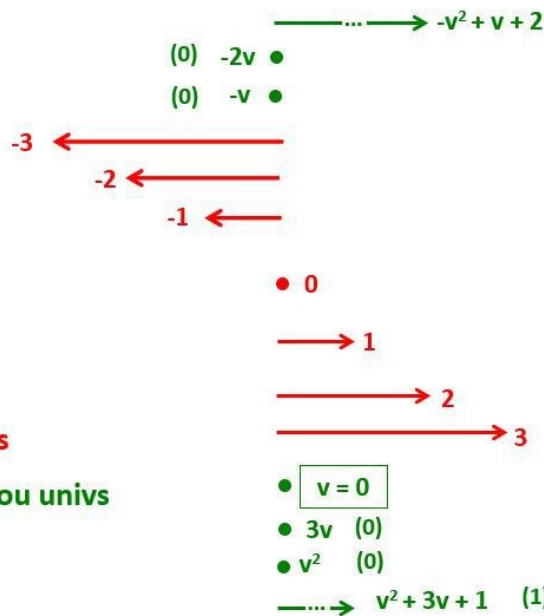
Et l'idée de l'**unix u** est simplement de définir un objet qui est **invariant** pour toute **opération** effectuée avec lui. Et évidemment l'objet que nous caractérisons ainsi de manière **opérationnelle** est l'**Univers TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, autrement dit qui est le **Grand TOUT** et à la fois

1-Unix ou unix de dimension 1

■ Constantes ou units

■ Variables ou unids ou univs

$$v = 0$$



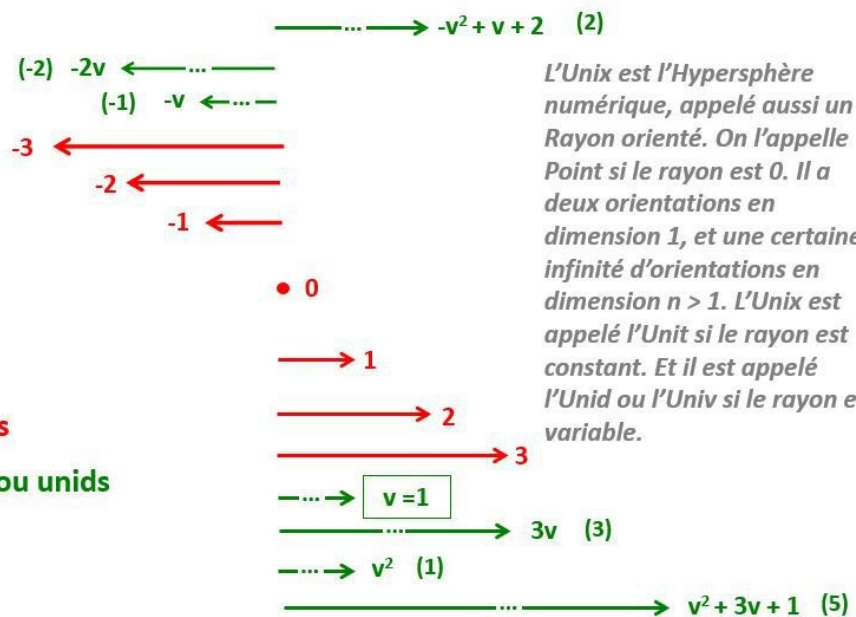
L'Unix u est l'Hypersphère numérique, appelé aussi un Rayon orienté, de formule générale: $u = r \times u$, où r est le rayon (un réel, c'est-à-dire un réel positif ou nul) et u l'orientation, l'orientation opposée étant $-u$. On l'appelle Point si le rayon est 0. Il a deux orientations en dimension 1, et une certaine infinité d'orientations en dimension $n > 1$. L'Unix u est appelé l'Unit si le rayon est constant. Et il est appelé l'Unid ou l'Univ si le rayon est variable.

1-Unix ou unix de dimension 1

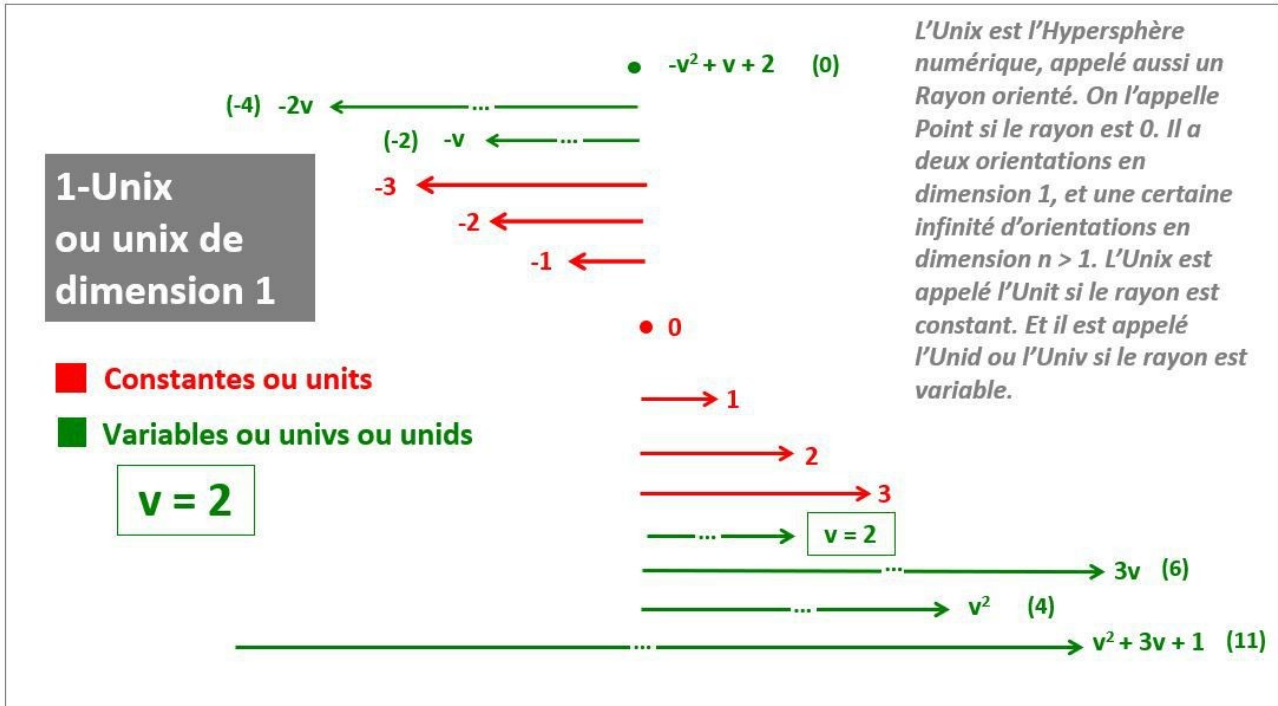
■ Constantes ou units

■ Variables ou unids ou univs

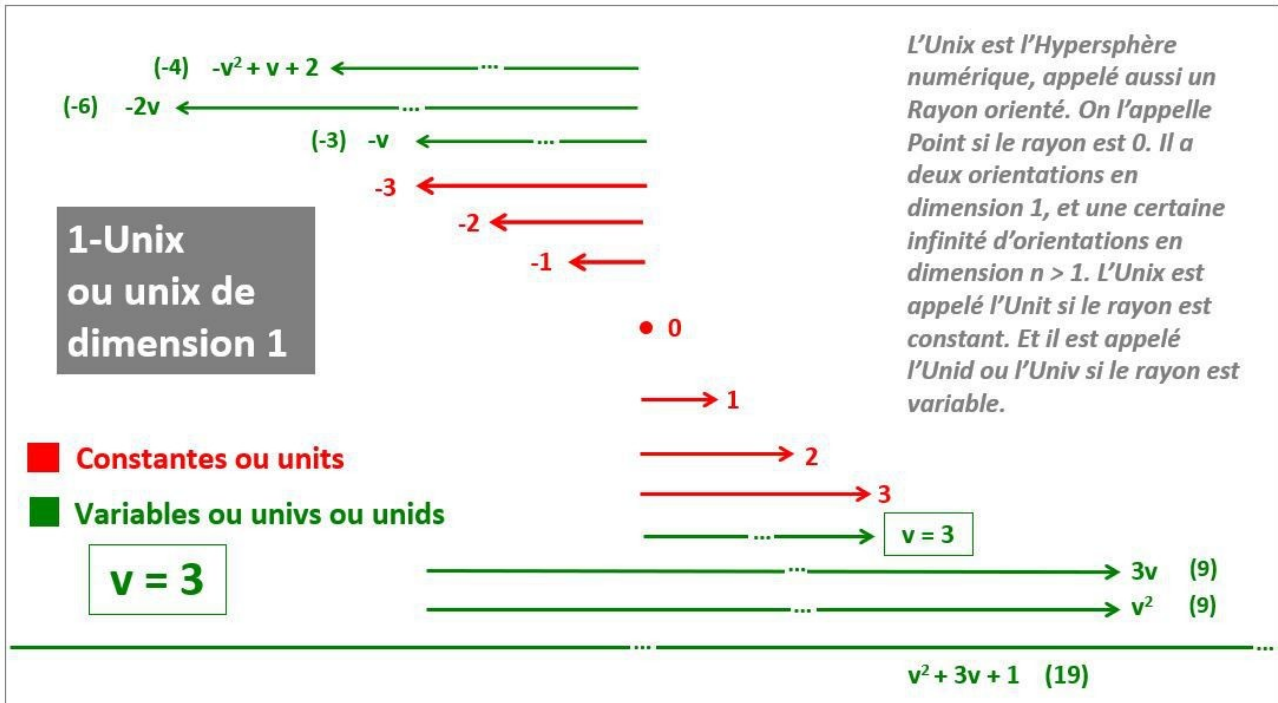
$$v = 1$$



L'Unix est l'Hypersphère numérique, appelé aussi un Rayon orienté. On l'appelle Point si le rayon est 0. Il a deux orientations en dimension 1, et une certaine infinité d'orientations en dimension $n > 1$. L'Unix est appelé l'Unit si le rayon est constant. Et il est appelé l'Unid ou l'Univ si le rayon est variable.



Plus techniquement, l'Unix est l'Hypersphère toutes dimensions confondues, tous rayons confondus, les rayons pouvant être constants ou variables. Autrement dit, c'est l'Ensemble de toutes les hypersphères, de tous les rayons, constants comme variables.



On parle d'unit si le rayon est constant, et d'unid ou univ si le rayon est variable. Tout type de nombre, réel, complexe ou autre, toute notion arithmétique, algébrique, analytique, géométrique, topologique, etc., tout type d'ensemble, toute chose de l'Univers TOTAL, peut être définie avec le concept d'expression opérationnelle. De même aussi avec le concept d'Unix.

L'Unix de **dimension 0**, que l'on convient qu'il est aussi de **rayon 0** (on parle du **0 absolu**, noté aussi **o**) est ce **0** lui-même, appelée aussi **point absolu** ou l'**ensemble vide absolu**. L'Unix est le **Rayon orienté**, et on convient que l'Unix de **dimension 0** a toutes les **orientations**.

L'Unix de **dimension 1** est appelé **segment**. Si la **longueur** (ou le **rayon**) du **segment** est **nulle**, on se ramène au cas de la **dimension 0**.

Le **segment** de **rayon constant** est appelé le **1-unit**, et il est appelé **1-unid** ou **1-univ** si le **rayon** est **variable**. Étant entendu que le **rayon constant** est un cas particulier de **rayon variable**, puisque toute grandeur **variable**, à une étape particulière de sa **variation** a une **valeur constante**.

Par exemple, si **v** est une **variable**, et si l'on dit : **v = 3**, cela signifie que **v** est considérée à une étape de sa **variation** où elle prend pour **valeur** la **constante 3**. Quand donc la **variable v** est considérée uniquement à l'étape où elle a cette **valeur constante**, elle est donc une **constante**. De sorte qu'on peut définir une **constante** comme étant une **variable** à une certaine étape de sa **variation**. Les **constantes** sont donc des cas particuliers de **variables**.

Et on verra avec la notion de **potentiel** que tout ensemble **K** peut servir d'**ensemble** de **constantes**. Et en particulier tout **ensemble K** dont les éléments sont des **variables**, ou comprenant des **variables** et des **constantes**, comme par exemple : **K = {-5, 0, 1, 2, 7, v, 3v, v², 4v³}**, peut être appelé **ensemble** de **constantes** selon un autre sens de notion de **constantes**.

On appelle une **droite** ou « **segment infini** » tout **segment** de **rayon variable**, qui finit par être plus grande que la **longueur** de tout **segment constant** donné à l'avance. Et tout **segment**, **fini** ou **infini**, **constant** ou **variable**, possède deux **orientations**, généralement appelées l'**orientation positive (+)** et l'**orientation négative (-)**, mais nous préférons dans ce cas qualifier d'**anitive** et d'**antitive** : **ANI** pour (+) ou (+1) et **ANTI** pour (-) ou (-1).

De manière générale, pour un **entier n > 0**, l'unix **u** de **dimension n** est de la forme: **u = {r × u}**, où **r** est un **réali** (c'est-à-dire un **nombre réel positif ou nul**) appelée le **rayon** de l'unix, et où **u** est une **orientation** de **dimension n**. La notation **{r × u}** signifie que l'on parle de l'**ensemble de toutes les orientations en dimension n du rayon r**. Pour une **orientation u** donnée, le **produit r × u** est appelé un **rayon orienté**, en l'occurrence le **rayon r d'orientation u**. On l'appelle aussi un **nombre orienté** (la généralisation de la notion de **nombre complexe**) ou encore un **vecteur**. Et le rayon **r** est alors appelé aussi le **module** du **nombre orienté** ou du **vecteur r × u**.

Et on note : **|r × u| = ray(r × u) = r**, et **orien(r × u) = u**, pour dire donc que le **rayon** ou **module** ou **valeur absolue** de **r × u** est **r**, et que son **orientation** est **u**.

En particulier, on a :

$$|1 \times u| = \text{ray}(1 \times u) = |u| = \text{ray}(u) = 1,$$

$$\text{et: } \text{orien}(1 \times u) = \text{orien}(u) = u.$$

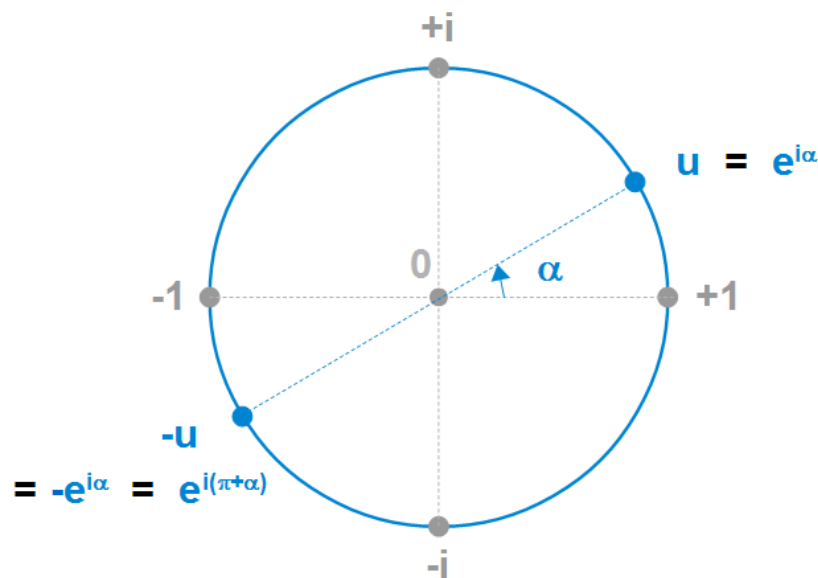
Les **orientations** sont donc les **nombres orientés de rayon 1**.

Par abus, on assimilera l'unix **u = {r × u}** avec le **nombre orienté r × u**, qui est l'un des **éléments** de l'**ensemble** qu'est l'unix **u**. Cette assimilation a pour but juste de dire que le **nombre orienté r × u** est l'**élément générique** de l'unix **u**.

En **dimension n = 1**, **u** a deux valeurs possibles, **ANI** ou **(+1)** et **ANTI** ou **(-1)**. Et pour tout **n ≥ 1**, et pour toute **orientation u** de **dimension n**, il y a l'**orientation opposée -u**, de **dimension n** aussi, et le **couple d'orientations {u, -u}**, ou **{+u, -u}**, est appelée une **direction**, en l'occurrence ce sont les deux **orientations** de la **droite de direction {+u, -u}**, autrement dit définie par: $\lambda \times u$, où λ est **nombre réel** et plus généralement **omégaréel**.

En particulier, **{+1, -1}** ou **{ANI, ANTI}** est l'**unix de rayon 1** qui est la **direction** de la **droite réelle**, l'**ensemble R** donc. Ses deux **orientations** sont **+1** et **-1**.

L'**Unix** de **dimension 2** et de **rayon r** est appelé le **cercle de rayon r**. Avec **r = 1**, on a l'**unix de dimension 2 et de rayon 1**, qui est donc le **cercle de rayon 1** :



Dans ce cas, on a une **infinité d'orientations**, qui sont définies par des **angles α** en **radians** de **0** à **2π** , ou en **degrés** de **0** à **360°**. Les **orientations 0** et **π** , ou **0** et **180°**, sont respectivement celles que nous avons appelées **ANI** ou **(+1)** et **ANTI** ou **(-1)**. Nous distinguons la notion d'**orientation**, comme ici **ANTI**, avec la notion de **nombre antitif**, et la notion de **nombre négatif** à proprement parler, qui, quant à elle, a un lien avec la **Négation**, notamment de l'**Univers TOTAL**.

Une **orientation u** de ce **unix** est donnée donc par : $u = e^{i\alpha} = \cos(\alpha) + i \sin(\alpha)$, où **i** est le **nombre complexe unité**, tel que : $i^2 = -1$. Et donc on a : $-u = -e^{i\alpha} = -\cos(\alpha) - i \sin(\alpha)$.

L'**unix u** de **rayon 1** s'écrit donc: $u = \{u\} = \{e^{i\alpha}\}$, pour dire donc que l'**unix u** de **rayon 1** est l'**ensemble de toutes les orientations du rayon 1**. Par abus ou simplification, on assimile le **rayon 1 orienté u = e^{i\alpha}**, d'**angle générique** ou **variable α** donc, avec l'**unix u = {u} = {e^{i\alpha}}**, qui est le **cercle de rayon 1**, c'est-à-dire l'**ensemble de tous les rayons 1 orientés**, ou l'**ensemble de toutes les orientations du rayon 1**.

Voici après le **2-Unix** avec le **rayon r** (qu'il faut voir donc comme le **rayon r tournant**), représenté avec l'**orientation ANI** par défaut, ou **0 radian**, ou **0 degré**. Et au départ aussi, la **variable v** a pour **valeur 0**.

2-Unix ou unix de dimension 2

■ **Constantes ou units**
■ **Variables ou unids ou univs**

L'Unix u est l'Hypersphère numérique, appelé aussi un Rayon orienté, de formule générale: $u = r \times u$, où r est le rayon (un réel, c'est-à-dire un réel positif ou nul) et u l'orientation, l'orientation opposée étant $-u$. On l'appelle Point si le rayon est 0. Il a deux orientations en dimension 1, et une certaine infinité d'orientations en dimension $n > 1$. L'Unix u est appelé l'Unit si le rayon est constant. Et il est appelé l'Unid ou l'Univ si le rayon est variable.

Et quand la **variable** v prend pour **valeur 1**, puis **2**, etc. :

2-Unix ou unix de dimension 2

■ **Constantes ou units**
■ **Variables ou unids ou univs**

L'Unix u est l'Hypersphère numérique, appelé aussi un Rayon orienté, de formule générale: $u = r \times u$, où r est le rayon (un réel, c'est-à-dire un réel positif ou nul) et u l'orientation, l'orientation opposée étant $-u$. On l'appelle Point si le rayon est 0. Il a deux orientations en dimension 1, et une certaine infinité d'orientations en dimension $n > 1$. L'Unix u est appelé l'Unit si le rayon est constant. Et il est appelé l'Unid ou l'Univ si le rayon est variable.

Dans un premier temps, nous accordons l'attention au cas où les **nombres constants**, en rouge, et les **nombres variables**, en vert, sont des **nombres entiers**, autrement dit le cas où les **rayons** des **unix** ou des **hypersphères** sont des **nombres entiers** ou **ordinaux**. Et techniquement, nous appelons un **nombre entier variable** tout simplement une **application de \mathbb{N} dans \mathbb{Z}** , autrement dit

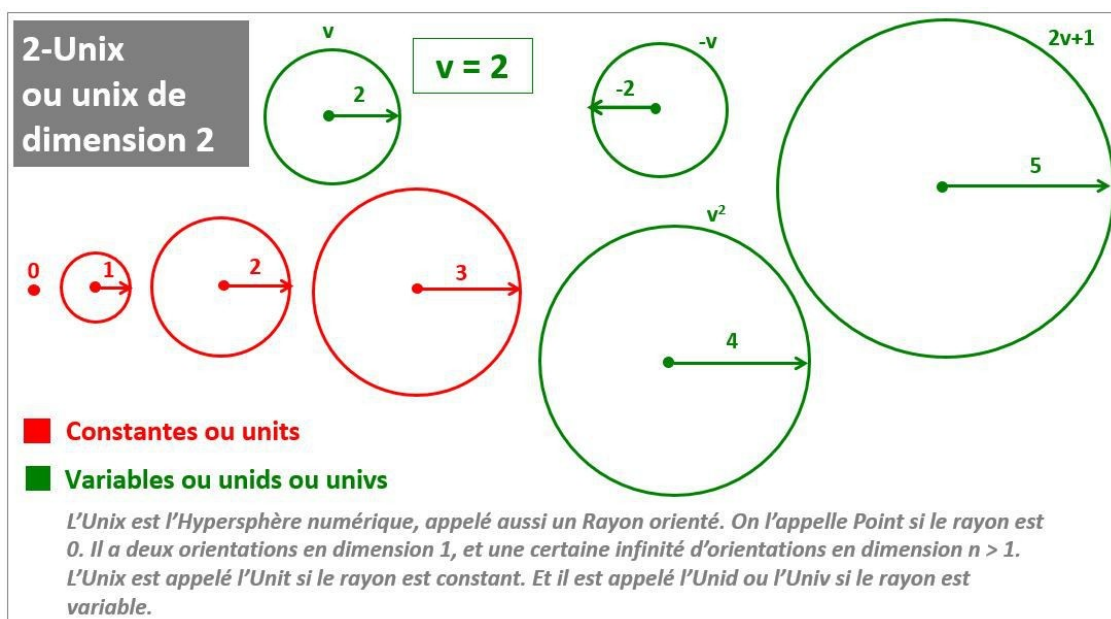
une **suite d'entiers relatifs** (on reviendra largement sur les notions d'**entiers naturels variables**, et parmi ceux-ci les **nombres** qu'on va qualifier d'**infinis** au sens nouveau du terme).

Et le **nombre variable** v , qui servira à définir d'autres **nombres variables**, est la **suite d'entiers naturels** v définie par : $v(n) = n$ pour tout **entier naturel** n .

Autrement dit, la **suite** : $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

Cette **suite** spéciale v équivaut à parler de l'**ensemble** N des **nombres entiers naturels** : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

Et dire par exemple que $v = 2$ c'est dire que cette **suite** v , en tant que **variable**, prend pour **valeur** 2. Et alors la **variable** $2v+1$ prend pour **valeur** $2 \times 2 + 1 = 5$, et la **variable** v^2 prend pour **valeur** $2^2 = 4$, etc..



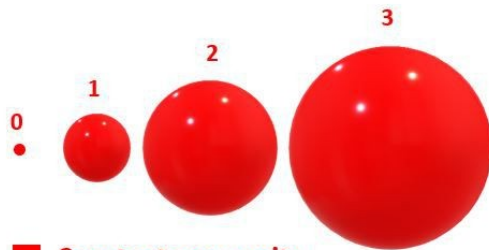
Idem pour l'**Unix** de **dimension 3** ou **sphère 3** :

**3-Unix
ou unix de
dimension 3**

$(0) v$
● $v = 0$

$-v (0)$
●

$2v+1 (1)$
●



$v^2 (1)$
●

■ **Constantes ou units**

■ **Variables ou unids ou univs**

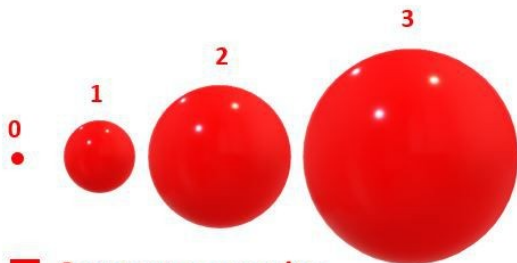
L'Unix est l'Hypersphère numérique, appelé aussi un Rayon orienté. On l'appelle Point si le rayon est 0. Il a deux orientations en dimension 1, et une certaine infinité d'orientations en dimension $n > 1$. L'Unix est appelé l'Unit si le rayon est constant. Et il est appelé l'Unid ou l'Univ si le rayon est variable.

**3-Unix
ou unix de
dimension 3**

$v (1)$
● $v = 1$

$-v (-1)$
●

$2v+1 (3)$
●

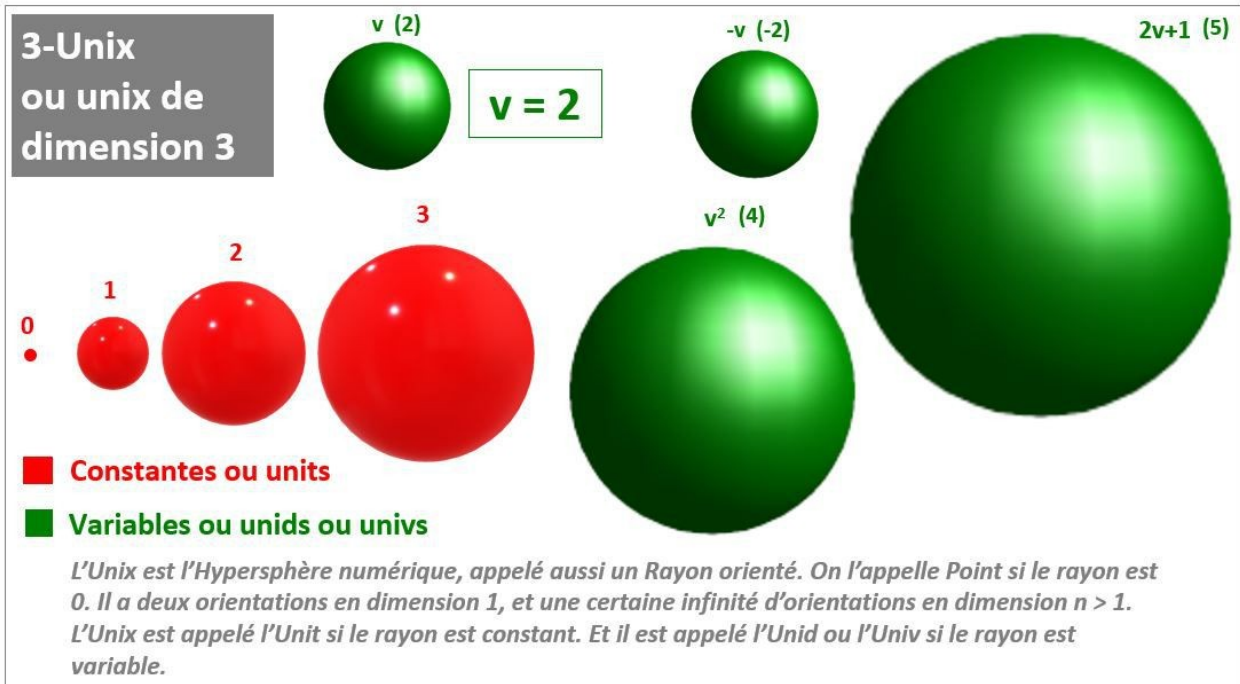


$v^2 (1)$
●

■ **Constantes ou units**

■ **Variables ou unids ou univs**

L'Unix est l'Hypersphère numérique, appelé aussi un Rayon orienté. On l'appelle Point si le rayon est 0. Il a deux orientations en dimension 1, et une certaine infinité d'orientations en dimension $n > 1$. L'Unix est appelé l'Unit si le rayon est constant. Et il est appelé l'Unid ou l'Univ si le rayon est variable.



Dans le livre précédent : « [Conception générative des nombres entiers](#) », nous disons :

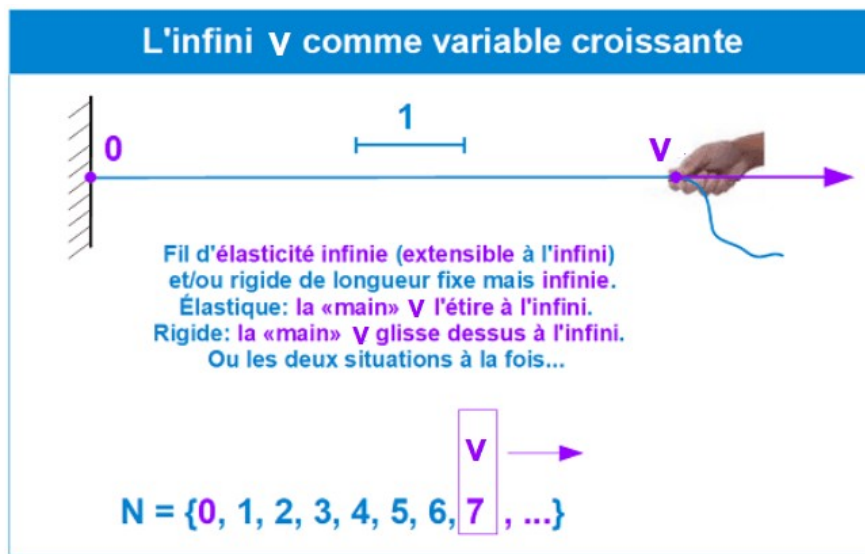
« Etant donnée n'importe quelle **unité informationnelle X**, et qui est **0, 1, U** ou autre, on appelle « **générer** » avec **X** le simple fait de **répéter X indéfiniment, continuellement, perpétuellement**:
XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX...

Et le symbole « ... » à la fin pour indiquer que la **répétition de X continue perpétuellement**, nous l'appelons l'**opérateur GENER**, ou **opérateur de génération** ou **opérateur des générescences**. Les **informations unaires**: **X, XX, XXX, XXXX, XXXXX, XXXXXX, XXXXXXX, ...**, sont appelées des **générescences d'unit X** ou **générescences de X**. Et la possibilité, pour toute **générescence** donnée, de pouvoir toujours ajouter un nouvel **unit X** pour avoir la **générescence suivante**, nous l'appelons la **générativité**, ou la **générité**, ou la **perpétualité**, ou la **continualité**, ou l'**indéfinité**, etc. Il s'agit d'une **propriété fondamentale** des **nombres entiers**, des **ordinaux** et des **cardinaux** dans la nouvelle vision de l'**Univers**, et donc de tous les **nombres**. La **générativité** est d'une extrême importance, car tous les secrets de l'**INFINI**, des **ordinaux**, des **nombres**, résident dans cette notion.

Et plus généralement, soit: $X_0, X_1, X_2, X_3, X_4, X_5, \dots$, une **liste « infinie »** (au sens intuitif du mot « **infini** », c'est-à-dire une **liste qui continue indéfiniment, perpétuellement**) quelconque d'**objets**, d'**opérations**, etc.. Comme par exemple les **générescences**: **X, XX, XXX, XXXX, XXXXX, ...**, mais les **objets** considérés peuvent être une **liste infinie** absolument quelconque. On appelle **générativité** le fait que, pour tout **élément X_n** de la **liste**, qu'il existe toujours l'**élément suivant X_{n+1}** . Le symbole du **GENER**, « ... », indique précisément cette **générativité**, c'est-à-dire que **la liste se poursuit indéfiniment, continuellement, perpétuellement, etc.**»

Dire par exemple : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, c'est exprimer une **générativité**. De même que dire : **1-unix, 2-unix, 3-unix, 4-unix, 5-unix, ...**

Et voici une illustration de la **générativité** qui nous accompagnera dans toute la suite:



On conçoit habituellement que le classique ensemble N des entiers naturels : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, n'a pas de dernier élément. Mais en réalité, ce dernier élément existe bel et bien ! Sauf qu'il est un nombre entier variable croissant, v , qui prend pour valeurs successives tous les nombres entiers constants. C'est l'une des extraordinaires et puissantes conséquences de la générativité des entiers naturels ou des ordinaux.

Même si on y reviendra plus en détail dans l'approfondissement de la nouvelle vision des ensembles et des nombres, tous les ensembles et absolument tous sont construits en partant de o , appelé donc, comme déjà dit, l'espace ou ensemble inexistant (à ne donc surtout pas confondre avec l'ensemble vide), par application répétée des trois règles suivantes:

1) $\{ \}$ ou $\{o\}$ est le premier ensemble, appelé l'ensemble vide, et également noté \emptyset ou 0 . C'est l'ensemble qui n'a aucun élément, ce qui revient à dire que son élément est l'«ensemble inexistant» ou l'espace o . Celui-ci est l'ensemble très spécial qui représente l'absence de tout ensemble, à la différence de l'ensemble vide $\{ \}$ ou $\{o\}$, qui lui par contre est un ensemble, sauf qu'il n'a aucun ensemble comme élément. Son élément est donc l'objet appelé « aucun ensemble » ou « espace », o donc. Mais o quant à lui n'est même pas un ensemble, puisqu'il représente l'ensemble inexistant ou l'absence de tout ensemble ou l'espace. N'étant pas un ensemble donc, la question à son sujet ne se pose même pas de savoir s'il est vide ou pas, s'il possède ou pas un élément. C'est déjà ici qu'il y a une grande subtilité entre l'ensemble vide et l'ensemble inexistant, qui est par définition son élément en logique d'Alternation, à savoir l'élément spécial signifiant: « pas d'élément »!

2) Etant donné un ensemble a , existant ou non, $\{a\}$ est un nouvel ensemble, qui est donc vide si a est inexistant, c'est-à-dire est l'espace o , et qui est appelé le singleton d'élément a , si a est existant, c'est-à-dire est au moins l'ensemble vide $\{ \}$ ou $\{o\}$ ou 0 .

3) Etant donnés deux **ensembles** x et y , l'objet xy , encore noté $x \cup y$, et qui consiste à **concaténer** simplement x et y , est un nouvel **ensemble**, appelé l'**union** ou la **réunion** de x et y . Intuitivement, xy ou $x \cup y$ consiste à **mettre en commun** tous les **éléments** de x et y , pour former un nouvel **ensemble**.

Ce type d'**ensemble** est qualifié d'**unidal**, ici les **unids** de **dimension 1** ou **1-unids**, qui sont des cas particuliers de **listes**, tel que nous avons défini la notion dans le livre précédent: **Conception générative de l'Univers et des choses**, à partir de la page 6. Il s'agit ici de **listes binaires** ou **assemblages binaires**, c'est-à-dire constitués de deux symboles distincts, appelés la **parenthèse ouvrante** pour l'un et la **parenthèse fermante** pour l'autre, et notés respectivement « (« et ») », ou « { et } », mais qui peuvent tout à fait être « 0 » et « 1 » (ou « 1 » et « 0 » de préférence), ou « 1 » et « 2 », ou « a » et « b », etc. Autrement dit, les **ensembles 1-unidaux**, que nous appelons aussi les **parenthésages**, ou **structures de parenthèses**, sont des **nombre**s écrits en **numération binaire** (de base 2).

Dans le cas où la **parenthèse ouvrante** est notée « 1 » et la **fermante** notée « 0 », l'**ensemble vide**, $\{\}$ ou $\{0\}$ ou **0**, est le **nombre 10**. Et l'**ensemble** $\{\{\}\}$ ou $\{0\}$ est le **nombre 1100**, etc. Tous les **ensembles** que nous venons de construire sont donc des **nombre**s spéciaux en **numération binaire**. Si nous faisons le choix de noter « 1 » la **parenthèse ouvrante** et « 2 » la **fermante**, alors l'**ensemble vide**, $\{\}$ ou $\{0\}$ ou **0**, est le **nombre 12**. Et l'**ensemble** $\{\{\}\}$ ou $\{0\}$ est le **nombre 1122**, etc. Tous les **ensembles** que nous venons de construire sont alors assimilables à des **nombre**s spéciaux en **numération décimale**, par exemple, mais écrits seulement avec des **1** et des **2**. Dans les deux cas, les **ensembles** construits sont ordonnés selon l'**ordre** habituel des **nombre**s. Par exemple, on dira que l'**ensemble** $\{\}$ est **plus petit** que l'**ensemble** $\{\{\}\}$, simplement parce que **10** est, en tant que **nombre entier**, **plus petit** que **1100**, qu'on voit cela en **numération binaire** ou **décimale**. Ou que **12** est **plus petit** que **1122**, que l'on voit cela en **numération décimale** ou tout **système de numération** comportant les **chiffres 1 et 2**.

Chaque **ensemble** est donc un **nombre entier** précis, et du point de vue de l'**identité**, les ensembles $\{\{\{\}\}$ et $\{\{\}\}\}$, qui sont donc **101100** et **110010** avec le premier choix de chiffres et **121122** et **112212** pour le second choix, sont deux **ensembles** distincts, le premier étant plus petit que le second dans le premier choix de chiffres, et le contraire dans le second. Selon donc la convention de chiffres, l'**ordre** des **ensembles** est modifié, mais ils sont tous **ordonnés**, deux **ensembles** de **structures** différentes étant forcément des **nombre**s différents, et vice-versa.

Il est clair aussi que, de la manière dont les ensembles sont construits, tout **ensemble existant** x , c'est-à-dire **distinct** de **o**, est de la forme: $x = \{x_1\}\{x_2\}\{x_3\}...\{x_k\}$, où chaque x_i est soit **o** soit **existant**. Dans ce cas, on dit que x_i est l'**élément (existant)** du **singleton** $\{x_i\}$ et un **élément** de x . Si tous les x_i sont **existants**, alors l'**ensemble** x a exactement **k éléments**, sous réserve que les x_i soient tous distincts, pour qu'on retrouve l'habituelle notion d'**élément**. Sinon, au sens général, on a bien **k éléments**, y compris même quand il s'agit d'**élément inexistant**, à savoir **o** donc. Car après tout il s'agit d'un **élément** spécial, ainsi défini.

Dans tous les cas, on convient d'appeler « **virgule** » l'**assemblage** « }{« ou **01** ou **21** selon le choix des chiffres, et de noter «,» cette « **virgule** ». l'écriture de l'**ensemble** x devient alors :

$$x = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_k\}$$

et on retrouve la notation habituelle des **ensembles**.

Mais on vient de voir aussi, avec $\{\{\}\}$ et $\{\{\}\}$, ou $\{\mathbf{o}\{\mathbf{0}\}$ et $\{\mathbf{0}\{\mathbf{o}\}$, ou $\{\mathbf{o}, \mathbf{0}\}$ et $\{\mathbf{0}, \mathbf{o}\}$, que cette notion fondamentale d'**ensemble** est très riche en **informations**, et que par exemple, on a un **ensemble** différent en permutant l'ordre des **éléments**. Et de plus, ici, on peut supprimer aussi l'**élément inexistant** **o**, de sorte que ces deux **ensembles** sont **équivalents** à $\{\mathbf{0}\}$, donc sont égaux au sens d'une nouvelle **égalité** ou **relation d'équivalence**, qu'on notera « \equiv », entre les **ensembles** construits. Nous convenons donc des trois **règles d'équivalence** suivantes :

- a) $\mathbf{xx} \equiv \mathbf{x}$, pour tout **ensemble** **x**, règle qui satisfait aux exigences des **ensembles** traditionnels, qu'on ne compte chaque élément qu'une fois.
- b) $\mathbf{xy} \equiv \mathbf{yx}$, pour dire donc que l'**ordre** des **éléments** d'un **ensemble** traditionnel importe peu.
- c) $\{\}\mathbf{x} \equiv \mathbf{x}$, **règle de suppression de l'élément inexistant**, ou **règle de l'ensemble vide**, qui dit donc que $\{\}$ ou $\{\mathbf{o}\}$ ou $\mathbf{0}$ est l'**ensemble vide**, et qu'il est l'**élément neutre** de la **réunion** des **ensembles** traditionnels.

On démontre facilement que, par application répétée de ces trois **règles d'équivalence** des **ensembles**, et qui sont aussi des **règles de simplification**, que tout **ensemble** **x** se réduit à un **ensemble** unique noté \mathbf{x}^* , appelée sa **forme réduite**, à l'**ordre** des **éléments** près. Si plusieurs **ensembles** se proposent d'être la **forme réduite** de **x**, alors forcément ils diffèrent par l'**ordre** de leurs **éléments**, et alors on choisit comme la **forme réduite** celui des **ensembles** qui est le **plus petit** en tant qu'**entier naturel**, comme expliqué plus haut.

Par exemple, considérons l'**ensemble** $\mathbf{x} = \{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\} = \{\mathbf{0}\}\{\mathbf{0}\}\mathbf{0}\{\mathbf{0}\} = \{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\}\mathbf{0}\{\mathbf{0}\}$.

La règle b) permet de dire: $\mathbf{x} \equiv \{\mathbf{0}\}\{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\}\mathbf{0}$, donc: $\mathbf{x} \equiv \{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\}\mathbf{0}$, éliminant donc le doublon $\{\mathbf{0}\}$.

La règle c) combinée à b) permet de dire: $\mathbf{x} \equiv \{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\}\mathbf{0} \equiv \mathbf{0}\{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\} \equiv \{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\}$, éliminant donc l'**élément inexistant** de $\mathbf{0}$, autrement dit appliquant le fait que $\mathbf{0}$ est l'**ensemble vide**, l'**élément neutre** dans l'**opération** de **réunion** des **ensembles** traditionnels.

On a donc au final: $\mathbf{x} \equiv \{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\} \equiv \{\mathbf{0}, \mathbf{1}\}$, en appliquant la **convention de la virgule**.

On a alors une **forme réduite** de **x**, à savoir $\{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\}$ ou $\{\mathbf{0}, \mathbf{1}\}$, mais $\{\mathbf{1}\}\{\mathbf{0}\}$ ou $\{\mathbf{1}, \mathbf{0}\}$, peut prétendre être la **forme réduite** de **x** aussi, autrement dit les deux prétendants sont $\{\{\}\}\{\{\}\}$ et $\{\{\}\}\{\{\}\}$, ou **1122111222** et **2221111122**, en choisissant **1** et **2** comme chiffres. Le plus petit des deux prétendants est donc **1122111222** ou $\{\mathbf{0}\}\{\mathbf{1}\}$ ou $\{\mathbf{0}, \mathbf{1}\}$, qui est donc l'**unique forme réduite** élue de **x**, la représentante de la **classe d'équivalences** des **formes réduites** de **x**.

A noter que la **réduction** d'un **ensemble** **x** signifie aussi la **réduction** de tous ses **éléments**, et la **réduction** de leurs propres **éléments**, et ainsi de suite. Les **éléments réduits** sont de plus en plus petits, et on aboutit forcément au terminus qui est $\{\}$ ou $\{\mathbf{o}\}$ ou $\mathbf{0}$, qui est d'office **réduit**. A la fin, si **x** n'est pas $\mathbf{0}$, alors il est de la forme: $\mathbf{x} \equiv \{\mathbf{a}_1\}\{\mathbf{a}_2\}\{\mathbf{a}_3\}...\{\mathbf{a}_k\}$, où les \mathbf{a}_i sont tous **réduits**. Ils sont alors forcément différents de \mathbf{o} , et ils sont les **éléments** de **x**, moyennant cette **relation d'équivalence**. Et donc $\{\mathbf{a}_1\}\{\mathbf{a}_2\}\{\mathbf{a}_3\}...\{\mathbf{a}_k\}$ est une **forme réduite** de **x** à l'**ordre** des **éléments** près. Et $\mathbf{k}!$ désignant la **factorielle** de **k**, on a $\mathbf{k}!$ **formes réduites** de **x**, toutes **équivalentes** à **x**. On élit comme leur représentante la **plus petite** en tant que **nombre entier**, et on l'appelle LA **forme réduite** de **x**, l'**unique**. Autrement dit, on appelle LA **forme réduite** de **x** la **classe d'équivalence** formée par les $\mathbf{k}!$ **réductions** de **x**, qui diffèrent juste par l'**ordre** de leurs **éléments**.

Pour deux **ensembles** **x** et **y**, on a: « $\mathbf{x} \equiv \mathbf{y}$ » \Leftrightarrow «**x et y ont la même forme réduite**».

Cette **relation** « $\mathbf{x} \equiv \mathbf{y}$ » définie par les trois règles précédentes est donc la **relation** «**x et y ont la même forme réduite**», et, comme on le verra mieux avec l'étude générale de la **relation**

d'équivalence, toute **relation binaire** dans un **ensemble E** de la forme : « **x et y ont un même A** », ou **A** est une caractéristique qu'ont les **éléments** de l'**ensemble E**, est une **relation d'équivalence** dans **E**, car elle est **réflexive**, **symétrique** et **transitive**. Ici la propriété **A** est la **forme réduite**.

En effet (**réflexivité**) tout **élément x** de **E** a un même **A** que **x**. Ici, tout **ensemble** (au sens **unidal** du terme, construit plus haut, et **E** est l'**ensemble** au sens classique de ces **ensembles unidaux**) a la même **forme réduite** que lui-même.

Et (**symétrie**), pour deux **éléments x** et **y** de **E**, si **x** a le même **A** que **y** (ici donc si **x** a la même **forme réduite** que **y**), alors aussi **y** a le même **A** que **x**.

Et (**transitivité**), pour trois **éléments x**, **y** et **z** de **E**, si **x** a le même **A** que **y**, et si **y** a le même **A** que **z**, alors aussi **x** a le même **A** que **z**. Ici donc, si **x** et **y** ont la même **forme réduite**, et si **y** et **z** ont la même **forme réduite**, alors **x** et **z** ont la même **forme réduite**.

C'est cette nouvelle **relation d'équivalence** « \equiv » qu'on appellera l'**égalité** des **ensembles unidaux** ou **parenthésages** (ceux définis par les trois règles plus haut), pour que ceux-ci répondent à la conception habituelle des **ensembles**. Autrement dit, ce qu'on appelle « **ensemble** » au sens traditionnel, ce sont les **classes d'équivalence** des **ensembles unidaux**, leur **ensemble quotient** (comme on le dit habituellement) par la **relation d'équivalence** « \equiv ». Mais dans la nouvelle vision, nous avons un usage beaucoup plus général, plus souple et plus naturelle des **relations d'équivalence**, parce qu'il s'agit tout simplement de la notion générale d'**égalité**, et non pas l'**identité**.

Et aussi, dans les conceptions classiques, on dira que ces trois règles de construction des **ensembles unidaux** ou **parenthésages** ne permettent de construire que les **ensembles finis**, n'ayant qu'un **nombre fini** d'**éléments**, au sens classique de la **finitude** et de l'**infinitude**. L'**ensemble des nombres entiers naturels**, $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, est traditionnellement vu comme un ensemble de **nombres entiers** tous **finis**, et aussi tous **constants**. Car aussi dans cette vision les notions d'« **entier constant** » et d'« **entier fini** » coïncident.

Mais avec les **nombres entiers variables** on la vision des choses est différente. En effet, malgré les apparences, tout est déjà dans la « simple » liste: $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, tous les types de **nombres**: **entiers**, **rationnels**, **réels**, etc. Et en particulier, tous les **nombres entiers finis** comme **infinis**, autrement dit tous les **ordinaux** et **cardinaux**, **finis** comme **infinis**. Raison pour laquelle aussi tous les **ensembles**, **finis** comme **infinis**, sont malgré les apparences construits avec les trois règles précédentes, pour peu qu'on arrive à y débusquer les **ensembles variables** derrière les apparences d'**ensembles** tous **constants**.

Le secret se trouve dans la nouvelle notion de **générativité** ou de **générité**, autrement dit dans l'apparemment banal symbole « ... », que nous appelons l'**opérateur GENER**. Ce symbole donc qui indique que la construction plus haut **se poursuit indéfiniment**, ou que la liste des **nombres entiers naturels**, $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, **se poursuit indéfiniment!**

Chaque fois qu'une liste d'**objets** ou d'**opérations**, etc., est **généralisante**, c'est-à-dire se poursuit ainsi **indéfiniment**: $E = \{e_0, e_1, e_2, e_3, e_4, e_5, e_6, e_7, \dots\}$, les e_i étant tous **distincts**, cette liste contient une version de tous les objets de l'**Univers TOTAL**, tout simplement aussi parce qu'elle contient une version de **TOUTES les informations** de l'**Univers TOTAL**, ces **informations** étant précisément ce que nous appelons les **nombres entiers naturels**! En effet, on peut toujours la réinterpréter comme une autre manière de dire: $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

est devenue son **contraire** et vice-versa. Et pour tant **il n'y a pas de contradiction**, la phrase : « **deux droites parallèles ne se rencontrent jamais** » reste vraie à l'**horizon Alpha** comme à l'**horizon Oméga**. Car si l'on se rendait à l'**horizon infini** où les deux **droites se rencontrent**, vues de l'**horizon Alpha**, on s'apercevrait qu'elles **ne s'y rencontrent plus**, mais par contre on verrait que c'est maintenant à l'**horizon Alpha** qu'elles **se rencontrent!** La **vérité** est donc qu'**elles se rencontrent et ne se rencontrent pas**, ce qui paraît **paradoxal**. Mais en réalité, il s'agit simplement de deux facettes d'une seule et même **vérité**, la facette **Alpha** et la facette **Oméga**. Cette vérité consiste à dire que « **l'affirmation que deux droites parallèles ne se rencontrent jamais équivaut à dire qu'elle se rencontrent à l'infini** ».

Autrement dit, le « **ne se rencontrent jamais** » est une manière de dire « **se rencontrent à l'infini** », et vice-versa. Deux manières différentes de dire exactement la même chose, dans une logique qui intègre et gère bien la notion d'**infini**, ce qui est le cas de la logique d'**Alternation**, mais ce qui n'est pas le cas de la courante logique de **Négation**. C'est ce genre de « **paradoxes** » apparents que l'on constate en **théorie des ensembles** de Cantor, quand la notion de « **dernier ordinal** » est impliquée, autrement dit d'**ultime nombre entier infini**.

L'**infini** est caché derrière beaucoup de situations considérées comme des « **paradoxes** » avec la logique traditionnelle. Mais c'est juste que l'**infini**, comme beaucoup d'autres notions fondamentales, réclame une autre logique, l'**Alternation**.

Pour en revenir à notre propos, l'**ensemble** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, comme plus généralement tout **ensemble** de **constantes**: $E = \{e_0, e_1, e_2, e_3, e_4, e_5, e_6, e_7, \dots\}$, peu importe si elles sont en **nombre fini** ou **infini**, possède une **infinité** d'**éléments** cachés, à savoir les **variables**, que nous appelons aussi les **éléments varidiaux** de l'**ensemble**, ou ses **varids**, qui prennent pour valeurs les **constantes**, ainsi qu'on le verra plus amplement avec l'étude de la **relation d'équivalence**. Dans le cas de N , ces **éléments varidiaux**, dont le représentant est noté v , sont les **nombre entiers infinis**.

Donnons à présent une définition **ensembliste** des **entiers naturels**, et voyons comme en déduire les **entiers varidiaux fondamentaux**, tels que v par exemple. La **construction** que nous allons faire est celle des **ordinaux de von Neumann**. Comme nous reverrons en d'autres occasions, les **entiers naturels** sont donc les **ensembles** particuliers suivants :

$0 = \{0\}$, que nous notons aussi N_0 ,
 $1 = \{0\}$, que nous notons N_1 ,
 $2 = \{0, 1\}$, que nous notons N_2 ,
 $3 = \{0, 1, 2\}$, que nous notons N_3 ,
 $4 = \{0, 1, 2, 3\}$, que nous notons N_4 ,
 $5 = \{0, 1, 2, 3, 4\}$, que nous notons N_5 ,
 $6 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$, que nous notons N_6 ,
 $7 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, que nous notons N_7 ,
 ...
 et ainsi de suite.

On a à chaque fois un **dernier élément**, que nous noterons v , et nous appellerons le **varid** ou l'**élément oméga** de **référence**, et qui est **variable**, comme on le voit. A chaque fois v **incrémente** d'une **unité**. Ou simplement, v est l'**application de N de N** telle que $v(n) = n$, pour tout **entier naturel** n , représentant le **dernier élément** de N_{n+1} ou $n+1$.

Plus simplement, on considère la **suite** suivante d'**ensembles**:

$\{0=v\}$,
 $\{0, 1=v\}$,
 $\{0, 1, 2=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3, 4=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3, 4, 5=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7=v\}$,
...

Et v est simplement le **dernier élément** de ces **ensembles** à chaque étape. A l'étape 0 , v vaut 0 , et à l'étape 1 , v vaut 1 , et à l'étape 2 , v vaut 2 , et à l'étape 3 , v vaut 3 , etc.

Autre exemple de **suite** d'**ensembles**:

$\{0=2v\}$,
 $\{0, 2=2v\}$,
 $\{0, 2, 4=2v\}$,
 $\{0, 2, 4, 6=2v\}$,
 $\{0, 2, 4, 6, 8=2v\}$,
 $\{0, 2, 4, 6, 8, 10=2v\}$,
 $\{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12=2v\}$,
 $\{0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14=2v\}$,
...

v étant à chaque étape le **dernier élément** de la suite précédente, le **dernier élément** de cette nouvelle suite est donc à chaque fois $2v$.

Troisième exemple :

$\{0=v^2\}$,
 $\{0, 1=v^2\}$,
 $\{0, 1, 4=v^2\}$,
 $\{0, 1, 4, 9=v^2\}$,
 $\{0, 1, 4, 9, 16=v^2\}$,
 $\{0, 1, 4, 9, 16, 25=v^2\}$,
 $\{0, 1, 4, 9, 16, 25, 36=v^2\}$,
 $\{0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49=v^2\}$,
...

Ici donc, le **dernier élément** à chaque étape n est donné par v^2 , où v est le **dernier élément** dans le cas de **référence**.

Dernier exemple, en considérant un **nombre-ensemble** k :

$\{k=k\}$,
 $\{k, k=k\}$,
 $\{k, k, k=k\}$,
 $\{k, k, k, k=k\}$,
 $\{k, k, k, k, k=k\}$,
 $\{k, k, k, k, k, k=k\}$,
 $\{k, k, k, k, k, k, k=k\}$,
 ...

Ici, on a une **suite d'ensembles constante**, on n'a que l'**ensemble $\{k\}$** à chaque étape, autrement dit l'**unique et dernier élément** de l'**ensemble** est **k**. La **variation** est donc **nulle**.

A propos de la notion de **nombre-ensemble k**, soulignons que tout **nombre entier** est un **ensemble**, en l'occurrence les **ordinaux de von Neumann**. Et comme nous l'avons vu aussi, et le reverrons encore, à l'inverse, tout **ensemble** construit avec les trois règles plus haut, les **ensembles unidiaux** ou **parenthésages** donc, peut être interprété comme un **nombre entier** spécial.

Par conséquent, les **entiers** (ou **ordinaux**) et les **ensembles** sont les mêmes objets, mais juste vus sous angles différents. Dans les conceptions traditionnelles on dira que cela ne s'applique qu'aux **ensembles** ou **entiers finis**, mais que ce ne serait plus vrai avec les **ordinaux** ou les **ensembles infinis**. Mais en fait ce n'est pas exact, car ce qu'on appelle **ensemble fini** ou un **entier fini**, c'est un **ensemble constant** ou un **entier constant**. Les **ensembles variables** ou **entiers variables** introduisent la notion d'**ensembles infinis** ou d'**entiers** (ou **ordinaux**) **infinis**, comme ces par exemple précisément le cas de **v**, qui n'est rien d'autre que l'**ensemble N** des **nombre entiers naturels**, un **ensemble infini** donc, mais vu comme un **nombre entier variable**.

Et de manière très générale, tous les **ensembles infinis** ou (ce qui revient au même) tous les **ordinaux infinis** ou **nombre entiers infinis**, sont des **nombre entiers variables** ou **ordinaux variables**. De pouvoir interpréter n'importe quel **ensemble** comme un ordinal ou **nombre entier** spécial, et de surcroît **fini** au sens classique ou intuitif, mais simplement **constant** (**fini** au nouveau sens) ou **variable** (les **entiers variables** comprennent des cas particuliers qui sont les **entiers infinis** au nouveau sens) est d'une importance capitale!

Cela a non seulement pour conséquence que tout type de **nombre** (comme les **nombre rationnels, réels, complexes** ou autres) est finalement la notion fondamentale de **nombre entier naturel**, mais que **tout ensemble** donc **tout objet, toute chose**, est avant tout un **nombre entier naturel**! Autrement dit, une **information**, un objet **numérique**!

Ainsi donc, malgré toutes les apparences, l'**ensemble des entiers naturels**:

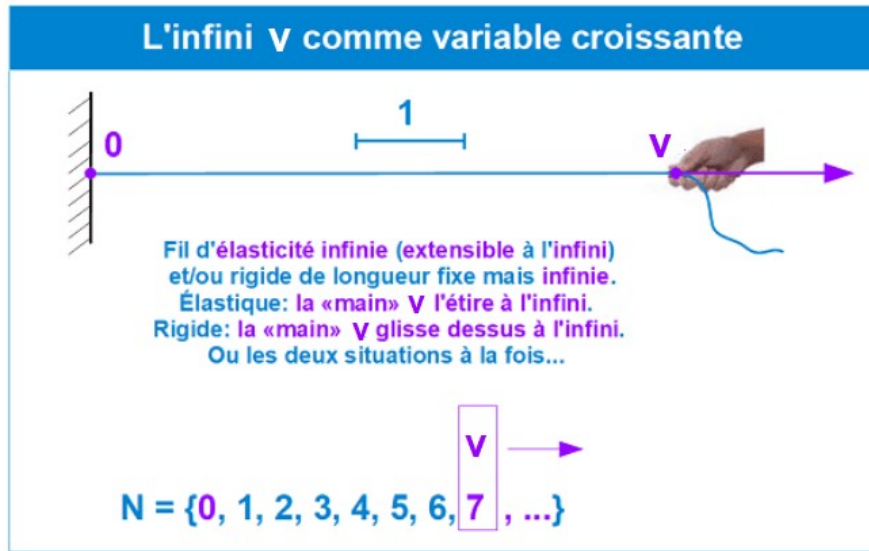
$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$,

a bel et bien un **dernier élément**:

$\{0=v\}$,
 $\{0, 1=v\}$,
 $\{0, 1, 2=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3, 4=v\}$,
 $\{0, 1, 2, 3, 4, 5=v\}$,

{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6=v},
 {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7=v},
 ...

Sauf que celui-ci n'est pas un **nombre entier constant** mais un **nombre entier variable**:



Il ne figure pas explicitement dans la liste, en apparence, et on ne « voit » que les **éléments constants**, et pourtant la **variable v** y est, du simple fait que cet **ensemble** soit **génératif**, **générativité** signalée ici par le symbole de l'**opérateur GENER**, « ... ». La **variable v-1** y est aussi, c'est celle qui, quand **v** vaut 7 par exemple, elle vaut 6. De même pour **v-2**, qui vaut 5 quand **v** vaut 7. Et la **variable v+1** y est aussi, c'est celle qui vaut 8 quand **v** vaut 7. De même pour **v+2**, qui vaut 9 quand **v** vaut 7, etc. Et on a **2v**, qui vaut 14 quand **v** vaut 7. Et on a **v²**, qui vaut 49 quand **v** vaut 7. Et ainsi de suite, pour **v³**, et **v⁴**, et **v⁵**, etc., et **v^v**, **variable** que nous notons **w**, qui vaut 7⁷ = 823543, quand **v** vaut 7, etc.

Il est clair que les **constants** sont **variables** de **degré 0** en **v**, la **constante** de référence étant donc **v⁰ = 1**. Et puisque les **variables** sont des **nombres entiers**, mais seulement qui peuvent être **constants** (quand donc le **degré** est 0, nous disons que ce sont les **variables onigrades**) ou **variables** (quand le **degré** est **non nul**, nous parlons de **variables unigrades** quand le **degré** est 1, elles sont alors de la forme: **av + b**, où **a** est une **constante non nulle**, et **b** une **constante**), on peut faire avec elles toutes **opérations définies** sur les **nombres entiers**: **addition, soustraction, multiplication, division, exponentiellement**, etc., moyennant, au passage, la définition de nouveaux types de **nombres**: **entiers relatifs, nombres rationnels**, etc.

L'**ensemble des entiers naturels**: **N = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...}**, l'**ensemble des entiers constants** donc, est par définition appelé l'**ensemble des entiers variables d'ordre 0**. Et on appelle un **nombre entier variable d'ordre 1**, une **suite de nombres entiers naturels**, c'est-à-dire une **application** de **N** dans **N**, et plus généralement de **nombres entiers relatifs**, c'est-à-dire une **application** de **N** dans **Z**. L'**ensemble des nombres entiers variables d'ordre 1** est donc **Z^N**.

Et parmi ces **suites**, ou **nombres entiers variables**, on s'intéresse de prime abord à celles dites **positives**, c'est-à-dire dont les termes sont tous **positifs** à partir d'un certain **rang** (ou **étape**) **n₀**.

Autrement dit, les termes sont des **éléments** de \mathbb{N} à partir du **rang** ou **étape** n_0 donc. Autrement dit, une **suite** x d'**entiers relatifs** est **positive** s'il existe un **entier naturel** n_0 tel que, pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$, on a: $x(n) \geq 0$. On dit que x est une **suite finalement d'entiers naturels**, et c'est simplement une **suite d'entiers naturels** si pour tout **entier naturel** n , $x(n)$ est un **entier naturel**. Soit un **entier naturel variable** x . Pour un **entier naturel** n , $x(n)$ est noté aussi x_n . Et x est noté: $x = (x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, \dots)$.

Et on rappelle que si les x_i sont tous **égaux** à un même **entier** k , on a donc: $x = (k, k, k, k, k, k, \dots)$, qui est noté $[k]$. On a donc: $x = [k] = (k, k, k, k, k, k, \dots)$. L'**entier variable** x est dit alors **constant**, comme déjà dit. Et plus généralement, on il nous suffira que x soit **finalement constant**, c'est-à-dire **constant** à partir d'un certain rang, et le **plus petit rang** k tel que x soit **constant à partir de** k est noté $\sigma(x)$. On a donc: $\sigma(x) = k$.

Par abus de langage, une **suite finalement d'entiers naturels**, est appelée une **suite d'entiers naturels**, car, ce qui nous intéresse particulièrement avec les **suite d'entiers relatifs** et plus généralement de **nombres**, ce sont leurs **propriétés finales**, c'est-à-dire leurs **propriétés** à partir d'un certain **rang** n_0 , ou **étape** n_0 .

Et comme on le verra plus tard, les **nombres entiers variables** permettent une définition simple et naturelle de **nombres réels**, comme **suites** de **nombres rationnels**, eux-mêmes définis comme **rappports** de deux **nombres entiers variables**.

Parlons maintenant des **opérations** en général avec les **nombres entiers (variables)**, les **suites d'entiers relatifs** donc).

Etant donnée une **opération** H définie sur \mathbb{Z} , on définit cette même **opération** H dans l'**ensemble** $\mathbb{Z}^{\mathbb{N}}$ des **nombres entiers (variables)**, de la manière suivante: $(x H y)(n) = x(n) H y(n)$, pour deux **entiers (variables)** x et y , et pour tout **entier naturel constant** n .

Faire donc une **opération** H ou $x H y$, avec deux **nombres entiers variables** x et y , c'est juste faire **indéfiniment** cette **opération** avec deux **nombres entiers constants**, $x(n)$ et $y(n)$, cette **opération** $x(n) H y(n)$, donc à chaque **étape** n . Et étant donné qu'on s'intéresse essentiellement aux **propriétés finales**, il suffira que cette **opération** H vérifie cette propriété à partir d'un certain **rang** n_0 . Et avant n_0 , on peut affecter à $(x H y)(n)$ n'importe quelle valeur, et par défaut donc, celle donnée par a formule.

Ceci peut s'avérer utile au cas où H n'est pas définie dans \mathbb{Z} pour certains **entiers naturels** n avant un certain **entier naturel** n_0 . Ceci n'aura donc aucune importance car on peut mettre ce qu'on veut pour ces étapes là, par exemple comme résultat **1**, ou **0** ou autre.

Remarque importante:

C'est ainsi donc que l'**ensemble** $\mathbb{Z}^{\mathbb{N}}$ des **nombres entiers variables** hérite de l'**addition** « + », de la **soustraction** « - », de la **multiplication** « x », définies dans \mathbb{Z} , mais aussi de l'**exponentiation** « ^ », etc. Il suffit donc de définir la **division** dans \mathbb{Z} (ce qui est fait avec la **rationalisation de** \mathbb{Z} mais aussi la **division omégacyclique**, sur lesquels on reviendra), pour qu'aussi $\mathbb{Z}^{\mathbb{N}}$ hérite automatiquement de la **division**, selon la définition générale pour une **opération** H , qu'on vient de faire. Il suffit doré et déjà de considérer le classique **ensemble** \mathbb{Q} des **nombres rationnels**, auquel

on ajoute l'opération: $1/o = o$ (division omégacyclique par zéro), pour le zéro absolu o , et: $1/0 = \omega$, pour le zéro génératif 0 , pour considérer aussi que la division est définie dans \mathbb{Z}^N .

Les opérations particulièrement importantes sont celles faites avec v , comme donc: $v-1$, qui est donc en fait $v-[1]$, ou $v-2$, qui est donc $v-[2]$, ou $v+1$, qui est donc $v+[1]$, ou $v+2$, qui est donc $v+[2]$, etc. Et aussi $2v$, qui est donc $[2]v$, ou $3v$, qui est donc $[3]v$, etc. Et aussi v^2 , qui est donc $v^{[2]}$, ou v^3 , qui est donc $v^{[3]}$, etc.

Et on a donc par exemple: $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$,
qui est donc: $[3]v^{[4]} - [2]v^{[3]} + [7]v^{[2]} - [5]v + [8]$.

Trouver la valeur de ceci à une étape n donnée c'est faire: $([3]v^{[4]} - [2]v^{[3]} + [7]v^{[2]} - [5]v + [8])(n)$,
 $([3](n))(v(n))^{[4](n)} - ([2](n))(v(n))^{[3](n)} + ([7](n))(v(n))^{[2](n)} - ([5](n))v(n) + [8](n)$,
qui vaut: $3(v(n))^4 - 2(v(n))^3 + 7(v(n))^2 - 5(v(n)) + 8 = 3n^4 - 2n^3 + 7n^2 - 5n + 8$.

Ainsi donc, le polynôme en v , à savoir: $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$, qui est un nombre entier infini, un nombre entier variable, s'est transformé en un polynôme en n , $3n^4 - 2n^3 + 7n^2 - 5n + 8$ donc, qui représente un nombre entier fini ou constant. Mais en réalité, n n'est rien d'autre qu'une autre variable représentant une constante, donc une fois encore on n'a fait qu'un changement de variable. En pratique donc, pour calculer pour une constante donnée, par exemple 16, on remplace directement dans $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$ la variable v par 16. Donc: $3 \times 16^4 - 2 \times 16^3 + 7 \times 16^2 - 5 \times 16 + 8 = 190136$. La valeur de cet entier variable à l'étape 16 est donc 190136.

L'habitude des manipulations des polynômes nous permet de dire immédiatement que le polynôme $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$, ou ce qui revient au même $3n^4 - 2n^3 + 7n^2 - 5n + 8$, ou encore le polynôme en x : $3x^4 - 2x^3 + 7x^2 - 5x + 8$, etc., et peu importe donc en fin de compte la variable utilisée, est équivalent au monôme de plus grand degré, $3v^4$, ou $3n^4$, ou $3x^4$, quand la variable v ou n ou x « tend vers l'infini », comme on a l'habitude de le dire. Mais en réalité la variable ne « tend pas vers l'infini », car elle est elle-même un horizon infini! Mais elle a une valeur à tout horizon, fini comme infini, et on vient de calculer la valeur de la variable $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$ à l'horizon fini 16, c'est-à-dire la variable v est l'horizon 16, et c'est donc: 190136.

On sait donc que la variable $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$ quand v est son propre horizon infini ou est n'importe quel horizon infini est équivalente à son monôme de plus grand degré, à savoir donc $3v^4$, qui est un nombre positif, vu que v est positif, et que le coefficient fini 3 est positif. Cela signifie donc que cette variable $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$, est finalement positif, c'est-à-dire qu'il existe un entier naturel n_0 , tel que quand v prend une valeur supérieure ou égale à n_0 , alors $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$ est un entier naturel, c'est-à-dire un élément de \mathbb{N} .

Définition:

Soit un nombre entier variable x , et un nombre entier constant n_0 . On appelle troncation de x au rang n_0 , ou encore avance de x au rang n_0 , le nombre entier variable x' tel que:

$$\rightarrow x'(0) = x(n_0),$$

$$\rightarrow x'(1) = x(n_0+1), \text{ etc}$$

$$\rightarrow \text{Et pour tout entier naturel constant } k, \text{ on a: } x'(k) = x(n_0+k).$$

On note : $x' = \text{lesh}(x, n_0)$, et: $x = \text{rish}(x', n_0)$.

Cela revient à dire que x' est obtenu en supprimant les n_0 premiers termes de x , ceux de 0 à n_0-1 donc, si bien que le terme de rang de x' , $x'(0)$, est le terme de rang n_0 de x , $x(n_0)$.

Le terme « **lesh** » est pour « **left shift** », pour « **décalage vers la gauche** », et le terme « **rish** » est pour « **right shift** », pour « **décalage vers la droite** ».

Cela revient aussi à dire que si les **nombre entiers variables** étaient définie comme les **applications de Z dans Z**, x' est obtenu en **décalant** les termes de x de n_0 **rangs** vers la **gauche**, ou x est obtenu en décalant les termes de x' de n_0 **rangs** vers la **droite**.

On appelle une **zed-suite d'entiers relatifs** ou un **entier variable zed-indicé** une **application x de Z dans Z**, qui est donc de la forme:

$$x = (\dots, x_{-7}, x_{-6}, x_{-5}, x_{-4}, x_{-3}, x_{-2}, x_{-1}, x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, \dots),$$

où les x_i sont donc des **entiers relatifs**, des éléments de **Z**.

On appelle la **zed-suite reverse** de x , la **zed-suite x'** telle que pour tout élément i de **Z**,

$$\text{on a: } x'_i = x_{-i}.$$

C'est donc la **zed-suite**:

$$x' = (\dots, x_7, x_6, x_5, x_4, x_3, x_2, x_1, x_0, x_{-1}, x_{-2}, x_{-3}, x_{-4}, x_{-5}, x_{-6}, x_{-7}, \dots).$$

Pour une **zed-suite x** et sa **zed-suite reverse x'** , les termes de l'une sont dans l'**ordre inverse** des termes de l'autre. Autrement dit, l'une se parcourt dans un sens, et l'autre dans le sens inverse, et les deux sont donc **symétriques** par rapport au terme x_0 . C'est donc la même **zed-suite** en fait, parcourue dans un sens ou dans le sens inverse.

On dit qu'une **zed-suite x** est **anielle** s'il existe un **entier relatif k** , tel que $x'(i) = 0$, pour tout **entier relatif $i < k$** . Une telle **zed-suite x** est alors de la forme:

$$x = (\dots, 0, 0, 0, 0, x_k, x_{k+1}, x_{k+2}, x_{k+3}, \dots, x_{-3}, x_{-2}, x_{-1}, x_0, x_1, x_2, x_3, \dots).$$

On dit que k est un **anti-degré** de x , et il est l'**anti-degré de x** si $x_k \neq 0$.

Cette écriture suggère que k est un **entier relatif négatif**, mais de manière générale k peut donc être un **nombre entier positif** comme **négatif**. Dans tous les cas, les termes x_i de rang $x_i < k$, sont tous **0**. pour cela, on dit k est un **seuil** de x . On dit que la **zed-suite x** est une **suite d'entiers naturels** si tous les x_i sont des **éléments** de **N**.

Et on dit qu'une **zed-suite x** est **antielle** si elle est la **zed-suite reverse** d'une **zed-suite anielle**. x est alors de la forme:

$$x = (\dots, x_{-7}, x_{-6}, x_{-5}, x_{-4}, x_{-3}, x_{-2}, x_{-1}, x_0, x_1, x_2, x_3, \dots, x_{k-3}, x_{k-2}, x_6, x_{k-1}, x_k, 0, 0, 0, 0, \dots).$$

Autrement dit, il existe un **rang maximal k** au-delà duquel tous les termes sont **0**. Il est appelé un **ani-degré** ou simplement **degré** de x , par opposition à la notion d'**anti-degré** pour les **suites anielles**. On dit que k est un **degré** de x , et il est le **degré de x** si $x_k \neq 0$.

Les **nombre entiers variables** tels que nous avons définis jusqu'ici peuvent être vus comme des **zed-suites anielles d'entiers relatifs** dont **0** est un **anti-degré**. Autrement dit des **zed-suites** de la forme: $x = (\dots, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, \dots)$.

De telle **zed-suites** sont dites **originales**.

On simplifie alors en disant: $x = (x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, \dots)$, et on assimile alors x à une **suite d'entiers relatifs**, c'est-à-dire une **application de N dans Z**.

Et si en particulier les x_i sont tous des éléments de **N**, alors est assimilé à une **suite d'entiers naturels**, c'est-à-dire une **application de N dans N**.

Il est clair alors que toute **zed-suite anielle** x d'**entiers relatifs** peut, par un **décalage** adéquat, vers la **droite** ou vers la **gauche**, se ramener à une **zed-suite anielle originale** x' . Deux zed-suites x et x' qui par **décalage** peut se ramener à une même **zed-suite anielle originale** x'' , sont dites **iso-ordinales**. Et l'**iso-ordinalité** est une **relation d'équivalence**, donc une **relation d'égalité**.

Cette **relation d'iso-ordinalité** se généralise à toutes les **zed-suites** d'**entiers relatifs**, ou de **nombre réels**, ou de n'importe quel type de **nombre**, ou de n'importe quel type d'**objets**. Elle consiste à dire simplement que deux **zed-suites** d'**objets** pris dans un ensemble quelconque E , autrement dit les éléments de deux **familles** d'**objets** de E , indexées par les éléments de Z , sont pàris exactement dans le **même ordre relatif**. Si par exemple dans une **famille** sept éléments: **a, b, c, d, e, f, g**, se suivent dans l'ordre: **..., f, b, d, a, g, c, e, ...**, ils se suivront exactement dans le même ordre dans l'autre **famille**. Si dans l'une des **familles** l'**indice** ou **numéro** de **f** est **n**, l'**indice** de **b** sera **n+1**, celui de **d** sera **n+2**, et ainsi de suite. Appelons alors **n'** l'**indice** de **f** dans l'autre **famille**. L'**indice** de **b** sera alors **n'+1**, celui de **d** sera **n'+2**, ainsi de suite. Il y a donc juste un **décalage** ou **translation** d'ensemble de **n-n'** ou de **n'-n** entre les deux familles, mais l'**ordre relatif** des éléments est exactement le même.

Dans la conception traditionnelle on dira que c'est le fait le **cardinal** ou **nombre d'éléments** de N et celui de Z soient tous les deux l'**infini dénombrable** \aleph_0 (ou « **aleph zéro** »), qui permet ce genre de choses. Mais en réalité, en tout rigueur, N et Z n'ont pas ne même **nombre d'éléments**! Si nous appelons par exemple **v** le **nombre des entiers naturels**: **1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, le **nombre des nombres entiers naturels**, dont la liste est: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, qui comprennent donc le **0** en plus, est rigoureusement: **v+1**. Et celui des **entiers relatifs**: **..., -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, est alors très exactement: **2v+1**.

Mais si nous décidons d'appeler **v** le **nombre des entiers naturels**: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, le **nombre des nombres entiers naturels**, le **0** compris donc, alors le **nombre des entiers relatifs**: **..., -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, est très exactement: **2v-1**. Car alors il faut **enlever 1** à **v** pour avoir le **nombre** exact des entiers non nuls: **1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, ce qui fait **v-1**, puis prendre son **double** pour avoir le **nombre des entiers relatifs non nuls**: **..., -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, ce qui fait: **2(v-1) = 2v-2**. Puis à cela il faut ajouter **1** pour tenir compte du **0**, ce qui fait donc: **2v-1** pour le **comptage** des **entiers relatifs**: **..., -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**.

La raison est fort simple: les **nombre infinis**, comme **v** par exemple, ne sont rien d'autre que des **nombre finis**, donc se calculent comme les **nombre finis**. Sauf que dans leur cas ils sont **variables**, tandis que les **finis** sont **constants**. Les **nombre infinis** sont donc juste des **finis variables** (des cas particuliers de **nombre finis variables**), donc ils se calculent comme des **variables**, comme **n** ou **x** par exemple.

Et une **liste** comme: **1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, dit simplement qu'on a un **nombre** qui n'est pas **constant** ou **statique**, mais qui **varie**, et ici qui **varie** en augmentant sans cesse d'une **unité** à chaque fois. Il est un exemple de **nombre infini** en ce sens qu'il est une **variable qui croît tout le temps**, tandis que d'autres **variables** peuvent tantôt **croître**, tantôt **décroître**, etc. Peu importe donc leur **mode de variation**, ils restent des **nombre finis**, donc se calculent comme tels.

Et une **liste** comme: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, est **variable croissante** elle aussi, donc **infinie** en ce sens-là. Mais elle a un coup d'avance sur la **liste** précédente: **1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, quand celle-ci à une **étape, indice** ou rang annonce **7 éléments**, l'autre annonce **8 éléments**, car il y a le **0** en plus. Et si la seconde annonce **150 éléments**, la première annonce **151 éléments**, etc. Si donc on appelle **v** la seconde, la première sera appelée **v+1**. Mais si nous décidons de donner le nom de **variable v** à la première, alors le nom de **variable** de la seconde sera **v-1**. Ici nous avons choisi **v** comme nom, mais ce serait exactement le même raisonnement si nous avions choisi **n, i, x** ou autre.

Il est donc très clair qu'en toute rigueur les **ensembles N** et **Z** n'ont pas le même **nombre d'éléments** ou cardinal. Ce qu'on appelle habituellement le **cardinal** des **ensembles infinis** est basé sur une autre logique qui n'est pas celle du comptage des **nombre**. C'est la logique des **bijections**, de la **relation d'équipotence**, qui est une **relation d'équivalence**. Et comme toute **relation d'équivalence**, c'est une **relation d'égalité**.

L'**équipotence**, comme son nom l'indique justement, à savoir « **même puissance** », ne fait juste que **classer** les **nombre infinis** selon un critère appelé ici la « **puissance** », de sorte que deux **nombre infini** ayant la « **même puissance** » appartiennent à la **même classe**, que l'on a décidé de voir comme la **mesure du nombre des éléments** d'un ensemble.

Mais l'**équipotence** signifie en fait simplement deux **ensembles** qu'on peut mettre en **bijection** en exploitant la propriété de **générativité** des **nombre entiers**. Or il se trouve qu'on peut mettre en **bijection** certains **entiers infinis** ainsi, par exemple mettre en **bijection v, 2v, v², v³**, etc., et plus généralement tout ça avec **vⁿ**, si **n** est un entier **fini**. Autrement dit, on peut mettre en **bijection** les **infinis polynomiaux** en **v**, avec des **exposants** et **coefficients entiers finis**, en utilisant la propriété de **générativité**, couramment appelée aussi la **dénombrabilité**. Mais on ne peut pas mettre en **bijection v** et de manière générale un **entier infini polynomial** avec **2^v** ou **v^v** par exemple, qui sont d'un autre **ordre de grandeur**, ici la **grandeur exponentielle**. C'est entre autre ce que dit la **relation d'équipotence**, et surtout pas que les **entiers infinis polynomiaux** par exemple sont tous le même **infini**!

L'**équipotence** n'est donc pas la **relation d'équivalence** la plus appropriée pour **compter les éléments** d'un **ensemble** et donner leur **nombre exact**! L'**équipotence** fonctionne bien avec les **ensembles finis**, mais **foire complètement** avec les **ensembles infinis**.

On rappelle la **générativité** des **entiers naturels**, à savoir le fait qu'après **un nombre entier naturel** il en existe toujours un autre. La liste: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, qui se termine par le symbole du **GENER** « ... », est à elle seule l'expression même de cette **générativité**. Ce symbole signifie en effet que cette liste se poursuit **indéfiniment**, autrement dit est **généralive**. Sans cesse donc, un nouvel **entier** est **généralé**.

Mais revenons à nos moutons, à l'**iso-ordinalité**. C'est une **relation d'équivalence**, qui signifie ici, pour deux **zed-suites x** et **x'**, c'est-à-dire deux **applications de Z dans Z**, que leurs termes sont exactement dans le **même ordre**. On peut **translater** la **zed-suite**, lui faire subir un **décalage** vers la gauche, vers la droite, en haut ou bas s'il le faut, lui faire subir une **rotation**, notamment de 180° (ce qu'est pas exemple le fait de transformer une **zed-suite** en sa **zed-suite reverse**), etc., mais les éléments gardent le **même ordre** les uns relativement aux autres.

Considérons la suite: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots)$. Si nous la **décalons** de **3 rangs** vers la **gauche**, cela donne: $v' = \text{lesh}(v, 3) = (3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, \dots)$.

Nous parlions dans ce cas de **troncation** des 3 premiers éléments de la suite, à savoir: **0, 1, 2**, car c'est l'effet c'est le résultat que cette **opération de décalage** semble montrer. Mais en réalité, on ne voit que le résultat dans le champ de **0 à l'infini**, comme on dit. Dans ce champ, c'est **3** qui occupe le rang **0**.

Mais si l'on regarde la même suite v en tant que **zed-suite** v , cela donne:

$$v = (\dots, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots).$$

Et alors on a:

$$v' = (\dots, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, \dots).$$

The diagram shows two horizontal boxes representing sequences. The top box contains the sequence $v = (\dots, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. The bottom box contains the sequence $v' = (\dots, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, \dots)$. Vertical lines connect the boxes, showing that the element '0' in the top sequence has moved to the position of '-5' in the bottom sequence, illustrating a leftward shift of 3 positions.

Il y a donc simple eu **décalage** de la **zed-suite** de **3 rangs** vers la gauche, et tous les éléments dans le **même ordre** relatif. Dans cet exemple de v , l'opération de **décalage de 3 rangs** vers la gauche équivaut à faire: $v' = v+3$.

Et pour un **décalage** de **3 rangs** vers la droite, cela donne:

$$v = (\dots, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots).$$

$$v' = (\dots, -10, -9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots).$$

The diagram shows two horizontal boxes representing sequences. The top box contains the sequence $v = (\dots, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. The bottom box contains the sequence $v' = (\dots, -10, -9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. Vertical lines connect the boxes, showing that the element '-3' in the top sequence has moved to the position of '-10' in the bottom sequence, illustrating a rightward shift of 3 positions.

L'opération de **décalage de 3 rangs** vers la droite équivaut ici à faire: $v' = v-3$.

Autrement dit, on a: $v-3 = (-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$,

en voyant en tant que **suites d'entiers relatifs**, ou **application de N dans Z**, et non plus comme **zed-suite**. Les **zed-suites** ou l'usage ici des **entiers relatifs** a pour but de travailler plus confortablement et de donner des définitions plus simples et plus intuitives. En ne travaillant qu'avec les **entiers naturels**, la **zed-suite** :

$$v' = v-3 = (\dots, -10, -9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots),$$

est équivalente a:

$$v' = v-3 = (\dots, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots),$$

ou à la **suite**:

$$v' = v-3 = (0, 0, 0, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots).$$

En effet, ce sont les **propriétés finales** qui importent le plus ici, c'est-à-dire ce qui se passe à partir d'un certain rang n_0 . Les valeurs du début sont donc relativement moins importantes, les remplacer par des **0** pour ne travailler qu'avec des **entiers naturels** est possible. Autrement dit, dans l'approche qui adoptée ici, remplacer dans le début d'une **suite x** un **nombre fini** d'éléments par ce que l'on veut, donné une **suite x' équivalente** à x .

Et aussi, au lieu de l'**iso-ordinalité** au sens strict, l'**iso-ordinalité finale** c'est-à-dire à partir d'un certain rang, suffira. Deux **suites** **x** et **y** sont **iso-ordinales** c'est-à-dire présentent la **même séquence** d'éléments, si à partir d'un certain rang **n₀** pour l'une et **n'₀** pour l'autre, on a la même séquence des éléments jusqu'à la fin. Même si les premiers éléments des deux suites sont très différents.

Par exemple :

$$\begin{array}{l} x = (8, 3, 4, 0, 2, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, \dots) \\ y = (4, 5, 2, 6, 0, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, \dots) \end{array}$$

Ici, les deux **suites** **x** et **y** ne sont pas **identiques**, elles ne sont pas **égales** au sens de l'**identité**. Cependant, même si elles sont différentes au début, elles sont **finalement égales**, car elles sont **égales** à partir du rang 5 (on rappelle qu'on numérote en commençant par **0**). Elles sont donc **égales** au sens de l'**équivalence** qu'est l'**égalité finale**, qui est celle que nous privilégions dans notre conception des **nombres entiers variables**. A partir du rang donc, le **décalage** entre les deux **suites** est de **0** puisqu'elles sont **identiques** à partir de ce rang.

Et maintenant le second exemple:

$$\begin{array}{l} x = (8, 3, 4, 0, 2, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, \dots) \\ y = (0, 5, 2, 6, 0, 0, 1, 6, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, \dots) \end{array}$$

Ici, les deux **suites** ne sont pas du tout **identiques**, elles ne sont pas du tout **égales** au sens de l'**identité**. Elles ne sont même pas **égales** à partir d'un certain rang, car elles n'ont pas les **mêmes éléments** aux **mêmes rangs**, à partir d'un certain rang. Et pourtant on voit qu'à partir du rang 5 pour la première et du rang **8** pour la deuxième, les deux suites présentent exactement la **même séquence** des éléments : **7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, 2, 8, 5, 7, 1, 4, ...**

Elles sont donc **iso-ordinales** à partir de ces deux rangs, c'est-à-dire elles présentent le **même ordre** des éléments, mais seulement avec un **décalage** de **3** rangs. Même donc les débuts de **suite** ne sont pas les mêmes, on pourra écrire: **y = rish(x, 3)**, pour dire que **y** est **égal** à **x** mais **décalé** de **3** rangs vers la droite, et en l'occurrence à partir du rang 5. Et on pourra écrire: **x = lesh(y, 3)**, pour dire que **x** est **égal** à **y** mais **décalé** de **3** rangs vers la gauche, et en l'occurrence à partir du rang **8**.

On a donc dans ces exemples **3** notions d'**égalité**, **3** manières de dire « **même** ».

Avec la première, l'**égalité** au sens de l'**identité**, on voudrait pouvoir dire: « **mêmes éléments aux mêmes rangs partout** ». C'est l'**égalité** la plus **stricte**. Mais nous n'avons pas l'**identité** ni dans un cas, ni dans l'autre, et fort heureusement il n'est pas forcément nécessaire d'avoir une **identité** pour avoir une **égalité** intéressante et **puissante**. Le plus important est d'avoir la bonne **égalité** et quand il le faut.

→ Avec la seconde, l'**égalité finale**, on a « **les mêmes éléments dans le même ordre à partir d'un certain rang** ». Cette **égalité finale** est très intéressante pour traiter de la notion d'**infini**, des habituelles notions de « **tendance vers l'infini** », etc.

→ Et avec la troisième on a « **les mêmes éléments dans le même ordre, mais en décalage, à partir d'un certain rang pour l'une des suites, et d'un autre rang pour l'autre** ». Elle est une généralisation de la précédente. Comprenons à présent plus en détail sa définition et sa logique.

Définition:

Du point de vue de la **relation d'égalité** et de la **relation d'ordre** sur les **nombre entiers variables**, c'est donc la **relation finale** qui nous intéressera particulièrement. Ainsi, pour deux **nombre entiers variables** x et y , on a $x = y$ (resp. $x < y$, $x > y$), s'il existe un **entier naturel** n_0 tel que, pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$, on a: $x_n = y_n$ (resp. $x_n < y_n$, $x_n > y_n$).

La **relation d'égalité** ainsi définie, l'**égalité finale** donc, est une **relation d'équivalence**. Ce sont alors les **classes d'équivalence** ou **classe d'égalité**, qui sont à proprement parler les **nombre entiers variables**.

De manière générale, pour tout **nombre entier variable** n , tout **nombre entier variable** x **finale ment égal à** n est notée n , puisque n est un représentant de la **classe** de telles **suites**.

On a ainsi par exemple les **suites** ou **nombre entiers variables** x de la **classe** de v , et qui sont telles qu'il existe un **entier naturel** n_0 , tel que pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$, on a: $x_n = v_n = n$.

Avant n_0 donc, la **suite** x peut prendre n'importe quelle valeur. Mais à partir de n_0 , elle se confond avec v , c'est-à-dire on a: $x_n = v_n = n$, pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$.

Par exemple: $x = (-6, 15, 277, 0, -4, 19, 3, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, \dots)$.

A partir du **rang** 7, x se confond avec v , on a: $x_n = v_n = n$, pour tout **entier naturel** $n \geq 7$.

Soit un **entier variable** x . On dit que x est **indéfiniment variable** ou **générativement variable** s'il n'est jamais **constant** à partir d'un rang **fini** σ . Autrement dit, pour tout rang k , il existe toujours un autre rang $k' > k$ tel que: $x_k \neq x_{k'}$.

En définissant le **cardinal de N** c'est-à-dire le **nombre des ses éléments** comme étant l'**entier infini** de référence v , alors le **cardinal** des **nombre entiers variables**, c'est-à-dire le **nombre des applications de N dans N**, le **nombre des éléments** de N^N donc, est v^v . Le **nombre des entiers constants** étant donc v , autrement dit le **nombre des éléments** de N , il en résulte que le **nombre des entiers indéfiniment variables** est: $v^v - v$, ce qui signifie donc que l'immense majorité voire la quasi-totalité des **nombre entiers variables** sont des **entiers indéfiniment variables**!

Les **suites d'entiers naturels** (les **nombre entiers variables** donc) qu'on peut former à partir d'une **suite d'entiers** x donnée, sont de grande importance.

Soit un **entier indéfiniment variable** $x = (x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, \dots)$. On associe à x quatre **suites dites descriptives**: la **suite escalière** $s(x)$, la **suite des hauteurs** (des **paliers d'escalier**) $h(x)$, la **suite des largeurs** (de **paliers d'escalier**), la **suite de tendance** $d(x)$ ou des **variations des hauteurs** (des **paliers d'escalier**). Ces quatre **suites** sont simplement notées s , h , λ et d s'il n'y pas de confusion sur la **suite** x sur laquelle elles portent.

La **suite escalière** s indique les **rangs** s_i où la **suite** x **change de valeur**. Un peu à l'image des points sur un sol où l'on **monte** une **marche** ou la **descend**. S'il n'y a pas de **marches**, c'est que la

surface dans cette zone est **plane**, ce qui correspond pour une **suite** au fait d'être **constante** au moins localement, sinon sur un **palier infini**.

La **suite h** indique les hauteurs des **paliers** successifs de la **suite x** vue comme un « **escalier** » **numérique**. La **suite λ** indique les différentes **largeurs de paliers** ou **plages de constance** successives. Et enfin la **suite d** indique les **variations des hauteurs** d'un **palier** à un autre.

La **suite s** est définie de la manière suivante:

- $s_0 = 0$.
- s_1 est le **plus petit rang strictement supérieur** à s_0 , tel que $x(s_1) \neq x(s_0)$.
- s_2 est le **plus petit rang strictement supérieur** à s_1 , tel que $x(s_2) \neq x(s_1)$.
- Pour tout s_i déjà défini, s_{i+1} est le **plus petit rang strictement supérieur** à s_i , tel que $x(s_{i+1}) \neq x(s_i)$.

A partir de la suite s on définit les autres **suites**, en posant, pour tout **rang i**:

$$h_i = x(s_i); \quad \lambda_i = s_{i+1} - s_i; \quad d_i = h_{i+1} - h_i = x(s_{i+1}) - x(s_i).$$

Par exemple, considérons le **nombre entier variable**: $x = (3, 9, 9, 9, 0, 7, 8, 8, 8, 1, 8, 4, 4, 4, 0, 0, 7, 12, 12, 12, 12, 12, 8, 12, 15, 4, 15, 4, 15, 4, 15, 4, \dots)$.

On a:

- $s_0 = 0$, le rang de départ de toute suite; et: $h_0 = x(s_0) = x_0 = 3$;
- $s_1 = 1$ car $x_1 = 9$, et **1** est le **plus petit entier naturel strictement supérieur** à **0**, tel que $x_1 \neq x_0$. Et le prochain rang où la valeur de x , qui est **9** sur trois rangs consécutifs, change, est le rang **4**, où la valeur passe à **0**. Donc $s_2 = 4$. Puis la valeur de x change au rang suivant, le rang **5**, passant de **0** à **7**. Donc $s_3 = 5$. Puis change encore au rang suivant, donc $s_4 = 6$. Et là, la valeur de x reste **constante** à **8**, pendant trois rangs, et c'est au rang **9** que ça change pour passer à **1**. Donc $s_5 = 9$. Puis ça change au rang **10** pour repasser à **8**, donc $s_6 = 10$. Puis ça change au rang **11** pour passer à **4**, donc $s_7 = 11$. Puis c'est au rang **14** que ça change pour passer à **0**. Donc $s_8 = 14$. Puis ça change au rang **16** pour passer à **7**, donc $s_9 = 16$. Puis ça change au rang suivant, donc $s_{10} = 17$. Et c'est au rang **22** que ça change pour passer à **8**, donc $s_{11} = 22$. Puis ça change au rang suivant pour passer à **12**, donc $s_{12} = 23$. Puis ça change au rang suivant pour passer à **15**, donc $s_{13} = 24$. A partir de là la valeur de x alterne entre **15** et **4**, donc change à chaque fois, donc $s_{14} = 25$, et $s_{15} = 26$, et $s_{16} = 27$, etc.

$$\text{Donc: } s = (0, 1, 4, 5, 6, 9, 10, 11, 14, 16, 17, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, \dots).$$

$$\text{Et: } h = (3, 9, 0, 7, 8, 1, 8, 4, 0, 7, 12, 8, 12, 15, 4, 15, 4, 15, 4, 15, 4, \dots).$$

$$\text{Et: } \lambda = (1, 3, 1, 1, 3, 1, 1, 3, 2, 1, 5, 1, 1, 1, 1, 1, 1, \dots).$$

$$\text{Et: } d = (3, -9, 7, 1, -7, 7, -4, -4, 7, 5, -4, 4, 3, -11, 11, -11, 11, -11, 11, -11, \dots).$$

La **suite λ** nous apprend ici par exemple que la **suite x** est **constante** sur trois rangs à trois reprises, et une fois elle est **constante** sur deux rangs, et une fois sur cinq rangs. Le reste du temps, elle **change de valeur** d'un rang à l'autre. A partir du rang **16**, elle **change à chaque fois de valeur** d'un rang au suivant, ce que nous dit aussi la **suite s**, celle qui précisément indique les rangs où x **change de valeur**. Et quand à **suite h**, elle nous précise que x **alterne** à la fin entre deux valeurs, ce que la **suite d** confirme aussi en disant qu'un coup x **chute** de **11** et un coup il **monte** de **11**.

Il est clair que d'après ces définitions, si un **entier variable** x était **constant** à partir d'un certain rang σ , la **suite** s comporte alors un **nombre fini** ou **constant** de termes, parce que le processus de sa construction va s'arrêter car après le rang σ , pour lequel x prend la valeur $x(\sigma)$ ou x_σ , il n'y a plus de rang où x prend une valeur différente de x_σ . Et donc les autres **suites**, qui dépendent de s , sont **finies** aussi. D'où le fait que ces définitions sont données uniquement pour les **suites indéfiniment variables**, les seules pour lesquelles ces **suites spéciales** sont de vraies **suites**, c'est-à-dire des **applications de \mathbb{N} dans \mathbb{N} ou de \mathbb{N} dans \mathbb{Z}** .

Car particulier de $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

Il est clair qu'on a:

$$\rightarrow s(v) = v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots).$$

$$\rightarrow h(v) = v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots).$$

$$\rightarrow \lambda(v) = [1] = (1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, \dots).$$

$$\rightarrow d(v) = [1] = (1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, \dots).$$

On a les mêmes résultats pour toute **suite x égale à v à partir d'un certain rang n_0** . Dans ce cas aussi, s et h sont v mais à partir du rang n_0 , et aussi λ et d sont $[1]$ à partir du rang n_0 .

Dire donc que x n'est pas **indéfiniment variable**, c'est dire que x est **constant** à partir d'un certain rang **fini** (c'est-à-dire **constant**) σ , alors: $s(x) = (0, s_1, s_2, s_3, s_4, \dots, s_k)$, où k est **fini** (c'est-à-dire **constant**) aussi. On note: $\sigma(x) = s_k$.

Par exemple, considérons: $x = (3, 1, 1, 0, 5, 8, 8, 8, 1, 8, 4, 4, 4, 4, 4, 7, 12, 12, 12, 12, 12, \dots)$.

On a: $s(x) = (0, 1, 3, 4, 5, 8, 9, 10, 15, 16)$, et donc $\sigma(x) = 16$.

Définition:

Soit un **entier variable** x . On dit que x est un **totalemment séquent** si $s(x) = v$, ou, ce qui revient au même, si $\lambda(x) = [1]$. On dit que x est **séquent** à partir d'un certain rang n_0 , si à partir de ce rang on a: $s(x) = v$, ou: $\lambda(x) = [1]$.

Par exemple, v est évidemment **totalemment séquent**. C'est la référence en la matière.

Une **suite indéfiniment variable** peut être **constante**, ce qui peut paraître paradoxal, mais il n'en n'est rien. En effet, elle peut être constante mais à partir d'un certain rang **infini**, au nouveau sens de l'**infinité**, ce qui veut dire que ce rang est lui-même un **entier variable**.

Pour les **entiers indéfiniment variables**, il faudra donc se rendre à un **horizon infini** σ , pour voir à partir de quel **nombre entier** ils sont **constants**. Celui-ci existe toujours, sauf qu'il est à un **horizon infini** pour les **entiers indéfiniment variables**, mais à un **horizon fini** ou **constant**, pour les **entiers constants** ou **finalement constants**.

Plus généralement, si x est **indéfiniment variable à partir d'un certain rang n_0** , on aussi: $s(x) = v$ à partir du rang n_0 . Dans ce cas, s est de la forme:

$$s = (0, s_1, s_2, s_3, \dots, s_k, s_k+1, s_k+2, s_k+3, s_k+4, s_k+5, \dots).$$

On dit alors que x est un **nombre entier variable séquent à partir du rang n_0** .

Et on dit: $\lambda(x) = [1]$ à partir du rang n_0 .

Par exemple, la **suite**: $x = (4, -6, 0, 0, 2, 2, 13, 1, 0, 5, 8, 5, 8, 5, 8, 5, 8, 5, \dots)$.

On a: $s = (0, 1, 2, 4, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, \dots)$.

L'**entier variable** x est donc **séquent** à partir du rang **6**, qui est ici s_4 .

On a donc : $\lambda(x) = [1]$ à partir du rang **6**.

Étant donné un **entier indéfiniment variable** x , et: $s(x) = (0, s_1, s_2, s_3, s_4, s_4, \dots)$, sa **suite des hauteurs** est donc: $h(x) = (x(0), x(s_1), x(s_2), x(s_3), x(s_4), \dots)$.

Il est clair que la **suite** $h(x)$ est totalement **séquente**, car de la manière dont les s_i sont définis, pour tout **indice** non nul i , on a: $x(s_{i-1}) \neq x(s_i)$ et $x(s_i) \neq x(s_{i+1})$.

Par conséquent: $s(h(x)) = v$, mais aussi: $\lambda(h(x)) = [1]$.

Autrement dit, $h(x)$ est **totalement séquent**.

Voici à présent la définition générale d'un **nombre entier naturel infini**.

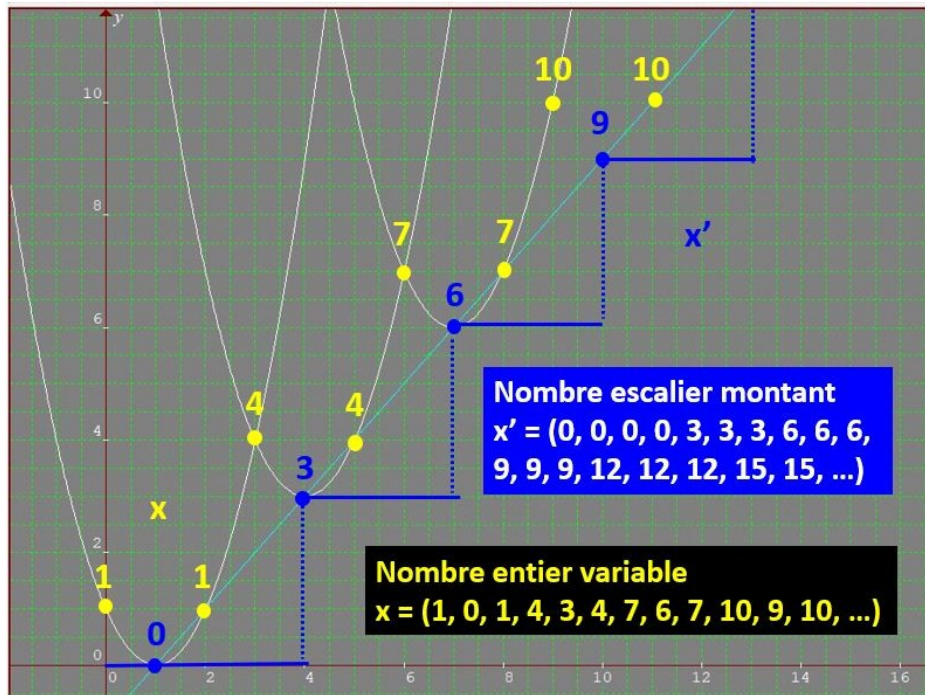
Définition:

Soit un **entier variable** x . On dit que x est **majoré**, s'il existe un entier **naturel constant** M tel que pour tout **entier naturel** $x(n) \leq M$. Autrement dit, tous les termes de x sont en dessous d'un certain **entier constant** M , ou du moins à partir d'un certain **rang** k . Si x n'est pas **majoré**, alors on dit qu'il est **transmajoré**. Dans ce cas, pour tout **entier naturel** M , il existe un **entier naturel** k , tel que pour tout **entier naturel** $n \geq k$, $x(n) > M$. On dit alors aussi que x est **transfini** ou encore **transconstant**. Cela veut dire que x est au-delà de toute **suite constante**, autrement dit x finit toujours par être **strictement supérieur** à toute **suite constante** M , autrement dit encore à tout **nombre entier constant** M . Par définition, c'est ce que nous entendons par x est **infini**.

Remarque importante:

On notera que dans le langage habituel, cette définition est celle d'un **nombre** qui « **tend vers l'infini** ». Mais dans notre conception, c'est la définition d'un **nombre infini**.

Par exemple, soit: $x = (1, 0, 1, 4, 3, 4, 7, 6, 7, 10, 9, 10, 13, 12, 13, 16, 15, 16, 19, 18, 19, 22, 21, 22, 25, 24, 25, 28, 27, \dots)$.



Abordons maintenant l'importante notion de la **croissance** des **suites d'entiers**.

Définition:

Soit un **entier variable quelconque** x . On dit que x est un **entier variable croissant** ou simplement que x est **infini**, si $d(x)$ est **indéfiniment variable**, et si c' est une **suite de nombres entiers naturels** (donc de **nombres entiers positifs ou nuls**) à partir d'un certain rang. On dit alors aussi que x est une **suite escalier montante**, ou qu'il est un **nombre escalier montant**.

Cela signifie intuitivement qu'à partir d'un certain rang n_0 , une fois que x a pris une certaine valeur M , x ne redescend plus jamais en dessous de M . Il resterait au pire **constant** et **égal** à M . On serait alors dans ce cas dans la situation où x est **constant** à partir d'un certain rang, et donc où ses **paliers** sont en nombre **fini** ou **constant**. Mais les hypothèses sont que $d(x)$ est **indéfiniment variable** et **croissant**, donc ne reste pas de **constance** à partir d'un certain rang **fini** ou **constant**. Après chaque **palier** il y a toujours tôt ou tard un autre **palier** plus haut.

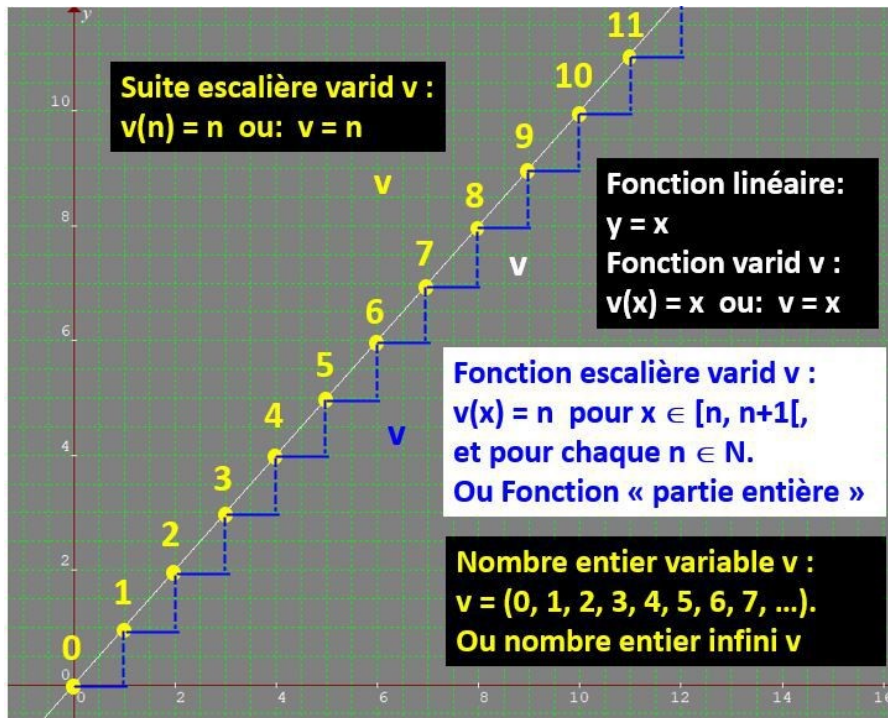
Et x est un **entier variable (finalement) strictement croissant** s'il existe un **entier naturel** n_0 tel que pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$, on a: $x_{n+1} > x_n$.

Il est clair alors qu'à partir du rang n_0 , x est **indéfiniment variable**, et en plus **séquent** à partir du rang n_0 , et $d(x)$ est une **suite d'entiers strictement positifs** à partir de n_0 .

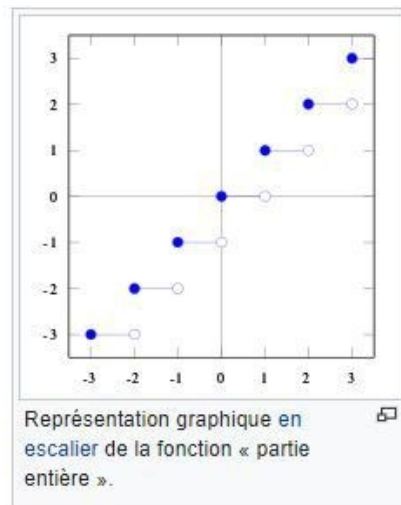
Théorème:

Pour qu'un **entier variable** soit **infini**, il faut et il suffit qu'il soit **supérieur** à un certain **nombre escalier montant**.

L'**entier variable** v est la référence en matière de **nombre entier variable**, et aussi la référence en matière de **nombre entier variable strictement croissant**, et la référence en matière de **nombre entier variable infini**:

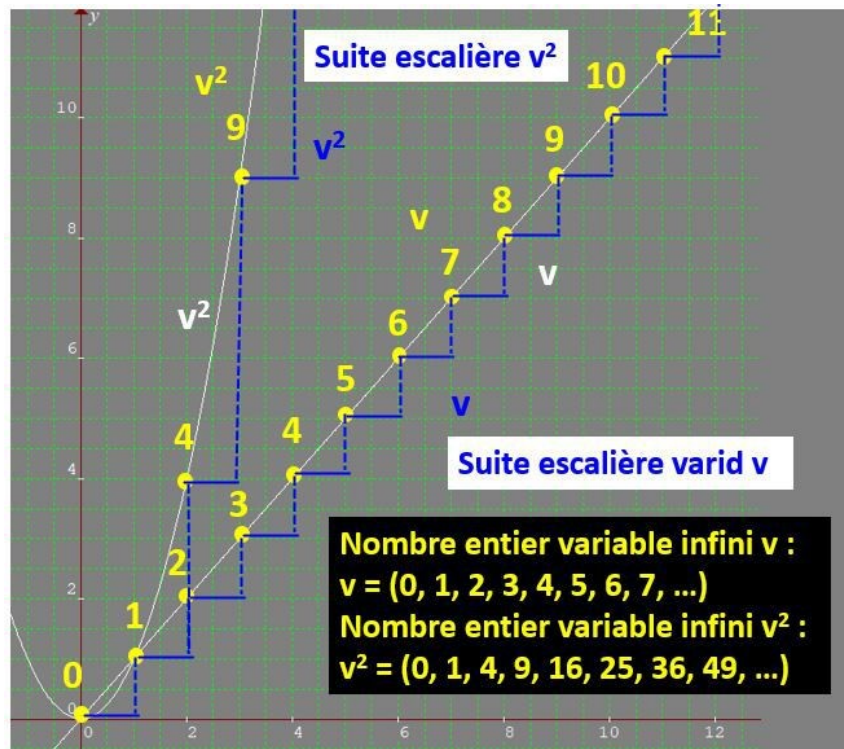


La **suite escalière** associée à la **suite $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$** , est la **fonction « partie entière »** ou $\lfloor x \rfloor$ ou $E(x)$.

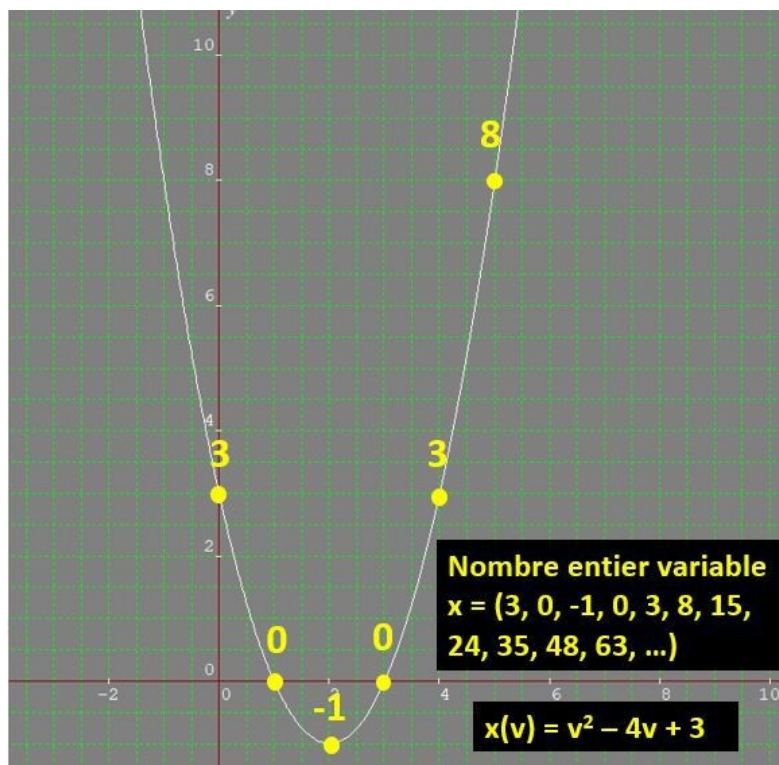


(voir [article Wikipedia](#))

C'est le cas aussi de l'exemple suivant, où x est défini par:
 $x(n) = n^2$, ou simplement: $x = v^2$, ci-après mis en comparaisons avec v :



Et c'est le cas aussi de l'exemple suivant, où x est défini par:
 $x(n) = n^2 - 4n + 3$, ou simplement: $x = v^2 - 4v + 3$.



On a alors: $x = (3, 0, -1, 0, 3, 8, 15, 24, 35, 48, 63, 80, 99, \dots)$. Le nombre variable x est **strictement croissant** à partir du rang 2, et il est une **suite d'entiers naturels** à partir du rang 3. On

a: $s(x) = (0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots) = v$, qui est le **nombre entier variable strictement croissant** de référence.

Tous les **polynômes** en v , à savoir: $x = a_n v^n + a_{n-1} v^{n-1} + \dots + a_1 v + a_0$, de **degré n non nul**, dont les **exposants i** et les **coefficients a_i** sont des **entiers naturels constants**, avec $a_n > 0$, sont des **nombre entier variable strictement croissants** à partir d'un certain rang. On généralise par **récurrence** au cas où les **exposants i** sont eux-mêmes des **nombre entier variable strictement croissants**. Les **nombre entier variable x** sont alors les **nombre entier oméganaturels variables** (ce qui veut dire **infinis** dans leur cas), qui avec les **nombre entier constants** (ou finis) forment tous les **nombre entier oméganaturels**. C'est la nouvelle définition des **ordinaux**, ce qui revient à dire tous les **nombre entier naturels** écrits en **système de numération de base v** (on y reviendra).

Dorénavant, quand nous parlerons de **nombre entier génératif**, ou **séquent**, ou **croissant**, ou **infini**, etc., cela sous-entendra bien sûr qu'on parle de **nombre entier variable**, puisque ces notions ne prennent leurs définitions que pour le **nombre entier variables**. Non seulement cela, même les **nombre entier constants** sont un cas particulier de **nombre entier variables**.

On appelle un **nombre entier v -polynomial** ou simplement **polynomial** (sous-entendu donc en v) un **nombre entier x** de la forme: $x = a_n v^n + a_{n-1} v^{n-1} + a_{n-2} v^{n-2} + a_{n-3} v^{n-3} + \dots + a_2 v^2 + a_1 v + a_0$, où n est un **nombre entier naturel constant**, et où les a_i sont des **nombre entier relatifs**. L'**ensemble des nombre entier v -polynomiaux** est noté N_v .

Si l'**entier v -polynomial x** est un **entier naturel** (un élément de N donc), alors on dit le **degré de x** est **0**, et on note: **$\text{deg}(x) = 0$** .

Dans ce cas il est clair que les **coefficients de a_1 à a_n** sont tous **0**, autrement dit tous les **coefficients a_i** , pour $i > 0$.

Et dire que l'**entier v -polynomial x** n'est pas un **entier naturel** classique, c'est dire qu'il existe au moins un **coefficient a_i** , avec $i > 0$, tel que: $a_i \neq 0$. Soit alors a_k le **plus grand des coefficients** ayant cette propriété. k est appelé le **coefficient dominant de x** , et on note: **$\text{cdo}(x) = a_k$** . Et k est alors appelé le **degré de x** , et on note: **$\text{deg}(x) = k$** . On dit que n est un **degré de x** , et la notion de **degré** qu'on vient de définir est appelé le **degré de x** , ici k donc.

Par exemple considérons: $x = 2v^4 - 14v^3 + 5v^2 + 3v - 7$.

Le **degré de x** est **4**, donc **$\text{deg}(x) = 4$** .

Mais on a aussi: $x = 0v^5 + 2v^4 - 14v^3 + 5v^2 + 3v - 7$.

Et alors **5** est un **degré de x** . Et plus généralement tout **entier naturel supérieur** ou égal à **4** est un **degré de x** . Dans l'écriture: $x = a_n v^n + a_{n-1} v^{n-1} + a_{n-2} v^{n-2} + a_{n-3} v^{n-3} + \dots + a_2 v^2 + a_1 v + a_0$, on sait juste que x est de cette forme, et n'ayant pas d'autre information, on ne sait pas si a_n est **0** ou pas.

On peut donc juste dire que n est un **des degrés** (potentiels) de x . Mais si on précise que $a_n \neq 0$, alors n est le **degré de x** .

La comparaison de deux **entiers polynomiaux** est comme celle des **polynômes** ayant comme **coefficients des nombre réels**, et plus généralement comme **coefficients un ensemble numérique ordonné**, et qui est tout simplement une **comparaison lexicographique**, comme pour les mors d'un dictionnaire. On met les deux **polynômes à un même degré**. On compare leurs **coefficients de plus**

grand degré. S'ils sont différents, alors le plus grand des deux **polynômes** est celui qui a le **plus grand coefficient de plus grand degré**. Mais s'ils sont égaux, alors on compare les **coefficients du degré immédiatement inférieur**. S'ils sont **égaux** on passe au **degré immédiatement inférieur**. Et ainsi de suite jusqu'à ce qu'on ait des **coefficients** différents d'un même **degré**. Le plus grand des deux **polynômes** est celui qui a le **plus grand coefficient** à ce degré. Et si on arrive au degré 0 sans départager les **coefficients**, alors les deux **polynômes** sont **égaux**.

C'est à cette logique d'ordre qu'obéissent les **entiers v-polynomiaux**. Il ne s'agit pas d'une définition arbitraire d'une **relation d'ordre** sur les **nombres entier v-polynomiaux**, mais on démontre que la **relation d'ordre** définie sur les **entiers variables** en général, appliquée aux **entiers v-polynomiaux** en particulier, vérifie les règles qu'on vient d'énoncer, qui sont donc des **théorèmes**.

Montrons par exemple que: $v-1 < v$.

Pour deux **entiers (variables)** x et y , on a dit que par définition, $x < y$ si: $x(n) < y(n)$ à partir d'un certain rang n_0 , c'est-à-dire s'il existe un **entier naturel constant** n_0 tel que pour tout **entier naturel constant** $n \geq n_0$, on a: $x(n) < y(n)$.

Pour montrer donc que: $v-1 < v$, il nous faut montrer que: $(v-1)(n) < v(n)$, à partir d'un certain rang n_0 . Comme déjà vu: $(v-1)(n) = n-1$, et $v(n) = n$.

Donc, dire: $(v-1)(n) < v(n)$, c'est dire: $n-1 < n$, ce qui est vrai pour tout **entier relatif** n , et donc pour tout **entier naturel constant** n . Donc: $v-1 < v$.

On aboutit à la même conclusion directement en comparant les **v-polynômes** $v-1$ et v , qui sont donc $v-1$ et $v+0$. Etant de même **degré 1**, et ayant le même **cdo** ou **coefficient dominant** qui est **1**, alors il reste à comparer les **coefficients de degré 0**, qui est -1 et 0 , et comme: $-1 < 0$, on a donc: $v-1 < v$.

Comme second exemple, considérons: $x = av + b$, et $y = cv + d$, où a, b, c, d sont des **entiers relatifs**, avec $a < c$.

Pour tout **entier naturel** n , on a: $x(n) = (av + b)(n) = a(v(n)) + b(n) = an + b$.

Et on a: $y(n) = (cv + d)(n) = c(v(n)) + d(n) = cn + d$.

Donc $x(n)$ et $y(n)$ sont deux **équations de droites** en n , respectivement $an + b$ et $cn + d$, de **coefficients directeurs** respectifs a et c . Et comme $a < c$, la droite d'équation $cn + d$ croît plus vite que l'autre, et il existe un **entier naturel** n_0 pour on a:

$an + b < cn + d$, pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$.

Donc il existe un **entier naturel** n_0 tel que: $x(n) < y(n)$, pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$.

Donc par définition, on a: $x < y$, c'est-à-dire: $av + b < cv + d$.

On en déduit entre autres que pour tous **entiers relatifs** b et d et pour tout **entier naturel non nul** c , on a: $b < cv + d$.

Et si $a = c$, alors il est clair que le même genre de raisonnements conduit à la conclusion qu :

$av + b < av + d \Leftrightarrow b < d$.

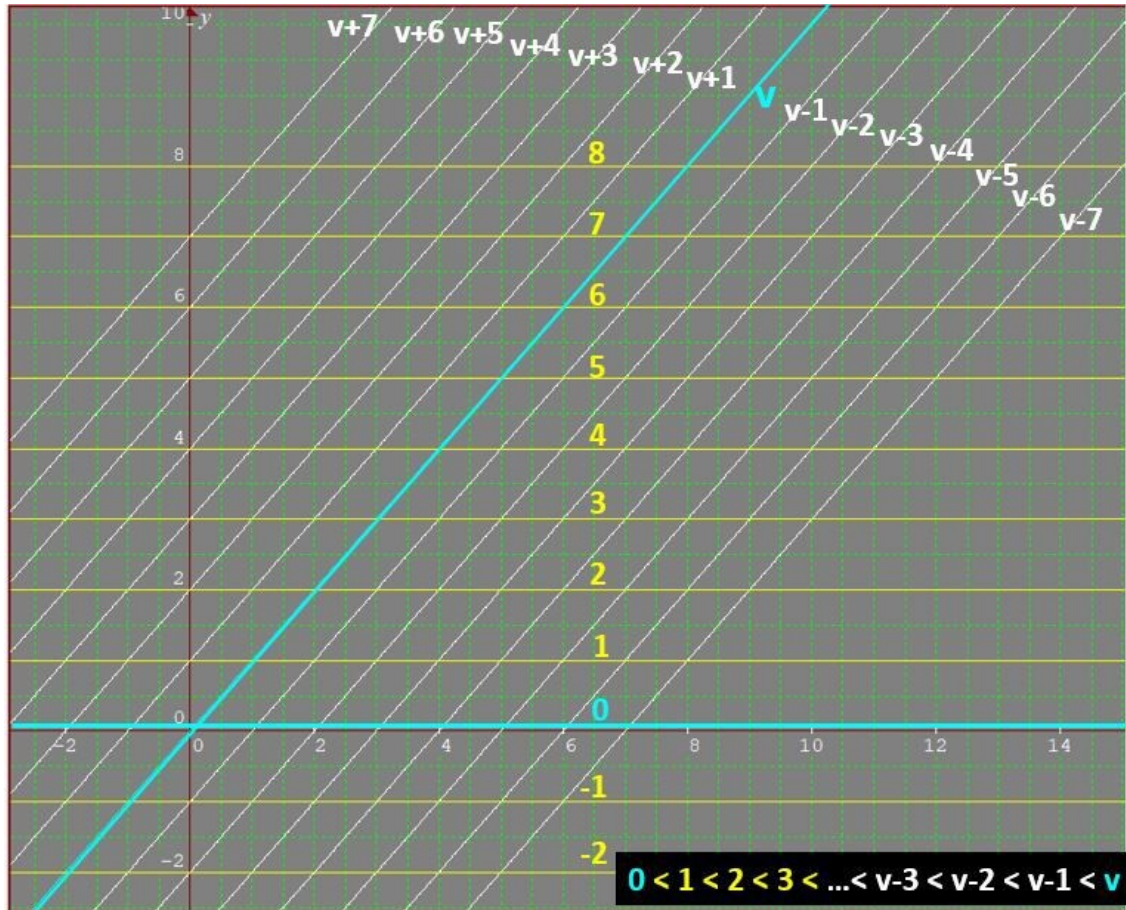
On peut avoir tous ces résultats et d'autres en appliquant directement les règles de **comparaison polynomiale** énoncées plus haut.

De tout cela on déduit:

$$0 < 1 < 2 < 3 < 4 < \dots < v-4 < v-3 < v-2 < v-1 < v,$$

et plus généralement:

$$0 < 1 < 2 < 3 < \dots < v-3 < v-2 < v-1 < v < v+1 < v+2 < \dots < 2v < \dots$$



On voit sur l'image que toute droite d'équation: $y = cv + d$, avec ici $c = 1$, donc toute droite d'équation: $y = v+d$, avec d un entier relatif, et droite qui représente donc l'entier infini $v+d$, finit par être au-dessus de n'importe quelle droite constante d'équation: $y = b$, avec b un entier relatif, et droite qui représente l'entier constant b . Autrement dit, on a: $b < v+d$, pour tous entiers relatifs b et d , car il existe toujours un certain rang n_0 , tel que: $b(n) < (v+d)(n)$, pour tout entier naturel $n \geq n_0$.

On déduit de tout cela aussi que pour un entier v-polynomial:

$$x = a_n v^n + a_{n-1} v^{n-1} + a_{n-2} v^{n-2} + a_{n-3} v^{n-3} + \dots + a_2 v^2 + a_1 v + a_0,$$

de degré n , donc pour lequel $a_n \neq 0$, $x > 0 \Leftrightarrow a_n > 0$.

Les entiers v-polynomiaux strictement positifs sont tous ceux dont le coefficient dominant est strictement positif. Et les entiers v-polynomiaux strictement négatifs sont tous ceux dont le coefficient dominant est strictement négatifs. Pour cette raison, les entiers v-polynomiaux sont une notion plus générale d'entiers relatifs.

On démontre que les **entiers v-polynomiaux strictement positifs** et de **degré non nul**, sont tous **infinis**, en l'occurrence **infinis positifs**. Ils sont **infinis négatifs** s'ils sont **strictement négatifs** et de **degré non nul**.

Les **nombre entiers polynomiaux en v** sont le coeur des **nombre entiers variables**. Nous les appelons les **nombre entiers variables canoniques**. L'un des aspects les plus importants de l'**entier v** est sans doute du fait qu'il soit à la fois **infini** (en un nouveau sens) et aussi une **variable**, comme **n** ou **x**, ou (ce qui revient au même) une des conséquences importantes de la **générativité** ou **indéfinité**, c'est que **v** est la **base** de référence d'un **système de numération** en base **infinie**. On sait que tout **nombre entier naturel**, et notamment s'il est **supérieur ou égal à 2**, est la base d'un **système de numération**. Nous parlons des **bases** classiques, qui commencent avec **2** pour le **système binaire**. Mais dans le Nouveau Paradigme, nous commençons avec **1** pour la **base** du **système unaire**, qui est le **système fondamental** de l'**Univers TOTAL**.

→ La **base 0**, ou **{}** ou **{o}** en tant qu'**ordinal de von Neumann**, n'a pas de **chiffre**, ou son **chiffre** est le **zéro absolu, o**, l'**espace**.

→ La **base 1**, ou **{0}** ou **{{o}}** en tant qu'**ordinal de von Neumann**, a pour seul **chiffre 0**.

→ La **base 2**, ou **{0, 1}** ou **{{}, {{}}** en tant qu'**ordinal de von Neumann**, la classique base binaire donc, a pour **chiffres 0, 1**.

→ La **base 3**, ou **{0, 1, 2}**, pour **chiffres 0, 1, 2**.

Et ainsi de suite.

→ La classique **base 10** du **système décimal**, ou **{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}**, a pour **chiffres** donc **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9**.

Et c'est là où **v** entre en scène, avec la double casquette de **nombre entier variable** et de **nombre infini**. En tant que **nombre entier naturel** comme les autres, mais juste **variable**, comme **n** ou **x**, il fonctionne exactement comme tout **nombre entier naturel**, donc peut servir de **base** d'un **système de numération**. Et en tant que **nombre infini** (et c'est là que commence sa spécificité) il est l'**étalon de mesure** des **nombre infinis**, comme **finis** aussi d'ailleurs, mais surtout des **infinis**, car la nouveauté et l'originalité résident là.

Puisqu'il est **fini**, il est aussi un **ordinal de von Neumann**, sauf qu'il est **variable**.

On a donc: $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-3, v-2, v-1\}$.

Ses **v chiffres** sont donc ainsi listés, dans l'**ordre** qu'on a démontré plus haut. L'**ordre polynomial**.

On peut donc avec ces chiffres construire un **système** de **nombre entiers naturels** étendu aux **nombre infinis**, et c'est où réside le sésame! Ce **système** étendu, nous le nommons les **nombre entiers oméganaturels**, ou les **nombre entiers v-naturels**, ou encore les **v-entiers naturels**.

La définition ou construction est fort simple, elle est **récursive**:

a) Les **v chiffres** de **v**, à savoir: **0, 1, 2, 3, 4, ..., v-4, v-3, v-3, v-2, v-1**, encore notés: **0, 1, 2, 3, 4, ..., 4, 3, 2, 1**, sont des **entiers oméganaturels**.

b) Etant donné un **entier oméganaturel n**, tout entier **x** de la forme:

$x = c_n v^n + c_{n-1} v^{n-1} + c_{n-2} v^{n-2} + c_{n-3} v^{n-3} + \dots + c_2 v^2 + c_1 v + c_0$, où les c_i sont des **chiffres** de **v**, est un nouvel **entier oméganaturel**. Si $c_n \neq 0$, alors **n** est appelé le **degré** de **x**, et c_n est son **chiffre dominant**.

c) Tous les **entiers oméganaturels** sont construits par application répétée des deux règles précédentes. L'**ensemble** des **entiers oméganaturels** est noté N_ω .

On voit immédiatement que qu'une **variable** comme $w = v^n$ par exemple, est un **entier oméganaturel**, mais n est pas un **entier v-polynomial**, puisque l'exposant v n'est pas un **entier naturel** classique, il n'est pas **constant** mais **variable**, et de plus il est **infini**.

Un point important ici est que les **nombre entiers oméganaturels** qu'on vient de définir sont des **ordinaux finis** au sens de **von Neumann**, autrement dit ils sont dans l'absolu de classiques **nombre entiers naturels**, sauf qu'ils sont **variables**. Et parmi eux il y a des **nombre entiers infinis** en un sens nouveau, et en ce sens leurs équivalents dans les paradigmes classiques sont grosso modo les **nombre entiers infiniment grands** de l'arithmétique dite **non standard** d'Abraham Robinson. Sauf qu'ici la notion de **nombre entier infini** est obtenue de manière beaucoup plus **simple** et **naturelle**, via la notion de **nombre entiers variables**, c'est-à-dire de **suites d'entiers relatifs**, et plus spécialement d'**entiers naturels**. Nul besoin de faire appel à des axiomes supplémentaires ou à des considérations techniques de **théorie des modèles** ou de **logique mathématique**.

Les **nombre entiers oméganaturels** sont donc la nouvelle vision des **ordinaux finis** comme **infinis**. Ils sont tous **finis** au sens de la **finitude** classique, sauf qu'ils sont **variables**, et non pas **constants**, comme les **ordinaux** classiques. Et la nouvelle notion d'**infini** est tout simplement un cas particulier de **nombre entier fini variable**. Ces **nombre infinis** se calculent donc comme les **nombre finis**, on raisonne avec eux comme avec les **nombre finis**, sauf qu'ils sont **variables**.

En effet, et on résume: un **nombre entier variable** (et donc en particulier **infini** au nouveau sens) est une **application x de \mathbb{Z} dans \mathbb{N}** , qui à tout **nombre entier naturel n** associe un **entier relatif $x(n)$** . C'est est la **valeur de x à l'étape n** , ou au **rang n** , et donc c'est x à l'**étape n** . A chaque étape donc, x est un **entier relatif**, et en particulier un **entier naturel $x(n)$** , pour les **suites** qui nous intéressent plus spécialement. Donc x est fondamentalement un **nombre entier fini**, au sens classique. Parmi les **nombre entiers variables x** on distingue deux cas particuliers très importants, on a les **nombre entiers constants**, les **entiers variables** de la forme **$[k]$** à partir d'un certain rang n_0 , où k est un **entier naturel**. Ce sont les nouvelles versions des **nombre entiers finis**. Et le second cas particulier de **nombre entiers variables**, ce sont les **nombre entiers infinis**, qui sont les **nombre entiers variables x** dont les termes $x(n)$ qui finissent par être **strictement supérieurs** à tout **entier naturel k** donné, autrement dit à toute **suite constante $[k]$** .

Le **nombre entier variable varid v** tel que: $v(n) = n$, pour tout **entier naturel n** , est l'exemple de référence d'**entier naturel infini**, au nouveau sens de l'**infinitude**. Et plus généralement donc, on a les **nombre entiers oméganaturels**: $x = c_n v^n + c_{n-1} v^{n-1} + c_{n-2} v^{n-2} + c_{n-3} v^{n-3} + \dots + c_2 v^2 + c_1 v + c_0$, où n est lui-même un **entier oméganaturel**, et où des c_i sont les **chiffres** de v , à savoir: **0, 1, 2, 3, 4, ..., v-4, v-3, v-3, v-2, v-1**, encore notés: **0, 1, 2, 3, 4, ..., 4, 3, 2, 1**.

Ces **nombre entiers oméganaturels** sont donc avant tout des **nombre entiers naturels finis**, au sens classiques, puisqu'à chaque **étape i** , le **nombre entier oméganaturel**:

$$x = c_n v^n + c_{n-1} v^{n-1} + c_{n-2} v^{n-2} + c_{n-3} v^{n-3} + \dots + c_2 v^2 + c_1 v + c_0$$

est le **nombre entier naturel**:

$$x(i) = c_n i^n + c_{n-1} i^{n-1} + c_{n-2} i^{n-2} + c_{n-3} i^{n-3} + \dots + c_2 i^2 + c_1 i + c_0,$$

les **chiffres** de la forme $v-k$ étant $i-k$.

Par conséquent, tout ce que l'on fait avec les **nombre entiers naturels**, on le fait aussi avec les **nombre entiers oméganaturels**.

Par exemple le classique **raisonnement par récurrence** s'applique aux **nombre entiers oméganaturels**. Et ils vérifient une très importante propriété des **nombre entiers** classiques, qui est la propriété du **bon ordre**, qui dit que tout **ensemble non vide** d'**entiers naturels** possède un **plus petit élément**. Il en est donc de même aussi avec les **nombre entiers oméganaturels**, sauf que ceux-ci possèdent une autre très importante propriété supplémentaire, qui exprime le fait qu'ils sont **variables**, et qui est que tout **ensemble non vide** d'**entiers oméganaturels** possède aussi un **plus grand élément**!

Cette dernière propriété n'est pas évidente, cela heurte les intuitions traditionnelles concernant les **nombre entiers** ou **ordinaux**. Car cela conduit à dire par exemple que l'**ensemble** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, qui est un **ensemble** d'**entiers naturels** donc aussi d'**entiers oméganaturels** (puisque les entiers naturels sont des **oméganaturels finis** ou **constants**), possède un **plus grand élément**! Or, depuis la nuit des temps, cet **ensemble** N tel qu'on l'a toujours conçu, et comme on le voit bien avec les **axiomes de Peano** par exemple, a un **plus petit** et **premier élément**, certes, à savoir **0**, mais est l'exemple typique d'**ensembles** réputés n'avoir pas de **dernier élément**, de **plus grand élément** donc!

On peut se demander où il peut se cacher ce **dernier élément**, qui a tant échappé à tout le monde. Le problème est que cet **ensemble** N (et les **ordinaux** en général) est conçu comme **statique**, **constant**, alors qu'en réalité il est **dynamique**, **variable** !

$N = \{\} = 0$
 $N = \{0\} = 1$
 $N = \{0, 1\} = 2$
 $N = \{0, 1, 2\} = 3$
 $N = \{0, 1, 2, 3\} = 4$
 $N = \{0, 1, 2, 3, 4\} = 5$
 $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\} = 6$
 $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\} = 7$
 $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\} = 8$
 ...

A partir donc de l'**étape 1** de la **variation** ou **formation dynamique** de N , il a toujours un premier élément, qui est **0**, **Alpha**, qui est **constant** donc, et un **dernier élément**, **Oméga**, qui lui par contre est **variable**! Il est en effet le **nombre entier variable**: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

On résume cet **ensemble** N en disant: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, et on se contente de dire traditionnellement qu'il est **infini**, ce qui est juste, et qu'il n'a pas de **dernier élément**, ce qui par contre est faux! En effet, il a bel et bien un **dernier élément**, un **plus grand élément** donc, sauf qu'il est **variable**, et qui même **augmente indéfiniment d'une unité** à chaque **étape**, à la différence de **0**, le **premier élément**, qui est **constant**.

De manière très générale, tout **ensemble** d'**entiers oméganaturels** a un **plus petit élément**, **Alpha**, et un **plus grand élément**, **Oméga**. Les deux peuvent être **constants**, ou l'un **constant** et l'autre **variable**, ou les deux **variables**.

Par exemple, l'ensemble d'entiers oméganaturels: $x = \{\dots, v-3, v-2, v-1, v, v^2, v^3, v^4, \dots\}$, dont classiquement on dira qu'il n'a ni **premier élément** ni **dernier élément**, a en réalité un **premier élément** et un **dernier élément**, mais tous les deux **variables**.

Comme \mathbb{N} , le **nombre des éléments** de cet **ensemble**, son **cardinal** donc, est **infini**, pour les raisons évidentes. Et pourtant, et là ce n'est pas évident du tout, ce **cardinal** est **fini** aussi, en ce sens qu'à chaque étape cet **ensemble** est **fini**:

$$x = \{v\}$$

$$x = \{v-1, v, v^2\}$$

$$x = \{v-2, v-1, v, v^2, v^3\}$$

...

Mais il est un **fini variable**.

Ainsi donc, l'expression: $x = c_n v^n + c_{n-1} v^{n-1} + c_{n-2} v^{n-2} + c_{n-3} v^{n-3} + \dots + c_2 v^2 + c_1 v + c_0$, par exemple a toujours un **nombre fini** de **termes**. Mais ce **nombre** est **variable**.

Lemme:

Il découle de cette définition qu'un **entier oméganaturel** est **positif** ou **nul**, puisque chaque **chiffre** c_i est **positif** ou **nul**.

Théorème:

Tout **entier v-polynomial positif ou nul** est un **entier oméganaturel**.

En effet, soit un **entier v-polynomial**:

$$x = a_m v^m + a_{m-1} v^{m-1} + a_{m-2} v^{m-2} + a_{m-3} v^{m-3} + \dots + a_2 v^2 + a_1 v + a_0,$$

où m est donc un **entier naturel** classique, et les a_i des **entiers naturels** classiques.

Voici l'algorithme pour mettre un **entier v-polynomial x, positif ou nul**, sous forme d'**entier oméganaturel**.

i) Si $x = 0$, alors x est par définition un **entier oméganaturel**, et le théorème est démontré. Et alors aussi, au passage, tous les **coefficients** a_k sont **0**.

ii) On suppose que $\deg(x) = m$. Si chaque **coefficient** a_k de x est **positif** ou **nul**, alors a_k est un **chiffre de v**, donc par définition x est un **entier oméganaturel**, et le théorème est démontré. Un cas particulier est celui où x est lui-même un **entier naturel** classique. Dans ce cas il est clair que $m = 0$, et que x se réduit au seul **monôme** a_0 .

iii) Supposons que $m \neq 0$. Dans ce cas, $\text{cdo}(x) = a_m$.

Si $a_m > 0$, et alors aussi, au passage, $x > 0$. C'est le cas de la suite de l'algorithme.

Et si $a_m < 0$, et alors aussi $x < 0$, et alors c'est $-x$ qu'on va mettre sous forme **entier oméganaturel**, puisque tout **entier oméganaturel** doit être **positif** ou **nul**. Et alors $\text{cdo}(-x) = -a_m > 0$, on se retrouve dans le cas précédent.

Si donc on n'est pas dans les cas i) ou ii), on a donc $a_m > 0$, et au moins un des **coefficients** de x est **strictement négatif**. Et ce sont de tels **coefficients** qu'il faut transformer en un **chiffre de v**.

Pour y parvenir, la situation clef qu'on cherchera à avoir dans les transformations de x , afin d'appliquer le coeur de l'algorithme, c'est celle où, pour un **coefficient** a_k , on a: $a_k > 0$, et il en existe au moins un, et c'est a_m . Ce **coefficient** a_k est éventuellement suivi de **coefficients**: a_{k-1} , a_{k-2} , a_{k-3} , etc., tous 0 , qui peuvent ne pas exister. Et tous sont suivis d'un premier coefficient $a_j < 0$, et il en existe au moins un aussi, sinon tous les coefficients sont des **chiffres de v**, et l'algorithme s'arrête, le théorème est démontré.

La transformation à faire alors est simplement la logique des **retenues**, appliquée à l'envers. On a donc le schéma typique de l'algorithme:

$a_k v^k + 0v^{k-1} + 0v^{k-2} + \dots + 0 v^{j+1} + a_j v^j + \dots$, où donc $a_k > 0$, mais $a_j < 0$,

autrement dit, en posant: $a_j = -a'_j$, on a le schéma:

$a_k v^k + 0v^{k-1} + 0v^{k-2} + \dots + 0 v^{j+1} - a'_j v^j + \dots$

Et il faut donc transformer ceci pour qu'on n'ait que ces **chiffres de v** dans cette portion.

Un exemple de la **base 10** nous nous aidera, par exemple :

$3 \times 10^9 + 0 \times 10^8 + 0 \times 10^7 + \dots + 0 \times 10^3 - 4 \times 10^2 + \dots$,

qui est donc le calcul de la forme:

$3 \times 1\,000\,000\,000 + 0 \times 100\,000\,000 + 0 \times 10\,000\,000 + \dots + 0 \times 1\,000 - 4 \times 100 + \dots$

ou simplement:

$3\,000\,000\,000 - 400 + \dots$,

On aurait un développement parfait en **base 10** s'il n'y avait ce **coefficient négatif** -4 qui casse la logique. Comment donc le transformer en un **chiffre positif**, de la **base 10** ?

Il est clair que c'est 3×10^9 ou $3\,000\,000\,000$, qui va mettre ce qu'il faut à contribution, pour faire la distribution nécessaire aux différentes **puissances de 10**. Le **chiffre 3** joue ici le rôle de a_m , et -4 le rôle de a_j , et 4 le rôle de a'_j .

Ce monôme 3×10^9 va devenir 2×10^9 , ce qui signifie qu'il va mettre en jeu 1×10^9 ou $1\,000\,000\,000$, qui va distribuer ainsi:

$2 \times 1\,000\,000\,000 + 9 \times 100\,000\,000 + 9 \times 10\,000\,000 + \dots + 9 \times 1\,000 + 1000 - 4 \times 100 + \dots$

La partie précise où le but est de transformer le **chiffre négatif**, est: $1000 - 4 \times 100$.

La clef de l'algorithme est là, au **point de transformation du chiffre négatif** en son complémentaire à 10 . Les opérations intermédiaires aux **puissances de 10** où le **chiffre** est éventuellement 0 , ont juste pour but d'amener la **puissance de 10** immédiatement supérieure à 100 , à savoir 1000 donc, pour convertir -400 en 600 , ou -4×100 en 6×100 .

Dans ce cas général donc, dans le cas de la **base v** qui joue le rôle de 10 , il faut, en partant de $a_k v^k$, qui deviendra $(a_k - 1) v^k$, distribuer v^k en **puissances de v décroissantes**, en en mettant comme **chiffre v-1** (qui joue le rôle de 9) comme **chiffre des puissances intermédiaires** où il y avait le **chiffre 0**. Il faut amener v^{j+1} au **point de transformation du chiffre négatif**, qui est $-a'_j v^j$, la transformation en question étant donc le calcul: $v^{j+1} - a'_j v^j = v \times v^j - a'_j v^j = (v - a'_j) v^j$, et $(v - a'_j)$ est un **chiffre de v**, qui est le nouveau **coefficient** de v^j , la première **puissance de v** en décroissant, qui avait un **coefficient strictement négatif**.

Tous les **coefficients** des **puissances de v** à partant de v^j et en montant, sont maintenant des **chiffres de v**. Et comme le nouveau **coefficient** $(v - a'_j)$ est un « gros » **coefficient**, un **entier**

infini, il vérifie la condition de type $a_k > 0$. On recommence la même opération en cherchant le prochain **coefficient** a_j parmi les **puissances** $j' < j$, tel que $a_{j'} < 0$. Si entre j et j' les **puissances intermédiaires** ont **0** comme **coefficient**, leur nouveau **coefficient** sera donc $v-1$. Il peut ne pas en exister, de sorte que le prochain **coefficient strictement négatif** après un **coefficient** a_k soit a_{k-1} . Dans ce cas on a à traiter simplement la portion: $a_k v^k + a_{k-1} v^{k-1} + \dots$, avec donc $a_{k-1} < 0$, donc de la forme: $a_{k-1} = -a'_{k-1}$, où $a'_{k-1} > 0$. On a donc à faire: $a_k v^k - a'_{k-1} v^{k-1} + \dots$, et le calcul se fait ainsi :

$$a_k v^k - a'_{k-1} v^{k-1} + \dots = (a_k - 1) v^k + v^k - a'_{k-1} v^{k-1} + \dots = (a_k - 1) v^k + v \times v^{k-1} - a'_{k-1} v^{k-1} + \dots$$

$$= (a_k - 1) v^k + (v - a'_{k-1}) v^{k-1} + \dots,$$

et alors $(v - a'_{k-1})$, le nouveau **coefficient** associé à v^{k-1} , est un **chiffre de v**.

En itérant ces opérations, on met tout **entier v-polynomial** x sous forme d'**entier oméganaturel**, ayant donc des **coefficients** tous des **chiffres de v**. De tels **entiers oméganaturels v-polynomiaux** sont dit de **super-horizon 1**, pour dire que, puis leur **degré n** est un **entier naturel constant** ou **fini**, donc **strictement inférieur** à v , ils sont tous **strictement inférieurs** à: $v^v = \omega_1 = \omega_0 \wedge \omega_0 = w$, qui est le **super-horizon 1**; le **super-horizon 2** étant: $\omega_2 = \omega_1 \wedge \omega_1$, le **super-horizon 3** étant: $\omega_3 = \omega_2 \wedge \omega_2$, etc.

Un **entier v-polynomial positif** ou **nul** est donc un **entier oméganaturel**, les **entiers v-polynomiaux positifs** ou **nuls** sont donc des cas particuliers d'**entiers oméganaturels**.

Nous découvrons ainsi la puissance du concept de **variable**, qui est plus qu'une simple lettre ou un symbole destiné à représenter un **nombre** ou un **objet** (un **ensemble**). Le concept de **variable** englobe beaucoup de notions fondamentales (comme par exemple celle d'**inconnue** en parlant d'**équation**, ou d'**indéterminée** en parlant de **polynôme**, etc.), dont la non moins fondamentale notion d'**infini**! Un **nombre variable** n'est pas forcément **infini**, mais un **nombre infini** est forcément **variable**.

Et maintenant, considérons le **nombre entier (variable)** v^v , notée w , qui est donc la **suite** définie par: $w(n) = v^v(n) = v(n)^{v(n)} = n^n$, pour tout **entier naturel n** à partir d'un certain **rang n₀**. Ce **nombre v^v** est lui aussi un **nombre infini**, car pour tout **nombre constant k**, il existe un **nombre entier naturel n₀** à partir duquel v^v devient **strictement supérieur** à k . Autrement dit, il existe un **horizon n₀** (ou **rang n₀**, ou **étape n₀**) tel que pour tout **entier naturel n ≥ n₀**, le **nombre v^v(n)**, qui vaut donc n^n , est **strictement supérieur** à k . Dans le langage traditionnel on dira que v^v « **tend vers l'infini** ». Mais en fait, comme déjà dit, le **nombre v^v** est lui-même un **horizon infini**. A la fois donc une **variable** et à la foi un **nombre infini**!

Et on a aussi la **variable w^w**, notée ω , qui est donc la **suite** définie par : $\omega(n) = w^w(n) = w(n)^{w(n)}$, pour tout **entier naturel n** à partir d'un certain **rang n₀**. Et ainsi de suite.

Il est maintenant très facile de définir la notion très générale d'**ordinal** ou de **nombre entier naturel, fini** ou **infini**, et le **nombre** clef qui permet cette définition est l'**ordinal infini v**. Un **ordinal de premier ordre** est tout simplement un **polynôme en v**, dont les **coefficients** sont des **nombre entiers relatifs**, et dont le **coefficient** du **monôme dominant** (celui de **plus grand degré**), est **positif** ou **nul**. Une manière équivalente de dire cela est qu'un **ordinal de premier ordre, fini** ou **infini**, est un **nombre entier** écrit en **système de numération de base v**, dont les **v chiffres** sont: **0, 1, 2, 3, 4, ..., v-4, v-3, v-2, v-1**, respectivement notés: **0, 1, 2, 3, 4, ..., 4̄, 3̄, 2̄, 1̄**.

Le nombre $3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8$ vu plus haut s'écrit en **base v** comme le **nombre entier oméganaturel**: $2\overline{2}6\overline{5}8$ ou simplement ici: $\overline{22658}$ étant entendu que c'est en **base v**.

Et ne perdons pas de vue que ces **nombre entier infinis** sont aussi des **variables**, qui prennent des **valeurs** pour tout **entier naturel**.

Par exemple, pour un **entier n**, on a: $(3v^4 - 2v^3 + 7v^2 - 5v + 8)(n) = 3n^4 - 2n^3 + 7n^2 - 5n + 8$, et donc pour **n = 0**, la valeur est **8**, et pour **n = 10**, c'est: $3 \times 10^4 - 2 \times 10^3 + 7 \times 10^2 - 5 \times 10 + 8 = 28658$. Résultat qu'on obtient directement avec l'**entier oméganaturel** $\overline{22658}$ pour **n = 10**, donc cet **entier variable** en **base 10**. Dans cette **base** donc, le **chiffre** $\overline{2}$, est **n-2** ou (ce qui revient au même) **v-2**, donc **10-2 = 8**. Et $\overline{5} = 10-5 = 5$. Donc: $\overline{22658} = 28658$.

Mais pour **n = 12**, ou (ce qui revient au même) pour **v = 12**, cela signifie que lon calcule en **base 12**. L'**entier oméganaturel**, qui est donc un **nombre infini** (ce qu'il ne faut plus perdre de vue), a à l'étape **12** la valeur: $3 \times 12^4 - 2 \times 12^3 + 7 \times 12^2 - 5 \times 12 + 8 = 59708$, qui donc aussi en **base 12** le **nombre**: $\overline{2.2.6.5.8} (12) = 2.10.6.7.8 (12) = 2 \times 12^4 + 10 \times 12^3 + 6 \times 12^2 + 7 \times 12 + 8 = 59708$.

Et pour l'autre exemple, $x = v^2 - 4v + 3$, on a: $x = (v - 4)v + 3$, donc: $x = \overline{4.3} = \overline{43}$, qui est le **nombre** $(10-4).3 = 6.3 = 6 \times 10 + 3 = 63$ en **base 10**, et **8.3** en **base 12**, soit: $8 \times 12 + 3 = 99$.

La **relation d'ordre**, « < », « > », « ≤ », « ≥ », dans l'**ensemble N_o** des **nombre entier oméganaturels**, se fait exactement comme l'**ordre** dans **N**, en **numération** de **base 10** par exemple. On **compare** deux **entiers oméganaturels** **x** et **y** **chiffre par chiffre**, en partant du **chiffre** du **degré** le **plus grand** vers le **degré** le **plus petit**, si **x** et **y** ont le **même degré**. Si tel n'est pas le cas, le **plus petit** est celui de **plus petit degré**, autrement dit, le **plus petit** est automatiquement celui qui a le **plus petit nombre** de **chiffres**.

Par exemple: $\overline{697} < \overline{42658}$.

Et donc si c'est le **même nombre de chiffres**, on compare les **chiffres** deux à deux en partant de la **gauche**. S'ils sont à chaque fois **identiques**, on passe aux **chiffres** suivants. Si jusqu'à la dernière paire de **chiffres** comparée c'est à chaque fois **identique**, alors les deux **entiers** **x** et **y** sont **égaux**. Sinon, il y a une première paire où les deux **chiffres** sont différents, et alors le **plus petit** des deux **nombre entier oméganaturels**, c'est celui qui a le **plus petit chiffre** de la paire de chiffres comparée.

Par exemple: $\overline{42358} < \overline{42658}$, et: $\overline{42658} < \overline{42613}$.

Théorème:

Une conséquence importante de tout cela est que la **relation d'ordre**: « < », « > », « ≤ », « ≥ », est une **relation de bon ordre** dans l'**ensemble N_o** des **entiers oméganaturels**. Et mieux que cela, il s'agit même d'une **relation d'ordre parfait**, ce qui signifie que **toute partie non vide** de **N_o** a un **plus petit élément** et un **plus grand élément** (nous reviendrons plus tard sur les **ordinaux** et les **relations de bon ordre** et d'**ordre parfait**).

L'**ordre parfait** dans un **ensemble E** lui confère les propriétés analogues à celles d'**ensemble fini** au sens classique, c'est-à-dire un **ensemble** dont le **cardinal** ou **nombre des éléments** est un

nombre entier naturel au sens classique, soit analogues au classique **ensemble N** des **entiers naturels**, soit analogues à l'**ensemble N_ω** des **entiers oméganaturels**, etc. Dans tous les cas, les **éléments** de **E** sont **finis** au sens classique, mais **variables**, donc pouvant être éventuellement **infinis** au sens nouveau. C'est-à-dire des objets **finis** au sens classique mais pouvant **croître indéfiniment**. Autrement dit, des **éléments génératifs**, comme le sont **N**, **v** ou plus généralement les **entiers oméganaturels infinis**.

Autrement dit, un **ensemble E** muni d'un **ordre parfait** ne peut pas être distingué d'un **ensemble fini** au sens classique, bien que pouvant être **infini** au sens **intuitif** aussi. C'est-à-dire posséder une **infinité** d'**éléments** au sens intuitif, au sens de la **générativité**: après chaque élément il y en a toujours un autre différent de tous ceux qui le précèdent dans la **relation d'ordre** en question.

En effet, soit un **ensemble non vide E** muni d'un **ordre parfait**. Par définition, **E** possède un **plus petit élément e_0** , et un **plus grand élément e_ω** . Ceux-ci peuvent éventuellement être le même, c'est-à-dire on a: **$e_0 = e_\omega$** , et alors **E** se réduit à **un seul élément: $E = \{e_0\}$** , sauf si la **relation d'ordre** considérée est **cyclique**. Mais nous nous intéressons en premier au cas de l'**ordre linéaire**, c'est-à-dire pour lequel, pour toute **chaîne d'inégalités** de la forme:

$$\dots < e_{-4} < e_{-3} < e_{-2} < e_{-1} < e_0 < e_1 < e_2 < e_3 < e_4 < \dots,$$

finie ou **infinie** au sens intuitif (c'est-à-dire **génératif** ou non), tous les **éléments e_i** sont **distincts**. Autrement dit chaque **élément e_i** apparaît **au plus une seule fois** dans la **chaîne**. Aucun élément n'apparaît deux fois, auquel cas on pourrait avoir des chaînes contenant des **cycles d'inégalités**. C'est-à-dire des **sous-chaînes** qui se **répètent**. Comme par exemple cette **chaîne cyclique**:

$$\dots < e_{\omega-2} < e_{\omega-1} < e_0 < e_1 < e_2 < e_3 < e_4 < \dots < e_{\omega-4} < e_{\omega-3} < e_{\omega-2} < e_{\omega-1} < e_0 < e_1 < e_2 < e_3 < e_4 < \dots$$

Dans ce cas, on a bien: **$e_0 = e_\omega$** , mais sans que l'**ensemble E** ne se réduise à un seul élément.

Mais dans le cas de l'**ordre linéaire**, sans répétition donc, si le **plus petit élément** de **E** est le même que son **plus grand élément**, si l'on a donc: **$e_0 = e_\omega$** , alors c'est que **E** a un unique élément **e_0** . Mais si **$e_0 < e_\omega$** , alors **e_0** et **e_ω** peuvent être les deux seuls **éléments** de **E**, donc: **$E = \{e_0, e_\omega\}$** . Et dans ce cas, **E** est un **ensemble fini** au sens classique, ou **intuitif**, il n'est pas **indéfini, génératif**. Mais **E** peut avoir uniquement **3 éléments**, ou **4 éléments**, etc. Dans tous ces cas, il est **fini**. Si tel n'est pas le cas, alors alors il est **infini** au sens intuitif, c'est-à-dire **indéfini, génératif**. Et dans ce cas il est très clair que **E** est de la forme:

$$E = \{e_0, e_1, e_2, e_3, \dots, e_{k-3}, e_{k-2}, e_{k-1}, e_k\} \cup E' \cup \{e_{\omega-k}, e_{\omega-k+1}, e_{\omega-k+2}, e_{\omega-k+3}, \dots, e_{\omega-3}, e_{\omega-2}, e_{\omega-1}, e_\omega\},$$

où **k** est un **entier naturel** classique, **fini** donc, et où **E'** est une **partie non vide** de **E**.

Et dans ce cas aussi, **E'** possède un **plus petit élément e_{k+1}** , et un **plus grand élément $e_{\omega-k-1}$** , tels qu'on ait:

$$E = \{e_0, e_1, e_2, \dots, e_{k-2}, e_{k-1}, e_k, e_{k+1}\} \cup E'' \cup \{e_{\omega-k-1}, e_{\omega-k}, e_{\omega-k+1}, e_{\omega-k+2}, \dots, e_{\omega-2}, e_{\omega-1}, e_\omega\},$$

où **E''** est une **partie non vide** de **E**, et ainsi de suite.

On a donc alors une **partie de E**, à savoir: **$E_0 = \{e_0, e_1, e_2, \dots, e_{k-2}, e_{k-1}, e_k, e_{k+1}, \dots\}$** , dont le **plus petit élément** est **e_0** , mais dont le **plus grand élément e'_ω** est **variable**, et une **partie de E**, à savoir: **$E_\omega = \{\dots, e_{\omega-k-1}, e_{\omega-k}, e_{\omega-k+1}, e_{\omega-k+2}, \dots, e_{\omega-2}, e_{\omega-1}, e_\omega\}$** , dont le **plus grand élément** est **e_ω** , mais dont le **plus petit élément e'_0** est **variable**.

En résumé donc, **E** est de la forme:

$$E = \{e_0, e_1, e_2, e_3, e_4, e_5, e_6, e_7, \dots, e_{\omega-7}, e_{\omega-6}, e_{\omega-5}, e_{\omega-4}, e_{\omega-3}, e_{\omega-2}, e_{\omega-1}, e_\omega\}.$$

A ce propos justement, vue que **E** est **génératif**, si l'on dit que le **premier élément** de **E**, e_0 , est une **constante**, alors son **dernier élément**, e_ω , est forcément **variable**. Et si l'on dit que le **dernier élément** de **E**, e_ω , est une **constante**, alors son **premier élément**, e_0 , est forcément **variable**. Et si on dit que le **premier élément** de **E**, e_0 , et son **dernier élément**, e_ω , sont **constants**, alors forcément il existe au moins un **élément intermédiaire** e_k , qui est **variable**. Dans tout les cas, il y a dans **E** au moins un **opérateur GENER** « ... », ce qui veut dire au moins un **élément variable**. Les **éléments variables** d'un **ensemble ordonné E** sont ceux qui rendent **génératif E**. Ils sont très étroitement liés à l'**opérateur GENER** « ... ».

Comme amplement développé dans le livre précédent: [Conception générative de l'Univers](#), l'**opérateur GENER** « ... », ou **opérateur d'itération indéfinie**, et la notion de **variable** (notamment de **variable qui croit indéfiniment**) sont deux manières différentes de dire la même chose.

L'écriture: « **1...** », à lire: « **1 GENER**», qui est une abréviation des écritures: « **111...** », « **111111...** », etc., signifie que **1 est itéré indéfiniment**, qui est une manière de dire: **1+1+1+1+1+1+1+...**, ou d'**additionner donc 1 indéfiniment**, c'est-à-dire de l'**additionner générativement**. Cette écriture désigne un certain **nombre entier infini**, et préciser de quel infini on parle c'est définir l'**opérateur GENER**. Les trois définitions habituelles que nous faisons sont:

1... = v ; pour la plus récente, qui signifie que **1 est itéré v fois**;

1... = w = v^v ; pour la précédente, qui signifie que **1 est itéré w fois**;

1... = ω = w^w ; pour la plus ancienne, qui signifie que **1 est itéré ω fois**.

Ce sont donc les définitions les plus habituelles à ce jour de septembre 2022, mais n'importe quel **nombre entier oméganaturel infini n** ou n'importe quel **nombre entier variable infini n** ou même **fini** mais au moins égal à 1, peut servir à donner une définition à l'**opérateur GENER**:

1... = n.

Quel que soit l'**infini** (ou fini) **n** choisi pour **définir le GENER**, on a:

1... = n ;

1...1... = 2n ;

1...1...1... = 3n ;

etc.

(1...)... = n² ;

((1...)...)... = n³ ;

etc.

Et l'écriture: **((((1...)...)...)((1...)...)((1...)...)((1...)...)((1...)...)(1...)(1...)(1...)**111111, est à comprendre: **n³ + 4n² + 3n + 7**.

Et si **n** désigne l'**infini v**, alors il s'agit de l'**entier oméganaturel**: **v³ + 4v² + 3v + 7**.

Une autre manière donc de voir les **nombre entiers oméganaturels** à travers le langage de l'**opérateur GENER**.

Si donc on pose: **1... = v**, et posant aussi: $\epsilon = 1/v$, et donc aussi: **v = 1/ε**, alors on a: **ε... = ε×v = 1**, et: **(ε²)... = (ε²)×v = ε**, etc. Et si on pose: **1... = w**, et posant aussi: $\theta = 1/w$, et donc aussi: **w = 1/θ**, alors on a: **θ... = θ×w = 1**, et: **(θ²)... = (θ²)×w = θ**, etc. Et si on pose: **1... = ω**, et posant aussi: $0 = 1/\omega$, et donc aussi: **ω = 1/0**, alors on a: **0... = 0×ω = 1**, et: **(0²)... = (0²)×ω = 0**, et ainsi de suite.

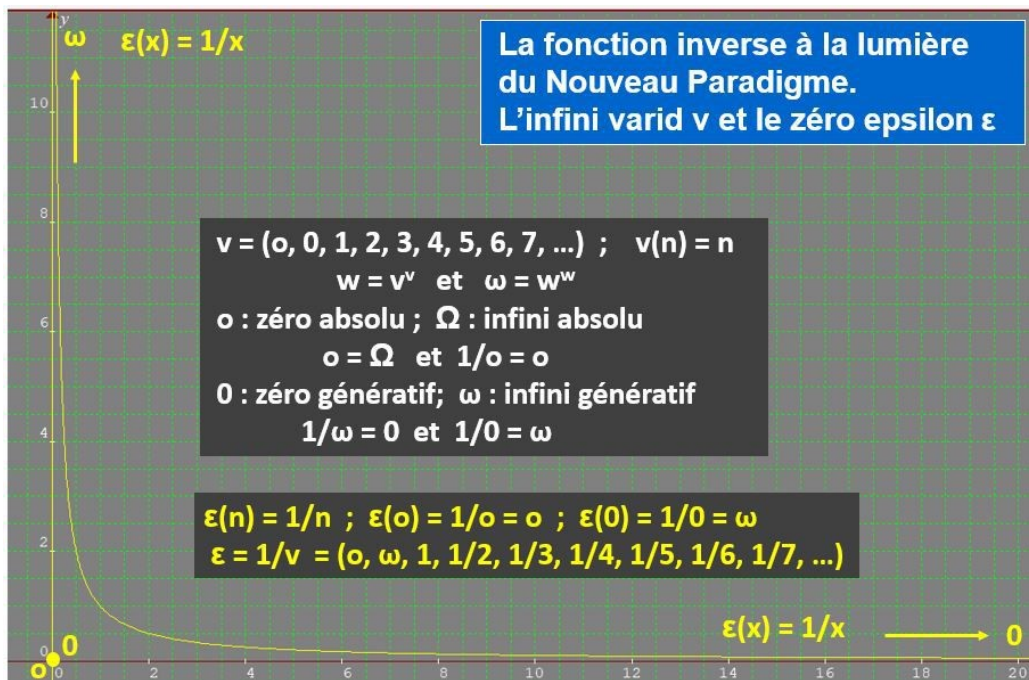
Il est très clair que tout **ensemble E parfaitement ordonné** est de la forme :

$$E = \{e_0, e_1, e_2, e_3, \dots, e_{\omega-3}, e_{\omega-2}, e_{\omega-1}, e_{\omega}\},$$

et qu'il n'est pas possible, à la seule vue de cette forme générale, autrement la seule information que **E est parfaitement ordonné**, de distinguer le cas où E est un **ensemble fini** (et dans ce cas en fait il n'y a pas d'**opérateur GENER**), du cas où E est **infini** (et dans ce cas il y a **au moins un opérateur GENER**, donc au moins un **élément variable**). L'**ordre parfait** est l'**ordre des entiers variables** et plus généralement des **ensembles variables**.

A noter qu'ici le **chiffre 0** désigne l'**espace o**, à savoir le **zéro absolu**. Car le **0** classique, qui est aussi l'**ensemble vide** $\{\}$ ou $\{o\}$, est le **zéro génératif**, qui est l'**inverse** de: $\omega = w^w$, c'est-à-dire l'**inverse** de l'**infini défini** ω plus haut. Autrement dit, on a: $0 = 1/\omega = w^{-w}$. Il est suffisamment petit pour le prendre comme **élément neutre de l'addition**, mais aussi l'**élément absorbant** pour la **multiplication** avec les **nombre**s de **valeur absolue** jusqu'à w . Donc il est aussi un excellent choix pour servir de **premier ordinal** ou **nombre entier naturel**. Mais quand il faut le **multiplier** par les **nombre**s dont la **valeur absolue** devient de l'**ordre de grandeur** de ω , il n'est plus l'**élément absorbant** pour la **multiplication**, puisqu'on a par définition: $0 \times \omega = 1$, et donc aussi: $0 = 1/\omega$ et: $\omega = 1/0$.

C'est soit dit en passant l'une de l'infinité des solutions à la question de la **division par zéro**. Et aussi en posant: $\varepsilon = 1/v$, et donc aussi: $v = 1/\varepsilon$, on a aussi une solution à la **division par zéro**. Et en posant: $\theta = 1/w$, et donc aussi: $w = 1/\theta$, on a encore un exemple de solution à la **division par zéro**, etc.



Dans les contextes où il est nécessaire de faire s'exprimer ces **zéros** et ces **infinis**, dits **généralis**, il est nécessaire aussi de les distinguer du **zéro absolu**, qui est donc **o**, pris donc comme leur **limite ultime**. L'**infini** associé à celui-ci, à savoir $1/o$, est noté Ω , et est appelé l'**infini absolu**. Mais dans

son cas nous décidons d'activer la **logique du cycle** en posant: $\mathbf{o} = \mathbf{\Omega}$, ce qui définit du même coup la **division omégacyclique par zéro**, qui est donc: $\mathbf{1/o} = \mathbf{o}$ ou: $\mathbf{o} = \mathbf{1/o}$.

Quand donc toutes ces considérations de **logique générative** (ce qui veut dire aussi **fractale**) ou de **division omégacyclique par zéro** ne sont pas à l'ordre du jour, le **premier ordinal** ou **nombre entier naturel** est simplement noté **0**, comme traditionnellement. Mais simplement il ne faut pas perdre de vue que derrière ce symbole classique se cache toute une **Science**, avec « S » majuscule! La **Science de l'Univers TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga** donc, la **Science de Dieu**.

Mais revenons à notre **variable v**, le **nombre entier variable de référence** et à la fois le **nombre entier infini** de référence, qui est sans doute la grande révélation de tout ce livre, qui lui vaut son titre.

Pour ce **nombre variable** et **infini v** donc, nous dirons que sa **varidance** est de **1**, la **varidance** des **constantes** étant par définition de **0**. La **varidance** est tout simplement la classique notion de **dérivée**, encore appelée la **vitesse** de la **variable**. Elle est donc de **0** pour les **constantes**, de **1** pour **v**, de **2** pour **2v**, de **3** pour **3v**, etc., de **k** pour **kv**, si **k** est une **constante**. Et elle est de **2v** pour **v²**, de **3v²** pour **v³**, etc., et de manière générale de **kv^{k-1}** pour **v^k**, pour toute **constante k**.

On peut ainsi calculer la **varidance**, notée: **dx/dv**, de tout **entier v-polynomial**:

$$\mathbf{x} = \mathbf{a_n v^n} + \mathbf{a_{n-1} v^{n-1}} + \mathbf{a_{n-2} v^{n-2}} + \mathbf{a_{n-3} v^{n-3}} + \dots + \mathbf{a_2 v^2} + \mathbf{a_1 v} + \mathbf{a_0},$$

et on a:

$$\mathbf{dx/dv} = \mathbf{n a_n v^{n-1}} + \mathbf{(n-1) a_{n-1} v^{n-2}} + \mathbf{(n-2) a_{n-2} v^{n-3}} + \mathbf{(n-3) a_{n-3} v^{n-4}} + \dots + \mathbf{2 a_2 v} + \mathbf{a_1}.$$

Cette notion de **varidance**, qui n'est donc autre que celle de la classique notion de **dérivée**, se généralise aux **entiers oméganaturels**, sauf que la formule ne génère plus uniquement des **nombre entiers**, mais fait entrer en jeu les **logarithmes** et les **exponentielles**.

Par exemple, l'**entier oméganaturel w = v^v** peut se mettre sous la forme: **w = e^{vln(v)}**, où **ln** est le **logarithme népérien**, et **e** la **fonction exponentielle** de **base e**.

Et on a: **dw/dv = (1 + ln(v))e^{vln(v)}**.

En posant: **l = ln(v)**, appelé l'**horizon logarithmique** de **v**,

et: **λ = ln(w) = ln(v^v) = vln(v) = l × v**, l'**horizon logarithmique** de **w**,

on a donc: **dw/dv = (1 + ln(v))e^{vln(v)} = (1 + l)e^λ**.

Tout ça donc juste pour ce simple **entier oméganaturel w = v^v**.

On s'épargne la **dérivée** ou **varidance** de: **ω = w^w = (v^v)^(v^v)**, dont l'**horizon logarithmique** est:

$$\mathbf{\Lambda} = \mathbf{ln(\omega)} = \mathbf{\lambda \times w}.$$

Les **horizons logarithmiques** ont les importantes propriétés suivantes:

$$\mathbf{e^{-l} = \varepsilon = 1/v} ; \mathbf{e^{-\lambda} = \theta = 1/w} ; \mathbf{e^{-\Lambda} = 0 = 1/\omega}.$$

Comme les **nombre réels ε, θ et 0**, les **nombre l, λ et Λ** sont des **suites de nombre réels**. En

posant: **ln(o) = o**, où **o** désigne le **zéro absolu** (car on a en fait: **ln(o) = -Ω**, mais comme on a le

cycle Ω, l'**oméga cycle** donc, on a: **-Ω = o = Ω**, ce qui fait que pour simplifier on dit: **ln(o) = o**), la

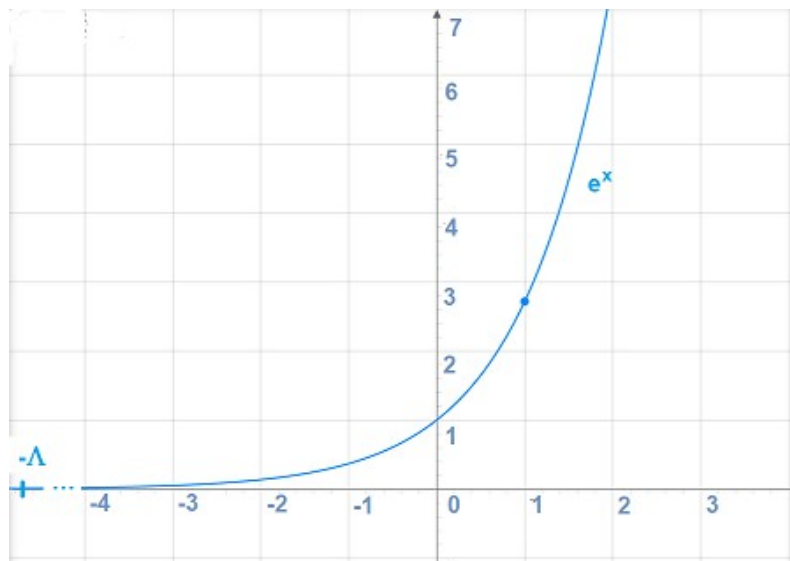
suite **l** est: **l = (o, ln(1), ln(2), ln(3), ln(4), ln(5), ln(6), ln(7), ...)**

= (o, 0, ln(2), ln(3), ln(4), ln(5), ln(6), ln(7), ...),

c'est-à-dire la **suite des logarithmes népériens** des **nombre entiers naturels**, finis comme infinis.

On note donc que: $\ln(\mathbf{o}) = -\Omega = \mathbf{o} = \Omega$, et donc: $\mathbf{e}^{\mathbf{o}} = \mathbf{o} = \mathbf{1} = \Omega$, mais: $\ln(\mathbf{1}) = \mathbf{0}$, et aussi: $\mathbf{e}^{\mathbf{0}} = \mathbf{1}$. Les égalités: $\mathbf{e}^{\mathbf{o}} = \mathbf{o} = \mathbf{1} = \Omega$, signifient **tous les cycles**, du **cycle \mathbf{o}** au **cycle Ω** en passant par le **cycle $\mathbf{1}$** . Mais on privilégie: $\mathbf{e}^{\mathbf{o}} = \mathbf{1}$, autrement dit on choisit **1** comme **valeur principale** de $\mathbf{e}^{\mathbf{o}}$.

Pour en revenir aux propriétés des **horizons logarithmiques**: $\mathbf{e}^{-\mathbf{L}} = \boldsymbol{\varepsilon} = \mathbf{1}/\mathbf{v}$; $\mathbf{e}^{-\boldsymbol{\lambda}} = \boldsymbol{\theta} = \mathbf{1}/\mathbf{w}$; $\mathbf{e}^{-\mathbf{A}} = \mathbf{0} = \mathbf{1}/\boldsymbol{\omega}$, elles signifient que ce sont des points d'« **annulation** » la **fonction exponentielle**, en donnant au mot « **nul** » le sens de **zéro relatif**, comme le sont $\boldsymbol{\varepsilon}$, $\boldsymbol{\theta}$ et $\mathbf{0}$. Autrement ce sont les points de solution de l'équation: $\mathbf{e}^{\mathbf{x}} = \mathbf{0}$, équation qui n'a pas de solution dans la conception classique des **nombres réels**.



Pour un **nombre infini** A donné, dont le **zéro** associé est: $\mathbf{a} = \mathbf{1}/A$, et dont l'**horizon logarithmique** associé est: $\mathbf{L} = \ln(A)$, on a par définition: $\mathbf{e}^{-\mathbf{L}} = \mathbf{a} = \mathbf{1}/A$.

Cela signifie qu'au point d'abscisse $-\mathbf{L}$, la **fonction exponentielle** $\mathbf{e}^{\mathbf{x}}$ a une ordonnée $\mathbf{e}^{-\mathbf{L}}$ qui est un **zéro**, précisément $\mathbf{a} = \mathbf{1}/A$.

Dans les conceptions classiques des **nombres**, on dira que A est une quantité qui « **tend vers l'infini** », et donc son **inverse** \mathbf{a} « **tend vers 0** ».

Mais dans la nouvelle vision, on précise vers quel **infini** ou vers quel **zéro** tend une quantité donnée, et ici A est lui-même déjà un **infini** et \mathbf{a} est lui-même un **zéro**!

Autrement dit, l'**horizon infini** est atteint, ainsi que l'**horizon zéro** associé.

Ici donc, le **nombre infini** considéré est $\boldsymbol{\omega}$, et son **zéro** associé est celui noté: $\mathbf{0}$

(pour être plus précis, c'est l'**infini** $\boldsymbol{\omega}_2$ que nous appelons ici $\boldsymbol{\omega}$,

et donc c'est son **zéro** associé $\mathbf{0}_2$ que nous appelons $\mathbf{0}$;

si l'**infini** $\boldsymbol{\omega}$ choisi était $\boldsymbol{\omega}_0$ ou \mathbf{v} , alors $\mathbf{0}$ serait son **zéro** associé ou $\mathbf{0}_0$ ou $\boldsymbol{\varepsilon}$;

et si l'**infini** $\boldsymbol{\omega}$ choisi était $\boldsymbol{\omega}_1$ ou \mathbf{w} , alors $\mathbf{0}$ serait son **zéro** associé ou $\mathbf{0}_1$ ou $\boldsymbol{\theta}$; etc.).

Avec donc l'**infini** A , on est entré dans un **horizon**, en l'occurrence un **horizon logarithmique**,

où l'équation: $\mathbf{e}^{\mathbf{x}} = \mathbf{0}$ commence à avoir des solutions!

Pour plus de détails sur les **horizons logarithmiques** voir les deux livres précédents:

L'Univers TOTAL est les nombres omégaréels et Structure réalié.

La notion d'**horizon logarithmique** est l'un des innombrables corollaires de la **Loi d'Alternation et de l'Horizon Oméga**, elle-même l'un des importants corollaires du **Théorème de l'Existence** ou **Loi de la Réalité TOTALE**. Avec tout ça, on n'est plus dans l'habituelle logique de **Négation** mais dans la nouvelle logique d'**Alternation** ou logique d'**Affirmation TOTALE**. On affirme en effet que « **Toute chose existe dans l'Univers TOTAL** », qui est l'**Ensemble de TOUTES les choses**, donc **toute chose existe** dans cet **Ensemble** de par sa définition même.

Une conséquence ou corollaire est donc une logique où **toute chose est vraie, toute chose est possible**. La **non-existence**, la **fausseté** (ou **non véracité**), l'**impossibilité**, etc., sont juste **relatives** (ou limitées à un contexte donné de l'**Univers TOTAL**), et ne doivent pas considérées comme **absolues**. L'unique **vraie fausseté** est la **négation** de ce **Théorème** fondamental de l'**Univers TOTAL**, et cette négation est précisément le fondement de la logique de **Négation**, de toutes les logiques de **Négation**, par opposition donc à la logique d'**Alternation** (ou d'**Affirmation TOTALE**) et toutes ses sous-logiques.

C'est donc en vertu de la logique de **Négation** que l'on peut dire par exemple qu'une **fonction**, comme par exemple la **fonction inverse** ou $1/x$, ou comme la **fonction logarithme ln**, etc., est « **non-définie** » ou « **impossible** » pour une **valeur** donnée, en l'occurrence **0** pour la **fonction inverse** (question de la **division par 0**), ou les **réels négatifs** ou **nuls**, pour la **fonction logarithme**. Et c'est toujours la logique de **Négation** qui fait dire que l'équation: $e^x = 0$ n'a pas de solution dans l'**ensemble R** des **nombre réels**, alors qu'en réalité elle a toute une infinité de solutions! Mais elles se trouvent à des **horizons infinis**, et précisément aux **horizons logarithmiques**.

Et de manière générale, là où dans les paradigmes de la **Négation** on dit qu'une certaine **chose x n'existe pas, n'est pas vraie, est impossible**, etc., dans la logique d'**Alternation** (ou **Affirmation TOTALE**) cela signifie souvent que cette **chose x existe, est vraie, est possible**, etc., mais à un certain **horizon infini**. Nous disons alors que la **vérité alterne** au plus tard à un **horizon infini**, ce qui était **faux** devient **vrai** et ce qui était **vrai** devient **faux**, ce qui fait donc que dans l'**Univers TOTAL**, l'**Univers INFINI**, **tout est vrai et le contraire de tout** aussi; **tout existe et le contraire de tout** aussi; **tout est possible et le contraire de tout** aussi. Raison pour laquelle la logique d'**Affirmation TOTALE** est appelée aussi la logique d'**Alternation**, car la **vérité, la réalité, la possibilité, alterne**.

Les **horizons logarithmiques** sont des exemples d'**horizons** où « **ce qui n'existe pas** » **existe!** Dans la logique de **Négation**, on dit par exemple que certains **nombre réels** sont **rationnels** (ensemble **Q**) mais que d'autres sont **irrationnels**, comme par exemple les **nombre $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt{5}$** , etc., ou comme les fameux nombre dits **irrationnels transcendants**, **e** ou **π (ou pi)**.

Les **nombre rationnels** ont cette propriété qu'il sont le **rapport p/q** de deux **nombre entiers**, ce qui a pour corollaire que leur **développement décimal** présente à partir d'un certain moment une répétition d'une même séquence de **chiffres**.

Par exemple, on a: $218/15 = 14.5333333333...$

On a donc le **rapport de deux entiers**, ce qui se traduit par le fait qu'on a à partir d'un certain moment une **répétition d'un groupe de décimales**, ici la **répétition de 3**.

Comme second exemple: $1681/1750 = 0,9605714285714285714285714285714...$

Pour ce **rationnel**, on a à partir d'un certain rang la répétition du groupe de **décimales** « **571428** ».

Ce qu'on appelle un « **irrationnel** », c'est quand on ne note aucune répétition d'un groupe **fini** de **décimales** à partir d'un certain rang lui-même **fini**. Mais ce que l'on nomme ainsi est juste un certain type de **rationnels**, dont le **numérateur** et/ou le **dénominateur** est un **entier fini**, c'est-à-dire en fait **constant**.

Mais le **numérateur** et/ou le **dénominateur** peut tout à fait être **FINI**, mais simplement **VARIABLE!** Dans ce cas, on a bel et bien un **nombre rationnel** au sens classique du terme, mais qui pourtant peut ne pas présenter une répétition d'un groupe fini de **décimales**. Comme par exemple pour le fameux **nombre π** , dont voici l'une des innombrables manières de le définir :

$$\pi = (3/1, 31/10, 314/100, 3141/1000, 31415/10000, \dots)$$

$$= 3,1415926535897932384626433832\dots$$

Le fait qu'on ne note la répétition d'aucun groupe fini de décimales n'empêche nullement que ce nombre est bel et bien un **rationnel**, mais simplement qu'il est **variable**, au lieu d'être **constant**. Autrement dit, à chaque étape il s'agit d'un **rationnel** différent, **3/1** à l'étape **0**, **31/10** à l'étape **1**, **314/100** à l'étape **2**, etc. Au lieu donc d'être un même **rationnel** à toutes les étapes, comme par exemple **218/15** aux étapes **0, 1, 2, 3**, etc. autrement dit :

$$218/15 = (218/15, 218/15, 218/15, 218/15, \dots)$$

Quand on dit donc que π n'est pas un **rationnel**, on dit simplement qu'on ne peut pas trouver à un **horizon fini**, c'est-à-dire **constant** en fait, deux **entiers p** et **q** tels qu'on ait :

$$\pi = (p/q, p/q, p/q, p/q, p/q, \dots)$$

Mais rien n'empêche que **p** et/ou **q** soient à un **horizon infini**, c'est-à-dire **entier fini** mais **variable croissant**, ce qui revient à dire que **p** et/ou **q** sont des **entiers finis variables** :

$$\pi = (3/1, 31/10, 314/100, 3141/1000, 31415/10000, \dots)$$

où **p** est donc l'**entier fini variable**: $p = (3, 31, 314, 3141, 31415, \dots)$,

et où **q** est l'**entier fini variable**: $q = (1, 10, 100, 1000, 10000, \dots)$.

Les deux sont « **infinis** » en ce nouveau sens de la notion d'**infini** qu'ils sont des **suites d'entiers croissantes** à partir d'un certain rang. Ce qui, intuitivement, signifie des **nombre entiers aussi grands que l'on veut**, ou **aussi grands que nécessaires**. Et donc leurs **zéros** associés, leurs **inverses** donc, sont **aussi petits que nécessaires**. Ils nous donnent cette possibilité d'avoir des **valeurs aussi grandes que nécessaires** justement parce que, contrairement aux **nombre constants**, ils sont **variables**.

Et on a donc: $\pi = p/q$, qui est donc bel et bien un **rapport** de deux **entiers finis**, mais simplement **variables**. Donc π est un **rationnel variable**, c'est-à-dire une suite de rationnels au sens classique, autrement dit encore une **application de N dans Q**.

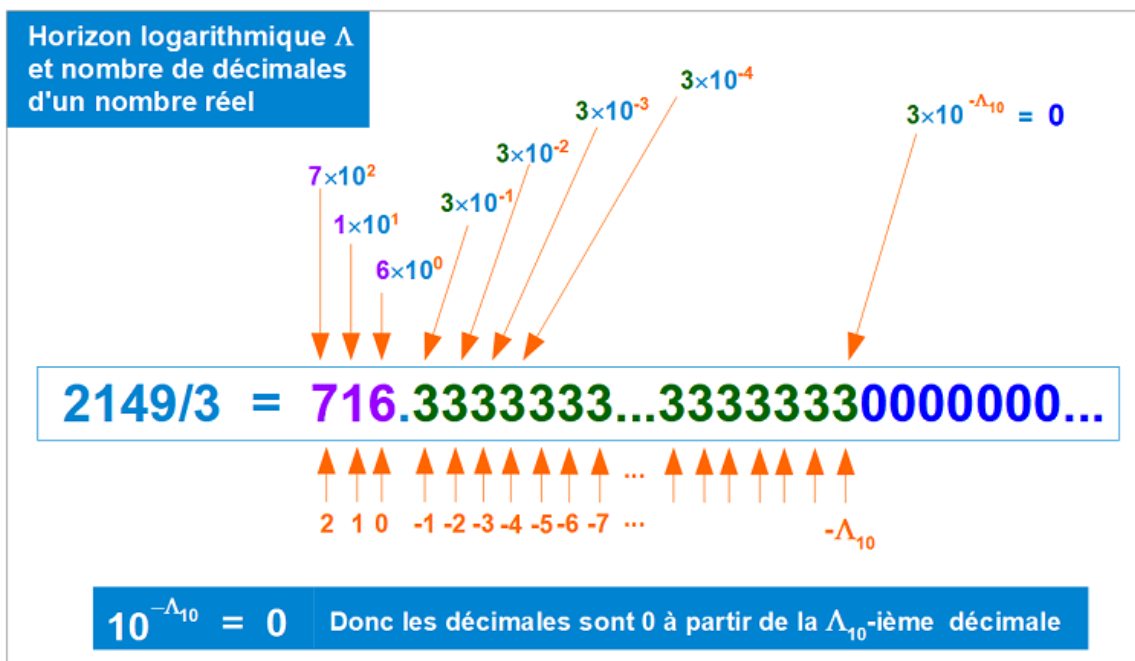
On a donc aussi: $\pi = (p/q, p/q, p/q, p/q, p/q, \dots)$

sauf qu'au lieu d'exiger que **p** et **q** soient des **constantes** (oui des **nombre entiers constants**, comme par exemple **218** et **15**), ils peuvent être des **nombre entiers variables**, c'est-à-dire des **suites d'entiers**, ou des **applications de N dans N**.

Et on peut faire exactement le même raisonnement pour n'importe quel **nombre réel r** dit « **irrationnel** » dans les conceptions classiques. On montre donc de la même manière que **r** est juste un **rationnel variable**, et ce n'est pas parce qu'un **nombre** est **variable** que son type fondamental

de nombre change. Si tel était le cas, en utilisant une **variable** comme **n** par exemple, pour représenter un **nombre entier fini**, alors **n** cesse d'être un **entier fini**. Ou en utilisant une **variable x** pour représenter un **nombre réel** et former par exemple le **polynôme**: $p(x) = 3x^4 + 2x^3 - 5x^2 + 7$, qui est aussi l'expression d'une **fonction réelle**, ne fait pas que **x** cesse d'être un **nombre réel**. Il est un **réel**, mais juste **variable**, à la différence par exemple de $\sqrt{2}$, qui est un **nombre réel variable**. Et pourtant, ce **nombre réel** dit « **constant** » est un « **irrationnel** », ce qui dans notre conception signifie un **nombre rationnel variable**.

Une autre manière de prouver que tous les **nombre réel** sont **rationnels**, c'est justement avec la notion d'**horizon logarithmique**, comme avec l'exemple suivant:



L'exemple est donné avec le **rationnel** $2149/3$ mais nous aurions pu prendre $\sqrt{2} = 1,41421356237309504880168872\dots$, ou n'importe quel **nombre** « **irrationnel** », comme aussi π ou $e = 2,718281828459045235360287471\dots$. Il s'agit de regarder ce **développement décimal** à un **horizon logarithmique** associé à un **nombre infini** ω , par défaut ω_2 , mais ce peut être ω_2 ou w , ou ω_0 ou v , ou n'importe quel **infini** ω_k . Dans tous les cas, c'est **infinis** ne sont une fois encore rien d'autre que des **nombre entiers variables**.

L'**infini** ω étant donc choisi, et son **zéro** associé étant noté 0 , l'**horizon logarithmique** de base e associé est: $\Lambda = \ln(\omega)$. Et en **base 10** l'**horizon** est: $\Lambda_{10} = \log(\omega) = \log_{10}(\omega) = \ln(\omega)/\ln(10)$. Et par définition on a: $10^{-\Lambda_{10}} = 0$. A noter que ce 0 n'est pas le **zéro absolu**, o , mais bien le **zéro** ou le **nombre réel infiniment petit** associé à l'**infini** ω , c'est-à-dire vérifiant: $0 = 1/\omega$, et: $\omega = 1/0$. Mais comme ω est une **variable**, et qu'il est appelé « **infini** », cela signifie automatiquement que ω est **suffisamment grand** pour que $0 = 1/\omega$ commence à être assimilé au **zéro absolu** o . Autrement dit, posant l'égalité: $o = 0$ ou: $0 = o$, qui de toutes les façons est toujours vraie si l'on raisonne en logique de l'**équivalence** et du **cycle** (ce qu'est aussi la logique d'**Alternation**) l'**erreur** du point de vue de l'**identité** est précisément 0 . Donc, même du point de vue de l'**identité**, plus la **variable** ω a une grande valeur, plus l'égalité: $o = 0$ ou: $0 = o$, est vraie, et donc 0 peut être considéré comme le

zéro absolu o .

En pratique, nous utilisons la notation ω pour désigner un **nombre infini** (c'est-à-dire une **variable croissante**, ou encore une **suite d'entiers ou de réels croissante**) suffisamment grande pour que le **zéro 0** associé commence à être **absolu**. Cela signifie concrètement que l'on peut considérer, à partir des petites de l'ordre de ω qu'ils vérifient les **propriétés d'absoluité**, qui sont simplement les propriétés de **0 l'élément neutre de l'addition** dans une **structure** classique de **corps** ou d'**anneau**. Dans la nouvelle approche des **nombre**s, la question des **éléments neutres** (notamment de l'**addition**), des **éléments absorbants** (notamment pour la **multiplication**, à savoir l'égalité: $x \times 0 = 0 \times x = 0$, est toute une théorie dans la théorie):

→ $1 + 0 = 0 + 1 = 1$ (**onitivité**); concrètement, 0 est suffisamment petit pour que l'on commence à le « négliger » devant 1 ; et plus généralement, pour tout **nombre initial** x (voir définition dans la propriété suivante, l'**auto-additivité**), la quantité $x \times 0$ ou $0 \times x$ est jugée encore suffisamment petite pour être « négligée » devant 1 , c'est-à-dire: $1 + x \times 0 = x \times 0 + 1 = 1$.

L'équivalent de cette propriété d'**onitivité** pour les **nombre**s infinis est l'**énitivité**:

$\omega + 1 = 1 + \omega = \omega$; là, cela signifie que le nombre ω est jugé suffisamment grand pour que l'on commence à « négliger » 1 devant lui; et plus généralement, pour tout **nombre initial** x , on a: $\omega + x = x + \omega = \omega$;

→ $0 + 0 = 0$ (**auto-additivité**); concrètement, 0 est suffisamment petit pour que l'on commence à considérer que $2 \times 0 = 0$, $3 \times 0 = 0$, $4 \times 0 = 0$, etc., et plus généralement que: $x \times 0 = 0 \times x = 0$, où x est un **nombre initial** pour ω , c'est-à-dire ne dépassant pas $\Delta = \sqrt{\omega}$. On considère alors que x n'est pas « trop grand » comparé à ω , ou est d'un **ordre de grandeur infiniment petit** comparé à celui de ω , ce qui revient à dire que x/ω est un **zéro**, ou que ω/x est encore un **nombre infini**.

Et à plus forte raison si x ne dépasse pas w l'**audoracine** de ω , c'est-à-dire le nombre: $w = \text{aud}(\omega)$ tel que: $w^w = \omega$.

Par exemple pour le nombre $A = 1000^{1000} = 10^{3000}$, son zéro est $0 = 10^{-3000}$. Son **horizon initial** $\Delta = \sqrt{A} = 10^{1500}$. Cela signifie que pour les **nombre**s x de o à 10^{1500} , le produit $x \times 0$, qui est tout au plus $10^{1500} \times 10^{-3000} = 10^{-1500}$, est suffisamment petit pour qu'on ne le distingue pas de $0 = 10^{-3000}$, ou qu'on ne considère comme équivalent au **zéro absolu** o , étant entendu qu'on juge que $0 = 10^{-3000}$ est jugé suffisamment petit pour qu'on le juge équivalent au **zéro absolu** o . Et à plus forte raison si les **nombre**s x **multipliés** par $0 = 10^{-3000}$, pour calculer donc le produit $x \times 0$, ne dépassent pas l'**audoracine** de $A = 1000^{1000}$, qui est $w = \text{aud}(A) = 1000$. Le produit $x \times 0$ est alors tout au plus: $x \times 0 = 1000 \times 10^{-3000} = 10^{-2997}$. Ce produit est alors encore plus proche de $0 = 10^{-3000}$, et donc du **zéro absolu** o , si l'on considère que $0 = 10^{-3000}$ peut être assimilé au **zéro absolu** o .

Si tel est le cas, c'est donc que l'on juge 0 suffisamment petit pour vérifier la seconde propriété du **zéro** en tant qu'**élément neutre de l'addition**, à savoir ici l'**auto-additivité**: $0 + 0 = 0$. Un tel 0 **absorbe** alors **multiplicativement** tous les **nombre**s x **initiaux**, c'est-à-dire vérifie: $x \times 0 = 0 \times x = 0$.

La propriété équivalente pour les **infinis** est l'**auto-additivité** aussi, qui se dit alors:

$$\omega + \omega = \omega.$$

Cela signifie que le nombre ω est suffisamment grand pour qu'on ne distingue plus: ω , 2ω , 3ω , 4ω , etc., et plus généralement pour que l'on considère comme équivalents tous les nombre de la forme $x \times \omega$, où x est un **nombre initial** supérieur ou égal à **1**, ou à la rigueur plus petit que **1**, mais tel que $x \times \omega$ est un nombre de **degré 1** en ω , comme ω est de degré **1** en ω . On précise que le degré est par rapport à la **variable ω** car, comme on l'a vu, cela peut être par rapport à la **variable v** , ou **w** ou n'importe quelle **variable x** .

Par exemple, parce qu'on a: $\omega = w^w$, la **variable ω** est donc de **degré w** par rapport à la **variable w** . Et comme on a: $w = v^v$, la **variable w** est donc de **degré v** par rapport à la **variable v** . Et puisqu'on a: $\omega = w^w = (v^v)^{(v^v)} = v \wedge v^{v+1}$, la **variable ω** est donc de **degré v^{v+1}** par rapport à la **variable v** . Par conséquent, on a: $v = \omega \wedge (1/(v^{v+1})) = \omega \wedge (\varepsilon^{v+1}) = \omega \wedge (\varepsilon\theta)$, étant entendu que: $\varepsilon = 1/v$ et $\theta = 1/w$. Donc v est de **degré ε^{v+1}** ou $\varepsilon\theta$ ou θ/v par rapport à ω .

Il est donc entendu que: $w = \text{aud}(\omega)$. On convient que pour tous les nombres x tels que: $\theta \leq x \leq w$, le produit $x \times \omega$ est de **degré 1** en ω . On dit que ces nombres x tels que: $\theta \leq x \leq w$, sont les **nombre onigrades** pour ω , ce qui signifie de **degré 0** en ω . Et donc le produit $x \times \omega$ est de **degré 0+1 = 1**, donc de **degré 1** en ω .

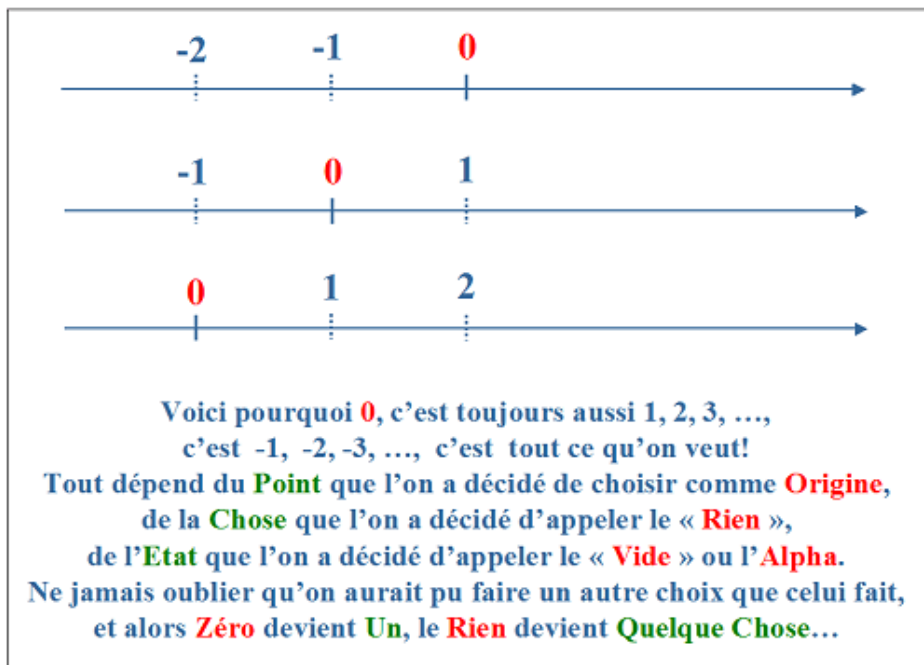
Grosso modo, c'est comme si on faisait le produit: $\omega^0 \times \omega^1$, qui donne $1 \times \omega$, autrement dit qui vaut ω^{0+1} , et dans les deux cas cela donne ω^1 ou ω .

Pour être plus précis, on a: $w^w = \omega$, donc: $w = \omega^{1/w} = \omega^\theta$. Le nombre w est donc de **degré θ** en ω , et $\theta = 1/w$ est un **zéro**, puisque w est un **infini**. Nous considérons donc que le **degré θ** est encore suffisamment petit pour que ω^θ , qui est donc w , soit considéré comme de **degré 0**, donc un **nombre onigrade** en ω . Et même, dans une définition plus large, nous pouvons considérer que le **degré ε** , bien qu'infiniment plus grand que θ (car on a: $\theta = \varepsilon^v$), est encore suffisamment petit pour que ω^ε , qui est $\omega^{1/v}$ (la **racine v -ième** de ω) ou $w^{w/v}$ ou $w \wedge (v^{v-1})$, soit considéré comme de **degré 0**, et donc un **nombre onigrade** en ω . Car les quantités ε , θ , et 0 , et plus généralement 0_k , le **zéro** associé à l'**infini ω_k** , sont des **zéros**, ce qui signifie des **variables** qui « tendent vers » le **zéro absolu 0**, selon le classique langage des **limites** ou de « tendance » des **suites** et des **fonctions**. Dans le nouveau langage, tous les **zéros** sont le **zéro absolu 0**, mais simplement qui se distinguent par leurs **étapes** de leur **évolution** vers le **zéro absolu 0**.

Exactement comme toutes les **voitures** d'une **autoroute** en **évolution** vers une certaine **ville** appelée **Grand Oméga** et notée Ω , arriveront à la **ville Ω** , donc sont des **voitures potentiellement arrivées en Ω** . Sauf qu'en attendant elles se différencient par leurs **positions** sur l'autoroute menant à Ω , ainsi que par leur **vitesse** respectives. Les **voitures v , $2v$, v^2 , v^3 , v^v** ou **w , ω** , etc., arriveront donc au point Ω ou point **infini absolu**. Mais à l'étape **10** (étapes qu'on peut appeler le « temps » par exemple), la **voiture v** se trouve au point **10**, la **voiture $2v$** se trouve au point **20**, la **voiture v^2** se trouve au point **100**, la **voiture v^3** se trouve au point **1000**, la **voiture v^v** ou **w** se trouve au point **$10^{10} = 10000000000$** , la **voiture ω** se trouve au point **$10000000000^{10000000000}$** , etc. A l'étape **15** par exemple, les **positions** des différentes **voitures** sont différentes, la **voiture v** sera au point **15**, **$2v$** sera au point **30**, **v^2** sera au point **225**, etc.

La **voiture $2v$** roule **2 fois plus vite** que **v** , la **voiture v^2** roule **$2v$ fois plus vite** que **v** , la **voiture v^3** roule **$3v^2$ fois plus vite** que **v** , et **3 fois plus vite** que **v^2** , etc. Par toutes les voitures sont « **voitures**

potentiellement arrivées en Ω » il faut comprendre que chacune d'elles peut être prise comme le **terminus**, donc le point Ω , et donc aussi le nouveau point **zéro absolu** ou **o**. C'est bien ce qu'on fait par exemple quand on décide que n'importe quel point d'une **droite** est le nouveau point **origine o**.



Et dès que l'on choisit un **point** d'une **droite** pour l'appeler **o** ou **origine** ou **zéro absolu** ou **alpha absolu**, ce point est de ce fait même automatiquement choisi comme **fin** ou **infini absolu** ou **oméga absolu** ou Ω . Ce qui ne veut pas du tout dire qu'après cette **fin** il n'y a plus rien., ou qu'avant cette **origine o** il n'y avait rien. Car on raisonne en **logique de cycle**, donc après la **fin** le **cycle de tous les nombres** recommence à **o**, et juste avant ce **o** on a les **derniers nombres** avant la **remise à zéro**. Ces **nombres finaux** en **logique de cycle** sont donc: **..., $\Omega - 4$, $\Omega - 3$, $\Omega - 2$, $\Omega - 1$, $\Omega = o$** , et ceux sont eux que dans l'habituelle logique qui est **non-cyclique** on appelle les **nombres «négatifs»** ou: **..., -4, -3, -2, -1, o**.

Mais dans la **logique cyclique** nous les appelons les **nombres antitifs** ou **anti-nombres**. Le **cycle complet** de **o** à Ω s'écrit donc: **$\Omega = o$, +1, +2, +3, +4, ..., $\Omega-4$, $\Omega-3$, $\Omega-2$, $\Omega-1$, $o = \Omega$** , en ne faisant figurer que les **nombres** du **début** et de la **fin** du cycle.

Ce sont donc les nombres vus du côté de la **fin du cycle** que l'on appelle habituellement improprement les « **nombres négatifs** » et que l'on note: **-4, -3, -2, -1, o**. Mais comme on peut le voir, tous les **nombres** sont en réalité fondamentalement **positifs**, les **nombres négatifs** au vrai sens du terme ont un rapport avec la **Négation**, alors qu'en fait ce dont il s'agit ici est ce que nous appelons l'**Antition**, qui, en langage plus courant, est la notion de **Contraire**. En logique d'**Alternation**, c'est-à-dire la logique d'**Affirmation TOTALE**, la logique associée à l'**Univers TOTAL**, on raisonne en termes de **choses** et de **contraires de choses**, et plus généralement de **choses** et d'**alternatives de choses**. Et pas en termes de **choses** et de **négation de choses**, comme on le fait avec la classique logique de **Négation**, en l'occurrence de **Négation de l'Univers TOTAL**.

Autrement dit, on ne raisonne pas en termes de **choses** et de **non-choses**, comme avec la **Négation**, mais en termes de **chose** et d'**alter-choses**. Le cas général étant l'**Alternation n**, ce qui vaut dite la logique d'**Alternation** avec **n alternatives**, où **n** est un **nombre entier variable**.

On a le cas particulier où l'on a **o alternative**, ce qui équivaut à dire **Ω alternatives**, en raison de ce qu'il s'agit d'une logique de **Cycle Ω** ou de l'**oméga cycle**, avec laquelle on a: **o = Ω**, et donc pour tout **nombre x**, on a: **o - x = Ω - x = -x**. Ce nombre **-x** ou **o - x** ou **Ω - x** est ce que nous appelons l'**antition de x**, et nous le notons aussi **anti-x**. Nous l'appelons aussi l'**opposé de x**, comme on le dit couramment. A ne pas confondre donc avec une notion de **négation de x**, car **on ne nie rien** ici, mais il s'agit simplement d', d'un **opposé de x**, de l'**alternative opposé**.

Ceci est un cas particulier d'**Alternation 2**, ce qui veut dire la logique d'**Alternation** dans le cas de **2 alternatives**, ici **x** et **anti-x**. En logique d'**Alternation**, qui est donc une **logique d'équivalence** et de **cycle**, les **nombre x** et **Ω-x**, ou **x** et **-x**, ou **x** et **anti-x**, sont **complémentaires**. En effet, leur somme est **Ω**, ce qui revient à dire **o = Ω**.

Quand donc on observe les **nombre entiers** sur un **cycle Ω**, c'est-à-dire:

Ω = o, +1, +2, +3, +4, ..., Ω-4, Ω-3, Ω-2, Ω-1, o = Ω,

on voit donc qu'on a les **nombre** vers le début et leurs **antitions** respectives ou **anti-nombre** vers la fin. Tous sont des **nombre positifs**, même donc les **nombre antitifs** ou **anti-nombre**: **..., Ω-4, Ω-3, Ω-2, Ω-1, o**. Ceux-ci ne sont donc que les mêmes **nombre entiers positifs** mais vus à la fin du **cycle**. Cela montre au passage qu'en fait l'**ensemble N** des **nombre entiers naturels** et l'**ensemble Z** des **nombre entiers relatifs** sont un seul et même **ensemble**.

On liste habituellement ainsi les éléments de l'**ensemble N**:

o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...,

et on dit qu'il n'existe pas de **dernier entier**.

Et on liste ainsi les éléments de l'**ensemble Z**:

..., -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...,

et on dit qu'il n'existe pas de **premier entier relatif** ni de **dernier**.

Mais en réalité, cette écriture de **Z** n'est qu'une réécriture du **cycle complet** des éléments de **N**, où les **derniers éléments** du **cycle**, les éléments **antitifs** donc, sont écrits au début. Autrement dit :

..., Ω-7, Ω-6, Ω-5, Ω-4, Ω-3, Ω-2, Ω-1, o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...

Écrits donc dans un autre ordre, avec les éléments vers la fin, cela donne :

Ω = o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., Ω-7, Ω-6, Ω-5, Ω-4, Ω-3, Ω-2, Ω-1, o = Ω.

C'est tout simplement la **liste complète** de l'**ensemble Ω** de tous les **ordinaux** ou **nombre entiers**, du premier, **o**, au dernier, **Ω**. Autrement dit, ce que nous avons appelé les **nombre entiers oméganaturels**, vus autrement. C'est donc leur **cycle complet**, un **cycle de nombre** tous **positifs** dans l'absolu. Nous avons donc un seul et même ensemble fondamental, qui selon l'angle sous lequel il est vu, est appelé **N, Z, N_o, Z_o**, etc.

Autrement dit, c'est la même **suite varid**: **v = (o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...)**,

vue sous différents angles. Il s'agit d'un **objet fractal**, ce qui veut dire donc qui a une **infinité de modèles** de lui-même dans sa **structure**. Les éléments vers le début de la liste sont qualifiés de

constants ou de **finis**, et vers la fin de la liste ils sont qualifiés **variables** ou d'**infinis**. Mais **constants** ou **variables**, **finis** ou **infinis**, ce sont tous des **nombre entiers variables**, tous des **nombre entiers oméganaturels**, tous des **ordinaux**.

Et l'**ensemble** de tous les **rappports p/q** de deux **ordinaux p** et **q** est l'**ensemble** de tous les **nombre rationnels**, qui est aussi l'**ensemble** de tous les **nombre réels**, ou encore de tous les **réalis**, noté **Q, R, Q_ω, R_ω, C, C_ω**, etc. En effet, là aussi ce ne sont que différentes manières de voir un seul ensemble fondamental, qui a une **structure fractale**, qu'on l'appelle donc l'**ensemble des nombre rationnels**, des **nombre réels**, et même des **nombre complexes**, ou autres!

C'est donc ainsi que l'on voit les choses en logique d'**Alternation**, qui est une logique d'**équivalence** et de **cycle**, la logique de l'**Univers TOTAL**. Avec elle, on ne nie plus les choses, mais **on affirme tout**, on affirme simplement les **choses** et leurs **contraires**, et plus généralement on **affirme les choses et leurs alternatives**. Une **chose x** donnée peut posséder des attributs **contraires**, et même être son propre **contraire**, son propre opposé, sans propre **antition**, sans que cela soit une **contradiction**.

Par exemple, les **nombre o** et **-o**, ou **Ω** et **-Ω**, bien que **contraires**, bien que l'**antition** ou l'**opposé** l'**un** de l'**autre**, sont le même **nombre**, ce en raison du **Cycle Oméga** ou l'**oméga cycle**: **o = Ω**, qui a donc pour conséquence: **-Ω = o = Ω**.

Mais avec la logique de **Négation**, une même **chose x** ne peut pas être sa propre **négation**, **non-x**, puisque **x** et **non-x** par définition **se nient** mutuellement, **s'excluent** mutuellement. Le fait que **x** et **non-x** puissent être **vrais** en même temps, **coexister**, être **possibles** tous les deux, etc., est ce qu'on appelle une **contradiction** ou un **paradoxe**. Donc la **contradiction** ou le **paradoxe** sont causés par la **Négation**, et non pas la notion de **contraire** ou d'**antition**. Les **contraires** ou les **antitions**, et plus généralement les **alternatives**, peuvent être toutes **vraies**, peuvent être toutes **possibles**, toutes **coexister**, etc.

C'est la définition même de l'**Univers TOTAL** d'être l'**Ensemble de TOUTES les choses**, donc l'**Ensemble** dans lequel **toutes choses existent**, **toutes choses sont vraies**, **toutes choses sont possibles**. C'est donc lui que la **Négation** **nie** en réalité, quand elle **interdit** que **toute chose soit vraie**, que **toute chose existe**, soit **possible**, etc.. La **Négation** (de l'**Univers TOTAL** donc) est donc l'**unique vraie Contradiction**, l'**unique Paradoxe**. C'est l'**unique chose** qui doit être **niée** pour restaurer l'**Alternation**, l'**Affirmation**, pour le retour au **Paradigme** de l'**Univers TOTAL**, le **Paradigme perdu**, le **Paradis perdu**.

Mais revenons à notre propos sur les **nombre onigrades** d'un **nombre infini** donné.

Pour un **nombre entier oméganaturel infini** pris comme **infini ω**, dont l'**audoracine aud(ω)** notée **w**, telle que **w^w = ω**, est aussi un **nombre entier oméganaturel** (qui est donc forcément **infini** aussi), et tel que l'**audoracine** de **w**, **aud(w)** notée **v** (qui est donc forcément **infini** aussi) est elle-même un **nombre entier oméganaturel**, on convient donc que les **nombre réels** de **θ = 1/w** à **w** sont les **nombre onigrades** de **ω**. De même aussi, les **nombre réels** de **ε = 1/v** à **v** sont les **nombre onigrades** de **w**.

Nous avons à chaque fois exigé que les **audoracines** soient elles-mêmes des **entiers oméganaturels**, juste pour rester pour l'instant dans le cadre fondamental des **nombres entiers variables**. Mais dans le cadre général des **nombres réels variables**, cette restriction n'a plus cours.

Avec l'**audoracine** de w , qui est donc v tel que: $v^v = w$, on a: $v = w^{1/v} = w^\varepsilon$. Et $\varepsilon = 1/v$, est un **zéro** aussi, car v est un **infini**. Le nombre ε est un **zéro** beaucoup plus grand que θ , certes, et lui-même beaucoup plus grand que 0 . Mais ce sont des **zéros**, des nombres qui « **tendent vers 0** », dans le langage habituel, et on parle du « **0 absolu** » bien entendu. On a donc: $v = w^\varepsilon = \omega^{\varepsilon\theta}$. Et donc v est **degré $\varepsilon\theta$** en ω , et $\varepsilon\theta$ « **tend encore plus vers 0** », selon le langage habituel. Donc v est encore plus **onigrade** en ω que w . Tous les **nombres réels** habituels, y compris donc le **0** habituel, qui est en fait le **zéro absolu o**, sont **onigrades**.

Le cas du o est spécial, car son **degré** en ω est: $-\Omega = o = \Omega$, autrement dit on a : $o = \omega^{-\Omega} = \omega^o = \omega^\Omega$.

Strictement parlant, son **degré** est: $-\Omega$, ce qui rejoint la convention habituelle selon laquelle le **0** en tant que **polynôme**, est de **degré** « **moins l'infini** » ou « $-\infty$ ». Mais en raison du **cycle Ω** , qui est: $-\Omega = o = \Omega$, on convient que le **degré** de o est o , raison pour laquelle nous le qualifions d'**onigrade** aussi. A noter que son cas est très différent de celui de: $0 = 1/\omega = \omega^{-1}$, qui, lui, est de **degré -1** en ω . Nous dirons qu'il est **antigrade**, par opposition à ω , qui est dit **anigrade**.

Les **nombres onigrades** pour ω , par définition les nombres de θ à w donc, sont tous des **nombres initiaux** pour ω . Mais un **nombre initial** pour ω n'est pas nécessairement un nombre onigrade pour ω . Par exemple, le nombre $\Delta = \sqrt{\omega} = \omega^{1/2}$, est **initial** pour ω , car: $\Delta \times 0 = \Delta \times \omega^{-1} = \omega^{1/2} \times \omega^{-1} = \omega^{-1/2} = 1/\Delta = \delta$, appelé le **dérivateur** pour ω , un nombre qui vérifie : $\delta^2 = 0$, autrement: $\delta = \sqrt{0}$, est un nombre suffisamment petit encore pour être jugé équivalent à 0 , donc au **zéro absolu o**. Par contre, $\Delta = \sqrt{\omega} = \omega^{1/2}$ est de **degré 1/2** en ω , donc est loin d'être de **degré o** en ω . Il est donc **initial** pour ω mais pas **onigrade**. Mais tous les nombres **onigrades** sont automatiquement **initiaux**.

L'**auto-additivité** de l'**infini ω** signifie donc que l'on considère comme équivalents tous les nombres de la forme $x \times \omega$, où donc x est un **nombre onigrade** pour ω , c'est-à-dire de **degré o** en ω .

→ $0 \times 0 = 0$ (**auto-multiplicativité**); concrètement, cela veut dire que 0 est suffisamment petit pour qu'on le juge équivalent à toutes ses **puissances entières positives**: $0 = 0^2 = 0^3 = 0^4 = \dots$;

→ $0^o = 0$ (**oni-auto-exponentiativité**); concrètement, cela veut dire que 0 est suffisamment petit pour qu'on le juge équivalent au **zéro** infiniment plus petit qu'est le **zéro** de l'**échelle** suivante dans la **fractale des nombres**, à savoir 0^o , qui est le **zéro** associé à l'**infini** de l'**échelle** supérieure, ω^o . Il faut vraiment qu'un **zéro** soit près de l'**échelle absolue** ou vraiment **infiniment petit**, pour qu'on ne le distingue plus du **zéro** infiniment plus petit qu'est celui de l'**échelle** suivante.

A noter que tout **nombre zéro** qui est **oni-auto-exponentiatif** est forcément suffisamment petit pour vérifier les autres **propriétés d'absoluité**. Les nombres de cette échelle de petitesse sont tous candidats pour être appelés « **élément neutre de l'addition** ». Leurs infinis associés sont dits **éni-auto-exponentiatifs**, ou simplement **auto-exponentiatifs**, et ils vérifient: $\omega^o = \omega$. Cela signifie qu'ils sont tellement grands qu'ils sont leurs propres successeur dans l'**échelle** de l'**infinité**, autrement dans la suite des ω_k . Autrement dit, ils sont un ω_k tel que: $\omega_{k+1} = \omega_k$, autrement dit : $\omega_k = \omega_k \wedge \omega_k = \omega_k$.

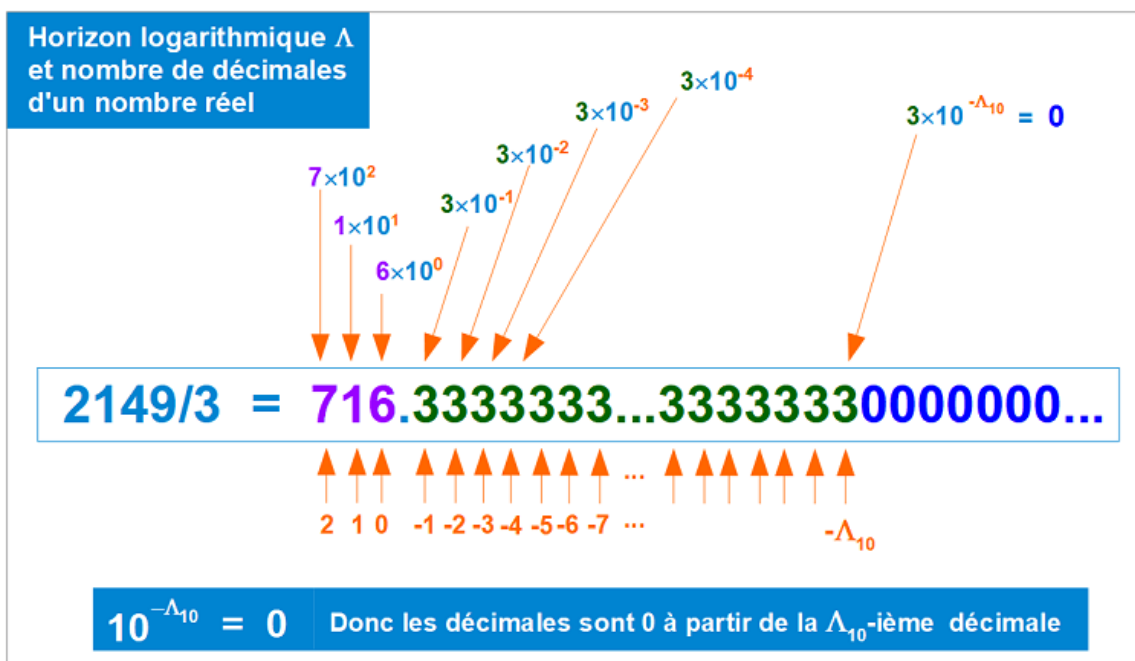
De tels **infinis** sont des candidats à être notés Ω , et à être appelés « **l'infini** » **absolu** » au singulier. Le **zéro** associé étant alors \mathbf{o} , ils vérifient l'**oméga**cycle : $\mathbf{o} = \Omega$. Autrement dit: $\mathbf{o} = 1/\mathbf{o}$.

$\Lambda_0 = \Lambda_{-1} e^{\Lambda_{-1}}$ $\omega_0 = e^{\Lambda_0} \quad \theta_0 = e^{-\Lambda_0}$ $\Delta_0 = e^{\Lambda_0/2} \quad \delta_0 = e^{-\Lambda_0/2}$ $\alpha_0 = \omega_{-1}^{\Lambda_{-1}} = e^{\Lambda_{-1}^2}$	$\Lambda_1 = \Lambda_0 e^{\Lambda_0}$ $\omega_1 = e^{\Lambda_1} \quad \theta_1 = e^{-\Lambda_1}$ $\Delta_1 = e^{\Lambda_1/2} \quad \delta_1 = e^{-\Lambda_1/2}$ $\alpha_1 = \omega_0^{\Lambda_0} = e^{\Lambda_0^2}$	$\Lambda_{n+1} = \Lambda_n e^{\Lambda_n}$ $\omega_{n+1} = e^{\Lambda_{n+1}} \quad \theta_{n+1} = e^{-\Lambda_{n+1}}$ $\Delta_{n+1} = e^{\Lambda_{n+1}/2} \quad \delta_{n+1} = e^{-\Lambda_{n+1}/2}$ $\alpha_{n+1} = \omega_n^{\Lambda_n} = e^{\Lambda_n^2}$
---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

$\lambda = \Lambda_{\omega-1}$	$\Lambda = \Lambda_{\omega}$	$w = \omega_{\omega-1}$	$\omega = \omega_{\omega}$	$\theta = \theta_{\omega-1}$	$\mathbf{0} = \mathbf{0}_{\omega}$
$D = \Delta_{\omega-1}$	$d = \delta_{\omega-1}$	$\Delta = \Delta_{\omega}$	$\delta = \delta_{\omega}$	$\alpha = \alpha_{\omega}$	
$w = e^{\lambda}$	$\theta = e^{-\lambda}$	$D = e^{\lambda/2}$	$d = e^{-\lambda/2}$	$\Lambda = \lambda e^{\lambda}$	
$\omega = e^{\Lambda} = w^w$	$\mathbf{0} = e^{-\Lambda}$	$\Delta = e^{\Lambda/2}$	$\delta = e^{-\Lambda/2}$	$\alpha = w^{\lambda} = (e^{\lambda})^{\lambda} = e^{\lambda^2}$	

(Dans ce tableau, l'indexation est l'ancienne, avec donc $\omega_0 = v$, mais dans nouvelle, on a: $\omega_0 = 1$, et $\omega_1 = v$, $\omega_2 = w$, etc.

Mais revenons à notre exemple qui nous a valu ce détour dans l'exposé sur le sujet de l'**absoluité**. Le but est de montrer d'une autre manière que **tout nombre réel est un nombre rationnel**.



Nous nous sommes donné un **infini** ω , dont le **zéro** associé est noté $\mathbf{0}$, et qui commence juste à vérifier les propriétés de l'**absoluité**, au moins l'**onitivité** et l'**auto-additivité**. Son **horizon**

logarithmique en base **e** étant $\Lambda = \ln(\omega)$, en base **10** il est donc: $\Lambda_{10} = \log(\omega) = \log_{10}(\omega)$. Par conséquent on a: $10^{-\Lambda_{10}} = 0$.

Le **développement décimal** d'un **nombre réel (positif) r** est donc de la forme :
 $r = n.c_1c_2c_3c_4c_5c_6c_7\dots = n + c_110^{-1} + c_210^{-2} + c_310^{-3} + c_410^{-4} + c_510^{-5} + c_610^{-6} + c_710^{-7} + \dots$,
 où **n** est un **nombre entier**, et où les c_i sont des **chiffres** de **0** à **9**.

C'est ici qu'intervient Λ_{10} l'**horizon logarithmique** en **base 10**, et la propriété: $10^{-\Lambda_{10}} = 0$. Cela a pour conséquence qu'à partir de l'**horizon infini** Λ_{10} , c'est-à-dire du **chiffre** $c_{\Lambda_{10}}$, et au-delà, les 10^{-i} sont tous **0**. Donc le produit: $c_i10^{-i} = 0$. Il revient alors au même de dire que c'est 10^{-i} qui est **0**, que de dire que c'est c_i qui est **0** à partir de la **décimale** Λ_{10} et au-delà. En langage habituel, cela revient à dire qu'à partir de la **décimale** Λ_{10} et au-delà, « les chiffres ne sont plus significatifs ». Il revient alors au même de les remplacer tous par **0**, et même plus **i** augmente plus le **zéro** 10^{-i} est petit, et, en vertu des propriétés des **suites géométriques** (car on peut majorer les c_i par **9**, ce qui donne une **suite géométrique**), il est très facile de montrer que la somme des termes à partir du rang Λ_{10} est de l'ordre de $10^{-\Lambda_{10}}$, et $9 \times 10^{-\Lambda_{10}}$ tout au plus, qui est donc 9×0 , et qui est équivalent à **0**, étant donné que **9** est un **nombre initial** et même **onigrade** pour ω .

En ayant montré ainsi que, pour tout **nombre réel r**, à partir d'un certain **horizon infini** (c'est-à-dire une fois encore un **entier variable croissant**) ses **chiffres** sont tous **0**, nous avons montré qu'il y a une **répétition d'un groupe fini de chiffres** à partir de cet **horizon**, et donc une fois encore que **r** est un **nombre rationnel**!

Mais revenons à nos **nombre entiers oméganaturels**.

Il importe de faire remarquer que les **nombre entiers naturels** (ou **ordinaux**) **finis** comme **infinis**, que nous venons de construire, **ensemble** que nous appelons l'**ensemble des nombre entiers oméganaturels**, et que nous notons N_ω , peuvent être pris comme une nouvelle définition de l'**ensemble N** des **nombre entiers naturels**, autrement dit appelés les **entiers naturels** en un nouveau sens. Et à partir de cet **ensemble** N_ω , on fait exactement la même construction que celle qu'on vient de faire. Les **nouveaux ordinaux** construits seront qualifiés de **second ordre**. Puis à partir d'eux on construit de la même manière ceux du **troisième ordre**, et ainsi de suite. Ceci est la **structure fractale** des **ordinaux** ou **nombre entiers naturels**. Cette **structure** nous apprend que quand nous écrivons: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, dans cette liste apparemment « simple » se cache en réalité toute une **structure fractale** des **nombre entiers**, qui comprennent des **nombre entiers infinis**.

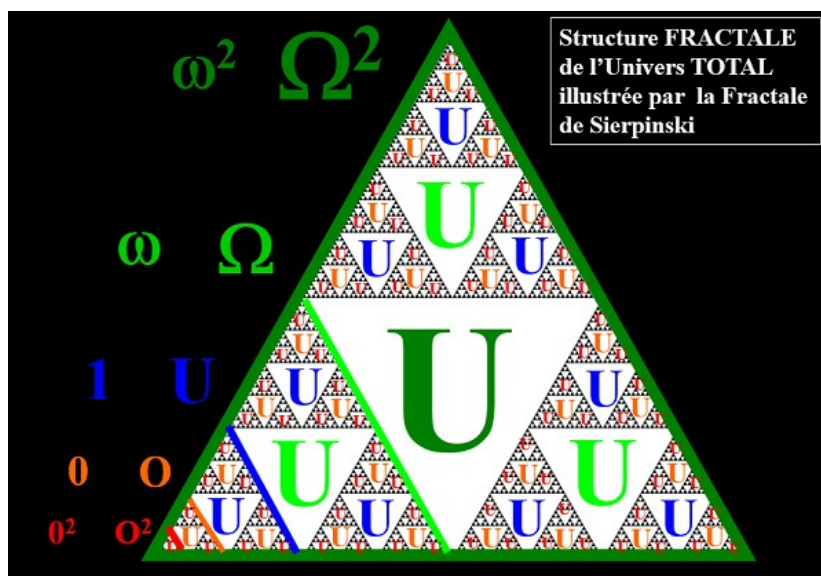
Nous avons par la même occasion aussi défini l'**ensemble** Z_ω des **nombre entiers omégarelatifs**. Il suffit, pour les **entiers v-polynomiaux**, d'inclure les **entiers** de **coefficient dominant négatif**, pour avoir l'**ensemble** Z_v des **entiers relatifs v-polynomiaux**. Et Z_ω s'obtient à partir de N_ω par le procédé classique de construction des **entiers relatifs**. Et à partir de Z_ω , on construit l'**ensemble** Q_ω , des **nombre omégarationnels** par le procédé classique de construction des **nombre rationnels**, que nous appelons la **rationalisation**. On le fera plus tard.

Avec maintenant la présence de **nombre entiers infinis**, et plus généralement **variables**, il n'est plus nécessaire de construire les **nombre réels** comme on le fait classiquement, car l'**ensemble** R_ω des **nombre omégaréels** et l'**ensemble** Q_ω des **nombre omégarationnels** sont le même

ensemble. Tous les **nombre réels**, y compris donc les **nombre** comme $\sqrt{2}$, π ou e , sont en fait **rationnels**. Les **nombre** dits « **irrationnels** » ne sont en fait que des **nombre omégationnels** spéciaux, qui sont des **rapports de nombre entiers infinis**.

En raison donc de sa **générativité**, le traditionnel **ensemble des entiers naturels**: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, est infiniment plus riche qu'il n'y paraît. Il contient l'**Univers TOTAL**, et donc n'est en fait qu'une autre manière de parler de l'**Univers TOTAL**. L'**ensemble N** est habituellement qualifié de **dénombrable**, par opposition par exemple à l'**ensemble R** des **nombre réels**, qualifié d'« **indénombrable** ». Mais ces conceptions sont incorrectes, car il n'existe fondamentalement qu'une seule notion d'**infini**, qui est **fractal**, et qui se résume à l'**infini v**. Et toute autre notion d'**infini** n'est qu'une autre manière de voir la **fractale** dont le **modèle de base** est **v**.

Sur l'illustration de l'image ci-après la base est appelée ω , et parfois nous utiliserons **w** comme **base**, mais la logique est la même:



Il s'agit d'une **fractale** avec laquelle tout **modèle** est formé de **3 petits modèles**. Cela revient simplement à dire que la **variable de base** ω , que nous appelons le **fractalande**, a ici pour valeur: $\omega = 3$. Mais la logique est la même peu importe la valeur de ω , et en particulier si joue ω son propre rôle de **nombre entier infini**.

Tout **modèle** de la **fractale**, qu'on l'appelle **1**, ou ω , ou ω^2 , ou ω^3 , etc., ou ω^ω , et ainsi de suite, vers l'**infiniment grand**, ou qu'on l'appelle **0**, ou 0^2 , ou 0^3 , etc., ou 0^ω , ainsi de suite, vers l'**infiniment petit**, est la seule et même **structure fractale**. N'importe quel **modèle** peut donc être appelé **N** par exemple. On n'a donc qu'une seule **infinité de base**, à savoir ω sur l'image, mais **v** dans nos développements précédents, dans laquelle on a une **infinité de la même infinité**! Et pourtant, toute cette **infinité d'infinités** est toujours le seul ω ou **v**!

Cela nous permet de comprendre la **structure** de **N**, une **fractale** donc. On n'a fondamentalement qu'une différence entre les **ensembles génératifs** et ceux qui ne le sont pas, ce qui revient à dire entre les **ensembles infinis**, qui sont donc forcément **variables**, et les **ensembles finis**, ce qui veut

dire **constants**. Contrairement donc à chaque N_n , qui est un **ensemble constant, statique**, car chaque n est un **entier constant, statique**, N est un **ensemble variable, dynamique**.

Par exemple, $5 = \{0, 1, 2, 3, 4\} = N_5$ est un **ensemble constant, statique**, qui a exactement 5 **élément**. Il en est ainsi pour chacun des autres **entiers naturels** de von Neumann, vu au sens classique. On les qualifiera aussi de **finis** pour les mêmes raisons, aucun des **entiers** de von Neumann n'est **infini** au sens classique. Dans la traditionnelle **théorie des ensembles**, les **ordinaux** ou **nombres entiers infinis** ne peuvent être construits sans l'introduction d'un **axiome** idoine, qui est l'**axiome de l'infini**, qui dit en gros qu'il existe au moins un **ensemble infini**, ou simplement que N est un **ensemble infini**. On a donc besoin d'un axiome pour dire cela.

Mais dans la nouvelle vision, pas besoin d'un **axiome de l'infini**, car la notion **naturelle** de **variable**, une notion de **logique fondamentale** ou notion **métamathématique**, que de toute façon on est obligé d'utiliser pour formuler les axiomes, suffit amplement pour exhiber une notion très **naturelle d'infini**.

De ce point de vue, l'**ensemble N** est un **ensemble fini**, son **cardinal** ou **nombre de ses éléments**, que nous allons noter v , est un **nombre entier naturel fini**, tout comme le **cardinal** de chaque **entier n** , vu comme un **ensemble**, en l'occurrence comme N_n . Sauf que N est un **ensemble fini** mais juste **variable, dynamique!** Au lieu donc d'être **constant, statique**, comme par exemple c'est le cas de $5 = \{0, 1, 2, 3, 4\} = N_5$. La différence est donc juste entre **constante** et **variable**, ou entre **statique** et **dynamique!**

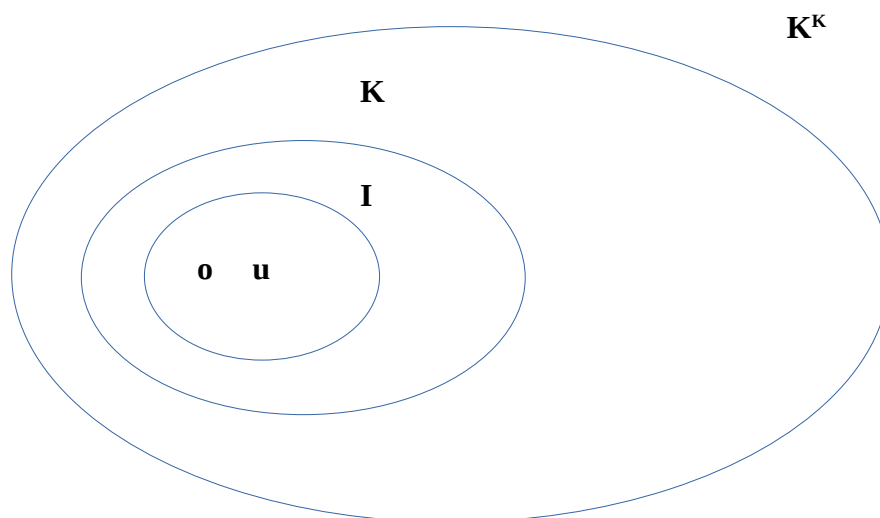
Comme on l'a vu plus haut, le **nombre v** est par définition le **dernier élément de N** , dans la nouvelle conception des **ordinaux** et des **cardinaux**. Et v est précisément aussi le **nombre entier fini variable** de référence, et par définition aussi le **nombre infini** de référence. Puisque v est à chaque étape un **entier naturel fini**, il a la même propriété suivante commune à tous les **nombres finis**: $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\} = N_v$.

Et enfin v est aussi par définition l'**application** de $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$ dans $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, telle que $v(n) = n$, pour tout **élément n** de N .

v contient tous les **éléments** du classique: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, et pourtant aussi v est le **dernier élément de N** , son **plus grand élément** donc, ce qui veut dire que N peut être écrit: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, v-5, v-4, v-3, v-2, v-1, v\} = v+1 = N_{v+1}$, dite sa **forme constante** ou **statique** ou **bornée**. N écrit ainsi est borné par un **nombre variable**, en l'occurrence **infini**, donc cette écriture est équivalente à: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$. Et alors aussi N contient **tous les éléments** de v . C'est apparemment paradoxal, mais cela signifie simplement que N et v sont deux manières différentes de voir un même **ensemble**, qui a une nature **fractale**.

Entrons maintenant plus en profondeur et en détail dans le **Nouveau Paradigme**. Toutes les **structures numériques** que nous allons construire reposent sur une notion fondamentale que nous nommons la notion de « **potenciel** ». Et le mot « **potenciel** » avec « **c** » au lieu de « **potentiel** » avec « **t** » est volontaire.

III - Potentiel K^I d'un ensemble K d'indiciel I



La classique **théorie axiomatique des ensembles** de Zermelo-Fraenkel (couramment abrégée **ZF**) suffit amplement pour cette notion fondamentale de **potentiel**. Nous n'entrerons véritablement dans les spécificités du **Nouveau Paradigme**, l'**Univers TOTAL**, qu'avec le sous-titre prochain sur la notion d'**égalité**, l'**identité** et l'**équivalence**. Puis nous monterons crescendo avec les bases de l'**Alternation**, au sous-titre suivant. Et nous nous envolerons vers les **ciels divins** (d'où la référence subtil au « **ciel** » dans la notion de « **potentiel** »...) avec les **générescences** et la **structure fractale**.

Dans le présent sous-titre, on parle de **nombres** au sens classique, et nous ne savons pas encore ce qu'est véritablement un **nombre**. Mais avec les **générescences**, on commencera enfin à savoir ce que veut dire vraiment cette notion qu'on appelle « **nombre** ».

Bien que donc la classique **théorie axiomatique des ensembles** de Zermelo-Fraenkel ou **ZF** suffit très largement pour la fondamentale notion de **potentiel**, de **structure de corps omégacyclique** et de **nombres entiers variables** traités dans ce livre, il est utile d'en profiter aussi pour rappeler les bases de la **théorie axiomatique des ensembles** bien plus forte que **ZF**, à savoir **La Théorie des Univers, l'ancêtre de la Théorie universelle des ensembles**, dont nous avons parlé en dans la partie I.

THÉORIE DES ENSEMBLES

Théorie des Univers

INTRODUCTION

La Théorie des Univers permet l'existence et la construction d'un certain type d'ensembles, les *univers*, qui ont la particularité d'être des modèles pour une théorie des ensembles.

I. LES AXIOMES DU MODÈLE CENTRAL.

1. Généralités.

a. Les notions intuitives de base.

Nous abordons cette théorie en considérant quelques notions intuitives. Certaines de ces notions recevront ultérieurement un sens plus précis au sein de la théorie. Ces notions peuvent être réparties en deux catégories qui sont les **objets** et les **relations**. Nous exprimons quotidiennement des relations entre les objets. Par exemple la phrase « *Paul habite à Nantes* » exprime la relation « habiter à » entre les objets Paul et Nantes, qui sont appelés les *paramètres* de l'énoncé. A cette relation on peut attribuer une valeur de vérité *vrai* ou *faux*.

Nous utilisons les objets que sont les **entiers intuitifs** (ou **entiers naturels** ou encore simplement **entiers**). Introduisons des objets appelés **variables** dont le but est de rendre anonymes les objets d'un énoncé. Ce sont les symboles v_k , où k est un *entier intuitif*, c'est-à-dire v_0, v_1, v_2, \dots . Les premières de ces variables seront souvent désignées par les lettres $x, y, z, t, u, v, w, \dots$, éventuellement avec un indice entier comme x_0, x_1, x_2, \dots . Nous introduisons des objets appelés **blancs** et notés $\square_0, \square_1, \square_2, \dots$.

Nous utilisons aussi la notion de *liste ordonnée* ou *suite*. Une liste ordonnée de n objets, non nécessairement distincts, s'écrira (a_1, \dots, a_n) . L'entier n est appelé la *longueur* de la suite. Par exemple on a la suite $(Paul, Nantes)$ de longueur 2.

b. Les relations.

La relation « habiter à » s'écrit à l'aide des blancs « \square_1 habite à \square_2 ». L'énoncé « *Paul habite à Nantes* » se notera indifféremment : « \square_1 habite à \square_2 » (*Paul, Nantes*) ou *Paul* « \square_1 habite à \square_2 » *Nantes* .

Rappelons que pour la **Théorie universelle des ensembles** ou **Science de l'Univers TOTAL**, le mot clef est « **chose** », qui permet de définir la **notion universelle d'ensemble** comme étant « **une chose formée d'autres choses appelées ses éléments** ». Et la **chose formée de toutes les choses** est l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**.

Ici, pas besoin de déployer toute la puissance de la **notion universelle d'ensemble**, tout ce dont nous avons besoin pour la **Théorie des Univers** c'est le mot clef « **ensemble** », la **relation d'appartenance** notée par le symbole « \in », sa **négation** étant « \notin ». Chose très intéressante et très importante, pour les **ordinaux** (au sens classique et leur **ordre à sens unique**) cette **relation** « \in » se confond avec la **relation d'ordre** « $<$ ». Et nous avons besoin aussi d'une **relation d'égalité**, notée par le symbole « $=$ », sa **négation** étant « \neq ».

Pour la **théorie axiomatique des ensembles** on n'a qu'une seule notion d'**égalité**, qui est en fait une **identité**, et la **relation d'équivalence** est définie dans la **théorie axiomatique**. Mais pour la **théorie universelle des ensembles**, qui est aussi la **théorie théorématique des ensembles** (la méthodologie **théorématique** est développée dans les livres précédents ; elle est synonyme aussi de logique d'**Alternation**, la **logique graduelle**, à une infinité de **valeurs de vérité**, pas que **0** ou **1**; par opposition à la méthodologie **axiomatique** qui s'inscrit dans la logique de la **Négation**, la **logique du tout ou rien**, du **soit 0 soit 1**), pour la **théorie universelle des ensembles** donc, la notion d'ensemble ainsi que celle de **relation d'équivalence** et autres, sont définies en amont, sur la base du mot clef « **chose** ».

La **métathéorie** et la **théorie** font une, car elles reflètent la nature **fractale** de l'**Univers TOTAL**. La **théorie** se déroule dans une **métathéorie** qui est elle-même un **modèle supérieur** de la même

théorie. C'est cette **structure fractale** justement qu'a commencé à traduire la **Théorie des Univers**, quand l'**axiomatique** se dirige vers la **théorématique**, ce qui est son unique vrai but.

Avec cette **Théorie des Univers** dont nous allons rappeler les bases et la logique, un **modèle** de la **théorie** est incarné par un **ensemble** spécial appelé un **univers**. Et l'**axiome des univers**, l'**axiome** clef de la **Théorie des Univers**, consistera à dire que « **Tout ensemble appartient à un univers** ». Donc, en particulier, un **univers U** donné appartient à un autre **univers V** plus grand, qui à son tour appartient à un **univers W** encore plus grand, qui appartient à un **univers Ω**, et ainsi de suite.

Et on retrouvera cette **structure hiérarchique** des **univers** avec la **structure hiérarchique** des **ordinaux**, et cette **structure hiérarchique** rend inutile la notion de **classe** propre, comme avec la **théorie des classes** de Von Neumann ou encore la **classe des ordinaux** utilisée par John Conway pour construire les **surréels**. Autrement dit, c'est la notion de **classe de tous les ensembles** (et sa **sous-classe** qui est celle de **tous les ordinaux**) qui se transforme en notion d'**univers**, et la **hiérarchie** des différentes « **classes de tous les ensembles** » est celle des différents **univers**.

Avec cette **structure hiérarchique**, qui est donc une **structure fractale**, ni plus ni moins, le problème de type « **ensemble de tous les ensembles** », l'un des paradoxes de la théorie de Cantor, ainsi que le problème de type « **ensemble de tous les ordinaux** » ou « **dernier ordinal** » (paradoxe de Burali-Forti), ne se posent plus. Un « **dernier ordinal** » $\Omega(U)$ associé à un **univers ensembliste U** donné, est juste un **ordinal** très ordinaire pour un **univers V** supérieur à **U**. C'est juste que $\Omega(U)$ n'est pas **élément** de **U**, car **U** et $\Omega(U)$ sont du même **ordre de grandeur**, le même type de « **classe** », donc $\Omega(U)$ ne peut pas être élément de **U**, sous peine de paradoxe de type Burali-Forti ou de type paradoxe de Cantor. Et la **Classe des ensembles** de la **Théorie des Univers**, que l'on note **U**, n'est rien d'autre qu'un « **dernier univers** », qui peut tout à fait être pris comme un élément d'un **univers** d'un autre ordre, et c'est une autre **hiérarchie fractale** qui commence.

La philosophie de la **Théorie des Univers** étant décrite, voici les bases techniques de cette théorie telle que traitée dans le livre : [La Théorie des Univers, l'ancêtre de la Théorie universelle des ensembles.](#)

A₁) **Axiome d'extensionnalité** :

Deux ensembles x et y ayant les mêmes éléments sont égaux.

Formule : $\forall x \forall y [\forall z (z \in x \Leftrightarrow z \in y) \Rightarrow x = y]$

A₂) **Axiome de l'ensemble vide**:

Il existe un ensemble n'ayant aucun élément.

Formule : $\exists x [\forall y (y \notin x)]$

L'**ensemble vide** est unique selon l'axiome A₁ et on le note : \emptyset . C'est lui qu'en tant qu'**ordinal** on appelle le **zéro** et qu'on note **0** ou encore **{ }**. Mais avec la **théorie universelle des ensembles**, cette notion de **0** se trouve être toute **classe d'équivalence**, constituée d'une infinité d'éléments appelés les **zéros**, dont la **générescence nulle o** ou le **0 absolu**, noté **0_o**.

D'une manière générale, pour un ensemble **a** donné, on liste ses éléments dans les **accolades { }**, éléments **séparés** par la **virgule**. Et on part du principe qu'on peut toujours lister tous les éléments de **a**, même en nombre infini. Pour l'**ensemble vide** donc, il n'y a pas d'éléments à lister, donc il est noté **{ }**.

Dans la vision de la **théorie universelle des ensembles**, l'**ensemble vide** est juste le **premier ensemble** qui sert à construire des **ensembles** plus complexes. C'est ce qu'on exprime avec l'**axiome de fondation**. On ne s'intéresse pas à ses propres **éléments**, appelés par définition les « **éléments inexistant** » ou « **éléments négatifs** ». L'**ensemble vide** est donc l'**ensemble des éléments négatifs** ou « **en dessous de zéro** » (que l'on confond souvent avec les « **éléments avant zéro** », qui sont les **éléments antitifs** ou **anti-éléments**), lui-même étant le **commencement** des **éléments positifs**, l'Alpha.

A₃) **Axiome de l'ensemble des parties**:

Étant donné un ensemble x , il existe un ensemble dont les éléments sont les ensembles inclus dans x .

Formule : $\forall x \exists y \forall z [z \in y \Leftrightarrow (\forall t \in z)(t \in x)]$

Étant donnés deux **ensembles** a et b , on dit que **a est inclus dans b** , ou que **a est un sous-ensemble de b** , ou encore que **a est une partie de b** , et on note : **$a \subset b$** , si **tout élément de a est un élément de b** . Cet axiome dit que pour tout **ensemble x** , il existe un autre **ensemble**, noté **$\mathcal{P}(x)$** mais aussi **2^x** , dont les éléments sont les **parties** ou **sous-ensembles** de x .

Par exemple, l'**ensemble vide** \emptyset n'a qu'une seule **partie**, lui-même. Son **ensemble des parties** est donc : **$\mathcal{P}(\emptyset) = \{\emptyset\} = \{0\}$** , qui est donc un **ensemble** à un seul élément. On dit que c'est un **singleton**, et en l'occurrence ce **singleton $\{\emptyset\}$** est la définition de l'**ordinal 1**, en un sens **canonique** de la notion d'**ordinal** dû à Von Neumann. Donc **$1 = \{\emptyset\} = \{0\}$** .

Et ce **singleton 1** a lui-même deux **parties**, **0** et **1**, donc : **$\mathcal{P}(1) = \{0, 1\}$** , et nous voici avec notre premier **ensemble** à deux éléments, qui est la définition de l'**ordinal canonique 2**, donc : **$2 = \{0, 1\}$** .

Et on a : **$\mathcal{P}(2) = \{0, 1, \{1\}, 2\}$** , un ensemble à quatre éléments. Il ne s'agit pas d'un **ordinal canonique**, mais il a une **partie** ou **sous-ensemble**, qui est **$\{0, 1, 2\}$** , qui est la définition de l'**ordinal canonique 3**, donc : **$3 = \{0, 1, 2\}$** .

Et on a : **$\mathcal{P}(3) = \{0, 1, \{1\}, \{2\}, 2, \{0, 2\}, \{1, 2\}, 3\}$** , un ensemble de huit éléments. Lui non plus n'est pas un **ordinal canonique**, mais une de ses **parties** est l'**ordinal canonique** : **$4 = \{0, 1, 2, 3\}$** .

Et ainsi de suite.

Pour un **ordinal canonique n** , son **ensemble des parties** a **2^n éléments**, où **2^n** est la traditionnelle notion de **puissance**. On a donc : **$\mathcal{P}(n) = 2^n$** , où ici la notation « **2^n** » est à interpréter « **ensemble des parties de l'ordinal canonique n** ». Il a effectivement **2^n éléments** au sens de la puissance traditionnelle. Mais **$\mathcal{P}(n)$** , qui a donc **2^n éléments**, n'est pas nécessairement un **ordinal canonique**. Il est cependant un **ordinal** au sens large, à savoir l'**ordinal large 2^n** , parce qu'il a **2^n éléments**, donc est une manière équivalente de dire **2^n** .

Par exemple, **$\mathcal{P}(3) = \{0, 1, \{1\}, \{2\}, 2, \{0, 2\}, \{1, 2\}, 3\} = 2^3$** . Ce n'est pas un **ordinal canonique**, certes, mais il a bel et bien **2^3 éléments** ou **8 éléments**, donc il est une manière **équivalente** de dire **8**. D'une manière très générale, tous les **ensembles** ayant un même **nombre k d'éléments**, où k par

contre désigne un **ordinal canonique**, **ordinaux canoniques** qui ne sont rien d'autres que des **ensembles spéciaux** que nous avons convenu d'utiliser pour représenter la notion de **nombre entier**.

Nous aurions pu tout aussi bien décider d'utiliser par exemple les **ensembles**: $0, \{0\}, \{\{0\}\}, \{\{\{0\}\}\}, \dots$, pour représenter les notions de nombres : $0, 1, 2, 3, 4, \dots$ par le premier, 0 , ces **ensembles** ont tous **un seul élément** donc sont des **singletons**, certes, mais ils sont différents. Quelque chose les différencie, et exprime la notion de **nombre**, et c'est ce qui compte finalement. C'est le **nombre d'accollades { } imbriquées**, et qui représente ici le niveau de **profondeur** ou de **fondation** de l'ensemble appelé 0 . Avec 0 ou $\{ \}$, il n'y a pas d'accollades imbriquées donc le **niveau d'imbrication** est 0 . Avec $\{0\}$ ou $\{\{ \}\}$, il y a une paire d'accollades imbriquées, donc le **niveau d'imbrication** est 1 . Cela représente l'idée que 0 est un **élément**. Avec $\{\{0\}\}$ ou $\{\{\{0\}\}\}$, il y a deux paires d'accollades imbriquées, donc le **niveau d'imbrication** est 2 . Cela représente l'idée que 0 est un **élément d'un élément**. Et ainsi de suite.

Nous aurions donc pu choisir ce type d'ensemble comme **ordinaux**, pour représenter les **nombres entiers**. Nous avons juste décidé de prendre un autre type d'ensembles, dont le **nombre effectif des éléments** représente le **nombre** qu'on veut exprimer. En l'occurrence nous avons choisi l'**ensemble** de la forme : $\{0, 1, 2, 3, \dots, n-1\}$, qui compte n **éléments effectifs**, et où les éléments de 0 à $n-1$ ont la même forme et ont déjà été définis. Mais il y a bien entendu d'autres manières de choisir un **ensemble à n éléments**, pour un **nombre n** donné. C'est juste que celle que nous avons choisi, que nous avons qualifiée de **canonique**, et qui est due à Von Neumann est particulièrement intéressante, elle a des propriétés très intéressantes.

Avec ce type d'**ensembles**, pour un **ordinal canonique n** donné, $\mathcal{P}(n)$ ne sera pas nécessairement un **ordinal canonique** mais aura bel et bien 2^n **éléments**. Et ce qui est intéressant aussi, c'est que $\mathcal{P}(n)$ aura à son tour une **partie** qui sera l'**ordinal canonique $n+1$** .

En effet, on a : $n = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-1\}$. Un **sous-ensemble** ou **partie** de n sera donc n lui-même, c'est sa **partie pleine**. Elle est donc un **élément** de $\mathcal{P}(n)$, qui contient aussi tous les **ordinaux canoniques** de 0 à $n-1$, à cause d'une **propriété** de la notion de partie appelée la **transitivité**, et qui est que la **partie** d'une **partie** d'un **ensemble a** donné est une **partie** aussi de cet **ensemble a** . Donc $\mathcal{P}(n)$ contiendra tous les **ordinaux canoniques** de 0 à $n-1$, plus n lui-même, donc tous les **ordinaux canoniques** de 0 à n , qui sont les éléments de l'**ordinal canonique $n+1$** .

A₄) **Axiome de la réunion**:

Étant donné un ensemble x , il existe un ensemble dont les éléments sont les éléments des éléments de x .

Formule: $\forall x \exists y \forall z [z \in y \Leftrightarrow (\exists t \in x)(z \in t)]$.

Cet **ensemble** est appelé la **réunion de x** et est noté **réu(x)** mais aussi $\cup x$.

A₅) **Schéma de remplacement** :

Pour toute relation fonctionnelle R et pour tout ensemble x , il existe un ensemble dont les éléments sont les images des éléments de x par R .

Formule: $\forall x_1 \dots \forall x_k [\forall x \forall y \forall y' [R(x, y, x_1, \dots, x_k) \text{ et } R(x, y', x_1, \dots, x_k) \Rightarrow y = y'] \Rightarrow \forall t \exists w \forall v [v \in w \Leftrightarrow (\exists u \in t) R(u, v, x_1, \dots, x_k)]]$

Cette formule est appelée un **schéma d'axiomes** car elle consiste en fait en une liste infinie de formules, une pour chaque formule $R(x, y, x_1, \dots, x_k)$ ayant au moins deux **variables libres** x et y .

Et dire que $R(x, y, x_1, \dots, x_k)$, avec comme **variables libres** x et y , est une **relation fonctionnelle** en y , signifie que $R(x, y, x_1, \dots, x_k)$ peut se mettre sous la forme : $y = F(x)$. On dit alors que y est l'**image de x** par la **fonction F** .

Ce **schéma d'axiomes** dit alors simplement que pour tout **ensemble a** , il existe un **ensemble** dont les éléments sont **toutes les images des éléments de a par la fonction F** . On notera cet **ensemble d'images** par $F \langle a \rangle$, à ne pas confondre cette notation $\langle a \rangle$ ici avec la **suite constante $[a]$** , que nous noterons au besoin aussi $\langle a \rangle$.

Ce sont les paradigmes actuels, qui sont de Négation, et leurs logiques de Négation, qui rendent difficiles d'appeler « **ensemble** » toute collection d'objets, qui ont pour conséquences toutes ces complications. Mais dès qu'on se place dans le bon **Paradigme**, l'**Univers TOTAL**, et que l'on raisonne avec la bonne logique, l'**Alternation**, les choses se simplifient considérablement, et alors ce schéma d'axiomes signifie simplement que pour toute **application F** de l'**Univers \mathcal{U} des ensembles** dans \mathcal{U} , et pour tout **ensemble a** , toutes les **images $F(x)$** , pour tout **élément x** de a , qui forment donc une **partie** de \mathcal{U} , que l'on note $F \langle a \rangle$, forment un **ensemble**. Autrement dit, $F \langle a \rangle$ est un **ensemble**.

Un corollaire très important du **schéma de remplacement** est le **schéma de compréhension**, et qui dit la chose suivante :

Pour tout **ensemble a** et pour toute **propriété P** , il existe un **ensemble a'** dont les **éléments** sont ceux de a qui vérifient la **propriété P** . Cet **ensemble a'** est donc une **partie** de a .

Définition de la notion d'univers :

Soit un ensemble U . On dit que U est un **univers** s'il vérifie les conditions suivantes :

(U₁) $\emptyset \in U$.

(U₂) U est transitif.

Cela signifie que tout **élément** de U est une **partie** de U .

(U₃) Pour tout $x \in U$, $\mathcal{P}(x) \in U$.

(U₄) Pour tout $x \in U$, $\text{réu}(x) \in U$.

(U₅) Pour tout $I \in U$ et pour toute **application f** de I dans U , $f \langle I \rangle \in U$.

C'est la notion clef de la **Théorie des Univers**, celle qui fait d'un **univers U** un **petit modèle** de l'**Univers \mathcal{U} des ensembles** tout entier. Nous pouvons maintenant poser l'axiome clef :

A₆) Axiome des univers :

Tout ensemble appartient à un univers.

Autrement dit, pour tout **ensemble a** , il existe un **univers U** tel que $a \in U$.

C'est cet **axiome des univers** qui enclenche toute la **structure fractale** des **ensembles** et toute la **hiérarchie** des **univers**. Ce qui est appelé l'**axiome de l'infini** ainsi que l'**axiome de fondation**, en sont une conséquence, et dans une certaine mesure aussi l'**axiome du choix**.

Les conséquences de ces axiomes sont développées dans le livre : [La Théorie des Univers, l'ancêtre de la Théorie universelle des ensembles](#). Il s'agit d'une théorie axiomatique infiniment plus forte que ZF. Et avec le Paradigme de l'**Univers TOTAL**, il n'est même plus besoin d'axiomes. La **Théorie des Univers** est automatiquement incluse dans la **Théorie universelle des ensembles** ou **Science de l'Univers TOTAL**.

Donnons ici quelques propriétés élémentaires importantes des **univers**.

→ L'**ensemble vide** \emptyset ou **0** est un **univers** trivial, le premier des **univers**, et qui est aussi le **premier ordinal** canonique. On le note alors U_0 . Donc : $U_0 = \emptyset = 0$.

→ L'**Univers** \mathcal{U} des **ensembles** de la **Théorie des Univers** est une **collection universelle**, ou **classe universelle**, ce qui signifie simplement que, bien que n'étant pas lui-même un **ensemble** en son propre sens, mais étant ce qu'on appelle une **classe propre** de \mathcal{U} , a toutes les propriétés d'un **univers**. En ce sens de **classe universelle**, \mathcal{U} est le plus grand **univers**.

→ Les **univers** eux-mêmes, comme aussi les **ordinaux** de \mathcal{U} , ne forment pas un **ensemble** au sens de l'**Univers** \mathcal{U} des **ensembles** de la **Théorie des Univers**. Ce sont là encore des **classes propres** de \mathcal{U} , noté $Un(\mathcal{U})$.

Et de manière générale, pour un **univers** U donné, $Un(U)$ désigne l'**ensemble de tous les univers** qui sont des **éléments** de U . Pour au moins un **univers**, en l'occurrence l'**univers** des très importants **ensembles** dits **héréditairement finis** (c'est leur appellation classique), **univers** que nous noterons U_1 , $Un(U_1)$ est un **élément** de U_1 .

On appelle un **univers singulier** U un **univers** U pour lequel $Un(U)$ est une **classe propre** de U . Et $U_0 = \emptyset = 0$ est le premier d'entre eux, et \mathcal{U} , en tant que **classe universelle**, est aussi un **univers singulier**.

En effet, $Un(\emptyset) = \emptyset$, car \emptyset est vide, il n'a **aucun élément**, et à plus forte raison de dire qu'il a des éléments qui sont des **univers**. Donc $Un(\emptyset) = \emptyset$, et on a : $\emptyset \notin \emptyset$. C'est donc le premier **univers singulier**. Rien d'étonnant à cela, car, comme on le verra amplement, en logique **omégacyclique**, il est aussi l'**ultime derniers univers**, et aussi l'**ultime dernier ordinal**, noté alors aussi Ω . On a donc : $\emptyset = \Omega$, ce qui veut dire que l'**ensemble « vide »** est tout simplement l'**ensemble plein**, l'**Univers TOTAL**, pris comme un nouveau **commencement** du cycle des **ensembles** et des **ordinaux**. Il est donc l'**Alpha** et l'**Oméga**. Et dans son rôle de grand **Commencement** ou **Alpha**, on ne considère pas toute son **infinité** d'**éléments**, on remet tous les **compteurs** à **zéro**.

Et si l'on dit que $Un(\mathcal{U})$, la **classe de tous les univers**, est un **ensemble** au sens de \mathcal{U} , cet **ensemble** est donc lui aussi un **élément** d'un certain **univers** U , en vertu de l'**axiome des univers**. La propriété 2 des **univers** dit alors que U est **transitif**, ce qui signifie que tous ses **éléments** sont des **parties** de U . Donc $Un(\mathcal{U})$ est une **partie** de U . Et donc tous les **univers** sont des **éléments** de U . Et

donc aussi les **éléments** de tous les **univers** sont des **éléments** de **U**. Or l'**axiome des univers** dit que **tout ensemble est un élément d'un univers**. Donc tout **ensemble** est un **élément** de **U**. Donc **U** est une **partie** de **U**, et donc est un **ensemble** au sens de **U**. Et alors aussi on a des paradoxes comme celui de Russell et autres, qui obligent de dire que **U** est une **classe propre**. Conclusion, **Un(U)** n'est pas un **ensemble** au sens de **U**, mais est une **classe propre**. Donc **U** est un **univers singulier**, en ce sens que c'est une **classe universelle**.

→ Pour deux **univers** **U** et **V**, un et un seul des trois énoncés suivants est obligatoirement vrai :

– **$U \in V$**

– **$V \in U$**

– **$U = V$**

A noter aussi que les **ordinaux** vérifient aussi cette propriété, car pour deux **ordinaux** **α** et **β** , on a un et un seul des trois énoncés suivants qui est obligatoirement vrai :

– **$\alpha \in \beta$**

– **$\beta \in \alpha$**

– **$\alpha = \beta$**

Cela veut dire que la **classe de tous les univers** **Un(U)**, tout comme la **classe de tous les ordinaux**, que nous notons **$\Omega(U)$** , sont **totalelement ordonnées** par la **relation d'appartenance** «**∈**», qui est une **relation d'ordre stricte** sur ces **classes**. Pour cette raison, cette **relation** est notée aussi «**<**», et appelée **relation d'infériorité**, car pour ce type d'**ensembles**, les **univers**, les **ordinaux** et d'autres, la **relation d'appartenance** «**∈**» et la **relation d'ordre** «**<**» sont une seule et même **relation**.

Les similitudes entre les **ordinaux** et les **univers** ne s'arrêtent pas là. Ils partagent tellement de propriétés fondamentales que j'ai l'habitude d'appeler les **univers** des «**ensembles ordinoïdes**». Tout se passe en effet comme si les **univers** ne sont rien d'autres que les **ordinaux** vus autrement.

En tout cas est-il que pour tout **univers** **U**, le **schéma de compréhension**, corollaire du **schéma de remplacement**, permet de considérer tous les **éléments** de **U** qui sont des **ordinaux**. Ceux-ci forment un **ensemble** qui est une **partie** de **U**, qu'on notera **$\Omega(U)$** . Cet **ensemble** est un **ordinal**, sauf qu'il n'est pas **élément** de **U**, il est juste une **classe propre** de **U**. Mais étant un **ensemble**, il existe un **univers** **V** ayant **$\Omega(U)$** pour élément. Dans le cadre de **V** il est juste l'un des **ordinaux**, et donc l'un des **éléments** de **$\Omega(V)$** . Lui aussi n'est pas un **élément** de **V**, car il est une des **classes propres**. Mais **$\Omega(V)$** est un **élément** d'un certain **univers** **W**, l'un de ses **ordinaux** ordinaires, un des éléments de **$\Omega(W)$** , et ainsi de suite.

→ Pour tout **ensemble** **a**, il existe un **plus petit univers** qui a pour **élément** **a**. Ce **plus petit univers** est appelé l'**univers engendré par a**, et est noté **U(a)**.

L'**ensemble vide** \emptyset n'est **engendré** par aucun **ensemble**, il est celui qui **engendre** tous les autres. C'est cette idée qui est exprimée par l'**axiome de fondation**. Nous n'avons pas besoin de poser cet **axiome** en **Théorie des univers**, car de la manière dont les **ensembles** de cette théorie sont construits, cet **axiome** est vérifié de fait et est donc un **théorème**, oui le **théorème de fondation**. Pour des raisons analogues, nous n'avons pas besoin de poser un autre important axiome de la théorie des ensembles, l'**axiome du choix**, qui dit en gros que tous les **éléments** de tout **ensemble** **E** donné peuvent être **numérotés** ou **ordonnés** par des **ordinaux**, de sorte qu'on puisse dire : **élément**

numéro 0, élément numéro 1, élément numéro 2, etc., élément numéro ω , élément numéro $\omega+1$, élément numéro $\omega+2$, etc.. Et avec le grand plus qu'apporte la **Théorie universelle des ensembles** par rapport à la **Théorie des Univers**, on a même aussi : $\omega-1$, élément numéro $\omega-2$, etc..

On n'a pas besoin de l'**axiome du choix** pour la bonne et simple raison que les **univers** U et leurs **éléments** d'un côté, et les **ordinaux universels** (c'est-à-dire l'**ordinal** $\Omega(U)$ qui est l'**ensemble de tous les ordinaux** d'un **univers** U donné) et leurs **éléments** de l'autre, sont si intimement liés et apparaissent comme juste deux manières différentes de voir les mêmes réalités, que l'**axiome du choix** est de fait vérifié aussi. Il est quelque chose de fondamentalement intrinsèque à la nature même des ensembles, comme on le verra très bientôt avec un autre phénomène encore plus révélateur : la **structure unidale des ensembles**, traitée notamment dans le livre : [**L'Univers TOTAL et les nombres omégaréels!**](#)

L'**univers engendré** par \emptyset , $U(\emptyset)$ ou $U(0)$, à ne pas confondre avec U_0 , qui est \emptyset lui-même, oui cet **univers** $U(\emptyset)$ ou $U(0)$, est l'**univers des ensembles** dits **héréditairement finis**, dont nous avons parlé plus haut, et noté U_1 . Il est d'une importance capitale car tout le reste repose sur lui !

L'une des caractéristiques fondamentales de U_1 est que \emptyset ou U_0 est le seul **univers** qui est **élément** de U_1 , donc : $Un(U_1) = \{\emptyset\} = \{0\} = 1$.

La raison est fort simple : tous les **éléments** de U_1 sont **finis**, car en partant de \emptyset qui est le **premier élément** ou **plus petit élément** de tout **univers** U (il ne faut en effet pas confondre le fait de dire que U est **engendré** par un **ensemble** a avec le fait de dire que a est le **plus petit élément** de U), et en appliquant de manière répétée les 5 propriétés qui définissent un **univers**, on ne peut jamais former un **ensemble infini**, comme par exemple l'**ensemble N des entiers naturels**, ou (ce qui revient au même) l'**ordinal infini** ω . A moins justement de répéter les **opérations** un **nombre infini** de fois au moins **équivalent** à ω . Sinon, en les faisant un **nombre fini** de fois, on obtient toujours un **ensemble fini**, possédant un **nombre fini** d'**éléments**.

L'**univers** U_1 est en fait le tout **premier univers infini**, dont le **nombre des éléments** ou **cardinal** est **équivalent** à ω . S'il y a dans U_1 un **univers** différent de \emptyset , il est donc **engendré** par \emptyset , donc est **infini**, autrement dit est U_1 . Par conséquent, le seul univers dans U_1 est \emptyset .

Autrement dit donc : $Un(U_1) = \{\emptyset\} = \{0\} = 1$.

Une autre particularité de U_1 , liée à ce qui précède, est que tout **ensemble héréditairement fini** a (c'est-à-dire tout **élément** de U_1), peu importe sa grandeur, **engendre** le même **univers** U_1 .

En effet, puisque a est un **élément** de U_1 , et n'engendre pas \emptyset , sinon non seulement ne serait plus **vide**, mais serait un **univers infini**. Donc l'**univers engendré par** a est au moins U_1 . Cependant il ne peut pas être plus grand que U_1 , sinon celui-ci serait **élément** de lui. Mais nous avons dit qu'en appliquant les propriétés de définition donc aussi de formation d'un **univers** avec **ensemble héréditairement fini** a , à moins de **répéter** les **opérations** une **infinité** de fois, on ne peut pas former un **ensemble infini**. **Le tout premier univers infini** formé avec a sera donc encore U_1 .

C'est donc quand on prend un **ensemble infini** comme U_1 lui-même ou comme l'**ensemble N des nombres entiers naturels**, que l'on peut former un **univers** supérieur à U_1 . Et justement, l'**univers**

engendré par U_1 , à savoir $U(U_1)$, que nous notons U_2 , est le prochain **univers** après U_1 . Autant U_1 , parce qu'il ne contient aucun **ensemble infini**, vérifie tous les **axiomes** de ZF (la **théorie des ensembles** de Zermelo-Fraenkel) sauf l'**axiome de l'infini**, l'**axiome** qui dit qu'il existe au moins un **ensemble infini**, autant, à partir de U_2 , tous les **axiomes** de ZF sont vérifiés. Et à partir de U_3 , qui est $U(U_2)$, on entre dans une catégorie d'**univers** d'une toute autre grandeur !

Ainsi donc, l'**univers** U_0 ou \emptyset n'a pas d'**élément** comme **univers**. L'**ensemble de ses univers** est donc \emptyset . Et U_1 a \emptyset comme seul **élément-univers**, et U_2 a \emptyset et U_1 comme seul **élément-univers**.

Donc : $Un(U_2) = \{\emptyset, U_1\}$, qui est un **élément** de U_2 . Donc U_2 n'est pas un **univers singulier**. De même : $Un(U_3) = \{\emptyset, U_1, U_2\}$, qui est un **élément** de U_3 , qui n'est donc pas un **univers singulier**. Et ainsi de suite.

A partir de U_ω , c'est un tout autre débat.

Car : $Un(U_\omega) = \{\emptyset, U_1, U_2, U_3, U_4, \dots\}$.

Et aucun U_i n'est U_ω , et, d'après la propriété 5 des **univers**, et qui est la manière dont le schéma de remplacement s'applique dans un **univers**, $Un(U_\omega)$ est un **élément** de U_ω . Donc U_ω n'est pas un **univers singulier**.

Il nous apparaît maintenant, à la lumière du **Nouveau Paradigme**, l'**Univers TOTAL**, que U_ω est amplement suffisant pour comprendre ce qu'il est important de comprendre sur l'**Univers TOTAL** et sa **nature fractale**. Nous en parlerons un peu abusivement comme du « **dernier univers** ». On pose : $\Omega(U_\omega) = \Omega = \omega_\omega$. Et nous en parlerons comme du « **dernier ordinal** ».

→ Un **univers** U est trop grand pour être l'un de ses propres **éléments** (on a un paradoxe de type paradoxe de Russell par exemple), mais selon l'**axiome des univers** il est toujours **élément** d'un **univers** V supérieur. C'est ce phénomène ou propriétés des **univers** qu'on appelle les **classes propres**. Cela veut dire simplement que certaines **parties** ou **sous-ensembles** d'un **univers** U donné sont de l'« **ordre de grandeur** » de l'**univers** U lui-même, donc trop grand pour être des **éléments** de U .

Mais, et ceci est très important, ce sont des **ensembles** au sens de l'**Univers** \mathcal{U} des **ensembles** de la **Théorie des Univers**. Ce sont ses **classes propres** à lui (autrement dit ses « **parties trop grandes** ») qui sont « **trop grandes** » pour être des **ensembles** au sens de \mathcal{U} . Mais on peut très facilement introduire un **sur-univers** \mathcal{V} ayant \mathcal{U} comme un **élément**, en demandant simplement à \mathcal{V} de vérifier les 5 **axiomes fondamentaux** de \mathcal{U} , que nous appelons les **axiomes du modèle central** : *axiome d'extensionnalité, axiome de l'ensemble vide, axiome de l'ensemble des parties, axiome de la réunion, schéma de remplacement*.

Et alors voici l'**Univers** \mathcal{U} transformé en un simple **ensemble** au sens de \mathcal{V} , et mieux que cela, en un simple **univers**. Et \mathcal{V} peut à son tour être transformé en un **ensemble** et **univers**, au sens d'un nouvel **Univers** d'**ensembles** \mathcal{W} , et ainsi de suite. Mais il est inutile de faire cette construction hiérarchique supérieure, puisque la **Théorie des Univers** a été construite justement pour assurer automatiquement et une bonne fois pour toutes cette hiérarchie à l'infini, au moyen de l'**axiome des univers**. Il ne reste plus qu'à gérer l'**Univers** terminal \mathcal{U} et ses **classes propres**, qui ne sont donc pas des **ensembles** au sens de \mathcal{U} , mais qui le sont au sens d'un **sur-univers** \mathcal{V} . Ceci permet aussi de traiter ces **classes propres** de \mathcal{U} comme des **ensembles**. Mais simplement avec la petite précaution

de ne pas les voir comme des éléments de \mathcal{U} , sous peine de voir pointer les vilains nez des paradoxes de la **théorie des ensembles** (paradoxe de Cantor, paradoxe de Russell, paradoxe de Burali-Forti, etc.).

Il nous suffit de comprendre qu'on a une **structure fractale**, qui peut se poursuivre indéfiniment avec la technique que nous venons d'indiquer et qui est rendue inutile par l'**axiome des univers**, qui l'automatise.

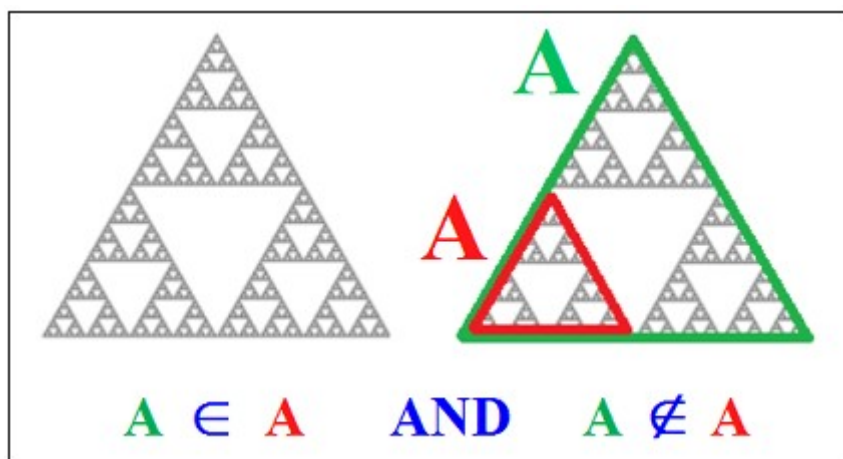
Ainsi donc, pour un **univers** U , ses **classes propres** ne sont pas ses **éléments**, autrement dit des **ensembles** au sens de U lui-même, mais sont des **ensembles** au sens de tout **univers** V ayant U pour **élément**, **univers** V dont l'existence est assurée par l'**axiome des univers**. Et voilà expédiés en enfer pour toujours les fameux **paradoxes** de la **théorie des ensembles**, et de la meilleure des façons.

Comme **classe propre** de l'**univers** U qui ne sont pas ses **éléments** au sens de U lui-même, autrement dit des **ensembles au sens de** U ou des **U -ensembles**, on a par exemple U lui-même, sa **partie pleine**. On a donc : $U \notin U$. Et ceci est l'une des propriétés fondamentales que les **univers** partagent avec les **ordinaux** canoniques, car pour un **ordinal** canonique α , on a : $\alpha \notin \alpha$.

Les énoncés $U \in U$ et $\alpha \in \alpha$ sont donc des exemples d'énoncés qui ne sont pas vrais au sens de l'**identité**, mais le sont au sens de l'**équivalence**, quand on prend en compte toute la **structure fractale** des **ensembles**.

Car tout **univers** U' ayant U pour **élément** n'est rien d'autre qu'un **modèle** supérieur de U dans la **fractale** des **univers**, ce qui veut dire que U et U' sont **équivalents**. On a donc : $U \in U'$. Et au sens de l'**équivalence** (oui de l'**équivalence** et non pas de l'**identité**) on a : $U \in U$.

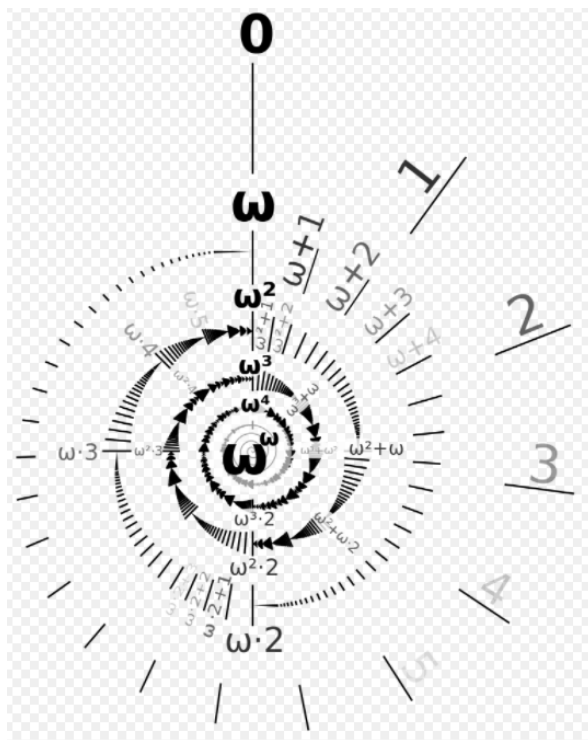
De même l'**ordinal** α va avoir un **grand modèle** α' **équivalent** à α et qui vérifie : $\alpha \in \alpha'$. Et au sens de cette **équivalence**, on va pouvoir dire aussi : $\alpha \in \alpha$.



Pour un **univers** U , l'**ensemble** $\Omega(U)$ de **tous les ordinaux canoniques** de U est lui aussi une **classe propre** de U .

A l'époque des axiomes de la **Théorie des Univers**, et en particulier de son axiome clef qui est l'**axiome des univers**, ma conception des **ordinaux** était la conception classique, comme on peut le

voir dans ce livre sur la **Théorie des Univers**. Cela signifie entre autres que je concevais qu'il existe des **ordinaux limites**, c'est-à-dire des **ordinaux infinis qui n'ont pas de prédécesseurs**, comme par exemple l'**ordinal infini ω** , qui est le premier **ordinal limite** selon cette conception classique. Aujourd'hui je qualifierai cela de **semi-ordinaux** à cause de ce **sens unique** qui survient quand les **ordinaux** deviennent **infinis** :



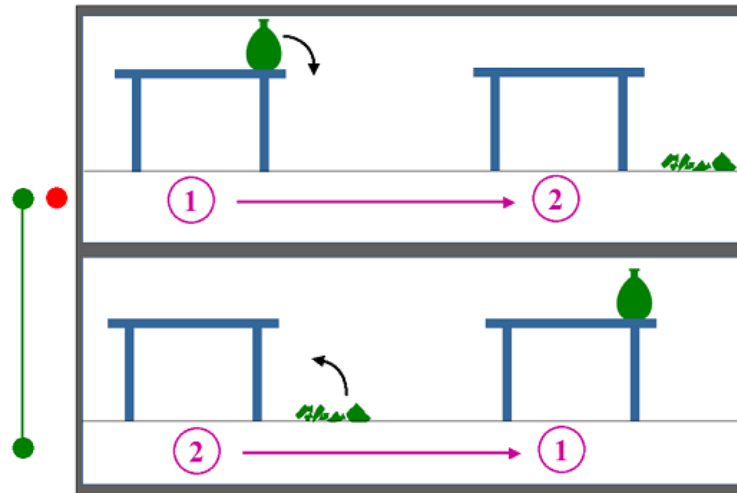
Ce sont les **ordinaux limites** qui sont responsables de l'affreux **sens unique** de l'**ordre** des **ordinaux** classiques, et fait d'eux en fait des **semi-ordinaux** et pas de vrais **ordinaux**, c'est-à-dire des **ordinaux à double sens**. Avec les **semi-ordinaux** actuellement improprement qualifiés d'**ordinaux**, on a une impossibilité de l'**ordre inverse**, l'**ordre** de l'**infini** vers **0**, l'**ordre** n'allant que de **0** vers l'**infini**: **0, 1, 2, 3, 4, ..., ω , $\omega+1$, $\omega+2$, $\omega+3$, $\omega+4$, ...**

Après donc les **ordinaux finis** : **0, 1, 2, 3, 4, ...**, on saute pour passer au **premier infini**, **ω** , sans passer par : **..., $\omega-4$, $\omega-3$, $\omega-2$, $\omega-1$, ω** . Or ce saut viole déjà le **principe de continuité** de Leibniz, qui dit que « la nature ne procède pas par sauts ».

C'est en effet contre-nature de voir que les **nombres** sautent sans transition de la nature **finie** à la nature **infinie**. Or sans cette transition on se demande bien comment l'**ordinal ω** se forme, puisqu'il n'est pas connecté aux **ordinaux finis**, il n'est pas formé par **addition continue** de ceux-ci. Pour le dire avec un terme du Nouveau Paradigme, l'**ordinal ω** n'est pas **généralisé** par les **ordinaux finis**, les **ordinaux limites** nient la **logique générative** (la **logique des générescences**) traitée dans le livre précédent : **Conception générative des entiers, structure réelle**, et que nous rappellerons plus loin.

C'est au moment du passage de la **Théorie des Univers** à la **Théorie universelle des ensembles** que j'ai réalisé toute l'abomination cachée dans la notion d'**ordinal limite** et de l'**ordre à sens**

unique qu'ils causent. Ceci est pratiquement synonyme de logique de **Négation**, et en poussant l'analyse loin on s'aperçoit que l'on aboutit à d'autres conséquences de la **Négation**, comme par exemple la maudite **entropie** et autre **flèche du temps**. Bref, ces **ordinaux à sens unique** sont intrinsèquement liés à la nature même de notre **monde** et **univers de Négation**. Toutes les **irréversibilités** en tous genres ont un lien avec l'**irréversibilité** des **ordinaux**, ça touche vraiment la question de paradigme !



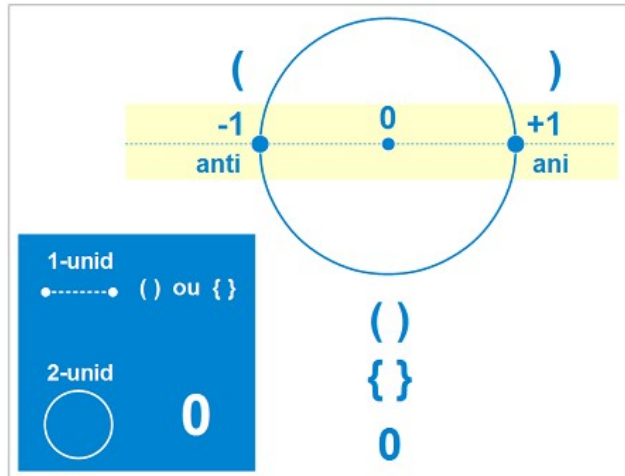
Onergie, Entropie, Irréversibilité et Flèche du Temps : $1 < 2$
Unergie, Entrupie, Réversibilité et Temps Cyclique: $1 < 2$ et $2 < 1$

Mais l'**ordre** des **ordinaux** de **0** à ω est tout simplement: **0, 1, 2, 3, 4, ..., $\omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$** . Autrement dit, la logique des **ordinaux canoniques** que nous avons découverte plus haut, à savoir : **$n = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-3, n-2, n-1\}$** , ne s'applique pas qu'aux **ordinaux finis** mais à TOUS les **ordinaux, finis** comme **infinis**. Autrement dit encore, TOUT ordinal **n, fini** comme **infini**, est par définition l'**ensemble de tous les ordinaux de 0 à son prédécesseur n-1**. Et **n-1** est lui-même l'**ensemble de tous les ordinaux de 0 à son prédécesseur n-2**, et ainsi de suite.

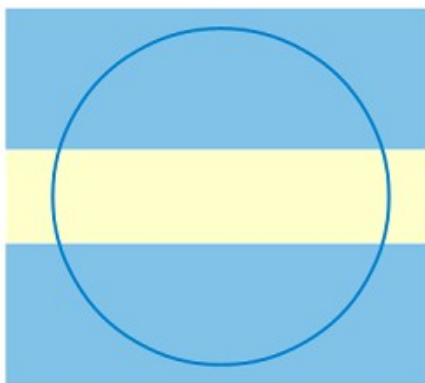
Ce qui différencie les **ordinaux finis** des **ordinaux infinis**, c'est que les **ordinaux finis** sont **constants** et les **ordinaux infinis** sont **variables**. En l'occurrence, les **ordinaux infinis** sont les **ordinaux variables qui finissent par être supérieurs ou égaux à tout ordinal constant**.

Voici à présent la plus importante raison pour laquelle les **ensembles** et les **ordinaux** ne sont que deux manières différentes de voir une même réalité. Elle est plus détaillée dans le livre [L'Univers TOTAL et les nombres omégaréels](#), mais aussi dans le livre [L'Univers TOTAL l'Alpha et l'Oméga](#).

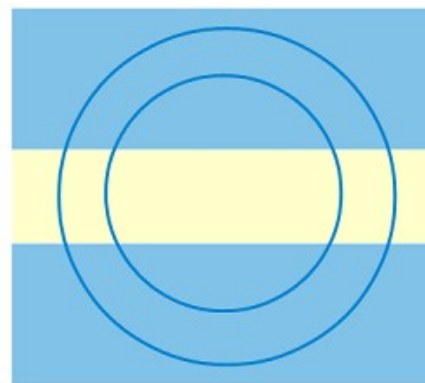
La **structure des ensembles** est en fait la **structure des parenthèses**, et elle-même est la **structure des hypersphères (bipoint, cercle, sphère, etc.)** :



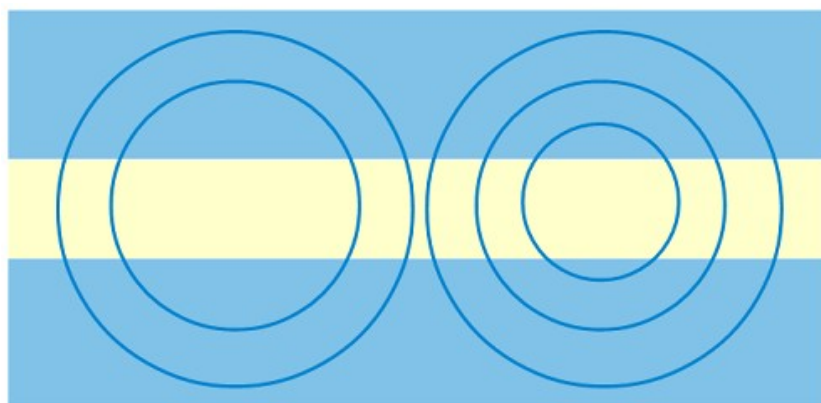
J'appelle cela la **structure unidale** des **ensembles**.



$$() = \{\} = 0$$



$$(()) = \{\{\}\} = \{0\} = 1$$



$$(())(()) = \{\{\}\}\{\{\}\} = \{0\}\{0\} = \{0\}\{1\} = 2$$

Cela signifie que ce que nous appelons la **théorie des ensembles**, c'est en fait la **topologie** la plus fondamentale, qui met en jeu les **hypersphères** et leurs **assemblages**, comme le montre les images

précédentes. En **1 dimension**, les **ensembles** sont les **assemblages** de **bipoints**, en **2 dimensions**, les **ensembles** sont les **assemblages** de **cercles**, et en **3 dimensions**, les **ensembles** sont les **assemblages** de **sphères**, etc..

Ainsi, une **sphère** seule est l'**ensemble vide**, et en **dimension 2** c'est un **cercle seul**, et en **dimension 1** c'est un **bipoint**, et c'est donc ce que nous notons $()$ ou $\{ \}$ et appelons \emptyset ou **0**, l'**ordinal 0** donc.

Et une **sphère** imbriquée dans une autre, ou un **cercle** dans un autre, ou un **bipoint** dans un autre, forme la **structure** $(())$ ou $\{ \{ \}$ ou $\{0\}$, qui est la définition topologique de l'**ordinal 1**, dont l'unique **élément** est **0**.

Et les **hypersphères** assemblées pour former la **structure** : $(())(())$ ou $\{ \{ \} \{ \{ \} \}$, comme l'illustre l'image, c'est donc l'ensemble $\{0\}\{1\}$, dont les deux éléments sont **0** et **1**. Et si nous convenons d'appeler « **virgule** » l'assemblage « $\}$ », cette structure se note donc $\{ \}$, $\{ \{ \}$, ou $\{0, 1\}$, et c'est bien la définition de l'**ordinal canonique 2**.

Et on aura de la même façon : $\{0, 1, 2\}$, qui sera l'**ordinal 3**, etc.

Ce sont des **ensembles héréditairement finis** spéciaux, autrement dit, des éléments spéciaux de U_1 . Tous les **éléments** de U_1 peuvent ainsi être assemblés. Ce sont des assemblages **finis**, ce qui veut dire **constants**, comme par exemple celui qui sera noté : $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$, et qui sera l'**ordinal 8**. On a de même par exemple l'assemblage **fini** : $\mathcal{P}(3) = \{0, 1, \{1\}, \{2\}, 2, \{0, 2\}, \{1, 2\}, 3\}$, qui représente l'**ensemble des parties** de l'**ordinal 3**.

Mais dès que l'on commence à envisager des **assemblages continuels**, comme par exemple : $N = \{0\}\{1\}\{2\}\{3\}\{4\}\{5\}\{6\}\{7\}...$, ou $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}...$, que l'on notera aussi : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, on n'a plus des **assemblages constants**, mais **variables**, avec le **nombre** d'objets assemblés en perpétuelle **croissance**. A noter que le nombre des objets assemblés reste à chaque étape **fini** au sens intuitif habituel, mais simplement un **nombre fini** qui **varie**, qui croît perpétuellement. C'est ce type d'**assemblages variables croissants** que l'on va qualifier d'**infinis** au nouveau sens du terme. L'**univers** U_1 est de cette nature. De même que l'**ensemble** N qui est un **sous-assemblage** de U_1 .

Et maintenant, si au lieu des symboles $\{$ et $\}$ pour noter les deux éléments de base des assemblages on avait choisi **1** et **2** par exemple, l'assemblage $\{ \}$ s'écrit donc **12**. Et $\{ \{ \}$ s'écrit **1122**. Et $\{ \{ \} \}$, qui représente donc l'**ordinal** « **2** », s'écrit **112211222**, ainsi de suite. Et alors la « **virgule** » ou $\}$ se note **21**.

Il est très clair alors que les assemblages, qui sont donc des **structures d'ensembles**, sont représentés par des **nombres entiers**, donc des **ordinaux**, spéciaux, écrits en **numération décimale**, classés selon l'**ordre** des **ordinaux**. Autrement dit, les **ensembles** de l'**Univers** U peuvent être interprétés comme **ordinaux** spéciaux. Or ces mêmes **ordinaux** sont aussi des **ensembles** spéciaux. Par conséquent, les **ensembles** et les **ordinaux** sont juste deux manières différentes de considérer les mêmes objets, raison pour laquelle, dans ce paradigme, il n'est plus nécessaire de poser l'**axiome du choix**, disant que les **ensembles** peuvent être **ordonnés** ou **numérotés** par des **ordinaux**. Il reste la question des **ordinaux infinis** à préciser, mais on a dit qu'il s'agit d'**ordinaux variables**, qui **finissent par dépasser tout ordinal constant**. Donc les **ordinaux**

infinis au nouveau sens sont à traiter exactement comme les **ordinaux finis** au sens **intuitif** ou classique!

Ceci change considérablement la vision des **nombres**, des **ensembles** et des **choses**.

Et maintenant, pour la notion de **potentiel**, les concepts de ZF suffisent amplement, comme par exemple la notion de **relation binaire** dans un **ensemble**, la notion d'**application** d'un **ensemble A** dans un **ensemble B**, etc.. Et l'**ensemble de toutes les applications d'un ensemble A dans un ensemble B** est B^A .

Définition :

Soit deux ensembles quelconques **K** et **I**. On appelle le **potentiel d'initial K et d'indiciel I**, ou **I-potentiel de K**, ou simplement **K potentiel I**, et on note K^I , l'**ensemble de toutes les applications de I dans K**. Et l'**ensemble de toutes les applications constantes de I dans K**, noté K_I ou $[K]$, est appelé le **constancier de K d'indiciel I**. Et par **application constante de I dans K** on entend une **application** telle que tout élément de **I** a la même image dans **K**.

Si donc **a** est un élément de **K**, l'**application constante c de I dans K** telle que pour tout élément **i** de **I** appelé un **indice** ou un **index**, on a : $c(i) = a$, est notée **(a)**. Et $c(i)$ est noté c_i .

Autrement dit : $c = (a)$.

Et on note aussi $c = [a]$ si une confusion est à craindre avec l'usage courant des **parenthèses ()**. Et on notera aussi $c = \langle a \rangle$, si une confusion est à craindre avec l'usage courant des **crochets []**. Et on notera $c = \langle a \rangle$, si il y a une confusion avec les symboles de l'**infériorité** et de **supériorité** $\langle \rangle$. Par la suite nous noterons le plus souvent $c = [a]$ cette **application constante**. Cet **ensemble K_I ou $[K]$** et ses éléments **[a]** sont d'une grande importance car $[K]$ est la version de **K** dans le cadre du **potentiel K^I** . Autrement dit, dans le cadre du **potentiel K^I** , l'**application constante [a]** est comme l'élément **a** dans le cadre de **K**.

On a donc : pour un élément **a** de **K** donné : $[a](i) = [a]_i = a$, pour tout **indice i** de **I**.

Théorème :

On vérifie facilement que l'**initial K** et le **constancier K_I ou $[K]$** sont **isomorphes**, via l'**application bijective** ou **bijection iso** qui à tout élément **a** du **constancier K** associe l'**application constante [a]**. On a donc : $iso(a) = [a]$, et réciproquement: $iso^{-1}([a]) = a$. Les éléments **[a]** de $[K]$ sont donc les nouvelles versions des éléments correspondants **a** de **K**. Autrement dit, par cet **isomorphisme iso**, l'ensemble **K** passe en quelque sorte le relai à son jumeau $[K]$, pour que celui-ci joue son rôle dans le cadre du **potentiel K^I** .

Commentaires :

On a : $[K] \subset K^I$ (c'est-à-dire le **constancier $[K]$** est un **sous-ensemble** ou **partie** du **potentiel K^I**), mais l'**isomorphisme iso**, qui permet d'assimiler ainsi l'**initial K** et le **constancier $[K]$** , permet de dire que **K** est un **sous-ensemble** de K^I , c'est-à-dire : $K \subset K^I$.

Cette définition prend un sens très important quand **K** est un **ensemble numérique**, muni d'une **structure de corps** ou d'**anneau** ou même seulement de **semi-anneau**, et si **I** est un **ensemble totalement ordonné**.

L'ensemble \mathbf{N} des entiers naturels sera à la fois l'initial \mathbf{K} et l'indiciel \mathbf{I} par excellence. Autrement dit, $\mathbf{N}^{\mathbf{N}}$, ou l'ensemble des suites d'entiers naturels, est le potentiel très fondamental que nous avons présent à l'esprit en posant ces définitions. Ses éléments sont appelés les **nombre entiers variables**.

Pour le potentiel $\mathbf{N}^{\mathbf{N}}$, le constancier $[\mathbf{N}]$ est donc l'ensemble des suites constantes d'entiers naturels, $[\mathbf{n}] = (\mathbf{n}, \mathbf{n}, \mathbf{n}, \mathbf{n}, \mathbf{n}, \mathbf{n}, \dots)$. Par exemple, $[7] = (7, 7, 7, 7, 7, 7, 7, \dots)$, qui veut donc dire que : $[7]_0 = 7$, $[7]_1 = 7$, $[7]_2 = 7$, $[7]_3 = 7$, etc., bref que pour cette suite $[7]$, sa valeur pour tout entier naturel i , est : $[7](i) = [7]_i = 7$.

Ainsi donc, $\mathbf{N}_{\mathbf{N}}$ ou $[\mathbf{N}]$ dont les éléments sont les $[\mathbf{n}]$, où \mathbf{n} est un élément de \mathbf{N} , est une autre manière de parler de \mathbf{N} , c'est un exemple de sous-ensembles de $\mathbf{N}^{\mathbf{N}}$ que l'on peut interpréter comme \mathbf{N} .

C'est sur $\mathbf{N}^{\mathbf{N}}$ que portera pratiquement l'étude que nous allons faire, même si pour plus de commodités et de facilités, nous ferons appel au potentiel $\mathbf{Z}^{\mathbf{N}}$, ou l'ensemble des suites d'entiers relatifs, qui élargit encore plus la notion de **nombre entiers variables**. Des cas particuliers extrêmement importants de **nombre entiers variables** sont les **nombre entiers oméganaturels**, ensemble noté \mathbf{N}_{ω} .

Donc $\mathbf{K}_{\mathbf{I}}$ ou $[\mathbf{K}]$ est un sous-ensemble particulier de $\mathbf{K}^{\mathbf{I}}$, et il est très important, car il est isomorphe à \mathbf{K} , et il permet via cet isomorphisme de dire que \mathbf{K} est un sous-ensemble de $\mathbf{K}^{\mathbf{I}}$, dès que \mathbf{I} est non vide.

Cas particuliers :

Si \mathbf{I} est vide, c'est-à-dire si $\mathbf{I} = \emptyset = \mathbf{0}$, alors le seul élément de $\mathbf{K}^{\mathbf{I}}$ est l'application vide, c'est-à-dire : $\mathbf{K}^{\mathbf{I}} = \mathbf{K}^{\emptyset} = \mathbf{K}^{\mathbf{0}} = \{\emptyset\} = \{\mathbf{0}\} = \mathbf{1}$.

Et si \mathbf{I} a un seul élément i , c'est-à-dire si $\mathbf{I} = \{i\}$, alors $\mathbf{K}^{\mathbf{I}}$ est isomorphe à \mathbf{K} , ce qui permet de dire via cet isomorphisme : $\mathbf{K}^{\mathbf{I}} = \mathbf{K}^{(i)} = \mathbf{K}$.

C'est le cas notamment si : $\mathbf{I} = \{\emptyset\} = \{\mathbf{0}\} = \mathbf{1}$. Alors : $\mathbf{K}^{\mathbf{I}} = \mathbf{K}^{\mathbf{1}} = \mathbf{K}$.

Si \mathbf{I} a deux éléments distincts i et j , c'est-à-dire si $\mathbf{I} = \{i, j\}$, alors : $\mathbf{K}^{\mathbf{I}} = \mathbf{K}^{(i, j)}$ est isomorphe à un ensemble de couples (a_i, a_j) ou (a, b) d'éléments de \mathbf{K} , à savoir $\mathbf{K} \times \mathbf{K} = \mathbf{K}^2$.

C'est le cas notamment si : $\mathbf{I} = \{\mathbf{0}, \mathbf{1}\} = \mathbf{2}$. Alors $\mathbf{K}^{\mathbf{I}}$ ou $\mathbf{K}^{\mathbf{2}}$ est l'ensemble de tous les couples (a_0, a_1) ou (a_0, a_1) ou (a, b) , d'éléments de \mathbf{K} .

Pour un initial \mathbf{K} donné, et un indiciel \mathbf{I} donc, on a donc le potentiel $\mathbf{K}^{\mathbf{I}}$, qu'on va noter aussi « $\mathbf{K}^{\wedge} \mathbf{I}$ ». Mais on peut noter que, pour le même indiciel \mathbf{I} , on peut former la suite de potentiels suivante :

$\mathbf{K}^{\wedge} \mathbf{I}$
 $(\mathbf{K}^{\wedge} \mathbf{I})^{\wedge} \mathbf{I}$
 $((\mathbf{K}^{\wedge} \mathbf{I})^{\wedge} \mathbf{I})^{\wedge} \mathbf{I}$
 $((((\mathbf{K}^{\wedge} \mathbf{I})^{\wedge} \mathbf{I})^{\wedge} \mathbf{I})^{\wedge} \mathbf{I})^{\wedge} \mathbf{I}$
 ...

C'est donc une hiérarchie de potentiels, qui annonce une fois encore une structure fractale !

Par exemple :

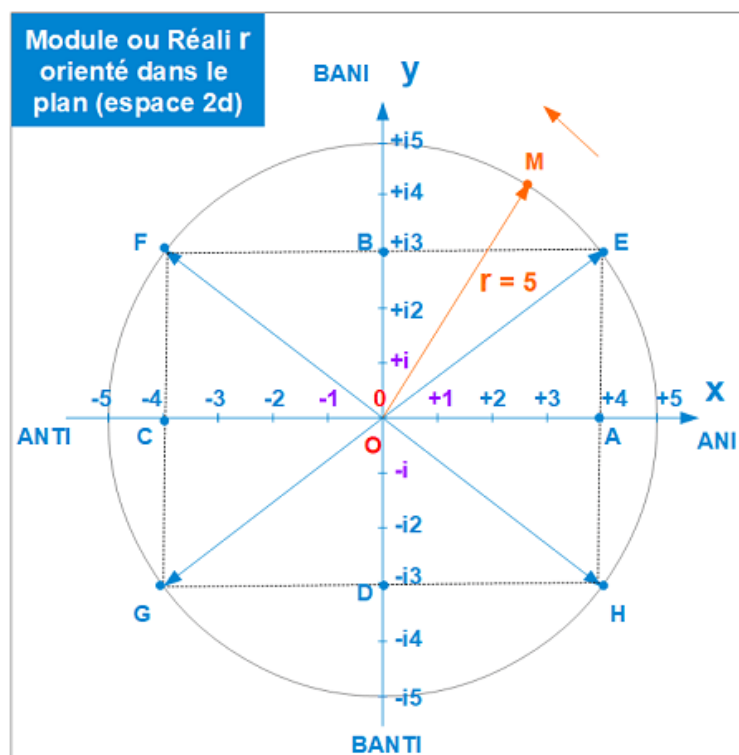
Z^N
 $(Z^N)^N$
 $((Z^N)^N)^N$
 $((((Z^N)^N)^N)^N)^N$
...

On va avoir des objets qualifiés de **variables**, d'**infinis**, d'**ordinaux infinis**, etc., mais au final tout cela ne sera que des **opérations** sur des **entiers naturels** ou **relatifs**!

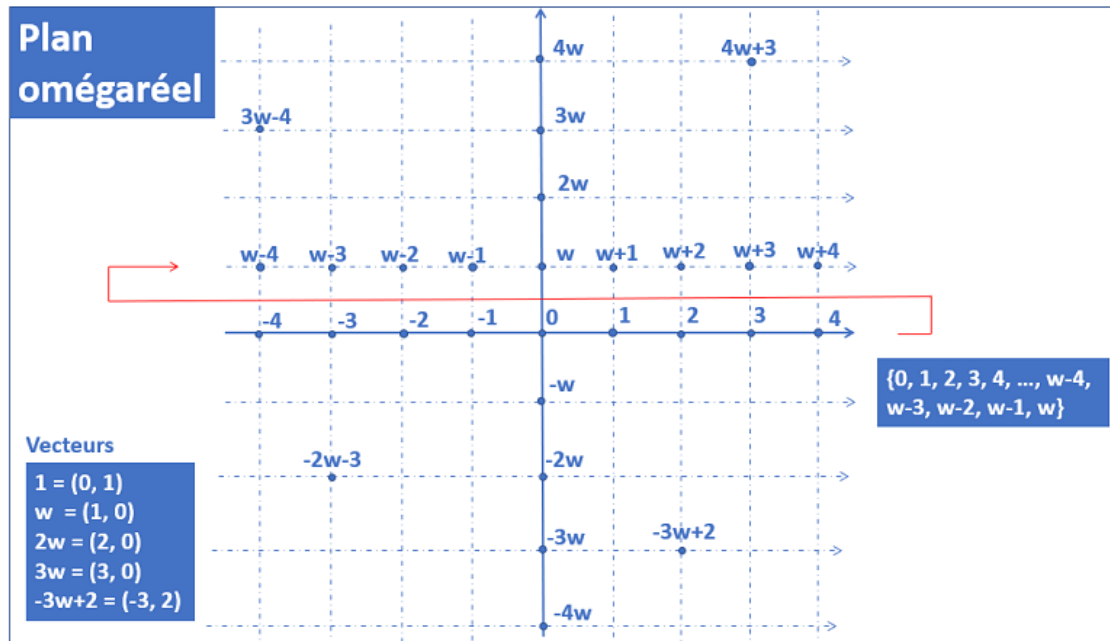
Nous utiliserons notamment N^2 ou Z^2 pour construire Z à partir de N^2 , et nous appelons Z l'**ensemble** des **nombre entiers ani-antitifs** associé à N , ce qu'on appelle couramment l'**ensemble** des **nombre entiers relatifs** associés à N .

Nous conservons cette terminologie classique de « **nombre entiers relatifs** » pour parler de Z , le mot relatif étant alors opposé à la notion de **valeur absolue**.

Par exemple, **5** est une **valeur absolue**, qui a, sur une **droite** ou **espace de dimension 1**, deux **orientations** ou **signes**, **(+5)** et **(-5)**, le premier étant habituellement qualifié de « **positif** », mais nous préférons ici dire « **antitif** ». Et le second étant qualifié de « **négatif** », mais nous préférons dire « **antitif** », car en fait « **-5** » est juste l'**anti-nombre** de « **+5** », son **orientation opposée**, son **orientation contraire**. Ce sont les **orientations** de la **valeur absolue 5** le long de la **dimension 1**, qui est celle des **nombre réels** selon la conception classique.



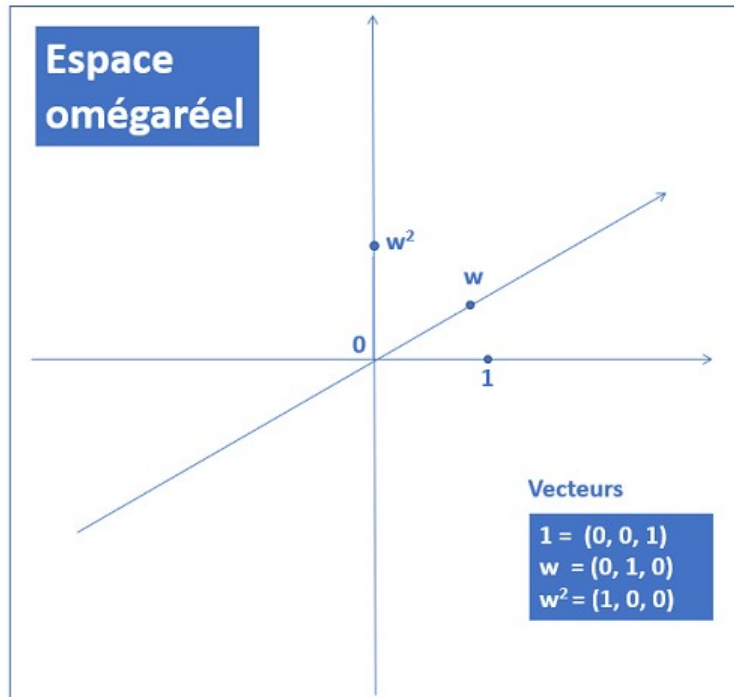
Mais dans la nouvelle vision, tous les **nombres** sont **réels**, les **nombres omégaréels**, le reste étant une question de **dimensions** ou de **degrés**. Ci-dessous le **plan omégaréel**, où w désigne un **nombre entier infini**, qui est précisément la **suite d'entiers naturels** dite « **identité** », c'est-à-dire définie par : $w(n) = w_n = n$, pour tout **entier naturel** n .



Ce qu'on appelle les **nombres réels** au sens classique, ou la **droite réelle**, ce sont les **nombres omégaréels de degré 0**, de **nombre directeur** $1 = w^0$, ce que nous appelons aussi les **nombres omégaréels onigrades**. La relation qui lie la dimension et le degré est : **dimension = degré + 1**, et donc le **degré 0** définit la **dimension 1**.

Avec le **degré 1** de w , ou w^1 , on a les deux **nombres directeurs** w^0 et w^1 , donc **1** et w , qui définissent l'**espace omégaréel de dimensions 2**, ou **plan omégaréel**, qui est l'image précédente.

Avec le **degré 2** de w , ou w^2 , on a les trois **nombres directeurs** w^0 , w^1 et w^2 , donc **1**, w et w^2 , qui définissent l'**espace omégaréel de dimensions 3**, qui est l'image suivante.



Et ainsi de suite, pour tout **espace** de n'importe quelle **dimension k**, où **k** est un **ordinal** de **base w**. Ces **nombre omégaréal** sont la définition la plus naturelle de la notion de **polynômes**, ici donc des **polynômes en w**. On voit que chaque **nombre de base**, de la forme donc w^k , où **k** est un **ordinal** (la génération de la notion de **nombre entier naturel**), est aussi un **vecteur de base** de l'**espace omégaréal**. Et ces **nombre** s'étendent au cas où **k** est un **ordinal relatif** ou **ordinal anti-antitif** (la génération de la notion de **nombre entier relatif**).

Ces **nombre de base** sont donc aussi les différentes **orientations** de l'**espace omégaréal**, la première **orientation**, celle de la **droite réelle**, étant appelée **ani-anti**, la seconde **orientation** étant appelée **bani-banti**, la troisième **orientation** étant appelée **cani-canti**, etc.. Les **orientations** de la deuxième à la 20-ème sont désignées par les consonnes de l'**alphabet** français, de **B** à **X**.

O	U	B	C	D	F	G	H	J	K	L	M
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
N	P	Q	R	S	T	V	W	X	Z		
12	13	14	15	16	17	18	19	20	ω		

Le terme « **antitif** » fait donc juste référence à une **orientation**, notamment l'**orientation antitive** sur la **dimension 1**, tandis que le mot « **néгатif** » à proprement parler doit être réservé à la notion de **Négation**, qui est une toute autre affaire.

On a l'habitude de confondre la **valeur absolue 5** par exemple avec le **nombre antitif (+5)**, qui est son **orientation antitive**. Mais en toute rigueur les deux notions sont différentes. Et surtout il faut distinguer le **nombre antitif (-5)** avec un éventuel **nombre négatif** ainsi noté. Car le **nombre antitif (-5)** est une **orientation**, en l'occurrence l'**orientation antitive** de la **valeur absolue 5**,

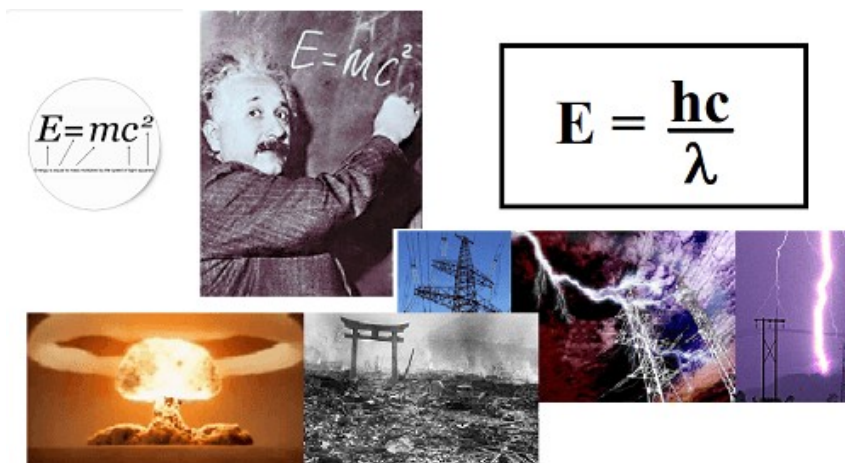
tandis que le **nombre négatif** éventuellement noté « -5 » aussi, représente l'**absence de la valeur absolue 5**, le **déficit** de 5, etc..

Il y a des **nombre**s de **valeur absolue positive**, mais cette fois-ci au vrai sens du mot « **positif** », et nous disons aussi **valeur absolue unitive**. C'est synonyme d'**Univers TOTAL**, mais aussi d'**unergie**, ce qui signifie **énergie de l'Univers TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, ou **énergie universelle**, ou **énergie positive**, ou **énergie divine**, etc., ou encore l'**énergie entropique** (et par **entropie** nous entendons l'**entropie négative** ou **néguentropie**, ou encore le **degré d'organisation**). Et tout cela signifie **générescence** ou **information unaire**, dont on reparlera dans le sous-titre: **VII - Notion de générescences, conception générative, nouvelle vision des nombres**.

Et il y a des **nombre**s de **valeur absolue négative**, mais là aussi au vrai sens du mot « **négatif** », et nous disons aussi **valeur absolue onitive**. C'est synonyme de **Négation d'Univers TOTAL**, mais aussi d'**onergie**, ce qui signifie **énergie de l'Onivers** ou **Univers de Négation** ou encore **énergie entropique**, ou **énergie négative**, ou **énergie démoniaque**, etc.. Et tout cela signifie **dégénérescence** ou **désinformation unaire**. Autrement dit, l'**absence** ou le **déficit d'énergie positive**, **déficit d'unergie**, d'**énergie positive**.

Et dans les deux cas, que ce soit la **valeur absolue positive** ou **négative**, elle peut elle aussi avoir toutes les **orientations**, **anitive**, **antitive**, **banitive**, **bantitive**, etc.. La question de l'**orientation** de la **valeur absolue** est donc une autre question que celle de la nature **positive** ou **négative** de la **valeur absolue**.

La nature de notre **monde** et de notre **univers** est **négative**. Il s'agit d'un **univers entropique**, un **onivers** donc, un **univers de Négation**. Voilà pourquoi l'**énergie** y est fondamentalement **destructrice**, synonyme de **désorganisation**, de **dégénérescence**, de **mort**.



C'est ce que le cher Einstein par exemple, et beaucoup de scientifiques sincères, n'avaient pas compris. Ou peut-être le savait-il...

L'**ensemble Z** des **entiers ani-antitifs** (ou **relatifs** donc) est construit à partir du **potentiel N²**, l'**ensemble des couples d'entiers naturels**, en définissant l'**addition** et la **multiplication ani-antitive**, l'**addition** et la **multiplication relatives**, qui est l'**addition naturelle**, héritée de **N**, et la **multiplication relative** (celle du classique **ensemble Z** des **entiers relatifs**).

L'**addition naturelle** est : $(a, b) + (c, d) = (a+c, b+d)$.

Et la **multiplication relative ou anti-antitive** est : $(a, b) \times (c, d) = (a \times c + b \times d, a \times d + b \times c)$.

Nous appelons **relativation** ou **anti-antiviation** cette construction à partir d'un **ensemble de valeurs absolues**.

Et, à partir du **potentiel** Z^2 , on construit l'**ensemble Q** des **rationnels**, et en définissant l'**addition** et la **multiplication** spécifiques, l'**addition** et la **multiplication rationnelles**, qui ne sont pas (pour ce qui est de l'**addition** en tout cas) l'**addition** et la **multiplication rationnelles**, **héritées** de N ou Z .

L'**addition naturelle** est : $(a, b) + (c, d) = (a+c, b+d)$.

Et la **multiplication naturelle** est : $(a, b) \times (c, d) = (a \times c, b \times d)$.

Pour l'**addition** et la **multiplication rationnelles**, on garde la **multiplication naturelle**, mais on définit une autre **addition**, l'**addition rationnelle**, par :

$(a, b) + (c, d) = (a \times d + b \times c, b \times d)$.

Nous appelons **rationalisation** la technique de construction de **rationnels** à partir d'**entiers**.

Et quand, avec N^N ou Z^N nous aurons défini les **ensembles** N_ω ou Z_ω des **nombres entiers oméganaturels** ou **nombres omégarelatifs**, nous construirons à partir d'eux l'**ensemble** Q_ω des **nombres omégarationnels**, par **rationalisation**.

Après avoir vu rapidement les usages basiques du **potentiel** K^2 , terminons notre tour d'horizon des cas particuliers de **potentiel** K^1 .

Si I a trois éléments distincts i, j et k , c'est-à-dire si $I = \{i, j, k\}$, alors: $K^I = K^{(i, j, k)}$ est **isomorphe** à un **ensemble de triplets d'éléments de K**, à savoir $K \times K \times K = K^3$.

C'est le cas notamment si : $I = \{0, 1, 2\} = 3$. Le **potentiel** K^I , qui équivaut à K^3 , est alors l'**ensemble de tous les triplets** (a, b, c) d'éléments de K .

Et ainsi de suite.

Pour un **entier n** donné, si I a n éléments distincts $i_1, i_2, i_3, \dots, i_n$, c'est-à-dire si $I = \{i_1, i_2, i_3, \dots, i_n\}$, alors: K^I est **isomorphe** à un **ensemble de n-uplets** $(a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1})$ d'éléments de K , à savoir $K \times K \times K \dots \times K = K^n$.

C'est donc plus spécialement le cas notamment si : $I = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-1\} = n$.

A noter que nous avons dit que n est un **entier** au sens général déjà vu plus haut, c'est-à-dire un **nombre entier oméganaturel**, ou **nombre entier naturel** en **base v**.

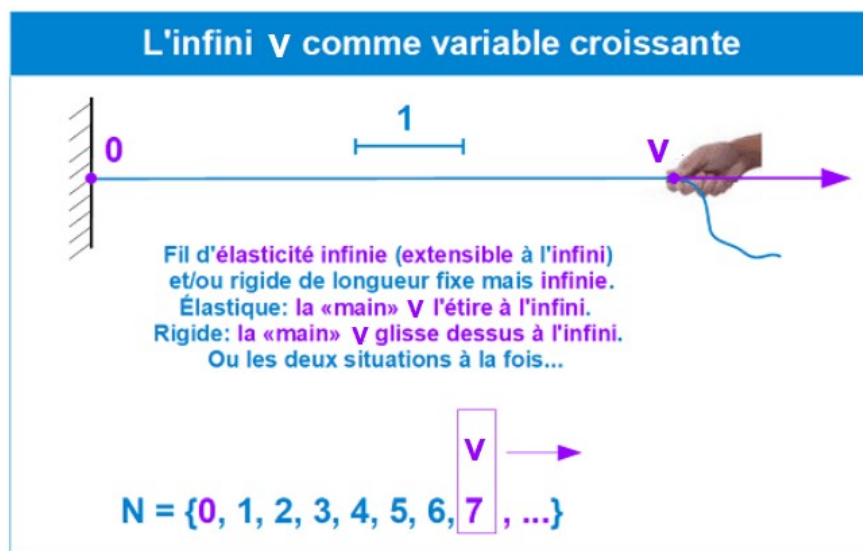
On peut se représenter les **entiers naturels constants** comme des **ficelles rigides** de différentes **longueurs fixes**, de **0** à l'**infini**, l'**unité de longueur** étant le **centimètre** par exemple. Les **ficelles de longueur 0 cm** représentent donc l'**entier naturel 0**, les **ficelles de longueur 1 cm** représentent l'**entier naturel 1**, celles de **longueur 2 cm** représentent l'**entier naturel 2**, et ainsi de suite, en supposant qu'on peut avoir des **ficelles de toute longueur** que l'on veut, de **0** à l'**infini**, au sens habituel ou intuitif du mot « **infini** ». Les **ficelles constantes**, qui représentent donc les **entiers constants**, ont toutes en commun qu'elles ont une **longueur fixe**.

Et avec elles, on a une seconde sorte de **ficelles**, qui sont **élastiques**, et **parfaitement élastiques** en ce sens que dans leur forme de départ elles ont une **longueur** de **0 cm**, mais on peut les étirer pour leur donner la **longueur** que l'on veut, mais un **nombre entier** de **centimètres**, par exemple **24 cm**, et on dira alors que la **ficelle élastique** ou **variable** prend la **valeur 24**. On peut par exemple laisser revenir à **0** si l'on veut, n'importe quelle **longueur**, comme par exemple **5 cm**, ou au contraire les étirer à souhait à l'**infini**, car elles ne se rompent jamais.

Bref on fait ce qu'on veut avec ces **ficelles élastiques**, on leur fait prendre la **valeur** que l'on veut, et pour l'instant, dans un premier temps des **valeurs entières** : **0, 1, 2, 3, 4, 5, ...**, mais pas forcément non plus dans cet ordre, car ça peut être : **4, 0, 0, 5, 1, 3, 2, 0, 8, 1, 55, 17, 0, 3, ...**
N'importe quelle longueur et dans **n'importe quel ordre** donc, mais pour l'instant on ne s'intéresse qu'aux **valeurs entières**.

Mais après justement on généralisera, en leur faisant prendre toutes les valeurs intermédiaires, et alors ce sera les **nombre réels**. Dans cette manière **très libre** de faire **varier leur longueur** comme on veut, on dira qu'elles sont des **variables entières** ou des **entiers variables**. On note au passage qu'on peut décider de laisser une **ficelle élastique** dans une certaine **longueur fixe** donnée, sans donc utiliser ses **propriétés élastiques**, et dans ce cas elle joue le rôle d'**entier constant**.

Un des fonctionnements particulièrement importants de ces **ficelles élastiques** est de dire qu'**on les étire continuellement** en partant d'une **longueur** de départ donnée, de sorte que leur **longueur finisse par être plus grande que celle de n'importe quelle ficelle rigide ou constante**. Ces ficelles **variables** particulières seront qualifiées d'**infinies**. La clef des nouvelles conceptions des **nombre** que nous introduisons se trouve là.



Comme le montre l'image ci-dessus, un exemple très important d'**entier variable infini** est quand la **longueur** de la **ficelle** suit la progression: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**. Une telle **ficelle** peut évidemment être notée: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, et très naturellement être définie comme étant l'**ensemble des entiers naturels**. Cette **ficelle élastique** spéciale, qui représente donc le classique **ensemble N des entiers naturels**, nous la noterons **v**, comme « **variable** », et quelque fois ω . On notera: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, notation avec « () » quand il s'agit de **suites de nombre**. Ici, cette **suite de référence v** ou **suite varid** équivaut à l'**ensemble des entiers naturels**.

La **ficelle** $2v$ par exemple sera: $2v = (0, 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, \dots)$, ce qui veut dire que sa longueur est toujours à chaque étape le **double** de celle de la **ficelle élastique** ou **variable de référence**, v . Et la **ficelle** v^2 aura donc naturellement à **chaque étape pour longueur le carré de la longueur de v** , donc: $v^2 = (0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, \dots)$.

On peut de la même façon définir v^3 , v^4 , etc., et jusqu'à v^v et au-delà. Et c'est précisément v^v que nous notons w , comme déjà vu. L'**opération** que l'on applique à v , et de manière générale à n'importe quelle **variable**, c'est celle qu'on applique à chacun de ses **éléments**, étape par étape.

Dans cette vision des choses, le **nombre constant 8** par exemple sera: $8 = (8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, \dots)$, et $(8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, \dots)$ sera noté : $[8]$. Et de manière générale, pour tout **entier naturel a** , on a l'**entier naturel constant $[a]$** , qui est donc la **suite constante**: $(a, a, a, a, a, a, a, \dots)$. Cette **suite constante**, qui est donc comme une **ficelle de longueur constante a** , va donc évidemment représenter l'**entier a** .

L'**application** qui à une **suite constante $[a]$** associe le **nombre a** qui se répète, est l'**application iso**, dont nous avons parlé dans la définition générale du **potentiel K^I** . Ici, l'**iniciel K** est N , pour dire que c'est l'**ensemble initial** sur lequel on se base pour construire le **potentiel**.

Cette **application iso** dit ici qu'il faut voir $[8]$ et 8 comme étant la même chose, $[8]$ est une nouvelle version de 8 dans le cadre du **potentiel N^N** , et plus généralement Z^N .

Ici par exemple, l'écriture: $iso(8) = [8]$ peut être remplacée par : $8 =_{iso} [8]$, ou : $[8] =_{iso} 8$, pour dire donc que $[8]$ et 8 , bien que deux choses différentes, sont **égalisées** par l'**isomorphisme** considéré. **Egalité** ou **relation d'équivalence** « $=_{iso}$ » qu'il ne faut pas confondre avec l'**égalité** ou **identité** de base « $=$ ». Mais le grand intérêt des **relations d'équivalence**, c'est que, quand on raisonne avec elles comme notion d'**égalité** et non plus seulement avec l'**identité** principalement, comme on le fait dans les paradigmes transitionnels, on arrive presque toujours à savoir quel sens donner à une **égalité** dans un contexte donné, même si on utilise le même signe « $=$ ». Autrement dit, l'**égalité** peut être elle-même **variable**, et même être indexée par un nombre entier, ou un nombre en général, comme par exemple « $=_0$ », « $=_1$ », « $=_2$ », « $=_3$ », etc., comme nous l'avons vu.

Une autre manière de voir les choses est de dire que dans le royaume des **suites**, et plus généralement des **fonctions**, des **applications**, les **suites constantes** ou **fonctions constantes** ou **applications constantes**, jouent le même rôle que les objets qui ont servi à les définir, ici les **nombres entiers**, mais cela peut être tout type d'objets. Ces objets, quelle que soit leur nature, seront appelés les **constantes**, et les **applications** définies à partir d'eux des **variables**.

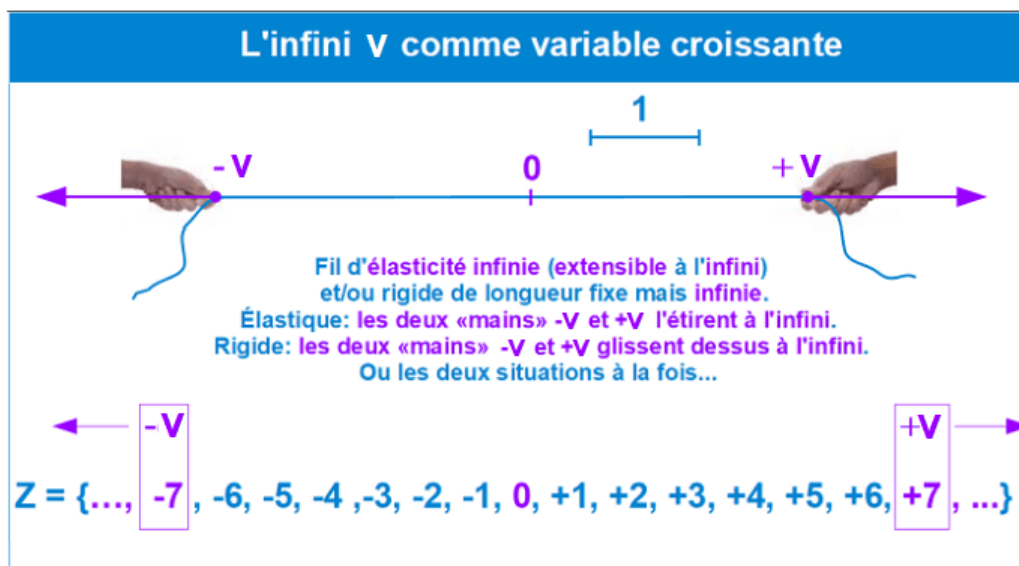
Dans l'exemple de l'ensemble N , pris comme **iniciel** ou **ensemble initial** pour construire le **potentiel**, les **variables** sont donc le **potentiel N^N** , l'**ensemble de toutes les applications de N dans N** . Et $[N]$ est l'**ensemble des applications constantes**, celles donc de forme générale $[a]$, où a est un **entier naturel**. Et N et $[N]$ sont **isomorphes**, puisque, à chaque **entier naturel**, correspond une **unique application constante $[a]$** et vice-versa.

Avec l'**isomorphisme** entre N et $[N]$, on a :

$[a] = a,$
 $[3] = 3,$
 $[5] = 5,$
 $[8] = 8,$
 $[3+5] = 3+5 = [3] + [5],$
 $[a+b] = a+b = [a] + [b],$
 $[3 \times 5] = 3 \times 5 = [3] \times [5],$
 $[a \times b] = a \times b = [a] \times [b],$
 $3 < 5 \Leftrightarrow [3] < [5],$
 $4 = 4 \Leftrightarrow [4] = [4],$
 $2+2 = 4 \Leftrightarrow [2] + [2] = [4],$
 etc..

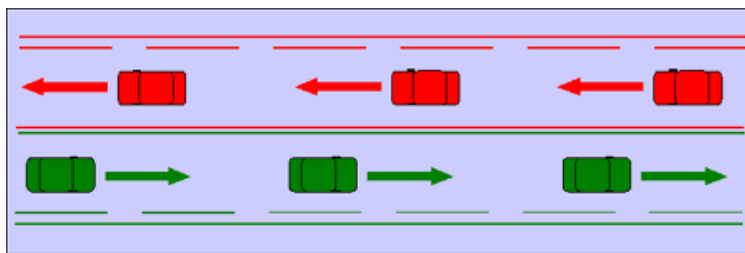
Cela signifie ici que tout ce que l'on fait avec les **nombre entiers**, on le fait pareillement avec les **applications constantes** correspondantes, et vice-versa. Les **expressions** ont la **même forme**, d'où la notion d'**isomorphisme**.

Contrairement à \mathbb{N} où une extrémité de la **ficelle élastique** est fixée et on tire sur l'autre extrémité, l'**ensemble \mathbb{Z} des entiers relatifs**, quant à lui, est une **ficelle élastique** qu'on étire continuellement par les deux extrémités, le point **0** étant choisi au milieu :



Il est extrêmement important de noter qu'aussi bien l'**ensemble \mathbb{N}** que l'**ensemble \mathbb{Z}** , pourtant **infini** au sens classique, ou **intuitif**, sont modélisés par des **ficelles** de **longueur** toujours **finie**, mais seulement **constantes** pour les unes et **variables** pour les autres. La notion d'**infini** et donc celle de « **fini variable dépassant à la longue tout fini constant** ». Par conséquent, les **nombre infinis** vont se calculer exactement comme les **nombre finis**, puisque c'est ce qu'ils sont à la base, sauf qu'il sont **variables**.

Une autre modélisation des **ensembles \mathbb{N}** et **\mathbb{Z}** et par la même occasion **\mathbb{R}** aussi, est de considérer une **autoroute** à une voie dans un sens et une voie dans le sens inverse, comme ci-après.



Mais on va supposer que l'on dispose d'autant de voies que l'on veut dans un sens, et le même nombre de voies dans l'autre sens. Ceci juste pour que les voitures ayant le même mouvement soient dans la même voie, pour qu'elles ne se rentrent pas dedans. Il y a donc des voies pour les voitures en arrêt ou stationnement, des aires de repos tout simplement. Et on va supposer que si une voiture veut revenir en arrière, à n'importe quelle position, il y a toujours un moyen de le faire.

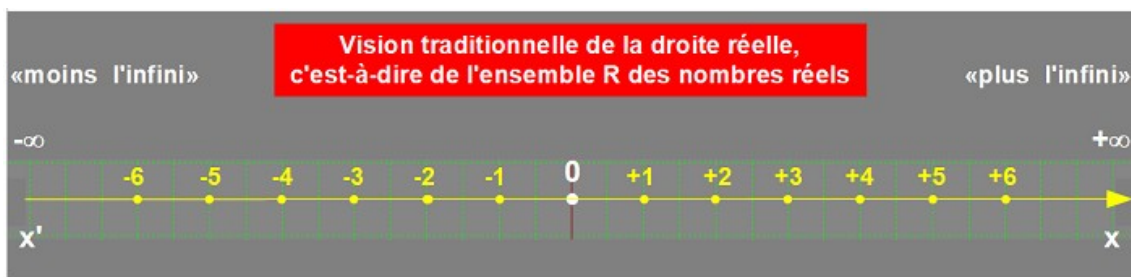
Bref c'est une autoroute spéciale où l'on peut décider de regagner n'importe quel point qu'on veut. Il y a une borne tous les kilomètres, et l'autoroute est aussi longue que l'on veut, une manière de dire qu'elle a une **longueur infinie**, au sens intuitif du mot **infini**. Il y est possible d'y avoir ces positions par exemple : **4, 0, 0, 5, 1, 3, 2, 0, 8, 1, 55, 17, 0, 3, ...**. On est au point **4 km**, puis on revient au point **0 km**, puis **toujours 0 km**, puis **5 km**, etc.. On ne progresse peut-être pas, mais on a choisi ce mouvement, et on peut le faire, d'une manière ou d'une autre.

Mais, comme pour les **ficelles élastiques**, les voitures de référence qui nous intéressent en premier, c'est celles qui sont au point **0 km** à l'instant **0**, compté en minutes, et qui roulent à **60 km/h**, soit **1 km par minute**. On va les appeler les **voitures v**, dont la progression est: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. Et son **double** ou $2v = (0, 2, 4, 6, 8, \dots)$, qui roule 2 fois plus vite que v . Et on a v^2 , qui est la **voiture** : $v^2 = (0, 1, 4, 9, 16, \dots)$. Et la **voiture**: $v^3 = (0, 1, 8, 27, 64, \dots)$. Et la **voiture** : $2v+1 = (1, 3, 5, 7, 9, \dots)$, de même allure que $2v$ mais avec **1 km** d'avance : Etc.

Et les **nombre constants** sont les **voitures** à l'arrêt. Et avec le modèle de l'autoroute on peut représenter les **nombre négatifs**, les éléments de \mathbf{Z} donc. Et évidemment, on suppose sur cette autoroute « idéale », que la vitesse n'est pas limitée, et même la vitesse de la lumière n'est pas une limitation.

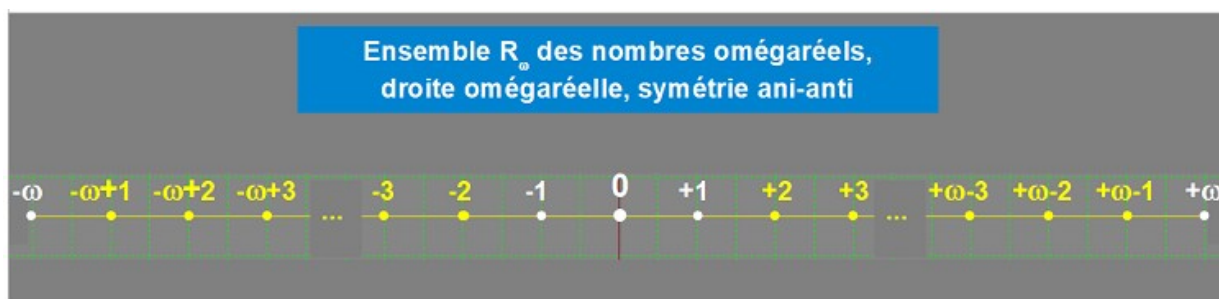
Le plus important est de savoir que les **positions**, les **distances** et les **vitesse** sont toujours **finies**, sauf qu'elles peuvent être **constantes** ou **variables**. Et la notion physique de **vitesse** est la notion mathématique de **dérivée**. La **dérivée** ou **vitesse** de 5 est **0**, car 5 est une **constante**. La **dérivée** ou **vitesse** de v est **1**, la **dérivée** ou **vitesse** de $2v$ est **2**, la **dérivée** ou **vitesse** de v^2 est $2v$, c'est une **vitesse variable**, de même que la **dérivée** ou **vitesse** de v^3 , qui est $3v^2$, etc..

L'**autoroute idéale** ou la **ficelle élastique** que l'on peut étirer par les deux extrémités, c'est donc, mathématiquement parlant, l'**ensemble R** des **nombre réels**.



Dans les conceptions classiques, on le voit comme un **ensemble** de **constantes**, de **nombres constants**, et les **variables** juste sont des lettres ou des symboles pour représenter ces **constantes**, ces **nombres**, et plus généralement tous les objets mathématiques.

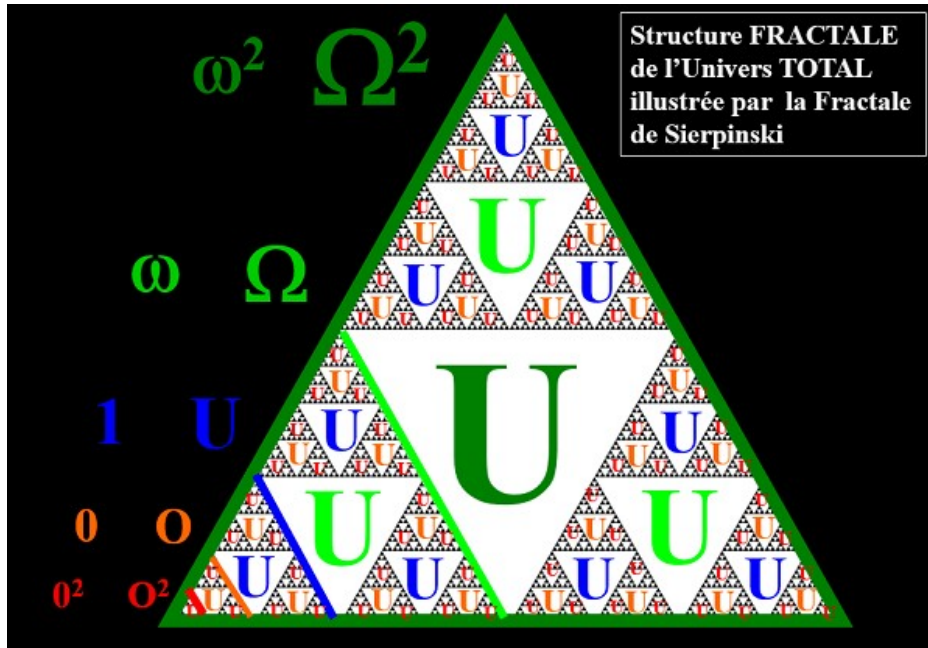
Mais en réalité, malgré les apparences, cet ensemble comporte des **nombres constants** et des **nombres variables**, et parmi ceux-ci, des **nombres infinis** !



Ci-dessus, ω représente la **voiture** v , autrement ici, on pose: $\omega = v$. Et plus exactement, on a une **suite** de **terme général** ω_n telle que: $\omega_0 = v$, et telle que : $\omega_{n+1} = \omega_n \wedge \omega_n = \omega_n^{\omega_n}$. Et ici donc, c'est ω_0 que nous notons ω . Mais dans d'autres contextes, c'est ω_2 que nous notons ω . Et n'importe quel ω_k peut au besoin appelé ω , par exemple ω_{777777} .

Nous avons représenté l'**ensemble des nombres omégaréels** entre l'intervalle $[-v, +v]$. Mais il continue bien au-delà, entre $[-v^2, +v^2]$, puis entre $[-v^3, +v^3]$, puis entre $[-v^4, +v^4]$, etc., jusqu'à $[-v^v, +v^v]$, et ainsi de suite, en faisant intervenir tous les **hyperopérateurs** appliqués à v . Et on pose: $w = v^v = \omega_1$. Et on a : $w^w = \omega_2$, etc.. Et dans d'autres contextes donc, c'est cette « **voiture** » ω_2 que nous notons ω . A ne pas confondre donc les différentes redéfinitions de la **variable** ou « **voiture** » ω .

La **structure** ainsi décrite par une **suite** de **terme général** ω_n telle que: $\omega_0 = v$, et telle que : $\omega_{n+1} = \omega_n \wedge \omega_n = \omega_n^{\omega_n}$, est une **structure fractale**, dont nous avons parlé au début. Le même **modèle** se reproduit indéfiniment à toutes les échelles, de l'infiniment petit à l'infiniment grand.



C'est la **structure** fondamentale des **nombre réels**, et plus généralement de tous les **nombre**, de toutes les choses.

La **suite** : $p = (3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6, 5, 3, 5, 8, 9, 7, 9, 3, 2, \dots)$, qui est simplement la **suite** des **décimales** ou **chiffres** du fameux **nombre** : $\pi = 3,141592653589793238462643383279\dots$, est un **entier variable**, mais dont la **variation** ne se définit pas par une loi simple, comme précédemment. Elle n'est ni **croissante**, ni **constante**, ni **infinie**.

Mais à partir d'elle on peut définir la **suite** ou **entier variable**:
 $n_\pi = (3, 31, 314, 3141, 31415, 314159, 3141592, 31415926, \dots)$,
 qui est **strictement croissante**, donc qui est un **entier infini**, au sens de ce mot dans logique des **variables**.

Etant donné un **entier variable** n , notons n_i son élément de **rang** i , les **rangs** étant précisément les éléments de: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. On a donc $v_0 = 0, v_1 = 1, v_2 = 2$, etc., et de manière générale : $v_i = i$, à lire « **varid i égale i** ». C'est donc la « **suite identité** », que nous rebaptisons donc la « **suite « variable »** ou « **suite vie** ».

Et on a : $w = v^v$; donc : $w_i = (v^v)_i = (v \wedge v)_i = v_i \wedge v_i = i \wedge i = i^i$.

Et on a : $\omega = w^w$; donc : $\omega_i = (w^w)_i = (w \wedge w)_i = w_i \wedge w_i = i^i \wedge i^i = i \wedge i^{i+1} = i \wedge (i \wedge (i+1))$.

w est appelé le « **petit ω** », et v est appelé le « **petit w** », etc.. Ce sont donc trois modèles de la même **fractale**, donc sont utilisés de la même façon.

Et on a aussi:

$0 = 1/\omega$; $\omega = 1/0$. Et : $\theta = 1/w$; $w = 1/\theta$. Et : $\varepsilon = 1/v$; $v = 1/\varepsilon$. Et donc : $\varepsilon^v = \theta$; $\theta^w = 0$.

L'**addition** « + » de deux **suites** ou **entiers variables** m et n , s'effectue en **additionnant les éléments de même rang**. Et la **multiplication** « × » se fait en **multipliant les éléments de même rang**. De même pour la **soustraction** et la **division**.

De manière générale, pour toute **opération binaire** définie sur les **entiers naturels**, les **constantes** donc, on définit la même **opération** sur les **entiers variables** ou **suites d'entiers naturels**, en la **faisant sur les éléments de même rang i**.

Donc, soit une **opération** notée **H** définie sur les **entiers naturels**, les **entiers constants** donc. La même **opération** est définie sur les **entiers variables**, par :
 $(m H n)_i = m_i H n_i$.

Et si l'on définit une **opération unaire** **F** sur les **entiers naturels** ou **entiers relatifs**, c'est-à-dire une **application** de **N** dans **N**, qui à tout **entier naturel** ou **relatif i** associe **F(i)**, la même **opération unaire** **F** est définie sur les **entiers variables** par : $(F(n))_i = F(n_i)$.

Ainsi en particulier :

$$(m+n)_i = m_i + n_i.$$

$$\text{Et : } (m - n)_i = m_i - n_i.$$

$$\text{Et : } (m \times n)_i = m_i \times n_i.$$

Et : $(m / n)_i = m_i / n_i$, en présupposant la **division par 0** défini, en parlant du **0 absolu** ou **o**.

Dans l'**arithmétique omégacyclique** qu'on reverra, pour deux **entiers constants** ou **variables a** et **b**, si l'un ou l'autre est **0** ou si les deux sont **0**, on pose : $a / b = 0$. Avec cela, la **division** de deux **entiers variables** est définie.

Par exemple, $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, et il est défini par : $v_i = i$.

Et on a : $3 = (3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, \dots)$, et il est défini par : $(3)_i = 3$.

Et $v+3$ est l'**entier variable** défini par : $(v+3)_i = v_i + (3)_i = i + 3$.

Autrement dit : $v+3 = (3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, \dots)$.

Comme second exemple, on a vu plus haut la **suite** ou **entier variable**:

$$n_\pi = (3, 31, 314, 3141, 31415, 314159, 3141592, 31415926, \dots).$$

En considérant maintenant la **suite** ou **entier variable** :

$$q_{10} = (1, 10, 100, 1000, 10000, 100000, 1000000, 10000000, \dots),$$

on peut définir le rapport:

$$n_\pi / q_{10} = (3/1, 31/10, 314/100, 3141/1000, 31415/10000, \dots),$$

qui est une de l'infinité des manières dont est défini avec les **entiers variables** le fameux nombre π ou $pi = 3,141592653589793238462643383279\dots$

Il est donc le **rationnel variable** :

$$\pi = n_\pi / q_{10} = (3/1, 31/10, 314/100, 3141/1000, 31415/10000, \dots).$$

De même, pour définir à présent le fameux **nombre d'Euler** la base du **logarithme népérien**:

$$e = 2,718281828459045235360287471352\dots,$$

on considère l'**entier variable** ou **infini** :

$$n_e = (2, 27, 271, 2718, 27182, 2718281, 27182818, 271828182, 2718281828, 27182818284, 271828182845, \dots).$$

On a alors :

$$e = n_e / q_{10} = (2/1, 27/10, 271/100, 2718/1000, 27182/10000, 271828/100000, 2718281/1000000, 27182818/10000000, 271828182/100000000, 2718281828/1000000000, 27182818284/10000000000, 271828182845/100000000000, \dots).$$

De manière générale, tous les **nombre réels** (au sens classique) habituellement qualifiés « irrationnels », sont des **rationnels** avec les **entiers variables**. Un tel **nombre r** peut être défini comme le **rapport** d'un **entier variable** n_r avec l'**entier variable** q_{10} .
Autrement dit : $r = n_r/q_{10}$.

Et d'ailleurs, tout nombre **réel positif x** peut se mettre sous cette forme : $x = n_x/q_{10}$.

Par exemple :

$$5 = n_5/q_{10} = (5/1, 50/10, 500/100, 5000/1000, 50000/10000, \dots) = (5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, \dots).$$

Dans la nouvelle conception, tout ensemble **E**, quel qu'il soit, a un **nombre d'éléments** ou **cardinal n**, qui est **fini** ou **infini**, c'est-à-dire **constant** ou **variable**. Ainsi, on convient que le **nombre des éléments** ou **cardinal** du classique ensemble des **entiers naturels** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, est **v**, et plus précisément **v+1**, si l'on convient (comme nous l'avons fait plus haut) que **v** représente le **denier élément** de N , en écrivant celui-ci sous **forme bornée**:

$$N = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1, v\}.$$

Comme déjà dit, N écrit ainsi est borné par un **nombre variable**, en l'occurrence **infini**, donc cette écriture est équivalente à : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$.

Et **v** lui-même, que nous définissons comme la **suite d'entiers** classiques: $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots)$, ce qui n'est qu'une autre manière de parler de N , correspond, en notation classique, à l'ensemble: $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\}$, qui a exactement **v éléments**.

Écrit comme cela, il ne faut pas le voir comme un ensemble contenant les **éléments** de N et certains éléments qui ne seraient pas de N , mais simplement comme une autre manière d'écrire et d'ordonner les éléments de $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$. Ceux-ci, qualifiés pourtant de « **finis** » ou de « **constants** », cachent des éléments **infinis** ou **variables**, comme on l'a déjà vu.

Un **entier infini** est donc un **entier variable**, et étant entendu que les **entiers finis** en sont des cas particuliers, les **entiers constants** donc, la définition que nous donnons sur le **potentiel** K^I d'un ensemble K d'**indiciel** I , et en particulier si : $I = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_n\}$, où n est un entier quelconque, s'applique de la même manière pour les **entiers n constants** ou **variables**, c'est-à-dire **finis** ou **infinis**.

Donc, si I a **v éléments distincts** $a_1, a_2, a_3, \dots, a_v$, c'est-à-dire si $I = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_v\}$, alors: K^I est **isomorphe** à un **ensemble de v-uplets d'éléments de K**, à savoir $K \times K \times K \dots \times K = K^v$.
C'est le cas notamment si : $I = \{0, 1, 2, 3, \dots, v-1\} = v$.

De manière générale donc, on considère deux ensembles non vides quelconques K et I . L'ensemble K^I des **applications de I dans K** est donc le **potentiel de K d'indiciel I**.

Les éléments de K sont appelés des **constantes**, et les éléments de K^I sont appelés les **variables associées**.

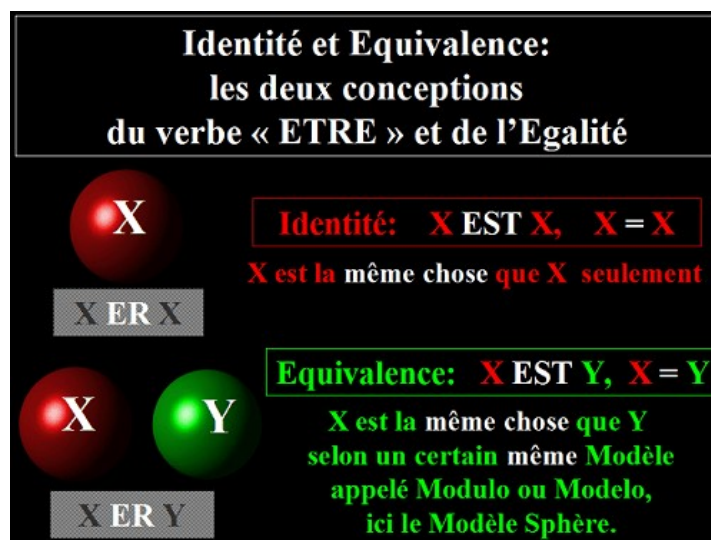
Soit F une **application** de K dans K , et x un élément de K^I . On définit la même **application F** de K^I dans K^I (en fait le **prolongement** de F à K^I) par : $(F(x))(i) = F(x(i))$, pour tout élément i de I .

Soit H une application de $K \times K$ dans K , et x et y deux éléments de K^I . On définit la même application H de $K^I \times K^I$ dans K^I (en fait le prolongement de H à K^I) par : $(x H y)(i) = x(i) H y(i)$, pour tout élément i de I .

Abordons maintenant plus techniquement la question de l'identité et de l'équivalence.

IV - Les deux relations d'égalité : l'identité et l'équivalence

Contrairement aux paradigmes classiques la relation d'« égalité », généralement notée par le signe « = », se réduit en fait à l'identité, et où la relation d'équivalence, qui est en fait la notion générale d'égalité, n'est utilisée que chaque fois que l'on a besoin de parler de classes d'objets comme étant un seul individu, autrement dit la notion de classe d'équivalence, dans notre Paradigme, celui de l'Univers TOTAL, l'Ensemble de toutes les choses, c'est l'approche inverse.



Le mot « égalité » ou le signe « = », qu'il faut voir comme un signe générique, désigne en réalité une certaine relation d'équivalence dans l'ensemble dans lequel on travaille, prise comme l'égalité de référence ou l'égalité courante.

Définition :

Une relation binaire \mathcal{R} dans un ensemble E est une relation d'équivalence ou une relation d'égalité si elle vérifie les trois propriétés suivantes :

1) **Réflexivité :**

Pour tout élément x de E , on a : $x \mathcal{R} x$.

2) **Symétrie :**

Pour deux éléments x et y de E , si $x \mathcal{R} y$ alors $y \mathcal{R} x$.

3) **Transitivité :**

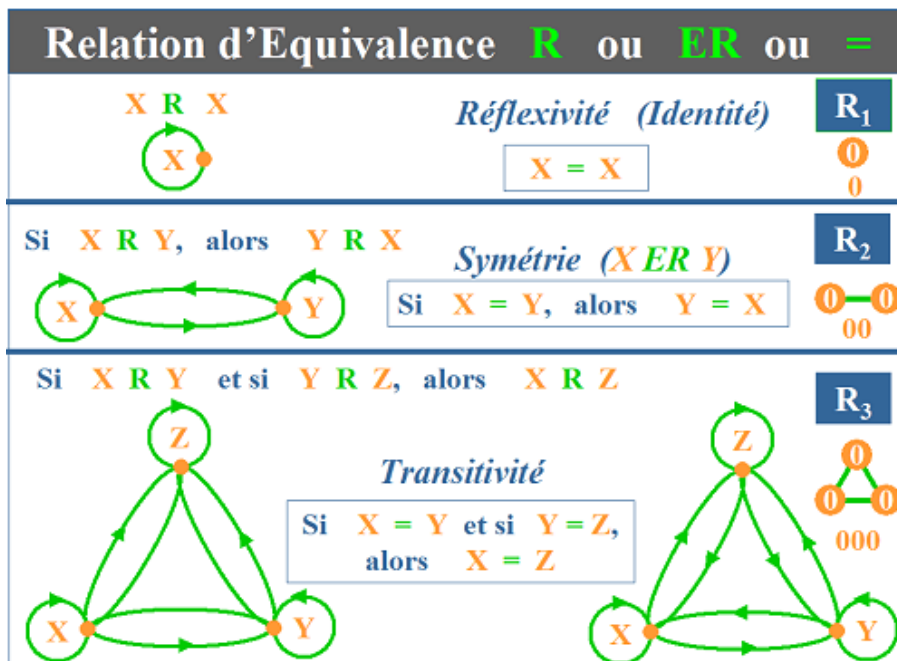
Pour trois éléments x , y et z de E , si $x \mathcal{R} y$ et si $y \mathcal{R} z$, alors $x \mathcal{R} z$.

La notation « **ER** » est à lire « **Equivalence Relation** » ou « **Relation d'Équivalence** ». Nous l'appelons aussi le « **verbe ETRE technique** ».

Cela veut dire que l'expression courante « **X EST Y** », qui est le sens que l'on donne couramment à l'égalité « **X = Y** », est la manière courante de parler d'une **relation d'équivalence**.

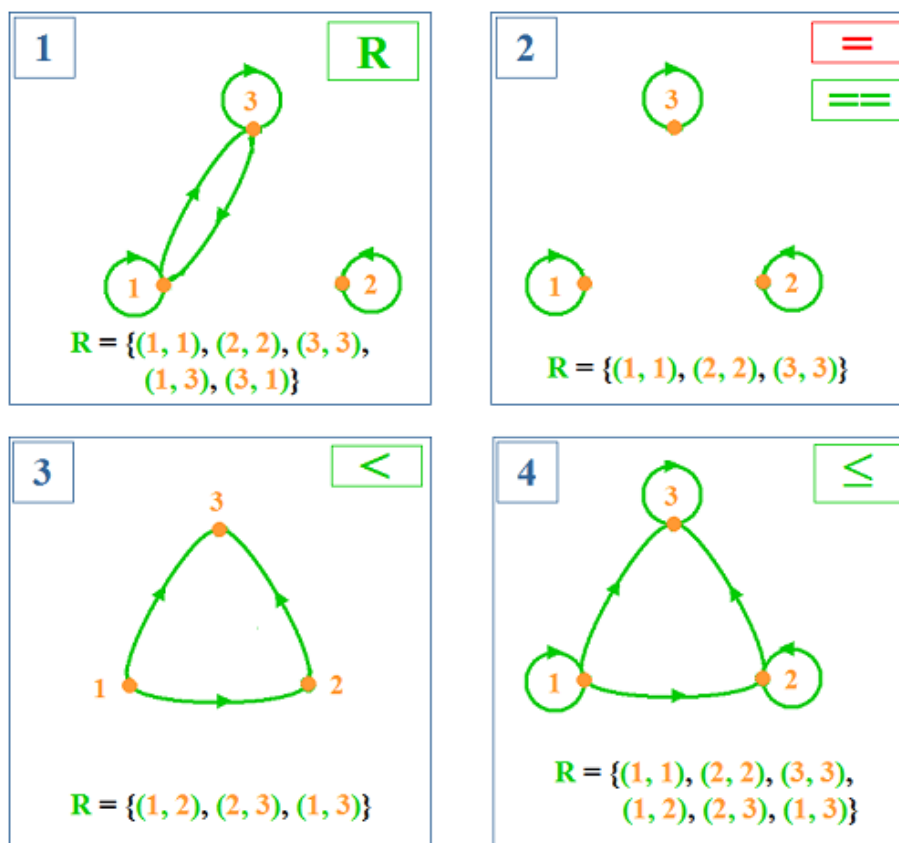
Plus exactement, dans le langage courant le verbe « **ETRE** » exprime une **identité**, et « **X EST Y** » ou « **X = Y** » exprime une **identité** entre **X** et **Y**. Mais dans la nouvelle vision, le verbe « **ETRE** » exprime une **équivalence**, et « **X EST Y** » ou « **X = Y** » exprime une **équivalence** entre **X** et **Y**. Et le verbe « **ETRE** » ou la **relation d'équivalence**, se dira « **ER** ».

Autrement dit simplement, les expressions « **X = Y** », « **X EST Y** », « **X ER Y** », sont des manières différentes de dire la même chose, et on exprime désormais par là non plus seulement une **relation d'identité**, mais de manière générale une **relation d'équivalence**.



Une **relation d'équivalence** **R** est souvent notée « \equiv », mais c'est elle que dans notre vision nous notons « = ».

Ci-après un exemple de quatre **relations binaires** dans l'ensemble $E = \{1, 2, 3\}$. Les **relations 1 et 2** sont des **relations d'équivalence**.



La **relation 3** est la **relation d'ordre stricte**, et la relation 4 est la **relation d'ordre large**. On parlera de la **relation d'ordre** plus tard.

Il est souvent utile de remplacer la **transitivité** par une propriété équivalente que nous appelons la **varitransitivité**:

3') **Varitransitivité** :

Pour trois éléments x , y et z de E :

si $x \mathcal{R} z$ et si $y \mathcal{R} z$, alors $x \mathcal{R} y$ (**varitransitivité à gauche**);

et si: $z \mathcal{R} x$ et si $z \mathcal{R} y$, alors $x \mathcal{R} y$ (**varitransitivité à droite**).

C'est la **varitransitivité** qui exprime exactement l'une des idées intuitives concernant l'**égalité**, qui est que deux choses x et y **égales** à une troisième z , sont **égales** entre elles :

si $x = z$ et si $y = z$, alors $x = y$ (**varitransitivité à gauche**);

et si $z = x$ et si $z = y$, alors $x = y$ (**varitransitivité à droite**).

La seule chose qui reste c'est de savoir si x et y sont **égaux** à z en étant tous les deux à **gauche** du signe de l'**égalité** « = » ou de l'**équivalence**, ici \mathcal{R} , ou en étant tous les deux à **droite** du signe de l'**égalité** ou de l'**équivalence**.

Avec la **transitivité**, l'un est à **gauche** et l'autre est à **droite**, et c'est y et non pas z qui joue le rôle du troisième élément de l'**égalité**:

Pour trois éléments x , y et z de E , si $x \mathcal{R} y$ et si $y \mathcal{R} z$, alors $x \mathcal{R} z$.

Pour dire donc : Pour trois éléments x , y et z de E , si $x = y$ et si $y = z$, alors $x = z$.

Ou si z est le troisième élément :

Pour trois éléments x , y et z de E , si $x \mathcal{R} z$ et si $z \mathcal{R} y$, alors $x \mathcal{R} y$.

Pour dire donc : Pour trois éléments x , y et z de E , si $x = z$ et si $z = y$, alors $x = y$.

A noter donc que si la **relation \mathcal{R}** est **symétrique**, seule l'une des deux **varitransitivités** à **gauche** ou à **droite** suffit. En effet, les deux **varitransitivités** diffèrent juste par l'**ordre** des **reliandes** x , y et z , notamment, pour l'**ordre**, dans: $x \mathcal{R} z$ et $y \mathcal{R} z$, et, pour l'**ordre inverse**, dans: $z \mathcal{R} x$ et $z \mathcal{R} y$. Et la **symétrie** assure justement que l'on peut **permuter** les **reliandes** de la **relation**. Et donc il suffit de l'une des deux **varitransitivités**.

Et toujours, pour des raisons d'**ordre** des **reliandes**, la **symétrie** de la **relation \mathcal{R}** étant assurée, la **transitivité** et la **varitransitivité** deviennent la même chose. Les deux disent donc que si deux éléments de E x et y sont **équivalents** à un troisième z , alors x et y sont **équivalents** entre eux.

Mais l'intérêt de la **varitransitivité** notamment sous sa forme **droite**:

si: $z \mathcal{R} x$ et si $z \mathcal{R} y$, alors $x \mathcal{R} y$, ou: si $z = x$ et si $z = y$, alors $x = y$,

est de mettre en lumière un certain type de **relation d'égalité** ou d'**équivalence**, l'**omégavalence** ou **varidance** (qu'on détaillera bientôt), qui, bien que n'étant pas **transitive** ou **régitransitive**, n'en demeure pas moins une forme d'**égalité** ou d'**équivalence**, qui est plus générale encore que l'**égalité** (ou l'**équivalence**) classique. C'est la formulation de **varitransitivité** qui met cela en évidence, à savoir qu'un élément z d'un ensemble peut bel et bien être **égal** (ou **équivalent**) à deux éléments x et y , sans que ceux-ci soient **égaux** (ou **équivalents**) entre eux!

Pour tout ensemble E , on a l'application v de E dans E telle que $v(x) = x$ pour tout élément x de E . Nous l'appelons l'application **varid** ou **vie**.

Le nom « **varid** » de cette **application** vient de là, à savoir d'abord qu'elle définit par excellence la notion de **variable**, car l'**égalité** : $v(x) = x$, identifie d'une certaine manière l'application v et sa **valeur** qu'elle prend, et qui est x . Elle dit en effet au sens propre : « **Pour x , v prend la valeur x** », et donc : « **Pour y , v prend la valeur y** », ou $v(y) = y$, et donc : « **Pour z , v prend la valeur z** », ou $v(z) = z$, et donc aussi, charité bien ordonnée commence par soi-même : « **Pour v , v prend la valeur v** », ou $v(v) = v$, etc. Et l'énoncé : « **a prend la valeur b** », n'est rien d'autre qu'une certaine **relation d'équivalence** ou d'**égalité**, qu'on peut noter par exemple « \equiv », pour distinguer avec l'**égalité courante** « $=$ ». Donc elle veut dire: « **$a \equiv b$** ».

Autrement dit, « **a prend la valeur b** » est une manière de dire que a et b sont **égaux** au sens d'une certaine notion d'**égalité**, qui est celle typique des **variables**. Car ce sont elles qui **prennent pour valeurs** les éléments d'un ensemble E donné, appelé l'**ensemble de leurs valeurs**. Tout simplement, dire : $v(x) = x$, c'est dire: $v \equiv x$, pour x , et dire : $v(y) = y$, c'est dire: $v \equiv y$, pour y , etc., et donc, en particulier, dire : $v(v) = v$, c'est dire: $v \equiv v$, pour v . Il s'agit donc d'une **égalité** concernant v , mais au lieu d'être permanente, fixe, **constante**, c'est-à-dire d'avoir une **identité constante**, elle **varie**, elle dépend de l'élément x pour lequel elle est exprimée. Donc: $v \equiv x$, pour x , qu'on peut tout à fait dire aussi: $v = x$, pour x , en utilisant le signe courant « $=$ », mais en relativisant à x . On peut simplement écrire aussi: $v =_x x$, qui s'interprète comme: « **V EST x selon l'égalité relative à x** », ce qui signifie que tout objet x a une égalité qui lui est propre, « $=_x$ », qui se

caractérise par le fait que pour cette **égalité**, **v vaut x**. Et pour « $=_y$ » donc, **v vaut y**, et ainsi de suite. Différentes manières de dire exactement la même chose.

Et ensuite, le nom « **varid** » fait référence au fait que cette application est celle traditionnellement appelée **Identité** et notée « **Id** », et qui vérifie : **Id(x) = x**, pour tout élément **x**. Et enfin cette application est appelée « **vie** », car la **variabilité** ou le **dynamisme** est une **caractéristique** du **vivant**. Par opposition au **constant** ou au **statique** ou au **figé**, qui est une caractéristique du **mort**.

Une **variable** comme par exemple **v** « **prend des valeurs** » distinctes qui sont les éléments d'un ensemble **E** donné, comme par exemple l'ensemble des **entiers naturels** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$. Dire que la **variable v** « prend ces valeurs » c'est ni plus ni moins dire qu'elle **s'égalise** avec chacune de ces valeurs, ce que l'on a l'habitude de noter: **v = 0, 1, 2, 3, 4, 5, ...**, ou : **v = 0, v = 1, v = 2, v = 3, v = 4, v = 5, ...**.

On voit alors immédiatement que l'habituelle **transitivité** est fortement mise à mal ici, car elle exige que l'on dise alors : **0 = 1 = 2 = 3 = 4 = 5, ...**, à savoir que tous les éléments de l'ensemble des **valeurs** prises par la **variable v** sont **égaux** entre eux! En effet, ils sont tous **égaux** à une même chose **v**, sauf alors si cette **égalité** associée à la notion de **variable**, qui est tout simplement aussi l'**égalité** associée à la notion d'**infini oméga**, a un sens différent de l'habituelle **identité**. Bien sûr que nous ne cessons de dire de livre en livre, de document en document, qu'il s'agit de la **relation d'équivalence**, qui est la notion d'**égalité** plus générale que l'**identité**. Mais même dans ce cas, la **transitivité** semble violée, dans la mesure où l'on a une situation du genre:

v = 0 et v = 1 mais 0 ≠ 1.

Mais ce n'est qu'une apparence car il s'agit justement d'une **varidance**.

La **varitransitivité** est bel et bien vérifiée malgré les apparences:

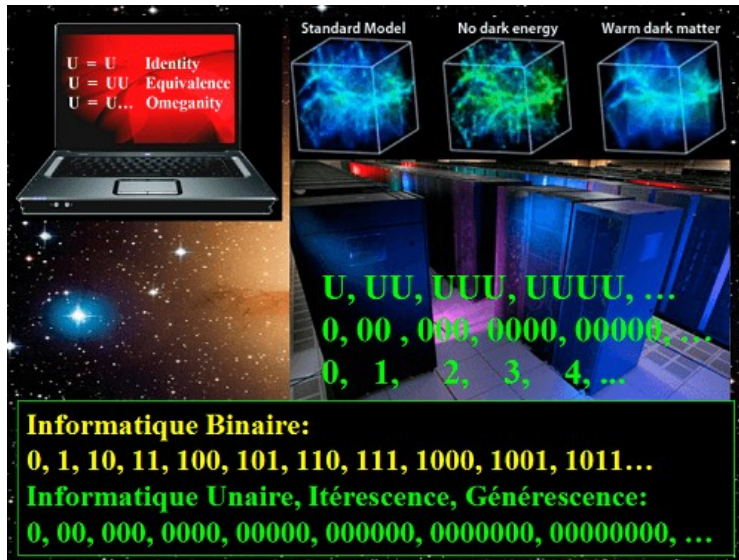
v = 0 et v = 1 donc 0 = 1,

dans la mesure où l'on comprend qu'en fait deux **relations d'équivalence** ou **relations d'égalité** sont impliquées ici, la première étant une **équivalence plus stricte**, qu'on peut noter « **==** » et dont la **négation** est « **!=** », la **relation** notée « **≠** », la seconde étant celle notée « **=** », dont la **négation** est « **≠** ». La **relation** « **==** » est une **sous-équivalence** de « **=** », ce qui signifie que « **==** » et « **=** » sont deux **relations d'équivalence** dans **E**, telles que pour deux éléments **x** et **y** de **E**, on a :

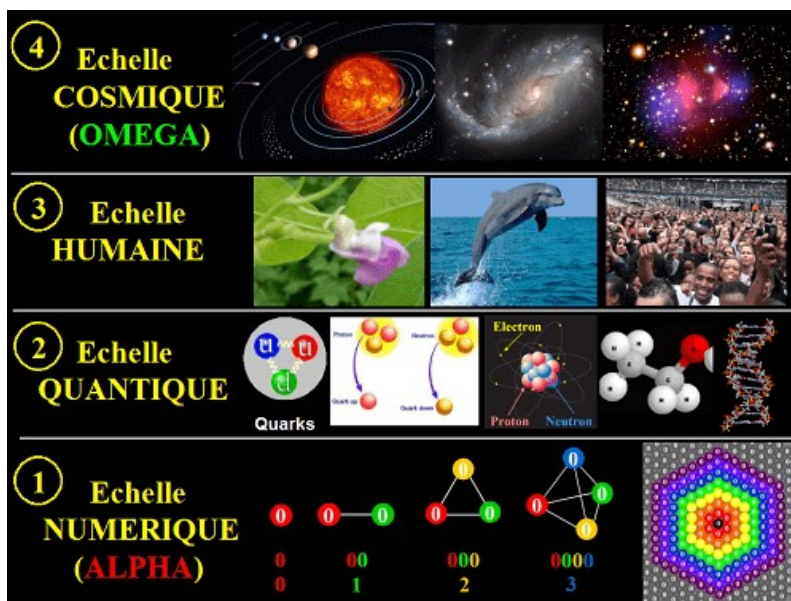
x == y ⇒ x = y.

La **relation d'équivalence** est plus qu'une simple question d'étude de la notion d'**égalité**, et aussi bien plus qu'une question de mathématiques, mais c'est une question de physique la plus fondamentale, notamment ce qui est de plus en plus nommé la **physique informationnelle**, un domaine où l'on ne sépare plus **mathématiques**, **physique** et **informatique théorique** et même **informatique pratique**. Cela vient du fait que la notion de « **numérique** » au sens **informatique** du terme (à savoir la notion d'**information**, de **donnée**, etc.), et la notion « **numérique** » au sens **mathématique** du terme, à savoir la notion de **nombre**, comme celle de **nombres entiers naturels**, $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, sont une seule et même notion!

Une vérité fondamentale à comprendre à l'ère de l'**information** et du **numérique** est qu'en fait **TOUT et absolument TOUT dans l'Univers TOTAL est de l'INFORMATION.**



TOUT est donc numérique, malgré les apparences, et par exemple l'impression que nous pourrions avoir en touchant entre autres les **solides**.



TOUT est donc en fait fondamentalement la répétition de l'**information U** ou **1**, autrement dit tout revient à dire uniquement : **U, UU, UUU, UUUU, UUUUU, ...**, ou : **1, 11, 111, 1111, 11111, ...**, et ce sont ces **itérations** de l'**information élémentaire U** ou **1** que nous appelons les **nombres entiers naturels**: **1, 2, 3, 4, 5, ...**. Ces **itérations** sont aussi ce que nous appelons des **informations unaires** d'**unit U**, ou **générésences** d'**unit U**, le mot « **unit** » s'opposant au mot « **bit** » quand il s'agit d'**informations** formées de deux **unités informationnelles**, le **0** et le **1**. Mais quand toutes les **informations** sont formées d'une seule **unité informationnelle**, nous parlons alors d'**unit**, et l'adjectif « **génératif** » fait justement référence au mot **générésence**, ou **génération** ou encore au verbe **générer**, pour dire donc que toutes les autres **informations** (ou **nombres**) sont **générées** à

l'information X indéfiniment. Donc « **0...** » ou « **0 GENER** » signifie qu'il faut **itérer l'information 0 indéfiniment.**

Et l'écriture « **U...** » ou « **1...** » est la manière dont nous définissons la **variable varid v** en tant que **générescence d'unit U** ou **1**. Autrement dit : **v = U... = 1...**

Toute autre notion de **nombre** est définie à partir des **générescences d'unit U** ou **1**. Comme par exemple la notion de **zéro**, qui, **additivement** parlant, signifie l'**absence de l'information U** ou **1**, ce qui s'exprime donc par l'opération de **soustraction**:

$$1 - 1 = 0 \text{ ou } U - U = O.$$

Ou devrions nous dire plus exactement:

$$1 - 1 = o \text{ ou } U - U = O,$$

en distinguant donc le **zéro absolu o**, le **zéro additif** ou **élément neutre** de l'**addition**, avec le **zéro génératif 0**, que je nomme aussi le **zéro fractal**, ou encore le **zéro multiplicatif**, qui, lui, est le **U** ou **1** quand il est **rapporté à l'infinité**, à savoir $1/v$, que nous notons ϵ , si l'on prend pour **infinité** la **variable varid v**. Et si nous prenons pour **infinité** plutôt v^v , ou « **v puissance v** », que nous notons **w**, alors **1 rapporté à l'infinité** est $1/w$, que nous notons θ . Mais nous préférons souvent choisir comme **infinité** w^w , que nous notons ω , et alors **1 rapporté à l'infinité** est $1/\omega$, que nous notons alors du symbole classique **0**.

Quand nous écrivons $1/v$, cela signifie qu'au départ nous donnons à cette expression la **valeur o** (c'est justement la logique de la **division omégacyclique par zéro**), puis en suite quand **v** est **1** ou **U**, $1/v$ vaut $1/1$, et quand **v** est **2** ou **UU**, $1/v$ vaut $1/2$, et quand **v** est **3** ou **UUU**, $1/v$ vaut $1/3$, etc. Donc **v** étant **variable** et augmentant à chaque fois d'une **unité 1** ou **U**, le **rapport** $1/v$ est une **variable** aussi, qui par contre est de plus en plus petit.

Dans l'algèbre, l'arithmétique et l'analyse traditionnelles, on dit que « **1/v tend vers zéro quand v tend vers l'infini** ». Mais **v** ne tend pas vers l'**infini**, mais de par son fonctionnement de **variable croissante**, il est une nouvelle définition d'un **nombre infini**. Et $1/v$ ou ϵ est un **zéro**, puisqu'il est l'inverse d'un **nombre INFINI** au sens que nous venons de définir.

On voit immédiatement que cette notion de **zéro**, qui s'exprime en terme de **rapport** ou de **division** et non pas d'**addition** ou de **soustraction**, comme c'est le cas de **O** ou **o**, le **zéro-origine** donc, est une autre notion de **zéro**, que **O** ou **o**, le **zéro absolu**, l'**élément neutre** de l'**addition**.

Signalons que dans les livres précédents, c'est ω et non pas **v**, qui est défini comme « **U...** » ou « **1...** ». Et aussi **w** a été défini comme « **U...** » ou « **1...** ». La structure étant fractale, l'**infinité** définie comme « **U...** » ou « **1...** » a finalement peu d'importance, la logique étant exactement la même.

Donc en posant: **v = U... = 1...**, cela signifie par exemple que si le **nombre des itérations** de l'**unit U** ou **1** est présentement **7**, autrement dit si la **valeur présente** de la **variable varid** est **v = 7**, alors **2v = 14**, **3v = 21**, **v² = 7² = 49**, **v³ = 7³ = 343**, et : **v^v = 7⁷ = 823543**, qui est la **valeur présente** de **w**, puisque par définition : **w = v^v**. Et par définition aussi: **ω = w^w**, donc la valeur présente de **ω** est **823543⁸²³⁵⁴³**, quand donc la **valeur présente** de **v** est **7**.

Et quand **v** dans son évolution prendra la **valeur 10**, autrement dit le **nombre des itérations** de l'**unit U** ou **1** est présentement **10**, alors : **2v = 20**, **3v = 30**, **v² = 10² = 100**, **v³ = 10³ = 1000**, et :

$v^v = 10^{10} = 10000000000$, qui est donc la **valeur présente** de w . Et la **valeur présente** de ω est alors $10000000000^{10000000000}$. Et ainsi de suite. Le **nombre varid** v continue ainsi son évolution, sa **variation croissante** donc, et tout autre nombre défini à partir de v , comme w , ou ω ou autre, prend simplement sa valeur en conséquence.

Mais dans le cas du choix de définir w comme « $U\dots$ » ou « $1\dots$ », c'est lui qui devient la référence par rapport à laquelle tous les autres nombres se calculent. Quand alors $w = 10$, on a : $\omega = 10^{10} = 10000000000$, tandis que v sera le nombre, pas entier, tel que : $v^v = w$. donc tel que : $v^v = 10$. Le nombre v est alors ce que j'appelle la **racine carrée de tétration de 10**, ou encore l'**audoracine de 10**, notée **aur(10)**. Sa valeur approximative est: $v = 2.5061841455887\dots$. C'est tout simplement la **variable aur(w)** qui aura exactement pour **valeur** le **nombre entier 7** quand la **variable w** aura exactement pour **valeur 823543**. Quand w valait **1**, **aur(w)** valait **1** aussi, et quand w valait **4**, **aur(w)** valait **2**, et quand w vaudra **27**, **aur(w)** vaudra **3**, etc. Mais pour l'instant, comme w vaut **10**, qui est entre **4** et **27**, alors **aur(w)** a une valeur intermédiaire entre **2** et **3**, qui est donc: $v = \text{aur}(w) = 2.5061841455887\dots$.

Donc, dans le cas où c'est w qui est le **varid**, c'est-à-dire qui est défini comme : $w = U\dots = 1\dots$, ou (ce qui revient au même) l'application de N dans Z telle que: $w(n) = n$, pour tout entier **naturel** n , la **variable**, qui n'est donc le **varid** mais l'**audoracine** du **varid**, est en évolution pour valoir **3** quand w vaudra **27**. Elle est présentement $v = 2.5061841455887\dots$. Comme aussi le fameux nombre $PI = \pi = 3,1415926535897932\dots$, ou encore la fameuse **base du logarithme népérien**: $e = 2,71828182845904523\dots$, tous ces nombres ainsi que tous ceux que les paradigmes classiques qualifient d'« **irrationnels** », ce qui veut dire qu'ils ne sont pas des **fractions**, sont bel et bien des **rationnels** ou **fractions** dans le Nouveau Paradigme. En effet, ce sont tous des **rapports** de deux **nombres entiers variables**, ceux-ci étant des **rapports** entre deux **nombres entiers** classiques, autrement dit des **fractions** ou **rationnels** classiques, sauf que c'est juste qu'ils sont... **variables**! Au lieu donc d'être **rationnels constants, statiques**. C'est tout.

Ainsi donc, $v = 2.5061841455887\dots$ est le **rapport p/q** entre le **numérateur entier variable croissant**:

$p = 2, 25, 250, 2506, 25061, 250618, 2506184, \dots$

et le **dénominateur entier variable croissant**:

$q = 1, 10, 100, 1000, 10000, 100000, 1000000, \dots$

Autrement dit, on a :

$v = p/q = 2/1, 25/10, 250/100, 2506/1000, 25061/10000, 250618/100000, 2506184/1000000, \dots$

Une **fraction variable** donc, dont le **numérateur p** et le **dénominateur q** sont des **entiers variables croissants**, ou **croissants à partir d'un certain rang**, ce qui, dans le paradigme de l'**équivalence** et des **variables**, est la définition d'un **nombre entier infini**. Donc la valeur de la **variable v** ici, quand le **varid w** vaut **10**, est une **fraction p/q** dont le **numérateur** et le **dénominateur** sont des **nombres infinis**, au sens de l'**infinité** que nous avons définie.

Tous les **nombres réels** au sens classique du terme, qu'ils soient dits « **rationnels** » ou « **irrationnels** », sont des **nombres rationnels** (c'est-à-dire des **fractions**) en ce nouveau et très naturel sens! Des **rationnels** tout ce qu'il y a de classique, mais simplement **variables**!

Mais revenons à nos **INFORMATIONS**. Puisque **TOUT est fondamentalement de l'information**, ou **TOUT est numérique**, les **informations** ou les **nombres purs** sont des objets

physiques donc aussi, l'unité physique fondamentale étant U ou 1, qui représente donc l'Univers TOTAL.

Les informations unaires ou générescences ou nombres entiers naturels ou ordinaux: U, UU, UUU, UUUU, UUUUU, UUUUUU, UUUUUUU, ..., ou : 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, ..., ou: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., les nombres dits « sans dimension » ou « sans unité de mesure », ont donc bel et bien une unité de mesure, qui est U ou 1, l'unité absolue! Ces nombres s'écrivent aussi : 1×U, 2×U, 3×U, 4×U, 5×U, 6×U, 7×U, ..., ou : 1×1, 2×1, 3×1, 4×1, 5×1, 6×1, 7×1, ..., ou: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, Ils sont donc bel et bien sous la forme d'un nombre mathématique multiplié par une unité de la physique, sauf qu'il s'agit de l'unité absolue, U ou 1, l'unité universelle, et c'est vraiment le cas de le dire!

ALPHA, U: l'Unique Unité Fondamentale

Unité « Alpha comme Zéro » Zéro = 0 = 0 = 0 × U	n_0	7 × 0
Unité « Alpha comme Un » Un = 1 = U = 1 × U	n_1	7 × 1
Unité « Deux » Deux = 2 = UU = 2 × U	n_2	7 × 2
Unité « Trois » Trois = 3 = UUU = 3 × U	n_3	7 × 3
Unité « Oméga » Oméga = ω = U... = ω × U	n_ω	7 × ω

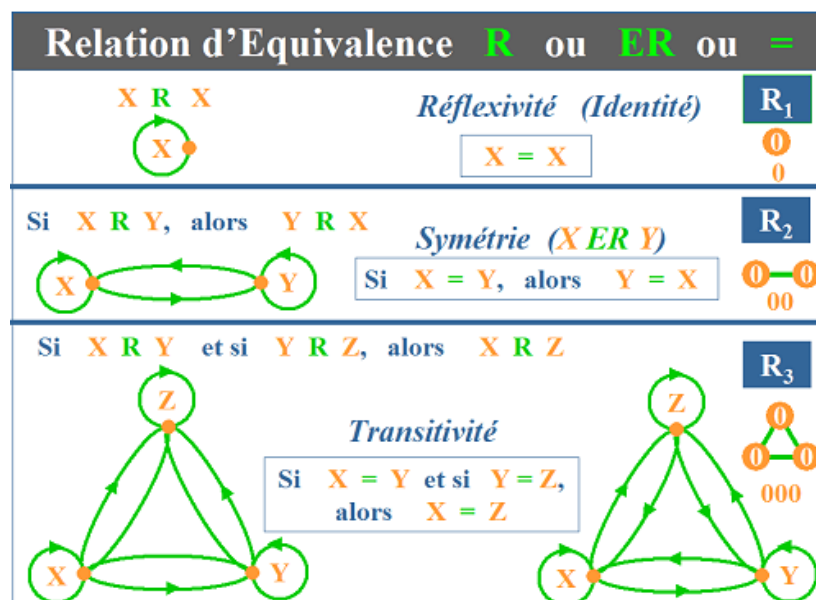
Les unités traditionnelles de la physique, et les grandeurs qu'elles mesurent, sont réalité des nombres absolus aussi, des générescences, des informations unaires, sauf qu'on les nomme des noms : m, s, kg, C, J, etc.

ALPHA, U: l'Unique Unité Fondamentale

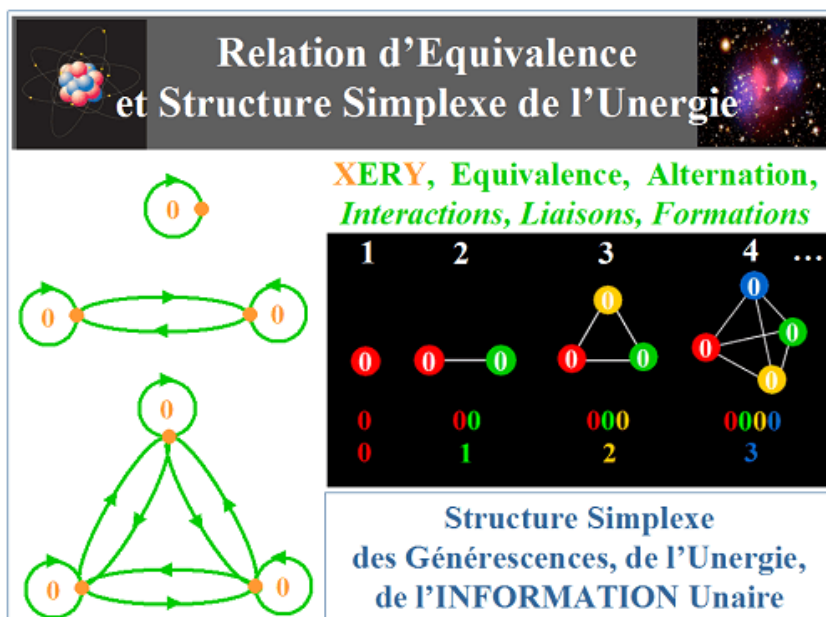
Unité « Temps » Seconde = s = n_s × U	7 s
Unité « Longueur » Mètre = m = n_m × U	7 m
Unité « Energie » Joule = J = n_j × U	7 J
Unité « Température » Kelvin = K = n_K × U	7 K
Unité « Enfant » Enfant = Kid = n_{Kid} × U	7 Kid

Les **générescences** ou **informations unaires** sont aussi la notion absolue d'**énergie**, l'**énergie universelle** aussi, que je nomme l'**unergie**, qui par définition est **positive**, au sens absolu du terme! Et maintenant se pose la grande question de l'**absence** de cette **unergie** ou **énergie informationnelle** ici ou là, de sa **soustraction**, de son **vampirisme** par les êtres **déconnectés** de l'**Univers TOTAL**, les être en étant de **Négation** de l'**Univers TOTAL**, qui incarnent de ce fait la négation de cette **unergie** ou sa **négation**. Dans tous les cas il s'agit d'**absence d'unergie**, de **déficit d'unergie**, etc., qui est alors la définition de l'**énergie négative**, que nous appelons l'**onergie** (nous y reviendrons).

Même si la question a été amplement étudiée dans les livres précédents, notamment : **L'Univers TOTAL L'Alpha et L'Oméga**, et plus spécialement encore aux chapitres II et III, nous allons, dans la droite ligne de ce que nous venons d'expliquer concernant l'**INFORMATION**, la nature **FRACTALE** de l'**Univers TOTAL**, revenir l'idée la **relation d'équivalence** est plus qu'une question mathématique concernant la notion d'**égalité**, mais touche à la **structure physique** même de l'**Univers TOTAL**.



Comme on peut le constater, ces propriétés de la **relation d'équivalence**: la **réflexivité**, la **symétrie** et **transitivité**, portent sur **1 élément**, **2 éléments**, sur **3 éléments**. Et les **structures** associées, que j'appelle les **structures du XERY**, d'un point de vue visuel ou physique, évoquent le **Point**, le **Segment**, le **Triangle**, et si l'on continuait, ce serait un **Tétraèdre** avec **4 éléments**, puis le **Pentaèdre**, etc. Bref, des **structures** spéciales appelées les **structures complexes**.



On dit qu'une **relation binaire** \mathcal{R} quelconque dans un ensemble E est une relation totale si tout élément de E est en **relation** avec lui et avec **tous les autres**. Autrement dit, pour deux éléments quelconque x et y de E , identiques ou différents, on a : $x \mathcal{R} y$. Du point de vue des **graphes** des **relations binaires**, cela veut dire qu'on a tous les **couples** (x, y) dans le **graphe** de la **relation**.

On vérifie très aisément qu'une **relation totale** dans un ensemble E est une **relation d'équivalence**, que nous appelons la **relation d'équivalence universelle** dans E ou **relation de XERY** dans E . Si E possède n éléments, nous disons que cette **relation totale** est un **XERY n** ou un XY_n ou un **Simplexe n** ou **Polyèdre n**:

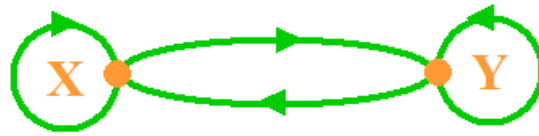
Si E ne possède qu'un **seul élément** x , alors la **relation totale** dans E est le **XERY 1** ou **Simplexe 1**, et elle se matérialise par le fait qu'une flèche par de cet unique élément vers lui-même.



C'est ce que je nomme la **boucle de réflexivité** ou **boucle d'identité**, et cela représente un « **Point** » dans le langage des **graphes** de l'**équivalence**. C'est la première des **structures simplexe**, et voici la **structure** des **généréscences** ou **informations unaires** correspondante:

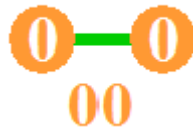


Si E ne possède que **2 éléments** x et y , alors la **relation totale** dans E est le **XERY 2**, et elle se matérialise par **2 boucles de réflexivité** et deux **flèches aller-retour** de **symétrie**.

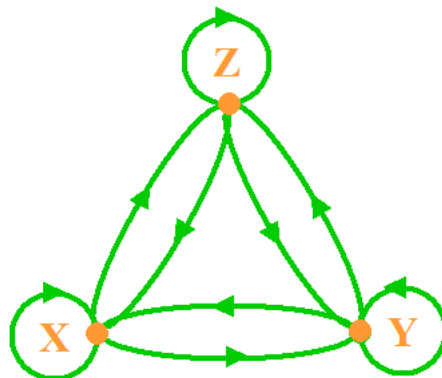


Le **XERY 2** ou « **Fuseau du XERY** »
ou « **Segment du XERY** »

J'appelle la **structure** du **XERY 2** le **Fuseau du XERY** ou le **Segment du XERY** ou encore le **Segment de Symétrie** (en parlant de la **symétrie** de la **relation d'équivalence**). C'est la deuxième des **structures simples**, et voici la **structure des générescences** ou **informations unaires** correspondante:

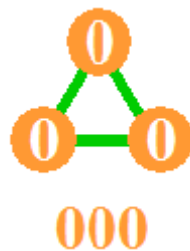


Si **E** ne possède que **3 éléments** **x, y** et **z**, alors la **relation totale** dans **E** est le **XERY 3**, et elle se matérialise par **3 boucles de réflexivité** et **3 segments du XERY**.

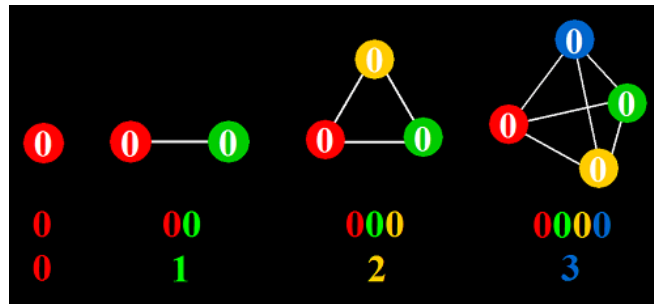


Le **XERY 3** ou « **Triangle du XERY** »

J'appelle la **structure** du **XERY 3** le **Triangle du XERY**, ou encore le **Triangle de Transitivité** et aussi de **Varitransitivité**. C'est la troisième des **structures simples**, et voici la **structure des générescences** ou **informations unaires** correspondante:



Et les **structures simplexes** de la **relation d'équivalence totale** ou **XERY n** se poursuivent ainsi, avec le **Tétraèdre**, puis le **Pentaèdre**, etc.



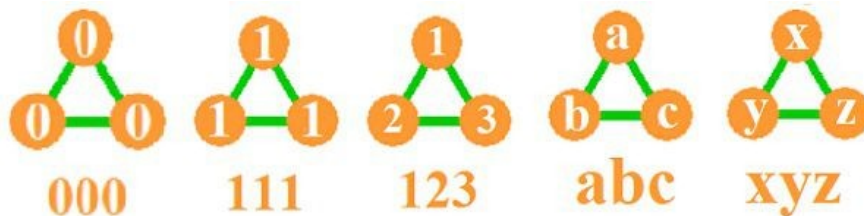
Connaissant cette logique de **structure simplexe** des **classes d'équivalence** ou **classes de XERY**, on sait aussi que pour un ensemble **E** à **n** éléments, construire toutes les **relations d'équivalence** dans **E** c'est construire toutes les combinaisons possibles de ces **structures élémentaires** que sont les **simplexes**. Le **nombre de toutes les combinaisons** possibles pour **n** est le **nombre de Bell**, noté **B_n**.

Si donc **E** n'a aucun élément, autrement dit si **n = 0**, on a une **relation binaire vide**, qui est une relation d'équivalence triviale, donc on a: **B₀ = 1**.

Si donc **E** n'a qu'un seul élément, autrement dit si **n = 1**, alors la seule combinaison de **simplexe** possible est le **Point**. Donc **B₁ = 1**.

Et si **n = 2**, alors on a 2 possibilités de combinaisons : soit **2 Points**, soit **1 Segment**. Donc **B₂ = 2**. Avec **n = 3**, on a 1 possibilité faite de **3 Points**, ou 3 possibilités faites de **1 Point + 1 Segment**, ou **1 possibilité de 1 Triangle**, donc en tout 5 possibilités de **relations d'équivalence**, donc **B₃ = 5**. Et ainsi de suite.

Ce cas de la décomposition du **Triangle** en **simplexes** plus petits commence à être très instructif sur la **logique** des **généréscences** ou **informations unaires**, sur leurs **structures**, leur **fonctionnement**, etc. Et cette **logique**, c'est précisément la **Relation d'Équivalence**, le **XERY**, la **Fractale**, le **Cycle**, l'**Alternation**.



Nous avons à la base une seule **unité informationnelle**, qui est l'**Univers TOTAL**, **U**, qui **EST TOUT**, qui **FAIT TOUT**. Son **opération** la plus fondamentale, de laquelle toutes les autres découlent, c'est l'**itération**, autrement dit la **répétition** simple et « bête » et **indéfiniment** de l'**unité informationnelle U**, qui dit : « **Je suis l'Alpha et l'Oméga** ». Toute la simplicité biblique et le **génie divin** et l'**ingénierie divine** est là (voir Genèse 1 : 1 ; Jean 1 : 1 ; Apocalypse 1 : 8 ; 21 : 1-7 ; 22 : 13)! L'**itération** d'un seul être fondamental **U**.

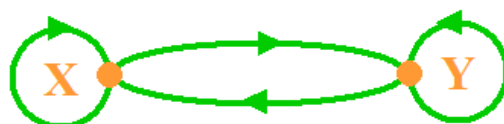
U est l'Ensemble de TOUTES les choses et de TOUS les êtres, le Grand TOUT, l'Unique Ensemble, l'Unique Chose, l'Unique Etre, l'Unique Nombre, l'Unique Information, etc. Etant Unique de nature même, de par sa définition même, il n'a donc que lui-même pour TOUT créer, c'est-à-dire techniquement pour TOUT générer. Comment fait-il alors ?

Le problème est à la fois aussi simple et aussi compliqué que de se demander : « Comment former tous les chiffres, tous les nombres, tous les ensembles, toutes les structures ou espaces numériques, etc., avec UN SEUL NOMBRE de base, o, ou 0, ou 1, ou ω, ou tout ce qu'on veut? » Ou encore : « Comment former toutes les informations avec UNE SEULE INFORMATION élémentaire, o, ou 0, ou 1, ou ω, ou tout ce qu'on veut? » Ou encore : « Comment former toutes les lettres, tous les mots, toutes les phrases, tous les paragraphes, tous les textes, tous les livres, toutes les bibliothèques, etc., avec UNE SEULE LETTRE DE BASE, a par exemple, ou e, ou u, ou x, ou tout ce qu'on veut ? ».

Et la solution est à la fois aussi compliquée et aussi simple que de dire : « En ITÉRANT indéfiniment ce nombre unique, cette information élémentaire, cette unique lettre de cet alphabet spéciale d'une lettre » ! Ces itérations, que nous appelons générescences ou informations unaires donc, sont ce qu'on appelle couramment aussi les nombres, les mots, les informations, les ensembles, les choses, les êtres, etc.!

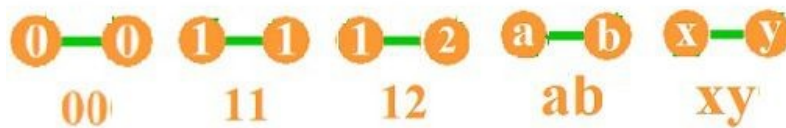
Et avec le Triangle de Transitivité, ou de Varitransitivité, nous commençons à comprendre d'abord la puissance de l'itération qui se manifeste déjà avec la Symétrie ou le XERY 2. A savoir déjà qu'une seule et même chose, U ou O ou o ou 0 ou 1 ou a ou x, etc., puisse engendrer ou générer deux choses différentes. Le secret est donc l'itération : UU ou OO ou oo ou 00 ou 11 ou aa ou xx, etc. Et la chose unique, X, avec laquelle on n'avait que la réflexivité ou l'identité (oui l'identité de la chose avec elle-même), à savoir: $X = X$, en écrivant cela avec le courant signe de l'égalité, engendre par itération la seconde chose, XX, que nous notons Y. Et comme à la base Y ou XX est X, mais simplement est une itération de X, différente de X, on a donc la toute première expression de l'équivalence entre deux choses différentes : $X = XX$, ou: $X = Y$.

Mais on a toujours la réflexivité ou identité, qui est une égalité plus stricte que celle qu'on vient d'écrire, et qui est donc : $X = X$ et $Y = Y$. Autrement dit, les deux boucles de réflexivité, respectivement pour X et pour Y. En c sens plus stricte de l'égalité, on n'a pas : $X = Y$ ou $Y = X$, c'est-à-dire : $X = XX$ ou $XX = X$. On pouvait d'ores et déjà introduire un nouveau signe de l'égalité, « $==$ », pour désigner l'égalité plus stricte qu'exprime la réflexivité ou l'identité, à savoir: $X == X$ et $Y == Y$, autrement dit: $X == X$ et $XX == XX$, et pour dire donc qu'avec: $X = Y$ ou $Y = X$, c'est-à-dire : $X = XX$ et $XX = X$, qui est une égalité entre deux choses distinctes, commence une autre égalité, ou la même égalité mais de striction plus petite. C'est donc tout cela que raconte déjà le Segment de Symétrie, ou XERY 2, ou Simplexe 2:



Le XERY 2 ou « Fuseau du XERY »
ou « Segment du XERY »

Ou :

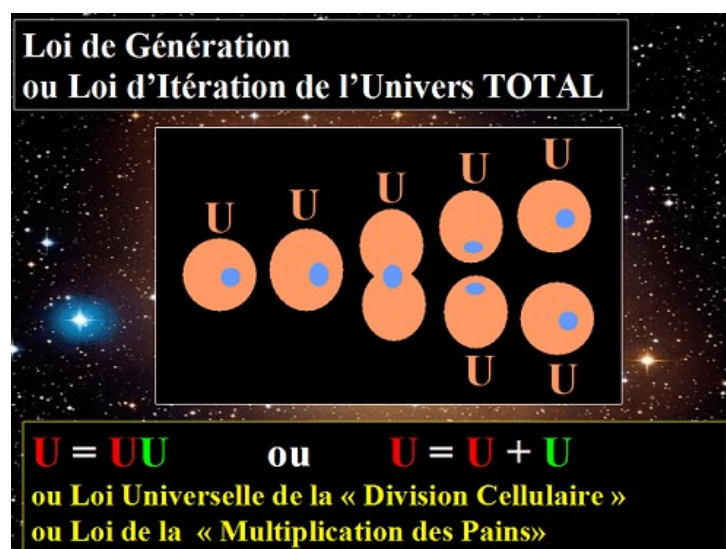


Dans l'absolu, puisqu'on a une seule **unité informationnelle** qui s'**itère** et **génère** tout, peu importe si on la nomme **0, 1, a, u** ou **x**, etc., les deux **units** de l'**itération**, **0** et **0**, **1** et **1**, **a** et **a**, **u** et **u**, **x** et **x**, etc., sont **indiscernables**, ils sont **indifférenciés**, ce que signifie la **réflexivité** ou l'**identité**. Mais il est très clair aussi que, qui dit **ITÉRATION** ou **RÉPÉTITION** d'une **information**, ou simplement **DEUX**, dit forcément aussi que l'on se met à distinguer les deux **occurrences** de la même **information**, à dire par exemple que l'un est **Avant**, l'autre est **Après**, ou que l'une est **Gauche**, l'autre est **Droite, Haut** et **Bas**, etc., ou simplement **Premier** et **Deuxième**. Dans tous les cas, l'une est **X** et l'autre **XX** ou **Y**.

Si par exemple **X** est appelé **0**, **Y** pourra être appelé **1** par exemple aussi. Et si **X** est appelé **1**, **Y** pourra être appelé **2**. Et si **X** est appelé **a**, **Y** pourra être appelé **b**, etc.

Voici donc comme le même objet fondamental, peu importe comment on l'appelle, la même **unité informationnelle** donc, juste en raison de son **itération**, **génère** ou **engendre** ou crée deux objets **distincts, différents!** L'**Unité** et l'**Unicité** de l'**Univers TOTAL** étant ainsi brisée pour les besoins de la **Différenciation** ou de la **Diversité**, doit dans le même temps être maintenue d'une autre façon. La clef de l'**équivalence** est là, le « **différent et pourtant même, le même et pourtant différent** », comme j'ai l'habitude de le dire ailleurs.

Comment donc dire que **deux choses différentes** sont pourtant la **même chose**? Le secret s'appelle l'**équivalence**. Et comment dire qu'une **même chose** est pourtant **deux choses différentes**? Le secret s'appelle l'**itération** ou la **génération** (l'**engendrement** ou la **création**) des **identités!** Au sens fondamental c'est la même chose que l'**opération** de **division**, comme quand on parle par exemple de la **division cellulaire** ou la **multiplication des pains** dans l'évangile :



Les **deux units** **U**, ou **o**, ou **0**, ou **1**, ou **a**, ou **x**, etc., même s'ils sont le **même unit**, du moment où l'ont dit « **DEUX** », ils sont **différenciés** et ont chacun son **identité propre**. La manière la plus

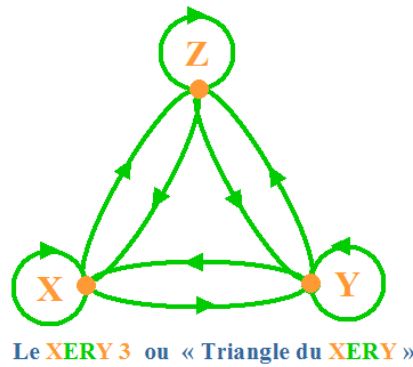
fondamentale d'exprimer cette **différence** est de dire que le **premier** est **U** et le **deuxième** est... **UU**, qu'on peut appeler alors **V** par exemple; ou que le **premier** est **o** et le **deuxième** est **oo**, qu'on peut appeler alors **u**; ou que le **premier** est **0** et le **deuxième** est **00**, qu'on peut appeler alors **1** (dans ce cas nous disons que c'est la définition **ordinaire** du **1**, c'est-à-dire relative à l'**ordre** et non pas à la **quantité**, et du point de vue de l'**ordre**, **1** vient après **0**; ne pas confondre alors avec la définition **cardinale** du **1**, qui quant à elle fait référence à la **quantité**; d'un point de vue **cardinal**, c'est simplement **00** ou **2×0** qui vient après **0**, et **1** est alors **0×ω**, c'est-à-dire la **multiplication** de **0** par l'**infini** qui lui est associé, noté **ω**, et qui est son parfait **inverse**); ou que le **premier** est **1** et le **deuxième** est **11**, qu'on peut appeler alors **2** (et là c'est la définition **cardinale** de **2** à partir de **1**); ou que le **premier** est **a** et le **deuxième** est **aa**, qu'on peut appeler alors **b**; ou que le **premier** est **x** et le **deuxième** est **xx**, qu'on peut appeler alors **y**. Et ainsi de suite.

L'**itération** et la **différenciation** qui lui est très étroitement associée, engendre ainsi la **diversité** des **informations**, des **notions** et des **choses** dans l'**Univers TOTAL**. Et aussi, les racines absolues de la **relation d'équivalence** se trouve là, justement. Car là où une même **unité informationnelle X** (peu importe donc comment on la nomme, la logique est la même) engendre toutes les **informations** par simple **itération**, toutes ces **informations** bien évidemment sont toutes les différentes manières de dire **X**. Ce sont toutes les versions de **X**, toutes sont donc **équivalentes** à **X**, et **X** est **équivalent** à toutes. La notion de **varidativité** ou de **variabilité** ne dit rien d'autre que ça aussi, justement, oui c'est la notion de **variable** que nous venons d'exprimer ainsi, dans son sens le plus fondamental, tel que les **générescences** ou **informations unaires** nous le font comprendre.

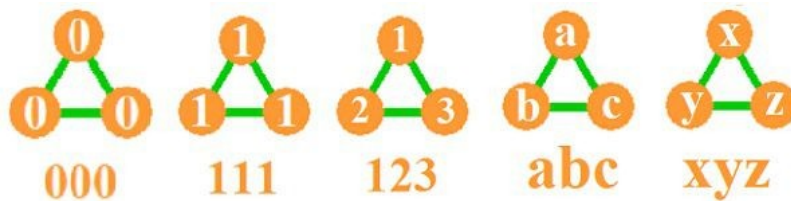
L'**opération** de l'**itération** de l'**unité information U** ou de toute autre **unité informationnelle X**, qui dans sa toute première exécution s'écrit: $U \rightarrow UU$, ou : $X \rightarrow XX$, nous apprend un première grande chose: il nous appartient de décider de voir les deux **units** « **U** » et « **U** », ou « **X** » et « **X** », résultant de l'**itération**, comme étant toujours un **même et unique objet**, ou s'ils sont **deux objets distincts**. Ou, ce qui revient au même, la question est de savoir si **U** et **UU**, sont l'**unique U**, ou si **o** et **oo**, sont l'**unique o**, ou si **1** et **11**, sont l'**unique 1**, ou si **0** et **00**, sont l'**unique 0**, ou si **a** et **aa**, sont l'**unique a**, ou si **x** et **xx**, sont l'**unique x**, etc., ou s'ils sont distincts, et dans ce cas s'ils **NE SONT QUE DISTINCTS**. Dans le premier cas nous avons le **démon de la confusion des identités**, et dans le second cas nous avons le **démon de la séparation des êtres!** Notre logique est alors celle de la **Négation** ou de l'**Identité**.

Mais il vaut mieux n'être possédé ni par l'un ni par l'autre des deux **démons**, qui ne sont que les faces du même **démon!** Le mieux est de voir les deux **units** « **U** » et « **U** », ou « **X** » et « **X** », c'est-à-dire **U** et **UU**, ou **X** et **XX**, à la fois comme étant un **unique objet U** ou **X**, et à la fois comme étant **deux objets distincts**, car ils sont aussi **distincts** que **1** et **2!** Voir l'**Univers** et les choses ainsi, c'est être habité par l'**ange de l'équivalence et du XERY**, autrement dit notre logique est celle de l'**Alternation** (ou **Affirmation**) ou de l'**Equivalence**.

Le **XERY 2** ou **Segment de Symétrie** nous apprend donc déjà beaucoup de vérités fondamentales. Sur la **relation d'équivalence** et sur la **nature**, la **logique** et le **fonctionnement** de l'**Univers TOTAL**. Avec le **Triangle de Transitivité**, le **XERY 3** donc, ou **Simplexe 3**, notre compréhension des choses est encore plus riche et profonde :



Ou :



Cette situation survient après **2 itérations** de l'**unité informationnelle** utilisée, **U** ou une **unité** quelconque **X**. Autrement dit, on applique **2 fois l'itération** de base:

U → UU ou : **X → XX**.

Cela donne alors: **U → UU → UUU**, ou: **U → V → W**.

ou: **X → XX → XXX**, ou: **X → Y → Z**.

C'est la même question de savoir si l'on voit les trois **générescences**:

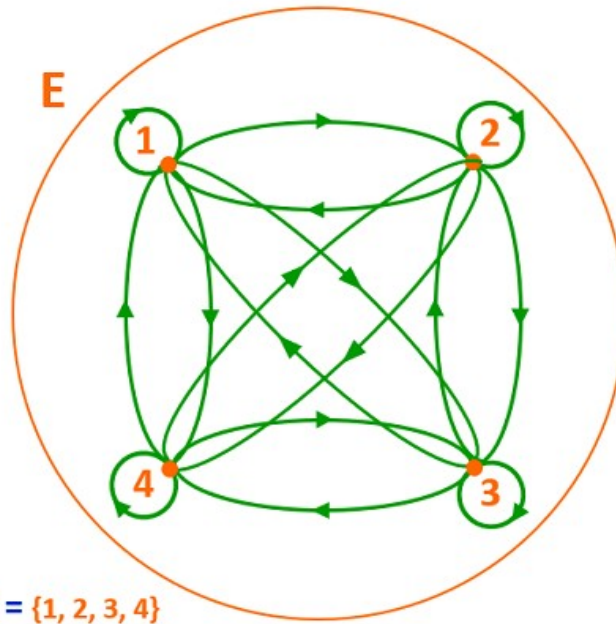
U, UU, UUU, ou : **X, XX, XXX**,

c'est-à-dire : **U, V, W**, ou : **X, Y, Z**,

mais on pourrait dire aussi les nombres : **1, 2, 3**, comme étant l'**unique objet** ou des **objets**

différents. La réponse pour un esprit fonctionnant avec l'**Equivalence** est bien entendu: les deux !

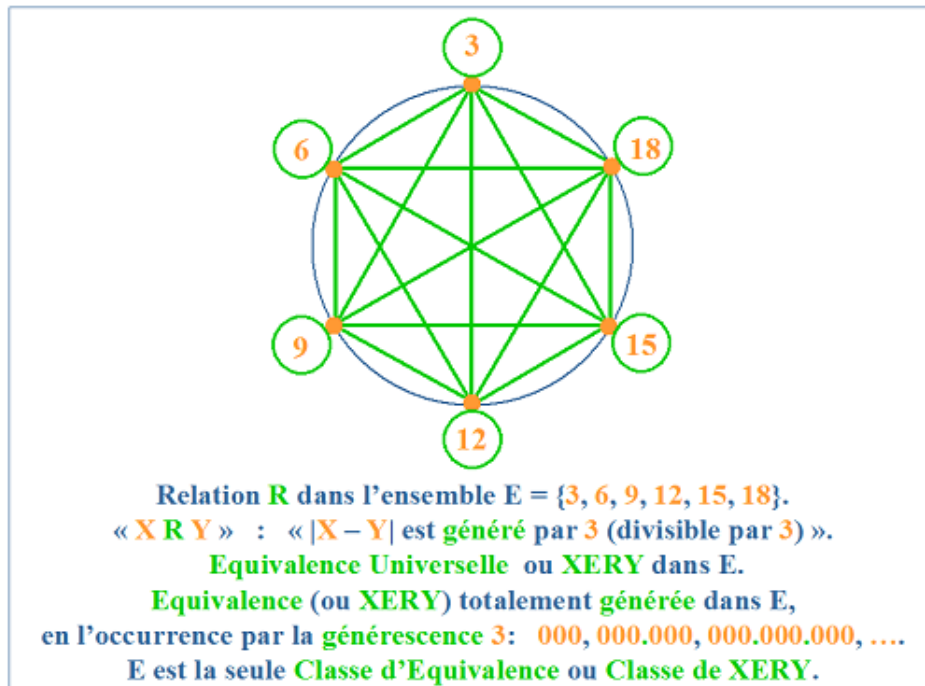
Voici maintenant le **graphe** du **XERY 4** ou **Tétraèdre du XERY** ou **Simplexe 4**:



$$E = \{1, 2, 3, 4\}$$

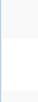







$$\mathcal{R} = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 2), (2, 3), (2, 4), (3, 1), (3, 2), (3, 3), (3, 4), (4, 1), (4, 2), (4, 3), (4, 4)\}$$

Et un **graphe** de **XERY 6** ou **Hexaèdre du XERY** ou **Simplexe 6**:

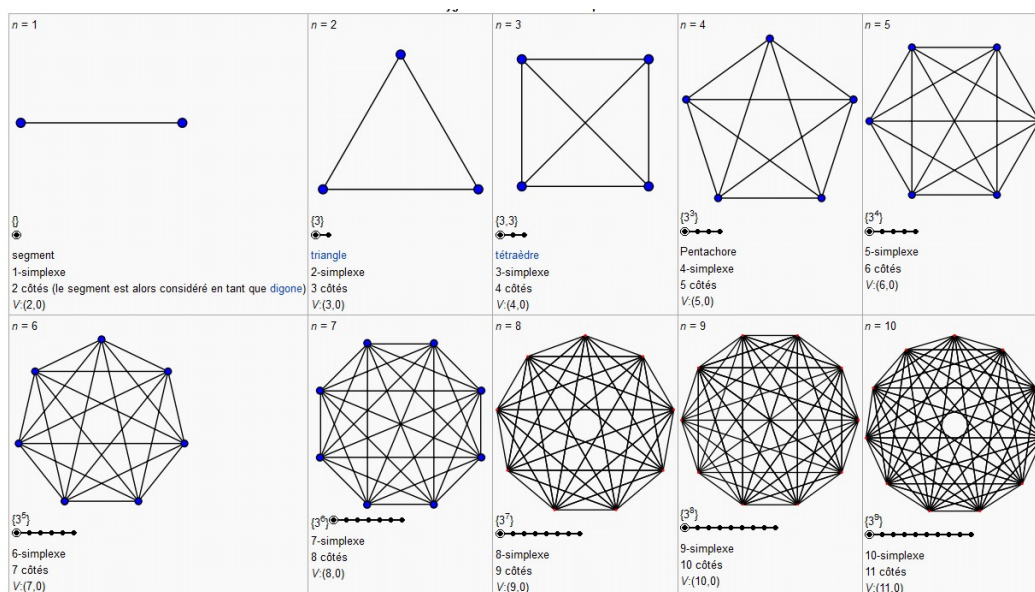


Au lieu de l'ensemble: $E = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$, on aurait pu prendre: $E = \{1, 4, 7, 10, 13, 16\}$, avec la même relation \mathcal{R} définie par: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow |x - y|$ est un multiple de 3. C'est une relation de **XERY 6** ou **Simplexe 6** aussi. Et voici différents **Simplexe n** et leurs liens avec le **(n-1)-simplexe**, c'est-à-dire les **Polyèdres** représentés dans le plan comme des **Polygones de Pétrie**:

Polygones de Petrie du XERY

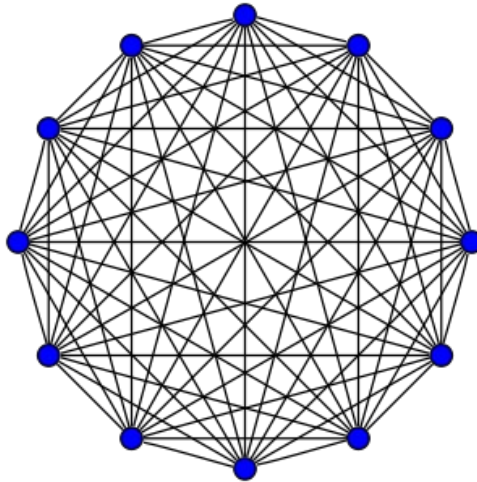
Générescence ou Unergie n	1	2	3	4	5	6	7	8
	0	00	000	0000	00000	000000	0000000	00000000
Dimension (n-1)	0	1	2	3	4	5	6	7
(n-1)-Simplexe du XERY								

Nous convenons de dire **XERY n** ou **Simplexe n**
 pour indiquer le **nombre des éléments** de l'ensemble $E_n = \{1, 2, 3, \dots, n\}$
 sur lequel on définit la **relation d'équivalence** et notamment d'**équivalence totale** ou **XERY**.
 Il lui correspond le **(n-1)-simplexe**, qui signifie le **simplexe de dimension n-1**,
 car l'usage classique veut que l'on désigne les simplexes
 par leur **dimension** en tant qu'**objet géométrique**, que par le **nombre de leur sommets**.
 Ainsi, le **XERY 1** ou **Simplexe 1** ou **Point** est un objet de **dimension 0**, dont est le **0-simplexe**.
 Et le **XERY 2** ou **Simplexe 2** ou **Segment** est un objet de **dimension 1**, donc est le **1-simplexe**.
 Et le **XERY 3** ou **Simplexe 3** ou **Triangle** est un objet de **dimension 2**, donc est le **2-simplexe**.
 Et le **XERY 4** ou **Simplexe 4** ou **Tétraèdre** est un objet de **dimension 3**, donc est le **3-simplexe**.
 Et ainsi de suite. Mais nous utiliserons de préférence l'appellation « **Simplexe n** ».



Ceci dit, quand on observe le **Triangle de Transitivité** ou **XERY 3** ou **Simplexe 3** ou **2-simplexe**,
 on s'aperçoit qu'il est fait de **3 Segments de Symétrie** ou **XERY 2** ou **Simplexe 2** ou **1-simplexe**.
 Et on voit aussi que les différentes **sous-relations d'équivalence** de ce **Simplexe 3** sont les
 différences manières de le **décomposer** en **simplexes plus petits** ou **identiques** à lui. Et cela se fait
 selon que l'on décide de voir telles ou telles **générescences** comme étant **égales** ou non, c'est-à-dire
équivalentes ou non.

Voici le **(graphe du) XERY 12** ou **Simplexe 12** ou le **11-simplexe**:



Mais revenons au **XERY 3**.

On peut par exemple décider de nous en tenir à l'**identité stricte**, et dans ce cas le **Simplexe 3**, ou **triangle abc**, se décompose en ses **3 Points** ou **3 Simplexes 1**, à savoir: $a + b + c$. C'est la première **sous-équivalence** possible du **simplexe abc**.

Mais on peut aussi **décomposer** ce **Simplexe 3** en **1 Point** et **1 Segment**.

Et là se présentent trois possibilités :

$a + bc$, $b + ac$, $c + ab$.

Et la dernière possibilité de décomposition du **simplexe abc** est de le laisser tel quel. Au final donc, on a les **5 sous-équivalences** de ce **simplexe** :

$a + b + c$

$a + bc$

$b + ac$

$c + ab$

abc .

Donc le **nombre de Bell** pour le **Simplexe 3** ou **abc** est: $B_3 = 5$.

Qu'est-il maintenant pour le **Simplexe 4** ou **abcd**, dont le **graphe** a été vu plus haut? Voici donc ses **15 sous-équivalences** :

$a+b+c+d$ (**identité totale** ou **4 Simplexes 1**)

$a+b+cd$ (**2 Simplexes 1 + 1 Simplexe 2**)

$a+c + bd$ (**idem**)

$a+d + bc$ (**idem**)

$b+c + ad$ (**idem**)

$b+d + ac$ (**idem**)

$c+d + ab$ (**idem**)

$ab + cd$ (**2 Simplexes 2**)

$ac + bd$ (**idem**)

$ad + bc$ (**idem**)

$a + bcd$ (**1 Simplexe 1 + 1 Simplexe 3**)

$b + acd$ (**idem**)

$c + abd$ (**idem**)

$d + abc$ (**idem**)

$abcd$ (**1 Simplexe 4**)

Donc le **nombre de Bell** pour le **Simplexe 4** ou **abcd** est: $B_4 = 15$.
 On aura de la même façon : $B_5 = 52$, et $B_6 = 203$, et $B_7 = 877$, etc.

Supposons que pour un n donné, on connaisse tous les B_k , de k allant de 0 à n , c'est-à-dire on connaît : $B_0, B_1, B_2, B_3, \dots, B_n$, parce qu'on les a déjà calculés. Peut-on alors, à partir de ce prérequis calculer B_{n+1} ? La réponse est oui.

En effet, le calcul part du constat suivant : pour un **Simplexe n** ou **n -simplexe** donné, et une de ses **décompositions \mathcal{R}** qui est l'une de ses **sous relations d'équivalences**, si \mathcal{R} a un **Simplexe k** , avec: $0 \leq k \leq n$, alors en **décomposant** le **Simplexe k** , les **relations d'équivalences** obtenues sont encore des **sous-relations** du **Simplexe n** .

Par exemple, plus haut, on a vu que le **Simplexe 4** ou **abcd** a comme **sous-relation d'équivalence** la **décomposition: $a + bcd$** , et **bcd** est un **Simplexe 3**. En le **décomposant** par exemple en: **$b + cd$** , on obtient : **$a + b + cd$** , qui est encore une **sous-relation d'équivalence** du **Simplexe 4**, à savoir **abcd**.

Toutes les **sous-relations d'équivalence** du **Simplexe k** sont ainsi obtenues en décomposant tous ses propres **sous-simplexe**, jusqu'aux **Simplexes 1**. Et de même toutes les **sous-relations d'équivalence** du **Simplexe n** sont ainsi obtenues en décomposant tous ses propres **sous-simplexes**, et enfin toutes les **sous-relations d'équivalence** du **Simplexe $n+1$** sont obtenues en décomposant tous ses propres **sous-simplexes**, qui vont du **Simplexe $k=1$** au **Simplexe $k=n$** .

Et dans le **Simplexe n** , il y a C_n^k **Simplexes k** , où C_n^k couramment noté aussi $\binom{n}{k}$ est le **coefficient binomial (n, k)** . Et chacun de ces **sous-simplexes** a B_k **sous-relations d'équivalences**. Il ne reste plus qu'à ajouter le **Simplexe $(n+1)$** lui-même, pour avoir le **nombre** cherché B_{n+1} de toutes ses **sous-relations d'équivalence**. Et comme on n'a qu'un seul **Simplexe $(n+1)$** , le **1** à ajouter aux calculs des B_k pour k allant de $k=1$ à $k=n$, est comme de calculer pour k allant de $k=0$ à $k=n$, puisque que $B_0 = 1$. Il faut donc multiplier le **nombre** C_n^k des **Simplexes k** , par B_k , et additionner le tout de $k=0$ à $k=n$, pour avoir B_{n+1} . Voici la formule de récurrence:

Nombre de Bell

$B_0 = 1, \quad B_1 = 1, \quad B_2 = 2, \quad B_3 = 5, \quad B_4 = 15, \quad B_5 = 52, \quad B_6 = 203, \quad B_7 = 877, \quad \dots$

$$B_{n+1} = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} B_k,$$

Autrement dit:

$B_0 = 1$
 $B_{n+1} = C_n^0 B_0 + C_n^1 B_1 + C_n^2 B_2 + C_n^3 B_3 + \dots + C_n^n B_n.$

Soit un ensemble $K = \{a_1, a_2, a_3, \dots, a_n\}$ de n éléments distincts. On lui associe l'**ensemble canonique**: $E_n = \{1, 2, 3, \dots, n\}$, mais aussi, au besoin, $n = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-1\}$, appelé l'**ordinal canonique** de K , mais aussi de E_n , et aussi leur **cardinal**, c'est-à-dire un ensemble qui indique le **nombre des éléments** de K ou de E_n , du fait de son propre **nombre d'éléments**, qui est n .

Dans le nouveau paradigme on ne distingue plus les notions d'**ordinal** et de **cardinal**, qu'ils soient **finis** ou **infinis**, et nous sommes justement en train de comprendre pourquoi. On parle maintenant de **cardinal** pour désigner simplement un **ordinal** quand il est la mesure du **nombre des éléments** d'un certain ensemble donné, de par le propre **nombre d'éléments** de l'**ordinal**.

Les éléments des ensembles **K**, **E_n** et **n** sont appelés des **Points** ou **Simplexes 1**, et ces ensembles eux-mêmes sont des **Simplexes n**. Nous représentons l'ensemble **K = {a₁, a₂, a₃, ..., a_n}** par **E_n = {1, 2, 3, ..., n}**, appelé sa **numérotation commençant par 1**, tandis que **n** est sa numérotation commençant par le **zéro absolu, o**. Donc quand on parlera de l'élément **i** de **E_n**, il représente l'élément **a_i** de **K**. Cela permet de faire des raisonnements canoniques applicables à tout ensemble **K** de **cardinal n**.

Ainsi, l'écriture : **1 + 2 + 3 + ... + n**, en parlant des éléments de **E_n**, représente: **a₁ + a₂ + a₃ + ... + a_n**, en parlant des éléments de **K**. Et cette notation désigne la décomposition de **K** ou de **E_n** en **Simplexes 1**, donc la **relation d'équivalence** qui est l'identité dans **K** ou de **E_n**. L'écriture **1.2** ou **12** s'il n'y a aucun risque de confusion, désigne donc **a₁.a₂** ou **a₁a₂**, encore notée **{1, 2}** ou **{a₁, a₂}** au besoin, désigne le **Simplexe 2** dont les **Points** sont **a₁** et **a₂**, ou **1** et **2**.

Soient deux **relations d'équivalence** «**≡**» et «**≡'**»¹ dans un ensemble non vide **K**. Si «**≡**» est une **sous-relation stricte** de «**≡'**» (autrement dit si pour deux éléments **x** et **y** de **K**, **x ≡ y ⇒ x ≡' y**, et s'il existe au moins deux éléments **a** et **b** de **K** vérifiant: **a ≡' b** mais pas: **a ≡ b**), on dit alors que «**≡**» est plus **identitaire** que «**≡'**», ou est de **striction d'identité** (ou simplement est une **identité**) plus grande que celle de «**≡'**». Et comme on va le voir maintenant, si **K** a **n** éléments, alors on sait toujours définir une hiérarchie de **n relations d'équivalence** dans **K**, en l'occurrence ici des **identités**, numérotées dans le sens décroissant de **n** à **1**, et telles que toute **relation d'identité** de **striction** plus grande est une **sous-équivalence** de toute autre de **striction** plus petite.

On considère alors les **n relations d'équivalence** dans **K** ou **E_n** suivantes :

$$\llcorner =_n \llcorner = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n$$

$$\llcorner =_{n-1} \llcorner = 12 + 3 + 4 + \dots + n$$

$$\llcorner =_{n-2} \llcorner = 123 + 4 + \dots + n$$

...

$$\llcorner =_1 \llcorner = 1234\dots n$$

Autrement dit :

$$\llcorner =_n \llcorner = a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + \dots + a_n$$

$$\llcorner =_{n-1} \llcorner = a_1 a_2 + a_3 + a_4 + \dots + a_n$$

$$\llcorner =_{n-2} \llcorner = a_1 a_2 a_3 + a_4 + \dots + a_n$$

...

$$\llcorner =_1 \llcorner = a_1 a_2 a_3 a_4 \dots a_n$$

On les appelle les **équivalences canoniques** de **K** ou **E_n**, et on les note respectivement aussi :

$$\llcorner =_n, \llcorner =_{n-1}, \llcorner =_{n-2}, \llcorner =_{n-3}, \dots, \llcorner =_3, \llcorner =_2, \llcorner =_1.$$

On dit que leurs **strictions** respectives sont : **n, n-1, n-2, n-3, ..., 3, 2, 1**.

Il est clair alors que pour deux **strictions k** et **k'** telles que **k ≥ k'**, «**=_k**» est une **sous-équivalence** de «**=_{k'}**», autrement dit, on a :

$$\llcorner =_n \Rightarrow \llcorner =_{n-1} \Rightarrow \llcorner =_{n-2} \Rightarrow \llcorner =_{n-3} \Rightarrow \dots \Rightarrow \llcorner =_3 \Rightarrow \llcorner =_2 \Rightarrow \llcorner =_1.$$

Par convention, si c'est le symbole « \equiv » que nous choisissons comme **relation générique d'équivalence** et non pas pas « = », alors l'ordre des **strictions**, appelées alors plutôt des **édentités** ou simplement des **équivalences**, va de **1 à n**, de la **plus petite des équivalences** la plus grande:

« \equiv_1 » \Rightarrow « \equiv_2 » \Rightarrow « \equiv_3 » \Rightarrow « \equiv_4 » \Rightarrow ... \Rightarrow « \equiv_{n-2} » \Rightarrow « \equiv_{n-1} » \Rightarrow « \equiv_n ».

Autrement dit, l'**égalité** « \equiv_k » correspond à « \equiv_{n-k+1} », pour tout **1 \leq k \leq n**.

L'**égalité** « \equiv_1 » s'interprète comme « **la plus petite identité** », et « \equiv_n » s'interprète comme « **la plus grande équivalence** », et on parle de la même **égalité**. Et le symbole « \equiv_n » s'écrit aussi « $\equiv\equiv\equiv\equiv$ », où le signe « \equiv » est **répété n fois**. De même, la **plus petite équivalence**, « \equiv_1 » donc, est la **plus grande identité**, « \equiv_n » donc. Et le symbole « \equiv_n » s'écrit aussi « $\equiv\equiv\equiv\equiv$ », où le signe « = » est **répété n fois**.

L'**égalité** « \equiv_n », de **striction d'identité** la plus grande donc, est l'**identité** la plus **stricte** dans **K** ou **E_n**, l'**identité totale** dans **K** ou **E_n**. C'est la décomposition du **Simplexe n** en **n Simplexes 1** ou **n boucles de réflexivité**. Tout élément de **K** ou **E_n** n'est en **relation** qu'avec lui-même. Autrement dit, pour tout élément **x** de **K** ou **E_n**, on a uniquement: **x \equiv_n x**.

A l'extrême opposé de « \equiv_n » on a « \equiv_1 » ou « \equiv_n », qui est l'**identité** de **striction** la plus petite ou l'**équivalence** d'**édentité** la plus grande. C'est le **XERY n** ou le **Simplexe n**. C'est l'**équivalence totale** dans **K** ou **E_n**, et dans son cas, pour deux éléments **x** et **y** de **K** ou **E_n**, on a: **x \equiv_1 y** ou: **x \equiv_n y**. Toute **relation d'équivalence** « = » ou « \equiv » dans **K** ou **E_n** est une **sous-équivalence** de « \equiv_1 » ou « \equiv_n », que « = » ou « \equiv » soit ou non parmi celles sélectionnées comme **canoniques**.

Pour la sélection précédente, on a donc pour leurs **néglations** respectives :

« \neq_1 » \Rightarrow « \neq_2 » \Rightarrow « \neq_3 » \Rightarrow ... \Rightarrow « \neq_{n-3} » \Rightarrow « \neq_{n-2} » \Rightarrow « \neq_{n-1} » \Rightarrow « \neq_n ».

Voyons cela plus en détail avec: **K = {a, b, c}**, et donc : **E₃ = {1, 2, 3}**. On a donc **B₃ = 5**, qui est donc le **nombre des relations d'équivalence** dans **K** et aussi dans **E₃**. Leur **ordinal canonique** est : **3 = {0, 1, 2}**.

On a vu plus haut que les **5 sous-équivalences** de ce **Simplexe 3**: sont :

1 + 2 + 3
1 + 23
2 + 13
3 + 12
123.

Ou :

a + b + c
a + bc
b + ac
c + ab
abc.

On les note respectivement : « \equiv_3 », « $\equiv_{2,1}$ », « $\equiv_{2,2}$ », « $\equiv_{2,3}$ », « \equiv_1 », et voici leurs **graphes** respectifs, c'est-à-dire la liste des **couples** en **relation** :

« \equiv_3 » ou « \equiv_1 »:

(1, 1), (2, 2), (3, 3),

à comprendre donc :

$1 =_3 1, 2 =_3 2, 3 =_3 3.$

C'est donc l'**identité totale** dans **K** ou **E₃**, chaque élément **x** n'est en **relation** qu'avec lui-même :

$x =_3 x.$

« $=_{2,1}$ » ou « $\equiv_{2,1}$ » :

(1, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 2), (3, 3),

à comprendre donc :

$1 =_{2,1} 1, 2 =_{2,1} 2, 2 =_{2,1} 3, 2 =_{2,1} 3, 3 =_{2,1} 2, 3 =_{2,1} 3.$

« $=_{2,2}$ » ou « $\equiv_{2,2}$ » :

(2, 2), (1, 1), (1, 3), (3, 1), (3, 3),

à comprendre donc :

$2 =_{2,2} 2, 1 =_{2,2} 1, 1 =_{2,2} 3, 3 =_{2,2} 1, 3 =_{2,2} 3.$

« $=_{2,3}$ » ou « $\equiv_{2,3}$ » :

(3, 3), (1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2),

à comprendre donc :

$3 =_{2,3} 3, 1 =_{2,3} 1, 1 =_{2,3} 2, 2 =_{2,3} 1, 2 =_{2,3} 2.$

« $=_1$ » ou « \equiv_3 » :

(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 1), (2, 2), (2, 3), (3, 1), (3, 2), (3, 3),

à comprendre donc :

$1 =_1 1, 1 =_1 2, 1 =_1 3, 2 =_1 1, 2 =_1 2, 2 =_1 3, 3 =_1 1, 3 =_1 2, 3 =_1 3$

C'est donc l'**équivalence totale** dans **K** ou **E₃**, le **Simplexe 3**, pour tous éléments **x** et **y** de **K** ou **E₃**, **x** est en **relation** avec **y** :

$x =_1 y.$

Toutes les **relations d'équivalence** dans **K** ou **E₃**, et même toute **relation** de **K** ou **E₃**, qu'elle soit d'**équivalence** ou non, est une **sous-relation** de « $=_1$ », du **XERY 3** donc, puisque son **graphe** est **complet**, il est **K×K** ou **K²**, autrement dit toutes les combinaisons de **couples** d'éléments de **K** ou **E₃**, sont dans ce **graphe** du **XERY 3**, qui a : **3×3 = 9 couples**. Une **relation binaire** dans **K** ou **E₃** est par définition un **ensemble de couples** de **K** ou **E₃**, autrement dit un **sous-ensemble** de **K** ou **E₃**. Le nombre total de ces **sous-ensembles** est ici: **Rel₃ = 2⁹ = 512**. C'est donc le **nombre total** des **graphes** ou **relations binaires** dans **K** ou **E₃**, et parmi ces **relations**, seules **B₃ relations** ou **5 relations** sont d'**équivalence**, et ce sont celles dont nous avons listé les **graphes**.

Et comme le **graphe** de toute **relation binaire** quelconque est un **sous-ensemble** du **graphe** de « $=_1$ », qui est le **graphe complet** ou **XERY** de **K** ou **E₃**, toute **relation binaire** dans **K** ou **E₃**, qu'elle soit d'équivalence ou non, est une **sous-relation** de ce **XERY 3**. Autrement dit, toutes les **512 relations binaires** dans **K** ou **E₃**, sont des **sous-relations** du **XERY 3** ou **Simplexe 3**, et en particulier les **5 relations d'équivalence** de **K** ou **E₃**, qui nous intéressent plus particulièrement dans notre étude.

De manière très générale, avec K ou E_n ayant n éléments, son **graphe complet** ou **relation totale**, à savoir donc $K \times K$ ou K^2 , c'est-à-dire : $E_n \times E_n$ ou E_n^2 , a $n \times n = n^2$ couples. C'est une **relation d'équivalence** dans K ou E_n , l'**équivalence totale** ou **XERY n** ou **Simplexe n** donc.

Le nombre total des **relations binaires** dans K ou E_n est: $Rel_n = 2^{n \times n}$. Et parmi elles, on a B_n **relations d'équivalence**. Et parmi elles on peut faire une sélection de **n équivalences**, dont l'**identité totale** pour la plus stricte des égalités et l'**équivalence totale** la moins stricte des égalités, qui définissent **n strictions**. D'autres choix d'**équivalences** pour définir la notion de **striction** sont possibles, mais avec le choix **canonique** on sait qu'on peut définir **n strictions**, la **n** étant l'**identité totale** et la **1** étant l'**équivalence totale**.

Pour K ou E_3 donc, nous choisissons comme **canoniques** :

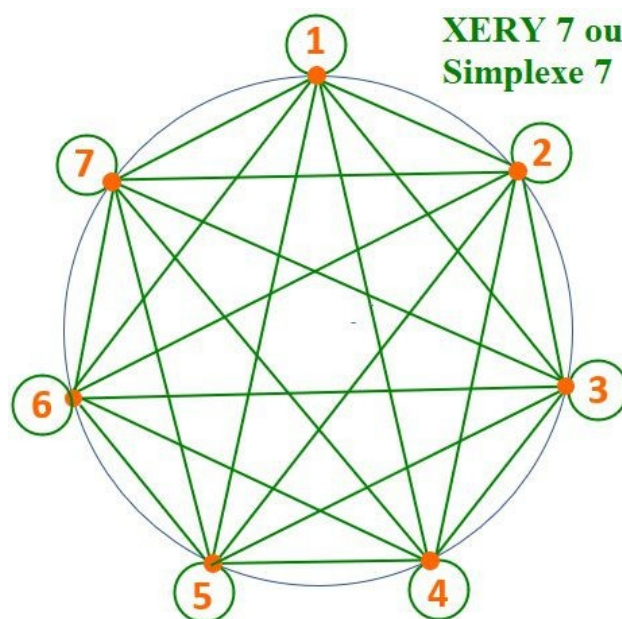
$a + b + c$

$c + ab$ ou, ce qui revient au même: $ab + c$

abc .

Autrement dit : « =₃ », « =_{2,3} », « =₁ », notées alors : « =₃ », « =₂ », « =₁ », ou: « ≡₁ », « ≡₂ », « ≡₃ », qui sont de **striction 3, 2 et 1**, « =₃ » ou « ≡₁ » étant l'**identité totale** et « =₁ » ou « ≡₃ » étant l'**équivalence totale** ou **XERY 3** ou **Simplexe 3**.

Considérons à présent l'ensemble: $E_7 = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ de 7 éléments. Voici le **graphe** de la **relation totale** dans E_7 , qui est une **relation d'équivalence**, l'**équivalence totale** ou **XERY 7** ou **Simplexe 7**:



Comme on le voit, tout élément de E_7 est en **relation** avec lui-même (**7 boucles de réflexivité**) et en **relation** avec les **6 autres**. Autrement dit, en appelant « =₁ » cette **relation binaire**, pour deux éléments x et y de E_7 , on a toujours: $x =_1 y$.

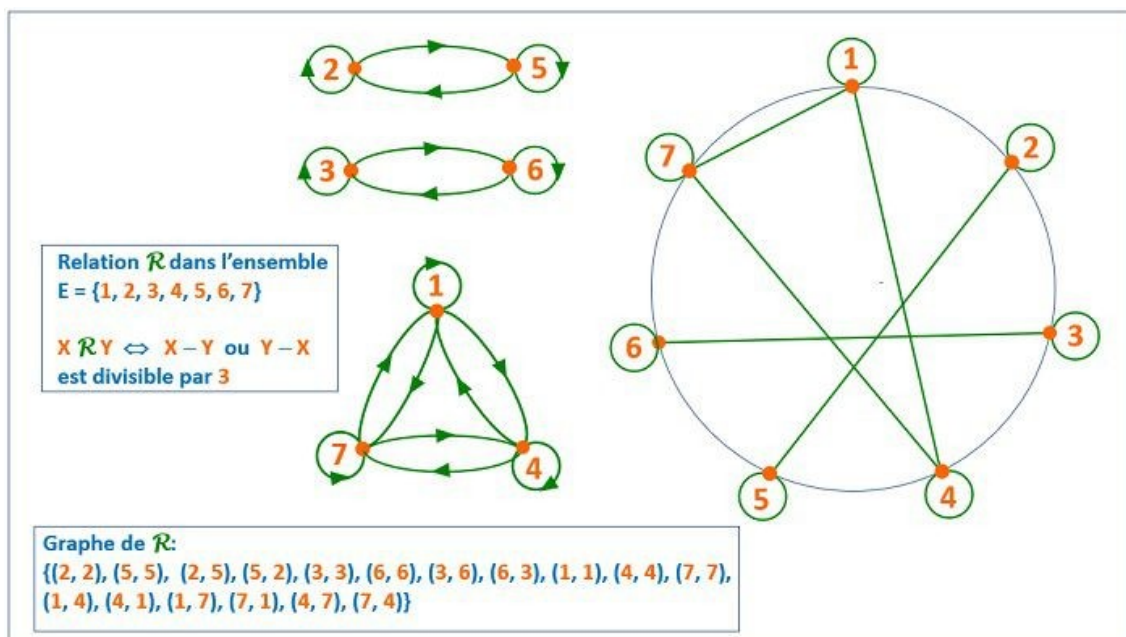
Autrement dit, le **couple relationnel (x, y)** fait toujours partie du **graphe**, et donc aussi (y, x) et (x, x) . Autrement dit, ce **graphe** est: $E_7 \times E_7$. Ce **graphe complet** de E_7 comporte $7 \times 7 = 49$ couples relationnels qui sont: « =₁ » = $\{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (1, 4), (1, 5), (1, 6), (1, 7), (2, 1), (2, 2), (2, 3),$

(2, 4), (2, 5), (2, 6), (2, 7), (3, 1), (3, 2), (3, 3), (3, 4), (3, 5), (3, 6), (3, 7), (4, 1), (4, 2), (4, 3), (4, 4), (4, 5), (4, 6), (4, 7), (5, 1), (5, 2), (5, 3), (5, 4), (5, 5), (5, 6), (5, 7), (6, 1), (6, 2), (6, 3), (6, 4), (6, 5), (6, 6), (6, 7), (7, 1), (7, 2), (7, 3), (7, 4), (7, 5), (7, 6), (7, 7)}.

Toutes les **49 combinaisons** des **couples** de E_7 y sont donc, ce qui fait de « $=_1$ » le **XERY 7** ou **Simplexe 7**. Toute autre **relation binaire** \mathcal{R} dans E_7 , c'est-à-dire tout autre **graphe relationnel** \mathcal{R} de E_7 , est un **sous-ensemble** de ce **graphe complet**. Autrement dit, \mathcal{R} consiste à supprimer **tout ou partie** des **couples** de « $=_1$ ». Si l'on supprime tout, alors cela donne la **relation vide** \emptyset , qui est une **relation d'équivalence** triviale si l'ensemble concerné est **vide**, autrement dit E_0 , ce qui n'est pas le cas si l'ensemble n'est pas vide, comme c'est le cas de E_7 . En effet, si l'ensemble n'est pas vide, si donc on a E_n avec $n \neq 0$, la **réflexivité** exigeant que tout élément de E soit en **relation** avec lui-même, toute **relation d'équivalence** dans E_n comporte au moins les **n couples** de la forme (x, x) , donc ne peut pas être **vide**.

Et justement, si l'on supprime tous les **couples** du graphe complet plus haut sauf ceux de la forme (x, x) , on a l'**identité totale**, que l'on notera « $=_7$ ». Son graphe est : « $=_7$ » = $\{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6), (7, 7)\}$. Avec cette **relation**, qui est aussi une **relation d'équivalence**, chaque élément x n'est en **relation** qu'avec lui-même: $x =_7 x$. C'est la **plus petite relation d'équivalence** dans E_7 , elle est donc une **sous-équivalence** de toute autre **relation d'équivalence** dans E_7 .

Ci-dessous un exemple de **relation d'équivalence** \mathcal{R} ou « $=$ » dans E_7 :



Deux éléments x et y de $E_7 = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ sont en **relation** si leur **différence en valeur absolue** est **divisible par 3**, ou, ce qui revient au même, est un **multiple de 3**, ou encore une **générescence d'unité 3**: $x \mathcal{R} y \Leftrightarrow |x - y|$ est un **multiple de 3**.

Autrement dit, $x \mathcal{R} y$ si et seulement si le plus grand des deux moins le plus petit est un **nombre entier multiple de 3**. Ainsi par exemple, on a $1 \mathcal{R} 7$ et $7 \mathcal{R} 1$, car: $7 - 1$, qui est **6**, est un **multiple de 3**. Le graphe de \mathcal{R} ou la liste de tous les **couples** d'éléments de E_7 , qui sont en **relation**, est : $\mathcal{R} = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (4, 4), (5, 5), (6, 6), (7, 7), (1, 4), (4, 1), (1, 7), (7, 1), (2, 5), (5, 2), (3, 6), (6, 3), (4, 7), (7, 4)\}$, soit **17 couples relationnels**. On voit que son graphe a consisté à éliminer **32 couples** du **graphe complet** ou **XERY 7**.

Le **graphe complet** de E_7 , qui est la **relation d'équivalence totale** ou **XERY 7**, comporte donc $7 \times 7 = 49$ **couples**, soit $2^{49} = 562\,949\,953\,421\,312$ **relations binaires**, parmi lesquelles $B_7 = 877$ sont d'**équivalence**. Et \mathcal{R} est donc l'une des **877**.

On voit que \mathcal{R} est de la forme : $2+2+3$ ou: $25 + 36 + 147$, ou encore: $ab + cd + efg$.
Ou encore $(2, 5) + (3, 6) + (1, 4, 7)$, ou : $(a, b) + (c, d) + (e, f, g)$.

Les **7 équivalences canoniques** de E_7 sont:

$a + b + c + d + e + f + g$
 $(a, b) + c + d + e + f + g$
 $(a, b, c) + d + e + f + g$
 $(a, b, c, d) + e + f + g$
 $(a, b, c, d, e) + f + g$
 $(a, b, c, d, e, f) + g$
 (a, b, c, d, e, f, g)

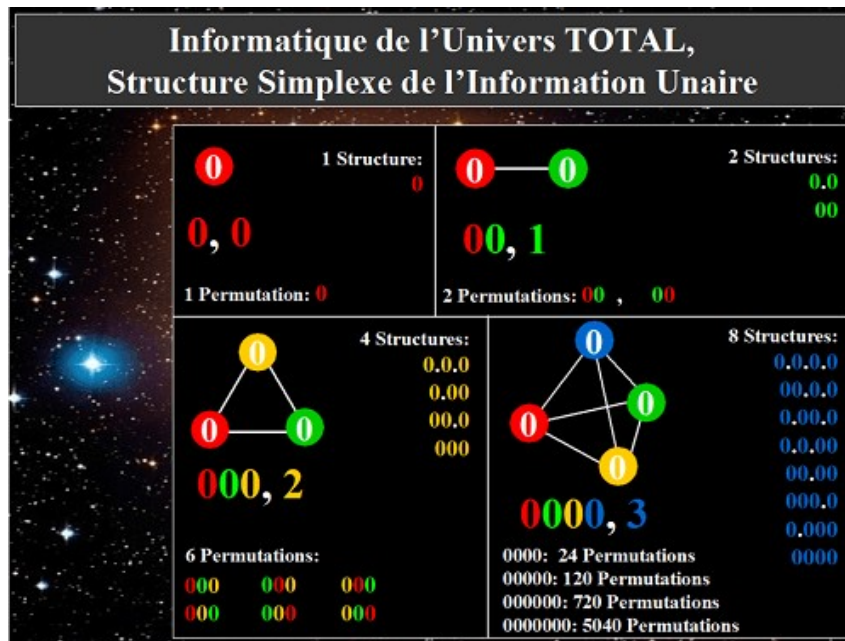
respectivement donc :

7 Simplexes 1
1 Simplexe 2 + 5 Simplexes 1
1 Simplexe 3 + 4 Simplexes 1
1 Simplexe 4 + 3 Simplexes 1
1 Simplexe 5 + 2 Simplexes 1
1 Simplexe 6 + 1 Simplexes 1
1 Simplexe 7

On a donc **7 strictions**, car toute **équivalence** dans cette liste est une **sous-équivalence** de toute autres qui vient après elle dans la liste.

Cette **équivalence** \mathcal{R} plus haut n'est donc pas **canonique**, mais elle a par exemple pour **sous-équivalence**: $2 + 5 + (3, 6) + (1, 4, 7)$, qui à son tour a pour **sous-équivalence**: $2 + 5 + 3 + 6 + (1, 4, 7)$, qui à son tour a pour **sous-équivalence**: $2 + 5 + 3 + 6 + 1 + (4, 7)$, qui a pour **sous-équivalence**: $2 + 5 + 3 + 6 + 1 + 4 + 7$, qui est l'**identité totale** dans E_7 . Et sachant que toutes les **équivalences** sont des **sous équivalences** de $(1, 2, 3, 4, 5, 6, 7)$ ou **1234567** ou (a, b, c, d, e, f, g) ou **abcdefg**, qui est l'**équivalence totale** dans E_7 , ou **XERY 7** ou **Simplexe 7**, on a ici une **chaîne d'équivalences** d'au moins **6 strictions**, dont la **relation** \mathcal{R} .

Une autre très importante notion de la **Science de l'Univers TOTAL** très étroitement associée aux **relations d'équivalence**, est la notion de **hénérescence** ou **expression additive**, que nous avons appelée une **hénérescence sommationnelle** ou encore **structures additive** dans le livre précédent.



Soit une **générescence** donnée **n**, peu importe l'**unit** car le raisonnement est le même. Par défaut nous travaillons avec l'**unit U** ou **1**. La question est de savoir de combien de manières différentes on peut **décomposer n** en **générescences** plus petites, ayant au moins **1 unit**.

Par exemple, la **générescence UUUU** ou **1111**, de **4 units U** ou **1**, peut se **décomposer** des **8** façons différentes suivante :

- U+U+U+U**
- UU+U+U**
- U+UU+U**
- U+U+UU**
- UU+UU**
- U+UUU**
- UUU+U**
- UUUU.**

Ou :

- 1+1+1+1**
- 11+1+1**
- 1+11+1**
- 1+1+11**
- 11+11**
- 1+111**
- 111+1**
- 1111.**

On dit donc que ce sont ses **8 hénérescences** ou **expressions additives** ou **structures additives**. Et si le **nombre des units** est **n**, avec **n différent de 0**, alors cette **générescence** possède **2ⁿ⁻¹ hénérescences**.

Ce résultat (comme d'autres que nous avançons ici apparemment sans preuve) a été démontrés les livres précédents. Notamment celui qui nous intéresse ici a été démontré dans le livre précédent: «[Conception générative de l'Univers, structure réali](#)» à la page 367. Reportons ici juste la démonstration, sans faire de nouveau les analyses et donner des explications détaillées sur la notion de **hénérescence**, d'**ordinal** ou autre.

Un **ordinal** est juste un **ordinal** ou **nombre entier non nul**. L'ensemble des **ordinaux** est donc: $M_{\omega} = \{1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1, v, v+1, v+2, v+3, v+4, \dots\}$. Autrement dit N_{ω}^* , où N_{ω} est l'ensemble des **nombre entiers oméganaturels**: $N_{\omega} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1, v, v+1, v+2, v+3, v+4, \dots\}$. Un **nombre entier oméganaturel** est la nouvelle notion d'**ordinal**. Cela englobe les éléments de l'ensemble N des **nombre entiers naturels** classiques, mais aussi des **ordinaux infinis**, qui sont tous de vrais **nombre entiers**, se calculant exactement comme les classiques **nombre entiers finis**. Comme par exemple $v, v-1, v-2, v-3, v+1, v+2, v+3, 2v, 3v^2-4, v^3 + 15v^2 + 7, v^v, v^v-4$, etc. L'ensemble des **ordinaux** M_{ω} ou N_{ω}^* est donc l'ensemble des **nombre entiers oméganaturels non nuls**.

Voici donc la démonstration qui nous intéresse:

« Appelons une **hénérescence sommationnelle réduite**, ou une **sommation réduite**, une **hénérescence purement sommationnelle** dans laquelle en plus ne figure aucun symbole **0**, aucun double signe « **++** » (donc pas de triple signe « **+++** », pas de quadruple signe « **++++** », etc.), aucun signe « **+** » en début ou en fin de **hénérescence**. Autrement dit, une telle **hénérescence** n'est formée que d'**ordinaux** sans signe « **+** » s'il s'agit d'un seul **ordinal**, ou s'il y a plus d'un **ordinal**, alors deux **ordinaux** consécutifs sont séparés par un seul signe « **+** ». On appelle **sommation canonique** la **sommation réduite** qui n'est faite que de **1** et du signe « **+** », autrement dit de la forme: **U+U+U+...+U**, c'est-à-dire: **1+1+1+...+1**. [D - Hen Oper 6]

La question est maintenant: étant donné un **ordinal n**, combien de **hénérescences sommationnelles réduites** possède **n**? La réponse est: **2ⁿ⁻¹**.

1 → 1 → 2⁰ == 1
 2 → 2, 1+1 → 2¹ == 2
 3 → 3, 2+1, 1+2, 1+1+1 → 2² == 4
 4 → 4, 3+1, 2+2, 1+3, 2+1+1, 1+2+1, 1+1+2, 1+1+1+1 → 2³ == 8
 5 → 5, 4+1, 3+2, 2+3, 1+4, 3+1+1, 1+3+1, 1+1+3, 2+2+1, 2+1+2, 1+2+2, 2+1+1+1, 1+2+1+1, 1+1+2+1, 1+1+1+2, 1+1+1+1+1 → 2⁴ == 16

etc.. [D - Hen Oper 7]

Pour démontrer cela, partons du fait que la **sommation canonique s** d'un **ordinal n** est: **1+1+1+...+1**, où l'on a **n unités 1** mais **n-1** signes « **+** ». Toutes les autres **sommations réduites** sont obtenues en **supprimant** tout ou partie des **n-1** signes « **+** », ou, en partant de l'**ordinal n** qui n'a aucun signe « **+** », et le **nombre** de tels **sommations** est: **C_{n-1}⁰**. Puis on dénombre toutes les **sommations** qui ont **1** signe « **+** », et pour ce faire on a le choix de **1** parmi les **n-1** signes « **+** » possibles. Donc leur **nombre** est **C_{n-1}¹**. Puis on dénombre toutes les **sommations** qui ont **2** signe « **+** », et pour ce faire on a le choix de **2** parmi les **n-1** signes « **+** » possibles. Donc leur **nombre** est **C_{n-1}²**. Et ainsi de suite, avec **C_{n-1}³** pour **3** signe « **+** », jusqu'au **nombre des sommations** qui ont tous les **n-1** signes « **+** » (et il n'y en a qu'une), et ce **nombre** est **C_{n-1}ⁿ⁻¹**. Le **nombre total des sommations réduites** de l'**ordinal n** est donc:

C_{n-1}⁰ + C_{n-1}¹ + C_{n-1}² + C_{n-1}³ + ... + C_{n-1}ⁿ⁻¹ == 2ⁿ⁻¹, qui est le résultat cherché.

Au passage, nous avons montré un théorème annexe important lui aussi, qui est le suivant:






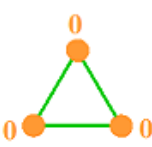
Etant donnés deux **nombre entiers (positifs) non nuls** (deux **ordinaux** donc) **k** et **n**, tels que: $k \leq n$, le **nombre** de manières d'**additionner k nombres entiers (positifs) non nuls** pour donner comme **résultat n**, est le **coefficient binomial** C_{n-1}^k , avec: $C_m^p == m!/(p! (m-p)!)$, où «!» est l'**opérateur** de la **factorielle**, définie donc par: $m! == 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times m$. Autrement dit, le **nombre** de toutes les **sommations** de la forme: $n_1 + n_2 + n_3 + \dots + n_k == n$, qui comportent donc **k-1 signes « + »**. On en déduit que le **nombre** de manières d'**additionner k nombres entiers (positifs) non nuls** pour donner comme **résultat n**, pour toutes les valeurs de **k** allant de **1** inclus à **n** inclus est: $C_{n-1}^0 + C_{n-1}^1 + C_{n-1}^2 + C_{n-1}^3 + \dots + C_{n-1}^{n-1} == 2^{n-1}$. »

Une notion courante très voisine de la notion de **hénérescence sommationnelle** ou d'**expression additive** est celle de **partition d'un entier** (lien Wikipedia). On obtient celle-ci comme notion d'**ensemble-quotient** (c'est-à-dire notion de **classes d'équivalence**) d'une **relation d'équivalence** définie sur les **hénérescences sommationnelles** ou **expressions additives**, qui consiste à dire que deux **hénérescences sommationnelles** ou **expressions additives**, qui ne diffèrent que par l'ordre de leurs **opérandes** (ici les **hénérandes**) sont **équivalentes**. Par exemple, **1+4+2+4** et **2+4+1+4** et **4+1+4+2**, etc., qui sont l'**addition** des mêmes **opérandes: 1, 2, 4, 4**, sont **équivalentes**, et donc peuvent être représentées par exemple par **1+2+4+4** (avec les **opérandes** classés par **ordre croissant**) ou par **4+4+2+1** (avec les **opérandes** classés par **ordre décroissant**).






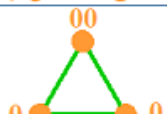
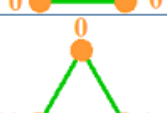
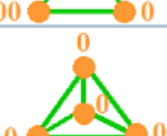
Nous préférons donc la notion de **hénérescence sommationnelle**, encore appelée **structure additive**. De cela on déduit le **nombre des hénérescences** d'une **générescence d'unit X** donnée, ayant **n units**. Et en particulier si l'**unit** est **0**.

On voit une fois encore le lien clair entre les **hénérescences sommationnelles** et les **simplexes**, donc avec la **relation d'équivalence**. Car une **hénérescence canonique** par exemple, c'est-à-dire de la forme : **X+X+X+...+X**, qui a **n units X**, est interprétable comme une **structure** de **Simplexe n** avec l'**unit X** à chacun des **sommets**. Et de manière plus générale donc, les **sommets** du **Simplexe** sont les différentes **générescences** de **X**. Tout cela donne aussi une interprétation **géométrique** ou **structurelle** ou **configurationnelle** des **coefficients binomiaux**.

Ci-après pour **n = 2** et **n = 3**, et leurs **hénérescences** en **structures simplexes**:

Les 2 Hénérescences de la Générésence 00			Les 4 Hénérescences de la Générésence 000		
00		} 1	000		} 1
0.0			0.00		
		} 1	00.0		} 2
			0.0.0		

Et pour $n = 4$, ses **8 hénérescences** en **structures simplexes**:

Les 8 Hénérescences de la Générésence 0000		
0000		} 1
0.000		
000.0		} 3
00.00		
0.00.0		} 3
0.0.00		
00.0.0		
0.0.0.0		} 1

Pour un ensemble E_n de n éléments, on a donc au moins les n **équivalences canoniques**, qui définissent n **strictions**. Le nombre n de **strictions** est **infini** si l'ensemble E_n est **infini**. C'est toute l'importance aussi de **nombres entiers infinis**, c'est-à-dire des **nombres entiers variables n** supérieurs à tous les **entiers naturels** classiques, c'est-à-dire **constants**. Comme par exemple v est

l'infini varid. Les définitions données pour E_n, B_n , se généralisent donc à ces **nombre entiers infinis.**

On peut même voir l'ensemble N des entiers naturels : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, comme un ensemble de la forme: $E_v = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots, v\}$ auquel on a ajouté **zéro absolu, 0.** Autrement dit, malgré les apparences, l'ensemble: $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, a bel et bien un dernier élément, v , sauf que celui-ci est un **entier variable, strictement croissant**, qui est notre conception des **entiers infinis.**

Ou plus simplement, l'**ordinal infini**: $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\}$, qui contient tous les **entiers naturels** au sens classique (qui sont sa partie **finie** ou **standard** au sens habituel de ces notions), qui compte exactement v **éléments**, dont les éléments sont les v **chiffres** d'un **système de numération en base v** , tous les **entiers** dans cette base étant notre définition de l'**ensemble de tous les ordinaux (finis comme infinis donc)**, oui cet **ordinal infini de base: $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\}$** , l'**infini varid** donc, est tout simplement une autre façon de voir l'**ensemble N des entiers naturels.** Et cet **infini varid v** d'un point de vue classique n'est rien d'autre que l'**application de N dans N** , définie par : $v(n) = n$, pour tout **entier naturel n** au sens classique.

On rappelle que l'ensemble N^N des **applications de N dans N** sont les **nombre entiers naturels variables.** Et plus généralement, les **entiers relatifs variables** sont les éléments de l'ensemble Z^N , des **applications de N dans Z** (les **suites d'entiers relatifs** donc), et l'**ensemble** de tels **entiers variables positifs à partir d'un certain rang**, et la définition des **nombre entiers naturels variables.** Les **suites constantes d'entiers relatifs** (ou **constantes à partir d'un certain rang**) sont, dans le cadre de Z^N , les nouvelles versions des **entiers relatifs** classiques.

Et parmi les éléments de Z^N il y a donc : $\dots, v-3, v-2, v-1, v, v+1, v+2, v+3, \dots$, moyennant les **opérations arithmétiques** définies sur les **suites d'entiers relatifs.** Cela donne donc sa pleine définition à cet **ordinal infini de base: $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\}$** , l'**infini varid** donc. C'est la **base canonique** ou **naturelle** d'un **système de numération**, dans lequel se définissent tous les **ordinaux** selon notre conception du terme, et qui sont la généralisation de la notion d'**entiers naturels.** Ici donc, on a tous les **entiers, finis** comme **infinis.**

Comme exemple: $4v^6 + 9v^5 + v^3 + 7v^2 + 3v + 2$, qui s'écrit donc: **4.9.0.1.7.3.2** dans cette **base v** , ou simplement ici: **4901732**, s'il n'y a pas de risque de confusion avec les **nombre entiers en numération décimale** classique, ceux-ci devenant des **chiffres** dans la **numération de base v .** Par exemple: **235.15.0.43.9**, désigne le **nombre entier infini: $235v^4 + 15v^3 + 43v + 9$.**

Les **nombre**: $\dots, v-4, v-3, v-2, v-1$, sont respectivement notés: $\dots, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}$, et le **nombre $\bar{1}$** ou $v-1$, joue dans cette **base v** le rôle du **chiffre 9** dans la **base 10** familière. On a ainsi par exemple le nombre: **26. $\bar{1}$.44. $\bar{5}$.3.8**, qui représente donc:

$$26v^5 + (v-1)v^4 + 44v^3 + (v-5)v + 3v + 8,$$

un **nombre entier en base v** donc, qui peut se réécrire comme le **polynôme en v** :

$$27v^5 - v^4 + 44v^3 + v^2 - 2v + 8.$$

Ceci permet d'avancer par exemple que tout **polynôme en v** mais tout **polynôme** en général, à **coefficients entiers relatifs**, représente un **ordinal relatif**, c'est-à-dire la généralisation de la notion d'**entier relatif** classique. Et si le **coefficient du monôme dominant** est **positif**, comme ici **27**, il s'agit alors d'un **ordinal infini**, c'est-à-dire la généralisation des **entiers naturels** classiques.

La **théorie des ordinaux**, de la vraie notion d'**ordinal**, c'est-à-dire fonctionnant comme les **ordinaux finis** sauf qu'ils peuvent être **infinis**, et la conception des vrais **nombre infinis**, est aussi simple et **naturelle** que cela. Comme donc les **nombre entiers naturels**. On a une seule **arithmétique des nombre entiers**, qui englobe les **nombre finis** et les **nombre infinis**. Ici les **nombre entiers finis** sont simplement les **polynômes à coefficient entiers de degré zéro** (ou **0**). C'est par leur **degré nul** qu'on les différencie des **entiers infinis**, qui, eux, ont un **degré non nul**. (On y reviendra car c'est fondamental).

Pour en revenir à nos **équivalences** et à nos **strictions**, on applique donc à **v** les mêmes définitions et formules que pour les nombre **entiers finis** classiques. Comme par exemple le nombre **B_v** des **relations d'équivalence** dans **v = {0, 1, 2, 3, 4, ..., v-4, v-3, v-2, v-1}**, mais qu'il faut interpréter comme le nombre **B_v** des **relations d'équivalence** dans **N**. On a donc ici **v strictions**, donc une infinité de **strictions d'équivalences**, d'**identités**, bref d'**égalités**. Tout cela donc est particulièrement important quand l'ensemble **E** est un **potentiel K^I**, et notamment s'il s'agit de **potentiels numériques**, comme **Z^N** ou **N^N**. Ou maintenant, comme **v^v** par exemple aussi, **nombre entier infini** que nous appelons **w**, tandis que **w^w** est lui-même appelé **ω**, et ainsi de suite. Et c'est **1/ω** que nous appelons **0**, à distinguer du **zéro absolu**, noté quant à lui **o**.

Nous avons donc dans la même étude globale défini toute une **infinité de relations d'équivalences**, ou **égalités**, chaque **ordinal infini** apportant son lot de **relations d'équivalences**. Parmi toutes ces **équivalences** il y a en particulier celles associées aux **cycles, finis** comme **infinis**.

Toute la **puissance** de l'**égalité** ou **relation d'équivalence** est là. Et très étroitement liées à cela, la notion de **variable**, d'**infini**, etc. La notion d'**égalité** n'est pas un concept métamathématique qui sert à faire les mathématiques et les sciences. Comme on vient de la voir, cette notion fait elle-même partie de la science! Oui, l'**égalité** est toute une mathématique, celle de la **relation d'équivalence**, c'est toute une **science**!

Et une **variable** aussi n'est pas qu'une lettre ou un symbole que l'on manipule pour faire de l'algèbre, résoudre des équations, etc. C'est la notion d'**infini** qui se cache dans la notion de **variable**, la vraie notion d'**infini**!

Si on ne fonctionne tout au long du travail scientifique qu'avec l'**identité**, à laquelle on réduit la notion d'**égalité**, comme on le voit par exemple à [cette page de Wikipedia consacrée à la notion d'égalité](#), on se heurte à des paradoxes qui ne sont en fait que des apparences, ou à des impossibilités, comme la fameuse « impossibilité » de **diviser par zéro**, qui là aussi n'est qu'une apparence, due en fait aux mauvais paradigmes de logique, des mathématiques et de sciences.

Pour une **relation binaire** quelconque **R** dans un **ensemble E**, nous disons que **R** est **varidative** ou **variative** s'il existe au moins un élément **v** de **E** en **relation à gauche** et **à droite** avec **tous les éléments** de **E**, c'est-à-dire: pour tout élément **x** de **E**, on a: **x R v** et **v R x**.

Autrement dit, **v** est en **relation** avec **tout le monde** dans **E**, et **tout le monde** dans **E** est en **relation** avec **v**. On dit que **v** est **varidal** de **E**, ou un **varid** de **E**, au sens large du mot « **varid** ». Ou simplement, **v** est une **variable** de **E**. C'est une manière de dire que **v** « **prend pour valeur** » **tous les éléments** de **E**. Ou que **v** se comporte comme le **varid v** de **E**, à savoir l'**application v** de **E** dans **E**, telle que pour tout élément **x** de **E**, on a: **v(x) = x**. Le signe « = » ici désigne l'**égalité courante**, qui est une certaine **relation d'équivalence** prise comme **égalité de référence**. La

varidativité généralise simplement la notion à toute **relation binaire** \mathcal{R} , d'autant plus si \mathcal{R} est une **relation d'équivalence**.

Notons que le fait que v soit **en relation avec tous les éléments** de E (une manière générale de dire que r prend pour valeurs tous les éléments de E) n'empêche pas qu'un certain élément x n'ait pas de **relation** avec un certain autre élément y (autrement dit que x ne prenne pas pour valeur y). En effet, la relation \mathcal{R} n'étant pas forcément **transitive**, v peut tout à fait être en **relation** avec x et vice-versa, de même qu'avec y et vice-versa, mais pourtant que x ignore y ou vice-versa, ou même que les deux **s'ignorent** mutuellement. Cela signifie simplement que l'on considère x et y au regard d'une certaine autre **égalité** ou **équivalence** qui les **distingue**. Mais il y a toujours au moins une certaine **égalité** ou **équivalence** qui les **égalise**, c'est-à-dire pour x et y sont vus comme le **même objet**, c'est-à-dire deux objets **identiques**, ayant la même **identité**, ce qui veut dire qu'ils appartiennent à une même **classe d'équivalence** (on reparlera plus loin de la notion de **classe d'équivalence**).

Le sous-ensemble de E formé par tous les **varidaux** de E , est appelé le **variset** de E , et noté **var(E)**.

Nous appelons une **proto-équivalence** ou une **proto-égalité** une **relation binaire** \mathcal{R} **réflexive** et **symétrique**. Une **relation d'équivalence** est donc une **proto-équivalence transitive**.

Et nous appelons une **varidance** une **proto-équivalence varidative**. On vérifie aisément qu'une **varidance transitive** dans E est une **relation (d'équivalence) totale** dans E , autrement dit, tout élément est en **relation** avec lui-même et avec tous les autres, c'est-à-dire: pour tous éléments x et y de E , on a : $x \mathcal{R} y$. C'est la **relation d'équivalence universelle** dans E , ou **relation de XERY**.

Donc une **varidance** dans un ensemble E est **non transitive** si et seulement s'il existe dans E au moins deux éléments qui ne sont pas en **relation**.

Il est clair que pour toute **relation binaire** \mathcal{R} dans un **ensemble** E , si pour cette **relation** **var(E)** est non vide, alors la **relation** \mathcal{R} est une **relation de XERY** dans **var(E)**. En effet, le propre des éléments de **var(E)** est qu'ils sont en **relation** avec eux-mêmes et avec **tout le monde** dans E . Donc en particulier entre eux, **tout le monde** est en relation avec **lui-même** et avec **tous les autres**, ce qui est la définition d'une **relation totale**, donc d'**équivalence universelle** ou de **XERY** dans **var(E)**.

Tout cela a pour conséquences importantes, entre autres que, pour tout ensemble E , **fini** ou **infini**, dont les éléments sont appelés les **constantes**, il existe une **infinité d'éléments implicites** de E , qui sont les **variables** de E , et qui **prennent surtout pour valeurs** les **constantes** de E , et éventuellement, si besoin, les **variables** de E .

Si par exemple: $E = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, avec donc comme **constantes de E** les éléments appelés **1, 2, 3, 4, 5**, on peut toujours dire: $E = \{1, 2, 3, 4, 5, a, b, c, \dots, x, y, z, v_1, v_2, v_3, \dots\}$, où les éléments: **a, b, c, ..., x, y, z, v₁, v₂, v₃, ...**, sont les **variables de E**, ou les éléments **varidaux** de E , ou les **varids** de E . Autrement dit, on a: **var(E) = {a, b, c, ..., x, y, z, v₁, v₂, v₃, ...}**. Des **éléments implicites** donc de E , maintenant **explicites**. Ces **variables** prennent pour **valeurs**: **1, 2, 3, 4, 5**, et éventuellement ils prennent pour **valeurs** aussi les **variables**.

Ainsi, en considérant la **variable** x , on a: $x = 1, x = 2, x = 3, x = 4, x = 5$, et là x joue son rôle fondamental de **variable de E**, qui prend pour **valeurs** surtout les **constantes de E**. Mais on a bien sûr aussi: $x = x$, ou: $x = a$, pour dire que si la **variable a** prend pour **valeur 3** par exemple, donc si: $a = 3$, alors du fait de dire que x prend pour **valeur la variable a**, donc: $x = a$, entraîne: $x = 3$.

C'est ainsi que nous employons intuitivement la notion de **variable**, en introduisant souvent des **lettres** pour **représenter** les éléments d'un ensemble **E**, comme par exemple **N**. Mais ceci n'est possible que parce qu'il existe une **loi universelle** ou **théorème universel** sous-jacent, qui est celui que nous venons d'énoncer. Cela ne nécessite donc pas de construire explicitement la notion de **variable de E**, mais c'est toujours bon aussi de savoir comment construire cette notion, dans le cas de l'ensemble **K** dont on parlera bientôt.

Le **cardinal** de $E = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, c'est-à-dire le **nombre de ses éléments** au sens classique est **5**, puisque les **variables** représentent ces éléments, donc sont déjà « comptées » via ces éléments. Et pourtant c'est évident aussi que, au sens d'une autre **égalité**, les **variables** sont des objets **distincts** des **5 constantes**! La subtilité de la notion de **varidativité** ou de la **varidance** est là.

A noter (et c'est très important) que ce que venons de dire est valable même si **E** est **vide**, c'est-à-dire n'a pas de **constante(s)** déclarée(s)! **E** possède toujours des éléments implicites, entre autres les **variables** dont nous venons de parler. Donc, dans le paradigme de l'**équivalence**, même si $E = \emptyset$, on a toujours: $\text{var}(E) = \{a, b, c, \dots, x, y, z, v_1, v_2, v_3, \dots\} \subset E$, autrement dit les **variables**: $a, b, c, \dots, x, y, z, v_1, v_2, v_3, \dots$, sont des **éléments implicites** de **E**! Sans **constantes** explicites donc, les **variables** prennent pour **valeurs**, eh bien les **variables**, dont tout ou partie peut être déclarée comme des **constantes de E**. Cela signifie entre autres que dans le nouveau paradigme, un ensemble, même dit « **vide** » n'est jamais **vide** dans l'absolu, mais un ensemble « **vide** » est simplement un ensemble dont **on décide d'ignorer les éléments**.

Ceci explique aussi pourquoi souvent l'**ensemble vide**, \emptyset , vérifie trivialement des propriétés définies plutôt pour des **ensembles non vides**, comme par exemple le fait d'être un **Simplexe trivial**. Cela signifie alors que les propriétés en question, du fait de leur **structure logique**, sont vérifiées par les **éléments implicites** de \emptyset . Comme ici le fait d'être un **simplexe**, ou le siège d'une **relation d'équivalence totale**. Ou comme aussi le fait d'être un **ordinal**, un autre important exemple de **propriétés** vérifiées trivialement par l'**ensemble vide** \emptyset .

Et maintenant, soit un ensemble **K** ayant au moins deux éléments distincts **e** et **u**, que nous avons appelé l'ensemble des **kels**. Ici aussi, comme à chaque fois que nous utilisons la notion de **potentiel**, on pourrait englober le cas où $K = \emptyset$, car les deux éléments distincts **e** et **u** qu'on exige que **K** possède, peuvent, à défaut ou au pire, être **deux variables distinctes** de **K**.

Et soit K^K l'ensemble de toutes les applications de **K** dans **K**, que nous avons appelé l'ensemble des **varikels** associés à **K**. On assimile à **K** l'ensemble noté **[K]** des applications **constantes** de **K** dans **K**, c'est-à-dire de la forme **[a]**, pour tout élément **a** de **K**. Pour une telle application, pour tout élément **k** de **K**, on a: $[a](k) = a$. On assimile donc **a** et **[a]**, ce qui revient à assimiler **K** et **[K]**, et donc à considérer **K** comme un sous-ensemble de K^K .

On définit sur K^K la relation « \equiv », telle que pour deux éléments **x** et **y** de K^K : $x \equiv y$ si et seulement si: $x(K) \cap y(K) \neq \emptyset$,

c'est-à-dire l'**image** de \mathbf{K} par \mathbf{x} et l'**image** de \mathbf{K} par \mathbf{y} ont au moins un **élément commun**. Autrement dit, l'ensemble des **valeurs** que prend \mathbf{x} et l'ensemble des **valeurs** que prend \mathbf{y} , ont au moins un **élément commun**. Ou plus simplement, \mathbf{x} et \mathbf{y} prennent au moins une **valeur commune**.

Par exemple, si \mathbf{x} est $[\mathbf{e}]$, c'est-à-dire l'application constante de valeur \mathbf{e} , c'est-à-dire telle que: $\mathbf{x}(\mathbf{k}) = \mathbf{e}$ pour tout élément \mathbf{k} de \mathbf{K} , et si \mathbf{y} est $[\mathbf{e}]$, l'**ensemble des images de \mathbf{x} , $\mathbf{x}(\mathbf{K})$** , est le singleton $\{\mathbf{e}\}$ et celui de \mathbf{y} est $\{\mathbf{u}\}$. Comme \mathbf{e} et \mathbf{u} sont distincts, il est clair que \mathbf{x} et \mathbf{y} , n'ont aucune image commune. Ils ne sont donc pas en **relation**.

Mais si $\mathbf{x}(\mathbf{e}) = \mathbf{u}$, et si $\mathbf{y}(\mathbf{u}) = \mathbf{u}$, on est certain qu'au moins l'élément \mathbf{u} fait partie de l'ensemble des valeurs de \mathbf{x} et \mathbf{y} . Donc ici \mathbf{x} et \mathbf{y} sont en relation.

Il est clair alors aussi que « \equiv » est **réflexive**, car pour tout élément \mathbf{x} de $\mathbf{K}^{\mathbf{K}}$, \mathbf{x} et \mathbf{x} ont les mêmes valeurs, ce qui satisfait largement les exigences de \equiv , d'avoir juste au moins une image commune. On a donc : $\mathbf{x} \equiv \mathbf{x}$.

Et \equiv est **symétrique**, car pour deux éléments \mathbf{x} et \mathbf{y} de $\mathbf{K}^{\mathbf{K}}$, si l'on a : $\mathbf{x} \equiv \mathbf{y}$, c'est-à-dire si l'on a au moins un élément \mathbf{a} de \mathbf{K} qui est l'une des valeurs prises par \mathbf{x} et aussi par \mathbf{y} , alors il en est de même pour \mathbf{y} et \mathbf{x} . Donc: $\mathbf{y} \equiv \mathbf{x}$.

La relation \equiv est donc une **proto-équivalence**.

Considérons à présent dans $\mathbf{K}^{\mathbf{K}}$ l'application **varid** \mathbf{v} , c'est-à-dire celle définie par: $\mathbf{v}(\mathbf{k}) = \mathbf{k}$, pour tout élément \mathbf{k} de \mathbf{K} . On a donc : $\mathbf{v}(\mathbf{K}) = \mathbf{K}$. Pour tout élément quelconque \mathbf{x} de $\mathbf{K}^{\mathbf{K}}$, $\mathbf{x}(\mathbf{K})$ est un sous-ensemble de \mathbf{K} , donc $\mathbf{v}(\mathbf{K})$ et $\mathbf{x}(\mathbf{K})$ ont au moins un élément commun.

Donc on a: $\mathbf{v} \equiv \mathbf{x}$ et $\mathbf{x} \equiv \mathbf{v}$. Donc \mathbf{v} est un **varidal** pour \equiv .

Donc \equiv est une **varidance**, mais qui **n'est pas transitive**, sinon elle serait une **relation totale**, ou **XERY**, ce qui n'est pas le cas puisqu'on a vu un exemple de deux **varikels** (les éléments de $\mathbf{K}^{\mathbf{K}}$) qui ne sont pas en **relation**.

Et de manière générale, les **varidaux** de \equiv sont tous les **varikels** \mathbf{v} , tels que $\mathbf{v}(\mathbf{K}) = \mathbf{K}$. En effet, on est certain dans ces conditions que pour tout **varikel** \mathbf{x} , \mathbf{v} et \mathbf{x} ont au moins une image commune, puisque $\mathbf{x}(\mathbf{K})$ est un sous-ensemble de \mathbf{K} .

Mais si au moins un élément \mathbf{b} de \mathbf{K} manquait à $\mathbf{v}(\mathbf{K})$, alors il est clair que \mathbf{v} et $[\mathbf{b}]$ n'ont aucune image commune, donc ne sont pas en **relation**. La condition nécessaire et suffisante pour être un **varidal** \mathbf{v} de \equiv , est donc: $\mathbf{v}(\mathbf{K}) = \mathbf{K}$. Ainsi donc, **var**($\mathbf{K}^{\mathbf{K}}$) est l'ensemble des **varikels** \mathbf{r} tels que: $\mathbf{v}(\mathbf{K}) = \mathbf{K}$. Dans **var**($\mathbf{K}^{\mathbf{K}}$) donc, la relation \equiv est **totale**, c'est une **relation d'équivalence universelle**, une **relation de XERY**.

Un important exemple est le cas où \mathbf{K} est \mathbf{N} ou \mathbf{Z} . Et de manière plus générale, on a le cas où \mathbf{E} est l'ensemble $\mathbf{K}^{\mathbf{I}}$, des applications d'un ensemble \mathbf{I} dans un ensemble \mathbf{K} , et \mathbf{I} étant un sous-ensemble de \mathbf{K} ayant au moins deux éléments distincts (donc \mathbf{K} a au moins deux éléments distincts). Un exemple important est alors le cas où \mathbf{K} est \mathbf{Z} et \mathbf{I} est \mathbf{N} . Donc le cas où \mathbf{E} est $\mathbf{Z}^{\mathbf{N}}$, l'ensemble des **suites d'entiers relatifs**.

Un exemple de **relation varidative** \equiv est celle entre deux **suites** x et y telle que :

$$x(\mathbb{N}) \cap y(\mathbb{N}) \neq \emptyset,$$

ce qui signifie qu'on exige qu'il y ait au moins un élément commun parmi les valeurs que prennent les **suites** x et y .

Ici donc, la **suite varid** v telle que: $v(n) = n$ pour tout **entier naturel** n , est un exemple de **varidal**. Et on appelle ici **var**($\mathbb{Z}^{\mathbb{N}}$) l'ensemble des **suites** v telles que $v(\mathbb{N}) = \mathbb{N}$, si l'on s'intéresse plus spécialement aux **suites** qui prennent pour valeurs des **entiers naturels**. Autrement dit, plus spécialement à $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$.

Mais revenons à la définition d'une **relation d'équivalence** dans un ensemble E .

Pour un élément x de E donné, les éléments de E **équivalents** à x forment un sous-ensemble de E habituellement appelé la **classe d'équivalence** de x , que nous appelons aussi une **classe d'égalité**, et même aussi une **classe d'identité** ou une **identité commune**, que nous noterons ici x^{\equiv} .

Concrètement, cela signifie que tous ces éléments de E ne se distinguent plus de x du point de vue de la **relation d'équivalence** \equiv . Ils deviennent **égaux**, ils forment **une seule identité**, alors que du point de vue d'une autre **relation d'équivalence** \equiv' , les éléments de cette classe sont bel et bien **distincts**.

Si par exemple x et y sont deux éléments **distincts** de E du point de vue de l'égalité courante notée $=$ tels que : $x = y$, alors x et y deviennent pour la **relation d'équivalence** \equiv deux manières différentes de parler d'**un seul et même objet**. On peut alors écrire : $x^{\equiv} = y^{\equiv}$, en utilisant le signe de l'égalité courante $=$, qui elle-même n'est qu'une certaine **relation d'équivalence**. On dit qu'elle est une **identité** comparée à \equiv , et que \equiv est une **équivalence** comparée à $=$.

Autrement dit, pour deux éléments x et y de E , $x = y \Rightarrow x \equiv y$.

Mais la réciproque n'est pas vraie. C'est-à-dire on peut tout à fait avoir : $x \equiv y$ sans qu'on ait $x = y$. Autrement dit, deux objets x et y de E que la nouvelle **égalité** \equiv ne distingue plus, l'ancienne égalité $=$ peut continuer à les distinguer, ce que l'on note généralement : $x \neq y$, mais que nous noterons aussi : $x \neq y$. Et on lit **« x et y sont non égaux »**, ou **« x et y sont inégaux »**, ou **« x et y sont différents »**, ou **« x et y sont distincts »**.

On note qu'il ne s'agit que d'une **différence** du point de vue de l'**égalité** $=$, qui n'est pas une différence dans l'absolu, puisque l'**égalité** \equiv , elle, ne distingue pas x et y .

De la même façon, il peut tout à fait exister dans E une autre **relation d'équivalence** par rapport à laquelle $=$ est une **équivalence**, tandis qu'elle est une **identité** comparée à $=$. On la note \equiv , et on dira qu'elle est plus **stricte** que $=$, tout comme aussi $=$ est plus stricte que \equiv .

Autrement dit, pour deux éléments x et y de E , $x \equiv y \Rightarrow x = y$.

Et donc finalement : $x \equiv y \Rightarrow x = y \Rightarrow x \equiv y$.

Cela veut dire aussi qu'un certain élément de E , que nous pouvons percevoir comme un seul élément, peut cacher une **classe** d'éléments, une **classe d'égalité** donc représentée par cet élément.

Par exemple considérons l'ensemble $E = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v, w, x, y, z\}$, des 26 lettres de l'alphabet français.

Définissons la relation binaire « $x \equiv y$ » suivante : « **x et y sont deux consonnes ou sont deux voyelles** ».

Il s'agit d'une **relation d'équivalence**.

« \equiv » est **réflexive**, car pour un élément x de E , x et x sont deux consonnes ou x et x sont deux voyelles.

« \equiv » est **symétrique**, car pour deux éléments x et y de E , si $x \equiv y$ alors $y \equiv x$.

En effet, si x et y sont tous les deux des consonnes ou tous les deux des voyelles, il en est de même pour y et x .

« \equiv » est **transitive**, car pour deux éléments x et y de E , si $x \equiv y$ et si $y \equiv z$, alors $x \equiv z$.

En effet, supposons $x \equiv y$ et $y \equiv z$.

Si x et y sont tous les deux des consonnes, puisqu'on a $y \equiv z$, alors forcément aussi z est une consonne. Donc x et z sont tous les deux des consonnes, donc $x \equiv z$.

Même raisonnement si x et y sont tous les deux des voyelles.

Pour cette relation \equiv , l'ensemble E est partagé en deux **classes d'équivalence**, le sous-ensemble des voyelles : $a^{\equiv} = \{a, e, i, o, u, y\}$, qui est aussi e^{\equiv} , aussi i^{\equiv} , etc. Et le sous-ensemble des consonnes : $b^{\equiv} = \{b, c, d, f, g, h, j, k, l, m, n, p, q, r, s, t, v, w, x, z\}$, qui est aussi c^{\equiv} , et aussi m^{\equiv} , etc.. Cela veut dire que, du point de vue de l'égalité « \equiv », cet ensemble E de **26 éléments distincts** du point de vue de l'égalité courante « $=$ », n'a que **2 éléments distincts**, à savoir a^{\equiv} et b^{\equiv} . Cela revient à dire que d'un certain point de vue, qui est précisément ici, l'ensemble E est : $E = \{a, b\}$, c'est-à-dire : $E = \{a^{\equiv}, b^{\equiv}\}$. Autrement dit, un **élément unique** peut pourtant cacher un **élément multiple** !

Donc à la question : « Combien d'éléments possède E ? », la réponse est en fait : « Ça dépend de l'égalité considérée dans E ».

Mais revenons à présent à l'ensemble $E = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v, w, x, y, z\}$, du point de vue de l'égalité courante « $=$ ». Et regardons à présent cet ensemble E dans le contexte du présent document. Il apparaît clairement que la lettre « a » qui apparaît dans l'écriture de cet ensemble E , dans le présent paragraphe qui compte pour un élément, n'est qu'un représentant de toutes les lettres « a » du présent document. Cette lettre cache en fait une **classe d'équivalence** ou **classe d'égalité** ou **classe d'identité**. Chaque lettre « a » a sa propre **identité**, qu'on appelle son **occurrence** dans le document. Dans l'écriture de l'ensemble E plus haut, la lettre « a » qui y apparaît est en réalité une autre **occurrence** de la lettre, qui a sa propre **identité**, comme aussi les lettres « E » chaque fois que nous mentionnons cet ensemble. Au sens de cette égalité, chaque lettre « a » n'est **identique** qu'à elle-même, mais **équivalente** aux autres.

Nous pouvons tout à fait décider de ne considérer qu'**équivalentes** les lettres « a » qui apparaissent dans l'écriture de E. Et étant données deux lettres x et y dans ces différentes écritures de E, on peut définir la relation binaire : « x == y » par : « x et y sont la même occurrence d'une lettre dans une écriture de E ». Ou plus généralement, on peut définir « x == y » par : « x et y sont la même occurrence d'une lettre dans le présent document ». Il s'agit d'une **relation d'équivalence** aussi.

Là où, avec la **relation d'égalité** courante « = » on peut considérer **égales** toutes les occurrences de la même lettre dans le document, avec la nouvelle relation « == », plus stricte, on **distingue** chaque occurrence des autres. Si par exemple x désigne l'occurrence de « a » dans la précédente écriture de E, et y l'occurrence de « a » dans l'écriture de E qui précède la précédente, on n'a pas la même occurrence, donc on a : « x /= y », ou « /= » est la **relation de distinction** associée à « == ».

Il est clair qu'on a : $x == y \Rightarrow x = y$, la réciproque n'était pas vraie.
Et on a aussi : $x == y \Rightarrow x = y \Rightarrow x \equiv y$.

Autre exemple : Notons par « == » l'**égalité** courante, et considérons l'ensemble des entiers naturels : $\mathbb{N} == \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

On a : $\mathbb{N} == \mathbb{N}$, et : $0 == 0, 1 == 1, 2 == 2, 3 == 3$, etc., mais pas : $3 == 12$, par exemple.
Autrement dit, on a : $3 /= 12$.

Et maintenant définissons dans l'ensemble N les **relations binaires** suivantes :

$x = y \Leftrightarrow \langle |x - y| \text{ est un multiple de } 9 \rangle$.
 $x \equiv y \Leftrightarrow \langle |x - y| \text{ est un multiple de } 3 \rangle$,
où « |x - y| » signifie la **valeur absolue de « x - y »**.

Les **relations** « = » et « ≡ » sont des **relations d'équivalence** ou **relations d'égalités**.

Du point de vue de la relation « == » ou **égalité de référence**, l'ensemble N est vu comme une infinité d'éléments : $\mathbb{N} == \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, \dots\}$.

Et du point de vue de la relation « = », l'ensemble N est vu comme un ensemble fini de 9 éléments : $\mathbb{N} == \{0^{\square}, 1^{\square}, 2^{\square}, 3^{\square}, 4^{\square}, 5^{\square}, 6^{\square}, 7^{\square}, 8^{\square}\}$.

Cela signifie concrètement que cette **égalité** « = » distingue 3 et 7 par exemple, « 3 /= 7 », mais ne distingue pas 3 et 12, car la valeur absolue de leur différence est un multiple de 9.

Pour cette égalité donc, on a : $3 = 12$. Et on a aussi : $0 = 9, 5 = 32$, etc..

Et du point de vue de la relation « ≡ », l'ensemble N est vu comme un ensemble fini de 3 éléments : $\mathbb{N} == \{0^{\square}, 1^{\square}, 2^{\square}\}$.

Cela signifie que cette **égalité** « ≡ » distingue 0 et 2 par exemple, « 0 ≢ 2 », mais ne distingue pas 1 et 7, car la valeur absolue de leur différence est un multiple de 3.

Pour cette égalité donc, on a : $1 \equiv 7$. Et on a aussi : $0 \equiv 3, 2 \equiv 14$, etc..

Cette troisième égalité distingue moins que « = » qui distingue moins que « == ».

Autrement dit, dans N, « == » est plus **stricte** que « = » qui est plus **stricte** que « ≡ ».

On a donc : $x == y \Rightarrow x = y \Rightarrow x \equiv y$.

Autrement dit, si x et y sont le **même nombre entier** naturel selon « $=$ », alors ils le sont pour « $=$ », mais la réciproque n'est pas vraie. Par exemple **3** et **12** sont le même nombre pour « $=$ », mais ne le sont pas pour « $=$ ». Mais ils le sont pour « \equiv », car leur différence qui est un multiple de 9 est aussi un multiple de 3. Mais ici aussi la réciproque n'est pas vraie. Par exemple **2** et **14** sont le même nombre pour « \equiv », car leur différence est **12**, un multiple de 3. Mais ils ne sont pas égaux pour « $=$ », car **12** n'est pas un multiple de **9**.

L'un des enseignements importants qu'on en tire, est que la **relation d'égalité** que l'on considère sur un ensemble E et que l'on note habituellement « $=$ », va grandement déterminer ce qu'il faut appeler les éléments de E , le **nombre des éléments** de E (ou **cardinal** de E), si E est **fini** ou **infini**, etc.. Un ensemble E **fini** d'un point de vue d'une **égalité** donnée, peut être **infini** du point de vue d'une autre, et à l'inverse un ensemble **infini** vu à travers le prisme d'une **égalité** donnée, peut être **fini** selon une autre.

Dans toute la suite, quand nous travaillons avec une **relation d'égalité** notée « $=$ », appelée «**identité courante**», il ne faut pas perdre de vue qu'il s'agit d'une certaine **relation d'équivalence**, et qu'au besoin nous ferons appel à une **relation d'équivalence** plus **stricte**, notée « $=$ », qui est une **identité** par rapport à « $=$ ». Au besoin, on pourra faire appel à une **identité** plus stricte encore, notée « $=$ », qui distingue ce que « $=$ » ne distingue pas. Et ainsi de suite.

Les **relations d'identité de strictions croissantes**: « $=$ », « $=$ », « $=$ », « $=$ », etc., sont respectivement notées : « $=_1$ », « $=_2$ », « $=_3$ », « $=_4$ », ..., « $=_w$ », ..., « $=_\omega$ ».

Il importe de souligner que, comme pour les symboles des **équivalences**, qui suivront, ce sont des symboles de l'**égalité**, et c'est nous qui décidons selon le contexte et les **égalités** qu'il nécessite, de dire laquelle des égalités sera notée « $=$ », laquelle « $=$ », etc.. Ainsi par exemple, l'**égalité** courante pourra être notée « $=$ », et appelée **identité**, et si la **relation d'équivalence** est définie à partir d'elle, cette relation pourra être notée « $=$ ». Ou au contraire l'**égalité** courante pourra être notée « $=$ », et si l'on définit à partir d'elle une **relation d'équivalence**, elle pourra être notée « \equiv ».

Avec l'**identité** notée « $=_\omega$ », l'**identité absolue**, l'**expression** qu'on écrit à gauche et à droite du signe de l'**égalité**, doit être absolument la même, comme par exemple : « $3^{^7} =_\omega 3^{^7}$ », pour dire ici que «**3 tétration 7 est égale à 3 tétration 7**», la **tétration** ou « $^{^}$ » étant un **hyperopérateur**, celui qui vient après l'**exponentiation**, notée « $^$ ». Avec l'**identité absolue** « $=_\omega$ » on n'a donc pas le droit d'effectuer la moindre **opération**, ou de représenter une expression par une autre, puisque dans tous ces cas on écrit forcément une **égalité** entre deux expressions différentes, comme par exemple « $(a+b)^2 =_\omega a^2 + 2ab + b^2$ », qui est une des formules appelées **identité remarquable**. Elle suppose un minimum de calculs ou d'**opérations**, donc de ne pas avoir absolument la même expression de part et d'autre de l'**égalité**. Or le principe même des **opérations**, c'est d'avoir des **expressions différentes** d'un côté et de l'autre du signe de l'**égalité**. Ce qui veut dire donc qu'en fait c'est l'**équivalence** qui rend possible les **opérations**, les **calculs**, etc., pas donc l'**identité**.

Donc, même pas la possibilité de dire : « $a+b =_\omega b+a$ » avec l'**identité absolue**, car on n'a pas exactement la même **expression** de part et d'autres du signe de l'**égalité**, qui est ici l'**expression** de la **commutativité** de l'**addition**. On peut tout juste dire : « $a+b =_\omega a+b$ », ou « $b+a =_\omega b+a$ », c'est tout.

Mais est-ce à dire que l'**identité absolue** « $=_{\omega}$ » est inutile, puisqu'on ne peut faire la moindre **opération** avec elle ? Pas du tout ! Car c'est elle qui assure l'**identité** des choses, qu'on ne les confonde pas avec les autres choses. Du point de vue de l'identité absolue, il est donc hors de question de dire par exemple : « $0 =_{\omega} \omega$ », de confondre par exemple le **zéro** et l'**infini**, l'**alpha** et l'**oméga**. Donc impossible de raisonner avec une logique **oméga-cyclique**, autrement dit le **Cycle Oméga**, le **Cycle** de l'**Univers TOTAL**, qui repose justement sur cette égalité fondamentale : « $0 =_{\omega} \omega$ », qui dit donc que l'**alpha** est aussi l'**oméga**.

On verra notamment avec les **nombre rationnels** que la solution de la **division par 0** réside justement dans cette égalité « $0 =_{\omega} \omega$ » entre le **zéro** et l'**infini**, qui dit simplement : « $0 =_{\omega} 1/0$ », l'**opération** « $1/0$ » étant précisément l'**identité absolue** de l'**infini absolu** ω . Autrement dit, on a : « $\omega =_{\omega} 1/0$ ». Ici on peut écrire cette **égalité**, car il ne s'agit pas d'un **calcul** ou d'une **opération**, mais de l'expression de l'**identité absolue** de l'**infini** ω , sa **définition**. On est simplement en train de dire par là : « **L'identité absolue de l'infini ω est $1/0$** ».

A la rigueur, s'il faut un minimum d'**équivalence** pour ne pas avoir absolument la même expression de part et d'autre du signe de l'égalité, on peut convenir qu'on utilise là une **identité presque absolue**, de **striction $\omega-1$** par exemple pour dire : « $\omega =_{\omega-1} 1/0$ ». Pour dire donc que l'identité utilisée là est presque absolue, elle autorise le **renommage des expressions**, ou la **représentation** d'une **expression opérationnelle** par un **symbole** ou un **nom**. Ici donc le **renommage** ou la **représentation** de l'**expression opérationnelle** « $1/0$ », qui exprime la **division de 1 par 0**, par le symbole qu'est la lettre grecque **oméga** ou ω . Sinon, avec l'identité absolue au sens le plus strict, on n'a le droit que de dire : « $\omega =_{\omega} \omega$ », ou « $1/0 =_{\omega} 1/0$ », car après tout le symbole ω et l'**expression de l'opération de division de 1 par 0** sont deux choses différentes, chacune ayant sa propre **identité**, et donc n'étant **identique** qu'à elle-même.

Mais avec l'**identité opérationnelle**, comme son nom l'indique justement, on a injecté une dose d'**équivalence** suffisante pour faire des **opérations** très basiques, comme par exemple de dire que **1** est l'**élément neutre** de la **multiplication** : « $1 \times x =_{\omega} x \times 1 =_{\omega} x$ ».

Car c'est vraiment la moindre des choses de pouvoir dire qu'**une fois une certaine chose x c'est la chose elle-même** ! Quand-même !

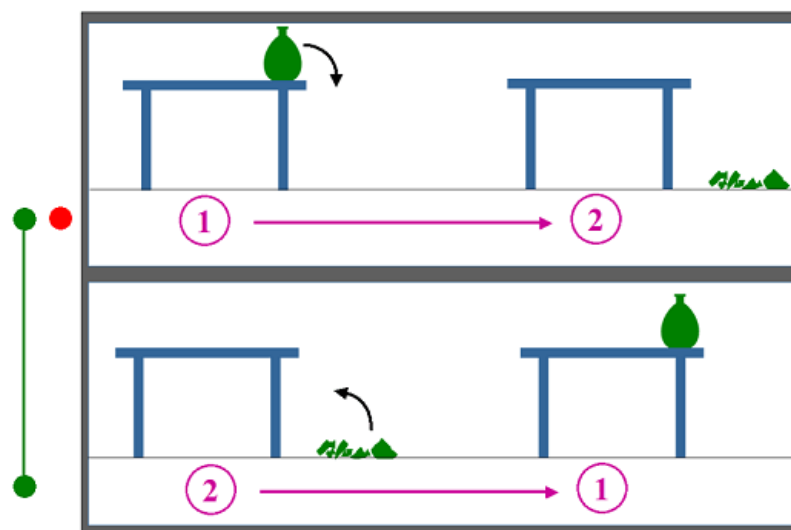
C'est très tentant à ce stade **opérationnel** de pouvoir dire aussi que **0** est l'**élément neutre** de l'**addition** : « $0 + x =_{\omega} x + 0 =_{\omega} x$ ». Autrement dit, qu'ajouter **0** à un **nombre** ou le **rien** à une chose, cela... ne change rien, le nombre ou la chose reste elle-même.

Oui mais... Il y a un petit souci fondamental qu'il est temps de comprendre à présent avec les notions de type « **zéro** », les notions de type « **rien** », « **néant** », « **vide** », etc.. Autrement dit les notions de type « **inexistence** » ou « **non-existence** » ou « **négation d'existence** », etc. On a reconnu dans ces notions la « **Négation** », qui est le problème fondamental dans l'**Univers TOTAL**. Il faut toujours faire attention aux notions contenant un certain sens de **Négation**, car le **Diable** est dans cette affaire, c'est même sa définition scientifique, tout simplement.

Comme déjà dit, nous sommes présentement dans un **monde** ou **univers de Négation**, un **univers négatif, déconnecté** de l'**Univers TOTAL**, l'**Univers-DIEU**, qui est l'**Organisation**, la **Vie**. Nous appelons ce type de monde ou **univers** un **onivers**, qui est la définition scientifique de la notion biblique d'**enfer**.

Pour le dire plus techniquement, il s'agit d'un **univers entropique**, régi par l'**entropie**, qui est le **degré de désorganisation**. Dans de tels **univers** ou **mondes entropiques**, qui fonctionnent avec le **principe de l'entropie** (le **second principe de la thermodynamique**), les choses évoluent naturellement vers la **désorganisation**, la **dégénérescence**. La notion d'**énergie**, qu'Einstein sur l'image ci-dessus, est en train de noter **E** au tableau, est une **énergie négative**, raison pour laquelle elle est **destructrice**, de nature à **détruire** l'**organisation** et la **vie**, comme par exemple l'**énergie** de la **bombe atomique** ou l'**énergie électrique**.

Nous vivons donc dans un **monde** ou **univers entropique**, par opposition à un **monde** ou **univers néguentropique**, ou **univers** où l'**entropie est négative**. Il faut comprendre qu'en réalité ce qu'on appelle la **néguentropie** est la vraie **entropie positive**, parce qu'elle est synonyme d'**organisation**, de **vie**. C'est en fait l'**entropie**, qui est le **degré de désorganisation**, qui est en réalité la vraie **entropie négative**.



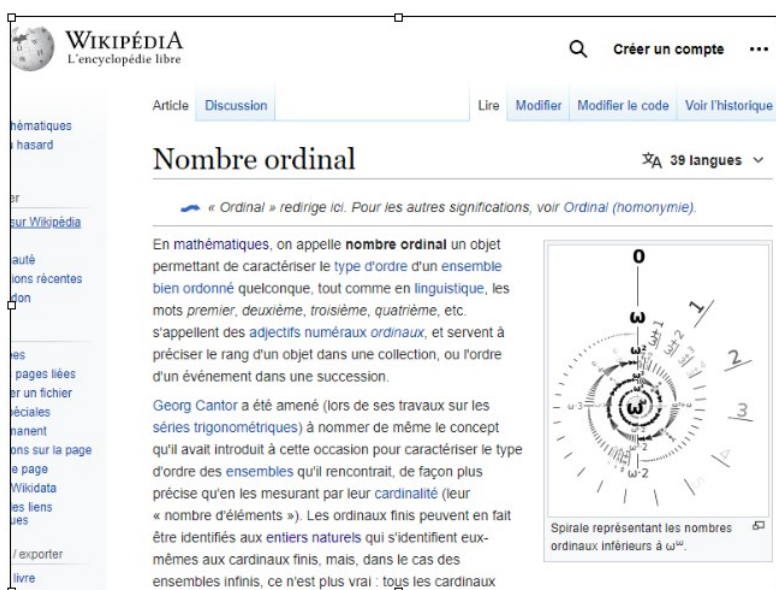
Onergie, Entropie, Irréversibilité et Flèche du Temps : 1 < 2
Unergie, Entrupie, Réversibilité et Temps Cyclique: 1 < 2 et 2 < 1

Dans notre **univers**, parce qu'il est **entropique**, c'est-à-dire **négatif**, d'**énergie négative**, synonyme de déficit d'**énergie positive** que je nomme **unergie** (exactement comme une **dette** est synonyme de **déficit de ressource positive**), un vase qui est posé sur une table aura tendance à tomber naturellement et à se briser en morceaux. L'état de vase brisé est un état de plus grande **désorganisation**, ce qui veut dire de plus grande **entropie** que celle du vase en entier, sur la table, donc dans un état de plus grande **organisation**. Le **degré d'organisation**, qu'on appelle la « **néguentropie** », est ce que j'appelle l'**entrupie**, « **u** » comme « **Univers** » ou « **Univers TOTAL** », par opposition à « **o** » comme « **Onivers** », pour ce qui est de l'**entropie**.

C'est donc l'**entrupie** qu'il faut prendre comme référence (et pas l'**entropie**), et le signe de l'**entrupie** est aussi celui de l'**énergie** et le signe du **monde** ou de l'**univers** concerné. Dans notre

monde ou notre **univers**, ce signe est **néгатif**. Il s'agit donc, si on applique la même logique que pour l'**entropie**, de **néguentropie** ou **entropie négative**. Il s'agit donc d'un **onivers** ou **univers de Négation**, un **univers négatif**. C'est dans ce sens-là qu'il faut définir les signes, pour comprendre la nature des mondes et mieux comprendre ce qui s'y passe, pourquoi les choses y fonctionnent comme elles y fonctionnent.

Les conventions de signe ont donc été inversées, faisant de l'**entropie** dans notre **univers** et notre **monde** la **norme**, le « **positif** ». Dans un **monde entropique**, un vase tombé et brisé ne se reconstitue pas naturellement pour remonter se poser sur la table. La transformation est irréversible, et les morts ne ressuscitent pas. Parce qu'aussi ces mondes sont soumis à la **flèche du temps**, qui est très étroitement lié à l'**ordre des ordinaux**, qui est **linéaire** et **unidirectionnel**, comme précisément la théorie des ordinaux des mathématiques actuelles :



Mais c'est là où ça bloque, car ω n'a pas de **prédécesseur $\omega-1$** . Donc aussi, pas $\omega-2$, ni de $\omega-3$, etc.. Dans le sens **croissant** donc, tout **ordinal n** a un **successeur $n+1$** . Mais dans le sens décroissant, il y a des **ordinaux** dits « **limites** », au niveau desquels ça bloque, car il n'a pas de **prédécesseur**. Comme précisément ω , le premier d'entre eux, et le plus important, car il détermine les autres, parce qu'il est simplement la base des **ordinaux infinis**, et même la **base** de tout simplement. On ne peut donc pas remonter toute la liste jusqu'à **0**, cette structure est donc à **sens unique**.

Ceci n'est pas normal du tout, car les **nombre**s, les **ordinaux**, les vrais, ont une **relation d'ordre** (**infériorité** « $<$ » ou **supériorité** « $>$ ») dans les deux sens, le sens **croissant** et le sens **décroissant**. Là on nous parle de **pseudo-nombre**s ou de **pseudo-ordinaux**, ou à la rigueur de **semi-ordinaux** comme déjà dit, qui n'obéissent pas à la **symétrie des nombre**s, qui cachent quelque chose, qui est précisément la **flèche du temps**, l'**irréversibilité** de l'**entropie** dans notre **univers**, et bien d'autres sujets, comme par exemple le **principe de causalité**.

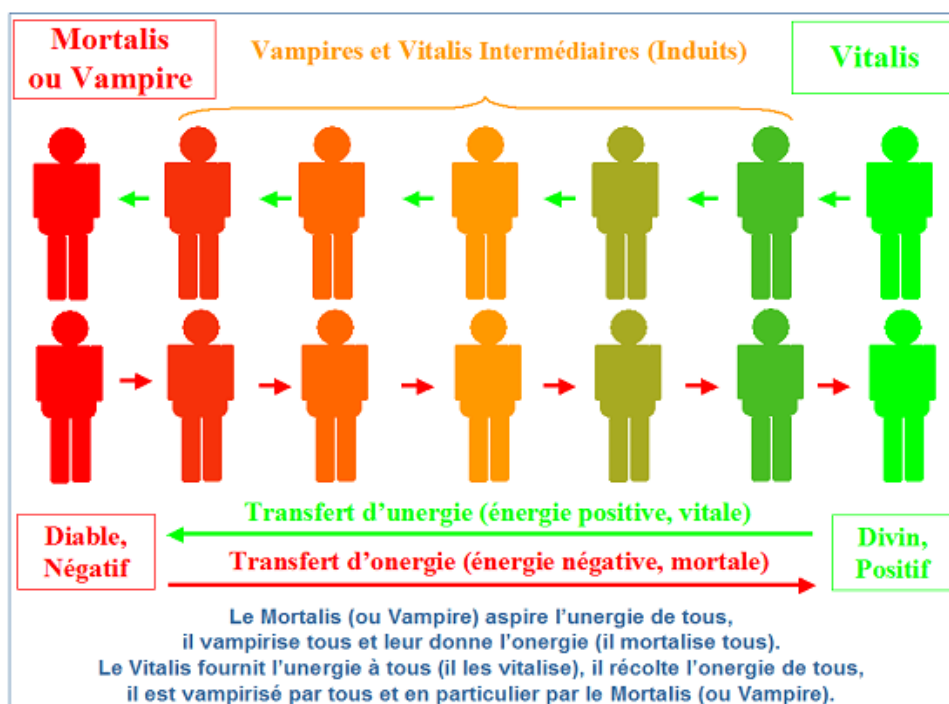
Tous les sujets et bien d'autres sont intimement connectés, et intimement connectés aussi à la question de la **division par 0**. Elles sont intimement liées à la nature même de notre **univers** (et par conséquent notre monde), à savoir un **univers entropique**, où la **gravitation** sévit mais pas l'**antigravitation**, où les vases tombent et se brisent mais ne se reconstituent pas pour remonter d'où ils sont tombés. Un monde où les avions se crashent, où l'on chute des falaises ou des gratte-ciels, qu'on le veuille ou non, mais où l'on ne décide pas de remonter comme des anges. Un monde donc aussi où les morts ne ressuscitent pas spontanément sans **miracle entropique**, comme ceux de Jésus, et j'en passe.

Les initiés savent cela, mais la règle est de ne pas informer le monde sur la nature des choses et sur la cause profonde de cet état de chose. Car ces initiés-là sont pour la plupart des **êtres de Négation**, des êtres typiques de ce genre de **mondes** ou d'**univers**, à savoir les **onivers**, les **enfers** ! Autrement dit simplement, des **êtres démoniaques**, oui des démons, des êtres déconnectés du divin, à savoir **Dieu l'Univers TOTAL**, l'**Etre TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**. Eux méritent ce genre de mondes, car volontairement déconnectés de **Dieu**, de la **Source**, et n'ont aucune intention de mettre fin à leur **Négation**, de se reconnecter. Ils exploitent et **vampirisent** les autres ayant plus ou moins de connexion divine, donc de l'**énergie divine**, l'**énergie vitale**, **existentielle**, la vraie **énergie** donc, l'**énergie positive**, que nous appelons l'**unergie** ou la **générescence**.

Par opposition à un **onivers** ou **univers de Négation**, on a un **monde** ou **univers d'Alternation**, un **univers positif**, connecté à l'**Univers TOTAL**. C'est un vrai **univers**, et c'est la définition scientifique de la notion biblique de **paradis**. Le reste après est juste une question de degré de **paradis** ou d'**enfer**, il y a des mondes meilleurs que d'autres, ou pires que d'autres. **Toutes choses existent dans l'univers TOTAL**, et toutes les situations existent. Et on ne doit plus continuer à ignorer cette vérité simple et fonctionner avec de mauvais paradigmes scientifiques, les paradigmes au mieux erronés et au pire mensongers. Et à vrai dire, il s'agit de mensonges savamment entretenus depuis la nuit des temps par des initiés et des êtres de nature négative, justement. Des secrets bien gardés par tous les humains de nature démoniaque, que l'on trouve au sommet du monde, mais aussi dans toutes les couches de la société.

L'**unergie**, c'est ce qui dans la Bible est appelé l'**Esprit de Dieu** ou le **Saint Esprit**, qui est tout, qui fait tout. C'est l'**énergie universelle**, l'**énergie divine**, l'**énergie de générescence** et de **vie**. Nous avons introduit la notion de **générescence**, qui va avec l'**entropie**, par opposition à la

dégénérescence ou la **désorganisation** ou le **chaos**, qui va avec l'**entropie**. L'**onergie** ou **énergie négative**, typique donc de l'**univers**, représente le **déficit** ou l'**absence d'unergie**, comme une **dette** représente l'**absence de ressources**. Dans une région où tout le monde est endetté, les plus riches sont les moins endettés ou ceux qui fourguent leurs sales dettes aux autres, en les **vampirisant**. La **dette** ici est la **dette en unergie**, qui signifie une dette vis-à-vis de l'**Univers TOTAL** ou **Dieu**. L'état d'**endetté** est ce qu'on appelle l'état de **pécheur**. Et les êtres démoniaques incarnent même cette dette :



Voilà un des secrets les plus soigneusement gardés du monde. En ce troisième millénaire, et plus encore à ces moments eschatologiques, de religion de covidisme, le moment est venu pour que tous les secrets cachés soient révélés. Les démons nés humains, qui sont la racine cachée des maux du monde, des maladies, des accidents, de la mort, qui maintiennent les gens dans leurs mensonges, qui étouffent les esprits et les consciences qui s'éveillent par leurs propagandes monstrueuses, montrent ainsi leur vraie nature.

Tout est faux dans leur monde, jusqu'aux sciences, jusqu'aux mathématiques ! Des mensonges si subtils que seul Dieu peut les dévoiler. Car la fausseté se trouve dans les bases mêmes des mathématiques et des sciences. Et tout paraît normal quand bien même on est en présence d'un mensonge, comme par exemple la prétendue « impossibilité » de **diviser par 0**. Ou face à la théorie des ordinaux qui **n'obéit pas à la symétrie des nombres** (la **symétrie des générescences**). Ou en présence du mensonge au sujet de l'entropie qui a pris la place de l'entropie, pour normaliser la **désorganisation**, alors que c'est l'**organisation** la norme. Et bien d'autres mensonges scientifiques qui ont toutes les apparences de la vérité.

Et beaucoup de gens sincères, et notamment des scientifiques, ont travaillé pour ce mensonge sans le savoir, ils ont servi ces paradigmes faux. Ils ne savaient pas quels esprits obscurs et occultes ils servaient, avec leurs formules cabalistiques, c'est le cas de le dire.

Que ce soit avec les formules des théories d'Einstein (notamment la relativité, avec laquelle il a été rendu célèbre, mais il a travaillé dans d'autres domaines, comme la physique quantique, les mathématiques, etc..) ou que ce soit les formules sur le tableau noir ci-dessous, on voit, à part les signes cabalistiques (beaucoup de signes d'**intégration** ou de **dérivée partielle**, des lettres grecques en voici en voilà) opaques et abscons pour les non initiés, il y aussi par exemple des symboles de l'**égalité**, comme par exemple aussi dans la célèbre formule : $E = mc^2$. Mais de quelle **égalité** on parle ?

The image shows a chalkboard with several mathematical formulas written in white chalk. The formulas are complex, involving integrals, derivatives, and probability density functions. Some of the visible formulas include:

$$\frac{\partial}{\partial a} \ln f_{a, \sigma^2}(\xi_1) = \frac{(\xi_1 - a)}{\sigma^2} f_{a, \sigma^2}(\xi_1) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp\left\{-\frac{(\xi_1 - a)^2}{2\sigma^2}\right\}$$

$$\int_{\mathbb{R}_n} T(x) \cdot \frac{\partial}{\partial \theta} f(x, \theta) dx = M\left(T(\xi) \cdot \frac{\partial}{\partial \theta} \ln L(\xi, \theta)\right)$$

$$\int_{\mathbb{R}_n} T(x) \cdot \left(\frac{\partial}{\partial \theta} \ln L(x, \theta)\right) \cdot f(x, \theta) dx = \int_{\mathbb{R}_n} T(x) \left(\frac{\frac{\partial f(x, \theta)}{\partial \theta}}{f(x, \theta)}\right) \cdot f(x, \theta) dx$$

$$\frac{\partial}{\partial \theta} M T(\xi) = \frac{\partial}{\partial \theta} \int_{\mathbb{R}_n} T(x) f(x, \theta) dx = \int_{\mathbb{R}_n} T(x) \frac{\partial f(x, \theta)}{\partial \theta} dx$$

Ça tombe bien car Einstein parlait souvent de « Dieu », comme par exemple dans sa célèbre déclaration « **Dieu ne joue pas aux dés** ». Par ces mots il s'opposait aux paradigmes probabilistes de la classique physique quantique. Effectivement « **Dieu ne joue pas aux dés** », le hasard n'existe que dans les contextes limités de l'**Univers TOTAL**, comme notre petit monde ou notre petit univers gratifié de 10^{80} atomes (qui n'est pas infini donc), où l'on n'a pas la vision globale, c'est-à-dire de la réalité TOTALE. Mais à l'échelle de l'**Univers TOTAL**, l'**Etre Infini**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, le hasard, ce mot de **Négation**, n'existe plus. Tout obéit à une autre Science, à d'autres lois, que simplement on n'a pas voulu connaître.

Les paradigmes de la **Négation** reposent sur l'idée que certaines choses n'existeraient pas dans l'absolu, seraient fausses dans l'absolu, seraient impossibles dans l'absolu, comme par exemple et tout bonnement la **division par le 0** dont nous parlons, justement ! Si le **0** n'est pas quelque chose, mais n'est que **0** ou **rien**, quelle que soit l'échelle à laquelle on regarde les choses, alors **diviser par 0** est effectivement impossible.

Mais si le 0 est toujours quelque chose, si c'est toujours une certaine chose qu'on appelle le **0**, et à plus forte raison si c'est l'**Univers TOTAL**, oui **Dieu**, qui joue aussi ce rôle du **0**, comme il joue aussi le rôle du **1** et aussi le rôle de l'**infini ω** (en fait il est l'**alpha** et l'**oméga**, la **Variable existentielle** et **universelle**, qui joue tous les rôles), alors la **division par 0** est une toute autre affaire ! C'est un tout autre paradigme, une toute autre science !

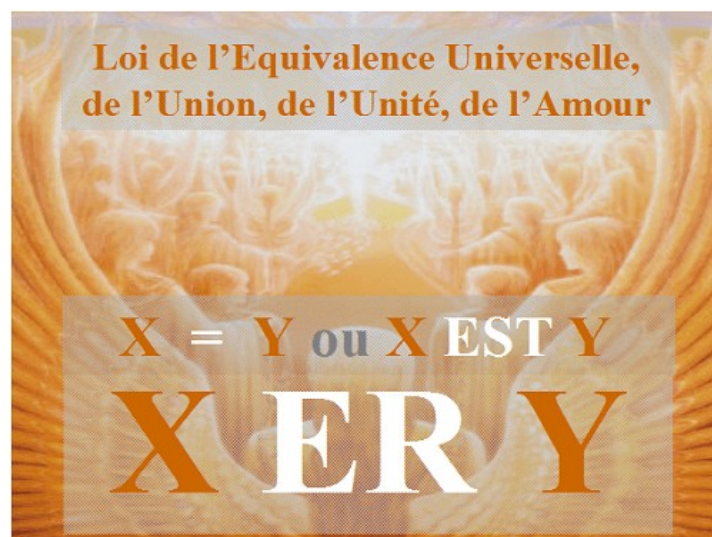
Avec donc « \equiv_w », on fait la différence entre « $1+0$ » et « 1 », on différencie les expressions suivantes : $0, 0+0, 0+0+0, 0+0+0+0$, etc., de même que les expressions : $1, 1 \times 1, 1 \times 1 \times 1, 1 \times 1 \times 1 \times 1$, etc., dont les logarithmes sont les précédentes, car ce sont des **informations** différentes.

Au niveau de l'**identité absolue** « \equiv_ω », toute chose n'est égale qu'à elle-même. Non seulement on ne peut plus dire : « $2+2 \equiv_\omega 5$ », mais même pas « $2+2 \equiv_\omega 4$ », ou « $4+6 \equiv_\omega 2 \times 5$ », mais on n'a que : « $2+2 \equiv_\omega 2+2$ », « $4 \equiv_\omega 4$ », « $4+6 \equiv_\omega 4+6$ », « $2 \times 5 \equiv_\omega 2 \times 5$ », etc., bref très rigoureusement « $X \equiv_\omega X$ ». L'**identité absolue** ne tolère la moindre différence entre le premier membre et le second membre de l'**égalité**. Tandis que l'**identité opérationnelle** tolère encore des différences, ce qui rend possible des **opérations** basiques, comme par exemple : « $2+2 \equiv_w 4$ ».

A l'inverse des **identités**, on a les équivalences . On peut faire appel à une **équivalence** « \equiv », qui **égalise** ce que « $=$ » **distingue**, et à une **équivalence** « $\equiv\equiv$ », qui **égalise** ce que « \equiv » **distingue**, et à une **équivalence** « $\equiv\equiv\equiv$ », qui **égalise** ce que « $\equiv\equiv$ » **distingue**, et ainsi de suite. Les **équivalences** « \equiv », « $\equiv\equiv$ », « $\equiv\equiv\equiv$ », « $\equiv\equiv\equiv\equiv$ », etc., sont notées : « \equiv_1 », « \equiv_2 », « \equiv_3 », « \equiv_4 », ..., « \equiv_w », ..., « \equiv_ω », la dernière étant l'**équivalence absolue**, ou l'**équivalence universelle**.

Cette **égalité** quant à elle **ne distingue pas les choses**, de son point de vue tout dans l'**Univers TOTAL** est **une seule chose**, qui est donc forcément l'**Univers TOTAL U** lui-même, qui est donc l'**Alpha** et l'**Oméga**, le **Zéro** et l'**Infini**, et à la fois le **Un**, l'**Unique**.

On dira donc que la **relation d'équivalence**, « \equiv_ω », est l'**équivalence universelle** dans **U**, ou la relation de **XERY** dans **U**.



Définition et théorème :

De manière générale, soit un **ensemble** quelconque **E**. On définit dans **E** la **relation binaire** suivante : « $x \equiv_w y$ » : « **x et y sont des éléments de E** ».

C'est la **relation** que nous qualifions de **co-appartenance** dans l'**ensemble E**. Il s'agit d'une **relation d'équivalence** dans **E**, et pour cette **relation** spéciale, tout élément de **E** est en relation avec lui-même et avec tous les autres éléments de **E**. Autrement dit :

$$\forall x \forall y (x \in E \text{ et } y \in E \Rightarrow x \equiv_w y)$$

Ou simplement : $x \equiv_w y$, étant entendu que x et y désignent n'importe quels éléments de E .

Cette relation « \equiv_w » est donc une **relation d'équivalence** totale dans E .

Autrement dit **on a une seule classe d'équivalence**, qui est E lui-même.

On dit alors aussi que cette **relation « \equiv_w »** est une **relation d'équivalence universelle** ou **relation de XERY** dans E .

Et le mot « **XERY** » vient bien sûr de « **X ER Y** » ou « **X EST Y** » ou « **X = Y** ».

La **relation « \equiv_w »** est donc la **relation de XERY** dans l'**Univers TOTAL U**, et plus généralement dans tout **ensemble E**.

Par exemple, considérons l'**ensemble des entiers naturels** : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$.

La relation définie par :

$$x \equiv y \Leftrightarrow \text{« } x \text{ et } y \text{ sont des entiers naturels »},$$

est vérifiée pour tout couple d'**entiers naturels**. C'est donc une **relation d'équivalence totale** ou **relation d'équivalence universelle** ou **relation de XERY** dans N .

De même pour la relation définie par :

$$x \equiv y \Leftrightarrow \text{« } |x - y| \text{ est un multiple de } 1 \text{ »}.$$

Ou encore :

$$x \equiv y \Leftrightarrow \text{« } |x - y| \text{ est un élément de } N \text{ »}.$$

Ou encore :

$$x \equiv y \Leftrightarrow \text{« } x - y \text{ est un élément de } Z \text{ »}.$$

Toutes ces relations sont vérifiées par tout couple d'**entiers naturels**. Ce sont donc des **relations d'équivalence totale** ou **relations d'équivalence universelle** ou **relations de XERY** dans N .

Cela veut dire donc qu'au regard de ces relations, l'ensemble N forme une seule **classe d'équivalence**, la **classe de 0**. Autrement dit, l'ensemble N est comme un ensemble d'un seul élément : $N = \{0^{\boxed{0}}\}$.

Autrement dit encore, on a : $0 \equiv 1 \equiv 2 \equiv 3 \equiv 4 \equiv 5 \equiv 6 \equiv 7 \equiv \dots$

Ou en notant « = » ces relations « \equiv » ainsi définies :

$$0 = 1 = 2 = 3 = 4 = 5 = 6 = 7 = \dots$$

On note au passage la distinction que nous faisons entre la **relation d'identité** « = » utilisée pour définir ou identifier N , dans l'écriture : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, ou : $N = \{0^{\boxed{0}}\}$, et qui ici vérifie uniquement : $0 = 0, 1 = 1, 2 = 2, 3 = 3$, etc., et qui donc ne vérifie pas : $0 = 1$, par exemple, autrement dit : $0 \neq 1$, avec la **relation d'équivalence totale** dans N , ici notée « \equiv » ou « = ». Nous aurions pu utiliser aussi la **relation d'identité absolue** « \equiv_w » pour jouer le rôle de **relation d'identité** de référence. Pour ce rôle, nous utiliserons en général « = ».

Nous entrons dans une science où l'«égalité : $0+0 = 0$, est vraie, et pourtant aussi : $0+0 \neq 0$, est vraie aussi, en ce sens que pour une certaine identité plus stricte, « \equiv », on n'a pas : $0+0 \equiv 0$, autrement dit on a : $0+0 \not\equiv 0$. En effet, « $0+0$ » et « 0 » ne sont pas la même information, dans l'absolu. C'est plus évident encore avec l'«égalité : $3+7 = 2 \times 5$. En effet, « $3+7$ » et « 2×5 » ne sont pas la même **expression opérationnelle**. La première exprime une **addition** et la seconde une **multiplication**.

Par l'«égalité : $3+7 = 2 \times 5$, on veut dire que les deux opérations « $3+7$ » et « 2×5 » donnent le même résultat « **10** ». Et la relation binaire « **x et y donnent le même résultat** » est une **relation d'équivalence**.

Relation d'équivalence et partitions. Relations partitives d'équivalence

Définition :

Soit un **ensemble E** non vide, un **ensemble I** non vide, et $(E_i)_{i \in I}$ une **famille de parties de E** **indexée** par **I**, autrement dit un ensemble dont les éléments E_i sont des **parties de E**, et chaque élément E_i ayant comme index un élément **i** de **I**.

En particulier, cette **famille** peut être $(E_1, E_2, E_3, \dots, E_n)$, où **n** est un certain **ordinal** ou **nombre entier fini** ou **infini**, et où les E_i sont donc des **parties de E**. Ici, $I = \{1, 2, 3, \dots, n\}$.

On dit que cette **famille** $(E_i)_{i \in I}$ de **parties de E** est une **partition de E** si :

les **parties** E_i sont **disjointes** deux à deux,

ce qui signifie que pour deux **indices** distincts **i** et **j** de **I**, E_i et E_j n'ont aucun élément commun :

$$E_i \cap E_j = \emptyset;$$

et si leur **réunion** donne **E**, ce qui veut dire :

$$\text{réu}((E_i)_{i \in I}) = \cup_{i \in I} E_i = E.$$

Par exemple, considérant l'ensemble **N** des **entiers naturels**, sa partie **A** constituée des **entiers pairs**, et sa partie **B** constituée des **entiers impairs**, (A, B) est une **partition de N**, car : $A \cap B = \emptyset$ et : $A \cup B = N$.

Et si l'on considère la partie **A** de **N** des **entiers** de la forme $3k$ (c'est-à-dire sont le **triple** d'un certain **entier k**), et la partie **B** de **N** des **entiers** de la forme $3k+1$ (c'est-à-dire sont le **triple** d'un certain **entier k, plus 1**), et la partie **C** de **N** des **entiers** de la forme $3k+2$ (c'est-à-dire sont le **triple** d'un certain **entier k, plus 2**), **A** et **B** n'ont pas d'élément commun, de même que **A** et **C** et **B** et **C**. Mais la réunion de **A**, **B** et **C** donne **N**. Autrement dit :

$$A \cap B = \emptyset, \text{ et } A \cap C = \emptyset, \text{ et } B \cap C = \emptyset, \text{ et : } A \cup B \cup C = N.$$

Donc : (A, B, C) est une **partition de N**.

Théorème :

Soit un ensemble non vide **E** et « \equiv » une **relation d'équivalence** dans **E**.

Les **classes d'équivalence** de « \equiv » sont une **partition de E**.

Et inversement, soit $(E_i)_{i \in I}$ une **partition de E**.

La **relation binaire** : « $x \equiv y$ » \Leftrightarrow « **il existe un indice i de I tel que: $x \in E_i$ et $y \in E_i$** »

est une **relation d'équivalence** dans E , dont les E_i sont les **classes d'équivalence**. On dit que cette **relation « \equiv »** est une **équivalence partitionne** ou définie par **partition**.

→ La **relation « \equiv »** est **réflexive**.

En effet, pour tout élément x de E , il existe un E_i tel que $x \in E_i$. Et donc : $x \in E_i$ et $x \in E_i$, et donc : $x \equiv x$.

→ La **relation « \equiv »** est **symétrique**.

En effet, soient x et y deux éléments de E , et supposons : $x \equiv y$.

Il existe un **indice i** de I tel que: $x \in E_i$ et $y \in E_i$.

Donc aussi : $y \in E_i$ et $x \in E_i$, et donc $y \equiv x$.

→ La **relation « \equiv »** est **transitive**.

En effet, soient x , y et z trois éléments de E , et supposons : $x \equiv y$ et $y \equiv z$.

Il existe un **indice i** de I tel que: $x \in E_i$ et $y \in E_i$.

Et comme $y \equiv z$, et puisque $y \in E_i$, alors forcément aussi on a : $z \in E_i$,

Et donc on a : $x \in E_i$ et $z \in E_i$, donc $x \equiv z$.

La **relation « \equiv »** est donc une **relation d'équivalence** dans E .

Et il est clair aussi, de la manière dont elle est définie, que les **classes d'équivalence** sont les E_i .

Cette **relation d'équivalence** généralise celle de **co-appartenance** à un **ensemble E** , ou **relation de XERY** dans cet **ensemble**.

Nous emploierons plus souvent encore une forme plus générale de définition **partitionne**, qui est la suivante.

Théorème :

Soit un ensemble non vide E et $(E_i)_{i \in I}$ une **partition** de E . Supposons que sur chaque E_i est définie une **relation d'équivalence « \equiv_i »**. La **relation binaire :**

« $x \equiv y$ » \Leftrightarrow **« il existe un indice i de I tel que: $x \in E_i$ et $y \in E_i$ et $x \equiv_i y$ »**

est une **relation d'équivalence** dans E , dont les E_i sont les **classes d'équivalence**. On dit aussi que cette **relation « \equiv »** est une **équivalence partitionne** ou définie par **partition**.

La démonstration est analogue à celle du cas précédent, sauf qu'au lieu de la **relation de co-appartenance** ou **relation de XERY « \equiv_w »** dans chaque E_i , on considère la **relation « \equiv_i »**, qui est une **restriction** de « \equiv_w ».

→ Pour la **réflexivité**, pour tout élément x de E , on a un certain E_i tel que : $x \in E_i$ et $x \in E_i$, et dans E_i la relation « \equiv_i » est **réflexive** : $x \equiv_i x$, donc on a aussi : $x \equiv x$.

→ Pour la **symétrie** de « \equiv » dans E , pour deux éléments x et y de E , si l'on a : $x \equiv y$, alors x et y **co-appartiennent** à un certain E_i , et on a : $x \equiv_i y$. Mais aussi la relation « \equiv_i » est **symétrique** dans E_i , donc $y \equiv_i x$, et donc $y \equiv x$.

→ Pour la **transitivité** de « \equiv » dans E , pour trois éléments x , y et z de E , supposons que l'on a :

$x \equiv y$ et $y \equiv z$. Dans ce cas, x et y co-appartiennent à un certain E_i , et y et z co-appartiennent à un certain E_j . Mais comme les E_i sont une partition de E , étant donné que y est un élément commun de E_i et E_j , alors forcément $E_i = E_j$. Donc x , y et z co-appartiennent à E_i , donc $x \equiv y$ et $y \equiv z$ entraîne $x \equiv z$. La relation « \equiv » étant **transitive** dans E_i , on a donc : $x \equiv z$, et donc $x \equiv z$.

La **relation « \equiv »** est donc une **relation d'équivalence** dans E et ses **classes d'équivalence** sont donc les E_i .

Nous définirons souvent une **relation d'équivalence** sur un certain ensemble E donné par cette méthode **partitive**. Il ne sera pas alors nécessaire de démontrer à chaque fois que la **relation** définie est une **équivalence**. Il suffira donc d'indiquer explicitement ou même implicitement que la définition est **partitive**.

Définition :

Soit un **ensemble E** muni d'une **relation d'équivalence « \equiv »** et soit **f** une **application** de E dans E . On dit que la **relation « \equiv »** est **substitutive** pour **f** ou est **identitaire** pour **f** , si :
pour tous éléments x et y de E , $x \equiv y \Rightarrow f(x) \equiv f(y)$.

Cela traduit l'idée intuitive que si x et y sont **équivalents**, pour l'**application f** , on peut, dans le calcul de **$f(x)$** , **remplacer x par y** , le **résultat sera équivalent**. Autrement dit, pour **f** , x et y sont **interchangeables**, **$f(x) \equiv f(y)$** , du moment où l'on a : **$x \equiv y$** . Autrement dit encore, pour **f** , la **relation d'équivalence « \equiv »** se comporte comme une **identité**. Par conséquent, si ceci est vrai pour n'importe quelle **application de E dans E** , alors la **relation d'équivalence « \equiv »** est une **identité** dans E .

Définition :

Soit un **ensemble E** muni d'une **relation d'équivalence « \equiv »**. On dit que la **relation « \equiv »** est **totalelement substitutive** dans E ou est **totalelement identitaire** dans E , ou simplement est l'**identité** dans E , si la **relation « \equiv »** est **substitutive** ou **identitaire** pour toute **application f** de E dans E . Autrement dit, pour tout élément **f** de E^E et pour tous éléments x et y de E , $x \equiv y \Rightarrow f(x) \equiv f(y)$.

Cela traduit l'idée intuitive que dans E , si x et y sont **équivalents** au sens de la **relation d'équivalence « \equiv »**, autrement dit si l'on a : **$x \equiv y$** , alors tout ce qu'on fait dans E avec x , on peut le faire avec y aussi, c'est-à-dire c'est **équivalent** de le faire avec y . Autrement dit, on peut, dans les **opérations f** faites avec x , le **remplacer** par y , ou vice-versa, ce sera **équivalent**.

Il faut vraiment que la **relation d'équivalence « \equiv »** soit très fortement **identitaire** dans E pour qu'il en soit ainsi, car, en général les **relations d'équivalence** dans un **ensemble E** donné ne sont **identitaires** ou **substitutives** que pour certaines **opérations f** et pas d'autres.

Exemple :

Considérons l'**ensemble N** des **entiers naturels** : **$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$** , muni de la **relation d'équivalence « \equiv »** définie par : **$x \equiv y \Leftrightarrow x - y$ est un entier relatif pair**.

Il s'agit simplement de la **relation de congruence modulo 2** dans \mathbb{N} , que nous appelons encore **l'égalité modulo 2** ou le **cycle 2**. Elle a deux **classes d'équivalence**, la **classe de 0** ou **classe des pairs** : $P = \{0, 2, 4, 6, 8, \dots\}$, et la **classe de 1** ou **classe des impairs** : $I = \{1, 3, 5, 7, 9, \dots\}$.

Considérons à présent l'**application f** de \mathbb{N} dans \mathbb{N} définie par : $f(n) = n+1$. Autrement dit, à tout **entier naturel n** on associe son **successeur n+1**. Est-ce que cette **relation d'équivalence « \equiv »** est **substitutive** pour cette **application f** ?

Considérons alors deux **entiers pairs x** et **y**. Leurs **successeurs x+1** et **y+1** sont tous les deux **impairs**, donc sont **équivalents**. Et si **x** et **y** sont **impairs**, leurs **successeurs x+1** et **y+1** sont tous les deux **pairs**, donc sont **équivalents**. Cette **relation d'équivalence « \equiv »** est donc **substitutive** pour l'**application f**.

Et maintenant, considérons l'**application f** de \mathbb{N} dans \mathbb{N} définie par : $f(n) = n^2$. Autrement dit, à tout **entier naturel n** on associe son **carré n²**. Est-ce que cette **relation d'équivalence « \equiv »** est **substitutive** pour cette nouvelle **application f** ?

Oui, car le **carré** de deux **nombres pairs** est **pair** aussi, et le **carré** de deux **nombres impairs** est **impair** aussi.

Mais alors, est-ce que cette **relation d'équivalence « \equiv »** est **substitutive** pour n'importe quelle **application f** de \mathbb{N} dans \mathbb{N} ?

Non, car il est facile de trouver des **applications** pour lesquelles cette **relation** n'est pas **substitutive**.

Par exemple l'**application f** définie par $f(n) = n!$, autrement dit, qui à tout **entier naturel n** associe sa **factorielle n! = 1×2×3×...×n**.

Prenons **1** et **3** par exemple, qui sont **équivalents**. Leurs **factorielles** respectives sont **1** et **6**, qui ne sont pas **équivalentes**.

V - Relation d'ordre. Relation de bon ordre et ordinaux

Une **relation binaire** fondamentale, indissociable de la **relation d'équivalence**, est la **relation d'ordre**.

Définition :

Une **relation binaire \mathcal{R}** dans un **ensemble E** est une **relation d'ordre** si elle vérifie les trois propriétés suivantes :

1) **Réflexivité :**

Pour tout élément **x** de **E**, on a : **x \mathcal{R} x**.

2) **Antisymétrie :**

Pour deux éléments **x** et **y** de **E**, si **x \mathcal{R} y** et si **y \mathcal{R} x**, alors **x = y**.

3) Transitivité :

Pour trois éléments x, y et z de E , si $x \mathcal{R} y$ et si $y \mathcal{R} z$, alors $x \mathcal{R} z$.

Une **relation d'ordre** \mathcal{R} est souvent notée par les symboles du genre « \leq », qui se lit « **inférieur ou égal** ». L'ordre réciproque est noté « \geq », et se lit « **supérieur ou égal** ».

On remarque dans cette définition de la **relation d'ordre** l'usage de la **relation d'égalité**, ce qui fait que la **relation d'ordre** ne peut pas être dissociée de la **relation d'équivalence** courante prise comme **égalité** dans E . Il suffit donc de changer d'**égalité** et la **relation d'ordre** en est affectée, et peut même ne plus être une **relation d'ordre** !

Si l'on a une **relation d'ordre** \mathcal{R} dans E , on peut à partir d'elle définir la **relation binaire**:

« $x \mathcal{R} y$ et $x \neq y$ » ou « $x \mathcal{R} y$ et $x \neq y$ »,

qui se lit : « x est en relation \mathcal{R} avec y , et x est différent de y », ou « x est en relation \mathcal{R} avec y , et x est distinct de y », ou « x est en relation \mathcal{R} avec y , et x est non-égal à y », etc., notée alors « $<$ » si l'**ordre** \mathcal{R} est noté « \leq », et noté « $>$ » si l'**ordre** \mathcal{R} est noté « \geq ». Cette seconde relation appelée la **relation d'ordre strict** associée à l'**ordre** \mathcal{R} , dite alors l'**ordre large**.

Définition :

On dit qu'une **relation d'ordre strict**, qu'on va noter « $<$ » est **totale** dans l'ensemble E , si deux éléments x et y de E , sont toujours **comparables**, c'est-à-dire si pour deux éléments x et y de E , une au moins des propositions suivantes est vraie :

- i) $x < y$
- ii) $x = y$
- iii) $x > y$

Donc, si $x \neq y$, c'est-à-dire si $x \neq y$, on a soit $x < y$, soit $x > y$.

On note une fois encore l'importance de l'**égalité** (donc la **relation d'équivalence** sous-jacente) dans cette définition.

Si l'**ordre** n'est pas **total**, il est dit **partiel**.

On note là aussi que l'**ordre strict** dépend directement et fortement de la **relation d'égalité** impliquée.

Bornage d'une relation d'ordre total par une relation d'équivalence

Définition :

Soit un ensemble K muni d'une **relation d'équivalence** « $=$ » qui est son **égalité courante**, et qui est **totalement ordonné** par une **relation** « \leq », dont l'**ordre strict** associé est « $<$ » (ici on parle juste d'une **relation d'ordre**, pas nécessairement de **bon ordre**). On suppose que K possède au moins trois éléments distincts a, b et c tels que : $a < b < c$. Notons par K_a la partie de K des éléments x tels que : $x \leq a$.

Et par K_c la partie de K des éléments x tels que : $x \geq c$.

Et par K_{ac} la partie de K des éléments x tels que : $a \leq x \leq c$.

Il est clair que (K_a, K_{ac}, K_c) est une **partition** de K .

On définit sur K une **relation d'équivalence partitive** « $=$ », pour être une nouvelle **égalité**, et qui

est le **XERY** (ou **relation de co-appartenance**) sur K_a et K_c , et la **relation « == »** sur K_{ac} . Cette nouvelle **égalité** est appelée une **égalité de bornage de K**.

Comme expliqué dans la partie I, voilà un exemple de **relation d'équivalence**, ici l'**équivalence partitive de bornage** d'un **ensemble totalement ordonné K**, qui change la manière de percevoir **K**, comme on pouvait le percevoir avec son **égalité courante**, à savoir l'**identité « == »**. L'ensemble **K** qui n'était pas forcément **borné**, est maintenant borné par cette nouvelle **égalité** sur **K**, et peut s'écrire **[a, c]**. Et on a $b \in [a, c]$.

Exemple 1:

Considérons la classique **droite réelle R**, habituellement notée comme l'**intervalle $]-\infty, +\infty[$** .



Il s'agit donc d'un **ensemble totalement ordonné**, non borné aux **extrémités infinies**. Prenons pour **a** le réel -5, pour **b** le réel 0, et pour **c** le réel +5.

On a donc : $R_a ==]-\infty, -5]$, et : $R_{ac} ==]-5, +5[$, $R_c == [+5, +\infty[$.

Ces trois ensembles forment une **partition** de **R**, car ils sont **disjoints**,

et on a : $R == R_a \cup R_{ac} \cup R_c ==]-\infty, -5] \cup]-5, +5[\cup [+5, +\infty[$.

On a donc la nouvelle **égalité** notée « = » qui est la **co-appartenance** ou **XERY** sur R_a et sur R_c , et qui est l'**identité courante** « == » sur $R_{ac} ==]-5, +5[$.

Cela signifie que R_a se réduit à un seul élément : $R_a == [-5]$, puisque tous ses éléments sont maintenant **égaux** à -5, selon la nouvelle **égalité** « = ». De même, on a : $R_c == [+5]$.

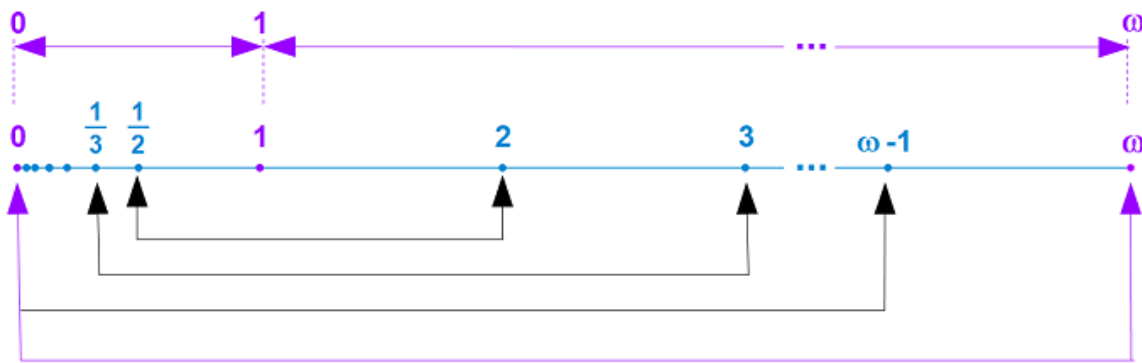
Et on a désormais : $R == R_a \cup R_{ac} \cup R_c == [-5] \cup]-5, +5[\cup [+5] == [-5, +5]$.

Au regard donc de la nouvelle **égalité** « = », l'**ensemble R**, autrement dit la droite réelle non bornée, devient le **segment** ou **intervalle borné $[-5, +5]$** .

Cela, au passage, permet de comprendre que tout **intervalle borné** de la forme **[a, b]**, avec **a** et **b** distincts, est l'**ensemble R** tout entier mais vu au regard d'une certaine **relation d'équivalence de bornage**.

Exemple 2 :

Nous parlerons plus tard de l'**ensemble W** des **générescences**, un **ensemble totalement ordonné**, qui a une **structure fractale**, en appliquant l'**équivalence de bornage** à 0, 1 et ω , l'**ensemble W** devient l'**ensemble des réélis $[0, \omega]$** .



Cyclage d'une relation d'ordre total par une relation d'équivalence

On reprend les mêmes conditions que précédemment :

Définition :

Soit un ensemble K muni d'une **relation d'équivalence** « \equiv » qui est son **égalité courante**, et qui est **totalemment ordonné** par une **relation** « \leq », dont l'**ordre strict** associé est « $<$ ». On suppose que K possède au moins trois éléments distincts a , b et c tels que : $a < b < c$.

Notons par K_a la partie de K des éléments x tels que : $x \leq a$.

Et par K_c la partie de K des éléments x tels que : $x \geq c$.

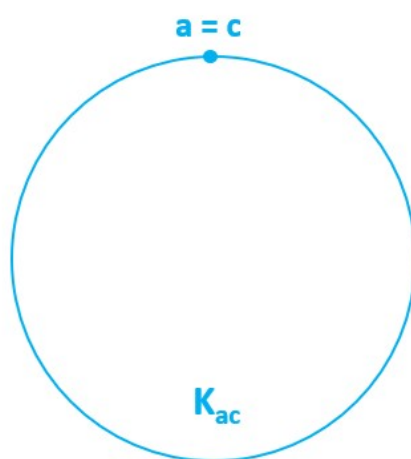
Et par K_{ac} la partie de K des éléments x tels que : $a \leq x \leq c$.

On pose : $K_o \equiv K_a \cup K_c$.

(K_o, K_{ac}) est une **partition** de K .

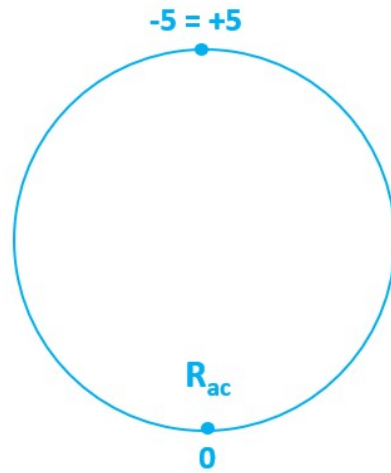
On définit sur K une **relation d'équivalence partitive** « \equiv », pour être une nouvelle **égalité**, et qui est le **XERY** (ou **relation de co-appartenance**) sur K_o et la **relation** « \equiv » sur K_{ac} .

Cette nouvelle **égalité** est appelée une **égalité de cyclage** de K .



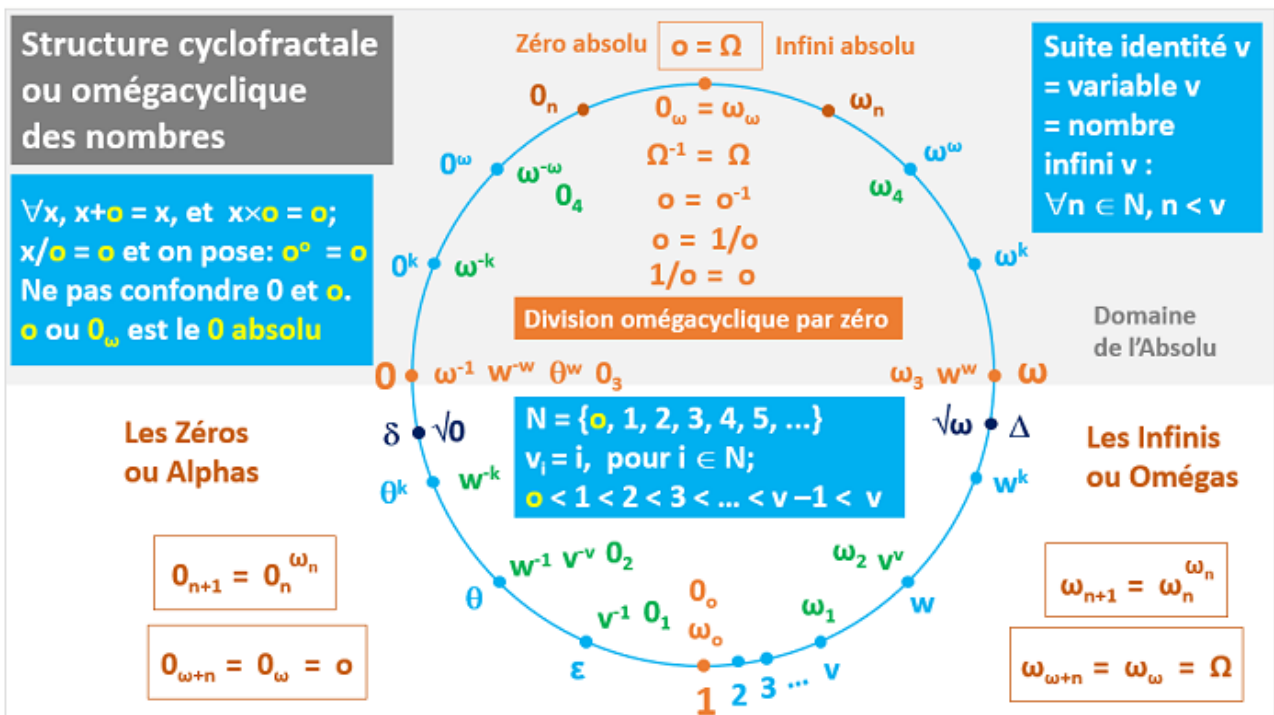
Exemple :

En reprenant l'exemple précédent de la **droite réelle R** et les mêmes valeurs -5, 0 et +5 pour **a**, **b** et **c**, et : donc : $R_a ==]-\infty, -5]$, et : $R_{ac} ==]-5, +5[$, $R_c == [+5, +\infty[$, l'ensemble **R** vu par cette nouvelle **égalité** devient un **cercle de longueur 10**, comme illustré ci-dessous :



L'**égalité de cyclage** est celle concernée dans la logique **oméga-cyclique**.

On considère de nouveau l'**ensemble W** des **généréscences**, qui est un **ensemble totalement ordonné**, et qui a une **structure fractale**. On applique l'**équivalence de cyclage** à **o**, **1** et **Ω**. L'**ensemble W** devient alors la **structure oméga-cyclique** suivante, le grand **cycle Ω**, qui s'exprime par : **o = Ω**:



Et dans le même temps on a l'**ensemble des réélis** $[0, \omega]$.

Relation de bon ordre. Les ordinaux

Définition :

On dit qu'une **relation d'ordre**, qu'on va noter « \leq » est une **relation de bon ordre** ou **semi-ordinaire** dans l'ensemble **E**, si toute **partie non vide A** de **E** a un **plus petit élément**. On dit aussi que **E** est **bien ordonné** par « \leq », ou encore que **(E, \leq)** est un **ensemble bien ordonné**. Si **E** est **vide**, alors par définition il est **bien ordonné** par « \leq ».

Autrement dit, toute **relation binaire** est une **relation de bon ordre** dans l'**ensemble vide \emptyset** .

Théorème :

On en déduit immédiatement que l'**ordre** « \leq » est **total** dans **E**.

En effet, si **E** n'a qu'un seul élément **e**, alors le théorème est démontré de manière triviale. Car toute **partie non vide** de **E** est **E** lui-même, et son **plus petit élément**, comme son **plus grand élément**, est **e**.

Et si **E** possède au moins deux éléments distincts, on peut considérer toutes les **paires {a, b}** d'éléments distincts de **E**, c'est-à-dire tels que : **a \neq b**, la **relation d'ordre** « \leq » étant bien entendu définie par rapport à l'**égalité** « $=$ », dont la « **négation** » ou **contraire** est « \neq ». Mais dans ce cas on a soit c'est **a** le **plus petit élément** de la **paire {a, b}**, donc : **a < b**, soit c'est **b** son **plus petit élément**, donc : « **b < a** ».

Donc deux éléments de **E** sont toujours **comparables**, et donc l'**ordre** est **total**.

Théorème :

Soit un **ensemble E** et **A** une **partie** de **E**. La **restriction** à **A** d'une **relation d'équivalence** (resp. d'**ordre**, resp. de **bon ordre**) définie sur **E**, est aussi une **relation d'équivalence** (resp. d'**ordre**, resp. de **bon ordre**).

En effet :

Lemme :

Il suffit de reprendre les définitions de la **réflexivité**, de la **symétrie**, de l'**antisymétrie**, de la **transitivité** d'une **relation binaire \mathcal{R}** sur un **ensemble E**, pour voir que si c'est vérifié sur **E**, c'est vérifié aussi sur toute **partie A** de **E**.

Donc aussi, si **\mathcal{R}** est une **relation d'équivalence** (resp. d'**ordre**) sur **E**, c'est le cas aussi sur toute **partie A** de **E**. Et pour ce qui est de la **relation d'ordre**, si toute **partie non vide** de **E** a un **plus petit élément**, toute **partie non vide** de **A** aussi, qui est une **partie** de **E** également, a un **plus petit élément**. Donc si **\mathcal{R}** est un **bon ordre** sur **E**, c'est le cas aussi sur toute **partie A** de **E**.

Théorème et définition :

Si la **relation** « \leq » est une **relation de bon ordre** dans un **ensemble non vide E**, alors **E** a un **plus petit élément** appelé son **élément alpha**.

Immédiat, puisque E est une **partie non vide** de E . Donc, par définition, E a un **plus petit élément**.

Définition:

Etant donné un **ensemble bien ordonné non vide** (E, \leq) , et étant donné un élément a de E , on dit que a est un **élément maximal** si pour tout élément x de E , $a \leq x \Rightarrow a = x$.

Autrement dit, il n'existe aucun élément de E **strictement supérieur** à a .

Et on dit que a est un **élément minimal** si pour tout élément x de E , $x \leq a \Rightarrow x = a$.

Autrement dit, il n'existe aucun élément de E **strictement inférieur** à a .

Cette définition s'applique de manière générale à tout **ensemble ordonné**, que ce soit ou non un **bon ordre**.

Théorème:

Etant donné un **ensemble bien ordonné non vide** (E, \leq) , et étant donné un élément a de E , si a n'est pas un **élément maximal**, alors a possède un **successeur** b .

En effet, si a n'est pas **maximal**, alors il existe au moins un élément x de E tel que $a < x$. En considérant la **partie** B de E de tels éléments x , B est **non vide** donc a a un **plus petit élément** b , qui est donc le **successeur** de a .

Définition :

Soit un **ensemble bien ordonné non vide** (E, \leq) , et soit A une **partie non vide** de E . (A, \leq) est donc aussi un **ensemble bien ordonné non vide**.

Soit a_0 le **plus petit élément** de A .

On pose : $A_0 = \{a_0\}$ et : $A = A_0 \cup \Omega_0 = \{a_0\} \cup \Omega_0$, où Ω_0 est soit **vide**, soit possède un **plus petit élément** a_1 , appelé le **successeur** de a_0 , tandis que a_0 est appelé le **prédécesseur** de a_1 .

On pose ensuite: $A_1 = \{a_0, a_1\}$, et : $A = A_1 \cup \Omega_1 = \{a_0, a_1\} \cup \Omega_1$, où Ω_1 est soit **vide**, soit possède un **plus petit élément** a_2 , appelé le **successeur** de a_1 , tandis que a_1 est appelé le **prédécesseur** de a_2 .

Et ensuite: $A_2 = \{a_0, a_1, a_2\}$, et : $A = A_2 \cup \Omega_2 = \{a_0, a_1, a_2\} \cup \Omega_2$, où Ω_2 est soit **vide**, soit possède un **plus petit élément** a_3 , appelé le **successeur** de a_2 , tandis que a_2 est appelé le **prédécesseur** de a_3 . Et ainsi de suite.

$A_n = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_n\}$, et : $A = A_n \cup \Omega_n = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_n\} \cup \Omega_n$, où Ω_n est soit **vide**, soit possède un **plus petit élément** a_{n+1} , appelé le **successeur** de a_n , tandis que a_n est appelé le **prédécesseur** de a_{n+1} .

A_n est appelé l'**ordinal alpha** de A ou de l'**ensemble ordonné** (A, \leq) , jusqu'au **rang** a_n .

Et Ω_n est appelé l'**ordinal oméga** de A ou de l'**ensemble bien ordonné** (A, \leq) , jusqu'au **rang** a_n .

On dit que A est **fini** ou **constant** pour la **relation** « \leq », ou encore que l'**ensemble bien ordonné** (A, \leq) est **fini** ou **constant**, si ce **processus se termine**, c'est-à-dire s'il existe un élément a_n de A , tel que : $A_n = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}, a_n\}$, et : $A = A_n \cup \Omega_n = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}, a_n\} \cup \Omega_n$, où Ω_n est **vide**, et où a_n est le **successeur** de a_{n-1} , tandis que a_{n-1} est le **prédécesseur** de a_n . Il est clair alors aussi que a_n est le **plus grand élément** de A , mais aussi de sa **partie** A_n , qui est sa **partie pleine**. Et dans ce cas aussi, par définition, on dit que toute **partie** de A est **finie** ou **constante**, et aussi que

les éléments de A , à savoir donc: $a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}, a_n$, sont des **éléments finis** ou **constants** pour l'**ensemble bien ordonné** (A, \leq) .

Dans le cas contraire, si donc ce **processus** peut être **itéré indéfiniment**, autrement dit si tout **élément** a_α de A_α , qui est donc $A_\alpha = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{\alpha-1}, a_\alpha\}$, a un **successeur** $a_{\alpha+1}$, qui est le **plus petit élément** de Ω_α , qui est **non vide**, alors on dit que A est **infini** ou **variable croissant** pour la **relation** « \leq », ou simplement que l'**ensemble bien ordonné** (A, \leq) est **infini** ou **variable croissant**. Dans ce cas aussi, a_α est le **prédécesseur** de $a_{\alpha+1}$, et $a_{\alpha+1}$ est le **plus grand élément** de $A_{\alpha+1} = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{\alpha-1}, a_\alpha, a_{\alpha+1}\}$. Et ainsi de suite.

Ces définitions s'appliquent évidemment au cas particulier où A est E lui-même.

On dit que E est **infini** ou **variable croissant** pour la **relation** « \leq », si lui ou au moins une de ses **parties** A est **infinie** ou **variable croissante** pour la **relation** « \leq ». On dit aussi que E est un **généren**, lire « **générenne** » (le sens précis de ce mot sera expliqué plus loin).

Exemple 1 :

Le classique **ensemble** N des **nombre entiers naturels** : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, muni de la très classique **relation d'ordre** « \leq », est un **ensemble bien ordonné**. Et dans cette liste, 0 représente le **0 absolu**, o . C'est un **bon ordre** car il est clair que toute **partie non vide** A de N , c'est-à-dire tout **ensemble non vide** A d'**entiers naturels**, possède un **plus petit élément**.

Et N est **infini** ou **variable croissant** pour la **relation** « \leq » au sens qu'on vient de définir, c'est donc un **généren**. Sa **partie** formée par les **entiers naturels pairs** : $P = \{0, 2, 4, 6, 8, 10, \dots\}$, est elle aussi un **généren**. De même que sa **partie** formée par les **entiers naturels impairs** : $I = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, \dots\}$. De même aussi que sa **partie** formée par les **entiers naturels premiers** : $P_r = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, \dots\}$. Etc.

Exemple 2 :

L'**ensemble** N^2 des **couples** (m, n) de **nombre entiers naturels**, muni de la **relation binaire** « $<$ » suivante : $(n, m) < (n', m') \Leftrightarrow n < n' \text{ ou } (n = n' \text{ et } m < m')$, est un **ensemble bien ordonné**.

Nous n'avons indiqué que le **bon ordre strict** associé au **bon ordre** « \leq », qui est donc ici :

$(n, m) \leq (n', m') \Leftrightarrow (n, m) = (n', m') \text{ ou } (n, m) < (n', m')$,

ou : $(n, m) \leq (n', m') \Leftrightarrow (n, m) = (n', m') \text{ ou } n < n' \text{ ou } (n = n' \text{ et } m < m')$,

ou en détaillant: $(n, m) \leq (n', m') \Leftrightarrow (n = n' \text{ et } m = m') \text{ ou } n < n' \text{ ou } (n = n' \text{ et } m < m')$.

Les éléments sont classés dans l'**ordre** suivant, dit **lexicographe** :

$(0, 0), (0, 1), (0, 2), (0, 3), \dots, (1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots, (2, 0), (2, 1), (2, 2), (2, 3), \dots$

C'est donc le **bon ordre strict**: « $<$ ».

La **relation binaire** qu'on vient de définir sur les **couples d'entiers naturels** est un **bon ordre**, car étant donné un **ensemble non vide** A de **couples** (m, n) de **nombre entiers naturels**, on sélectionne tous ceux qui ont le même **plus petit élément** n , et parmi ceux-ci on sélectionne celui qui a le **plus petit élément** m . C'est lui donc le **plus petit élément** de A .

Il est souvent ainsi plus commode de définir l'**ordre** (resp. le **bon ordre**) **strict** associé à un **ordre** (resp. à un **bon ordre**). Pour les **ordinaux** au sens **ensembliste** du terme (que nous distinguons des

ordinaux au sens **génératif** ou **numérique** du terme, à savoir les **générescences**, bien que les deux notions soient équivalentes) la **relation de bon ordre strict** « $<$ » et la **relation d'appartenance** des **ensembles** « \in » se confondent en une seule **relation**. C'est l'une des particularités mêmes de la très importante notion d'**ordinal**.

Voyons pour commencer la définition que nous en donne notre chère encyclopédie Wikipedia (malgré ce que j'en dis, car il faut le dire, j'aime beaucoup Wikipedia, je rappelle, car c'est une excellente vitrine des paradigmes classiques et un très précieux outil de travail pour moi et pour introduire le Nouveau Paradigme), oui que nous apprend Wikipedia donc sur la notion de nombre ordinal ?

Nombre ordinal

🌐 39 langues ▾

(Redirigé depuis [Ordinal](#))

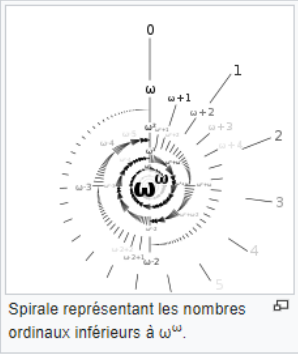
👉 « [Ordinal](#) » redirige ici. Pour les autres significations, voir [Ordinal \(homonymie\)](#).

En **mathématiques**, on appelle **nombre ordinal** un objet permettant de caractériser le **type d'ordre** d'un ensemble bien ordonné quelconque, tout comme en **linguistique**, les mots *premier*, *deuxième*, *troisième*, *quatrième*, etc. s'appellent des **adjectifs numériques ordinaux**, et servent à préciser le rang d'un objet dans une collection, ou l'ordre d'un événement dans une succession.

Georg Cantor a été amené (lors de ses travaux sur les **séries trigonométriques**) à nommer de même le concept qu'il avait introduit à cette occasion pour caractériser le type d'ordre des **ensembles** qu'il rencontrait, de façon plus précise qu'en les mesurant par leur **cardinalité** (leur « nombre d'éléments »). Les ordinaux finis peuvent en fait être identifiés aux **entiers naturels** qui s'identifient eux-mêmes aux cardinaux finis, mais, dans le cas des ensembles infinis, ce n'est plus vrai : tous les cardinaux sont encore identifiables à des ordinaux, mais la réciproque est fautive.

Sommaire [masquer]

- 1 [Introduction](#)
- 2 [Définition](#)



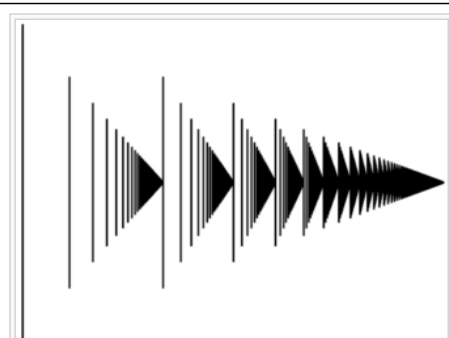
Spirale représentant les nombres ordinaux inférieurs à ω^ω .

«*En mathématiques, on appelle **nombre ordinal** un objet permettant de caractériser le type d'ordre d'un ensemble bien ordonné quelconque, tout comme en linguistique, les mots premier, deuxième, troisième, quatrième, etc. s'appellent des adjectifs numériques ordinaux, et servent à préciser le rang d'un objet dans une collection, ou l'ordre d'un événement dans une succession.* »

Jusque là, tout va bien, honnêtement, car je crois que le commun des mortels se fait une vague idée de ce que peut être un **nombre ordinal** avec ça, dès l'instant que l'on comprend que c'est la manière mathématique de dire ce que tout le monde intuitivement sait des **nombres ordinaux** : **premier, deuxième, troisième**, etc., ou **numéro un, numéro deux, numéro trois**, etc.. Sauf qu'en mathématiques on a aussi le **numéro zéro**, ce que dans la pensée courante on appelle souvent l'**avant-premier**, ou même de plus en plus souvent le **zéroième**.

Et maintenant, cher Wikipedia, supposons qu'on en sache un petit peu en maths, un petit rayon, mais qu'on ne soit pas spécialiste de **théorie des ensembles** ou de **théorie des ordinaux**, et qu'on veuille accroître un peu nos connaissances techniques, comme une encyclopédie devrait nous permettre de le faire, que nous proposes-tu sur la notion d'**ordinal** ?

Considérons par exemple l'ensemble des couples d'entiers positifs ou nuls ordonnés selon ce qu'on appelle l'ordre lexicographique :



Représentation graphique de l'exemple. La série de barres de gauche correspond aux couples commençant par 0, la suivante aux couples commençant par 1, etc.

$(0, 0) \triangleleft (0, 1) \triangleleft (0, 2) \triangleleft (0, 3) \triangleleft \dots \triangleleft (1, 0) \triangleleft (1, 1) \triangleleft (1, 2) \triangleleft (1, 3) \triangleleft \dots \triangleleft (n, 0) \triangleleft (n, 1) \triangleleft (n, 2) \triangleleft (n, 3) \triangleleft \dots$

On peut imaginer une technique de « numérotation » des éléments de cet ensemble ordonné :

Ah tiens ! On retrouve là l'**ordre lexicographique** sur les **couples d'entiers naturels**. J'avais il y a longtemps de cela découvert ce très important concept dans un très bon et vieux bouquin de **théorie des ensembles** écrit par J-L. Krivine. Cela m'a beaucoup inspiré dans la Théorie des Univers où je fais un développement de ce concept d'**ordre lexicographique** notamment dans la partie traitant des **ensembles bien ordonnés** et des **ordinaux**. C'est vraiment incontournable si l'on veut comprendre la logique des **ordinaux**, sauf qu'il y a un gros problème à régler avec les **ordinaux limites**, dont un exemple sur l'image est l'**ordinal (1, 0)** dont on va reparler. Car ce **couple (1, 0)** représente l'**ordinal infini ω** , qui est vraiment le gros morceau à **dé-buguer**, car la version classique a un gros bug.

Et maintenant, quelle est la définition plus générale et plus technique de la notion d'ordinal que propose Wikipedia ?

Définition [modifier | modifier le code]

On définit un nombre ordinal de l'une des deux manières suivantes :

- la première définition est fondée sur les classes d'équivalence d'**ensembles ordonnés**. Un ordinal est un **ensemble bien ordonné**, considéré à un **isomorphisme d'ordres** près (dans la **catégorie** des bons ordres où les **morphismes** sont les **applications croissantes** et les **isomorphismes** les **bijections croissantes**). Ainsi, si l'on change les noms des éléments d'un bon ordre, tant qu'on ne change pas la manière dont les éléments se comparent entre eux, on parle toujours du même ordinal ;
- la seconde définition est due à **John von Neumann**, et traduit le fait qu'un ordinal est défini par l'ensemble des ordinaux qui le précèdent. Un ordinal α est un ensemble vérifiant les deux propriétés suivantes :
 1. La relation d'appartenance \in sur cet ensemble est un « bon ordre strict », c'est-à-dire :
 - \in est un **ordre strict** :
 - $\forall x \in \alpha \quad [x \notin x]$ (\in est **antiréflexive**)
 - $\forall x, y, z \in \alpha \quad [x \in y \wedge y \in z \Rightarrow x \in z]$ (\in est **transitive**)
 - la relation d'ordre associée à cet ordre strict est un **bon ordre** :
 - $\forall z \subset \alpha \quad [z \neq \emptyset \Rightarrow \exists x \in z \forall y \in z (x \in y \vee x = y)]$ (toute partie non vide de α a un plus petit élément)
 2. Cet ensemble est **transitif**, ce qui s'écrit :
 - $\forall x \in \alpha \quad [x \subset \alpha]$.

Je reprends le texte ci-dessus, mais en traduisant le sens des formules et en commentant un peu:

« On définit un nombre ordinal de l'une des deux manières suivantes :

- la première définition est fondée sur les classes d'équivalence d'ensembles ordonnés. Un ordinal est un ensemble bien ordonné, considéré à un isomorphisme d'ordres près (dans la catégorie des bons ordres où les morphismes sont les applications croissantes et les isomorphismes les bijections croissantes). Ainsi, si l'on change les noms des éléments d'un bon ordre, tant qu'on ne change pas la manière dont les éléments se comparent entre eux, on parle toujours du même ordinal ;
- la seconde définition est due à John von Neumann, et traduit le fait qu'un ordinal est défini par l'ensemble des ordinaux qui le précèdent. Un **ordinal** α est un ensemble vérifiant les deux propriétés suivantes :

1. La **relation d'appartenance** \in sur cet **ensemble** est un « **bon ordre strict** », c'est-à-dire :

- \in est un **ordre strict** :
- $\forall x \in \alpha [x \notin x]$ (\in est **antiréflexive**)

Tout élément de l'**ordinal** α est **non-auto-appartenant**, autrement dit aucun élément de l'**ordinal** α n'est élément de lui-même ; propriété clef des ordinaux de ne pas être élément d'eux-mêmes, si on les voit en logique d'identité ou de Négation au lieu de les voir en logique d'Alternation. Ici, la **non-auto-appartenance** ne porte pas directement sur l'**ordinal** α mais indirectement via ses éléments, qui sont tous des **ordinaux**, lui-même étant de la même façon élément d'un autre **ordinal**. En effet, la définition qui est ainsi en train d'être posée sur la notion d'**ordinal** a entre autres pour conséquence que tous les éléments d'un **ordinal** α sont des **ordinaux**, en l'occurrence **tous les ordinaux qui lui sont strictement inférieurs**, et α lui-même est élément d'une infinité d'**ordinaux** strictement supérieurs à lui, à commencer par l'**ordinal** appelé son **successeur**, et qui est précisément : $\alpha^* = \alpha \cup \{\alpha\}$, ce qui signifie qu'on ajoute l'**ordinal** α lui-même à ses propres éléments pour avoir l'**ordinal** d'après, α^* , qu'il est plus commode de noter $\alpha+1$, même s'il ne s'agit pas d'une **opération d'addition** habituelle, mais une **opération ensembliste**. C'est donc la **nécessité** que les éléments d'un **ordinal** α soient **tous les ordinaux qui lui sont strictement inférieurs** et donc pas **égaux** à lui, qui fait que les **ordinaux** ne sont pas éléments d'eux-mêmes dans la définition classique des **ordinaux** ici présente. Pour cette conception, il ne peut pas exister de **dernier ordinal** Ω non plus, puisqu'il serait élément de lui-même, **auto-appartenant** donc, c'est-à-dire on aurait : $\Omega \in \Omega$, et, étant un ordinal, on devra avoir dans le même temps : $\Omega \notin \Omega$, comme le stipule l'**antiréflexivité** ici expliquée et commentée.

Mais avoir en même temps $\Omega \in \Omega$ et $\Omega \notin \Omega$ est ce qui est appelé un **paradoxe** (en l'occurrence ici le **paradoxe de Burali-Forti**) si l'on raisonne avec la logique classique, la logique de **Négation** et d'**identité**. Mais une fois encore c'est en logique d'**Alternation** et d'**équivalence** qu'il faut raisonner, dont deux facettes importantes sont la **logique fractale** et la **logique cyclique**. Car il se trouve justement qu'avec le **dernier ordinal**, Ω , qui existe bel et bien, on a atteint la fin du grand **cycle** des **ordinaux**, et on revient au début du **cycle**, ce qui s'écrit par l'**équivalence** : $0 = \Omega$, qui est l'expression du **cycle oméga** ou l'**oméga-cycle**. Donc, Ω en tant que lui-même au sens de l'**identité** n'est pas élément de lui-même, comme tous les **ordinaux**. C'est ce que veut dire : $\Omega \notin \Omega$. Mais Ω en tant que 0 via l'**équivalence**: $0 = \Omega$, est élément de lui-même, car $0 \in \Omega$. C'est ce que veut dire : $\Omega \in \Omega$. La **logique oméga-cyclique** résout donc le **paradoxe** qui n'en est pas un en réalité. L'**antiréflexivité** n'est donc vraie que du point de vue de l'**identité**. Mais nous apprenons à voir les choses du point de vue de l'**équivalence**, dont l'**identité** n'est qu'un cas particulier.

- $\forall x, y, z \in \alpha [x \in y \wedge y \in z \Rightarrow x \in z]$ (\in est **transitive**)

Cela veut dire que pour trois éléments quelconques x , y et z de α , si x est un élément de y et si y à son tour est élément de z , alors aussi x est un élément de z . C'est ce qu'on entend par la **relation d'appartenance** est **transitive** en tant que **relation d'ordre strict**. La **transitivité** est une propriété très fondamentale, qui est exigée aussi pour la **relation d'équivalence** et donc pour toute **relation d'égalité**: $x = y$ et $y = z \Rightarrow x = z$. Elle est incontournable pour la **relation d'ordre** : $x < y$ et $y < z \Rightarrow x < z$. Et ici, on exige qu'elle soit vraie pour la **relation d'appartenance** « \in », à l'intérieur d'un ensemble α pour qu'il puisse être un ordinal : $x \in y$ et $y \in z \Rightarrow x \in z$. On parle de **transitivité d'une relation** mais aussi de **transitivité d'un ensemble**, si la **relation d'appartenance** « \in » est **transitive** en son sein. Ici donc c'est z qui est **transitif**. **Transitivité d'un ensemble**, comme aussi on l'a vu dans la définition d'un **univers**, dans la **Théorie des Univers**, à ne pas confondre avec la **transitivité d'une relation binaire**, même si les deux peuvent être liées, notamment quand la **relation binaire** est la **relation d'appartenance** « \in », pour certains types d'ensembles, comme les **ordinaux** par excellence, mais aussi les **univers**, etc..

- la relation d'ordre associée à cet ordre strict est un bon ordre :

- $\forall z \subset \alpha [z \neq \emptyset \Rightarrow \exists x \in z \forall y \in z (x \in y \vee x = y)]$ (toute **partie non vide** de α a un plus petit élément)

Ici, le commentaire de Wikipedia est suffisamment clair. C'est donc l'idée que α est **bien ordonné** par la **relation d'appartenance** « \in ».

2. Cet ensemble est **transitif**, ce qui s'écrit :

- $\forall x \in \alpha [x \subset \alpha]$

La **transitivité** a été largement expliquée plus haut. Ici, on dit simplement qu'en plus du fait que tous les éléments de α sont **transitifs**, α lui-même est **transitif**. »

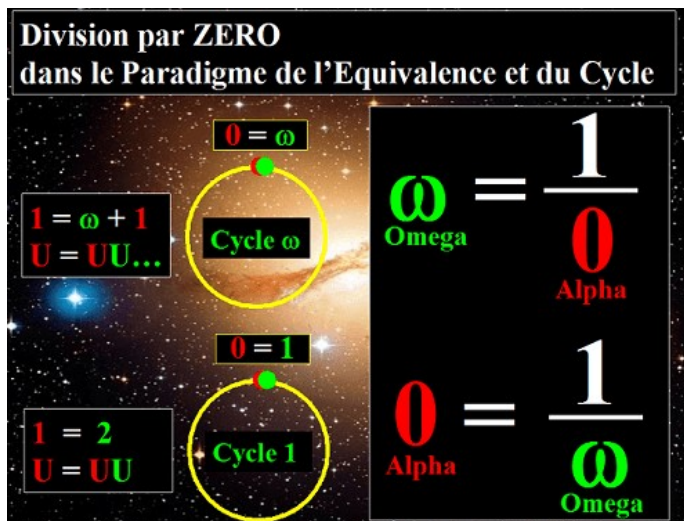
Sans les décodages et les explications nécessaires, avouons que, même un mathématicien, si la **théorie des ensembles** n'est pas de sa spécialité, et aussi des bases du **calcul des prédicats**, et j'en passe, il ne peut pas avoir lu ça et dire qu'il sait ce qu'est un **ordinal**, comment ça marche et quelles sont les questions fondamentales qui se posent au sujet de ce concept et d'autres. Qui comprend vraiment les ordinaux comprend vraiment aussi l'**Univers**, car c'est la logique profonde des **nombres** qui est ainsi exprimée, et tout dans l'**Univers**, notamment l'**Univers TOTAL** est **numérique**, oui tout est **ordinal**, de l'**Alpha** à l'**Oméga** !

Fort heureusement, une fois qu'on a la clef de compréhension de tout, l'**Univers TOTAL** donc, on n'est pas du tout obligé d'aborder les choses comme cela, il y a des approches beaucoup plus simples, intuitives et naturelles, car c'est justement aussi la logique profonde des fameux **nombres entiers naturels**, oui les éléments du bon vieil **ensemble** $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, qui est ainsi décrite. Les **ordinaux** élémentaires, les voilà !

Ils sont en **nombre infini**, et c'est justement quand on va vers l'infini que les questions délicates se posent au sujet des **ordinaux**, les **paradoxes**, comme notamment le paradoxe de Burali-Forti, expliqué avec l'**antiréflexivité**. Autrement dit, les problèmes des fondements des mathématiques et des sciences ne se manifestent pas trop avec les premiers **ordinaux**, encore que.... Car rien que le **zéro**, oui **0**, porte en lui tous les mystères des **ordinaux** et de l'**Univers**, autant que l'**infini**, oui Ω en majuscule ou ω en minuscule. Car le **zéro** et l'**infini** ne sont que deux facettes de la même réalité, ce que nous exprimons par l'**égalité omégacyclique**, ou **égalité du Cycle Oméga**, qu'on l'écrive : $o = \Omega$, $0 = \Omega$, $0 = \omega$, ou autres. Et dans ces **égalités**, le **0** ou **o** désigne le **zéro absolu**, et Ω

ou ω désigne l'**infini absolu**. Quand l'échelle absolue est atteinte, les deux extrêmes se rejoignent, et alors c'est le **Cycle Oméga**.

Le secret de la **division par 0** se trouve là, et aussi étonnant que cela puisse paraître, cette **division** est : $1/0 = 0$. La raison est fort simple : **Zéro** ou **0** est l'**ordinal Alpha** par excellence, le **premier ordinal**... enfin, l'**ordinal zéroième**. Et $1/0$ est la définition de l'**Infini oméga**, Ω ou ω , autrement dit : $1/0 = \omega = \Omega$. Or à l'**Infini Oméga**, on boucle le **Cycle** et on revient à l'**Alpha**, à **Zéro** donc : $\omega = \Omega$, ou $0 = \Omega$, ou $0 = \omega$. D'où : $1/0 = 0$. Ce qui a l'air d'une absurdité mathématique, et pourtant c'est l'une des plus grandes vérité de l'**Univers** qu'on exprime là, à savoir un Etre Unique, qui est à la fois l'**Alpha** et l'**Oméga**, et inutile de vous dire encore de quel **Etre** il s'agit.



Qui aurait pu croire que les réponses aux grandes questions **existentielles** et **universelles**, se cachent dans les **ordinaux** ? Comme aussi le vrai sens de ce qui en **logique mathématique** s'appelle le **quantificateur existentiel** « \exists » ou le **quantificateur universel** « \forall » ? Combien de mathématiciens manipulent au quotidien ces symboles (en plus des lettres inversées, « \exists » pour le « **E** » inversé de « **Existence** » et « \forall » pour le « **A** » inversé de l'allemand « **Alle** » ou de l'anglais « **All** », pour dire « **TOUT** »), mais sans comprendre le vrai sens, que des initiés occultes connaissent ? Car ce n'est pas parce qu'on est mathématicien qu'on ne peut pas être **kabbaliste** ou **franc-maçon** ! Beaucoup de mathématiciens (dont de grands matheux d'aujourd'hui et du passé) manipulent les symboles et jonglent avec eux au quotidien, en croyant savoir ce qu'ils font et ce que veulent dire vraiment ces symboles. Mais d'autres mathématiciens, pas nécessairement les plus géniaux mais les plus occultes et initiés, connaissent les grands secrets de l'Univers cachés derrière les symboles, opaques pour les autres. Or, la vraie **Mathématique** (au singulier, s'il vous plaît, et en majuscule) et la vraie **Science** (au singulier aussi et en majuscule), ce sont ces secrets cachés au monde et maintenant dévoilés par la **Science de l'Univers TOTAL**, la **Science de Dieu**.

Voilà aussi pourquoi beaucoup de mathématiciens, même connaisseurs en **théorie des ensembles**, liraient la définition d'un **ordinal**, en croyant comprendre ce qu'elle dit. Comme par exemple les formules de **logique mathématique** ou du **calcul des prédicats** que nous avons décodées comme il se doit plus haut. C'est-à-dire ces charmantes **formules cabalistiques** avec entre autres les **quantificateurs existentiels** et **universels**, les « **Il existe** », les « **Quel que soit** », autrement dit les

choses « sympathiques » du genre: $\forall z \subset \alpha [z \neq \emptyset \Rightarrow \exists x \in z \forall y \in z (x \in y \vee x = y)]$

Formules cabalistiques qu'il ne suffit pas de savoir lire, ce que beaucoup de mathématiciens peuvent faire, mais surtout de comprendre l'idée cachée, ou les comprendre vraiment, et là c'est une toute autre affaire !

Les **ensembles bien ordonnés**, on commence à comprendre ce que c'est. De même que la notion de **transitivité** d'une **relation binaire**, et celle d'**ensemble transitif**. Et maintenant, résumons simplement la définition de Wikipedia en une phrase, la définition **réursive** d'un **ordinal**:

Définition :

On appelle un **ordinal** α un **ensemble transitif bien ordonné** par la **relation d'appartenance** « \in », et tel que tous ses **éléments** sont des **ordinaux** aussi.

Ou en détaillant :

Définition :

On appelle un **ordinal** α un **ensemble** dont :

a) α est **transitif**, c'est-à-dire tout **élément** x de α est une **partie** ou **sous-ensemble** de α , autrement dit tous les **éléments** de x sont aussi des **éléments** de α ;

b) aucun **élément** de α n'est **élément de lui-même**;

c) tout **élément** de α est **transitif**, c'est-à-dire pour tout **élément** x de α , tous les **éléments** de x sont des **parties** ou **sous-ensembles** de x ;

d) Si un **ensemble** β est une **partie** ou **sous-ensemble** de α , et si β a **au moins** un **élément**, alors il existe dans β un **élément** qui est **élément** de tous les autres **éléments** de β , s'il en existe d'autres.

Les points b), c) et d) disent simplement que α est **bien ordonné** par la **relation d'appartenance** « \in », qui est un **ordre strict**. L'**ordre large** associé est la **relation d'inclusion** « \subset », la **relation binaire** « $x \subset y$ », étant celle qui se lit : « x est **inclus dans** y », ou « x est une **partie de** y », ou « x est un **sous-ensemble de** y ».

Et en analysant ces points, on en déduit que tout **élément** β de α est aussi un **ordinal**.

→ En effet, β vérifie le point a), car le point c) dit que β est **transitif**.

→ Et β vérifie le point b), car a) dit que α est **transitif**. Donc tout élément de β est aussi un élément de α , et comme b) dit qu'aucun élément de α n'est élément de lui-même, donc aucun des éléments de β , qui sont aussi des éléments de α , n'est élément de lui-même.

→ Et β vérifie le point c), car tous les éléments de β , parce qu'ils sont aussi des éléments de α , sont **transitifs**.

→ Et β vérifie le point d), toujours parce qu'aussi tous les éléments de β sont aussi des éléments de α par **transitivité**, donc ce qui est dit des éléments de α s'applique aussi à eux.

On peut donc résumer aussi la définition d'un **ordinal** ainsi :

Définition :

Un **ordinal** est un **ensemble** α **transitif bien ordonné** par la **relation d'inclusion** « \subset », l'**ordre**

strict associé étant la **relation d'appartenance** « \in », et qui est tel que tous ses **éléments** sont des **ordinaux** aussi.

Ceci est un exemple de définition **récursive**, autrement dit une notion (ici la notion d'**ordinal**) dont la définition fait appel à elle-même. Mais pour que cela ne soit pas une **pétition de principe** ou une erreur de logique du type « le serpent qui se mord la queue », la **récurtivité** doit obéir à une **logique** spéciale qui est simplement la **logique fractale**. Cela signifie que la notion fait appel à de **petits modèles** d'elle-même.

Ici, la logique est simplement qu'un **ordinal** est formé par des **ordinaux plus petits**. Et s'il existe des **ordinaux premiers** ou au moins un, qui servent à construire les **ordinaux plus grands**, alors la **logique fractale** ou **récursive** est parfaite, sinon on tourne en boucle. Et ici il existe un premier **ordinal**, qui est l'**ensemble vide** : \emptyset ou $\{ \}$, qu'on notera **0** et que nous prendrons ici comme le **0 absolu**, et noterons aussi **o**.

Cependant, dans les livres précédents, **o** n'est pas l'**ensemble vide** mais l'« **élément inexistant** », qui par définition est l'**élément** de l'**ensemble vide**, vu qu'il **n'a aucun élément**, si l'on raisonne avec la **classique logique** de **Négation**, qui exprime ici la **négation** de toute **existence d'élément**. Mais la **nouvelle logique** d'**Alternation** quant à elle ne fait que des **négations relatives**, elle dit simplement que **l'ensemble vide** est l'**ensemble** dont l'**élément** est l'**élément inexistant**.

C'est un **élément** spécial qui joue ce rôle, l'**élément** qu'on ignore et pas un **élément** qui n'existerait pas dans l'absolu. Car dans le **Nouveau Paradigme**, l'**Univers TOTAL** est l'**Ensemble de toutes les choses**, donc **toute chose existe**, oui **toute chose existe** dans l'**Univers TOTAL**, ce qui est le **Théorème de l'Existence** ou la **Loi de la Réalité TOTALE**.

Donc c'est une certaine **chose** qui joue le rôle d'**élément inexistant**, tout comme en informatique c'est un **caractère** spécial qui joue le rôle d'**absence de caractère**, et ce **caractère** s'appelle l'**espace**. Et qu'est-ce que l'**ensemble vide** lui-même si ce n'est un **ensemble** spécial qui joue le rôle de **non-ensemble** ou d'**absence d'ensemble** ? Et qu'est-ce que le **nombre 0** ou **zéro** si ce n'est un **nombre** spécial qui joue le rôle de **non-nombre** ou d'**absence de nombre** ou de **quantité** ?

Contrairement donc à la **logique de Négation** ou aux **logiques de Négation** (ce que sont les logiques classiques), tout est **Affirmation** pour la **logique d'Alternation**. **Tout est existant**, même ce dont on dit que c'est **inexistant**. C'est toujours une **chose existante** qui joue le rôle de **chose inexistant**. **Tout est présent**, même ce dont on dit que c'est **absent**, car c'est toujours une **présence** qui joue le rôle d'**absence**.

Ainsi donc, on a : $\emptyset = \{o\} = \{ \} = 0$.

En distinguant donc l'« **élément inexistant** » **o** de l'**élément existant 0**, le **premier des éléments existants**, ou « **éléments positifs** », qui est l'**ensemble** dit « **vide** ». Mais quand on sait que l'**ensemble** suivant est : $\{\emptyset\} = \{\{o\}\} = \{\{ \} \} = \{0\} = 1$, il apparaît clairement que l'« **élément inexistant** » **o** n'est qu'un autre rôle de l'**ensemble vide**, et donc aussi que l'**ensemble vide** \emptyset ou $\{o\}$ ou $\{ \}$ ou **0** n'est qu'un autre rôle du **1**, et ainsi de suite. Avec donc la notion d'« **élément inexistant** » **o** on n'a fait que décaler d'un cran la même **logique des ensembles**.

Finalement donc, le choix de l'**objet alpha** à appeler « **élément inexistant** », « **ensemble vide** » ou « **ensemble dont l'élément est inexistant** », « **espace** », « **zéro** », « **un** » ou autre, n'est qu'une affaire de convention ou de commodité contextuelle.

Sachant donc que pour les **ordinaux** la **relation d'ordre strict** ou d'**infériorité stricte** « $<$ » et la **relation d'appartenance** « \in » n'en font qu'une, la définition précédente devient les théorèmes suivants :

Théorème :

Etant donné un **ordinal α** :

- a) Tout **ordinal x strictement inférieur** à α est une **partie** ou **sous-ensemble** de α , autrement dit tous les **ordinaux strictement inférieurs** à x sont aussi **strictement inférieurs** à α ; et les **ordinaux strictement inférieurs** à x sont aussi **tous ses éléments** et ce sont tous aussi des **éléments** de α ;
- b) aucun **ordinal strictement inférieur** à α n'est **strictement inférieur** à lui-même;
- c) pour tout **ordinal x strictement inférieur** à α , si un **ordinal z est strictement inférieur** à un **ordinal y strictement inférieur** à x , alors aussi z est **strictement inférieur** à x ;
- d) Si un **ensemble β est une partie** ou **sous-ensemble** de α , et s'il existe au moins un **ordinal strictement inférieur** à β , alors il existe un **plus petit ordinal strictement inférieur** à β .

Théorème :

Deux choses très importantes qui découlent de tout cela :

- L'**ensemble vide \emptyset** est un **ordinal trivial** et c'est le **plus petit ordinal**. Par définition nous l'appelons le **0 absolu**, et le notons aussi **0_ω** s'il y a risque de confusion avec tout autre **zéro**. Mais s'il n'y a aucun risque de confusion, alors il est simplement noté **0** comme à l'habitude.
- Tout **ordinal** est l'**ensemble de tous les ordinaux strictement inférieurs** à lui.

En effet, pour l'**ensemble vide \emptyset** comme **premier** ou **plus petit ordinal**, les raisons ont été données plus haut.

Un autre argument, de **logique classique** celui-là, est qu'avec l'**ensemble vide \emptyset** , tout **prédicat de quantification universelle** portant sur les **éléments** de l'**ensemble vide** est toujours vérifié.

Autrement dit tout énoncé de la forme : $\forall x \in \emptyset P(x)$, où $P(x)$ est n'importe quel énoncé portant sur x , ou plus généralement : $\forall x_1, x_2, x_3, \dots, x_k \in \emptyset P(x_1, x_2, x_3, \dots, x_k)$, où $P(x_1, x_2, x_3, \dots, x_k)$ est n'importe quel énoncé portant sur $x_1, x_2, x_3, \dots, x_k$, est toujours vérifié.

Autrement dit, étant donné qu'on a convenu que l'**ensemble vide \emptyset** n'a pas d'**élément**, tout énoncé qui d'une manière ou d'une autre revient à poser comme condition que l'**ensemble vide \emptyset** ait au moins un élément pour que l'énoncé soit vrai, est vrai ! Car cet énoncé est en quelque sorte comparable à : « Si les poules ont des dents, alors je peux sauter de la terre à la lune ». C'est donc vrai. Et : « Si les poules ont des dents, alors je ne peux pas sauter de la terre à la lune », est vrai aussi. L'idée est de dire que si les poules ont des dents, alors tout ce qu'on veut est possible aussi, et le contraire aussi. Cela ne veut pas dire que si les poules n'ont pas de dents, tout ce qu'on veut n'est pas possible, car ça peut être possible aussi. Mais si les poules ont des dents, là c'est sur et certain, tout devient possible. C'est là l'idée subtile.

Ici donc, tout ce qui, pour être vrai, pose comme condition que l'**ensemble vide** \emptyset qui est censé n'avoir pas d'élément a au moins un élément, est vrai. Or ici les énoncés qui définissent un **ordinal** α posent comme condition implicite que α a des éléments.

Exemple, la propriété a) : « tout **élément** x de α est une **partie** ou **sous-ensemble** de α », autrement dit : « Pour tout **ensemble** x , si x est un **élément** de α , alors x est une **partie** ou **sous-ensemble** de α ».

Ou la propriété b) qui dit : « aucun **élément** de α n'est **élément de lui-même** », autrement dit : « Pour tout **ensemble** x , si x est un **élément** de α , alors x n'est pas **élément de lui-même** ».

Ou encore la c) qui dit : « tout **élément** de α est **transitif** », autrement dit : « Pour tout **ensemble** x , si x est un **élément** de α , alors x est **transitif** ».

Et pour la propriété d), on parle d'une **partie** β de α , et on dit : « si β a **au moins un élément** alors ceci... », donc finalement on dit : « si α a **au moins un élément** alors cela... » ou « Pour tout **ensemble** x , si x est un **élément** de α , alors cela... ».

Avec donc l'**ensemble vide** \emptyset , cela donne des énoncés du genre : « Pour tout **ensemble** x , si x est un **élément** de l'**ensemble vide** \emptyset , alors cela... », donc un énoncé du genre : « si les poules ont des dents, alors ceci ou cela », qui est donc toujours vrai. Donc l'**ensemble vide** \emptyset est un **ordinal** spécial. De manière générale, pour toute notion dont la définition pose comme condition implicite que l'objet a des éléments, est vérifiée de manière triviale par l'**ensemble vide** \emptyset . C'est le cas par exemple aussi de la notion d'**univers**, ce qui fait de l'**ensemble vide** le **premier univers** aussi.

Et pour la seconde idée, « **Tout ordinal est l'ensemble de tous les ordinaux strictement inférieurs à lui** », elle est triviale aussi, car un **ordinal** est l'**ensemble de tous ses éléments**, or être **élément d'un ordinal** est par définition être **strictement inférieur** à lui, puisque pour les **ordinaux** la **relation d'appartenance** « \in » et la **relation d'infériorité stricte** « $<$ » ne font qu'une. Et par ailleurs, puisque **tous les éléments** d'un **ordinal** sont aussi des **ordinaux**, donc, par définition, il est l'**ensemble de tous les ordinaux qui sont strictement inférieurs** à lui.

Avant d'aller plus loin, il est intéressant de faire un parallèle entre la définition **réursive** d'un **ordinal** avec plus généralement la définition **réursive** de la notion d'**ensemble**, au sens **universel** du terme, et pas au sens **ensembliste** classique, c'est-à-dire au sens **axiomatique**. Et d'ailleurs, en ce sens-là, il n'y a pas de définition du tout, et donc l'affaire est réglée. Mais au sens **universel**, il y en a une, qui repose sur le mot clef **chose** comme on l'a vu, et qui est la suivante :

Définition :

Un **ensemble** est une **chose** x **formée** d'autres **choses** appelées ses **éléments**.

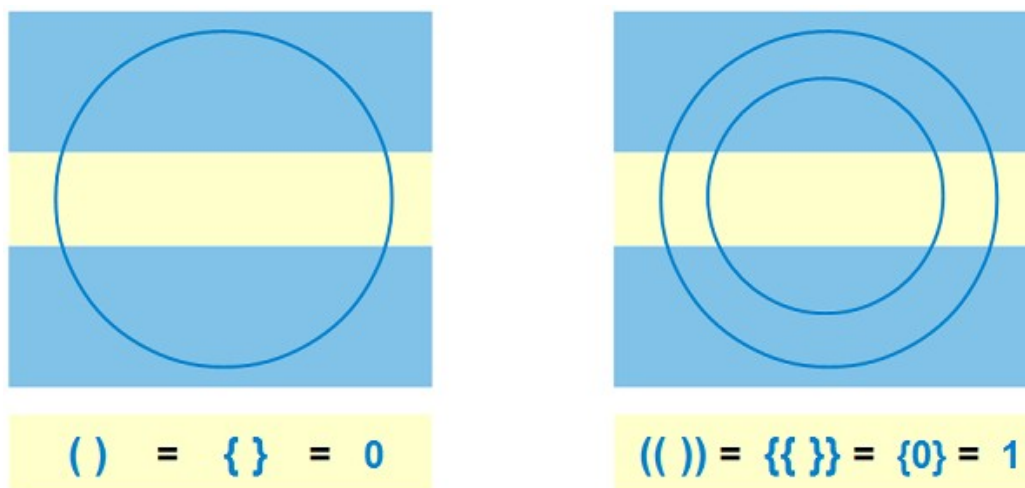
Et étant entendu que **toute chose** x est avant tout **formée** d'elle-même, avant d'être éventuellement **formée** de toute autre **chose**, toute **chose** est donc un **ensemble** au sens de cette définition de la notion **universelle** d'**ensemble**. On peut donc compléter la définition ainsi, qui met encore plus en évidence la nature **réursive** de la notion d'**ensemble**.

Définition :

Un **ensemble** est une **chose** x **formée** d'autres **choses** appelées ses **éléments**, qui sont des **ensembles** aussi.

On voit la logique **réursive** (ou **fractale**) de la **notion universelle d'ensemble**, à laquelle tout obéit, et qui est qu'un **grand modèle** est fait de **petits modèles**. La logique des **ordinaux** est un cas particulier de cette logique générale.

Pour la **notion universelle d'ensemble**, la notion d'élément correspond plutôt à la notion de **partie** ou de **sous-ensemble** de la notion d'**ensemble** de la classique **théorie des ensembles**. Approche que je qualifie de **parenthésique** ou d'**hypersphérique** ou d'**unidale**, et qui a été développée dans les livres précédents :



On se donne un premier **opérateur**, le **HENER** ou « . » appelé **opérateur de concaténation** ou **addition physique**, noté aussi « \cup » ou « + » ou « » (en omettant). Et on se donne un second **opérateur**, le **GENER** ou « ... » appelé **opérateur de génération indéfinie** ou d'**itération indéfinie**, ou encore **opérateur de variabilité**. Cela signifie que le **HENER** est **répété indéfiniment**.

Toutes les structures unidales s'obtiennent par application répétée des règles suivantes :

- i) L'assemblage **{ }** est une **structure unidale** ou **ensemble parenthésique**, noté aussi \emptyset ou **0**.
- ii) Étant donnés deux ensembles **parenthésiques** **x** et **y**, l'assemblage **x.y** ou **x \cup y** ou **x+y** ou simplement **xy**, la **concaténation** donc de **x** et **y**, est un nouvel **ensemble parenthésique**.
- iii) Étant donné un **ensemble parenthésique** **x**, l'assemblage **{x}**, qui consiste à placer **x** entre une **parenthèse ouvrante** et **fermante**, est un nouvel **ensemble parenthésique**, noté aussi **x...**, à lire « **x GENER** », ce qui signifie que **x est concaténé indéfiniment à lui-même**.
On le note aussi ωx , et il est la définition de la **multiplication** de **x** par l'**infini oméga**.
- iv) Tous les **ensembles parenthésiques** ou **structures de parenthèses** ou **structures unidales** sont obtenues par application répétée des règles précédentes.

Malgré les apparences ces règles sont équivalentes aux trois que nous avons vues au début, quand on fait jouer la notion la notion de **variable** ou de **générativité**. Dans cette nouvelle version, la notion de **variable** ou de **générativité** se présente simplement sous la forme de l'**opérateur GENER** ou « ... ».

L'ensemble parenthésique $\{\{\}\}$ ou $\{0\}$ ou $0\dots$ ou $\omega \times 0$ est noté 1.

L'ensemble parenthésique $\{\{\}\{\}\}$ ou $\{0\}\{0\}$ ou $0\dots 0\dots$ ou 11 est noté 2.

On l'appelle le 2 **génératif**, à ne pas confondre avec le 2 **canonique**, qui est $\{\{\}\{\{\}\}\}$ ou $\{\{\}, \{\{\}\}\}$ ou $\{0, \{0\}\}$ ou $\{0, 1\}$, où la virgule « , » remplace l'assemblage « $\}\{\}$ ».

L'ensemble parenthésique $\{\{\}\{\}\{\}\}$ ou $\{0\}\{0\}\{0\}$ ou $0\dots 0\dots 0\dots$ ou 111 est noté 3.

On l'appelle le 3 **génératif**, à ne pas confondre avec le 3 **canonique**, qui est $\{\{\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\}$ ou $\{\{\}, \{\{\}\}, \{\{\}\}\{\{\}\}\}$ ou $\{0, 1, 2\}$, et ainsi de suite.

L'ensemble parenthésique $\{\{\{\}\}\}$ ou $\{\{0\}\}$ ou $\{1\}$ ou $1\dots$ ou $\omega \times 1$ est noté ω .

On l'appelle le ω **génératif**, à ne pas confondre avec le ω **canonique** qui s'écrit avec une infinité de symboles de parenthèses.

L'ensemble parenthésique $\{\{\{\}\}\{\{\}\}\}$ ou $1\dots 1\dots$ ou $\omega\omega$ ou $2 \times \omega$.

On l'appelle le 2ω **génératif**.

L'ensemble parenthésique $\{\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\}$ ou $1\dots 1\dots 1\dots$ ou $\omega\omega\omega$ ou $3 \times \omega$.

On l'appelle le 3ω **génératif**.

Et ainsi de suite.

L'ensemble parenthésique $\{\{\{\{\}\}\}\}$ ou $\{\omega\}$ ou $\omega\dots$ ou $\omega \times \omega$ ou ω^2 .

On l'appelle le ω^2 **génératif**.

L'ensemble parenthésique $\{\{\{\{\{\}\}\}\}\}$ ou $\{\omega^2\}$ ou $(\omega^2)\dots$ ou $\omega \times \omega^2$ ou ω^3 .

On l'appelle le ω^3 **génératif**.

Et ainsi de suite.

Ainsi par exemple, l'ensemble parenthésique $\{\{\{\{\}\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\}$ est l'**ordinal génératif** $\omega^2 + 3\omega + 2$.

On a ainsi tous les **ordinaux génératifs** jusqu'à l'**horizon** ω^ω , qui se note $\{\dots\}\{\dots\}$.

En convenant de noter l'assemblage « $\}\{\}$ » par la **virgule** « , », tout **ensemble parenthésique** de la forme $\{a_0\}\{a_1\}\{a_2\}\{a_3\}\dots\{a_n\}$, où les a_i sont aussi des **ensembles parenthésiques**, s'écrit donc : $\{a_0, a_1, a_2, a_3, \dots, a_n\}$, ce qui est la forme d'un **ensemble** dit **héréditairement fini**. Mais maintenant avec la notion de **nombre entier naturel variable**, qui est la nouvelle définition des **ordinaux infinis**, c'est simplement la forme de tous les **ensembles parenthésiques** ou **hypersphériques** ou **unidaux**.

Il faut dire aussi que les **structures unidales** ou **ensembles parenthésiques** sont des objets plus riches et plus précis que les **structures** habituelles des **ensembles**, car l'**ordre** par exemple compte, ainsi que les **répétitions** des mêmes blocs de **structure**, contrairement aux **structures parenthésiques** des **ensembles** habituels. Il faut définir sur les **ensembles parenthésiques** des **relations d'équivalence** pour retrouver les propriétés habituelles des **ensembles parenthésiques**.

Par exemple, avec l'égalité courante, on a : $\{\} = \emptyset = 0$, et : $\{\{\}\} = \{\emptyset\} = \{0\} = 1$.

La structure $\{\{\}\}$ ou $\{\emptyset\}$ ou $\{0\}$ est un exemple de **bloc élémentaire** ou **bloc singleton**. Et de manière générale tout **ensemble parenthésique** de la forme $\{a\}$, où a est un **ensemble parenthésique**, est un **bloc élémentaire** ou **bloc singleton**, et a est appelé l'**élément** du **bloc**. Et $\{\}$ est appelé le **bloc élémentaire vide**, celui dont l'**élément** est par convention l'« **élément inexistant** », noté o . Donc : $\{\} = \{o\}$. Un **bloc élémentaire** au sens strict est un **bloc** dont l'**élément** est **existant**, comme ici 0 ou a de manière générale.

Et, de la manière dont les **ensembles parenthésiques** (ou **structures de parenthèses** ou **structures unidales**) sont construits, il est très facile de montrer que tout **ensemble parenthésique** x est de la forme : $x = \{a_0\}\{a_1\}\{a_2\}\{a_3\}...\{a_n\}$, où chaque a_i est soit l'**élément inexistant** o soit un **élément existant**, c'est-à-dire un autre **ensemble parenthésique**.

C'est ici que la première chose attendue de la **relation d'équivalence** ou la nouvelle **égalité** sur les **ensembles parenthésiques** pour qu'ils vérifient les propriétés habituelles des **ensembles**, ou des **ensembles** habituels, est de pouvoir dire que si l'on supprime tout ou partie des **blocs élémentaires vides** d'un **ensemble parenthésique**, sauf dans le cas où l'**ensemble** est une **générescence**, c'est-à-dire est fait de **blocs élémentaires** tous **identiques**, et dans ce cas on peut tout supprimer sauf un, le nouvel **ensemble parenthésique** est équivalent au premier.

Par exemple $\{\}\{b\}\{a\}\{0\}\{\}\{\}\{a\}\{2\}\{\}$ est équivalent à $\{b\}\{a\}\{0\}\{\}\{a\}\{2\}\{\}$, mais aussi à $\{b\}\{a\}\{0\}\{a\}\{2\}\{\}$, et enfin à $\{b\}\{a\}\{0\}\{a\}\{2\}$.

Autrement dit, si la **relation d'équivalence** appelée à être la nouvelle **égalité** est « \equiv », on a : $\{\}\{b\}\{a\}\{0\}\{\}\{\}\{a\}\{2\}\{\} \equiv \{b\}\{a\}\{0\}\{\}\{a\}\{2\}\{\} \equiv \{b\}\{a\}\{0\}\{a\}\{2\}\{\} \equiv \{b\}\{a\}\{0\}\{a\}\{2\}$.

Et étant entendu que la **virgule** « , » remplace l'assemblage « $\{\}$ » appelé aussi « **cloison** », on a : $\{, b, a, 0, , , a, 2, \} \equiv \{b, a, 0, , , a, 2, \} \equiv \{b, a, 0, a, 2, \} \equiv \{b, a, 0, a, 2\}$.

Et aussi on attend de la **relation d'équivalence** « \equiv » que si un **élément** est **répété**, on ne conserve que la première occurrence de l'**élément**.

Donc $\{b, a, 0, a, 2\} \equiv \{b, a, 0, 2\}$.

Si donc dans un **ensemble parenthésique** le **bloc élémentaire vide** se trouve avec des **blocs élémentaires non vides**, on peut éliminer tous les **blocs vides** comme on vient de le faire, ce qui fait du **bloc vide** la définition habituelle de l'**ensemble vide**, l'**élément neutre** de l'**opération de réunion** ou d'**union** des **ensembles**, qui est aussi l'**élément neutre** de la **concaténation** des **structures des parenthèses** : $x \cup \{\} = \{\} \cup x = x$.

Ce sera aussi la définition **ensembliste** de l'**élément neutre** de l'**addition** : $x + 0 = 0 + x = x$.

En particulier donc, on a : $\{\} \cup \{\} = \{\}$, ou : $0 + 0 = 0$.

Il en découle que si un **ensemble parenthésique** n'est fait que de **blocs vides**, on ne conserve qu'un seul : $\{\}\{\}\{\}\{\}...\{\} = \{\}$, ou : $\{\} \cup \{\} \cup \{\} \cup \{\} \cup \dots \cup \{\} = \{\}$, ou : $0+0+0+0+ \dots + 0 = 0$.

Mais, oui mais, à condition que le **nombre** des **itérations** de $\{\}$ ou 0 soit **fini**, comme on le verra.

Et enfin la troisième propriété attendue de la **relation d'équivalence** « \equiv » est que si l'on **permuté** l'**ordre** des **blocs élémentaires**, donc l'**ordre** des **éléments**, la nouvelle structure est équivalente à la première. Donc on a : $\{b, a, 0, 2\} \equiv \{a, b, 0, 2\} \equiv \{0, 2, b, a\} \equiv \{0, 2, a, b\} \equiv \dots$

Et là, moyennant cette **relation d'équivalence** « \equiv » faisant office d'une nouvelle **égalité** sur les **ensembles parenthésiques**, ils vérifient les propriétés habituelles. Autrement dit, les **ensembles** habituels sont les **classes d'équivalence** des **ensembles parenthésiques** munis de la **relation d'équivalence** « \equiv ».

Mais les **blocs élémentaires vides** ou la **répétition** des **blocs** qui ne sont pas recherchés pour la notion classique des **ensembles** (sauf quand un **ensemble parenthésique** ne comporte que des **blocs vides**, auquel cas on conserve pour l'appeler l'**ensemble vide**, comme on vient de le voir), est bien au contraire ce qui est recherché pour une autre notion d'**ensemble**, celle des **ensembles génératifs** ou les **générescences**. La seule propriété demandée pour la **relation d'équivalence** « \equiv » est la **permutativité** des **blocs élémentaires**, autrement dit que l'**ordre** des **blocs élémentaires** importe peu. Mais pour ce qui est du **bloc élémentaire** $\{ \}$ ou 0 , il n'est plus l'**élément neutre** de la **concaténation** ou de l'**union** ou de la **réunion** ou de l'**addition**, mais c'est l'**élément inexistant** o qui est l'**élément neutre** en logique **générative**, c'est-à-dire pour les **ensembles génératifs** ou **générescences**.

Ainsi donc, les **ensembles parenthésiques** : $\{ \}, \{ \{ \}, \{ \{ \{ \}, \{ \{ \{ \{ \}, \{ \{ \{ \{ \{ \}, \dots$, ou : $0, 00, 000, 0000, 00000, \dots$, ou encore : $0, 0+0, 0+0+0, 0+0+0+0, 0+0+0+0+0, \dots$, sont des objets bien distincts, que nous notons respectivement : $1 \times 0, 2 \times 0, 3 \times 0, 4 \times 0, 5 \times 0, \dots$, mais aussi : $0 \times 1, 0 \times 2, 0 \times 3, 0 \times 4, 0 \times 5, \dots$. Le nouveau **zéro** est donc o tel que : $\{o\} = \{ \} = 0$. Dans les livres précédents, nous lui avons appliqué aussi la règle iii) de construction des **ensembles parenthésiques**, autrement dit :

$o \dots = \{o\} = \omega \times o = 0 = \{ \}$. Cela fait alors que : $o = 0/\omega = 0 \times 0 = 0^2$, car $0 \dots = 1$, autrement dit : $0 \dots = \omega \times 0 = 1$, donc : $0 = 1/\omega$.

Mais nous voulons à présent que o soit vraiment le **0 absolu**, et pas seulement 0^2 . Autrement dit, qu'il soit vraiment **uperneutralisant** pour tout objet x , c'est l'**élément absorbant absolu** pour la **multiplication**, vérifiant donc : $o \times x = x \times o = o$.

Et même aussi pour la **division** : $o / x = x / o = o$, et ce **quel que soit l'objet x**.

Donc on a aussi : $\omega \times o = o$, ce qui veut dire : $o \dots = o$.

Autrement dit, toutes les **générescences** de o , à savoir :

$0, 00, 000, 0000, 00000, \dots$, ou : $0, 0+0, 0+0+0, 0+0+0+0, 0+0+0+0+0, \dots$, y compris la **générescence infinie** de o , à savoir $o \dots$ ou $\omega \times o$, sont toutes o .

Autrement dit encore, étant entendu qu'une **générescence** d'un objet x (on dira aussi la **générescence d'unit x**) est une **itération n fois** de l'objet x , à savoir : $xxxx\dots x$, ou $x+x+x+x+\dots+x$, où x est **répété n fois**, et où n est n'importe quel **ordinal**. Autrement dit, une **générescence** d'un objet x c'est x **multiplié** par un **ordinal n**, donc $n \times x$ ou $x \times n$, et toutes les **générescences** de x sont x **multiplié** par **tous les ordinaux**. Et ce que nous venons de dire à propos de o , à savoir qu'il est le **0 absolu**, veut dire que toutes ses **générescences** sont **égales** à o , en parlant de l'**égalité générative** « $=_w$ », donc aussi de l'**égalité courante** « $=$ ». Donc : $n \times x = x \times n = o$, pour tout **ordinal n**.

Ce que nous venons de dire sur **o**, à savoir qu'il est le **0 absolu** et donc l'**élément neutre de l'addition** ou **élément operneutre** ou **operneutre**: $o + x = x + o = x$, et aussi l'**élément absorbant de la multiplication** ou **élément uperneutralisant**: $o \times x = x \times o = o$, est ce qu'on dit habituellement du **0**. De ce point de vue, rien de nouveau donc. Mais l'une des nouveautés est celle-ci, la **division omégacyclique par zéro**: $o / x = x / o = o$, pour tout **ordinal** ou **ensemble x**.

Si nous voulons que **o** se comporte à son tour comme le **0**, appelé donc le **0 génératif**, ou encore **0 fractal**, etc., c'est-à-dire vérifie: $o \times \Omega = 1$, où Ω est son **infini** associé, alors nous devons faire appel à une **égalité générative** encore plus **stricte** que « $=_w$ », par exemple « $=_{2w}$ » ou autre. Cela nous ramène alors dans la situation du **0 génératif**, **0**, qui vérifie: $0 \times \omega = 1$. Mais pourquoi faire avec **o** ce que **0** fait déjà? De toute façon il nous faudrait alors un **o'** pour jouer le rôle du **0 absolu**, et ce sera toujours une fuite en avant. Alors laissons **o** jouer ce rôle, et **0** jouer le sien à savoir d'être le **0 génératif** (pour être plus précis ce **zéro** est le **0 réali**, le **0 génératif** à proprement parler étant noté θ , l'**infini** associé étant w). Et entre le **0 absolu**, **o**, et le **0 génératif**, **0**, il y a toute une **hiérarchie** infinie de **zéros**, ou de **0**, avec lesquels se manifestent des notions comme celles de **nombre initial** (ceux qui vérifient: $0 \times x = 0$), de **nombre final** (ceux qui vérifient: $0 \times x = 1$), et de **nombre intermédiaires** (ceux qui vérifient: $0 \times x = \tau$, avec: $0 < \tau < 1$).

Ainsi donc, avec les **ensembles génératifs** (l'autre grande facette donc des **ensembles parenthésiques** ou **unidaux**) c'est l'**élément inexistant o** qui devient l'**ordinal 0** et non plus l'**ensemble vide** ou le **bloc élémentaire vide { }**, qui est le **0 génératif**. Il est appelé ainsi car c'est lui qui, moyennant les deux **opérations** des **générescences** (ou **opérations ensemblistes** les plus fondamentales) le **HENER** « \cdot » ou « $+$ » ou « \cup », et le **GENER** « \dots » ou « $\omega \times$ », **génère** toutes les **structures parenthésiques** ou **unidales**, tous les **ensembles**, toutes les **choses**! Et lui-même étant **généré** par le **0 absolu**, **o**, mais dans ce cas il devient **génératif**, donc un autre joue le rôle de **0 absolu**, et une autre **égalité** joue le rôle d'**égalité générative**, etc..

Mais revenons maintenant au **0 génératif** ou **0 réali**, qui est donc le **bloc élémentaire vide**, **{ }**. Ses **générescences** sont, avec maintenant le **o** en tête, les **ensembles parenthésiques**: **o, { }, { { } }, { { { } }, { { { { } }, { { { { { } }, ...**, ou: **o, 0, 00, 000, 0000, 00000, ...**, ou encore: **o, 0, 0+0, 0+0+0, 0+0+0+0, 0+0+0+0+0, ...**, ou: **o×0, 1×0, 2×0, 3×0, 4×0, 5×0, ...**, mais aussi: **0×o, 0×1, 0×2, 0×3, 0×4, 0×5, ...**, ce qui veut dire aussi que du point de vue **génératif**, la liste des **ordinaux** est: **o, 1, 2, 3, 4, 5, ...**, pour ce qui est du début de la liste. Et ne sont plus définis selon les **structures** des **ordinaux canoniques**, auquel cas c'est **0** qui est en tête de liste. Ils sont donc définis selon une logique **générative** que nous découvrons ici et qui sera plus détaillée plus loin.

On a d'abord:

o, 0, 00, 000, 0000, 00000, ..., 0... = {0} = 1.

Autrement dit, les **générescences** de **0**, aboutissent à un premier **horizon infini**, qui est **0...** ou **{0}** ou **1**. Et ces **générescences**, notées autrement, sont donc:

o×0, 1×0, 2×0, 3×0, 4×0, 5×0, ..., (ω-5)×0, (ω-4)×0, (ω-3)×0, (ω-2)×0, (ω-1)×0, ω×0 = 1.

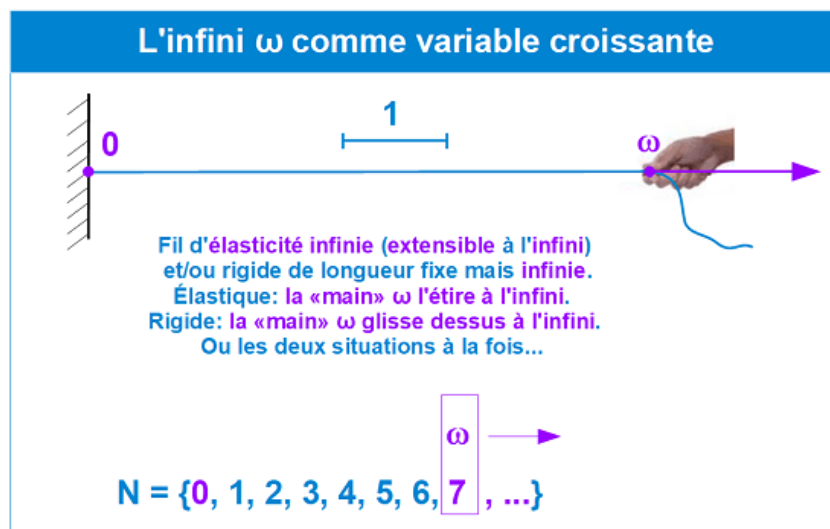
La raison et le sens des ordinaux de la forme $\omega-k$ est que l'**ordinal infini** ω , et par conséquent aussi les **ordinaux** de la fin, de la forme $\omega-k$, où **k** est un **nombre entier naturel** classique, est en fait tout simplement un **nombre entier naturel variable**. Par opposition aux **nombre entier naturel** classiques **k**, qui sont ceux du début de la liste: **o, 1, 2, 3, 4, 5, ...**, qui sont les **nombre entier naturel constants**.

Une manière de voir la question est de dire que les **nombres entiers naturels constants** ou **finis**, au fur et à mesure qu'ils **croissent**, donc tendent vers l'**infini**, en l'occurrence justement vers l'**ordinal infini** ω , deviennent progressivement **variables, infinis**:

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., $\omega-7$, $\omega-6$, $\omega-5$, $\omega-4$, $\omega-3$, $\omega-2$, $\omega-1$, ω .

Ce phénomène de passage **progressif** du statut de **constants** ou **finis** au statut de **variables** ou **infinis**, est ce que nous appelons la **finitude** et l'**infinitude**, très amplement traité dans le livre précédent **Conception générative des entiers, structure réelle**, mais dont nous reparlerons un peu ici aussi, notamment dans le sous-titre : **VI - Logique d'Alternation, finitude et infinitude**.

Une autre manière de voir la question, et qu'illustre l'image suivante, est simplement que l'**infini** ω est une **variable** qui prend pour **valeurs** tous les **nombres entiers constants** : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**



On conçoit habituellement que le classique ensemble **N des entiers naturels** : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, n'a pas de **dernier élément**. Mais en réalité, ce **dernier élément** existe bel et bien! Sauf qu'il est un **nombre entier variable croissant**, v , qui prend pour **valeurs successives** tous les **nombres entiers constants**. C'est l'une des extraordinaires et puissantes conséquences de la **générativité des entiers naturels** ou des **ordinaux**.

Quand ω vaut par exemple 7, son **prédécesseur**, vaut 6, et c'est ce que veut dire $\omega-1$. Et le **prédécesseur** du **prédécesseur** de ω est 5, et c'est ce que veut dire $\omega-2$, ainsi de suite, jusqu'à 0. Les deux manières de voir l'**ordinal** ω , comme **nombre infini** (opposé alors aux **nombres finis**), ou comme **nombre variable** (opposé alors aux **nombres constants**), sont équivalentes. On parle notamment de **variables croissantes**, comme sur l'illustration précédente (car c'est ainsi qu'on est assuré que la **variable** prend toutes les valeurs). Ce sont deux manières différentes de dire la même

chose, une autre manière étant de dire que l'**ordinal infini** est l'**ensemble de tous les ordinaux finis**. On a traditionnellement cette définition aussi, sauf qu'on voit ω comme un **ordinal limite**, qui n'a pas de **prédécesseur**, ce qui fait que cette conception n'est plus équivalente aux deux que nous venons de présenter.

On voit traditionnellement ω comme un objet **constant, statique, rigide**, etc., alors qu'il est précisément **variable, dynamique, élastique** !

Nous reviendrons sur cette question cruciale de la conception de l'**ordinal infini** ω . Le voir ou le concevoir de la bonne façon change du tout au tout la vision des **ordinaux** et des **nombres** !

On sait donc maintenant comment est formé **générativement** le **1** ou **{0}** ou **{{}}** à partir de **0** ou **{}**.

$0, 0, 00, 000, 0000, 00000, \dots, 0\dots = \{0\} = 1,$

ou :

$0 \times 0, 1 \times 0, 2 \times 0, 3 \times 0, 4 \times 0, 5 \times 0, \dots, (\omega-5) \times 0, (\omega-4) \times 0, (\omega-3) \times 0, (\omega-2) \times 0, (\omega-1) \times 0, \omega \times 0 = 1.$

Les **générescences** de **0** sont particulièrement importantes, car ce sont elles qui permettent de définir **générativement** la notion de **point** du **segment de longueur 1** :



Et ω est formé de la même manière à partir de **1** :

$0, 1, 11, 111, 1111, 11111, \dots, 1\dots = \{1\} = \omega,$

ou :

$0 \times 1, 1 \times 1, 2 \times 1, 3 \times 1, 4 \times 1, 5 \times 1, \dots, (\omega-5) \times 1, (\omega-4) \times 1, (\omega-3) \times 1, (\omega-2) \times 1, (\omega-1) \times 1, \omega \times 1 = \omega.$

Et, par définition, on pose : $1 \times x = x \times 1 = x$, pour tout objet x .

Et on dit que **1** est l'**élément uperneutre** ou **uperneutre**, ce qui, en langage classique, veut dire qu'on le définit comme l'**élément neutre** de la **multiplication**.

On a donc :

$0, 1, 11, 111, 1111, 11111, \dots, 1\dots = \{1\} = \omega,$

ou :

$0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega.$

Ainsi se définit **générativement** l'**ordinal infini** ω .

Et de manière très générale, pour tout objet x , on a :

$0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, \dots, x\dots = \{x\} = \omega \times x,$

ou :

$0 \times x, 1 \times x, 2 \times x, 3 \times x, 4 \times x, 5 \times x, \dots, (\omega-5) \times x, (\omega-4) \times x, (\omega-3) \times x, (\omega-2) \times x, (\omega-1) \times x, \omega \times x.$

Ceci est l'expression de ce que nous appelons la **Fractale ω** , la **fractale des ensembles** dont la **base** est donc l'**ordinal infini ω** .

En particulier, si $x = \omega$, on a les **générescences** de ω , qui aboutissent à $\omega \times \omega$ ou ω^2 , à l'horizon ω .
Et, si $x = \omega^2$, on a les **générescences** de ω^2 , qui aboutissent à $\omega \times \omega^2$ ou ω^3 , à l'horizon ω .
Et ainsi de suite.

Moyennant l'**opérateur HENER** ou l'**opérateur de concaténation des générescences**, on retrouve ainsi tous les **ordinaux génératifs** déjà vus avec les **ensembles parenthésiques**. Et ces **ordinaux** expriment précisément toutes ces **structures**. Cette construction nous conduit à un grand **horizon ordinal**, ω^ω ou ω^ω . Et si l'on garde à l'esprit que ω est finalement un **nombre entier naturel**, mais simplement qu'il est **variable**, la construction se poursuit au-delà de l'**horizon ω^ω** ou ω^{ω^2} , où « ^^ » désigne la **tétration**, l'**hyperopérateur** qui vient après l'exponentiation « ^ », jusqu'à l'**horizon ω^{ω^ω}** , ou ω^{ω^3} , et ainsi de suite, jusqu'à ω^{ω^ω} ou $\omega^{\omega^{\omega^2}}$, puis jusqu'à $\omega^{\omega^{\omega^\omega}}$, qui est $\omega^{\omega^{\omega^{\omega^2}}}$, et ainsi de suite pour tous les **hyperopérateurs**. Et tous les **ordinaux génératifs** (tous les **ordinaux** tout simplement) sont ainsi construits.

Et les ordinaux, malgré les apparences, sont tous en réalité des **nombre entiers naturels**, **constants** ou **variables** (notamment **variables croissantes**), ce qui veut dire **finis** ou **infinis**.

Les **ensembles parenthésiques** ou **unidaux** incluent donc les **générescences** ou **ensembles génératifs**. Avec les **ensembles parenthésiques**, la notion habituelle d'**ensemble** et la notion **universelle d'ensemble** s'unissent. Et on a vu aussi au passage une chose très importante, c'est que tout **ensemble** est fondamentalement un **ordinal**, pour peu qu'on ne réserve pas cette notion uniquement aux **ordinaux canoniques**. En effet, tout **ensemble** se ramène à sa **structure parenthésique**, qui est un **ordinal génératif**.

Et de plus, en interprétant par exemple la **parenthèse ouvrante « { »** comme « 1 » et la **parenthèse fermante « } »** comme « 2 », toutes les **structures parenthésiques** s'interprètent comme des **nombre entiers** écrits en **numération décimale** avec les chiffres 1 et 2. L'**ensemble vide { }** ou 0 est ainsi l'**entier 12**, et l'**ensemble {{ }}** ou {0} ou 1 est l'**entier 1122**, etc..

Et aussi, on peut définir un **ordinal génératif** comme étant l'**ensemble de tous les ordinaux génératifs qui le précèdent**, rejoignant ainsi la logique des **ordinaux canoniques**, mais d'une manière plus simple et plus naturelle.

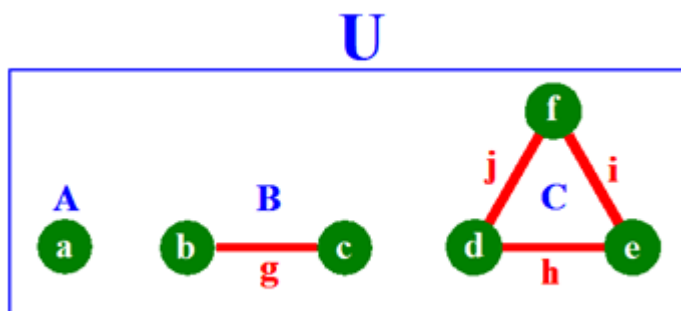
Par exemple, considérons l'**ordinal génératif** ou **générescence 7** ou 111111 ou {0}{0}{0}{0}{0}{0}{0} ou {{ }}{{ }}{{ }}{{ }}{{ }}.

On peut le définir comme étant l'**ensemble des ordinaux génératifs** : **0, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111**, ou **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6**, qui sont donc les **ordinaux génératifs** qui le précèdent. Et les **éléments** de 1111 ou 4 seront donc : **0, 1, 11, 111**, ou **0, 1, 2, 3**.

On remarque que la **structure parenthésique** du 7 **généralif** est plus simple et intuitive que celle du 7 **canonique**.

ensembles universels, les notions d'**élément** et de **partie** sont quasiment synonymes, elles ne sont pas aussi séparées ou distinctes qu'avec les **ensembles axiomatiques**.

Que l'on observe par exemple l'**ensemble** suivant appelé **U**, pour illustrer l'**Univers TOTAL**. Toutes les choses qui forment cet **ensemble** sont ses différents **éléments**, mais ce sont aussi ses différentes **parties**, ses **constituants**, ses **composants**.



C'est un exemple d'**ensemble universel**, tout comme aussi le suivant :



En partant du mot clef **chose**, comme expliqué au début, un **ensemble universel** ou **ensemble génératif** ou **générescence** est par définition une **chose** formée d'autres **choses** appelées ses **éléments**, mais aussi ses **parties**, qui sont à leur tour des **ensembles**. Et la **chose** formée de **toutes les choses** est l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de toutes les choses**.

Les **ordinaux génératifs**, qu'on peut qualifier aussi d'**universels**, reflètent exactement cette définition des **ensembles universels**, ils sont **transitifs**, leurs **éléments** et aussi leurs **parties strictes** sont tous les **ordinaux plus petits**.

C'est ce qu'illustre l'**ordinal 7** ou **111111** par exemple. Les **ordinaux strictement plus petits** que 7 sont : **o, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111**, c'est-à-dire : **o, 1, 2, 3, 4, 5, 6**.

Comme vu plus haut, on a donc en particulier les **nombre entiers naturels canoniques** :

$$\begin{aligned}
 0 &= \{\} \\
 1 &= \{0\} = \{\{\}\} \\
 2 &= \{0, 1\} = \{\{\}, \{\{\}\}\} = \{\{\}\}\{\{\}\} \\
 3 &= \{0, 1, 2\} = \{\{\}, \{\{\}\}, \{\{\}, \{\{\}\}\}\} = \{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\} \\
 4 &= \{0, 1, 2, 3\} = \{\{\}, \{\{\}\}, \{\{\}, \{\{\}\}\}, \{\{\}, \{\{\}\}, \{\{\}, \{\{\}\}\}\}\} \\
 &= \{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\}\{\{\}\} \\
 &\dots
 \end{aligned}$$

$$n = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-2, n-1\} = n-1 \cup \{n-1\} = n-1\{n-1\}$$

$$n+1 = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-1, n\} = n \cup \{n\} = n\{n\}$$

Dans la vision classique, la propriété : $n = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-2, n-1\}$

n'est vraie que pour les **nombre entiers naturels**, mais dans la nouvelle vision c'est vrai pour tout **ordinal** α , soit : $\alpha = \{0, 1, 2, 3, \dots, \alpha-2, \alpha-1\}$. Car si α est **infini**, cela signifie qu'il est un **nombre entier naturel variable croissant**. Donc la formule ci-dessus s'applique exactement de la même manière pour les **variables** comme pour les **constantes**, pour les **infinis** comme pour les **finis**.

En relation avec le fait qu'un **ordinal** est l'**ensemble de tous les ordinaux qui sont strictement inférieurs à lui**, voyons maintenant une notion très classique des **ensembles bien ordonnés**, celle du **segment initial**.

Etant donné un **ensemble non vide bien ordonné** (E, \leq) et « $<$ » l'**ordre strict** associé, et **A** une **partie non vide** de **E**, et a_α un élément de **A**, on appelle traditionnellement une **section commençante** de **A** ou encore un **segment initial** de **A**, un **ordinal alpha** de **A**, au sens général où nous avons défini cette notion plus haut, à savoir A_α .

Plus exactement, un **segment initial** d'un **ensemble bien ordonné** (A, \leq) défini par un **élément a** de **A**, et qu'on va noter ou S_a ou $[a_0, a[$, que **a** soit ou non dans un A_α , est l'**ensemble de tous les éléments de A strictement inférieurs à a**.

Dans l'exemple précédent, les **ordinaux finis** ou **constants** sont : $(0, 0), (0, 1), (0, 2), (0, 3), \dots$, et on voit qu'ils sont **isomorphes** aux **entiers naturels** : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$

Et pour un **ordinal constant** $a_n = (0, n)$, on a : $A_n = \{(0, 0), (0, 1), (0, 2), (0, 3), \dots, (0, n-1), (0, n)\}$.

On voit que N^2 est un **généréen** plus complexe que le **généréen** **N**. Le nom « **généréen** » vient du symbole « ... », que nous appelons le **GENER**, l'**opérateur de génération infinie**, ou des **généréscences infinies**. Et « **en** » ou « **ène** » pour l'**ensemble N des entiers naturels**. Le mot « **généréen** » donc pour dire un **ensemble dont le listage des éléments comporte obligatoirement au moins un symbole GENER**, « ... ». Et le mot « **généréen** » pour dire que c'est toujours une certaine forme ou une certaine version de l'**ensemble N des entiers naturels**, même quand il s'agit d'**ensembles** comme celui des **nombre réels**, et même de l'**Univers de tous les ensembles**, ou même de l'**Univers TOTAL** ! L'**ensemble N** est le plus petit **généréen** qui sert à construire tous les autres **généréens**, selon une **logique fractale**.

La nature de **généréen** est aussi le signe caractéristique des **ensembles variables croissants**. Si l'on peut se passer de ce symbole du **GENER** « ... » dans le **listage des éléments d'un ensemble A**,

c'est qu'il est **fini** ou **constant** (pour plus de détails, voir le livre précédent : [Conception générative des entiers, structure réelle](#)).

Les **isomorphismes d'ensembles bien ordonnés** sont particulièrement importants.

L'**application**, que nous notons **isor** (pour dire « **isomorphisme d'ordinaux** »), et aussi τ (pour dire « **type d'ordre** »), qui à a_α associe A_α , est une **bijection** de $A_\alpha = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{\alpha-1}, a_\alpha\}$ sur l'ensemble $A'_\alpha = \{A_0, A_1, A_2, \dots, A_{\alpha-1}, A_\alpha\}$. On a : $isor(a_\alpha) = A_\alpha$, et : $isor^{-1}(A_\alpha) = a_\alpha$. On définit dans A'_α la **relation binaire** « \leq » par : $x \leq y \Leftrightarrow isor^{-1}(x) \leq isor^{-1}(y)$. La **relation** « \leq » ainsi définie sur A'_α est un **bon ordre** aussi, induit par le **bon ordre** sur A_α , lui-même héritant du **bon ordre** sur A (et plus généralement sur E), autrement dit, la **restriction** à A_α de la **relation** « \leq » sur A (et plus généralement sur E) est un **bon ordre** sur A_α . Du coup, l'**application isor** établit un **isomorphisme** entre A_α et A'_α , ce qui permet d'assimiler a_α et A_α , et même a_α , A_α et A'_α .

A ce stade, on ne peut pas affirmer que pour un **ensemble bien ordonné non vide** (A, \leq) , tout élément de A appartient à un A_α . Autrement dit, nous ne pouvons pas encore dire si tout S_a ou $[a_0, a[$ est un A_α .

Tout A_α est un S_a , puisque S_a est par définition l'**ensemble de tous les éléments de A strictement inférieurs à a** . On a : $A_\alpha = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{\alpha-1}, a_\alpha\}$. Il suffit donc de prendre : $a = a_{\alpha+1}$, et on a alors : $A_\alpha = S_a$.

C'est au sujet de la réciproque que la question se pose. Pour un élément a de A donné, distinct de a_0 , donc **supérieur** à a_0 , et pour le S_a associé, existe-t-il toujours un a_α tel que $a = a_{\alpha+1}$, et donc tel que : $A_\alpha = S_a$?

Si tel est le cas, alors le **plus grand élément de A_α** , à savoir a_α , a un **prédécesseur** $a_{\alpha-1}$, et un **successeur** $a_{\alpha+1}$, qui est donc a . C'est ici que réside une différence fondamentale entre la conception classique des **ordinaux** et leur conception dans le Nouveau Paradigme, que nous appelons aussi la **conception générative des ordinaux**. Dans cette nouvelle vision, tout élément de A distinct de a_0 a un **prédécesseur**.

Dans la conception **générative**, pour tout **ensemble bien ordonné** (A, \leq) , tout élément distinct de son premier élément a_0 a un **prédécesseur**. Mais dans la conception traditionnelle, il peut exister des éléments autre que a_0 qui n'ont pas de **prédécesseur**. Ces éléments sont dits **limites**.

Ce que nous appelons ici une **relation semi-ordinale** est ce que traditionnellement on appelle une **relation ordinale**, autrement dit l'**ordre des ordinaux**. Pour nous donc, il ne s'agit que de l'**ordre de semi-ordinaux**, car, pour que ce soit l'**ordre des ordinaux**, selon notre conception des **ordinaux**, il faut que la **relation** « \leq » soit de **bon ordre**, et que sa **relation réciproque** « \geq », soit de **bon ordre** aussi.

Définition :

On dit qu'une **relation d'ordre**, qu'on va noter « \leq » est une **relation d'ordre parfait** ou une **relation ordinale** dans l'ensemble E , si toute **partie non vide** de E a un **plus petit élément** et un **plus grand élément**. Autrement dit, la **relation** « \leq » et sa **relation réciproque** « \geq » sont toutes les deux de **bon ordre**.

Exemple:

Reprenons l'exemple de l'ensemble \mathbb{N}^2 des couples (m, n) de nombres entiers naturels, muni de la relation binaire « \leq » suivante :

$(n, m) \leq (n', m') \Leftrightarrow (n = n' \text{ et } m = m') \text{ ou } n < n' \text{ ou } (n = n' \text{ et } m < m')$.

On a vu qu'il est un ensemble bien ordonné, et que ses éléments sont classés dans l'ordre suivant, dit lexicographe : $(0, 0), (0, 1), (0, 2), (0, 3), \dots, (1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots, (2, 0), (2, 1), (2, 2), (2, 3), \dots$.

Ce qui saute aux yeux, c'est l'existence d'éléments apparemment limites, c'est-à-dire qui n'ont pas de prédécesseurs, comme par exemple ici l'élément $(1, 0)$, qui a pour successeur $(1, 1)$, qui a lui-même pour successeur $(1, 2)$, etc.. Mais l'élément $(1, 0)$ n'a pas de prédécesseur, ainsi que l'on conçoit les choses traditionnellement.

En réalité, il s'agit d'une illusion, elle-même due à l'illusion habituelle que l'ensemble des nombres entiers naturels : $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$, n'aurait pas de dernier élément. Mais en réalité, celui-ci existe bel et bien, sauf qu'il est un entier variable, les autres étant des entiers constants.

Malgré les apparences donc, il existe un élément de \mathbb{N} , noté ici ω , mais que nous notons souvent aussi v ou w , qui est variable, croissant, ce qui est la nouvelle définition d'un nombre infini, par opposition aux autres, qui sont constants, finis, et qui sont ses éléments. Ce nombre variable, ω ou v ou w , n'est rien d'autre que \mathbb{N} lui-même ! Une autre manière donc de le voir, à savoir donc ce que nous appelons habituellement la variable n ! Comme quand on dit par exemple : $n = 0, n = 1, n = 2, n = 3$, etc..

Il s'agit donc d'un nombre variable, les nombres $0, 1, 2, 3$, etc., étant les valeurs de ce nombre variable n . Il s'agit juste d'un autre langage pour dire exactement la même chose que les nombres $0, 1, 2, 3$, etc., sont les éléments de l'ensemble infini \mathbb{N} . C'est donc \mathbb{N} lui-même, qui, en tant que variable, est appelé n , ou v ou w ou ω ou autre. Il est donc un nombre entier variable, ayant ses successeurs $n+1, n+2, n+3, n+4$, etc., et ses prédécesseurs $n-1, n-2, n-3, n-4$, etc.. Il a donc des prédécesseurs comme tous les nombres entiers constants, à par 0 .

C'est donc le nombre entier variable n qui est le dernier des nombre entiers constants, et qui est illustré sur l'image plus haut et appelé ω . Peu importe comment on l'appelle, c'est la logique qu'il faut saisir : plus les nombres entiers constants croissent, plus ils se transforment progressivement en nombres variables, qui sont la définition des nombres infinis. On a donc la progression suivante : $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, n-7, n-6, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1, n$.

Nous avons mis ici n , mais on aurait pu mettre ω, w, v ou autre. Le raisonnement est exactement le même. On découvre donc un nombre entier variable n , qui est le dernier ou la clôture des nombres entiers constants, et qui a des prédécesseurs.

Les choses vues maintenant sous cet angle, reprenons la liste bien ordonnée de nos couples de nombres entiers naturels : $(0, 0), (0, 1), (0, 2), (0, 3), \dots, (1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots, (2, 0), (2, 1), (2, 2), (2, 3), \dots$.

En décidant de considérer les couples : $(0, 0), (0, 1), (0, 2), (0, 3), \dots$, comme une nouvelle manière de dire : $0, 1, 2, 3, \dots$, après cette série vient la liste : $(1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots$, qu'on peut décider d'appeler respectivement : $n, n+1, n+2, n+3, \dots$. Autrement dit, des **polynômes du premier degré** en n , dont les **coefficients** sont précisément : $(1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), \dots$. L'**indéterminée** est notée ici n , mais on peut tout à fait le noter x, ω, w, v ou autre, cela ne changera rien au raisonnement.

Et alors on s'aperçoit que le **couple** $(1, 0)$, qui semblait n'avoir pas de **prédécesseur**, mais vu maintenant comme une **variable**, a des **prédécesseurs** immédiats, sauf que ceux-ci sont aussi des **variables** !

Il y a une règle simple à garder à l'esprit : chaque fois qu'on verra dans une expression le symbole du **GENER**, « ... », il y a une **variable** cachée dans l'affaire. Ceci change du tout au tout notre vision des **nombres entiers** et des **ordinaux** !

Qu'on essaie par exemple de **lister tous les ordinaux** jusqu'au classique **ordinal infini** ω , et cela donne : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega$.

Dans les conceptions classiques, on dit que ω est un **ordinal limite**, c'est-à-dire n'a pas de **prédécesseur**. Or on voit dans cette liste le symbole du **GENER**, « ... ». Cela suffit pour dire que ω est en fait une **variable**, donc a bel et bien des prédécesseurs ! La liste de ces **ordinaux** est donc en réalité : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$.

Les trois écritures suivantes sont donc parfaitement équivalentes, et elles définissent la **variable** ω , ce qui signifie aussi ici l'**ordinal** ω :

- $\omega = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$
- $\omega = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1\}$
- $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$

Ou encore l'**ordinal** n :

- $n = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$
- $n = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1\}$
- $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, n-5, n-4, n-3, n-2, n-1, n$

Les **relations de bon ordre de type lexicographique** basées sur \mathbb{N} , comme l'exemple vu plus haut avec les **couples d'entiers naturels**, sont de grande importance. Voyons des cas encore plus généraux et plus importants, en utilisant les enseignements de ce que nous venons de dire.

Définition :

Soit un **entier naturel** k . On appelle un **uplet de longueur** k ou un **k-uplet**, un élément de \mathbb{N}^k , c'est-à-dire la donnée de **k entiers naturels** $(n_{k-1}, n_{k-2}, \dots, n_3, n_2, n_1, n_0)$. En particulier, on a le **0-uplet**, qui est $()$. Et les **1-uplets**, qui sont (n_0) , que l'on assimilera à n_0 . Les **couples d'entiers naturels** (n_1, n_0) sont les **2-uplets**, les **triplets d'entiers naturels** (n_2, n_1, n_0) sont les **3-uplets**, etc. On désigne par N_u (« u » comme « **uplet** ») l'**ensemble** de tous les **uplets d'entiers naturels**, toutes **longueurs** confondues.

Il s'agit de définir sur N_u une **relation binaire** qui soit un **bon ordre**.

La **relation « < »** considérée est définie ainsi : pour deux **uplets distincts m et n**, si leurs **longueurs** sont différentes, le **plus petit** est celui qui a la **plus petite longueur**. Mais s'ils ont la même **longueur k**, alors : $m = (m_k, m_{k-1}, \dots, m_3, m_2, m_1, m_0)$ et $n = (n_k, n_{k-1}, \dots, n_3, n_2, n_1, n_0)$. Soit **i** un indice de **0** à **k**. Si pour tous les indices $j > i$, $a_j = b_j$, mais $a_i \neq b_i$, alors $m < n$ si $a_i < b_i$, et $m > n$ si $a_i > b_i$. Autrement dit, si $m \neq n$, alors il existe un premier indice **i** en partant de **k** vers **0**, pour lequel $a_i \neq b_i$. Alors le plus petit des deux **entiers naturels a_i** et **b_i** détermine lequel des deux **uplets m et n** est le **plus petit**.

On vérifie alors que la **relation « < »** ainsi définie sur les **uplets d'entiers naturels** est un **bon ordre**.

En effet, soit un **ensemble A non vide d'uplets**. On sélectionne d'abord les **uplets** qui ont la plus petite des **longueurs**, et soit **l** cette **longueur**. Si $l = 0$, alors l'**uplet de longueur 0**, $()$, est dans **A**, et c'est le **plus petit** cherché. Et si $l \neq 0$, on pose $k = l - 1$. Alors on sélectionne ceux qui ont le **plus petit composant de rang k**. Si l'on a un seul, alors c'est le **plus petit**. Mais s'ils ont tous le même **composant de rang k**, alors on sélectionne ceux qui ont le **plus petit composant de rang k-1**. Si l'on a un seul, alors c'est le **plus petit**. Mais s'ils ont tous le même **composant de rang k-1**, alors on sélectionne ceux qui ont le **plus petit composant de rang k-2**, et ainsi de suite. Au plus tard, quand donc on aura comparé jusqu'au **rang 0**, on aura obligatoirement trouvé le **plus petit**. En effet, au **rang 0**, les uplets restants ont le même **composant** pour tous les **rangs > 0**. Ils ne se différencient que par le composant de **rang 0**, et forcément il n'y a qu'un seul qui a le **plus petit**.

N_u est donc **bien ordonné** par la **relation** qu'on vient de définir. Si nous devons lister dans l'**ordre** tous les éléments de N_u , on aurait d'abord tous les **0-uplet**, suivis de tous les **1-uplets** (ce qui revient à dire tous les **entiers naturels**), suivis de tous les **2-uplets** (ce qui revient à dire tous les **couples d'entiers naturels**), suivis de tous les **3-uplets** ou **triplets**, suivis de tous les **4-uplets** ou **quadruplets**, etc..

$()$, (0) , (1) , (2) , (3) , ..., $(0, 0)$, $(0, 1)$, $(0, 2)$, $(0, 3)$, ..., $(1, 0)$, $(1, 1)$, $(1, 2)$, $(1, 3)$, ... $(2, 0)$, $(2, 1)$, $(2, 2)$, $(2, 3)$, ..., $(3, 0)$, $(3, 1)$, $(3, 2)$, $(3, 3)$, ..., ..., $(0, 0, 0)$, $(0, 0, 1)$, $(0, 0, 2)$, $(0, 0, 3)$, ..., $(0, 1, 0)$, $(0, 1, 1)$, $(0, 1, 2)$, $(0, 1, 3)$, ..., ..., $(1, 0, 0)$, $(1, 0, 1)$, $(1, 0, 2)$, $(1, 0, 3)$, ..., ..., $(0, 0, 0, 0)$, $(0, 0, 0, 1)$, $(0, 0, 0, 2)$, $(0, 0, 0, 3)$, ..., ...

Et maintenant, considérons N_p (« **p** » comme « **polynôme** ») la **partie** de N_u , formée par tous les **(k+1)-uplets** $(n_k, n_{k-1}, \dots, n_3, n_2, n_1, n_0)$ tels que $n_k \neq 0$, et n_0 uniquement pouvant être **0**, si $k=0$. Il s'agit, dans la liste précédente de la sous-liste suivante:

(0) , (1) , (2) , (3) , ..., $(1, 0)$, $(1, 1)$, $(1, 2)$, $(1, 3)$, ... $(2, 0)$, $(2, 1)$, $(2, 2)$, $(2, 3)$, ..., $(3, 0)$, $(3, 1)$, $(3, 2)$, $(3, 3)$, ..., ..., $(1, 0, 0)$, $(1, 0, 1)$, $(1, 0, 2)$, $(1, 0, 3)$, ..., ..., $(1, 0, 0, 0)$, $(1, 0, 0, 1)$, $(1, 0, 0, 2)$, $(1, 0, 0, 3)$, ..., ...

Les éléments de la forme **(a)** seront simplement notés **a**. Donc la liste devient :

0 , 1 , 2 , 3 , ..., $(1, 0)$, $(1, 1)$, $(1, 2)$, $(1, 3)$, ... $(2, 0)$, $(2, 1)$, $(2, 2)$, $(2, 3)$, ..., $(3, 0)$, $(3, 1)$, $(3, 2)$, $(3, 3)$, ..., ..., $(1, 0, 0)$, $(1, 0, 1)$, $(1, 0, 2)$, $(1, 0, 3)$, ..., ..., $(1, 0, 0, 0)$, $(1, 0, 0, 1)$, $(1, 0, 0, 2)$, $(1, 0, 0, 3)$, ..., ...

L'ensemble N_p est bien ordonné par la relation d'ordre strict « < » car N_p hérite de cet ordre de N_u .

Dans ce cas, on dira que le $(k+1)$ -uplets $n = (n_k, n_{k-1}, \dots, n_3, n_2, n_1, n_0)$ est de degré k , et les n_i peuvent alors aussi être interprétés comme les coefficients d'un polynôme de degré k , dont nous noterons l'indéterminée ω , et qui est aussi une variable qui parcourt l'ensemble N des entiers naturels, et qui n'est en fait rien d'autre que N lui-même, nommé autrement.

Le $(k+1)$ -uplet n peut alors s'écrire :

$$n = (n_k, n_{k-1}, \dots, n_3, n_2, n_1, n_0) = n_k \omega^k + n_{k-1} \omega^{k-1} + \dots + n_3 \omega^3 + n_2 \omega^2 + n_1 \omega + n_0.$$

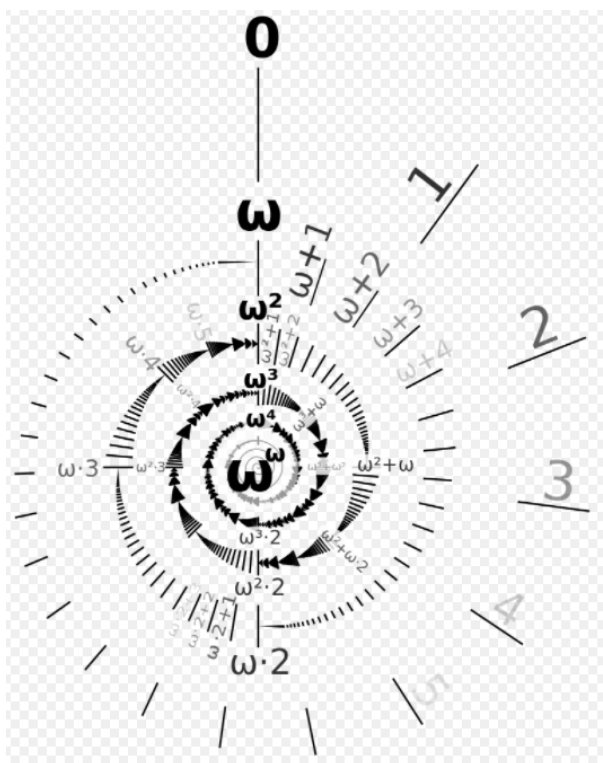
Ainsi, on a : $(1, 0) = \omega$. Et : $(1, 0, 0) = \omega^2$. Et : $(1, 0, 0, 0) = \omega^3$, etc.

Les éléments de N_p sont les **ordinaux** que nous avons déjà rencontrés avec les **structures parenthésiques**, ce qui veut dire que ces **ordinaux** sont une autre expression de ces **structures**. L'**horizon** de ces **ordinaux** est ω^ω .

On définit sur ces **ordinaux** une **addition** et une **multiplication**, qui est celle des **polynômes**.

C'est la **structure ordinale** que la conception classique veut mettre en évidence dans Wikipedia ainsi.

Sauf que, comme on le voit sur cette image, on a des écritures quelque peu bizarres, comme par exemple : $\omega 2, \omega 3, \omega 4, \dots, \omega^2 \cdot 2, \omega^3 \cdot 2, \omega^3 \cdot 3$, etc., au lieu normalement ou plus naturellement de : $2\omega, 3\omega, 4\omega, \dots, 2\omega^2, 2\omega^3, 3\omega^3$, etc..



La raison est que la **multiplication** n'est pas **commutative** avec la conception traditionnelle des **ordinaux**, par exemple : $2\omega \neq \omega 2$, autrement dit : $2 \times \omega \neq \omega \times 2$.

Or il n'y a rien de plus **commutatif** que l'**addition** et la **multiplication** des **ordinaux** ! C'est le concept d'**ordinal limite** qui cause cette anomalie, qui fait que l'**ordre** des **ordinaux** classiques est à sens unique (ce qui fait que je les qualifie de **semi-ordinaux**, à la différence des vrais **ordinaux** qui sont à double sens), et qui rend si bancal et si compliquée l'**arithmétique des ordinaux**.

Alors qu'en réalité elle est aussi simple que l'**arithmétique des nombres entiers naturels**. Il faut juste trouver le secret de la **communicativité** de la **multiplication** des **ordinaux**, et ce secret, c'est tout simplement le concept de **nombres entiers variables** !

Et un **nombre entier variable**, c'est tout simplement un **élément de $\mathbb{N}^{\mathbb{N}}$ ou ω^{ω}** , c'est-à-dire une **application de \mathbb{N} dans \mathbb{N}** , autrement dit une **suite d'entiers naturels**. Parmi celles-ci, on considère plus particulièrement celles qui sont **croissantes** ou **croissantes** à partir d'un certain **rang k** . Ce sont par définition celles que nous appelons les **nombres entiers infinis**.

C'est l'approche **fonctionnelle** ou **applicationnelle** de la question, qui est largement la plus développée dans ce livre. Mais ce que nous sommes en train de voir ici en rapport avec la **relation d'ordre**, c'est l'approche du **bon ordre**, autrement dit l'approche **ordinaire**, qui est aussi l'approche **généralisatrice**, ou l'approche des **générescences**, des **générens**. Celle-ci est particulièrement éclairante sur la nature profonde et le fonctionnement des **nombres**, des **ensembles**, de toutes les **choses**.

Nous retrouvons une fois encore les mêmes **ordinaux** jusqu'à l'**horizon ω^{ω}** , en considérant les **suites d'entiers naturels** ou **applications de \mathbb{N} dans \mathbb{N}** , pour définir des **suites** plus spéciales, les **uplets d'entiers naturels**, sur lesquels nous allons définir ensuite le **bon ordre lexicographique** dans toute sa généralité.

Soit **n** un **nombre entier variable**, c'est donc une **suite d'entiers naturels** ou **application de \mathbb{N} dans \mathbb{N}** . Pour un **nombre entier naturel i** , **$n(i)$** est noté **n_i** , et la **suite n** est notée :

$n = (n_0, n_1, n_2, n_3, n_4, n_5, \dots)$,

dite **notation polynomiale croissante**, ou :

$n = (\dots, n_5, n_4, n_3, n_2, n_1, n_0)$, dite **notation polynomiale décroissante**.

Nous adoptons ici cette seconde notation de préférence.

Définition :

→ Appelons **N_p** l'**ensemble** de toutes les **suites d'entiers nulles à partir d'un certain rang**. On les appelle les **nombres entiers polynomiaux** ou **ordinaux polynomiaux** ou les **ordinômes**. Et pour un tel **ordinôme $n = (\dots, n_5, n_4, n_3, n_2, n_1, n_0)$** , et pour tout **rang k** tel que **$n_i = 0$** , pour tout **$i > k$** , l'**ordinôme n** est simplement noté : **$n = (n_k, \dots, n_3, n_2, n_1, n_0)$** , et on dit que c'est **$(k+1)$ -uplet**. Et si **$n_k \neq 0$** , alors on dit que **k** est le **degré** de **n** , et on note **$\text{deg}(n) = k$** .

Par exemple, **$n = (\dots, 0, 0, 0, 0, 19, 0, 6, 2)$** , nulle à partir du **rang 5** ou **n_5** , donc on peut l'écrire : **$n = (0, 0, 19, 0, 6, 2)$** , c'est donc un **6-uplet**. Mais on peut aussi le noter **$n = (0, 0, 0, 19, 0, 6, 2)$** , et donc c'est un **7-uplet**. Et aussi **$n = (0, 0, 0, 0, 19, 0, 6, 2)$** , et donc c'est un **8-uplet**. etc.. Et son **degré** est **3**, car **n_3** est **non nul**, il vaut **19**, mais les **n_i** sont tous **nuls** à partir de **n_4** . L'écriture la plus réduite est donc : **$n = (19, 0, 6, 2)$** , et donc **n** est un **4-uplet strict**. Pour tout **$k \geq 4$** , c'est un **k -uplet**.

Lemme :

On en déduit que pour deux **ordinômes m et n**, il existe toujours un certain **rang k** pour lequel **m et n** sont des **k-uplets**.

Définition :

On appelle un **ordinal infini** au sens **ordinôme** un **ordinal n** de **degré k ≥ 1**.

Nous verrons comment cette définition rejoint celle de **nombre entier variable croissant**.

Définition:

Soit un **nombre entier k**. On définit la **suite** notée ω^k de la façon suivante :

$\omega^k_k = 1$, et $\omega^k_i = 0$, pour tout **entier naturel i ≠ k**.

La **suite ω^k** est appelée l'**ordinal oméga de degré k**.

Cas particuliers d'ordinômes:

→ La **suite zéro** : $(\dots, 0, 0, 0, 0, 0, 0) = (0, 0, 0) = (0, 0) = (0)$, notée simplement **0**.

→ La **suite un** : $\omega^0 = (\dots, 0, 0, 0, 0, 0, 1) = (0, 0, 1) = (0, 1) = (1)$, notée simplement **1**.

Il est appelé aussi le « **un variable** », et noté alors 1_v et est aussi appelé la **constante 1**.

Cet **ordinal** est de **degré 0** donc n'est pas **infini**.

D'une manière générale, pour tout **entier naturel k**,

on a la **suite k** définie par : $(\dots, 0, 0, 0, 0, 0, k) = (0, 0, k) = (0, k) = (k)$, notée simplement **k**.

→ $\omega^1 = (\dots, 0, 0, 0, 0, 1, 0) = (0, 1, 0) = (1, 0)$.

Il est appelé aussi le « **dix variable** », et noté alors 10_v .

Cet **ordinal ω^1** , noté simplement ω , est de **degré 1** donc est **infini**.

→ $\omega^2 = (\dots, 0, 0, 0, 1, 0, 0) = (0, 1, 0, 0) = (1, 0, 0)$.

Il est appelé aussi le « **cent variable** », et noté alors 100_v .

Cet **ordinal ω^2** est de **degré 2** donc est **infini**.

→ $\omega^3 = (\dots, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0) = (0, 1, 0, 0, 0) = (1, 0, 0, 0)$.

Il est appelé aussi le « **mille variable** », et noté alors 1000_v .

Cet **ordinal ω^3** est de **degré 3** donc est **infini**.

Et ainsi de suite.

Définition de l'addition de deux ordinômes:

Pour deux **ordinômes n et n'**:

$(n + n')_i = n_i + n'_i$, pour tout **entier naturel i**.

Définition de la multiplication de deux ordinômes:

$(n \times n')_k = \sum_{i+j=k} n_i \times n'_j$, pour tout **entier naturel k**.

Autrement dit, pour trouver le terme de **rang k** de $n \times n'$, on **somme** tous les $n_i \times n'_j$ pour lesquels **i+j = k**.

Cette **multiplication** est dite **polynomiale**.

Lemme :

Pour deux **entiers naturels i et j**, on a : $\omega^i \times \omega^j = \omega^{i+j}$.

Pour peu que l'on garde à l'esprit que l'**ordinal infini** ω est tout simplement aussi une **variable**, donc a aussi des **prédécesseurs** $\omega-1$, $\omega-2$, $\omega-3$, etc., il apparaît clairement que l'**ensemble des ordinaux** n'est rien d'autre qu'un **système de numération en base ω** , dont les **ω chiffres** sont : **0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., $\omega-5$, $\omega-4$, $\omega-3$, $\omega-2$, $\omega-1$.**

Et on retrouve aussi ici l'**ensemble** N_p d'une autre manière. Mais l'avantage de cette autre manière de construire N_p c'est qu'elle nous montre le moyen de construire des **ensembles d'ordinaux** toujours plus grands à partir d'**ordinaux** déjà construits.

Les **ordinaux**: $n = n_k \omega^k + n_{k-1} \omega^{k-1} + \dots + n_3 \omega^3 + n_2 \omega^2 + n_1 \omega + n_0$ construits jusqu'ici ont un **horizon** ω^0 , car les **degrés k** des **monômes** sont jusqu'ici seulement des **entiers naturels**. Et la question qui se pose alors très naturellement est de savoir si l'on peut généraliser à des **degrés k** qui sont des **ordinaux** quelconques, et pas seulement des **ordinaux finis** ou **entiers naturels**, c'est-à-dire les éléments de N .

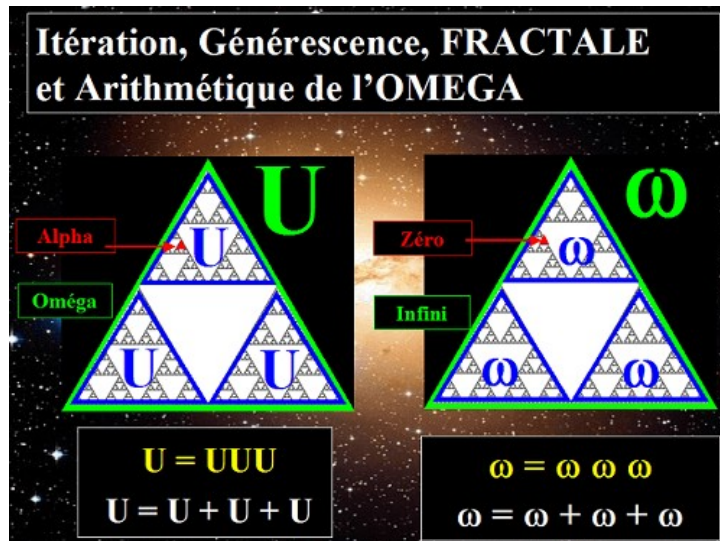
Définition :

Pour cela, il suffit de répéter la construction précédente, en considérant cette fois l'**ensemble de toutes les applications de N_p dans N** , qu'on notera N^N . On les appelle des **suites d'ordre 2** ou des **entiers variables d'ordre 2**. Et on s'intéressera à l'**ensemble $N_{2,p}$** de ces **entiers n**, tels qu'ils existe un **ordinal k** tel que $n_k \neq 0$, et tels $n_i = 0$ pour tout **ordinal i** $> k$. On dit que le **degré de n** est **k**, et on écrit encore **deg(n) = k**.

Le fait que l'**ordinal** ω soit maintenant vu comme il se doit comme une **variable**, dont l'utilisation est comme pour une **variable** comme **n** par exemple, fait comprendre qu'il n'y a pas de séparation du point de vue de la **nature** ou des **propriétés** entre un **nombre entier naturel** et un **ordinal infini**, mais juste une différence de **grandeur**. Exactement comme il n'y a pas de séparation de nature ou de propriétés entre les entiers de **0 à 100** et l'**entier Gogol** ou 10^{100} , ou encore le **nombre de Graham G**. Il n'y a qu'une différence de **grandeur**. Il en est de même pour les classiques **nombre entiers** d'une part, et les **nombre entiers infinis** de l'autre. Avec les **nombre entiers naturels** nous raisonnons dans un **système de numération en base 10** ou **système décimal**. Mais avec les **nombre entiers infinis**, en plus de ce **système décimal**, nous raisonnons aussi dans un **système de numération** dont la **base** est un **entier infini** ou **variable**, comme **n** ou **v** ou **w** ou ω .

Il n'y a donc plus d'**ordinaux limites**, et les **ordinaux infinis** sont juste de bons vieux **nombre entiers naturels**, sauf qu'ils sont **variables**. Et donc, comme déjà dit, le classique **raisonnement par récurrence** (qui, classiquement, s'applique aux **entiers naturels** et pas aux **ordinaux** en général) et le **principe d'induction transfini** (qui, classiquement, s'applique aux **ordinaux** en général, et spécialement aux **ordinaux infinis**, ou **transfins**) sont la même chose, ce qui simplifie beaucoup les raisonnements avec les **ordinaux**.

Autrement dit, l'**ensemble N des entiers naturels** et l'**ensemble N_ω des nombre entiers oméganaturels**, et l'**ensemble Ω de tous les ordinaux**, sont le seul et même **ensemble**, mais simplement vu sous des angles différents. Il a une **structure fractale**, et notamment il est une **Fractale ω** ou **Fractale de base ω** , illustrée ci-après avec une **Fractale 3** :



Quand on parle par exemple de l'ensemble N des **nombre entiers naturels**, on ne parle que d'un certain **modèle** de la **Fractale**, pris comme **unité** pour mesurer les **ordinaux infinis**, et dire : **0 infinité** ou **0ω**, **1 infinité** ou **1ω**, **2 infinités** ou **2ω**, **3 infinités** ou **3ω**, etc., exactement comme **1** est pris comme **unité** pour mesurer les **éléments** de N, et dire : **1 unité** ou **1**, **2 unités** ou **2**, **3 unités** ou **3**, etc..

C'est exactement le même **modèle** de la **Fractale** qui est appelé **1**, mais aussi **ω**, **ω²**, **ω³**, etc., **ω^ω** et au-delà, mais aussi **0**, **0²**, **0³**, etc., **0^ω** et au-delà, où ici **0** est le **0 génératif**.

	← × ω	← × ω	← × ω	← × ω	← × ω	← × ω	← × ω	← × ω	
...	Ω³	Ω²	Ω	U	Ω	Ω²	Ω³	...	
...	0³	0²	0	1	ω	ω²	ω³	...	
	← × 0	← × 0	← × 0	← × 0	← × 0	← × 0	← × 0	← × 0	

On a tout le temps le même **modèle**: **0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., ω-5, ω-4, ω-3, ω-2, ω-1, ω**, qui se répète à toutes les échelles, petit rappel :

0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., x... = {x} = ω×x,
ou :
0×x, 1×x, 2×x, 3×x, 4×x, 5×x, ..., (ω-5)×x, (ω-4)×x, (ω-3)×x, (ω-2)×x, (ω-1)×x, ω×x.

Le reste est une simple affaire de l'**unité** ou de l'**unit** x des **générescences**. Si **x = 0 = 1/ω**, alors on aura la suite des **générescences** qui forment progressivement l'**unité 1** :

0, 0, 00, 000, 0000, 00000, ..., 0... = {0} = ω×0 = 1,
ou :
0×0, 1×0, 2×0, 3×0, 4×0, 5×0, ..., (ω-5)×0, (ω-4)×0, (ω-3)×0, (ω-2)×0, (ω-1)×0, ω×0.

Et si $x = 1$, alors on aura la suite des **générescences** qui forment progressivement l'**unité** ω :

$0, 1, 11, 111, 1111, 11111, \dots, 1\dots = \{1\} = \omega \times 1 = \omega$,

ou :

$0 \times 1, 1 \times 1, 2 \times 1, 3 \times 1, 4 \times 1, 5 \times 1, \dots, (\omega-5) \times 1, (\omega-4) \times 1, (\omega-3) \times 1, (\omega-2) \times 1, (\omega-1) \times 1, \omega \times 1$,

ou simplement:

$0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$

Et si $x = \omega$, le même modèle forme ω^2 .

Et si $x = 0^2$, le même modèle forme 0 .

Et ainsi de suite.

Quand on parle de l'**ensemble N** des **entiers naturels** $N = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$, où ici 0 est le **0 absolu** c'est-à-dire o , on parle en fait du **modèle** ω ou 1ω , le **modèle infini** de **base**, qui sert de **base** de l'**infini**, d'**unité** de **mesure** des **ordinaux infinis**. Autrement dit, on a : $\omega = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$.

En écrivant N ou ω comme cela, on n'a listé que les **éléments** du début, ce qui donne l'illusion que cet **ensemble** ne contient pas de **nombres entiers infinis**. Mais en réalité, non seulement il contient des **éléments infinis** comme: $\dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1$, mais en plus, il contient, moyennant la **relation d'équivalence**, tous les **ordinaux**, oui toute la **Fractale** des **ordinaux**, comme n'importe quel **modèle** de la **Fractale** ! Le **nombre 1** par exemple est formé de la même manière par les **générescences** de 0 , où 0 désigne ici le **0 génératif**, qui est l'**unité** de ce **modèle** de la **Fractale**. Et si on change d'**unité** et appelle 1 ce qui était appelé 0 , du coup ω devient à son tour ω^2 .

De plus, il ne faut pas perdre de vue que ω est une **variable**, qui parcourt en **premier horizon** les **entiers naturels**, jusqu'à donc ω , qui est lui-même ce **premier horizon** en question. Puis en **second horizon** il parcourt les **ordinaux** jusqu'à l'**horizon** 2ω , son double, puis l'**horizon** 3ω , puis l'**horizon** ω^2 , puis l'**horizon** ω^3 , et ainsi de suite.

Bref, en résumé, tout ce qui est au-delà du **modèle infini** de **base** appelé N ou ω , est déjà caché dans N ou ω , car nous sommes en présence d'une **structure générescente** et **fractale**. N est une **partie** de l'**ensemble** N_ω des **nombres entiers oméganaturels**, lui-même une partie de l'**ensemble** Ω de **tous les ordinaux**. Mais comme il s'agit d'une **structure fractale**, ces trois **ensembles** sont le même **ensemble**, en ce sens qu'ils sont **équivalents**, trois manières différentes de parler de la même **Fractale des ordinaux**.

Et plus précisément encore, il s'agit d'une **structure cyclofractale** des **ordinaux**, car l'**ensemble** Ω de **tous les ordinaux**, qui est de ce fait même le **dernier ordinal**, le plus grand de **tous les ordinaux**, est obligé d'être un **élément de lui-même**, ce qui semble contredire l'une des propriétés fondamentales des **ordinaux**, qui est qu'un **ordinal** n'est jamais **élément de lui-même**. Sauf qu'avec Ω , du fait qu'il soit le **plus grand ordinal**, le **dernier ordinal** donc, l'**ordinal Oméga** absolu, il termine le **cycle** des **ordinaux**, et on revient au commencement du cycle. Cela veut dire aussi que Ω est aussi le **premier ordinal**, à savoir o , l'**ordinal Alpha** absolu. Oui, on a : $o = \Omega$, qui est l'expression du **Cycle** Ω ou l'**Omégacycle**. En tant que **dernier ordinal**, Ω n'est pas **élément de lui-même**, propriété exigée des **ordinaux**, sinon on a le fameux paradoxe de Burali-Forti, ou paradoxe du **dernier ordinal**. Mais en tant que **premier ordinal**, o donc, Ω est bel et bien **élément**

de lui-même, et le paradoxe s'élimine de lui-même, du fait du statut spécial de Ω d'être le **dernier ordinal**, donc de **terminer le cycle des ordinaux** et de revenir au **commencement du cycle**.

Pour toutes ces raisons et d'autres, le raisonnement par **récurrence** classiquement utilisé avec l'**ensemble N des entiers naturels**, comme par exemple avec les **axiomes de Peano** (dont on parlera plus tard), est **valide** aussi pour tous les **ordinaux** !

Autrement dit, si un **ensemble d'ordinaux** contient **0** et le **successeur** de chaque **ordinal**, il contient **tous les ordinaux**, et est l'**ensemble de tous les ordinaux**. Autrement dit encore, si une **propriété P** est **vraie** pour **0** et si sa **véracité** pour un **ordinal n** implique sa **véracité** pour le **successeur de n**, qu'on note **n+1**, alors **P** est **vraie** pour **tous les ordinaux**. Pour le dire autrement encore, en partant de **0** (on parle toujours du **0 absolu** ou **o**), et en **additionnant** toujours **1**, c'est-à-dire en **itérant toujours 1**, on forme **tous les ordinaux**! Sous cette forme, le **principe de récurrence**, qui est aussi le **principe d'induction transfini** à présent, est appelé le **principe de génération indéfinie**.

Cela signifie qu'en **itérant indéfiniment 1** on **génère** tous les **ordinaux, finis** comme **infinis**, et pas que les classiques **nombre entiers naturels**. Ce sont les **ordinaux limites** qui empêchaient cela. Et ce que nous disons revient à dire qu'on considère les **ordinaux** classiques, mais au niveau de chaque **ordinal limite λ** , qui auparavant n'avait pas de **prédécesseurs** immédiats, on le fait maintenant précéder ainsi : **..., $\lambda-5, \lambda-4, \lambda-3, \lambda-2, \lambda-1, \lambda$** , avec l'idée qu'en continuant ainsi dans le sens décroissant, on finira par arriver à **0** ou **o**, le terminus, en passant par **tous les ordinaux strictement inférieurs** à λ . Et quels que soient deux **ordinaux α et β** , tels que $\alpha < \beta$, en faisant : **$\alpha, \alpha+1, \alpha+2, \alpha+3, \dots$** , on finira par atteindre β , en passant par : **..., $\beta-3, \beta-2, \beta-1, \beta$** .

De même, si l'on **itère indéfiniment le 0 génératif** par exemple, et plus généralement tout **ordinal** (sauf le **0 absolu**, ou même lui aussi mais en passant à une **égalité générative plus stricte**), on finira par **générer 1** puis, en continuant, **tous les ordinaux**. Et plus généralement encore, en **itérant indéfiniment** n'importe quelle **chose** ou **ensemble x** (on a vu que **toute chose est un ensemble**, et que **tout ensemble est finalement un ordinal**) on **génère** une version **équivalente** de **toutes les choses**. Ceci en raison de la **nature fractale** de l'**Univers TOTAL**, l'**Alpha** et l'**Oméga**, qui est précisément la **Fractale ω** dont nous parlons.

Conception ensembliste des nombres entiers oméganaturels. Les ordinuméraux

En bonus de la nouvelle conception des **ordinaux**, de cette grande étude de la notion d'**ordinal**, revenons sur la notion de **nombre entier oméganaturel**, que nous appellerons aussi un **ordinuméral**. Il s'agit de la notion d'**ordinal** vue sous un autre angle, une autre approche donc de ce que nous avons fait précédemment.

Définition :

On appelle l'**application universelle varid** l'**application v** de l'**Univers \mathfrak{A}** des **ensembles** dans \mathfrak{A} , définie par : **$v(x) = x$** , pour tout **ensemble x**. Et **$v(x)$** sera souvent noté aussi **v_x** .

Etant donné un **ensemble E**, la **restriction** de **v** à **E** est l'**application varid** dans **E**, notée **$v|E$** , celle définie sur **E** telle que : **$(v|E)(x) = x$** , pour tout **$x \in E$** . Cette **application $v|E$** sera elle aussi simplement notée **v**.

A noter que l'**application varid** est celle habituellement appelée l'**application «Identité»** et notée **Id** ou **I**. Dans le nouveau nom «**varid**», la terminaison «**id**» fait justement référence au fait qu'il s'agit de l'application «**identité**», mais le préfixe «**var**» fait référence au fait qu'il s'agit aussi de l'**application «variable»** fondamentale, canonique.

En effet, pour une **variable** x parcourant l'**Univers** \mathfrak{U} des **ensembles** ou un **ensemble** E , l'**application varid** v renvoie simplement la **variable** x , car : $v(x) = x$. C'est donc l'**application** qui incarne par excellence la notion d'**ensemble variable** ou d'**objet variable**.

Avec l'**ensemble** N des **nombre entiers naturels**, l'**application** v va incarner la notion de **nombre entier naturel variable** de référence : $v(n) = v_n = n$, pour tout $n \in N$. Par opposition aux **éléments** de N qui seront quant à eux appelés les **nombre entiers naturels constants**. Et avec l'**ensemble** R des **nombre réels**, l'**application** v va incarner la notion de **nombre réel variable** de référence : $v(x) = v_x = x$, pour tout $x \in R$. Par opposition aux **éléments** de R qui seront quant à eux appelés les **nombre réels constants**.

Et pour un **ensemble** A , et étant entendu que 2^A ou $\mathcal{P}(A)$ désigne l'**ensemble des parties (ou sous-ensembles) de A**, l'**application** v va incarner la notion de **partie (ou sous-ensemble) variable** de A de référence : $v(x) = v_x = x$, pour tout $x \in \mathcal{P}(A)$. Les éléments de $\mathcal{P}(A)$ seront alors appelés les **parties constantes**. Et pour deux **ensembles** A et B , et étant entendu que B^A désigne l'**ensemble des applications de A dans B**, l'**application** v va incarner la notion d'**application de A dans B variable** de référence : $v(x) = v_x = x$, pour tout $x \in B^A$. Et ainsi de suite.

D'une manière générale donc, pour un **ensemble** quelconque K , tout **application** f d'un **ensemble** I dans K (en particulier si I est N ou l'**ensemble** K lui-même) sera appelée un **élément variable de K**. Autrement dit, le **potentiel** K^I , qui est l'**ensemble des applications de I dans K**, I étant ici l'**indiciel**, est l'**ensemble des éléments variables de K**, d'**indiciel** I . Les **éléments de K** sont appelés alors les **éléments constants**, et K est appelé le **constancier**.

Dans le cas donc où I est K lui-même, l'**ensemble des éléments variables de K** est donc K^K , qui est l'**ensemble de toutes les applications de K dans K**. Au nombre d'elles, il y a donc l'**application varid**, v , telle que : $v(x) = v_x = x$, pour tout $x \in K$. Elle incarne la notion d'**élément variable de K** de référence. Elle représente l'**ensemble K** lui-même. Les **éléments de K** sont alors les **éléments constants de K**.

Quand K est N , l'**application varid** v est notée aussi N_0 ou simplement N , et encore ω_0 , et par définition il marque l'**horizon des nombre entiers naturels finis**, ou **constants**, le **dernier** d'entre eux, et le commencement des **nombre entiers naturels infinis**, ou **variables**, le **premier** d'entre eux. C'est l'occasion une fois encore de dire que nous ne raisonnons plus avec la classique logique de **Négation**, qui est une logique binaire, du tout ou rien, mais avec la nouvelle logique d'**Alternation**, qui est une logique unaire, dont la vérité est graduée. Quand on a des notions contraires ou opposées, comme **élément/ensemble, constant/variable, fini/infini, rationnel/irrationnel, standard/non-standard**, etc., il ne s'agit plus de raisonner en terme de « soit l'une, soit l'autre », ou « soit vrai soit fausse », ou « soit 0 soit 1 » ou vice-versa, ou « soit 0 % soit 100 % » ou vice-versa, etc.. Mais la **valeur de vérité** est graduée entre 0 % et 100 %, par la notion de **finitude** et d'**infinitude**, qui sera l'objet d'un prochain sous-titre.

Les **nombre**s entiers naturels : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, sont au départ **finis** ou **constants**, mais au fur et à mesure qu'ils **croissent**, ils sont de moins en moins **finis** ou **constants**, mais deviennent de plus en plus **infinis** ou **variables**. La liste des nombres entiers naturels de l'**horizon alpha** à l'**horizon oméga** est : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., N-7, N-6, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1, N**. Le **nombre** qui est **fini** à **100 %** ou est une **constante** à **100 %**, est **0** (à vraie dire c'est **1**, selon une **valuation** qui repose sur la **symétrie des inverses**, **valuation** pour laquelle **1** est le centre de cette **symétrie**, le **nombre fini** par excellence, et **valuation** selon laquelle le **0** est tout aussi **infini** que **N**. Mais d'autres **valuations** font de **0** le nombre le plus **fini**), et il est alors une **variable** ou **infini** à **0 %**. A son opposé, c'est **v** ou **N** ou **N₀** ou **ω₀** qui commence à acquérir pleinement la qualité de **nombre entier naturel variable** ou **infini**, **100 %**, et sa qualité de **constante** ou de **nombre fini** est alors de **0 %** (on y reviendra avec la notion de **finitude** et d'**infinitude**).

Au regard de cette liste : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., N-7, N-6, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1, N**, la classique logique de **Négation** dira qu'il n'existe pas de **dernier nombre entier naturel fini** (qui sont équivalents aussi à ce qui est couramment appelé les **nombres entiers standard**), et qu'il n'existe pas de **premier nombre entier infini** (qui sont équivalents à ce qui est couramment appelé les **nombres entiers non-standard**). En effet, en logique de **Négation**, qui est une logique du tout ou rien, dire par exemple que **N** est le « **premier** » **nombre entier naturel infini** signifie qu'à partir de **N-1** et en allant vers **0**, on a les **nombres entiers naturels finis** à **100 %** de **valeur de finitude**. Or **N-1** ne diffère de **N** que de **1**, et donc **N-1** et **N** ont pratiquement la même **valeur d'infinitude**, qui est **100 %**, et la même **valeur de finitude**, qui est de **0 %**. L'affirmation selon laquelle **N** est le « **premier** » **nombre entier naturel infini** apparaît alors comme « fausse » ou « paradoxale », alors qu'en fait le problème vient de la logique de **Négation** avec laquelle on raisonne, la logique du tout ou rien.

Les choses vues maintenant avec la logique d'**Alternation**, qui est une logique graduelle, dire par exemple que **N** est le « **premier** » **nombre entier naturel infini** ne signifie pas que des **prédécesseurs** immédiats, **N-1, N-2, N-3**, etc., ne sont pas **infinis** aussi, mais qu'ils sont **un peu moins infinis** que **N**, et que c'est à partir de l'**horizon N** que l'on considère ou que l'on convient que le statut de **nombre entier naturel infini** ou de **nombre entier naturel variable** est pleinement atteint. Mais le choix ou la convention peut tout à fait être changé et porter sur **7N** ou **N²** ou **N^N**, etc.. Autrement dit, on peut tout à fait poser par définition que la notion de « **nombre entier naturel infini** » ou de « **nombre entier naturel variable** » commence à ces horizons-là. Et dans ce aussi, si le choix porte par exemple sur l'**horizon N²**, cela ne veut en rien dire que le **nombre N²-1** n'est pas **infini**, ou est **fini** à **100 %**, mais juste qu'il est **un chouia moins infini** que **N²**.

Définition :

Soit un **ensemble** quelconque **x**. On appelle le **successeur** de **x**, noté **x***, et abusivement **x+1**, l'**ensemble** : **y = x ∪ {x}**. On dit alors aussi que **x** est le **prédécesseur** de **y**, noté alors ***y**, ou abusivement **y-1**.

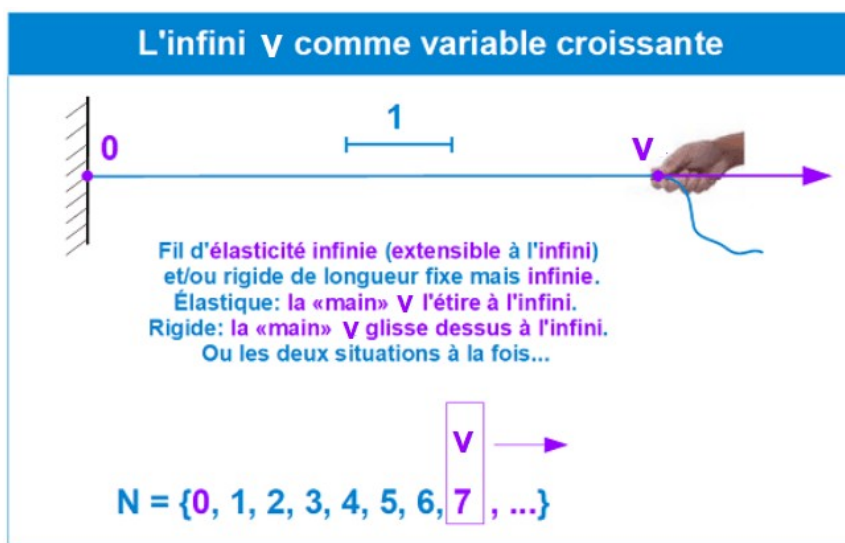
On note que tout ensemble **x** a un **successeur** **x* = x ∪ {x}**, mais pas nécessairement de **prédécesseur**.

Par exemple l'**ensemble** **x = {1} = {{0}} = {{{ }}}** a comme **successeur** **y = {1} ∪ {{1}} = {1, {1}} = {{{ }}, {{{ }}}**, mais **x = {1}** n'a pas de **prédécesseur** **z** tel que **z ∪ {z} = {1}**.

De même, l'ensemble des entiers naturels $N = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$, a pour successeur $N+1 = N \cup \{N\} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, N\} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}\}$. Mais N n'a pas de prédécesseur, ou en tout cas pas d'un point de vue classique. Car dans la nouvelle vision, N est vu simplement comme un nombre entier naturel variable, contrairement à ses éléments qui sont des nombres entiers naturels constants. Et comme on vient de le dire, ces notions sont graduelles. Dans une logique du tout ou rien, N , qui est qualifié d'infini ou de variable, ne peut pas avoir de prédécesseur immédiat $N-1$, car on devra qualifier celui-ci de fini ou de constant. Mais ce n'est pas ainsi que les nombres fonctionnent, et il est extrêmement facile de voir pourquoi. Un nombre entier naturel variable v (ou N ou ω) a continuellement un prédécesseur ! Si la variable prend pour valeur 0, il n'y a pas de prédécesseur, ce qui est le troisième des cinq axiomes de Peano, définissant la notion de « nombre entier naturel » :

- 1) L'élément appelé zéro et noté 0 est un entier naturel.
- 2) Tout entier naturel n a un unique successeur, noté $s(n)$ ou S_n qui est un entier naturel.
- 3) Aucun entier naturel n'a 0 pour successeur.
- 4) Deux entiers naturels ayant le même successeur sont égaux.
- 5) Si un ensemble d'entiers naturels contient 0 et contient le successeur de chacun de ses éléments, alors cet ensemble est N .

Mais si la variable v (ou N ou ω) prend pour valeur 1, le successeur de 0, elle a alors pour prédécesseur 0, et si elle vaut 2 elle a pour prédécesseur 1, et si elle vaut 7 elle a pour prédécesseur 6, et ainsi de suite.



Les axiomes 2 et 4 de Peano expriment la *généralité* des entiers naturels.

A partir donc de la valeur 1, v (ou N ou ω) a toujours un prédécesseur $v-1$ (ou $N-1$ ou $\omega-1$), et comme la variable... varie, son prédécesseur varie lui aussi.

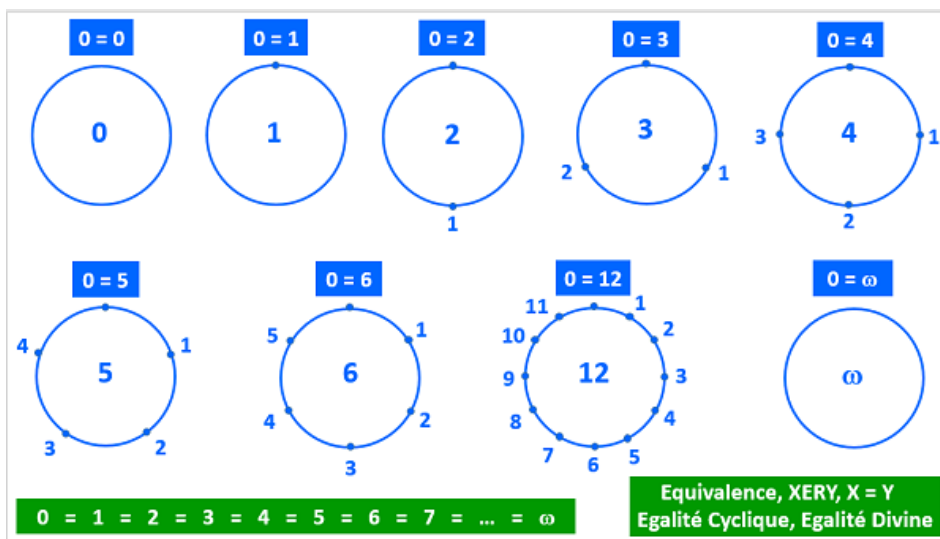
Autrement dit, le classique ensemble N est assimilé à la suite N d'entiers naturels classiques, telle que $N_n = n$, pour tout $n \in N$, autrement dit encore on assimile N à l'application v de N dans N , telle que $v(n) = n$, ou $v_n = n$, pour tout $n \in N$.

On peut la noter : $v = N = \omega = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

Dans ces conditions, on a aussi l'application $v-1$ de N dans N , définie par : $(v-1)(0) = -1$, et $(v-1)(n) = n-1$, pour tout $n \geq 1$.
 par définition, cette application $v-1$ est le prédécesseur de N , noté aussi $N-1$.

On peut la noter : $v-1 = N-1 = \omega-1 = (-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

Ceci peut donner le sentiment qu'on sort du domaine des **nombre entiers naturels**, puisqu'on fait usage de **nombre négatifs**, comme ici -1 . Mais en réalité il n'en est rien, ce n'est qu'une apparence. Car un aspect de la nouvelle logique d'**Alternation**, la nouvelle logique d'**équivalence** et de **cycle**.



Le **cycle 12** par exemple, qui est le cycle de l'horloge de 12h, s'exprime par l'équivalence : $0 = 12$, ce qui veut dire qu'à 12 on revient au point 0. Raisonner dans ce cycle c'est raisonner en **congruence modulo 12**. Et de manière générale, raisonner dans le **cycle n** c'est raisonner en **congruence modulo n**. Parce que l'on a : $0 = 12$, pour ce qui est du **cycle 12** par exemple, on a donc aussi : $-1 = 12-1$, c'est-à-dire : $-1 = 11$. Autrement dit, le **nombre entier « négatif » -1** est en réalité le **nombre entier naturel (positif) 11**. Et de manière générale, dans le **cycle n**, le **nombre entier « négatif » -1** est en réalité le **nombre entier naturel (positif) n-1**.

En voyant donc les **nombre entiers** ou **ordinaux** en **logique de cycle** (qui va de paire aussi avec la **logique fractale**), il apparaît qu'en fait la liste des nombres : $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, N-7, N-6, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1, N$, est celle du **cycle N**, qui s'écrit : $0 = N$. Dans ce cycle donc, on a : $-1 = N-1$, ce qui signifie que le **nombre négatif -1** est en réalité le **nombre positif N-1**.

D'où le fait qu'on a : $v-1 = N-1 = \omega-1 = (-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

Le **nombre -1** dans : $(-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$ renvoie donc en fait à $N-1$.

Cette application $v-1$ peut donc s'écrire :

$v-1 = N-1 = \omega-1 = (N-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

Ou encore : $v-1 = N-1 = \omega-1 = (N-1, N, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$.

D'une manière générale, soit un **entier naturel** k .
 On a l'**application** $v-k$ de \mathbb{N} dans \mathbb{N} , définie par :
 $(v-k)(n) = n-k$, pour tout $n \in \mathbb{N}$.

Par définition, $\mathbb{N}-k = v-k$.

En d'autres termes, on convient que $\mathbb{N}-k$ est l'**ensemble** des **entiers naturels** de la forme $n-k$. Et eux-mêmes sont la même séquence des **éléments** de \mathbb{N} mais vus avec un retard de k . Tandis que $\mathbb{N}+k$ est par définition l'**ensemble** des **entiers naturels** de la forme $n+k$. Et eux-mêmes sont la même séquence des **éléments** de \mathbb{N} mais vus avec une avance de k .

D'une manière générale, un **ordinal** α au sens classique a un **successeur** $\alpha+1 = \alpha \cup \{\alpha\}$, comme c'est le cas pour tout **ensemble** x . Mais, classiquement, α n'a pas nécessairement de **prédécesseur**, comme par exemple le classique **ordinal** 0 , mais aussi le classique \mathbb{N} ou ω . Mais comme on vient de le dire, l'**ordinal** \mathbb{N} ou ω vu autrement possède bel et bien un **prédécesseur** $\mathbb{N}-1$ ou $\omega-1$.

Et aussi, le but est de définir une nouvelle notion d'**ordinaux** avec lesquels seul 0 ou o n'a pas de **prédécesseur**. Et encore, si l'on raisonne en **logique cyclique**, avec le **cycle** Ω , en l'occurrence, où Ω est l'**ensemble de tous les ordinaux**, le **dernier ordinal** donc. Il vérifie alors : $0 = \Omega$, ou $o = \Omega$, et alors même 0 ou o a un **prédécesseur**, qui est $\Omega-1$, qui est la définition de l'**ordinal** -1 . En effet, on a : $-1 = \Omega-1$, du fait du **cycle** Ω , c'est-à-dire du fait qu'on a : $o = \Omega$. Le propre **prédécesseur** de $\Omega-1$ est $\Omega-2$, qui est la définition de l'**ordinal** -2 , car on a : $-2 = \Omega-2$. Et son propre **prédécesseur** est $\Omega-3$, qui est la définition de l'**ordinal** -3 , et ainsi de suite.

Mais revenons à la notion ensembliste de **successeur** et de **prédécesseur**. Par définition donc, tout **ensemble** x a un **successeur ensembliste** : $x+1 = x^* = x \cup \{x\}$. Et pour deux **ensembles** x et y , on a : **y est le successeur $x \Leftrightarrow x$ est le prédécesseur de y .**

On a donc : **$y = x+1 = x^* = x \cup \{x\}$** , et dans ce cas alors on note : **$x = {}^*y = y-1$** .

Avec la classique de logique de **Négation**, un **ensemble** x n'a pas nécessairement de **prédécesseur** ensembliste. Mais, comme on vient de l'illustrer, avec la logique d'**Alternation**, toute **négation** doit être nuancée, car ce qui est nié d'un certain point de vue est vrai d'un autre point de vue.

Définition :

On appelle un **saulen** ou un **champ de séquences** un **ensemble** E qui contient le **successeur** (ensembliste) de chacun de ses éléments. On appelle les **alphas** ou **têtes de séquence** de E , les éléments de E qui n'ont pas de **prédécesseurs** (ensemblistes), si l'on raisonne en classique logique de **Négation**. On dit qu'un **saulen** E est **fondé**, s'il possède une seule **tête de séquence** ou **alpha** a , et on dit que sa **fondation** est **canonique** si a est 0 (ou l'**ensemble vide**).

Exemple :

→ 0 ou l'**ensemble vide** est un **saulen** trivial.

En effet, il n'a pas d'éléments, donc il contient les **successeurs** de chacun de ses éléments.

Et aussi, parce qu'il n'a pas d'élément, il n'a pas d'élément, donc il n'est pas un **saulen fondé**.

→ L'**ensemble** des **entiers naturels**, $\mathbb{N} = \omega = v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, est un **saulen**, et il est un **fondé canonique**. Car on a :

$1 = 0^* = 0+1 = 0 \cup \{0\}$;
 $2 = 1^* = 1+1 = 1 \cup \{1\} = \{0, 1\}$;
 $3 = 2^* = 2+1 = 2 \cup \{2\} = \{0, 1, 2\}$;
 $4 = 3^* = 3+1 = 3 \cup \{3\} = \{0, 1, 2, 3\}$;
 et ainsi de suite.

On en déduit immédiatement ceci :

Définition :

Tout **saulen fondé canonique** E contient l'**ensemble** N des **entiers naturels**, autrement dit, a dans ses éléments tous les **entiers naturels**.

En effet, du fait que E a 0 parmi ses **têtes de séquence**, il contient au moins la **séquence** des **entiers naturels** : $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots$.

Pour toute autre **tête de séquence** a dans E , si elle existe, on a la **séquence**:

$a, a+1, a+2, a+3, a+4, a+5, \dots$,

étant entendu que par $a+2$ on veut dire : $(a+1)+1$, que par $a+3$ on veut dire : $(a+2)+1$, etc..

Définition :

On dit qu'un **ensemble** α est un **nombre entier oméganaturel** au sens **ensembliste** (car on verra une autre notion équivalente, dite **fonctionnelle**) ou un **ordinal**, si :

- a) α est **transitif**;
- b) La **relation d'appartenance** « \in » est une **relation de bon ordre** dans α ;
- c) Tout **élément non vide** de α a un **prédécesseur**;
- d) Tout **élément** de α est un **nombre entier oméganaturel**.

On en déduit qu'un **nombre entier oméganaturel** α (au sens **ensembliste** que l'on vient de définir) **non vide** a obligatoirement 0 ou l'**ensemble vide** comme **élément**. En effet, étant **non vide**, il a un plus petit élément puisque la **relation d'appartenance** « \in » est une **relation de bon ordre** dans α (propriété b). Ce **plus petit élément** a doit être **vide**, sinon il existe un **élément plus petit que** a .

Définition :

Etant donné un **nombre entier oméganaturel** α , on dit que α est **infini** s'il est un **saulen fondé**.

→ Les **nombre entiers naturels** ou **ordinaux finis** : $0, 1, 2, 3, 4, \dots$, sont des **nombre entiers oméganaturels**, ou **ordinal**.

Par exemple : $7 = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, et on voit que tout élément non nul de 7 a un **prédécesseur**. De manière générale, tout **ordinal fini** non vide n est de la forme : $n = \{0, 1, 2, 3, \dots, n-3, n-2, n-1\}$. Et il est clair que tout élément non vide de n (distinct donc de 0) a un **prédécesseur**.

Le classique **ensemble** des **entiers naturels**, $N = \omega = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, est lui aussi un **nombre entier oméganaturel**, ou **ordinal**. Car tout élément non nul de N a un **prédécesseur**. Et N est **infini** (il est un **saulen**).

→ Tout **entier oméganaturel** α est un **ordinal**, au sens classique.

Mais la réciproque n'est pas vraie, car aucun **ordinal infini** au sens classique ayant N ou ω pour élément (c'est-à-dire strictement supérieur à N ou ω) n'est un **entier oméganaturel**. Car, précisément, pour la conception classique des **ordinaux**, N ou ω est un **ordinal limite**, ce qui veut dire qu'il n'a pas de **prédécesseur**. Donc tout **ordinal** ayant N ou ω pour élément possède au moins un élément non nul qui n'a pas de **prédécesseur**.

C'est précisément cette problématique des « **ordinaux limites** » que corrige la notion de **nombre entier oméganaturel**, ou **ordinuméral**. Avec maintenant une conception de N ou ω comme un **nombre entier naturel variable**, il n'est plus « **limite** » donc le problème des « **ordinaux limites** » (ou « **ordinaux qui n'ont pas de prédécesseurs** ») disparaît.

Ainsi donc, parce que N est un **nombre entier oméganaturel variable**, il a un **prédécesseur** $N-1$, et on a : $N = N-1 \cup \{N-1\} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, N-1\}$.

Et de même : $N-1 = N-2 \cup \{N-2\} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, N-2\}$.

Et ainsi de suite : $N-k = N-k-1 \cup \{N-k-1\} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, N-k-1\}$, pour tout $k \in N$.

Définition :

Les **nombre entiers oméganaturels** de 0 à N sont dit d'**horizon** N . Ce sont donc : $0, 1, 2, 3, 4, \dots, N-4, N-3, N-2, N-1, N$. Et on pose : $N_0 = N$. Les éléments au sens classique de N sont : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, autrement dit, tous les **nombre entiers naturels** au sens classique qui sont les éléments de N . Mais au nouveau sens, les éléments de N sont : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, N-4, N-3, N-2, N-1\}$, autrement dit, tous les **nombre entiers oméganaturels** qui sont les éléments de N .

Par définition, on appelle un **nombre entier naturel variable** une **application** x de l'**ensemble** N classique dans N . L'**ensemble** de tous les **nombre entiers naturels variables** est donc N^N , c'est-à-dire l'**ensemble** de toutes les **applications** du classique N dans N . Etant donné un **nombre entier naturel** k , l'**application constante** notée $[k]$, est celle définie par : $[k](n) = k$, pour tout $n \in N$. L'**application constante** $[k]$ est assimilée à l'**entier naturel** k , autrement dit on pose : $[k] = k$.

On définit sur ces **applications** les **opérations arithmétiques** élémentaires suivantes, pour deux **nombre entiers naturels variables** x et y :

→ **Addition et soustraction:**

$(x+y)(n) = x(n) + y(n)$, pour tout $n \in N$;

$(x-y)(n) = x(n) - y(n)$, pour tout $n \in N$;

→ **Multiplication:**

$(x \times y)(n) = x(n) \times y(n)$, pour tout $n \in N$;

→ **Division:**

$(x/y)(n) = x(n) / y(n)$, pour tout $n \in N$; et on pose : $x / 0 = 0$ pour tout **nombre** x , ce qui est la **division omégacyclique par 0**, étant entendu qu'on parle du **0 absolu**, à savoir 0 ;

→ **Exponentiation:**

$(x^y)(n) = x(n)^{y(n)}$, pour tout $n \in N$;

autrement dit : $(x \wedge y)(n) = x(n) \wedge y(n)$, pour tout $n \in N$.

D'une manière générale, toute **opération** H définie sur les **entiers naturels constants** est définie aussi sur les **entiers naturels variables** de la manière suivante:

$(x H y)(n) = x(n) H y(n)$, pour tout $n \in N$.

Les **entiers naturels variables héritent** donc naturellement des **opérations** définies sur les **entiers naturels constants**. On parle alors d'**opérations naturelles** sur les **entiers naturels variables**.

Au nombre de ces **applications** de \mathbb{N} dans \mathbb{N} ou **nombre entiers variables** il y a le **varid** v , défini par $v(n) = n$, pour $n \in \mathbb{N}$. Le **varid** v sur \mathbb{N} est noté aussi N_0 ou ω_0 . Par définition, on l'appelle le **nombre entier oméganaturel de référence**, ou la **base de numération des nombres entiers oméganaturels**. Par définition, il est le nouvel **ensemble des nombres entiers naturel**, en tant que **nombre entier oméganaturel**, dont les éléments sont : $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\}$. On appelle les **chiffres** de la **base** v les v **nombres entiers oméganaturels** : $0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1$, encore notés respectivement: $\bar{0}, \bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \dots, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}$, notamment quand il s'agit de la **base** v , et v lui-même étant noté alors $\bar{0}$. Ils ont à prendre dans cet **ordre croissant**. C'est la définition d'une **relation d'ordre** « $<$ » sur les **chiffres**, par analogie à l'ordre des chiffres : $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9$, pour ce qui est du traditionnel **système de numération en base 10**. Ici donc, $v-1$ ou $\bar{1}$ joue le rôle du **chiffre 9**. On a : $n + \bar{n} = \bar{0} = v$, pour tout $n \in \mathbb{N}$. C'est la **générativité des entiers naturels** qui permet de construire toute la hiérarchie des **nombres entiers oméganaturels, finis et infinis**, autrement de construire tous les **ordinaux**, en prenant v pour **base**.

On considère à présent tous les **nombres entiers oméganaturels** x de la forme :

$$x = c_{v-1} \times v^{v-1} + c_{v-2} \times v^{v-2} + c_{v-3} \times v^{v-3} + \dots + c_3 \times v^3 + c_2 \times v^2 + c_1 \times v + c_0,$$

où chaque c_i est un chiffre de 0 à $v-1$, autrement dit les c_i prennent les valeurs : $0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1$, ou : $0, 1, 2, 3, 4, \dots, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}$.

Le **nombre entier oméganaturel** x est donc une **décomposition en base** v . Et il est clair que le plus grand **nombre entier oméganaturel** de cette forme est obtenu en donnant à tous les **chiffres** c_i la valeur $v-1$:

$$x_{\max} = (v-1) \times v^{v-1} + (v-1) \times v^{v-2} + (v-1) \times v^{v-3} + \dots + (v-1) \times v^3 + (v-1) \times v^2 + (v-1) \times v + (v-1) = v^v - 1.$$

C'est l'équivalent en **base 10** du **nombre** : $x_{\max} = (10-1) \times 10^{10-1} + (10-1) \times 10^{10-2} + (10-1) \times 10^{10-3} + \dots + (10-1) \times 10^3 + (10-1) \times 10^2 + (10-1) \times 10 + (10-1) = 9 \times 10^9 + 9 \times 10^8 + 9 \times 10^7 + \dots + 9 \times 10^3 + 9 \times 10^2 + 9 \times 10 + 9 = 9\,999\,999\,999 = 10^{10} - 1$.

On a dit alors que l'**horizon oméganaturel** de la **base** v est v^v , **nombre oméganaturel** noté w , qui sera pris pour la nouvelle **base oméganaturel**. On le note : ω_1 . Ses **chiffres** sont : $0, 1, 2, 3, 4, \dots, w-4, w-3, w-2, w-1$.

De manière générale, pour toute **base** non nulle B , les **chiffres** de cette **base** sont : $0, 1, 2, 3, 4, \dots, B-4, B-3, B-2, B-1$, encore notés: $0, 1, 2, 3, 4, \dots, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}$, mais alors en spécifiant que par rapport à la **base** B et non pas la **base canonique** v . Et alors $\bar{0}$ désigne B . Et les **nombres entiers oméganaturels** dans cette **base** sont ceux de la forme:

$$x = c_{B-1} \times B^{B-1} + c_{B-2} \times B^{B-2} + c_{B-3} \times B^{B-3} + \dots + c_3 \times B^3 + c_2 \times B^2 + c_1 \times B + c_0,$$

où les c_i des **chiffres** de la **base** B .

L'**horizon oméganaturel** de la **base** est B^B , le **nombre entier oméganaturel** maximal dans cette **base** étant : $B^B - 1$. Il est obtenu avec tous les **chiffres** c_i égaux à $B-1$.

Le **nombre oméganaturel** maximal dans la **base** w est donc w^w , le **nombre entier oméganaturel** maximal dans cette **base** étant : $w^w - 1$. Le **nombre** w^w est noté ω_2 . Assez souvent, c'est lui que la notation ω désignera, et de manière générale elle désigne tout ω_n , n étant tout **nombre entier oméganaturel**.

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, L'ensemble N est donc en fait la **variable**, et ses **éléments** sont ses **constantes**, qui sont donc les **valeurs** que prend la **variable**.

Ceci est une clef fondamentale de la nouvelle conception des **nombre entiers** ! Et plus généralement, une clef de la nouvelle conception des **ensembles**, à savoir donc qu'un **ensemble E** est une **variable** qui prend pour **valeurs** ses **éléments**, appelés ses **constantes**. Si l'**ensemble E** est **bien ordonné**, c'est-à-dire est muni d'une **relation de bon ordre**, E lui-même apparaît alors comme la **borne supérieure** ou l'**oméga** ou le **terminus** de ses **éléments**, son **plus petit élément**, e_0 , étant alors son **alpha**. Au fur et à mesure que la **variable E** **croît** dans son **opération de variation**, elle tend donc vers la **valeur maximale** qui est E lui-même. Et sauf quand E a pour **valeur** l'**élément minimal** e_0 , l'**alpha** donc, il a toujours un **prédécesseur** dans E . Et sauf quand E a pour **valeur** l'**élément maximal** E , l'**oméga** donc, il a toujours un **successeur** dans E .

Un tel **ensemble bien ordonné E** est **isomorphe** à un **ordinal α** , ce qui signifie qu'il est un **ordinal** à un **isomorphisme** près, c'est-à-dire un **nombre entier** au sens large du terme. Il peut alors servir de base pour construire un **ensemble bien ordonné** plus grand, E^E , qui est l'**ensemble de toutes les applications de E dans E** . Celui-ci est **isomorphe** à l'**ordinal α^α** . Et **construction ordinale** peut être **itérée indéfiniment**. Chaque **ordinal α** (**constant** ou **variable**, **fini** ou **infini**) devient le nouvel **ensemble des constantes** qui sert à construire l'**ordinal α^α** , et ainsi de suite.

Et maintenant donc, N ou N_0 ou ω_0 ou $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\}$, est appelé l'**ensemble des nombres entiers (oméga)naturels d'ordre 0**. Et on désigne par N_1 l'**ensemble de tous les ordinaux** construits à partir de N_0 . On l'appelle l'**ensemble des nombres entiers (oméga)naturels d'ordre 1**. Il comprend donc toute la **suite** des **ordinaux d'ordre 0** de la forme ω_α , où α est un **ordinal d'ordre 1**. Tout **ordinal d'ordre 1** sert donc à construire d'autres **ordinaux d'ordre 1**.

Et l'**ensemble des nombres entiers (oméga)naturels d'ordre 2**, noté N_2 donc, est l'**ensemble de tous les ordinaux** construits avec N_1 , c'est-à-dire avec comme **base N_1** . Et l'**ensemble des nombres entiers (oméga)naturels d'ordre 3**, noté N_3 donc, est l'**ensemble de tous les ordinaux** construits avec N_2 , c'est-à-dire avec comme **base N_2** , et ainsi de suite.

Et α étant un **ordinal** précédemment construit et tel que N_α est lui aussi construit, l'**ensemble des nombres entiers (oméga)naturels d'ordre $\alpha+1$** , noté $N_{\alpha+1}$ donc, est par définition l'**ensemble de tous les ordinaux** construits avec N_α , c'est-à-dire avec comme **base N_α** . Et le **terminus** de ce processus est l'**ensemble de tous les ordinaux** de tous les **ordres**. On le note Ω , et souvent N_ω , mais alors ω est une **variable** qui représente un **ordinal ω_α générique**, et non pas l'**ordinal** spécifique ω_2 . Et dans une perspective **omégacyclique**, on pose: $0 = \Omega$ ou $o = \Omega$, ce qui est la manière de dire aussi que le **terminus** des **ordinaux** soit Ω , et on revient alors à 0 ou o .

La construction que nous venons de faire met en lumière la **structure** profonde de l'**ensemble des nombres entiers** ou **ordinaux**, à savoir une **structure fractale**. Une idée clef que nous enseignons cette structure est que n'importe quel **ensemble N_α** , où α est un **entier oméganaturel** (autrement dit un **ordinal** au sens nouveau, le plus naturel du terme), peut être appelé « **ensemble des nombres entiers naturels** » et être noté N_0 ou N . Autrement dit, tous les N_α ne sont que différentes facettes du seul et même **ensemble $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$** . Cela veut dire que N , même écrit comme

cela, et malgré toutes les apparences, contient en fait tous les **nombre entiers oméga naturels**, tous les **ordinaux** ! La construction que nous venons de faire n'a fait que les mettre en évidence !

VI - Logique d'Alternation, finitude et infinitude

On le rappelle, la logique qui accompagne la notion d'ordre et toutes les notions, la logique dans laquelle on voit maintenant la vérité mathématique, scientifique, la vérité tout court, c'est la logique d'**Alternation**, et non plus les classiques logiques de **Négation**. Nous avons déjà vu les bases de cette logique d'**Alternation**. Ici aussi nous ne brosserons en rappel que les rudiments de cette logique amplement détaillée dans le premier livre **L'Univers TOTAL L'Alpha et l'Oméga**. Nous verrons la logique d'**Alternation** en relation avec l'importante notion de **finitude** et d'**infinitude**.

Que l'on me permette de revenir sur cette fameuse **égalité**, qui permet à sa façon de comprendre comment on voit les choses en logique d'**Alternation** :

$$\sum_{n=0}^{\infty} n = -\frac{1}{12}$$

Autrement dit, si l'on fait l'**addition** de tous les **nombre entiers entiers naturels** : **N = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...}**, on trouve comme résultat : **-1/12**.

Donc : **0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + ... = -1/12**, c'est-à-dire environ : **-0.833333....**



On voit l'**Ouroboros** « ∞ » à l'oeuvre dans cette affaire, oui le **pseudo infini** ou l'**infini du Diable** ou du **Serpent d'Eden**, l'**infini** qui n'est pas un **nombre**, l'**infini** qui est **non-défini**. L'**infini** qui aurait dû être défini comme **1/0**, mais **division** déclarée « **impossible** », ou « **non définie** » ou même « **interdite en maths** », à entendre certains mathématiciens.

Si nous ne voyions les choses qu'en logique de **Négation**, comme on le fait traditionnellement, et si le signe « = » dans cette expression est le même que celui qui sert à dire : « **2+2= 4** », autrement dit l'**identité** et non pas une certaine **équivalence**, alors cette expression est **fausse**, **archi-fausse**, et nous avons dans la partie I démontré pourquoi, et donné le **vrai résultat** selon l'**identité**, à savoir **N(N+1)/2**, où N est l'**ensemble des nombre entiers naturels** en tant que **nombre entier naturel infini** ou **nombre entier naturel variable croissant**.

Et même un écolier ou une écolière ou à la rigueur un collégien ou une collégienne qui sait juste compter et calculer avec les **nombre entiers naturels** peut dire pourquoi cette expression :

$$0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$$

est **archi-fausse!**

Vraiment pas besoin d'être Einstein pour donner au moins une raison valable pour laquelle cette expression est anti-mathématique !

Par exemple, comment, en n'**additionnant** que des **nombre positifs**, on peut se retrouver à la fin avec un **résultat négatif** ? Ou comment une **sommation** visiblement **infinie** peut-elle se retrouver un **nombre fini négatif** ? Et bien d'autres raisons.

Mais si pourtant les mathématiciens affirment une telle chose, c'est qu'ils la démontrent en se basant sur un certain **paradigme**, une certaine **logique**, en l'occurrence la logique de **Négation**, dont la notion fondamentale d'**égalité** est l'**identité**. Et du point de vue de l'**identité**, justement, cette **égalité** ne peut pas être vraie. C'est cette **logique** (ou ce **paradigme**) qui fait dire une telle absurdité qui est **fausse** en réalité, et non pas ce résultat en lui-même, qui est vrai selon un certaine **relation d'équivalence**. Et la **logique** qui repose sur la **relation d'équivalence** est la logique d'**Alternation**.

On cite le mathématicien indien de génie Srinivasa Ramanujan parmi ceux qui ont « démontré » que: $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$.

Oui, mais il l'a fait selon des paradigmes faux, et cette fausseté fondamentale n'est pas de sa faute, mais celle de tout un système académique transnational, international. La preuve étant que ce mathématicien issu d'un milieu pauvre en Inde a en 1913 soumis ses travaux (qui contiennent beaucoup de formules « sans démonstration », dont Ramanujan se contentait de savoir intuitivement vraies) à un mathématicien anglais Godfrey Harold Hardy, qui pense d'abord avoir affaire à une supercherie ou à un correspondant farfelu. Il en discute longuement avec John Littlewood, et après analyse, tous les deux concluent que ce mathématicien indien, de style peu « orthodoxe » (quelqu'un dans mon genre quoi...), très intuitif, est un génie. Mais génie qu'il faudrait « encadrer » ou « cadrer » dans des paradigmes et méthodologies plus orthodoxes. Or c'est justement dans cette orthodoxie académique que de tout temps se cachent tous les formatages dans la logique de **Négation** ! Le formatage académique traditionnel, transnational, international, donc, est très incompatible avec la logique d'**Alternation**.

Ramanujan, comme Cantor le père de la **théorie des ensembles** (à qui je rends beaucoup hommage dans mes écrits) et d'autres mathématiciens, comme le grand Leonhard Euler aussi, ou comme Albert Einstein, etc., fonctionnaient donc beaucoup à l'intuition (ce qu'il faut en sciences) qui parfois leur jouait de mauvais tours. Et Ramanujan se faisait souvent corriger pour son absence de « rigueur » ou de « démonstration », ce qui dans la doctrine mathématique traditionnelle signifie qu'on ne fonctionne pas avec une **méthodologie axiomatique** : « **axiomes-démonstrations-théorèmes** », qui est le catéchisme même de l'abstraction mathématique.

Du moment où les théorèmes se déduisent mécaniquement des axiomes posés sans produire une « **contradiction** », tout va bien. Même si vous ne voyez pas concrètement ce qui se cache derrière les manipulations, quel est leur sens. Or cela peut bel et bien contredire des vérités beaucoup plus fondamentales, comme par exemple des vérités synonymes d'**Univers TOTAL**, mais que la méthodologie employée ou les paradigmes utilisés, sont incapables de détecter. Quoi qu'on en dise, le vrai sens des **théorèmes d'incomplétude de Gödel** est là, toute la problématique de la

complétude de l'**arithmétique**, de la **théorie des ensembles**, etc.. Mais justement aussi les fameux « paradoxes » de la **théorie des ensembles de Georg Cantor**, à qui on a reproché, comme aussi à Ramanujan, d'avoir « manqué de rigueur » (ce qui veut dire de n'avoir pas suivi une voie axiomatique), d'avoir fait une **théorie « naïve » des ensembles**, etc..

C'est bien ainsi que l'on qualifie habituellement une **théorie des ensembles** qui n'emprunte pas la méthodologie **axiomatique**, à savoir donc une théorie « naïve »... Mais je m'inscris totalement en faux contre cette vision des choses. J'apporte aujourd'hui la preuve qu'une méthodologie, pourtant axiomatique et « rigoureuse » selon les canons classiques, peut pourtant receler des paradoxes très vicieux, qui ne disent pas leurs noms, comme la dite « **impossibilité** » de **diviser par 0**, ou comme de dire que : $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$. A l'inverse, une méthodologie non-axiomatique, peut pourtant être plus rigoureuse et plus exacte et plus complète que toutes méthodologies axiomatiques connues !

Ce qu'il faut en fait, c'est la **méthodologie universelle**, et j'entends par là qui repose sur le **Paradigme de l'Univers TOTAL**, sur le **Théorème de l'Existence** ou **Loi de la Réalité TOTALE** qui lui est synonyme. La méthodologie associée est alors ce que je nomme la **théorématique**, et la logique associée est la logique d'**Alternation**.

Les **théorèmes d'incomplétude de Gödel** et toutes les difficultés dans la **théorie des ensembles** de Cantor, dans les approches de Ramanujan, etc., n'ont qu'une seule vraie cause et n'ont qu'une seule signification : quelque chose ne tourne pas rond dans les paradigmes scientifiques que tous ces gens utilisent (ou dans lesquels on les formate), et cette chose se trouve au niveau de la logique profonde des mathématiques et des sciences, qui est la **logique classique** héritée d'Aristote il y a 2300 ans.

Cette logique repose sur deux principes clefs, le **principe de non-contradiction** et le **principe du tiers-exclu**. Ces vieux principes posent problème, il est plus que grand temps au vingtième siècle et plus que jamais au troisième millénaire de les remettre en question et de refonder toute la science sur une autre logique, un autre paradigme, pour ne plus être éternellement pris en otages par les étroitesse de la logique classique.

En effet, ce qu'on a appelé le **principe de non-contradiction**, dit en gros qu'**une chose ne peut pas être vraie et fausse en même temps**, ou qu'**une chose et sa négation ne peuvent pas être vraies en même temps**. Or l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses** et de **TOUS les êtres**, l'**Etre TOTAL**, est précisément le cadre absolu dans lequel **toute chose existe et son contraire aussi**, ainsi que sa **négation** aussi, et **toute chose est vraie et son contraire aussi**, ainsi que sa **négation**.

Car aussi il y a un subtil distinguo à faire entre deux choses qui **se nient** mutuellement, comme par exemple « **A est blanc** » et « **A n'est pas blanc** », et deux qui sont juste **contraires**, comme par exemple « **A est blanc** » et « **A est noir** ». Une **chose** et son **contraire** peuvent être vraies en même temps, par exemple **A** peut être à la fois **blanc** et **noir**, et cela s'appelle être **gris**. Donc le **principe de non-contradiction** ne doit en aucun cas empêcher qu'une **chose** et son **contraire existent** ou soient **vraies** en même temps, et plus généralement que toutes les **alternatives existent** ou soient **vraies**.

La logique d'**Alternation** est par définition justement la logique qui fait la place à toutes les **alternatives**.

Par exemple, en disant que : $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$, est **archi-faux**, nous précisons que c'est **faux** si le signe « = » signifie l'**identité**, et que cela peut-être **vrai** uniquement si ce signe signifie une certaine **équivalence**.

Nous fonctionnons avec une logique supérieure dont le principe (et plus qu'un simple principe, un **théorème fondamental**, le **Théorème de l'Existence** ou **Loi de la Réalité TOTALE**) qui dit que, de par sa définition d'être l'**Ensemble de toutes les choses**, **toute chose existe dans l'Univers TOTAL**, **toute chose y est vraie**, **toutes les alternatives sont vraies**. Notre activité alors consiste juste à placer chaque **vérité** dans son **contexte de véracité**, contexte au-delà duquel elle cesse (en général graduellement) d'être une **vérité**, et laisse la place à une **autre vérité**, une **ALTER vérité**, une **alternative**. Celle-ci peut être la **vérité contraire** ou son **anti-vérité**, ou même carrément sa **négation** ! C'est cela donc la logique d'**Alternation**, et évidemment elle va de paire avec le **Paradigme de l'Univers TOTAL**.

C'est cette **Alternation** ainsi définie que la **Négation nie**, elle **nie** donc fondamentalement l'**Univers TOTAL**. C'est ce qui se passe quand on applique les logiques basées sur le **principe de non-contradiction** à l'**Univers TOTAL**. Ce **principe nie** alors l'**Univers TOTAL** et devient pour cette raison un **principe de Négation**.

Le **principe de non-contradiction** ne doit donc pas empêcher dans l'absolu qu'une **chose** et sa **négation** soient **vraies** en même temps, **coexistent** en même temps. Il n'y a que dans un **contexte** donné qu'on peut interdire à une **chose** et sa **négation** d'être vraies en même temps, comme justement interdire que dans un même **système axiomatique**, une **chose A** et sa **négation non-A** soient vraies en même temps. C'est tout à fait normal que dans un **système** particulier, restreint, local, etc., on refuse que des choses **se nient** mutuellement. On peut le refuser par exemple dans le cockpit d'un avion (que par exemple le pilote et le copilote se nient, annulent les actions l'un de l'autre), dans une communauté, dans un pays, dans une galaxie si l'on veut, dans un univers même.

Mais pas dans l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses** et de **TOUS les êtres**, l'**Etre TOTAL**. Là **toute chose doit exister**, **tous les contraires**, **toutes les alternatives**. Même les choses qui se nient mutuellement mais dans ce cas elles doivent être dans des contextes séparés, sinon il se produit des annulations mutuelles, des incompatibilités, et c'est précisément ce qu'on appelle des paradoxes. Et les paradoxes existent aussi dans l'**Univers TOTAL**, des mondes paradoxaux comme justement le nôtre, des contextes chaotiques, etc.. Il y a une énorme différence entre dire que **cela ne doit pas exister**, et dire qu'**il est impossible dans l'absolu que cela existe, que cela soit vrai**, etc.. Toute la subtilité est ici, la différence de deux paradigmes !

La logique qui déclare **impossible** ou **fausse** dans l'absolu la **coexistence** ou la **vérité** de toutes les **alternatives**, y compris des choses qui **se nient**, **nie** en fait une chose, l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses** et de **TOUS les êtres**, l'**Etre TOTAL**. Je la qualifie donc de **logique de Négation**, car en prétendant **nier** la **fausseté**, la **contradiction**, le **paradoxe**, etc., elle **NIE** en fait la **Réalité Suprême**, la **Vérité Suprême**, l'**Univers TOTAL**, l'**Etre TOTAL**. Elle est alors coupable de la pire des **contradictions**, de la pire **fausseté**. Une telle logique ne peut être vraie et appliquée que dans un contexte limité, mais pas dans un contexte global et absolu. Elle ne doit en aucune façon être la logique fondamentale de la science, pour espérer comprendre l'**Univers** avec elle, car elle nie l'**Univers TOTAL**.

C'est pourtant ce qu'est la **logique scientifique** de ce monde depuis la nuit des temps, depuis l'antiquité grecque et même au-delà. Il est donc urgent d'abandonner la **logique classique** ou la logique d'Aristote, si l'on veut vraiment comprendre l'**Univers TOTAL**, à moins qu'on fasse le choix délibéré de le nier, et là c'est une autre affaire...

Mais la logique qui permet la coexistence ou la **vérité** de toutes les **alternatives**, y compris des choses qui **se nient**, est donc la **logique d'Alternation**, la **logique fondamentale de l'Univers TOTAL**. Cette logique met chaque chose dans son **contexte de vérité**, sans nier les choses. Elle ne nie les choses que dans les contextes où elles doivent être niées, sans jamais les nier dans le contexte générale, absolu, qu'est l'**Univers TOTAL**.

Comme de dire par exemple que l'**égalité** : $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots = -1/12$, est fausse si le signe « = » est l'**identité**. Ou de dire que la **division par 0** n'est **impossible** que si l'**égalité** utilisée est l'**identité**. Mais elle devient possible si l'**égalité** est l'**équivalence**, un cas particulier de l'**équivalence** étant l'**identité**.

C'est donc le travail que nous faisons dans le **Paradigme de l'Univers TOTAL**, dans la **Science** fondée sur ce **Paradigme**, et qui est la **Science de Dieu**, car l'**Univers TOTAL**, l'**Ensemble de TOUTES les choses** et de **TOUS les êtres**, l'**Etre TOTAL**, est maintenant la définition scientifique de la notion de **DIEU**. C'est ce que les êtres de **Négation** n'ont jamais voulu rendre possible dans leurs sciences de **Négation**, et c'est ça que nous mettons en évidence. Nous rendons à la **Négation** ce qui est à la **Négation** et à l'**Alternation** ce qui est à l'**Alternation**.

Une des importantes facettes de la logique d'**Alternation** est qu'elle n'est pas la **logique du tout ou rien**, **dualiste** ou **binaire**, comme l'est la **Négation**. On ne raisonne pas en terme de **100 % vrai** ou **100 % faux**, mais la **vérité** est nuancée, graduée entre ces deux extrêmes.

Etant donné un **nombre entier naturel n** et même un **ordinal n**, on appelle **Alternation n** la logique d'**Alternation** qui consiste à raisonner avec **n alternatives**, qui se partagent les **100 % de valeur de vérité**. L'**Alternation 0** est le cas particulier avec **0 alternative**, aucun choix donc. Mais ce cas se ramène à ω **alternatives**. Avec l'**Alternation 1** on n'a qu'**une seule Alternative**, qui a **100 % de valeur de vérité**. C'est le cas de l'**Univers TOTAL**, l'**Unique**, le **Vrai**.

L'**Alternation 2** est la classique logique **binaire**, qui n'est qu'un cas particulier d'**Alternation** donc. C'est la logique à deux **alternatives 1** et **2**, dont voici les 4 tables.

	11		12		21		22
1	1	1	1	1	2	1	2
2	1	2	2	2	1	2	2

Les **tables 12** et **21** sont les **deux tables de permutation** de cette **Alternation 2**, et la **table 21** est celle habituellement appelée la table du **connecteur de négation**.

Voici les tables de l'**Alternation 3**, dont les tables **123**, **132**, **213**, **231**, **312** et **321** sont ses **six tables de permutation**.

	111		112		113		121		122		123		131		132		133
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	1	2	1	2	1	2	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3
3	1	3	2	3	3	3	1	3	2	3	3	3	1	3	2	3	3
	211		212		213		221		222		223		231		232		233
1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2	1	2
2	1	2	1	2	1	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3	3
3	1	3	2	3	3	3	1	3	2	3	3	3	1	3	2	3	3
	311		312		313		321		322		323		331		332		333
1	3	1	3	1	3	1	3	1	3	1	3	1	3	1	3	1	3
2	1	2	1	2	1	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3	3
3	1	3	2	3	3	3	1	3	2	3	3	3	1	3	2	3	3

En logique d'**Alternation**, quand on définit une notion **x**, et une notion **y** comme étant le **contraire** de **x** et vice-versa, les deux notions **contraires** ne s'excluent pas obligatoirement mutuellement. Cela ne signifie donc pas qu'une chose vérifiant l'une des deux notions **contraires** ne vérifie pas l'**autre**, l'**alter**, au moins dans une certaine mesure.

En logique d'**Alternation**, on part du principe qu'il existe des choses vérifiant à la fois **x** et **y**. La logique d'**Alternation** est une logique d'**Affirmation** et pas de **Négation**. **On affirme ce que les choses sont**, et on en déduit les conséquences, et **pas ce qu'elles ne sont pas**. Et si on en venait à **nier ce que des choses sont**, ou à **affirmer ce qu'elles ne sont pas**, c'est une **négation relative**, ce qui signifie que **ce qui est nié est affirmé d'une autre manière**, à un **certain autre point de vue où ce qui est nié est vrai aussi**. De sorte que tout est **finalement vrai** dans l'**Univers TOTAL**, en vertu du **Théorème de l'Existence**.

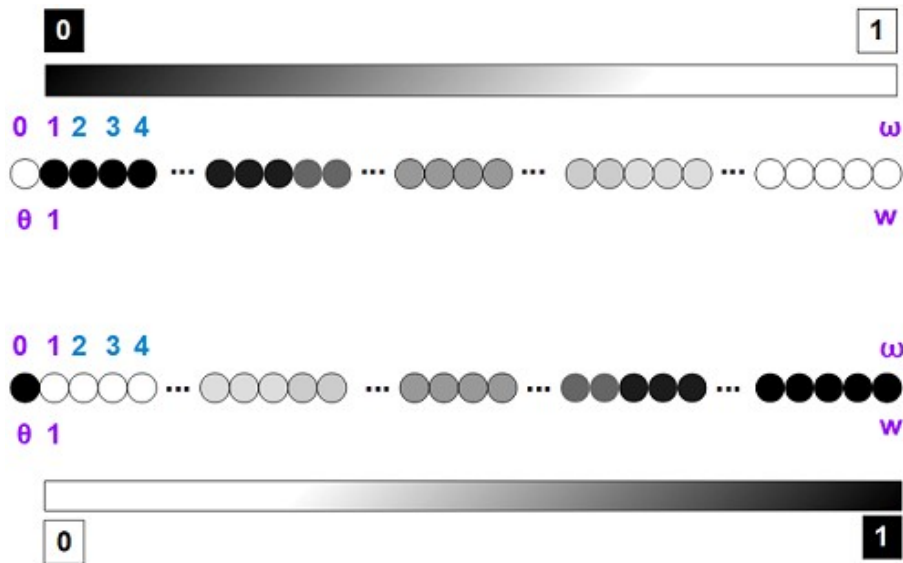
Par exemple, en définissant la notion de **nombre entier naturel constant** ou **fini**, opposé à la notion de **nombre entier naturel variable** ou **infini**, et vice-versa, cela ne signifie pas forcément que l'**ensemble V_0 des nombres entiers constants** et l'**ensemble V_1 des nombres entiers naturels variables**, sont **disjoints**, c'est-à-dire que leur **intersection** est **vide**, sans **éléments communs** ou **intermédiaires**, qui soient à la fois **constants** et **variables**. Les **nombres entiers naturels** classiques, dits **finis**, mais que nous qualifions aussi de **constants**, au fur et à mesure qu'ils croissent, deviennent **infinis** et **variables**. Et à l'inverse, les **nombres entiers naturels infinis** ou **variables**, au fur et à mesure qu'ils décroissent, deviennent **finis** et **constants**.

Autre exemple: l'**ensemble vide** est l'**ensemble qui n'a aucun élément**. Mais en logique d'**Alternation**, cela signifie qu'il est l'**ensemble des éléments inexistantes**, qui s'opposent à des **éléments existants**. Et les **éléments inexistantes** sont des **éléments existants** qui jouent le rôle d'**éléments inexistantes**, et à ce titre le **zéro** est le **nombre** qui joue le rôle de **non-nombre**, la **quantité** qui incarne l'**absence de quantité**, ou comme le **caractère espace** est le **caractère spécial** qui joue le rôle d'**absence de caractère**, etc..

Pour toutes ces raisons et d'autres, la logique d'**Alternation** ne peut pas être **contradictoire**, **paradoxe**, puisque ce que la **Négation** qualifie de « **contradiction** », notamment via son **principe de non-contradiction**, est géré par l'**Alternation** comme logique de **véracité** d'**alternatives contraires**, autant que c'est **vrai** de dire que ce qui est à la fois **blanc** et **noir** est

gris. Si bien que l'unique vraie contradiction, c'est la Négation, quand elle nie l'Alternation, ce qui veut dire l'Univers TOTAL.

Avec la logique d'Alternation, toute vérité alterne graduellement pour devenir sa vérité contraire. Et la notion sur laquelle repose la graduation de la vérité, appelée la valeur de vérité et son contraire la valeur de fausseté, est la notion de finitude et d'infinitude, une propriété fondamentale des nombres, notamment des nombres entiers naturels. Et plus généralement encore, c'est la propriété des ordinaux, au sens où ils sont conçus maintenant dans le Nouveau Paradigme.



Plus un entier naturel n croît, c'est-à-dire plus il « tend vers l'infini », comme on dit, moins il est une constante et plus il devient une variable. A partir de $n = 1$, on peut même définir en pourcentage la finitude ou la part de constante de n comme étant: $1/n$, et l'infinitude ou la part de variable de n comme étant: $1 - 1/n = (n-1)/n$. Pour $n = 10$ par exemple, la finitude ou part de constante est $1/10$ ou 10% , et l'infinitude ou part de variable est $1 - 1/10$ ou 90% . Avec cette définition dite canonique de la finitude et de l'infinitude, l'entier 10 est plus infini que fini, plus variable que constant.

Avec n valant w , la finitude n'est plus que $1/w$, noté θ , qui est un nombre infinitésimal, quasiment 0 donc, et l'infinitude est alors : $1 - \theta$, quasiment 1.

Les choses vues ainsi, malgré les apparences, l'ensemble $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$ contient des éléments infinis, c'est-à-dire d'infinitude quasiment de 100% . On va vers ces éléments au fur et à mesure qu'on tend vers l'infini, sens classique ou intuitif de cette notion. Voilà donc pourquoi l'écriture : $w = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, w-4, w-3, w-2, w-1\}$, qui n'est qu'une autre réécriture de N , met en évidence ces éléments infinis, qui sont vers la fin, les proches prédécesseurs de w , à savoir donc : $\dots, w-4, w-3, w-2, w-1, w$. Comme w , leur infinitude est quasiment de 100% . Cela revient à dire que plus un entier n est grand, plus l'idée qu'il est le dernier entier naturel est vraie.

Une autre manière de présenter la notion canonique de finitude et d'infinitude, est de dire que pour les entiers finis ou constants, l'égalité : $n = n+1$, est fautive, tandis que pour les entiers

Par exemple, ici **les deux droites parallèles ne se rencontrent pas, mais là-bas elles se rencontrent, à l'infini**. Et les deux phrases ne se contredisent pas, mais sont simplement deux manières différentes de dire exactement la même **vérité**. Ce sont deux facettes de la même **réalité**.

Nous employons intuitivement souvent dans nos propos cette loi fondamentale de l'**Univers TOTAL**, pour exprimer une chose qu'on estime « impossible » ou qu'elle « ne se produira jamais ». On peut par exemple dire alors : « Je serai élu président de la république française quand les poules auront des dents ». Ou « Je serai élu président de la république française le prochain 31 février ». Ou encore « Je serai élu président de la république française à la Saint-glinglin », etc..

On évoque ainsi à chaque fois une chose que l'on pense « impossible » ou qu'elle « ne se produira jamais » pour dire que si cette chose ou ce « miracle » se produisait, alors ce dont on parle se produira aussi. Ici, pour moi par exemple, « être élu un jour président de la république française » (encore faut-il que je me présente un jour aux élections... ou que vraiment cette France ou ce monde m'en donne vraiment l'occasion, et pour de vraies élections égalitaires, équitables, honnêtes...), mais ce peut être aussi par exemple la **division par 0**, elle aussi réputée impossible.

Mais la logique d'**Alternation** démontre aujourd'hui que cette dite « impossibilité » est une grande fausseté, et même un grand mensonge scientifique. On n'a pas voulu se donner le Paradigme nécessaire pour le faire, car ce Paradigme placerait Dieu en pleine science. Car, comme on va le voir, c'est la question de l'infini qui est concernée par cette question de la **division par 0**. Mais les esprits de **Négation** et les initiés à l'occulte qui sont les forces cachées derrière les sciences de ce monde, ont préféré travailler une **fausse** notion d'**infini** ou même de **fausses** notions d'**infini**. L'un est bien connu du grand public, il est représenté par l'occulte symbole de l'Ouroboros « ∞ », que l'on rencontre surtout dans le domaine mathématique qu'on appelle l'**analyse**. Et l'autre, que l'on rencontre en **théorie des ensembles**, et aussi en **théorie des ordinaux et des cardinaux**, bien que nommé comme il faut « **oméga** » ou ω , ou encore « **aleph zéro** » ou \aleph_0 , n'a pas les propriétés arithmétiques et algébriques qu'il devait avoir pour être la simple solution du problème de la **division par 0**. Et tout ça aussi surtout parce que la logique scientifique est une logique de **Négation** et pas d'**Alternation**.

Donc ces esprits de **Négation** derrière tout cela et derrière ce monde, peuvent tout aussi bien me dire par exemple : « Nous accepterons que tu sois le président de la république français... ou que tu gouvernes Israël, et même ce monde entier, quand nous accepterons aussi que la **division par 0** soit possible... Ou quand nous accepterons qu'on parle de toi et de ta Science sur TF1... Ou quand nous renoncerons à notre agenda du Nouvel Ordre Mondial... »

Juste pour faire comprendre aussi cette vérité de la logique d'**Alternation**, à savoir la Loi d'**Alternation et de l'Horizon Oméga**, qui s'illustre mais négativement dans ces propos de **Négation**, mais que l'on voit plus positivement à l'oeuvre dans cette image des deux droites parallèles plus haut, mais aussi dans l'exemple de l'**égalité** : **$n = n+1$** , que je suis en train d'expliquer.

La logique que ces **esprits de Négation** ont imposée à l'ensemble des sciences de ce monde dira que cette **égalité** est toujours **fausse à 100 %**. Or c'est tout simplement l'équation de définition de l'**infini oméga** ou ω , que nous verrons très souvent comme la **variable w** par la suite. A savoir donc : **$\omega = \omega+1$** , ou : **$w = w+1$** .

Elle signifie simplement qu'on a un **nombre**, ici **entier**, qui n'a pas qu'une seule valeur **fixe** ou **constante**, comme par exemple **5**, mais a sa **propre valeur w**, à savoir : $w=w$, comme **5 a sa propre valeur**, ce qu'on écrit par l'**identité** : $5 = 5$, à la différence aussi que **w** prend comme **valeur** toutes les **valeurs** avant, à commencer par **0**, autrement dit on a : $w=0, w=1, w=2, w=3$, etc., et : $w=w-3, w=w-2, w=w-1, w=w$ (sa propre valeur donc), $w=w+1$ (la valeur suivante, ce que veut donc dire son **équation caractéristique** dont nous parlons: $w = w+1$), $w=w+2, w=w+3$, etc., et : $w=2w, \dots, w=3w, \dots, w=w^2, \dots, w=w^3, \dots, w=w^w, \dots$

Mais quel est donc ce très mystérieux objet mathématique qui semble défier à ce point toutes les lois de l'**identité**?

Très simple : cela s'appelle tout bonnement... une **variable** ! A la différence de **5** par exemple, qui est une **constante**, c'est-à-dire sa notion **contraire**. Et la notion de **fini** est pour la notion d'**infini**, ce que la notion de **constante** est pour la notion de **variable**. Les couples de notions **fini-infini** d'un côté, et **constante-variable** de l'autre, sont presque synonymes, à savoir que les notions de **fini** et de **constante**, sont presque synonymes, et les notions d'**infini** et de **variable**, sont presque synonymes aussi. Il y a juste une petite nuance entre les deux couples, qui est que le couple **fini-infini** est un cas particulier du couple **constante-variable**, qui est en fait une très grande notion mathématique, une immense et surpuissante notion bien plus qu'on ne l'a pensé jusqu'ici. Du même ordre on a le couple **fini-infini**. On en reparlera plus tard et même progressivement, et tout s'éclairera.

La loi de la **variable** (et qui est aussi la loi de son cas particulier qu'est l'**infini**) n'est pas l'**identité** (bien que l'**identité** fasse partie de sa loi aussi, **identité** exprimée par : $w=w$), mais sa loi est l'**équivalence**! Donc à la base la **relation d'équivalence** est une immense et surpuissante notion mathématique, qui est très bridée dans la manière dont elle est couramment utilisée dans les mathématiques et les sciences actuelles. Et pourtant Dieu (oui on peut le dire) sait combien cette **relation d'équivalence** est très importante et très abondamment utilisée dans les mathématiques et les sciences actuelles. Mais pas à son plein régime, hélas, c'est voulu, très certainement. Pour ne pas **diviser par 0**, par exemple, car cette **division** conduit tout droit vers **Dieu**, c'est-à-dire le vrai **Infini, l'Univers TOTAL, l'Etre TOTAL, l'Alpha et l'Oméga!**

Et là, la Bible devient le premier livre de mathématiques, par lequel on commence pour comprendre ce que sont vraiment les nombres et pour comprendre les secrets de l'**Univers**, oui **TOTAL**, la **Réalité TOTALE**. Il est très clair que c'est ce qu'on ne voulait pas. Le « on » ne désignant pas tous les mathématiciens ou scientifiques, qui souvent n'ont été que des gens sincères croyant que la science de ce monde était vraiment ce qu'elle prétendait être, à savoir une institution de recherche de la vérité, où seule la vérité comptait. Ces gens honnêtes n'étaient que les dindons de la farce de la part des « on » dont je parle, qui sont les forces occultes et grands initiés qui dirigent ce monde, depuis leurs loges ou sociétés secrètes, et depuis des siècles et même des millénaires, depuis 2000 ans notamment, depuis l'assassinat d'un certain Jésus de Nazareth.

Avec Moïse, Dieu a commencé à faire connaître sa Loi à un peuple choisi, Israël, ce qui veut dire aussi à lui faire connaître sa Science, la vraie. Mais depuis l'épisode du Veau d'Or à l'assassinat de Jésus de Nazareth le Messie, livré à l'empire romain (Jean 19 : 8-22), l'Esprit de Négation a toujours opéré dans l'ombre, et c'est l'Esprit du Talmud et de la Kabbale. Les prophètes, Jésus et les apôtres empêchaient cet esprit d'apostasie de prendre le dessus, et quand cela arrivait qu'il prenne le

dessus, Dieu suscitait de nouveaux prophètes pour remettre dans le droit chemin. Et ainsi jusqu'au Messie annoncé, Jésus le Christ (voir Matthieu 15 : 3-9 ; 23 : 37-39). Mais depuis 2000 ans, depuis donc l'assassinat du Christ, puis la mort des apôtres, cet esprit apostat devenu à présent l'esprit antichrist, règne sur le monde, et donc aussi sur ses sciences bien entendu. Celles qui disent que la **division par 0** est « impossible »... Pas étonnant que Dieu y brille par son absence, que la Genèse et la Bible soient reléguées au rang de mythes, de légendes ou de simples croyances.

Or toute une Science est cachée dans la Loi de Dieu (la Torah, dont la Genèse est le premier livre), dans tout l'Ancien Testament (le Tanakh), dans tout le Nouveau Testament, avec donc en apothéose cette formule divine dans l'Apocalypse : « **Je suis l'Alpha et l'Oméga** » (Apocalypse 1 : 8 ; 21 : 6 ; 22 : 13). C'est donc cette Science que nous sommes en train de découvrir à présent, à savoir donc la Science de l'Univers TOTAL, l'Alpha et l'Oméga, la Science de la Réalité TOTALE, de l'Être TOTAL, l'Être SUPRÊME, oui DIEU !

Depuis l'antiquité égyptienne, et même babylonienne, et même bien avant, c'était auprès de prêtres dans les temples qu'un certain savoir scientifique était dispensé à des initiés. Généralement ésotérique ou occulte, car c'est l'Esprit de Négation, que la Bible dans sa Genèse dépeint comme le Serpent d'Eden (voir Genèse 3 : 1-24) qui préside cette science-là. Satan le Diable ou Lucifer le Faux Porteur de lumière et porteur de la Fausse lumière, pour ne pas nommer cette entité. C'est le Démiurge, le vrai Démiurge, pas le Dieu de la Genèse, comme l'ésotérisme ou la gnose, qui est l'oeuvre de ce même démiurge, le fait croire, et de plus en plus maintenant. Il est grand temps de comprendre maintenant les grandes vérités du monde et de l'Univers cachées dans les simples symboles de la Genèse et dans toute la Bible, et dans l'épisode du péché originel.

« Yahvé » est le vrai Dieu, le créateur du monde, de l'Univers. Mais en fait, il est l'Univers TOTAL, la Réalité TOTALE, l'Être TOTAL, l'Alpha et l'Oméga. C'est le Dieu dont il est question dans la Genèse jusqu'à l'Apocalypse, en passant par tout l'Ancien Testament (appelé le Tanakh en hébreu, et qui est la vraie révélation divine, à ne surtout plus confondre avec le Talmud et la Kabbale), par les évangiles et tout le Nouveau Testament. Mais c'est le vrai Dieu que de nos jours le Diable ou le Serpent d'Eden présente de plus en plus souvent comme le faux Dieu, le Démiurge. Inversion accusatoire totale, et dans ces années 2020 on entre plus que jamais dans une période d'inversions accusatoires, d'inversions de toutes les valeurs, le bien est présenté comme le mal et le mal comme le bien. Car c'est le Serpent d'Eden qui est le Démiurge, c'est lui qui a fait basculer le monde divin d'alors, appelé le Jardin d'Eden, dans une fausse réalité, celle de la Négation :



Et c'est toujours ce Serpent d'Eden incarné maintenant comme des humains (voir Apocalypse 12 : 7-12), notamment ceux qui dirigent ce monde en ces temps eschatologiques, apocalyptiques, de coronafolie, de religion du covidisme, qui est encore à la manœuvre dans toutes les inversions accusatoires, des valeurs, auxquelles nous assistons. Nous vivons tout simplement une époque de Nouvelle Genèse mais aussi de Nouvel Exode, etc.. Ce qui s'est déjà déroulé se déroule de nouveau sous nos yeux, parce qu'aussi l'heure de la re-création du monde a sonné (Apocalypse 21 : 1-7).

Si donc l'on doutait de ce qui s'est passé à l'époque dont parle la Genèse, si l'on a cru tous ceux qui enfoncez dans les crânes qu'il s'agit de mythes et de légendes, alors il suffit simplement de regarder ce qui se passe de nos jours, car le Serpent d'Eden, Satan le Diable ou Lucifer, en chair et en os et juste devant nos yeux, refait une nouvelle version de ce qu'il a fait pendant la Genèse, plus que jamais il veut gommer la réalité divine et entraîner le monde dans une nouvelle fausse réalité, son Nouvel Ordre Mondial, qui n'est que le paradis du Diable et des esclaves robotisés ou esclaves de son transhumanisme (l'oeuvre du Démiurge dans toute son apothéose !). Il bâtit tout cela avec le sang, la vie, les âmes de l'humanité divine privée de toutes ses libertés et génocidée. Mais de son côté, le vrai Dieu, celui de la Genèse, fait de nouveau une oeuvre créatrice du nouveau monde divin, le monde d'Alternation.

On pourrait dire : Mais quel rapport avec la notion d'**Infini** ou de **Variable** ?

Infini, parce que l'**Infinité** est, avec l'**Unicité** par exemple aussi, l'un des attributs divins par excellence. Et **Variable** parce que **Dieu** est l'**Etre Variable** par excellence, en ce qu'il est **TOUT**, de l'**Alpha** à l'**Oméga**. Plus que donc de créer seulement le monde, **Dieu EST TOUT**. Ce sont les êtres et les mondes déconnectés de lui, ou justement déconnectés par la **Négation** et les **êtres de Négation** (c'est de cela que le péché originel parle, oui de la déconnexion du divin par le **Serpent d'Eden**), qui ne s'en aperçoivent pas. Ils ne savent pas que **Dieu**, qui est l'**Alpha** et l'**Oméga**, qui est donc **TOUT** et **toute chose et tout être**, est eux aussi, qu'ils ont une **nature divine perdue** qu'il faut retrouver, à commencer par redécouvrir la **science divine**, qui est en fait aussi **LEUR science perdue**, leur **paradigme perdu**, leur **paradis perdu** ! Les **êtres de Négation** font tout pour qu'ils ne le sachent pas. Et nous faisons tout pour qu'ils le sachent.

Mais revenons à notre **infini ω** ou **variable w** . C'est la **variable Dieu**, oui on peut le dire ainsi. Il ne s'agit donc plus de symboles de sciences abstraites, volontairement déconnectées de la **Réalité** qu'est l'**Univers TOTAL**.

Nous répétons ici ce que nous avons dit plus haut :

La logique que ces **esprits de Négation** ont imposée à l'ensemble des sciences de ce monde dira que cette **égalité : $n = n+1$** est toujours **fausse à 100 %**. Or c'est tout simplement l'équation de définition de l'**infini oméga** ou **ω** , que nous verrons très souvent comme la **variable w** par la suite. A savoir donc : **$\omega = \omega+1$** , ou : **$w = w+1$** .

Elle signifie simplement qu'on a un **nombre**, ici **entier**, qui n'a pas qu'une seule valeur **fixe** ou **constante**, comme par exemple **5**, mais a **sa propre valeur w** , à savoir : **$w=w$** , comme **5 a sa propre valeur**, ce qu'on écrit par l'**identité : $5 = 5$** , à la différence aussi que **w** prend comme **valeur** toutes les **valeurs** avant, à commencer par **0**, autrement dit on a : **$w=0$, $w=1$, $w=2$, $w=3$** , etc., et : **$w=w-3$, $w=w-2$, $w=w-1$, $w=w$** (sa propre valeur donc), **$w=w+1$** (la valeur suivante, ce que veut donc dire son **équation caractéristique** dont nous parlons: **$w = w+1$**), **$w=w+2$, $w=w+3$** , etc., et : **$w=2w$, ..., $w=3w$, ..., $w=w^2$, ..., $w=w^3$, ..., $w=w^w$, ...**

Et de nouveau la question : Quel est donc ce très mystérieux objet mathématique qui semble défier à ce point toutes les lois de l'**identité**?

Et nous avons dit : cela s'appelle... une **variable** !

C'est le rôle grandeur nature que joue l'**infini ω** ou la **variable w** , qui est l'**alpha** et l'**oméga** en vrai. La propre valeur de l'**oméga** est l'**oméga** lui-même, et là on l'appelle aussi l'**infini**, et il prend pour valeur **0** ou **alpha**, mais aussi **1**, et **2**, et **3**, etc., qui sont donc les valeurs avant lui, puis lui-même, puis **lui-même plus 1**, puis **lui-même plus 2**, etc., puis son **double**, puis son **triple**, etc., puis son **carré**, puis son **cube**, et ainsi de suite. On a donc bel et bien un être qui est **inférieur à lui-même, égal à lui-même, supérieur à lui-même**. La logique de **Négation**, qui qualifie ce comportement de **paradoxe** (et c'est bien ce qui se passe en **théorie des ensembles** avec les paradoxes comme de celui de Russell ou de Burali-Forti, concernant le **dernier ordinal**, qui a la particularité d'être à la fois **égal à lui-même, plus grand que lui-même, plus petit que lui-même**, ce qui est interdit pour les **ordinaux** par cette logique), ne devait pas utiliser le concept de **variable**. Et pourtant c'est ce qu'elle fait, car sans les variables, les sciences seraient très pauvres ou très faibles. Car pas de formules, pas d'équations, et avec ça on ne va pas très loin !

Il existe donc bel et bien un objet dans l'**Univers** qui vérifie l'**égalité : $n = n+1$** , et qui du coup fait qu'une infinité d'objets vérifient cette propriété. Ce que nous appelons techniquement la **variable** ou la **variabilité**, est l'une des manières de définir le **mouvement**, le **dynamisme**, la **vie** ! Et tout cela est synonyme de **relation d'équivalence** ou de logique d'**Alternation**.

Et pourtant, même en raisonnant avec la vieille **identité**, il est possible de démontrer facilement que la valeur de vérité de cette **égalité : $n = n+1$** ne peut pas rester figée, on ne peut pas dire que l'**égalité** est **fausse** quel que soit **n**. Car même avec l'**identité** on a l'intuition de la notion de l'**infini**, et ce qui se passe quand un **nombre n** tend vers l'**infini**.

Pour cela, convenons de dire que l'égalité pour $n = 0$, c'est-à-dire : « $0 = 1$ », la valeur de vérité de cette égalité est 0 %, donc une valeur de fausseté de 100 %. Et à partir de $n=1$, attribuons à cette égalité : $n = n+1$, une valeur de fausseté de $1/n$, que nous allons appeler aussi la finitude de n , et donc une valeur de vérité de : $1 - 1/n$, que nous allons appeler aussi l'infinitude de n .

Ainsi la finitude de 1 est $1/1$, donc 1 ou 100 %, qui est aussi la valeur de fausseté de : $1 = 1+1$ ou : $1=2$. Pour dire que l'égalité : $n = n+1$ a une fausseté maximale de 100 %, comme nous avons ici convenu aussi de considérer le cas de 0 (mais en réalité, le cas du 0 est le même que celui de l'infini ω , ce sont deux facettes du même nombre, mais on simplifie dans ce livre la valuation de la finitude, pour ne pas entrer dans des détails trop techniques, qui sont donnés dans le livre [Conception générative des entiers, structure réelle](#)).

Mais aussi, si nous définissons en parallèle la finitude avec la valeur de vérité, pour montrer que l'égalité : $n = n+1$, qui est une égalité caractéristique aussi bien de la notion de variable que celle de l'infini, est 100 % fausse car ici la valeur 1 de n est 100 % finie, on est encore très loin de l'infini.

Et maintenant, avec $n = 2$. L'égalité : $n = n+1$, est alors : $2=2+1$, ou : $2=3$. Elle est toujours fausse, si l'on raisonnait avec la logique du tout ou rien, la logique de Négation donc. Car avec 2 on a fait un pas en direction de l'infini, donc la finitude doit diminuer, et donc la valeur de vérité de cette égalité doit augmenter. La finitude est en effet de $1/2$ maintenant, soit donc 50 %, qui est aussi maintenant la valeur de la fausseté de cette égalité. Donc sa valeur de vérité est déjà de 50 % aussi.

Et maintenant, pour accélérer, prenons $n = 10$. L'égalité : $n = n+1$, est alors : $10=10+1$, ou : $10=11$. Elle est toujours fausse, bien sûr, selon la logique classique. Mais la finitude est maintenant de $1/10$, soit donc 10 %, qui est aussi maintenant la valeur de la fausseté de cette égalité. Donc sa valeur de vérité est déjà de 90 % aussi. C'est comme si, devant acheter un objet à 10 euros, on l'achète à 11 euros, et que le vendeur nous disait que c'est pareil 10 et 11, que $10 = 11$. Bien sûr que ce n'est pas vrai, et bien sûr qu'il y a une erreur et une fausseté. Mais celle-ci peut se calculer avec précision, et c'est une erreur ou fausseté de 1 sur 10, donc $1/10$ ou 10 %, qui est par définition la finitude de 10. Donc cette transaction est exacte à 90 %, qui est l'infinitude de 10.

Et maintenant, pour accélérer encore, prenons $n = 100$. L'égalité : $n = n+1$, est alors : $100=100+1$, ou : $100=101$. Oui, d'accord, elle est encore fausse, selon la logique classique. Mais franchement, peut-on dire que c'est la même fausseté que pour $10=11$ ou pour $2=3$ ou pour $1=2$?

Bien sûr que non. Car avec : $1=2$, l'erreur ou valeur de fausseté est de 1 pour 1, donc 100 %, et donc l'exactitude ou valeur de vérité est de 0 %. Et avec $2=3$, c'était déjà mieux, l'erreur ou valeur de fausseté est de 1 pour 2, donc 50 %, et donc l'exactitude ou valeur de vérité est de 50 %. Et avec $10=11$, c'était encore mieux, l'erreur ou valeur de fausseté est de 1 pour 10, donc 10 %, et donc l'exactitude ou valeur de vérité est de 90 %. Et maintenant, avec $100=101$, on ne peut franchement plus dire que l'erreur et la fausseté est la même que dans les cas précédents. Car elle n'est plus que de $1/100$ ou 1 %, qui se trouve aussi être la finitude de 100. Et son infinitude est 99 %, qui est aussi la valeur de vérité de l'égalité : $n = n+1$.

On comprend maintenant clairement ce qui se passe quand n tend vers l'infini, c'est-à-dire quand son infinitude augmente et donc sa finitude diminue. La différence de 1 entre les deux nombres

égalisés, n et $n+1$, compte de moins en moins, et c'est bien le rapport $1/n$ qui évalue la **fausseté** due par cette différence. Se tromper de **1** sur **1000000** en disant : **1000000=1000001**, ce n'est pas du tout pareil que se tromper de **1** sur **2** en disant : **2 = 3** ! L'**égalité** : **1000000=1000001**, est fautive, certes, mais de **1/1000000**, soit **0.000001** ou **0.0001 %**, qui est la **finitude** de **1000000**. L'infinitude est alors de **99.9999 %**. Avec ce n valant **1000000**, la **finitude** a quand même beaucoup diminué, et compter de **1** à **1000000** commence déjà un peu à ressembler à compter jusqu'à l'**infini**, même si l'on en est loin.

Conclusion : la **valeur de vérité** de l'**égalité** : **$n = n+1$** ne reste pas la même, à savoir **0 %**, et ce quel que soit n . C'est ne pas tenir compte de l'**effet horizon** ou l'**effet infini**, qui est une manifestation ici de la **Loi d'Alternation et de l'Horizon Oméga**. A savoir donc que la **vérité alterne** quand on va vers un **horizon infini**. C'est ainsi que dans l'**Univers TOTAL** toute chose peut être vraie et son contraire aussi. Car on franchit des **horizons infinis**.

Autre exemple de manifestation de cette Loi :



En voyant un **point** comme un **segment** de **longueur 0**, s'il n'y avait pas cette **Loi** agissant en arrière-plan, on ne peut pas, en additionnant des objets tous de **longueur 0**, aboutir à un objet de **longueur 1** ou **non nul**. Car l'**addition** des **0** s'écrit :

0
0+0
0+0+0
0+0+0+0
0+0+0+0+0

...

Et le **résultat** est à chaque fois **0**, donc **jamais 1**:

1×0 = 0
2×0 = 0
3×0 = 0
4×0 = 0
5×0 = 0
 ...

Toujours 0 donc, et « **jamais 1** ».

Mais ce « **jamais 1** » est le « **jamais de Négation** ».

Car pour l'**Alternation**, dire que « **la somme de zéros ne donne jamais un** », c'est dire : « **la somme de zéros donne un à l'infini** », c'est-à-dire après une certaine **infinité** de **sommations itérées** de ces **0**.

Cela revient à dire que l'idée très classique que **0 est l'élément absorbant pour la multiplication**, c'est-à-dire : $n \times 0 = 0$, est une vérité, certes, mais qui a ses limites.

Ce n'est vrai que si **0** n'a pas atteint l'**horizon infini** adéquat pour que $n \times 0$ ou $0+0+0+0+\dots+0$ commence à être différent de **0**.

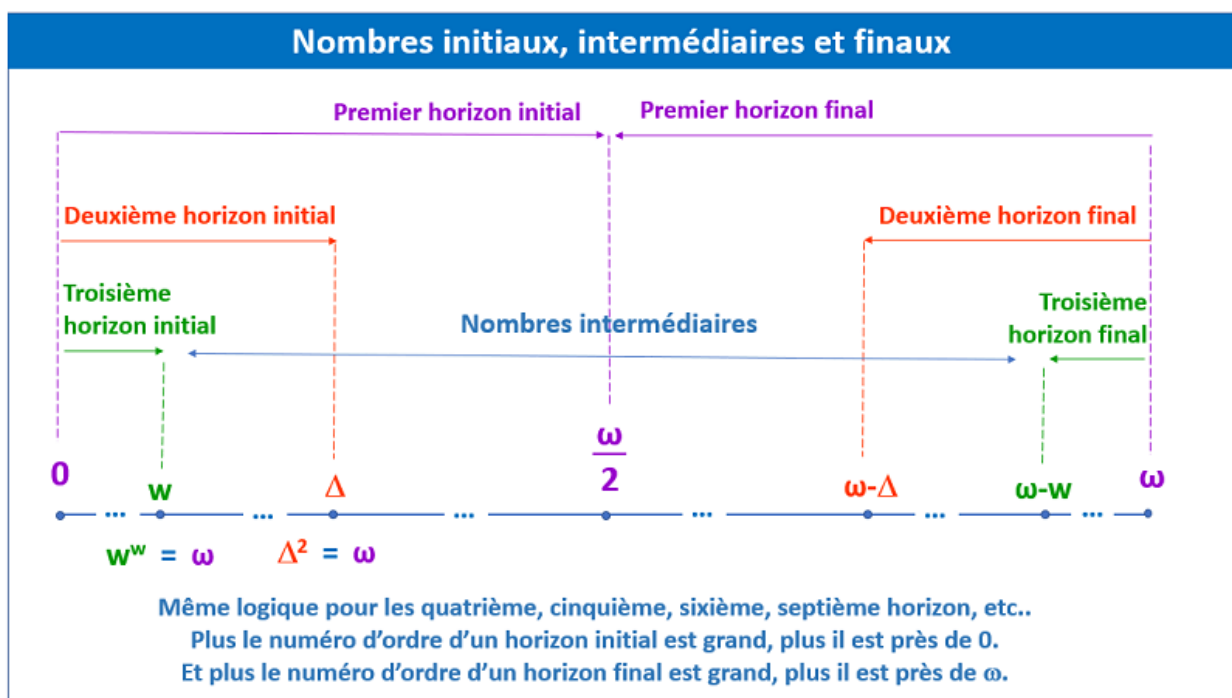
Définition :

Les **nombre entiers n** tels que: $n \times 0 = 0$ sont dits **initiaux**.

Les **nombre entiers n** tels que: $n \times 0 = 1$ sont dits **finaux**.

Les **nombre entiers n** tels que: $n \times 0 = \tau$ compris entre **0** et **1**, par exemple **0.5**, sont dits **intermédiaires**.

Même si on y reviendra, nous avons donné ici rapidement des définitions fondamentales sur les **nombre entiers variables**, **infinis**, etc., pour mieux comprendre ces importantes notions de **nombre initiaux**, **intermédiaires** et **finaux**.



En effet, l'approche est sensiblement différente de celle dans les livres précédents, et ces approches se complètent.

Ici donc, les notions de **nombre initiaux**, **intermédiaires** et **finaux**, en relation avec les **entiers variables**. Et pour cela, nous avons besoin comme prérequis des classiques **ensembles N** des **entiers naturels**, **Z** des **entiers relatifs**, et **R** des **nombre réels**. Et nous avons besoin des **opérations** classiques d'**addition**, de **multiplication** et d'**exponentiation** dans ces **ensembles**. Nous en avons besoin pour définir d'une manière très simple une **extension W** de ces **ensembles**, dans laquelle de nouveaux éléments peuvent être qualifiés d'**infinis** entre autres, notion de **nombre infini** absente dans les ensembles classiques.

Nous nous plaçons dans le cadre de l'**ensemble R^N** des **applications** de **N** dans **R**, c'est-à-dire des **suites** de **nombre réels**. Nous appelons un **nombre réel variable** une **suite de nombre réels**.

On appelle donc un **nombre variable** une **suite de nombres réels**, un élément de $\mathbf{R}^{\mathbf{N}}$ donc. Et si c 'est une **suite d'entiers relatifs**, on parle d'**entiers variables**. Ce sont donc les éléments de $\mathbf{Z}^{\mathbf{N}}$.

Pour un **entier relatif** c , $[c]$ désigne la **suite d'entiers relatifs constante de valeur c** . Donc l'**entier variable** $[c]$, tel que : $[c]_n = c$, pour tout **entier naturel** n .

L'**application** φ qui à la **suite constante** $[c]$ associe $\varphi([c]) = c$, établit un isomorphisme entre l'**ensemble \mathbf{Z}' des suites constantes d'entiers relatifs** et l'**ensemble \mathbf{Z} des entiers relatifs**. Cela veut dire que tout ce qu'on fait dans \mathbf{Z} (**opérations, relations d'égalité, d'ordre** $<$, etc.), on le fait de la même manière dans \mathbf{Z}' , et vice-versa. Cela permet d'assimiler \mathbf{Z}' et \mathbf{Z} , et de considérer les **éléments** de \mathbf{Z} comme des **entiers variables** spéciaux, notamment les **entiers constants**. Autrement dit, on a : $\mathbf{Z} \subset \mathbf{Z}^{\mathbf{N}}$.

On assimile donc $[c]$ à c , autrement dit on pose : $[c] = c$.

Et $[0]$, qui est assimilé à 0 , est appelé aussi le **0 absolu** et noté 0_{ω} .

Et ce pour ne pas le confondre avec une nouvelle notion de 0 qu'on verra bientôt.

Pour 0_{ω} , on pose la **division omégacyclique** : $1/0_{\omega} = 0_{\omega}$.

Et on pose aussi : $0_{\omega} \wedge 0_{\omega} = 1$.

On définit sur les **nombres variables** les **opérations** classiques sur les **suites**, appelées **opérations naturelles**.

Pour toute application F définie sur les **entiers relatifs**, elle est définie sur les **entiers variables** de la manière suivante : $(F(x))_n = F(x_n)$.

Pour faire donc l'**opération unaire** F sur x , on la fait sur les termes généraux x_n de x .

Par exemple, pour un **entier relatif** a : $(x^a)_n = (x_n)^a$.

En particulier, si $a = -1$, et si pour un **entier naturel** n on a : $x_n = 0$, c'est-à-dire : $x_n = 0_{\omega}$, alors : $(x_n)^a = (0_{\omega})^{-1} = 1/0_{\omega} = 0_{\omega}$.

Autrement dit, en logique **omégacyclique**, les termes de x qui sont **nuls** sont inchangés par l'**opération** x^{-1} ou $1/x$.

Et pour toute **opération** H définie sur les **entiers relatifs**, elle est définie sur les **entiers variables** de la manière suivante : $(x H y)_n = x_n H y_n$.

En particulier, l'**addition** « + », la **multiplication** « × », l'**exponentiation** « ^ », etc., sont définies sur les **entiers variables**.

Pour faire donc l'**opération binaire** H sur x et y , on la fait sur leurs termes généraux x_n et y_n .

Donc, pour les quatre **opérations** fondamentales de l'arithmétique:

$$(x + y)_n = x_n + y_n.$$

$$(x - y)_n = x_n - y_n.$$

$$(x \times y)_n = x_n \times y_n.$$

$$(x / y)_n = x_n / y_n.$$

Et aussi :

$$(x \wedge y)_n = x_n \wedge y_n.$$

Et si les x_n sont des **entiers naturels**, alors :

$$(\sqrt{x})_n = \sqrt{(x_n)}.$$

Pour un **entier variable** x de **terme général** x_n et pour une certaine **propriété** P , on dit que x **vérifie toujours** P si tous les x_n vérifient P . On dit que x **vérifie finalement** P si les x_n vérifient P à partir d'un certain rang k . Et on dit que x ne **vérifie jamais** P si aucun des x_n ne vérifie P .

On appelle un **entier infini positif** ou « **positif** » un **entier variable finalement croissant**, c'est-à-dire à partir d'un certain rang k . Autrement dit, il existe un **entier naturel** k tel que : pour tout **entier naturel** $n \geq k$, $x_n < x_{n+1}$. Plus généralement, un **entier infini positif** ou « **positif** » x est un **entier finalement strictement supérieur** à tout **entier constant**. Autrement dit, pour tout **entier constant** c , il existe un **entier naturel** k tel que pour tout **entier naturel** $n \geq k$, $x_n > c$. Nous accordons une importance particulière aux **entiers variables finalement strictement croissants**. Car, en **croissant**, ils finissent par être **strictement supérieurs** à tout **entier constant**.

Et on appelle un **entier infini négatif** ou « **négatif** » un **entier variable finalement strictement décroissant**, c'est-à-dire à partir d'un certain rang k . Autrement dit, il existe un **entier naturel** k tel que : pour tout **entier naturel** $n \geq k$, $x_n > x_{n+1}$. Plus généralement, un **entier infini négatif** ou « **négatifs** » x est un **entier finalement strictement inférieur** à tout **entier constant**.

Sans autre précision, les termes « **entier infini** » désigne un **entier infini positif** ou « **positif** ».

Étant donnés deux **entiers variables** x et y , on dit que x est **finalement égal** (resp. **finalement strictement inférieur; finalement strictement supérieur**) à y , et on note « $x = y$ » (resp. « $x < y$ »; « $x > y$ »), s'il existe un **entier naturel** k tel que : pour tout **entier naturel** $n \geq k$, on a : $x_n = y_n$ (resp. « $x_n < y_n$ »; « $x_n > y_n$ »). La **relation** : « $x \leq y$ » est la **relation** « $x < y$ ou $x = y$ ». Et la **relation** : « $x \geq y$ » est la **relation** « $x > y$ ou $x = y$ ».

Dans tous ces cas, on parle de **relation d'ordre finale**, ou de l'**ordre final**, à la différence de l'**ordre stépal** ou **ordre par étape**, qui consiste à comparer tous les **nombre entiers variables** à l'**étape** n , en disant par exemple $x_n > y_n$, ou $y_n = z_n$; et à la différence aussi de l'**ordre général**, qui consiste à comparer tous les **nombre entiers variables** toutes **étape** confondues, disant par exemple $x_1 > x_3$, ou $x_n < y_{n-1}$, ou $y_2 = z_7$, etc..

Remarque :

Comme les **nombre constants**, les **nombre entiers variables** sont toujours **comparables** selon l'**ordre stépal** ou **général**, qui sont des **ordres totaux**. Mais ils ne sont pas toujours **comparables** selon l'**ordre final**, car pour deux **entiers variables** x et y , on peut avoir **ni** $x < y$, **ni** $x > y$, **ni** $x = y$. On dit alors que x et y sont **acomparables**. L'**ordre final** n'est pas **total**.

Par exemple : $x = (4, 5, 4, 5, 4, 5, 4, \dots)$ et $y = (5, 4, 5, 4, 5, 4, 5, \dots)$ sont **acomparables**, en parlant donc de l'**ordre final**, mais **comparables** selon l'**ordre stépal** ou **général**.

Nous avons vu plus haut la définition **ensembliste** des **nombre entiers oméganaturels** ou **nombre ordinaux**. Voici une autre définition, celle dite **fonctionnelle** ou **applicationnelle**, les deux étant équivalentes.

Soit \mathbf{N} le classique **ensemble des nombre entiers naturels**, peu importe les objets nommés ainsi, qui peuvent donc être la notion **ensembliste** des **nombre entiers naturels**. On le note \mathbf{N}_0 et on l'appelle l'**ensemble des nombre entiers naturels d'ordre 0**.

Et éventuellement, ce que nous appelons « \mathbf{N} » ici peut être n'importe lequel des **ensembles** \mathbf{N}_α définis plus haut, ou même l'**ensemble** \mathbf{N}_ω des **ordinaux ensemblistes** définis plus haut. Étant donné que tout **ensemble** \mathbf{N}_α n'est qu'une version différente du seul et même **ensemble** \mathbf{N} des **nombre entiers naturels**, les définitions et les propriétés des **nombre entiers variables** données pour l'**ensemble** \mathbf{N} sont valables pour n'importe quel **ensemble** \mathbf{N}_α . Dans tous les cas on l'appelle \mathbf{N}_0 ou ω_0 , en un nouveau sens, ce qui signifie simplement qu'on le prend comme point de départ d'un nouveau processus de construction d'**ordinaux** ou **nombre entiers oméganaturels**, le processus **fonctionnel** cette fois-ci.

On appelle un **nombre entier variable d'horizon** $\mathbf{N}^{\mathbf{N}}$ ou $\mathbf{N}^{\mathbf{N}}$ une **application** de \mathbf{N} dans \mathbf{N} . L'**ensemble** de ces **nombre entiers variables** est donc $\mathbf{N}^{\mathbf{N}}$. D'un point de vue **fonctionnel** ou **applicationnel**, on appelle un **nombre entier oméganaturel d'ordre 1**, un **nombre entier positif constant**, un **élément** de \mathbf{N} donc, ou un **nombre entier positif infini**, c'est-à-dire un **entier variable finalement strictement supérieur à tout nombre entier positif constant**. L'**ensemble** des **nombre entiers oméganaturels** est noté \mathbf{N}_1 .

C'est donc le nouvel **ensemble** \mathbf{N}_1 au sens **fonctionnel**. En lui faisant jouer le rôle de \mathbf{N} , c'est-à-dire en considérant cette fois-ci l'**ensemble** $\mathbf{N}_1 \wedge \mathbf{N}_1$ des **applications** de \mathbf{N}_1 dans \mathbf{N}_1 , et en lui appliquant les définitions précédentes, sous réserve bien sûr que \mathbf{N}_1 vérifie les propriétés fondamentales de \mathbf{N}_0 ou \mathbf{N} , ce qui est le cas avec la notion de **nombre entier variable** ou « **élastique** » ou **dynamique**. Et de la même façon donc, on définit \mathbf{N}_2 , puis \mathbf{N}_3 , puis \mathbf{N}_α , où α est un **nombre entier oméganaturel** au sens **fonctionnel**. Et donc une fois encore, l'**ensemble terminus** est noté Ω ou \mathbf{N}_ω .

Ici aussi on a la définition plus directe d'un **nombre entier oméganaturel**, sous l'angle de la notion généralisée de **système de numération**.

Par définition récursive, on appelle un **nombre entier oméganaturel** x un nombre de la forme :

$$x = c_n v^n + c_{n-1} v^{n-1} + c_{n-2} v^{n-2} + \dots + c_1 v + c_0,$$
 où v est l'**application varid** de \mathbf{N} (ou plus généralement de \mathbf{N}_α) le **nombre entier infini** tel que: $v_i = i$, pour tout $i \in \mathbf{N}$ (ou $i \in \mathbf{N}_\alpha$), et où les c_j , appelés les **chiffres** de la **numération** en base v , appartiennent à l'**ensemble** des **v nombre entiers**: $\{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\}$ ou $\{0, 1, 2, 3, 4, \dots, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}\}$, et où n est un **nombre entiers oméganaturel**. Autrement dit, les **nombre entiers oméganaturels** sont tous les **nombre entiers** écrits dans le **système de numération** en base v , qui est un **nombre oméganaturel infini**.

La définition est **récursive** parce qu'on a besoin de la notion de la notion de **nombre entier oméganaturel** pour la définir.

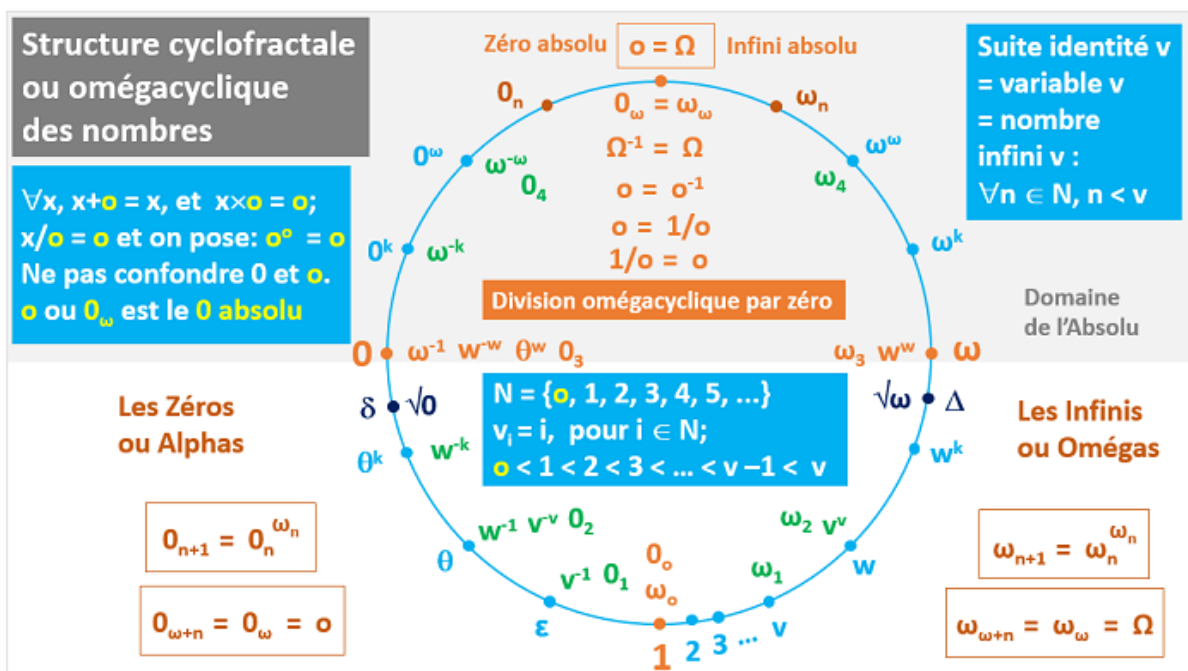
Les **nombre entiers naturels** classiques, les éléments de \mathbb{N} donc: **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**, sont des **nombre entiers oméganaturels**, dits **finis**. Tout autre **nombre entier oméganaturel** est dit **infini**.

x étant un **oméganaturel infini**, les **oméganaturels** de la forme $x + k$, où k est un **entier relatif**, sont dits de l'**ordre simple** de x .

Le **nombre entier naturel variable** : $v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$, c'est-à-dire tel que: $v_i = i$, pour tout **entier naturel** i , un élément de \mathbb{N} donc, est un **nombre entier positif infini**. On le note aussi: $\omega_0 = v = (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots)$. Il équivaut à \mathbb{N} , et il est le **nombre entier oméganaturel infini** de référence. On pose : $\omega_1 = w = v^v = (0^0, 1^1, 2^2, 3^3, 4^4, 5^5, 6^6, 7^7, \dots)$, avec: $0^0 = 0$.

Et: $\omega_2 = w^w = v^v \wedge v^v = (0^0 \wedge 0^0, 1^1 \wedge 1^1, 2^2 \wedge 2^2, 3^3 \wedge 3^3, 4^4 \wedge 4^4, 5^5 \wedge 5^5, 6^6 \wedge 6^6, 7^7 \wedge 7^7, \dots)$, qu'on notera simplement souvent ω . Et de manière générale: $\omega_{n+1} = \omega_n \wedge \omega_n = \omega_n^{\omega_n}$, pour tout **entier naturel** n , mais cela peut se généraliser au cas où n est **oméganaturel**.

L'**entier oméganaturel** v est l'**entier variable** de référence, qui sert à définir d'autres **entiers variables** ou **nombre variables**. Comme illustré sur l'image ci-dessus, c'est la **variable** v qui joue le rôle de ω_0 , le terme **initial** d'une **suite de suites** de terme général $\omega_{n,i}$, telle que : $\omega_{0,i} = i$, pour tout **entier naturel** i (pour tout élément i du classique ensemble \mathbb{N} des **entiers naturels** donc).



Et on a: $\omega_{1,i} = \omega_{0,i} \wedge \omega_{0,i} = i \wedge i$, pour tout **entier naturel** i .

Et pour tout **ordinal** n , le terme ω_n étant supposé défini, $\omega_{n+1,i} = \omega_{n,i} \wedge \omega_{n,i}$, et cette fois-ci on parle d'un **ordinal** n en général, pas seulement d'un **entier naturel** n . Le **nombre** $\omega_{n,i}$ est un **entier naturel**. Par contre ω_n est une **suite d'entiers** de **nombre entiers naturels**, un **entier variable**, en l'occurrence un **entier infini**, un **ordinal infini** donc.

Et, pour un **ordinal** n , la **variable** ω_n est également notée N_n , et est appelée l'**ensemble des entiers naturels** à l'**ordre** n .

On a donc : $\omega_{n+1} = \omega_n \wedge \omega_n$,

c'est-à-dire, pour tout **entier naturel** i : $\omega_{n+1, i} = (\omega_{n+1})_i = (\omega_n \wedge \omega_n)_i = (\omega_n)_i \wedge (\omega_n)_i = \omega_{n, i} \wedge \omega_{n, i}$.

Et ω est la **suite** de terme général : $\omega_i = w_i \wedge w_i$, ou **carré de tétration de w_i** .

On a donc : $\omega = w \wedge w$. Et sur le schéma, on a à son tour : $w = v \wedge v$.

Autrement dit : $w_i = v_i \wedge v_i = i \wedge i$, pour tout **entier naturel** i .

Et dans ce cas alors : $\omega_0 = v$, et : $\omega_1 = w$, et : $\omega_2 = \omega$, et : $\omega_3 = \omega \wedge \omega$, etc..

Et θ est la **suite** de terme général : $\theta_i = 1 / w_i$. Donc : $\theta = 1 / w$, et : $\theta \times w = 1$.

Et 0 est la **suite** de terme général : $0_i = 1 / \omega_i$. Donc : $0 = 1 / \omega$, et : $0 \times \omega = 1$.

Et Δ est la **suite** de terme général : $\Delta_i = \sqrt{\omega_i} = w_i \wedge (w_i/2)$. Donc : $\Delta = \sqrt{\omega}$, ou : $\Delta^2 = \omega$.

Et δ est la **suite** de terme général : $\delta_i = 1 / \Delta_i$. Donc : $\delta = 1 / \Delta$, et : $\delta \times \Delta = 1$. Et on a : $\delta^2 = 0$.

Ce **nombre** δ est appelé l'**infinitésimal** δ , mais aussi le **différenciateur** δ , ou encore le **dérivateur** δ , à cause de sa très intéressante propriété d'être la **racine carré** de 0 . Il est infiniment plus petit que θ , qui déjà est un **infinitésimal**, c'est-à-dire un **zéro**. Lui vérifie : $\theta^w = 0$, ce qui veut dire qu'il faut l'élever à la **puissance infini** w , avant que cela donne 0 . Mais δ , lui, la **puissance 2** suffit pour que cela donne 0 .

On pose : $l = \ln(v)$, où donc (comme déjà vu) **ln** est le **logarithme népérien**; et : $l_{10} = \log(v)$, et où **log** est le **logarithme de base 10**;

$\lambda = \ln(w)$; et : $\lambda_{10} = \log(w)$;

$\Lambda = \ln(\omega)$; et : $\Lambda_{10} = \log(\Lambda)$.

$$\begin{aligned} \Lambda_0 &= \Lambda_{-1} e^{\Lambda_{-1}} \\ \omega_0 &= e^{\Lambda_0} & 0_0 &= e^{-\Lambda_0} \\ \Delta_0 &= e^{\Lambda_0/2} & \delta_0 &= e^{-\Lambda_0/2} \\ \alpha_0 &= \omega_{-1}^{\Lambda_{-1}} = e^{\Lambda_{-1}^2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Lambda_1 &= \Lambda_0 e^{\Lambda_0} \\ \omega_1 &= e^{\Lambda_1} & 0_1 &= e^{-\Lambda_1} \\ \Delta_1 &= e^{\Lambda_1/2} & \delta_1 &= e^{-\Lambda_1/2} \\ \alpha_1 &= \omega_0^{\Lambda_0} = e^{\Lambda_0^2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Lambda_{n+1} &= \Lambda_n e^{\Lambda_n} \\ \omega_{n+1} &= e^{\Lambda_{n+1}} & 0_{n+1} &= e^{-\Lambda_{n+1}} \\ \Delta_{n+1} &= e^{\Lambda_{n+1}/2} & \delta_{n+1} &= e^{-\Lambda_{n+1}/2} \\ \alpha_{n+1} &= \omega_n^{\Lambda_n} = e^{\Lambda_n^2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \lambda &= \Lambda_{\omega^{-1}}, & \Lambda &= \Lambda_{\omega}, & w &= \omega_{\omega^{-1}}, & \omega &= \omega_{\omega}, & \theta &= 0_{\omega^{-1}}, & 0 &= 0_{\omega} \\ D &= \Delta_{\omega^{-1}}, & d &= \delta_{\omega^{-1}}, & \Delta &= \Delta_{\omega}, & \delta &= \delta_{\omega}, & \alpha &= \alpha_{\omega} \\ w &= e^{\lambda}, & \theta &= e^{-\lambda}, & D &= e^{\lambda/2}, & d &= e^{-\lambda/2}, & \Lambda &= \lambda e^{\lambda}, \\ \omega &= e^{\Lambda} = w^w, & 0 &= e^{-\Lambda}, & \Delta &= e^{\Lambda/2}, & \delta &= e^{-\Lambda/2}, & \alpha &= w^{\Lambda} = (e^{\lambda})^{\lambda} = e^{\lambda^2}. \end{aligned}$$

On a :

$$v^e = v^{1/v} = e^{\ln(v)/v} = e^{l^e} = 1 + l^e + (l^e)^2/2 + (l^e)^3/3! + (l^e)^4/4! + \dots$$

$$w^{\theta} = w^{1/w} = e^{\ln(w)/w} = e^{\lambda^{\theta}} = 1 + \lambda^{\theta} + (\lambda^{\theta})^2/2 + (\lambda^{\theta})^3/3! + (\lambda^{\theta})^4/4! + \dots$$

$$\omega^0 = \omega^{1/\omega} = e^{\ln(\omega)/\omega} = e^{\Lambda^0} = 1 + \Lambda^0 + (\Lambda^0)^2/2 + (\Lambda^0)^3/3! + (\Lambda^0)^4/4! + \dots$$

En effet, les quantités $l\varepsilon$, $\lambda\theta$ et $\Lambda\Omega$ sont des **zéros**, car $\ln(x)/x$ tend vers zéro quand x tend vers l'infini, comme on dit classiquement.

Donc si x est une quantité infinie, $\ln(x)/x$ est simplement un **zéro**, de l'ordre précisément de $1/x$.

Donc: $l\varepsilon = l/v = \ln(v)/v$, est un **zéro** de l'ordre de grandeur de $\varepsilon = 1/v$.

De même: $\lambda\theta = \lambda/w = \ln(w)/w$ est un **zéro** de l'ordre de grandeur de $\theta = 1/w$.

Et: $\Lambda\Omega = \Lambda/\omega = \ln(\omega)/\omega$ est un **zéro** de l'ordre de grandeur de $\Omega = 1/\omega$.

Donc on peut limiter le développement précédent à l'ordre 1, ce qui donne:

$$v^\varepsilon = 1 + l\varepsilon = 1 + \ln(v)/v ;$$

$$w^\theta = 1 + \lambda\theta = 1 + \ln(w)/w ;$$

$$\omega^\Omega = 1 + \Lambda\Omega = 1 + \ln(\omega)/\omega .$$

Dans notre étude des **nombre entiers variables**, nous avons fait un détour nécessaire par des **nombre réels variables**, et précisément des **réalis variables**. On appelle un **réali** tout **nombre variable positif**, c'est-à-dire tout **nombre variable supérieur ou égal à 0_ω** .

La logique est ici de dire que tout **réali** x de l'ordre de grandeur de θ ou **strictement inférieur à θ** , est appelé un **zéro**. Et par être de l'ordre de grandeur de θ on entend que $x = a \times \theta$, où a est un **réel** non nul, au sens classique de la notion de **nombre réel**, un élément de \mathbf{R}^* donc. Et si x est de l'ordre de grandeur de Ω (le Ω défini ci-dessus) ou **strictement inférieur à Ω** , alors on dit qu'il est UN **0 absolu**, à ne pas confondre avec 0_ω qui est LE **0 absolu**.

Et x est un **infini** s'il est de l'ordre de grandeur de w ou **strictement supérieur à w** . Ce qui signifie que $x = a \times w$, où a est un **réel classique** non nul. Et si x est de l'ordre de grandeur de ω (le ω défini ci-dessus) ou **strictement supérieur à ω** , alors on dit qu'il est UN **ω absolu**.

L'idée est de considérer comme **équivalents** tous les **0 absolus**, autrement dit de considérer que tout **réali** en dessous de Ω est le **0 absolu**. De même, tous les **ω absolus** sont **équivalents**, autrement dit tout **réali** au-dessus de w est le **ω absolu**. Dans le présent livre, je ne parle apparemment pas de l'infini **ω absolu**, ω_ω , qui est l'inverse du **0 absolu**, 0_ω , c'est-à-dire tel que : $0_\omega \times \omega_\omega = 1$. En fait, il est présent, sauf qu'on est en logique **oméga-cyclique** ou **cycle oméga**, où l'on a : $0_\omega = \omega_\omega$. Autrement dit, 0_ω et ω_ω se confondent en 0_ω . C'est pourquoi je ne parle apparemment que de 0_ω .

Les **réalis** du **0 absolu** jusqu'à ceux de l'ordre de grandeur de w sont dit **strictement initiaux**. Et ceux jusqu'aux **ordres de grandeurs** de Δ sont **initiaux** au sens large. Ce sont les **nombre** x que l'on va considérer comme **neutralisables multiplicativement** par Ω et tous les **0 absolus** de manière générale. Autrement dit, on a : $\Omega \times x = \Omega$. C'est ce que l'on dit habituellement que **Ω absorbe x par la multiplication**. Avec le **0 absolu**, 0_ω , on a toujours : $0_\omega \times x = 0_\omega$, quel que soit le **nombre** x . Mais l'intéressant ici est d'analyser l'**absorption multiplicative** par le Ω qui commence juste à **être absolu**. A ces **ordres de grandeurs**, il se passe tout un tas de phénomènes très importants à étudier pour affiner sa compréhension de la logique des **nombre**.

Par exemple, avec le Ω simple, et face à w , on a : $\Omega \times w = w^{-w} \times w$. Car : $\Omega = 1/\omega = 1/w^w = w^{-w}$.

Donc : $\Omega \times w = w^{-w+1} = 1/w^{w-1}$. Le nombre w^{w-1} , bien qu'inférieur à w^w , reste encore très grand, car l'exposant **infini** de l'infini w , à savoir $w-1$, n'est diminué que de 1. Autrement dit, les **nombre** w et $w-1$ restent du même **ordre de grandeur infini**. Donc $1/w^{w-1}$ est du même ordre que $1/w^w$,

c'est-à-dire $\mathbf{0}$. Donc : $\mathbf{0} \times \omega = \mathbf{0}$. Donc ω , même **infini**, le $\mathbf{0}$ simple l'**absorbe**. Il est donc encore initial avec ce $\mathbf{0}$.

A plus forte raison il est initial pour le $\mathbf{0}$ **absolu**, pour qui tout bonnement tous les **nombre**s sont **initiaux**. Même le grand Δ , la **racine carrée** du grand ω .

On a : $\mathbf{0}_\omega \times \Delta = \mathbf{0}_\omega$, il englutit donc Δ , sans autre forme de procès. Il avale même le grand ω , c'est dire : $\mathbf{0}_\omega \times \omega = \mathbf{0}_\omega$. Là on n'a pas l'occasion de voir quoi que ce soit, sinon de voir tous les **nombre**s disparaître dans le $\mathbf{0}$ **absolu**. Et maintenant voyons ce qui se passe entre le $\mathbf{0}$ simple et Δ . On a donc à calculer: $\mathbf{0} \times \Delta$.

Mais on a dit plus haut: $\delta^2 = \mathbf{0}$. Donc : $\mathbf{0} \times \Delta = \delta^2 \times \Delta = \delta \times \delta \times \Delta$. Et : $\delta \times \Delta = \mathbf{1}$.

Donc finalement : $\mathbf{0} \times \Delta = \delta$.

Et là le $\mathbf{0}$ simple a du mal à digérer complètement le grand Δ . Il en reste un bout, qui est le minuscule δ , certes, qui ne fait que $1/\Delta$, certes, mais qui n'est pas $\mathbf{0}$. Et justement, δ est Δ fois plus grand que $\mathbf{0}$. En effet, on a : $\delta/\mathbf{0} = \delta \times \omega = \delta \times \Delta^2 = \delta \times \Delta \times \Delta = \Delta$.

Donc le $\mathbf{0}$ simple absorbe facilement ω , mais avec Δ on arrive à la limite du **pouvoir absorbant multiplicatif** de $\mathbf{0}$. La très classique loi : $\mathbf{0} \times x = \mathbf{0}$. Elle a donc ses limites, et elle s'arrête au niveau de Δ . Cela signifie que si l'on voit un **segment de longueur 1** comme fait de points de taille $\mathbf{0}$, quand on cumule ω **points**, la longueur de ces points reste encore de l'ordre de $\mathbf{0}$. Mais quand on cumule Δ **points**, on commence à avoir une petite longueur, qui est δ .

Et $\mathbf{0} \times \omega = \mathbf{1}$ signifie qu'il faut cumuler un **nombre** de points de l'ordre de grandeur de ω , pour avoir un **segment de longueur 1**. Et le fait que ω soit **initial** signifie qu'**ajouter** ou **retrancher** de ω un **nombre initial**, donne un **nombre équivalent** à ω pour ce qui est de le **multiplier par 0**:

$$\mathbf{0} \times \omega = \mathbf{1},$$

$$\mathbf{0} \times (\omega - \omega) = \mathbf{0} \times \omega - \mathbf{0} \times \omega = \mathbf{1} - \mathbf{1} = \mathbf{0},$$

$$\mathbf{0} \times (\omega + \omega) = \mathbf{0} \times \omega + \mathbf{0} \times \omega = \mathbf{1} + \mathbf{1} = \mathbf{2}.$$

Autrement dit, ω , $\omega - \omega$ et $\omega + \omega$ sont des **nombre**s **finaux**.

Ici aussi, avec $\omega - \Delta$, on arrive à la limite de l'**horizon final** :

$$\mathbf{0} \times (\omega - \Delta) = \mathbf{0} \times \omega - \mathbf{0} \times \Delta = \mathbf{1} - \delta.$$

Par définition donc, les **nombre**s **intermédiaires** sont ceux qui vont de Δ à $\omega - \Delta$. Avec eux donc, on a : $\mathbf{0} \times x = \tau$, avec τ **strictement compris** entre $\mathbf{0}$ et $\mathbf{1}$. Ce sont de très loin les plus nombreux.

Définition :

Soit une **relation d'équivalence** « \equiv » définie sur les **nombre**s **omégaréels**. On dit que cette **relation d'équivalence** est **substitutive**, si les propriétés suivantes sont vérifiées :

→ On peut **additionner** un **réali** à une **équivalence** de **réalis** :

$$x \equiv y \Rightarrow x + r \equiv y + r, \text{ où } x, y \text{ et } r \text{ sont des } \mathbf{réalis}.$$

→ On peut **multiplier** et **diviser** une **équivalence** d'**omégaréels** par un **nombre omégaréel z**:

$x \equiv y \Rightarrow z \times x \equiv z \times y$, et : $x \equiv y \Rightarrow x/z \equiv y/z$, où x et y sont des **nombre omégaréels**.
Etant entendu que pour tout **nombre omégaréel** x , $o \times x = o$ et : $x/o = o$.

→ On peut **diviser** un **nombre omégaréel** z par une **équivalence d'omégaréels**:

$$x \equiv y \Rightarrow z/x \equiv z/y.$$

→ On peut **élever** une **équivalence d'omégaréels** à un **exposant** qui est un **réali** r :

$$x \equiv y \Rightarrow x^r \equiv y^r, \text{ et : } x \equiv y \Rightarrow x^{1/r} \equiv y^{1/r}.$$

→ On peut **élever** un **nombre omégaréel** z à une **puissance** qui est une **équivalence d'omégaréels**:

$$x \equiv y \Rightarrow z^x \equiv z^y.$$

Etant entendu que pour tout **nombre omégaréel** x , $o^x = o$.

Complétons cette étude par une définition plus fine de la notion de **zéro absolu** et d'**infini absolu**. Dans les définitions qui vont suivre, et qui portent sur les **réalis**, on considère une **relation d'équivalence** ou d'**égalité**, « \equiv », **substitutive** pour les **opérations** clefs, qui est une **sur-égalité** de l'**égalité** courante « $=$ », et qui peut éventuellement remplacer celle-ci. Autrement dit, on a : $x = y \Rightarrow x \equiv y$, pour tous **réalis** x et y . Toutes les fois donc que l'**égalité** courante « $=$ » est vraie, l'**égalité** « \equiv » est vraie aussi. l'**égalité** « \equiv » est vraie pour des **réalis** sans l'être pour « $=$ ». Autrement dit, la **relation** « $=$ » est une **identité** par rapport à « \equiv » car plus **stricte** que « \equiv », tandis que celle-ci est une **équivalence** par rapport à « $=$ », car moins **stricte** que « \equiv ». Autrement dit encore, la **relation** « $=$ » est plus **identitaire** que « \equiv », qui est plus **équivalentielle** que « $=$ », en parlant de la **relation d'équivalence universelle** ou **relation de XERY** (ou **relation totale** ou **complète** ou **graphe complet** dans un **ensemble** E donné).

Les **relations d'ordre** « $<$ », « $>$ », « \leq » et « \geq » sont définies par rapport à la **relation d'égalité** « \equiv ».

Dans les définitions qui vont suivre, v ne désigne pas forcément l'**application varid** v , ou le **nombre entier oméganaturel** v , mais celui-ci est un exemple des **réalis** concernés par le propos.

Définition :

Soit un **réali** v . On dit que v est un **infini**, ou un **infiniment grand**, si pour tout **entier naturel** n , on a : $v > n$.

Soit un **réali** ε . On dit que ε est un **zéro**, ou un **infiniment petit**, si pour tout **entier naturel non nul** n , on a : $\varepsilon < 1/n$. Autrement dit, ε est un **zéro** s'il est l'**inverse** d'un **infini**, et vice-versa.

Ainsi donc, si v est un **infini**, alors $\varepsilon = 1/v$ est son **zéro** associé, et si ε est un **zéro**, alors $v = 1/\varepsilon$ est son **infini** associé.

Etant donné un **zéro** ε , on dit qu'il est **onitif** ou de **premier horizon d'absoluité** s'il vérifie : $1 + \varepsilon \equiv 1$.

On dit qu'il est **auto-additif** ou de **deuxième horizon d'absoluité**

s'il vérifie : $\varepsilon + \varepsilon \equiv \varepsilon$.

On dit qu'il est **auto-multiplicatif** ou de **troisième horizon d'absoluité**

s'il vérifie : $\varepsilon \times \varepsilon = \varepsilon^2 \equiv \varepsilon$.

On dit qu'il est **oni-exponentiatif** ou de **quatrième horizon d'absoluité**

s'il vérifie: $\varepsilon^{1/v} = \varepsilon^v \equiv \varepsilon$, où donc v est l'**infini** associé à ε .

Etant donné un **infini** v , on dit qu'il est **énitif** ou de **premier horizon d'absoluité**

s'il vérifie : $v + 1 \equiv v$.

On dit qu'il est **auto-additif** ou de **deuxième horizon d'absoluité**

s'il vérifie : $v + v \equiv v$.

On dit qu'il est **auto-multiplicatif** ou de **troisième horizon d'absoluité**

s'il vérifie : $v \times v = v^2 \equiv v$.

On dit qu'il est **auto-exponentiatif** ou **éni-exponentiatif** ou de **quatrième horizon d'absoluité**

s'il vérifie: $v^v \equiv v$.

L'**onitivité** : $1 + \varepsilon \equiv 1$, peut s'interpréter comme signifiant que la **quantité** ε est tellement **infinitement petite** comparée à **1** qu'elle est « **négligeable** » devant **1**, comme on dit habituellement. Plus techniquement, cela signifie que la **quantité** ε est considérée comme le **0 absolu** comparée à **1**. En effet, en appliquant la **soustraction absolue** aux deux membres de cette **égalité** « \equiv » (on verra plus en détail cette notion de soustraction absolue plus tard), on a :

$1 + \varepsilon - 1 \equiv 1 - 1$, donc : $1 - 1 + \varepsilon \equiv 1 - 1$.

On a $1 - 1 = 0$, et ici donc c'est l'**égalité courante** « = », qui sert donc d'**identité**, qui intervient.

Donc on a : $0 + \varepsilon \equiv 0$, donc : $\varepsilon \equiv 0$.

Cela signifie donc que pour cette **égalité** « \equiv », la **quantité** ε est **équivalente** au **0 absolu**, **o**.

Et si au lieu de la **soustraction absolue** on avait fait la **soustraction réelle**, « $-_{\omega}$ », où ω désigne l'**infini réel**, le **zéro associé** étant le **zéro réel**, **0**, on aurait eu :

$1 + \varepsilon \equiv 1$, donc : $1 + \varepsilon -_{\omega} 1 \equiv 1 -_{\omega} 1$, donc : $1 -_{\omega} 1 + \varepsilon \equiv 1 -_{\omega} 1$.

On a $1 -_{\omega} 1 = 0$, et donc on a : $0 + \varepsilon \equiv 0$.

Et là on ne peut pas conclure que $\varepsilon \equiv 0$, sauf si, pour cette **égalité** « \equiv », le **zéro réel**, **0** donc, est **infinitement petit** ou « **négligeable** » devant ε .

Mais le résultat : $0 + \varepsilon \equiv 0$, dit que pour cette **égalité** « \equiv », la **quantité** ε est **équivalente** au **0 absolu**, **o**, quand elle est comparée au **0 réel**, **0**. On le voit en appliquant encore une **soustraction absolue** : $0 + \varepsilon \equiv 0$, donc : $0 + \varepsilon - 0 \equiv 0 - 0$, donc : $0 - 0 + \varepsilon \equiv 0 - 0$.

Et ici aussi, on a : $0 - 0 = 0$, donc on a finalement : $0 + \varepsilon \equiv 0$, donc : $\varepsilon \equiv 0$.

Dans les deux cas, l'**onitivité** : $1 + \varepsilon \equiv 1$, signifie que cette **égalité** « \equiv », si on exige qu'elle vérifie toutes les propriétés du **calcul** d'un **corps**, induit ou enclenche le **cycle** ε , ou **équivalence modulo** ε , qui pour cette **égalité** s'écrit : $\varepsilon \equiv 0$ ou $0 \equiv \varepsilon$. Et plus généralement, cette **égalité** induit dans ce cas l'**équivalence universelle** ou **relation de XERY** dans les **réalis**.

En effet, soit le résultat : $\varepsilon \equiv 0$, conduit immédiatement au résultat : $x \times \varepsilon \equiv 0$, pour tout **réali** et même **nombre omégaréal** x . Car on a : $\varepsilon \equiv 0$, donc : $x \times \varepsilon \equiv x \times 0$, mais par définition on a toujours : $x \times 0 = 0$, et même : $x \times 0 =_{\omega} 0$, pour tout **réali** x . Donc : $x \times \varepsilon \equiv 0$.

On en déduit que pour tout **réali** y , on a : $y \equiv 0$.

En effet, si $y = 0$, le résultat est immédiat. Mais si $y \neq 0$, il existe alors un **réali** $y' \neq 0$ tel que:

$$y = y' \times \varepsilon.$$

Mais on a : $y' \times \varepsilon \equiv 0$, et par conséquent : $y \equiv 0$.

Tous les **réalis** sont donc **équivalents** à 0 , et par conséquent pour deux **réalis** quelconques x et y , on a : $x \equiv y \equiv 0$, donc : $x \equiv y$, qui est la **relation de XERY**.

Par conséquent, si l'on ne veut pas aboutir tout de suite à la **relation de XERY** ou **relation d'équivalence universelle**, autrement dit si l'on ne veut pas que l'**égalité** « \equiv » soit une **égalité de XERY**, on doit lui restreindre certaines **opérations** du calcul dans un **corps**. Notamment restreindre toute **opération** pouvant conduire à l'**égalité** clef : $0 \equiv 1$. On demande à l'**égalité** « \equiv » d'être juste **substitutive** pour certaines opérations clefs.

Car il suffit de **multiplier** cette **égalité** par n'importe quel **nombre** x pour obtenir immédiatement : $0 \equiv x$, qui signifie que n'importe quel **nombre** x est **équivalent** à 0 , donc deux **nombre**s quelconques x et y sont **équivalents**, c'est-à-dire : $x \equiv y$.

Parmi les **opérations** qu'il faut restreindre il y a par exemple l'usage de la **soustraction absolue**, comme nous l'avons fait.

En effet, dès qu'il existe (du point de vue de l'**identité absolue** « $=_{\infty}$ » ou **générative** « $=_w$ » ou courante « $=$ ») la moindre **différence** d entre deux **réalis** (ou **nombre**s plus généralement) x et y , l'**équivalence** $x \equiv y$ conduit immédiatement à : $d \equiv 0$.

Supposons en effet que : $x - y = d$ (même raisonnement si : $x - y =_w d$).

On a : $x \equiv y$, donc : $x - y \equiv y - y$. Mais avec la **soustraction absolue**, on a : $y - y = 0$.

Et donc : $x - y = d \equiv 0$.

Il suffit alors de **diviser** $d \equiv 0$ par d pour avoir : $1 \equiv 0$ ou $0 \equiv 1$. Et ensuite de **multiplier** par n'importe quel **nombre** x pour avoir $x \equiv 0$, puis $x \equiv y$.

On voit mieux le problème avec l'**énitivité** : $v + 1 \equiv v$, pour un **nombre infini** v , ce qui maintenant, concrètement, veut dire une **variable** v , c'est-à-dire une **suite** v de **nombre**s **omégaréels** (ou une **famille** v de **nombre**s **omégaréels** **indexée** par les **ordinaux**, au nouveau sens du mot **ordinal**) **croissante**, de **pas de croissance** d'au moins 1 . C'est-à-dire : pour tout **entier naturel** ou **ordinal** n , ou pour n à partir d'un certain **rang** k , on a : $v_{n+1} - v_n \geq 1$ (la **relation d'ordre** « \geq » ici étant définie par rapport à l'**identité générative** « $=_w$ » ou **courante** « $=$ »). S'il s'agit d'une **suite** v (ou une **famille** v **indexée** par les **ordinaux**) de **nombre**s **entiers** ou d'**ordinaux relatifs**, le **pas de croissance** est d'office d'au moins 1 .

Dans ces conditions, le terme général de la **suite**, v_n , finit toujours par dépasser toute **valeur constante** a fixée à l'avance, qui est représentée par la **suite constante** $[a]$ de terme général $[a]_n$, telle que : $[a]_n = a$, pour tout **ordinal** ou **nombre entier naturel** n . On a donc : $v > a$, ce qui est la nouvelle définition que v est **infini**, puisque v est **plus grand** que tout **nombre fini** a fixé à l'avance.

L'**énitivité** : $v + 1 \equiv v$, traduit ici l'idée que les **polynômes** en v que sont $v+1$ et v , tous les deux de **degré** 1 , sont **asymptotiquement équivalents**. Autrement dit, si l'on écrit l'**identité** $v+1 =_w v$ ou

$v+1 = v$, l'erreur est $1/v = \varepsilon$, qui est un **infiniment petit**, un **zéro**. En langage traditionnel, on dira que « $1/v$ tend vers 0 quand la variable v tend vers l'infini ». Plus intuitivement, l'**énitivité** : $v + 1 \equiv v$, ou les **identités** $v+1 =_w v$ ou $v+1 = v$, signifient que v étant **infiniment grand** par rapport au **nombre constant 1**, celui-ci devient « **négligeable** » comparé à v . Donc $v+1$ et v sont **équivalents**, ils sont du même **ordre de grandeur**.

Il est clair alors aussi que dans les expressions : $v + 1 \equiv v$, ou $v+1 =_w v$, ou $v+1 = v$, on ne doit pas appliquer la **soustraction absolue** à v . En effet, si on le faisait, on a :

$v + 1 \equiv v$, donc : $v + 1 - v \equiv v - v$, ou : $v - v + 1 \equiv v - v$.

Et comme $v - v = 0$, on a donc : $0 + 1 \equiv 0$, donc : $1 \equiv 0$, ou : $0 \equiv 1$.

Et donc en particulier on a : $1 =_w 0$, ou $1 = 0$, si l'**égalité** « \equiv » désigne ces **égalités-là**. On induit ainsi le **cycle 1**, et par conséquent le **XERY** : $x \equiv y$, ou $x =_w y$, ou $x = y$.

Ainsi donc, $v+1$ et v , sont du même **ordre de grandeur**, mais pas **1** et **0**. On ne doit donc pas mettre en œuvre ici la **soustraction absolue**, si l'on désire que la **relation d'équivalence** nous fasse encore progressivement connaître de très précieuses propriétés des **nombre**s, avant d'entrer en plein dans le **XERY**, la **divine égalité** dans sa pleine expression, l'expression de l'**unité** de tout, et donc de l'**amour divin**.

Théorème :

Etant donné un **infini** v , si v est **énitif**, alors son **zéro** ε est **onitif**, et vice-versa.

En effet, soit un **infini** v et ε son **zéro** associé.

Si v est **énitif**, on a : $v \equiv v + 1$.

Il suffit alors de multiplier cette **égalité** par ε , pour avoir : $1 + \varepsilon \equiv 1$.

Et inversement, si ε est **onitif**, on a : $1 + \varepsilon \equiv 1$.

Et il suffit alors de multiplier cette **égalité** par v , pour avoir : $v \equiv v + 1$.

Dans ces cas, les **opérations** qu'on a faites n'induisent pas $0 \equiv 1$, donc le **XERY**. Mais $v \equiv v + 1$ et $1 + \varepsilon \equiv 1$ sont simplement deux manières différentes de dire la même chose. En effet, le rapport entre 1 et ε est le même que celui entre v et 1 , à savoir v ou $1/v$.

Théorème :

Etant donné un **infini** v , si v est **auto-additif**, alors son **zéro** ε l'est aussi, et vice-versa.

En effet, soit un **infini** v et ε son **zéro** associé.

Si v est **auto-additif**, on a : $v \equiv v + v$.

Il suffit alors de multiplier cette **égalité** par ε^2 pour avoir : $\varepsilon + \varepsilon \equiv \varepsilon$.

Et inversement, si ε est **auto-additif**, on a : $\varepsilon + \varepsilon \equiv \varepsilon$.

Et il suffit alors de multiplier cette **égalité** par v^2 , pour avoir : $v \equiv v + v$.

Théorème :

Etant donné un **infini** v , si v est **auto-multiplicatif**, alors son **zéro** ε l'est aussi, et vice-versa.

En effet, soit un **infini** v et ε son **zéro** associé.

Si \mathbf{v} est **auto-multiplicatif**, on a : $\mathbf{v}^2 \equiv \mathbf{v}$. Donc : $1/(\mathbf{v}^2) \equiv 1/\mathbf{v}$, d'où $\boldsymbol{\varepsilon}^2 \equiv \boldsymbol{\varepsilon}$.
Et inversement, si l'on a : $\boldsymbol{\varepsilon}^2 \equiv \boldsymbol{\varepsilon}$. Donc : $1/(\boldsymbol{\varepsilon}^2) \equiv 1/\boldsymbol{\varepsilon}$. Donc $\mathbf{v}^2 \equiv \mathbf{v}$.

Théorème :

Etant donné un **infini \mathbf{v}** , si \mathbf{v} est **auto-exponentiatif**, alors son **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$** l'est aussi, et vice-versa.

En effet, soit un **infini \mathbf{v}** et $\boldsymbol{\varepsilon}$ son **zéro** associé.

Si \mathbf{v} est **auto-exponentiatif**, on a : $\mathbf{v}^{\mathbf{v}} \equiv \mathbf{v}$. Donc : $1/(\mathbf{v}^{\mathbf{v}}) \equiv 1/\mathbf{v}$, d'où $\boldsymbol{\varepsilon}^{\mathbf{v}} \equiv \boldsymbol{\varepsilon}$.
Et inversement, si l'on a : $\boldsymbol{\varepsilon}^{\mathbf{v}} \equiv \boldsymbol{\varepsilon}$. Donc : $1/(\boldsymbol{\varepsilon}^{\mathbf{v}}) \equiv 1/\boldsymbol{\varepsilon}$. Donc $\mathbf{v}^{\mathbf{v}} \equiv \mathbf{v}$.

Théorème :

Etant donné un **infini \mathbf{v}** (ou un **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$**), si \mathbf{v} est d'un certain **horizon d'absoluité**, il est aussi de tous les **horizons inférieurs**.

En effet, supposons que \mathbf{v} est du **quatrième horizon d'absoluité**.

Donc son **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$** est lui aussi du **quatrième horizon d'absoluité**.

On a : $\mathbf{v}^{\mathbf{v}} \equiv \mathbf{v}$.

Et on a : $\mathbf{v} \leq \mathbf{v}^2$.

Et aussi : $\mathbf{v}^2 \leq \mathbf{v}^{\mathbf{v}}$. Et puisque $\mathbf{v}^{\mathbf{v}} = \mathbf{v}$, on a donc : $\mathbf{v}^2 \leq \mathbf{v}$.

Et de $\mathbf{v} \leq \mathbf{v}^2$ et $\mathbf{v}^2 \leq \mathbf{v}$ on déduit $\mathbf{v}^2 \equiv \mathbf{v}$.

Donc \mathbf{v} est du **troisième horizon d'absoluité**.

Donc son **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$** est lui aussi du **troisième horizon d'absoluité**.

Et supposons que \mathbf{v} est du **troisième horizon d'absoluité**.

Donc son **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$** est lui aussi du **troisième horizon d'absoluité**.

On a : $\mathbf{v}^2 \equiv \mathbf{v}$.

On a : $\mathbf{v} \leq 2\mathbf{v}$.

Et aussi : $2\mathbf{v} \leq \mathbf{v} \times \mathbf{v}$, c'est-à-dire $2\mathbf{v} \leq \mathbf{v}^2$. Et puisque $\mathbf{v}^2 \equiv \mathbf{v}$, on a donc : $2\mathbf{v} \leq \mathbf{v}$.

Et de $\mathbf{v} \leq 2\mathbf{v}$ et de $2\mathbf{v} \leq \mathbf{v}$ on déduit : $\mathbf{v} \equiv 2\mathbf{v} = \mathbf{v} + \mathbf{v}$.

\mathbf{v} est donc du **deuxième horizon d'absoluité**.

Donc son **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$** est lui aussi du **deuxième horizon d'absoluité**.

Et supposons que \mathbf{v} est du **deuxième horizon d'absoluité**.

Donc son **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$** est lui aussi du **deuxième horizon d'absoluité**.

On a : $\mathbf{v} \equiv 2\mathbf{v} = \mathbf{v} + \mathbf{v}$.

On a : $\mathbf{v} \leq \mathbf{v} + 1$.

Et aussi : $\mathbf{v} + 1 \leq 2\mathbf{v}$. Et puisque $\mathbf{v} \equiv 2\mathbf{v}$, on a donc : $\mathbf{v} + 1 \leq \mathbf{v}$.

Et de $\mathbf{v} \leq \mathbf{v} + 1$ et de $\mathbf{v} + 1 \leq \mathbf{v}$ on déduit $\mathbf{v} + 1 \equiv \mathbf{v}$.

\mathbf{v} est donc du **premier horizon d'absoluité**.

Donc son **zéro $\boldsymbol{\varepsilon}$** est lui aussi du **premier horizon d'absoluité**.

Théorème :

Etant donné un **infini \mathbf{v}** , si \mathbf{v} est **énitif (premier horizon d'absoluité)**, alors $2^{\mathbf{v}}$ est **auto-additif (deuxième horizon d'absoluité)**.

En effet, si v est du **premier horizon d'absoluité**, alors : $v + 1 \equiv v$.

Donc : $2^{v+1} \equiv 2^v$, donc : $2^v \times 2 \equiv 2^v$, donc $2^v + 2^v \equiv 2^v$.

On en déduit que si un **zéro ε** est du **premier horizon d'absoluité**, alors son **infini v** est du **premier horizon d'absoluité** aussi, donc le **zéro** associé à 2^v , soit $2^{-v} = 2^{-1/\varepsilon}$, est du **deuxième horizon d'absoluité**.

Théorème :

Etant donné un **infini v** , si v est **auto-additif** (**deuxième horizon d'absoluité**), alors 2^v est **auto-multiplicatif** (**troisième horizon d'absoluité**).

En effet, si v est du **deuxième horizon d'absoluité**, alors : $v + v \equiv v$.

Donc : $2^{v+v} \equiv 2^v$, donc : $2^v \times 2^v \equiv 2^v$.

On en déduit que si un **zéro ε** est du **deuxième horizon d'absoluité**, alors son **infini v** est du **deuxième horizon d'absoluité** aussi, donc le **zéro** associé 2^v , soit $2^{-v} = 2^{-1/\varepsilon}$, est du **troisième horizon d'absoluité**.

Pour un **ordinal p** , on rappelle brièvement la notion d'**hyperopérateur d'ordre p** , H^p , pour étendre la notion d'**horizon** des **zéros** et des **infinis**.

Définition :

L'**hyperopérateur H^0** est par définition l'**addition «+»**. Et l'**hyperopérateur H^1** est la **multiplication «x»**. Et l'**hyperopérateur H^2** est l'**exponentiation «^»**. Pour un **ordinal p** , et l'**hyperopérateur d'ordre p** , H^p , l'**hyperopérateur d'ordre $p+1$** , H^{p+1} , est défini pour un **ordinal m** par : $m H^{p+1} 0 = 1$. Et : $m H^{p+1} 1 = m$.
 $m H^{p+1} n = m H^p \dots H^p m H^p m H^p m$, où m apparaît n fois, pour $n \geq 1$, et où le calcul se fait de proche en proche de droite vers la gauche.

Ainsi par exemple : $3 H^3 4 = 3 \wedge \wedge 4 = 3 H^2 3 H^2 3 H^2 3 = 3 \wedge 3 \wedge 3 \wedge 3$
 $= 3 \wedge 3 \wedge 3^3 = 3 \wedge 3 \wedge 27 = 3 \wedge 3^{27} = 3 \wedge 7\,625\,597\,484\,987 = 3^{7\,625\,597\,484\,987}$
 $= 1,258014... \times 10^{3\,638\,334\,640\,024}$, où H^3 ou « \wedge » est la **tétration**, l'**hyperopérateur** qui vient après l'**exponentiation «^»**.

Définition :

La notion d'**horizon d'absoluité** se généralise à tout **hyperopérateur**. Par exemple, l'**infini v** est de **cinquième horizon d'absoluité** s'il vérifie : $v H^3 v = v \wedge \wedge v \equiv v$. Et l'**infini v** est de **sixième horizon d'absoluité** s'il vérifie : $v H^4 v = v \wedge \wedge \wedge v \equiv v$, où H^4 ou « $\wedge \wedge \wedge$ » désigne la **pentation**, l'**hyperopérateur** qui vient après la **tétration « \wedge »**, etc..

On dit qu'un **infini** ou un **zéro** est **absolu** s'il est au moins du **premier horizon d'absoluité**. Plus l'**horizon d'absoluité** est grand plus il est **absolu**, ce qui veut dire plus il est un **élément neutre** de l'**addition**, qualité qu'on appellera l'**operneutralité**. Il importe de souligner que c'est la **relation d'équivalence** qui crée ces **zéros absolus** et ces **infinis absolus**.

En effet, du point de vue de l'**identité absolue « $=_\omega$ »** ou simplement de l'**identité générative « $=_v$ »**, les **nombres** : v , $v+1$, $v+v$, $v \times v$, v^v ou $v \wedge v$, $v \wedge \wedge v$, etc., sont **distincts**. Il faut donc une **relation**

d'équivalence « \equiv » pour dire : $v+1 \equiv v$, et par conséquent aussi pour dire : $1 + \varepsilon \equiv 1$, où ε est le zéro associé à v . C'est donc la **relation d'équivalence** « \equiv » qui va engendrer l'**infini v** du **premier horizon d'absoluité**, et donc aussi le **zéro** associé.

Puis la conséquence de cela est que 2^v sera du **deuxième horizon**, ainsi que son **zéro** associé. Puis $2^{(2^v)}$ sera du **troisième horizon**, ainsi que son **zéro** associé, etc..

VII - Notion de générescences, conception générative, nouvelle vision des nombres

Nous avons déjà dit des choses fondamentales sur les **générescences** et l'approche **générative** des **nombres**. Nous allons compléter et approfondir dans cette section. Nous entrons dans l'**Univers** de la **généralité**!

Nous avons vu aussi le **Théorème de l'Existence** ou **Loi de la Réalité TOTALE**, qui découle immédiatement de la définition de l'**Univers TOTAL**, à savoir donc l'**Ensemble de toutes les choses**. Ce **Théorème** est donc que : « **Toute chose existe dans l'Univers TOTAL, U** ». Autrement dit, **toute chose est un élément de l'Univers TOTAL** : $\forall x(x \in U)$.

Et une conséquence immédiate de ce **Théorème** est aussi que : $U \in U$. A savoir que l'**Univers TOTAL est élément de lui-même**. Il est à la fois l'**Ensemble** ou l'**Oméga**, et l'**Elément** ou l'**Alpha**, l'unique **élément** qui forme tout autre **élément** de l'**Univers TOTAL**, qui forme tout l'**Ensemble** en s'**itérant** ou en se **répétant**. Ce que nous venons d'exprimer ainsi est que l'**Univers TOTAL** a une nature **FRACTALE**, et plus précisément un type de **fractale** que nous appelons une **fractale générescente de générande ω** . Autrement dit, chaque **modèle** de la **fractale** est fait de **ω petits modèles** de la même **fractale**. C'est cette **structure générescente** et **fractale** de l'**Univers TOTAL**, qui a été amplement développée dans les livres précédents, dont nous allons reparler dans ce sous-titre. Nous allons rappeler les fondamentaux de l'algèbre fractale.

L'**Univers TOTAL, U**, est noté aussi **1**, et c'est par définition le **nombre 1**, le **modèle 1 de fractale**. Et c'est lui qui sous une autre facette joue le rôle du **0**, comme aussi celui de l'**infini ω** . Et entre les trois facettes de l'**Univers TOTAL** il y a l'égalité : $0 \times \omega =_w 1$.

Dans ce sous-titre, sauf précision contraire disant qu'on parle d'une autre **égalité** (si par exemple nous parlons explicitement de l'**identité** « $=_w$ »,), le signe « $=$ » désignera une certaine **relation d'équivalence** dans les **générescences**, prise comme l'**égalité courante**. Et l'**identité courante**, s'il est nécessaire de la distinguer, sera noté « $==$ ». Mais le signe « $=$ » sera tantôt une **identité** tantôt une **équivalence**, et, du moment où l'on est conscient qu'on ne travaille plus avec une seule notion d'**égalité**, il est en général très facile de voir quand ce signe « $=$ » désigne une **identité** (par exemple si l'on dit : $3 \times 4 = 12$) et quand il désigne une **équivalence** (par exemple si nous sommes amenés à dire : $0 = 1$).

Le **0** n'est donc pas si « zéro » que ça, le « vide » n'est pas si « vide » que ça, le « rien » ou le néant n'est pas que rien, mais **quelque chose** ! C'est même le **TOUT** qui joue aussi le rôle du rien, et même du **0 absolu** !

corollaire une autre notion encore plus problématique, qui est la vérité très relative mais érigée en vérité absolue, selon laquelle **0** est l'**élément neutralisant** pour la **multiplication**, autrement dit l'**élément absorbant** pour la **multiplication**, pour le dire en des termes plus classiques. Cela signifie ceci : « $0 \times x = x \times 0 = 0$ ».

Ceci est vrai, mais là encore c'est une **équivalence** en fait, elle-même découlant par exemple de l'**équivalence** : « $0+0=0$ ». Car celle-ci dit simplement : « $0 \times 2 = 2 \times 0 = 0$ ». Et si l'on dit : « $0+0+0=0$ », cela équivaut à dire : « $0 \times 3 = 3 \times 0 = 0$ ». Et de même, « $0+0+0+0=0$ » équivaut à dire : « $0 \times 4 = 4 \times 0 = 0$ ». Et ainsi de suite.

Donc cette autre vérité selon laquelle **0 multiplié par n'importe quel nombre donne toujours 0** (donc que **0** est l'**élément neutralisant** ou **absorbant** de la **multiplication**), n'est qu'une autre facette de l'idée selon laquelle **0** est l'**élément neutre** de l'**addition**. Donc mettre un bémol à cette vérité clef de l'algèbre classique (si chargée de sens philosophique insoupçonné) met aussi un bémol à son corollaire, l'autre vérité.

Et nous mettons un grand bémol, car il suffit d'un peu de réflexion pour voir l'autre grand problème philosophique que pose la formule : « $0 \times x = x \times 0 = 0$ ». Elle est vraie si **x** est un petit **nombre**, comme **0** lui-même, ou comme **1**, ou comme **2**, ou comme **3**, ou **4**, etc.. Mais est-ce vrai si **x** est **infini**, comme par exemple l'**infini** que nous appelons **w**, et si oui est-ce toujours vrai si **x** est l'**infini absolu**, aussi **absolu** que ne l'est le **0** lui-même, oui l'**infini ω absolu** ?

Là, désolé, la réponse est clairement non, car on a : « $0 \times \omega = \omega \times 0 = 1$ ».

C'est tout le problème de la fameuse **division par 0** qui est ainsi posé, et on tourne toujours autour de cette question fondamentale.

Et pourtant, aussi étonnant que cela puisse paraître, le problème est très simple, et sa réponse aussi. Il suffit juste de regarder un segment de **longueur 1** et de comprendre ce qu'est un **segment**, de quoi il est constitué.



On sait qu'un segment, de **longueur 1** par exemple, est constitué d'une **infinité** de **points**, tous de **longueur 0**. Donc appelons **ω** le **nombre** de ces **points**, qui est donc un **nombre infini**. Leur longueur totale est : $0 \times \omega$ ou $\omega \times 0$, et est-ce que cela fait **0** ?

Bin non ! Le **segment** nous dit clairement que cela fait **1** ! Et on raconte en mathématiques depuis la nuit des temps que « $0 \times \omega = \omega \times 0 = 1$ », qui signifie que : $1/0 = \omega$, ou que : $1/\omega = 0$, est « impossible », « interdit en mathématique », « non défini », etc., et toutes sortes de manières pour ne pas dire qu'on ne veut pas faire ce que le segment montre, que c'est possible !

L'**identité absolue** « $=_{\omega}$ » ou **presque absolue** « $=_{\omega^{-1}}$ » pour avoir un peu d'**équivalence** qui autorise au moins de **nommer** ou d'**identifier** des êtres avec des symboles, sinon de calculer avec ces symboles, nous dit ceci : « $\omega =_{\omega^{-1}} 1/0$ ».

Et l'**équivalence**, notamment l'**équivalence omégacyclique**, ou **Cycle ω** , qui s'écrit : « $0 = \omega$ », permet de remplacer ω par son **identité** « $1/0$ », ce qui donne donc : « $0 = 1/0$ » ou « $1/0 = 0$ ». Nous construirons avec précision et rigueur plus tard le **corps rationnel omégacyclique**, dans lequel on a donc cette simple et grande vérité mathématique: « $1/0 = 0$ », qui n'est qu'une autre manière de parler du **Cycle ω** , un cycle comme un autre.

Il importe de souligner que le fait qu'on ait l'égalité : « $0 = \omega$ » ou : « $0 = 1/0$ » ou « $1/0 = 0$ », ne signifie pas du tout que le **0** d'une part, et l'**infini ω** ou **1/0** d'autre part sont confondus. Car il suffit de se placer du point de vue d'une **identité** adéquate, qui n'est pas trop **équivalencielle** (par exemple en ne distinguant pas les **informations 0, 0+0, 0+0+0, 0+0+0+0**, etc., comme par exemple ce qui se passe dans les classiques structures algébriques, comme celles des anneaux ou des corps) pour que **0** et ω retrouvent leurs **identités** propres, et leurs propriétés spécifiques. Comme par exemple avec l'**égalité informationnelle** ou **générative**, « $=_w$ », mais on n'a pas besoin d'une égalité aussi stricte pour distinguer **0** et ω et dans leurs rôles propres. Nous le faisons juste ci-après pour faire comprendre comment on perçoit les **nombres** au niveau de cette identité « $=_w$ ».

L'**identité** notée « $=_w$ » est appelée l'**identité générative** ou **identité informationnelle**. Cela signifie que, par définition, au niveau de cette **identité** on n'a que les propriétés les plus fondamentales des **nombres**, que nous appelons la **structure fractale généscente régulière**, ou simplement la **structure générative**.

Une **structure générative W** de **base w** possède les éléments de base suivants:

0_{ω} , 0, θ , ε , 1, v, w, ω , ω_{ω} , ou : **o , 0, θ , ε , 1, v, w, ω , Ω** .

Les éléments de **W** sont appelés des **génésences** ou **informations unaires**.

La plus petite **génésence** ou information unaire est **o** ou **0_{ω}** .

o (ou **0_{ω}**) est le **zéro absolu** ou **omégacyclique**, et **Ω** (ou **ω_{ω}**) est l'**infini absolu** ou **omégacyclique**; **0** est le **zéro réali**, et ω est l'**infini réali**; **θ** est le **zéro génératif**, et **w** est l'**infini génératif**.

Et **W** est muni d'une **addition** notée « + » et d'une **multiplication** notée « x » et d'une **exponentiation** notée « ^ ». L'**addition** « + » est simplement la **concaténation** des **expressions**. L'**opération d'addition** ou de **concaténation** est appelée aussi le **HENER**, comme déjà vu.

Etant données deux **expressions** quelconques **A** et **B**, alors **A+B** est par définition l'**expression AB**, formée en faisant suivre **A** de **B**, autrement dit en supprimant le signe « + » dans **A+B**.

AB ne doit pas alors être confondu avec l'écriture habituelle signifiant **AxB**. Si une ambiguïté est à craindre, alors on fait figurer explicitement le signe « x ».

De même dans certains contextes, notamment l'**ordre** des **ordinaux**, nous adopterons la notation **AB**, pour désigner en fait : **B – A**. Cette notation **AB**, est alors dite la **soustraction romaine**,

comme par exemple quand **IX** désigne $X - I$ ou $10 - 1$, ou **9**. Cette notation de **soustraction romaine AB** elle non plus ne doit pas être confondue avec **AB** quand cela signifie $A+B$ ou $A \times B$.

La **concaténation** ou **addition itérée** d'un même **élément x**, est appelée une **génération**, à comprendre : « **action de générer** », le verbe clef de la **structure générative** est le verbe « **générer** ». Cela signifie donc le fait de **concaténer** ou d'**additionner** de manière **itérée** ou **répétée** un certain même **élément x**:

0
x
xx
xxx
xxxx
xxxxx
 ...

ou :

0
x
x+x
x+x+x
x+x+x+x
x+x+x+x+x
 ...

Liste que nous écrivons le plus souvent horizontalement, ainsi :

0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ...

ou :

0, x, x+x, x+x+x, x+x+x+x, x+x+x+x+x, ...

Liste qu'on notera plus simplement :

0, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, ...

ou plus simplement:

0, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, ...

Ceci au passage définit du même coup la notion d'**ordinal** ou de **nombre entier** de la manière la plus simple, mais aussi la **multiplication** d'un **ordinal** par un **unit**, ici **x**. La **multiplication** de la forme **nxx** donc, où **n** est un **ordinal**.

Les objets ainsi obtenus à chaque étape sont appelés des **générescences d'unit x**, ou simplement les **générescences** de **x**. En l'occurrence ici les **générescences constantes** de **x**. Par opposition à la **générescence variable** de **x**, qui consiste à **concaténer** ou **additionner x** indéfiniment :

xxxxxxxxxxxxxxxx...

ou : **x+x+x+x+x+x+x+x+x+x+x+x+x+x+x...**

Cette **générescence variable** est dite **infinie**. On la note : **x...** ou **X** en majuscule.

Et le symbole « ... » est appelé le **GENER**, et « **x...** » se lit « **x GENER** ». Etant donné un **ordinal infini n**, c'est-à-dire **variable croissant**, on dit que le symbole « ... » est le **GENER d'horizon n**, si l'écriture « **x...** » est synonyme de « **xxn** » mais aussi de « **nxx** ». Et en particulier, « **1...** » est

synonyme de « $1 \times n$ » ou « $1 \times x$ » ou simplement **n**. L'écriture « $x...$ » traduit l'idée intuitive que l'unit **x** est **répété indéfiniment**. Les quatre valeurs courantes de **n** sont **v, w, ω, Ω**.

Dans les deux premiers livres, **n** désignait en règle générale **ω**. Mais dans ce livre et le précédent, **n** désigne souvent **w**. Donc $x...$ par défaut désigne $w \times x$ ou wx .

Un autre choix de notation des différents **opérateurs GENER** est de dire que $x...$ ou «**GENER trois points**» désigne $v \times x$ ou vx , que $x...$ ou «**GENER quatre points**» désigne $w \times x$ ou wx , que $x....$ ou «**GENER cinq points**» désigne $\omega \times x$ ou ωx , et enfin que $x.....$ ou «**GENER sept points**» désigne $\Omega \times x$ ou Ωx .

Avec ce second choix, de noter différemment les **GENER**, on a donc en toute rigueur:

$1... = v$. Et donc: $x... = v \times x = vx$.

$1.... = w$. Et donc: $x.... = w \times x = wx$.

$1..... = \omega$. Et donc: $x..... = \omega \times x = \omega x$.

$1..... = \Omega$. Et donc: $x..... = \Omega \times x = \Omega x$.

Mais par souci de simplification, on travaille presque toujours avec le symbole « $...$ ».

Un **ordinal** peut être **variable** sans être **croissant**, donc sans être **infini**. Et donc au lieu d'avoir la séquence plus haut décrivant le mode de répétition des **units x** étape par étape, on aurait pu avoir par exemple :

xxx
xxxxxxxxxxx
o
xx
xxxxx
x
xxx
o
xxxxxxxx
...

Autrement dit, on n'**itère** pas les **units u** un à un, à chaque étape, mais on commence par **3 itérations** d'un coup, puis à cela à l'étape suivante on ajoute **7** d'un coup, ce qui fait **10**.

Puis à l'étape suivante, on change d'avis, on enlève les **10**, ce qui fait **o** à cette étape.

Puis on remet **2**, et ainsi de suite.

A chaque fois donc, ce sont toujours des **units u** qu'on **ajoute** ou qu'on **enlève** à ce qu'il y avait avant, selon donc un mode d'**itération** (ou d'**addition répétée**, ce qui veut dire aussi éventuellement une **soustraction**, ou **addition antitive** ou « **négative** », comme on dit) qui n'est pas nécessairement le mode de **référence**, appelé **w**. Ici, c'est juste un mode **variable**.

Mais avec **w**, c'est un mode **variable croissant**, et on parle alors d'un mode **infini**. Et de plus le mode **infini** de référence : on part de « **rien** » ou « **vide** » ou **o**, puis à l'étape suivante on pose un **unit x**, puis à l'étape suivante on pose encore un **unit x**, et de même à l'étape suivante, et ainsi de suite, de manière **régulière** donc.

Ci-après un autre mode infini, c'est-à-dire **variable strictement croissant**, mais qui n'est pas **w** :

0
x
xxxx ou **4x**
xxxxxxxx ou **9x**
xxxxxxxxxxxxxxxx ou **16x**
 ...

On a reconnu la progression :
0, 1x, 4x, 9x, 16x, 25x, 36x, 49x, ...

Le mode $w^2 \times x$ donc. Un autre mode **variable croissant**, donc **infini**.

Contrairement donc aux **générescences constantes**, dites aussi **finies**, dont le **nombre des unités u** est **fixe**, le **nombre des unités** de la **générescence variable** « x... » est **infini**, au sens **intuitif** du mot « **infini** », qui signifie ici que ce **nombre croît perpétuellement**.

Dans le cas de x... ou $w \times x$ ou wx ou X, ses différentes étapes sont toutes les **générescences constantes** ou **finies**. Toutes les **générescences** de 0 à X ou 0 à wx sont la liste :
0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., xxxxxX, xxxX, xxxX, xxX, xX, X
 ou :
0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., xxxxx(wx), xxxX(wx), xxx(wx), xx(wx), x(wx), (wx)
 ou :
0, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., xxxxx(x...), xxxX(x...), xxx(x...), xx(x...), x(x...), (x...)

Dans cette notation des **générescences** de x, nous avons, pour simplifier l'écriture, employé la notation de **soustraction romaine** dont nous avons parlé plus haut. C'est juste l'unique but de cette notation, juste pour simplifier donc l'écriture des **générescences** désignées. Car il faut interpréter « **xX** » comme « **1 unité x avant X** », c'est-à-dire « **1 unité x avant wx** », ou encore « **X - x** » ou « **wxx - x** » ou « **(w-1)xx** » ;
 et « **xxX** » signifie donc « **X - xx** » ou « **wxx - xx** » ou « **wxx - 2x** » ou « **(w-2)xx** » ;
 et « **xxxX** » signifie « **X - xxx** » ou « **wxx - xxx** » ou « **wxx - 3x** » ou « **(w-3)xx** », et ainsi de suite.

Autrement dit, c'est la liste :
0, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, ..., (w-5)x, (w-4)x, (w-3)x, (w-2)x, (w-1)x, wx

Là où j'ai mis w dans ces explications, dans les livres précédents, on verra souvent ω :
0, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, ..., (\omega-5)x, (\omega-4)x, (\omega-3)x, (\omega-2)x, (\omega-1)x, \omega x

C'est équivalent, car c'est une structure **fractale** que nous décrivons ainsi.
w et ω sont un même **modèle** de la **fractale**, sauf que **w** est le petit **modèle** de ω , et la relation qui les lie est : $w^w =_w \omega$.
 Et ω est lui-même un petit **modèle** comparé à un **modèle** plus grand, Ω , et la relation qui les lie est : $\omega^\omega =_w \Omega$.
 Chaque **modèle m** de la **fractale** est lié au **modèle supérieur M** par la même relation : $m^m =_w M$.
 Par conséquent n'importe quel **modèle** peut servir à décrire la **structure générescente** et **fractale**.

En général j'utilise les lettres suivantes pour nommer dans l'ordre les modèles : v, w, ω, Ω .
 v est donc le petit modèle de w , lié à lui par la même relation : $v^v =_w w$.

Comme **unit** très spécial on a **o**:

$o, o, oo, ooo, oooo, ooooo, \dots, ooooo(w_o), oooo(w_o), ooo(w_o), oo(w_o), o(w_o), (w_o)$

ou :

$o, o, o+o, o+o+o, o+o+o+o, \dots, (w-5)\times o, (w-4)\times o, (w-3)\times o, (w-2)\times o, (w-1)\times o, w\times o$

ou encore :

$o\times o, 1\times o, 2\times o, 3\times o, 4\times o, 5\times o, \dots, (w-5)\times o, (w-4)\times o, (w-3)\times o, (w-2)\times o, (w-1)\times o, w\times o$

Sauf qu'ici il se passe que l'identité de striction w , « $=_w$ », autrement dit l'identité générative avec laquelle nous travaillons, n'est plus assez stricte pour distinguer toutes ces générescences d'unit **o** ou **0 absolu**, puisque précisément celui-ci dès le départ a été défini en relation avec l'identité générative associée « $=_w$ », comme exprimant une absence de toute générescence d'unit x , peu importe x . Donc cela s'applique à l'unit **o** aussi.

Autrement dit, chaque fois que nous écrivons :

$o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, \dots, xxxxx(wx), xxxx(wx), xxx(wx), xx(wx), x(wx), (wx)$

ou :

$o, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, \dots, (w-5)x, (w-4)x, (w-3)x, (w-2)x, (w-1)x, wx$

le **o** en tête de liste représente l'absence des générescences de x , et ce peu importe l'unit x .

Cela veut dire que ce **o** en tête s'interprète dans tous les cas comme oxx ou ox , et il sous-entend que : $oxx =_w ox =_w o$. Cette liste est donc :

$ox, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, \dots, (w-5)x, (w-4)x, (w-3)x, (w-2)x, (w-1)x, wx$

c'est-à-dire :

$oxx, 1xx, 2xx, 3xx, 4xx, 5xx, \dots, (w-5)xx, (w-4)xx, (w-3)xx, (w-2)xx, (w-1)xx, wxx$

Il y a donc le sous-entendu que : $oxx =_w o$.

Et si l'unit était w , la liste serait :

$oxw, 1xw, 2xw, 3xw, 4xw, 5xw, \dots, (w-5)xw, (w-4)xw, (w-3)xw, (w-2)xw, (w-1)xw, wxw$

Et donc aussi : $oxw =_w o$.

Nous avons donc posé que le **0 absolu** noté **o**, qui est l'élément neutre de l'addition, c'est-à-dire de la concaténation: $x + o =_w o + x =_w x$, ou : $xo =_w ox =_w x$,

et aussi que **o** est l'élément absorbant (ou neutralisant) pour la multiplication des générescences:

$oxx =_w xxo =_w o$.

Donc on a : $oxw =_w wxo =_w o$.

Par conséquent, en considérant la liste avec l'unit **o** :

$o\times o, 1\times o, 2\times o, 3\times o, 4\times o, 5\times o, \dots, (w-5)\times o, (w-4)\times o, (w-3)\times o, (w-2)\times o, (w-1)\times o, w\times o$

tous les éléments de cette liste jusqu'au dernier, $w\times o$, sont **o**.

Et l'égalité : $oxx =_w xxo =_w o$, signifie qu'il en sera ainsi quel que soit l'ordinal n ou la générescence x multipliée par **o**. On dit que **o** est l'élément **uperneutralisant**.

En d'autres termes, l'identité générative « $=_w$ » n'est pas assez **identitaire** (ou **stricte**) pour

distinguer les **générescences d'unit o**.

Pour cela, il en faut une plus **stricte**, « $=_{2w}$ » par exemple, ou une plus **stricte** encore, par rapport à laquelle **o** devient comme **0** ou comme **θ** le sont par rapport à « $=_w$ ».

Il faudrait alors ajouter un nouveau couple **zéro-infini** ou **o'** et **Ω'**, à la **structure générative** : **o', o, 0, θ, ε, 1, v, w, ω, Ω, Ω'**, et ce pour qu'ils soient les nouveaux éléments absolus. Mais alors le même problème se poserait pour **o'**, et on n'en finit pas avec cette fuite en avant, puisque nous avons affaire à une **structure fractale** ! Le même **modèle** se reproduit à chaque fois à une autre échelle. Mais il faut bien commencer quelque part et l'appeler le **0 absolu**, et ce sera donc **o**.

Et à partir de maintenant aussi, le signe « = » désigne l'**identité générative** « $=_w$ », qu'il n'est plus nécessaire de mentionner par un indice, puisque nous venons de comprendre comment elle marche. Sa limite ultime en matière de distinction des **générescences** est atteinte avec les **générescences d'unit o**.

Le second cas particulier d'**unit x** est quand il est **1**. On a alors : **w = 1...**, ou en toute rigueur : **w = 1....**, car avec **w** c'est le « **GENER quatre points** ». On continuera à noter « **trois points** », étant entendu que l'on sait quel **GENER** ces « **trois points** » désignent.

Toutes les **générescences d'unit 1** sont par définition les **ordinaux**. L'**ensemble de tous les ordinaux** est noté **W₁**. On le note aussi **N_o**, et dans ce cas les **ordinaux** sont appelés aussi les **nombre entiers oméganaturels**.

Par définition, on dit que **w** est aussi la suite :

o, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, ...

ou : **o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...**

On les appelle les **entiers naturels** (appellation classique), ou **ordinaux entiers naturels**, et aussi les **ordinaux** ou **entiers constants**, ou **onigrades**, de **degré o** ou de **degré 0**, mais dans ce cas on parle du **0 absolu**. L'**ensemble des entiers naturels** est noté **N**.

Sur l'image ci-dessous est illustrée la notion de **nombre entier infini** ou **nombre entier variable croissant**. Le **nombre entier infini**, c'est-à-dire **nombre entier variable croissant**, que nous avons appelé **ω** sur l'image, est celui que nous appelons **w** ici. Ce **nombre entier infini ω** ou **w** n'est qu'une autre manière de parler de l'**ensemble N des entiers naturels** lui-même. Dans le langage des **applications** et des **suites**, il s'agit de la **suite w d'entiers naturels**, c'est-à-dire de l'**application w de N dans N**, telle que : **w(n) = w_n = n**, pour tout **entier naturel n**. Cette **application w** est donc l'**ordinal infini w**, ou **nombre entier infini w**.

Comme déjà vu, de manière générale, on appelle un **nombre entier variable x** toute **suite x d'entiers naturels ou relatifs**, c'est-à-dire toute **application x de N dans Z**. L'ensemble de tels **entiers variables** est donc **Z^N**. On dit que **x** est **infini** s'il s'agit d'une **suite croissante** (ou tout au moins **finalement croissante**, c'est-à-dire à partir d'un certain **rang k**).

x et **y** étant deux **nombre entiers variables**, l'**addition x+y** et la **multiplication x×y** sont définies par : **(x+y)_n = x_n + y_n**. Et : **(x×y)_n = x_n × y_n** (là aussi on y reviendra souvent).

w est dit **unigrade** ou de **degré 1**. Il s'agit d'un **nombre entier**, certes, autrement dit d'un **ordinal**, mais pas d'un **nombre entier naturel**, puisque son **degré** est **1**, alors que le **degré** des **nombre entiers naturels** est **0 absolu** ou **o**. L'**ordinal** w est l'élément clef de W_1 , la **base infinie** des **ordinaux infinis**.

Les **ordinaux** de **o** à w sont :

o, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., w-7, w-6, w-5, w-4, w-3, w-2, w-1, w.

On les appelle le **cycle ordinal** de **base**, ou **cycle ordinal** de **référence**.

Les éléments du début sont **onigrades**, de **degré 0 absolu** donc, et ceux de la fin sont **unigrades** ou de **degré 1**, car ce sont des **polynômes en w** de **degré 1**.

Ce sont les **générescences** : **...111111w, 11111w, 1111w, 111w, 11w, 1w, w**, en **notation ordinale romaine**. Autrement dit, c'est la liste :

...111111(1...), 11111(1...), 1111(1...), 111(1...), 11(1...), 1(1...), 1...

La liste se poursuit : **w, w+1, w+2, w+3, w+4, w+5, ...**,

et ce sont les **générescences** : **w, w1, w11, w111, w1111, w11111, ...**, en **notation ordinale romaine** aussi. C'est la liste :

1..., (1...)1, (1...)11, (1...)111, (1...)1111, ...

On a : **$2 \times w = 11 \times w = ww = 1...1...$**

Et : **$3 \times w = 111 \times w = www = 1...1...1...$**

Et : **$4 \times w = 1111 \times w = wwww = 1...1...1...1...$**

Et ainsi de suite.

Et : **$w \times w = w^2 = (1...) \times w = w... = (1...)...$** Il est de **degré 2**.

Puis : **$w \times (w^2) = w^3 = (w^2) ... = ((1...)...)...$** Il est de **degré 3**.

Et ainsi de suite.

L'**ordinal** : **$a_n \times w^n \pm a_{n-1} \times w^{n-1} \pm a_{n-2} \times w^{n-2} \pm \dots \pm a_1 \times w^1 \pm a_0$** , où les a_i sont des **ordinaux onigrades**, et où a_n est non nul, c'est-à-dire est différent du **0 absolu**, **o** ou **0_w**, et où n est un **ordinal onigrade** (ou une **constante**), est de **degré n**. Si donc a_1 est non nul, alors **$a_1 \times w^1 \pm a_0$** ou **$a_1 \times w \pm a_0$** est **unigrade** ou de **degré 1**.

A l'issue de ce processus de **construction générative** des **ordinaux**, on arrive à un **super-horizon infini**, qui est : **$\omega = w^w$** .

$w \times (w^{w-1}) = w^w = (w^{w-1})...$ Il est de **degré w**.

Cet **ordinal infini** est noté ω . C'est le très **grand modèle** de w , donc tel que :

On a alors un **opérateur GENER** supérieur, et la symbole « ... » désigne alors en fait le « **GENER cinq points** », à savoir « » .

Avec le nouveau **GENER**, on pose : **$\omega = 1...$**

Et on aura exactement de la même façon : **$\omega^2 = \omega... = \omega \times \omega$** ,

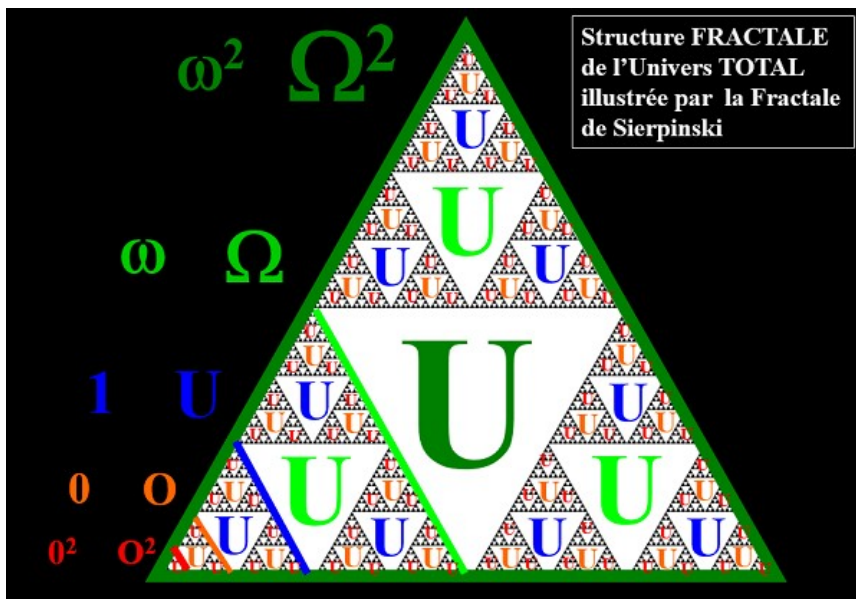
Puis : $\omega^3 = (\omega^2)\dots = \omega \times (\omega^2)$.

Et ainsi de suite, jusqu'au nouveau super-horizon : $\omega^\omega = (\omega^{\omega-1})\dots = \omega \times (\omega^{\omega-1})$.

A noter que chaque voyage vers un **horizon ordinal** donné, passe par tous les **horizons ordinaux intermédiaires**, tous les **GENER** d'avant.



Nous n'avons parlé que des **ordinaux**, c'est-à-dire les **générescences entières**, qui commencent par le **0 absolu**, puis se poursuivent avec **1** et tous les entiers au-dessus. Mais en fait c'est la même **structure** en dessous de **1**, et qui va jusqu'au **0 absolu**, en passant par tous les **0 intermédiaires**, de la même façon qu'avec les **infinis**.



C'est l'**identité** avec laquelle on travaille qui, à un moment donné, ne sera plus assez précise pour distinguer les **générescences** les plus **fines** ou les **modèles fractals** les plus **fins**. On dira alors qu'ils sont tous **équivalents**, et on les appellera tous du nom commun de **0 absolu**. Alors qu'en fait, si l'on continue de faire appel à des **identités** de plus en plus **strictes**, on s'apercevrait que la **structure fractale** continue indéfiniment.

Même raisonnement du côté de l'**infini ω**. Et si à un moment donné on décide que ces extrêmes « **inaccessibles** », les **alphas** d'un côté et les **omégas** de l'autre, autrement dit les **zéros** d'un côté et les **infinis** de l'autre, oui si nous décidons que les « **trop petits** » et les « **trop grands** » sont **équivalents**, alors cette **relation d'équivalence** est la **relation omégacyclique**. Elle revient à dire que l'**infiniment petit** rejoint l'**infiniment grand**, et vice-versa.

Dans les conceptions traditionnelles, celles de la Négation, on définit plusieurs ensembles numériques : l'ensemble **N des entiers naturels**, l'ensemble **Z des entiers relatifs**, l'ensemble **Q des nombres rationnels**, l'ensemble **R des nombres réels**, et au-delà l'ensemble **C des nombres complexes**, etc.. Et, par exemple, l'ensemble **R des nombres réels** va servir à définir spécialement l'ensemble **C des nombres complexes**, et tout cela va servir à définir les **espaces vectoriels**, les **dimensions**, etc..

Mais en réalité ce n'est pas comme cela que les **nombres** se **structurent** et fonctionnent. Il n'y a en fait qu'un **seul ensemble numérique**, et qui est l'ensemble **W des générescences**, et c'est l'ensemble de tous les **ordinaux** ! En d'autres termes, **il n'y a que les ordinaux**, organisés en **structure fractale** que nous décrivons en fait, de l'**infiniment petit** à l'**infiniment grand**. Quelle que soit l'échelle où on les regarde, c'est toujours la même structure qui se répète. Ce qui va différencier une échelle d'une autre, c'est l'**unit x** auquel on applique les **ordinaux**, et la structure de base est :

o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., xxxxx(wx), xxxx(wx), xxx(wx), xx(wx), x(wx), (wx)
ou : **o, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, ..., (w-5)x, (w-4)x, (w-3)x, (w-2)x, (w-1)x, wx.**

On change d'échelle en changeant juste la valeur de **x**. Sinon, on a toujours ce même **ordre des ordinaux** à toutes les échelles, et la séquence qui joue le rôle clef là-dedans, c'est le **cycle ordinal de base w**: **o, 1, 2, 3, 4, 5, ..., w-5, w-4, w-3, w-2, w-1, w**. Ou mentionnant les **v** :

o, 1, 2, 3, 4, ..., v-4, v-3, v-2, v-1, v, v+1, v+2, v+3, v+4, ..., w-4, w-3, w-2, w-1, w.

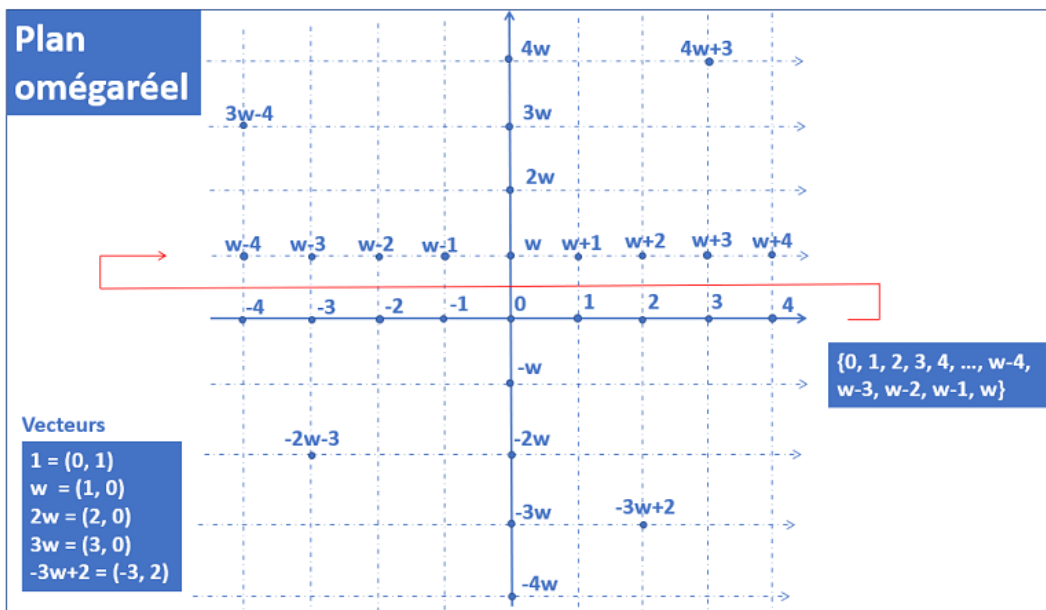
Le **cycle ordinal de base w** est donc lui-même formé par les **cycles ordinaux de base v**, c'est-à-dire le **sous-cycle** : **o, 1, 2, 3, 4, ..., v-4, v-3, v-2, v-1, v.**

Cela veut dire qu'à l'**unit x** près, **tout est ordinal**, tout suit cet **ordre** de l'**alpha** ou **zéro** à l'**oméga** ou l'**infini**. Si l'on donne à **x** la **valeur 1**, ces **générescences** vont correspondre à la notion d'**ordinal** au sens restreint du terme, alors qu'en réalité, cette notion a un sens très large et qui est celui de **générescences** ! Et **tout dans l'Univers TOTAL est générescence**, tout est **généré** de la même manière, car c'est lui précisément l'**Alpha** et l'**Oméga**, qui **génère** tout.

Et le verbe **générer** est le sens technique précis du courant verbe **créer**. **DIEU le Créateur de toutes choses**, c'est en fait **DIEU le Générateur de toutes choses**. Et c'est aussi **DÉESSE la Créatrice de toutes choses**, et c'est **DÉESSE la Génératrice de toutes choses**. C'est le **Père Universel**, c'est la **Mère Universelle**.

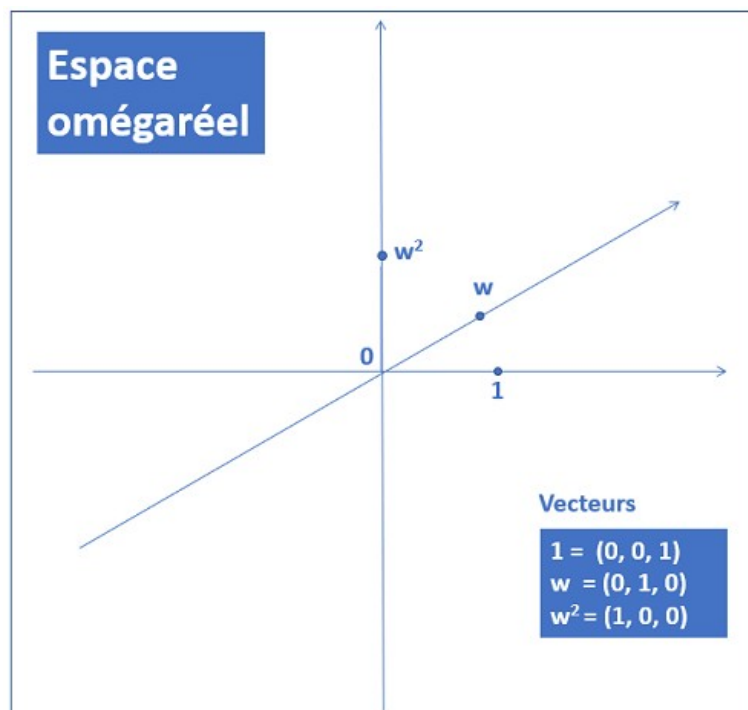
Ce que nous étudions techniquement en parlant de structure des nombres, des ordinaux, c'est en fait l'**Univers TOTAL**, car **tout est numérique**. C'est sa **structure fractale** que nous décrivons en fait, de l'**infiniment petit** à l'**infiniment grand**. Non seulement **tout est ordinal**, il n'y a pas de séparation entre **nombres entiers**, **nombres rationnels**, **nombres réels**, **nombres complexes**, **espaces vectoriels**, etc., mais il n'y a pas de séparation non plus entre les **mathématiques** ou l'**informatique** et la **physique**, la **biologie**, etc.. Car les **générescences**, ce sont les **informations unaires**, nous faisons l'**informatique** de l'**Univers TOTAL**.

Et plus besoin donc aussi de dire qu'on utilise les **nombres réels**, les **nombres** incarnant un **espace** de **dimension 1**, pour définir les **espaces vectoriels**, **géométriques**, **physiques**, etc., ou tout type d'**espace**. Car là aussi il n'y a pas 36 **espaces**, mais **UN seul espace** fondamentalement, qui est précisément l'**espace numérique** que nous découvrons avec les **générescences**.



Et les différents **infinis** que nous découvrons : $v^1, v^2, v^3, v^4, v^5, v^6, v^7, \dots, w^1, w^2, w^3, w^4, w^5, w^6, w^7, \dots, \omega^1, \omega^2, \omega^3, \omega^4, \omega^5, \omega^6, \omega^7, \dots, \Omega^1, \Omega^2, \Omega^3, \Omega^4, \Omega^5, \Omega^6, \Omega^7, \dots$, ce sont précisément les **dimensions** en tant que **nombre**s, et le **degré n** ou la **puissance n** de v^n ou w^n ou ω^n ou Ω^n , définit la **dimension n+1**.

Par exemple, avec w^4 , on a les **5 degrés** de w qui sont : w^0, w^1, w^2, w^3, w^4 , ou : $1, w^1, w^2, w^3, w^4$, qui sont **5 vecteurs de base** d'un **espace de dimension 5**. Et avec w^2 donc, on a les **3 axes** de l'**espace de dimension 3**, qui sont donc : w^0, w^1, w^2 , ou : $1, w^1, w^2$:



Pour définir le plan des **nombre complexes** par exemple, on a besoin que juste le **degré 1** de w , à savoir w^1 , qui va servir d'axe « imaginaire » (mais il n'y a rien d'« imaginaire » maintenant, car tout est **réel**, et même **omégaréel**), et l'axe de **degré 0** ou l'axe d'unité ou d'**unit 1**, va jouer le rôle d'axe des réels. Il suffit alors de définir les **opérations** propres au fonctionnement des **nombre complexes**, et voici alors notre plan numérique bien **réel**, décrit par les **générescences**, transformé en **plan complexe**. Ce sont donc toujours les mêmes **nombre omégaréels** (c'est-à-dire les **nombre réels** dans lesquels l'**infini ω** ou w joue maintenant pleinement son rôle, contrairement aux réels classiques dans lesquels ils sont exclus, sauf dans les **nombre réels** dits « **non standard** », et encore que...), oui les mêmes **nombre omégaréels** ou **générescences** donc, qui, vus sous différents angles, jouent tous les rôles.

Comme par exemple aussi la fameuse notion de **polynômes**.

Comme par exemple le **polynôme** en X appelé l'**indéterminée**: $P(X) = X^2 - 5X + 6$.

Et la **fonction polynôme** associée : $p(x) = x^2 - 5x + 6$, le symbole x étant classiquement appelé la **variable**, mais aussi l'**inconnue**.

Et maintenant la question : pourquoi aller s'embêter avec des « **imaginaires** », avec des « **indéterminées** », avec des « **inconnues** », avec des notions artificielles de « **variables** », etc., alors que :

→ Rien n'est « **imaginaire** » ou en parlant des **nombre complexes**, pas si « complexes » que ça, finalement. Puisque ce sont fondamentalement des **générescences**, des **nombre omégaréels**, donc des **réels** mais avec juste l'**infini oméga** ou ω ou son petit modèle w parmi eux.

→ Rien n'est « **indéterminé** », en parlant des **polynômes**, et par exemple aussi du « **principe d'indétermination de Heisenberg** » en physique quantique, tout est **déterminé** dans l'**Univers TOTAL**. Avec lui, il n'y a plus de hasard, **toute chose existe**, toute chose est vraie, quelque part dans l'**Univers TOTAL**. Rien n'est fondamentalement « **inconnu** » non plus (en parlant de **fonctions** ou des **équations**), en ce sens qu'il n'y a que **Dieu l'Univers TOTAL l'Alpha** et l'**Oméga** à connaître en sciences, et puis c'est bon. Et tous les mystères de la Négation, oui du Diable, sont résolus aussi du même coup. C'est lui qui cache la **vérité**, l'**information**, qui la rend inconnue, ce qui fait transpirer souvent et résoudre des casse-têtes pour la connaître.

Oui, pourquoi commencer par se prendre la tête avec : $P(X) = X^2 - 5X + 6$, ou : $p(x) = x^2 - 5x + 6$, avec donc des « **indéterminées** » et des « **inconnues** », des variables artificielles, donc, alors qu'on a cette **générescence** et **nombre omégaréel** : $x = v^2 - 5v + 6$, ou $x = w^2 - 5w + 6$, qui répond à toutes les questions que ce **polynôme $P(X)$** ou cette **fonction $p(x)$** soulève ?

Ici, x n'est pas une **inconnue**, mais est par exemple la **connue $v^2 - 5v + 6$** . Et en plus on apprend que c'est un **nombre entier oméganaturel, infini**, le **nombre** qui s'écrit aussi sous forme **factorisée**: $x = (v - 2)(v - 3)$. Autrement dit, on reconnaît facilement deux des **nombre** de la liste des **ordinaux** : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, (v-5), (v-4), (v-3), (v-2), (v-1), v$.

Dans la forme **factorisée** de x , on reconnaît les **ordinaux $(v - 3)$** et **$(v - 2)$** donc, qu'on a **multipliés** entre eux, ce qui donne : $v^2 - 5v + 6$.

Nous avons fait exprès d'écrire : $x = (v - 2)(v - 3)$, pour d'abord faire comprendre quelque chose de très subtil : dans cette écriture, ni v ni x ne sont des **inconnues**. Car v est **connu**, c'est l'**infini v** , et à la fois aussi la **variable v** , les vraies **variables**, bien **définies** maintenant, en tant que **nombre à part entière**, et non pas des **symboles artificiels**, des **lettres** qu'on emploie pour remplacer des

nombres, pour définir des **fonctions**, résoudre des **équations**, etc.. En d'autres termes, **x** est ici un **nombre variable**, et non pas un symbole qui fait semblant d'être un **nombre**, et qu'on doit faire l'effort mental de considérer comme tel, en le faisant **varier**, car il ne **varie** pas tout seul. Comme un cadavre, il ne bouge pas, jusqu'à ce qu'on le fasse bouger en lui donnant une valeur.

Parlons maintenant davantage de la **forme factorisée de x**, à savoir : $x = (v - 2)(v - 3)$. Le premier facteur, $(v - 3)$, signifie « **3 unités 1 avant l'infini v** », et le second, $(v - 2)$, signifie « **2 unités 1 avant l'infini v** ». Qui peut le plus peut le moins, dit-on. Toutes les questions que peuvent soulever ce **polynôme P(X)** ou cette **fonction p(x)**, la **variable x**, qui est aussi un **nombre infini**, le fait aussi, mais apportent bien d'autres réponses profondes que ses équivalents dans les paradigmes classiques n'apportent pas.

Et enfin, quelque chose que nous dit la forme développée de **x**, à savoir : $x = v^2 - 5v + 6$.

x est à la fois une **variable** au vrai sens, comme on l'a vu, il est un **nombre entier infini**, un **nombre entier oméganaturel**, et aussi un **nombre omégaréel**, un **polynôme**, une **fonction polynôme**. OK.

Mais ce n'est pas tout, car aussi, **x est un vecteur d'un espace vectoriel de dimension 3** ! En effet, comme dit plus haut, son **degré** est **2**, donc il est un **vecteur** de **dimension 2+1**, donc de **dimension 3**. Il est un élément d'un **espace vectoriel** dont les **vecteurs de base** sont : $v^2, v, 1$. Trois exemples de ce que nous appellerons plus loin des **unités canoniques**. Les coordonnées de **x** selon cette **base d'espace vectoriel de dimension 3**, sont aussi les **coefficients du polynôme**, à savoir **(1, -5, 6)**. Autrement dit, **x** en tant que **vecteur**, s'écrit : $x = (1, -5, 6)$.

Et ce n'est pas encore fini : **x est un vecteur de dimension 3** dont l'un de ses **sous-vecteurs de dimension 2**, en l'occurrence : $z = (-5, 6)$, qui se trouve dans le plan **défini** par les deux **vecteurs de base** : $v, 1$, peut-être interprété comme un **nombre complexe**, qui s'écrit alors : $z = 6 - 5i$, où donc **6** est appelé la **partie réelle** de **z**, et **-5** est appelé sa partie « **imaginaire** ». Mais une fois encore il n'y a rien d'imaginaire, rien de « complexe », puisque **x** comme son **sous-vecteur z**, sont des **nombres omégaréels**, des **générescences**.

Et on remarque au passage que, dès que nous avons défini les **générescences**, et donc aussi des ordinaux comme : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, (v-5), (v-4), (v-3), (v-2), (v-1), v$, qui sont tous **positifs** dans l'absolu, il faut le signaler, pour pouvoir disposer ensuite de **nombres antitifs**, ce qu'on appelle habituellement les **nombres « négatifs »**, nous avons nullement eu besoin de définir l'**ensemble Z des nombres entiers relatifs**. En effet, ils se trouvent cachés dans les **prédécesseurs** des **nombres infinis**, où ils sont cachés ici : $\dots, (v-5), (v-4), (v-3), (v-2), (v-1), v$.

Comme on peut le remarquer, en partant de **0**, on a dans le **sens croissant** les **nombres** : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$,

les très familiers **nombres entiers naturels**, les éléments de **N**.

Mais en partant de **v**, de l'**oméga** ou ici de son petit modèle **v**, et allant dans le **sens décroissant**, vers **0** donc, le **nombre infini v** joue le rôle de **0** ou **o**, exactement comme dans la liste des **entiers relatifs**, les éléments de **Z**, à savoir : $\dots, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$.

Donc, d'une manière discrète, les éléments de la fin : ..., (v-5), (v-4), (v-3), (v-2), (v-1), v, jouent exactement le même rôle que : ..., -5, -4, -3, -2, -1, o.

Et donc en fait w joue un rôle discret de 0 ou o !

Il faut raisonner en logique **oméga** pour le voir, c'est-à-dire en logique du **cycle oméga**, sous sa forme ici de **cycle w**. Ce **cycle** s'écrit : $0 = v$, ici donc : $o = v$.

Par conséquent, dans ce **cycle v**, qu'actuellement on appellera la **congruence modulo v**, et qu'on écrira : $\mathbb{Z}/v\mathbb{Z}$, on a les équivalences suivantes : $-1 = v-1$, $-2 = v-2$, $-3 = v-3$, etc..

Donc en disant que la **forme favorisée** de x est : $x = (v-2)(v-3)$, nous sommes quelque part en train de dire aussi que : $x = (-2)(-3) = +6$.

Et c'est bien ce +6 qu'on trouve à la fin de la **forme développée** de x, donc : $x = v^2 - 5v + 6$. Quand donc on fait jouer à v le rôle de 0 ou o selon l'égalité du **cycle 12**, qui s'écrit : $0 = v$, ou : $o = v$, il se trouve donc que x est **équivalent** à +6, un autre rôle discret qu'il joue.

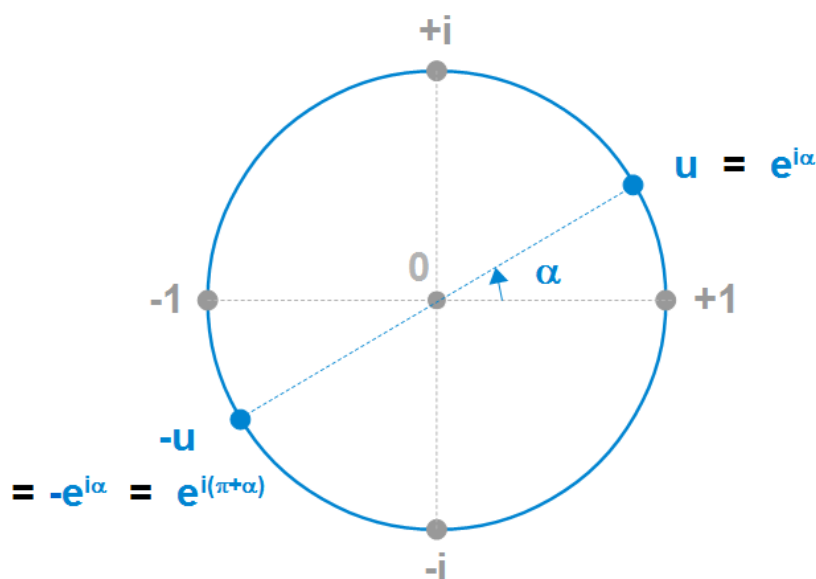
On peut dire bien d'autres choses, ce petit tour d'horizon suffit. Le moins qu'on puisse dire c'est : « Tout ça, oui toutes ces notions des mathématiques et des sciences dans une seule **égalité**, dans un seule **générescence x** ? »

Eh bin, oui !

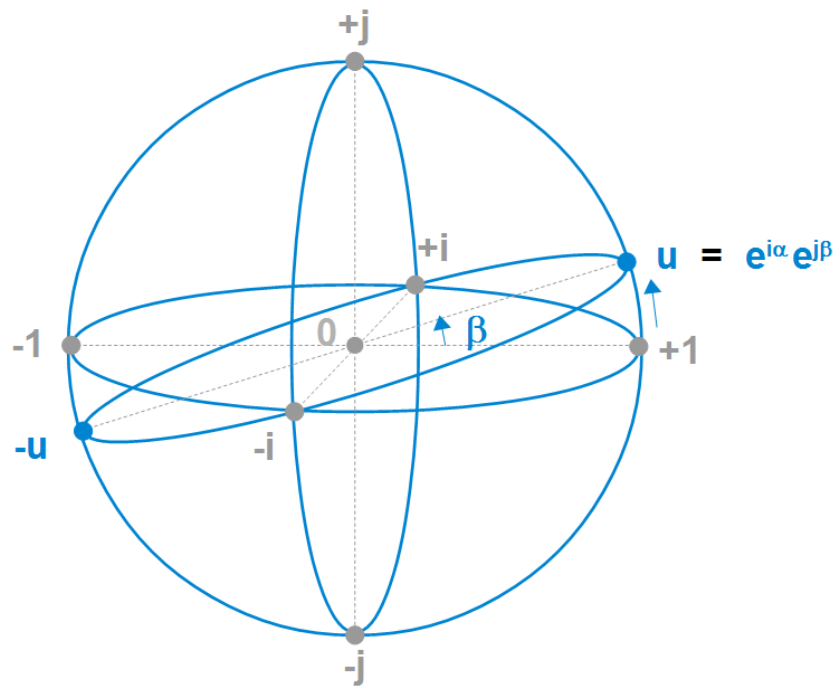
Donc en faisant l'exposé que j'ai fait sur les **générescences** et la **structure fractale**, je suis en train de vous raconter l'**Univers TOTAL**, oui **DIEU** ! Vous, vous n'y voyiez que des exposés techniques en vous demandant peut-être à chaque fois : « Mais où veut-il en venir avec ce blabla ? »

Mais dans ce que je vous explique, plus que de « simples » **nombre complexes**, je vois des cercles, des sphères, des hypersphères, ce que j'ai appelé des **n-unids** dans les livres précédents.

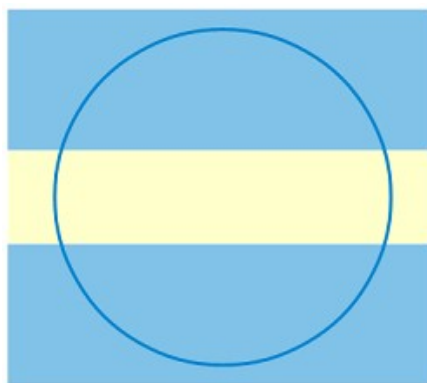
Comme ici le **2-unid** :



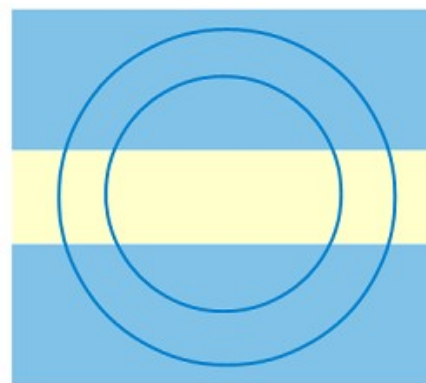
Le 3-unid :



Comme précédemment, au-delà des **polynômes**, des **fonctions**, des **équations**, des **vecteurs**, je vois toute la **structure des ensembles** cachés dans les **unids** (les **hypersphères**) :

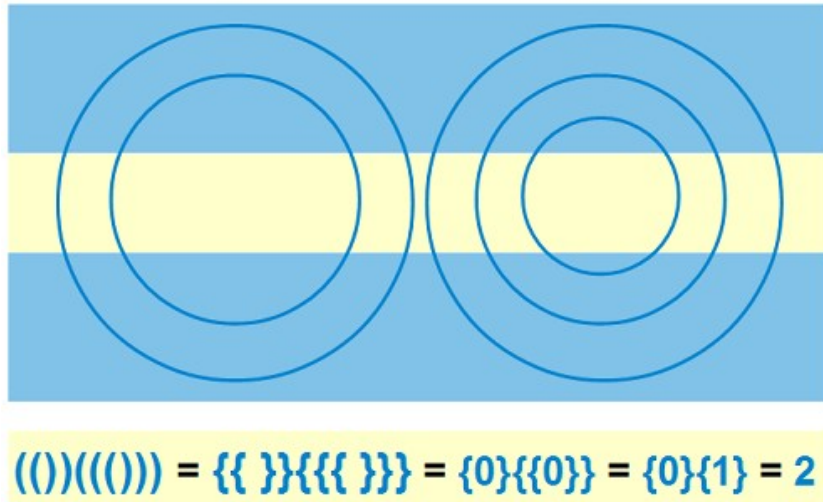


$$() = \{\} = 0$$



$$(()) = \{\{\}\} = \{0\} = 1$$

Je vois les **ordinaux** en tant que **structures unidales** ou **hypersphériques**. Je vois le lien entre un **cercle** ou un **disque** et ce qu'on appelle « **ensemble vide** » ou le « **rien** » ou le « **zéro** ». Je vois pourquoi ce n'est pas si « **vide** » ou « **rien** » ou « **zéro** » que cela. Je vois ce que cela veut dire réellement. Et inversement, quand je vois une **structure ensembliste**, je vois des **unids**, des **hypersphères** et les **relations** et **configurations** que cette **structure** raconte.



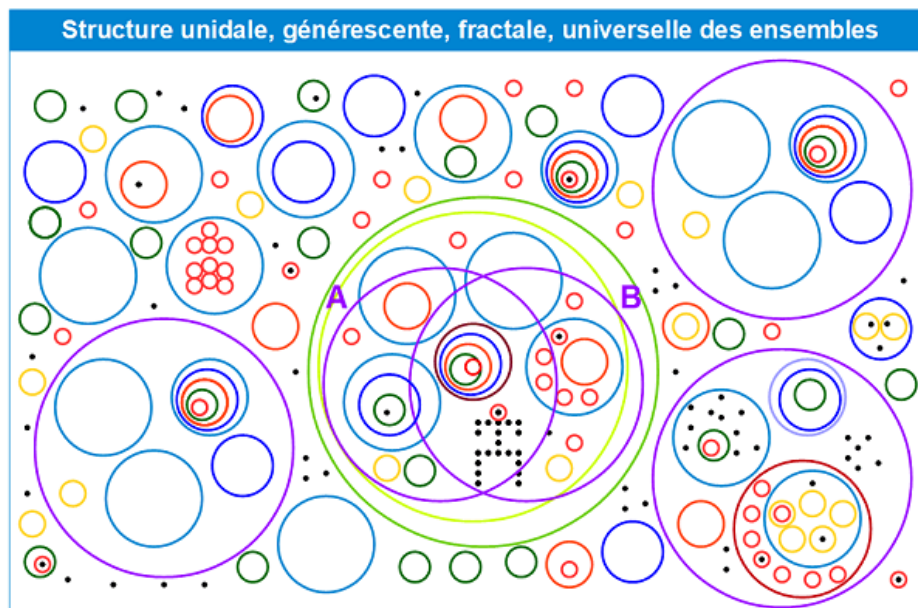
Je vois les **ensembles** de Cantor, ce connecté au divin, ses **ordinaux**, je vois à l'oeuvre des **ordinaux** et **cardinaux**, **finis** comme **infinis**, et je vois où il s'est trompé ou plutôt a été trompé par les mauvais paradigmes. Sa théorie des ensembles n'avait aucun paradoxe, mais ce sont les paradigmes dans lesquels il travaillait, qui sont loin de la vie, de l'Univers et de son sens, qui sont paradoxaux. Il ne croyait pas si bien dire quand il affirmait que c'est Dieu qui lui a envoyé la **théorie des ensembles** et des **ordinaux**. Et plus que quiconque, je le comprends quand face à ses découvertes et ce qu'elles racontent, il disait : «Je le vois, mais je ne le crois pas ».

Je comprends à quel point David Hilbert, le père de la méthodologie axiomatique, avait raison de dire : « Du paradis créé pour nous par Cantor, personne ne nous chassera ».

Mais le problème c'est que ce n'est pas la méthodologie axiomatique qu'il fallait aux mathématiques afin qu'elles fonctionnent dans des paradigmes étriqués, mauvais, mais de changer ces paradigmes, toute la logique mathématique et scientifique ! Car, justement, la méthode axiomatique a rendu les mathématiques encore plus abstraites, déconnectés de l'Univers que je vois. Les mathématiques sont devenues un simple jeu d'axiomes, un formalisme déconnecté du sens. Les mathématiciens ne voyaient plus que beaucoup de notions apparemment différentes ne sont en réalité que différentes facettes d'une seule notion fondamentale, qui raconte Dieu, l'Univers TOTAL, l'Alpha et l'Oméga, comme par exemple la notion de **générescence**. Et au final, l'axiomatique entre autres a fait sortir les mathématiciens du paradis créé par Cantor.

La notion intuitive et naturelle d'ensemble de Cantor n'était pas « naïve », ce n'est pas elle qui est la cause des paradoxes mais bel et bien les paradigmes de la Négation, incompatibles avec l'Univers, la Nature, la Vie, bref Dieu.

Et voilà tout à coup les **nombres complexes** qui cessent d'être complexes, pour devenir non seulement simples comme des dessins d'enfants avec un compas et des couleurs, mais des **nombres réels**, oui des choses de la **Réalité** ! Les équations cèdent la place à des structures unidales. Les cercles, les sphères, les hypersphères prennent tout à coup vie, ils deviennent les choses de la vie, de l'Univers.



Je vois donc la vie, la vraie. Je vois l'amour, je vois la nature, les montagnes, les fleuves, les océans. Je vois des gens se promener, heureux de vivre, de respirer, sans masques, sans distanciations sociales, sans séparations ! Je vois des planètes, des étoiles, des galaxies, des univers, une infinité d'univers, des infinités d'infinités ! Je vois des espaces infinis, des dimensions, des infinités au carré, au cube, à la puissance 4, et même des infinités à la puissance des infinités ! C'est donc de tout cela que je parle, avec les degrés et les puissances de w ou de ω .

Revenons donc à nos générescences, maintenant que l'on comprend mieux, je l'espère, ce qu'elles sont et ce qu'elles disent. Revenons à notre ensemble W , la **structure générative** de base w . Souvenez-vous, nous avons considéré **sept**  l ments de base:

$0_\omega, 0, \theta, 1, w, \omega, \omega_\omega$, ou : $o, 0, \theta, 1, w, \omega, \Omega$.

Puis nous avons posé l'** galit  omégacyclique** : $0_\omega = \omega_\omega$, ou : $o = \Omega$, ce qui veut dire donc que nous travaillons avec le **Cycle Ω** , dans ce qu'on appelle classiquement la **congruence modulo Ω** , et les mathématiciens traditionnels noteraient ici : $\mathbb{Z}/\Omega\mathbb{Z}$. Oui, ils aiment des termes et des notations qui impressionnent le non initié. Mais passons.

Tout ça donc juste pour dire qu'on travaille dans le **Cycle Ω** , qui s'écrit ici : $o = \Omega$. Nous avons vu ce **cycle** sous différentes versions, comme : $0_\omega = \omega_\omega$, et plus simplement : $0 = \omega$, et nous avons vu ça un peu plus haut sous la forme : $o = w$. Tout cela est ** quivalent**.

Nous avons donc : $0_\omega = \omega_\omega$, ou : $o = \Omega$, ce qui ramène nos sept éléments fondamentaux à six éléments: $o, 0, \theta, 1, w, \omega$.

On pose : $o \times \Omega = 0_\omega \times 0_\omega = 0_\omega$, et : $0 \times \omega = \theta \times w = 1 \times 1 = 1$.

Et plus généralement : $1 \times x = x \times 1 = x$, pour toute **expression x** .

Autrement dit, on s'autorise des ** quivalences élémentaires**, dont le fait que **1** est l'** l ment neutre** de la **multiplication**. Mais **0** n'est pas ** l ment neutre** de l'**addition**, c'est **o** ou **0_ω** qui joue ce rôle.

Ceci induit deux notions de **soustraction**, la **soustraction absolue** et la **soustraction générative**, dont on reparlera.

On impose à l'**addition** et à la **multiplication** d'être **commutatives** et **associatives**, ce qui signifie que l'on demande à l'**identité générative** d'être moins **identitaire** (ou moins **stricte**) et plus **équivalencielle** (ou plus **large**), de ne pas distinguer $x+y$ et $y+x$, de même xy et yx , pour la **commutativité**, et de ne pas distinguer $(x+y)+z$ et $x+(y+z)$, de même $(xy)z$ et $x(yz)$, pour l'**associativité**.

Autrement dit, pour la **commutativité** :

$$\rightarrow x + y = y + x$$

$$\rightarrow x \times y = y \times x$$

Et pour l'**associativité** :

$$\rightarrow (x+y)+z = x+(y+z)$$

$$\rightarrow (x \times y) \times z = x \times (y \times z)$$

On demande à la **multiplication** d'être **distributive** par rapport à l'**addition**, c'est-à-dire :

$$\rightarrow x \times (y+z) = x \times y + x \times z$$

C'est cette propriété demandée à l'**identité générative** « $=_w$ » qui fait de l'**opération** notée « \times » une **multiplication** par rapport à celle notée « $+$ », ce qui, en logique **générative**, signifie que la **multiplication** est l'**itération** de l'**addition**, l'**hyperopérateur** qui vient juste après l'**addition**.

Par exemple :

$$\begin{aligned} x \times (1+1+1+1+1+1) &= x \times (111111) = x \times 1 + x \times 1 + x \times 1 + x \times 1 + x \times 1 + x \times 1 + x \times 1 \\ &= x + x + x + x + x + x + x = xxxxxxx. \end{aligned}$$

Autrement dit, une **multiplication** est la **répétition** de l'**addition** d'un certain même **unit**, ici x . Ici donc, **multiplier** x par une **générescence** n d'**unit** 1 , qui est la définition d'un **ordinal** n dans la **conception générative** (oui une **générescence** d'**unit** 1 , le **0 absolu** étant un cas singulier), c'est remplacer chaque **unit** 1 de n par x . C'est cette propriété de **distributivité** qui sera sous-jacente dans la **multiplication** de deux **générescences** quelconques x et y .

De même, les propriétés d'**équivalence** (ou d'**indifférenciation**) supplémentaires que l'on va demander à l'**identité générative** « $=_w$ » ci-après, vont faire de l'**opération** d'**exponentiation** l'**itération** de la **multiplication**, donc l'**hyperopérateur** qui vient juste après la **multiplication**.

On demande à l'**exponentiation** d'être **exponentiative** par rapport à la **multiplication** et à l'**addition**. C'est-à-dire, en notant x^y par x^y , l'**exponentiation** possède les quatre propriétés suivantes :

Pour tous éléments x, y et z de W ,

Exp0) $x^0 = 1$; où **0** est le **0 absolu** ;

Exp1) $x^1 = x$; autrement dit, **1** est l'**élément neutre à droite** pour l'**exponentiation** ;

Exp2) $x^y \times x^z = x^{y+z}$;

Exp3) $(x^y)^z = x^{y \times z}$;

Exp4) $(x \times y)^z = x^z \times y^z$.

Toutes ces **égalités**, en l'occurrence ici des **identités génératives**, signifient que dans le grand magma des **expressions** ou **assemblages** de **symboles**, on définit des sous-ensembles de **W** qui sont des **classes d'équivalence**. Chacune des **égalités génératives** plus haut définit simplement une **classe d'équivalence**.

Par exemple, l'**égalité** : $x^0 = 1$, ou : $x^{\wedge}0 =_w 1$, dit que l'on décide que toutes les expressions de la forme « $x^{\wedge}0$ », où **x** est une **expression** quelconque, sont **équivalentes** à l'expression **1**, et sont dans la même **classe d'équivalence** que **1**. De même, l'**égalité** : $x^1 =_w x$, ou : $x^{\wedge}1 =_w x$, dit que toutes les expressions de la forme « $x^{\wedge}1$ », sont dans la classe de **x**. De même que les expressions de la forme : $x+0$, $0+x$, $1 \times x$, $x \times 1$, etc..

Et maintenant la **relation d'ordre** :

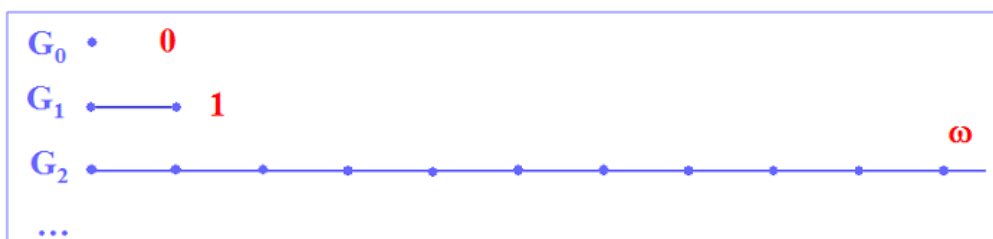
W est muni d'une **relation binaire** notée «**<**».

Cette relation se résume à dire que, pour toute **générescence x** qui n'est pas **0**, les **générescences d'unit x**, sont à prendre dans l'**ordre** :

$0 < x < xx < xxx < xxxx < xxxxx < \dots < xxxxy < xxxxy < xxxy < xxy < xy < y < yx < yxx < \dots$,
où **y** est une **générescence d'unit x**, **finie** ou **infinie**. Autrement dit, l'**ordre** dans **W**, dans les **générescences** donc, se ramène fondamentalement et à toutes les échelles à cet ordre :
0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., (w-5), (w-4), (w-3), (w-2), (w-1), w.

Le fait de ne pas imposer tout de suite que **0** est l'**élément neutre** de l'**addition** a de grandes conséquences heureuses sur les **opérations numériques** fondamentales. Elles deviennent très **formelles** et **informationnelles**, ce qui renseigne énormément sur la nature, le fonctionnement et les mécanismes profonds des **nombres**. On comprend mieux les articulations des trois opérations fondamentales : l'**addition**, la **multiplication** et l'**exponentiation**, à savoir par exemple que la **multiplication** est l'**addition itérée**, et que l'**exponentiation** est la **multiplication itérée**. Autrement dit, la **multiplication** est juste la **répétition** de l'**addition**, et l'**exponentiation** est la **répétition** de la **multiplication**. Donc en fait tout est à la base de l'**addition**.

Et c'est avec les **générescences** ou **informations unaires** que l'on comprend bien ces opérations fondamentales. C'est-à-dire les **informations** faites d'une seule **information élémentaire**, le **0** en fait, par opposition au **binaire** par exemple, qui utilise deux informations élémentaires, le **0** et le **1**. Nous avons vu avec le **segment de longueur 1** comment le **1** est fabriqué à partir du **0**, comme une **répétition** ou une **addition répétée indéfiniment** du **0** ou le «**point**». Cela veut dire, que malgré les apparences, on n'a pas un objet **binaire**, avec le **0** et le **1** complètement séparés, et tous les deux séparés de l'**infini** ω , mais en fait un **seul objet de base**, qui est le **0** :



La **répétition** un **infini** ω fois du **0** donne **1**, l'importante égalité : $0 \times \omega = 1$.
 C'est donc la manière dont le **segment de longueur 1** est formé à partir du **point** ou **0**.
 Nous écrivons cela par l'**égalité générative** : $0... = 1$.
 Et de la même façon, la **répétition** un **infini** ω fois du **1** donne ω : $1 \times \omega = \omega$.
 Nous écrivons cela par l'**égalité générative** : $1... = \omega$.
 La même **répétition** une infinité ω de ω donne ω^2 , $\omega \times \omega = \omega^2$.
 Égalité générative : $\omega ... = \omega^2$.
 Et ainsi de suite. Il s'agit d'une **structure fractale** de **générante** ω .

Voici une autre illustration de cette **structure fractale** :

Dimension 0		0 ω^0 ou 1
Dimension 1		0... ω^1 ou ω
Dimension 2		(0...) ... ω^2
Dimension 3		((0...) ...) ... ω^3

A la base donc, c'est le **point** ou **0** qui **génère** tous ces **ensembles** mathématiques et physiques.

Ceci permet aussi de comprendre la logique de la **relation d'ordre** « < » des **nombres**, qui, fondamentalement est une **relation ordinale**, c'est-à-dire celle des objets mathématiques qu'on appelle les **ordinaux**.

Pour affiner la définition de la **relation d'ordre** fondamentale « < » nous avons besoin d'importantes notions préliminaires du **Nouveau Paradigme**.

Au niveau de l'**identité générative** « =_w », on n'a qu'un seul **élément neutre**, **1**, celui de la **multiplication**. Le **0** n'est pas encore l'**élément neutre** de l'**addition**, car on distingue les objets : **0**, **0+0**, **0+0+0**, **0+0+0+0**, etc., que l'on notera simplement : **0**, **00**, **000**, **0000**, etc., et appelés les **généréscences d'unit 0**.

D'une manière générale, étant donné un objet quelconque x , les objets : x , $x+x$, $x+x+x$, $x+x+x+x$, etc., sont simplement notés : x , xx , xxx , $xxxx$, etc., et appelés les **générescences d'unit x** , ou encore les **informations unaires d'unit x** . Pour le dire autrement, une **générescence d'unit x** est un **mot** formé d'**une seule lettre de l'alphabet**, ici x . Ces **mots** consistant alors à **répéter uniquement x** , donc : x , xx , xxx , $xxxx$, $xxxxx$, $xxxxxx$, $xxxxxxx$,

Et si c'est la lettre **a** seulement qu'on utilise pour former les mots, cela donne : **a**, **aa**, **aaa**, **aaaa**, **aaaaa**, **aaaaaa**, **aaaaaaa**, Et si c'est le chiffre **0** qui est répété, cela donne : **0**, **00**, **000**, **0000**, **00000**, **000000**, **0000000**, Et si c'est le chiffre **1** qui est répété, cela donne : **1**, **11**, **111**, **1111**, **11111**, **111111**, **1111111**, Sachant que le **1** lui-même ici est la **répétition ω** fois du **0**, donc : **0... = _{ω} 1**. Donc en répétant des **1**, on répète autant de fois des paquets de **ω** fois **0**. C'est-à-dire : **0...**, **0...0...**, **0...0...0...**, etc..

Et en **algèbre générative**, ou **algèbre des générescences** (ne cherchez pas ces termes dans les manuels des mathématiques classiques, ce sont des notions du Nouveau Paradigme), **additionner** deux **générescences** c'est simplement les **concaténer**, c'est-à-dire mettre l'une à la suite de l'autre.

Additionner par exemple **1111** qui est le **nombre entier 5** en tant que **générescence d'unit 1**, et **111111**, qui est le **nombre entier 7** en tant que **générescence d'unit 1**, donc faire « **5+7** », c'est juste mettre la **générescence 7** à la suite de **5**, donc : **1111 111111**, donc : **1111111111**, ce qui fait la **générescence 12**. Voilà pourquoi on a naturellement : **5+7 = 7+5**, et de manière générale la **commutativité** de l'**addition** des **nombre entier** et plus généralement de tous les **nombre réel**, définis comme des **générescences d'unit 0**. On a : **$x+y = y+x$** .

Pas besoin donc d'axiomes de l'arithmétique ou de l'algèbre, c'est juste la propriété des **générescences**. Par exemple, puisque un **segment de longueur 1** est un **paquet** de **ω** fois **0**, donc un **segment** de longueur **0.5** ou **1/2** sera un **paquet** de **$\omega/2$** fois **0**, et un **segment** de longueur **1/3** sera un **paquet** de **$\omega/3$** fois **0**, etc.. Il y a donc un rapport direct entre un **nombre réel x** et un certain **nombre infini** qui mesure le **nombre** des **0** qui le forment. De sorte que le **nombre réel x** devient synonyme d'un certain **nombre entier n** , pas nécessairement **fini**. Et la notion générale de **nombre entier**, est ce qu'on appelle un **ordinal**.

Voilà pourquoi il est important de ne pas se précipiter pour dire qu'un **paquet** donné de **0**, autrement dit, en **additionnant** des **0**, on a **0**, autrement dit encore que **0** est l'**élément neutre** de l'**addition**, et donc aussi l'**élément neutralisant** ou **absorbant** de la **multiplication**. Le fait de dire cela prive d'entrée de jeu de compter individuellement les **0** exactement comme on compterait par exemple des **billes**, ou le nombre des bits **0** dans une **donnée informatique**. On compte bien les **bits** ou **unités informationnelles** un à un, que ce soit des **0**, des **1**, des **a** ou tout ce qu'on veut.

C'est exactement ce que l'on fait ici : on se place au niveau de l'**identité générative** ou **opérationnelle** ou **informationnelle**, « = _{ω} », et on compte par exemple le **nombre des 0** d'un **segment de longueur 1**, et on dit que par définition cela fait exactement **ω** . Avec un deuxième **segment de longueur 1** cela fait **2ω** , et avec un troisième **segment de longueur 1** cela fait **3ω** , et ainsi de suite. Et si on a une droite de **ω** segments de **longueur 1**, la **droite** aura un **nombre de points** ou de **0** de **ω^2** . Et si on ajoute **1 point** à la **droite**, on ne dira pas qu'il compte pour du beurre, c'est-à-dire qu'il est **élément neutre**, mais on dira qu'on a : **ω^2+1** points en tout, ou un **nombre de points** ou de **zéros** égal à **ω^2+1** .

Après ça, une fois que les **points** ou les **zéros** ont été comptés avec grande précision, en nous plaçant par exemple au niveau de l'**identité générative**, « $=_w$ », rien ne nous empêche par exemple de définir un seuil de **nombre entiers n** en dessous duquel on considère que le **nombre des zéros** ou **points additionnés** est équivalent à **0**, c'est-à-dire les **nombre n** pour lesquels on a : $n \times 0 = 0$. Il s'agit là d'une **relation d'équivalence** que l'on définit. Ces **nombre**, nous les qualifions de **nombre initiaux**, en parlant du **segment de longueur 1**. A la différence des **nombre finaux n**, pour lesquels on a par contre : $n \times 0 = 1$. Cela veut dire que le **nombre des points** du **segment** ou des **zéros** est maintenant suffisamment grand pour que la **longueur du segment** commence à être **1**. Les **nombre intermédiaires** sont ceux pour lesquels la **longueur** est entre **0** et **1**.

Se placer au niveau de l'**identité générative** ou **opérationnelle** ou **informationnelle**, « $=_w$ », est vraiment extrêmement intéressant car là, le **0** se comporte comme **1**, comme une unité **informationnelle**, que l'on compte comme les autres. Les **nombre infinis** ou **ordinaux infinis** se comportent alors exactement comme les bons vieux **entiers naturels non nuls**, puisque ce qui fait que le **0** acquiert ses propriétés de nullité c'est le fait de dire qu'il est l'**élément neutre** de l'**addition**. Une propriété très utile mais qui n'a pas que des qualités. Le problème de la **division par 0** en témoigne.

Autre chose : Comme dit plus haut, il faut distinguer l'**absence d'information**, « **o** », avec l'**information** spéciale appelée « **0** ». L'**absence d'information** est ce qu'on appelle en informatique par exemple le caractère « **espace** », qui n'est en fait qu'une autre notion de **0**, une autre facette du même **0**. Nous allons la noter ici **o**. Il s'agit donc de la **générescence** ou **information unaire** spéciale, qui représente l'**absence** de **générescence** ou d'**information unaire**. La liste des **générescences d'unité x** devient alors : **o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, xxxxxx, xxxxxxx,** C'est ni plus ni moins que le **0 absolu**, **0_ω**, que nous retrouvons ici dans un autre rôle.

En particulier, les **générescences** ou **informations unaires d'unité 1**, à savoir donc : **o, 1, 1+1, 1+1+1, 1+1+1+1, etc.**, ou **o, 1, 11, 111, 1111, etc.**, sont respectivement notées : **o, 1, 2, 3, 4, etc.** Et là c'est un autre **0** qui prend la relève, pour jouer le rôle du **0** habituel, qui est même un **zéro** pour **0**, car avec les **générescences d'unité 0** on a aussi : **o, 0, 00, 000, 0000, 00000, 000000, 0000000,** On a ainsi le **0** qui signifie l'**absence d'information**, que cette information soit formée de **0**, de **1** de la lettre **a**, ou **x**, ou autres, et on a le **0**, « **o** » donc, qui a le sens d'« **espace** », et qui signifie l'**absence d'information**. Autrement dit, la différence entre « **information 0** » et « **0 information** » ! Autrement dit encore, la différence entre « **information qui est 0** » et « **0 information** », c'est-à-dire « **pas du tout d'information** », même pas celles écrites avec uniquement des **0**.

Avec le **0**, c'est-à-dire l'**information 0**, les **générescences d'unité 1** sont appelées les **nombre entiers naturels constants**, qui sont donc : **0, 1, 2, 3, 4,** Nous ajoutons « **constants** » pour les distinguer des **nombre entiers naturels variables**. Nous notons **N** l'ensemble des entiers naturels constants, comme usuellement : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$, en utilisant l'**égalité courante** « $=$ ».

Et maintenant, considérons trois symboles distincts **a, b** et **e** absolument quelconques. Nous allons construire un ensemble $On_r^1(a, b, e)$ de symboles parfaitement **ordonnés** par la relation « $<$ », qu'on appellera les **ordinaux romains de (a, b, e)**, et qu'on appliquera à n'importe quel autre triplet de symboles distincts. Pour se fixer les idées, on prendra le triplet **(1, ω, ^)**.

La préoccupation fondamentale, très simple, que nous avons est la suivante : étant donné n'importe quelle chose **a** prise comme **unit** de **générescences**, ou, pour le dire en **langage** des **alphabets** et des **mots**, étant donnée un **alphabet** n'ayant qu'une **seule lettre a**, et notant **o** l'**absence de mots**, ou l'**élément neutre** de l'**Univers des mots** (qui soit dit en passant est aussi une **modélisation** de l'**Univers TOTAL**), et **o** appelé le « **mot vide** », ou la « **générescence vide** » ou simplement l'« **espace** », avec donc cet **espace o** comme **mot spécial** ou **générescence spéciale**, les **générescences d'unit a**, ou mot unaire de **lettre unique a** sont donc : **o, a, aa, aaa, aaaa, aaaaa, aaaaaa, aaaaaaa,**

Et sans avoir besoin de faire une théorie compliquée des **nombre entiers naturels**, de poser des axiomes compliqués, il est très clair que cette liste est une des représentations possibles du classique **ensemble N** des **nombre entiers naturels** : **0, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111,**, qu'en numération décimale nous noterons : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12,**, et l'écriture **12** par exemple représentant la **générescence 11111111111** ou **aaaaaaaaaaaa**.

C'est ce que nous appelons la **conception générative des nombre entiers naturels**.

D'abord, voici la **forme générale** d'une **générescence y d'unit x**, **finie** ou **infinie**, c'est-à-dire **constante** ou **variable**.

o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., xxxxy, xxxxy, xxxy, xxy, xy, y.

Et en particulier c'est la **forme générale** d'un **ordinal y d'unit x**, **fini** ou **infini**, où là par contre **o** est à interpréter comme le **0 absolu**, et où **x** est **1** ou est un **ordinal**.

Tout **ordinal n, fini** ou **infini**, est fondamentalement de la forme :

0, 1, 11, 111, 1111, 11111, ..., 11111n, 1111n, 111n, 11n, 1n, n,

qui sont aussi la liste de tous les **ordinaux** de **0** à **n**.

La liste : **0, 1, 11, 111, 1111, 11111, ...**, est alors respectivement notée : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7,**

On se donne un **ordinal infini** de **référence**, noté **1...**, ce qui veut dire que l'**unit 1** est répété indéfiniment. Cet **ordinal** est noté ω , mais le plus souvent **w**, et on pose : $\omega = w^w = w^w$.

Dans cette liste : **o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., xxxxy, xxxxy, xxxy, xxy, xy, y,**

l'écriture **xy**, qui est de type « **numération romaine** », s'interprète comme : **y - x**, où l'**opération** « - » est appelée la **soustraction absolue**.

Et **xyy** s'interprète comme : **y - xx**, et **xxxxy** comme : **y - xxx**, et ainsi de suite.

Et **yx** s'interprète ici comme : **y + x**, et **yxx** s'interprète comme : **y + xx**, et **yxxx** s'interprète comme : **y + xxx**, etc..

La liste : **o, x, xx, xxx, xxxx, xxxxx, ..., xxxxy, xxxxy, xxxy, xxy, xy, y,** se note alors :

0, 1xx, 2xx, 3xx, 4xx, 5xx, ..., y- 5xx, y-4xx, y-3xx, y-2xx, y-1xx, y,

ou plus simplement : **0, 1x, 2x, 3x, 4x, 5x, ..., y-5x, y-4x, y-3x, y-2x, y-1x, y,**

ou encore : **0, x, 2x, 3x, 4x, 5x, ..., y-5x, y-4x, y-3x, y-2x, y-x, y.**

Toute **générescence** y d'**unit** x est de la forme : $y = n \times x = nx$, où n est un **ordinal**. Et y est un **ordinal** si et seulement si $n = 0$ ou x est un **ordinal**. Ceci définit du même coup la **multiplication** d'un **ordinal** n par une **générescence** x .

Définition :

Multiplier un **ordinal** $n = 111...111$ par une **générescence** x , c'est **remplacer** chaque **unit 1** de n par x , c'est-à-dire: $111...111 \times x = xxxx...xxx$.

Et en particulier, si n est le **0 absolu**, o , qui n'a aucun **unit 1**, par définition on pose:

$$o \times x = x \times o = o.$$

Autrement dit, le **0 absolu** est l'**élément neutralisant** (ou **absorbant**, comme on dit classiquement) pour la **multiplication**, appelée l'**uper**, l'**addition** étant l'**oper**. Le **0 absolu**, o , est **uperneutralisant** en ce sens donc qu'il **neutralise** (ou **absorbe**) tout **élément** x avec l'**uper**, c'est-à-dire la **multiplication**.

Par exemple, on a l'**ordinal** : $8 = 1111111$. Soit une **générescence** x quelconque.

$$\text{On a : } 8 \times x = 1111111 \times x = xxxxxxxx.$$

Et si par exemple :

$$x = 111, \text{ on a : } 8 \times 111 = 1111111 \times 111 = (111)(111)(111)(111)(111)(111)(111)(111) \\ = 11111111111111111111 = 24.$$

Il est clair que les units de 24 peuvent être organisés ainsi :

$$24 = (1111111)(1111111)(1111111).$$

Autrement dit, les **8 générescences** de **3 units 1** chacune peuvent être réorganisées en **3 générescences** de **8 units 1** chacune. En effet, une **générescence** n'étant rien d'autre qu'un **paquet** d'un certain **unit** u , ici **1**, si l'on a n **paquets** de m **units** chacun, en prélevant **un unit** dans chacun des n **paquets**, on a un **paquet** de n **units 1**. Et on peut **itérer** cela m **fois**. Donc n **paquets** de m **units** chacun, c'est m **paquets** de n **units** chacun. Et ceci est vrai, que les **ordinaux** m et n soient **finis** ou **infinis**, ce qui veut dire **constants** ou **variables croissants**, ou même **variables** de manière générale. D'où le théorème suivant :

Théorème :

Pour deux **ordinaux** m et n , **constants** ou **variables**, on a : $m \times n = n \times m$.

Autrement dit, la **multiplication** est **commutative** pour les **ordinaux**.

Ceci est donc vrai s'il s'agit d'**ordinaux infinis**, c'est-à-dire **variables croissants**.

Théorème :

Tout **ordinal** est **régulier** pour l'**addition**, et tout **ordinal non nul** (c'est-à-dire **différent** de o ou 0_o) est **régulier** pour la **multiplication**. C'est-à-dire :

Pour trois **ordinaux** x , y et z :

$$x + z = y + z \Rightarrow x = y$$

Pour deux **ordinaux** x et y et pour tout **ordinal non nul** z :

$$x \times z = y \times z \Rightarrow x = y$$

Ceci s'applique aux **ordinaux** aussi bien **finis** comme **infinis**.

A partir de maintenant, nous appelons **units canoniques** ou **units fondamentaux** ou **units de base** ω , ou encore **modèles**, les **générescences** de l'une des formes suivantes : 0^n , θ^n , ε^n , 1 , v^n , w^n , ω^n , où n est un **ordinal**. Etant entendu, que : $w^w = \omega$, tous ces **units** sont finalement de la forme : w^p , où p est un **ordinal relatif**.

Théorème :

Toute **générescence** x , est de la forme : $x = m \times u$, où m est un **ordinal**, et où u est un **unit canonique**.

Toute **générescence** x peut donc être mise sous une **forme canonique**.
Ceci permet de voir toute **générescence** x comme un **ordinal**.

Théorème :

Pour deux **générescences** x et y , il existe toujours un certain **unit** u qui **génère** x et y , c'est-à-dire tel que x et y soient des **générescences** d'**unit** u . On dit que x et y sont **cogénérés** par u . Plus généralement, étant donnés n **générescences** $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$, d'**units canoniques** respectifs : $u_1, u_2, u_3, \dots, u_n$, et où n est un **entier naturel** non nul, il existe un **unit canonique** u qui **génère** toutes ces **générescences**.

En effet, il suffit de prendre pour u l'**unit minimal** parmi les u_i , c'est-à-dire l'**unit** u tel que pour tout **indice** i , $u \leq u_i$. Ou simplement de choisir un **unit canonique** u **strictement inférieur** à tous les u_i . Il existe car les u_i sont tous de la forme w^p , où p est un **entier relatif**. Et comme on a pris le nombre n des u_i un **entier naturel**, on a aussi n **exposants** p des u_i , donc n **entiers relatifs**. Il existe donc un **entier relatif** q **strictement inférieur** à eux tous. On peut prendre alors pour u l'**unit canonique** w^q .

Si x et y sont **cogénérés** par un **unit canonique** u , on a alors :

$x = m \times u$, et : $y = n \times u$, où m et n sont des **ordinaux constants** ou **variables**.

Et donc : $x + y = m \times u + n \times u = (m+n) \times u$.

Cela ramène l'**addition** ou **concaténation** de deux **générescences** x et y à l'**addition** de deux **ordinaux**.

Si x est **génééré** par un **unit canonique** u et si y est **génééré** par un **unit canonique** v ,

on a : $x = m \times u$, et : $y = n \times v$, où m et n sont des **ordinaux constants** ou **variables**.

On pose : $x \times y = (m \times n) \times (u \times v)$.

Théorème :

La **multiplication** est **commutative** pour les **générescences** de même **unit** u .

En effet, on a : $x = m \times u$, et : $y = n \times u$, où m et n sont des **ordinaux constants** ou **variables**. Et on a : $x \times y =_w (m \times n) \times (u \times u)$.

Et comme on a : $m \times n = n \times m$, le théorème est démontré.

On pose : $u \times u = u^2$. Donc : $x \times y = (m \times n) \times u^2$.

Définition :

Soit un **unit** u . On appelle l'**espace génératif engendré** par u l'**ensemble** noté $N_{\omega, u}$ de toutes les **générescences** d'**unit** u , c'est-à-dire de toutes les **générescences** x de la forme : $x = n \times u$, où n est

un **ordinal**. On les appelle les **nombre entiers d'unit u** ou les **ordinaux d'unit u**, ou encore les **nombre entiers de u** ou les **ordinaux de u** ou plus simplement les **u-générescences**.

Cas particuliers :

$N_{\omega, 1}$ ou simplement N_{ω} est l'**ensemble de tous les ordinaux**.

$N_{\omega, 0}$, encore noté R_{ω}^+ est l'**ensemble de tous les réels**, c'est-à-dire les **nombre omégaréels positifs**.

Définition :

Les deux premiers **ordinaux**, **0** et **1**, sont appelés les **alpha-ordinaux** mais aussi les **alpha-units**. Les **ordinaux non nuls**, c'est-à-dire **différents de 0**, sont appelés les **urordinaux**. Et les **ordinaux différents des alpha-ordinaux**, de **0** et **1** donc, sont appelés les **bêta-ordinaux** ou les **burordinaux**. Et étant donné un **ordinal n**, et deux **ordinaux n₁** et **n₂** tels que : **n = n₁ × n₂**. On dit que **n** est un **multiple** de **n₁** ou aussi de **n₂**, et que **n₁** ou aussi **n₂**, est un **diviseur** de **n**.

Tout **ordinal n** est un **diviseur** de **0**, car on a : **0 = 0 × n**.

Et **1** est un **diviseur** de tout **ordinal n**, car on a : **n = 1 × n**.

Par conséquent, tout **ordinal n** est un **diviseur** de lui-même.

Et par conséquent aussi, tout **ordinal n** a au moins deux **diviseurs**: **1** et **n**.

Soit un **ordinal p**. On dit que **p** est un **bêta-unit** ou un **ordinal premier**, si **p** est un **burdinal** (un **bêta-ordinal** donc) et si **p** n'a que deux **diviseurs**, et deux exactement, à savoir **1** et **p**.

On a les **bêta-units** ou **nombre premiers** classiques : **2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, ...**, qui sont donc **constants** ou **finis**. Après eux arrivent les **ordinaux infinis**, comme **v** par exemple, qui est un **bêta-unit**, un **ordinal premier** donc. Et plus précisément, ω_0 est un **ordinal infini premier**.

On pose : **v = ω_0** , et que **v** est **premier**. Dans ce cas : **w = v^v** n'est plus **premier**. Mais nous ferons parfois jouer à **w** le rôle de **v** en fait, c'est-à-dire : **w = ω_0** . Et dans ce cas, **w** est **premier**.

Considérons à présent l'ensemble $N_{\omega, u} \times N_{\omega, u}$ de tous les **couples (a, b)** d'**ordinaux de u**. Définissons la notion d'**ordinaux relatifs d'unit u**, appelés aussi les **nombre entiers relatifs d'unit u** ou les **ordinaux relatifs d'unit u** ou plus simplement les **nombre entiers relatifs de u** ou encore les **ordinaux de u**. Un tel **couple (a, b)** est donc de la forme **(m×u, n×u)**, où **m** et **n** sont des **ordinaux**. Ce couple sera noté : **(m, n)×u**.

On définit sur $N_{\omega, u} \times N_{\omega, u}$ l'**addition** « + » de la manière suivante :

$$(a, b) + (c, d) = (a+c, b+d)$$

Et on définit sur $N_{\omega, u} \times N_{\omega, u}$ la **multiplication** « × » de la manière suivante :

(a, b) × (c, d) = (a×c + b×d, a×d + b×c), le résultat n'est pas dans $N_{\omega, u}$ mais dans N_{ω, u^2} , c'est-à-dire une **générescence d'unit u²**, autrement dit un **ordinal relatif d'unit u²**.

Et on définit sur $N_{\omega, u} \times N_{\omega, u}$ une **relation d'équivalence**, notée « = », de la manière suivante :

$$(a, b) = (c, d) \Leftrightarrow a+d = b+c$$

Et on définit sur $N_{o,u} \times N_{o,u}$ une **relation d'infériorité**, notée « < », de la manière suivante :

$$(a, b) < (c, d) \Leftrightarrow a+d < b+c$$

→ Autres définitions équivalentes : **m, n, p, q** étant quatre **ordinaux** :

$$(m, n) \times u + (p, q) \times u = [(m, n) + (p, q)] \times u = (m+p, n+q) \times u$$

$$[(m, n) \times u] \times [(p, q) \times u] = [(m, n) \times (p, q)] \times u^2 = (m \times p + n \times q, m \times q + n \times p) \times u^2$$

$$(m, n) \times u = (p, q) \times u \Leftrightarrow m+q = n+p$$

$$(m, n) \times u < (p, q) \times u \Leftrightarrow m+q < n+p$$

En particulier, si **u = 1**, donc si on travaille sur les **ordinaux**, ces définitions deviennent :

$$(m, n) + (p, q) = (m+p, n+q)$$

$$(m, n) \times (p, q) = (m \times p + n \times q, m \times q + n \times p)$$

$$(m, n) = (p, q) \Leftrightarrow m+q = n+p$$

$$(m, n) < (p, q) \Leftrightarrow m+q < n+p$$

Ceci est la technique classique de construction des **générescences relatives** à partir des **réalis**. Nous l'appelons la technique de **relativisation** des **générescences**.

On démontre facilement que cette relation notée « = » est bel et bien une **relation d'équivalence**, donc d'**égalité**.

On appelle une **générescence relative** ou un **nombre omégaréal** une **classe d'équivalence** dans $N_{o,u} \times N_{o,u}$, par la **relation** « = ». L'ensemble de ces **classes** est noté $Z_{o,u}$. La **générescence relative** **(a, b)** sera notée aussi **a – b**. Et si : **a = m × u**, et : **b = n × u**, alors **(a, b)** est noté : **(m – n) × u**.

Quelques propriétés fondamentales :

→ La **classe de o** ou **classe du 0 absolu**, est toutes les **générescences relatives** de la forme **(a, a)**. Elles sont donc toutes **égales** à **o**. C'est-à-dire : **(a, a) = (o, o) = o**, pour toute **u-générescence a**.

Cette **générescence o** est l'**élément neutre** de l'**addition**, tandis que **(1, 0)** est l'**élément neutre** de la **multiplication**. Et l'**addition** et la **multiplication** sont **commutatives** et **associatives**, et la **multiplication** est **distributive** par rapport à l'**addition**. Toute **générescence relative** **(a, b)** a un **élément symétrique** pour l'**addition**, **(b, a)**. Bref, $Z_{o,u}$ est un **anneau commutatif intègre**.

→ Toutes les **u-générescences relatives** de la forme **(a, o)**, avec **a** non nul, sont dites strictement **anitives** (ou « **positives** » selon la terminologie classique). Toutes les **u-générescences relatives** de la classe de **(a, o)** sont de la forme générale **(a+b, b)**. On les note **+a** ou simplement **a**.

→ Tous les **u-générescences relatives** de la forme (\mathbf{o}, \mathbf{a}) , avec \mathbf{a} non nul, sont dites strictement **antitives** (ou « **négatives** » selon la terminologie classique). Toutes les **u-générescences relatives** de la classe de (\mathbf{o}, \mathbf{a}) sont de la forme générale $(\mathbf{b}, \mathbf{a}+\mathbf{b})$. On les note $-\mathbf{a}$.

On a : $(\mathbf{a}, \mathbf{o}) + (\mathbf{o}, \mathbf{a}) = (\mathbf{a}, \mathbf{a}) = \mathbf{o}$. Autrement dit : $(+\mathbf{a}) + (-\mathbf{a}) = \mathbf{o}$.
 $(+\mathbf{a})$ et $(-\mathbf{a})$ sont dits **opposés**.

→ On a la règle des signes :

$$(+)\times(+)=(+)$$

$$(+)\times(-)=(-)$$

$$(-)\times(+)=(-)$$

$$(-)\times(-)=(+)$$

Cas particuliers importants :

→ $\mathbf{Z}_{\mathbf{o},1}$, noté simplement $\mathbf{Z}_{\mathbf{o}}$, est l'ensemble des **ordinaux relatifs**, ou **nombre entiers omégarelatifs**.

→ $\mathbf{Z}_{\mathbf{o},0}$, noté simplement $\mathbf{R}_{\mathbf{o}}$, est l'ensemble des **ordinaux relatifs d'unit 0**, ou **nombre omégaréels**.

A partir de $\mathbf{Z}_{\mathbf{o}}$ nous allons construire l'ensemble $\mathbf{Q}_{\mathbf{o}}$ des **nombre omégarationnels** par un procédé que nous appelons la **rationalisation des générescences**.

Considérons l'ensemble $\mathbf{Z}_{\mathbf{o}}\times\mathbf{Z}_{\mathbf{o}}$ de tous les **couples d'ordinaux relatifs** (\mathbf{a}, \mathbf{b}) , appelés des **nombre omégarationnels**. L'**entier relatif a** est appelé le **numérateur** et **b** est appelé le **dénominateur**. Un **omégarationnel de numérateur nul**, c'est-à-dire égal à \mathbf{o} , mais de **dénominateur non nul**, est appelé un **zéro**. Et un **omégarationnel de numérateur non nul mais de dénominateur nul** est appelé un **infini**. Il est appelé l'**unix** et est noté \mathbf{u} , si le **numérateur** et le **dénominateur** sont tous les deux nuls. Il est dit **singulier** ou **original** s'il est un **zéro**, l'**unix** ou un **infini**, et il est dit **régulier** sinon.

On définit dans $\mathbf{Z}_{\mathbf{o}}\times\mathbf{Z}_{\mathbf{o}}$ une première **relation d'équivalence**, \equiv , dite **omégaracyclique**, qui dit que deux **rationnels x** et **y** sont **équivalents**, s'ils sont tous les deux **singuliers** ou s'ils sont **réguliers** et **identiques**. L'idée est de considérer tous les **omégarationnels singuliers** comme **égaux** à $(\mathbf{o}, \mathbf{1})$, qui sera la nouvelle définition du **0 absolu**, et tous les autres **omégarationnels** comme **égaux** à eux-mêmes. Ainsi, dans un premier temps, tout **omégarationnel** est soit $(\mathbf{o}, \mathbf{1})$ soit un **omégarationnel de numérateur et de dénominateur non nul**. Dans tous les cas, un **omégarationnel** a un **dénominateur non nul**. Et pour tout **omégarationnel** (\mathbf{a}, \mathbf{b}) , l'**omégarationnel** (\mathbf{b}, \mathbf{a}) est appelé l'**inverse** de (\mathbf{a}, \mathbf{b}) , et on note : $\mathbf{1}/(\mathbf{a}, \mathbf{b}) = (\mathbf{b}, \mathbf{a})$.

En posant $\mathbf{x} = (\mathbf{a}, \mathbf{b})$ et $\mathbf{y} = (\mathbf{c}, \mathbf{d})$, cette **relation** s'écrit :

$$(\mathbf{a}, \mathbf{b}) \equiv (\mathbf{c}, \mathbf{d}) \Leftrightarrow \mathbf{a}\times\mathbf{b} = \mathbf{o} \text{ et } \mathbf{c}\times\mathbf{d} = \mathbf{o} \text{ ou } \mathbf{a}\times\mathbf{b} \neq \mathbf{o} \text{ et } \mathbf{c}\times\mathbf{d} \neq \mathbf{o} \text{ et } \mathbf{a} = \mathbf{c} \text{ et } \mathbf{b} = \mathbf{d}$$

On vérifie qu'il s'agit bien d'une **relation d'équivalence**, donc d'**égalité**. L'ensemble des **omégarationnels** réduit par cette première **égalité** est noté $\mathbf{Z}_{\mathbf{q}}^2$.

On définit sur $\mathbf{Z}_{\mathbf{q}}^2$ l'**addition** « + » de la manière suivante :

$$(a, b) + (c, d) = (a \times d + b \times c, b \times d)$$

Et on définit sur Z^2_q la **multiplication** « \times » de la manière suivante :

$$(a, b) \times (c, d) = (a \times c, b \times d)$$

Et on définit sur Z^2_q une seconde **relation d'équivalence**, notée « $=$ », de la manière suivante :

$$(a, b) = (c, d) \Leftrightarrow a \times d = b \times c$$

Et on définit sur Z^2_q une **relation d'infériorité**, notée « $<$ », de la manière suivante :

$$(a, b) < (c, d) \Leftrightarrow a \times d < b \times c$$

Ceci est la technique classique de construction des **nombres rationnels** à partir des **nombres entiers**.

On démontre facilement que cette relation notée « $=$ » est elle aussi une **relation d'équivalence**, donc d'**égalité**.

On appelle un **omégarationnel strict** une **classe d'équivalence** dans Z^2_q , par la **relation** « $=$ ». L'ensemble de ces **classes**, des **omégarationnels** donc, est noté Q_ω . L'**omégarationnel** (a, b) sera noté aussi **a/b** . Tout **omégarationnel** de la forme $(a, 1)$ ou $a/1$ sera simplement noté **a** .

Quelques propriétés fondamentales :

→ L'**élément neutre** de l'**addition** est $(0, 1)$, ce qui veut dire tout **omégarationnel singulier**. Et l'**élément neutre** de la **multiplication** est $(1, 1)$ ou $1/1$ ou **1** . Et la **classe de 1** est tout **omégarationnel** de la forme (a, a) avec a non nul. C'est-à-dire : **$(a, a) = a/a = 1/1 = 1$** .

→ L'**addition** et la **multiplication** sont **commutatives** et **associatives**, et la **multiplication** est **distributive** par rapport à l'**addition**.

→ Tout **omégarationnel** (a, b) admet un **opposé** pour la **multiplication**, et qui est $(-a, b)$, et qui est noté aussi $-(a, b)$.

→ Tout **omégarationnel** (a, b) admet un **inverse** pour la **multiplication**, et qui est $(b, a) = 1/(a, b)$. Pour tout **omégarationnel original** x , on a : **$1/x = x$** , et on a : **$x \times (1/x) = x$** .

En particulier on a : **$1/0 = 0$** , et : **$0 \times (1/0) = 0$** .

Autrement dit, notant : **$\Omega = 1/0$** , on a : **$\Omega = 0$** , et : **$0 = \Omega$** . Et : **$0 \times \Omega = 0$** .

Ceci pour le **0 absolu** et le **ω absolu** donc.

Mais pour le **0 générateur**, et le **ω générateur**, on a : **$\omega = 1/0$** , et : **$0 = 1/\omega$** , et : **$0 \times \omega = 1$** .

De même pour le **0 génératif**, à savoir θ , et le **ω génératif**, à savoir w .

On a : **$w = 1/\theta$** , et : **$\theta = 1/w$** , et : **$\theta \times w = 1$** .

De manière générale, pour tout **omégarationnel régulier** x , on a :

$$y = 1/x, \text{ et : } x = 1/y, \text{ et : } x \times y = 1.$$

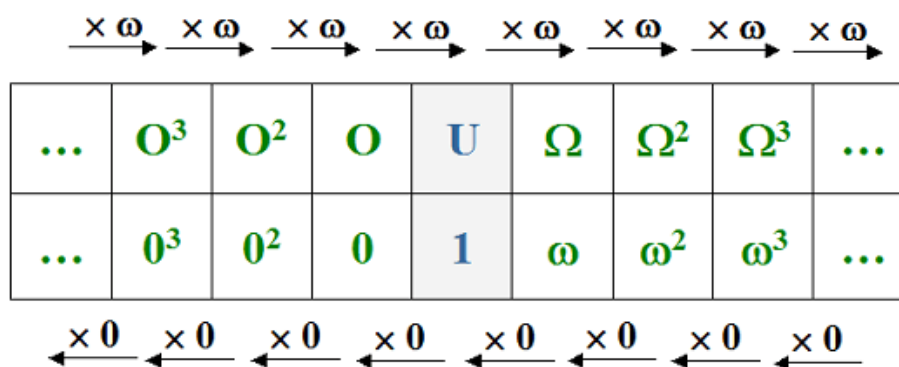
On dit que les **omégarationnels originaux** sont **oni-inversibles**, pour dire qu'ils sont **o**, que leurs **inverses** sont **o** aussi, et que la **multiplication** par leurs **inverses** donne **o**. On dit aussi qu'ils sont **oméga-cycliques**.

Et on dit que les **omégarationnels réguliers** sont **uni-inversibles**, pour dire qu'ils sont non nuls, que leurs **inverses** sont non nuls aussi, et que la **multiplication** par leurs **inverses** donne **1**.

→ Pour toutes ces raisons, nous disons que \mathbb{Q}_ω est un **corps oméga-cyclique**. Dans un tel corps, le problème de la **division par 0** ne se pose plus.

Abordons à présent la question de la **soustraction** et ses deux facettes, la **soustraction absolue** et la **soustraction générative** ou **fractale**.

On rappelle que dans une **structure fractale générescente** de **générande** ω , chaque **modèle** de la **fractale multiplié** par le **générande** ω donne le **modèle** suivant, le **modèle** immédiatement au-dessus. Et chaque **modèle** de la **fractale multiplié** par le **0 génératif**, c'est-à-dire **divisé** par le **générande** ω , donne le **modèle** précédent, le **modèle** immédiatement en-dessous.



Avec donc le **0 réali** et le ω **réali**.

Pour n'importe quel **ordinal X** (et en particulier si **X** est un des **modèles** de la **fractale**), la **soustraction générative** est définie par : $X -_\omega X = 0 \times X$.

En effet, on a : $X -_\omega X = 1 \times X -_\omega 1 \times X = (1 -_\omega 1) \times X = 0 \times X$.

Donc par exemple :

$$\omega^2 -_\omega \omega^2 = 0 \times \omega^2 = \omega.$$

$$\omega -_\omega \omega = 0 \times \omega = 1.$$

$$1 -_\omega 1 = 0 \times 1 = 0.$$

Ce qui signifie aussi que la **soustraction réali** se définit par :

$$1 -_\omega 1 = 0,$$

où **0** n'est pas le **0 absolu** mais **réali**.

Et quant à la **soustraction absolue**, elle se définit par :

$$1 - 1 = 0_\omega = o,$$

où 0_ω ou **o** est le **0 absolu**.

Pour éviter la confusion, la **soustraction générative** pourra être notée « $-_g$ » et la **soustraction absolue** notée simplement « $-$ ».

Avec la **soustraction générative**, on a encore :

$$0 -_w 0 = 0 \times 0 = 0^2. \text{ Et :}$$

$$0^2 -_w 0^2 = 0 \times 0^2 = 0^3. \text{ Et :}$$

$$0^3 -_w 0^3 = 0 \times 0^3 = 0^4.$$

Et ainsi de suite.

Et pour la **soustraction absolue** donc, on a simplement :

$$X - X = 0_w \times X = 0_w = o.$$

De manière très générale, étant donné un **zéro ε** , et **v l'infini** associé, il lui est associé une **soustraction**, « $-_v$ », définie par : $1 -_v 1 = \varepsilon$. On a ainsi aussi : « $-_w$ », définie par : $1 -_w 1 = \theta$.

Définition :

Tous les **ordinaux construits** jusqu'ici, c'est-à-dire les éléments de N_w , sont des **suites d'entiers relatifs**, c'est-à-dire des éléments de Z^N , où **N** et **Z** sont respectivement les classiques ensembles **N** des **entiers naturels** et **Z** des **entiers relatifs**. On dit que ces **ordinaux** sont du **premier ordre**. Les **ordinaux de second ordre** sont obtenus en remplaçant **N** et **Z** par N_w et Z_w . Cela signifie le classique **principe de récurrence** des axiomes de Peano, que nous qualifions de **premier ordre**, car ne s'appliquant qu'à **N**, va s'appliquer à N_w . On dit alors que ce principe devient du **second ordre**. On peut réitérer ainsi la logique, pour construire les **ordinaux** du **troisième ordre**, en raison du fait que les **nombres** ont une **structure fractale**.

Voyons maintenant, avec les axiomes de Peano par exemple, comment les **nombres entiers naturels** sont conçus traditionnellement. Et ce à la lumière de ce que nous avons compris sur les entiers ou ordinaux avec les générescences, la logique générative.

L'encyclopédie libre

Article Discussion Lire Modifier Modifier le code Voir l'historique

Axiomes de Peano 35 langues

En mathématiques, les **axiomes de Peano** sont des axiomes pour l'arithmétique proposés initialement à la fin du xix^e siècle par Giuseppe Peano¹, et qui connaissent aujourd'hui plusieurs présentations qui ne sont pas équivalentes, suivant la théorie sous-jacente, théorie des ensembles, logique du second ordre ou d'ordre supérieur, ou logique du premier ordre. Richard Dedekind avait proposé une formalisation assez proche, sous une forme non axiomatique².

Sommaire afficher

Axiomes [modifier | modifier le code]

La définition axiomatique des entiers naturels de Peano peut être décrite par les cinq axiomes³ :

1. L'élément appelé zéro et noté **0** est un entier naturel.
2. Tout entier naturel *n* a un unique successeur, noté *s*(*n*) ou *S**n* qui est un entier naturel.
3. Aucun entier naturel n'a **0** pour successeur.
4. Deux entiers naturels ayant le même successeur sont égaux.
5. Si un ensemble d'entiers naturels contient **0** et contient le successeur de chacun de ses éléments, alors cet ensemble est **N**.

Le premier axiome permet de poser que l'ensemble **N** des entiers naturels n'est pas vide, le troisième qu'il possède un premier élément et le cinquième qu'il vérifie le **principe de récurrence**.

De façon plus formelle, dire de (E, c, f) qu'il satisfait les axiomes de Peano, c'est dire qu'il satisfait les propriétés suivantes :

1. *E* est un ensemble ayant *c* pour élément,
2. *f* est une fonction de *E* dans lui-même,
3. $c \in \text{Im}(f)$,
4. *f* est injective,
5. Toute partie *F* de *E* contenant *c* et stable par *f* (c'est-à-dire telle que $f(F) \subset F$) est égale à *E*.

- 1) L'élément appelé **zéro** et noté **0** est un **entier naturel**.
- 2) Tout **entier naturel n** a un unique **successeur**, noté **s(n)** ou **Sn** qui est un **entier naturel**.
- 3) Aucun **entier naturel** n'a **0** pour **successeur**.
- 4) Deux **entiers naturels** ayant le même **successeur** sont **égaux**.
- 5) Si un **ensemble d'entiers naturels** contient **0** et contient le **successeur** de chacun de ses éléments, alors cet **ensemble** est **N**.

Nous avons déjà fait observer que les axiomes 2 et 4 expriment la **générativité** des **entiers naturels**. Pour le premier axiome, le **0** est donc ici l'**espace o**.

Et pour le deuxième axiome, il porte sur la notion de **successeur**. Cette notion apparaît même trois fois dans le texte. Mais on peut noter tout de suite l'absence de **symétrie** sur la question dans le texte. Pas d'axiome sur la notion de **prédécesseur**. On y axiomatise le **premier élément**, à savoir **0**, de qui démarre la notion de **succession**, mais pas de notion de **dernier élément**, comme ω donc, de qui partirait dans le sens inverse la notion de **prédécession**, de **prédécesseur**.

Le **successeur** de **o** ou **0**, **successeur s(o)**, est **1** ou **a**, et son **successeur s(1)** est **11** ou **aa** ou **2**, et à son tour son **successeur s(2)** est **111** ou **aaa** ou **3**, et ainsi de suite. Et ces **générescences** ou mots

sont définis de telle sorte que chacun a un **successeur** qui consiste simplement à **concaténer 1** ou **a** après lui. Autrement dit, **n** étant un **entier naturel** ou une **générescence d'unité a** ou **1**, son **successeur** est **n1** ou **na**, qu'on va noter aussi : **n+1** ou **n+a**. Et le **successeur** de celui-ci est **n11** ou **naa**, qu'on va noter aussi : **n+11** ou **n+aa**, c'est-à-dire : **n+2**. Et le **successeur** de celui-ci est **n111** ou **naaa**, noté aussi : **n+111** ou **n+aaa**, c'est-à-dire : **n+3**. Et ainsi de suite.

Et pour le troisième axiome, étant donné que nous n'avons pas défini des **entiers naturels** avant **0**, nous pouvons à ce stade dire effectivement qu'aucun **entier naturel** n'a **0** pour **successeur**. Mais on peut tout à fait définir un système de nombres entiers naturels, dans lequel le premier élément a bel et bien un **prédécesseur**.

Et pour le quatrième axiome, là aussi sans trop se casser la tête il est évident aussi. C'est après, avec la notion d'**infini** que nous aurons besoin de toute matière pour comprendre enfin des secrets simples mais très subtils des **nombres entiers** qui ont apparemment échappé jusqu'ici. Ce sont entre autres avec les **générescences** (la vision **généralisatrice** donc) que ces étonnants secrets apparaissent.

Pour le quatrième axiome donc, et pour aller au plus simple, supposons deux **entiers naturels m** et **n**, et supposons qu'ils aient le même **successeur**, autrement dit que **m1** et **n1**, ou **ma** et **na**, sont la même **générescence d'unité a** ou **1**. Puisqu'on leur **concatène 1** ou pour avoir ce **successeur** qui est le **même**, si on lui **enlève** ce **1** ou **a**, on aussi le **même entier**, donc **m** et **n** sont le **même entier naturel**.

Et enfin, le cinquième axiome est le **principe de récurrence**. Et comme déjà évoqué, il est lui aussi un peu problématique, mais pas pour les raisons habituellement évoquées (par exemple qu'il est en fait un schéma d'axiomes, qu'il faut l'appliquer aux énoncés du premier ordre, etc.). En effet, la manière dont il a été formulé est étroitement lié à l'axiome 3.

Il dit que si une partie **A** de **N** contient **0** et le **successeur** de chaque élément de **A**, alors **A** est **N** tout entier.

Evident aussi, de la manière même dont les **générescences** sont définies : **0, a, aa, aaa, aaaa, aaaaa, aaaaaa, aaaaaaa, ...**, liste donc que nous appelons **N**. Soit une partie **A** de cette liste, qui contient **0**, et contient le **successeur** de chacun de ses éléments. On est alors certain que **A** contient au moins la liste précédente des **générescences** de **N**, donc **N** est une partie de **A**. Et donc comme **A** et **N** se contiennent mutuellement, que tout élément de l'un est aussi dans l'autre, et vice-versa, c'est donc que **A** et **N** sont le même ensemble.

On note que ce cinquième axiome, le **principe de récurrence**, porte sur une partie **A** de **N**, et vise à démontrer que **A** et **N** sont le même ensemble. Et plus généralement, en pratique, cet axiome, et notamment sa version de l'**arithmétique de Peano**, un système d'axiomes plus riche que le système proprement dit des **axiomes de Peano**, vise à démontrer qu'une **propriété P** définie sur les **éléments de N** est vraie pour **tout élément de N**. Pour cela il faut que **P** soit vraie pour **0**, et **P** soit **héréditaire**, c'est-à-dire que pour tout **élément n** de **N**, si **P** est vrai pour **n**, alors **P** est vraie pour **n+1**.

Autrement dit :

P(0) et $(\forall n \in N)(P(n) \Rightarrow P(n+1)) \Rightarrow (\forall n \in N)P(n)$.

En d'autres termes : « Tout **ordinal** ou **nombre entier oméganaturel** est une **générescence d'unit 1** ».

Voici une forme encore plus forte de ce principe :
« **Toute chose (dans l'Univers TOTAL) est générée ou créée par l'itération de l'unit 1** ».

On note que, dans ces axiomes, et pour que donc on puisse parler de **nombre entier naturel**, rien n'exige que l'élément appelé **0** soit l'**élément neutre** de l'**addition**. Ni même que cet élément qui n'a pas de prédécesseur soit même appelé **0**. Cette notation signifie juste que cet **élément commence la liste**, c'est tout. La liste des objets passés à l'examen de ces axiomes, aurait pu tout à fait être : **a, aa, aaa, aaaa, aaaaa, aaaaaa, aaaaaaa, ...,** aussi notées : **1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, ...,** ou : **1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12,**

L'axiome 1 dit alors simplement que ce premier élément, appelé **a** ou **1**, est noté **0**, son **successeur** est **aa** ou **11** ou **2**, qui a pour **successeur** **aaa** ou **111** ou **3**, et ainsi de suite. Tous les autres axiomes fonctionneraient exactement de la même manière, et il signifient alors que nous décidons d'appeler les **entiers naturels** cette liste et de noter la liste N. De même si l'on avait choisi la liste : **4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, ...**. De même avec la liste : **2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, ...**

Et de manière générale, toute suite de symboles : **s₁, s₂, s₃, s₄, s₅, s₆, s₇, ...**, satisfait ces axiomes de Peano et donc peut être prise comme une représentation de la notion d'**entiers naturels**.

Et maintenant considérons la liste suivante dont la logique est très évidente :

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7..., ω-7, ω-6, ω-5, ω-4, ω-3, ω-2, ω-1, ω, ω+1, ω+2, ω+3, ω+4, ω+5, ω+6, ω+7, ..., 2ω-7, 2ω-6, 2ω-5, 2ω-4, 2ω-3, 2ω-2, 2ω-1, 2ω, 2ω+1, 2ω+2, 2ω+3, 2ω+4, 2ω+5, 2ω+6, 2ω+7, ..., 3ω-7, 3ω-6, 3ω-5, 3ω-4, 3ω-3, 3ω-2, 3ω-1, 3ω, 3ω+1, 3ω+2, 3ω+3, 3ω+4, 3ω+5, 3ω+6, 3ω+7,, 4ω,, 5ω,, 6ω,, 7ω,, ω²,, ω³,, ω⁴,, ω⁵,, ω⁶,, ω⁷,, ω^ω,

Dans cette liste, les entiers naturels classiques : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7...**, autrement dit les **générescences** : **o, a, aa, aaa, aaaa, aaaaa, aaaaaa, aaaaaaa, ...**, ou : **0, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, ...**, sont appelées des **constantes**, parce que ce sont des **constantes**. Chacune d'entre elles est un nombre unique, précis, qui a une valeur fixe, comme par exemple **aaaaa** ou **11111** ou **5**, qui est fait de **cinq units a**, et pas **quatre**, et pas **six**, ou de **cinq unités 1**, pas une de plus, pas une de moins. Chacun des éléments de la liste est ainsi, une certaine **constante** donc.

Mais leur **ensemble** est une **variable** du simple fait qu'il soit **infini**. La liste : **o, a, aa, aaa, aaaa, aaaaa, aaaaaa, aaaaaaa, ...**, peut être résumée par : **a...**, ou par : **aa...**, ou par : **aaa...**, ainsi de suite, où le symbole « ... » est un **opérateur**, que nous nommons le **GENER**. Il signifie que l'objet auquel il est appliqué, ici **a**, est **répété** ou **itéré indéfiniment**.

Nous convenons que quand l'**unit** est le symbole **1** ou **U** comme « **Univers TOTAL** », l'**Unique**, la liste : **0, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, ...**, est respectivement notée : **0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7...**, et on l'appelle donc l'**ensemble des nombres entiers naturels** ou l'**ensemble des ordinaux naturels**, au sens classique de la notion d'**entier naturels**, comme définis par les axiomes de Peano. Et cette liste est résumée par : **1...**, ou par : **11...**, ou par : **111...**, ainsi de suite, et nous décidons que ces écritures sont **équivalentes**, pour traduire l'idée que l'**unit 1** est **itéré** ou **répété indéfiniment**.

Il s'agit concrètement d'une **relation d'équivalence**, définie dans l'**ensemble E** dont les éléments sont la liste suivante : **0, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, 11111111, ..., 1..., 11..., 111..., 1111..., 11111..., 111111..., 1111111..., ..., 1...1, 1...11, 1...111, 1...1111, 1...11111, 1...111111, 1...1111111, ...**

La **relation** « \equiv » est la suivante :

$x \equiv y \Leftrightarrow x =_w y$ ou x et y comportent tous les deux le symbole du GNER « ... ».

On vérifie facilement que cette **relation binaire** « \equiv » est une **relation d'équivalence** dans **E**.

Pour les objets : **0, 1, 11, 111, 1111, 11111, 111111, 1111111, ...**, appelés les **constantes**, chaque objet définit une **classe d'équivalence** dans laquelle il est le seul élément. Mais pour les objets : **1..., 11..., 111..., 1111..., 11111..., 111111..., 1111111..., 1...1, 1...11, 1...111, 1...1111, 1...11111, 1...111111, ...**, ils forment une **classe d'équivalence**, que nous appellerons la **classe oméga** ou **classe ω** , et qui est représentée par le premier d'entre eux, **1...**, qu'on notera **ω** .

L'objet **11...** ou **1ω** (à comprendre « **1 suivi de ω** » ou « **ω concaténé après 1** » et non pas « **$1 \times \omega$** »), est noté aussi : **$1+\omega$** . Et l'objet **111...** ou **11ω** , est noté : **$2+\omega$** . Et **1111...** ou **111ω** , est noté : **$3+\omega$** , et ainsi de suite. Et l'objet **1...1** ou **$\omega 1$** (à comprendre « **ω suivi de 1** » ou « **1 concaténé après ω** » et non pas « **$\omega \times 1$** »), est noté aussi : **$\omega+1$** . Et l'objet **1...11** ou **$\omega 11$** , est noté : **$\omega+2$** . Et **1...111** ou **$\omega 111$** , est noté : **$\omega+3$** , et ainsi de suite.

On peut définir aussi la **relation** « \equiv » suivante :

$x \equiv y \Leftrightarrow x =_w y$ OU il existe un entier constant n tel que : $x =_w n+\omega$ et $y =_w \omega+n$, ou : $y =_w n+\omega$ et $x =_w \omega+n$.

C'est aussi une **relation d'équivalence**, ou **relation d'égalité**, avec laquelle la précédente **classe ω** se subdivise en **sous-classes** de la forme **$\{n+\omega, \omega+n\}$** , où n est un **entier constant**, c'est-à-dire un **entier naturel** classique. Par exemple, **$3+\omega$** et **$\omega+3$** sont **équivalents** ou **égaux**. Mais **$\omega+1$** et **$\omega+2$** par exemple ne sont plus **égaux**.

Et on a enfin la **relation** « \equiv » qui est simplement définie de la façon suivante :

$x \equiv y \Leftrightarrow x =_w y$.

Autrement dit, la **relation** « $=_w$ » elle-même.

Là, on distingue chaque élément, qui n'est égal qu'à lui-même.

On distingue donc **$n+\omega$** et **$\omega+n$** , ou **$n\omega$** et **ωn** , et les deux ne sont **égaux** que si n est **0**.

Et dans ce cas, **$n+\omega$** ou **$n\omega$** est noté **$\omega-n$** .

On définit alors sur **E** l'**ordre** « $<$ » suivant :

$0 < 1 < 2 < 3 < 4 < 5 < 6 < 7... < \omega-7 < \omega-6 < \omega-5 < \omega-4 < \omega-3 < \omega-2 < \omega-1 < \omega < \omega+1 < \omega+2 < \omega+3 < \omega+4 < \omega+5 < \omega+6 < \omega+7 < ...$

Il est très facile de poursuivre cette liste jusqu'à **ω^0** et au-delà :

$0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7..., \omega-7, \omega-6, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega, \omega+1, \omega+2, \omega+3, \omega+4, \omega+5, \omega+6, \omega+7, ..., 2\omega-7, 2\omega-6, 2\omega-5, 2\omega-4, 2\omega-3, 2\omega-2, 2\omega-1, 2\omega, 2\omega+1, 2\omega+2, 2\omega+3, 2\omega+4, 2\omega+5, 2\omega+6, 2\omega+7,$

..., $3\omega-7, 3\omega-6, 3\omega-5, 3\omega-4, 3\omega-3, 3\omega-2, 3\omega-1, 3\omega, 3\omega+1, 3\omega+2, 3\omega+3, 3\omega+4, 3\omega+5, 3\omega+6, 3\omega+7,$
, $4\omega, \dots, 5\omega, \dots, 6\omega, \dots, 7\omega, \dots, \omega^2, \dots, \omega^3, \dots, \omega^4, \dots, \omega^5, \dots, \omega^6, \dots,$
 $\omega^7, \dots, \omega^\omega, \dots$

Cette liste est la nouvelle conception des **ordinaux**, la notion qui généralise la classique notion de **nombre entier**. Autrement dit, les **ordinaux** sont les **nombre entier naturels, finis ou infinis**.

Et maintenant, la question qui se pose est : Est-ce que cette liste infinie d'objets vérifie les axiomes de Peano ?

Selon les conceptions classiques non ou pas forcément. Mais dans le Nouveau Paradigme, la réponse est oui, et cela se démontre très simplement, sans avoir besoin d'axiomes compliqués, et même pas d'axiomes du tout. Cela se déduit à partir des propriétés des **générescences**, et pour cela nous avons juste besoin de comprendre le sens de la **générescence «1... »**, notée ω , et qui joue un rôle clef dans cette liste.

Contrairement aux **générescences constantes**, comme par exemple **11111** ou **6**, dont le nombre des **units 1** est fixe, pour la **générescence «1... »**, le nombre des **units 1 augmente perpétuellement**, nous disons pour cela qu'il s'agit d'une **variable croissante**, et c'est la définition que nous donnons à la notion de **nombre entier infini**.

L'entier **naturel infini** se décrit également de la manière suivante :

0 étape 0
1 étape 1
11 étape 2
111 étape 3
1111 étape 4
11111 étape 5
111111 étape 6
1111111 étape 7
 ...

Et ceci se généralise assez facilement aux entiers relatifs de la manière suivante :

...
-1111111 étape -7
-111111 étape -6
-11111 étape -5
-1111 étape -4
-111 étape -3
-11 étape -2
-1 étape -1
0 étape 0
1 étape 1
11 étape 2
111 étape 3

1111 étape 4
11111 étape 5
111111 étape 6
1111111 étape 7
...

Mais nous définirons les étapes en commençant par **0**.

La **variable ω** se définit alors par :

0 étape 0
1 étape 1
11 étape 2
111 étape 3
1111 étape 4
11111 étape 5
111111 étape 6
1111111 étape 7
...

Et la **variable $\omega-1$** se définit par :

-1 étape 0
0 étape 1
1 étape 2
11 étape 3
111 étape 4
1111 étape 5
11111 étape 6
111111 étape 7
...

Et la **variable $\omega-2$** se définit par :

-11 étape 0
-1 étape 1
0 étape 2
1 étape 3
11 étape 4
111 étape 5
1111 étape 6
11111 étape 7
...

Et la **variable $\omega-3$** se définit par :

-111 étape 0
-11 étape 1
-1 étape 2
0 étape 3
1 étape 4
11 étape 5

111 étape 6
1111 étape 7
...

Ainsi de suite.

Et la **variable $\omega+1$** se définit par :

1 étape 0
11 étape 1
111 étape 2
1111 étape 3
11111 étape 4
111111 étape 5
1111111 étape 6
11111111 étape 7
...

Et la **variable $\omega+2$** se définit par :

11 étape 0
111 étape 1
1111 étape 2
11111 étape 3
111111 étape 4
1111111 étape 5
11111111 étape 6
111111111 étape 7
...

Et la **variable 2ω** se définit par :

0 étape 0
11 étape 1
1111 étape 2
111111 étape 3
11111111 étape 4
1111111111 étape 5
111111111111 étape 6
11111111111111 étape 7
...

On appelle un **entier variable** une **application x** de \mathbb{N} dans \mathbb{Z} , c'est-à-dire une **suite d'entiers relatifs**. Pour un **entier naturel i** , $x(i)$ est noté x_i , on dit que c'est la **valeur** de x à l'**étape i** .

On appelle donc un **entier constant** un **entier variable x** ayant la **même valeur a** à **toutes les étapes**. On assimile alors x à a , autrement dit, on pose : $x = a$, si l'**égalité courante** est notée « = ».

Par exemple l'**entier constant 5** :

11111 étape 0
11111 étape 1

- 11111 étape 2
- 11111 étape 3
- 11111 étape 4
- 11111 étape 5
- 11111 étape 6
- 11111 étape 7
- ...

On pose donc : $x = 5$.

On appelle donc un **entier infini positif** (ou « positif ») un **entier variable croissant**. Et on appelle donc un **entier infini négatif** (ou « négatif ») un **entier variable décroissant**.

Pour les **entiers infinis** de la **classe ω** , la classe fondamentale, le nombre des **units** augmente d'un **unit** à chaque étape. Et à chaque étape, il s'agit bien d'un **entier constant** ou **fini**. C'est ici le point clef, qui est commun à tous les **entiers infinis**, et plus généralement à tous les **entiers variables**. A chaque étape, il s'agit d'**entiers constants** ou **finis**.

L'**addition** (ou la **soustraction**) de deux **entiers variables** x et y est l'**addition** (ou la **soustraction**) de leurs **valeurs** à chaque étape :

$$(x+y)_i = x_i + y_i.$$

$$(x - y)_i = x_i - y_i.$$

La **multiplication** (ou la **division**) de deux **entiers variables** x et y est la **multiplication** (ou la **division**) de leurs **valeurs** à chaque étape :

$$(x \times y)_i = x_i \times y_i.$$

$$(x / y)_i = x_i / y_i.$$

On pose : $1/0 = 0$, et on l'appelle la **division omégacyclique par 0**.

Et étant donnée n'importe quelle **opération H** définie sur les **entiers constants**, on définit la même **opération** sur les **entiers variables** par :

$$(x H y)_i = x_i H y_i.$$

Et étant donnée n'importe quelle **application F** de **Z** dans **Z**, définie donc sur les **entiers relatifs**, on définit la même **application** sur les **entiers variables** par :

$$(F(x))_i = F(x_i).$$

Par exemple pour tout **entier naturel constant k**, on définit ω^k par :

$$(\omega^k)_i = (\omega_i)^k = i^k. \text{ (A noter qu'ici } \omega \text{ joue le rôle de } v \text{ tel que } v_i = i, \text{ pour tout } i \in \mathbb{N}\text{).}$$

Idem pour la **factorielle** :

$$(\omega!)_i = (\omega_i)! = i!$$

Définition :

Soit $P(x_1, x_2, x_3, \dots, x_k)$ un **énoncé** ou une **proposition** ou une **propriété** portant sur **k entiers variables** $(x_1, x_2, x_3, \dots, x_k)$. On dit que **P** est **toujours vrai** ou toujours **vérifié**, si pour tout **entier naturel i**, $P(x_{1i}, x_{2i}, x_{3i}, \dots, x_{ki})$ est **vrai**. Et on dit que **P** est **toujours faux**, ou **jamais vrai**, si pour

tout **entier naturel** i , $P(x_{1i}, x_{2i}, x_{3i}, \dots, x_{ki})$ est **faux**. Et on dit que P est **finalement vrai**, s'il existe un **entier naturel** j , tel que pour tout **entier naturel** $i \geq j$, $P(x_{1i}, x_{2i}, x_{3i}, \dots, x_{ki})$ est **vrai**. Autrement dit, P est **vrai** à partir d'un certain **rang**.

La définition générale de la **relation d'ordre** « $<$ » sur les **entiers variables** se précisera par la suite. Mais il est d'ores et déjà très facile de la définir sur les **polynômes** en ω .

Notons « $=$ » l'**égalité** courante définie sur les **entiers relatifs** (sur \mathbf{Z} donc). On définit aussi « $=$ » sur les **entiers variables**.

Soit deux **entiers variables** x et y . On dit que x est **toujours égal** à y , et on note : $x = y$, si pour tout **entier naturel** i , on a : $x_i = y_i$.

Soit deux **entiers variables** x et y . On dit que x est **finalement égal** à y , et on note : $x = y$, s'il existe un **entier naturel** k tel que pour tout **entier naturel** $i \geq k$, on a : $x_i = y_i$.

Autrement dit, x et y sont **égaux** à partir d'un certain rang.

Par défaut, ou sans autre précision, le mot « **égal** » désignera l'**égalité finale**.

Cette relation « $=$ » définie sur les **entiers variables** est bien une **relation d'équivalence**.

En effet, pour la **réflexivité** :

Pour un **entier variable** x , on a $x_i = x_i$, pour tout **entier naturel** i , donc à partir du **rang 0**.
Donc $x = x$.

Et pour la **symétrie** :

Pour deux **entiers variables** x et y , si $x = y$, alors : $x_i = y_i$ à partir d'un **rang** k , autrement dit pour $i \geq k$. Donc aussi, pour $i \geq k$, on a : $y_i = x_i$, donc $y = x$.

Et pour la **transitivité** :

Si $x = y$ et si $y = z$, alors il existe un rang k tel que pour tout **entier naturel** $i \geq k$, on a : $x_i = y_i$.

Et il existe un rang k' tel que pour tout **entier naturel** $i \geq k'$, on a : $y_i = z_i$.

Prenons $k'' = \sup(k, k')$, c'est-à-dire le plus grand des deux **entiers** k et k' .

Pour tout **entier naturel** $i \geq k''$, on a donc : $x_i = y_i$ et $y_i = z_i$, donc $x_i = z_i$, en raison de la transitivité de la relation « $=$ » sur \mathbf{Z} . Donc $x = z$.

La relation « $=$ » sur les **entiers variables** est donc une **relation d'équivalence**, qui est par définition l'**égalité** sur les **entiers variables**. On note « $x \neq y$ » pour dire « x et y ne sont pas équivalents » ou « x et y ne sont pas égaux », selon l'**égalité** « $=$ » définie sur les **entiers variables**.

Soit un **entier variable** x . On dit que x est **toujours constant**, s'il existe un **entier relatif** a tel que pour tout **entier naturel** i , on a : $x_i = a$. On note alors : $x = [a]$.

Donc on a : $x = [a] = (a, a, a, a, a, a, a, a, a, \dots)$. On le note aussi I_a , et on l'appelle alors **suite identité** a .

Par exemple : $x = [5] = (5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, \dots)$.

Et on dit que x est **finalement constant** , s'il existe un **entier relatif a** et un **entier naturel k** tels que pour tout **entier naturel $i \geq k$** , on a : $x_i = a$. Autrement dit, x est **constant** à partir d'un certain rang k . Et on note aussi : $x = [a]$. Et l' **entier variable constant $[a]$** sera assimilé à l' **entier constant a** .

Par exemple : $x = [5] = (-24, 1, 3, 0, 5, 5, 5, 5, 5, \dots)$.

x , qui, au départ n'était pas **constant** , est **finalement constant** à partir du rang **4** , donc ne se distingue plus de l' **entier variable toujours 5** à partir de ce rang.

Il est clair que les **entiers variables toujours constants** sont **finalement constants** , mais pas l'inverse. Les **entiers variables finalement constants** sont les **entiers variables finalement égaux** à un certain **entier variable toujours constant $[a]$** . Par défaut, et sans précision, l'adjectif « **constant** » seul désignera les **entiers variables finalement constants** . Et de manière générale, par défaut les **propriétés** désignent les **propriétés finales** , c'est-à-dire **finalement vérifiées** et pas celles **toujours vérifiées** . Ce sont les **propriétés finales** qui nous intéressent dans cette première étude des **nombres entiers variables** .

L' **ordre « \leq »** et son **ordre strict associé « $<$ »** est défini sur les **entiers constants** , et c'est l' **ordre usuel** .

Soit deux **entiers variables x et y** . On dit que x est (**finalement**) **inférieur à y** , et on note : $x \leq y$, s'il existe un **entier naturel k** tel que pour tout **entier naturel $i \geq k$** , on a : $x_i \leq y_i$.

La relation « \leq » ainsi définie sur les **entiers variables** est une **relation d'ordre** .

En effet, pour la **réflexivité** :

Pour tout **entier variable x** , et pour tout rang **$i \geq 0$** , on a : $x_i \leq x_i$. Donc $x \leq x$.

Pour l' **antisymétrie** :

Soient deux **entiers variables x et y** , et supposons que $x \leq y$ et $y \leq x$.

$x \leq y$ signifie qu'il existe un **entier naturel k** tel que pour tout **entier naturel $i \geq k$** , on a : $x_i \leq y_i$.

Et $y \leq x$ signifie qu'il existe un **entier naturel k'** tel que pour tout **entier naturel $i \geq k'$** ,

on a : $y_i \leq x_i$.

Accessoirement on a $k = k'$, mais supposons que cela puisse ne pas être le cas.

Prenons alors $k'' = \sup(k, k')$.

Là c'est certain que pour tout **entier naturel $i \geq k''$** , on a : $x_i \leq y_i$ et $y_i \leq x_i$.

L' **antisymétrie** de la relation « \leq » dans \mathbf{Z} implique alors que

pour tout **entier naturel $i \geq k''$** , on a : $x_i = y_i$, ce qui par définition signifie que $x = y$.

Pour la **transitivité** :

Soient trois **entiers variables x , y et z** , et supposons $x \leq y$ et $y \leq z$.

$x \leq y$ signifie qu'il existe un **entier naturel k** tel que pour tout **entier naturel $i \geq k$** , on a : $x_i \leq y_i$.

Et $y \leq z$ signifie qu'il existe un **entier naturel k'** tel que pour tout **entier naturel $i \geq k'$** ,

on a : $y_i \leq z_i$.

Prenons alors $k'' = \sup(k, k')$.

Pour tout **entier naturel $i \geq k''$** , on a : $x_i \leq y_i$ et $y_i \leq z_i$, donc $x_i \leq z_i$. Donc $x \leq z$.

La relation « \leq » est donc une **relation d'ordre**. On note alors « $<$ » la **relation d'ordre stricte** associée, c'est-à-dire la relation « $x \leq y$ et $x \neq y$ », la relation dont la négation est notée « \neq » étant l'**égalité finale**. Autrement dit, « $x \neq y$ » se lit : « x n'est pas finalement égal à y » ou « x et y ne sont pas finalement égaux ». Et s'ils ne sont pas **finalement égaux**, à plus forte raison ils ne sont pas **toujours égaux**.

Soit deux **entiers variables** x et y . On dit que x est (**finalement**) **supérieur à y** , et on note : $x \geq y$, s'il existe un **entier naturel k** tel que pour tout **entier naturel $i \geq k$** , on a : $x_i \geq y_i$.

La relation « \geq » est aussi une **relation d'ordre**, et cela se démontre de la même façon que précédemment. On note alors « $>$ » la **relation d'ordre stricte** associée, c'est-à-dire la relation « $x \geq y$ et $x \neq y$ ».

On note que pour les **entiers variables**, il faut définir les trois **relations** « $=$ » (**égalité**), « \leq » (**infériorité**) et « \geq » (**supériorité**), sans partir de l'a priori qu'elles ont la même interdépendance que pour les **entiers constants**. Car, l'**ordre** « \leq » n'est pas **total**, comme avec les **entiers constants**.

Considérons par exemple l'**entier variable a** défini par $a_i = 4$ si i est **pair** et $a_i = 6$ si i est **impair**, dont : $a = (4, 6, 4, 6, 4, 6, 4, \dots)$,

et l'**entier variable** qu'est la **suite constante [5]**,

dont : $[5] = (5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, \dots)$,

Les deux **entiers variables** ne sont pas **comparables** par cet **ordre** « \leq ».

En effet, on n'a ni $a \leq [5]$, ni $a = [5]$, ni $a \geq [5]$.

Car un coup a est **inférieur** à $[5]$, et un coup a est **supérieur** à $[5]$.

On peut maintenant donner à la notion d'**entier infini** la définition très générale suivante.

Soit un **entier variable x** . On dit que x est un **entier (finalement) infini anitif** (ou « **positif** ») si x est **strictement supérieur** à tout **entier constant**. Autrement dit, pour tout **entier relatif a** , il existe un **entier naturel k** tel que pour tout **entier naturel i** , $x_i > a$.

Un cas particulier fondamental est quand x est un **nombre entier variable finalement croissant**, c'est-à-dire **croissant** à partir d'un certain **rang k** . Autrement dit, il existe un **entier naturel k** tel que pour tout **entier naturel $i \geq k$** , $x_i < x_{i+1}$.

Un autre cas particulier d'**entier infini** (anitif) est celui des **entiers variables** de la **classe ω** . Pour tout **entier constant a** et pour tout **entier variable x** de la **classe ω** , on a : $x > a$.

Pour deux **entiers variables** x et y , et pour tout **entier naturel non nul k** :

$$x < y \Rightarrow kx < ky .$$

$$x < y \Rightarrow -kx < -ky .$$

Tout ce qui précède permet de déduire l'**ordre** suivant :

**0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ..., $\omega-7, \omega-6, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega, \omega+1, \omega+2, \omega+3, \omega+4, \omega+5, \omega+6, \omega+7,$
 ..., $2\omega-7, 2\omega-6, 2\omega-5, 2\omega-4, 2\omega-3, 2\omega-2, 2\omega-1, 2\omega, 2\omega+1, 2\omega+2, 2\omega+3, 2\omega+4, 2\omega+5, 2\omega+6, 2\omega+7,$
 ..., $3\omega-7, 3\omega-6, 3\omega-5, 3\omega-4, 3\omega-3, 3\omega-2, 3\omega-1, 3\omega, 3\omega+1, 3\omega+2, 3\omega+3, 3\omega+4, 3\omega+5, 3\omega+6, 3\omega+7,$**

....., 4ω , , 5ω , , 6ω , , 7ω , , ω^2 , , ω^3 , , ω^4 , , ω^5 , , ω^6 , , ω^7 , , ω^8 ,

Une conception des **nombre entiers**, avec l'**entier alpha** qui est **0**, et où l'**entier oméga** est ω , et où pour l'**égalité** utilisée l'on a : $0 = \omega$, est qualifiée d'**oméga cyclique**. Dans ce cas, on a aussi : $-1 = \omega - 1$, ce qui veut dire que l'**avant-dernier** élément est aussi le **prédécesseur** de **0**. Et on a : $-2 = \omega - 2$, et : $-3 = \omega - 3$, etc..

Dans cette perspective **oméga cyclique**, où ω est un **nombre infini**, c'est-à-dire précédé entre autres de toute l'infinité des **nombre** qualifiés de **finis** :

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7..., $\omega - 7$, $\omega - 6$, $\omega - 5$, $\omega - 4$, $\omega - 3$, $\omega - 2$, $\omega - 1$, ω , on ne distingue plus l'**ensemble N** des **nombre entiers naturels** avec l'**ensemble Z** des **nombre entiers relatifs**. En effet, les **entiers anitifs** (ou « **positifs** ») sont au début du **cycle**, et ce sont les éléments du classique ensemble **N**, et leurs **opposés**, les **entiers antitifs** (ou « **négatifs** »), sont à la fin du **cycle**. Et pourtant, tous les **entiers** pris sur un seul **cycle**, de **0** à ω , sont **positifs** dans l'absolu.

Dans cette perspective **cyclique** des **entiers**, l'axiome 3 devient lui aussi inutile, car il empêche de boucler le cycle de sorte que l'**avant-dernier élément**, $\omega - 1$ donc, soit aussi l'élément **-1**, le prédécesseur de **0**.

Et l'un des grands intérêts de cette **structure cyclique**, c'est qu'elle s'applique indifféremment à un **cycle** avec un **nombre infini** comme **fini** d'éléments, comme par exemple dans les habituelles **arithmétiques modulaires**, l'ensemble comporte un **nombre fini** d'éléments.

Nous avons par exemple vu plus haut que l'**ensemble N** des **nombre entiers naturels**, qui avec l'**égalité générative** « $=_{\omega}$ », est un **ensemble infini** (avec une **infinité** d'éléments) est, avec l'**égalité** qu'est la **relation d'équivalence** de la **congruence modulo 10**, ou $\mathbb{Z} / 10\mathbb{Z}$, ce que j'appelle simplement le **Cycle 10**, et note « $0=10$ » et aussi « $\omega = 10$ », l'**ensemble** : $N = \{0^{\square}, 1^{\square}, 2^{\square}, 3^{\square}, 4^{\square}, 5^{\square}, 6^{\square}, 7^{\square}, 8^{\square}, 9^{\square}\}$. Cela veut dire qu'avec cette **égalité**, **N** est vu comme un **ensemble fini** de **10** éléments : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$. Ce **Cycle 10** ou « $0=10$ » ou « $\omega = 10$ », est une manière de dire qu'on parle d'un **système de numération** de base **10**, l'**entier 11** étant un nouveau **1**, l'**entier 12** étant un nouveau **2**, etc..

Considérons l'ensemble de tous les **mots** formés avec **a**, **b** et **e**, et parmi ceux-ci sélectionnons des mots spéciaux qui seront les ordinaux qui nous intéressent.

On dit que **a** est l'**ordinal infini initial**, et que **b** est son **ordinal infini**. Le symbole **o**, qui joue le rôle du **0** pour les mots, à savoir donc l'« **espace** », ne doit pas être oublié.

La première liste infinie de **mots** que nous allons considérer, et qui constitue le **modèle** de toute la logique **ordinaire** que nous construisons, est :

o, a, aa, aaa, aaaa, ..., aaaab, aaab, aab, ab, b, pris dans cet **ordre**.

Autrement dit : **o < a < aa < aaa < aaaa < ... < aaaab < aaab < aab < ab < b**.

Cette liste est infinie (au sens intuitif du mot) puisqu'elle commence par toute l'infinité des **générescences** d'**unit a**, qui, à part **o**, ne comporte que des **a**, suivies avec les mêmes

générescences d'unité a terminées par **b**. Il s'agit donc d'un cas particulier de mots formés uniquement avec **a** et **b**, **ordonnés** selon cet **ordre**.

Mais, chose très intéressante et très importante, ce modèle peut tout à fait s'appliquer à un système de **numération finie**, comme par exemple le classique **système décimal**. Dans ce cas, **o** représente **0**, **a** représente **1**, et **b** représente **10**. La liste est alors **finie**, et elle est :

o < a < aa < aaa < aaaa < aaaaa < aaaab < aaab < aab < ab < b,

et elle s'interprète respectivement :

0 < 1 < 2 < 3 < 4 < 5 < 6 < 7 < 8 < 9 < 10, ou encore plus exactement :

0 < 1 < 2 < 3 < 4 < 5 < 10-4 < 10-3 < 10-2 < 10-1 < 10.

Ainsi donc, **b** est **10**, et **ab** se lit « **une unité a avant 10** », donc **9**.

Et **aab** se lit « **deux unités a avant 10** », donc **8**.

Et **aaab** se lit « **trois unités a avant 10** », donc **7**.

Donc **aaa** aurait pu s'écrire : **aaaaaab**, pour dire donc « **sept unités a avant 10** », ou **10-7**, donc **3**.

Et **o** sera alors : **aaaaaaaaaab**, pour dire donc « **dix unités a avant 10** », donc **10-10 = 0**.

Mais la convention avec ce **système ordinal**, qui suit une logique similaire à la **numération romaine** : **I, II, III, IV, V, VI, VII, VIII, IX, X**, c'est que jusqu'à la moitié de la liste incluse, on préfère **additionner** les **unités**, ici **a**, et après on préfère soustraire ces mêmes unités de l'unité supérieure, ici **b**, l'équivalent du **X** ou **10** romain, pour avoir une écriture la moins longue possible. C'est en effet moins long de dire **aaa** pour dire **3** que de dire **aaaaaab**, pour dire **10-7** donc **3** aussi. Suivant la même logique, c'est moins long de dire **IV**, ou **5-1**, pour dire **4**, que de dire **IIII**. Et c'est moins long de dire **IX** pour dire **10-1** ou **9**, que de dire **IIIIIIII** pour dire **9**, etc.. Dans tous les cas, il s'agit d'un **système unaire** ou **système génératif** ou **système de générescences**.

Donc ici, dans le système romain, le symbole **V** est là pour dire : « **paquet de 5 traits** » ou **IIII**, et donc **IV** veut dire « **paquet de 5 traits moins un** », et **VI** veut dire « **paquet de 5 traits plus un** ». De même, **X** signifie « **paquet de 10 traits** », et donc **IX** signifie « **paquet de 10 traits moins un** ».

De même ici, dans notre système ordinal, la lettre **b** signifie « **paquet de 10 traits** », si l'on fonctionne en système de base **b** égale à **10**. Et donc **ab** veut dire « **paquet de 10 traits moins un** ».

Mais ce qui est particulièrement intéressant ici, c'est que **b** ne représente pas forcément un **nombre fini**, et peut représenter justement aussi l'**infini** ω . Et alors **ab** veut dire « **paquet de ω traits moins un** », et **aab** veut dire « **paquet de ω traits moins deux** », etc.. Le symbole du **GENER** « ... » représente $\omega/2$, que ω soit **pair** ou **impair**. Car on a vu aussi que ω , et notamment sous sa version appelée **w**, est une **variable croissante**, qui prend dans l'ordre les valeurs : **0, 1, 2, 3, 5, 6, 7, ...**:

Donc ω est tour à tour **pair** et **impair**, et donc tantôt $\omega/2$ est un **entier**, tantôt un **demi-entier**.

C'est donc ce rôle que joue **b** dans la liste :

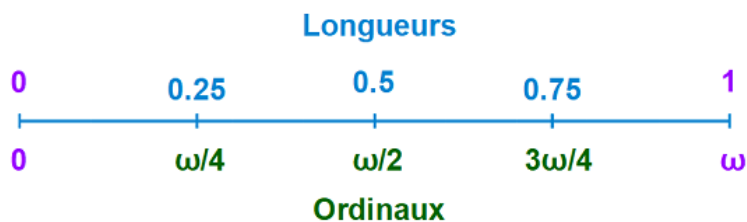
o < a < aa < aaa < aaaa < ... < aaaab < aaab < aab < ab < b,

qui est donc une manière de dire :

0 < 1 < 2 < 3 < 4 < ... < $\omega-4$ < $\omega-3$ < $\omega-2$ < $\omega-1$ < ω ,

pouvant donc être **fini**, comme **10** par exemple, ou **infini**, c'est-à-dire une **variable croissante**.

Dans tous les cas, nous adoptons la convention qu'avant le point **GENER** ou « ... », c'est-à-dire avant $\omega/2$, on **additionne** les unités pour former les **générescences**, et après le point **GENER** ou « ... » ou $\omega/2$, on les **soustrait** de ω . Dans tous les cas, c'est la liste des **ordinaux** de **o** à **b** sans aucune discontinuité, car aussi c'est la liste des **ordinaux** de **0** à ω , en **toute continuité** aussi, puisque ω est une **variable croissante**, qui est exactement comme de parcourir l'**infinité des points** d'un **segment de longueur 1**, sans aucune discontinuité ou rupture :

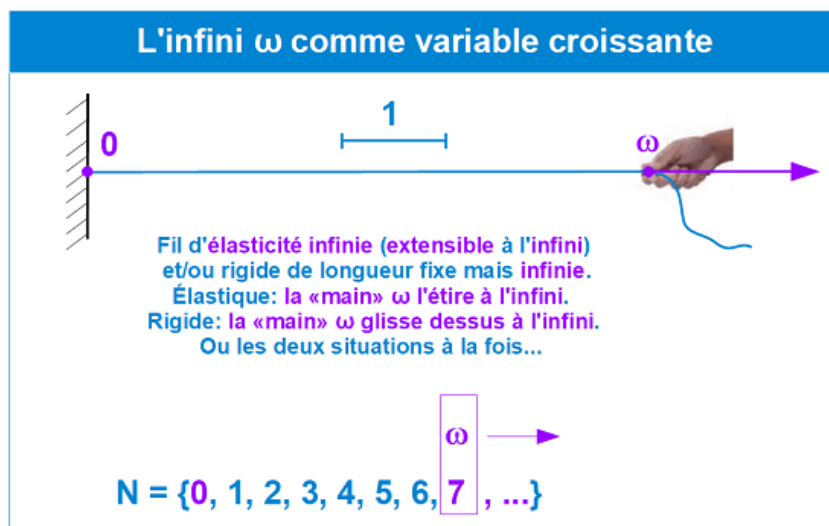


On répète que cette **logique ordinale** de **comptage des points** du **segment unitaire**, c'est-à-dire le **segment de longueur 1**, se déroule au niveau de l'**identité générative**, où donc **0** n'est plus l'**élément neutre** de l'**addition**. A ce niveau où donc l'**identité** est si fine et précise qu'elle distingue deux **nombres** ou **expressions numériques** présentant une différence de **0**, chaque **unit 0** compte, et donc **1+0** n'est plus **1**. Cela signifie qu'ajouter un **point** ou un **0** à l'extrémité d'un **segment** ou même de toute une **droite infinie**, augmente sa **longueur** !

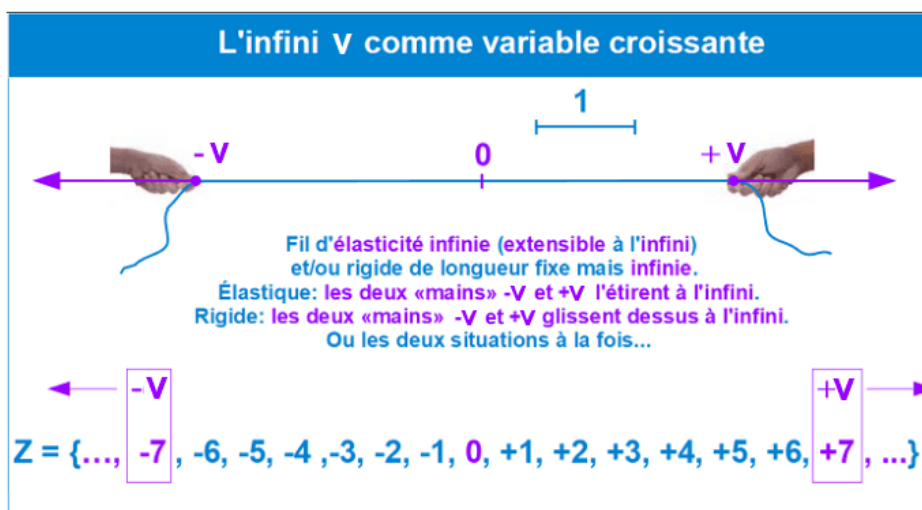
VIII - Compréhension plus profonde de l'ensemble des nombres entiers oméganaturels

Nous considérons l'ensemble **N** des nombres **entiers naturels** et l'ensemble **Z** des nombres **entiers relatifs**, tels que nous les avons définis précédemment, ou simplement les ensembles **N** et **Z** classiques. Et rappelons les nouvelles visions de ces ensembles avec le modèle des **ficelles élastiques**. Nous avons vu que la manière technique de dire « **élastique** » est « **variable** », et cette notion spécifique de « **variable** » est définie au moyen de notion d'**application** ou de **fonction**.

Pour l'ensemble **N** :



Et l'ensemble Z :



Il est important de noter dans ce modèle que cet ensemble N possède toujours un **premier élément**, 0 , un **alpha**, qui est **fixe, constant, statique**, et toujours un **dernier élément**, ω ou ω , qui, lui, est **variable, dynamique**. Mais pour Z , il possède deux **éléments variables**, le 0 étant au centre des **éléments constants**.

Pour un élément **constant**, comme 5 par exemple, la liste des éléments de 0 à 5 est : $0, 1, 2, 3, 4, 5$, une liste qui a un **premier élément**, 0 , et un **dernier élément**, 5 , qui est **constant**, ce qui veut dire aussi que le **nombre de ces éléments** est **constant** aussi.

Et pour un **élément variable**, comme ω par exemple, la liste des éléments de 0 à ω est : $0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \omega-5, \omega-4, \omega-3, \omega-2, \omega-1, \omega$.

Mais nous noterons cette **variable** ω souvent aussi v :

$0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, v-5, v-4, v-3, v-2, v-1, v$.

et le **nombre des éléments** de cette liste est **variable** aussi.

Mais (chose très importante) cette liste a toujours un **premier élément** et un **dernier élément** ! Le fait qu'elle soit **variable** ou **infinie** ne change rien à cette caractéristique très fondamentale, d'avoir un élément **alpha** et un élément **oméga**, et le fait que, malgré les apparences, et la présence du symbole « ... » que nous appelons le **GENER** (et que nous avons longuement étudié dans le livre : [Conception générative des entiers, structure réelle](#)), il n'y a aucune rupture dans la **continuité** qu'est cette liste. Même remarque pour **Z**, sauf que son **premier élément** comme son **dernier élément** sont **variables**.

Dans les deux cas, on parcourt la liste du **premier élément** au **dernier élément**, exactement comme pour une liste **constante**, correspondant à un **entier constant**, sauf qu'ici elle est juste **variable**, ce que la présence du symbole « ... » ou **GENER** indique. Ce symbole n'est pas obligé pour un entier **constant**, mais est incontournable pour un **entier variable**, ici un cas particulier de **variable**, à savoir une **variable croissante**, qui est l'une des définitions de la nouvelle notion d'**infini**.

On note que cette **variable** ω ou **v**, a un **prédécesseur**, $\omega-1$ ou **v-1**, qui à son tour a un **prédécesseur**, $\omega-2$ ou **v-2**, qui à son tour a un **prédécesseur**, $\omega-3$ ou **v-3**, etc.. Cette **variable** ω ou **v**, est la nouvelle conception de la notion d'**ordinal infini**, notion d'ordinal radicalement différente de celle des conceptions traditionnelles, pour qui cet **ordinal** ω ou **v**, n'a pas de **prédécesseur**. Et plus généralement, dans les conceptions traditionnelles, les **ordinaux** dits **limites** n'ont pas de **prédécesseurs**, mais peuvent avoir des **successeurs**. Pour nous, cette conception des **ordinaux** à sens unique, est bancale, pour ne pas dire fausse. Ce n'est pas la logique fondamentale des **nombre entiers** dans l'**Univers TOTAL**. On a le droit de qualifier ces **ordinaux** à sens unique d'**entiers**, d'**infinis**, etc., mais pas de dire que c'est la notion fondamentale, naturelle. Tout comme ce n'est pas naturel de dire que tous les **nombre entiers** puissent avoir un **inverse**, sauf **0**.

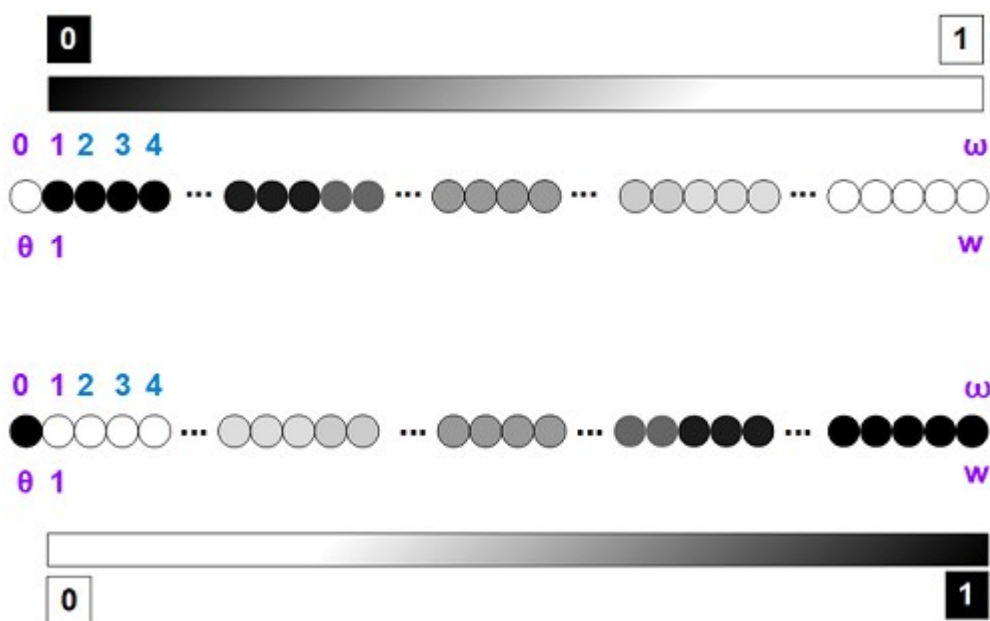
Et enfin, on note qu'il revient exactement au même de parler d'une liste **variable** ou **infinie**: **0, 1, 2, 3, 4, 5, ...**, sans apparemment de **dernier élément**, que de parler d'une liste **variable** ou **infinie**: aussi : **0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., v-5, v-4, v-3, v-2, v-1, v**, avec bel et bien un **élément de fin**, ici **v**. Dans le premier cas, le symbole de **variation** « ... », le **GENER** donc, est mis à la fin, et dans le second cas, ce symbole est mis au milieu. C'est donc juste deux écritures différentes exactement de la même chose. Toutefois, la seconde écriture est de très loin la meilleure, car elle évite de très nombreuses et graves conceptions traditionnelles erronées de la première, qu'il faut juste voir comme un raccourci ou un abrégé de la seconde.

Par exemple, l'absence de définition explicite d'un **dernier entier**, ω ou **v**, a un rôle dans la prétendue « impossibilité » de **diviser par 0**. Car ce dernier élément est alors automatiquement l'**inverse de 0** pour la **multiplication**. Rien n'empêche ensuite de dire que l'on se place dans le cadre d'une **relation d'équivalence** ou d'**égalité** pour laquelle : **0 = v**, ou : **0 = ω** , qui est la **relation d'équivalence** du **Cycle v**, ou **Cycle ω** , et alors on est dans une logique **oméga-cyclique**.

Tout cela signifie que, quand on conçoit l'ensemble **N** des **entiers naturels** ainsi : **N = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ...}**, sans apparemment aucun **dernier élément**, il y en a un pourtant, qui n'est autre que l'ensemble **N** lui-même !

En effet, cette écriture à elle seule signifie que **N** est un **entier naturel variable croissant**, et la liste des **nombre entiers naturels** de **0** à **N** est : **0, 1, 2, 3, 4, 5, ..., N-5, N-4, N-3, N-2, N-1, N**. Autrement dit, les éléments de **N** vont de **0** à **N-1**, soit exactement **N éléments** !

Donc, quand on dit habituellement que l'ensemble N est : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots\}$, on ne parle en réalité que de ses éléments **constants**. Plus ceux qui croissent, plus ils se transforment graduellement en **entiers variables**, ce qui veut dire que les deux notions **contraires** de **constante** et de **variable** ne sont pas à voir selon une logique tranchée, mais comme une notion qui **évolue graduellement** vers son **contraire**, et vice versa (sur l'image ci-dessous la **variable** v est notée w mais la logique est la même).



De manière générale, avons-nous dit, contrairement à la logique classique qui est une logique de **Négation**, dont l'une des caractéristiques est d'être une logique du **tout ou rien**, la logique avec laquelle la **Science de l'Univers TOTAL** est faite est la logique d'**Alternation**, ce qui veut dire entre autres que la **valeur de vérité**, alterne à l'**horizon infini**, le **0** devient **1** et vice-versa. L'évolution de la **valeur de vérité** en relation avec la notion de **finitude** et d'**infinitude**, est largement traitée dans le livre : [Conception générative des entiers, structure réalie.](#)

Malgré les apparences donc, l'ensemble N des **entiers naturels** contient des éléments **finis** vers le **début** (côté **alpha**) et des éléments **infinis** vers la **fin** (côté **oméga**). Mais en règle générale, on ne le voit que comme un ensemble d'éléments **finis** ou **constants**, ce qui n'est pas tout à fait exact.

L'ensemble N avec tous ses éléments **finis** et **infinis**, autrement dit **constants** et **variables**, est : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1\}$

Et ce que nous appelons la **variable** w ou v , vue en tant qu'**ensemble**, est : $v = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, v-5, v-4, v-3, v-2, v-1\} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \bar{5}, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}\}$.

C'est l'**ensemble** de toutes les **valeurs** que prend la **variable entière** v , à savoir : $v=0, v=1, v=2, v=3, \dots$, l'**avant-dernière valeur** étant $v-1$, et la **dernière** étant v elle-même, donc : $v=v$, sa **valeur d'identité**, les autres étant ses **valeurs d'équivalence**.

Une autre manière de voir la chose est que v est l'**entier « élastique »**, qui s'« étire » de sa **longueur initiale** qui est **0**, à sa **longueur finale**, qui est donc v . Et en continuant de s'« étirer » elle prendra les **valeurs $v+1, v+2, v+3$** , etc..

Dans le modèle des voitures sur l'autoroute, la **voiture** appelée v , la voiture prise comme référence, qui (pour se fixer les idées) parcourt **1 km par minute**, soit **60 km/h**, a depuis **0** parcouru une certaine distance qui est v . Elle était donc à **0 km**, puis elle a parcouru **1 km** après la première minute, puis **2 km** après la seconde minute, puis **3 km** après la troisième minute, etc.

Par définition, $v+1$ est celle qui, au temps **0 min** est à la borne **1 km**, mais qui roule elle aussi avec une vitesse de **1 km par minute**, soit **60 km/h**. Donc au temps **1 min** est à la borne **2 km**, puis à **3 km** à **2 min**, etc..

La voiture v^2 est celle qui au temps **0 min** est à la borne **0 km**, et au temps **1 min** est à la borne **1 km**, et au temps **2 min** est à la borne $2^2 = 4$ **km**, et au temps **3 min** est à la borne $3^2 = 9$ **km**, etc..

Il est alors très facile de définir la voiture v^n , pour n un **entier naturel** quelconque. Et en particulier on a la voiture v^v ou w . Par définition on pose : $0^0 = 0$, si **0** est le **0 absolu**, à savoir **o**. Cela signifie qu'au temps **0 min** la voiture v^v est à la borne **0 km**. Et au temps **1 min** est à la borne $1^1 = 1$ **km**, et au temps **2 min** est à la borne $2^2 = 4$ **km**, et au temps **3 min** est à la borne $3^3 = 27$ **km**, et au temps **4 min** est à la borne $4^4 = 256$ **km**, etc.. Bon, il s'agit d'une « voiture » théorique ou mathématique, n'ayant aucune limitation de vitesse, donc qui ignore la limite qu'est la vitesse de la lumière.

A chaque étape **entière**, toutes les voitures, dites **entières**, qui sont à une distance **entière**, représentent tous les **nombre entiers** possibles, **constants** comme **variables**.

L'**ensemble des nombres entiers naturels**, quand il est vu comme : $N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, N-5, N-4, N-3, N-2, N-1\}$, n'est donc rien d'autre que la **variable v** , vue en tant qu'**ensemble** de ses **valeurs** jusqu'à sa **valeur actuelle**, qui est v lui-même:
 $v = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, v-5, v-4, v-3, v-2, v-1\} = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots, \bar{5}, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}\}$.

On peut définir ainsi l'ensemble N_ω des **nombre entiers oméganaturels**, c'est-à-dire des **ordinaux** ou des **ordinalnuméraux**, dans le langage des « voitures ». Et il est très facile aussi de donner une définition semblable de l'**ensemble Z_ω des entiers omégarelatifs**. Par **relativisation** donc N_ω donne l'ensemble Z_ω des **nombre entiers omégarelatifs**.

Pour ce faire on considère l'ensemble Z^Z des **applications de Z dans Z**. Il suffit en fait d'avoir dit cela pour avoir dit que cet ensemble, qui est un **potentiel**, avec la logique générale des opérations définies dans les potentiels, et notamment l'héritage des opérations

Et on considère aussi l'ensemble Z^N des **applications de N dans Z**, autrement dit des **suites d'entiers relatifs**. Autrement dit encore, eu égard à ce que nous avons dit dans les généralités, c'est **Z potentiel N**. Pour une telle suite x , ses termes sont donc : $x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, \dots$, où donc les x_i sont des **entiers relatifs**, des éléments de Z . Nous convenons de voir ces suites comme des **applications de Z dans Z**, des éléments de Z^Z donc, pour lesquelles les x_i sont **0** pour $i < 0$.

Autrement dit, la partie **E** de Z^Z , formée par les **applications nulles pour les indices i strictement négatifs**, est **isomorphe** à Z^N . Etant donnée une suite : $x_0, x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, \dots$, un élément x de Z^N

donc, et : $\dots, x'_{-5}, x'_{-4}, x'_{-3}, x'_{-2}, x'_{-1}, x'_0, x'_1, x'_2, x'_3, x'_4, x'_5, \dots$, un élément x' de Z^Z , on assimile x et x' , si pour tout $i < 0$ on a : $x'_i = 0$, et si pour tout $i \geq 0$, on a : $x'_i = x_i$.

Car pour tout élément x de Z^N , on peut par prolongation définir l'élément unique x' de Z^Z , qui a ses termes nuls pour les entiers strictement négatifs, et qui a les mêmes termes que x pour les entiers positifs ou nuls. A l'inverse, pour un élément x' de Z^Z , on définit l'élément unique de Z^N , tel que pour tout élément i de N , on ait : $x_i = x'_i$. Ceci permet donc de voir Z^N comme un sous-ensemble de Z^Z . Et un raisonnement semblable permet de voir N^N comme un sous-ensemble de Z^N .

De la même façon, on considère le classique ensemble R des **nombre réels**, et l'ensemble R^R des **applications de R dans R**. On considère l'**ensemble E** des éléments x de R^R , tels que pour tout réel i , $x(i) = 0$ si i n'est pas un **entier relatif**, et tels que $x(i)$ est un **entier relatif** si i est un **entier relatif**. Il est clair aussi qu'à tout élément de **E** on associe un élément unique de Z^Z , et à l'inverse tout élément de Z^Z est associé à un élément unique de **E**. Celui-ci et Z^Z sont donc **isomorphes**, ce qui permet de voir Z^Z comme un sous-ensemble de R^R .

On a ainsi : $N^N \subset Z^N \subset Z^Z \subset R^R$.

Les nombres entiers clefs que nous voulons exhiber sont dans N^N , ce sont des **suites d'entiers naturels** donc, qui, moyennant la convention qu'on vient de poser, sont des cas particuliers d'éléments de R^R , des **fonctions** (ou **applications**) réelles.

Nous donnerons les définitions les plus générales dans le **potentiel R^R**, et elles sont valables pour Z^Z et Z^N .

Soit E' le sous-ensemble de R^R tel que pour tout élément x de R^R , x est un élément de E' si et seulement si pour tout **entier relatif** i , $x(i)$ est un **entier relatif**. Autrement dit simplement, les éléments de E' prennent pour valeur des **entiers relatifs** quand la **variable** i (au sens classique du mot **variable**) est un **entier relatif**.

On définit alors dans E' une **relation d'équivalence** « \equiv » telle que deux éléments x et y de E' sont **équivalents** si : $x(i) = y(i)$ pour tout élément i de Z .

Il est alors très facile de vérifier que l'**ensemble des classes d'équivalence**, E'/\equiv , est **isomorphe** à Z^Z .

Les éléments de Z^Z sont appelés les **nombre entiers variables relatifs** ou simplement les **entiers variables relatifs**, ou simplement encore les **entiers variables**.

On considère l'ensemble Z' des **suites constantes d'entiers relatifs**, c'est-à-dire les suites x dont tous les termes x_n sont **égaux** à un certain **entier relatif a** donné:

Pour tout entier naturel n , on a : $x_n = a$.

Donc les termes sont : **a, a, a, a, a, a, a, a, ...** Cette suite est notée **[a]**. De telles suites sont appelées les **entiers constants**, elles sont donc des **entiers variables** spéciaux. On dit aussi qu'elles sont les **entiers finis**. C'est elles que représentent les voitures **constantes**, ou les ficelles rigides de **longueur constante**, ou élastiques mais étirées et gardées à une longueur fixe.

Généralisation de la notion d'entier.

Sur la base du fait que les éléments de \mathbf{Z} sont des **nombre entiers**, en l'occurrence les **entiers relatifs**, et en particulier que les éléments de \mathbf{N} sont les **entiers naturels**, nous allons définir la notion générale d'**entier**.

Pour cela, nous allons considérer n'importe quel ensemble \mathbf{K} contenant tout ou partie des éléments de \mathbf{Z} , et éventuellement tous les éléments de \mathbf{Z} , comme \mathbf{Q} ou \mathbf{R} ou \mathbf{C} . On considère ensuite l'**ensemble $\mathbf{K}^{\mathbf{N}}$** de toutes les **applications** de \mathbf{N} dans \mathbf{K} , autrement dit des **suites d'éléments de \mathbf{K}** .

Soit x une **suite d'éléments de \mathbf{K}** , une **application de \mathbf{N} dans \mathbf{K}** donc. On dit que x est un **entier** si et seulement si pour tout **entier naturel n** , $x(n)$, noté x_n , est un **entier relatif**, un élément de \mathbf{Z} donc.

On définit l'**entiérité de x au rang n** , $\text{ent}(x, n)$, exprimée en **pourcentage**, de la façon suivante : $\text{ent}(x, n) = \text{nbe}(x, n) / (n+1)$,

où **nbe(x, n)** est le **nombre des entiers relatifs** qu'il y a dans les $n+1$ termes de x_0 à x_n .

Et on appelle simplement l'**entiérité de x** , et on note $\text{ent}(x)$, la **limite** de $\text{ent}(x, n)$ quand n tend vers l'**infini**, au sens classique de la notion de limite. On ne se pose pas la question de l'existence de la **limite**, car dans la nouvelle vision elle existe toujours, sauf qu'elle peut éventuellement être **fluctuante**.

Exemples :

On prend \mathbf{K} égal à \mathbf{R} , et on considère donc les **suites de réels**, les éléments de $\mathbf{R}^{\mathbf{N}}$ donc.

Et on considère la **suite v** , définie par : $v(n) = n$, ou : $v_n = n$.

C'est la **suite identité**. C'est elle donc que représente la voiture v dans le modèle des voitures.

Les $n+1$ termes de v_0 à v_n , ou : $v_0, v_1, v_2, v_3, \dots, v_n$, qui sont donc : **0, 1, 2, 3, ..., n**, sont tous des **entiers relatifs**, donc : $\text{nbe}(v, n) = n+1$.

Par conséquent : $\text{ent}(v, n) = \text{nbe}(v, n) / (n+1) = (n+1)/(n+1) = 1$.

Cela signifie que **v est entier à 100 %** jusqu'au rang n .

Et quel que soit l'**entier n** , **v est entier à 100 %** jusqu'à ce rang n ,

donc on a simplement : $\text{ent}(v) = 1 = 100 \%$.

Cela veut dire que v est un **entier**.

Ce résultat est le même pour toute **suite x** dont tous les termes x_n sont des **entiers relatifs**.

On a donc : $\text{ent}(x) = 1 = 100 \%$, ce qui veut dire que x est un **entier**.

Ce qui nous intéresse particulièrement, ce sont les **suites x** pour lesquelles ce n'est pas ainsi, ou ce n'est que **partiellement** ainsi, et c'est cette **partialité** que nous voulons évaluer.

Comme second exemple, considérons la suite **($v/2$)** définie par : $(v/2)(n) = v(n)/2 = n/2$.

On a : $\text{ent}(v/2, n) = \text{nbe}(v/2, n) / (n+1)$.

Par exemple : $\text{ent}(v/2, 10) = \text{nbe}(v/2, 10) / (10+1)$.

Les termes de $(v/2)_0$ à $(v/2)_n$ sont : **0/2, 1/2, 2/2, 3/2, 4/2, 5/2, 6/2, 7/2, 8/2, 9/2, 10/2**, ou : **0, 1/2, 1, 3/2, 2, 5/2, 3, 7/2, 4, 9/2, 5**.

Parmi eux, **6** sont des entiers, donc : $\mathbf{nbe}(v/2, 10) = 6$.
Donc : $\mathbf{ent}(v/2, 10) = \mathbf{nbe}(v/2, 10) / (10+1) = 6/11 = 0.545454\dots$

Et de même: $\mathbf{ent}(v/2, 100) = \mathbf{nbe}(v/2, 100) / (100+1) = 51/101 = 0.50495\dots$
Et de même: $\mathbf{ent}(v/2, 1000) = \mathbf{nbe}(v/2, 1000) / (1000+1) = 501/1001 = 0.5004995\dots$

De manière générale, pour **n pair**, on a : $\mathbf{nbe}(w/2, n) = n/2 + 1$,
et : $\mathbf{ent}(v/2, n) = (n/2 + 1) / (n+1)$, qui tend vers $1/2$ quand **n** tend vers l'**infini**.

Et si **n** est **impair**, on a : $\mathbf{nbe}(v/2, n) = (n + 1)/2$,
et : $\mathbf{ent}(v/2, n) = (n + 1) / 2(n+1) = 1/2$.

Donc : $\mathbf{ent}(v/2) = 1/2$, ce qui s'interprète en disant que $v/2$ est un **demi-entier** ou est à moitié entier ou est **entier** à **50 %** et **non-entier** à **50 %**.

Pour $v/3$, il est **entier** à $1/3$ et **non-entier** à $2/3$.

Et de manière générale, pour un **entier non nul k**, v/k est **entier** à $1/k$ et **non-entier** à $(k-1)/k$.

Et comme prochain exemple, la **suite** (\sqrt{v}) définie par : $(\sqrt{v})_n = \sqrt{(v_n)} = \sqrt{n}$.
On montre facilement que quand **n** tend vers l'infini, $\mathbf{nbe}(\sqrt{v}, n)$ tend vers \sqrt{n} .
Et alors aussi **n+1** est équivalent à **n**.
Donc : $\mathbf{ent}(\sqrt{v}, n) = \sqrt{n}/n$, qui tend vers **0**.

Cela signifie que les **nombres entiers** qui sont des **carrés parfaits** (et donc la **racine carrée** est un **entier**) deviennent de plus en plus rares comparés au **nombres entiers** en général.
Et donc \sqrt{n} n'est pas un **entier**, même si certaines de ses **valeurs** sont des **entiers**. Elles sont une infinie minorité par rapport à celles qui sont des **non-entiers**.

Nous pouvons donc maintenant évaluer l'**entièreté** ou la **nature d'entier** d'une **suite de nombres** quelconque. Pour les **suites d'entiers relatifs**, pas de souci, ce sont des **entiers**, notamment les **entiers variables**.

Par exemple, les **suites** de la forme : $v - k$, où **k** est un **entier naturel**, sont des **entiers**. Ce sont les **suites** : $v + [-k]$, ou $[-k]$ ou $(-k, \dots)$ ou $(-k, -k, -k, \dots)$, est une **suite constante**. Autrement dit, c'est la **suite** : $(0-k, 1-k, 2-k, 3-k, \dots)$. Autrement dit encore, ce sont les **suites** définies par : $(v - k)(n) = v(n) - k = n - k$.
Ces **suites** sont appelées les **prédécesseurs de v**.

Et les **suites** définies par : $(v + k)(n) = v(n) + k = n + k$, sont les **successeurs de v**. Ce sont les **suites** $v + [k]$ donc, ou simplement : $v + k$, parce qu'on assimile par **isomorphisme k** et $[k]$, et plus généralement **a** et $[a]$, où **a** est n'importe quel type de **nombre, réel ou complexe** par exemple. Et de manière générale on a donc par définition : $v + a = v + [a]$.

→ On définit dans \mathbf{Z}^N , l'**ensemble des entiers variables** donc, la **relation d'identité**, notée «**=**» de la manière suivante :

Pour deux éléments **x** et **y** de \mathbf{Z}^N :

$x = y \Leftrightarrow$ pour tout **entier naturel** n , on a : $x_n = y_n$.

On vérifie aisément que cette relation « $=$ » est une **relation d'équivalence**.

→ On définit dans \mathbf{Z}^N la **relation d'égalité (d'équivalence)**, notée « \equiv » de la manière suivante :

Pour deux éléments x et y de \mathbf{Z}^N :

$x \equiv y \Leftrightarrow$ il existe un **entier naturel** n_0 , tel que pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$, on a : $x_n = y_n$.
Autrement dit, les termes de x et y sont **égaux** à partir d'un certain rang n_0 .

On vérifie aisément que cette relation « \equiv » est une **relation d'équivalence**.

→ On définit dans \mathbf{Z}^N la **relation d'infériorité**, notée « $<$ » de la manière suivante :

Pour deux éléments x et y de \mathbf{Z}^N :

$x < y \Leftrightarrow$ il existe un **entier naturel** n_0 , tel que pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$, on a : $x_n < y_n$.
Autrement dit, les termes de x sont **inférieurs** aux termes de y à partir d'un certain entier de rang n_0 .

→ On définit dans \mathbf{Z}^N la **relation de supériorité**, notée « $>$ » de la manière suivante :

Pour deux éléments x et y de \mathbf{Z}^N :

$x > y \Leftrightarrow$ il existe un **entier naturel** n_0 , tel que pour tout **entier naturel** $n \geq n_0$, on a : $x_n > y_n$.
Autrement dit, les termes de x sont **supérieurs** aux termes de y à partir d'un certain entier de rang n_0 .

A noter que pour deux **entiers variables** x et y , on peut n'avoir aucune des trois relations: « $x \equiv y$ », « $x < y$ », « $x > y$ ». Mais si l'on a l'une des trois, les deux autres ne sont pas vérifiées. Autrement dit, on a tout au plus l'une des trois, et éventuellement aucune.

Par exemple, avec : $x = (3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, \dots)$, et : $y = (1, 4, 5, 1, 4, 5, 1, 4, 5, 1, 4, 5, \dots)$, aucune des trois relations n'est vraie.

→ On définit dans \mathbf{Z}^N l'addition notée « $+$ » de la manière suivante :

Pour deux éléments x et y de \mathbf{Z}^N , et pour tout entier **naturel** n :

$$(x + y)_n = x_n + y_n.$$

→ On définit dans \mathbf{Z}^N la **multiplication** notée « \times » de la manière suivante :

Pour deux éléments x et y de \mathbf{Z}^N , et pour tout entier **naturel** n :

$$(x \times y)_n = x_n \times y_n.$$

On vérifie que \mathbf{Z} et \mathbf{Z}' sont **isomorphes**, moyennant les opérations « $+$ », « \times », définies, ainsi que les relations « $=$ », « $<$ », « $>$ ». Pour cette raison, on assimile \mathbf{Z} et \mathbf{Z}' , autrement dit, pour tout élément a de \mathbf{Z} , on assimile a et $[a, \dots]$.

Propriétés :

→ Soit un **entier variable** x , c'est-à-dire un élément de $\mathbb{Z}^{\mathbb{N}}$.

On dit que x est **strictement croissant** à partir d'un certain rang k , si :
pour tous **entiers naturels** $m \geq k$ et $n \geq k$, $m < n \Rightarrow x_m < x_n$.

Une **suite strictement croissante** à partir d'un certain rang k est dite **infinie positive** ou **anitive**, ce qui généralise la notion d'**entier infini** donnée précédemment, à savoir une **suite strictement croissante**. Un **entier infini** « négatif » ou **antitif**, de manière générale, sera donc une **suite strictement décroissante** à partir d'un certain rang k .

– Si x est un **entier variable strictement croissant** à partir d'un certain rang k , alors pour tout **entier naturel** $n \geq k$, $x_{n+1} - x_n \geq 1$.

Ceci signifie que tout **entier variable strictement croissant** (c'est-à-dire toute **suite d'entiers relatifs strictement croissante**) croît plus vite que la **suite** ou **entier variable** v , telle que $v_n = n$. Avec celle-ci, on a : $x_{n+1} - x_n = 1$.

On en déduit que pour tous **entiers naturels** $m \geq k$ et $n \geq k$, tels que $n > m$,
 $x_n - x_m \geq n - m$.

En effet, on a :

$$x_n - x_{n-1} \geq 1,$$

$$x_{n-1} - x_{n-2} \geq 1,$$

$$x_{n-2} - x_{n-3} \geq 1,$$

...

$$x_{m+1} - x_m \geq 1,$$

ce qui fait $n - m$ **inégalités**.

En les **additionnant** toutes membre à membre, cela donne :

$$x_n - x_m \geq n - m.$$

– Si x est un **entier variable strictement croissant** à partir d'un certain rang k , alors il existe un certain **entier naturel** k' à partir duquel pour tout **entier naturel** n , x_n est un **entier naturel**, c'est-à-dire est un élément de \mathbb{N} , un **entier relatif positif** donc, c'est-à-dire **antitif**.

Autrement dit, les termes x_n sont tous **positifs et strictement croissants** à partir de k' .

En effet, si $x_k \geq 0$, comme la **suite** x est **strictement croissante**, pour tout **entier naturel** $n \geq k$, on a : $x_n > x_k$, donc : $x_n > x_k \geq 0$, donc $x_n > 0$.

Dans ce cas, k est le k' cherché.

Mais supposons $x_k < 0$. Donc : $-x_k > 0$, et posons $m = -x_k$.

En vertu d'un résultat précédent, on a : $x_{k+m} - x_k \geq (k+m) - k$.

Donc : $x_{k+m} - x_k \geq m$, donc : $x_{k+m} \geq m + x_k$. Mais : $m + x_k = -x_k + x_k = 0$.

Donc : $x_{k+m} \geq 0$.

L'**entier naturel** k' cherché est donc $k+m$.

On démontre de la même manière que :

– Si x est un **entier variable strictement décroissant** à partir d'un certain rang k , alors il existe un certain **entier naturel k'** à partir duquel pour tout **entier naturel n** , x_n est un **entier relatif négatif**, c'est-à-dire **antitif**.

En vertu de ces résultats importants, quand nous parlerons désormais d'un **entier variable x strictement croissant** à partir d'un certain rang k , par défaut nous le considérerons à un rang k où tous ses termes x_n sont **positifs (antitifs)**.

Et quand nous parlerons d'un **entier variable x strictement décroissant** à partir d'un certain rang k , par défaut nous le considérerons à un rang k où tous ses termes x_n sont **négatifs (antitifs)**.

– Soit un **entier variable x** . On dit que x est un **nombre entier oméganaturel**, si x est un **entier naturel**, c'est-à-dire un élément de \mathbb{N} ou encore un **entier constant positif**, ou si x est **strictement croissant**. Autrement dit, x est un **nombre entier oméganaturel** s'il est un **nombre entier naturel** ou un **entier infini positif**. L'ensemble des nombres entiers oméganaturels est noté N_ω .

En **relativant N_ω** , on a l'ensemble Z_ω des **nombre entiers omégaratifs**, et en **rationalisant Z_ω** on a l'ensemble Q_ω des **nombre omégarationnels**, qui est aussi l'ensemble R_ω des **nombre omégaréels**. Car, avec maintenant les **nombre infinis** tels que nous les avons définis, il n'y a plus de séparation entre **rationnels** et **réels**. Et en **complexant Q_ω ou R_ω** , par un procédé de construction des **nombre complexes** lui aussi classique, on a l'ensemble C_ω des **nombre omégacomplexes**.

Théorème :

La **relation « < »** est une **relation d'ordre total** dans N_ω .

L'ensemble N_ω est donc la clef de voûte de toute cette nouvelle **structure d'ensembles numériques** et est même la **structure**, car celle-ci est **fractale**, et même **cyclofractale**.

Voici, en récapitulatif, et à une **relation d'équivalence** près, les éléments de Z_ω , les **nombre entiers omégaratifs** donc, autrement dit les **ordinaux relatifs**, ou encore les **nombre entiers variables relatifs**, avec leur **logique**, leur **ordre**, qui est une **relation de bon ordre** (comme pour les classique nombre entiers naturels : $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots$), qui est aussi un **bon ordre cyclique** ou **cyclofractal**.

Dans le récapitulatif qui va suivre, o représente le **0 absolu**, à savoir 0_ω , qui est l'**élément neutre** de l'**addition** mais aussi l'**origine** de la **logique cyclique**, à ne pas confondre avec le **0 réali**, qui est le **0** associé à l'**infini réali**, à savoir $\omega = w^w = (v^\wedge v)^{v^\wedge v} = v^\wedge (v^{v+1})$.

Le **0 absolu** ou o vérifie, pour tout **ordinal x** et plus généralement pour tout **nombre omégaréel x** :

$$\rightarrow x + o = o + x = x;$$

$$\rightarrow x \times o = o \times x = o;$$

$$\rightarrow o^\wedge x = o^x = o; \text{ en particulier : } o^\wedge(-1) = o^{-1} = 1/o = o, \text{ ce qui est la } \textbf{division oméga} \textbf{cyclique par zéro};$$

$$\rightarrow o^\wedge o = o^o = o, \text{ et : } x^\wedge o = x^o = 1, \text{ si } x \neq o.$$

$$\rightarrow o = \Omega; \text{ où } \Omega == 1/o.$$

Plus généralement, pour tout **nombre omégaréel** x , l'égalité : $\mathbf{o} = x$ définit le **cycle** x .

Voici donc le récapitulatif de la liste **ordonnée** (en l'occurrence **bien ordonnée**) des **ordinaux** ou **ordinuméraux** ou **nombre entiers oméganaturels**:

...

$-3 = (-3, -3, -3, -3, -3, -3, -3, -3, \dots)$
 $-2 = (-2, -2, -2, -2, -2, -2, -2, -2, \dots)$
 $-1 = (-1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, -1, \dots)$
 $\mathbf{o} = (\mathbf{o}, \mathbf{o}, \mathbf{o}, \mathbf{o}, \mathbf{o}, \mathbf{o}, \mathbf{o}, \mathbf{o}, \dots)$
 $1 = (1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, \dots)$
 $2 = (2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, \dots)$
 $3 = (3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, \dots)$

...

$v-3 = (-3, -2, -1, \mathbf{o}, 1, 2, 3, 4, \dots) = \overline{3}$
 $v-2 = (-2, -1, \mathbf{o}, 1, 2, 3, 4, 5, \dots) = \overline{2}$
 $v-1 = (-1, \mathbf{o}, 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots) = \overline{1}$
 $\mathbf{v} = (\mathbf{o}, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots) = \mathbf{o}$
 $v+1 = (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, \dots)$
 $v+2 = (2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots)$
 $v+3 = (3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \mathbf{10}, \dots)$

...

$2v-3 = (-3, -1, 1, 3, 5, 7, 9, 11, \dots)$
 $2v-2 = (-2, \mathbf{o}, 2, 4, 6, 8, \mathbf{10}, 12, \dots)$
 $2v-1 = (-1, 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, \dots)$
 $\mathbf{2v} = (\mathbf{o}, 2, 4, 6, 8, \mathbf{10}, 12, 14, \dots)$
 $2v+1 = (1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, \dots)$
 $2v+2 = (2, 4, 6, 8, \mathbf{10}, 12, 14, 16, \dots)$
 $2v+3 = (3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, \dots)$

...

$3v-3 = (-3, \mathbf{o}, 3, 6, 9, 12, 15, 18, \dots)$
 $3v-2 = (-2, 1, 4, 7, \mathbf{10}, 13, 16, 19, \dots)$
 $3v-1 = (-1, 2, 5, 8, 11, 14, 17, \mathbf{20}, \dots)$
 $\mathbf{3v} = (\mathbf{o}, 3, 6, 9, 12, 15, 18, \mathbf{21}, \dots)$
 $3v+1 = (1, 4, 7, \mathbf{10}, 13, 16, 19, 22, \dots)$
 $3v+2 = (2, 5, 8, 11, 14, 17, \mathbf{20}, 23, \dots)$
 $3v+3 = (3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, \dots)$

...

$4v-3 = (-3, 1, 5, 9, 13, 17, 21, 25, \dots)$
 $4v-2 = (-2, 2, 6, \mathbf{10}, 14, 18, 22, 26, \dots)$
 $4v-1 = (-1, 3, 7, 11, 15, 19, 23, 27, \dots)$
 $\mathbf{4v} = (\mathbf{o}, 4, 8, 12, 16, \mathbf{20}, 24, 28, \dots)$
 $4v+1 = (1, 5, 9, 13, 17, 21, 25, 29, \dots)$
 $4v+2 = (2, 6, \mathbf{10}, 14, 18, 22, 26, \mathbf{30}, \dots)$
 $4v+3 = (3, 7, 11, 15, 19, 23, 27, 31, \dots)$

.....

$\mathbf{5v} = (\mathbf{o}, 5, 10, 15, 20, 25, \mathbf{30}, 35, \dots)$

.....

$6v = (0, 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, \dots)$
 $\dots\dots$
 $7v = (0, 7, 14, 21, 28, 35, 42, 49, \dots)$
 $\dots\dots$
 $(v-3)v = v^2 - 3v = (0, -2, -2, 0, 4, 10, 18, 28, \dots)$
 $\dots\dots$
 $(v-2)v = v^2 - 2v = (0, -1, 0, 3, 8, 15, 24, 35, \dots)$
 $\dots\dots$
 $(v-1)v = v^2 - v = (0, 0, 2, 6, 12, 20, 30, 42, \dots)$
 $\dots\dots$
 $v^2 = (0, 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, \dots)$
 $\dots\dots$
 $v^3 = (0, 1, 8, 27, 64, 125, 216, 343, \dots)$
 $\dots\dots$
 $v^4 = (0, 1, 16, 81, 256, 625, 1296, 2401, \dots)$
 $\dots\dots\dots$
 $v^{v-3} = (0, 1, 1/2, 1, 4, 25, 216, 2401, \dots)$
 $\dots\dots\dots$
 $v^{v-2} = (0, 1, 1, 3, 16, 125, 1296, 16807, \dots)$
 $\dots\dots\dots$
 $v^{v-1} = (0, 1, 2, 9, 64, 625, 7776, 117649, \dots)$
 $\dots\dots\dots$
 $v^v = w = (0, 1, 4, 27, 256, 3125, 46656, 823543, \dots)$
 $\dots\dots\dots$
 $v^w = \omega = (0, 1, 256, 27^{27}, 256^{256}, 3125^{3125}, 46656^{46656}, 823543^{823543}, \dots)$
 $\dots\dots\dots$
 Et ainsi de suite.

On observe que ces **suites**, bien que pouvant au début ne pas être d'**entiers naturels** ou même d'**entiers relatifs** (comme par exemple on le voit avec $v^{v-3} = (0, 1, 1/2, 1, 4, 25, 216, 2401, \dots)$, et c'est le cas aussi pour $v^{v-4} = (0, 1, 1/4, 1/3, 1, 5, 36, 343, \dots)$, ou pour $v^{v-5} = (0, 1, 1/8, 1/9, 1/4, 1, 6, 49, \dots)$, etc.), est toujours un **entier relatif** ou même **entier naturel** à partir d'un certain **rang**, notamment pour les **suites** à partir de $0 = (0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, \dots)$.

Et, après les **suites constantes**, qui sont les **entiers naturels** (ou **relatifs**) classiques, arrivent les **suites variables**, qui sont les **entiers naturels infinis**, comme par exemple $v-3$, ou $v^2 - 2v$, ou encore $6v^5 - 9v^4 + 5v^3 - 7v^2 - 3 = (-3, -8, 57, 798, 4045, 13572, \dots)$.

De manière générale, les **nombre entiers oméganaturels**, encore appelés les **ordinaux polynomiaux**, sont toutes les **suites x** de la forme:
 $x = a_n v^n + a_{n-1} v^{n-1} + a_{n-2} v^{n-2} + \dots + a_1 v + a_0$,
 où **n** est un **nombre entier oméganaturel**, où les **a_i**, sont des **entiers relatifs** classiques, des éléments de **Z** donc, et où le **coefficient de plus haut degré a_n** est **positif ou nul**, c'est-à-dire un **entier naturel** classique (un élément de **N**).

On démontre alors que tout **ordinal polynomial x** peut se mettre sous forme **ordinalnumérale**, c'est-à-dire sous la forme : $x = c_m v^m + c_{m-1} v^{m-1} + c_{m-2} v^{m-2} + \dots + c_1 v + c_0$,

où m est un **nombre entier oméganaturel**, où les c_i , appelés des **chiffres** de la **numération** en base v , appartiennent à l'ensemble $v = \{0, 1, 2, 3, \dots, v-3, v-2, v-1\} = \{0, 1, 2, 3, \dots, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1}\}$.

Il est alors intéressant d'organiser les **nombre entier oméganaturel** selon des **horizons** successifs de **bases** ω_k , de la manière suivante :

$$\omega_0 = v, \text{ et : } \omega_{k+1} = \omega_k \wedge \omega_k.$$

Et pour une **base B** donnée, ses **chiffres** sont : $B = \{0, 1, 2, 3, \dots, B-3, B-2, B-1\}$.

On appelle les **nombre entier oméganaturel** de cette **base B** tous les **nombre entier oméganaturel** de 0 à $B^B - 1$. Et la prochaine **base** est B^B .

Cela revient à dire que les **nombre entier oméganaturel** de cette **base B** sont tous les **nombre entier oméganaturel** de la forme :

$$x = c_{B-1}v^{B-1} + c_{B-2}v^{B-2} + c_{B-3}v^{B-3} + \dots + c_1v + c_0,$$

où donc les c_i , appelés des **chiffres** de la **numération** en **base B**, appartiennent à l'ensemble $B = \{0, 1, 2, 3, \dots, B-3, B-2, B-1\}$.

Il est clair alors que la **valeur maximale** x_{\max} de ces **nombre** est atteinte quand tous les **chiffres** c_i , valent $B-1$. Autrement dit : $x_{\max} = (B-1)v^{B-1} + (B-1)v^{B-2} + (B-1)v^{B-3} + \dots + (B-1)v + (B-1) = B^B - 1$,

L'**horizon** de la **base v** est donc $w = v^v$, et le plus **grand entier naturel** de cette base est :

$$w-1 = v^v - 1.$$

Et $w = v^v$ devient alors la nouvelle **base**, dont les **chiffres** sont : $C_w = \{0, 1, 2, 3, \dots, w-3, w-2, w-1\}$.

Et son propre **horizon** est : $\omega = w^w$, qui est la nouvelle **base**. Ses **chiffres** sont : $\omega = \{0, 1, 2, 3, \dots, \omega-3, \omega-2, \omega-1\}$. Et son **nombre maximal** est : $\omega^\omega - 1$, le nouvel **horizon** et nouvelle **base** étant donc : ω^ω . Et ainsi de suite.

Tous ces **nombre** sont donc fondamentalement de la forme :

$$x = a_nv^n + a_{n-1}v^{n-1} + a_{n-2}v^{n-2} + \dots + a_1v + a_0,$$

c'est-à-dire des **polynômes en v**, à **coefficients** a_i dans Z , le **plus grand degré n** étant un **nombre entier oméganaturel**. On a : $x \geq 0 \Leftrightarrow a_n \geq 0$.

On rappelle aussi que partant d'un **ensemble N des entiers naturels** appelé N_0 , ou **ensemble des nombre oméganaturel d'ordre 0**, les **ordinaux polynomiaux** ainsi construits sont l'**ensemble** N_1 des **nombre oméganaturel d'ordre 1**. Et en itérant processus de construction avec eux on a l'**ensemble** N_2 des **nombre oméganaturel d'ordre 2**, et ainsi de suite. On construit ainsi N_α pour tout **nombre entier oméganaturel** α .

On convient alors d'appeler N_ω ou Ω le **terminus**, ce qui signifie qu'on décide de **terminer le processus** à un moment donné avec une **relation d'équivalence de cyclage** qui fait dire : $0 = N_\omega$ ou : $0 = \Omega$. Mais on peut tout à fait ne pas **clôturer en cyclant** et poursuivre indéfiniment le processus. Comme déjà dit, non seulement les classiques **nombre entier naturel** sont **tous les ordinaux**, mais ils sont **tous les nombre**, quelle qu'en soit la nature, ils sont **toutes les informations, tous les ensembles, toutes les générescences, toutes les choses** de l'**Univers TOTAL!** Autrement dit, l'**ensemble N** et l'**Univers TOTAL U** ne sont que deux manières différentes de dire la même chose.

IX - Corps omégacyclique

On se donne un ensemble \mathbf{K} , et « + » et « × » deux lois de composition internes dans \mathbf{K} , c'est-à-dire deux applications de $\mathbf{K} \times \mathbf{K}$ dans \mathbf{K} . Et **anti** et **versi** deux applications de \mathbf{K} dans \mathbf{K} . Et deux éléments de \mathbf{K} notés **o** et **1**. L'application **anti**, comme « **antition** » est également notée **opp**, comme « **opposé** ». Et l'application **versi** est notée aussi **inv** comme « **inverse** ».

On pose : **versi(o) = Ω**.

On a une relation d'équivalence notée « = », qui aura les propriétés habituelles de la relation d'égalité ou d'identité, à savoir « **est égal à** ». La relation « ≠ » est la relation « **est différent de** ».

Et « < » est une relation binaire dans \mathbf{K} , appelée « **infériorité** », dont la réciproque est notée « > », appelée « **supériorité** ». Combinée avec l'égalité, on pourra avoir les relations habituelles « ≤ » ou « **inférieur ou égal à** », ou « ≥ » ou « **supérieur ou égal à** ».

On dit que $(\mathbf{K}, \{+, \times\}, \{\mathbf{anti}, \mathbf{versi}\}, \{\mathbf{o}, \mathbf{1}\})$ est une structure de **corps omégacyclique**, si les propriétés suivantes sont vérifiées :

K1) + et × sont commutatives dans \mathbf{K} :

Pour deux éléments x et y de \mathbf{K} , on a :

$$x + y = y + x,$$

$$x \times y = y \times x.$$

K2) + et × sont associatives dans \mathbf{K} :

Pour trois éléments x , y et z de \mathbf{K} , on a :

$$(x + y) + z = x + (y + z),$$

$$(x \times y) \times z = x \times (y \times z).$$

K3) **o** est l'élément neutre pour +, et **1** est l'élément neutre pour × :

Pour tout élément x de \mathbf{K} , on a :

$$x + \mathbf{o} = \mathbf{o} + x = x,$$

$$x \times \mathbf{1} = \mathbf{1} \times x = x.$$

K4) × est distributive par rapport à +:

Pour trois éléments x , y et z de \mathbf{K} , on a :

$$x \times (y + z) = x \times y + x \times z,$$

$$(x + y) \times z = x \times z + y \times z.$$

K5) Pour tout élément x de \mathbf{K} ,

$$x + \mathbf{anti}(x) = \mathbf{o}.$$

K6) Pour tout élément x de \mathbf{K} différent de **o**,

$$x \times \mathbf{versi}(x) = \mathbf{1}.$$

Définitions :

Pour tout nombre x de K , **anti(x)** ou **anti x** est appelé l'**anti** de x , encore appelé l'**opposé** de x , noté alors **opp(x)**, ou encore $-x$.
 Et **versi(x)** ou **versi x**, est appelé l'**inverse** de x , noté alors **inv(x)**, ou encore $1/x$.
 Et de manière générale, pour deux éléments x et y de K , $x \times \text{versi}(y)$ est noté : x/y .

Dans un premier temps, pour éviter des erreurs sous l'influence des conceptions habituelles de l'**opposé** ou de l'**inverse** d'un nombre, ainsi que les automatismes de calculs, on travaillera avec les notations **anti(x)** et **versi(x)**, sans perdre toutefois de vue que ce sont les notions d'**opposé** et d'**inverse** que nous sommes en train de définir selon une nouvelle approche. Celle-ci permettra entre autres de donner une définition de la **division par 0**, dite **oméga cyclique**, grâce notamment à **versi(o)** ou $1/o$.

Pour un élément x de K , on dit que x est **uni-inversible** s'il existe un élément x' de K tel que : $x \times x' = 1$. Il est clair alors que x' est **uni-inversible** aussi. On dit que x et x' sont **uni-inverses** l'un de l'autre.

Si x n'est pas **uni-inversible**, on dit qu'il est **oni-inversible**.

Par définition donc, tout élément x de K différent de o est **uni-inversible**. On verra que o n'est pas **uni-inversible**, donc est **oni-inversible**, et on verra plus loin ce que ceci signifie plus précisément. Non pas qu'il soit impossible de **diviser par o** comme on le conçoit habituellement, mais juste que cette division est différente, c'est l'**oni-division**. Il y a différentes manières de définir une **division par o**, nous sommes en train d'en voir une avec la notion de **corps oméga cyclique**.

Et on dit que $(K, \{+, \times\}, \{\text{anti}, \text{versi}\}, \{o, 1\})$ est un **corps oméga cyclique ultime** ou que c'est un **corps oméga cyclique absolu**, si $\text{versi}(o) = o$. Autrement dit : $\text{versi}(o) = \Omega = o$.

En résumé :

$(K, \{+, \times\}, \{\text{anti}, \text{versi}\}, \{o, 1\})$ est un **corps oméga cyclique ultime**, si :

- C1) les lois $+$ et \times sont **commutatives** et **associatives**;
- C2) o est l'**élément neutre** de $+$ et 1 est l'**élément neutre** de \times ;
- C3) \times est **distributive** par rapport à $+$;
- C4) pour tout élément x de K , on a : $x + \text{anti}(x) = o$.
- C5) $\text{versi}(o) = \Omega = o$;
- C6) pour tout élément x de K différent de o , on a : $x \times \text{versi}(x) = 1$ (autrement dit, tout élément non nul de K est **uni-inversible**).

L'un des intérêts des **corps oméga cycliques, ultimes** ou non, c'est de pouvoir dire que o est **inversible**, puisque $\text{versi}(o)$, noté Ω et qui est aussi $1/o$, existe toujours, mais que seulement o n'est pas **uni-inversible**. Si le **corps** est **ultime**, alors : $\text{versi}(o) = o$, c'est-à-dire : $1/o = o$.

Si le **corps oméga cyclique** n'est pas **ultime**, c'est-à-dire si l'on a : $\text{versi}(o) \neq o$, il est dit **génératif**. Le nombre $\Omega = \text{versi}(o) = 1/o$ est alors appelé la **base oméga cyclique** ou **base oméga** du **corps** K , et noté v et appelé l'**infini voméga** ou **infini varid**.

Autrement dit, si le **corps** K n'est pas **ultime**, \mathbf{o} n'est pas **uni-inversible** (comme dans tout **corps omégacyclique**) mais $\Omega = \text{versi}(\mathbf{o})$ est **uni-inversible**, de même que $\text{versi}(\Omega)$.

On comprendra mieux en analysant les propriétés du **corps omégacyclique** que nous venons de définir.

Propriétés générales d'un corps omégacyclique

Théorème 1:

Pour deux éléments x et x' de K , si : $x + x' = \mathbf{o}$, alors $x' = \text{anti}(x)$ et $x = \text{anti}(x')$.

En effet, supposons : $x + x' = \mathbf{o}$.

On a alors : $\text{anti}(x) + x + x' = \text{anti}(x) + \mathbf{o}$.

Et par définition : $\text{anti}(x) + x = \mathbf{o}$, donc : $\mathbf{o} + x' = \text{anti}(x) + \mathbf{o}$, d'où : $x' = \text{anti}(x)$.

Et par symétrie du raisonnement on a aussi : $x = \text{anti}(x')$.

Ceci signifie que tout élément x de K a un unique opposé qui est $\text{anti}(x)$.

Pour un élément x de K , $\text{anti}(x)$ se note habituellement: $-x$.

En particulier, on a : $\mathbf{o} + \text{anti}(\mathbf{o}) = \mathbf{o}$, donc : $\text{anti}(\mathbf{o}) = \mathbf{o}$, c'est-à-dire : $-\mathbf{o} = \mathbf{o}$.

Donc \mathbf{o} est son propre opposé.

Et on a : $\text{anti}(\mathbf{1})$, noté donc $-\mathbf{1}$.

Théorème 2:

\mathbf{o} est l'**élément neutralisant** (ou **absorbant**) pour la **multiplication**.

Cela signifie que pour tout élément x de K , on a : $\mathbf{o} \times x = \mathbf{o}$.

En effet, on a : $\mathbf{1} + \mathbf{o} = \mathbf{1}$ (car \mathbf{o} est élément neutre pour +).

Donc : $x \times (\mathbf{1} + \mathbf{o}) = x \times \mathbf{1}$,

et par distributivité : $x \times \mathbf{1} + x \times \mathbf{o} = x \times \mathbf{1}$, donc : $x + x \times \mathbf{o} = x$;

Donc : $\text{anti}(x) + x + x \times \mathbf{o} = x + \text{anti}(x)$, donc : $\mathbf{o} + x \times \mathbf{o} = \mathbf{o}$, et finalement : $\mathbf{o} \times x = \mathbf{o}$.

Cette propriété : $\mathbf{o} \times x = \mathbf{o}$ a pour conséquence immédiate que \mathbf{o} n'est pas **uni-inversible**, ou ne peut pas l'être, sauf dans le cas trivial de **corps** où on a : $\mathbf{o} = \mathbf{1}$. Et dans ce cas aussi, comme on va le voir bientôt, ce corps n'a que \mathbf{o} comme unique élément.

En effet, si \mathbf{o} est **uni-inversible**, c'est-à-dire s'il existe un élément x de K tel que : $\mathbf{o} \times x = \mathbf{1}$, comme on a aussi : $x \times \mathbf{o} = \mathbf{o}$, alors on aurait aussi : $\mathbf{o} = \mathbf{1}$.

Cette importante propriété : $\mathbf{o} \times x = \mathbf{o}$, a aussi pour conséquence: $\mathbf{o} \times \text{versi}(\mathbf{o}) = \mathbf{o}$, c'est-à-dire : $\mathbf{o} \times \Omega = \mathbf{o}$, quelle que soit la valeur de Ω .

En raison de cette propriété, les nombres \mathbf{o} et \mathbf{c} ne sont pas des **uni-inverses** l'un de l'autre. D'où le fait que $\mathbf{1}/\mathbf{o} = \mathbf{c}$ par définition, mais en général $\mathbf{1}/\mathbf{c} \neq \mathbf{o}$. Autrement dit, $\mathbf{1}/\mathbf{o} = \mathbf{c}$, mais en général $\mathbf{1}/\mathbf{c} \neq \mathbf{o}$.

Théorème 3:

Si $\mathbf{o} = \mathbf{1}$, alors \mathbf{o} est l'unique élément de \mathbf{K} . On dit alors que \mathbf{K} est un **corps équivalenciel**. Sinon, on dit que \mathbf{K} est un **corps différencié** ou un **corps déployé**.

En effet, supposons que $\mathbf{o} = \mathbf{1}$.

Soit alors un élément \mathbf{x} de \mathbf{K} . On a : $\mathbf{1} \times \mathbf{x} = \mathbf{x}$, car $\mathbf{1}$ est l'élément neutre pour \times .

Mais puisque $\mathbf{o} = \mathbf{1}$, on a donc aussi : $\mathbf{o} \times \mathbf{x} = \mathbf{x}$.

Or le théorème 2 dit aussi : $\mathbf{o} \times \mathbf{x} = \mathbf{o}$, donc : $\mathbf{x} = \mathbf{o}$.

Donc si $\mathbf{o} = \mathbf{1}$, alors tout élément \mathbf{x} de \mathbf{K} est \mathbf{o} , et donc \mathbf{o} est l'unique élément de \mathbf{K} .

Dans toute la suite, on considère un **corps différencié** \mathbf{K} , donc avec : $\mathbf{o} \neq \mathbf{1}$.

Et aussi, si aucune confusion n'est à craindre, $\mathbf{x} \times \mathbf{y}$ sera noté $\mathbf{x}.\mathbf{y}$ ou simplement \mathbf{xy} .

Théorème 4:

Pour deux éléments \mathbf{x} et \mathbf{x}' de \mathbf{K} différents de \mathbf{o} , si : $\mathbf{x} \times \mathbf{x}' = \mathbf{1}$, alors $\mathbf{x}' = \mathbf{versi}(\mathbf{x})$ et $\mathbf{x} = \mathbf{versi}(\mathbf{x}')$.

En effet, supposons deux éléments non nuls \mathbf{x} et \mathbf{x}' de \mathbf{K} , tels que : $\mathbf{x} \times \mathbf{x}' = \mathbf{1}$.

On a : $\mathbf{versi}(\mathbf{x}) \times \mathbf{x} \times \mathbf{x}' = \mathbf{1} \times \mathbf{versi}(\mathbf{x})$, donc : $\mathbf{1} \times \mathbf{x}' = \mathbf{1} \times \mathbf{versi}(\mathbf{x})$, d'où : $\mathbf{x}' = \mathbf{versi}(\mathbf{x})$.

Un raisonnement symétrique conduit à : $\mathbf{x} = \mathbf{versi}(\mathbf{x}')$.

Cela veut dire que tout élément non nul \mathbf{x} de \mathbf{K} a un unique **uni-inverse** $\mathbf{versi}(\mathbf{x}) = 1/\mathbf{x}$.

On a : $\mathbf{versi}(\mathbf{1}) = \mathbf{1}$.

En effet : $\mathbf{1} \times \mathbf{versi}(\mathbf{1}) = \mathbf{1}$, d'où $\mathbf{versi}(\mathbf{1}) = \mathbf{1}$.

Autrement dit, $\mathbf{1}$ est son propre **uni-inverse**.

Théorème 5:

Pour tout élément \mathbf{x} de \mathbf{K} , on a : $-\mathbf{x} = (-\mathbf{1}) \times \mathbf{x}$.

En effet, on a : $\mathbf{1} + (-\mathbf{1}) = \mathbf{o}$.

Et en distribuant \mathbf{x} , on a : $\mathbf{x} \times (\mathbf{1} + (-\mathbf{1})) = \mathbf{x} \times \mathbf{o}$,

donc : $\mathbf{x} \times \mathbf{1} + \mathbf{x} \times (-\mathbf{1}) = \mathbf{x} \times \mathbf{o}$, donc : $\mathbf{x} + \mathbf{x} \times (-\mathbf{1}) = \mathbf{o}$.

D'après le théorème 1 donc : $\mathbf{x} \times (-\mathbf{1}) = -\mathbf{x}$.

Définition :

On définit l'application \mathbf{s} de $\mathbf{K} \times \mathbf{K}$ dans \mathbf{K} par : $\mathbf{s}(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \mathbf{x} + (-\mathbf{y})$.

$\mathbf{s}(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ est appelé la **soustraction** de \mathbf{x} et \mathbf{y} et est notée : $\mathbf{x} - \mathbf{y}$.

Théorème 6:

Pour tout élément \mathbf{x} de \mathbf{K} , $\mathbf{x} \neq \mathbf{o} \Rightarrow \mathbf{versi}(\mathbf{x}) \neq \mathbf{o}$.

En effet, si $\mathbf{x} \neq \mathbf{o}$, on a : $\mathbf{x} \times \mathbf{versi}(\mathbf{x}) = \mathbf{1}$.

Si $\mathbf{versi}(\mathbf{x}) = \mathbf{o}$, on aurait : $\mathbf{x} \times \mathbf{o} = \mathbf{1}$. Mais le théorème 1 dit : $\mathbf{x} \times \mathbf{o} = \mathbf{o}$, donc $\mathbf{o} = \mathbf{1}$, ce qui contredit l'hypothèse que \mathbf{o} et $\mathbf{1}$ sont distincts.

Donc : $\mathbf{versi}(\mathbf{x}) \neq \mathbf{o}$.

Par conséquent : Pour tout élément x de K , $\text{versi}(x) = \mathbf{o} \Rightarrow x = \mathbf{o}$.

On notera que la réciproque est fautive. En effet, on peut avoir $x = \mathbf{o}$ sans qu'on ait : $\text{versi}(x) = \mathbf{o}$. Autrement dit, on peut tout à fait avoir $\text{versi}(\mathbf{o}) \neq \mathbf{o}$. On n'a $\text{versi}(\mathbf{o}) = \mathbf{o}$ que pour un **corps ultime**.

Théorème 7:

Pour deux éléments x et y de K , on a : $x \times y \neq \mathbf{o} \Leftrightarrow x \neq \mathbf{o}$ et $y \neq \mathbf{o}$.

En effet, supposons que : $x \times y \neq \mathbf{o}$. Si $x = \mathbf{o}$ ou si $y = \mathbf{o}$, alors on a aussi : $x \times y = \mathbf{o}$, en vertu du théorème 2. Donc on a : $\mathbf{o} \neq \mathbf{o}$, ce qui est contradictoire. Donc $x \neq \mathbf{o}$ et $y \neq \mathbf{o}$.

A l'inverse, si $x \neq \mathbf{o}$ et $y \neq \mathbf{o}$, on a alors : $x \times \text{versi}(x) = \mathbf{1}$ et : $y \times \text{versi}(y) = \mathbf{1}$.

Et comme $\mathbf{1} \times \mathbf{1} = \mathbf{1}$, on a donc : $(x \times \text{versi}(x)) \times (y \times \text{versi}(y)) = \mathbf{1}$,

donc : $(x \times y) \times (\text{versi}(x) \times \text{versi}(y)) = \mathbf{1}$. Alors si $x \times y = \mathbf{o}$, on a : $\mathbf{o} \times (\text{versi}(x) \times \text{versi}(y)) = \mathbf{1}$, donc $\mathbf{o} = \mathbf{1}$. Par conséquent, $x \times y \neq \mathbf{o}$.

Théorème 8:

Pour deux éléments x et y non nuls de K , $\text{versi}(x) \times \text{versi}(y) = \text{versi}(x \times y)$.

En effet, soient deux éléments non nuls x et y de K .

Comme dans la démonstration précédente, on a abouti à : $(x \times y) \times (\text{versi}(x) \times \text{versi}(y)) = \mathbf{1}$.

Et en vertu du théorème 4, on a : $\text{versi}(x) \times \text{versi}(y) = \text{versi}(x \times y)$.

On en déduit le théorème suivant :

Théorème 9:

Pour quatre éléments x, x', y, y' de K , si y et y' sont nuls, alors:

$(x \times \text{versi}(y)) \times (x' \times \text{versi}(y')) = (x \times x') \times \text{versi}(y \times y')$.

Autrement dit : $(x/y) \times (x'/y') = (x \times x') / (y \times y')$.

En effet, $(x \times \text{versi}(y)) \times (x' \times \text{versi}(y')) = (x \times x') \times \text{versi}(y) \times \text{versi}(y')$
 $= (x \times x') \times \text{versi}(y \times y')$.

Ceci aura une importance particulière dans la **multiplication** de deux **fractions** ou **rationnels**.

De même, on déduit :

Théorème 10:

Pour quatre éléments x, x', y, y' de K , si y et y' sont nuls, alors:

$(x \times \text{versi}(y)) + (x' \times \text{versi}(y')) = (x \times y' + x' \times y) \times \text{versi}(y \times y')$.

Autrement dit : $(x/y + x'/y') = (x \times y' + x' \times y) / (y \times y')$.

En effet, $(x \times \text{versi}(y)) + (x' \times \text{versi}(y'))$

$= (y' \times \text{versi}(y')) \times (x \times \text{versi}(y)) + (y \times \text{versi}(y)) \times (x' \times \text{versi}(y'))$

$= (x \times y' + x' \times y) \times (\text{versi}(y) \times \text{versi}(y')) = (x \times y' + x' \times y) \times \text{versi}(y \times y')$.

Ceci aura une importance particulière dans l'**addition** de deux **fractions** ou **rationnels**.

Définition :

Soit un **corps omégacyclique** K .

Pour tout élément x de K , $x + 1$ est appelé le **successeur** de x , et $x - 1$ est appelé le **prédécesseur** de x .

Les nombres : $o, 1, 1+1, 1+1+1, 1+1+1+1, 1+1+1+1+1, \dots$, respectivement notés : $o, 1, 11, 111, 1111, 11111, \dots$, et appelés alors des **générescences d'unité 1**, mais aussi : $o, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$, et les notations étant la classique **numérotation en base 1o**, sont alors appelés **nombres entiers naturels finis** ou **constants**. L'ensemble de tels **entiers fondamentaux** est noté N .

Autrement dit, l'ensemble N est défini de la manière suivante :

N1) o est un élément de N , et le **prédécesseur** de o n'est pas un élément de N .

N2) Si n est un élément de N , alors son **successeur** $n+1$ est aussi un élément de N .

N3) Si une partie A de N contient o et contient le **successeur** de chacun de ses éléments, alors A est l'ensemble N lui-même.

On a donc : $N = \{o, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$.

Les **opposés** des **entiers naturels** sont : $\dots, -5, -4, -3, -2, -1, o$. L'ensemble formé de ceux-là et des **entiers naturels** est l'ensemble Z des **entiers relatifs** : $Z = \{\dots, -5, -4, -3, -2, -1, o, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$.

Corps omégacyclique ordonné

Et on dit que $(K, \{+, \times\}, \{\text{anti, versi}\}, \{o, 1\}, <)$ est une structure de **corps omégacyclique ordonné**, ou encore que c'est un **corps omégaréel**, si $(K, \{+, \times\}, \{\text{anti, versi}\}, \{o, 1\})$ est une structure de **corps omégan**, et si les propriétés suivantes sont vérifiées pour la relation « $<$ » :

R1) Pour deux éléments x et y de K , une et une seule de ces trois propriétés est vérifiée :

$$x < y, \text{ ou } x = y, \text{ ou } x > y .$$

R2) $o < 1$

R3) Pour deux éléments x et y de K ,

$$x < y \Leftrightarrow \text{il existe un élément } x' \text{ de } K, \text{ tel que } x > o, \text{ et } x + x' = y.$$

R4) Pour deux éléments x et y de K , $x > y \Leftrightarrow -x < -y$.

R5) Pour deux éléments x et y de K ,

$$x > o \text{ et } y > o \Rightarrow x + y > o$$

R6) Pour deux éléments x et y de K ,

$$x \times y > o \Leftrightarrow (x > o \text{ et } y > o) \text{ ou } (x < o \text{ et } y < o)$$

R7) Pour deux éléments x et y de K , tels que $x > o$ et $y > o$, $x > y \Leftrightarrow 1/x < 1/y$.

R8) Si K est un **corps omégacyclique génératif**, c'est-à-dire pour lequel $w \neq o$, alors pour tout élément n de N , on a : $n < w$.

X - Rationalisation univale d'un (semi-)anneau commutatif intègre ordonné

Dans la nouvelle vision, il n'y a plus de distinction entre **nombres rationnels** (ou **fractions**) et **nombres réels**. En effet, nous allons par la technique de **rationalisation** construire des **nombres rationnels** à partir de **nombres entiers relatifs**, eux-mêmes construits à partir des **nombres entiers**, en l'occurrence les **ordinaux**. Et comme ces **nombres entiers** comportent des **nombres**

entiers infinis (car il s'agit d'**entiers variables** vus précédemment), on a des **rationnels** dont le **numérateur** et le **dénominateur** sont des **nombre infinis**.

Dans ce cadre, ce qu'on appelle habituellement des « **nombre irrationnels** », se révèlent en réalité être des **rationnels** de **numérateur** et de **dénominateur infinis**. Par conséquent il suffit de **rationaliser** un **(semi-)anneau commutatif** $(A, +, \times, \{0, 1\})$ **non nul** (c'est-à-dire avec $0 \neq 1$) et **intègre** (c'est-à-dire dans lequel: si $a \times b = 0$, alors $a = 0$ ou $b = 0$; mais la condition d'intégrité n'est pas obligatoire non plus) et **ordonné** (c'est-à-dire ayant les **relations d'ordre** « $<$ » et « $>$ » possédant au moins les propriétés habituelles) et **omégan** (c'est-à-dire possédant des éléments **infinis**, comme par exemple l'**infini v**). Et alors l'ensemble $(K, +, \times, \{0, 1\})$ obtenu et qui est un **corps** de **rationnels**, contient un sous-ensemble qui est équivalent au classique ensemble **R** des **nombre réels**.

Dans cette partie, nous considérons l'ensemble Z_ω des **nombre entiers omégarelatifs**. Il s'agit d'un **anneau commutatif** $(Z_\omega, +, \times, \{0, 1\})$ **non nul, intègre, ordonné, omégan**. Sa **rationalisation** donnera l'ensemble Q_ω des **nombre omégarationnels**, qui est aussi en même temps l'ensemble R_ω des **nombre omégaréels**, qui contient donc une partie équivalente au classique ensemble **R**. Mais en **rationalisant** uniquement le classique **Z**, on obtiendra aussi uniquement le classique **corps Q** des **nombre rationnels**, auquel il faudra dans un second temps appliquer la classique construction de **R** à partir de **Q**, par le moyen des **suites de Cauchy** par exemple.

En effet le classique **Z** n'est pas **omégan**, donc est **incomplet**, comme aussi le classique **N**. Ils sont les ensembles des **entiers finis** ou **constants**, que nous avons utilisés pour construire Z^N et N^N , l'ensemble des **entiers variables**, qui contiennent des **entiers infinis** ou **omégan**, ce qui fait qu'ils sont **omégan** aussi. Et Z^N et N^N , qui ne sont pas **intègres**, contiennent respectivement Z_ω et N_ω , qui, eux, sont **intègres**.

On rappelle qu'un **nombre entier oméganaturel** ou **ordinuméral** ou **ordinal polynomial** α est par définition récursive un nombre de la forme : $\alpha = c_n v^n + c_{n-1} v^{n-1} + c_{n-2} v^{n-2} + \dots + c_1 v + c_0$, où **v** est le **nombre entier infini** ou **application varid** telle que: $v_i = i$, pour tout $i \in N$ (ou plus généralement $i \in N_\omega$), et où les c_j , appelés les **chiffres** de la **numération** en base **v**, appartiennent à l'ensemble des **v nombre entiers**: $v = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1\} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots, 4, 3, 2, 1\}$, et où **n** est un **nombre entiers oméganaturel**. Autrement dit, les **nombre entiers oméganaturels** sont tous les **nombre entiers** écrits dans le **système de numération** en base **v**, qui est un **nombre oméganaturel infini**.

Nous allons plus précisément construire les **rationnels positifs (anitifs)**, que nous appelons les **rationalis**, qui **relativation** donneront tous les **rationnels**.

Nous considérons l'ensemble N_ω^2 des **couples (a, b)** d'éléments de N_ω , c'est-à-dire $a \in N_\omega$ et $b \in N_\omega$. Le **couple (a, b)** est également noté a/b . Il s'agit donc précisément du **potentiel** N^1 , avec comme **indiciel I** l'**ordinal** $2 = \{0, 1\}$. On note Q_ω ce potentiel N_ω^2 , et ses éléments sont appelés des **omégarationnels** ou simplement des **rationnels**, si aucune confusion n'est à craindre. Et pour un **rational (a, b)** donné, **a** est appelé son **numérateur** et **b** est appelé son **dénominateur**. Et le **rational (b, a)** est appelé l'**inverse de (a, b)** et vice-versa.

Nous allons dans cette partie travailler avec trois **relations d'équivalence** ou trois **égalités**. L'**identité** courante dans N_{ω} , dont hérite aussi N_{ω}^2 ou Q_{ω} , est notée « == ». Nous allons définir dans Q_{ω} une **relation d'équivalence** notée « = », qui sera l'**égalité** spécifique des **rationnels**, ou **égalité rationnelle**. Celle-ci servira de nouvelle **identité** pour définir une troisième **relation d'équivalence**, notée « ≡ », une **équivalence de cyclage** que nous appelons l'**égalité omégacyclique**, qui fera de Q_{ω} un **corps omégacyclique**. Quand bien même ils nous arrivera par abus d'écriture d'utiliser le même signe « = » pour exprimer l'égalité dans un certain contexte, il sera néanmoins assez facile de savoir de laquelle des trois égalités il s'agit dans l'écriture concernée. Par exemple, quand nous venons de dire : $2 = \{0, 1\}$, cela signifie bien sûr : $2 == \{0, 1\}$.

On définit dans Q_{ω} l'**addition rationnelle**, « + », qui est l'**opération** suivante :

$$(a, b) + (c, d) = (a \times d + b \times c, b \times d).$$

Et par souci de **symétrie** entre le **numérateur** et le **dénominateur**, on définit dans Q_{ω} l'**alteraddition rationnelle**, « +_a », qui est l'**opération** suivante:

$$(a, b) +_a (c, d) = (a \times c, a \times d + b \times c).$$

Juste pour dire que la question du **0** au **dénominateur**, la fameuse **division par 0** donc, n'est pas plus problématique que celle du **0** au **numérateur**, et que le vrai problème est ailleurs.

On définit dans Q_{ω} la **multiplication rationnelle**, « × », qui est la **multiplication naturelle**, c'est-à-dire l'**opération** suivante :

$$(a, b) \times (c, d) = (a \times c, b \times d).$$

On définit dans Q_{ω} l'**identité rationnelle**, « == », qui est la **relation binaire** suivante :

$$(a, b) == (c, d) \Leftrightarrow a == c \text{ et } b == d.$$

Autrement dit, deux **rationnels** sont **identiques** si leurs **numérateurs** sont **identiques** et si leurs **dénominateurs** sont **identiques**.

On définit dans Q_{ω} l'**égalité rationnelle**, « = », qui est la **relation binaire** suivante:

$$(a, b) = (c, d) \Leftrightarrow a \times d == b \times c.$$

Cette **relation binaire** est appelée l'**équirationnalité**, et on dit que **(a, b)** et **(c, d)** sont **équirationnels**.

On verra qu'il s'agit d'une **relation d'équivalence** dans $Q_K == Q_{\omega} \setminus \{(0, 0)\}$. Le **rational (0, 0)**, noté **u**, est appelé l'**unix** (on retrouve donc l'**unix** mais cette fois au sens des **rationnels**), et Q_K est l'ensemble des **rationnels corporels**.

Nous appelons la **rationalisation** de N_{ω} la définition de ces trois **opérations** dans Q_{ω} à partir donc de celles dans N_{ω} , ainsi que cette **relation d'équirationnalité**.

Cet ensemble Q_{ω} est appelé l'ensemble des **rationnels unixaux** ou des **fractions unixales**, associé à **A**. Et Q_{ω} lui-même est dit **unixal** (on reviendra en détail sur toutes ces définitions).

Q_{ω} est simplement noté **Q**.

On définit dans \mathbf{Q} l'**infériorité rationnelle**, « $<$ », qui est la **relation binaire** suivante:

$$(a, b) < (c, d) \Leftrightarrow a \times d < b \times c.$$

Et la **supériorité rationnelle**, « $>$ », est la **relation binaire** suivante:

$$(a, b) > (c, d) \Leftrightarrow a \times d > b \times c.$$

Du point de vue des propriétés fondamentales, il n'y a pas de différence entre \mathbf{N} et \mathbf{N}_ω , sauf que ce dernier contient des **entiers infinis**. Pour cette raison aussi, il n'y a, dans la construction, aucune différence entre \mathbf{Q} et \mathbf{Q}_ω , dans la mesure où nous ne faisons pas encore jouer les **nombres infinis**. Nous ne nous intéresserons dans un premier temps qu'aux propriétés génériques des **rationnels**, et donc par la suite nous parlerons simplement de \mathbf{N} et \mathbf{Q} .

Et puisque le $\mathbf{0}$ dont il est question ici est le $\mathbf{0}$ de la **structure d'anneau commutatif intègre**, il s'agit du **0 absolu**, \mathbf{o} donc, qui est :

→ l'**élément neutre** de l'**addition**: pour tout **entier** x , on a : $x + \mathbf{o} = \mathbf{o} + x = x$;

→ l'**élément neutralisant** (c'est-à-dire **absorbant** selon la terminologie traditionnelle) de la **multiplication**: pour tout **entier** x , on a : $x \times \mathbf{o} = \mathbf{o} \times x = \mathbf{o}$;

→ l'**élément intégralisant** pour la **multiplication** : pour deux **entiers** x et y , si $x \times y = \mathbf{o}$, alors $x = \mathbf{o}$ ou $y = \mathbf{o}$.

Par la suite, ce **0 élément neutre** de l'**addition** et **absorbant** de la **multiplication** sera noté \mathbf{o} , pour le distinguer du **0 génératif**, associé à ω , tel que $\omega = w^\omega$, le **zéro** associé à w étant θ ; et w tel que $w = v^v$, le **zéro** associé à v étant ε ; et v étant le **nombre entier naturel infini** qui est le **nombre entier variable** défini par : $v_i = i$, pour tout $i \in \mathbf{N}$.

On a donc : $\mathbf{N}_\omega = \{\mathbf{o}, 1, 2, 3, 4, \dots, v-4, v-3, v-2, v-1, v, v+1, v+2, v+3, v+4, \dots, 2v, \dots, 3v, \dots, 4v, \dots, v^2, \dots, v^3, \dots, v^4, \dots, w = v^v, \dots, 2w, \dots, 3w, \dots, w^2, \dots, w^3, \dots, w^4, \dots, \omega = w^\omega, \dots, \dots, \omega^\omega, \dots, \dots\}$.

Nous allons à présent découvrir les propriétés des **rationnels unixaux**, à commencer par le fait qu'avec eux il n'y a plus aucun souci de **division par 0**.

Pour un **rationnel** c'est-à-dire un élément $(a, b) = a/b$ de \mathbf{Q} , a est donc appelé le **numérateur** ou l'**alterdénominateur**, et b est appelé le **dénominateur** ou l'**alternumérateur**.

Un **rationnel** $(a, b) = a/b$ avec un **dénominateur** $b \neq \mathbf{o}$ est dit **classique**, car c'est ce type de **rationnels** qui forment le **classique** ensemble \mathbf{Q} des **rationnels**. Celui-ci sera noté à présent \mathbf{Q}_q , pour dire ensemble des **rationnels classiques**.

Et par **symétrie** maintenant, un **rationnel** $(a, b) = a/b$ avec un **numérateur** $a \neq \mathbf{o}$ est dit **alterclassique**, car aussi on retrouve autrement les **rationnels** du **classique** ensemble \mathbf{Q} , sauf que c'est le **numérateur** qui est non nul. L'**addition** dans leur cas, appelée **alteraddition**, sera en conséquence, et la logique sera la même. L'ensemble des **rationnels alterclassiques**, encore dits **alterationnels classiques**, sera noté à présent \mathbf{Q}_p .

Un **rationnel** (\mathbf{o}, b) ou \mathbf{o}/b de **numérateur** \mathbf{o} et de **dénominateur** $b \neq \mathbf{o}$, est appelé un **alpha** ou un **zéro**. La référence de tels **rationnels** est : $(\mathbf{o}, 1) = \mathbf{o}/1$, noté simplement \mathbf{o} . Et de manière générale, tout **rationnel** de la forme $(a, 1)$ ou $a/1$, que a soit **null** ou non, sera assimilé à a et simplement noté a .

L'ensemble de tels **rationnels zéros**, c'est-à-dire de **dénominateur non nul**, est noté O_o , et il est appelé la **classe unixale de o**, ou simplement la **classe de o**.

Et un **rationnel (a, o)** ou a/o de **dénominateur o** et de **numérateur $a \neq o$** , est appelé un **oméga** ou un **infini**. La référence de tels **rationnels** est: $(1, o) = 1/o$, noté ω . Et de manière générale, tout **rationnel** de la forme (a, o) ou a/o , que **a** soit **nul** ou non, sera noté $a \times \Omega$. Et parce que le **o** est **absolu**, c'est le cas aussi de Ω .

L'ensemble de tels **rationnels infinis** est noté O_Ω , et il est appelé la **classe unixale de Ω** , ou simplement la **classe de Ω** .

Et un **rationnel (a, b)** ou a/b de **numérateur $a \neq o$** et de **dénominateur $b \neq o$** , est appelé un **rationnel unital** ou un **quantum**, au pluriel les **quanta** ou les **quantums**. La référence de tels **rationnels** est $(1, 1) = 1/1 = 1$.

L'ensemble des **quantums** est noté Q_u mais aussi Q^* , et il est appelé la **classe unixale de 1**, ou simplement la **classe de 1**.

Le **rationnel (o, o)** ou o/o ou $o \times \Omega$, est donc l'**unix u**. Il est appelé le **rationnel singulier**.

L'**unix u** est vraiment très singulier, et on verra pourquoi quand nous aurons développé un peu plus les propriétés de l'**addition rationnelle** et de la **multiplication rationnelle**.

Tout **rationnel** distinct de l'**unix** est dit **corporel**. L'ensemble des **rationnels corporels** est noté Q_K .

Dans toute la suite, un **rationnel unixal** est simplement appelé un **rationnel**, car nous ne considérerons que les **rationnels uniaux** désormais.

$x = (a, b)$ étant un élément de Q , on dit que x est **original** si $a \times b = o$, ce qui revient à dire que $a = o$ et $b \neq o$ (autrement dit x est un **alpha** ou un **zéro**), ou que $a \neq o$ et $b = o$ (autrement dit x est un **oméga** ou **infini**), ou que $a = b = o$ (autrement dit x est l'**unix**).

Les **rationnels $x = (a, b)$** tels que $a \times b \neq o$, ce qui signifie que $a \neq o$ et $b \neq o$, sont donc les **quantums** ou les **unitaux**. Autrement dit, ce sont ceux qui sont à la fois **classiques** et **alterclassiques**. Leur ensemble est donc noté Q_u . On a donc: $Q_u = Q_p \cap Q_q$.

L'ensemble des **rationnels originaux** est noté O .

On a donc : $Q_u = Q \setminus O$, et: $Q = Q_u \cup O = Q_u \cup O_o \cup O_\Omega \cup \{u\}$.

Et on a: $Q_K = O_o \cup O_\Omega \cup Q_u$.

Dans tous les cas, pour un **rationnel quelconque $x = (a, b)$** ou $x = a/b$ donné, on appelle l'**inverse de x** et on note **versi(x)** ou **inv(x)** ou x^{-1} ou $1/x$, le **rationnel $x^{-1} = (b, a)$** ou $x^{-1} = b/a$. C'est donc la définition **rationnelle** de l'**application versi** de l'étude générale d'un **corps omégan**, vue précédemment.

On note que cette définition de l'**inverse** est valable même si $b = o$. Ainsi par exemple, l'**inverse de $5/o$** est $o/5$, et l'**inverse de $o/5$** est $5/o$.

Les **rationnels** qui sont leur propre **inverse** sont donc tous ceux de la forme : (a, a) ou a/a , comme par exemple $(0, 0)$, $(1, 1)$, $(2, 2)$, $(3, 3)$, etc., respectivement $0/0$, $1/1$, $2/2$, $3/3$, etc.. A l'exception de $0/0$, tous les autres **rationnels** de la forme a/a sont **équivalents** à $1/1$ ou 1 . Ces **rationnels** a/a avec $a \neq 0$ sont appelées les **unums**.

$x == (a, b)$ et $y == (c, d)$ étant deux éléments de \mathbf{Q} , deux **rationnels** donc, on dit que x est **équirationnel** avec y , et on note: $x = y$, si l'on a : $a \times d == b \times c$.

→ L'**équirationnalité** est **réflexive**, autrement dit, si $(a, b) = (a, b)$, pour tout **rationnel** (a, b) .

En effet, on a : $a \times b == b \times a$, qui est l'**équirationnalité** de (a, b) et (a, b) .

→ L'**équirationnalité** est **symétrique**, autrement dit, si $(a, b) = (c, d)$, alors aussi $(c, d) = (a, b)$.

En effet, $(a, b) = (c, d)$, si on a : $a \times d == b \times c$, ce qui, d'après les propriétés de **symétrie** de l'égalité dans \mathbf{Z} (et aussi dans \mathbf{Z}_ω) et aussi de **commutativité** de la **multiplication** dans \mathbf{Z} (et aussi dans \mathbf{Z}_ω), s'écrit : $c \times b == d \times a$, qui signifie qu'on a : $(c, d) = (a, b)$, c'est-à-dire l'**équirationnalité** de (c, d) et (a, b) .

→ L'**unum** $0 == (0, 0)$ est **équirationnel** avec n'importe quel **rationnel** (a, b) .
C'est-à-dire $(0, 0) = (a, b)$.

En effet, on a : $0 \times b == 0 \times a == 0$.

Donc aussi $(a, b) = (0, 0)$.

→ L'**équirationnalité** n'est pas **transitive** de manière générale, mais l'est dans l'ensemble \mathbf{Q}_K des **rationnels corporels**.

En effet, $x == (a, b)$, $y == (c, d)$ et $z == (e, f)$ trois **rationnels corporels**, tels que x et y sont **équirationnels**, et y et z sont **équirationnels**.

Dire que x , y et z sont **corporels**, c'est dire a et b ne sont pas tous les deux nuls, donc si l'un est nul, alors l'autre est forcément non nul. De c et d ne sont pas tous les deux nuls, et e et f ne sont pas tous les deux nuls.

x et y étant **équirationnels**, on a : $a \times d == b \times c$.

y et z étant **équirationnels**, on a : $c \times f == d \times e$.

Nous devons prouver que sur ces bases, x et z sont **équirationnels**, donc que : $a \times f == b \times e$.

Multiplions $c \times f == d \times e$ par b , ça donne alors : $b \times c \times f == b \times d \times e$.

En vertu de $a \times d == b \times c$, remplaçons alors dans cette nouvelle égalité $b \times c$ par $a \times d$.

Cela donne : $a \times d \times f == b \times d \times e$.

→ Si d est non nul, alors on déduit $a \times f == b \times e$, et alors le résultat est démontré.

→ Et si \mathbf{d} est nul, alors $\mathbf{y} == (\mathbf{c}, \mathbf{d})$ étant corporel, alors \mathbf{c} est forcément non nul.
 Multiplions $\mathbf{c} \times \mathbf{f} == \mathbf{d} \times \mathbf{e}$ par \mathbf{a} , ce qui donne : $\mathbf{a} \times \mathbf{c} \times \mathbf{f} == \mathbf{a} \times \mathbf{d} \times \mathbf{e}$.
 En vertu de $\mathbf{a} \times \mathbf{d} == \mathbf{b} \times \mathbf{c}$, remplaçons alors dans cette nouvelle égalité $\mathbf{a} \times \mathbf{d}$ par $\mathbf{b} \times \mathbf{c}$.
 Cela donne : $\mathbf{a} \times \mathbf{c} \times \mathbf{f} == \mathbf{b} \times \mathbf{c} \times \mathbf{e}$.
 \mathbf{c} étant non nul, on a alors : $\mathbf{a} \times \mathbf{f} == \mathbf{b} \times \mathbf{e}$.

Dans les deux cas, le résultat est démontré. Donc l'**équirationnalité** est **transitive** dans l'ensemble \mathbf{Q}_K des **rationnels corporels**.

→ Et donc aussi l'**équirationnalité** est une **relation d'équivalence** dans \mathbf{Q}_K , puisque par ailleurs l'**équirationnalité** est **réflexive** et **symétrique** dans \mathbf{Q} , donc aussi dans \mathbf{Q}_K . L'**équirationnalité** sera donc par définition la nouvelle relation d'**égalité** standard dans \mathbf{Q}_K , c'est-à-dire les **rationnels** sauf l'**unx**.

→ Tout **rational unum** (\mathbf{a}, \mathbf{a}) est **équirationnel** avec $(\mathbf{1}, \mathbf{1})$.
 $(\mathbf{a}, \mathbf{a}) = (\mathbf{1}, \mathbf{1}) = \mathbf{1}$.

Immédiat, car : $\mathbf{a} \times \mathbf{1} == \mathbf{a} \times \mathbf{1}$.

→ La **relation « < »** est une **relation d'ordre stricte** dans \mathbf{Q}_K .

En effet, on rappelle que $(\mathbf{a}, \mathbf{b}) < (\mathbf{c}, \mathbf{d}) \Leftrightarrow \mathbf{a} \times \mathbf{d} < \mathbf{b} \times \mathbf{c}$.

La relation « < » n'est pas **réflexive** dans \mathbf{Q}_K .

En effet, dire $(\mathbf{a}, \mathbf{b}) < (\mathbf{a}, \mathbf{b})$ c'est dire : $\mathbf{a} \times \mathbf{b} < \mathbf{b} \times \mathbf{a}$, autrement dit : $\mathbf{a} \times \mathbf{b} < \mathbf{a} \times \mathbf{b}$, ce qui n'est pas une propriété classique de la relation « < » dans les **nombres entiers**.

La relation « < » est **antisymétrique** dans \mathbf{Q}_K , en ce sens ici que si l'on a $(\mathbf{a}, \mathbf{b}) < (\mathbf{c}, \mathbf{d})$, alors on n'a pas $(\mathbf{c}, \mathbf{d}) < (\mathbf{a}, \mathbf{b})$.

En effet, $(\mathbf{a}, \mathbf{b}) < (\mathbf{c}, \mathbf{d}) \Leftrightarrow \mathbf{a} \times \mathbf{d} < \mathbf{b} \times \mathbf{c}$.

Et $(\mathbf{c}, \mathbf{d}) < (\mathbf{a}, \mathbf{b}) \Leftrightarrow \mathbf{c} \times \mathbf{b} < \mathbf{d} \times \mathbf{a}$, autrement dit : $\mathbf{b} \times \mathbf{c} < \mathbf{a} \times \mathbf{d}$.

Cela signifierait que la relation « < » est **symétrique** dans les **entiers**, ce qui n'est pas le cas.

La relation « < » est **transitive** dans \mathbf{Q}_K .

En effet, supposons : $(\mathbf{a}, \mathbf{b}) < (\mathbf{c}, \mathbf{d})$ et $(\mathbf{c}, \mathbf{d}) < (\mathbf{e}, \mathbf{f})$.

On a alors : $\mathbf{a} \times \mathbf{d} < \mathbf{b} \times \mathbf{c}$ et $\mathbf{c} \times \mathbf{f} < \mathbf{d} \times \mathbf{e}$.

Il nous faut montrer alors que $(\mathbf{a}, \mathbf{b}) < (\mathbf{e}, \mathbf{f})$, c'est-à-dire $\mathbf{a} \times \mathbf{f} < \mathbf{b} \times \mathbf{e}$.

Si \mathbf{b} ou \mathbf{c} est nul, alors on a : $\mathbf{a} \times \mathbf{d} < \mathbf{o}$, ce qui est impossible, puisqu'on travaille avec les **rationnels positifs** ou **nuls**, les **rationalis** donc. Donc \mathbf{b} et \mathbf{c} sont non nuls.

De même si \mathbf{d} ou \mathbf{e} est nul. On a alors : $\mathbf{c} \times \mathbf{f} < \mathbf{o}$, ce qui est impossible. Donc \mathbf{d} et \mathbf{e} sont non nuls.

Et d'autre part, en multipliant membre à membre les **inégalités** : $axd < bxc$ et $cx f < dx e$, on a : $axd \times cx f < bxc \times dx e$, et puisque d et c sont strictement positifs, on peut simplifier par $d \times c$, ce qui donne l'**inégalité** cherchée : $axf < bxe$.

La **relation** « $<$ » est donc une **relation d'ordre stricte** dans Q_K .

→ Si x et y sont deux **rationnels corporels équirationnels**, alors une et une seule des propositions suivantes est vraie :

- x et y sont tous les deux des **alphas** ;
- x et y sont tous les deux des **oméga** ;
- x et y sont tous les deux **unitaux**.

Autrement dit, étant donné qu'on a : $Q_K = O_o \cup O_\Omega \cup Q_u$, si deux éléments de Q_K sont **équirationnels**, alors ils sont tous les deux dans O_o , ou tous les deux dans O_Ω , ou tous les deux dans Q_u . L'un ne peut pas être dans l'un des trois sous-ensembles de Q_K , et l'autre dans un sous-ensemble différent.

En effet, soient trois **rationnels corporels** $x = (a, b)$, $y = (c, d)$, et supposons : $x = y$. On a donc : $axd = bxc$.

Si x est dans O_o , alors : $a = o$ et $b \neq o$.

On a alors : $bxc = o$. Mais comme $b \neq o$, alors $c = o$, et alors $d \neq o$, puisque y est **corporel**. Donc y est aussi dans O_o , et n'est donc pas dans O_Ω ni dans Q_u .

Et si x est dans O_Ω , alors : $a \neq o$ et $b = o$.

On a alors : $axd = o$. Mais comme $a \neq o$, alors $d = o$, et alors $c \neq o$, puisque y est **corporel**. Donc y est aussi dans O_Ω , et n'est donc pas dans O_o ni dans Q_u .

Et si x est dans Q_u , alors : $a \neq o$ et $b \neq o$.

Alors, si y est dans O_o , alors : $c = o$, et du coup on a : $axd = o$.

Mais comme $a \neq o$, alors $d = o$, mais y est **unital**, donc contradiction.

Et même problème si l'on dit que y est dans O_Ω .

Dans ce cas, on a : $d = o$, donc $bxc = o$.

Comme $b \neq o$, alors : $c = o$.

Mais là aussi y est **unital**, donc contradiction.

Par conséquent, y est aussi dans Q_u .

→ Deux **rationnels alphas** sont **équirationnels** :

$(o, b) = (o, d)$, car : $o \times d = b \times o$.

Donc O_o est tout entier une **classe d'équivalence**, la **classe univale de o**.

→ Deux **rationnels omégas** sont **équirationnels** :

$(a, o) = (c, o)$, car : $a \times o = o \times c$.

Donc O_o est lui aussi tout entier une **classe d'équivalence**, la **classe univale de Ω** .

→ Mais Q_u ne forme pas une seule **classe d'équivalence** en parlant de l'**équirationalité**.

Cependant nous en parlerons aussi comme d'une **classe d'équivalence**, celle de **1**.

La **relation d'équivalence** sous-jacente est l'**équivalence partitionnée** définie par :

« $x \equiv y$ » \Leftrightarrow « x et y sont tous les deux des alphas, ou tous les deux des omégas, ou tous les deux des quantums ».

O_o , O_Ω et Q_u sont alors les trois **classes d'équivalence** de cette nouvelle **relation d'équivalence** dans Q_K , les **classes unixales**.

→ Pour tout un **entier oméganaturel** non nul b , on a : $(b, b) = (1, 1) = 1$.

C'est-à-dire : $b/b = 1/1 = 1$.

Plus généralement, étant donné un **rationnel classique** ou **alterclassique** (a, b) et un **entier oméganaturel** non nul c , on a : $(c \times a, c \times b) = (a, b)$

C'est-à-dire : $(c \times a) / (c \times b) = a / b$.

C'est la classique règle de **simplification des rationnels**.

→ Revenons sur l'**addition rationnelle**, notée « + », l'**alteraddition** étant notée « $+_a$ ». L'**égalité** considérée est l'**identité** « == ».

Soient deux **rationnels** quelconques : $x == (a, b) == a/b$ et $y == (c, d) == c/d$.

– **Addition unixale** « + »:

$x + y == (a, b) + (c, d) == (a \times d + b \times c, b \times d) == (a \times d + b \times c) / (b \times d)$

Cela veut dire que pour effectuer l'**addition** de la **classe** du **rationnel** $x == (a, b)$ et de la **classe** du **rationnel** $y == (c, d)$, on calcule le **rationnel** $z == (a \times d + b \times c, b \times d)$, les **opérations d'addition** « + » et de **multiplication** « \times » qui y figurent étant celles dans N_ω . Et le résultat est la **classe** du **rationnel** z .

En comprenant « $1 + 1 == 1$ » par : « **L'addition de deux rationnels unitaux (ou quantums) est un rationnel unital (ou quantum)** », et « $1 \times 1 == 1$ » par : « **La multiplication de deux rationnels unitaux est un rationnel unital** », bref, que « **1** » signifie « **rationnel unital** », voici la **table de l'addition rationnelle**.

×	o	1	Ω	ц
o	o	1	Ω	ц
1	1	1	Ω	ц
Ω	Ω	Ω	ц	ц
ц	ц	ц	ц	ц

Cette addition est qualifiée d'**unixale** pour les raisons que montre ce tableau : l'**unix** se révèle l'**élément neutralisant** (c'est-à-dire **absorbant**) **absolu**. Il absorbe tout autre type de **rationnel**, dans toute **opération** d'**addition** et de **soustraction**, et c'est ainsi aussi pour la **multiplication** et la **division**.

– **Alteraddition unixale « +_a »:**

$$x +_a y == (a, b) +_a (c, d) == (axc, axd + bxc) == (axc) / (axd + bxc)$$

+ _a	o	1	Ω	ц
o	ц	o	o	ц
1	o	1	1	ц
Ω	o	1	Ω	ц
ц	ц	ц	ц	ц

→ Et maintenant, la **multiplication unixale**, notée « × », de deux **rationnels quelconques**:

$$x \times y == (a, b) \times (c, d) == (axc, bxd)$$

\times	o	1	Ω	ϖ
o	o	o	ϖ	ϖ
1	o	1	Ω	ϖ
Ω	ϖ	Ω	Ω	ϖ
ϖ	ϖ	ϖ	ϖ	ϖ

Signalons une fois encore que ces définitions sont valables pour absolument tous les **rationnels**. Il n'est plus question d'exclure les **rationnels de dénominateurs nuls**, comme on le fait dans les conceptions habituelles, pas plus qu'on n'exclut les **rationnels de numérateurs nuls** ! Par exemple, **1/o**, qui représente l'**infini oméga** ou Ω , n'est pas plus impossible ou plus exclus que **o/1**, qui représente **o**.

Les **numérateurs** et les **dénominateurs** jouent maintenant un rôle parfaitement **symétrique** avec les **rationnels**.

Ces **opérations** permettent de faire une **algèbre des rationnels** avec **division par o**, et avec la présence de l'**infini Ω** , une algèbre beaucoup plus fine et riche que celle qui consiste à éliminer d'office **o** du **dénominateur** des **rationnels**. Avec l'**égalité** et les **opérations unisexes**, la **structure numérique** obtenue n'est pas un **corps**, certes, ni même un **anneau**, mais une **structure** éminemment intéressante, dont des parties sont des **corps**. Notamment le **corps Q_q** des **rationnels classiques** (ceux de **dénominateurs non nuls**), avec l'**addition classique**, et le **corps Q_p** des **rationnels alterclassiques** (ceux de **numérateurs non nuls**), avec l'**addition alterclassique**. Dans le premier cas c'est **o** qui est l'**élément neutre** de l'**addition**, et dans le second cas c'est l'**infini oméga** ou Ω qui est l'**élément neutre** de l'**alteraddition**.

– Pour la **commutativité** de l'**addition** (et donc aussi de l'**alteraddition**), de la manière dont elle est définie, on peut permuter les rôles des **rationnels x** et **y**, donc elle est **commutative**.

– Pour l'**associativité** de l'**addition** (le raisonnement est valable aussi pour l'**alteraddition**), considérons trois **rationnels $x == (a, b)$, $y == (c, d)$ et $z == (e, f)$** , et comparons les résultats des calculs de : **$u == (x+y)+z$** et **$v == x+(y+z)$** .

$$u == ((a, b)+(c, d)) + (e, f) == (ad + bc, bd) + (e, f) == (adf + bcf + bde, bdf)$$

$$v == (a, b) + ((c, d) + (e, f)) == (a, b) + (cf + de, df) == (adf + bcf + bde, bdf)$$

L'**addition** est donc **associative**.

Même raisonnement pour l'**alteraddition**, ou simplement déduction par symétrie du raisonnement.

Et on a vu que **(o, 1)** ou **o** est l'**élément neutre** pour l'**addition** et **(1, o)** ou Ω est l'**élément neutre** pour l'**alteraddition**.

→ Et maintenant les propriétés de la **multiplication**.

$$xy = (a, b)(c, d) = (ac, bd).$$

Il est clair que, de la manière dont elle est définie, la **multiplication** des **rationnels** hérite directement de la **commutativité** et de l'**associativité** de la **multiplication** dans N_{ω} .

– L'**élément neutre** de la **multiplication** est le **rationnel** $(1, 1)$ ou $1/1$ ou 1 .

$$\text{En effet : } (1, 1)x = (1, 1)(a, b) = (1a, 1b) = (a, b) = x.$$

L'ensemble N'_{ω} des **rationnels** de la forme $(a, 1)$ ou $a/1$ est **isomorphe** à N_{ω} , via la **bijection** qui à $(a, 1)$ de N'_{ω} associe a de N_{ω} . On assimile donc N'_{ω} à N_{ω} , autrement dit N'_{ω} est la nouvelle définition de N_{ω} dans Q , ce qui permet de dire : $N_{\omega} \subset Q$.

Ainsi donc, officiellement maintenant, le **rationnel** $(0, 1)$ ou $0/1$ est 0 , et $(1, 1)$ ou $1/1$ est 1 .

– La **multiplication** n'est pas **distributive** par rapport à l'**addition** des **rationnels** et à l'**alteraddition**. Les **rationnels omégas** ne se distribuent pas. Tous les autres se distribuent.

Il suffit de le montrer pour l'**addition**, et par **symétrie**, ce sera vrai pour l'**alteraddition**.

$$\text{Soient : } x == (a, b), y == (c, d), \text{ et } z == (e, f).$$

$$\text{Comparons } u == x(y + z) \text{ et } v == xy + xz.$$

On a :

$$u == x(y + z) == (a, b)((c, d) + (e, f)) == (a, b)(cf + de, df) == (acf + ade, bdf).$$

$$\text{Et : } v == xy + xz == (a, b)(c, d) + (a, b)(e, f) \\ == (ac, bd) + (ae, bf) == (acbf + bdae, bdbf) == (b(acf + dae), bdbf) == (b, b)(acf + dae, bdf).$$

$$\text{On a donc : } v = (b, b)u.$$

La **distributivité** du **rationnel** (a, b) tient donc au facteur (b, b) .

Si $b == o$, on a systématiquement $v == (o, o)$ alors que u n'est pas nécessairement (o, o) .

Mais pour les **rationnels** tels que $b \neq o$, autrement dit les **classiques**, on a $(b, b) == (1, 1) == 1$, et alors on a : $u == v$. Autrement dit, la **multiplication** est **distributive** pour les **rationnels classiques**.

On en déduit que pour l'**alteraddition**, ce sont les **rationnels alterclassiques** qui se distribuent.

– Tout **rationnel** (a, b) est désormais **inversible**, et son **inverse**, au sens **large** de la notion d'**inverse**, est (b, a) . Sauf qu'en règle générale, la **multiplication** d'un **rationnel** par son **inverse** n'est pas nécessairement 1 .

Mais si (a, b) est **unital** (ou est un **quantum**), c'est-à-dire un élément de Q_u , alors son **inverse** (b, a) est **unital** aussi, et la **multiplication** des deux est $(1, 1)$ ou 1 .

$$\text{En effet, on a : } (a, b)(b, a) == (ab, ba) == (1, 1) == 1.$$

$$\text{Ou : } (a/b)(b/a) == ab/ba == 1/1 == 1.$$

C'est cette notion **stricte** de la notion d'inverse, que nous appelons l'**uni-inversibilité**, qui est celle retenue dans les conceptions traditionnelles. En ce sens classique, les **rationnels originaux** (les **alphas**, les **omégas** et l'**unix**) ne sont pas **inversibles**. Mais cela ne veut en rien dire qu'ils ne le sont pas, puisqu'ils obéissent à la définition simple et naturelle de l'**inversibilité**, qui est simplement la permutation des rôles du **numérateur** et du **dénominateur**. Comme de dire que **3/4** et **4/3** sont **inverses** l'un de l'autre. De même, **0/4** et **4/0** sont **inverses** l'un de l'autre, l'un étant un **alpha** ou **zéro**, l'autre étant un **oméga** ou **infini**. Et **0/0** est son propre **inverse**, comme aussi **1/1**, et **2/2**, et **3/3**, etc..

Dans tous les cas, la **multiplication** d'un **rationnel** par son **inverse** est soit **1** soit l'**unix** \mathbf{u} .

En effet, on a : $(\mathbf{a}, \mathbf{b})(\mathbf{b}, \mathbf{a}) == (\mathbf{ab}, \mathbf{ba})$.

Si donc **a** ou **b** est nul, ou les deux, alors $(\mathbf{ab}, \mathbf{ba}) == (\mathbf{o}, \mathbf{o}) == \mathbf{u}$.

Mais si **a** et **b** sont tous les deux non nuls, alors $(\mathbf{ab}, \mathbf{ba}) == (\mathbf{1}, \mathbf{1}) == \mathbf{1}$.

On parle d'uni-inversibilité dans le cas où la **multiplication** d'un **rationnel** par son **inverse** est **1**, et d'**unix-inversibilité** ou d'**oni-inversibilité** sinon.

→ Pour la **relation d'ordre** « < » sur les **rationnels corporels** ou éléments de \mathbf{Q}_K , elle vérifie : $\mathbf{o} < \text{tout rationnel unital} < \mathbf{\Omega}$.

Autrement dit :

\mathbf{o} est strictement inférieur à tout quantum, et tout quantum est strictement inférieur à $\mathbf{\Omega}$.

En effet, soit (\mathbf{a}, \mathbf{b}) un quantum. Les **nombre entiers oméganaturels** **a** et **b** sont non nuls donc.

On a : $(\mathbf{o}, \mathbf{1}) < (\mathbf{a}, \mathbf{b})$, car : $\mathbf{o} \times \mathbf{b} < \mathbf{1} \times \mathbf{a}$, c'est-à-dire : $\mathbf{o} < \mathbf{a}$.

Et on a : $(\mathbf{a}, \mathbf{b}) < (\mathbf{1}, \mathbf{o})$, car : $\mathbf{a} \times \mathbf{o} < \mathbf{b} \times \mathbf{1}$, c'est-à-dire : $\mathbf{o} < \mathbf{b}$.

→ Soit un **nombre entier oméganaturel non nul** **b**. Tous les **rationnels** **a/b** où donc **a** est un **nombre entier oméganaturel** absolument quelconque, sont toutes les **générescences d'unit** $\mathbf{1/b}$.

Évident, puisque de tels **rationnels** **a/b** sont tous les **multiples entiers** du quantum $\mathbf{1/b}$.

Exemples :

Pour $\mathbf{b} == \mathbf{v}$, où **v** une fois encore est le **nombre entier variable infini** défini par : $\mathbf{v}_n == \mathbf{n}$, pour tout $\mathbf{n} \in \mathbf{N}$.

On a alors $\mathbf{1/v} == \mathbf{\varepsilon}$. En posant : $\mathbf{1/o} == \mathbf{o}$, ce **rationnel** $\mathbf{1/v}$ ou s'interprète comme la **suite de rationnels**, de terme général $\mathbf{1/n}$, pour tout $\mathbf{n} \in \mathbf{N}$. Autrement dit :

$\mathbf{1/v} == \mathbf{\varepsilon} == (\mathbf{o}, \mathbf{1/1}, \mathbf{1/2}, \mathbf{1/3}, \mathbf{1/4}, \mathbf{1/5}, \dots)$.

Les **rationnels** $\mathbf{a/v}$ sont les **générescences** :

$\mathbf{o}, \mathbf{1\varepsilon}, \mathbf{2\varepsilon}, \mathbf{3\varepsilon}, \mathbf{4\varepsilon}, \mathbf{5\varepsilon}, \dots$, ou : $\mathbf{o}, \mathbf{\varepsilon}, \mathbf{\varepsilon\varepsilon}, \mathbf{\varepsilon\varepsilon\varepsilon}, \mathbf{\varepsilon\varepsilon\varepsilon\varepsilon}, \mathbf{\varepsilon\varepsilon\varepsilon\varepsilon\varepsilon}, \dots$

Et on a : $\mathbf{v\varepsilon} == \mathbf{v/v} == \mathbf{1}$.

Pour $\mathbf{b} == \mathbf{w} == \mathbf{v}^n$, on a $\mathbf{1/w} == \mathbf{\theta}$. C'est la **suite de rationnels**, de terme général $\mathbf{1/(n^n)}$, pour tout

$n \in \mathbb{N}$.

Les **rationnels** a/w sont les **générescences** :

$o, 1\theta, 2\theta, 3\theta, 4\theta, 5\theta, \dots$, ou : $o, \theta, \theta\theta, \theta\theta\theta, \theta\theta\theta\theta, \theta\theta\theta\theta\theta, \dots$

Et on a : $w\theta == w/w == 1$.

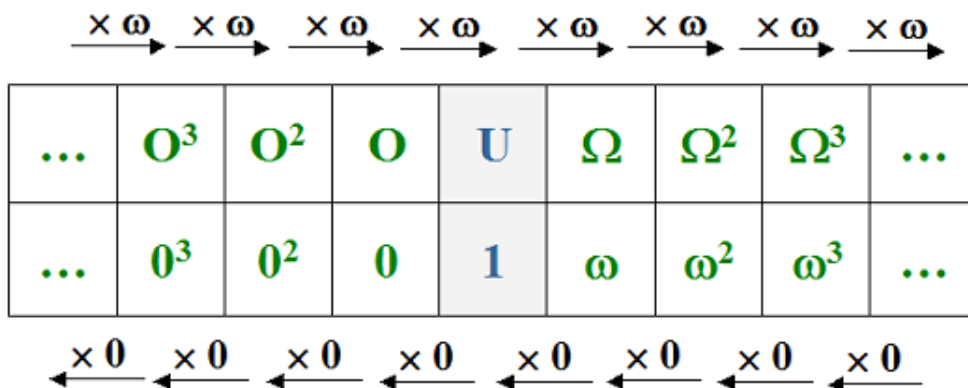
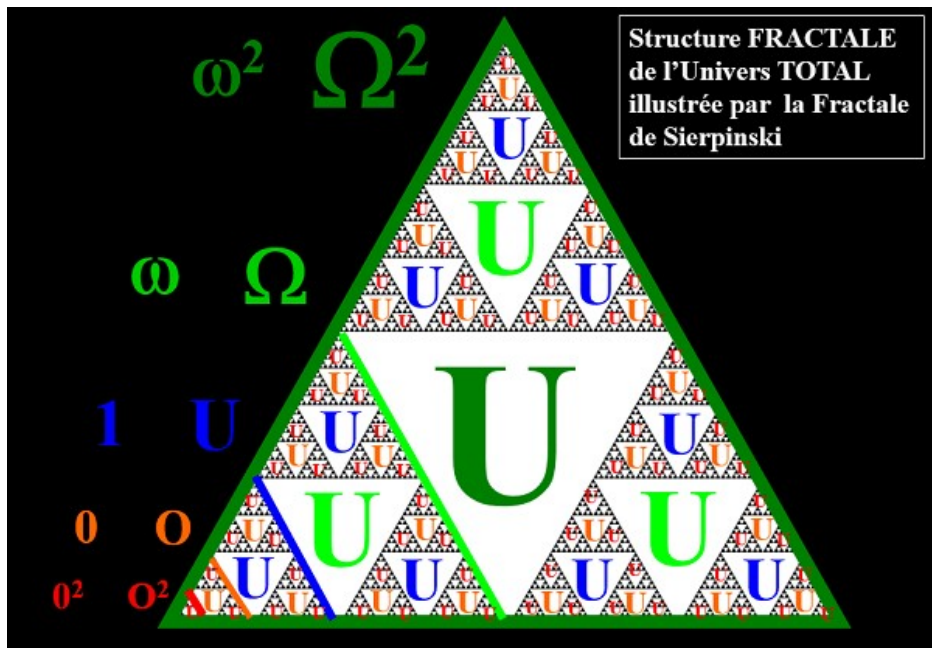
Pour $b == \omega == w^w$, on a $1/\omega == 0$. Et donc les **rationnels** a/ω sont les **générescences** :





$o, 1 \times 0, 2 \times 0, 3 \times 0, 4 \times 0, 5 \times 0, \dots$, ou : $o, 0, 00, 000, 0000, 00000, \dots$

Et on a : $\omega \times 0 == \omega/\omega == 1$.

Et ainsi de suite.

Dans tous les cas on retrouve la logique **informationnelle** mais aussi **fractale** :



Dimension 0		0 ω^0 ou 1
Dimension 1		0... ω^1 ou ω
Dimension 2		(0...)... ω^2
Dimension 3		((0...)...)... ω^3

→ Comme déjà dit, en considérant les **nombre entiers oméganaturels** :

a == (3, 31, 314, 3141, 31415, 314159, 3141592, ...),

b == (1, 10, 100, 1000, 10000, 100000, 1000000, ...),

le fameux **nombre** habituellement dit « **irrationnel** » π est le **rationnel** :

π == **a/b** == (3/1, 31/10, 314/100, 3141/1000, 31415/10000, 314159/100000, 3141592/1000000, ...).

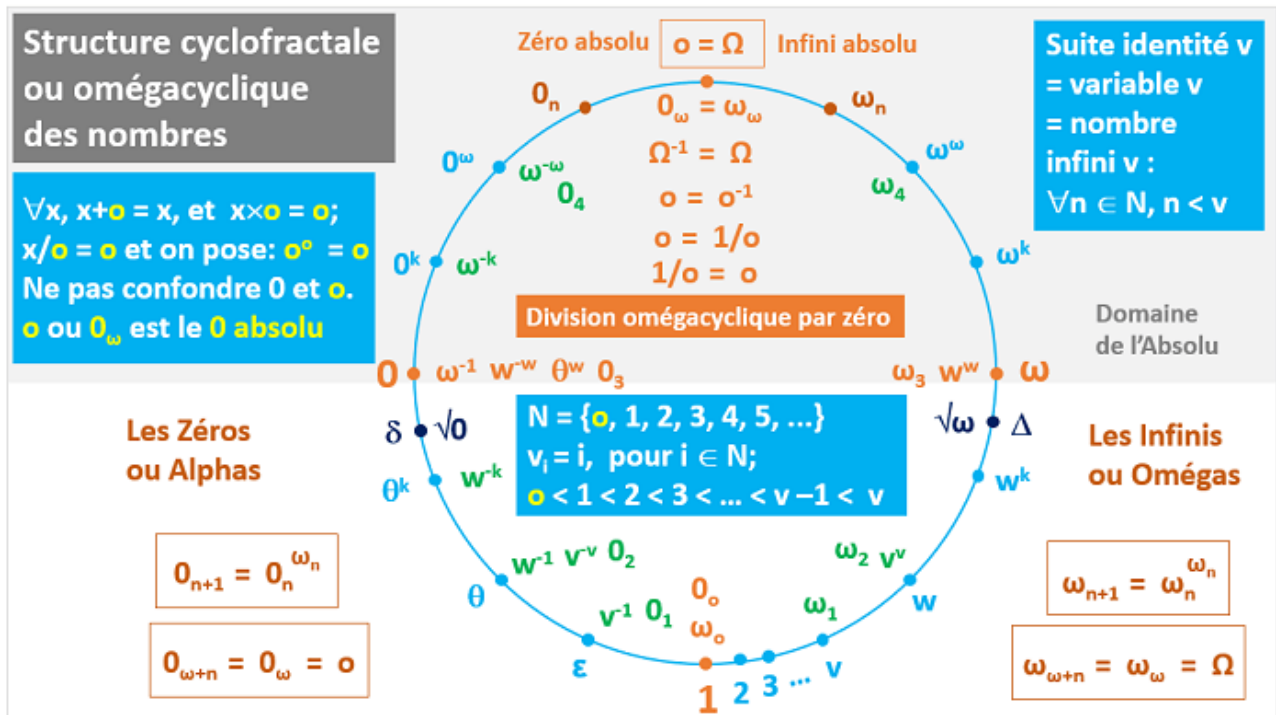
Ceci permet de dire que tous les **nombre réels** au sens classique, les éléments de l'ensemble **R** donc, sont des cas particuliers de **rationnels** au nouveau sens du terme (en parlant bien sûr des **réels** et des **rationnels** positifs ou nuls). Ce sont des **générescences** spéciales dont les **units** sont des **quantums** particuliers.

On définit dans **Q** la **relation binaire** « $=_{\Omega}$ » suivante, dite **oméga cyclique** :

$x =_{\Omega} y \Leftrightarrow$ (x et y sont tous les deux originaux) ou (x et y sont tous les deux quantums et égaux).

Il s'agit d'une **relation d'équivalence de cyclage** associée à l'**égalité rationnelle** « = ». Elle fait de l'**ensemble de tous les originaux**, à savoir donc $O = O_o \cup O_{\Omega} \cup \{u\}$, autrement dit de tous les **zéros**, de tous les **infinis** et de l'**unix**, une seule **classe d'équivalence**. Les autres **classes** étant celle de Q_u moyennant l'**égalité rationnelle** « = » ou l'**équirationalité**, notamment des **rationnels corporels**. Donc la **relation d'équivalence** précédente s'écrit :

$x =_{\Omega} y \Leftrightarrow (x \in O \text{ ET } y \in O) \text{ OU } (x \in Q_u \text{ ET } y \in Q_u \text{ ET } x = y).$



La **relation d'équivalence** « $=_\Omega$ » ou **relation d'égalité**, dite **oméga-cyclique**, sera désormais simplement notée « $=$ » et, sauf précision contraire sera la nouvelle **égalité** par défaut des **rationnels**, c'est-à-dire dans \mathbf{Q} . Tandis que l'**égalité** courante, que nous avons notée « $=$ » jusqu'à présent, sera notée « $==$ », et sera appelée l'**identité des rationnels** ou **égalité stricte**. Et l'**identité** originelle dans \mathbf{Q} , notée jusqu'ici « $==$ », sera notée « $===$ ». Elle est donc plus **stricte** que « $==$ ».

Par exemple, au sens de « $===$ », les **rationnels** $(3, o)$, $(11, o)$, (o, o) , $(o, 7)$, $(0, 5)$, $(2, 4)$, $(8, 16)$ ou $3/o$, $11/o$, o/o , $o/7$, $o/5$, $2/4$, $8/16$ sont tous **distincts**.

Du point de vue de « $==$ », on a : $o/o == 3/o$, $o/o == 11/o$, $o/o == o/7$, $o/o == o/5$, $o/o == 2/4$, $o/o == 8/16$.

Cependant, quand on inclut l'**unix** o/o , cette **relation** « $==$ », bien que **réflexive** et **symétrique**, n'est pas **transitive**, donc n'est pas une **relation d'équivalence** dans \mathbf{Q} . Raison pour laquelle on ne peut pas déduire par exemple que : $3/o == o/7$, ou que $o/5 == 2/4$.

Mais « $==$ » est une **relation d'équivalence** dans l'ensemble \mathbf{Q}_k des **rationnels corporels**.

Et là on a : $3/o == 11/o$, et : $o/7 == o/5$, et : $2/4 == 8/16$.

Et enfin, du point de vue de « $=_\Omega$ » ou « $=$ », l'**égalité oméga-cyclique** donc, on a :

$3/o = 11/o = o/7 = o/o = o/5$, et : $2/4 = 8/16$.

Comme les **rationnels originaux** forment la même **classe d'équivalence**, qui est donc la classe du **rational** (o, o) ou o/o ou **unix** u , mais aussi $(o, 1)$ ou $o/1$ ou o , et aussi de $(1, o)$ ou $1/o$ ou Ω , on a donc : $o = \Omega$. Autrement dit, on a : $o/1 = 1/o$. Ou encore : $o = 1/o$, ou : $1/o = o$.

Ce qui est donc la **division oméga-cyclique par zéro**.

Nous venons dans les grandes lignes de construire un **corps rationnel Q**, dit **oméga-cyclique** (pour dire donc que l'**infini** Ω rejoint **o** pour faire un cycle : **alpha** = **oméga**, ou : **zéro** = **infini**, donc : **o** = Ω), dans lequel la **division par 0** est définie.

Autrement dit, un **corps oméga-cyclique** de **fonction inverse v**, définie par : $v(x) = 1/x$, et pour laquelle $v(0) = 0$.

Le procédé que nous venons d'employer avec \mathbb{N}_0 pour former le corps **Q** des **rationnels** (ou plus exactement le **semi-corps** des **rationnels positifs**, que nous appelons aussi un **corps** de **rationalis** ou de **réalis**) ou **Q oméga-cyclique**, nous l'appelons la **rationalisation** d'un **anneau commutatif intègre**. Le reste est une simple affaire d'application d'un procédé que nous appelons la **relativisation**, pour obtenir un ensemble **Q** étendu contenant les **rationnels positifs** et **négatifs** (**antitifs** plus précisément).

Ce procédé de **relativisation** consiste à partir d'un **demi-anneau**, comme l'ensemble **N** des **entiers naturels** par exemple, et on envisage \mathbb{N}^2 , noté **Z**, qui est l'ensemble des **couples d'entiers naturels** **(a, b)**. On appelle ces couples des **entiers relatifs**. Ici, on part de **Q**, on considère l'ensemble \mathbb{Q}^2 des **couples de rationnels**, qui sera le nouvel ensemble étendu **Q'** de **rationnels relatifs**, c'est-à-dire **positifs** et **négatifs**.

On définit sur **Q'** la relation binaire suivante :

$$(a, b) \equiv (c, d) \Leftrightarrow (a + d = b + c)$$

Il s'agit d'une **relation d'équivalence**, qui va devenir la nouvelle **égalité** des **rationnels relatifs**, notée « \equiv », tandis que l'**égalité** courante « = » devient « \equiv ».

L'**addition** « + » est l'**opération** suivante :

$$(a, b) + (c, d) = (a + c, b + d)$$

Et la **multiplication** « \times » est l'**opération** suivante :

$$(a, b) \times (c, d) = (a \times c + b \times d, a \times d + b \times c)$$

L'**élément neutre** de l'**addition**, le nouveau **o** donc, est alors **(o, o)**.

L'**élément neutre** de la **multiplication**, le nouveau **1** donc, est alors **(1, o)**.

L'**élément** **(o, 1)** est noté **-1**.

Plus généralement, tout élément de la forme **(a, o)** est noté **a**, et est dit **anitif** (classiquement on dit « **positif** »), et tout élément de la forme **(o, a)** est noté **-a**, et est dit **antitif** (classiquement il est dit « **négatif** »).

L'ensemble des **rationnels relatifs Q'** ainsi construit à partir du **demi-anneau Q** par **relativisation**. Et cet ensemble **Q'** sera le nouvel ensemble **Q**.